

EJERCICIO VECTORES Y VALORES PROPIOS

Determine el polinomio característico de la siguiente matriz.

Sea

```
sage] A= matrix ([[2,1,2],[2,2,-2],[3,1,1]])
```

```
sage] A
```

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & -2 \\ 3 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

SOLUCIÓN

Debemos usar la siguiente ecuación:

$$f(\lambda)=\det(\lambda I-A)$$

OBTENEMOS LA SIGUIENTE MATRIZ.

```
sage] R= matrix([[2-lambda,1,2],[2,2-lambda,-2],[3,1,1-lambda]])
```

```
sage] R
```

$$\begin{pmatrix} 2-\lambda & 1 & 2 \\ 2 & 2-\lambda & -2 \\ 3 & 1 & 1-\lambda \end{pmatrix}$$

Hacemos el determinante de la matriz anterior por cofactor y obtenemos el polinomio característico:

$$-(\lambda^3-5\lambda^2+2\lambda+8)=0$$