

摘藻堂四庫全書薈要

史部

欽定四庫全書薈要卷六千四百三十三

史部

元史卷五十四

明翰林學士亞中大夫知制誥兼修國史宋濂等修

志第六

歷三

授時歷經上

步氣朔第一

至元十八年歲次辛巳為元

上考往古下驗將來皆距  
歷元為算周歲消長百年

各一其諸應等數隨時推測不用為元

日周一萬

歲實三百六十五萬二千四百二十五分

通餘五萬二千四百二十五分

朔實二十九萬五千三百五十九分九十三秒

通閏十萬八千七百五十三分八十四秒

歲周三百六十五日二千四百二十五分

朔策二十九日五千三百五十九分九十三秒

氣策十五日二千一百八十四分三十七秒半

望策十四日七千六百五十二分九十六秒半

弦策七日三千八百二十六分四十八秒少

氣應五十五萬 六百分

閏應二十萬一千八百五十分

沒限七千八百一十五分六十二秒半

氣盈二千一百八十四分三十七秒半

朔虛四千六百九十四分 七秒

旬周六十萬

紀法六十

推天正冬至

置所求距算以歲實

上推往古每百年長一  
下算將來每百年消一

乘之為中

積加氣應為通積滿旬周去之不盡以日周約之為日  
不滿為分其日命甲子算外即所求天正冬至日辰及

分

如上考者以氣應減中積滿旬  
周去之不盡以減旬周餘同上

求次氣

置天正冬至日分以氣策累加之其日滿紀法去之外  
命如前各得次氣日辰及分秒

### 推天正經朔

置中積加閏應為閏積滿朔實去之不盡為閏餘以減  
通積為朔積滿旬周去之不盡以日周約之為日不滿  
為分即所求天正經朔日及分秒

上考者以閏應減中積滿朔實去之不盡

以減朔實為閏餘以日周約之為日不滿為分以減冬至日及分不及減者加紀法減之命如上

### 求弦望及次朔

置天正經朔日及分秒以弦策累加之其日滿紀法去之各得弦望及次朔日及分秒

推沒日

置有沒之氣分秒如沒限已上為有沒之氣以十五乘之用減氣策餘滿氣盈而一為日併恒氣日命為沒日

推減日

置有減之朔分秒在朔虛分已下為有減之朔以三十乘之滿朔虛

而一為日併經朔日命為減日

步發斂第二

土王策三日四百三十六分八十七秒半

月閏九千六十二分八十二秒

辰法一萬

半辰法五千

刻法一千二百

推五行用事

各以四立之節為春木夏火秋金冬水首用事日以土



王策減四季中氣各得其季土始用事日

氣候

正月

立春正月節

雨水正月中

東風解凍

蟄蟲始振

魚陟負冰

獺祭魚

候鴈北

草木萌動

二月

驚蟄二月節

春分二月中

桃始華

倉庚鳴

鷹化為鳩

玄鳥至

雷乃發聲

始電

三月

清明三月節

穀雨三月中

桐始華

田鼠化為鴽

虹始見

萍始生

鳴鳩拂其羽

戴勝降于桑

四月

立夏四月節

小滿四月中

螻蛄鳴

蚯蚓出

王瓜生

苦菜秀

靡草死

麥秋至

五月

芒種五月節

夏至五月中

螳螂生

鷓鴣始鳴

反舌無聲

鹿角解

蟬始鳴

半夏生

六月

小暑六月節

大暑六月中

溫風至

蟋蟀居壁

鷹始擊

腐草為螢

土潤溽暑

大雨時行

七月

立秋七月節

處暑七月中

涼風至

白露降

寒蟬鳴

鷹乃祭鳥

天地始肅

禾乃登

八月

白露八月節

秋分八月中

鴻鴈來

玄鳥歸

羣鳥養羞

雷始收聲

蟄蟲坏戶

水始涸

九月

寒露九月節

霜降九月中

鴻鴈來賓

雀入大水為蛤

菊有黃華

豺乃祭獸

草木黃落

蟄蟲咸俯

十月

立冬十月節

小雪十月中

水始冰

地始凍

雉入大水為蜃

虹藏不見

天氣上騰  
地氣下降

閉塞而成冬

十一月

大雪十一月節

冬至十一月中

鶡旦不鳴

虎始交

荔挺出

蚯蚓結

麋角解

水泉動

十二月

小寒十二月節

大寒十二月中

鴈北鄉

鵲始巢

雉雊

鷄乳

征鳥厲疾

水澤腹堅

推中氣去經朔

置天正閏餘以日周約之為日命之得冬至去經朔以月閏累加之各得中氣去經朔日算

滿朔策去之乃全置閏然俟定朔無

中氣者裁之

推發斂加時

置所求分秒以十二乘之滿辰法而一為辰數餘以刻

法收之為刻命子正算外即所在辰刻

如滿半辰法通作辰命起子初

步日躔第三

周天分三百六十五萬二千五百七十五分

周天三百六十五度二十五分七十五秒

半周天一百八十二度六十二分八十七秒半

象限九十一度三十一分四十三秒太

歲差一分五十秒

周應三百一十五萬一千七十五分



半歲周一百八十二日六千二百一十二分半

盈初縮末限八十八日九千九十二分少

縮初盈末限九十三日七千一百二十分少

推天正經朔弦望入盈縮歷

置半歲周以閏餘日及分減之即得天正經縮入盈縮

歷冬至後盈以弦策累加之各得弦望及次朔入盈縮

歷日及分秒夏至後縮  
滿半歲周去之即交盈縮

求盈縮差

視入厯盈者在盈初縮末限已下為初限已上反減半  
歲周餘為末限縮者在縮初盈末限已下為初限已上  
反減半歲周餘為末限其盈初縮末者置立差三十一  
以初末限乘之加平差二萬四千六百又以初末限乘  
之用減定差五百一十三萬三千二百餘再以初末限  
乘之滿億為度不滿退除為分秒縮初盈末者置立差  
二十七以初末限乘之加平差二萬二千一百又以初  
末限乘之用減定差四百八十七萬六百餘再以初末

限乘之滿億為度不滿退除為分秒即所求盈縮差  
又術置入限分以其日盈縮分乘之萬約為分以加其  
下盈縮積萬約為度不滿為分秒亦得所求盈縮差

赤道宿度

角十二 一十 亢九 二十 氏十六 三十

房五 六十 心六 五十 尾十九 一十

箕十 四十

右東方七宿七十九度二十分

斗二十五 二十 牛七 二十 女十一 三十五

虛八 九十五太 危十五 四十 室十七 一十

壁八 六十

右北方七宿九十三度八十分太

奎十六 六十 婁十一 八十 胃十五 六十

昂十一 三十 畢十七 四十 觜初 五

參十一 一十

右西方七宿八十三度八十五分

井三十三 三十 鬼二 二十

柳十三 三十

星六 三十

張十七 二十五

翼十八 七十五

軫十七 三十

右南方七宿一百八度四十分

右赤道宿次竝依新製渾儀測定用為常數校天為密  
若考往古即用當時宿度為準

推冬至赤道日度

置中積以加周應為通積滿周天分

上推往古每百年  
消一下算將來每

百年  
長一  
去之不盡以日周約之為度不滿退約為分秒命

起赤道虛宿六度外去之至不滿宿即所求天正冬至

加時日躔赤道宿度及分秒

上考者以周應減中積滿周天去之不盡以減周天

餘以日周約之為度餘同上如當時有宿度者止依當時宿度命之

### 求四正赤道日度

置天正冬至加時赤道日度累加象限滿赤道宿次去之各得春夏秋正日所在宿度及分秒

### 求四正赤道宿積度

置四正赤道宿全度以四正赤道日度及分減之餘為  
距後度以赤道宿度累加之各得四正後赤道宿積度  
及分

黃赤道率

積度

至後黃道  
分後赤道

度率

積度

至後赤道  
分後黃道

度率

積差

差率

初

一

一

〇八  
六五

八十二秒

一

一

一

〇八  
六五

一

〇八  
六三

八十二秒

二分

四六

二

一

二

一七  
二八

一

〇八  
六〇

三分二八

四分

二

三

一

三

二五  
八八

一〇八  
五七

七分

三九

五分

七六

四

一

四

三四  
四五

一四〇  
九

十三分

一五

七分

四一

五

一

五

四二  
九四

一四〇  
三

二十分

五六

九分

〇七

六

一

六

五一  
三七

一〇八  
三

二十九分

三六

十分

七一

七

一

七

五九  
七〇

一〇二  
二

四十分

三六

十二分

四〇

八

一

八

六七  
九三

一〇八  
二

五十二分

七六

十四分

〇八

九

一

九

七六  
〇五

一〇八  
一

六十六分

八四

十五分

七六

十

一

十

八四  
〇六

一〇七  
八六

八十二分

六〇

十七分

四五



十一

一

十一

九二

一七二

一〇〇五

十九分

一六

十二

一

十二

六四九

一五七

一一九

二十分

八七

十三

一

十四

一〇七

一四〇

一四一

二十二分

五八

十四

一

十五

一四九

一〇七

一六二

二十四分

三〇

十五

一

十六

二一七

一〇七

一六八

二十六分

五

十六

一

十七

二八三

一〇六

一三三

二十七分

七九

十七

一

十八

三五七

一〇六

一四〇

二十九分

五五

十八

一

十九

四二〇

一〇六

一七〇

三十一分

三一

十九

一

二十四

四八  
七二

一〇六

三

〇一  
六五

三十三分

七

二十

一

二十一

五四  
九四

一九五

三

三三  
七二

三十四分

八五

二十一

一

二十二

六〇  
九三

一〇五

三

六九  
五七

三十六分

六三

二十二

一

二十三

六六  
六八

一〇五

四

〇六  
二〇

三十八分

四二

二十三

一

二十四

七二  
二二

一〇五

四

四四  
六二

四十分

二〇

二十四

一

二十五

七七  
五二

一〇五

四

八四  
八二

四十二分

二十五

一

二十六

八二  
五八

一〇四

五

二六  
八二

四十三分

七九

二十六

一

二十七

八七  
四〇

一〇四

五

七〇  
六一

四十五分

五九

二十七 一

二十八 九一  
九六 一 〇四  
三二

六 一六  
二〇

四十七分 二八

二十八 一

二十九 九六  
二八 一 〇四  
〇八

六 六三  
五八

四十九分 一七

二十九 一

三十一 六〇  
六三 一 〇三  
〇二

七 一二  
七五

五十分 九五

三十 一

三十二 一八  
一四 一 〇五  
〇五

七 六三  
七〇

五十二分 三七

三十一 一

三十三 七〇  
七三 一 〇三  
〇三

八 一六  
四三

五十四分 五〇

三十二 一

三十四 一〇  
一五 一 〇三  
〇六

八 七〇  
九三

五十六分 二六

三十三 一

三十五 一四  
一八 一 〇二  
〇二

九 二七  
一九

五十八分 〇一

三十四 一

三十六 一六  
一九 一 〇二  
〇四

九 八五  
二〇

五十九分 七四

三十五

一

三十七

一九  
四五

一〇二

十四

四四  
九四

六十一分

四五

三十六

一

三十八

二一  
七四

一〇三

十

〇六  
三九

六十三分

一四

三十七

一

三十九

二三  
七七

一〇七

十一

六九  
五三

六十四分

八一

三十八

一

四十

二五  
五四

一〇五

十二

三四  
三四

六十六分

四七

三十九

一

四十一

二七  
〇六

一〇六

十三

〇〇  
八一

六十八分

〇八

四十

一

四十二

二八  
三二

一〇一

十三

六八  
八九

六十九分

六七

四十一

一

四十三

二九  
三四

一〇五

十四

三八  
五六

七十一分

二四

四十二

一

四十四

三〇  
〇九

一〇四

十五

〇九  
八〇

七十三分

七六

四十三

一

四十五

三〇 五八 一〇 二七

十五

八二 五六

七十四分

二六

四十四

一

四十六

三〇 八五 一〇〇

十六

五二 八六

七十五分

一七

四十五

一

四十七

三〇 八五 九九 七四

十七

三二 五三

七十七分

一二

四十六

一

四十八

三〇 五九 九九 五一

十八

〇九 六五

七十八分

五〇

四十七

一

四十九

三〇 一〇 九九 二五

十八

八八 一五

七十九分

八四

四十八

一

五十

二九 三五 九九 〇一

十九

六七 九九

八十一分

一二

四十九

一

五十一

二八 三六 九八 七六

二十

四九 一一

八十二分

三七

五十

一

五十二

二七 一二 九八 五一

二十一

三一 四八

八十三分

五七

五十一 一 五十三 二五  
六三 九八 二七 二十二 一五  
〇五 八十四分 七二

五十二 一 五十四 二三  
九〇 九八 〇三 二十二 九九  
七七 八十五分 八三

五十三 一 五十五 二一  
九三 九七 八〇 二十三 八五  
六〇 八十六分 八八

五十四 一 五十六 一九  
七三 九二 五五 二十四 七二  
四八 八十七分 八九

五十五 一 五十七 一七  
二八 九七 三一 二十五 六〇  
三七 八十八分 八五

五十六 一 五十八 一四  
五九 九七 〇八 二十六 四九  
二二 八十九分 七七

五十七 一 五十九 一一  
六七 九六 八五 二十七 三八  
九九 九十分 六三

五十八 一 六十 〇八  
五二 九六 六一 二十八 二九  
六二 九十一分 四四

五十九

一

六十一

一〇五  
一三九 九六

二十九

二一〇  
二六〇

九十二分

三二

六十

一

六十二

〇一  
五二 九六

三十一

一三二  
二八

九十二分

九四

六十一

一

六十二

九七  
六八 九五

三十一

〇六  
二二

九十三分

六一

六十二

一

六十三

九三  
六二 九五

三十一

九八  
八三

九十四分

二六

六十三

一

六十四

八九  
四三 九五

三十二

九四  
〇九

九十四分

五八

六十四

一

六十五

八四  
八五 九五

三十三

八八  
九四

九十五分

二八

六十五

一

六十六

八〇  
一四 九五

三十四

八四  
三二

九十五分

九〇

六十六

一

六十七

七五  
二二 九四

三十五

八〇  
二二

九十六分

三八

六十七 一 六十八 七〇 九四  
一〇 七〇  
三十六 七六 九十六分 八一  
六〇

六十八 一 六十九 六四 九四  
八〇 五〇  
三十七 七三 九十七分 一九  
四一

六十九 一 七十 五九 九四  
三〇 二七  
三十八 七〇 九十七分 五六  
六〇

七十 一 七十一 五三 九四  
五七 一二  
三十九 六八 九十七分 八九  
一六

七十一 一 七十二 四七 九三  
六九 九二  
四十 六六 九十八分 一八  
五

七十二 一 七十三 四一 九三  
六一 八五  
四十一 六四 九十八分 四五  
二三

七十三 一 七十四 三五 九三  
四六 五三  
四十二 六二 九十八分 六八  
六八

七十四 一 七十五 二八 九三  
九九 四三  
四十三 六一 九十八分 六一  
三六



七十五 一

七十六

二二  
四二  
二九

四十四

六〇  
二七

九十九分

一〇

七十六 一

七十七

一五  
七一  
一五

四十五

五九  
三七

九十九分

二五

七十七 一

七十八

〇八  
八六  
〇四

四十六

五八  
六二

九十九分

四八

七十八 一

七十九

〇一  
九〇  
八六

四十七

五八  
〇二

九十九分

五二

七十九 一

七十九

九四  
七六  
七五

四十八

五七  
五四

九十九分

八二

八十 一

八十

八七  
五一  
六五

四十九

五七  
一六

九十九分

七二

八十一 一

八十一

八〇  
一六  
五二

五十

五六  
八八

九十九分

七九

八十二 一

八十二

七二  
七一  
四四

五十一

五六  
六七

九十九分

八四

八十三 一

八十三

六五  
一五  
三八

五十二

五六  
五一

九十九分

八九

八十四 一

八十四

五七  
五三  
二八

五十三

五六  
四〇

九十九分

九三

八十五 一

八十五

四九  
八一  
二二

五十四

五六  
三三

九十九分

九六

八十六 一

八十六

四三  
〇三  
一五

五十五

五六  
二九

九十九分

九七

八十七 一

八十七

三四  
一八  
一二

五十六

五六  
二六

九十九分

九九

八十八 一

八十八

二六  
三〇  
一〇

五十七

五六  
二五

一

八十九 一

八十九

一八  
四〇  
〇四

五十八

三六  
二五

一

九十 一

九十

一〇  
四四  
〇四

五十九

五六  
二五

一

九十一 三

九十一 〇二  
四八 二八 二八  
七七

六十 五六  
二五 三一 三一  
二五

九十二

九十一 三一  
二五

六十 八七  
五〇

推黃道宿度

置四正後赤道宿積度以其赤道積度減之餘以黃道率乘之如赤道率而一所得以加黃道積度為二十八宿黃道積度以前宿黃道積度減之為其宿黃道度及

分

其秒就  
近為分

黃道宿度

角十二 八十七 亢九 五十六 氐十六 四十

房五 四十八 心六 二十七 尾十七 九十五

箕九 五十九

右東方七宿七十八度一十二分

斗二十三 四十七 牛六 九十 女十一 一十二

虛九 分空太 危十五 九十五 室十八 三十二

壁九 三十四

右北方七宿九十四度一十分太

奎十七 八十七 婁十二 三十六 胃十五 八十一

昴十一 八 畢十六 五十 觜初 五

參十二 二十八

右西方七宿八十三度九十五分

井三十一 三 鬼二 一十一 柳十三

星六 三十一 張十七 七十九 翼二十 九

軫十八 七十五

右南方七宿一百九度八分

右黃道宿度依今歷所測赤道準冬至歲差所在算定以憑推步若上下考驗據歲差每移一度依術推變各得當時宿度

推冬至加時黃道日度

置天正冬至加時赤道日度以其赤道積度減之餘以黃道率乘之如赤道率而一所得以加黃道積度即所求年天正冬至加時黃道日度及分秒

求四正加時黃道日度

置所求年冬至日躔黃赤道差與次年黃赤道差相減  
餘四而一所得加象限為四正定象度置冬至加時黃  
道日度以四正定象度累加之滿黃道宿次去之各得  
四正定氣加時黃道宿度及分

求四正晨前夜半日度

置四正恒氣日及分秒

冬夏二至盈縮之端以恒為定

以盈縮差命為

日分盈減縮加之即為四正定氣日及分置日下分以  
其日行度乘之如日周而一所得以減四正加時黃道

日度各得四正定氣晨前夜半日度及分秒

求四正後每日晨前夜半黃道日度

以四正定氣日距後正定氣日為相距日以四正定氣  
晨前夜半日度距後正定氣晨前夜半日度為相距度  
累計相距日之行定度與相距度相減餘如相距日而  
一為日差相距度多為加  
相距度少為減以加減四正每日行度率為  
每日行定度累加四正晨前夜半黃道日度滿宿次去  
之為每日晨前夜半黃道日度及分秒



求每日午中黃道日度

置其日行定度半之以加其日晨前夜半黃道日度得  
午中黃道日度及分秒

求每日午中黃道積度

以二至加時黃道日度距所求日午中黃道日度為二  
至後黃道積度及分秒

求每日午中赤道日度

置所求日午中黃道積度滿象限去之餘為分後內減

黃道積度以赤道率乘之如黃道率而一所得以加赤道積度及所去象限為所求赤道積度及分秒以二至赤道日度加而命之即每日午中赤道日度及分秒

黃道十二次宿度

危十二度六十四分九十一秒 入娵訾之次辰在亥

奎一度七十三分六十三秒 入降婁之次辰在戌

胃三度七十四分五十六秒 入大梁之次辰在酉

畢六度八十八分五秒 入實沈之次辰在申

井八度三十四分九十四秒

入鶉首之次辰在未

柳三度八十六分八十秒

入鶉火之次辰在午

張十五度三十六分六秒

入鶉尾之次辰在巳

軫十度七分九十七秒

入壽星之次辰在辰

氏一度一十四分五十二秒

入大火之次辰在卯

尾三度一分一十五秒

入析木之次辰在寅

斗二度七十六分八十五秒

入星紀之次辰在丑

女二度六分三十八秒

入玄枵之次辰在子

求八十二次時刻

各置入次宿度及分秒以其日晨前夜半日度減之餘以日周乘之為實以其日行定度為法實如法而一所得依發斂加時求之即入次時刻

步月離第四

轉終分二十七萬五千五百四十六分

轉終二十七日五千五百四十六分

轉中十三日七千七百七十三分

初限八十四

中限一百六十八

周限三百三十六

月平行十三度三十六分八十七秒半

轉差一日九千七百五十九分九十三秒

弦策七日三千八百二十六分四十八秒少

上弦九十一度三十一分四十三秒太

墜一百八十二度六十二分八十七秒半

下弦二百七十三度九十四分三十一秒少

轉應一十三萬一千九百四分

推天正經朔入轉

置中積加轉應減閏餘滿轉終分去之不盡以日周約  
之為日不滿為分即天正經朔入轉日及分

上考者中積內加所

求閏餘減轉應滿轉終去之不盡以減轉終餘同上

求弦朞及次朔入轉

置天正經朔入轉日及分以弦策累加之滿轉終去之

即弦朞及次朔入轉日及分秒

如徑求次朔以轉差加之

求經朔弦朞入遲疾歷

各視入轉日及分秒在轉中已下為疾歷已上減去轉中為遲歷

遲疾轉定及積度

入轉日

初末限

遲疾度

轉定度

轉積度

初

初

疾初

十四

六七  
六四

初

一

一十二

二十

疾一

三〇  
七七

十四

五五  
七三

十四

六七  
六四

二

二十四<sub>四十</sub>

疾二

<sub>六三</sub>四九

十四

<sub>二九</sub>四〇

二十九

<sub>三七</sub>二二

三

三十六<sub>六十</sub>

疾三

<sub>〇五</sub>五三

十四

<sub>三〇</sub>二一

四十三

<sub>六六</sub>六三

四

四十八<sub>八十</sub>

疾四

<sub>四八</sub>三七

十三

<sub>七七</sub>九八

五十七

<sub>九六</sub>八四

五

六十一

疾四

<sub>三八</sub>九九

十三

<sub>七一</sub>七二

七十一

<sub>七二</sub>八三

六

七十三<sub>二十</sub>

疾五

<sub>二二</sub>三五

十三

<sub>四六</sub>四四

八十五

<sub>四四</sub>五六

七

八十二<sub>六十</sub>

疾五

<sub>八一</sub>四二

十三

<sub>五三</sub>二二

九十九

<sub>九〇</sub>〇〇

八

七十<sub>四十</sub>

疾五

<sub>四七</sub>二九

十二

<sub>七五</sub>九四

一百一十二

<sub>四三</sub>二四

九

五十八<sub>二十</sub>

疾四

<sub>三五</sub>八七

十二

<sub>四八</sub>六九

一百二十五

<sub>一八</sub>一九



十 四十六 疾四 一九九六 十二 四七七 一百三十七 八八六六

十一 三十三 八十 疾三 三〇八六 十二 二九六〇 一百五十 三六四三

十二 二十一 六十 疾二 二三五九 十二 九〇四六 一百六十二 六六〇三

十三 九 四十 疾一 一〇六一 十二 六〇二四 一百七十四 八九〇九

十四 初二 八十 遲初 十二 五〇八二 一百八十六 八五六一

十五 一十五 遲一 五九二二 十二 二二二 一百九十八 九四一三

十六 二十七 二十 遲二 七四八八 十二 三三五二 二百一十一 一五三五

十七 三十九 四十 遲三 七四二二 十二 五七三〇 二百二十三 二五八七

十八

五十一

六十

遲四

五三  
八〇

十二

八〇  
六二

二百三十六

一七〇

十九

六十三

八十

遲五

一〇四〇

十三

五〇七  
三

二百四十八

八九〇

二十

七十六

九十

遲五

三九  
三八

十三

三三  
七七

二百六十一

九八  
三三

二十一

末七十九

八十

遲五

四二  
四八

十三

五七  
一二

二百七十五

三二  
一〇

二十二

六十七

六十

遲五

二二  
二三

十三

八五  
一一

二百八十八

八九  
二二

二十三

五十五

四十

遲四

七三  
九九

十四

〇九  
五五

三百二

七四  
三三

二十四

四十三

二十

遲四

〇一  
三一

十四

三〇  
四六

三百一十六

八三  
八八

二十五

三十一

十

遲三

〇七  
七二

十四

四七  
八二

三百二十一

一四  
三四

二十六

一十八

遲

九六  
七七

十四

六一  
六三

三百四十五

六三  
一六

二十七

六

六十

遲

七二  
七一

十四

七一  
五四

三百六十

二二  
七九

求遲疾差

置遲疾歷日及分以十二限二十分乘之在初限已下  
為初限已上覆減中限餘為末限置立差三百二十五  
以初末限乘之加平差二萬八千一百又以初末限乘  
之用減定差一千一百一十一萬餘再以初末限乘之  
滿億為度不滿退除為分秒即遲疾差

又術置遲疾歷日及分以遲疾歷日率減之餘以其下  
損益分乘之如八百二十而一益加損減其下遲疾度  
亦為所求遲疾差

### 求朔弦朞定日

以經朔弦朞盈縮差與遲疾差同名相從異名相消盈遲

縮疾為同名盈疾縮遲為異名

以八百二十乘之以所入遲疾限下行

度除之即為加減差

盈遲為加縮疾為減

以加減經朔弦朞日及

分即定朔弦朞日及分若定弦朞分在日出分已下者

退一日其日命甲子算外各得定朔弦朢日辰定朔干  
名與後朔干同者其月大不同者其月小內無中氣者  
為閏月

推定朔弦朢加時日月宿度

置經朔弦朢入盈縮歷日及分以加減差加減之為定  
朔弦朢入歷在盈便為中積在縮加半歲周為中積命  
日為度以盈縮差盈加縮減之為加時定積度以冬至  
加時日躔黃道宿度加而命之各得定朔弦朢加時日

度

凡合朔加時日月同度便為定朔加時月度其弦朢各以弦朢度加定積為定弦朢月行定積度依上加而命之各得定弦朢加時黃道月度

推定朔弦朢加時赤道月度

各置定朔弦朢加時黃道月行定積度滿象限去之以其黃道積度減之餘以赤道率乘之如黃道率而一用加其下赤道積度及所去象限各為赤道加時定積度

以冬至加時赤道日度加而命之各為定朔弦朢加時

赤道月度及分秒

象限以下及半周去之為至後  
滿象限及三象去之為分後

推朔後平交入轉遲疾歷

置交終日及分內減經朔入交日及分為朔後平交日  
以加經朔入轉為朔後平交入轉在轉中已下為疾歷  
已上去之為遲歷

求正交日辰

置經朔加朔後平交日以遲疾歷依前求到遲疾差遲

加疾減之為正交日及分其日命甲子算外即正交日辰

推正交加時黃道月度

置朔後平交日以月平行度乘之為距後度以加經朔中積為冬至距正交定積度以冬至日躔黃道宿度加而命之為正交加時月離黃道宿度及分秒

求正交在二至後初末限

置冬至距正交積度及分在半歲周已下為冬至後已



上去之為夏至後其二至後在象限已下為初限已上  
減去半歲周為末限

求定差距差定限度

置初末限度以十四度六十六分乘之如象限而一為  
定差反減十四度六十六分餘為距差以二十四乘定  
差如十四度六十六分而一所得交在冬至後名減夏  
至後名加皆加減九十八度為定限度及分秒

求四正赤道宿度

置冬至加時赤道度命為冬至正度以象限累加之各  
得春分夏至秋分正積度各命赤道宿次去之為四正  
赤道宿度及分秒

求月離赤道正交宿度

以距差加減春秋二正赤道宿度為月離赤道正交宿  
度及分秒

冬至後初限加末限減視春正  
夏至後初限減末限加視秋正

求正交後赤道宿積度入初末限

各置春秋二正赤道所當宿全度及分以月離赤道正

交宿度及分減之餘為正交後積度以赤道宿次累加之滿象限去之為半交後又去之為中交後再去之為半交後視各交積度在半象已下為初限已上用減象限餘為末限

求月離赤道正交後半交白道

舊名九道

出入赤道

內外度及定差

置各交定差度及分以二十五乘之如六十一而一所得視月離黃道正交在冬至後宿度為減夏至後宿度

為加皆加減二十三度九十分為月離赤道正交後半  
交白道出入赤道內外度及分以周天六之一六十度  
八十七分六十二秒半除之為定差  
月離赤道正交後  
為外中交後為內  
求月離出入赤道內外白道去極度

置每日月離赤道交後初末限用減象限餘為白道積  
用其積度減之餘以其差率乘之所得百約之以加其  
下積差為每日積差用減周天六之一餘以定差乘之  
為每日月離赤道內外度內減外加象限為每日月離

白道去極度及分秒

求每交月離白道積度及宿次

置定限度與初冬限相減相乘退位為分為定差

正交  
中交

後為加半  
交後為減以差加減正交後赤道積度為月離白道定

積度以前宿白道定積度減之各得月離白道宿次及分

推定朔弦朢加時月離白道宿度

各以月離赤道正交宿度距所求定朔弦朢加時月離

赤道宿度為正交後積度滿象限去之為半交後又去  
之為中交後再去之為半交後視交後積度在半象已  
下為初限已上用減象限為末限以初末限與定限度  
相減相乘退位為分分滿百為度為定差  
正交中交後  
為加半交後  
為以差加減月離赤道正交後積度為定積度以正交  
宿度加之以其所當月離白道宿次去之各得定朔弦  
望加時月離白道宿度及分秒

求定朔弦望加時及夜半晨昏入轉

置經朔弦望入轉日及分以定朔弦望加減差加減之  
為定朔弦望加時入轉以定朔弦望日下分減之為夜  
半入轉以晨分加之為晨轉昏分加之為昏轉

求夜半月度

置定朔弦望日下分以其入轉日轉定度乘之萬約為  
加時轉度以減加時定積度餘為夜半定積度依前加  
而命之各得夜半月離宿度及分秒

求晨昏月度

置其日晨昏分以夜半入轉日轉定度乘之萬約為晨昏轉度各加夜半定積度為晨昏定積度加命如前各得晨昏月離宿度及分秒

求每日晨昏月離白道宿次

累計相距日數轉定度為轉積度與定朔弦望晨昏宿次前後相距度相減餘以相距日數除之為日差

距度  
多為

加距度  
少為減以加減每日轉定度為行定度以累加定朔弦

望晨昏月度加命如前即每日晨昏月離白道宿次

朔後



用昏望後用晨  
朔望晨昏俱用

卷五十四

元史卷五十四

元史卷五十四考證

夏至後宿度為加皆加減二十三度九十分為月離赤道正交後半交按原刻脫正交二字今據文義增





總校官編修臣吳紹深

欽定四庫全書薈要

史部  
元史卷五十五

詳校官主事銜臣徐以坤



欽定四庫全書蒼要卷六千四百三十四

史部

元史卷五十五

明翰林學士亞中大夫知制誥兼修國史宋濂等修



第七

歷四

授時歷經下

步中星第五

大都北極出地四十度太強

冬至去極一百一十五度二十一分七十三秒

夏至去極六十七度四十一分一十三秒

冬至晝夏至夜三千八百一十五分九十二秒

夏至晝冬至夜六千一百八十四分八秒

昏明二百五十分

黃道出入赤道內外去極度及半晝夜分

黃道積內外 內外冬至前夏至前冬晝 夏晝 晝夜

度 度 差 後去極後去極 夏夜 冬夜 差

初

二五

九〇 三三  
三〇

百五

三一  
七二

空

四二  
三

一香

〇八  
九六

二

九二  
〇四 〇九

一

二五

八九 九九  
九七

百五

二七  
四六

空

四一  
四六

一香

〇八  
〇五

三

九一  
九五 二九

二

二五

八八 六六  
九八

百五

二〇  
四八

空

四二  
四五

一香

〇八  
三四

三

九一  
六六 四七

三

二五

八七 三一  
三二

百五

一八  
七五

空

四四  
一一

一香

〇八  
八一

三

九一  
一九 六六

四

二五

八五 九九  
〇一

百五

一六  
四四

空

四六  
四二

一香

〇九  
四七

三

九〇  
五三 八五

五

二五

八三 六五  
〇二

百五

一三  
四五

空

四九  
四一

一香

一〇  
二二

三

八九  
六八 四分

六

二五

七八 二二  
三七

百五

〇九  
八〇

空

五三  
〇六

一香

一一  
三六

三

八八  
六四 一二

七

二五

七四 九八  
〇五

百五

〇五  
四八

空

五七  
三八

一香

一二  
五八

三

八七  
四二 四分



八 六九  
五 六五  
百五 五〇〇  
突 六三  
无百 一四  
千 八六  
分 六一

九 六三  
六 三六  
百四 八四  
突 六八  
无百 一五  
千 八四  
分 七九

十 五七  
七 〇二  
百八 四九  
突 七四  
无百 一四  
千 八二  
分 九九

十一 五〇  
七 六九  
百八 四七  
突 八一  
无百 一九  
千 八一  
分 一八

十二 四二  
八 三九  
百七 三八  
突 八九  
无百 二一  
千 七八  
分 三七

十三 三三  
九 〇八  
百六 三九  
突 九四  
无百 二三  
千 七六  
分 五六

十四 二四  
九 七五  
百五 三二  
突 〇六  
无百 二六  
千 七三  
分 七四

十五 一五  
十 四七  
百四 二六  
突 一六  
无百 二九  
千 七〇  
分 九四

十六

二五<sub>六六</sub> 四〇

土分<sub>一四</sub>

一百五<sub>〇九</sub> 三六

六八<sub>七</sub> 二六

一五<sub>一八</sub> 三二

三千<sub>八二</sub> 六七

三分<sub>一四</sub>

十七

二五<sub>五二</sub> 九三

土分<sub>八五</sub>

一百四<sub>九五</sub> 二四

六八<sub>九一</sub> 三七

一五<sub>三二</sub> 三五

三千<sub>六八</sub> 六四

三分<sub>三〇</sub>

十八

二五<sub>六七</sub> 八一

土分<sub>五四</sub>

一百四<sub>一〇</sub> 一三

六八<sub>七六</sub> 四九

一五<sub>六二</sub> 三八

三千<sub>三八</sub> 六一

三分<sub>五一</sub>

十九

二五<sub>一三</sub> 六九

土分<sub>二五</sub>

一百四<sub>五六</sub> 〇〇

六八<sub>三〇</sub> 六二

一五<sub>一二</sub> 四二

三千<sub>八七</sub> 五七

三分<sub>六九</sub>

二十

二五<sub>八八</sub> 五五

土分<sub>九五</sub>

一百三<sub>三一</sub> 八七

六八<sub>五五</sub> 七五

一五<sub>八二</sub> 四五

三千<sub>一八</sub> 五四

三分<sub>八八</sub>

二十一

二五<sub>五三</sub> 四一

土分<sub>六六</sub>

一百三<sub>三六</sub> 七三

六八<sub>五〇</sub> 八九

一五<sub>七〇</sub> 四九

三千<sub>三〇</sub> 五〇

四分<sub>〇七</sub>

二十二

二五<sub>二七</sub> 二七

土分<sub>三七</sub>

一百三<sub>七〇</sub> 五八

六八<sub>一六</sub> 四〇

一五<sub>七七</sub> 五三

三千<sub>二二</sub> 四六

四分<sub>二六</sub>

二十三

二五<sub>九〇</sub> 一一

土分<sub>〇六</sub>

一百三<sub>三三</sub> 四三

六八<sub>五三</sub> 一九

一五<sub>〇三</sub> 五八

三千<sub>九七</sub> 四一

四分<sub>四三</sub>

高

五

八四九

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

五

五

七九六

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

四

分

五

五

六九一

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

四

分

五

五

四三三

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

五

五

二四四

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

五

五

〇四八

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

三

十

八四六

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

三

十

六三三

十

分

百

五

十

分

百

十

千

分

五

分

三十一 二十四一 二十分三五 百一七三 七十八九 二十四 二百九五 六分一

三十 二十一九 二十分三 百一五一 七十一 二十一 二百八九 六分一六

二十九 十九九六 十九分七一 百一二八 七十五四 二十一六 二百八三 六分三五

二十八 十九七二 十八分二七 百一四 七十五八 二十二二 二百七 六分四八

二十七 十九四八 十八分二 百一七九 七十八二 二十二九 二百六四 六分六三

二十六 十九二二 十八分六六 百一五四 七十七 二十三五 二百一 六分七八

二十五 十八九七 十八分三一 百一二九 七十三三 二十四二 二百五七 六分九二

二十四 十八七一 十八分九三 百一一 七十五九 二十四九 二百五 七分五

四十 十八四四五六 二十分五二 一百九七五九九 七十三八六八七 二千五六七四 二千九四三二六 七分一九

四十一 十八一七四〇 二十分一四 一百九四八四七 七十三一四三九 二千六三九三 二千九三六〇七 七分五二

四十二 十七八八九〇 二十分七二 一百九二〇三二 七十三四二五三 二千七二二五 二千九二八七五 七分四四

四十三 十七六一八〇 二十分九 一百八九一六一 七十三七一二五 二千七八六九 二千九二二 七分五六

四十四 十七三〇八九 二十分八四 一百八六二三二 七十三〇五八 二千八六二五 二千九一三五七 七分六八

四十五 十七〇一五 二十分六 一百八三二四八 七十三三〇三八 二千九三九三 二千九〇六七 七分七八

四十六 十六七〇六七 二十分九 一百八一〇二 七十三六〇六七 二千〇七一 二千九九八二九 七分八九

四十七 十六三九七六 二十分四一 一百七七一〇 七十三九一六六 二千〇九六 二千九九四〇 七分九八

四八 十六<sub>三六</sub>。八  
三分<sub>九一</sub>  
一百七<sub>七九</sub>。三九  
七五<sub>〇七</sub>。二三  
二百<sub>五八</sub>。一七  
二百<sub>四二</sub>。八二  
八分<sub>〇八</sub>

四九 十五<sub>四七</sub>。六  
三分<sub>三六</sub>  
一百七<sub>八八</sub>。〇七  
七五<sub>九八</sub>。五四  
二百<sub>六六</sub>。二五  
二百<sub>三四</sub>。七四  
八分<sub>一七</sub>

五十 十五<sub>四四</sub>。九  
三分<sub>八五</sub>  
一百六<sub>五二</sub>。七五  
七五<sub>三四</sub>。八七  
二百<sub>八三</sub>。三三  
二百<sub>一七</sub>。六六  
八分<sub>二六</sub>

五十一 十五<sub>二四</sub>。一一  
三分<sub>二六</sub>  
一百六<sub>六七</sub>。四二  
七五<sub>一九</sub>。二〇  
二百<sub>〇九</sub>。四二  
二百<sub>九一</sub>。五七  
八分<sub>二二</sub>

五十二 十四<sub>九八</sub>。七  
三分<sub>六四</sub>  
一百六<sub>四一</sub>。九  
七五<sub>四五</sub>。五三  
二百<sub>四一</sub>。五〇  
二百<sub>五九</sub>。四九  
八分<sub>四〇</sub>

五十三 十四<sub>三四</sub>。四  
三分<sub>七</sub>  
一百五<sub>七七</sub>。七五  
七十六<sub>〇九</sub>。八七  
二百<sub>八一</sub>。五八  
二百<sub>一五</sub>。四一  
八分<sub>四六</sub>

五十四 十四<sub>二七</sub>。〇  
三分<sub>四五</sub>  
一百五<sub>七〇</sub>。四一  
七十七<sub>一六</sub>。一一  
二百<sub>二七</sub>。六七  
二百<sub>七三</sub>。三二  
八分<sub>五四</sub>

五十五 十三<sub>八三</sub>。七  
三分<sub>八一</sub>  
一百五<sub>二五</sub>。七  
七十七<sub>六一</sub>。五五  
二百<sub>八一</sub>。七五  
二百<sub>一九</sub>。二四  
八分<sub>五九</sub>

五六

十三

四一〇一

三五分

一百四

七二四四

七十七

九〇四二

二百

八四〇四

二百

一五六〇

八分

六四

五七

十三

八〇五八

三五分

一百四

三七二九

七十八

二五七五

二百

九五〇四

二百

〇六九六

八分

六九

五八

十三

七〇三九

三五分

一百四

〇一八二

七十八

六一〇四

二百

〇一七三

二百

九八二七

八分

七五

五九

十三

三四六一

三五分

一百三

六六〇四

七十八

九六八一

二百

一〇四八

二百

八九五二

八分

七八

六十

十三

九八五四

三五分

一百三

二九九七

七十九

三二八九

二百

一九二六

二百

八〇七四

八分

八一

六十一

十三

六二二一

三五分

一百二

九三六四

七十九

六九二二

二百

二八〇七

二百

七二九三

八分

八四

六十二

十三

二五二六

三五分

一百二

五七〇五

八十

〇六一五

二百

三六九一

二百

六三〇九

八分

八九

六十三

十三

八八七九

三五分

一百二

二〇二二

八十

四二六四

二百

四五八〇

二百

五二〇

八分

九〇

六十四 七五一  
十一 七四  
三十分 二四  
一百二 一八二  
分 七九  
二百 四五  
二百 七〇  
二百 四五  
八分 九二

六十五 一四  
十 五〇  
三十分 四四  
一百一 四九五  
分 一九  
二百 六三  
二百 六二  
二百 三六  
八分 九四

六十六 七十七  
九 六〇  
三十分 六一  
一百一 四八九  
分 三四  
二百 七二  
二百 五六  
二百 二七  
八分 九七

六十七 三九  
九 四五  
三十分 七八  
一百一 七八八  
分 九一  
二百 八一  
二百 五二  
二百 一八  
八分 九七

六十八 〇一  
九 六九  
三十分 九一  
一百一 三三二  
分 二四  
二百 九〇  
二百 五〇  
二百 〇九  
八分 九八

六十九 六三  
八 七八  
三十分 七  
九十九 九五二  
分 六七  
二百 九九  
二百 四七  
二百 〇〇  
九分 〇〇

七十 二五  
八 七一  
三十分 二七  
九十九 五七一  
分 〇五  
二百 八八  
二百 四八  
二百 九一  
九分 〇〇

七十一 八七  
七 五四  
三十分 二八  
九十九 一八八  
分 四三  
二百 一七  
二百 四八  
二百 八二  
九分 〇一



七十一

七

四九  
二六

二分三八

九十八八九  
六九

全八二  
一七

二百二六  
四九

二百七三  
五一

九分一

七十二

七

一八  
八八

二分四七

九十八四二  
三二

全二五  
五五

二百二五  
五〇

二百六四  
五〇

九分二一

七十三

六

七二  
四一

二分五〇

九十八三〇  
八四

全五九  
〇二

二百四四  
五一

二百五五  
四九

九分一

七十四

六

三三  
八七

二分六二

九十七六五  
三〇

全九七  
五六

二百五三  
五二

二百四六  
四八

九分一

七十五

五

九五  
二五

二分六七

九十七二六  
六八

全三六  
一八

二百六三  
五三

二百三七  
四七

九分一

七十六

五

五六  
五八

二分七三

九十七八八  
〇一

全七四  
八五

二百七一  
五四

二百二八  
四六

九分〇

七十七

五

一七  
八五

二分七七

九十六四九  
二八

全一三  
五八

二百八〇  
五四

二百一九  
四六

九分〇

七十八

四

七九  
〇八

二分八一

九十六一〇  
五一

全五二  
三五

二百八九  
五四

二百一〇  
四六

九分〇

分

四

二四〇  
二七

三分八五

九五七  
七一

八六一  
九一

二五九  
九八

二五〇  
四六

九分〇

全

四

四〇二  
四二

三分八八

九五三  
三二

八七一  
三一〇

二五七  
五〇七

二五九  
四六

九分〇

全

三

五〇二  
五四

三分八九

九四九  
九四

八七二  
六八

二五四  
一六

二五四  
八五

八分九

全

三

二六三  
六五

三分九〇

九四九  
五五

八七〇  
七七

二五二  
二五

二五四  
七四

八分九

全

二

八四七  
七五

三分九二

九四一  
一六

八四六  
六八

二四八  
三四

二五四  
六五

八分九

全

二

四八三  
八三

三分九三

九三七  
七六

八六五  
六〇

二四三  
四五

二五五  
五六

八分九

全

二

九〇六  
九〇

三分九四

九三三  
三八

八二四  
五三

二五一  
四二

二四七  
五八

八分九

全

一

六七九  
九六

三分九四

九三三  
九九

八六三  
四七

二六一  
三八

二二八  
六二

八分九

大正日曆

元史

七

八十八

一二九  
。二二九

五分九五

九十二六〇  
四四五

九十〇二  
四〇一

二十七〇  
三三四

二十二九  
六六六

八分九六

八十九

九〇  
。七〇七

五分九五

九十二二一  
五〇五

九十四一  
三三六

二十七九  
三〇三

二十二〇  
七七〇

八分九六

九十

五一  
一二

三分九五

九十二八二  
五五五

九十八〇  
三三一

二十八八  
二二六

二十一〇  
七七四

八分九五

九十一

一二  
一七

五分九五

九十二四三  
六〇六

九十一九  
二二六

二十九七  
二二一

二十〇二  
七七九

二分七九

九十二

空

空

九十二三一  
四四七

九十三一  
四四三

二十三〇

二十三〇

空

求每日黃道出入赤道內外去極度

置所求日晨前夜半黃道積度滿半歲周去之在象限已下為初限已上復減半歲周餘為入末限滿積度去之

餘以其段內外差乘之百約之所得用減內外度為  
出入赤道內外度內減外加象限即所求去極度及  
分秒

求每日半晝夜及日出入晨昏分

置所求入初末限滿積度去之餘以晝夜差乘之百約  
之所得加減其段半晝夜分為所求日半晝夜分

前多  
後少

為減前少  
後多為加以半夜分便為日出分用減日周餘為日入

分以昏明分減日出分餘為晨分加日入分為昏分

求晝夜刻及日出入辰刻

置半夜分倍之百約為夜刻以減百刻餘為晝刻以日出入分依發斂求之即得所求辰刻

求更點率

置晨分倍之五約為更率又五約更率為點率

求更點所在辰刻

置所求更點數以更點率乘之加其日昏分依發斂求之即得所求辰刻

求距中度及更差度

置半日周以其日晨分減之餘為距中分以三百六十六度二十五分七十五秒乘之如日周而一所得為距中度用減一百八十三度一十二分八十七秒半倍之五除為更差度及分

求昏明五更中星

置距中度以其日午中赤道日度加而命之即昏中星所臨宿次命為初更中星以更差度累加之滿赤道宿

次去之為逐更及曉中星宿度及分秒以其九服所在  
晝夜刻分及中星諸率並準隨處北極出地度數推之

已上諸率與晷漏  
所推自相符契

### 求九服所在漏刻

各於所在以儀測驗或下水漏以定其處冬至或夏至  
夜刻與五十刻相減餘為至差刻置所求日黃道去赤  
道內外度及分以至差刻乘之進一位如二百三十九  
而一所得內減外加五十刻即所求夜刻以減百刻餘

為晝刻

其日出入辰刻及更  
照等率依術求之

步交會第六

交終分二十七萬二千一百二十二分二十四

秒

交終二十七日二千一百二十二分二十四秒

交中十三日六千六十一分一十二秒

交差二日三千一百八十三分六十九秒

交望十四日七千六百五十二分九十六秒半



交應二十六萬一百八十七分八十六秒

交終三百六十三度七十九分三十四秒

交中一百八十一度八十九分六十七秒

正交三百五十七度六十四分

中交一百八十八度五分

日食陽歷限六度  
定法六十

陰歷限八度  
定法八十

月食限十三度五分  
定法八十七

推天正經朔入交

置中積加交應減閏餘滿交終分去之不盡以日周約之為日不滿為分秒即天正經朔入交汎日及分秒

上考

者中積內加所求閏餘減交應滿交終去之不盡以減交終餘如上

求次朔望入交

置天正經朔入交汎日及分秒以交望累加之滿交終日去之即為次朔望入交汎日及分秒

求定朔望及每日夜半入交

各置入交汎日及分秒減去經朔望小餘即為定朔望  
夜半入交若定日有增減者亦如之否則因經為定大  
月加二日小月加一日餘皆加七千八百七十七分七  
十六秒即次朔夜半入交累加一日滿交終日去之即  
每日夜半入交汎日及分秒

求定朔望加時入交

置經朔望入交汎日及分秒以定朔望加減差加減之  
即定朔望加時入交日及分秒

求交常交定度

置經朔望入交汎日及分秒以月平行度乘之為交常  
度以盈縮差盈加縮減之為交定度

求日月食甚定分

日食視定朔分在半日周已下去減半周為中前已上  
減去半周為中後與半周相減相乘退二位如九十  
六而一為時差中前以減中後以加皆加減定朔分為  
食甚定分以中前後分各加時差為距午定分月食

視定望分在日周四分之一已下為卯前已上覆減半  
周為卯後在四分之三已下減去半周為酉前已上覆  
減日周為酉後以卯酉前後分自乘退二位如四百七  
十八而一為時差子前以減子後以加皆加減定望分  
為食甚定分各依發斂求之即食甚辰刻

求日月食甚入盈縮歷及日行定度

置經朔望入盈縮歷日及分以食甚日及定分加之以  
經朔望日及分減之即為食甚入盈縮歷依日躔術求

盈縮差盈加縮減之為食甚入盈縮歷定度

求南北差

視日食甚入盈縮歷定度在象限已下為初限已上用  
減半歲周為末限以初末限度自相乘如一千八百七  
十而一為度不滿退除為分秒用減四度四十六分餘  
為南北汎差以距午定分乘之以半晝分除之所得以  
減汎差為定差

汎差不及減者反減之為定  
差應加者減之應減者加之

在盈初縮

末者交前陰歷減陽歷加交後陰歷加陽歷減在縮初

盈末者交前陰歷加陽歷減交後陰歷減陽歷加

求東西差

視日食甚入盈縮歷定度與半歲周相減相乘如一千八百七十而一為度不滿退除為分秒為東西汎差以距午定分乘之以日周四分之一除之為定差

若在汎差已上

者倍汎差減之餘為定差依其加減

在盈中前者交前陰歷減陽歷加交

後陰歷加陽歷減中後者交前陰歷加陽歷減交後陰歷減陽歷加在縮中前者交前陰歷加陽歷減交後陰

歷減陽歷加中後者交前陰歷減陽歷加交後陰歷加  
陽歷減

求日食正交中交限度

置正交中交度以南北東西差加減之為正交中交限  
度及分秒

求日食入陰陽歷去交前後度

視交定度在中交限已下以減中交限為陽歷交前度  
已上減去中交限為陰歷交後度在正交限已下以減



正交限為陰歷交前度已上減去正交限為陽歷交後  
度

求月食入陰陽歷去交前後度

視交定度在交中度已下為陽歷已上減去交中為陰  
歷視入陰陽歷在後準十五度半已下為交後度前  
準一百六十六度三十九分六十八秒已上覆減交中  
餘為交前度及分

求日食分秒

視去交前後度各減陰陽厯食限

不及減者不食

餘如定法而

一各為日食之分秒

求月食分秒

視去交前後度

不用南北東西差者

用減食減

不及減者不食

餘如定法

而一為月食之分秒

求日食定用及三限辰刻

置日食分秒與二十分相減相乘平方開之所得以五千七百四十乘之如入定限行度而一為定用分以減

食甚定分為初虧加食甚定分為復圓依發斂求之為  
日食三限辰刻

求月食定用及三限五限辰刻

置月食分秒與三十分相減相乘平方開之所得以五  
千七百四十乘之如入定限行度而一為定用分以減  
食甚定分為初虧加食甚定分為復圓依發斂求之即  
月食三限辰刻

月食既者以既內分與一十分相減相乘平方開之所

得以五千七百四十乘之如入定限行度而一為既內  
分用減定用分為既外分以定用分減食甚定分為初  
虧加既外為食既又加既內為食甚再加既內為生光  
復加既外為復圓依發斂求之即月食五限辰刻

求月食入更點

置食甚所入日晨分倍之五約為更法又五約更法為  
點法乃置初末諸分昏分已上減去昏分晨分已下加  
晨分以更法除之為更數不滿以點法收之為點數其

更點數命初更初點算外各得所入更點

求日食所起

食在陽厯初起西南甚於正南復於東南食在陰厯初起西北甚於正北復於東北食八分已上初起正西復

於正東

此據平地而論之

求月食所起

食在陽厯初起東北甚於正北復於西北食在陰厯初起東南甚於正南復於西南食八分已上初起正東復

於正西

此亦據午地而論之

求日月出入帶食所見分數

視其日月出入分在初虧已上食甚已下者為帶食各以食甚分與日出入分相減餘為帶食差以乘所食之

分滿定用分而一

如月食既者以既內分減帶食差餘進一位如既外分而一所得以減既

分即月帶食出入所見之分不及減者為帶食既出入

以減所食分即日月出入

帶食所見之分

其食甚在晝辰為漸進昏為已退其食甚在夜晨為已退皆為漸進

求日月食甚宿次

置日月食甚入盈縮歷定度在盈便為定積在縮加半

歲周為定積

望即更加  
半周天度

以天正冬至加時黃道日度加

而命之各得日月食甚宿次及分秒

步五星第七

歷度

三百六十五度二十五分七十五秒

歷中

一百八十二度六十二分八十七秒半

歷策

一十五度二十一分九十秒六十二微半

木星

周率三百九十八萬八千八百分

周日三百九十八日八十八分

歷率四千三百三十一萬二千九百六十四分八十

六秒半

度率一十一萬八千五百八十二分



合應一百一十七萬九千七百二十六分

歷應一千八百九十九萬九千四百八十一分

盈縮五差二百三十六加

平差二萬五千九百一十二減

定差一千八十九萬七千

伏見一十三度

段目 段日 平度 限度 初行率

合伏 一十六日<sub>六十八</sub> 三度<sub>八十六</sub> 二度<sub>九十五</sub> 二十三分

晨疾初 二十八日

六度

一十一

四度

六十四

二十二分

晨疾末 二十八日

五度

五十一

四度

一十九

二十一分

晨遲初 二十八日

四度

三十一

三度

二十五

一十八分

晨遲末 二十八日

一度

九十一

一度

四十五

一十二分

晨留 二十四日

晨退 四十六日

五十八

四度

八十八

空

三十二

夕退 四十六日

五十八

四度

八十八

空

三十二

一十六分

夕留 二十四日

夕遲初二十八日

一度

九十一

一度

四十五

夕遲末二十八日

四度

三十一

三度

二十五

一十二分

夕疾初二十八日

五度

五十一

四度

一十九

一十八分

夕疾末二十八日

六度

一十一

四度

六十四

二十一分

夕伏

一十六日

八十六

三度

八十六

三度

九十五

二十二分

火星

周率七百七十九萬九千二百九十分

周日七百七十九日九十二分九十秒

歷率六百八十六萬九千五百八十分四十三秒  
度率一萬八千八百七分半

合應五十六萬七千五百四十五分

歷應五百四十七萬二千九百三十八分

盈初縮末立差十千一百三十五減

平差八十三萬一千一百八十九減

定差八千八百四十七萬八千四百

縮初盈末立差八百五十一加

平差三萬二百三十五負減

定差二千九百九十七萬六千三百

伏見一十九度

段目 段日

平度

限度

初行率

合伏 六十九日

五十度

四十六度

五十

七十三分

晨疾初 五十九日

四十四度

八十

三十八度

七十

七十二分

晨疾末 五十七日

三十九度

八十

三十六度

三十

七十分

晨疾初 五十三日

三十四度

六十

三十一度

七十

六十七分

晨次疾末 四十七日

二十七度 〇六

二十五度 一十

六十二分

晨遲初 三十九日

二十七度 七十

一十六度 四十

五十三分

晨遲末 二十九日

六度 二十

五度 七十

三十八分

晨留 八日

晨退 二十八日

九十六  
四十五

八度 六十五  
六十七半

六度 四十六  
三十二半

夕退 二十八日

九十六  
四十五

八度 六十五  
六十七半

六度 四十六  
三十二半

四十四分

夕留 八日

夕遲初 二十九日

六度

二十

五度

七十  
七

夕遲末 三十九日

一十七度

七十一

一十六度

四十八

三十八分

夕疾初 四十七日

二十七度

四〇

二十五度

一十五

五十三分

夕疾末 五十三日

三十四度

一十六

三十一度

七十七

六十二分

夕疾初 五十七日

三十九度

一十八

三十六度

三十四

六十七分

夕疾末 五十九日

四十一度

一十八

三十八度

七十八

七十分

夕伏 六十九日

五十度

四十六度

五十一

七十二分

土星

周率三百七十八萬九百一十六分

周日三百七十八日九分一十六秒

厯率一億七百四十七萬八千八百四十五分十六

秒

度率二十九萬四千二百五十五分

合應一十七萬五千六百四十三分

厯應五千二百二十四萬五百六十一分

盈立差二百八十三加

平差四萬一千二十二減



定差一千五百一十四萬六千一百

縮立差三百三十一加

平差一萬五千一百二十六減

定差一千一百一萬七千五百

伏見一十八度

段目 段日 平度 限度 初行率

合伏 二十日<sub>四</sub> 二度<sub>四</sub> 一度<sub>四十九</sub> 一十二分

晨疾 三十日 三度<sub>四</sub> 二度<sub>一十一</sub> 一十一分

晨次疾 二十九日 二度 七十五 一度 七十一 一十分

晨遲 二十六日 一度 五十 初八十三 八分

晨留 三十日

晨退 五十二日 六十四  
五十八 三度 六十二  
五十四半 初 二十八  
四十五半

夕退 五十二日 六十四  
五十八 三度 六十二  
五十四半 初 二十八  
四十五半 一十分

夕留 三十日

夕遲 二十六日 一度 五十 初八十三

夕次疾 二十九日 二度 七十五 一度 七十一 八分

夕疾 三十日

三度 四十

二度 一十二

一十分

夕伏 二十日 四十

二度 四十

一度 四十九

一十一分

金星

周率五百八十三萬九千二十六分

周日五百八十三日九十分二十六秒

歷率三百六十五萬二千五百七十五分

度率一萬

合應五百七十一萬六千三百三十分

歷應一十一萬九千六百三十九分

盈縮立差一百四十一加

平差三減

定差三百五十一萬五千五百

伏見一十度半

段目	段日	平度	限度	初行率
----	----	----	----	-----

合伏	三十九日	四十九度 <sub>五十</sub>	四十七度 <sub>六十</sub>	一度 <sub>二十五分</sub>
----	------	--------------------	--------------------	--------------------

夕疾初	五十二日	六十五度 <sub>五十</sub>	六十三度 <sub>四</sub>	一度 <sub>二十六分半</sub>
-----	------	--------------------	-------------------	---------------------

夕疾末 四十九日

六十一度

五十八度

七十一

一度 二十五分半

夕疾初 四十二日

五十度 三十分

四十八度

三十一

一度 二十三分半

夕疾末 三十九日

四十二度 五十分

四十度

九十分

一度 一十六分

夕遲初 三十三日

二十七度

二十五度

九十九

一度 二分

夕遲末 一十六日

四度 三十五

四度

九

六十二分

夕留 五日

夕退 一十日

九十五

三度 六十九

八十七

一度 五十九

一十三

夕退伏 六日

四度 三十五

一度 六十三

六十一分

合退伏六日

四度 三十五

一度 六十二

八十二分

晨退 一十日 九十五  
一十一

三度 六十九  
八十七

一度 五十九  
一十三

六十一分

晨留 五日

晨遲初 一十六日 四度 三十五

四度 〇九

晨遲末 三十三日 二十七度

二十五度 九十九

六十二分

晨疾初 三十九日 四十二度 五十

四十度 九十

一度 一分

晨疾末 四十二日 五十度 三十

四十八度 三十一

一度 一十六分

晨疾初 四十九日 六十一度

五十八度 七十一

一度 二十三  
分半

晨疾末五十二日

六十五度<sub>五十</sub>

六十三度<sub>四</sub>

一度

<sub>二十五分半</sub>

晨伏三十九日

四十九度<sub>五十</sub>

四十七度<sub>六十</sub>

一度

<sub>二十六分半</sub>

水星

周率一百一十五萬八千七百六十分

周日一百一十五日八十七分六十秒

厯率三百六十五萬二千五百七十五分

度率一萬

合應七十萬四百三十七分

應應二百五萬五千一百六十一分

盈縮立差一百四十一加

平差二千一百六十五減

定差三百八十七萬七千

晨伏夕見一十六度半

夕伏晨見一十九度

段目 段日 平度 限度 初行率

合伏 一十七日<sub>七十</sub> 三十四度<sub>二十</sub> 二十九度<sub>八</sub> 二度<sub>一十五分</sub>  
五<sub>五</sub>



夕疾 一十五日 二十一度<sub>三十一</sub> 一十八度<sub>六十一</sub> 一度<sub>七十四</sub>

夕遲 一十二日 一十度<sub>二十一</sub> 八度<sub>五十九</sub> 一度<sub>七十四</sub>

夕留 二日

夕退伏 一十一日<sub>二十六</sub> 七度<sub>八十一</sub> 二度<sub>八十一</sub>

合退伏 一十一日<sub>二十六</sub> 七度<sub>八十一</sub> 二度<sub>八十一</sub> 一度<sub>三十四</sub>

晨留 二日

晨遲 一十二日 一十度<sub>二十一</sub> 八度<sub>五十九</sub> 一度

晨疾 一十五日 二十一度<sub>三十一</sub> 一十八度<sub>六十一</sub> 一度<sub>七十四</sub>

晨伏

一十七日

七十

三十四度

二十

二十九度

八

一度

七十分  
三十四

推天正冬至後五星平合及諸段中積中星

置中積加合應以其星周率去之不盡為前合復減周率餘為後合以日周約之得其星天正冬至後平合中

積中星

命為日曰中積  
命為度曰中星

以段日累加中積即諸段中積

以度累加中星經退則減之即為諸段中星

上考者中  
積內減合

應滿周率去之不盡  
便為所求後合分

推五星平合及諸段入歷

各置中積加厯應及所求後合分滿厯率去之不盡如  
度率而一為度不滿退除為分秒即其星平合入厯  
度及分秒以諸段限度累加之即諸段入厯上考者中積內減厯  
應滿厯率去之不盡反減厯率  
餘加其年後合餘皆同上文

### 求盈縮差

置入厯度及分秒在厯中已下為盈已上減去厯中餘  
為縮視盈縮厯在九十一度三十一分四十三秒太已  
下為初限已上用減厯中餘為末限

其火星盈歷在六十度八十七分六十二秒半已下為  
初限已上用減歷中餘為末限縮歷在一百二十一度  
七十五分二十五秒已下為初限已上用減歷中餘為  
末限置各星立差以初末限乘之去加減平差得又以  
初末限乘之去加減定差再以初末限乘之滿億為度  
不滿退除為分秒即所求盈縮差

又術置盈縮歷以歷策除之為策數不盡為策餘以其  
下損益率乘之歷策除之所得益加損減其下盈縮

積亦為所求盈縮差

求平合諸段定積

各置其星其段中積以其盈縮差盈加縮減之即其段定積日及分秒以天正冬至日分加之滿紀法去之不滿命甲子算外即得日辰

求平合及諸段所在月日

各置其段定積以天正閏日及分加之滿朔策除之為月數不盡為八月已來日數及分秒其月數命天正十

一月算外即其段八月經朔日數及分秒以日辰相距為所在定月日

求平合及諸段加時定星

各置其段中星以盈縮差盈加縮減之

金星倍之水星三之

即諸

段定星以天正冬至加時黃道日度加而命之即其星其段加時所在宿度及分秒

求諸段初日晨前夜半定星

各以其段初行率乘其段加時分百約之乃順減退加

其日加時定星即其段初日晨前夜半定星加命如前  
即得所求

求諸段日率度率

各以其段日辰距後段日辰為日率以其段夜半宿次  
與後段夜半宿次相減餘為度率

求諸段平行分

各置其段度率以其段日率除之即其段平行度及分  
秒

求諸段增減差及日差

以本段前後平行分相減為其段汎差倍而退位為增

減差以加減其段平行分為初末日行分

前多後少者加為初減為

末前少後多者倍增減差為總差以日率減一除之為

日差

求前後伏遲退段增減差

前伏者置後段初日行分加其日差之半為末日行分  
後伏者置前段末日行分加其日差之半為初日行分



以減伏段平行分餘為增減差

前遲者置前段末日行分倍其日差減之為初日行分  
後遲者置後段初日行分倍其日差減之為末日行分

以遲段平行分減之餘為增減差

前後近留  
之遲段

木火土三星退行者六因平行分退一位為增減差

金星前後退伏者三因平行分半而退位為增減差

前退者置後段初日行分以其日差減之為末日行分  
後退者置前段末日行分以其日差減之為初日行分

乃以本段平行分減之餘為增減差

水星退行者半平行分為增減差皆以增減差加減平

行分為初末日行分

前多後少者加為初減為末  
前少後多者減為初加為末

又倍

增減差為總差以日率減一除之為日差

求每日晨前夜半星行宿次

各置其段初日行分以日差累損益之後少則損之後  
多則益之為每日行度及分秒乃順加退減滿宿次去  
之即每日晨前夜半星行宿次

求五星平合見伏入盈縮歷

置其星其段定積日及分秒

若滿歲周日及分秒去之  
餘在次年天正冬至後

如在半歲周已下為入盈歷滿半歲周去之為入縮歷  
各在初限已下為初限已上反減半歲周餘為末限即  
得五星平合見伏入盈縮歷日及分秒

求五星平合見伏行差

各以其星其段初日星行分與其段初日太陽行分相  
減餘為行差若金水二星退行在退合者以其段初日

星行分併其段初日太陽行分為行差內水星夕伏晨見者直以其段初日太陽行分為行差

求五星定合定見定伏汎積

木火土三星以平合晨見夕伏定積日便為定合伏見汎積日及分秒

金水二星置其段盈縮差度及分秒

水星倍之

各以其段

行差除之為日不滿退除為分秒在平合夕見晨伏者盈減縮加在退合夕伏晨見者盈加縮減各以加減定

積為定合伏見汎積日及分秒

求五星定合定積定星

木火土三星各以平合行差除其段初日太陽盈縮積  
為距合差日不滿退除為分秒以太陽盈縮積減之為  
距合差度各置其星定合汎積以距合差日盈減縮加  
之為其星定合定積日及分秒以距合差度盈減縮  
加之為其星定合定星度及分秒

金水二星順合退合者各以平合退合行差除其日太

陽盈縮積為距合差日不滿退除為分秒順加退減太  
陽盈縮積為距合差度順合者盈加縮減其星定合汎  
積為其星定合定積日及分秒退合者以距合差日盈  
加縮減距合差度盈加縮減其星退定合汎積為其星  
退定合定積日及分秒命之為退定合定星度及分秒  
以天正冬至日及分秒加其星定合定積日及分秒滿  
旬周去之命甲子算外即得定合日辰及分秒以天  
正冬至加時黃道日度及分秒加其星定合定星度及

分秒滿黃道宿次去之即得定合所躔黃道宿度及分

秒

徑求五星合伏定日木火土三星以夜半黃道日度減其星夜半黃道宿次餘在其日太陽行分已下為

其日伏合金水二星以其星夜半黃道宿次減夜半黃道日度餘在其日金水二星行分已下者為其日伏合金水二星伏退合者視其日太陽夜半黃道宿次未行到金水二星宿次又視次日太陽行過金水二星宿次金水二星退行過太陽宿次為其日定合伏退定日

求木火土三星定見伏定積日

各置其星定見定伏汎積日及分秒晨加夕減九十一日三十一分六秒如在半歲周已下自相乘已上反減

歲周餘亦自相乘滿七十五除之為分滿百為度不滿  
退除為秒以其星見伏度乘之一十五除之所得以其  
段行差除之為日不滿退除為分秒見加伏減汎積為  
其星定見伏定積日及分秒加命如前即得定見定伏  
日辰及分秒

求金水二星定見伏定積日

各以伏見日行差除其段初日太陽盈縮積為日不滿  
退除為分秒若夕見晨伏盈加縮減如晨見夕伏盈減



縮加以加減其星定見定伏汎積日及分秒為常積如  
在半歲周已下為冬至後已上去之餘為夏至後各在  
九十一日三十一分六秒已下自相乘已上反減半歲  
周亦自相乘冬至後晨夏至後夕一十八而一為分冬  
至後夕夏至後晨七十五而一為分又以其星見伏度  
乘之一十五除之所得滿行差除之為日不滿退除為  
分秒加減常積為定積在晨見夕伏者冬至後加之夏  
至後減之夕見晨伏者冬至後減之夏至後加之為其

星定見定伏定積日及分秒加命如前即得定見定伏  
日辰及分秒

元史卷五十五

元史卷五十五考證

求月食分秒 按原刻標題脫分字今據本文增

依發斂求之卯月食三限辰刻 按月食原刻訛日食

今改

木星 按古五星次序皆以木火土金水順列此五星  
原刻首末俱作水星前水字乃木字之訛今改

