

EJERCICIO VECTORES COORDENADOS

DAN:

Considerese la matriz $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & -7 \end{pmatrix}$ en el espacio vectorial V de las matrices reales 2×2 .

PIDEN:

Determinar el vector coordenado $[A]$ de la matriz respecto a

$$\left\{ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \right\}$$

la base usual de V

DESARROLLO

Tenemos:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 4 & -7 \end{pmatrix} = x \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + y \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix} + z \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix}$$

Entonces, $x = 2$, $y = 3$, $z = 4$, $t = -7$, por lo tanto:

$$[A] = [2, 3, 4, -7]$$