

Digitized by the Internet Archive in 2009 with funding from University of Ottawa

ESSAI

SUR

LA SCIENCE ET L'ART DE L'INGÉNIEUR

AUX PREMIERS SIÈCLES

DE L'EMPIRE ROMAIN

PAR

C. GERMAIN DE MONTAUZAN

INGÉNIEUR CIVIL DES MINES AGRÉGÉ DE L'UNIVERSITÉ, DOCTEUR ÈS-LETTRES

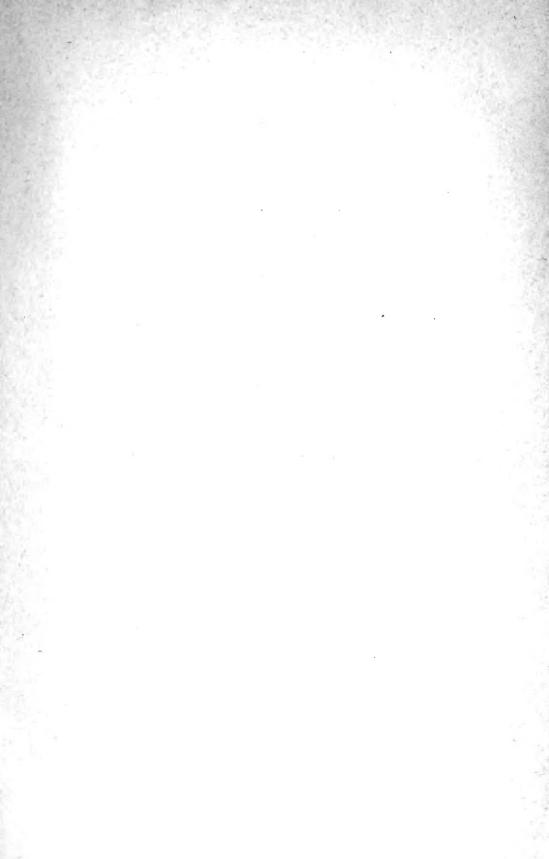


PARIS ERNEST LEROUX, ÉDITEUR

28, RUE BONAPARTE, 28

1909







ESSAI

SUR

LA SCIENCE ET L'ART DE L'INGÉNIEUR

AUX PREMIERS SIÈCLES

DE L'EMPIRE ROMAIN

SAINT-ÉTIENNE

société de l'imprimerie théolier, j. thomas et c' $12, \ {\rm rue} \ \ {\rm G\'erentet}, \ 12$

ESSAI

SUR

LA SCIENCE ET L'ART DE L'INGÉNIEUR

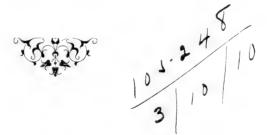
AUX PREMIERS SIÈCLES

DE L'EMPIRE ROMAIN

PAR

C. GERMAIN DE MONTAUZAN

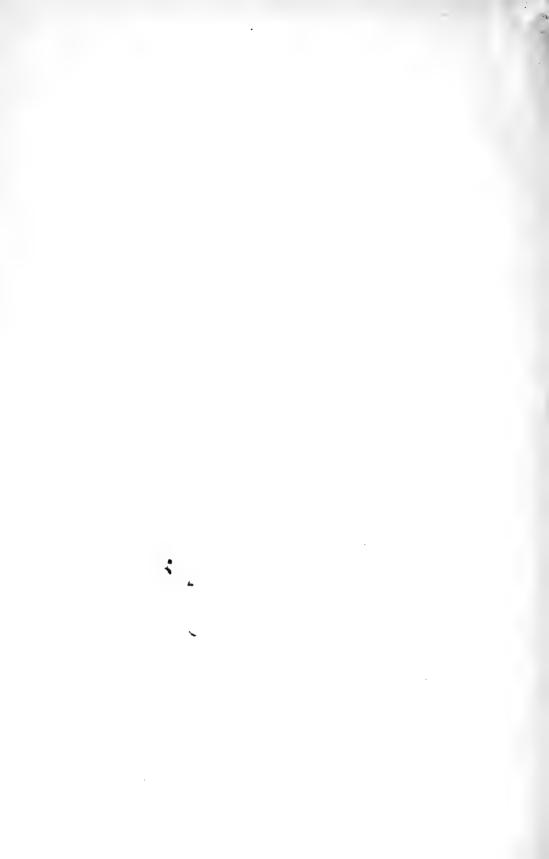
INGÉNIEUR CIVIL DES MINES
AGRÉGÉ DE L'UNIVERSITÉ, DOCTEUR ÈS-LETTRES



PARIS ERNEST LEROUX, ÉDITEUR

28, RUE BONAPARTE, 28

1909



A Monsieur Adrien de MONTGOLFIER

Ingénieur en chef des Ponts et Chaussées

Directeur général

de la Compagnie des Forges et Acièries de la Marine

et d'Homécourt.

A l'un des grands ingénieurs d'aujourd'hui j'offre respectueusement cette étude sur les ingénieurs d'autrefois.



AVANT-PROPOS

Parmi les nombreux objets d'étude que nous offrent les monuments de l'antiquité romaine, deux sont à l'origine de tous les autres, et cependant sont loin d'être les plus connus: c'est d'abord la science, expérimentale ou rationnelle, qui a permis d'inventer les procédés techniques appliqués dans la construction de ces monuments; c'est ensuite la personnalité de l'homme qui possédait cette science et l'utilisait dans la pratique. De même que, tout en continuant de s'intéresser aux lignes et aux formes extérieures des édifices, on en est venu à porter un intérêt presque aussi grand à leur structure intime, de même on peut, dans les auteurs de ces temples, de ces palais, de ces amphithéâtres, de ces arcs de triomphe, dont nous admirons même les restes mutilés, considérer non pas seulement l'artiste qui en concevait la belle ordonnance, mais l'ingénieur qui en calculait la solidité. Qui dira que pour l'admirable coupole du Panthéon de Rome, par exemple, la savante expérience du métier n'a pas aidé son architecte autant que l'intuition spontanée d'une grandiose harmonie? Il était d'ailleurs d'autres travaux où les dons esthétiques n'intervenaient guère, et où le savoir technique faisait presque tout. Il fallait des géomètres pour tracer le

parcours des routes ou des aqueducs; des hydrauliciens pour calculer la force ou la vitesse des eaux, des mécaniciens pour imaginer et ajuster les instruments de mesure, les engins de précision ou de puissance. A ces hommes, le simple savoir d'un artisan suffisait-il toujours? Ne fallait-il pas, dans bien des cas, des connaissances générales, une véritable science d'ingénieur?

Envisageons surtout l'époque de l'antiquité qui fut la plus féconde en grands travaux publics, c'est-à-dire les deux premiers siècles de l'empire romain. Pour peu qu'on veuille étudier quelques-uns de ces importants ouvrages, par exemple ces magnifiques aqueducs construits pour l'approvisionnement des grandes villes, le problème se pose à chaque pas, et on ne peut l'esquiver. Songeons au volumineux bagage de connaissances qu'il faut de nos jours avoir acquis pour étudier avec compétence un projet d'adduction et de distribution d'eau dans une ville importante. On n'en charge que des hommes formés par une longue préparation scientifique, soumis à des épreuves répétées d'examens difficiles. Ils s'entourent de nombreux auxiliaires qui se consacrent séparément aux diverses fractions de cette étude compliquée et qui, tout en possédant l'expérience pratique des travaux de ce genre sont, eux aussi, pourvus d'une instruction scientifique moins approfondie que celle de leur chef assurément, mais déjà fort étendue et solide. Or, nous voyons que les ingénieurs romains ont résolu dans le tracé et la construction de leurs aqueducs, des problèmes très complexes et très délicats, parfois audacieux, que nos meilleurs techniciens ne résoudraient pas avec plus de sùreté. Qu'est-ce à dire? C'est que ces ouvrages étaient, à n'en pas douter, le résultat d'une savante étude où intervenaient la géométrie rigoureuse, la mécanique précise, l'hydraulique raisonnée, l'art minutieux du dessin d'architecte. Il va sans dire que l'on ne dresse pas un projet d'ensemble, que l'on n'établit pas les détails d'un chantier, les dimensions des ouvrages, les prix de revient, sans manier constamment des chiffres. Comment calculaiton pratiquement, et sur quelle science théorique ces calculs étaient-ils fondés? Dans quelle proportion pouvaient s'unir, chez les coopérateurs de degrés divers, la théorie et la pratique?

Les sciences mathématiques les plus élevées s'enseignaient chez les anciens. Cet enseignement était-il fait pour des esprits purement spéculatifs et avait-il pour unique fin son objet même, ou se proposait-il en même temps et au delà un but pratique, celui de former une élite parmi les futurs directeurs de travaux, conformément à ce que se propose pour une bonne part aujourd'hui notre haut enseignement scientifique? Dans ce cas, où se recrutait cette élite, et comment, selon toute probabilité, s'acquérait simultanément ou postérieurement l'instruction pratique? En un mot, quelle était la formation technique de l'ingénieur? Et enfin, l'ingénieur une fois formé que devenait-il? Dans quelle mesure son emploi et sa situation dépendaient-ils de sa condition sociale d'une part, de l'autre, du savoir acquis?

Voilà, certes, un champ d'exploration bien vaste, où chaque question pourrait faire l'objet d'un volume; ce n'est pas dans les quelques pages qui vont suivre que pourra se résoudre une pareille complexité. Il n'est pas interdit toutefois de s'essayer à promener çà et là quelque lueur sur l'ensemble, quitte à ne pas tout éclairer également et à laisser bien des choses dans l'ombre. Engagé dans de longues recherches sur les aqueducs antiques de Lyon, où se révèle une technique d'ingénieur si complète, je n'ai pu me résigner à contempler le résultat sans me préoccuper de ce qui l'avait

rendu possible. Telle fut l'origine de la série des questions que je viens d'énumérer et de l'enquête qui les a suivies. C'est le résultat de cette enquête que j'essayerai d'exposer ici. Résultat modeste, simple aperçu très incomplet, première ébauche d'études qui pourront être reprises sur chaque sujet partiel, et traitées alors de façon plus approfondie et plus personnelle.

* * *

Il était indispensable de s'en référer d'abord au traité d'architecture de *Vitruve*. Non seulement il a été composé à l'époque où nous voulons remonter, mais encore c'est le seul traité concernant l'art de l'ingénieur que l'antiquité nous ait transmis en entier. Il y est fait assez souvent allusion aux relations entre la théorie et la pratique. Malheureusement ce ne sont guère que des allusions. Les mots de *scientia*, *disciplina*, *doctrina*, *ratiocinatio*, reviennent de page en page, ainsi que les noms des savants, philosophes et inventeurs dont l'étude a formé cet architecte; mais il dit bien peu de chose des recherches et des calculs qui ont donné lieu à leurs inventions !.

Aussi, en se contentant, pour faire le bilan de la science romaine à l'époque impériale, du seul écrit de Vitruve, on ne donnerait qu'une idée fort incomplète de ce qui était alors, non seulement connu de quelques-uns, mais publiquement enseigné. Une étude parue en 4885 et dont l'auteur était

^{1.} Il faut mettre à part la science des phénomènes célestes, sur lesquels il donne même beaucoup plus de renseignements qu'on n'en attendrait dans un traité d'architecture. (Voir, en particulier, liv. I. 6.)

M. A. Terquem, professeur à la Faculté des Sciences de Lille, avait le mérite de résumer clairement les renseignements scientifiques de Vitruve et de les isoler du bavardage qui les encombre dans l'original; mais son titre, la Science romaine à l'époque d'Auguste, était beaucoup trop vaste, car Vitruve seul y était censé représenter tout le savoir de l'époque, ce qui est bien loin de la vérité. La seule inspection des travaux eux-mêmes, en l'état de mutilation où nous les voyons, atteste des connaissances bien plus larges, bien plus précises, des procédés beaucoup plus variés et plus achevés qu'on ne le croirait d'après Vitruve.

Il faut donc chercher à compléter l'écrivain latin par d'autres auteurs techniques, remonter le plus possible aux sources de la science qu'il développe, à ce qui nous reste de la géométrie et de la mécanique grecques antérieures à l'ère chrétienne, soit en fragments authentiques plus ou moins complets, comme les traités d'Euclide, d'Archimède ou de Héron d'Alexandrie, soit à l'état de sommes et de résumés rédigés plus tard, comme les œuvres de Proclus ou de Boèce. Il faut consulter aussi ces écrivains techniques romains connus sous les noms de metrologici et gromatici, tels que les Hygin, les Aggenus Urbicus, les Siculus Flaccus et autres, qui, sur les opérations de géodésie, ajoutent bien des notions précises aux vagues indications de Vitruve; ne pas trop négliger les écrits latins sur l'agriculture (de Caton, Varron, Columelle); chez l'un ou chez l'autre, on peut parfois trouver la mention d'un appareil ou d'un procédé que Vitruve a passé sous silence. Il n'est pas jusqu'à l'histoire naturelle de Pline, dont l'érudition est souvent un chaos incertain, où l'on ne puisse trouver quelque précieux filon de la science et de la technique de l'ingénieur ancien. Sur la personnalité de celui-ci, la correspondance de Pline le Jeune avec l'empereur

Trajan est intéressante aussi à consulter. Ce sont, enfin, outre les quelques allusions éparses chez les auteurs de tout genre, les inscriptions antiques qu'il faut recueillir et comparer. Elles sont malheureusement trop rares et trop courtes. Cependant, ces brèves désignations de noms, de dates, de titres, ces commentaires laconiques, mais qui présentent la vérité sans alliage, peuvent aider à se représenter ce que fut un architecte, un entrepreneur, un géomètre ou arpenteur chez les Romains.

J'ai laissé de côté toutes les sciences qui n'ont pas immédiatement leur emploi dans une entreprise de travaux publics, et me suis contenté de parler sommairement de ce que l'on possédait et enseignait aux premiers siècles de l'empire romain en fait de connaissances mathématiques, physiques et mécaniques, et de ce que représentaient par rapport à la théorie les applications pratiques de chacune de ces sciences, dans le domaine des entreprises d'utilité générale. On trouvera donc dans ces pages quelques indications sur les procédés de calcul, et la description d'un certain nombre de machines usuelles, puis des instruments et des méthodes de nivellement et d'arpentage.

Pour ces questions scientifiques, j'ai pris pour appuis et pour guides des traités et notices d'une solidité et d'une sûreté d'information connues. Les références, réunies d'abord dans un index bibliographique, seront en outre indiquées au fur et à mesure. Qu'il me suffise de mentionner d'avance mes soutiens les plus continus : les deux ouvrages de Michel Chasles : Rapport sur les progrès de la géométrie et Aperçu historique sur l'origine et le développement des méthodes en géométrie; divers articles techniques de la Réal-Encyclopädie, de Pauly-Wissowa; les études de Th. Henri-Martin sur l'arithmétique ancienne; les traités

subsistants de Héron d'Alexandrie, d'après l'édition Schmidt et Schœne, la traduction des *Mécaniques*, du mème auteur, par M. Carra de Vaux, et les traductions partielles annotées de MM. Vincent et de Rochas ; la *Technologie*, de Blümner ; enfin, divers traités et articles de Paul Tannery, entre autres son *Essai sur la géométrie grecque*, chef-d'œuvre de perspicacité et de prudence scientifique.

Je me suis efforcé d'imiter cette prudence en évitant de donner aux conjectures, forcément nombreuses, le caractère d'affirmations. Il vaut encore mieux pour cette esquisse paraître quelquefois d'un contour peu arrêté que de passer pour un tableau de fantaisie. Donner à ces divers sujets un intérêt plus facile en les présentant rassemblés; faire œuvre, si petite soit-elle, dans les recherches historiques sur le génie du travail humain : telle a été l'ambition qui a animé cet essai. Puisse-t-elle n'avoir pas été entièrement vaine!



INDEX BIBLIOGRAPHIQUE

AUTEURS ANCIENS

TEXTES, COMMENTAIRES, ÉTUDES)

- Archimède. Opera omnia, cum commentariis Eutocii, recensuit Heiberg, Leipzig, Teubner, 1880-81, 3 vol. in-8°.
- Boèce. Boëtii de Institutione arithmetica libri duo; de Institutione musica libri quinque; Ed. Friedlein, Leipzig, Teubner, 1867.
- Caton, Varron, Columelle. M. Porci Catonis de Agricultura liber. M. Terentii Varronis Rerum Rusticarum libri tres, cum recensione H. Keilii, Leipzig, Teubner. Scriptores Rei Rusticae latini, Schneide, Leipzig, 1794-1797.
- Corpus Inscriptionum Latinarum. (Abrév : C. I. L.)
- Dion Cassius. Ed. Dindorff, Leipzig, 1863-1865.
- Euclide. Opera omnia, ediderunt Heiberg et Menge, Leipzig, 1880.
- Gromatici veteres. Ed. Lachmann et Rudorff; Berlin, Reimer, 1848-1852.
- HÉRON D'ALEXANDRIE. Heronis Alexandrini opera quae supersunt omnia, 3 vol. et suppl. Leipzig, 1899-1903. I et suppl.: Pneumatica et Automata, Wilhelm Schmidt, 1899.—II. Mechanica et Catoptrica (texte arabe), Nix et Schmidt, 1900. III. Rationes dimetiendi et commentatio dioptrica, Hermann Schæne, 1903.
 - Th. Henri-Martin. Recherches sur la vie et les ouvrages de Héron d'Alexandrie (Mémoires de l'Académie des Inscriptions et Belles-Lettres, savants étrangers, 1^{re} série, t. IV, 1854).

- Vincent. Le traité de la Dioptre de Héron d'Alexandrie, texte grec et traduction française. (Notices et extraits des manuscrits de la bibliothèque impériale, t. XIX, 1858.)
- Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae, Ed. Hultsch; Berlin, Weidmann, 1864.
- Carra de Vaux. Les Mécaniques ou l'Elévateur de Héron d'Alexandrie. (Notice, texte arabe et traduction française.) Journal asiatique, 9° série, 1893.
- De Rochas. Les pneumatiques de Héron d'Alexandrie (traduction), Paris, 1882.
- Pappus.— Pappi Alexandrini collectiones quae supersunt. Edidit Fr. Hultsch, Berlin, Weidmann, 1875-77.
- Proclus. Procli Diadochi in primum Euclidis Elementorum commentarii. éd. Friedlein, Leipzig, 1873-1875.
- Philon de Byzance. Carra de Vaux : Le livre des appareils pneumatiques et des machines hydrauliques de Philon de Byzance. Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque nationale, t. XXXVIII, 1902 (Notice, texte grec et traduction). De Rochas : Les pneumatiques de Philon de Byzance (traduction). Paris, 1882.
- Rhabdas. Deux lettres sur l'arithmétique (Notice, texte grec et traduction), par Paul Tannery. Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque nationale, t. XXXII, 1886.
- VITRUVE. Vitruvii de architectura libri decem iterum edidit Valentinus Rose, Leipzig, Teubner, 1899.

AUTEURS MODERNES

- Beulé. L'art grec avant Périclès, Paris, 1868.
- Blümner. Technologie und Terminologie der Gewerbe und Künste bei Griechen und Römern. Leipzig, Teubner, 1887, 4 vol.
- Bouché-Leclerco. Manuel des institutions romaines, Paris, Hachette, 1886.
- Cagnat (R.). L'armée romaine d'Afrique, Paris, Leroux, 1892.

- Cantor. Vorlesungen über der Geschichte der Mathematik, Leipzig, 1880.
- CARRA DE VAUX. V. Héron d'Alexandrie et Philon de Byzance.
- Chasles (Michel). Aperçu historique sur l'origine et le développement des méthodes en géométrie, Paris, 1875. Rapport sur les progrès de la géométrie, Paris, 1870.
- Споїзу (Auguste). L'art de bâtir chez les Romains, Paris, 1872. Histoire de l'architecture, Paris, 1903.
- Curt Merkel. Die Ingenieurtechnik im Alterthum, Berlin, 1899.
- Friedlein. Die Zahlzeichnen und das Elementare Rechnen der Griechen und Römer, Erlangen, 1869. V. Proclus.
- FRŒHNER. Catalogue des inscriptions grecques du Musée du Louvre, Paris, 1888.
- DAREMBERG ET SAGLIO. Dictionnaire des antiquités grecques et romaines, en cours de publication, Paris.
- Henri-Martin (Théodore). Recherches nouvelles concernant les origines de notre système de numération écrite (Revue archéologique, 1856-57). V. Héron d'Alexandrie.
- HŒFER (Ferdinand). Histoire des Mathématiques, Paris, Hachette, 1902.
- $\mbox{\sc H\"ultsch.}$ V. ci-dessus H\'eron d'Alexandrie et Pappus, et ci-dessous Pauly-Wissowa.
- Jouguet (Emile). Lectures de Mécanique : 1ºº Partie. Les origines de la Mécanique, Paris, Gauthier-Villars, 1908.
- LACHMANN ET RUDORFF. V. Gromatici veteres.
- MARQUARDT. La vie privée des Romains, t. XIV et XV du Manuel des Antiquités romaines de Mommsen, Marquardt et Krüger, traduction V. Henry.
- Mortet (Victor). Recherches critiques sur Vitruve et sur son œuvre (Revue archéologique, 1902 et 1904).
- PAULY-Wissowa.— Real-Encyclopädie. Articles Abacus et Arithmetica (Hültsch).

DE ROCHAS. — La science des philosophes et l'art des thaumaturges dans l'antiquité, Paris, Masson, 1882. — V. Héron d'Alexandrie et Philon de Byzance.

Ruggiero. — Dizionario epigrafico (en cours de publication).

SCHMIDT ET SCHENE. — V. Héron d'Alexandrie.

TANNERY (Paul). — La géométrie grecque, Essai critique. Paris, Gauthier-Villars, 1887.

Recherches sur l'histoire de l'astronomie ancienne. Paris, Gauthier-Villars, 1893. — V. Rhabdas.

Terquem (A.). — La science romaine à l'époque d'Auguste, étude historique d'après Vitruve. Paris, Alcan, 1885.

Vincent. — Un abacus athénien. (Revue archéologique, 1846, I.) — V. Héron d'Alexandrie.

Zeller. — La philosophie des Grecs, trad. Boutroux, Paris, 1877.



LA SCIENCE ET L'ART DE L'INGÉNIEUR

AUX PREMIERS SIÈCLES DE L'EMPIRE ROMAIN

PRÉLIMINAIRES

LA SCIENCE GRECQUE ET ROMAINE

On est à peu près d'accord aujourd'hui pour reconnaître aux Grecs le mérite, non pas seulement d'avoir divulgué les éléments de la science, élaborés par les peuples dont la civilisation avait précédé la leur, mais d'avoir découvert eux-mêmes un grand nombre des principes fondamentaux sur lesquels repose toute connaissance rationnelle. Que l'astronomie leur soit venue des Chaldéens et des Babyloniens, ainsi que l'usage de la table à calcul, conque d'après une machine à compter, d'une très ancienne origine asiatique, où il faudrait voir la première ébauche de l'arithmétique; que Pythagore et à sa suite nombre de philosophes grecs soient allés s'instruire dans l'Inde et en Egypte; il n'en est pas moins vrai que la science exacte fondamentale, la géométrie, en tant que présentant un ensemble logiquement déduit et rigoureusement lié, est surtout une science grecque, et que chez les Grecs, la perfection de l'architecture, la savante économie des proportions monumentales, est en grande partie un résultat de leurs étonnantes aptitudes de géomètres.

Les plus importants traités de géométrie grecque qui subsistent

et qui permettent de se rendre compte des progrès de cette science sont: les écrits d'Euclide 1, composés à Alexandrie vers la fin du IVe siècle avant Jésus-Christ; ceux d'Archimède2, de Syracuse, qui sont du me siècle; ceux d'Apollonios de Perge 3, qui vécut à Alexandrie vers la fin du me siècle, enfin ceux de Pappus d'Alexandrie 4, datant du 11º siècle de notre ère. L'œuvre de ce dernier, bien postérieure aux autres comme on voit, est un recueil précieux, mais n'est en fait qu'une compilation de travaux remontant pour la plupart à une date antérieure à l'ère chrétienne 5. Au ve siècle, Proclus, le dernier des grands philosophes grecs, écrivit un commentaire sur Euclide 6. En dégageant ce qui, dans ce commentaire, est purement mathématique des considérations philosophiques qui l'enveloppent, on s'apercoit qu'il ne contient presque rien de personnel et que la plus grande partie en est empruntée à Geminus, auteur du premier siècle avant Jésus-Christ. On en conclut que la géométrie, de même que l'arithmétique, qui ne fut jamais étudiée scientifiquement chez les anciens autrement qu'avec l'appareil géométrique, que ces deux sciences, disons-nous, avaient atteint leur apogée avant l'avènement des Césars. Donc leur enseignement théorique ne dut guère se modifier depuis la période alexandrine jusqu'à l'âge de Constantin, où commença la décadence.

Ce n'est pas à dire que les Romains, après la conquête de la Grèce, aient le moins du monde cherché à étouffer la culture scientifique. Ils se plurent, au contraire, à reconnaître la

^{1.} Eléments (στοιχεία), 13 livres. — V. ci-dessus l'Index bibliographique.

^{2.} V. Index bibliographique. Les œuvres d'Archimède qui nous restent ont pour titres: De la sphère et du cylindre (Περὶ τῆς σφαίρας καὶ κολίνδρου); — Mesare du cercle (Κύκλου μέτρησις); — Des conoïdes et des figures sphèroïdes (Περὶ κωνοειδέων καὶ σγημάτων σφαιροειδέων); — Des spirales (Περὶ ἐλέκων); — De l'équilibre des plans et de leurs centres de gravité (Περὶ ἐπιπέδων ἴσορροπικῶν, ἢ κέντρα βαρῶν ἐπιπεδῶν); — La quadrature de la parabole (Τετραγωνισμός παραθολῆς); — L'arénaire (Ψαμμίτης); — Des corps flottants sur l'eau (Περὶ τῶν βὸατι ἐφισταμένων).

^{3.} Κωνικά στοιγεία.

^{1.} Συναγωγαί μαθηματικαί (Collectiones mathematicae). V. Index bibliographique.

^{5.} V. Paul Tannery, La géométric grecque, Essai critique, première partie, p. 13. Paris, Gauthier-Villars, 1887.

^{6.} V. Index bibliographique.

supériorité intellectuelle des Grecs en cette matière et accordèrent à ces études toute la protection qui convenait. « Il n'est d'ailleurs, dit M. Paul Tannery, ni établi historiquement ni unanimement reconnu que le niveau moyen de la science à l'époque gréco-romaine ait été inférieur à celui de la période gréco-alexandrine 1. » Sa diffusion par l'enseignement fit même beaucoup de progrès sous l'empire, favorisée par l'intervention personnelle des princes. Il ne faut pas oublier non plus que la grande époque de l'astronomie ancienne s'étend depuis Hipparque dont les observations furent faites à la fin du п° siècle avant Jésus-Christ, jusqu'à Ptolémée, qui vivait sous les Antonins. Mais pour l'arithmétique et la géométrie proprement dite, c'est-à-dire pour celles des sciences exactes que l'art de l'ingénieur utilise constamment, leurs grands progrès avaient été accomplis par les savants de l'âge antérieur. La trigonométrie, dont on a quelquefois attribué l'invention à Ménélas d'Alexandrie contemporain d'Auguste, remonte en réalité à Hipparque; d'ailleurs, elle semble n'avoir été utilisée par les anciens que pour les arcs de la sphère en astronomie, et encore de façon très incomplète; aucune application régulière n'a été faite de la trigonométrie plane². Quant à l'algèbre, on la voit faire son apparition au III° siècle de Jésus-Christ, avec Diophante. Mais c'est, si l'on peut dire, une semence trop tardive, car elle tombe sur un terrain déjà desséché; elle ne pourra germer et fructifier qu'après plusieurs centaines d'années.

Bien que le génie particulier des Romains les portât beaucoup à l'étude des problèmes pratiques, en cela même ils ont été à l'école des Grecs. Les arpenteurs romains avaient bien des procédés traditionnels, mais la plupart d'entre ceux-ci remontaient encore à des sources grecques. L'étude de Vitruve, de Pappus 3, permet de constater que tous les principes de mécanique énoncés par ces deux auteurs, tous les instruments qu'ils décrivent avaient déjà été énoncés ou décrits soit par

^{1.} V. Paul Tannery, La géométrie grecque, l. c., p. 11.

^{2.} Recherches sur l'Histoire de l'Astronomie ancienne, par Paul Tannery, Paris, Gauthier-Villars, 1893, ch. 111, 5.

^{3.} Collectiones mathematicae, liv. VIII.

Archimède, soit par Ctésibios, Philon de Byzance, et Héron d'Alexandrie¹.

Donc, qu'il s'agisse de travaux publics exécutés au temps des Gracques, de Cicéron, d'Auguste ou des Antonins, ou plus tard encore, les données scientifiques sur lesquelles ont reposé les méthodes ne se sont pas sensiblement accrues en allant de l'une à l'autre de ces époques; ce qui d'ailleurs ne veut pas dire que les méthodes elles-mêmes ne se soient pas modifiées ou perfectionnées ². Mais relater ce que l'on connaissait en fait d'arithmétique, de géométrie, de physique et de mécanique dans l'école d'Alexandrie vers la fin du m^o siècle avant l'ère chrétienne, c'est exposer par le fait même selon toute probabilité ce que l'on savait et ce que l'on enseignait à Rome et dans les diverses provinces de l'empire pendant les trois ou quatre siècles suivants.

^{1.} Si toutefois celui-ci est antérieur à Vitruve, comme on le croit généralement. Il sera plus loin dit un mot de cette question.

^{2.} C'est ainsi que la construction par voûtes ne prit une très grande extension que sous l'empire romain; mais les principes mathématiques en étaient connus depuis longtemps.

CHAPITRE PREMIER

ARITHMÉTIQUE

I. — La science des nombres chez les Grecs. Son étendue et ses parties.

Pythagore et ses disciples, véritables créateurs de cette science, avaient longuement médité sur les propriétés des nombres, leurs combinaisons diverses et leur suite indéfinie. Rien dans l'ardeur au travail, dans le zèle investigateur de nos savants modernes, ne saurait donner une idée de la passion dévorante et du brûlant enthousiasme qui consumaient ces premiers mathématiciens, contemplateurs ravis des vérités abstraites et absolues. C'est qu'ils n'étaient pas simplement poussés par la curiosité de résoudre des problèmes isolés, par le désir d'avancer pas à pas dans une connaissance plus étendue des phénomènes naturels : ce qu'ils cherchaient à dégager de la complexité infinie des rapports numériques, c'était la loi même du monde, le dernier mot de tout, le savoir divin. Le pythagorisme était une philosophie ou, pour mieux dire, une religion avec ses initiations, ses mystères et ses rites. « Salut, Nombre fameux, générateur des dieux et des hommes! » Tel est le début d'un poème, Ἱερὸς λόγος, longtemps cru d'Orphée et que Stobée attribue à Pythagore 1. Plusieurs écoles philosophiques de l'antiquité ont connu cette sorte de délire mystique

^{1.} Philolaos, un des plus célèbres disciples de Pythagore, enseignait que toutes les choses relevant de notre faculté de connaître ont chacune un nombre, sans quoi rien ne saurait être conçu. C'est l'application de ce principe aux mots, définitions et symboles des réalités, qui a créé la Kabbale ou estimation en nombre des lettres considérées comme des chiffres. La somme de ces chiffres est le nombre de l'objet défini. Ainsi, dans l'Apocalypse, le nombre de la Bête est 666 (ch. XIII, v. 1).

à l'idée d'une révélation universelle crue prochaine 1. Mais à la différence des autres, l'école pythagoricienne, grâce au caractère rigoureux de l'objet qu'elle considérait, fut bien plus soutenue qu'égarée par son rêve, et fonda une science exacte, tandis qu'ailleurs s'enfantaient tant de chimères.

La science arithmétique issue de ces hautes méditations se divisa en théorie des nombres linéaires, théorie des nombres plans et théorie des nombres solides. Outre les opérations élémentaires dites les quatre règles et ce qui concerne les fractions, elle comprenait déjà, au temps de Pythagore, au moins dans leurs propositions essentielles, les théories des nombres premiers, des progressions arithmétiques et géométriques, des proportions, des moyennes proportionnelles, des sommes et différences de carrés, et de l'infini, conçu comme ce qui n'a aucune grandeur assignable, ou ce qui est plus grand ou plus petit que toute quantité donnée ². Les mathématiciens modernes ne le conçoivent et ne le définissent pas autrement.

Les V°, VIII°, VIII° et IX° livres d'Euclide résument cet ensemble, en y joignant l'apport des philosophes de l'âge suivant, c'est-à-dire des écoles de Platon et d'Aristote, et aussi l'apport d'Euclide lui-même. Son X° livre, notamment, développe d'une manière très étendue les théories, qui semblent bien lui appartenir en propre, des grandeurs incommensurables et des

l. La dévotion de Lucrèce à l'égard d'Epicure s'explique par cet état d'appétition extatique, pour ainsi dire. où l'avaient plongé les écrits du maître.

Fluctibus e tantis vilam, tantisque tenebris In tam tranquilla et clara luce locavit. (De Rerum natura, V. 11-12.)

His tibi me rebus quaedam divina voluptas Percipit atque horror, quod sic Natura tua vi Tam manifesta patet ex omni parte retecta. (Ibid., III, 28-30.)

2. « Si je me suppose, disait Archytas de Tarente (disciple lui-même de Philolaos), placé à la limite extrême du monde, pourrai-je ou non étendre la main ou une baguette au dehors? Dire que je ne le puis pas est absurde; mais si je le puis, il y aura donc quelque chose en dehors de ce monde, soit corps, soit lieu. Et peu importe comment nous raisonnerons; la même question se renouvellera toujours: s'il y a quelque chose sur quoi puisse porter la baguette, alors évidemment l'infini existe. Si c'est un corps, notre proposition est démontrée. Est-ce un lieu? Mais le lieu est ce en quoi un corps est ou pourrait être; et il faut alors, s'il existe en puissance, le placer au nombre des choses éternelles, et l'infini serait alors un corps et un lieu. « (Archytas Hapt παντός, passage cité par Simplicius, philosophe de l'époque de Justinien. Cf. Chaignet, Pythagore et la philosophie pythagoricienne.)

quantités irrationnelles. D'ailleurs, ainsi qu'il est dit plus haut, les démonstrations arithmétiques se modelaient sur celles de la géométrie. Euclide se sert de lignes pour exprimer les nombres 1, et il est plus que probable que dans l'enseignement de l'arithmétique cette méthode fut toujours suivie au moins jusqu'à Diophante 2 (IIIe siècle après J.-C.). L'ouvrage de ce dernier, 'Aριθμητικαί, en six livres, fait usage pour la première fois d'un signe particulier S', pour désigner un nombre inconnu ou à trouver, c'est-à-dire l'x d'une équation. Il est donc l'inventeur de la forme algébrique. Mais à vrai dire, sauf l'appareil extérieur du raisonnement, il n'apporta guère d'aperçus nouveaux et ne permit pas de trancher un plus grand nombre de questions qu'auparavant. On avait pu, par les anciens moyens, résoudre de véritables problèmes d'algèbre. Ainsi, on peut déduire aisément de quelques propositions du livre des Données (Δόμεναι) d'Euclide, la résolution des équations du 2º degré 3. Ceci est évidemment important à retenir, si l'on envisage la pratique de l'art de l'ingénieur dans l'antiquité.

De même que la géométrie théorique était complétée par la géodésie, qui était son application aux opérations pratiques, divisions et mesures des surfaces ou volumes, de même on appelait logistique la partie de l'arithmétique qui enseignait les procédés du calcul.

- « La Géodésie et la Logistique sont analogues aux branches précédentes (géométrie et arithmétique); seulement au lieu de traiter des nombres ou des figures intelligibles, elles s'occupent
- 1. Exemple: Pour exprimer que la somme des carrés de deux nombres est égale à deux fois le carré de la demi-somme de ces nombres, plus deux fois le carré de leur demi-différence, Euclide dit (liv. II, propos. 9): « Si une ligne droite est coupée en parties égales et en parties inégales, les carrés des segments inégaux de la droite entière sont doubles du carré de la moité de cette droite et du carré de la droite placée entre les sections. »
- 2. Avant Diophante, Nicomaque, qui vivait probablement au premier siècle de l'ère chrétienne, avait fait des exposés arithmétiques indépendants de la géomètrie. (Introduction arithmétique, ' $\Lambda_{\mathcal{L}} \theta u \eta \tau u \chi \dot{\eta}$ zi $\sigma u \gamma \psi \dot{\eta}$, en deux livres.) Mais cette méthode ne semble pas avoir été suivie. Cet auteur n'aurait d'ailleurs pas été un mathématicien original : pseudo-mathématicien, dit P. Tannery. (La géomètrie grecque, p. 12.)
- 3. Telle est la proposition 85 : « Si deux droites comprennent un espace donné, dans un angle donné, et si leur somme est donnée, chacune d'elles sera donnée. La solution de cette question donne les racines de l'équation du $2^{\rm e}$ degré : $x^2-b\ x+a^2=0$ (V. Michel Chasles, Des méthodes en géométrie, Paris, 1875, p. 11).

des sensibles; car l'œuvre de la géodésie ne consiste pas à mesurer le cône ou le cylindre, mais bien les monceaux comme cônes ou les puits comme cylindres; les droites qu'elle emploie ne sont pas intelligibles, mais sensibles, tout en étant d'ailleurs, par rapport aux intelligibles, des représentations, tantôt plus exactes, comme les rayons du soleil, tantôt plus grossières, comme des cordeaux ou des règles. De même le logisticien ne considère pas les propriétés des nombres en euxmêmes, mais sur les choses sensibles, d'où vient qu'il leur donne des noms d'après les objets qu'ils dénombrent 1. »

- « La Logistique est la théorie qui traite des dénombrables et non des nombres... Elle a, comme matière, tous les dénombrables; comme parties, les méthodes dites hellénique et égyptienne pour les multiplications et les divisions, ainsi que les additions et décompositions des fractions... Elle a pour but ce qui est utile dans les relations de la vie et dans les affaires, quoiqu'elle semble prononcer sur les objets sensibles comme s'ils étaient absolus ...»
- «... Elle se sert de l'un comme minimum des objets homogènes sous une même pluralité. Ainsi elle pose un homme comme individu dans une pluralité d'hommes, mais non pas absolument; une drachme comme indivisible dans une pluralité de drachmes, tandis qu'elle se divise en tant que monnaie 3. »

La logistique était donc bien ce que nous entendons par arithmétique pratique, c'est-à-dire l'art de calculer au moyen des signes et de leur ordre.

II. — Systèmes grecs et latins de numération.

Pour les nombres entiers, le système de numération, en Grèce, comme chez les Romains, était le système décimal, qui

^{1.} Proclus, extraits de Geminus, cités par P. Tannery. (La géométrie grecque, p. 40.)

^{2.} Scolie sur le Charmide (Variae collectiones, 5, et Plato's Charmides, inhaltlicherlaütert von Dr. Th. Becker, Halle, 1879. (Ibid., p. 48, 49.)

^{3.} Variae collectiones, 10. - Ibid., p. 49.

a son origine toute naturelle dans le nombre des doigts. Quant à la numération écrite, le plus ancien système grec consista simplement à représenter les chiffres par des barres en quantité égale au nombre à désigner. Ensuite vint le système acronumique ou hérodien, consistant à prendre pour chiffre la première lettre du mot qui exprime le nombre, l'unité restant représentée par une barre. Mais, beaucoup de nombres ayant la même initiale, et d'autre part la quantité de signes étant limitée tandis que la série des nombres est indéfinie, il est évident qu'il fallut se contenter de noter par une initiale ou par un autre signe conventionnel seulement certains nombres, par exemple les unités et les multiples de 10. Tel fut le système alphabétique décimal, dans lequel les signes numériques sont les vingt-quatre lettres de l'alphabet grec, ou plutôt les vingt-sept lettres, car on fit usage de trois caractères archaïques, le Bau ou Digamma, F ou S, qui vient après l'e, le Koppa, L, venant après le π et le Sampi, π, après l'ω.

De α à θ inclusivement, y compris le F ou S qui correspond au chiffre 6, sont les unités (nombres monadiques); de ι (iota) à $\frac{1}{4}$, qui exprime 90, les dizaines, et de ρ à π (900), les centaines (nombres hécatontadiques). Quant aux nombres intermédiaires, on les représentait par deux ou trois signes, inscrits de gauche à droite, comme nous le faisons nous-mêmes. Ainsi 700 s'écrivant ψ' (le petit signe en haut distinguant les chiffres ou nombres des simples lettres ou mots), 750 s'écrivait ψ' , 754 $\psi\nu\delta'$. A 1.000 on reprenait l'alphabet au début, en traitant ce nombre dans l'écriture comme une nouvelle unité, mais en ayant soin de marquer les lettres jusqu'au θ inclusivement d'un trait en bas à gauche (nombres chiliontadiques). Ainsi ζ' valant 7, ζ vaut 7.000.

On opérait de même pour les myriades, en remplaçant le trait en bas par deux points (un tréma) au-dessus de la lettre. On commençait de la sorte une nouvelle série, un autre ordre de nombres, et l'on avait les nombres monadiques de myriades simples jusqu'à ë, décadiques jusqu'à ë, hécatontadiques jusqu'à ë et si, en plus du trait, il y avait aussi des points, les lettres désignaient autant de milliers de myriades qu'elles auraient

désigné de milliers sans les points. Si au-dessus des deux points on en mettait deux autres, la quotité représentée par la lettre se trouvait multipliée par une myriade: c'était ce qu'on appelait les myriades doubles ou myriades de myriades; et ainsi de suite: on avait des myriades triples, quadruples, etc., jusqu'à l'infini, en superposant deux points autant de fois qu'on voulait ¹.

D'après cette méthode le chiffre 640.803.175, par exemple, s'écrivait $\frac{\pi}{2} \tilde{\beta} \pi \gamma \rho \sigma^{2/2}$.

On croit généralement que ce système ne fut en vigueur qu'à partir du premier siècle de notre ère, ce qui n'est pas assuré : il pourrait être bien antérieur. Quoi qu'il en soit, il en est un autre constaté par des documents beaucoup plus anciens, conçu également d'après le principe acronymique et offrant une assez grande analogie avec la notation romaine, en ce qu'il comporte des signes particuliers pour 5, 10, 100, 1.000 et 10.000: Γ, πέντε. cinq; Δ, δέκα, dix; Η, έκατόν, cent; Χ, γίλιοι, mille; Μ ou Μυ. μύριοι, dix mille. Les multiples de cinq par les puissances de dix s'y notent par la lettre qui exprime une de ces puissances, logée sous la barre supérieure du P. Ainsi P signifie 50. Voici du reste le tableau numérique, tel qu'il résulte d'une inscription du musée du Louvre, dite marbre de Choiseul 3. Cette inscription est un compte rendu des sommes dépensées par les trésoriers du Parthénon dans la 3^e année de la 92^e olympiade (410 avant J.-C.). Les nombres et les monnaies sont exprimés par les chiffres suivants:

^{1.} V. Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque nationale. t. XXXII, Deux lettres arithmétiques de Rhabdas, éditées par P. Tannery, p. 144-146.

^{2.} Pour exprimer des nombres fractionnaires, les Grecs ne séparaient par aucune ligne le numérateur du dénominateur : ils écrivaient l'un et l'autre sur la même ligne, mais les caractères du numérateur étaient plus gros que ceux du dénominateur. Ainsi, par exemple $\iota\varepsilon$ $\xi\delta$ signifiaient 15.64. (V. F. Hoefer, Histoire des Mathématiques.) On pouvait aussi écrire, en caractères égaux, $\iota\varepsilon$ $\xi\delta''$ $\xi\delta''$ en répétant le dénominateur deux fois et en l'accentuant de deux traits en haut. Si la fraction avait l'unite pour numérateur, soit 1/64, on n'écrivait que le dénominateur avec deux traits $\xi\delta''$.

^{3.} V. Catalogue des inscriptions grecques du musée du Louvre, interprétées par W. Froehner. Paris. 1888 — N° 46.

1	1	
11	2	C 1/4 d'obole (tétartémorion).
111	3	3 1/2 obole (hémiobolion).
1111	4	(1/3 d'obole (tritémorion).
Γ	5	T ou 3/4 d'obole (Fræhner).
Δ :.	10	1 1 obole.
P	50	F 1 drachme (6 oboles).
Н	100	T 1 talent (6.000 drachmes).
FI	$\frac{500}{1.000}$	F 5 talents.
Л	5.000	Δ 10 talents.
M	10.000	F 50 talents.
[a]	50.000	1 00 00101100

Pour noter avec ce système le chiffre 5.432, par exemple, on écrira PHHHA $\Delta\Delta$ II. S'il s'agit d'exprimer cette somme en drachmes, on modifiera simplement les deux derniers chiffres en les écrivant \vdash \vdash .

L'usage est à remarquer de ces sortes d'exposants qui multiplient le chiffre 5 par 10, 100, ou 1.000. Il est vraisemblable, sinon certain, que cet usage pouvait être étendu aux multiples de 10; ainsi un million aurait pu être exprimé par le signe M^H. Les petits traits du système alphabétique jouent ce même rôle d'exposants multiplicateurs, et il n'y a rien de bien téméraire à imaginer que l'ont pût, en groupant un nombre de traits suffisant, exprimer des nombres aussi élevés qu'on voulait.

La numération écrite des Romains était fondée sur ce même principe de la notation particulière du 5, du 10, des puissances de 10 jusqu'à 1.000, et des multiples de 5 par 10 et ses puissances. Les signes employés pour les nombres entiers n'étaient qu'au nombre de sept : I (unité) ¹, V (5), X (10), L (50)², C (100), D (500),

^{1.} Comme dans la numération grecque, les chiffres s'ajoutent les uns aux autres en allant de gauche à droite. Cependant, on sait qu'une barre (une unité) placée à gauche d'un autre chiffre, se soustrait de celui-ci. — Les nombres 4, 9, 14, 19, etc., s'écrivaient le plus souvent IIII. VIIII, XIIII, XVIIII, mais aussi IV, IX. XIV, XIX, etc., comme nous le faisons de préférence. On écrivait aussi quelquefois, et c'est ce que nous ne faisons plus, — IIX et XIIX pour 8 et 18, — X. placé à droite de L et de C se soustrait aussi. — XL = 40 et XC = 90.

^{2.} Ce signe, dans le principe, était l'aspirée χ , sous son ancienne forme $\sqrt{}$ ou \pm qui s'altéra ensuite et donna L.

M (1.000°. Les exposants multiplicateurs avaient pour équivalents: 1° une barre transversale au-dessus de la lettre ou des groupes de lettres, indiquant qu'il s'agissait de milliers; 2° un rectangle, non fermé par en bas, autour de la lettre ou du groupe, marquant les centaines de mille. Souvent on ajoutait la lettre M à la droite des lettres barrées pour spécifier encore davantage qu'il s'agissait de milliers. Ainsi le chiffre 12.523.837 s'écrivait:

Le nombre 1.000 pouvait s'exprimer aussi par le signe CIO ¹ et les multiples de 1.000 par autant de fois cette parenthèse ajoutée à la première que le nombre 1.000 était multiplié par 10. Ainsi:

et, pour restreindre l'espace occupé par les signes, on eut :

 $\Phi = 1.000$ $\Phi = 10.000$ $\Phi = 100.000$

Pour figurer les multiples de 5, on n'eut plus qu'à séparer ces divers signes en deux, en conservant la partie de droite :

13 ou D =
$$500$$

13 ou D = 5.000
14 ou D = 50.000

Soit à écrire, avec ce système, le chiffre 583.214, nous aurons:

ou DD D D D D D CCXIIII

- 1. C'était à l'origine l'aspirée φ. 1.000 s'écrivit aussi ∞ et ∞.
- 2. Quand il s'agissait de monnaies, le nombre s'exprimait en sesterces et cela se marquait par le signe \(\mathbb{H} \mathbb{S} \) à gauche du chiffre.

Le premier système, somme toute, était d'une écriture beaucoup plus simple.

La différence fondamentale des deux numérations grecque et latine avec la numération moderne consiste en ce que celle-ci se borne à n'avoir de signes que pour les neuf premières unités, et à répéter ces mêmes signes pour les unités des divers ordres en ne les distinguant que par le rang qu'elles occupent par rapport au chiffre des unités simples qui est à droite. Mais pour marquer ce rang, il a paru indispensable d'avoir un signe supplémentaire qui est le 0, destiné à remplacer le chiffre des unités d'un certain ordre qui peut manquer dans un nombre. Ce signe manquait aux anciens ¹. Or, avec ces dix signes, nous arrivons à écrire brièvement et simplement les nombres les plus élevés; on voit au contraire l'espace qu'occupait un nombre chiffré avec les méthodes anciennes, dès qu'il atteignait seulement les centaines de mille, et que tous les ordres d'unités y figuraient.

Tout cela est bien connu. Si j'ai cru à propos de le rappeler, c'est pour en arriver à cette question : comment, avec un appareil de numération si incommode, les ingénieurs romains, les architectes, les chefs de chantiers, en un mot tous ceux qui concouraient aux travaux publics, obligés qu'ils étaient de manier constamment des chiffres, pour évaluer rapidement les poids et les surfaces, pour dresser les devis et les comptes, pouvaient-ils suffire à cette besogne dans le temps voulu et sans risque d'erreurs? Il en est de même pour les banquiers, les marchands, les hommes d'affaires de toute espèce.

Et jusqu'ici, nous n'avons considéré que les unités. Mais une complication plus grande encore provenait de ce que l'unité se subdivisait chez les Romains d'après le système duodécimal, l'as, ou unité simple comprenant 12 onces, l'once se partageant à son tour d'après le même principe. Je rappelle pour mémoire la liste de ces divers sous-multiples avec leurs valeurs et leurs signes ou sigles.

^{1.} Ou tout au moins il ne fut jamais utilisé pratiquement (v. ci-après .

	AS	ONCES	SIGLES
	-	_	
As	1	12	I
Deunx	11/12	11	S = = -
Dextans	5/6	10	S = = '
Dodrans	3/4	9	S = -
Bes	2/3	8	S =
Septunx	7/12	7	S -
Semis	1/2	6	S
Quincunx	5/12	5	==- ou =-=
Triens	1/3	4	= =
Quadrans	1/4	3	= -
Sextans	1/6	2	= , Z
Sescuncia	1/8	1 1/2	$\Sigma \equiv , \mathcal{L} \equiv$
Uncia	1/12	i	$\textbf{-}\;,\; \boldsymbol{\cup}\;,\; \boldsymbol{\backsim}\;,\; \boldsymbol{\ominus}$
Semuncia	1/24	1/2	$\mathbf{\Sigma}$, $\mathbf{\mathfrak{C}}$, $\mathbf{\mathfrak{E}}$, \mathbf{s}
Binae sextulae ou duella.	1/36	1/3	u, l , z
Sicilicus	1/48	1/4	Э
Sextula	1/72	1/6	S
Dimidia sextula	1/144	1/12	2
Scripulum	1/288	1/24	Э,₹
Siliqua	1/1728	1/144	pas de signe distincti

III. — Mode de calcul usuel par les cailloux et l'abaque.

f.

Les monuments écrits, grecs ou latins, non seulement ne présentent rien d'analogue à notre disposition des chiffres en colonnes, où les unités des divers ordres sont étagées respectivement les unes sous les autres 1, mais nous n'y voyons aucune

^{1.} Voici, par exemple, un compte de dépenses figurant sur une inscription grecque du musée du Louvre (Catalogue de Froehner, n° 36). Ces dépenses avaient été faites

trace de disposition méthodique d'un calcul, avec traits de séparation, juxtaposition de facteurs, etc. L'explication en est bien simple. C'est que les calculs s'opéraient par des procédés qui ne laissaient pas de trace, pas plus que n'en laisse le maniement de notre règle à calcul ou de toute autre machine arithmétique.

Le moyen de calcul le plus ancien nous est indiqué par le sens même du mot calculus, caillou. Ce mot latin, comme le mot grec oi $\psi \tilde{\eta} \varphi oi$ (pluriel), qui a le même sens, au propre et au figuré, montre assez que l'usage universel et primitif était de prendre, pour calculer, de petites pierres ou des jetons. On les disposait dans un certain ordre en traçant certaines lignes suivant lesquelles on les faisait mouvoir. C'était le principe du procédé de l' $\tilde{\alpha} \delta \alpha \xi^{-1}$, abacus, ou table à calcul.

par le dème de Plothée (Attique). Lés chiffres ne sont nullement rangés comme ils le seraient dans un monument moderne analogue, avec le total au-dessous :

Un compte moderne serait disposé comme la traduction l'indique, et le total serait mis au-dessous du chiffre 600; les fermages, qui constituent sans doute une recette et non une dépense, étant mis à part, séparés du reste au moins par un intervalle.

1. Cf. Hültsch, art. Abacus (R-E. de Pauly Wissowa, t. I, et Dictionnaire de Daremberg et Saglio, même article). L'étymologie de ce mot, dit M. F. Hoefer (Histoire des mathématiques, p. 126, note 2), a divisé les érudits en deux camps. Les uns, comme Nesselmann et Vincent, le font venir de l'hébreu abak, qui signifie poussière. par allusion au sable ou à la poussière dont on couvrait les planchettes sur lesquelles les anciens faisaient leurs calculs, témoin ce passage de Perse (sat. I. 131):

Nec qui abaco numeros et secto in pulvere metas Scit risisse vafer.

Les autres, comme Th. Henri-Martin, le forment de α privatif et $\beta \not \alpha \sigma_{15}$ (ce qui n'a pas de support, de base, une planchette). A $\delta \alpha \xi$ a toujours, en effet, désigné une plaque polie, gravée ou non, et la signification de poussière n'est jamais intervenue pour ce mot; d'autre part, abacus vient évidemment d' $\alpha \delta \alpha \xi$. Il n'y a donc pas à hésiter entre les deux opinions; la première semble n'avoir aucune valeur.

Dans le traité de géométrie de Boèce 1 (1er livre), se trouve le passage suivant :

« Des Pythagoriciens, pour éviter de se tromper dans leurs multiplications, divisions et mesures (car ils étaient en toutes choses d'un génie inventeur et subtil), avaient imaginé pour leur usage un tableau, qu'ils appelèrent en l'honneur de leur maître, table de Pythagore; parce que, ce qu'ils en avaient tracé, ils en tenaient la première idée de ce philosophe. Ce tableau fut appelé par les modernes abacus. »

Ici est insérée, dans les plus récents manuscrits de Boèce, la table de multiplication bien connue. Or, d'après l'examen des manuscrits les plus anciens et les meilleurs, cet abacus n'était nullement la table de multiplication, à laquelle on donne ainsi par erreur le nom de table de Pythagore². C'était une série de traits verticaux formant des colonnes, dont la plus à droite correspondait aux unités, tandis qu'en allant de droite à gauche on rencontrait la colonne des dizaines, puis celle des centaines, etc., etc. Dans chacune d'elles pouvaient se placer des caractères spéciaux, appelés apices, de diverses formes et au nombre de neuf (dont quelques-uns, tels que le huit et le neuf, ont précisément la forme de nos chiffres dits arabes 8 et 9. Et le texte de Boèce ajoute:

« S'ils plaçaient ces divers apices sous l'unité (c'est-à-dire

^{1.} Boëtii quae fertur geometria, à la suite de l'Arithmétique et de la Musique dans l'édition Friedlein. V. Index bibliographique.)

^{2.} V. Michel Chasles, Les méthodes en géométrie, p. 467. Cf. du même auteur : Sur l'origine de notre système de numération (Comptes rendus de l'Académie des Sciences, 21 janvier 1839). — Sur la question de l'origine de notre numération unlgaire et particulièrement sur la signification du passage de Boèce (Ibid., 7et 14 octobre 1839). — Explication des traités de l'abacus et particulièrement du traité de Gerbert (Ibid., janvier et février 1843).

[«] Le même savant (Chasles), dit Th. Henri-Martin (ouv. cité, Revue archéologique, 1856-57), a établi, d'après les meilleurs et les plus anciens manuscrits, que, primitivement, ce texte de Boèce était éclairci par la figure du tableau qui, avec les neuf signes numériques ou opices, conservés dans ces manuscrits, permettait d'exprimer tous les nombres; que ce tableau y est nommé abacus Pythagoricus, c'est-à-dire table de Pythagore; que ce même tableau et son usage sont expliqués, sons ce même nom et plus en détail, non seulement dans un traité de Gerbert, mais aussi dans d'autres ouvrages latins du x', du xı' et du xıı' siècle; que c'est à tort que, dans les autres manuscrits de Boèce, il a été remplacé par une table des multiples tout à fait étrangère au passage; et que le nom de Table de Pythagore, donné maintenant à la table de multiplication, résulte uniquement de cette faute des copistes de quelques manuscrits de Boèce. »

dans la colonne des unités), ils représentaient toujours les digiti (unités simples).

« Plaçant le premier nombre, c'est-à-dire deux (car l'unité, comme il est dit dans les arithmétiques, n'est pas un nombre, mais l'origine et le fondement des nombres), plaçant donc deux sous la ligne marquée dix, ils convinrent qu'il signifierait vingt; que trois signifierait trente, quatre, quarante, et ils donnèrent aux autres nombres suivants les significations résultant de leur propre dénomination.

« En plaçant les mêmes apices sous la ligne marquée du nombre cent, ils établirent que deux signifierait deux cents, trois, trois cents... Et ainsi de suite dans les colonnes suivantes, et ce système n'exposait à aucune erreur. »

Ainsi, les anciens auraient connu et pratiqué, depuis une époque reculée, notre système de numération écrite, sauf l'emploi du zéro, qui, d'ailleurs, était inutile, à cause des colonnes tracées d'avance. La petite différence aurait consisté précisément dans l'emploi de ce tracé, c'est-à-dire de l'abaque.

Or, d'après Théodore Henri-Martin 1, ce système devrait être attribué, non aux disciples directs de Pythagore, mais à des néo-pythagoriciens, contemporains de l'époque du néo-platonisme alexandrin, ou plutôt de son dernier représentant, Proclus : cela à cause des noms et figures des apices, qui expriment des idées pythagoriciennes, en effet, mais mêlées de gnosticisme. « Si Pythagore, d'ailleurs, avait été l'inventeur de l'abacus qu'on lui attribue, et si les Grecs avaient connu cet abacus pendant toute l'époque florissante et progressive de leur science mathématique, ils n'auraient pas dédaigné cette invention de leur grand philosophe, mais ils s'en seraient servis, et surtout ils en auraient parlé, et un auteur latin de la fin du ve et du commencement du vie siècle de notre ère n'aurait pas été le premier à nous en transmettre le souvenir². »

Voilà certes de fort bonnes raisons. Mais elles ne valent que contre l'emploi prématuré des apices et du calcul écrit, non

^{1.} Ouvr. cité. Revue archéologique, 1856-57, II.

^{2.} Ibid.

contre l'emploi de l'abaque à colonnes de divers ordres pour le calcul usuel instantané. Il est à croire, en effet, qu'au temps de Pythagore, on ne donnait pas aux chiffres des valeurs de position, mais on en donnait certainement aux rangées de cailloux ou de jetons.

Hérodote (II, 36) dit : « Les Grecs calculent avec de petites pierres (λογίζονται ψήφωσι), en portant la main de la gauche vers la droite, tandis que les Egyptiens la portent de la droite vers la gauche · » Qu'est-ce que cela signifie, sinon qu'on faisait passer les cailloux d'une colonne à droite à une colonne à gauche, ou inversement, lorsqu'on faisait un calcul : le sens importe peu, c'est affaire de convention. Prenons la disposition en colonnes telle qu'elle est dans l'abacus de Boèce. (Remarquons en passant que les colonnes sont numérotées d'après un système d'écriture numérique qui n'était pas, ce semble, usité aux époques antérieures, et qui consiste en ce que les lettres associées, séparées ou non par des points, se multiplient, comme dans la notation algébrique, au lieu de s'additionner. Le nombre mille y est aussi écrit de deux façons, M, et \(\overline{1}\), d'après le procédé multiplicateur que nous connaissons, de la barre transversale ².)

Tableau 1.

10 milliards	1 milliard	100.000.000	10.000.000	1.000,000	100,000	10,000	1.000	100	10	1
XĪMĪ	ĨM.Ī	СМ.Т	XM.Ī	M.Ī	Ē	\overline{X}	М	С	X	I
								-		
	-	-								
							-			
										•

^{1.} V. ci-dessus, p. 8. — On usa sans doute plus tard indifféremment des deux méthodes; puis la méthode égyptienne prévalut.

^{2.} Ceci est d'ailleurs tout à fait indépendant du tableau lui-même, et ne fait rien préjuger de l'époque où l'on commença à se servir de celui-ci.

Le nombre 4 milliards, 315 millions, 26 mille, 407, soit 4.315.026.407, est marqué sur ce tableau (tableau 1) par des points qui représentent les petits cailloux.

Examinons comment pouvaient s'effectuer avec cet abaque les quatre opérations arithmétiques.

Addition. — Au nombre 26.407 qui constitue la fin du nombre inscrit ci-dessus, proposons-nous d'additionner 9.786, par exemple. J'ajoute (tableau 2) 6 cailloux à la colonne I, ce qui fait 13; j'en laisse 3 seulement et j'en enlève 10 qui seront remplacés par un seul à la colonne X, et ainsi de suite. C'est notre opération

\bar{X}	М	C	X	I
-	-	•	=	:
•	=			•
	=			
			-	

Tableau 2.

d'addition exécutée en fait. Il y aura finalement, sur le tableau, la disposition et le nombre de cailloux ci-dessus, représentant la somme 36.193. On devait faire autant d'opérations qu'il y avait de nombres à additionner. L'habitude permettait d'effectuer très vite cette série plus lente, à première vue, que notre opération unique.

Soustraction. — C'est encore la mise en action, palpable, de ce que nous faisons nous-mêmes. Soit à retrancher 12.124 du nombre précédent. J'enlève un caillou à la colonne X et le remplace par dix autres sur la colonne I, qui en aura 13 (tableau 3), desquels j'en retranche 4, il en restera 9¹; j'en enlève 2 aux 8 qui restaient sur la colonne X et ainsi de suite.

^{1.} Bien entendu, le calcul de tête permettait de placer tout de suite 9 cailloux, au lieu d'en poser d'abord 13 et d'en ôter 4.

La différence 24.069 apparaissait ainsi :

Tableau 3.

Ż	М	('	X	I
	v		2	
				12
			B	
	2			2
			Ì	

Multiplication. — Pour multiplier par 10, 100, 1.000, etc., on n'avait qu'à faire avancer tous les cailloux d'un, deux ou trois rangs. S'il s'agissait de deux nombres quelconques, voici, sans doute, comment on opérait. Soit à multiplier 342 par 27 (tableau 4). Le nombre 342 étant inscrit, on le multipliait d'abord par 71. Ce produit partiel, 2.394, facilement obtenu par un mouvement de cailloux qu'il serait fastidieux d'expliquer, on faisait glisser ceux-ci plus bas, en les laissant dans leurs colonnes respectives. Puis, avec d'autres cailloux on inscrivait de nouveau 342, mais en le faisant avancer d'un rang pour le multiplier par les deux dizaines, c'est-à-dire qu'on inscrivait 3.420. La nouvelle multiplication étant faite et donnant 6.840, on faisait comme auparavant glisser les cailloux, qui venaient se mélanger aux premiers. On avait ainsi le produit total 8. 11. 13. 4. Il n'y avait plus qu'à simplifier par 9.234, en enlevant dans chaque colonne les dizaines de cailloux, pour les remplacer par des cailloux uniques à la colonne suivante. Et ainsi de suite, si les chiffres du multiplicateur étaient plus nombreux. La simplification pouvait se faire à chaque fois, ou seulement à la fin, au gré de l'opérateur.

^{1.} L'usage avait assez appris quels étaient les produits des neuf premiers nombres multipliés les uns par les autres, pour que la prétendue table de Pythagore ne fût nullement nécessaire à la pratique des opérations.

Tableau 4.

\overline{X}	М	С	X	I		\overline{X}	М	С	X	I
			•							
	ı		•							
					{1 2}		-			
		3	4	2			3	4	2	0
								•	8 4 8	
							•			-
										-
							2	3	9	4
					=7 17					
\overline{X}	М	С	X	I		\overline{X}	М	C	X	I
			14					•		
									les .	
							9	2	3	4
	•				3 4					
	6	8	4	0						
	£			2						
				81						,
										3
Total	8	11	13	4						

Division. — La division n'était pas beaucoup plus compliquée. Il n'v a qu'à la concevoir de même d'après notre opération à nous. Soit à diviser 6.243 par 29, je suppose; il est probable qu'on sériait les calculs comme nous le faisons en cherchant le quotient de 62 par 29 et en posant 2 cailloux dans le bas de la colonne C. On faisait, comme nous, du même coup, la multiplication et la soustraction. La seule différence était que le dividende et les restes successifs ne restaient pas inscrits, et se transformaient en se réduisant dans le haut du tableau, jusqu'à ce que le dernier fût obtenu. On suivra facilement la méthode en considérant les tableaux de la page 23 qui représentent les phases successives de l'opération, 4 4.3 1 5 3 215 et en les comparant à l'opération moderne figurée ci-contre.

On voit que, contrairement à ce que l'on est porté à supposer de prime abord, le maniement d'un semblable appareil n'était pas d'une grande complication. Pour calculer ainsi, il n'était même pas besoin d'avoir une plaque de marbre ou de métal préparée d'avance. Quelques lignes tracées à terre sur le sable suffisaient; et ce mode de calcul devait être, par cela même, de beaucoup le plus usité!

1. L'extraction des racines carrées, à une unité près, pouvait aussi fort bien s'effectuer avec ces abaques, au moyen des opérations successives de soustraction et de division que comporte cette recherche. Un certain Nicolas Artavasdi, de Symrne, dit Rhabdas, auteur byzantin du xiv' siècle, dont M. P. Tannery a publié, en 1886, deux petits traités de calcul, documents inédits et uniques dans leur genre, énumère ainsi ces opérations (2º lettre sur l'arithmétique, 7):

« Je retranche du nombre proposé le carré qui en est le plus voisin, puis je double la racine de ce dernier et je divise les unités qui restent du carré non exact après le retranchement du carré exact, par le double de la racine de ce dernier; les fractions ou quantièmes que donne cette division, je les ajoute à la racine trouvée pour le carré exact, et je dis que j'ai ainsi la racine du carré non exact. »

« Ἐκδάλλω ἀπὸ τοῦ ζητουμένου (?) ἀριθμοῦ τὸν ἔγγιστα τούτω παρακείμενον τετράγωνον, εἶτα διπλασιάζω τὴν τούτου πλευράν καὶ τὰς ἐναπολειφθείσας μονάδας ἀπὸ τοῦ μὴ ἀληθοῦς τετραγώνου, ἐπέκεινα δηλενότι τοῦ ἀληθοῦς, μερίζω εἰς τὴν διπλὴν < πλευράν > τοῦ ἀληθοῦς τετραγώνου, καὶ τὰ εύρεθεντα μέρη ἢ καὶ μόρια ἐκ τοῦ μερισμοῦ συνάπτω τῆ εύρεθείση πλευρά τοῦ ἀληθοῦς τετραγώνου καὶ λέγω τοσαύτην εἶναι καὶ τὴν πλευράν τοῦ μὴ ἀληθοῦς τετραγώνου. »

Le même Rhabdas donne aussi des exemples d'opérations sur les nombres fractionnaires (2° lettre, 3 à 6). Ces opérations, qui comportaient comme les nôtres des réductions au même dénominateur, ont ceci de particulier que les nombres fractionnaires étaient, en général, donnés en sommes de quantièmes, c'est-à-dire de fractions ayant pour numérateur l'unité. Il y avait à convertir, avant toute autre opération, ces sommes de quantièmes en fractions ordinaires; puis le résultat fractionnaire final seramenait inversement à un nombre exprimé en somme de quantièmes.

М	C	X	I		М	С	X	I
						•	1	15
	•	•	:	1 2			D	
					le reste.	4	4	3
6	2	4	3		1er quotient			
						2		
м	С	X	I		M	С	X	I
			•					:
			-					
ler reste	4	4	3	3 4			10	
2° quotient		-			2º reste.	1	5	3
	2	3			3° quotient		_	
						2	1	5

М	С	X	I
		3 ^{me} reste.	8
Quotient	N		
	2	1	5

IV. — Divers types d'abaques.

Mais il y avait d'autres types d'abaques. L'un, construit d'après un procédé ingénieux, était un système plus spécialement romain. N'ayant besoin que d'un petit nombre, invariable, d'éléments mobiles, il constituait un appareil dont faisaient partie ces petits éléments, remplaçant les cailloux : c'étaient de petits boutons glissant dans des rainures. On connaît quatre ou cinq spécimens de ce genre d'abaques, qui ont été conservés 1.

Je me contente de figurer celui qui a été décrit par Grüter et celui qu'a découvert M. Rangabé en 1846.

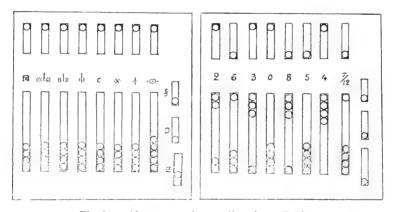


Fig. 1. — Abacus romain, mentionné par Grüter.

Le premier est en métal et a comme dimensions 35 centimètres sur 42 (fig. 1)².

C'est une plaque striée d'une rangée de huit longues rainures, au-dessus et en face desquelles sont huit autres rainures plus

^{1. 1°} Abacus métallique ayant appartenu à Welser, publié dans ses œuvres (1682) et reproduit par Grüter (p. 224) et par Pignorius (De Servis, Amsterdam, 1674, p. 165 et 340). C'est celui qui est décrit ici. — 2° Abacus romain, ayant appartenu à Ursinus, mal dessiné par Pignorius (l. c. p. 339). — 3° Abacus romain, appartenant au musée Kircher, reproduit dans le Dictionnaire de Saglio. — 4° Abacus romain, actuellement au Cabinet des médailles de Paris (De Molinet, Cabinet Sainte-Geneviève, Paris 1692, p. 23. Ph. 1.'. — 5° Abacus athénien, découvert par M. Rangabé et reproduit ici.

^{2.} Cf. Marquardt, Vie privée des Romains, t. I, p. 119, trad. Henry.

courtes. Dans chacune des premières sont engagés quatre boutons mobiles, sauf dans la huitième, la plus à droite, qui en porte un de plus. Les rainures supérieures portent toutes uniformément un seul bouton. Entre chaque rainure inférieure et la rainure supérieure qui lui correspond se trouve, en allant de droite à gauche, d'abord le signe e qui exprime l'once ou 1/12 de l'as 1, puis les chiffres I, X, etc., marquant les puissances de 10 jusqu'à un million 2.

Quand la plaque ne marque aucun nombre, les boutons des rainures inférieures sont enfoncés vers le bas et les uns contre les autres; ceux des rainures supérieures sont de leur côté tous poussés vers le haut. Les unités d'un certain ordre, quand elles ne dépassent pas quatre, se marquent en poussant vers le haut un certain nombre de boutons (un, deux, trois ou quatre) dans la rainure inférieure correspondante; et si l'on fait descendre le bouton de la rainure supérieure, il désigne 5 unités. On peut donc avec ces 5 boutons représenter toutes les unités d'un ordre de 1 à 9. Pour les onces (première colonne à droite), on peut marquer de 1 à 11, parce qu'il y a 5 boutons au lieu de 4 dans la rainure inférieure et que le bouton isolé vaut 6. La disposition des boutons (fig. 1, à droite) représente 2.630.854 as et 7 onces, ou 2.630.854 unités et 7/12 3.

Les boutons des trois petites rainures à droite, qui sont marquées 'S', J, 'Z', valaient, selon Grüter, quand ils étaient poussés vers le haut, pour la première 'S', une demi-once (semuncia) 4, pour la seconde, J, un quart d'once (sicilicus), et pour la troisième 'Z', un tiers d'once (duella).

Avec cette possibilité d'évaluer les fractions jusqu'au sicilique, c'est-à-dire jusqu'au 1/48 de l'unité, on arrivait dans les calculs

^{1.} V. ci-dessus, p. 14.

^{2.} On peut prendre n'importe quoi pour unité: Sive asses, sive quid aliud (Grüter). Pour les signes numéraux de la figure v. ci-dessus, p. 12 et 14.

^{3.} On a remarqué la grande analogie de ce type d'abacus avec une table à calcul chinoise, très ancienne, le suan-pan. C'était un cadre avec des boules enfilées dans des tringles de fer, et où l'on comptait aussi par unités décimales et par unités quinaires. Mais il y avait pour chaque rang 5 boules d'unités simples au lieu de 4 qui suffisent, et 2 boules quinaires au lieu d'une.

^{4.} Le signe propre de la semuncia (V. ci-dessus, p. 14) était Z. Mais on conçoit qu'on ait pu souvent lui donner aussi le signe du semis, S.

à une approximation très suffisante; il ne s'agissait que de

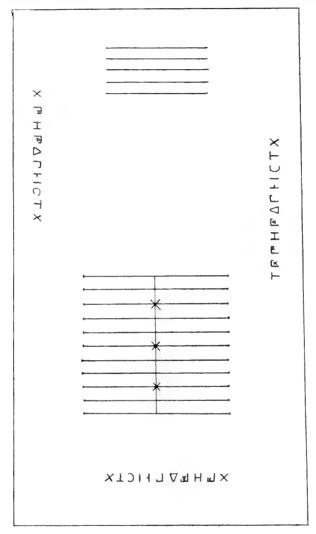


Fig. 2. - Abacus athénien, découvert par Rangabé.

prendre une unité convenable 1. D'autres abaques du même type pouvaient d'ailleurs descendre à des sous-unités bien plus

^{1.} Ainsi les calculs de Frontin (De Aquis, 39 à 63) pour les tuyaux de distribution d'eau évaluent les diamètres en digiti et fractions de digiti. Le digitus étant égal à 0 $^{\circ}$,019, le 1/48 est déjà une bien petite valeur.

petites, et avoir des rainures correspondant au scripulum et à la siliqua, soit au 1/288 et au 1/1728 de l'unité. Le modèle décrit ici devait servir plus spécialement aux commerçants et aux banquiers. En raison de ses dimensions, ce ne devait pas être, en effet, une tablette bien portative, et il très possible qu'il s'en fit de plus petites, précisément à l'usage de ceux qui avaient à calculer sur un terrain d'opérations, c'est-à-dire des géomètres, ingénieurs et architectes. Enfin, je serais volontiers porté à croire pour ces abaques à des combinaisons très variées, suivant les calculs spéciaux auxquels ils devaient servir. C'est ainsi que l'abaque athénien découvert en 1846, par M. Rangabé 1, à Salamine, ne ressemble que d'assez loin à celui de Grüter. Il avait d'abord été pris pour une table de jeu 2, et peut-être, en effet, pouvait-il servir aux deux usages, jeu et calcul.

C'est une plaque de marbre, (fig. 2), longue de 1^m,50, large de 0^m,75. « A une distance de 0^m,25 du bord supérieur, il y a cinq lignes parallèles, longues de 0^m,27, distantes entre elles de 0^m,03. A une distance de 0^m,50 au-dessous de la dernière de ces cinq lignes, il y en a onze, distantes entre elles de 0^m,035. Une ligne transversale coupe ces onze lignes perpendiculairement et en deux parties égales. La troisième, la sixième et la neuvième de ces lignes sont marquées d'une croix à leur point d'intersection. Ces croix, ainsi que les chiffres tracés sous la ligne inférieure, sont longues de 0^m,02; la distance de ces chiffres entre eux est de 0^m,05. Les chiffres des lignes latérales sont longs de 0^m,013 et distants de 0^m,04. » M. Rangabé pensait y voir un échiquier. Consulté par lui, M. Letronne reconnut facilement dans les chiffres gravés sur la plaque les sigles définis plus haut (V. ci-dessus p. 11), servant à compter des unités monétaires, depuis le talent T, jusqu'au yalzous, X, chalque, monnaie de cuivre, le 1/6 de l'obole, qui est elle-même marquée I. On y voit aussi figurer la 1/2 obole C, et le 1/3 d'obole T3.

^{1.} V. Revue Archéologique, 1846, 1, p. 295-305-401. Articles de MM. Rangabé, Letronne et Vincent: Un abacus athénien.

^{2.} L'abacus de Grüter présente lui-même certaines analogies avec nos marques de jeu de piquet, ou avec la table du trictrac.

^{3.} Remarquons que ce tritémorion, ou triton, est marqué du même signe que le talent; mais la confusion n'était pas possible, à cause du rang où est placé ce second T par rapportaux autres sigles. Il en est de même de X, qui désigne 1000 drachmes et 1/6 d'obole.

La conclusion de M. Letronne fut que cette table était un abaque à l'usage de quelque banquier, τραπεζίτης. Enfin, une solution plus générale fut donnée par M. Vincent qui, se rangeant à l'opinion de M. Letronne, se garda pourtant d'exclure l'idée mise en avant par M. Rangabé, et déclara que cet abacus avait pu servir à la fois à des calculs d'argent et à un jeu de l'espèce du trictrae.

Pour les calculs de sommes d'argent, il est facile de voir que la ligne transversale permettait de compter et d'effectuer les opérations comme sur l'abacus romain de Grüter, avec les cinq jetons, quatre d'un côté, un de l'autre, pour chaque ordre d'unités décimales. « L'analogie nous porte à penser, dit M. Vincent, qu'outre l'usage spécial de la table pour la supputation des monnaies, elle en avait un plus général, c'est-à-dire qu'elle servait à compter toute espèce de quantités (asses sive quid aliud) » Quant aux croix, marquées sur la ligne transversale à l'intersection de quelques-unes des onze lignes parallèles, M. Vincent en donne plusieurs explications, relatives à l'emploi comme table de jeu. Ne serait-il pas plus simple d'y reconnaître des points de repère destinés à marquer les divers ordres d'unités, de même que nous séparons par des points nos tranches de trois chiffres? Dans ce cas voici comment j'expliquerais le fonctionnement de la table. Les jetons se mouvant sur les lignes, la première ligne à droite 1 servait au 1/6 d'obole (et au 1/3 = 2/6) avec 3 jetons, celui du haut = 3; la seconde au 1/4d'obole (et à la 1/2) avec 2 jetons, celui du haut = 2; la troisième à l'obole, avec 3 jetons, celui du haut valant 3. La première croix marquerait donc la ligne des oboles; la deuxième croix centrale, marquerait les centaines de drachmes, la dernière les centaines de mille drachmes, tandis que les deux dernières lignes permettaient d'écrire les millions et les dizaines de millions. Quant aux cinq lignes parallèles situées sur la gauche 2, elles auraient servi, à ce que je présume, non au calcul des

^{1.} En supposant la figure retournée transversalement et le tableau en question placé à droite.

^{2.} Ou à la partie supérieure, si l'on envisage la figure telle qu'elle est ici disposée, et comme la considérait M. Rangabé.

fractions de la drachme, comme le pense M. Vincent, mais à tous les calculs accessoires intervenant dans les opérations, par exemple à l'inscription des produits ou restes successifs de la multiplication ou de la division 1.

V. — Calcul par les doigts.

Tout ce qui vient d'être dit tend à démontrer que les anciens avaient pour effectuer leurs calculs des moyens expéditifs et variés. Ces moyens ne valaient pas les nôtres, c'est entendu, mais il ne faudrait pas exagérer l'infériorité. On ne se rend peut-être pas assez compte des ressources qu'offre un appareil à calcul qu'on a pris l'habitude de manier: l'usage en devient non seulement facile, mais, à proprement parler, machinal? Ajoutons

- 1. Je ne reproduis pas les raisonnements de M. Vincent pour expliquer le double emploi calcul et jeu. Mais cette idée ne semble pas devoir être rejetée. Et, à ce propos, n'est-il pas permis de se demander si les nombreux dessins linéaires que l'on voit gravés sur les dalles, soit au forum romain le long de la basilique Julia, soit ailleurs au milieu des ruines des villes antiques, et qui ont toujours été considérés comme des figures de jeux, n'auraient pas servi également de tables à calculer? La chose vaudrait peut-être la peine d'être examinée de près.
- 2. C'est ainsi que la règle à calcul, que manient gauchement et sans précision ceux qui n'en ont pas l'habitude, rend d'inestimables services aux entrepreneurs et aux chefs de chantiers, qui calculent ainsi avec une précision étonnante, et dédaignent les autres moyens. De même l'emploi de l'abacus, par la commodité qu'on y trouvait, fut peut-être l'obstacle à l'invention d'un système de numération fondé comme le nôtre sur l'emploi de neuf signes simples et du zéro. On en était tout près cependant, puisque l'abacus lui-même n'était autre chose que la disposition, par colonnes, des divers ordres d'unités, avec le vide laissé pour l'ordre manquant. Même d'après Delambre (Histoire de l'Astronomie ancienne, III. 1) et Th. Henri-Martin (Origine de notre système de numeration écrite, Revue archéologique, 1856-57, II), le zéro, avec la même forme ronde et un usage parfaitement analogue, aurait été employé dans la notation des degrés du cercle et des divisions sexagésimales du degré, pour indiquer l'absence d'unités d'une certaine espèce dans le nombre complexe. Pourquoi les anciens ne l'ont-ils pas employé ailleurs? C'est qu'il en est ainsi de bien des inventions; on ne découvre leur emploi le plus pratique qu'après les avoir appliquées longtemps à des usages exceptionnels. Dans les derniers siècles de l'empire romain, le zéro grec dut s'introduire dans les places vides de l'abacus pour marquer qu'elles étaient laissées vides avec intention et non par oubli. « Dans les manuscrits des traités latins de l'abacus, dit Th. Henri-Martin, le zéro se trouve tantôt avec le nom latin *rotula*, qui exprime sa forme, tantôt avec un autre nom, sipos qui, suivant l'étymologie la plus vraisemblable, vient du grec $\psi \check{\eta}_1 \phi o_5$. » D'après le même auteur, on n'emprunta donc aux Arabes, ni les neuf premiers chiffres puisqu'ils seraient dérivés, avec quelques modifications, des apices pythagoriciens (V. ci dessus, p. 16), ni le zéro, sauf son nom, sahra sifr, espace vide, ce qui indique tout simplement le vide de l'abaque pythagoricien, emprunté par les Arabes

que les anciens suppléaient encore à la facilité qu'ont nos chiffres d'être disposés pour le calcul, par leur habileté à compter sur les doigts : « Le calcul par les doigts, usuel en Italie comme en Grèce, et pratiqué d'ailleurs encore au moyen âge, consistait à exprimer par dix-huit figures de la main gauche les neuf unités et les neuf dizaines, par les dix-huit figures de la main droite les neuf centaines et les neuf milliers, et enfin les nombres 10.000 et au-dessus, en touchant avec l'une des deux mains une partie déterminée du corps 1 ». Il est probable

aux Occidentaux. Le mot sahrà est devenu zéro, et le mot sifr, en grec τσίσρα, en français chiffre, a fini par être appliqué abusivement aux neuf autres caractères numériques. Ainsi Th. Henri-Martin. dans l'importante étude citée plus haut, fait justice de cette légende si longtemps accréditée de l'origine arabe de notre numération écrite moderne : celle-ci remonterait uniquement à la tradition gréco-latine.

1. Marquardt, Vic privée des Romains, p. 116. On peut se reporter aux sources que cet auteur indique: Νιχολάου Έρομνχίου ἔχορασις δακτυλικού μέτρου (Schneider, Eclog. phys. 1, p. 477, suiv.); Beda, De loquela per sectum digitorum et temporum ratione (Bed. op. Colon, 1612, 1, p. 127 suiv.). — Rödiger (Iahresber. d. dtsh. morgenländ. Gesellsch. f. 1845. Leipzig, 1846, in-8).

Voici d'ailleurs une indication complète de la numération par les doigts donnée par Rhabdas (Notices et extraits des manuscrits de la Bible nationale, P. Tannery,

Deux lettres de Rhabdas sur l'arithmétique, 1^{re} lettre, 3):

« Voici comment on marque les nombres sur les mains ; la gauche sert toujours pour les unités et les dizaines, la droite, pour les centaines et les mille ; au delà, il faut se servir de caractères, car les mains ne peuvent plus suffire à représenter les nombres.

« En fermant le premier doigt, le petit, appelé myope, et en étendant les quatre autres et les tenant droits, tu as à la main gauche une unité, à droite un mille.

- « En fermant avec le même doigt, le second qui suit, et qu'on appelle *paramèse* et *èpibate*, les trois autres restant ouverts, comme je l'ai dit, tu as à ta gauche deux, à ta droite deux mille.
- « En fermant le troisième, le *sphacèle*, ou doigt du milieu, avec les deux premiers, et en laissant étendus les deux autres, l'index et le pouce, tu as à gauche trois, à droite trois mille.
- « En fermant seulement le doigt du milieu et le paramèse, c'est-à-dire le second et le troisième, et en laissant ouverts les autres, le pouce (ἀντίχεις), l'index (λιχανός) et le myope, tu as à gauche quatre, à droite quatre mille.
- « En fermant seulement le troisième ou doigt du milieu, et en étendant les quatre
- autres, tu as à gauche cinq, à droite cinq mille.

 « En fermant seulement l'épubate ou second doigt, les quatre autres étant ouverts, tu as à gauche six, à droite six mille.
- "Maintenant, en tendant le myope ou premier doigt, de façon à toucher la paume et en tenant droits les autres, tu-as sept et sept mille.
- « En tendant en outre de même le second ou paramèse, et en l'inclinant jusqu'à le rapprocher au plus près du creux de la main, et en laissant droits, comme j'ai dit, les trois autres, le troisième, le quatrième et le cinquième, tu figures à gauche huit, à droite huit mille.
- « En donnant au troisième doigt la même position qu'aux deux premiers, tu as à gauche neuf, à droite neuf mille.
- « Maintenant, en ouvrant le pouce sans le dresser, en le dirigeant un peu de côté, et en pliant un peu l'index jusqu'à ce qu'il touche la première jointure du pouce, de façon à figurer la lettre σ , les trois autres doigts ayant leur ouverture naturelle et

d'ailleurs, que les termes de digiti et d'articuti, par lesquels on désignait chez les Latins, d'une part les unités, d'autre part les dizaines et les puissances de 10 ¹, provenaient de l'usage de ce genre de calcul.

Le digitus était le doigt tendu, articulus, le doigt plié. On conçoit assez bien qu'en tenant la main levée ou baissée, en pliant ou en tendant séparément les doigts, on pût arriver à constituer dix-huit figures de chaque main ². Mais il y fallait une certaine dextérité qui ne s'acquérait pas sans peine. Quintilien (1, 10.35) insiste sur la nécessité d'un apprentissage sérieux pour l'avocat qui veut à la barre effectuer des calculs

n'étant pas séparés les uns des autres, mais réunis, tu marques à gauche dix, à droite cent.

« En étendant en ligne droite et debout le quatrième doigt ou index de façon à figurer la lettre I, les trois premiers restant unis, mais un peu inclinés et formant un angle avec la paume, enfin le pouce dépassant ces derniers et touchant l'index, tu marques vingt et deux cents.

« L'index et le pouce étendus et inclinés de façon à se toucher par leurs extrémités tandis que les trois autres doigts sont unis et étendus suivant leur position naturelle,

signifient trente et trois cents.

. Les quatre premiers doigts étendus directement, tandis que le pouce figure la leitre Γ en dépassant l'index du côté extérieur, signifient à gauche quarante, à droite quatre cents.

« Les quatre premiers doigts étant de même ouverts directement et réunis, tandis que le pouce figure la lettre Γ du côté intérieur sur la base de l'index, signifient

cinquante et sinq cents.

« En partant de la même figure et en pliant en cercle l'index autour du pouce de façon à lui faire toucher la phalange intermédiaire entre la première et la seconde jointure, tandis que l'extrémité de l'index va toucher la base du pouce, on marque soixante et six cents.

« Les trois premiers doigts étant ouverts de la façon que nous avons indiquée à plusieurs reprises, le pouce appliqué contre l'index, et ce dernier embrassant en

hélice l'extrémité du pouce, signifient soixante et dix et sept cents.

Les trois premiers réunis et inclinés en angle du côté de la paume, le pouce dépassant le doigt du milieu ou troisième, touchant la troisième phalange (celle contre la racine) de ce doigt, et appliqué sur la paume, tandis que l'index, disposé au-dessus du pouce et plié autour de la première jointure de ce dernier, touche de son extrémité la base du pouce, on signifie quatre-vingts et huit cents.

« Enfin, si l'on ferme le poing, le pouce restant droit, puis qu'on étende les trois premiers doigts en laissant l'index dans la position que lui a donnée la fermeture

du poing, on figure à gauche quatre-vingt-dix, à droite neuf cents.

1. « Digitus est omnis numerus minor decem. Articulus est omnis numerus qui digitum decuplat, aut digiti decuplum, et sic in infinitum. Separantur autem digiti et articuli in limites. Limes est collatio novem numerorum qui aut digiti sunt, aut digitorum aeque multiplices, quilibet relativi. Limes itaque primus digitorum. Secundus primorum articulorum. Tertius est secundorum articulorum. Et sic in infinitum. Numerus compositus est qui constat ex numeris diversorum limitum. Item numerus compositus est qui pluribus figuris significativis repraesentatur.» (Schoner. Cologarithmus demonstratus. — Chasles, ouv. cité, p. 466, Notes.)

^{2.} V. ci-dessus, p. 30, note 1.

avec assurance et sans gaucherie ¹. Et, en effet, il fallait bien de la précision et de la justesse dans ces mouvements, pour que le public pût les distinguer nettement et en suivre la succession sans effort. En somme, quelque habile qu'on fût, il était difficile de pousser bien loin les calculs avec ce système rudimentaire.

De ces diverses considérations sur l'arithmétique des anciens, il résulte en définitive ceci, qui importe beaucoup à notre sujet, que les ingénieurs romains pouvaient effectuer leurs calculs avec une rapidité et une exactitude très comparables à celles que l'on obtient de nos jours, et que d'autre part, d'après ce qui a été dit au début du chapitre, l'état des connaissances arithmétiques, à l'époque que nous considérons, leur permettait d'aborder et de résoudre toutes les questions qui, dans la pratique des travaux publics, se rapportent directement à cette science.

^{1. «} Non dico si circa summas trepidat, sed si digitorum saltem incerto aut indecoro gestu a computatione dissentit, judicatur indoctus. «

CHAPITRE II

GÉOMÉTRIE

I. — Géométrie théorique.

Le philosophe Thalès, né probablement en Phénicie, contemporain de Solon et de Crésus¹, était allé s'instruire en Egypte des principes de la géométrie, et s'était établi ensuite à Milet pour y enseigner cette science; mais il ne l'avait guère poussée au delà des premiers rudiments relatifs à la ligne droite et au cercle. Pythagore en fit un corps de doctrine à la fois plus étendu et plus méthodique. C'est à lui qu'on dut, entre autres propositions fécondes, le théorème du carré de l'hypoténuse et l'énoncé de la propriété qu'ont le cercle et la sphère d'être des maxima parmi les figures d'aire équivalente pour celle-ci, et de périmètre équivalent pour celui-là : c'était le premier germe de la méthode des isopérimètres. Platon?, formé aussi dans les sciences mathématiques par les prêtres égyptiens, introduisit

^{1.} Pour la discussion sur la date exacte et le lieu de sa naissance, v. Zeller, Philosophie des Grecs, trad. Boutroux, p. 197-98.

^{2.} Diogène Laërce, 111, 6 — Cicéron, *De finibus*, v. 29. Les voyages de Platon, en Egypte et en Italie durèrent pendant les dix ou douze ans qui suivirent la mort de Socrate, c'est-à-dire de 400 à 488 avant Jésus-Christ, environ. On peut croire qu'il séjourna en Egypte au moins cinq ou six années, ce qui lui permit de s'instruire à fond des connaissances égyptiennes. Et à ce propos, il est bon d'écarter le préjugé assez répandu d'après lequel les Egyptiens auraient possédé un savoir scientifique immense, comparable à la science moderne, qu'ils auraient gardé jalousement et qui ne se serait transmis que fort restreint aux autres peuples. Il est inadmissible que les philosophes grecs qui allaient s'instruire en Egypte, entre autres un Platon, que son extraordinaire intelligence rendait capable de tout voir et de tout comprendre, n'aient pu rapporter en Grèce qu'une si petite part de ce fameux savoir encyclopédique.

dans la géométrie grecque la méthode analytique 1, l'étude des sections coniques (ellipse, parabole et hyperbole), et le concept fécond des lieux géométriques. Ces théories, qu'on désigna dans leur ensemble sous le nom de géométrie transcendante, έξογος γεωμετρία, conduisirent à la découverte (due à Platon ou à ses disciples) d'un certain nombre de courbes savantes et d'instruments permettant de déterminer pratiquement quelquesunes d'entre elles.

Depuis lors la géométrie ne cessa de progresser jusqu'à Euclide 2, qui réunit dans son clair traité toutes les propositions connues avant lui. C'est à Euclide qu'il faut attribuer la méthode de la réduction à l'absurde, consistant à prouver que toute proposition contraire à une proposition énoncée conduit à quelque contradiction. La plupart des propositions de la géométrie élémentaire telle qu'elle est encore enseignée de nos jours se trouvent contenues dans le livre des Eléments 3 d'Euclide. Les

- 1. Viète, au commencement de son Isagoge in artem analyticam, caractérise ainsi les deux méthodes des anciens: « 11 est en mathématiques une méthode pour la recherche de la vérité, que Platon a nommée analyse, et qu'il a définie ainsi : garder la chose cherchée comme si elle était donnée, et marcher de conséquences en conséquences, jusqu'à ce qu'on reconnaisse comme vraie la chose cherchée. Au contraire, la synthèse se définit: partir d'une chose donnée, pour arriver, de conséquences en conséquences, à trouver une chose cherchée. M. P. Tannery, à la vérité, ne considère pas cette définition de l'analyse comme une découverte mathématique. Platon n'aurait pas été, à proprement parler, un mathématicien. Il aurait plutôt essayé de tirer des procédés de la géomètrie des formes de raisonnement applicables en philosophie. (Dictionnaire de Daremberg et Saglio, art. Geometria.)
- 2. On ne connaît pas exactement la date de sa naissance et de sa mort, non plus que les circonstances de sa vie. On sait seulement qu'il ouvrit une école à Alexandrie, en 320 avant Jésus-Christ, sous le règne de Ptolémée, fils de Lagos.
- 3. Les Eléments comprennent treize livres, précédés de quelques définitions (lignes, angles, cercles, triangles, quadrilatères, etc.), les axiomes ou communes sentences, tels que : Les choses égales à une même chose sont égales entre elles, etc. — Voici un aperçu de la matière de chaque livre :
- Liv. I. Sur une ligne droite donnée, décrire un triangle équilatéral. Egalité des triangles. - Mener une perpendiculaire à une droite. - Angles égaux opposés par le sommet. - Parallélisme. - Egalité des parallèles dans les parallélogrammes.

Liv. II: Triangles oxygones et amblygones. — Carrés des côtés de l'angle aigu, droit, obtus. — Carrés. — Figures équivalentes.

Liv. III: Cercle. - Trouver le centre d'un cercle. - Tangentes et sécantes. -Angles opposés des quadrilatères inscrits égaux à deux droits. — Tangente moyenne proportionnelle entre la sécante et sa partie extérieure.

Liv. IV: Polygenes inscrits et circonscrits au cercle.

Liv. V: Rapports et proportions.

Liv. VI: Similitude des triangles. - Diviser une ligne en moyenne et extrême

Liv. VII. VIII, IX: Théories arithmétiques.

Eléments étaient complétés par le livre des Données, sorte de recueil de corollaires pratiques. Euclide avait encore écrit quatre livres sur les Sections coniques, dont les mathématiciens regrettent vivement la perte, car il en avait considérablement développé la théorie, et trois livres de porismes, genre de propositions dont on n'a pas une idée très nette. On pense qu' « un recueil de porismes était un tableau des diverses propriétés ou expressions différentes des courbes, et que ce tableau présentait les transformations de ces propriétés les unes dans les autres ¹ ». La doctrine des porismes aurait été la géométrie analytique des anciens, et il n'aurait manqué à Euclide que l'usage de l'algèbre pour créer les systèmes de coordonnées, qui datent de Descartes.

Un demi-siècle environ après Euclide, parut Archimède², que l'on regarde, autant qu'il est possible de se prononcer, comme le plus grand génie mathématique de l'antiquité. C'est à lui que sont dus les théorèmes sur les relations des éléments de la sphère avec ceux du cylindre circonscrit, sur la mesure du cercle ³, sur les volumes des segments des sphéroïdes et des conoïdes ⁴ paraboliques ou hyperboliques, sur les spirales ou hélices, la proportion de leur aire avec celle du cercle et la manière d'en mener les tangentes, sur le centre de gravité des figures planes, sur la quadrature de la parabole⁵, premier

Liv. X: Grandeurs incommensurables.

Liv. XI: Plans, - Similitude et proportionnalité des solides.

Liv. XII: Polygones inscrits semblables, leur rapport. — Mesure de la pyramide. — Les cones et les cylindres de même hauteur sont entre eux comme leurs bases.

Liv. XIII: Le pentagone équilatéral inscrit est incommensurable avec le diamètre. — Pyramide, octaèdre et cube, inscrits dans la sphère; rapport du côté avec le diamètre de la sphère.

- 1. Chasles, Des méthodes en géométrie, note 3, p. 277. Cf. du même auteur : Les trois livres des porismes d'Euclide. Paris, Mallet, 1880.
- 2. Archimède (287-212 av. J.-C.), né en Sicile, où il paraît avoir passé toute sa vie, mourut lors de la prise de Syracuse par Marcellus. Pour la liste de ses ouvrages qui nous restent, v. p. 2, note 2.
- 3. Tout cercle est égal à un triangle rectangle, dont un des côtés de l'angle droit est égal au rayon de ce cercle, et dont l'autre côté de l'angle droit est égal à la circonférence de ce même cercle.
 - 4. Corps engendrés par la révolution de sections coniques autour de leurs axes.
- 5. Un segment quelconque, compris par une droite et par une parabole, est égal à quatre fois le tiers du triangle qui a la même base et la même hauteur que le segment.

exemple de la quadrature rigoureuse d'un espace compris entre une courbe et des lignes droites; enfin, sur la méthode des limites, qu'il appelait méthode d'exhaustion¹, et qui est l'origine de l'analyse infinitésimale. Le premier résultat, immensément fécond, de cette méthode fut le calcul du rapport de la circonférence au diamètre, rapport considéré comme la limite commune des polygones inscrits et circonscrits, dont Archimède multipliait respectivement à l'infini le nombre des côtés; de cette manière la raison du polygone circonscrit au polygone inscrit avait pour limite l'unité, c'est-à-dire que sa différence avec l'unité arrivait à être plus petite que toute quantité donnée. D'une façon générale, l'idée directrice d'Archimède fut de concevoir une grandeur comme étant comprise entre deux autres grandeurs, de telle façon que celles-ci puissent de part et d'autre s'en approcher continuellement, sans jamais se confondre avec elle.

La gloire d'Apollonios de Perge², contemporain d'Archimède, balance presque celle de l'illustre Syracusain. Il est célèbre par son application de la géométrie à l'astronomie, et, en ce qui concerne la géométrie pure, par son admirable traité en huit livres sur les sections coniques. Cet ouvrage renferme la détermination des propriétés des asymptotes, des foyers de l'ellipse et de l'hyperbole, des théorèmes sur les diamètres conjugués, sur les points conjugués harmoniques, base de la théorie des polaires réciproques, et, ce qui est d'un usage universellement pratique, la question des maxima et minima, traitée avec une ampleur telle que l'on y retrouve presque tout ce que nous apprennent sur ce sujet les méthodes analytiques d'aujourd'hui. Les travaux d'Apollonios et ceux d'Archimède peuvent être considérés comme l'origine et le fondement des deux grandes questions qui ont l'une ou l'autre sollicité les recherches des plus grands mathématiciens, et qui constituent même la division de

^{1.} Cette méthode, déjà entrevue par Euclide, consiste à retrancher d'une quantité cherchée Λ une suite S_n de termes finis, de sorte que la différence $\Lambda - S_n$ demeure inférieure à toute quantité donnée. C'est, en fait, l'évaluation de Λ sous forme de séries.

^{2.} Né à Perge, en Pamphylie, il vécut à Alexandrie sous le règne de Ptolémée Philopator (222-205 ayant J.-C.). Les dates de sa naissance et de sa mort ne sont pas certaines. — Cf. Hültsch, art. Apollonios (R. E., de Pauly-Wissowa, p. 151-160).

toutes les sciences mathématiques en deux classes. La première est la quadrature des figures curvilignes, qui a donné naissance au calcul de l'infini (Képler, Fermat, Newton, Leibnitz) et qui a été mise en avant surtout par Archimède; la seconde, celle des sections coniques, traitée par l'un et l'autre, plus spécialement toutefois par Apollonios, est le prélude de la théorie des courbes géométriques, déterminées par des intersections de surfaces (Descartes, Pascal, Bernouilli, Antoine Parent).

Au temps même d'Archimède et d'Apollonios, et, après eux, la géométrie s'enrichit encore des découvertes d'Eratosthène (284-204 avant J.-C.) ¹, de Nicomède (vivant vers 150 avant J.-C.), de Dioclès, de Théodose et de Geminus, ces trois derniers du premier siècle avant l'ère chrétienne ². Le grand astronome Hipparque, qui n'est guère que de 50 ans postérieur à Archimède, fut amené par ses calculs sur le mouvement des astres, à ébaucher la trigonométrie, dont on avait déjà même quelque idée avant lui; mais il ne poussa pas fort loin les applications de cette science ³. On attribue parfois à Hipparque la division du cercle en 360 degrés, du degré en 60 minutes et de la minute en 60 secondes. D'autres croient cette invention beaucoup plus ancienne. Quand nous aurons dit de Geminus (vers 73-70 avant J.-C.) qu'il étudia spécialement l'hélice usuelle, c'est-à-

^{1.} V. art. Eratosthène, dans la R.-E., de Pauly-Wissowa, t. VI, pp. 358-389.

^{2.} Nicomède est l'inventeur de la conchoïde, courbe ingénieuse, dont Newton se servit pour construire géométriquement les racines des équations du 3° et du 4° degré. A Dioclès on doit une courbe du même genre, la cissoïde, qu'il imagina pour résoudre le problème de la duplication du cube; il résolut, ainsi que Théodose, un certain nombre de problèmes intéressants sur la sphère. Quant à Eratosthène, il est connu surtout par ses recherches arithmétiques sur les nombres premiers:

^{3.} V. ci-dessus, p. 3. — « La corde de l'arc a été la seule ligne trigonométrique dont les anciens se soient servis. » (P. Tannery, Recherches sur Uhistoire de l'astronomie ancienne, 1893, ch. 111, 7.) Hipparque avait calculé une table des cordes. « Il semble, dit aussi M. Paul Tannery (ibid.), qu'un tel travail avait dû être la conséquence immédiate de celui d'Archimède sur la circonférence du cercle; la comparaison de cette circonférence au diamètre appelait celle des arcs à leurs cordes, et on peut même supposer que le géomètre de Syracuse avait au moins abordé cette question dans le livre sur la circonférence, dont il ne nous reste qu'un fragment, sous le titre de Κύαλου μέτρησις. Nous savons, d'autre part, par Eutocius, qu'Apollonius, dans un ouvrage perdu, l'Ωκυτόκιον, avait donné pour le rapport de la circonférence au diamètre une valeur plus approchée que celle d'Archimède. Dans la table des cordes de Ptolémée (liv. I, ch. 1x de la Syntaxe), nous trouvons les cordes calculées pour des arcs variant de 1/2 degré en 1/2 degré. Elles sont exprimées en fractions sexagésimales du rayon (compté pour 60 parties). »

dire la spirale décrite sur la surface du cylindre droit circulaire, et qu'il dressa en quelque sorte le bilan des sciences mathématiques inventées jusqu'à son époque, nous n'aurons guère à ajouter que les noms de Ménélaos d'Alexandrie, et de Ptolémée, contemporain d'Hadrien, ce qui nous conduit vers la fin de la période que nous voulons examiner. Encore ces deux derniers sont-ils plutôt des astronomes que des géomètres proprement dits. Notre attention doit être attirée de préférence sur les savants qui ont appliqué la géométrie à des problèmes se rattachant directement aux travaux publics.

II. — Géométrie appliquée. Son étendue d'après les écrits de Héron d'Alexandrie.

Proclus, et avant lui Anatolius, auteur du 111° siècle, citent l'un et l'autre, d'après Geminus, quatre sciences empruntant à des degrés divers les théories de la géométrie : la géodésie, l'optique, la mécanique et l'astrologie 1.

De ces quatre sciences, deux seulement ont pour nous un intérêt immédiat, la géodésie et la mécanique. La citation de Geminus qui a été fournie plus haut è explique ce que les anciens entendaient par la géodésie, par comparaison avec la géométrie. Cette science, qui est en même temps un art (γεωδαισία, partage des terres), distinguée dès le temps de Pythagore de la géométrie théorique, se borna tout d'abord aux opérations d'arpentage; puis on y comprit tout ce qui concernait les mesures pratiques de surfaces et de volumes 3.

Pour connaître la valeur, le degré de perfection de cette science dans l'antiquité, et de l'art qui en était issu, nous avons en première ligne un ensemble de documents de la plus haute

^{1.} Ce mot est simplement synonyme de notre mot usuel astronomie. Il ne s'agit pas de l'astrologie divinatoire.

^{2.} V. ci-dessus, pp. 7 et 8.

^{3.} Le mot a pris chez les modernes un sens très spécial que les anciens ne lui donnaient pas : la mesure exacte de la forme du globe terrestre.

importance : c'est ce qui nous reste des œuvres de Héron d'Alexandrie.

Héron d'Alexandrie, ou Héron l'Ancien, qui selon l'opinion la plus répandue, et je crois, la plus plausible 1, vivait aux alentours de l'an 100 avant Jésus-Christ, paraît avoir possédé un savoir extrêmement étendu. Une tradition, qui d'ailleurs n'est constatée que depuis l'époque bysantine, veut qu'il ait été disciple du physicien Ctésibios. On sait combien le génie inventif de ce dernier est admiré de Vitruve. Héron aurait profité beaucoup des doctrines de son maître, qu'à son tour il aurait exposées plus tard en les complétant par ses découvertes personnelles. A partir d'une certaine époque, le 11e ou le 111e siècle après Jésus-Christ, ses ouvrages firent négliger ceux, peut-être plus originaux, de Ctésibios², qui finirent par se perdre. Saint Grégoire de Naziance (328-389) traduit sans doute l'opinion de son temps quand il cite 3 conjointement Euclide, Ptolémée et Héron comme représentant les trois grandes sciences, l'un la géométrie, l'autre l'astronomie et le troisième la mécanique.

1. C'est l'opinion adoptée par Hültsch (Metrologicorum scriptorum reliquiae, Leipzig, 1864), par Cantor (Vorlesungen S.316), et — avec une tendance à rajeunir Héron de quelque 30 ans. — par Th. Henri-Martin (ouvr. cité). On s'appuie sur Baldi (Heronis Ctesibii Belopocèca, Augsbourg, 1616) qui interprétait le titre du manuscrit qu'il avait entre les mains "Πρωνος Κτησιβίου βελοποιϊχή, par Balistique de Héron, disciple de Ctésibios. Mais cette interprétation est à présent fort discutée. MM. Carra de Vaux (Journal Asiatique, 9° série, pp. 389 et 407) et P. Tannery (Bulletin des sciences mathématiques, xvii, i, 1893) font de Héron le contemporain de Ptolèmée l'astronome, lequel composa ses œuvres à partir de 128 après Jésus-Christ, c'est-à-dire sous le règne d'Hadrien. M. W. Schmidt (Heronis Alexandrini opera quue supersunt omnia, préface du t. I, p. xxiv) le croirait plutôt du premier siècle de l'ère chrétienne. Quoi qu'il en soit, il est certain que les théories émises par ce physicien et les appareils qu'il décrit étaient connus et en usage à l'époque romaine la plus féconde en grands travaux publics, c'est-à-dire au plus tard, vers le début du π° siècle.

En ce qui concerne les divers personnages ayant porté le nom de Héron, on est d'accord pour reconnaître, indépendamment de plusieurs philosophes, médecins ou rhéteurs de diverses époques, deux physiciens seulement: Héron d'Alexandrie, celui

dont nous nous occupons, et Héron de Constantinople (V. ci-après).

Quant à Ctésibios, il y aurait eu un mécanicien de ce nom sous Ptolémée II Philadelphe, 285-287 avant J.-C. (Athénée IV, 174 c.). Mais le Ctésibios sur lequel les auteurs techniques postérieurs se sont appuyés, celui que cite Vitruve, et dont Héron a pu être l'élève, est bien contemporain de Ptolémée Evergète II, dit Physcon (+ 117 av. J.-C.); c'est l'opinion très ferme de Th. H. Martin. Hültsch et V. Rose. Sur cette identité de Ctésibios, v. W. Schmidt, (préface du t. I des œuvres de Héron), et P. Tannery (Revue des Etudes grecques, 1896, n° 33).

- 2. Pline et Vitruve citent Ctésibios fréquemment et jamais Héron.
- 3. Oraison funèbre de son frère Césaire, § 26. (Choix de discours des Pères grecs, avec notice par E. Talbot, Paris, Delalain).

Ce nom de Héron était fort répandu dans tous les royaumes grees, et particulièrement en Egypte. Il est donc possible qu'il se soit produit à la longue quelques confusions, et qu'on ait attribué à celui-ci certaines œuvres de savants du même nom, plus récents. Cependant, d'après Th. Henri-Martin , dont l'étude sur Héron est consciencieuse et approfondie, si l'on connaît de ce nom plusieurs rhéteurs, plusieurs médecins, on ne peut citer, outre le disciple de Ctésibios, qu'un seul physicien, Héron de Constantinople, qui vivait au xº siècle de notre ère, sous Constantin Porphyrogénète, et qui composa des traités sur les machines de siège, sur la géodésie et sur les cadrans solaires. Cet auteur s'est bien réellement appelé Héron, et n'a pas eu l'intention de publier ses œuvres, jusqu'à un certain point originales, sous l'estampille apocryphe de Héron d'Alexandrie. De nombreux compilateurs, il est vrai, ont recopié, résumé, remanié les Μετρικά de Héron l'Ancien, et ces compilations ont toujours figuré sous le nom de l'auteur primitif. Mais M. Th. Henri-Martin a su judicieusement dégager ce qui appartenait à l'œuvre originale, de l'alliage souvent bien informe que les compilateurs y ont mêlé. D'après lui et de même, d'après MM. Carra de Vaux et Schmidt, on peut regarder comme authentiques une dizaine de traités du célèbre mécanicieningénieur alexandrin: c'est bien en effet le titre d'ingénieur qui convient le mieux à Héron, ses traités étant presque tous techniques. Si toutes ses œuvres avaient subsisté, on aurait là peut-être une encyclopédie de la science et de l'art de l'ingénieur antique. Voici les titres et les objets de ces divers traités :

1º Μηχανικά. — Ouvrage de théorie élémentaire sur la mécanique, dont Pappus ² donne des extraits importants. « Héron, dit Th. Henri-Martin, y traitait des centres de gravité. Il y donnait la théorie générale et les conditions d'équilibre et de mouvement des cinq machines simples : coin, levier, vis, moufle et treuil, dont au reste il ramenait la théorie à celle d'une seule machine.

^{1.} Recherches sur la vie et les ouvrages de Héron d'Alexandrie. (Académie des Inscriptions et Belles-Lettres. Savants étrangers : le série. t. IV.)

^{2.} Liv. III et VIII

Dans le même ouvrage il traitait aussi de la puissance des roues, et spécialement des roues dentées engrenant, soit les unes dans les autres, soit dans des hélices; enfin de beaucoup d'autres problèmes applicables à l'utilité pratique. » M. Henri-Martin distinguait des Μηχωικά un traité concernant une machine à tirer les fardeaux, βαροῦλκος. Mais M. Carra de Vaux, qui en 1893 a fait paraître la version arabe (texte et traduction française) du traité complet des Μηχωικά, a montré que non seulement la description de cette machine faisait essentiellement partie du grand traité; mais que le mot βαροῦλκος, au lieu de désigner spécialement un appareil, s'appliquait à toute la partie de la mécanique qui constitue l'ensemble des Μηχωικά de Héron 1. La description de ce même appareil a d'ailleurs été plus tard, comme nous le verrons, insérée dans le traité de la Dioptre.

2º Καταπελτικά, ou βελοποιϊκά, ou βελοποιητικά. — Traité sur les catapultes et leur construction. Le texte grec a été publié par Baldi en 1616, avec une traduction latine, reproduite par Thévenot dans les *Mathematici veteres* (1690).

3° Αὐτόματα. — C'est un recueil qui contient la description d'un assez grand nombre d'appareils de physique, surtout de physique amusante. Les Grecs, et particulièrement ceux d'Alexandrie, devaient avoir un goût prononcé pour ces applications un peu enfantines de la science ², sorte de magie blanche. Philon de Byzance ³, contemporain de Héron, avait comme lui décrit des mécanismes de ce genre. Le texte grec et les traductions latines figurent dans la collection de Thévenot.

4° Ζύγια. — Traité perdu qui concernait aussi, selon Pappus,

^{1.} Carra de Vaux. Les mécaniques ou l'élévateur de Héron d'Alexandrie (Journal asiatique, 9° série, 1893).

^{2.} On les considérait, sous le nom de Θ $z_{OU,ZTO}$ $\pi_{OU,TT}$ $\times \alpha'$ (constructions d'appareils merveilleux), comme une partie importante de la mécanique, « soit qu'elle emploie ingénieusement les mouvements de l'air, comme dans les traités de Ctésibios et de Héron, soit qu'au moyen de poids (dont le mouvement est dû au défaut d'équilibre et l'immobilité à l'équilibre, suivant la distinction du $Tim\acute{e}e$), ou encore par des fils ou fibres, elle imite les mouvements et les actions des êtres animés. » (Proclus, extrait de Geminus, I, 42, 8.)

^{3.} Il vécut tour à tour à Alexandrie et à Rhodes, en particulier sous le règne de Ptolémée Physcon, et aurait été, avant Héron, disciple de Ctésibios.

de petites machines amusantes, construites d'après les conditions d'équilibre et de mouvement des corps solides autour d'un point d'appui ou de suspension.

- 5° Περὶ ὑδρίων ou Περὶ ὑδρίων ὡροσχοπείων. Ouvrage perdu aussi, en quatre livres, sur les horloges hydrauliques. Il était inspiré par ceux de Ctésibios, sur le même sujet, dont Vitruve a reproduit des descriptions.
- 6° Περὶ ὑδροσκοπείων. M. Th. Henri-Martin englobe ce traité dans le précédent. Cependant, comme la matière en est toute spéciale, il s'agit de la recherche des sources, c'était plus probablement un opuscule séparé.
- 7° Κατοπτρικά. La catoptrique, consacrée à l'étude des miroirs de toute sorte, et à la théorie compliquée des images, se distinguait de l'optique proprement dite, qui se contentait d'étudier les erreurs dues à la distance dans les apparences des objets vus (par exemple la convergence des parallèles), et de la dioptrique, qui traitait des instruments et des opérations de visées. La catoptrique de Héron, suivant l'opinion plausible de Venturi, existe encore, abrégée, en traduction latine, sous le faux nom de Ptolémée¹. Une grande place y est donnée à la description de divers appareils composés de miroirs plans, convexes et concaves, qui relèvent plutôt de la physique amusante ².
- 8° Περὶ Διόπτρας. Voici au contraire un ouvrage du plus grand intérêt théorique et pratique. Son titre lui vient de l'instrument de visée appelé διόπτρα, qui y est décrit, et qui servait aux géomètres grees pour leurs opérations sur le terrain. L'usage de cet instrument y est expliqué avec nombreux détails : nous avons donc là un véritable traité d'arpentage. La dioptrique

^{1.} Sous le titre *Ptolemaeus de Speculis*. Il figure à la fin du t. Il des œuvres de Héron, de l'édition allemande citée (Nix et Schmidt), Leipzig, 1900.

^{2.} Venturi : Commentarj sopra la storia e la teoria dell'ottica (Bologne, 1814, in-4°). Un exemplaire du recueil où cette catoptrique est contenue existe à la Bibliothèque nationale sous l'indication V. 192.c : c'est une traduction latine, publiée à Venise en 1518 (recueil de Giunti). Une autre traduction latine a été publiée à Berlin en 1870, dans les Anecdota graeca.

n'était autre chose que l'art de prendre des alignements et de tracer des figures sur le terrain, pour les calculs de surfaces et les nivellements, ainsi que pour la mesure des distances entre points inaccessibles; elle comprenait aussi l'art de mesurer les distances angulaires célestes pour les opérations d'astronomie. Le $\Pi \epsilon \rho i \Delta i \acute{o} \pi \tau \rho \alpha \varsigma$ de Héron renferme aussi des indications sur le jaugeage des cours d'eau; mais ce ne serait que la reproduction d'un passage appartenant à un autre ouvrage de l'ingénieur alexandrin 4 .

9° Μετρικά. — Cet ensemble de fragments, réunis par Hültsch ² sous le titre : Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae (Berlin, 1864), est un recueil d'abrégés et de compilations de l'œuvre originale, qui remonteraient au delà de l'époque byzantine. « Ce recueil comprend quatre ouvrages, provenant peut-être d'une œuvre unique du maître. Les deux premiers étaient des introductions à la partie arithmétique et à la partie géométrique des Eléments d'Euclide. Les deux derniers offraient un ensemble d'applications des propositions démontrées par Euclide dans ses Eléments, soit que ces applications fussent des conséquences immédiatement évidentes de ces propositions, soit qu'elles exigeassent des déductions plus ou moins longues, et un travail d'invention originale ³. »

Presque tous les problèmes dont la solution est donnée dans ces Merpiná avaient leur application directe en géodésie 4, tels que ceux où, étant données certaines lignes d'une figure, il s'agissait de trouver, par de simples calculs arithmétiques, soit l'aire de cette figure, soit la longueur de certaines autres lignes. On y

^{1.} Je ne crois pas avoir à donner ici les raisons en vertu desquelles le Περὶ Διόπτρας doit être regardé comme l'œuvre authentique de Héron l'Ancien. Th. Henri-Martin (ouv. cité, p. 90) les expose d'une manière très serrée et très convaincante. Connu par trois manuscrits (celui de la bibliothèque nationale, n° 2430, un autre de Strasbourg, et un troisième de Vienne. incomplet), l'ouvrage a été publié d'abord, en partie, par Venturi, en traduction italienne (Il traguardo di Erone) et in extenso texte grec et traduction française), par M. Vincent (Notices et extraits des manuscrits de la Bibliothèque impériale, t. XIX). Enfin Schœne l'a publié au t. HI de l'édition Teubner déjà citée, en 1903.

^{2.} Réédités par Schœne, dans le même volume que le traité de la Dioptre.

^{3.} Th. Henri-Martin, article cité, p. 226.

^{1.} Le terme même de Géodésie n'a jamais été employé par Héron.

trouvait, par exemple, avec démonstration, le procédé arithmétique pour déduire de la connaissance des trois côtés la valeur de l'aire d'un triangle quelconque; on devait y trouver aussi le procédé analogue pour le quadrilatère inscriptible au cercle, mais il manque dans les fragments que nous possédons. M. Th. Henri-Martin fait remarquer que dès le vie siècle des abrégés de cet ouvrage de Héron avaient pénétré dans l'Inde. Les traductions plus ou moins informes que les Hindous en avaient tirées avaient fait croire à des connaissances géométriques très originales et très anciennes chez eux. Ce préjugé tenace, concernant l'antiquité et l'étendue de la science indienne, est aujourd'hui fort ébranlé.

Les tableaux, ayant rapport aux systèmes d'unités métriques diverses, qui figurent dans les extraits des Μετρικά, ont été rattachés après coup à ces extraits, car ils appartiennent tous à des âges postérieurs à l'ère chrétienne.

Mais on peut joindre aux Μετρικά, comme œuvre irrécusable de Héron, un commentaire qui devait les précèder, sur les Eléments d'Euclide. Proclus le cite dans son propre commentaire sur Euclide et il doit en exister au moins des extraits en arabe dans un manuscrit de la bibliothèque de Leyde.

10° Πνευματικά. — Enfin les Pneumatiques traitent de la mécanique des gaz et des liquides et exposent, soit des théories utiles, soit des procédés physiques amusants. C'est de tous les ouvrages de Héron le plus connu, celui dont il existe le plus grand nombre de manuscrits 1 et qui a été le plus souvent traduit 2. On s'y rend compte avec intérêt de ce que les anciens connaissaient de la force élastique et motrice que prennent les vapeurs et les gaz soumis à l'influence de la chaleur et de la

^{1.} La Bibliothèque Nationale de Paris à elle seule en contient quinze. On en trouve dix à Munich, un à Tolède, un à Copenhague, un à Madrid, quatre au British-Museum.

^{2.} Voici les principales de ces traductions: Traduction latine de Commandius (Urbin, 1575), jointe avec le texte grec à la collection de Thévenot (Mathematici veteres); trois traductions italiennes de la fin du xvi siècle; une traduction allemande (Bamberg, 1688; une traduction française de Lahire, citée par Thévenot, perdue; récemment la traduction allemande de Schmidt (Leipzig, Teubner, 1899), avec le texte grec; et la traduction des pneumatiques, jointe à celle des pneumatiques de Philon de Byzance, par M. de Rochas (Paris, Masson, 1882).

pression, et spécialement de l'action que ces vapeurs et ces gaz, comprimés ou dilatés, exercent sur l'équilibre et le mouvement des liquides.

L'ouvrage comprend trois parties. La première envisage la constitution moléculaire et les divers états des corps; la seconde traite des siphons; la troisième est la description des appareils, plus ou moins ingénieux, plus ou moins utiles, qui font voir l'application des principes précédents: entre autres le tourniquet hydraulique et à vapeur, la fontaine intermittente et la fontaine de compression avec sa pompe foulante à air; puis la pompe à incendie et l'orgue hydraulique. A voir l'ingéniosité de tous ces appareils, la rigueur avec laquelle ils sont liés aux principes mêmes, on se dit que si au lieu d'étudier un bon nombre des phénomènes à titre de pure curiosité scientifique, Héron les eût envisagés comme applicables à l'industrie, celle-ci dès ce moment eût pu subir des transformations radicales, qu'elle dut attendre encore pendant dix-neuf siècles ¹.

^{1.} L'œuvre de Héron d'Alexandrie ne doit pas faire oublier celle de Philon de Byzance. Héron a dû lui faire bien des emprunts, tout comme il en a fait, sans les déclarer, à Ctésibios. L'on ne possède, et c'est fort regrettable, que des fragments d'un grand ouvrage de Philon intitulé Syntaxe mécanique, où étaient décrites les machines usuelles dérivées du levier, les machines de siège (balistiques), les procédés ayant trait à la construction des ports et à la fortification des places de guerre. Son traité des Automates, perdu, et celui des Pneumatiques étaient composés sur les mêmes sujets que les traités de Héron pareillement intitulés. V. Rose, en 1870, a publié une traduction latine des Pneumatiques de Philon dans la Anecdota graeca et graeco-latina, t. II (Berlin). Mais il n'y avait là que des fragments de l'œuvre, anciennement traduits de l'arabe. M. de Rochas en a donné (Paris, 1882) une traduction française. Mais on doit à M. Carra de Vaux la traduction d'un manuscrit arabe d'Oxford et de deux manuscrits, arabes également, de Constantinople qui se complètent mutuellement et complètent le document latin. (V. Index bibliographique.) L'ouvrage de Philon se trouve ainsi reconstitué entièrement. Il est composé avec ordre, mieux même que celui de Héron. Mais la science y paraît moins avancée. M. Carra de Vaux y voit un argument en faveur de sa thèse concernant l'époque de la vie de Héron.

CHAPITRE III

ARPENTAGE ET NIVELLEMENT

I. — Instruments d'arpentage. La groma.

Le traité Περὶ Διόπτρας de Héron d'Alexandrie répond, comme nous allons le voir, à la plupart des questions que l'on peut se poser sur les méthodes géométriques d'arpentage dont usaient les anciens. Elles ne différaient pas très sensiblement des nôtres, et si nos instruments sont plus perfectionnés, plus précis — cela va sans dire — on opérait alors cependant avec sûreté et sans trop de lenteur. Défions-nous de l'opinion toute faite qui consiste à croire que, les appareils étant rudimentaires, l'on n'avait, pour éviter les tâtonnements indéfinis, que la ressource de l'expérience et du coup d'œil.

Le géomètre moderne se contente, pour ses opérations courantes, des quelques instruments suivants : la chaîne d'arpenteur pour les mesures rectilignes, l'équerre d'arpenteur pour tracer les perpendiculaires, le graphomètre pour évaluer les angles, la mire et le niveau, soit à eau, soit à bulle d'air avec lunette de visée. Je n'ai pas à décrire ici ces appareils et constate simplement que, perfectionnement mis à part, ils sont les équivalents de ceux qu'on utilisait au temps de Héron et aux deux ou trois siècles suivants.

Chez les Romains, l'unité de mesure sur le terrain était la perche, pertica ou decempeda, qui, ainsi que ce nom l'indique, avait une longueur de dix pieds, soit 2^m,957 et comportait des divisions en pieds, eux-mêmes subdivisés: on mesurait à un

doigt près ¹, le doigt, digitus, étant de 0^m,019. L'instrument, pour les petites distances, pouvait être une barre rigide, une perche proprement dite; pour de plus grandes longueurs, une chaîne (catena, ἄλυσις), probablement du même genre que la chaîne d'arpenteur, ou un cordeau (funiculus, σχοίνιον). Dans le traité de la Dioptre (chap. VII, X, XII, XIII et autres) Héron se sert du terme μετρεῖν πρὸς διαδήτην, littéralement mesurer au compas. Cette expression est singulière; elle signifierait, d'après Venturi, mesurer à la perche; mais aucun dictionnaire ne donne à διαδήτης le sens de pertica. Il est une explication consistant à appeler διαδήτης (de διαδαίνειν, s'écarter) une chaîne précisément analogue à la chaîne d'arpenteur, composée, comme on sait, de petites tiges rigides de 20 centimètres chacune ², qui se replient et se réunissent en faisceau, se déployant quand on veut s'en servir ³.

A l'équerre d'arpenteur correspondait la groma. Aucun traité ancien ne donne la description bien nette de cet appareil, et l'on se contente d'en indiquer le maniement pour certaines opérations, sans dire exactement ce que représente chaque élément que l'on désigne, ni comment sont disposés ces divers éléments les uns par rapport aux autres. Les arpenteurs romains, appelés souvent gromatici, à cause de l'instrument en question, indiquent, comme préliminaire de toute répartition de terrain et de tout levé de plan, le tracé de deux lignes perpendiculaires, cardo et decumanus, dirigées en principe suivant les directions N.-S et E.-O. ⁴. Bien que cette orientation fût généralement

^{1. «} Digitus est minima pars agrestium mensurarum. Inde uncia habet digitos tres. Palma autem quatuor digitos habet, pes xv1, passus pedes v, pertica passus duos, id est pedes decem. « (Isidore, De mensuris agrorum, Gromatici veteres, éd. Lachmann et Rudorff, t. I, p. 267.)

^{2.} Y compris la moitié de l'anneau qui relie chacune d'elles à la suivante.

^{3.} Πρὸς διαθήτην indique aussi peut-être la mesure des distances réduites à l'horizon. Le διαθήτης dans ce cas serait un compas avec fil à plomb, une sorte de niveau de maçon à branches extensibles.

^{4. «} Ab hoc exemplo (Etruscorum), antiqui mensuras agrorum normalibus longitudinibus incluserunt. Primum duos limites constituerunt. Unum, qui ab oriente in occidentem dirigeret, hunc appellaverunt duodecimanum, ideo quod terram in duas partes dividat, et ab eo omnis ager nominetur. Alterum a meridiano ad septentrionem; quem cardinem nominaverunt a mundi cardine. » (Hygin, De limitibus constituendis. Gr. vet., 1, p. 167).— Le duodecimanus s'appela ensuite simplement decimanus ou decumanus. (Cf. Frontin, De limitibus, ibid., p. 28.)

observée ¹, il était, sans aucun doute, bien des cas où l'on ne pouvait pas prendre une de ces deux directions comme ligne d'opérations, et où il s'agissait simplement de prendre l'orientation la plus commode. Quoi qu'il en soit, chez les Romains, l'instrument usuel, officiel, si l'on peut dire, pour cela, c'était la groma. Héron le désigne sous le nom d'étoile ou astérisque (ἀστερίσκος), et le déclare très inférieur à la dioptre, pour le même usage.

Les auteurs des traités d'arpentage emploient souvent, de préférence au terme de groma, le mot ferramentum, désignation générique de toute espèce d'outils ou d'appareils métalliques. Voici le texte, d'ailleurs fort délicat à interpréter, qui donne l'indication la plus explicite sur cet instrument. Il est emprunté au liv. II (de Limitibus) d'un traité de Frontin², dont quelques parties ont été conservées. Il s'agit dans ce passage ³ de l'opération qui consiste à jalonner une ligne de base en terrain accidenté.

« Debemus... ferramento primo uti, et omnia momenta perpenso dirigere, oculo ex omnibus corniculis extensa ponderibus et inter se comparata fila seu nervias ita perspicere donec proximam consumpto alterius visu solam intueatur; tum dictare mœtas, et easdem transposito interim extrema meta ferramento reprehendere eodem momento quo tenebatur, et coeptum rigorem ad interversuram aut ad finem perducere; omnibus autem interversuris tetrantis locum perpendiculus ostendat. »

Le mot meta (borne, jalon) est écrit de deux façons différentes, meta, mæta; mais il est évident qu'il s'agit du même terme

^{1. «} Optima ac rationalis agrorum constitutio est cujus decimani ab oriente in occidentem diriguntur, cardines a meridiano in septentrionem. » Grom. vet., p. 31. Hygin (De limit. constit.. Ibid., p. 188) donne la règle pratique pour déterminer la ligne N.-S., cardo, c'est-à-dire la méridienne d'un liex. C'est le procédé très simple que nous pratiquons encore. On trace une circonférence, au centre de laquelle on plante un piquet dont l'ombre s'allonge. On observe le moment où l'ombre dans la matinée vient toucher la circonférence, et l'on marque ce point; même opération dans l'après-midi quand la coïncidence revient. On joint les deux points et l'on mène la perpendiculaire au milieu de cette corde : c'est la bissectrice de l'angle, et sensiblement la méridienne.

^{2.} On a toutes raisons de croire que ce Julius Frontinus est le même que le curateur des eaux sous Nerva et Trajan, auteur du traité *De aquaeductibus* ou *De aquis Urbis Romae*.

^{3,} Gromatici veteres, p. 32.

avec la même signification. Quant aux autres termes techniques qui se rencontrent dans ces quelques lignes, voici, je crois, comment il faut les interpréter. Nous entendrons :

Par cornicula, des pinnules proéminentes aux extrémités de deux ou plusieurs diamètres de la planchette qui constitue l'appareil;

Par fila ou nervias, des fils à plomb soutenus par ces pinnules, et passant devant leurs échancrures verticales qui déterminent les lignes de visée;

Par momenta, les aplombs, c'est-à-dire l'ensemble formé par les fils et les poids qui y sont suspendus;

Par rigor, la ligne de jalonnement;

Par interversura, chaque rupture de cette ligne.

Cela posé, voici comment on peut traduire:

« Nous devons commencer par manœuvrer l'instrument : équilibrer la position de tous les aplombs, en visant à travers toutes les pinnules les cordes ou fils tendus par les poids, et en réglant ces fils les uns par rapport aux autres, jusqu'à ce que l'œil n'aperçoive que le plus rapproché, celui-ci lui cachant son symétrique; faire alors planter des jalons; puis, ayant transporté l'appareil au dernier de ces jalons, les vérifier par une visée en sens inverse, après avoir établi le même équilibre que précédemment; enfin, pousser cette ligne jalonnée jusqu'à un point de rupture ou jusqu'au bout, ayant soin de marquer l'angle droit par une perpendiculaire à tous les points de rupture. »

Et l'on peut se représenter ainsi la groma, son maniement et son usage ¹ : une planchette ronde ou carrée, probablement soutenue par un trépied articulé, et mobile aussi autour d'un pivot; portant, aux quatre extrémités de deux diamètres à angle

(V. De Rochas, art. Geodesia du dictionnaire de Daremberg et Saglio.)

^{1.} On a trouvé à Ivrée, sculptée sur le cippe sépulcral d'un certain Æbutius Faustus, qualifié de mensor, arpenteur (Gazzera, Acad. di Torino, série II, vol. XIV, p. 25, Lapide Eporediese), la représentation sommaire d'un instrument qu'on croit être la groma. Le support est une simple tige avec douille, faite pour se fixer sur un jalon en bois; deux tiges perpendiculaires au bout desquelles pendent des poids soutenus par des fils, sont articulées sur ce support. C'est la figure très rudimentaire, en quelque sorte schématique, de l'appareil. Il est plus que permis de l'imaginer de construction plus complète et plus soignée.

droit, des pinnules proéminentes avec fenêtres verticales, devant chacune desquelles passait un fil à plomb supporté par la pinnule elle-même. La planchette pour les visées devait être horizontale, et pour l'établir ainsi, l'on opérait comme l'indique le texte, et par le déplacement des branches de support. Cette planchette étant orientée dans la direction voulue, le jalonnement s'opérait comme il est dit, d'après les visées et les indications de l'opérateur. Quand un obstacle, arbre ou maison, etc., s'opposait à ce que la ligne jalonnée fût poussée sans interruption jusqu'au bout de l'espace à mesurer, on la déplaçait parallèlement à elle-même par deux angles droits : c'est cette rupture que Frontin désigne sans doute par interversura; après l'obstacle, la ligne primitive pouvait se reprendre, puisqu'on avait tracé et mesuré sur le terrain la perpendiculaire d'écart.

La base d'opérations étant ainsi tracée très exactement, puis mesurée, il ressort de ce qui suit dans le texte de Frontin que l'on procédait comme nous le faisons nous-mêmes pour mesurer la surface. L'auteur constate que les limites des terrains sont pour la plupart irrégulières et sinueuses ¹; on remplaçait donc provisoirement le contour exact par une série de lignes droites ayant pour extrémités les angles marqués sur celui-ci. Au moyen de la groma, on traçait les perpendiculaires de ces angles à la ligne d'opération, et l'on calculait facilement les surfaces des trapèzes et triangles ainsi formés, par la mesure des bases et des hauteurs, ainsi que les petites surfaces du pourtour. Le même texte indique que les vérifications se faisaient d'une façon très minutieuse ².

Telle était donc la groma. Elle avait l'inconvénient d'un réglage assez difficile; d'autre part les visées, avec le double fil à plomb, ne devaient être ni commodes, ni même précises,

^{1.} ϵ quoniam omnium agrorum extremitas flexuosa et inaequali cluditur finitione... Sed ut omnibus extremitatibus species sua constet et intra clusi modus enuntietur, agrum quousque loci positio permittet rectis lineis dimetiemur. ϵ (Grom. vet., p. 31).

^{2. «} Ad omnes angulos signa ponere, quae normaliter ex rigore cogantur; posito deinde et perpenso ferramento rigorem secundum proximo lateri dictare, et conlocatis moetis in alteram partem rigorem mittere, qui cum ad extremum pervenerit, parellelon primi rigoris excipiat. »

quand le vent soufflait. Héron ne manque pas, dans son traité de la Dioptre, de relever ce défaut:

« § III. ...Je pense, dit-il, que ceux qui font usage de cet apparcil ont éprouvé les graves inconvénients qui résultent de ce que les fils d'où pendent les poids, au lieu de se fixer promptement, continuent au contraire à se remuer pendant un certain temps, surtout si le vent souffle un peu fort. C'est pour cela que quelques personnes, voulant remédier à cet inconvénient, essayent d'y adapter des tubes de bois, dans lesquels elles introduisent les poids, afin de mettre ceux-ci à l'abri du vent. Mais quand ces poids viennent à frotter contre les parois des tubes, les fils ne restent plus exactement perpendiculaires à l'horizon 1. »

II. — La dioptre de Héron d'Alexandrie Description.

La dioptre décrite par Héron d'Alexandrie est en effet un appareil beaucoup plus perfectionné, et dont l'usage, au surplus, s'étend à un bien plus grand nombre d'opérations. On peut même croire que, de tous les appareils de visée auxquels s'appliquait communément ce nom de διόπτρα, celui-ci était le plus complet. « Il consistait principalement en un niveau d'eau mobile sur un trépied. Mais ce niveau pouvait être enlevé, et remplacé, soit par une simple alidade, mobile horizontalement et verticalement, soit par un plateau circulaire divisé en degrés, et pouvant se fixer, à volonté, dans un plan oblique quelconque. A certains égards donc, la dioptre de Héron peut être comparée à nos théodolites ². »

^{1.} Κεφ γ΄... « Τοὺς μέν οὖν κεχρημένους οἶμαι πειράσθαι τῆς δυσχρηστίας αὐτῶν, ὅτι αἱ σπάρται, ἑξ ὧν τὰ βάρη κρέμανται, οὐ ταχέως ἡμεροὔσιν, ἀλλὰ χρόνον ἀναμένουσι κινούμεναι, καὶ μάλιστα ὅταν σφοδρὸς ἄνεμος πνέη. Διὸ πειρῶνταί τινες, παραβοηθεῖν βουλόμενοι ταὐτη τῆ δυσχρηστία, ξυλίνας σύριγγας κοίλας ποιοῦντες, ἐμβαλεῖν τὰ βάρη εἰς ταύτας, ώστε μή ὑπὸ τοῦ ἀνέμου τύπτεσθαι. Παρατρίβεως οὖν γενομένης τῶν βαρῶν πρὸς τὰς σύριγγας, οὐα ἀκριβῶς αἱ σπάρται ὀρθαὶ διαμένουσι πρὸς τὸν ὁρίζοντα. » (Περὶ διόπτοας).

^{2.} Vincent (ouer, cité, p. 158).

Voici d'ailleurs la description détaillée qu'en donne le physicien d'Alexandrie¹.

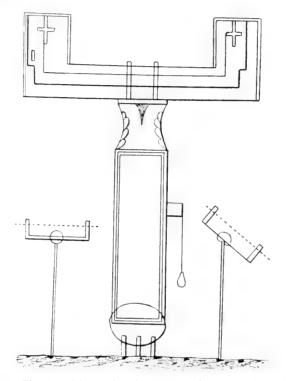


Fig. 3. — Dioptre de Héron. Dessin du manuscrit.

« Un support ² en forme de colonnette présente à sa partie supérieure un axe cylindrique auquel est fixé un plateau

- 1. La figure 3 donne le dessin rudimentaire du manuscrit, et la figure 4 la reconstitution de l'appareil par Vincent. J'y ai joint (fig. 5) la restitution par Schœne, dans l'édition Teubner; pareille à la première dans ses éléments essentiels, elle est plus finie dans le détail. Les fig. 6 et 7, représentent, d'après le même éditeur, les détails et l'ensemble du niveau d'eau, 8, la mire.
- 2. Je me contente de reproduire l'excellente traduction de M. Vincent. J'y joins ci-dessous le texte grec.
- « Παγεύς γίνεται καθάπερ στυλίσκος, έχων έκ τοῦ ἀνωτέρου* τόρμον στρογγύλον' περὶ δὲ τὸν τόρμον τυμπάνιον περιτίθεται χάλκεον, περὶ τὸ κύτὸ κέντρον τῷ τόρμῷ. Περιτίθεται δὲ καὶ χοινικὶς χαλκή περὶ τὸν τόρμον, εὐλύτως δυναμένη περὶ αὐτὸν εἰλεἴσθαι**, ἔχουσα ἐκ μὲν τοῦ κάτω μέρους τυμπάνιον ἀδοντωμένον, συμφυὲς αὐτῆ ἐπὶ*** τοῦ προειρημένου τυμπανίου καὶ ἐπικαθήμενον αὐτῷ, ἐκ δὲ τοῦ ἀνω

^{*} Var. ἄνω μέρους — ** περὶ αὐτὸ(ν) π(ο)λεῖσθαι — *** ἕλασσον τοῦ..

circulaire de cuivre qui lui est concentrique. L'axe est enveloppé par un tube 1 de cuivre qui peut se mouvoir facilement autour

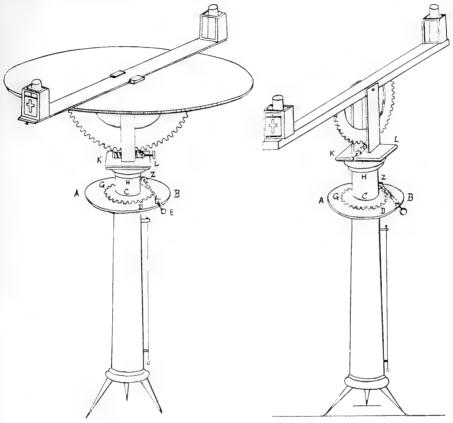


Fig. 4. - Dioptre de Héron, restituée par Vincent.

de lui. A ce tube est fixé, par la partie inférieure, une roue dentée, qui s'appuie sur le plateau; et il se termine en haut par

1. Le terme usuel de physique est manchon.

μέρους πλίνθον καθάπερ δωρικού κιονίου κεφάλιον, εὐπρεπείας ἕνεκα. Τῷ δ'εἰρημενο δδοντωτῷ τυμπανίω παρατίθεται κοχλίδιον ἔχον τὴν ἕλικα άρμοστὴν τοῖς δδούσι τοῦ τυμπανίω. Τὰ δὲ στημάτια τοῦ κοχλίδιου συμφυἢ γίνεται τῷ μείζονι τυμπανίω. Ἐὰν ἄρα ἐπιστρέφωμεν τὸ εἰρημένον κοχλιδίου, ἐπιστρεψομεν καὶ τὸ ωδοντωμένον τυμπάνιον, καὶ τὴν συμφυἢ αὐτῷ γοινικίδα. Γίνεται δὲ συμφυὴς αὐτῷ, τόρμων τριῶν ἀφιεμένων ἐκ τῆς ἕδρας τῆς χοινικίδος, καὶ συγκινουμένων αὐτῷ τῷ τυμπανίῳ. Ακμβάνει δὲ ὁ κοχλίας κατὰ μῆκος σωλήνα πάχος ἔχοντα ὅσον ἐστὶ τὸ τῆς ἔλικος κότοῦ βαθος: οὐκοῦν ἐαν ἐπιστρέψωμεν τὸν κοχλίαν ἄχρις ὁ εἰρημενος ἐν αὐτῷ

une plinthe à laquelle on donne, en manière d'ornement, la forme du chapiteau d'une colonne dorique. A côté de la roue dentée est placée une petite vis dont le filet engrène avec elle : et les supports de cette vis sont fixés au plateau, dont le diamètre est plus grand que celui de la roue. Si donc nous faisons tourner la vis, nous ferons mouvoir en même temps la roue dentée ainsi que le tube qui fait corps avec elle, ce tube s'y trouvant fixé au moyen de trois goupilles qui, partant de sa base, pénètrent dans l'épaisseur de la roue qu'elles suivent dans son mouvement. Un sillon, de largeur à peu près égale au pas de la vis, est creusé suivant toute sa longueur; de sorte que, si nous faisons tourner cette vis, le sillon viendra se placer vis-à-vis des dents de la roue, qui se trouvera ainsi tout à fait libre dans ses mouvements 1. Ayant alors placé la roue dans une position convenable, faisons de nouveau tourner la vis si peu que ce soit, de manière que le filet vienne engrener avec les dents de cette roue, et celle-ci se trouvera fixée.

« Soit donc AB (fig. 4) le plateau qui environne l'axe et qui est attaché d'une manière fixe au support; GD la roue dentée qui fait corps avec le tube; EZ la vis placée à côté de cette roue; HC le tube adhérent à la roue, qui porte, comme on l'a dit, un chapiteau dorique KL. Maintenant sur la plinthe de ce chapiteau sont fixés (verticalement) deux montants de cuivre, en forme de règles, séparés entre eux par un intervalle égal à l'épaisseur d'une roue; et sur la même plinthe, entre ces deux montants, se trouve une vis mobile dont les supports

^{1. «} Cette disposition a pour but d'éviter une perte de temps en permettant de placer le tube avec la main dans une position voisine de celle qu'il doit avoir définitivement. » (H. Vincent).

σωλήν κατά τοὺς ὁδόντας τοῦ τυμπανίου γένηται, διαστραφήσεται τὸ τυμπάνιον καταστήσαντες οὖν αὐτὸ ὡς ἄν ἡ χρεία ἀπαιτῆ, ἐπιστρέψομεν τὸν κοχλίαν βραχὸ, ώστε ἐμπλακῆναι τὴν ἕλικα τοῖς ὁδοῦσι, καὶ οὖτως μένει ἀκίνητον τὸ τυμπάνιον. » « Ἔστω οὖν τὸ μὲν περὶ τὸν τόρμον τυμπάνιον καὶ συμφυὲς τῷ παγεῖ, τὸ ΑΒ· τὸ δὲ συμφυὲς τῷ χοινικίδι τὸ ΓΔ (GD)· ὁ δὲ παρακείμενος τοὐτω κοχλίας, ὁ ΕΖ· ἡ δὲ συμφυὴς χοινικὶς τῷ ΓΔ τυμπανίω ἡ ΗΘ (HC), ἔχουσα ἐπικείμενον, ὡς εἴρηται, δωρικὸν κεφάλιον τὸ ΚΛ (KL). Ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου ἐφεστάτω δύο καλχᾶ σημάτια, καθάπερ κανόνια, ἀπέχοντα ἀπ' ἀλλήλων τοσοῦτον ώστε εἰς τὸν μεταξὸ τόπον αὐτῶν πάχος τυμπανίου δύνασθαι ἐναρμοσθῆναι. Ἐπὶ δὲ τῆς πλίνθου μεταξὸ τῶν κανονίων κογλίας ἔστω στοεφόμενος, οὐ τὰ στημάτια | άρμοστὰ τῷ εἰρημένω

sont fixés sur le chapiteau du tube (et qui est ajustée de manière à faire mouvoir cette roue dans un plan vertical) ¹. Dans l'intervalle des deux montants, qui s'élèvent à une hauteur de quatre doigts au-dessus du chapiteau, peut s'adapter une règle transversale de quatre coudées de longueur, dont la largeur et l'épaisseur sont en rapport avec l'intervalle précédent, et dont la longueur est partagée en deux par le même intervalle.

« § IV. Sur la surface supérieure de la règle est creusé un canal cylindrique ou quadrangulaire, de dimension convenable pour recevoir un tube de cuivre, dont la longueur, prise sur celle de la règle, est d'environ douze doigts. Au tube de cuivre sont fixés à angle droit, par les deux extrémités, deux autres tubes qui semblent n'être qu'une courbure du premier, en formant au-dessus de lui une saillie de deux doigts tout au plus. En outre, le tube de cuivre est enchâssé dans le canal de la règle, auquel on a donné une longueur appropriée à cet objet, de manière que, paraissant faire corps avec elle, il présente ainsi à la vue un aspect plus gracieux. Aux deux points où le grand tube se relève, et de chaque côté, s'emboîte un petit tube de verre dont le diamètre lui permet de s'ajuster bout à bout avec le tube de cuivre, et dont la hauteur est d'environ douze doigts; en outre, ces deux petits tubes de verre sont lutés aux deux saillies du tube de cuivre avec de la cire ou tout autre mastic, de sorte que

τόρμω, οι δὲ ιταχρος κανόνες* τῷ τόρμω παρυπεραιρούσιν εἰς τὸ ἄνω μέρος ὅσον δακτύλους τέτταρας. Ἐν δὲ τἢ (μεταξύ τῶν ὑπεροχῶν χώρα ἐναρμόζεται κανών πλάγιος, μἢκος μἐν ἔχων ὡς πήχεις δ', πλάτος δὲ καὶ πάχος ώστε ἀρμόζειν εἰς τἡν εἰρημένην χώραν. καὶ διατεμνέσθω ὑπ ἀνῦτῆς κατὰ μῆκος. »

Κεφ. δ'. — « 'Εν δὲ τῆ ἄνω ἐπιφανεία τοῦ κανόνος, σωλήν ἐγκέκοπται, ἤτοι στρογγύλος ἢ τετράγωνος, τῷ μήκει τηλικοῦτος ῷστε δέξασθαι σωλῆνα χαλκοῦν μἤκος ἔχοντα** τοῦ κανόνος ὡς δακτύλους διώδεκα. Τῷ δὲ χαλκῷ σωλῆνι πρόσκεινται ἔτεροι σωλῆνες ὀρθοὶ ἐκ τῷν ἄκρων, ῷστε δοκεῖν ἀνακεκάμφθαι τὸν σωλῆνα τῆς δὲ ἀνακαμπῆς τὸ ΰψος οὐ πλεῖον γίνεται δακτύλου δύο. Εἰτα μετὰ τοῦτο ἐπιπωμάζεται ὁ χαλκοῦς σωλὴν, κανόνι ἐπιμήκει άρμόζοντι εἰς τὸν σωλῆνα, ῷστε συνέχειν τόν τε χαλκοῦν σωλῆνα καὶ εὐπρεπεστέραν τὴν ὄψιν παρέχειν. 'Εν δὲ ταῖς εἰρημέναις

^{1.} Ce membre de phrase mis ici entre parenthèses a été ajouté par le traducteur. Hermann Schœne (Héron d'Alexandrie, Ed. Teubner, t. III. Prolegomena, p. xv). relève aussi l'inexactitude de la traduction « sont fixés sur le chapiteuu du tube. » Le grec dit: fixés à l'axe. — M. Vincent l'avait lui-mème fait remarquer, mais sans chercher à la justifier.

^{*} Var. κανόνες καὶ οἱ ὄντες. — ** ἔγοντα ἔλασσον τοῦ κανόνος.

l'eau versée dans l'un des tubes ne puisse s'échapper d'aucun côté.

« Ce n'est pas tout; sur la règle transversale, là où sont fixés les deux petit : tubes de verre, on fixe autour de ceux-ci deux petites enchâssares ou deux petits pilastres creux, dans l'intérieur desquels s'engagent les tubes de verre, de manière à faire corps avec eux. A ces pilastres s'adaptent deux petites lames 1 de cuivre, qui peuvent glisser dans des coulisses, le long de leurs parois, en rasant la surface des tubes de verre, et dont le milieu présente des fentes au travers desquelles on peut viser. A ces lames sont fixés, par la partie inférieure, d'autres petits tubes d'un demi-doigt de long, dans lesquels s'engagent des goupilles de cuivre d'une longueur égale à la hauteur des pilastres qui enveloppent les tubes de verre; elles s'y implantent au moyen d'un filet de vis qui rencontre son écrou dans l'épaisseur même de la règle. Si donc on fait tourner la tête de ces goupilles qui dépasse dans le bas, on fera, par ce moyen, mouvoir en haut et en bas les petites lames qui présentent les fentes dont nous avons parlé. C'est ce qui arrivera nécessairement par l'action de cette extrémité des goupilles qui

1. C'est ce que l'on appelle généralement des pinnules.

άνακαμπάς του σωλήνος εναρμόζεται εν έκατέρφ* ύέλινον κυλίνδριον, πάχος μεν έχον άρμοστόν τῷ σωλήνι, ὕψος δὲ ὡς δακτύλων δώδεκα: εἶτα περιστεγνούται εἰς τὰς ἀνακαμπάς τὰ ὑέλινα κυλίνδρια, κηρῷ ἢ ἄλλφ τινὶ στεγνώματι, πρὸς τὸ, ὕδατος

έμβληθέντος δι' ένος των χυλινός ίων, μηδαμόθεν διαζόειν.»

[«] Περίκειται δὲ τῷ πλαγίῳ κάνονι πηγμάτια δύο κατά τοὺς τόπους ἐν εἶς ἐστι τὰ δύο ὑέλινα κυλίνδρια, ιῶστε δι' αὐτῷν διελθόντα τὰ ὑέλινα συνέγεσθαι. Ἐν δὲ τοῖς εἰρημένοις πηγματίοις λεπίδια γαλκα ἐναρμόζεται, διατρέγειν μὲν δυνάμενα ἐν σωληνι* διὰ τῷν πηγματίων, ψαύρντα τῷν ὑελίνων κυλινδρίων, μέσας ἔγοντα ἀνατομάς δι' ὧν δυνατὸν ἀναδιοπτεύειν**. Τοῖς δὲ εἰρημένοις λεπιδίοις συμφυή γίνεται ἐκ τῷν κάτω μερῶν γοινικίδια, ὑψος ἔγοντα ὡς ἡμιδακτύλου, καὶ τοὐτρις ἀρμοστὰ γίνεται ἀξόνια γαλκα, μῆκος μὲν ἔγοντα ὅσον ἐστὶ τὸ ὑψος τοῦ πήγματος τοῦ πρὸς ἐνὶ τῷν ὑελίνων κυλινδρίων, α διὰ τρήματος ἀνέρχεται ἐν τῷ κανόνι τῷ τὸν σωλῆνα ἔγοντι. Ἐν δὲ τοῖς ἀξονίοις ἔλικες ἐντεμνονται, εἰς ᾶς τυλάρια ἀρμοστὰ γίνεται συμφυή ὄντα τῷ κανόνι. Ἐλν ἄρα**** τὰς εἰς τὸ κάτω μέρος ἐπιστρέφη τις, κινήσει τὰ λεπίδια τὰ τὰς ἀνατομὰς ἔγοντα, ἔν τε τοῦ ἄνω καὶ κάτω μέρους ἕξει γὰρ τὰ πρὸς τῷ λεπίδι ἄκρον τοῦ ἀξονίου τυλάριον ἔμδαινον εἰς σωλῆνα ἐνόντα ἐν τῷ Χοινικείδιω.»

^{*} Var. ἐν ἐκατέρα. — ** σωλῆσι. — *** ἔσται διοπτεύειν. — **** τὰς τῶν ἀξονίων ὑπερογὰς τὰς εἰς τὸ…

se trouve engagée dans l'intérieur des petits tubes adhérents aux lames. »

Cette description, d'ailleurs très claire, présente dans les

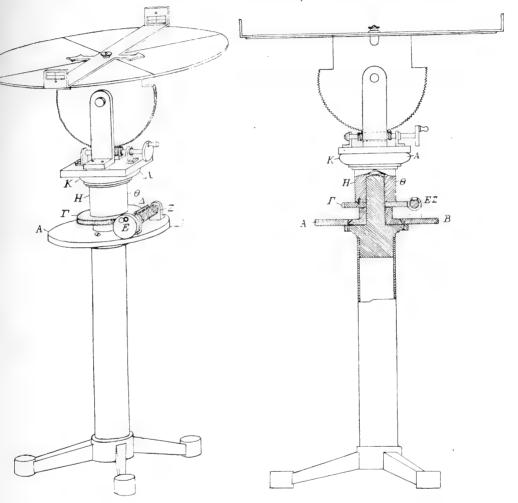
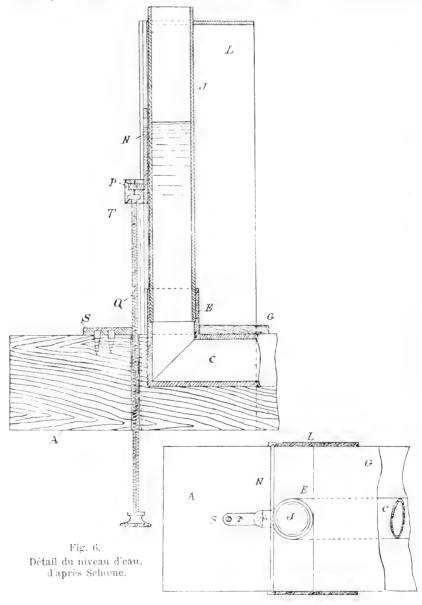


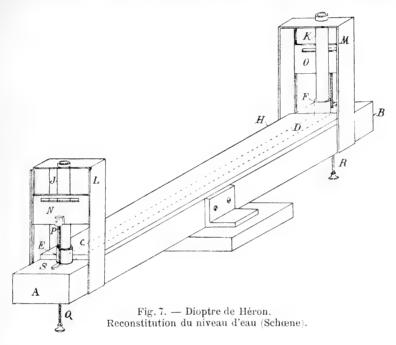
Fig. 5. — Dioptre de Héron, restituée par Schœne.

manuscrits une lacune, entre les mots στημάτια et άρμοστά. (V. ci-dessus le texte grec, au bas de la page 54.) Dans le manuscrit que M. Vincent avait sous les yeux, cette lacune était marquée par un espace laissé en blanc, et le traducteur a pensé,

contrairement à l'opinion de Venturi, qui croyait à une lacune du texte, que c'était simplement la place laissée pour une figure



explicative que le copiste avait ensuite négligé de reproduire. L'hypothèse paraissait vraisemblable, en ce que la phrase demeure fort intelligible si l'on ne tient aucun compte de la lacune. Mais M. Hermann Schœne a prouvé que cette lacune était bien réelle et qu'il manquait à cet endroit précis une page entière dans le manuscrit original ¹. Et, en fait, il était bien étonnant que Héron n'eût rien dit dans ce passage de la roue verticale dont il décrit plus loin le fonctionnement, comme si elle était déjà connue; d'autant plus que cette roue présente



une particularité à faire remarquer : ce n'est, proprement, qu'une demi-roue, qui sert de support à la règle horizontale (fig. 4 et 6). M. Vincent lui-même a glissé dans sa traduction un petit membre de phrase (V. ci-dessus, p. 55, la parenthèse et la note 1), expliquant que la petite vis entre les deux montants fait mouvoir la roue verticale. On voit également, par la suite, que l'appareil comprenait d'autres dispositifs, très importants, dont il n'est pas parlé dans la description d'ensemble. On voit que la règle pouvait tourner indépendamment du reste de l'appareil

^{1.} Edition citée, Prolegomena, p. xv et suiv.

en rasant la surface d'un large plateau circulaire, τύμπανον 1 fig. 4 et 5). Ce plateau portait une division en 360 degrés,

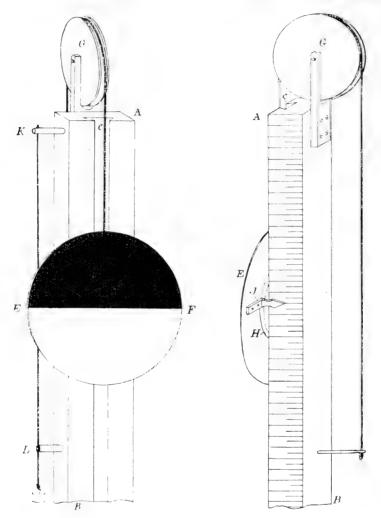


Fig. 8. — Mire de Héron pour les opérations de la dioptre.

que parcourait la pointe d'un index fixé sur la règle. Ce plan pouvait donc, comme la règle elle-même, s'incliner sur l'horizon, jusqu'à devenir exactement vertical, et se fixer, comme la règle

^{1.} Il ne faut pas le confondre avec le diminutif $\tau \circ \mu \pi \acute{a}$ viov, qui figure dans la description d'ensemble et désigne le disque A.B.

aussi, dans n'importe laquelle de ces positions 1. Règle, demicercle denté, plateau, tout enfin, on le comprend par la description des opérations, était démontable, et la règle pouvait fonctionner sans le plateau, quand il ne s'agissait que de nivellement 2.

La description de l'appareil est suivie (§ V), de celle de la mire qui l'accompagnait. C'était (fig. 8) un poteau long de 10 coudées (4^m,62), large de 5 doigts (0^m,095), épais de 3 (0^m.057), dont la face antérieure portait une rainure longitudinale sur toute la hauteur; dans cette rainure glissait un tenon portant un disque de 10 à 12 doigts (0^m,20 environ) de diamètre, partagé par le diamètre horizontal en deux demi-cercles, l'un blanc, l'autre noir, et manœuvré par une corde qui, passant sur une poulie, s'allongeait ou se raccourcissait au gré de l'aide placé derrière, et suivant les indications de l'opérateur. Il était facile de fixer la corde en l'engageant dans l'intervalle de deux lames-ressorts ou par tout autre moyen. Le poteau était gradué, à partir de la base, en coudées, palmes et doigts. Rien n'est oublié dans cette description, pas même l'index que portait le disque à la hauteur de son diamètre horizontal, et qui marquait la division correspondante sur le poteau. Il y avait encore un fil à plomb suspendu par un piton, derrière la perche, pour vérifier sa verticalité. C'est bien là, comme on le voit, à peu de chose près, la mire à voyant dont tous nos géomètres se servent avec le niveau d'eau.

^{1.} V. plus loin les citations des § X. XIV, XVIII. Les visées pouvaient d'ailleurs s'effectuer par la fenêtre N (fig. 6 et 7) indépendamment de la ligne d'eau, dans une position quelconque de la règle. Il a été dit aussi plus haut que la règle à niveau pouvait se remplacer par une simple alidade. — Quant à la position verticale du plateau, elle n'est possible qu'avec le dispositif reconstitué par Schœne, consistant à surélever ce plateau au-dessus du diamètre de la demi-roue (fig. 5).

^{2.} M. P. Tannery (La Géométrie grecque, p. 51) regarde cet appareil comme trop compliqué pour avoir été mis en pratique. Cette opinion ne me paraît pas très fondée. La plupart de nos instruments modernes, dont on se sert journellement sur le terrain, sont d'une construction et d'un maniement encore beaucoup plus délicats. De plus, la façon dont Héron décrit la solution de chaque problème a tout l'air d'être dictée par l'expérience. Enfin, les problèmes résolus effectivement par les anciens exigeaient bien un appareil aussi complet que celui-là.

III. — Problèmes d'arpenteurs et d'ingénieurs résolus par la dioptre.

Les applications de la dioptre sont exposées par Héron d'une manière très complète. Nous allons les suivre, en insistant surtout sur celles qui concernent le tracé des routes et des aqueducs.

1° Problème. — Déterminer la différence de niveau de deux points donnés.

La méthode de Héron ne diffère pas de la pratique moderne. Mais c'est précisément ce qui m'engage à en reproduire le détail in extenso. L'auteur se plaçant précisément au point de vue de l'établissement des conduites d'eau, cet exemple d'une manière de procéder identique à la nôtre est des plus instructifs pour expliquer la perfection de ces ouvrages construits par les anciens.

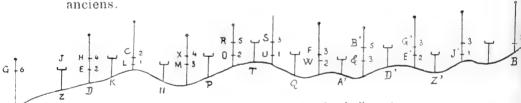


Fig. 9. - Graphique de l'opération du nivellement.

« Soient 1 (fig. 9) les deux lieux ou les deux points donnés A,B, dont il faut déterminer le plus élevé et le moins élevé. Soit B celui d'où part l'eau et A celui où elle doit être conduite. Je place en A l'un des poteaux dont il a été question; puis ayant porté la dioptre aussi loin du point A qu'il est possible, sans cesser d'apercevoir ce poteau AG, en allant

^{1.} Έστωσαν εί δοθέντες τόποι, τουτέστι τὰ σημεῖα, τὰ Λ , B. Δεῖ δὲ ἐπισκέψασθαι ὁπότερον αὐτῶν μετεωρότερον ἐστιν, ἢ ταπεινότερον: καὶ τὸ μὲν B σημεῖον ἔστω εν $\tilde{\omega}$ τὸ δὲ $\tilde{\Lambda}$ εἰς δ μέλλει φέρεσθαι. Ένα οὖν τῶν εἰρημένων κανόνων ἔστημι πρὸς τῷ Λ , καὶ ἔστω $\tilde{\omega}$ $\Lambda\Gamma$ (AG): εἶτα ἀποστήσας τὴν διόπτραν ἀπὸ τοῦ Λ ,

^{*} Van. έστω τοπος) έν (αύ τῷ το υδωρ έστιν, τὸ δέ...

du côté du point B, je fais tourner la règle transversale qui se trouve au haut de la petite colonne et sur laquelle sont les tubes de verre, jusqu'à ce que cette règle paraisse être dans l'alignement de AG. Faisant ensuite tourner les vis qui traversent cette règle, j'élève les lames jusqu'à ce que leurs fentes soient vis-àvis des lignes que marque, sur les tubes de verre, la surface de l'eau qui est dedans. Les lames étantarrêtées dans cette position, je regarde par leurs fentes pour voir le poteau AG, en faisant élever ou abaisser le disque autant qu'il est nécessaire pour apercevoir la ligne qui sépare le blanc du noir. Laissant alors la dioptre fixée dans cette position, et passant de l'autre côté, je regarde à travers les fentes l'autre poteau 1 que l'on éloigne de la dioptre aussi loin que peut s'étendre ma vue, et je fais de même placer son disque de manière à voir la ligne qui sépare les deux couleurs. Soit donc DE le second poteau, ZJ la dioptre, G, E les points déterminés par la dioptre, D le point où le second poteau est fixé sur le terrain. Je mesure les deux lignes AG, DE; supposons que l'on ait trouvé AG de six coudées et DE de deux. Cela admis, je dispose deux lignes 2 (d'écriture); dans

^{1.} On sait que deux poteaux (deux mires) ne sont pas nécessaires. On donne simplement pour chaque point ce qu'on appelle deux coups de niveau, le coup avant et le coup arrière, mesurés sur la même mire, pour deux positions de l'instrument. Cela revient au même.

^{2.} Ce sont deux colonnes séparées par un trait: peu importe sur quoi on faisait ce relevé, tablettes de cire, feuille de papyrus ou de parchemin.

τοσούτον ἐφ' όσον δυνάμεθα όρἄν τὸν ΑΓ κανόνα ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τοῦ Β, ἐπιστρέφω τὸν ἐπ' ἄκρω τῷ στυλίσκο ἐν ῷ ἐστι τὰ ὑελινα κυλίνδοια, ἄχρις ἄν ἐπ' εὐθείας γένηται ὁ πλάγιος κανών τῷ ΑΓ. Εἶτα, ἐπιστρέψας τὰ κοχλίδια ἐν τῷ κανόνι, ἀνάγω τὰς λεπίδας, ἄχρις ἄν καὶ ἐν αὐταῖς ἀνατομαὶ γένωνται κατὰ τὰς ἐν τοῖς ὑελίνοις γραμμὰς ᾶς ποιεῖ ἡ τοῦ ὑδατος ἐν αὐτοῖς ἐπιφάνεια· καὶ κατασταθέντων οὕτως τῶν λεπιδίων, διὰ τῶν ἐν αὐταῖς ἀνατομῶν διοπτεύω, θεωρῶν τὸν ΑΓ κανόνα, τῆς ἀσπιδίσκης μετεωριζομένης ἢ ταπεινουμένης ἄχρις ᾶν φανἢ ἡ μέστη τοῦ λευκοῦ καὶ μέλανος χρώματος γραμμή. Καὶ μενόυσης τῆς διόπτρας ἀνακινήτου, μεταδας, ἐκ τοῦ ἔτέρου μέρους διοπτεύω διὰ τῶν ἀνατομῶν, καὶ πάλιν χαλωμένης τῆς ἐτέρας ἀσπιδίσκης, θεωρῶ τὴν ἐν αὐτῆ μέσην τῶν χρωμάτων γραμμήν. Έστω οὖν ὁ δεύτερος κανών ὁ ΔΕ (DΕ), διόπτρα δὲ ἢ ΖS (ΖΙ), τὰ δὲ εἰλημμένα σημεῖα διὰ τῆς διόπτρας τὰ Γ. Ε΄ καθ'ὅ δὲ ἐπίκειται ὁ ΔΕ κανών τῷ ἐδὰφει, ἔστω τὸ Δ. Ἐμέτρησα οὖν ἐκατέραν τῶν ΑΓ, ΔΕ΄ καὶ ἔστω ἡ μὲν ΑΓ εὐρημένη πηχῶν ἔς, ἡ δὲ ΔΕ πηχῶν δύο. Ἐπέγραψα μὲν οὖν δύο στίχους, ἐν μὲν τῷ ἐνὶ ἐπιγράψας καταβάσεως, ἐν δὲ τῷ ἐτέρω ἀναβάσεως, ὡς ὑπογέγραπται καὶ τοὺς μὲν τῷ ἐνὶ ἐπιγράψας καταβάσεως, ἐν δὲ τῷ ἐτέρω ἀναβάσεως, ὡς ὑπογέγραπται καὶ τοὺς μὲν ἔπιγραψας καταβάσεως, ἐν δὲ τῷ ἐτέρω ἀναβάσεως, ὡς ὑπογέγραπται καὶ τοὺς μὲν ἐπίγραψας καταβάσεως στίχω σημειοῦμαι, τοὺς δὲ οῦο ἐν τῷ τῆς ἀναβάσεως στίχως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ οῦο ἐν τῷ τῆς ἀναβάσεως στίχως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ τοῦ τῆς ἀναβάσεως και τῷ τῆς καταβάσεως στίχως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ τοῦ τῆς ἀναβάσεως στίχως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ τοῦ τῆς ἀναβάσεως τὰς ἐν τῷ τῆς αναβάσεως στίχως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς ἀναβάσεως σημειοῦμαι, τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς αναβάσεως στίχως σημειοῦμαις τοὺς δὲ δύο ἐν τῷ τῆς ἀναβάσεως στικοι δια τῆς ἀναβασικοι ἐν τῷ τῆς ἀναβάσεως δὶς ἐν τῷ τῆς ἀναβασικοι ἐν τῷ τῆς ἀναβασικοι ἐν τῷ τῆς ἀναβασικοι ἐν τῷς ἀναβασικ

l'une, j'écris le mot descente et dans l'autre le mot montée, comme on le voit plus loin; j'inscris les six coudées dans la

D	М
6	2
4	$\frac{\sim}{2}$
1	3
4	2
5	3
1	3
อ	3
5	3
5	1
3	1
33	23
23	
10	

ligne de la descente, et les deux coudées dans la ligne de la montée. Maintenant le poteau DE restant fixe, je transporte la dioptre par exemple en K; et seulement je retourne le poteau DE, de manière que je puisse apercevoir de nouveau son échelle de division. Je mets les lames en place, et j'établis l'autre poteau en LC, au delà de la dioptre, et du côté opposé à DE; puis, derechef, la dioptre restant fixée en place, je fais mettre le disque en ligne droite avec les fentes. Soient H, C les points des deux poteaux qui correspondent aux aiguilles des disques; je note la distance comprise entre le point H et le sol dans la colonne de la descente, et celle du point C dans la colonne de la montée. Supposons que cette première distance soit de quatre coudées et la seconde de deux.

« Alors le poteau LC restant en place, je transporte la dioptre ainsi que le poteau DE. Puis, ayant placé en ligne droite, comme on l'a

déjà dit, les disques et les fentes, je prends sur les poteaux les points L, M; je note la mesure de la descente en L, et celle de la montée en M. Supposons la première d'une coudée et la seconde de trois.

σεως. Καὶ μένοντος τοῦ ΔE κανόνος, μετατίθημι τὴν διόπτραν καὶ ἔστω πρὸς τὸ K καὶ ἐπιστρέφω τὸν ΔE κανόνα, ἄχρις ἀν πάλιν ἴδω καὶ* τοῦ πλαγίου κανόνος τὸν ΔE κανόνα τὰ τε λεπίδια, τίθημι τὸν $\Delta \Theta$ (LC) κανόνα ἔμπροσθεν τῆς διόπτρας, τουτέστιν ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη τοῦ ΔE κανόνος. Καὶ πάλιν, ἀκινήτου τῆς διόπτρας οὕσης, καθίστημι τὴν ἀσπιδίσκην ἐπὶ εὐθείας ταῖς ἀνατομαῖς καὶ ἔστω τὰ πρὸς ταῖς ἀσπιδίσκαις σημεῖα ἐπὶ τῷν κανόνων τὰ H, Θ (H, C). Πάλιν οὖν τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ H διάστημα ἄχρι τοῦ ἐδάρους σημειοῦμαιεὶς τὸ τῆς καταδάσεως στίχον, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ Θ εἰς τὸν τῆς ἀναδάσεως καὶ ἔστωσαν μὲν καταδάσεως πήχεις τέσσαρες, ἀναδάσεως δὲ πήχεις δύο.

Καί πάλιν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ Θ κανόνος, μετατίθημι τὴν διόπτραν καὶ τὸν ἔτερον κανόνα. καταστήσας ὡς προείρηται ἐπὶ εὐθείας τὰς τε ἀσπιδίσκας καὶ τὰς ἀνατομὰς λαμβάνω καὶ ἐπὶ τῶν κανόνων σημεῖα τὰ Λ , M (L,M): καὶ πάλιν τὸ μὲν πρὸς τῷ Λ μέτρον καταβάσεως ἔσται, τὸ δὲ πρὸς τῷ M ἀναβάσεως: ἔστω οὖν κατα-

βάσεως πηγυς είς, άναβάσεως πήγεις τρείς.

^{*} Var. διὰ τοῦ...

- « Maintenant le poteau restant en M, transportons la dioptre et le second poteau. Soit XO l'alignement de la dioptre, et supposons le chiffre de la descente en X de quatre coudées, et celui de la montée en O de deux coudées.
- « Continuons de la même manière, jusqu'à ce que nous arrivions en B; soit la dioptre placée en T, RS son alignement, 5 le chiffre de la descente, 3 celui de la montée.
- « Soit ensuite la dioptre placée en Q, UF son alignement, 1 la descente, 3 la montée.
- « Ensuite soit A', la dioptre, W & son alignement; soit la descente de deux coudées, la montée de trois.
- « Puis D' la dioptre, B'G' son alignement, cinq coudées pour la descente, trois pour la montée.
 - « Soit encore Z' la dioptre, E' J' son alignement, la descente de deux coudées, la montée de une.
 - « Enfin supposons que l'un des poteaux soit parvenu près de la surface même de l'eau qu'il s'agit de conduire, et que, pour cette dernière station de la dioptre, nous ayons trouvé trois coudées pour la descente et une pour la montée.
 - « Alors, faisant la somme de tous les nombres précédemment marqués, tant pour la descente que pour la montée, je trouve 33 pour les premiers et 23 pour les derniers. La différence est de

Ηάλιν οὖν μένοντος τοῦ πρὸς τῷ M χανόνος, μεταχείσθω $\mathring{\eta}$ τε διόπτρα χαὶ δ ἔτερος χανών. $\mathring{\eta}$ δὲ διὰ τῆς διόπτρας ἔστω εὐθεῖα $\mathring{\eta}$ Ξ O(XO), καὶ πρὸς δὲ τῷ Ξ καταβάσεως ἔστωσαν πήγεις τέσσαρες, πρὸς δὲ τῷ O, ἀναβάσεως πήγεις δύο.

καταβάσεως ἔστωσαν πήγεις τέσσαρες, πρὸς δὲ τῷ Ο, ἀναβάσεως πήγεις δύο. Εἶτ' έξης τὰ αὐτὰ γενέσθω, ἄγρις αν ἐπὶ τὸ B παραγενώμεθα: καὶ ἔστω διόπτρα μὲν ή T, ή δὲ διὰ τῷν ἀνατομῶν ἐὐθεῖα ή $P\Sigma$ RS). καὶ καταβάσεως μὲν πήχεις πέντε, ἀναβάσεως δὲ πήχεις τρεῖς.

Εἶτα διόπτρα μὲν ή $\ddot{X}'(Q)$, εὐθεῖα δὲ ή $\Psi\Phi(UF)$: καὶ καταδάσεως πῆχυς εἶς, ἀναδάσεως δὲ πήχεις τρεῖς.

Η άλιν διόπτρα μεν $\hat{\eta}_{\gamma}\Lambda$ (A'), εὐθεῖα δὲ $\hat{\eta}$ \downarrow \mathcal{D} (W &) καὶ καταδάσεως πήχεις δύο, ἀναδάσεως δὲ πήχεις τρεῖς.

 $\dot{\mathbf{E}}$ ίτα διόπτρα μεν έστω $\dot{\mathbf{\gamma}}$, Δ (D'), εὐθεῖα δὲ $\dot{\mathbf{\gamma}}$,B ,Γ (B' G'), καὶ καταβάσεως μεν πήχεις πέντε, ἀναβάσεως δὲ πήχεις τρεῖς.

Καὶ πάλιν διόπτρα μὲν ή ζΙ, εὐθεῖα δὲ ή ξΕ S (E' J'). καὶ καταδάσεως μὲν πήχεις δύο, ἀναδάσεως δὲ πήχυς εἶς.

Ο δε τεγεπταϊος κανών κείσθω πόρο αρτή τψ του ης ατος εμιώαλεία. και καταρά-

σεως μέν πήχεις τρείς, άναβάσεως δε πήχυς είς.

Των οὖν ἄριθμών σεσημειωμένων ἐν τοῖς εἰρημένοις, συντίθημι πάντας τοὺς τῆς καταβάσεως ἀριθμούς εἰσι δὲ λγ΄ ὁμοίως καὶ τοὺς τῆς ἀναβάσεως ἐισι δὲ κγ΄ ὥστε ὑπεροχή πήχεις δέκα. Ἐπεὶ οὖν ὁ τῆς καταβάσεως ἀριθμός, τουτέστιν ὁ ἐπὶ τὰ μέρη

dix coudées en plus du côté de la descente; c'est le côté où l'on veut conduire l'eau; celle-ci coulera donc dans la direction BA; et je marque les dix coudées dont le point B est plus élevé que le point A. Si les deux sommes se fussent trouvées égales, c'est qu'alors les deux points A et B eussent été également élevés, c'est-à-dire situés dans un même plan horizontal, et à la rigueur, dans ce cas, l'eau arriverait encore. Mais si le nombre de la descente était plus petit, alors il serait impossible que l'eau coulât d'ellemême, et il faudrait, de toute nécessité, employer une machine. Ce sera, s'il y a une grande différence de hauteur, un système de seaux, ce que l'on nomme une chaîne. Si la différence est petite, il suffira d'une vis ou d'une roue à aubes.

« Quant aux lieux intermédiaires par lesquels nous nous serions proposé de conduire l'eau, nous obtiendrons leurs relations de position, soit entre eux, soit avec les points extrêmes, absolument par la même méthode, en appliquant à ces points intermédiaires l'hypothèse qu'ils ne sont eux-mêmes autre chose que les points donnés; il n'y a pas la moindre différence. Il conviendra encore, après avoir fait le calcul pour toute la longueur, de chercher quelle est la pente correspondante à chaque stade; puis d'élever des monticules dans les lieux intermédiaires, et d'y établir des signaux de reconnaissance ou des bornes portant des inscriptions; c'est le moyen de s'assurer que l'opération ne sera en erreur sur aucun point.

« Observons en outre que l'eau ne doit pas être conduite en

τοῦ τόπου εἰς ὂν θέλομεν ἄγειν τὸ ὕδως, μείζων ἐστὶ, κατενεχθήσεται τὸ ὑγρόν καὶ ἔσται μετεωρότερον τοῦ πρὸς τῷ Α πήχεις δέκα. Εἰ δὲ ἴσοι γεγόνασιν ἀριθμοὶ, ἰσοῦψῆ ὑπῆρχε τὰ Α, Β σημεῖα, τουτέστιν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδω τῷ ὁρίζοντι καὶ οὕτως δὲ δυνατὸν καταγεσθαι τὸ ὕδωρ. Εὶ δὲ ἐλάττων ἦν ὁ τῆς καταθάσεως ἀριθμὸς, ἀδύνατον αὐτοματίσαι τὸ ὕδωρ ἀντλήματος ἄρα προσδεόμεθα. Ἡ δὲ ἄντλησις ἐγίνετο, εἰ μὲν πολύ ταπεινότερος ἦν ὁ τόπος, διὰ πολυκαδίας ἢ τῆς καλουμένης ἀλύσεως εἰ δὲ δλίγον, ἤτοι διὰ κοχλιῶν ἢ διὰ τῶν παραλλήλων τυμπανίων.

καὶ τοὺς μέσους δὲ τόπους δὶ ὧν ἀνεκρίναμεν ἄγειν το ὕδωρ, ἐπισκεψόμεθα πῶς δοντες τοὺς εἰρημένους μέσους, τόπους εῖναι τοὺς ἔζ ἀρχῆς δοθέντας κατ' οὐδὲν γὰρ πρὸς ἀλλήλους τε καὶ τοὺς ἔζ ἀρχῆς τόπους εῖναι τοὺς ἔζ ἀρχῆς δοθέντας κατ' οὐδὲν γὰρ πρὸς ἀλλήλους τε καὶ ἐκλογισάμενον πᾶν τὸ μῆκος, ἐπισκεψασθαι ἐν τῷ σταδίῳ πόσον πόσονς ἐπιγράψες ἔχοντας συγχωννύειν ἢ προσανοικοδομεῖν, πρὸς τὸ τοὺς, ἔχργαζο-

μένους εν μηδενί πλανάσθαι.

'Αχθήσεται δε το ύγρον ου διά της αυτης όδου δι' ής και το κλίμα έπέγνωμεν,

suivant la direction de la pente, mais en choisissant la voie la mieux appropriée aux circonstances. Souvent, en effet, on rencontre un obstacle 1, soit une montagne trop rocheuse ou trop élevée, soit un terrain de nature poreuse ou sulfureuse, ou de toute autre matière capable d'altérer la qualité de l'eau. Partout où nous en rencontrerons, nous nous détournerons, pour ne point nuire à l'eau transportée. Et, pour éviter qu'en la dirigeant par un chemin trop long, on ne tombe dans une dépense trop considérable, nous montrerons dans le problème suivant comment on peut trouver la ligne droite qui passe par deux points donnés (l'un ne pouvant être vu de l'endroit où est l'autre), car cette ligne est la plus courte de toutes celles qui aboutissent aux mêmes extrémités. Alors, si après la détermination de cette ligne, nous y rencontrons quelqu'un des inconvénients précédemment signalés, nous changerons de direction. »

Ce texte était intéressant à citer dans son entier : il a d'abord l'avantage de nous faire connaître dans tous ses détails le nivellement à la dioptre. Ensuite, par son exactitude minutieuse, par le procédé même de la description d'appareil ou d'opération, il nous montre quel degré de précision scientifique les Grecs avaient atteint déjà. A lire la traduction de ce passage, on croirait souvent avoir affaire à un traité d'arpentage moderne. La différence est saisissante quand on aborde ces clairs exposés à la suite des textes de Vitruve ou des Gromatici veteres.

^{1.} Il est évident que Héron parle ici en géomètre plus qu'en hydraulicien; il envisage le type le plus simple des aqueducs, celui d'un simple fossé : c'est pour cela qu'il parle de la nature du terrain traversé; les anciens n'étaient guère embarrassés pour faire passer leurs aqueducs partout, au moyen d'une construction solide et étanche. Il est bien rare aussi qu'une conduite d'eau longue et importante suive la ligne droite; mais, avant de s'en écarter, il est indispensable de la déterminer par le nivellement préparatoire qui vient d'être décrit.

αλλά δι' έτερας εύθετούσης πρός το ύδραγωγιον. Πολλάκις γάρ εμπεδών ισταταί τι, η όρος σκληρότερον, η μετεωρότερον, η γαύνοι τόποι, η θυώδεις, η τοιούτοι τίνες τόποι βλάπτοντες το ύδωρ. Τοιούτους όταν περιτύχωμεν, έκνεύσομεν, ωστε κατά μηδεν βλάπτεσθαι την τοῦ ύδατος άγωγην. Ένεκα δε καὶ τοῦ μή μακροτέραν όδον φερόμενον το ύδωρ εἰς μείζονα δαπανήν έκπίπτειν, δείζομεν έξης ως δυνατόν έσται τήν έπὶ τὰ δύο σημεία ἐπίζευγνυμένην εὐθείαν εύρίσκειν « Αὐτη γάρ ἐλαγίστη ἐστὶ πασῶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐγούσων γραμμῶν. » Εἶτα όταν ἐν ταύτη τῆ ὁρισθείση ἐμπέση (τι) τῶν εἰρημένων ἀτόπων, τότε ἐκεῖνο ἐκνεύσομεν.

2^{me} Problème. — Mener une droite entre deux points tels, que de l'un on ne puisse apercevoir l'autre (§ VII).

Le procédé de Héron consiste à se transporter du premier point, par tâtonnements, et par redans successifs, jusqu'à un autre point d'où l'on aperçoive le point d'abord invisible. Une proportion de triangles semblables donne la ligne cherchée.

3^{me} Problème. — Mesurer la distance, réduite à l'horizon, comprise entre le point où l'on est et un point éloigné, sans s'approcher de celui-ci (§ VIII).

Ici, on fait mouvoir l'alidade dans les deux sens, horizontal et vertical. C'est toujours une question de triangles semblables. Il en est de même du problème suivant (4° probl., § 1x): mesurer la largeur d'une rivière, opération que les arpenteurs romains désignent sous le nom de varatio¹; des cinquième ² et sixième ³ problèmes. Il n'y a entre ces procédés et les nôtres que peu de différences.

7^{me} Problème. — Mesurer la hauteur d'un point inaccessible (§ XII).

Le texte ici est intéressant, en ce que l'auteur emploie, pour indiquer qu'il y a un nivellement à faire entre deux points à proximité l'un de l'autre, le terme χωροξατεῖν. S'agit-il, comme le croit M. Vincent, de l'emploi du chorobate, l'instrument dont parle Vitruve et qui sera décrit plus loin? Je ne le pense pas, car la dioptre elle-même était aussi bonne que le chorobate pour opérer ce nivellement. Le mot χωροξατεῖν, dont le sens propre est parcourir du terrain, signifiait sans doute dans son acception technique opérer un nivellement et non pas seulement se servir du chorobate.

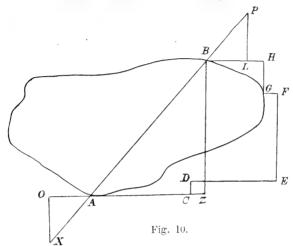
^{1.} Marcus Junius Nipsus (Gromat. reteres. p. 285).

^{2.} Mesurer la distance horizontale de deux points éloignés (x). — Une des trois solutions que fournit Héron est donnée par Hygin (De limit, constituendis, Grom, yet., p. 193).

^{3.} Etant donnée une droite, mener une perpendiculaire à l'une de ses extrémités, sans approcher de la droite, ni de l'extrémité (xI).

13^{me} Problème ¹. — Percer une montagne suivant une ligne droite qui joigne deux points A, B, opposés sur ses flancs (§ xv).

Ce problème intéresse fort le tracé des aqueducs. Héron le résout en contournant d'abord la montagne et en mesurant



(fig. 10) les différentes lignes à angle droit AC, CD, DE, EF, FG, GH, HB, réduites à l'horizon. Prenant ensuite un point O à gauche de A et L à droite de B, BL = AO, de manière à pouvoir mener les perpendiculaires OX et LP, il obtient les longueurs OX, OP, et, par suite, la direction AB^2 par la similitude des triangles OAX, ABZ, BPL, le point Z étant d'ailleurs obtenu par la différence (AC + DE) — (FG + HB). Pour régler l'excavation par rapport à l'horizon, il n'y a qu'à opérer le nivellement entre les deux points A et B, ce qui d'ailleurs était sans doute fait tout d'abord.

14^{me} Problème. — Creuser, dans une montagne, des puits qui tombent perpendiculairement sur une excavation (§ xvI).

^{1.} Mesurer la différence de hauteur de deux points inaccessibles (probl. 8, XIII). Mesurer leur distance (pr. 9.) Déterminer la position de la droite qui les joint (pr. 10), et applications. Déterminer la hauteur d'une montagne (pr. 11) et déterminer la profondeur d'un fossé (prob. 12, XIV). C'est toujours le même principe que dans les méthodes modernes; il y a même souvent identité absolue.

^{2.} Les perforateurs, de chaque côté, suivront la direction indiquée, pour les uns par XA, pour les autres par PB, et ils se rencontreront forcément.

L'auteur envisage le cas bien simple où la voie souterraine est en ligne droite: le problème est résolu facilement par les visées de la dioptre et des jalonnements successifs.

15^{mo} Problème. — Etant donnée une galerie souterraine (tortueuse et d'une certaine largeur), trouver dans la campagne au-dessus un point d'où l'on puisse creuser un puits vertical aboutissant à un point donné de cette galerie (§ XVII).

Le problème correspond seulement à l'éventualité d'un éboulement, pour faire en sorte que par le puits à creuser l'on puisse, soit transporter au dehors les décombres provenant de l'éboulement, soit descendre des matériaux pour la reconstruction; et la donnée suppose qu'il y a déjà deux puits existants. Le point voulu est obtenu par une double triangulation effectuée parallèlement dans le fond de la galerie et à la surface.

Héron n'indique pas le moyen d'aboutir de l'extérieur, par un puits, en un point donné d'une galerie quelconque, étroite et sinueuse, telle que sont souvent les canaux souterrains. Mais la dioptre permettait fort bien, d'abord de conduire le tracé d'une semblable voie, ensuite de trouver à l'extérieur la verticale de n'importe quel point de la galerie. Le traité n'aborde que quelques problèmes types. C'était aux ingénieurs eux-mêmes à connaître assez bien la pratique de l'instrument pour en tirer tout le profit voulu sur le terrain. Des problèmes de ce genre devaient être proposés dans les écoles aux jeunes gens qui étudiaient la géométrie en vue des carrières d'arpenteur, niveleur, architecte, auxquelles ils se destinaient.

Voici l'énumération des autres problèmes, pour la plupart desquels je me bornerai au simple énoncé.

16^{me} Problème. — Les extrémités d'un port étant données en dessiner le contour suivant un arc de cercle ou une courbe quelconque.

C'est ici qu'intervient le plateau (τύμπαντν). On le dispose horizontalement, et l'on effectue des visées d'un point un peu plus élevé de manière que les rayons visuels, partant de ce point et passant par le bord du plateau, dessinent sur le terrain

la circonférence de base d'un cône dont deux génératrices passent par les extrémités A et B (§ xvIII).

17^{mo} Problème. — Hausser un terrain de manière qu'il prenne la forme d'une portion donnée de surface sphérique.

Les visées se font de la même façon, mais cette fois le plateau adapté à l'instrument doit prendre la position verticale (\$ xix).

18^{me} Problème. — Incliner un terrain suivant une pente déterminée (§ XX).

19^{me} Problème. — Fixer, au moyen de la dioptre, sur une certaine droite horizontale menée à partir du mur, un point qui soit éloigné de nous d'une distance donnée.

Le procédé consiste à trouver la distance voulue par un calcul de proportion au moyen de l'échelle graduée de la mire (§ xxi).

20^{me} Problème. — D'un point éloigné de nous, prendre avec la dioptre une distance égale à une distance donnée, sans approcher de ce point, et sans avoir la droite sur laquelle il faut prendre cette distance.

Construction facile par les triangles semblables (§ XXII).

21^{me} Problème. — Mesurer un champ au moyen de la dioptre (§ XXIII et XXIV).

C'est le problème général de l'arpentage. Héron donne plusieurs méthodes, dont le principe est semblable à celui des arpenteurs romains et au nôtre. Il en est de même des deux problèmes suivants.

22^{me} Problème. — Les bornes d'un champ ayant disparu, à l'exception de deux ou trois, retrouver au moyen du plan ou dessin (τοῦ μιμήνατος ὑπάρχοντος) les limites perdues. Le problème revient à construire sur le terrain, au moyen d'un côté donné, un polygone semblable à un polygone donné sur le papier (§ xxv).

23° PROBLÈME. — Partager un terrain en portions données, au moyen de droites menées par un même point (§ xxvI).

24^{ms} Problème.— Mesurer un champ sans entrer dedans.

La solution est obtenue en traçant, à l'extérieur du pourtour polygonal, des triangles semblables à tous ceux qu'on pourrait figurer dans l'intérieur en joignant un sommet à tous les autres (§ xxvii) 1.

Les deux problèmes suivants, d'une application pratique directe, ne comportent pas l'emploi de l'instrument, et rentrent par conséquent dans le domaine de la géométrie proprement dite.

25^{me} Problème.— Diviser un trapèze ou un triangle donné suivant un rapport donné, par une parallèle à la base (§ xxvin et xxix).

26^{me} Problème.— Trouver l'aire d'un triangle, en fonction de ses trois côtés.

C'est la démonstration géométrique de la règle que nous représentons par la formule:

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$
 (§ xxx).

Suit un problème où la dioptre n'a rien à voir non plus, mais sur lequel nous aurons à revenir plus loin, car c'est une question d'hydraulique pratique.

27^{me} Problème. — Etant donnée une fontaine, évaluer son produit, c'est-à-dire la quantité d'eau qu'elle fournit.

28^{me} Problème.— Déterminer la distance angulaire de deux astres.

Elle s'obtient au moyen du plateau de la dioptre et de la règle de visée, d'ailleurs sans le secours d'aucune lunette, les anciens ne connaissant pas les propriétés et l'usage des verres lenticulaires (\$ xxxII).

^{1.} Cf. Junius Nipsus. Limitis repositio (Grom, vet., p. 272).

29^{me} Problème. — Critique de l'astérisque.

Instrument fort analogue à la groma des Romains, si ce n'était cet instrument lui-même (§ XXXIII) ¹.

30^{me} Problème. — Description et usage de l'odomètre.

Il s'agit ici d'un assez ingénieux compteur adapté aux voitures, et consistant (fig. 11) dans une combinaison de vis sans fin et de roues dentées (§ xxxiv).

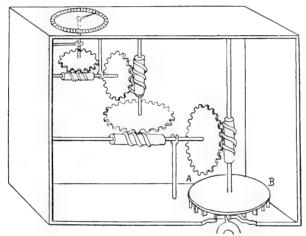


Fig. 11. - Odomètre de Héron.

31^{me} Problème. — Mesure du sillage d'un navire.

L'appareil est analogue au précédent. Le navire avançant d'une longueur donnée, faisait tourner d'un certain angle une roue à palettes, laquelle commandait une série de roues dentées (§ xxxv).

32^{mo} Problème. — Déterminer la distance de deux lieux situés dans des climats différents.

Héron résout ce problème par le procédé qui consiste à noter les heures auxquelles s'observe une même éclipse, dans les deux lieux en question. Quelque intéressante que soit cette solution (M. Vincent considère le passage comme le plus curieux de tout

^{1.} V. ci-dessus, p. 51.

le traité), elle se rattache trop peu à la question des travaux publics, pour que nous ayons ici à l'expliquer (§ xxxvi).

33^{me} Problème.— Avec une force donnée, faire mouvoir un poids donné, au moyen d'un système de roues dentées (§ XVXVII).

Ici se place la description de l'appareil dont il a été parlé plus haut, auquel s'est appliqué par l'usage le nom générique de βαροῦλχος, et sur lequel nous reviendrons plus loin. Cette insertion à la suite du traité de la dioptre peut s'expliquer, comme celle de quelques-uns des problèmes précédents, par un classement maladroit provenant une première fois du fait de quelque copiste, et qui s'est perpétué. Nous n'avons pas à nous engager dans des discussions à ce sujet 1. Il nous suffit que les textes soient authentiques, et que le traité dans son ensemble soit le meilleur des documents pour suivre dans leurs opérations sur le terrain les ingénieurs de l'empire romain, chargés des travaux publics.

IV. — Le chorobate de Vitruve.

Vitruve, au livre VIII du De architectura, où il s'occupe des eaux et des aqueducs, parle des appareils de nivellement, et mentionne en premier lieu les dioptres, puis les librae aquariae, enfin le chorobate, qu'il déclare le plus exact, et auquel seul il fait l'honneur d'une description sommaire. « Libratur autem dioptris, aut libris aquariis, aut chorobate, sed diligentius efficitur per chorobaten, quod dioptrae libraeque fallunt. » Le mot dioptre est au pluriel; il y en avait, en effet, plusieurs espèces, et dioptre ne signifie pas autre chose que « appareil de visée ». En ce sens, la groma, qui a été décrite plus haut, est une dioptre; elle pouvait servir aux nivellements, puisque l'opération de réglage consistait à placer de niveau la plateforme, et aussi, par conséquent, les bords des fenêtres de visée.

^{1.} Cette question des interpolations est posée et discutée dans les *Prolegomena* de Hermann Scheene, édition de Héron citée, tome III. p. xix et xx.

Ce serait une dioptre aussi que cet appareil qui était encore chez nous en usage il n'y a pas très longtemps, et qui consistait en une simple planchette fixée à angle droit sur une masse métallique de forme allongée, le tout suspendu par un anneau. L'horizontalité de la planchette était assurée par le poids du métal; qu'on imagine deux pinnules avec fenêtres de visée aux extrémités de cette planchette, on aurait un appareil à peu près aussi exact que la groma pour opérer un nivellement. Quant à la libra aquaria, ce ne peut être autre chose que le niveau d'eau, traduction littérale des deux mots latins : il n'y a pas d'hésitation à avoir, puisque nous venons de trouver cet appareil employé dans la dioptre de Héron. Tous n'étaient peut être pas d'une construction aussi soignée. Vitruve n'y avait pas grande confiance. Voyons si le chorobate valait mieux.

« Le chorobate, dit-il, est formé d'une règle d'environ vingt pieds; elle porte à ses extrémités deux pièces coudées parfaitement égales, qui y sont ajustées à angle droit; entre la règle et ces crosses s'étendent des traverses fixées par des tenons, et sur lesquelles sont tracées des lignes perpendiculaires, correspondant chacune à un fil à plomb suspendu à la règle. Ces fils, quand la règle est en place, s'appliquant exactement et également sur les lignes tracées, font voir que l'instrument est bien de niveau.

« Pour le cas où le vent interviendrait, s'opposant par l'oscillation des fils à la netteté des indications fournies par les lignes, on peut creuser sur la face supérieure de la règle un canal long de cinq pieds, large d'un doigt, et profond d'un doigt et demi, destiné à être rempli d'eau. Si l'eau touche également l'extrémité des bords du canal, on saura que l'instrument est de niveau. Ainsi, quand on aura pris le niveau au moyen du chorobate, on connaîtra la surélévation cherchée. » ¹

Vitruve, à la suite de sa description, croit devoir réfuter l'objection de ceux qui, sachant d'après Archimède que l'eau ne présente pas une surface absolument plane, mais suit le contour du globe terrestre, contesteraient pour cette raison la justesse

^{1.} Vitr., vIII. 5.

de l'instrument. La surface de l'eau, dit-il, a beau être arrondie dans le canal, cette eau n'en sera pas moins à la hauteur exacte des deux bords si l'instrument est de niveau; dans le cas contraire, d'un côté elle n'atteindra pas le bord. Cette considération paraît bien superflue, sinon un peu puérile, et nous aimerions mieux quelques détails de plus sur l'appareil et sur son maniement. Il est vrai que l'auteur renvoie à un dessin qui figurait à la fin de son livre, et qui a, comme tous les autres, disparu.

On a essayé souvent de le reconstituer, et les reproductions des divers commentateurs sont toutes à peu près pareilles, à

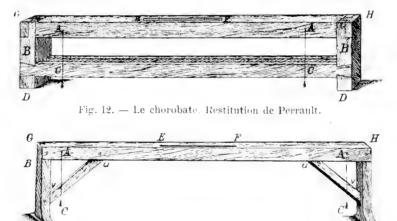


Fig. 13. - Le chorobate. Restitution de Newton.

part la manière de placer les traverses entre la règle et les crosses. « Inter regulam et ancones, dit le texte, a cardinibus compacta transversaria, quae habent lineas ad perpendiculum recte descriptas, pendentiaque ex regula perpendicula in singulis partibus singula. » Perrault en fait des traverses horizontales parallèles à la règle, tandis que Newton, de façon plus vraisemblable, en fait deux jambes de force, qui assurent la fermeté de l'assemblage à angle droit et garantissent du fléchissement la pièce supérieure (v. fig. 12 et 13). Vitruve ne donne pas le nombre de fils à plomb, mais il suffisait de quatre, un de chaque côté de chacune des traverses, pour le contrôle de la

justesse de l'appareil. Il indique la longueur du canal, mais il est évident que pour des nivellements précis, ce canal pouvait être plus long. La justesse, et aussi la précision, dépendaient du degré de perfection réalisé dans l'agencement des différentes parties et dans la solidité des assemblages. Faute de renseignements là-dessus, nous ne pouvons contrôler la raison plus ou moins bien fondée de la préférence de Vitruve pour cet appareil. Toutefois, on peut la croire due pour une part à ce qu'il dispensait des visées, nécessaires à l'usage de la dioptre. Pour déterminer avec le chorobate la différence de niveau entre deux points choisis, on mesurait dans l'intervalle chaque dénivellation donnée par un déplacement d'une longueur de l'appareil, ce qui s'obtenait sans doute en glissant sous une des crosses des cales d'épaisseurs différentes, bien étalonnées, jusqu'à ce que l'instrument fût remis de niveau; la somme de ces épaisseurs donnait un chiffre inscrit chaque fois; à la fin, une somme algébrique, effectuée comme l'indique en détail le traité de la Dioptre, donnait la différence de niveau entre les deux points choisis.

Evidemment, cet instrument était bien lourd, et son avancement bien lent. Il faut cependant considérer que chacune des mesures prenait peu de temps, ce qui compensait leur multiplicité; en outre, en raison même de cette multiplicité, une erreur partielle commise ne tirait guère à conséquence. L'appréciation de Vitruve n'a donc rien qui doive étonner beaucoup, et les nivellements soignés, pour le tracé des aqueducs par exemple, pouvaient fort bien être opérés ainsi.

CHAPITRE IV

MÉCANIQUE ET HYDRAULIQUE

I. - Principes généraux de mécanique.

En fait de mécanique théorique, les connaissances des anciens paraissent au premier abord avoir été peu étendues et peu approfondies. Les Grecs déployèrent, il est vrai, en cinématique, beaucoup d'ingéniosité pour analyser les combinaisons de mouvements, et cela de fort bonne heure 1. Mais la notion même de vitesse, pourtant fondamentale, n'était pas très exactement précisée. Nous ne trouvons rien nulle part qui corresponde aux équations élémentaires du mouvement, ou qui ressemble à une théorie raisonnée de l'accélération 2. Pourtant, si en fait la statique, avant Archimède, se borna aux conditions d'équilibre du levier, il y avait comme une intuition du principe des vitesses virtuelles dans la théorie du levier par Aristote. « Le poids qui est mû, dit-il 3, est un poids qui meut en raison inverse des longueurs des bras de levier; toujours, en effet, un poids mouvra d'autant plus aisément qu'il sera plus loin du point d'appui. La cause en est celle que nous avons déjà mentionnée : la ligne qui s'écarte dayantage du centre décrit un plus grand

I. Le système des sphères concentriques d'Eudoxe est une combinaison de mouvements déjà très sayante. Voir également un passage de Platon (Lois x, 893, d.), qui montre une grande subtilité à démèler un cas de mouvement fort compliqué.

^{2. «} Aristote avait expliqué l'accélération des corps pesants par un accroissement de leur qualité de pesanteur au fur et à mesure qu'ils s'approchent de leur lieu naturel. « (E. Jouguet, Lectures de méranique, 1º partie, p. 79).

^{3.} Μηχανικά προδλήματα. Edition Didot, t. IV, p. 58.

cercle. Donc, en employant une même puissance, le moteur décrira un parcours d'autant plus grand qu'il est plus éloigné du point d'appui. »

Avec Archimède apparaît la théorie de la composition des forces parallèles et des centres de gravité, avec celle de l'équilibre des corps flottants. Mais il ne formula ni les lois de la composition statique des forces concourantes, ni les principes de la dynamique: égalité de l'action et de la réaction, masse, travail et force vive. On suppléait cependant, dans la pratique, à l'insuffisance de la théorie; fait constant d'ailleurs et de tout temps, même du nôtre. Que de découvertes spontanées enfantant d'admirables engins mécaniques, et que de progrès dans la puissance et la souplesse de ceux-ci, avant que la théorie en ait été constituée!

Une bonne part des connaissances de mécanique pratique que l'on possédait, aux alentours de l'ère chrétienne, figure dans le contenu des traités de Héron d'Alexandrie et de Vitruve. Il a été fait mention plus haut (p. 40) des Μηχανικά de Héron, où sont décrites les cinq puissances simples, treuil, levier, moufle, coin, vis sans fin. Les différentes matières traitées dans cet ouvrage se répartissent ainsi:

- Livre I. 1. Mouvoir un poids donné avec une puissance donnée, au moyen d'un train d'engrenages.
- 2. Mouvement relatif des cercles qui engrènent. Vitesses relatives des cercles fixés ou non sur le même axe.
- 3. Construction de figures semblables ayant entre elles un rapport donné, et instruments destinés à cette construction. Trouver deux moyennes proportionnelles entre deux lignes données. Centres de similitude.
- 4. Mouvement des graves sur les plans inclinés. Poulie simple.
- 5. Définition du centre de gravité d'après Archimède (point tel que lorsque le poids est suspendu par ce point, il est divisé en deux portions équivalentes).
- 6. Répartition des poids sur leurs supports. Equilibre des fléaux de balance et de la poulie simple.

Livre II. — 1. Les cinq machines simples: treuil, levier, moufle, coin, vis sans fin; combinaison de la vis et de la roue dentée.

- 2. Théorie de ces machines, ramenée à celle des cercles concentriques. Levier et treuil. Théorie de la moufle : lorsque la corde passe une fois au support fixe, la puissance dans l'état d'équilibre est égale au poids ; quand elle passe n fois au support fixe, la puissance est égale à $\frac{1}{n+1}$ du poids ; quand l'extrémité est attachée au support fixe, au lieu de l'être au poids, la résistance du support équivaut à de la puissance motrice. Effets de la percussion sur le coin. Théorie de la vis ; tracé de son hélice. Déplacement de la vis et des dents dans un engrenage.
- 3. Combinaison de plusieurs machines simples. Ralentissement de la vitesse dans ces combinaisons.
 - 4. Explication de divers problèmes de mécanique physique 1.
 - 5. Centres de gravité du triangle et du pentagone.

Livre III. — 1. Appareils à mouvoir les lourds fardeaux sur le sol (support en charpente avec rouleaux), à élever les fardeaux avec un, deux, trois et quatre montants. Pinces et coins pour saisir les pierres. — Appareil pour faire descendre de lourds fardeaux d'un lieu élevé. (C'est un système de chariot contrepoids, qu'on peut d'ailleurs utiliser aussi pour faire monter la charge.) — Appareil pour dresser les colonnes sur leurs bases (Système analogue, avec poulies, et coffre contre-poids). — Appareil pour poser de lourds fardeaux dans la mer. (Barques que l'on submerge en les chargeant de lest.) — Appareil pour redresser les murs ébranlés. (Etais verticaux réunis par

^{1.} Voici l'énoncé de quelques-uns de ces problèmes: Pourquoi un chariot à deux roues porte t-il les fardeaux plus aisément que le chariot à quatre roues? — Pourquoi les bêtes de somme ont-elles de la peine à tirer les chariots dans le sable? — Pourquoi les gros poids tombent-ils à terre dans un temps moindre que les poids légers? (Réponse vague et qui d'ailleurs n'est pas une explication: Parce que la puissance et l'attraction dans les mouvements physiques se communiquent en plus grande quantité aux poids lourds qu'aux poids légers.) — Pourquoi un poids de forme plate tombe-t-il plus lentement qu'un poids sphérique? (Héron ne fait pas intervenir la résistance de l'air; son explication peu nette semble prétendre que dans le cas d'un poids sphérique les forces sur chaque élément s'ajoutent ou se superposent tandis qu'elles se juxtaposeraient seulement dans le cas du poids plat.)

une traverse horizontale; on incline à force le système contre le mur au moyen de poulies.)

2. Pressoirs à poids, à poulies, à leviers et à vis.

Le livre X de Vitruve est tout entier consacré à la mécanique. Il complète utilement le traité de Héron, dont il ne fait d'ailleurs pas mention ¹. Les mêmes machines usuelles s'y trouvent décrites, quelques-unes avec plus, d'autres avec moins de détails ².

Après avoir défini la machine 3: « un assemblage bien lié de pièces solides possédant des forces considérables pour mouvoir les corps pesants », Vitruve distingue trois genres de machines : celles qui servent à élever (genre scansorium, en grec ἀκροδατικόν); celles qui ont pour principe la pression de l'air (genre spiritale ou πνευματικόν); et enfin celles qui servent à tirer (genre tractorium ou βαροῦλκον). Il fait aussi une distinction entre celles qui demandent le concours de plusieurs bras, machines proprement dites (quae μηγανικῶς moventur), et celles auxquelles suffit la force d'un seul homme, les maniant avec adresse (organa ou quae δργανικῶς moventur) 4.

N'accordons aucune importance à la déclaration qui suit, à savoir : que le principe du mouvement circulaire appliqué dans la plupart des machines a été emprunté à la nature, par l'observation du mouvement circulaire des corps célestes 5. Ce n'est là qu'une de ces idées sans fondement qui, émises une première fois, ont semblé ingénieuses, puis se transmettent indéfiniment par une sorte de pieuse routine, sans discussion. Il est bien plus probable que la simple observation des choses toutes proches a naturellement amené les premiers hommes à se servir du levier, avant qu'ils eussent la moindre notion de cosmographie.

^{1.} Pas plus que Héron ne mentionne Vitruve. On ne saurait donc tirer de là aucun argument concernant l'époque relative des deux auteurs.

^{2.} Héron est néanmoins plus complet, ses théories sont plus solides et les machines décrites plus nombreuses. Les machines à engrenages manquent dans Vitruve. En revanche, on y trouve des machines hydrauliques, que les $M\eta/2\nu i \varkappa \acute{z}$ ne contiennent pas.

^{3. «} Machina est continens ex materia conjunctio maximas ad onerum motus habens virtutes. \Rightarrow (x, 1.)

^{4.} x, 1, 244.

^{5.} Ibid., 245.

Un peu plus loin 1, Vitruve montre que toutes les machines se ramènent à une combinaison de mouvements rectilignes se tranformant en mouvements circulaires, et réciproquement. Mais sa démonstration du principe de l'équilibre des forces appliquées aux machines, principe qu'il fait dépendre de celui du levier, est loin d'être une démonstration rigoureuse : c'est un exposé de faits plutôt qu'une théorie. Si Vitruve explique le fonctionnement de la balance dite statera (balance romaine), la puissance de traction des bœufs modifiée par la plus ou moins grande longueur des branches du joug; s'il distingue le levier du second genre de celui du premier; il ne fait pas voir que la différence d'effort à exercer dans les deux cas provient de la différence qui existe dans le rapport des bras du levier. De même, pour les rames des bateaux, il indique bien que, plus elles sont longues, plus elles donnent de vitesse; mais il ne voit pas que le point d'appui est dans l'eau et non sur la cheville, que la rame est un levier du second genre et non du premier. Sa théorie est donc assez incertaine.

II. — Machines de soulèvement et de traction.

Avant même de parler du levier et de ses applications directes, Vitruve décrit les appareils élévateurs que nous appelons communément chèvres, et qu'il comprend dans le groupe général des machines de traction, sans les désigner autrement que par le terme de machinae (fig. 14, 15, 16 hors texte). Leur disposition pratique est décrite plus complètement que par Héron. Selon la façon dont on lit le texte², ce sont ou deux, ou trois poutres réunies par le sommet, et maintenues à l'aide

^{1.} Ibid., 3, 352.

^{2.} x, 2. — Le texte le plus authentique qu'adopte V. Rose est : Tigna duo ad onerum magnitudinem ratione expediuntur. Perrault lisait tigna tria, et beaucoup d'éditeurs l'ont suivi. Cette différence n'influe d'ailleurs que sur le mode de soutien des poutres, et non sur le fonctionnement mécanique. On trouvera, fig. 14, la disposition avec trois poutres, d'après Perrault, et fig. 15 et 16 le système à deux poutres, tel que l'a décrit et représenté Blümner. (Technologie und Terminologie der Gewerbe und Künste, t. III, § 1v. Hebenmaschinen, p. 111 et suiv.)



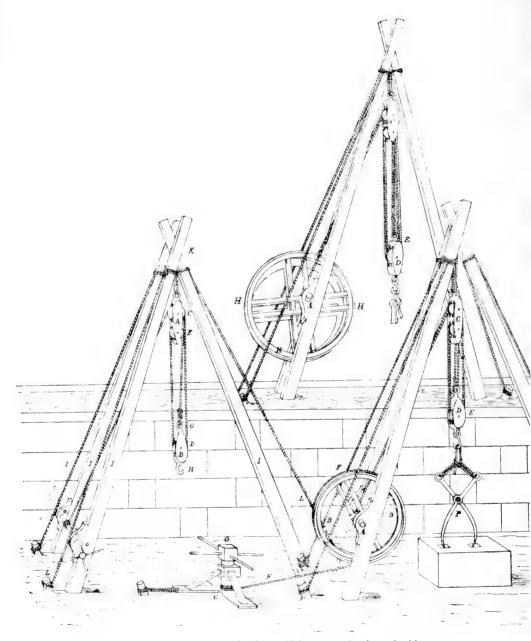


Fig. 14. — Trispastes, simple et double.

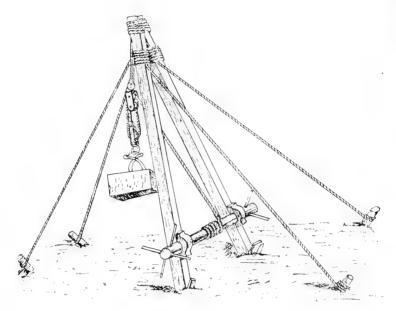


Fig. 15. — Trispaste simple (d'après Blümner).

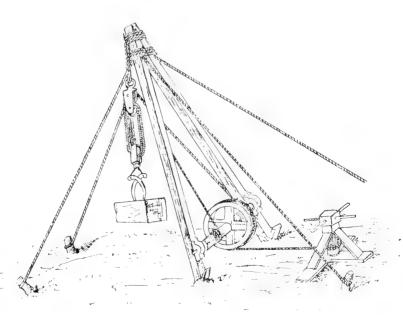
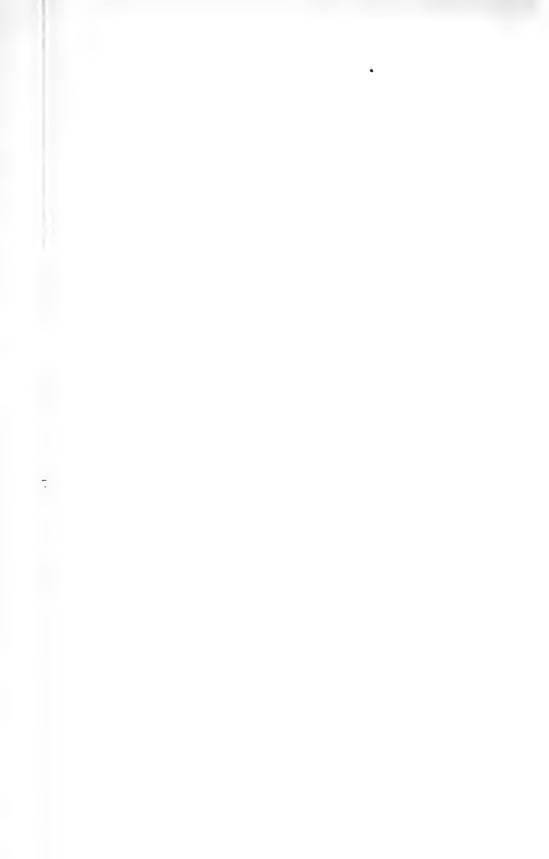


Fig. 16. — Trispaste double (d'après Blümner).



de quatre (fig. 15, 16) ou de trois cordes (fig. 14) que l'on noue au sommet, que l'on tend obliquement et que l'on assujettit au sol par de courts piquets. Une moufle, c'est-à-dire la combinaison de deux systèmes de poulies tournant les unes au-dessus des autres respectivement dans deux chapes (trochleae ou rechami), constitue l'appareil mécanique proprement dit. La chape supé-

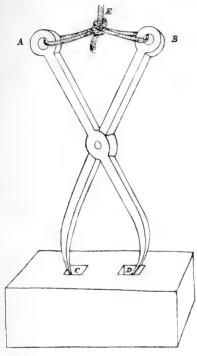


Fig. 17. - Tenailles de soulèvement.

rieure est fixe, attachée au sommet des montants, l'inférieure est mobile, et soutient par un crochet le fardeau qui monte avec elle quand on tire la corde (ductorius funis) passant sur les poulies.

Vitruve débute par le modèle le plus simple 1, dit trispaste (fig. 14 à gauche, et 15) (de τρίς, et σπάω, je tire) parce qu'il comporte trois poulies, deux en haut, une en bas. Le câble de traction passe d'abord sur la poulie supérieure de la chape fixe, puis sous la poulie de la chape mobile, remonte sur la poulie inférieure de la chape fixe, et redescend vers la chape mobile à laquelle il s'attache 2. L'autre extrémité de ce câble s'enroule sur un axe

horizontal qui relie les deux poutres et que l'on fait tourner par des leviers

^{1.} Le modèle le plus simple serait à vrai dire non la *trispaste*, mais la *dispaste*, avec deux poulies seulement, une en bas, une en haut.

^{2.} Vitruve ne donne pas la condition d'équilibre du système, qui, dans ce cas, où le nombre n de poulies mobiles est inférieur d'une unité à celui des poulies fixes s'exprime par $P=\frac{Q}{2n+1}$; n étant égal à 1, $P=\frac{Q}{3}$, c'est-à-dire que l'effort à exercer pour soulever le fardeau est égal au tiers du poids de ce fardeau. Le pentaspaste, que Vitruve mentionne aussi, ne nécessite qu'un effort cinq fois moindre que le poids.

Après la trispaste simple est décrite (x, 2) une trispaste à double rang de poulies (fig. 14 à droite, et 16). Dans ce système, le câble est assujetti, non par un de ses bouts, mais par le milieu, à la chape inférieure, et les deux moitiés passent, l'une sur les poulies de gauche, l'autre sur les poulies de droite des deux chapes, puis elles viennent s'enrouler séparément sur l'axe moteur. Comme cette machine est destinée à soulever des fardeaux plus lourds que la trispaste ordinaire, les leviers sont remplacés par un tympan, ou roue d'assez grand rayon, calée sur le milieu de l'axe et manœuvrée elle-même par un câble indépendant qui va plus loin s'enrouler sur un treuil à axe vertical, cabestan ou vindas 1.

Vient ensuite (x, 2, 248) la description d'une autre machine d'une manœuvre plus rapide, mais aussi plus délicate, exigeant le concours d'ouvriers exercés. Elle ne comportait qu'une seule pièce de bois (una statutio tigni), qui pouvait non seulement se placer suivant l'inclinaison qu'on voulait, mais se mouvoir à droite ou à gauche. C'est du moins ce que l'on peut entendre par ces quelques mots du texte : « Hanc habet utilitatem quod ante quantum velit et dextra ac sinistra ab latere proclinando onus deponere potest?. » C'est-à-dire : « Cette pièce de bois a ceci d'avantageux qu'elle peut à volonté déposer le fardeau en avant, et de côté à droite et à gauche en s'inclinant. » C'est en somme une grue, avec cette différence que nous n'avons pas ici d'engrenages, et que tout se faisait par câbles et poulies. Vitruve appelle cet engin spécialement polyspaste. Il comporte, en effet (fig. 18), non plus cette fois trois ou cinq poulies, mais dix-huit : trois rangs de trois dans chacune des deux chapes, et trois câbles distincts. Chacun de ces câbles s'attache, non plus à la chape inférieure, mais à la chape supérieure. En bas, ces mêmes câbles passaient respectivement sur les trois poulies

^{1.} Le fardeau se soulevait par un crochet ou une pince, dont les deux branches en ciseaux portant des griffes à leurs extrémités se resserraient par la traction du câble (fig. 17). Quand il s'agissait de soulever des pierres de taille, on creusait dans celles-ci deux trous. C, D, où s'engageaient les griffes. Ces trous se constatent effectivement dans la plupart des constructions romaines en grand appareil, quand les lits d'assises peuvent se voir à découvert.

^{2.} x, 2, 249.

d'une autre chape, assujettie au pied de la poutre et qu'on appelait $\hat{\epsilon}\pi\acute{\alpha}\gamma\omega\nu$ ou artemon; et ils étaient tirés séparément par trois équipes d'hommes, dont les forces réunies permettaient,

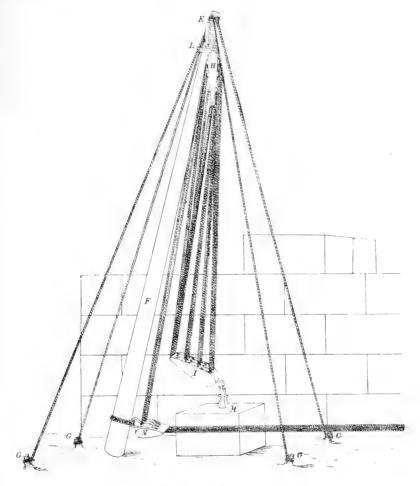


Fig. 18. - Polyspaste.

en raison du nombre de poulies, de se passer du vindas. Pour imaginer le mouvement latéral à volonté, sur la production duquel le texte ne nous renseigne pas, il suffirait, dans notre dessin reproduit d'après Perrault (édit. Tardieu et Coussin fils), de se représenter les quatre câbles de soutien comme susceptibles

de se tendre ou de se relâcher séparément plus ou moins par l'intermédiaire d'autres poulies 1.

D'ailleurs, Vitruve déclare un peu plus loin que l'on peut utiliser les éléments de toutes ces machines pour le chargement et le déchargement des navires, en les disposant par exemple sur des supports tournants, « in carchesiis versatilibus conlocatae ». Avec si peu d'indications, nous ne pouvons rien reconstituer; mais il n'est pas douteux que par la combinaison, la multiplication de ces engins, et la quantité de bras employés, on arrivait à effectuer des manœuvres à la fois très puissantes et très précises. Il faut reléguer parmi les légendes le récit de Plutarque 2 concernant les machines inventées par Archimède, qui soulevaient hors de l'eau au moyen de griffes de fer les navires ennemis au siège de Syracuse. On n'en reste pas moins confondu quand on voit sur les hautes collines de l'ancienne Agrigente, dans les ruines majestueuses de ses temples, des blocs renversés de 20 mètres de long, 4 mètres d'épaisseur, et près de 7 mètres de hauteur, cubant 500 mètres cubes et pesant plus de 1.000 tonnes : ce n'est pourtant qu'à l'aide de ces engins, rudimentaires à nos yeux, que de telles masses ont pu être hissées. Il en est de même de ces gigantesques obélisques, transportés d'Egypte à Rome par les empereurs, et dont l'un pèse jusqu'à 1.160 tonnes. De tels efforts ne s'expliquent que par la multiplicité des éléments de traction et l'ingéniosité déployée dans leur disposition.

Il est vrai qu'on employait aussi, pour élever les fardeaux, des machines que Vitruve laisse de côté³, et qui pourtant devaient être d'un maniement bien plus commode que les câbles et les

^{1.} Tel est le système bien connu des palans appelés caps de mouton, qui servent dans la marine à raidir et à distendre les haubans.

^{2.} Vie de Marcellus.

^{3.} On s'étonne à bon droit de ce que dans ce chapitre où l'auteur annonce lui-même qu'il va parler de la transformation du mouvement rectiligne en mouvement circulaire, on ne voie figurer ni la crémaillère, ni les engrenages, ni le balancier. Mais c'est un peu partout que Vitruve a négligé beaucoup de choses, ainsi que le constate M. V. Mortet (Recherches critiques sur Vitruve et son œuvre, Revue archéologique, t. XLI, 1902). A-t-il voulu ne décrire que ce qui lui semblait principal dans chaque ordre de connaissances se rapportant à son art? Comme beaucoup d'hommes de métier, avait-il ses préférences et ses exclusions systématiques?... Ces omissions n'en sont pas moins étranges.

poulies: c'étaient les machines à engrenages. Tel était le Bapoulies : c'étaient les machines à engrenages. Tel était le Bapoulieurs fois le Héron d'Alexandrie, que nous avons déjà mentionné plusieurs fois le L'appareil est constitué (fig. 19) par une sorte de châssis en forme de caisse; dans les faces parallèles les plus longues sont engagés plusieurs axes perpendiculaires à ces faces et séparés deux à deux par des intervalles correspondant à la longueur des rayons d'une roue dentée et du pignon qui la commande. S'appuyant sur ce que « les cercles les plus grands l'emportent sur les plus petits quand ils tournent autour du

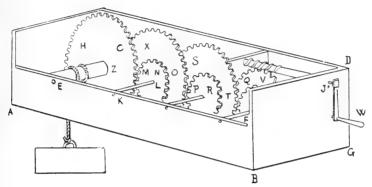


Fig. 19. — Appareil de traction et d'élévation (βακοῦλκος) de Héron.

même centre », principe énoncé, comme il a été dit, par Aristote, Héron établit qu'un cercle d'un diamètre quintuple de celui d'un autre permettra de soulever le même poids avec une force cinq fois moindre; et ainsi de suite, en établissant une série de pignons et de roues dentées dont les diamètres aient entre eux les rapports que l'on voudra. Finalement, un poids de mille talents sera mû par un jeune garçon qui, seul et sans machine, n'aurait pu soulever que cinq talents. Le mouvement est donné par une manivelle qui fait tourner une vis sans fin en prise avec un premier pignon.

Jusqu'à quel point cette machine, théoriquement si bien expliquée par Héron, était-elle entrée chez les anciens dans le domaine pratique? Il nous est difficile de le savoir, à cause de

^{1.} V. ci-dessus, p. 41, 75.

la rareté des écrits sur ces matières. Mais il n'est guère croyable qu'on eût laissé pendant plusieurs siècles, de Héron à Pappus, sans essayer de l'utiliser, une conception aussi simple et aussi féconde que celle-là.

Ce n'est pas tout de soulever de lourds fardeaux, il faut encore pouvoir les conduire à destination. Vitruve se contente de dire que, suivant la loi de toutes les machines à mouvement circulaire, les appareils de transport plaustra, rhedae, ont d'autant plus de puissance que leurs roues sont de plus grand rayon :

« Rhedae (ou raedae), plaustra (ou plostra)... ceteraeque machinae, isdem rationibus per porrectum centrum et rotationem circini versando faciunt ad propositum effectum. » On aimerait à avoir quelques détails sur les plaustra (chariots destinés au transport des fardeaux lourds), sur leurs roues, pleines ou rayonnées, sur leur mode de suspension et d'attelage. Vitruve se contente de rapporter deux procédés exceptionnels employés par les architectes Chersiphron et Métagène, chargés de la reconstruction du temple de Diane à Ephèse 1 Ces systèmes ne semblent pas, bien que Vitruve vante leur ingéniosité, avoir mérité de rester dans la pratique. Il s'agissait d'amener de la carrière au chantier les fûts de colonne et les architraves. Le premier des deux procédés consistait à l'aire rouler les fûts eux-mêmes sur le sol; on y avait scellé, suivant l'axe aux deux bouts, des boulons de fer qui s'engageaient dans des moyeux formant comme les crosses de deux timons. L'autre, pour les architraves, comportait deux roues très hautes (12 pieds) et des jantes très larges probablement (sans quoi le but, qui était de ne pas défoncer les chemins, eût été manqué). Des boulons, adaptés comme ceux du système précédent, s'engageaient dans les moyeux des roues, de telle sorte que la masse à transporter constituait elle-même l'essieu tournant. La traction s'exercait par l'intermédiaire de colliers de fer dans lesquels tournaient aussi les boulons d'axe, et auxquels s'accrochaient les chaînes de traction.

Un autre architecte, nommé Paconius, du temps même de Vitruve, ayant à transporter un énorme bloc pour un piédestal, l'assujettit de la même manière entre les roues; mais il fit exercer la traction par la circonférence, au moyen de fuseaux reliant les jantes des roues, et autour desquels s'enroulait un câble. Il fallut y renoncer, parce que la traction par les bœufs ne pouvait pas être régulière. Le câble en se déroulant entraînait tout l'ensemble, tantôt à droite, tantôt à gauche. Il y avait là néanmoins quelque chose d'intéressant, en tant qu'essai de traction par la jante, problème difficile, que nous n'avons même pas encore résolu d'une façon pratique.

En somme, les transports de très grosses masses devaient s'opérer de la même façon que les tractions de navires sur les rivages, par le moyen des rouleaux, des treuils, des diverses machines à palans, et du βαροῦλκος, qu'on pouvait disposer pour la traction aussi bien que pour l'élévation 1. On peut concevoir des déplacements successifs de cet appareil en avant d'un chariot porteur du fardeau, et celui-ci tiré lentement, mais régulièrement, par le câble de la machine, qui, une fois rejointe, était reportée plus loin pour une nouvelle manœuvre.

III. — Machines à moteurs animés pour élever l'eau.

L'étude des machines élévatoires pour l'eau suit, dans Vitruve, celle des appareils de soulèvement et de traction des solides. Sans distinguer méthodiquement celles qui sont mues par les forces mécaniques ordinaires de celles dont le fonctionnement repose sur les principes de l'hydraulique ou de la pneumatique, il se contente de décrire les organes de chacune d'elles, en faisant remarquer, les différences, non de principe, mais d'effet pratique, c'est-à-dire concernant le débit et la hauteur d'élévation. A nous, il importe de faire autrement la distinction, et de décrire

^{1.} V. ci-dessus, p. 80, l'énumération des diverses machines de traction décrites par Héron d'Alexandrie (Μηγανικά, liv. III, 1).

d'abord à part les appareils où n'intervient ni la notion du vide, ni celle de la pression hydraulique.

C'est d'abord le tympan, sorte de roue creuse à compartiments

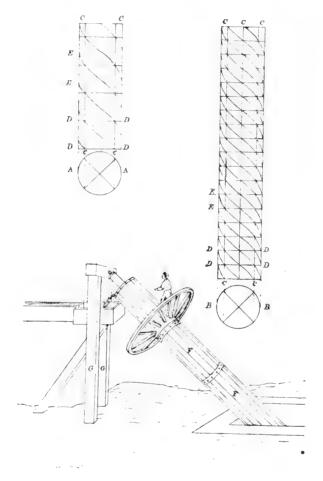


Fig. 20. - Vis d'Archimède.

déterminés par des cloisons touchant l'axe et allant jusqu'à la circonférence; l'eau y entre par des ouvertures D, D (fig. 21, hors texte) ménagées dans les planches qui forment l'enveloppe de celle-ci, et se déverse latéralement par des canaux creusés dans l'arbre de couche. Des hommes font tourner la machine avec leurs pieds.



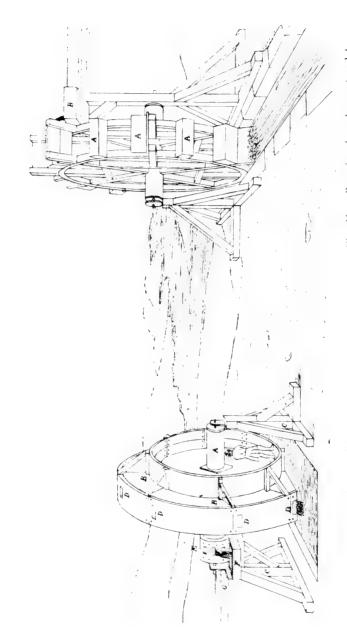


Fig. 21. — Tympan à élever l'eau.

Fig. 22. — Rone à aubes planes et godets. pour élever l'eau d'une rivière.

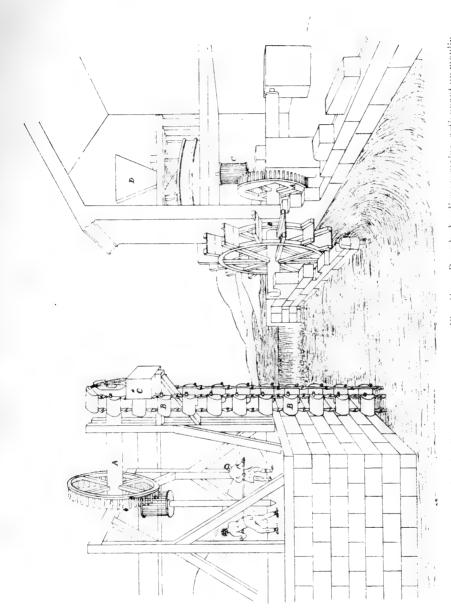


Fig. 23. — La noria, d'après Vitrave.

Fig. 21. — Roue hydraulique romaine, actionnant un moulin.



Vient ensuité la noria, à laquelle Vitruve ne donne pas de nom particulier. In rotae axe involuta duplex ferrea catena demissaque ad inum libramentum conlocabitur, habens situlos pendentes æreos congiales (fig. 23).

Il donne une place plus grande à la description de la vis d'Archimède (cochlea) qui élève l'eau moins haut gne la noria. mais peut en fournir une bien plus grande quantité 1. Cette machine, qui est encore souvent employée aujourd'hui pour l'épuisement dans les endroits où l'on veut poser à sec les fondements d'une construction, devait intéresser spécialement l'architecte Vitruve. Aussi donne-t-il les indications les plus précises sur son mode de construction. Cet enroulement, autour d'un cylindre de bois, de baguettes d'acier superposées 2 et collées à la poix pour former les cloisons en spirale, paraît de conception rudimentaire autant que d'exécution compliquée (fig. 20). Il est vrai que l'appareil était ainsi un peu plus léger que ceux qui se construisent encore à présent avec des douves encastrées dans un sillon hélicoïdal autour du noyau. Au temps de Perrault, traducteur de Vitruve, c'est-à-dire au xviie siècle, la cloison était plus ressemblante à celle que décrit l'auteur latin, puisque c'était une sorte de panier d'osier revêtu de poix pour l'étanchéité, et tressé autour de petits bâtons qui suivaient le tracé des hélices, enfoncés de distance en distance normalement au cylindre.

Dans l'appareil tel que le décrit Vitruve, le cylindre ou noyau central doit avoir autant de pieds de longueur qu'il a de doigts d'épaisseur; son diamètre est donc égal au 1/16° de sa longueur. Les spires, au nombre de huit, sont obtenues en divisant les circonférences des deux bouts en huit segments, dont les extrémités se correspondent sur les arêtes du cylindre, en prenant sur ces arêtes des longueurs égales à ces segments, en traçant par ces points des circonférences parallèles aux bases, et en

^{1.} x, 6.

^{2.} Sumitur salignea tenuis aut de vitice secta regula quae uncta liquida pice figitur, etc. » Salignea est une baguette de saule ou d'osier, vitex est proprement l'arbrisseau appelé encore aujourd'hui agnus-custus. Pour le détail de cet enroulement, se reporter au texte de Vitruve et à Blümner (Technologie, t. IV, pp. 123-126).

menant les diagonales des carrés ainsi déterminés sur le cylindre. Quant au pas, il est, par construction, égal à la longueur de la circonférence, donc au 1/5 de la longueur du cylindre, à très peu près ¹, et nous avons ainsi huit canaux qui font cinq fois le tour du cylindre, et dont la profondeur est égale au rayon du noyau central; on les recouvre de planches, liées par des cercles de fer. L'appareil ainsi construit est installé avec une inclinaison sur l'horizon, fixée par Vitruve à 3/4. Aujourd'hui, ces divers éléments sont variables : le nombre des canaux en spirale est moindre, quelquefois il se réduit à deux : et l'inclinaison peut aller de 35° à 50°, avec augmentation ou diminution proportionnelle du pas de vis.

IV. — Principes de physique.Equilibre et mouvement de l'air et de l'eau.

Les pompes, les roues hydrauliques que décrit Vitruve, et plus généralement tous les dispositifs en usage chez les anciens pour le mouvement de l'eau, supposent un certain nombre de connaissances théoriques sur l'équilibre et le mouvement des fluides. Ces connaissances elles-mêmes se reliaient à des spéculations plus hautes sur la nature des divers corps et la constitution de la matière. « Il importe à l'architecte, dit Vitruve lui-même², de connaître, par une étude toute spéciale, la nature des choses, φυσιολογία, pour être en état de résoudre quantité de questions, comme lorsqu'il s'agit de la conduite des eaux. Dans les tuyaux dirigés, par différents détours, de haut en bas, sur un plan horizontal, et de bas en haut, l'air pénètre de bien des manières avec l'eau; et comment remédier aux désordres qu'il occasionne, si dans la philosophie l'on n'a pas puisé la connaissance des lois de la nature? Qui voudrait lire les ouvrages de

^{1.} En effet la circonférence = πD : or, D. diamètre est le 1/16 de la longueur L; donc le pas = $\frac{\pi L}{16} = \frac{3,1416}{16} \times L = 0.196$ L. ou sensiblement 0.2 ou 1/5 de L.

^{2.} I. Introd.

Ctésibius, d'Archimède et des autres auteurs qui ont traité de cette matière, ne pourrait la comprendre, sans y avoir été préparé par la philosophie. »

Il serait difficile de tirer de l'ouvrage de Vitruve un ensemble de doctrines liées sur la physique; il en dissémine quelques notions cà et là, en citant les opinions de Thalès, Héraclite, Pythagore, Empédocle, Epicharme, Démocrite, sur la constitution des corps 1. Il adopte la théorie des quatre éléments, et cherche à l'appliquer à certains phénomènes, tels que la cuisson des calcaires, l'extinction de la chaux, la cohésion des mortiers 2, la durée et la résistance des bois de construction 3. Mais c'est de peu d'importance et l'on ne saurait parler de la « physique de Vitruve ». Les auteurs techniques grecs étaient beaucoup plus explicites. A défaut des traités de Ctésibios, perdus, on peut tirer des Pneumatiques de Héron d'Alexandrie et de Philon de Byzance, une suite de principes coordonnés. J'emprunte à un ouvrage de M. de Rochas 4 un résumé assez clair des idées générales professées en fait de physique par ces savants d'Alexandrie.

- « Tout corps est composé de molécules très petites, entre lesquelles se trouvent des espaces vides ou *pores*, d'une grosseur moindre que ces molécules.
- « Les corps se présentent à nous sous quatre aspects : celui de la terre, celui de l'eau, celui de l'air et celui du feu (chaleur, lumière); ces quatres formes typiques sont appelées éléments.
- « Un élément peut se transformer en un ou plusieurs autres, par l'action d'un autre élément, comme quand l'eau se réduit en vapeur ou qu'un solide se dissout dans l'eau, ou qu'on fait brûler un solide ⁵.

^{1.} II, 2. — VIII, Introd.

^{2.} п. 5.

^{3.} и, 9.

^{4.} La science des philosophes et l'art des thaumaturges dans l'antiquité, p. 41. (Paris, Masson, 1882.)

^{5.} Il y a dans ces conceptions des anciens sur la divisibilité, les transformations, et l'unité pourtant fondamentale de la matière, une part de vérité à laquelle on se plait de nos jours à rendre pleinement justice. Dans un des derniers discours qu'il ait prononcés, un grand savant. M. Henri Becquerel, reconnaissait que trois idées principales ressortent des théories anciennes, et que ces idées nous les invoquons encore aujourd'hui. Ce sont : la conception de l'atome, l'existence des mouvements intérieurs, le

« L'air est élastique; quand on le comprime, ses molécules se rapprochent, plus que ne le comporte leur état d'équilibre naturel, en pénétrant dans les espaces vides qui les séparent. Quand au contraire on les dilate, les molécules s'espacent davantage. Mais dès que la force qui les comprimait ou les dilatait cesse d'agir, les molécules reviennent très rapidement reprendre leur espacement normal.

« Le feu est composé de particules d'une ténuité extrême qui peuvent pénétrer dans les pores du corps. Il agit de deux manières différentes suivant son intensité. Quand il est modéré et se manifeste seulement par une certaine sensation de chaleur, il se borne à écarter les molécules entre lesquelles il a pénétré, et il augmente ainsi le volume des corps sur lesquels il agit; mais quand il devient plus violent et prend l'aspect d'une flamme, il use ces particules et les rend plus ténues, de telle sorte que, finalement, le corps est en partie consumé.

« Les corps se superposent par ordre de densités; en bas, les solides et les liquides; au-dessus l'air, puis le feu. Ils tendent toujours à se suivre dans cet ordre sans laisser d'intervalle entre eux. C'est là une des propriétés de la matière dont on ne peut empêcher l'effet que par l'application d'une force étrangère.

« Cette propriété se manifeste par l'attraction qu'exercent les différents éléments les uns sur les autres. Qu'on jette une pierre, à mesure que la pierre se déplace, l'espace qu'elle abandonne est aussitôt occupé par l'air qu'elle attire après elle. Plongez un tube de verre dans l'eau, vous verrez l'eau se coller contre les

rapprochement entre ces mouvements et les propriétés de l'aimant, M. Becquerel qualifiait de prophétiques ces vers de Lucrèce:

Versibus ostendam corpuscula materia; Ex infinito summam rerum usque tenere Undique protelo plagarum continuato. (De Rerum natura, 11, 529-531.)

Et ceux-ci:

Fit quoque ut hunc ceniant in cætum extrinsecus illa Corpora quæ faciunt nubes nimbosque volantes. (VI, 481-482.)

c Chaque mot de ces citations correspond à chacune des propriétés que nous attribuons aujourd'hui aux corpuscules électrisés. « (II. Becquerel, réflexions sur une théorie moderne. Lu en séance publique annuelle des cinq Académies, le vendredi 25 octobre 1907.)

parois du tube. Cette force d'attraction n'est point la même entre tous les éléments; peu considérable entre un liquide et un solide, elle l'est beaucoup entre un liquide et l'air. C'est pour cela que, quand il y a de l'air sur de l'eau dans un tube et qu'on retire l'air, l'eau le suit, obéissant ainsi à une force qui agit en sens inverse de la pesanteur. On voit que, d'après les idées des anciens, l'eau pouvait ainsi monter jusqu'à ce que le poids de la colonne d'eau soulevée fit équilibre à la force d'attraction exercée par l'air sur l'eau et que l'explication du phénomène observé par le fontainier de Florence eût été facile pour eux s'ils l'avaient connu 1. »

Cette théorie de l'ascension des liquides est celle de Philon de Bysance. « Que l'eau, dit-il, puisse s'élever en haut, cela est manifeste. Elle est, en effet, entraînée avec l'air qu'on élève parce qu'elle lui est continue, ainsi que cela est patent pour le vase au moyen duquel on goûte le vin. On voit que lorsque quelqu'un tient à la bouche une des extrémités de ce vase et fait une aspiration, il attire l'air, et avec l'air tout corps mou très liquide qui est au-dessous, parce que ce liquide est continu à l'air comme s'il lui était attaché par de la colle ou quelque autre liaison de ce genre ². »

Héron donne une explication assez différente, tirée de la pression de l'air, dont l'aspiration a dérangé l'équilibre et qui tend à le reprendre :

« Nous pouvons élever du vin par la bouche à l'aide d'un siphon, bien que ce mouvement d'ascension ne soit pas naturel. En effet, quand nous avons reçu dans notre corps l'air qui se trouvait dans le siphon, nous sommes devenus plus pleins qu'auparavant, et nous pressons l'air qui nous touche; cet air presse lui-même de proche en proche jusqu'à ce que la pression arrive à la surface du vin; et alors le vin comprimé s'élève dans

^{1.} C'est-à-dire qu'ils n'auraient pas été surpris de voir que cette attraction avait une limite définie. On sait que le fontainier de Florence, ayant essayé vainement d'aspirer l'eau par une pompe jusqu'à une hauteur au delà de 32 pieds, communiqua son embarras à Galilée, qui ne sut que lui répondre, sinon que « la nature n'avait horreur du vide que jusqu'à 32 pieds. »

^{2.} Πνευματικά.

la partie du siphon qui a été vidée, car il n'y a pas d'autre lieu où il puisse se porter sous l'influence de la pression. C'est ainsi que s'explique le mouvement ascendant du vin, mouvement qui n'est point naturel 1. »

Ni l'un ni l'autre ne songent à l'effet de la pesanteur. Et pourtant l'on savait de longue date que l'air est pesant. Aristote le dit formellement ². A l'appui de son affirmation, il gonfla d'air une vessie, et constata que cette vessie, ainsi gonflée, pesait plus qu'une vessie vide. Avant lui, Empédocle avait attribué la cause de la respiration « à la pesanteur de l'air qui se précipite dans l'intérieur des poumons ³. » Plutarque cite l'opinion toute pareille d'Asclépiade: « L'air est porté avec force dans la poitrine par sa pesanteur ⁴. » Mais on sait de reste que cette notion, pour être éclaircie, devait attendre de longs siècles, jusqu'aux expériences de Torricelli et de Pascal.

V. — Pompes et machines hydrauliques.

Que l'aspiration de l'eau fût attribuée par les uns à l'élasticité de l'air, par les autres à l'attraction des deux éléments, les anciens n'en avaient pas moins inventé et fait fonctionner des machines ayant pour principe l'aspiration et la compression. La pompe à deux cylindres que Héron décrit⁵, sans indiquer le nom de son auteur, et qui, d'après Vitruve, serait due à Ctésibios, dont Héron était le disciple, est, à quelques détails près, notre pompe foulante à incendie. C'est du reste comme instrument à cet effet que Héron la présente ⁶, les tubulures aboutissant à une pompe de jet (fig. 25); tandis que Vitruve la donne comme

- 1. Πνευματικά, 1, 2, 155.
- 2. Πεοί οὐσανοῦ, 1ν, 1.
- 3. Traité de la médecine, vII.
- 4. Plutarque, Opinions des philosophes, 1v, 22.
- Πνευματικά, 1, 28.
- 6. Οἱ δὲ σίφωνες, οἶς χρῶνται εἰς τοὺς ἐμπρήσμους, κατασκευάζονται οὕτως.

pompe élévatoire, les deux corpy de pompe envoyant l'eau dans un récipient formant cloche à air, d'où l'eau, par un tuyau vertical, pouvait s'élever à la hauteur qu'on voulait (fig. 26).

Il est intéressant de comparer les deux descriptions. Celle de Héron est beaucoup plus ordonnée, précise et complète, rédigée sous forme didactique, avec mention des lettres qui renvoient au

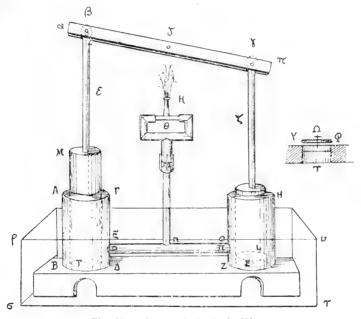


Fig. 25. — Pompe foulante de Héron.

dessin, conformément à la méthode générale des exposés de l'auteur. Après l'avoir lue, un constructeur pourrait l'établir sans avoir rien à imaginer lui-même. Celle de Vitruve, quoique pouvant compter parmi les plus claires de l'ouvrage, ne peut permettre de dessiner qu'une figure schématique; de plus, l'ordre n'y est guère rigoureux : il est d'abord question des cylindres, puis du récipient accumulateur, qui est décrit entièrement, avant qu'il soit encore fait mention des pistons. Bref, nous avons là une vraie démonstration, ici une simple indication !.

 $^{1.\} Pour donner une idée des deux systèmes, je transcris et traduis le début des deux descriptions. Voici d'abord celle de Héron :$

^{« &}quot;Εστωσαν δύο πυζίδες χαλααί κατετορνευμέναι, τήν έντος ἐπιφάνειαν πρὸς

Toutefois, le texte latin présente un intérêt capital, en ce qu'il nous apprend qu'au moyen de ces pompes on pouvait

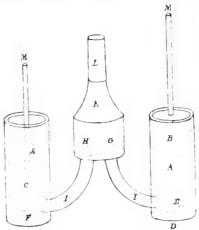


Fig. 26. — Pompe foulante de Vitruve, d'après Ctésibios.

élever de grands volumes d'eau à des hauteurs considérables,

έμβολεα, καθάπες αί τῶν ὑθζωλέων πυξίθες, αί $AB\Gamma\Delta$, $EZH\Theta$ ἐμβολεῖς δὲ αὐταῖς ἔστωσαν άρμοστοὶ οἱ KA, MN. Συντετρήσθωσαν δὲ πρὸς ἀλλήλας αἱ πυξίθες διὰ σωλήνος τοῦ $\Xi O\Delta Z$. Ἐκ δὲ τῶν ἐκτὸς μερῶν αἱ πυξίθες ἐντὸς τοῦ $\Xi O\Delta Z$ σωλήνος ἐγέτωσαν ἀσσάρια προκείμενα, οἶα εἴρηται ἐν τοῖς ἐπάνω, τὰ Π , P, ὥστε εἰς τὸ ἐκτὸς τῶν πυξίθίων ἀνοίγεσθαι μέρος. Ἐγέτωσαν δὲ καὶ ἐν τοῖς πυθμέσιν αἱ πυξίθες τρήματα στρογγύλα τὰ Σ , T. ἐπιπωμαννύμενα τυμπανίοις ἐσμηρισμένοις τοῖς $\Psi \Phi$, $X\Psi$, δὶ ὧν περόνια διαδεδλήσθω, ἐπικεκολλημένα ἢ προσκεκοινωμένα τοῖς πυθμέσι τῶν πυξίθίων, τὰ Ω , Ω , ἔγοντα ἐκ τῶν ἄκρων κωλυμάτια πρὸς τὸ τυμπάνια μηκέτι ἐξέλκεσθαι ἐξ αὐτῶν...»

« Soient deux cylindres creux de bronze $AB\Gamma\Delta$, $EZH\Theta$, dont la surface intérieure soit bien mandrinée, comme celle des cylindres d'orgues hydrauliques : soient les pistons-rouleaux $K\Lambda$, MN, exactement logés dans ces cylindres, ceux-ci communiquant l'un avec l'autre par le canal $\Xi O\Delta Z$. Qu'à leur partie extérieure et à l'intérieur du canal $\Xi O\Delta Z$, les cylindres aient des clapets PR, comme en ont ceux qui sont décrits plus haut, et que ces clapets s'ouvrent de dedans en dehors. Qu'au fond des cylindres soient des ouvertures circulaires Σ . T, bouchées par des disques $\Psi \Phi$, $\Psi \Psi$ que traversent des chevilles, $\Psi \Psi$, fixées et assujetties au fond des cylindres, et portant à leurs extrémités des arrêts pour s'opposer à ce que les disques s'en échappent.

A côté, voici le début de Vitruve (x, 7, p, 259 :

← Ea (machina) fit ex aere, cujus in radicibus modioli fiunt gemelli paulum distantes, habentes fistulas furcillae figura similiter cohaerentes in medium catinum concurrentes. In quo catino fiunt asses in superioribus naribus fistularum coagmentatione subtili conlocati, qui praeobturantes foramina narium non patiuntur redire quod spiritu in catinum est expressum... →

« La machine est en bronze. On place à sa base, à une petite distance l'un de l'autre, deux cylindres creux jumeaux munis de tuyaux semblablement adaptés, formant fourche, et se réunissant dans un récipient intermédiaire. Dans ce récipient sont ajustés deux clapets aux orifices supérieurs des tuyaux, qu'ils bouchent hermétiquement, pour empêcher que ce qui a été poussé, par la pression de l'air, dans le bassin, ne s'en échappe. »

et les emmagasiner dans des réservoirs, d'où cette eau pouvait jaillir dans des bassins et des fontaines 1.

Vitruve parle aussi² du moyen d'élever l'eau par une roue suspendue au-dessus d'une rivière, y plongeant légèrement, et mue par la force même du courant. C'est donc une roue motrice hydraulique, la roue en dessous à aubes planes, dont les ailes du côté opposé à celui que frappe le courant sont munies de godets (pinnae), qui puisent l'eau en se relevant, et arrivés au haut la déversent dans un chenal, comme font les godets de la noria (fig. 22, hors texte).

A cette occasion, l'auteur indique le mécanisme des moulins mus par le même système de roues (fig. 24, hors texte). Ce passage 3 est d'autant plus intéressant que c'est le seul texte ancien où le moulin à eau soit décrit 4, et que nous y trouvons indiquée la transmission du mouvement d'un axe horizontal à un axe vertical par roue d'engrenage et pignon 5. « Ita dentes tympani ejus quod est in axe inclusum impellendo dentes tympani plani cogunt fieri molarum circinationem; in qua machina impendens infundibulum subministrat molis frumentum et eadem versatione subigitur farina. »

On voudrait que Vitruve donnât quelques renseignements sur d'autres roues hydrauliques. On en connaissait certainement plusieurs systèmes, entre autres la roue à augets 6; mais les textes précis font défaut. On reste à se demander comment il se fait que les anciens, si ingénieux pour tant de choses pratiques, n'aient pas su, après les premiers essais, mieux mettre à profit

^{1. «} Ita ex inferiore loco castello conlocato ad saliendum aqua subministratur. » Ainsi une ville au bord d'un fleuve, Lyon, par exemple, on plutôt la presqu'île de Condate, pouvait fort bien posséder des bassins, un amphithéâtre avec son euripe et ses jets d'eau, sans qu'un aqueduc spécial fût pour cela nécessaire. (V. notre ouvrage publié en même temps que celui-ci, Les aqueducs antiques de Lyon, ch. 1, p. 18.)

^{2.} x, 5.

^{3.} x, 5.

^{4.} On ne trouve ailleurs que des allusions (Strabon, XII; — Pline, XVIII, 97; — Palladius, De re rustica, 1, 42; — Ausone, Poëme de la Moselle, 361).

^{5.} Le système de Vitruve paraît assez primitif. Mais les indications de Héron dans les Mécaniques prouvent que l'on savait fort bien construire théoriquement les engrenages. (Fragments des Μηγανικά, π, 18.)

^{6.} Cf. Marquardt (Manuel des antiquités romaines, xv, p. 44).

une force naturelle constamment disponible, comme celle de l'eau. C'est que l'histoire des inventions est toujours la même. Les vraies solutions sont presque toutes simples, et l'on reste stationnaire, ou l'on s'égare dans les complications, sans apercevoir ce qui devrait sauter aux yeux.

VI. - Hydraulique des conduites d'eau.

Ni dans le livre VIII de l'ouvrage de Vitruve, ni dans le livre XXXI de l'Histoire naturelle de Pline, où est traitée la question des eaux, nous ne trouvons énoncé aucun principe d'hydrostatique et d'hydrodynamique. Pour estimer approximativement ce que pouvaient être à cet égard les données des anciens, il faut se reporter au traité d'Archimède sur l'équilibre des corps flottants, et aux descriptions d'appareils fournies par Héron et Philon. On peut en déduire que ces données théoriques se bornaient à deux ou trois des principes fondamentaux de l'hydrostatique moderne : encore, sauf le principe d'Archimède, ne sont-ils pas formulés explicitement. On savait qu'un corps plongé dans un liquide perd de son poids une part égale au poids du liquide déplacé; que le liquide contenu dans des vases ouverts à l'air libre et qui communiquent entre eux se met toujours de niveau, quelle que soit la forme des vases et des conduits de communication; que dans une masse liquide il existe une relation entre la profondeur, la pression et la vitesse d'écoulement. Mais on ne voit nulle part cette relation scientifiquement évaluée : il est possible que l'on ne fit pas une distinction très nette entre la variation de la pression et celle de la vitesse¹; rien non plus n'est dit d'explicite au sujet, ou des pressions exercées sur le fond et sur les parois des vases, ou de la transmission des pressions au sein d'une masse liquide, ou de la variation du débit suivant le mode d'écoulement adopté (mince paroi, ajutages, déversoirs, orifices noyés, etc.), ou des

I. C'est ainsi qu'Aristote semble avoir cru pour la chute des corps à la proportionnalité de la vitesse avec les espaces parcourus. (Περὶ ούρανοῦ, 1, 8.)

pertes de charge par la viscosité, les changements de section, les coudes brusques des conduites. Et, pourtant, il apparaît qu'en pratique les problèmes d'hydraulique applicables aux conduites d'eau ont été résolus comme si tout cela eût été connu. Cette anomalie s'explique à la réflexion. Ici plus qu'ailleurs l'expérience a pu suppléer à l'absence de théories bien définies. Nous établissons des relations de forme précise entre les divers éléments ci-dessus énumérés, pressions, vitesses, pertes de charge. Mais dans toutes ces formules, de Saint-Venant, de Bazin, de Prony, dont nos ingénieurs hydrauliciens se servent journellement, considérons la part laissée à des coefficients que l'on fait varier suivant des données purement expérimentales. L'emploi de ces coefficients repose sur des observations si multiples et si attentives qu'il permet d'opérer avec certitude. Mais la pratique ancienne reposait aussi sur des expériences très nombreuses et sur des traditions très continues et très solides. A défaut de formules proprement dites, les ingénieurs grecs et romains pouvaient avoir des tables, des listes, correspondant à l'immense variété des cas qui pouvaient se présenter: l'intuition et la science professionnelle de chacun suffisaient pour les interpolations nécessaires.

Il est à regretter que rien ne subsiste de ces documents transmis par l'expérience. Mais on s'explique assez que les traités théoriques n'en aient rien conservé. Ne pouvant exciter la curiosité comme les petits phénomènes amusants des cabinets de physique, ni être ramenés à des lois, à des définitions précises, ces recueils de faits et de chiffres n'auraient pu fournir que des énumérations monotones et démesurément longues.

Voici l'exemple d'un problème pratique très simple, où l'on regrette que Héron ait pour ainsi dire tourné court avant de fournir la solution rationnelle que l'on attendait, ce qui d'ailleurs peut tenir à l'omission d'un copiste. C'est cette question d'hydraulique intercalée dans le traité de la Dioptre: Une source étant donnée, évaluer son produit, c'est-à-dire la quantité d'eau qu'elle fournit.

^{1.} Πηγής ύπαργούσης, ἐπισκέψασθαι τὴν ἀπόρρυσιν αὐτής, τουτέστι τὴν ἀνάβλυσιν ὅση ἐστί. (Περὶ Διόπτρας, § ΧΧΧΙ.)

Après avoir recommandé de déterminer, au moyen de la dioptre, un point convenable assez bas pour recevoir toute l'eau de la source, l'auteur indique l'emploi d'une conduite en plomb de forme quadrangulaire, d'une section plus grande que celle du courant, et qui recueille toute la veine liquide.

« Prenons donc à l'extrémité de la conduite, l'eau qui s'y engage; supposons qu'elle s'y élève à une hauteur de deux doigts et que la largeur de l'embouchure soit de six. Multiplions 6 par 2, cela fait 12: nous voyons ainsi que la section de la veine est de 12 doigts. Observons toutefois qu'il ne suffit pas, pour connaître la quantité d'eau fournie par la fontaine, de déterminer la section de la veine que nous disons être de 12 doigts: il faut avoir en outre sa vitesse; car plus l'écoulement est rapide, plus la fontaine fournira d'eau; et plus il est lent, moins il aura de produit. Pour ce motif, après avoir creusé un réservoir sous le courant, il faut examiner, au moyen d'un cadran solaire, combien il y entre d'eau en une heure, et de là déduire la quantité d'eau fournie en un jour; alors on n'a pas besoin de mesurer la section de la veine, la mesure seule du temps suffit pour rendre évident le produit de la source. »

Il est très vraisemblable qu'il y ait une lacune avant la phrase commençant par « pour ce motif » entre les mots du texte $\mu \bar{\epsilon} i \sigma \nu$ et $\Delta i \dot{c} \dot{c} \dot{n} \dot{n}$. On s'expliquerait ainsi comment l'auteur n'indique pas le procédé pour mesurer la vitesse, connaissant la section, pour avoir le débit. Sinon, il serait à croire qu'il se dérobe devant la définition précise, mathématique, à donner de la vitesse.

VII — Hydrologie.

A ces considérations sur l'hydraulique des anciens, peuvent s'ajouter quelques mots sur leurs connaissances d'hydrologie, du moment qu'avant d'entreprendre un travail d'adduction d'eau, ils se préoccupaient beaucoup de la qualité de celle-ci. Tout dépourvus qu'ils étaient de procédés d'analyse chimique, ils se rendaient compte soigneusement du degré de pureté et de

salubrité d'une eau potable. Vitruve consacre une partie importante de son viiie livre à ce genre d'indications. Pline l'Ancien et lui 1 recommandent surtout les eaux des montagnes, provenant des roches dures et siliceuses de préférence, du tuf, du gravier, quoique dans ce dernier les veines soient irrégulières; ils regardent comme inférieure l'eau des sables mouvants et de la craie. Mais quelle qu'elle soit, l'eau de source, ou des puits alimentés par des sources, leur paraît toujours préférable à l'eau des rivières, médiocre, des torrents, moins bonne encore, et des citernes, celle-ci considérée comme peu salubre. Vitruve signale l'utilité des forêts pour conserver la neige et permettre à l'eau de s'infiltrer peu à peu dans la terre. Mêmes indices sont recueillis par l'un et l'autre auteur pour la découverte des sources, c'est-à-dire la présence de certaines plantes ou arbres, jones, aunes, saules, roseaux, etc., puis les brouillards qui s'élèvent de la terre au lever du soleil. Ils distinguent aussi les différentes espèces d'eaux minérales, froides ou chaudes, incrustantes, sulfureuses, alumineuses, salines, nitreuses, bitumineuses, acides, indiquent leurs effets, et quelque peu leurs origines, leurs relations avec les terrains 2.

Pour apprécier la dureté ou crudité de l'eau, nous avons aujourd'hui le procédé rapide de l'hydrotimétrie, fondé sur la réaction de l'eau de savon sur les sels terreux, et qui donne, par une simple lecture sur l'échelle graduée d'une burette, la proportion de ces sels pour un litre de l'eau essayée. Les anciens n'avaient que le procédé sommaire de l'ébullition produisant avec plus ou moins de rapidité la cuisson des légumes ³. Ils examinaient également si, après ébullition, des incrustations restaient adhérentes aux parois des vases.

Quant aux notions sur le régime des eaux suivant les saisons et dans les différentes contrées, on ne pouvait les rassembler comme nous le faisons grâce à nos installations hydrométriques et à nos statistiques minutieuses. Mais les enquêtes pour chaque

^{1.} Vitruve, viii, i. - Pline, xxxi, 21, 23, 28.

^{2.} Vitruve, viii, 3. — Pline, xxxi, 2, 3, 20, 32.

^{3.} Vitruve, viii, 5.

projet d'adduction d'eau étaient faites avec une diligence et une sagacité telles, que nous ne saurions aujourd'hui, avec tous nos renseignements méthodiques, choisir avec plus de sûreté pour l'approvisionnement d'une ville, les versants où puiser, les nappes d'eau à saisir, et les sources à aménager.

VIII. — Mécanique de la construction. Perspective et dessin.

Si les ouvrages hydrauliques de l'époque romaine révèlent chez les ingénieurs qui les ont construits une connaissance, sinon exactement formulée, du moins implicite et effective des lois régissant l'équilibre et le mouvement des fluides, à plus forte raison l'art romain de la construction, reposant sur les principes connus de la géométrie, témoigne-t-il d'une science d'application fort étendue et fort solide. Il fallait être autre chose qu'un bon maçon expérimenté pour équilibrer les forces de compression, de flexion, de traction qui agissaient en tous sens sur toutes les parties de ces puissants édifices.

Sur cette résistance des matériaux, on s'attendrait à trouver dans Vitruve, au chapitre viii du livre VI, qui traite de la solidité et des fondements des édifices, quelque chose de précis. Mais il s'en tient à des indications générales, conseillant avant tout d'éviter les porte-à-faux (pendentia), de placer des décharges en forme de chevrons ou de cintres au-dessus des linteaux, et de consolider les piliers d'angles. Il est plus explicite pour les murs de soutenement, et recommande de proportionner l'épaisseur du mur au volume de terre qu'il a à soutenir, de le renforcer par des arcs-boutants et des contreforts dont la largeur soit égale à celle des fondements, et qui soient distants les uns des autres de toute la grandeur qu'on aura donnée à l'épaisseur des sondements. Il ajoute que la partie inférieure de ces contreforts devra avoir autant de longueur que les fondations auront de hauteur; puis qu'ils se rétréciront graduellement de manière que la partie supérieure de leur saillie ne

soit pas plus grande que le mur n'est épais. Mais il manque bien des choses à ces indications pour être completes. Il faudrait donner le moyen de calculer l'épaisseur du mur en fonction de plusieurs éléments essentiels: le poids de l'unité de volume de maçonnerie, celui de l'unité de volume du terrain à soutenir, et l'angle formé par le talus naturel des terres: voilà les relations qu'il nous importerait tout d'abord de connaître. Après cela, dire qu'on vient d'enseigner la manière de faire une construction sans défaut paraît un peu excessif, surtout quand on se dispense d'ajouter quoi que ce soit sur ce qui concerne la charpente, sous prétexte que lorsque ces pièces sont défectueuses il est facile de les changer 1.

Et ce ne sont pas les seules omissions à relever en ce qui concerne la construction proprement dite; il n'est question nulle part des divers systèmes d'assemblage, non plus que de la coupe des pierres. Ce qui est dit au chapitre III du livre VII sur la construction des voûtes est à peu près insignifiant. Et c'est pourtant le procédé par excellence de l'architecture romaine. On a pensé que du temps de Vitruve « la construction voûtée n'avait point, à beaucoup près, reçu le développement qu'elle a pris dans la suite : aucune voûte de très grande ouverture, dit M. A. Choisy, et établie dans le système de maçonnerie brute qui fut plus tard si répandu, ne peut être attribuée à une époque antérieure à celle de Vitruve ; l'auteur du seul traité ancien qui nous reste sur la construction assista tout au plus vers la fin de sa vie à ces colossales entreprises qui nous rappellent les noms d'Auguste et d'Agrippa, et qui ont marqué dans l'architecture romaine l'avenement d'une ère nouvelle : lui-même n'eut point de part au magnifique essor qui produisit les thermes d'Agrippa et le Panthéon de Rome; et son livre, œuvre de sa vieillesse, nous offre moins un tableau des innovations de l'époque contemporaine qu'un souvenir des procédés en usage aux derniers

I. « Quemadmodum sine vitiis opera constitui oporteat et uti caveatur incipientibus exposui. Namque de tegulis aut tignis aut asseribus mutandis non est eadem cura quemadmodum de his, quod ea, quamvis sint vitiosa, faciliter mutantur. « (vi. 8, 154.) Au livre IV, 7, on ne trouve qu'une brève énumération des diverses pièces d'une toiture.

temps de la République, une sorte de retour vers des méthodes qu'il avait appliquées pendant le cours de sa longue carrière » 1.

Le silence gardé sur les voûtes est ainsi en partie expliqué. quoique l'époque où a vécu Vitruve fasse encore l'objet de bien des discussions?. Mais les autres omissions ne s'en trouvent pas justifiées. On pourrait peut-être invoquer la raison que Vitruve donne lui-même³, à savoir qu'il écrit non pas un ouvrage purement technique destiné à n'être lu que par les apprentis architectes, mais un livre à l'usage de tout le monde, qui puisse se lire sans fatigue dans les moments de loisir que laissent les affaires. Il s'excuse d'employer trop de termes de métier (inconsuetus sermo) et proteste de son intention de faire court, pour se mettre à la portée du lecteur (ad sensus legentium). S'il eût moins écouté ces scrupules d'écrivain, sa réputation de savant y aurait sans doute beaucoup gagné aux yeux de la postérité, et nous aurions entre les mains un document bien plus solide, bien plus complet, pour juger de la science et de l'art de l'ingénieur ancien.

Il suffit de considérer la série des constructions voûtées, en maçonnerie, soit concrète, soit d'appareil (voûtes en berceau, voûtes d'arête, voûtes sphériques ou conoïdes, voûtes biaises, berceaux en descente), que les architectes romains ont établies avec tant d'adresse et de sûreté, et qui comportent tant de variétés de liaisons, de coupes et de pénétrations, pour croire fermement à des préceptes suivis, directement déduits de raisonnements mathématiques 4. On ne peut guère douter que les principes de la stéréotomie n'aient formé un corps de doctrine scientifiquement établi, à l'époque de ces grandes constructions, sous les premiers empereurs.

On est malheureusement fort peu renseigné sur ce que pouvait

^{1.} A. Choisy, L'art de bâtir chez les Romains, Introduction, p. 4.

^{2.} Cf. $Recherches\ sur\ Vitruve\ et\ son\ æuvre,\ par\ V.$ Mortet. Revue archéologique, 1902 et 1904.

^{3.} Liv. V. Introduction.

¹ V. ci-dessus, p. 31, 35 et 36, où il est question de l'étude des sections coniques, par Platon, Euclide et Apollonios. Ces théories furent, à n'en pas douter, utilisées par les ingénieurs pour la construction de toutes leurs voûtes à intersections.

être alors l'art du dessin géométrique, indispensable cependant pour dresser les épures de stéréotomie. D'après M. P. Tannery 1, il serait douteux que les architectes de l'antiquité eussent pratiqué l'épure, parce que, dit-il, « leur architecture était conçue suivant des nombres (proportions, rapports aux modules) et non suivant des formes, comme, au contraire, celle du moven âge. » Il me semble qu'il faudrait distinguer entre les ordres d'architecture grecque, dorique, ionique, corinthien, où il suffisait, en effet, d'appliquer une échelle modulaire, et la construction voûtée des Romains, qu'on ne peut guère imaginer sans le secours de représentations géométriques, et d'où, au surplus, est dérivée l'architecture du moyen âge. M. P. Tannery tient lui-même pour évident que dans d'autres cas particuliers, comme pour l'établissement des cadrans solaires, il fallait dresser des épures; que « les charpentes paraissent avoir également été de bonne heure assez compliquées pour demander un tracé d'épure ». Je crois donc volontiers, non seulement aux plans généraux d'architectes (formae, exemplaria picta2), dessins d'ensemble qu'il leur fallait soumettre à celui qui leur avait commandé le travail, avant de passer à la construction³, mais encore à des plans de détail, à des épures d'exécution, remis soit aux chefs de chantier, soit aux tailleurs de pierres et macons.

On n'ignorait pas les lois de la perspective géométrique. Vitruve rappelle 4 que Démocrite et Anaxagore ont enseigné « comment on peut d'un point fixe, donné pour centre, imiter la disposition naturelle des lignes qui sortent des yeux en s'élargissant, de manière à faire illusion, et à représenter sur la scène de véritables édifices qui, peints sur une surface droite et unie, paraissent, les uns rapprochés, les autres éloignés ». C'était la scenographia, ce que nous appelons perspective ordinaire, avec point de vue, point de fuite, point de distance. Mais il y avait

^{1.} P. Tannery, article Geometria, du Dict. de Daremberg et Saglio.

^{2.} Vitruve. 1. 1.

^{3.} Suétone, J. César, xvi, 31.

^{4.} VII, Introduction.

aussi l'orthographia, élévation ou projection sur un plan vertical. Le procédé le plus usité était probablement celui de la projection oblique ou perspective cavalière, que nous utilisons encore pour la charpente et la stéréotomie, et qui montre les objets comme s'ils étaient vus de haut, pour ainsi dire à vol d'oiseau. Tels sont les dessins représentés sur plusieurs planches de l'édition Lachmann des Gromatici veteres: ce sont ceux des manuscrits du moyen âge; on peut croire qu'ils reproduisaient



les figures originales. Il est regrettable que les dessins qui accompagnaient l'ouvrage de Vitruve, qu'il avait exécutés lui-même, et auxquels il renvoie souvent en faisant ses descriptions, aient été perdus : il y aurait eu là une bien intéressante variété de plans et figures d'architecte. En tous cas, la disparition de ceux-ci, que tout engageait à conserver, fait qu'on ne s'étonne guère de la perte de tous les autres qui, n'ayant qu'un intérêt passager, devaient, même à leur époque, être prompts à disparaître.

On en exécutait quelques-uns en relief sur le bronze ou le marbre, surtout ceux qui devaient se conserver comme documents administratifs officiels (plans de villes, réseaux d'aqueducs, etc.)³. Encore en a-t-on retrouvé bien peu, et à l'état de fragments. Quant aux plans graphiques, ils étaient tracés au tire-ligne et au compas

sur papyrus ou parchemin⁴. La fig. 27 représente un petit instrument romain de dessin linéaire⁵, qui, à part la vis de serrage, dont tient lieu un anneau coulant, et la forme des becs, est tout à fait semblable aux tire-lignes que nous employons. C'est là un indice matériel, assez curieux, de l'analogie entre les procédés graphiques des anciens et les nôtres.

^{1.} Vitr., 1, 2.

^{2.} Ce serait ce que Vitruve entend par ichnographia. (Ibid.)

^{3.} Jordan (Forma Urbis Romae regionum, XIIII): — Plutarque (An vitiositas, 3). — C. I. L., vi, 1261.

^{4.} Aulu-Gelle, xix, 10.

^{5.} Reproduit d'après une figure de l'ouvrage de M. Curt. Merkel (Die Ingenieur-technik im Alterthum), p. 605.

CHAPITRE V

FORMATION ET CONDITION DES INGÉNIEURS

I. — Instruction théorique et culture générale.

La formation scientifique et technique de l'architecte fait l'objet du premier chapitre, malheureusement trop court, du livre premier de Vitruve. L'auteur commence par distinguer la théorie (ratiocinatio), et la pratique (fabrica), et par affirmer très justement qu'il faut être en possession de l'une et de l'autre. pour avoir en même temps l'autorité nécessaire et la puissance de réalisation. Tout en prenant soin de déclarer que l'ambition de l'architecte ne doit pas être de devenir un pur mathématicien 1, c'est néanmoins sur l'importance de l'instruction théorique qu'il insiste le plus. De même que Cicéron exigeait de l'orateur digne de ce nom 2, non seulement l'habileté professionnelle de la parole, mais, avec l'élévation du caractère, une vaste et solide érudition, de même Vitruven'accorde le titre d'architecte qu'à l'homme pourvu d'une éducation libérale et d'un savoir étendu. Non content de distinguer expressément l'architecte du simple conducteur de travaux, chef de chantier (officinator) 3. il voudrait que la profession fût interdite aux individualités sans mandat garanti, sans instruction éprouvée, auxquelles la présomption tient lieu de science, et l'intrigue de talent 4.

^{1. «} Quibus vero natura tantum tribuit sollertiae, acuminis, memoriae, ut possint geometriam, astrologiam, musicen, ceterasque displinas penitus habere notas, praetereunt officia architectorum, et efficiuntur mathematici. »

^{2.} De Oratore, 1.

^{3.} vi. 8.

^{4.} X, Introd. « Namque non sine poena grassarentur imperiti, sed qui summa doctrinarum subtilitate essent prudentes, sine dubitatione profiterentur architecturam. »

La dénomination d'àpxitéztou ou d'architectus ne désignait pas uniquement chez les anciens le constructeur d'édifices: elle équivalait à notre appellation moderne d'ingénieur 1. C'est-àdire que le constructeur d'édifices devait connaître tout ce qui se rattachait à ce que nous appelons l'art de l'ingénieur, et pouvoir diriger n'importe quelle fabrication technique, d'engins industriels ou de machines de guerre. C'est ainsi que Vitruve lui-même, qui était bien un architectus, avait été chargé, avec trois collègues, de la construction des balistes, scorpions, catapultes, etc., en somme avait dirigé les arsenaux de l'Etat 2. La formation de l'architecte, tel que l'entend Vitruve, c'est donc la formation de l'ingénieur.

Il énumère les connaissances nécessaires à cette formation, et indique les raisons de leur nécessité. En fait de sciences proprement dites, il nomme la géométrie, l'arithmétique, l'optique, l'astronomie, l'histoire, la philosophie, le droit et la médecine; en fait d'arts, le dessin et la musique. N'oublions pas l'étude des lettres, que Vitruve place en première ligne, estimant à juste titre qu'un ingénieur doit pouvoir rendre compte de ses travaux avec clarté et précision ³.

On voit assez qu'entre ces diverses connaissances il y a, au

1. Ce n'est pas que les ingénieurs fussent toujours appelés architectes. On les distinguait souvent par leur spécialité. Le geometra, l'aquilex (hydraulicien), le librator (niveleur), le machinator ou mechanicus, machinarius (constructeur de machines), étaient des ingénieurs. En principe, l'architectus était plutôt le constructeur d'édifices ou le chef d'entreprise. Il faut faire la différence quand on oppose les termes les uns aux autres dans une énumération. Mais bien souvent chacune de ces dénominations, et celle d'architectus, se prennent l'une pour l'autre. Architectus est donc bien, en somme, le terme générique pour désigner un ingénieur.

Quant à mensor c'est un terme d'acception fort étendue. Sans parler des vérificateurs des poids et mesures et de l'annone, les mensores étaient en général des arpenteurs. (C. I. L. III. 1220, 2124, 2128. — VI. 13, 198, 905, 3988, 4244, 6321, 8912, 9619, 9624.) Mais ce pouvaient être aussi des architectes (III. 2129.— VI. 1975, 9622, 9625.— XIV. 3032, 3713). On croit que les mensores aedificiorum avaient des fonctions spéciales, distinctes de celles des architectes proprement dits, mais on ne saurait préciser lesquelles.

Dans l'armée, les mensores et metatores étaient chargés de déterminer l'emplacement du camp, d'en tracer les lignes et de présider à leur aménagement.

2. Liv. I. Introduction.

^{3.} Les Grecs appréciaient fort cette qualité chez leurs architectes. « Athènes, dit Valère-Maxime (viii. 12), est fière de son arsenal, et avec raison... Philon qui en fut l'architecte, rendit compte de ce travail en plein théâtre, et en de si beaux termes, que le peuple le plus éclairé de l'univers n'applaudit pas moins à son éloquence qu'à son talent dans l'architecture. »

point de vue de l'utilité professionnelle directe, de grandes différences. Bien que Vitruve semble s'évertuer à les mettre toutes presque sur le même pied, personne ne pense qu'un architecte romain eût autant d'intérêt à apprendre la médecine ou la musique qu'à étudier l'arithmétique ou la géométrie. Mais les présenter ainsi de pair était une manière d'insister sur l'importance d'une culture générale i pour le futur ingénieur. Lui-même, sous la surveillance de sa famille, avait reçu une instruction complète. Il se félicite 2 de ce que ses parents l'aient confié de bonne heure à des maîtres sous la direction desquels il s'est adonné à toutes les sciences, en vue de sa profession. Il avait ensuite affermi et étendu son savoir par la lecture de nombreux ouvrages techniques 3. Alors était venue la formation pratique, l'apprentissage sur les chantiers. Nous pouvons donc être persuadés que Vitruve - et il devait en être de même de l'élite des ingénieurs de son temps - connaissait rationnellement une bonne part de ces sciences mathématiques dont la matière et l'étendue ont été sommairement décrites aux chapitres précédents. Il pouvait expliquer et justifier, d'après des principes scientifiques, les œuvres qu'il exécutait, « res fabricatas sollertia ac ratione demonstrare atque explicare 4 ».

II. — Architectes grecs et architectes romains. Diversité des conditions sociales. Maîtres et écoles.

En Grèce, des écoles anciennement fondées dans différentes cités par des architectes célèbres ⁵ avaient perpétué les bonnes disciplines à travers des générations d'ingénieurs, à la fois

^{1.} Il est intéressant de constater que la liste de Vitruve contient, avec quelques éléments de plus, toute la série de connaissances dont on instruisait. d'après Quintilien (Instit. or. I: 4, 8, 10, 11, 12, 14), les enfants des classes élevées qui se destinaient aux carrières libérales, avant leur passage sous la direction du rhéteur. Ces connaissances étaient : la grammaire et les lettres, l'histoire, la philosophie, l'astronomie, la géométrie, l'arithmétique et la musique.

^{2.} VI, Introduction.

^{3.} Ibid.

^{4.} I, Introduction.

^{5.} V. Beulė, l'Art grec avant Périclès.

savants techniciens et artistes consommés. A Rome, des traditions existaient depuis longtemps aussi, sans qu'il y eût précisément d'école ouverte. La profession d'ingénieur ou d'architecte se transmettait jadis de père en fils dans des groupes de familles, et il semble bien que Vitruve ait été le rejeton d'une de ces vieilles souches ¹. Les pères instruisaient eux-mêmes leurs enfants et leurs proches ². C'était à ces ingénieurs que l'Etat confiait l'exécution de ses travaux publics, soit directement, à titre d'entrepreneurs adjudicataires, soit indirectement, par l'entremise de redemptores, isolés ou groupés en sociétés. C'était aussi parmi leurs élèves que se recrutaient les chefs de travaux de l'armée, soumis, comme les ouvriers leurs subordonnés, à la juridiction du praefectus fabrum ³, et répartis dans les l'égions ou affectés aux arsenaux.

Si consciencieuse que fût, chez ces anciens professionnels romains, la manière de pratiquer et d'enseigner leur art, la concurrence des architectes grecs, venus nombreux à Rome après la conquête de leur pays, produisit d'heureux résultats. L'émulation, le contact et les leçons mêmes de ceux-ci, l'enseignement des mathématiciens et des philosophes, développèrent forcément les connaissances théoriques de l'école romaine 4.

^{1.} Le surnom de Vitruve était *Pollio*. Il y eut aussi *Vitruvius Rufus*, auteur d'un traité d'arpentage, et plusieurs autres, tels qu'un certain *Vitruvius Cerdo*, C.I.L., V, 3464, qu'on a confondus avec notre auteur, mais à tort, croît-on. (V. Mortet, *Recherches critiques sur Vitruve et son œuvre.*)

^{2.} Vitrure, VI, Introduction.

^{3.} Le rôle du pracfectus fabrum, qui se modifia dans la suite, est très imparfaitement connu, malgré les recherches dont il a été l'objet. (Cf. Borghesi, Œuv., v; Mommsen, Hermès, 1; Maué, der Pracfectus fabrum.) Il paraît prouvé que sous l'empire, ce préfet n'avait pas de fonctions militaires et que les ouvriers d'armée dépendaient non pas de lui — en dépit de l'assertion de Végèce, 11, 9 — mais du praefectus castrorum, officier supérieur de la légion qui, à partir de Gallien, sous le nom de praefectus legionis, fut appelé à la commander, en remplacement du légat, supprimé. Le praefectus fabrum exerçait auprès du gouverneur de la province des fonctions non définies, peut-être d'ingénieur en chef pour l'ensemble des travaux qui s'y exécutaient. Mais, en tous cas, il n'aurait pas eu à ce titre une autorité sur les ouvriers militaires plus que sur les autres.

^{1.} Celles des Grecs étaient en effet beaucoup plus avancées. Quantité de traités avaient été publiés en Grèce sur la construction ou des édifices ou des machines. Vitruve, qui s'était beaucoup instruit à leur lecture, regrettait, après avoir énuméré la longue liste de leurs auteurs, de ne trouver que deux écrivains latins ayant abordé ces matières. Terentius Varron et P. Septimius, auteurs d'ailleurs récents, et ayant subi eux aussi l'influence grecque. De même, tout en déclarant que Rome avait jadis produit de grands architectes, il ne pouvait citer qu'un seul nom, Cossutius, IVII, Introd.)

L'inconvénient fut, il est vrai, que la profession en devint beaucoup plus mélangée; une partie de ces maîtres grecs étaient esclaves; les riches Romains faisaient instruire par eux leurs serviteurs, qui, à leur tour, pouvaient exercer le même art ¹. De plus, à la faveur de la confusion créée ainsi, beaucoup de gens se faisaient passer pour architectes qui n'avaient ni culture scientifique, ni formation pratique, et Vitruve le déplore amèrement ². Mais ces intrus ne pouvaient faire illusion qu'à des particuliers peu clairvoyants. L'Etat ne s'y laissait pas tromper, et ne confiait qu'à des hommes éprouvés la direction de ses travaux : le contrôle de ceux-ci était d'ailleurs sévère. On sait le grand essor donné à ces entreprises publiques à partir du règne d'Auguste, et la part importante qu'y prit son ministre Agrippa. Ce dernier, fort instruit dans les sciences, fut un exemple pour les hauts fonctionnaires impériaux ses successeurs. On vit des

1. Certaines inscriptions nous font concevoir à quel degré de science pouvaient parvenir ces esclaves ainsi instruits. Voici entre autres un *verna*, esclave né dans la maison de ses maitres, et devenu professeur de calcul, auteur d'un savant traité sur l'art qu'il enseignait; ce qui, d'autre part, prouve bien que les leçons d'arithmétique données aux jeunes Romains, et à plus forte raison à ceux d'entre eux qui se destinaient à la profession d'ingénieur, ne se bornaient pas à des notions élémentaires. C. I. L., XIV, 472.

D M MELIORIS - CALCULATORIS

VIXIT - ANN - XIII - HIC - TANTAE - MEMORIAE - ET - SCIENTIAE FUIT - UT - AB - ANTIQUORUM - MEMORIA - USQUE - IN - DIEM FINIS - SUAE - OMNIUM - TITULOS - SUPERAVERIT SIGULA - AUTEM - QUAE - SCIEBAT - VOLUMINE - POTIUS QUAM - TITULO - SCRIBI - POTUERUNT - NAM COMMENTARIOS - ARTIS - SUAE - QUOS - RELIGIT (sic) PRIMUS - FECIT - ET - SOLUS - POSSET - IMITARI - SI - EUM INIQA (sic) - FATA - REBUS - HUMANIS - NON - INVIDISSENT

SEX · AVFVSTIVS · AGREVS · VERNAE SVO · PRAECEPTOR (i) · INFELICISSIMUS FEGIT

EXCESSIT • ANNO • URBIS • CONDITAE DCCCXCVII

2. D'autant plus que ces ignorants arrivaient parfois à des situations lucratives.
Animadverto ab indoctis et imperitis tantae disciplinae magnitudinem tractari, et ab his, qui non modo architecturae sed omnino ne fabricae quidem notitiam habent.
Plerique... audacia adhibita cum divitiis etiam notitiam sunt consecuti.
(Liv. VI, Introd.)

De là aussi les divers avis exprimés sur l'architecture et les architectes. Cicéron classait cette profession parmi les arts honorables, à côté de la médecine (*De Officiis*, 1, 42), tandis que Martial (1, 5, 56) l'assimilait à celle de crieur public. Il est vrai que ce n'est là qu'une épigramme.

citoyens de rang élevé se préparer par des études spéciales aux charges de curateurs dont ils pouvaient être revêtus. Dans ces conditions, le niveau de la science des ingénieurs ne pouvait que s'élever.

On ne peut dire d'après quelle règle générale l'instruction théorique s'acquérait : il n'y en avait pas, à cause de la diversité d'origine des apprentis. Mais, avant qu'il y eût des écoles spéciales fondées par les empereurs pour ceux qui devaient entrer au service de l'Etat, des groupes se formaient sans doute librement autour des maîtres qui ne manquaient pas, pour chaque ordre de science. Il était ensuite facile d'entrer comme aide au service d'un architecte privé, jusqu'à ce que l'on pût exercer la profession à son compte.

III. — Ingénieurs militaires et civils.

C'était aussi dans l'armée qu'on pouvait, une fois l'instruction générale acquise, apprendre et pratiquer le métier d'ingénieur. Indépendamment des travaux de campagne et de siège, les troupes étaient fréquemment employées à de grands travaux d'utilité publique le Sous l'empire, les ouvriers et ingénieurs militaires, non seulement accompagnaient l'armée, mais en faisaient partie intégrante, les ouvriers comme simples légionnaires, les ingénieurs avec des situations à part qu'il est difficile de bien définir. Chargés d'étudier et de faire exécuter, souvent par un immense personnel, des ouvrages techniques de la plus haute importance, ils étaient certainement pourvus à la fois d'une autorité effective, et d'avantages matériels considérables. Et cependant la plupart des architecti militaires que nous font connaître les inscriptions sont désignés par la qualité de milites;

^{1.} Le C.I.L., VII, donne, pour la seule province de Bretagne, la mention de 128 travaux exécutés par les légions. Voir aussi au C.I.L., VIII, les nombreuses inscriptions rappelant les travaux exécutés par la III^e légion Augusta, seulement pour le camp et la ville de Lambèse. (Cf. Cagnat, L'Armée romaine d'Afrique, p. 43i et suiv.) On pourra trouver encore quelques renseignements sur ces travaux des armées romaines dans notre ouvrage: Les aqueducs romains de Lyon, p. 368,

plusieurs sont veterani ou evocati Augusti¹, un seul est sousofficier². Cette sorte d'anomalie peut s'expliquer ainsi : en tant
que combattants, leur grade ne les distingue pas de la troupe;
en tant que chefs de travaux, leur emploi les met fort au-dessus.
Il y avait d'ailleurs, assurément, des degrés dans la hiérarchie
de ces emplois techniques, soit d'après le talent et l'instruction,
soit d'après les spécialités; un arpenteur ou un niveleur (metator
ou mensor, librator) était probablement au-dessous de l'architectus proprement dit. Mais nous ne pouvons là-dessus rien dire
d'assuré.

Les architectes civils figurent en assez grand nombre 3 dans les

- 1. Cette appellation désignait, comme on sait, les vétérans qui reprenaient du service après leur libération. Sous l'empire, ils formèrent à Rome un corps d'élite, dépendant du préfet du prétoire; un certain nombre d'entre eux étaient détachés, dans les provinces, avec des missions spéciales, auprès des différents légats légionnaires.
- 2. Ce sous-officier est T. Flavius Rufus (C. I. L., XI, 20), soldat à la XII cohorte urbaine, puis corniculaire du préfet de l'annone, bénéficiaire du préfet du prétoire, trésorier de la garde prétorienne et architecte dans le même corps.

La garde prétorienne nous donne encore (C. I. L., X, 1757), Cissonius Apulis.

« C. Cissonio, A. f. Hor. Apuli veterano coh (ortis secundae) pr (aetoriae) architecto Augustorum, Patricia Trophime, etc... »

Un autre appartient aux equites singulares: T. Aelius Martialis; il n'est désigné que par sa qualité d'architectus equitum singularium Augusti. (C. I. L., VI, 3182.)

Dans les légions, nous trouvons M. Cornelius Festus (C. I. L., VIII, 2850) et (C. I. L., VI, 2725) C. Vedennius Moderatus.

C. VEDENNIVS C. F. QUI (rina) Moderatys antio, milit (avit) in leg (ione) XVI Gall (ica) a (nnis) X tran(s)Latys in coh (ortem) in pr (xtoriam) in Quamilit (avit) ann (is) VIII. Missus Honesta Mission (e) revoc (atus) ab imp (eratore) fact (us) evoc (atus) aug (usti) architect (us) armament (arius) imp (eratoris) evoc (atus) ann (is) XXIII donis militarib (us) donat (us) bis ab divo vesp (asiano) et imp (eratorie) domatiano (Aug.).

C. 1. L., XII, 723 et X, 5371. est mentionné un ingénieur de la flotte, *Cælius*, architectus navalis; de même, X, 2372, *C. Vettius*, ingénieur de la flotte de Misène. Assez nombreuses sont les inscriptions relatives aux *mensores*.

Les armées de Lambèse, à elles seules, en ont fourni une demi-douzaine (C. I. L., VIII, 2564, 2856, 2857, 2935, 2946, 3028). C'est là aussi que l'on a retrouvé (VIII, 2728), le nom et l'histoire fort intéressante du librator Lollius, constructeur de l'aqueduc de Saldae (Bougie). V. notre ouvrage Les aqueducs romains de Lyon, p. 292.

3. Dans le Corpus Inscriptionum totinarum, on peut relever, parmi les ingénieurs civils, ceux qui figurent aux numéros suivants :

Ingenui. — II, 2259. — III, 6588. — V, 3464. — VI, 9153. — X, 1443. — X, 6126. — X, 8093. — XII, 186.

Liberti. — V, 1886. — V, 2095. — VI, 8724-8725. — VI, 9151-9152-9154. — IX, 1052. — X, 841. — X, 1614. — XI, 3945. — Dans ce nombre, quatre seulement sont liberti Augustorum: VI, 5738-8724-8725-9151.

Servi. — VI, 8726. — VII, 1082. — IX, 2886. — X, 8146. — X, 4587. — XII, 2993.
 Le premier seul est esclave impérial.

inscriptions, et se répartissent entre les trois conditions sociales. hommes libres, affranchis et esclaves. Ces derniers, et même les affranchis, sont en grande majorité des architectes privés. Cela s'explique assez bien d'après ce qui a été dit plus haut de l'instruction technique très développée que les riches particuliers, par un calcul intéressé, faisaient donner à leurs esclaves. Mais les empereurs eux-mêmes n'ont pas négligé ce moyen; dans leurs familles d'esclaves, ils instituèrent de bonne heure des écoles (paedagogia)¹, qui leur fournirent un excellent personnel de chefs subalternes pour les divers services publics 2. Quant aux directeurs de grandes entreprises, souvent eux-mêmes entrepreneurs responsables (redemptores), ils étaient de condition libre, ou au moins affranchis. Faute de documents précis, il faut toutesois, sur de pareilles questions, se montrer fort réservé. Bien peu de monuments, à Rome ou dans les provinces romaines, portent le nom des architectes qui les firent élever 3. Les quelques lignes que Tacite (Ann., XV, 42) consacre à rappeler le nom, le génie et l'audace de deux ingénieurs de Néron, Severus et Celer, ne nous renseignent pas sur leur condition 4. Tout ce que nous pouvons conclure du récit de l'historien, c'est qu'ils avaient, sans compter, puisé au trésor impérial pour construire la fameuse Maison d'or, tracer et planter les merveilleux jardins qui l'environnaient; et qu'ils avaient fait agréer par Néron le projet d'un gigantesque travail.

^{1.} Cf. C. I. L. — VI, 8965, 8966, 8967, 8971, 8989.

^{2.} C'étaient probablement des affranchis issus des pacdagogia que ces deux architectes attachés à la Cura aquarum, et dont parle Frontin (de Aq. 119) en termes qui font comprendre que leur rôle se bornait à surveiller l'entretien habituel des aquedues.

^{3.} Le souverain s'en attribuait tout l'honneur. C'était bien conforme à l'usage des anciennes monarchies. Lucien raconte le plaisant stratagème de ce Socrate de Cnide, constructeur du phare d'Alexandrie, qui, obligé d'inscrire sur son ouvrage le seul nom de Ptolémée Philadelphe, grava son propre nom dans un espace en creux qu'il recouvrit de plâtre; sur la surface ainsi aplanie, il traça celui du roi, Quelques années après, le plâtre s'étant détaché, le nom de l'architecte apparut, indélébile. (Lucien, Quom. hist. conscrib.)

^{1.} Tacite ne les désigne pas par leur qualité d'architerti. « Magistris et machinatoribus Severo et Celere », dit-il. Mais ces deux mots de magister et machinotor ne sont pas des titres; mis comme ici à l'ablatif absolu, ils indiquent seulement que les deux personnages ont dirigé et combiné le travail. (Cf. Ruggiero, Dizionario, article architectus, où se trouve exprimée une idée différente.)

qui ne put être achevé. Mais ces deux personnages étaient-ils attachés à la personne de l'empereur, comme esclaves ou affranchis, ou bien étaient-ils engagés par libre contrat? La question ne peut guère être résolue ¹.

IV. — Ingénieurs officiels des empereurs. Influence et faveur croissantes.

Ce qu'il y a de certain, c'est que les empereurs cherchèrent de plus en plus à tenir ainsi des architectes constamment à leur disposition : véritables ingénieurs d'Etat, et fonctionnaires officiels. Les travaux à exécuter dans les provinces exigeaient des hommes de l'art qu'on ne trouvait pas souvent sur les lieux, sauf en Grèce, et les gouverneurs s'adressaient parfois au prince lui-même pour qu'il leur en envoyât ². L'empereur Hadrien pourvut à tout, en rassemblant autour de lui comme une phalange d'ingénieurs, qui l'accompagnèrent dans ses nombreux voyages, et furent l'un ici, l'autre là, préposés aux travaux qu'entre-prirent sous son impulsion quantité de villes de l'empire.

Cet empereur, qui vivait dans la familiarité de ses architectes, était architecte lui-même³, et architecte des plus instruits :

^{1.} Si des documents nouveaux doivent être recueillis sur les ingénieurs anciens, il semble que c'est de préférence l'Orient et l'Egypte qui sont appelés à les fournir. On peut attendre beaucoup des papyrus égyptiens. Tout dernièrement M. Bouché-Leclercq a extrait des papyrus de Gourob la matière d'une notice sur les travaux de desséchement et d'irrigation du Fayoûm, dirigés par l'ingénieur Cléon, sous Ptolémée II Philadelphe. « Les papyrus provenant des bureaux de l'ingénieur Cléon, donnent une foule de détails sur l'emploi et le prix des matériaux, terrassements, manœuvres de vannes; sur les canaux, l'entretien des ponts et des routes, les salaires des ouvriers, l'observance du repos décadaire, attestée par les comptes mensuels qui déduisent les décades de la somme des journées de travail et aussi de la somme des salaires. » Il y a même des allusions à des grèves ouvrières, à des violences exercées par le personnel sur certains chefs. Après avoir présidé pendant 6 ou 7 ans à la direction des travaux, ce Cléon fut disgracié par le roi, et remplacé par un autre ingénieur nommé Théodore, qui avait été son subordonné et son auxiliaire. (Comptes rendus de l'Ac. des Inser. et Belles-Lettres, janvier 1908, p. 23.)

^{2.} Pline le Jeune, étant gouverneur de Bithynie, sollicitait de l'empereur Trajan, tantôt un architecte pour un théâtre et pour des bains (*Lettres*, X, 48), tantôt un ingénieur aussi, un niveleur (*libratorem*, vel architectum) pour un projet de canal. (*Ibid.*, L.) L'empereur lui répondait qu'il ne pouvait en manquer, étant près de la Grèce, à laquelle Rome même s'adressait pour en avoir.

^{3.} Dion Cassius, LXIX, 4 et suiv.

arithmeticae, geometriae peritissimus, dit son biographe¹. Aussi discutait-il les plans qu'on lui soumettait, et parfois imposait les siens. L'on a dit que sa villa de Tibur avait été exécutée en partie d'après ses dessins ².

Ses successeurs continuèrent pour la plupart à s'occuper beaucoup de ce recrutement d'architectes. Alexandre Sévère, qui, selon son biographe, Lampride, s'occupait non seulement d'astrologie (mathesis), mais de toutes sortes d'arts et de sciences, en particulier de géométrie (geometriam fecit)³, prit des mesures pour étendre le plus possible l'enseignement dans toutes les branches, particulièrement dans l'art de l'ingénieur, et de façon à ce que cet enseignement fût accessible même aux citoyens pauvres; à cet effet, il institua un traitement de l'Etat pour les professeurs⁴. La même mesure fut renouvelée par Constantin; en outre, ce prince engagea, par l'espoir des récompenses et des privilèges, les jeunes gens qui avaient reçu une éducation distinguée à se livrer à l'étude et à la pratique de l'architecture⁵.

Un peu plus tard, nous trouvons un architecte élevé aux plus hauts honneurs, Alypius d'Antioche, confident de l'empereur Julien et intendant de province ⁶. Puis c'est la grande école

- 1. Spartien, Vita Hadriani, 13.
- 2. Dion Cassius, loc. cit.
- 3. Aelius Lampridius, Vie d'Alexandre Sévère, 27.
- 4. Lampride, Vie d'Alexandre Sévère, 41. « Rhetoribus, grammaticis, medicis, haruspicibus, mathematicis, mechanicis, architectis salaria instituit et auditoria decrevit; et discipulos cum annonis pauperum filios, modo ingenuos, dari jussit. » On peut inférer, croyons-nous, de l'expression modo ingenuos (pourvu qu'ils fussent de condition libre), que dans l'intention des empereurs, le savoir de l'ingénieur devait être plus particulièrement réservé aux hommes libres.
- 5. Code Théod., XIII, IIII, 1. « Imp. Constantinus A. ad Felicem. Architectis quam plurimis opus est; sed quia non sunt, sublimitas tua in provinciis africanis ad hoc studium eos impellat, qui cd annos ferme duodeviginti nati liberales litteras degustaverint. Quibus ut hoc gratum sit, tam ipsos quam eorum parentes ab his, quae personis injungi solent, volumus esse immunes, ipsisque qui docent salarium competens statui. » (334 ap. J.-C.)

Ibid.: Imp. Constantius et Constans a. a. ad Leontium praefectum praetorio. — Mechanicos et geometras et architectos qui divisiones partium omnium incisionesque servant mensurisque et institutis operam fabricationi stringunt, et eos, qui aquarum inventos ductus et modos docili libratione ostendunt, in par studium docendi atque discendi nostro sermone perpellimus. Itaque immunitatibus gaudeant et suscipiant docendos qui docere sufficiunt. » (344.)

6. Julian. Epist, XXIX et XXX. — Il fut chargé de rebâtirle temple de Jérusalem.

d'architecture qui, sous Justinien, donne les Anthémius de Tralles, et les Isidore de Milet, les célèbres auteurs de Sainte-Sophie de Constantinople. Cette école est honorée et soutenue comme elle le mérite : elle produit de belles et fortes œuvres ¹. A Rome, où l'empire avait succombé, la faveur accordée aux architectes avait survécu, mais leur art et leur science fléchissaient. Cassiodore, ministre de Théodoric, écrivait au nom de son maître à l'architecte Aloysius, à Ravenne, à l'occasion de certaines réparations de thermes et d'autres édifices à Rome : « Vous marchez immédiatement devant notre personne, au milieu d'un nombreux cortège, ayant la verge d'or à la main, prérogative qui, en vous rapprochant si près de nous, annonce que c'est à vous que nous avons confié l'exécution de notre palais. » Cette fois la juste mesure des honneurs était dépassée. Et ce fut dès lors la décadence.



En définitive, si les documents nous font défaut pour établir de façon précise et assurée comment se recrutaient et se formaient les ingénieurs sous l'empire romain, et pour distinguer nettement leurs catégories diverses et la hiérarchie de leurs emplois, nous possédons du moins deux données certaines. La première procède de l'examen des travaux effectués par ces ingénieurs : il révèle un art méthodique qu'une simple pratique de métier aurait été insuffisante à soutenir. Et c'est de là que nous sommes partis. D'autre part, et c'était le but principal de cette étude, en parcourant, à travers l'étendue des connaissances scientifiques de l'époque romaine celles qui pouvaient préparer et conduire aux applications pratiques, nous avons apprécié les ressources qu'elles étaient susceptibles de fournir à l'ingénieur chargé des travaux publics. L'œuvre de celui-ci s'explique sans difficulté,

^{1.} Procope, De aedificiis I. 1. — Ammien Marcellin, XXIII. 1. 2. 3.

si on le suppose muni de ces connaissances, et ne s'explique guère sans elles. Nous tenons donc fortement les deux bouts de la chaîne. Quant aux anneaux intermédiaires, c'est-à-dire aux movens par lesquels se propageait l'instruction, nous imaginons plutôt, il est vrai, leur combinaison idéale que nous ne connaissons leur système réel. Mais nous savons cependant que les diverses sciences, théoriques et pratiques, s'enseignaient à Rome régulièrement sous l'empire, et que les futurs ingénieurs étaient mis à même de les acquérir. La tradition des écoles grecques, importée dans la capitale du monde, y avait fait naître le zèle fécond de l'enseignement privé et public; puis était venue la fondation d'écoles officielles, entretenues ou encouragées par le pouvoir impérial. Une élite d'ingénieurs pouvait de la sorte se former et se perpétuer. Tout cela sans doute est déjà connu, et à la vérité c'est peu de chose. Mais en jetant un regard attentif sur de semblables notions qu'on a pris soin de grouper pour former un tout, on en aperçoit plus distinctement les lacunes. On ressent et l'on inspire le désir de combler ces vides. Et la science finit par être accessible à ceux qui la cherchent ainsi de bonne foi.



TABLE DES MATIÈRES

ASSIANT DE CECC	GES. XIII VIII
PRÉLIMINAIRES	1
CHAPITRE PREMIER	
Arithmétique.	
 I. — La Science des nombres chez les Grecs. Son étendue et ses parties. II. — Systèmes grecs et latins de numération. III. — Mode de calcul usuel par les cailloux et l'abaque. IV. — Divers types d'abaques. V. — Calcul par les doigts. 	5 8 14 24 29
CHAPITRE II	
Géométrie.	
I. — Géométrie théorique	33
CHAPITRE III	
Arpentage et nivellement.	
I. — Instruments d'arpentage. La groma II. — La dioptre de Héron d'Alexandrie. Description III. — Problèmes d'arpenteurs et d'ingénieurs résolus par la dioptre lV. — Le chorobate de Vitruve	46 51 62 74

CHAPITRE IV

Mécanique et hydraulique.

I. — Principes généraux de mécanique	78
II Machines de soulèvement et de traction	82
III Machines à moteurs animés, pour élever l'eau	89
IV. — Principes de physique. Equilibre et mouvement de l'air et	00
de l'eau	92
	.,
V. — Pompes et machines hydrauliques	96
VI. — Hydraulique des conduites d'eau	100
VII. — Hydrologie	102
VIII. — Mécanique de la construction, Perspective et dessin,	104
CHAPITRE V	
Formation et condition des ingénieurs.	
I. — Instruction théorique et culture générale	109
II. — Architectes grecs et architectes romains. Diversité des	
conditions sociales. Maîtres et écoles	111
III. — Ingénieurs militaires et civils	114
IV Ingénieurs officiels des empereurs. Influence et faveur	
croissantes	117



ERRATA

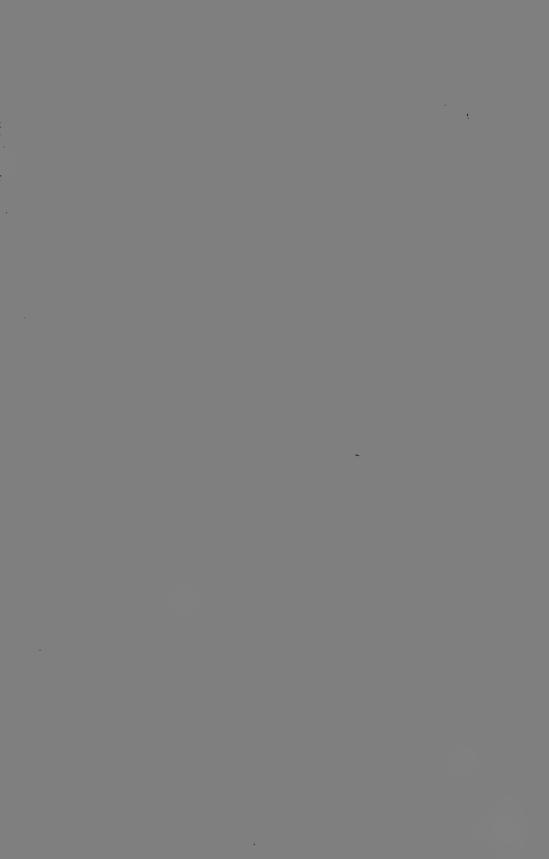
- Page 6, note 1, ligne 4, au lieu de In tam tranquilla et clara, lire In tam tranquillo. et tam clara.
- P. 11, à droite, lignes 1 et 2, au lieu de C 1/4 d'obole, O 1/2 obole, lire O 1/4 d'obole, C 1/2 obole.
- P. 52, note 2, ligne 5, au lieu de τόρμῷ, lire τόρμῳ.
- P. 54, ligne 8 du texte grec, an heu de σημάτια, lire στηματία.
- P. 96, note 6, au_lieu de έμπρήσμους, lire έμπρησμούς.

ERNEST LEROUX, ÉDITEUR

28, Rue Bonaparte (VI°)

BLANCHET (A.). Les enceintes romaines de la Gaule. Etude sur l'origine d'un grand nombre de villes françaises. In-8°, figures et planches	15 fr.
CAGNAT (R.), de l'Institut. L'armée romaine d'Afrique et l'occupation militaire de l'Afrique sous les empereurs. In-4°, figures, planches et cartes	40 »
CHAPOT (Victor). La flotte de Misène, son histoire, son recrutement, son régime administratif, In-80	5 »
GAUCKLER (Paul). Enquête sur les installations hydrauliques romaines en Tunisie. Tome I, en 4 fascicules in-8°, figures — Tome II, fascicules 1, 2, 3. In-8°, figures. Chacun	8 » 2,50
GERMAIN DE MONTAUZAN (C.). Les aqueducs antiques de Lyon. Etude comparée d'archéologie romaine. In-8°, figures, planches et cartes	20 »
LONGE (L.). Histoire intérieure de Rome jusqu'à la bataille d'Actium, tirée des Rœmische Alterthuemer, par A. Berthelot et Didier, agrégés de l'Université. 2 vol. in-80	20 »
LA NOÉ (G. de). Le rempart — limite des Romains en Allemagne. In-8°, avec une carte et 2 planches	3 »
torique et fortification gauloise. In-8°, planches	3.50 3,50
WEILL (Raymond). L'art de la fortification dans la haute antiquité égyptienne. In-8, figures	3,50
and quite egypticume, in o, ngutes	0,00

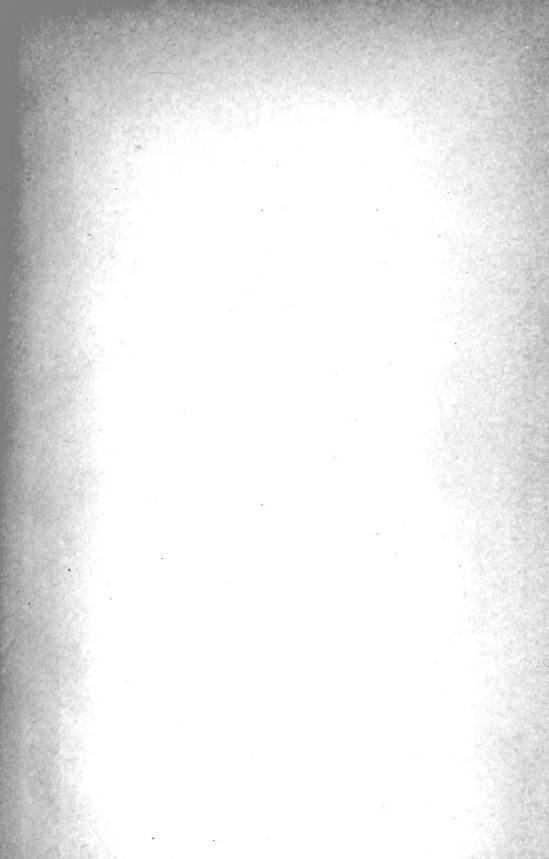




ERNEST LEROUX, ÉDITEUR

28, Rue Bonaparte (VI')

BLANCHET (A.). Les enceintes romaines de la Gaule. Etude sur l'origine d'un grand nombre de villes françaises. In-8°, figures et planches	15 fr.
CAGNAT (R.), de l'Institut. L'armée romaine d'Afrique et l'oc- cupation militaire de l'Afrique sous les empereurs. In-4°, figures, planches et cartés	40 »
CHAPOT (Victor). La flotte de Misène, son histoire, son recru- tement, son régime administratif, In-8°	5 »
GAUCKLER (Paul). Enquête sur les installations hydrauliques romaines en Tunisie. Tome I, en 4 fascicules in-8°, figures — Tome II, fascicules i, 2, 3. In-8°, figures. Chacun	8 » 2,50
GERMAIN DE MONTAUZAN (C.). Les aqueducs antiques de Lyon. Etude comparée d'archéologie romaine. In-8°, figures, planches et cartes.	20 »
LONGE (L.). Histoire intérieure de Rome jusqu'à la bataille d'Actium, tirée des Rœmische Alterthuemer, par A. Berthelot et Didier, agrégés de l'Université. 2 vol. in-80.	20 »
LA NOÉ (G. de). Le rempart — limite des Romains en Allemagne. In-8°, avec une carte et 2 planches	3 »
dont le sol de la France a conservé la trace. I. Fortification préhistorique et fortification gauloise. In-8°, planches	3.50 3,50
WEILL (Raymond). L'art de la fortification dans la haute antiquité égyptienne. In-8, figures.	3,50
가는 그 사람들은 그는 사람들은 가는 것이 되었다. 그는 그들은 사람들은 사람들이 되었다. 그는 그는 사람들은 그는 것이 되었다.	-

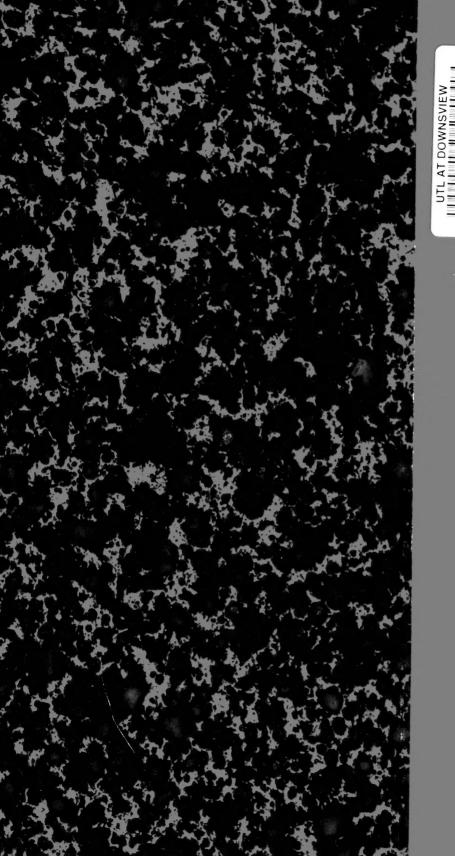


UNIVERSITY OF TORONTO LIBRARY

Do not remove the card from this Pocket.

Acme Library Card Pocket Under Pat. "Ref. Index File."

Made by LIBRARY BUREAU



D TL AT DOWNSVIEW

D RANGE BAY SHLF POS ITEM C
39 14 04 23 03 016 1