

## EJERCICIO VOLUMENES

Calcule el volumen de un tetraedro cuyos vertices son el origen y los puntos en que los ejes coordenados cortan el plano  $x+2y+3z=6$

Piden: Volumen del tetraedro

Dan: vertices en el origen, se cortan en el plano  $x+2y+3z=6$

Desarrollo:

Corte con el eje x ( $y=z=0$ )

$$x=6 \quad v_1(6,0,0)$$

corte con el eje y ( $x=z=0$ )

$$2y=6 \quad y=3 \quad v_2(0,3,0)$$

corte con el eje z ( $x=y=0$ )

$$3z=6 \quad z=2 \quad v_3(0,0,2)$$

$$A\Delta = 1/2 \left\| \vec{U} \times \vec{V} \right\| \quad \vec{U} = (0,3,0)$$

$$\vec{V} = (6,0,0)$$

$$\vec{U} \times \vec{V} = \left| \begin{pmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 3 & 0 \\ 6 & 0 & 0 \end{pmatrix} \right| = -18\hat{k} = (0,0,-18)$$

$$A\Delta = 1/2 \left\| (0,0,-18) \right\|$$

$$= 1/2 (18)$$

$$= 9$$

$$V\Delta = \frac{2(9)}{4} = \frac{9}{2}$$