

GUSTAV E STECHERT No 2 Bond Street NEWYORK

PRESENTED

TO

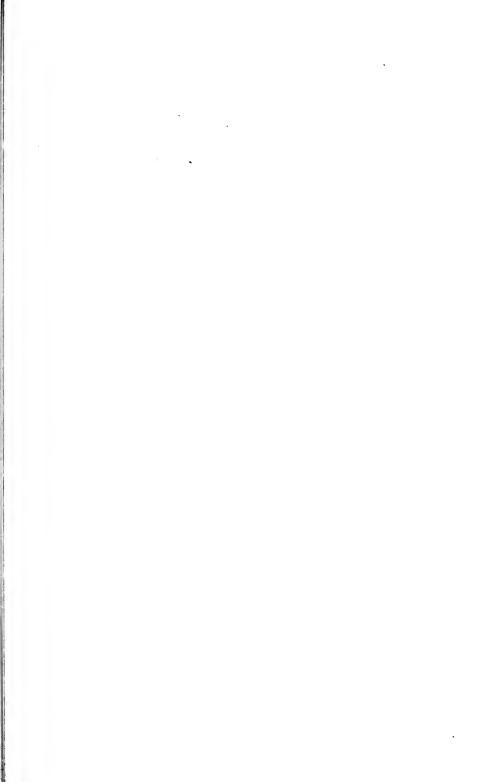
THE UNIVERSITY OF TORONTO

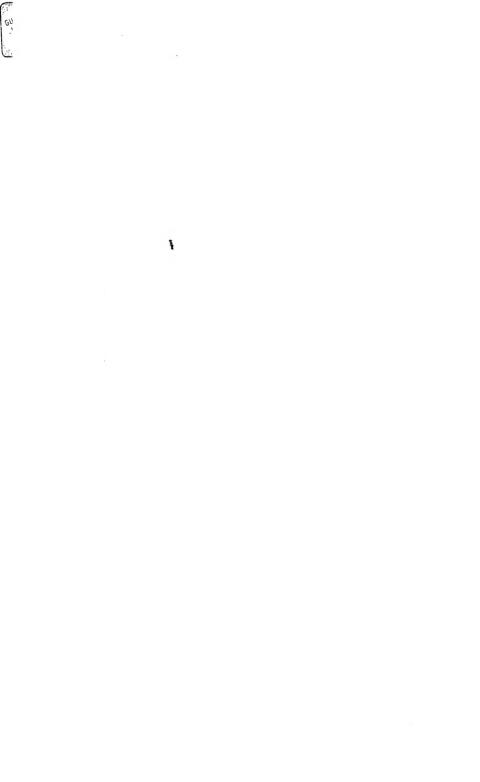
RV.

THE JOHNS HOPKINS UNIVERSITY

BALTIMORE

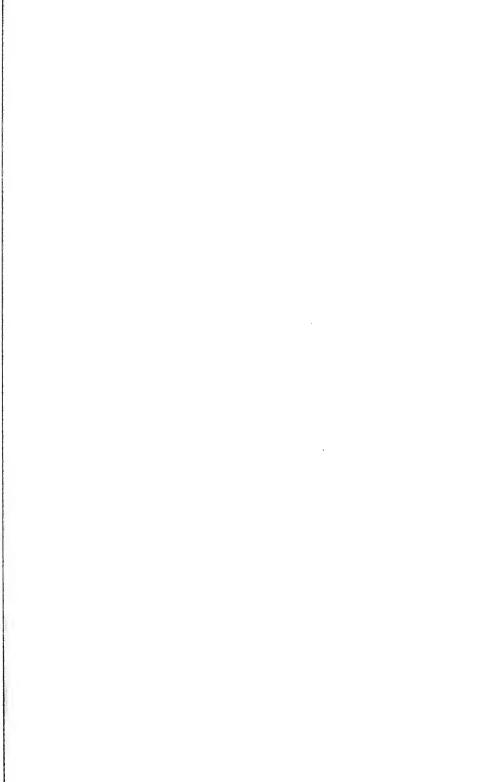
1890











System der Philosophie

Bon

hermann Lotze

Erfter Theil

Drei Bücher der Logif

Leipzig

Vertag von S. Hirzet. 1874.

Logik

Drei Biicher

vom Denfen, vom Untersuchen nud vom Erfennen

Bon

hermann Lotze

Leipzig

Berlag von S. Hirzel.

1874

Das Recht der Aleberfetung ift vorbehatten.

60/10/60

Vorwort.

Benn ich dieses Buch als ersten Theil eines Spitems der Phi losophie zu bezeichnen wage, so hoffe ich, daß man hinter dieser Beneumma nicht dieselben Ausprüche vermuthen wird, die in früheren Beiten sich durch sie anzufündigen pflegten. Es fann natürlich nur meine Absicht sein, das Ganze meiner persönlichen Neberzengungen in einer systematischen Form darzustellen, welche dem Leser das Urtheil darüber möglich macht, in wieweit sie nicht nur in sich selbst zusammenstimmen, sondern auch dazu dienen fönnen, die vereinzetten Bebiete unserer gewissen Erfenntnik über die großen Ynden hinweg, durch welche dieselben getreunt sind, in den Zusammenhang einer abichlienbaren Weltanficht zu verfnüpfen. Bon diesem Beweggrund habe ich mich auch in diesem Anfang meiner Darstellung leiten lassen. Ihr erstes Buch, obwohl völlig nen geschrieben, wiederholt im Wesent lichen den Gedankengang meiner kleinen längst vergriffenen Logik vom Rahre 1843; ich habe nicht Ursache gefunden, diesen zu ändern, und noch jetzt wie damals liegt nur in ihm das Interesse, das ich selbst an der Darstellung der Logif nehme; Erweiterungen und Berbeffer ungen ihres Formalismus zu versuchen, jedoch innerhalb des allge meinen Characters, den derselbe einmal hat und haben muß, halte ich jetzt wie damals für unfruchtbare Arbeit? was von ihm wissens würdig ist, sei es auch nur in einer Art von entturgeschichtlichem Antereffe, glande ich dennoch vollständig mitgetheilt zu haben, und

bin bemüht gewesen, es in der einfachsten Form zu thun. Das zweite Buch, das, aller inftematischen Zeffeln ledig, zusammenstellt, was mir nüplich ichien, bedarf feines Borworts: Bieles täft fich hier anders auswählen. Manches bingufügen, Manches auch wird hinweggewünscht werden: man muß es wie einen offenen Markt betrachten, auf wel dem man die mibegehrte Waare ruhig bei Geite laft. Das dritte Buch war gang anders beabiichtigt; es sollte dieselben Wegenstände, die es jest bespricht, in Westalt einer bistorisch fritischen Darstellung der logischen Wesammtansichten behandeln, die in Dentschland und bei den verschiedenen Nationen des Auslands in vielen sehr inte reffanten und der Theilnahme würdigen Formen aufgetreten find. Der Bersuch der Ausführung zeigte, daß diese Aufgabe, wenn sie mit der Gründlichkeit gelöft werden follte, die man allen jenen ichätzens werthen Arbeiten schuldig ist, innerhalb ber Grenzen dieses Buches ganz unerfüllbar blieb: vielleicht findet sich für sie eine andere Welegenbeit: por der Hand führte dies Mifflingen mich dazu, zunächst jeder Rücksichtnahme auf fremde Ansichten zu entsagen und nur vor zutragen, was entweder (Bemeingnt ift oder zu meiner individuellen Unichannugsweise gebort. Möge nicht Alles, was ich geäußert babe, immer nur dieser letten augeboren!

Göttingen, 10. Juni 1874.

Der Berfaffer.

Inhalt.

	zente
Erites Budy. Bom Denfen (reine Logit)	1
Giuleitung	3
Erstes Kapitel. Die Lehre vom Begriffe.	
A. Die Formung der Eindrücke zu Borstellungen	14
B. Setzung, Bergleichung und Unterscheidung der einfachen Borftellungs-	
inhalte	24
C. Die Bildung des Begriffs	36
Uebergang zu der Form des Urtheils	54
Zweites Rapitel. Die Yehre vom Urtheil	57
Borbemertungen über Bedentung und gewöhnliche Gintheilung Der Urtbeile	57
Die Reihe der Urtheitsjormen.	
A. Das impersonale Urtheil. Das tategorische Urtheil. Der Sats	
der Identität	69
B. Tas particulare Urtheil. Das bypothetische Urtheil. Der Zats	
des zureichenden Grundes	77
C. Das generelle Urtheil. Das disjunctive Urtheil. Das Dietum	
de omni et nullo und das Princip, exclusi medii	91
Auhang über die numittelbaren Folgerungen	101
Drittes Kapitel. Die Lehre vom Schluß und den softematischen	
Formen	108
Borbemertungen über die Aristotelische Enllogistit	108
A. Der Schluß durch Subsumption; durch Juduction; durch Analogie	122
B. Die mathematischen Folgerungen: durch Substitution; durch Pro-	
portion; die constitutive Gleichung	131
C. Die spstematischen Formen: Classification; ertfärende Theorie; das	
Dialestische Jeal des Tenkens	147
Zweites Buch. Bom Untersinden (angewandte Logit)	187
Erstes Kapitel. Die Formen der Definition	192
Zweites Kapitel. Bon der Begrenzung der Begriffe	212
Drittes Kapitel. Schematische Anordnungen und Bezeichnung der	
Begriffe	232
Cogetife	

Inhalt.

Ceit

Biertes Kapitel. Die Formen des Beweises							2
Fünftes Rapitel. Die Anffindung der Beweisgrüf	nde						2
Eech ftes Rapitel. Beweissehler und Dilemmen .							3
Siebentes Kapitel. Allgemeine Gate aus Wabri	iebi	nun	gen				*
Achtes Rapitel. Anifindung von Gesetzen							ŧ
Reuntes Rapitel. Bestimmung fingularer Thatfache	11 11	πò	2Ba	brj	dei	11=	
sichkeitsberechnung							4
Behntes Kapitel. Bon Wablen und Abstimmunge	11						4
Drittes Buch. Bom Ertennen (Methodologie).							
Borbemertung							4
Erftes Rapitel. Bom Stepticismus							6
Zweites Rapitel. Die Ideenwelt							4
Drittes Kapitel. Apriorismus und Empirismus							į
Biertes Rapitel. Reale und formale Bedeutung ?	63	Log	ijch	en			
Günftes Rapitel. Die apriorischen Wabrheiten							{

Erstes Buch.

Bom Denken.

(Reine Logif.)

Lote, Logif.



I. Auf Anregungen der Sinne entstehen uns fast in jedem Augenblide unseres wachen Lebens verschiedene Borstellungen zugleich oder in unmittelbarer Abfolge. Bon ihnen haben manche ein Recht, in unserem Bewuftsein so zusammenzutreffen, weil auch die Wirklichkeit, aus der sie stammen, ihre veranlassenden Ursachen immer zugleich erzeugt oder aufeinander folgen läßt; andere begegnen sich in uns nur deshalb, weil innerhalb des Bereiches der Außenwelt, für deffen Cinwirfung wir erreichbar sind, ihre veranlassenden Ursachen thatsächtich in demselben Augenblick zusammentrasen, doch ohne einen inneren Zusammenhang, der ihre gleiche Berknüpfung in jedem Biederholungsfalle sicherte. Dieje Mijdung zusammengehöriger und nur zusammengerathener Vorstellungen wiederholt nach einem Gesetze, welches wir unserer Selbstbeobachtung entlehnen, auch der Verlauf unserer Erinnerungen. Denn jede Borftellung, sobald sie irgendwie im Bewußtsein neubelebt wird, erwectt auch diejenigen anderen wieder, die früher einmal, gleichzeitig oder ohne Zwischenglied folgend, mit ihr zusammengewesen sind, gleichviel ob die frühere Verknüpfung auf jener Zusammengehörigfeit der vorgestellten Anhalte oder auf dieser bloßen Gleichzeitigkeit übrigens einander fremder Erregungen beruht haben mag/ Der erfte Kall, die Wiederbringung des Zusammengehörigen, begründet unsere Hoffmung, zu Erfenntnissen zu gelangen; der zweite, die Leichtigkeit, mit der das Zusammengerathene an einander haftet und sich wechselseitig ins Bewußtsein drängt, ist die Quelle der grethünner und zunächst jener Zerstrenung, durch die unsere Gedanken von ber Berfolgung eines sachlichen Zusammenhanges abgehalten werden.

II. Mit dem Namen des Borstellungsverlaufes bezeichnen wir das abwechselungsreiche Ganze der Borgänge, zu denen diese Gigensthümlichkeit unseres Seelenlebens führt. Nothwendigen Zusammenhang zwischen den Gliedern dieses Ganzen würden wir, wenn eine allwissende

Beobachtung uns zu Gebot ftande, in jedem feiner Beispiele entdecken: in bem besonnenen Gedankengange des Wachenden, in den Trämmen bes Schlummernden, in dem Fieberwahn des Kranken. Denn aus der Unwendung allgemeiner Gefete des Berbaltens, Die für alle Seelen aleichmäßig gelten, auf die besonderen Bedingungen, die in jedem einzelnen biefer Källe abweichend von benen bes andern gegeben find, würde der Gang jener inneren Creignisse überalt als unvermeidlicher Erfolg entspringen muffen. Buften wir mir, welche bleibende Gigenthumlichfeit Die Natur einer bestimmten einzelnen Seele auszeichnet, überfähen wir zugleich Inhalt und Form ihres gangen bisherigen Borstellungsverlaufes, so würden wir auf Grund jener allgemeinen Gesetze porberfagen fonnen, welche dritte und vierte Borftellung Diefe Seele im nächsten Augenblicke erzeugen muß, sobald sie im gegenwärtigen auf Unreanna änferer Reize diese erste und zweite erzeugt hat. In jeder anderen Seele aber, deren Ratur, Borgeschichte und augenblickliche Lage andere waren, wurde biefelbe erfte und zweite Borftellung, die fie auf Beranlaffung gleicher äußerer Reize jest entwickelte, zu einer völlig verschiedenen Fortsetzung im nächsten Moment mit gleicher Nothwendiafeit führen. Gine hierauf gerichtete Untersuchung würde daher jeden Borftellungsverlauf, den fie irgendwo vorfände, als nothwendig für die Seele, in welcher er vorfame, und unter ben Bedingungen, unter benen er stattfande, anerfennen muffen; aber fie wurde feine Bertnupfungsweise der Borftellungen auffinden, welche für alle Seelen allgemeingültig wäre. Und eben, weil jede biefer Borstellungsreihen unter den besonderen Bedingungen, unter denen sie stattfindet, gleich nothwendig und gesetslich zusammenhängt, wie jede andere unter den ihrigen, so wäre fein Anlaß zur Aufstellung eines Werthunterschiedes, welcher, wie derjenige zwischen Wahrheit und Umvahrheit, die eine dieser Borstel-Innasverbindungen allen übrigen entgegensetzte.

III. Allgemeingültigkeit und Wahrheit nun sind die beiden Vorsänge, welche schon der gewöhnliche Sprachgebranch denjenigen Vershnüpfungen der Vorstellungen zuschreibt und vorbehält, deren Herstellung er von dem Denken allein erwartet. Wahrheit aber pflegt eine übliche Begriffsbestimmung in der Uebereinstimmung der Vorstellungen und ihrer Verbindungen mit dem vorgestellten Gegenstande und seinen eigenen Beziehungen zu suchen. Dieser Ausdruck mag Vedenken gegen

sich haben, welche hier zu erörtern nicht Gelegenheit ist; er wird indessen unverfänglich sein, wenn wir ihn dahin ändern, daß Berfnüpfungen der Borstellungen dann wahr sind, wenn sie sich nach den Beziehungen der vorgestellten Inhalte richten, die für jedes vorstellende Bewußtsein dieselben sind, nicht nach dem blos thatsächlichen Zusammentreffen der Gindrucke, das in diesem Bewußtsein sich fo, in einem anderen anders gestaltet. Da nun durch die Einwirfungen, die von außen fommen, unser Borstellen zuerst angeregt wird, so ericheint uns bas Denken als eine rückwirkende Thätigkeit, welche ber Beift an dem Zuhalte ausübt, den ihm jene äußeren Einwirtungen und die oben erwähnten Ergebniffe ihrer Wechselwirfungen zugeführt haben. Der denkende Geist begungt sich nicht, die Borstellungen in denienigen Berbindungen hinzunehmen und sich gefallen zu lassen, in welche fie der Zufall ihrer gleichzeitigen Entstehung gebracht und in der die Grinnerung sie wiederfehren läßt; sichtend vielmehr hebt er das Zusammensein der Borstellungen auf, die nur auf diesem Wege zusammengerathen find; Diejenigen aber, Die nach den Beziehungen ihrer Anhalte zusammengehören, läßt er nicht nur beisammen, sondern vollzieht ihre Berfnüpfung noch einmal, jest aber in einer Form, die zu der thatfächlichen Biederherstellung der Verbindung ein Bewußtsein über den Grund der Zusammengehörigkeit der nen verbundenen hinzufügt.

IV. Ich tnüpfe die unentbehrliche Erläuterung des Gefagten an die Belenchtung nahe liegender Einwürfe. Nicht ohne Absicht, die ich eingestehe, habe ich den übrigen Borstellungsverlauf als eine Reihe von Ereignissen erscheinen lassen, die nach allgemeinen Gesegen unseres Wesens in uns vorgehen und die wir erleiden, das Tenten aber als eine Thätigkeit, die unser Geist ausübt. Unn hat es an dem Zweisel nicht geschlt, ob überhaupt und ob in Bezug auf das Denken dieser Gegensat von wesentlicher Bedentung sei; ob nicht vielmehr Alles, was wir Thätigkeit zu neunen pslegen, mit zu den Ereignissen gehöre, die in uns sediglich geschehen. Es verbietet sich von selbst, diese weitgehende Frage hier zur Entscheidung zu brüngen; wenn ich daher, an der Bedentung dieses Gegensatzes sessichten, ansdrücklich das Denken als eine Thätigkeit bezeichne, so wird man dies als eine anderswo zu beweisende, hier aber bestreitbar bleibende Boranssetzung ausehen müssen. Sie ist mir nothwendig in dem Insammenhauge des Ganzen,

zu welchem diese Betrachtung des Denkens einleiten soll; zulässig aber erscheint sie mir, weil sie zwar die altgemeine Färbung meiner folgenden Darstellung entschieden bestimmen, aber die inneren Beziehungen des darzustellenden Juhalts nicht unnatürlich ändern wird.

V. Es ift nütelicher, einer andern Jaffung deffelben Einwurfs zu begegnen, welche die allgemeine Gültigkeit des fraglichen Gegenfates angibt, aber bier nicht Veranlassung zu seiner Umvendung zu haben glanbt. Die Verfnüpfung des Zusammengebörigen, die Wahrheit also, fomme auf demfelben Bege nur etwas fpater zu Stande, auf welchem Unfangs die irrigen Berbindungen des zufällig Zusammengerathenen entstehen. Denn der Lauf der Dinge selbst forge dafür, daß Diesenigen Greigniffe, welche ein innerer Zusammenhang mit einauber verknüpft, unverhältnigmäßig häufiger auf nus verbunden einwirfen, als biejeni gen, die ohne inneres Band der Zufall bald so bald anders zusammen treffen läßt. Durch diese öftere Wiederholung befestige sich in uns die Berbindung des Zusammengehörigen, während die Berknüpfungen des Zusammengerathenen einander durch ihre Ungleichheiten loctern und zerftören. Auf diese Weise voltziehe der Borftellungsverlauf von selbst iene Scheidung des Zusammengebörigen vom Nichtzusammengebörigen, die wir einer besonderen rückwirkenden Thätigkeit des Geistes glaubten zuweisen zu müssen; das Thier wie der Mensch erwerbe so die Menge sachentsprechender Kenntnisse, durch welche das tägliche Verhalten beider im Leben bestimmt wird. Es würde überflüssig sein, ausdrücklich ber porzubeben, daß diese Schilderung völtig richtig ift, wenn sie nur eine Entstehungsgeschichte bieses zulett genannten Erwerbes sein will; aber ich deufe zu zeigen, daß eben durch biefen die eigenthümliche Leiftung des Denkens weder icharf bezeichnet noch erichöpft ift.

VI. Gine gewöhnliche Meinung behält dem Menschen das Ver mögen des Denkens vor und spricht es dem Thiere ab. Thue für oder wider diese Annahme ernsttich zu entscheiden, benntze ich sie zur Be quemlichteit meiner Erläuterung. In der Seele eines Thieres, die demgemäß auf bloßen Vorstellungsverlauf beschräntt wäre, würde der erste Eindruck eines belandten Vanmes nur ein Gesammtbild erzeugen, zwischen dessen Vestandtheilen besondere Veziehungen der Zusammensgehörigkeit aufzusuchen hier außer der Fähigkeit auch noch jeder Antrieb sehlen würde. Der Winter entlandt den Vanm, und eine zweite Wahrs

nehmung des Thieres findet nur einen Theil des früheren Gefammt bildes wieder, der zwar die Borftellung des andern wieder zu erzeugen strebt, darin aber durch den gegenwärtigen Angenschein bestritten wird. Wenn nun der wiederkehrende Sommer den alten Thatbestand ber stellt, so mag allerdings das erneuerte Gesammtbild des belaubten Bannes jetzt nicht mehr die einfache und unbefangene Einbeit der ersten Wahrnehmung besitzen; die Erinnerung an die zweite, sich zwischenbrängend, scheidet es in den Bestandtheil welcher blieb und den welcher wechselte. Ich halte nicht für angebbar, was eigentlich in der Seele des Thieres sich unter den angenommenen Umständen ereignen würde: schreiben wir ihm indessen selbst die Fähigteit noch zu, vergleichend den Verlanf seiner Vorstellungen zu überblicken und das gefundene Verhalten ansgudrüden, jo murde doch dieser Ausdrud nicht mehr besagen fönnen als die Thatsache, daß zwei Wahrnehmungen bald zusammen waren bald nicht. Der Menich, wenn er dieselben Gegenstände seiner Beeb achtung den belaubten und den unbelaubten Baum neimt, drückt damit freitich unr dieselben Thatbestände aus; aber die Unffassung derselben, welche er in diesen ihm gewohnten sprachlichen Formen fundgibt, ent batt doch eine gang andere geiftige Arbeit. Denn ber Rame des Ban mes, dem er jene nähere Bezeichnung bald hinzufügt bald entzieht, bedentet ihm nicht blos einen beharrlichen Theil seiner Wahrnehmung im Gegenfatz zu einem veränderlichen, sondern die auf fich beruhende Sache, das Ding im Gegenfatze zu feiner Eigenfchaft. Indem er den Banm und seine Belanbung unter Diesen Wesichtspunft rudt, läßt er Diese Beziehnng, welche zwischen einem Dinge und seiner Eigenschaft bestehe, als den Rechtsarund erscheinen, der sowohl die Treunbarkeit als die Ber bindung beider Vorstellungen rechtfertigt, und führt so die Thatsache ihres Zusammenseins oder Richtzusammenseins in unserem Bewußtsein auf eine fachliche Bedingung ihrer augenblicklichen Zusammengehörigkeit oder Richtzusammengehörigteit gurud. Man fann Dieselbe Betrachtung über andere Beispiele erstrecken. In ber Seele des Hundes ruft der erneute Anblid bes geschwungenen Stockes die Borftellung des früher erlittenen Schmerzes zurud; ber Menich, wenn er den Sat ausspricht, ber Schlag thue weh, brückt damit nicht blos die thatsächliche Ver fnüpfnug beider Ereignisse aus, sondern er rechtsertigt sie. Denn in bem er in diesem Urtheile ben Schlag als bas Subject bezeichnet, von dem der Schmerz ausgehe, läßt er deutlich das allgemeine Verhältniß einer Urfache zu ihrer Wirfung als den Grund erscheinen, um des willen nicht blos beide Vorstellungen in uns zusammen sind, sondern die eine berechtigt und verpflichtet ist auf die andere zu folgen. Endlich mag dem Hunde mit der Erwartung des Schmerzes zugleich die Erinnerung wiederfehren, mit der Flucht, zu der ihn früher ein unwilltürlicher Trieb anleitete, sei eine Milderung des Schmerzes verbunden gewesen; und gewiß wird diese neue Vertettung seiner Vorstellungen ihn zu der nützlichen Wiederholung seiner Flucht ebenso sicher bestimmen, als wenn er überlegend schlösse: drohende Schläge verhindere insgemeik die Entfernung, ihm drohe der Schlag, also muffe er flüchten. Aber der Mensch, der in gleichem oder ernsthafterem Falle einen solchen Schluß wirklich bildet, vollzieht doch eine gang andere geistige Arbeit; indem er im Obersatz eine allgemeine Erkenntniß ausspricht und ihr im Untersatz einen besonderen Fall der Anwendung unterordnet, wiederholt er nicht nur die Thatsache jener nützlichen Berfnüpfung von Borstellungen und Erwartungen, die das Thier auf sich wirfen läßt, sondern rechtfertigt sie durch Bernfung auf die Abhängigfeit des Besonderen von seinem Allgemeinen.

VII. Durch diese Beisviele, welche sich auf die allbefannten For men des Dentens, auf Begriff, Urtheil und Schluß erstreckten, glanbe ich hinlänglich den Ueberschuß der Leistung deutlich gemacht zu baben. welchen das Denten vor dem bloken Vorstellnnasverlaufe vorans hat: er besteht überall in den Rebengedanken, welche zu der Wiederherstellnng oder Trenning einer Vorstellungsverknüpfung den Rechtsgrund der Zusammengehörigkeit oder Richtzusammengehörigkeit hinzussigen. Diese Leistung bleibt in ihrem Werthe völlig dieselbe, welche Meinung man auch über ihre Entstehung haben mag; zögen wir vor, sie nicht als Ansfluß einer besonderen Thätigkeit, sondern nur als ein feineres Erzeugniß zu betrachten, welches der Borstellungsverlauf unter günstigen Umständen von selbst hervorbringt, so würde uns Deuten dieser Borstellungsverlauf eben nur auf berjenigen Stufe seiner Entwicklung beißen, auf welcher er zur Erzengung dieser neuen Leiftung bereits gekommen ift. Hierin also, in der Erzengung jener rechtfertigenden Rebengedanken, welche die Form unseres Anffassens bedingen, nicht in der blogen Sachgemäßheit der Auffassungen, liegt die Gigenthümlichkeit

bes Denkens, der unsere gange spätere Darstellung gilt. Daß auch obne Diefes Denfen der bloke Borftellungsverlauf des Thieres eine Menge nüttlicher Verfungfungen der Eindrücke, viele zutreffende Erwartungen und passende Rückwirkungen bervorbringt, lengnen wir nicht; wir geben im Gegentheil zu, daß felbst vieles von dem, was der Menich fein Deuten neunt, in der That nur in einem Spiele einander bervorrufender Vorstellungen besteht. Dennoch bleibt bier vielleicht ein Unterschied. In den plöglichen Eingebungen, die uns im Angenblick eine entscheidende Magregel treffen lassen, in der raschen Uebersicht, welche verwickeltes Mannigfaltige fast schneller zergliedert, als die bloke Wahrnebmung seiner Bestandtheile möglich schien, in der fünft lerischen Ersundung endlich, die sich ihrer treibenden Gründe unbewußt bleibt: in allen diesen Sällen glauben wir nicht einen Vorstellungslauf, welcher noch nicht Denken wäre, sondern ein verkürztes Denken wirfen zu seben. Un den bestimmten Beispielen, an denen diese überraschenden Leistungen vollzogen werden, gelingen sie wohl nur, weil ein ent wickeltes Tenken längft an andern Beispielen die Gewohnheit jener Rebengebanten groß gezogen hatte, welche die gegebenen Eindrücke unter attgemeine Gründe ihrer Zusammengehörigteit bringen; und wie jede Geschicklichkeit, die zur mührlosen zweiten Natur geworden ist, bat auch Diese eine vergessene Zeit mühsamer Uebung hinter sich.

VIII. In den Beispielen, die ich benutzte, sielen die Nebengedanten, durch welche wir die Vertnüpfungen der Vorstellungen rechtsertigten, ersichtlich mit gewissen Voranssetzungen zusammen, deren wir uns über den Insammenhang des Virklichen nicht entschlagen. In der That, ohne die Gesammtheit des Vahrnehmbaren durch den Gegensatz von Tingen und ihren Eigenschaften zu gliedern, ohne die Kunnahme einer Absolge von Virkungen aus Ursachen, ohne die bestimmende Macht endlich des Ausgemeinen über das Besendere, ist uns sede Aussassung der umgebenden Virklichkeit völlig unmöglich. Bon hier aus erscheint es daher eine ganz von selbst sich ergebende Behauptung, in seinen Fermen und den sie beseelenden Rebengedanken bilde das Tenten un mittelbar die allgemeinen Fermen des Seienden selbst und seiner Insammenhänge ab, und oft genng ist in der That diese reale Geltung des Tenfens und seiner Verfahrungsweisen gelehrt worden. Die entgegengesetzte Behauptung, die man als volles Viderspiel erwarten

tönnte, ist nie gleich uneingeschränkt gewagt worden. Zu natürlich erscheint jedem Unbefangenen das Denken als ein Mittel, zur Erstenntuß des Wirklichen zu gelangen, und viel zu sehr bernht alle Theilnahme sür die wissenschaftliche Untersuchung seines Versahrens auf dieser Voranssetzung, als daß man jemals von einer blos sor malen Geltung alles logischen Thuns mit bestimmter Lengmung jeder Beziehung desselben zu der Natur des Seienden hätte sprechen können. Indem man daber die Formen und Gesetz des Denkens zunächst als eigenthömtliche Folgen der Natur unserer geistigen Trganisation ausah, schloß man nicht jedes Insammenpassen dersetben zu dem Wesen der Dinge aus, aber man lengnete jene Beziehung kurzer Hand, nach welcher die Formen des Denkens unmittelbare Abbilder der Formen des Seins wären.

IX. Bu dieser vielbehandelten Streitfrage fann eine Ginleitung nur eine vorläufige Stellung nehmen. Bewiß werden wir recht thun, wenn wir am Unfange unserer Betrachtung nur bas beachten, mas hier schon flar sein fann, die Entscheidung des Ungewissen aber ihrem Fortgange überlaffen. Bleiben wir desbalb bei der natürlichen Boraussekung, welche das Denten als ein Mittel zur Erfenntnift anfieht. Nun hat jedes Wertzeng die doppelte Verpflichtung, sachaerecht und bandgerecht zu fein. Sachgerecht, sofern es burch seinen eigenen Ban im Stande sein nuß, den Gegenständen, die es bearbeiten soll, überhaupt nahe zu fommen, sie zu erreichen, zu fassen und an ihnen einen Ungriffspuntt für seine umgestaltende Ginwirfung zu finden: und diese Korderung erfüllen wir für das Denken durch das Zugeständniß, daß feine Kormen und Gesetze gewiß nicht bloße Sonderbarkeiten menschlicher Geisteseinrichtung, sondern daß sie, so wie sie sind, beständig und durchgehends auf das Wesen des Wirklichen berechnet sind. Handgerecht aber muß jedes Wertzeng daburch sein, daß es durch andere Gigenschaften seines Baues ergreifbar, haltbar und bewegbar für die Kraft, die Stellung und den Standpuntt desjenigen ift, ber fich seiner bedienen foll; und diese zweite nothwendig zu erfüllende Forderung beschränkt für das Denken den Sinn des vorigen Zugeständnisses. Nur ein Geist, der im Mittelpuntte der Welt und alles Birflichen stände, nicht angerhalb der einzelnen Dinge, sondern sie alle durchdringend und mitseiend, nur ein solder möchte eine Anschammg der Wirklichkeit besitzen,

die, weil sie nichts erst zu suchen branchte, unmittelbar das völlige Abbild derselben in ihren eignen Formen bes Seins und der Thätigfeit ware. Der menschliche Beift bagegen, um beffen Denken allein es fich für und bandelt, steht in diesem Mittelpunfte der Dinge nicht, sondern hat seinen bescheidenen Ort irgendwo in den letzten Berzweigungen der Wirklichkeit. Genöthigt, seine Erkenntniß durch Erfahrungen, die sich unmittelbar nur auf einen fleinen Bruchtbeil Des Gangen beziehen, stückweis zusammenzubringen und von hier aus vorsichtig zu der Auffassung dessen vorzudringen, was nicht in feinen Gesichtsfreis fällt, hat er sehr wahrscheinlich eine Menge von Umwegen nöthig, die der Wahrheit selbst, die er sucht, gleichgültig, aber ihm, der sie sucht, unvermeidlich sind. Wie sehr wir mithin die ursprüngliche Beziehnug der Dentformen auf das Biel der Ertenntuiß, die Natur der Dinge, poranssetten mögen: darauf mussen wir ums doch gesaßt maden, mande Bestandtheile in ihnen anzutreffen, Die bas eigne Wesen des Wirklichen nicht sofert abbilden, zu deffen Erfenntniß sie führen sollen: ja es bleibt die Möglichkeit, daß ein sehr großer Theil unserer Denkbemühungen mir einem Gerüfte gleicht, das keineswegs zu den bleibenden Formen des Baues gebort, den es aufführen half, das im Gegentheil wieder abgebrochen werden muß, um den freien Unblid seines Ergebnisses zu gewähren. Es reicht bin, diese vorläufige Erwartung erregt zu haben, mit der wir dem Wegenstande unserer Betrad. tung entgegenkommen wollen; jede bestimmtere Entscheidung über die Grenzen, welche die formale Gültigkeit unjeres Tenkens von feiner realen Bedentung trennt, fann nur von dem Berlaufe unserer Untersuchungen gefordert werden.

X. Ich vermeide absichtlich, den Beginn dieser letzteren durch Erörterungen zu verzögern, die mir mit Unrecht den Zugang zur Logik zu erschweren scheinen. Welche Gemüthsversassung dazu gehöre, um die Tenkhandlungen mit Glück zu vollziehen, wie die Ausmertsamteit zusammenzuhalten, die Zerstremung zu verhüten, die Schläfrigkeit aufzuregen, die Uebereilung zu zügeln sei: alle diese Fragen gehören so wenig zum Gebiete der Logik, als die Untersuchungen über die Entstehung unserer Sinneseindrücke und die Bedingungen unter denen Bewußtsein überhanpt und bewußte Thätigkeit möglich ist. Vorausgesetzt vielmehr, daß es alles dies gebe, Wahrnehmungen, Vorstellungen

nud ihre Pecilechtung nach den Gesetzen eines seelischen Mechanismus, beginnt die Logit selbst erst mit der Ueberzeugung, daß es dabei sein Bewenden nicht haben soll, daß vielmehr zwischen den Borstellungss vertunpfungen, wie sie auch immer entstanden sein mögen, ein Unterschied der Wahrheit und Unwahrheit stattsinde, daß es endlich Formen gebe, denen diese Bertnüdsungen entsvecken, Gesetze, denen sie gehorchen sollen. Alterdings kann es eine vsychologische Untersuchung geben, welche auch den Ursprung dieses gesetzgebenden Bewußtseins in uns auszulkären stredt; aber auch dieser Bersuch würde die Richtigkeit seiner eignen Ergebnisse nur nach dem Maßstab messen können, den eben dieses von ihm zu untersuchende Bewußtsein ansstellt. Zuerst muß daher das ermittelt werden, was der Inhalt dieser gesetzgebenden tleberzeugung in ums ist; nur in zweiter Linie kann ihre eigne Entstehungsgeschichte, und dann nur in Lebereinstimmung mit den Ferdes rungen, welche sie selbst ansspricht, unternommen werden.

XI. Judem ich für erschöpft halte, was ich zur Ginleitung meiner Darstellung zu bedürsen glaubte, füge ich eine vorläufige Uebersicht ihres Banges hingn. Die Beispiele, welche wir bisher benntzten, führen von selbst in einen ersten Haupttheil ein, ber unter dem Namen der reinen oder formalen Logit dem Denken überhanpt und ienen allaemeinen Grundsormen und Grundsätzen desselben gewidmet ist, die obne Mückficht auf die Verschiedenheit der zu behandelnden Gegenstände überall sowohl in der Benrtheilung des Wirklichen als in der Ueberlegung des Möglichen gelten. Die bloke Nennung von Begriff, Urtheil und Schluß genügt, um zu bemerken, wie natürlich diese Formen sich als verschiedene Stufen einer und berselben Thätigfeit darstellen; diesen Naden des Zusammenhangs wird meine Behandlung der reinen Logif etwas schärfer als gewöhnlich anzuspannen suchen. Sie wird die verschiedenen Denkformen in eine aufsteigende Reihe ordnen, in welcher jedes spätere Glied einen Mangel zu tilgen sucht, den das zunächst frühere übrig ließ, weil es dem allgemeinen Bestreben des Denkens. Infammenseiendes auf Zusammengehöriges zurückzuführen, in Bezug auf die Frage, die ihm, diesem früheren Gliede, vorlag, noch feine vollständige Befriedigung verschaffte. Diese Reihe von Gliedern wird von den einfachsten Formungen der einzelnen Eindrücke bis zu dem Bedanken der umfassenden Ordnung fortschreiten, welche wir, wenn es anginge, dem Ganzen der Welt, auf Grund dieses allgemeinen logischen Triebes, geben möchten.

XII. Die reine Logif selbst mun wird zeigen und erläutern, daß die Formen des Begriffs, des Urtheils und des Schluffes zunächit als ideale Formen zu betrachten find, die dann, wenn es gelingt, den gegebenen Stoff ber Vorstellungen in fie einznordnen, die mahre logische Kaffung dieses Stoffes erzengen. Aber die verschiedenen Gigenthümlichfeiten der verschiedenen Gegenstände setzen diefer Ginerdnung Biderftände entgegen; nicht von felbst ift flar, welche Summe von Inhalt als abgeschlossener Begriff einem andern entgegengesett zu werben verbient; nicht von felbst, welches Pradicat allgemeingültig welchem Subject aufommt, noch wie das allgemeine Wesetz zu finden ist, das einer switematischen Anordnung eines Mannigfachen als Princip dienen soll. Die angewandte Logit beschäftigt sich mit den Methoden des Unterjudens, welche biefe Mangel beseitigen. Als eine Betrachtung von Sinderniffen und den Runftgriffen zu ihrer Bewättigung nuß biefe Lehre, mit Aufopferung ber Borliebe für Spftematik, nach Rücksichten der Nütslichfeit dasjenige auswählen, was die bisherige Erfahrung der Wiffenschaft als erheblich und fruchtbar kennen gelehrt hat; die Grenzenlofigfeit bes hier fich bietenben Beobachtungsftoffes macht es leiber un möglich, diesen glänzendsten, der Erfindungsgabe der Reuzeit angehörigen Theil der Logif mit an sich wünschenswerther Bollständigkeit herzustellen.

XIII. Tem Erkennen wird der dritte Theil sich widmen, der Frage also, die unsere Einleitung berührte, ohne sie zu beantworten: in wie weit kann ein Ganzes von Gedanken, das wir durch alle Mittel der reinen und der angewandten Logik anszudauen im Stande gewesen sind, darauf Anspruch machen, eine zutressende Erkenntniß dessen sin sein, was wir als Gegenstand und verantassende Ursache unserer Borstettungen glauben voranssetzen zu müssen. Ze gelänsiger dem gewöhnlichen Bewußtsein dieser Gegensatz zwischen dem Gegenstande unserer Erkenntniß und unserer Erkenntniß dieses Gegenstandes ist, um so un besorgter kann ich seine Erwähnung als eine vorläusige Bezeichnung der Betrachtungen gelten lassen, die diesem dritten Theile zusallen werden; ihm selbst mag es ausbehalten bleiben, die Schwierigkeiten auszudecken, welche diese scheinbar klare Gegenüberstellung enthält, und sich darnach die Grenzen seiner Ansgaben genauer zu bestimmen.

Erftes Kavitel.

Die Lehre vom Begriffe.

A. Die Formung der Gindrude gu Borftellungen.

1. An Beziehungen eines Manniafachen pfleaen sich uns die Leistungen des Denkens zu zeigen; man kann daher glauben, auch die ursprünglichste seiner Handlungen in einer einfachsten Urt der Verknüpfung zweier Borstellungen suchen zu muffen. Gine leichte Ueberlegung rath uns indessen, noch einen Schritt weiter zurückzugehen. Aus lauter Rugeln läßt fich ein Saufe leicht zusammenwerfen, wenn es gleichgültig ift, wie sie liegen; ein Gebände von regelmäßiger Gestalt dagegen ist nur aus Bonsteinen möglich, die einzeln bereits jeder in Formen gebracht find, in welchen fie einander paffende Alächen zu ficherer Anfügnug und Anflagerung Man wird Achuliches hier erwarten müssen. zuwenden. Erregungen unseres Inneren fonnen die Zustände, welche den außern Reizen folgen, ohne weitere Vorbereitung in uns beisammen sein und auf einander so wirfen, wie es eben die atlgemeinen Wesetze unseres Seelenlebens gestatten ober befehlen; um bagegen in ber bestimmten Form eines Gedantens verbindbar zu werden, bedürfen fie einzeln einer vorgängigen Formung, durch welche fie überhaupt erst zu logischen Baufteinen, aus Eindrüden zu Borftellungen werden. Richts ift uns im Grunde vertranter als diese erste Leisung des Denkens; wir pflegen unr deshalb über fie hinwegzusehen, weil sie in der Bildung der uns überkommenen Sprache beständig schon geleistet ist und darum zu den selbstverständlichen Berandsetzungen, nicht mehr zu der eigenen Arbeit des Denkens zu gehören scheint.

- 2. Was unmittelbar unter dem Cinflusse äußerer Reize in uns entsteht, die Empfindung oder das sinnliche Gefühl, ist an sich nichts als ein Anstand unferes Befindens, eine Art, wie uns zu Muth ift. Richt immer gelingt es uns, einen Namen zu finden für das, was wir so leiden, und es dadurch mittheilbar an Andere zu machen; nur die formloje Interjection, der Andruf, bleibt uns zuweilen übrig, um dies Unfagbare, ohne sichere Hoffmung auf Berständniß, wenigstens zu verlantbaren. In den günftigeren Fällen aber, in welchen uns die Schopfung eines Ramens gelungen ift, welche Leiftung ift dann ansgeführt, und verrath fich eben in biefer Schöpfung felbit? Reine andere, als eben die, die wir bier suchen, die Berwandlung eines Gindrucks in Boritellung. Sobald wir die verschiedenen Erregungen, welche uns Lichtwellen durch unser Ange veranlassen, grün oder roth nennen, haben wir ein früber Ungeschiedenes geschieden: unser Empfinden von dem Empfindbaren, auf bas es fich bezieht. Dies Empfindbare stellen wir ietst por uns bin, nicht mehr als einen Auftand unferes Leidens, sondern als einen Juhalt, der an sich selbst ist was er ist und bedeutet was er bedeutet, und der dies zu sein und zu bedeuten fortfährt, gleichviel ob unfer Bewußtsein sich auf ihn richtet oder nicht. Man wird leicht hierin den nothwendigen Anfang jener Thätigkeit entdecken, die wir dem Denken überhaupt zueigneten; fie kann hier noch nicht daranf gerichtet sein, ansammenseiendes Mannigfaltige in Insammengehöriges zu verwandeln; fie löft vor Allem die Boranfgabe, jedem einzelnen Gindrucke die Bedeutung eines an fich Gültigen zu geben, ohne welche später eine jadlice Zusammengehörigkeit mehrerer keinen angebbaren Sinn im Gegensate zu blogem Infammensein in uns haben fönnte.
- 3. Man fann diese erste Leistung des Tenkens als Beginn einer Shjectivirung des Subjectiven bezeichnen; ich benntze diesen Ausstruck, um durch Abwehr eines Misverständnisses den einsachen Sinn des Gesagten zu verdentlichen. Objectivität in der Bedentung eines irgendwie gearteten wirklichen Taseins, das auch bestände, wenn Niesmand es dächte, wird durch die logische That, die sich in der Schöpfung eines Namens verräth, dem durch eben diese Schöpfung entstehenden Berstellungsinhalt nicht zuerkannt; was in Wahrheit diese erste Tent handlung sagen will, machen die Sprachen am leichtesten flar, die sich den Gebrauch des Artisels bewahrt haben. Tenn durch diesen, welcher

überall ursprünglich den Werth eines demonstrativen Pronomen hatte, wird das mit ihm versehene Wort als der Rame von Etwas bezeichnet. worauf sich hinweisen läßt; hin aber weisen wir auf das, was einem Undern ebenso wahrnehmbar werden fann, wie es uns gewesen ist. Run freilich geschieht dies am leichtesten in Bezug auf Dinge, die in ber That in äußerlicher Wirklichkeit zwischen den Sprechenden stehen, aber die gebildete Sprache vergegenständlicht auch jeden andern Dentinhalt auf gleiche Beife. Die Objectivität, welche fie burch ben auch in solden Fällen gebrauchten Urtifel andentet, fällt daber nicht im Allgemeinen mit der Wirklichkeit zusammen, die den Dingen gutommt: fie traf vielmehr in den Benennungen dieser nur mit einem thatsächlichen Unipruch auf eine solche zusammen, den ihnen die unterscheidende Eigenthümlichkeit ihrer realen Ratur gibt. Bon dem Schmerze, ber Helliafeit, der Freiheit sprechen wir nicht fo, als könnte der Schmerz dasein, wenn ihn Riemand fühlt, die Heltigkeit, wenn sie kein Ange sieht, Die Freiheit, wenn fein Wesen ware, bas sich ber Uneingeschränktheit seines Handelns entweder selbst erfreute oder sie fühlbar machte für Andere. Roch weniger, wenn wir von dem Zwar, dem Aber und dem Dennoch reden, meinen wir durch den Artifel ein Dasein anzudeuten, das den durch diese Worte bezeichneten Denkinhalten irgendwie auch außerhalb jedes Vorstellens zutäme; wir sagen durch diese Ausdrucksweisen nur, daß gemiffe eigenthümliche Widerstreite und Spannungen, Die wir im Berlauf unserer Borftellungen fühlen, nicht blos Seltsamfeiten unseres Befindens und unabtrennbar von diesem sind, daß sie vielmehr auf eigenen Beziehungen verschiedener Borftellungsinhalte beruhen, welche jeder, der diese denken wird, ebense zwischen ihnen vorfinden wird, wie wir. Durch die logische Objectivirung, die sich in der Schöpfung des Namens verräth, wird daher der benannte Inhalt nicht in eine äußere Wirklichkeit hinausgernatt; die gemeinsame Welt, in welcher Andere ihn, auf den wir hinweisen, wiederfinden sollen, ist im Allgemeinen nur die Welt des Denkbaren; ihr wird hier die erste Spur eines eigenen Bestebens und einer inneren Geseglichkeit zugeschrieben, die für alle denkenden Wesen dieselbe und von ihnen unabhängig ift, und es ift hier gang gleichgültig, ob einzelne Theile dieser Gedankenwelt Etwas bezeichnen, was noch überdies außerhalb ber denkenden Geister selbständige Wirklichkeit besitzt, oder ob ihr ganzer Inhalt überhaupt nur in den Gedanken der Denkenden, mit gleicher Gültigkeit dann für alle, Dasein hat.

- 4. Durch diese Bergegenständlichung des ebenso erst entstehenden Anhalts ift indeffen nicht der gange Sinn dieser ersten Denkhandlung erschöpft; vor sich hinstellen kann ihn das Bewußtsein nicht blos überbaupt, sondern nur indem es ibm eine bestimmte Stellung gibt; nicht überhanpt blos fann es ihn von einem Zustand seiner eigenen Erregung unterscheiden, ohne ihm auftatt ber Art bes Seins, die er als solcher Auftand hatte, eine andere Urt seines Bestehens zuzuerkennen. Was mit dieser Forderung gemeint ist, denn ich gebe zu, daß es diesem Ausdruck derfelben an unmittelbarer Klarheit fehlt, zeigt uns am einfachften die Sprache durch ihre wirkliche Erfüllung. Denn nur die Interiection, die feines Anhalts Name ift, läßt fie in der Formlofigfeit, die ibr als blogem Ausdruck einer Erregung zukommt; ihren ganzen übrigen Wortschatz gliedert fie in die bestimmten Formen der Substantiva, der Abjectiva, ber Berba, ber befannten Redetheile überhaupt. Und daß fie durch diese verschiedenartige Ausprägung ihres gangen Schatzes eine Borbedingung erfüllt, welche das Denten zu seinen späteren Leiftungen nicht entbebren fann, bedarf faum der besonderen Bersicherung, denn offenbar weder die Berbindung der Merkmale zum Begriff, noch die der Beariffe zum Urtheile oder der Urtheile zum Schluß wäre möglich, wenn alle Vorstellungsinhalte gleich formlos oder in gleicher Form gefaßt wären, und wenn nicht einige von ihnen substantivisch als Bezeichnungen für fich feststehender Inhalte anderen adjectivischen eine Stätte der Anknüpfung gewährten, noch andere verbate die fluffigen Beziehungen barftellten, die eines mit dem andern in Berbindung gn bringen bestimmt sind. Ich halte nicht für angemessen, diese eigenthümliche Gestaltung des Borstellungsinhalts als eine zweite Denthandlung von jener ersten zu trennen, der wir die Bergegenständlichung desselben zuschrieben; ich fasse vielmehr die erste That des Denkens in diese untheilbare Leiftung zusammen, dem vorgestellten Inhalt eine dieser logis ichen Formungen zu geben, indem sie ihn für das Bewußtsein vergegenständlicht, oder auch ihn dadurch eben zu vergegenständlichen, daß sie ibm eine dieser bestimmten Formungen gibt.
- 5. Unwermeidlich erinnern die drei Redetheile, die ich hervorhob, an drei unserer Benrtheilung der Wirklichkeit unentbehrliche Begriffe.

Denn in der That nicht einmal eine anssprechbare llebersicht über die wahrnehmbare Welt ist uns möglich, ohne in ihr Dinge als die festen Punfte zu benfen, bie einer Bielbeit unselbständiger Gigenschaften als Träger bienen und burch veränderliche Greigniffe, das Spiel bes Geichehens, unter einander verbnuden werden. Aft Metaphofik die Untersuchung nicht des Dentbaren überhaupt, sondern des Wirklichen oder beffen, was als wirklich anerkannt werden foll, jo find diefe Begriffe des Dinges der Eigenschaft und des Geschehens metaphosische Begriffe; nicht solche vielleicht, welche die Metaphysif am Ende ihrer Untersuchung in unveranderter Geltung laffen würde, aber foldte gewiß, die am Unfang berselben numittelbar bas eigne Wesen und die Gliederung bes Seienden zu bezeichnen vorgeben. Mit ihnen scheinen nun die logischen Formen der Substantivität Adjectivität und Verbalität für den ersten Blick zusammenzufallen; ein zweiter freilich zeigt zwischen beiden Reihen ben gleichen Unterschied, welcher bie logische Bergegenständlichung eines Borftellungsinhaltes von äußerer Wirklichfeit trennte. Denn für Ding ober Substanz gilt uns nur, was außer uns wirklich und in der Zeit dauernd theils in Underem Beränderungen bewirft, theils veränderliche Buftande felbst zu erleiden vermag; substantivisch aber fassen wir nicht die Dinge allein, sondern ihre Eigenschaften ja auch: substantivisch spreden wir von der Beränderung, dem Greigniß, dem Richts felbst, furz von Ungähligem, was entweder nicht ist, oder dech nicht selbständig für jich, sondern nur an Anderem Bestand hat. Durch die Form der Gubstantivität eignen wir daher dem in sie gebrachten Inhalt nur in Beziehung auf bas, was von ihm als einem Subject fünftiger Urtbeile weiter ausgesagt werden foll, dieselbe Priorität und Selbständigfeit au, die dem Dinge gegenüber seinen Gigenschaften, Bustanden und Wir= fungen zufommt, aber feineswegs die Realität felbständiger Wirklichkeit und Wirffamfeit, die dieses vor dem blos Denfbaren vorans hat. Auch Berba bezeichnen am häufigsten freilich ein in der That zeitlich verlanfendes Geschehen; aber wenn wir sagen, daß die Dinge sind oder daß fie ruben, daß eines das andere bedingt oder ihm gleicht, so zeigt fich, daß auch die verbale Form nicht allgemein ihrem Inhalt die Bedeutung eines Geschens gibt, soudern sie nur gewöhnlich in ihm vorfindet. Um den Sinn folder Berba, wie wir fie eben als Beispiele brauchten, vollständig zu benten, haben wir mehrere einzelne Inhalte burch eine Bewegung unseres Vorstellens zu vertnüpfen, eine Bewegung, die ausführbar freilich nur in der Zeit, aber doch in dem, was fie be-Deutet oder fagen will, von allem Zeitverlauf unabhängig ist. Mit einem Wort: nicht ein Geschehen, sondern eine Beziehung zwischen mehreren Begiehungspunften ift der allgemeine Sinn der verbalen Form; und dieje Beziehung fann ebenjo gut zwijden Inhalten vorkommen, die itets unzeitlich nur in der Welt des Deutbaren zusammen, wie zwischen jolden, die, der Wirklichkeit angehörig, einer zeitlichen Beränderung suganglich find. Gewiß bezeichnen endlich die Stammadjectiva der Sprace, wie blan und füß, zunächst das, was unserer ersten Auffassung als wirkliche Eigenschaft von Dingen erscheint; aber jede ausgebildete Sprache fenut dech Worte wie: zweifelhaft, parallel und erlaubt: Worte, die schon der einfachsten lleberlegung nicht mehr in dem einfachen Sinne, wie iene, eine an den Dingen felbst bastende Eigenschaft bedeuten fönnen; fie find verfürzte und verdichtete Bezeichnungen der Ergebniffe von allerhand Beziehungen, und nur für Zwecke des Denkens bringen wir ihren adjectivisch gefaßten Inhalt in das formale Berhält= niß zu dem eines Substantivs, in welchem wir uns die Gigenschaft gu ihrem Träger stehend verstellen. Allgemein ausgedrückt ist daher der logische Sinn der Redetheile mir ein Schatten von dem jener metaphysifchen Begriffe: er wiederholt nur die formalen Bestimmungen, die diese von dem Wirklichen behanpten; aber indem er ihre Amwendung nicht auf das Wirkliche beschränft, läßt er auch den Theil ihrer Bedentung fallen, den sie nur in dieser Anwendung erhalten.

6. Fanden wir endlich in den Formen der Redetheile die ursprünglichsten Deuthandlungen, so müssen wir sie nun anch von diesem ihrem sprachlichen Ausdruck zu unterscheiden wissen. Jetzt, nachdem einmal der Mensch sich zur Mittheilung seiner Gedanken der Lautsprache bedient, jetzt erscheinen jene Deuthandlungen allerdings am auschantlichsten in der Form der Redetheile; an sich aber sind sie nicht unlösbar an das Borhandensein der Sprache gedunden. Schon die Entwicklung, deren die Gedankenwelt der Taubstummen, wenn auch unter erster Ansleitung der Sprechenden, fähig ist, beweist uns, daß die innere logische Arbeit von der Möglichkeit ihres sprachlichen Ausdrucks unabhängig ist. Nur darin besieht diese Arbeit, daß wir den einen Borstellungssinhalt mit dem Gedanken seiner verhältnismäßigen Selbständigkeit bes

aleiten, einen andern als der Unlehnung bedürftig, einen dritten als Mittelglied benken, das weder für sich besteht, noch an einem anderen rubt, sondern die vermittelnde Beziehung zwischen zweien bildet. Riemand bezweiselt die höchst wirksame Unterstützung, welche für die Quisbildung bes Dentens in ber Sähigfeit der Sprache liegt, durch scharfbestimmte Lautbilder und regelmäßige Umlautungen derselben allen jenen Formungen und Umformungen der Gedanten eine für das Bewußtsein auschauliche Gegenständlichkeit zu geben; gleichwohl, wäre dem Menschen anstatt der Lautsprache eine andere Mittheilungsweise natürlich, so würden dieselben logischen Rebengedanten sich auch in dieser einen entsprechenden, freilich gang anders gearteten Ausdruck zu vericaffen miffen. Und wenn die Formenarmuth einzelner Sprachen nicht zur Ansprägung aller biefer Nebengebanken, nicht zum Beispiel zur Unterscheidung substantivischer und verbaler Fassung überall zureicht, fo ift boch fein Zweifel, daß das Denten auch der fo Redenden die logiichen Unterschiede in der Formung der lautlich unnuterschiedenen Borstellungen festhält. Wo immer diese innere Gliederung ist, da ist Denfen; es ist nicht, wo sie fehlt. Darum ist Musik fein Denken; denn wie mannigfach und fein abgemeffen auch die Berhältniffe ihrer Tone find, niemals bringt fie doch den einen zum andern in die Stellung eines Substantivs zum Verbum, nie in eine Abhängigkeit, die der eines Adjectivs von seinem Hauptwort, oder der eines Genitivs zu dem Rominativ gliche, von dem er regiert wird.

7. Ich habe nur drei bisher aus der größeren Anzahl der Redetheile erwähnt: diejenigen, ohne die anch die einfachste logische Aussage numöglich wäre; ich lengne darum den logischen Werth der übrigen nicht. Aber unser eigner Weg ist zu weit, um uns in das anziehende Gebiet sprachwissenschaftlicher Betrachtung weitere Umwege zu gestaten, die, nach der eben besprochenen Unabhängigkeit des Denkens von seinen Ansdrucksweisen, sür unsern Zweck doch Umwege bleiben würsden. Gliederung und Gebranch der Sprache deckt eben die Leistungen des Denkens nicht durchaus. Wir werden später sinden, daß sie häusig nicht den vollständigen Ban des Gedankens ausdrückt: und dann müssen wir für die Zwecke der Logist das Geänßerte ergänzen aus dem, was gemeint war; die Sprache besitzt anderseits technische Bestandtheile, die auf wesentlichen logischen Bestimmungen nicht beruhen, oder doch auf

folde sich nur mittelbar in verschiedenen Abstufungen beziehen: wir würden dann unrecht thun, wenn wir ebenso viele logische Handlungen des Denkens unterscheiden wollten, als uns die Sprache grammatiich ober sontaftisch verschiedene Formen des Ansdrucks darbietet. Richt blos Anteriectionen, sondern and Partifeln gibt es, die im gewöhnlichen Gebrauch, dem Tonfall der Stimme ähnlich, fast nur noch den gemüthlichen Antheil bezeichnen, den der Sprechende an seiner Aussage nimmt, nichts dagegen zu der logischen Kassung ihres Inhalts beitraaen. Wenn die Sprache den Unterschied der Geschlechter in alle substantivischen und adjectivischen Worte einführt, folgt sie einer logisch gang gleichgültigen äfthetischen Phantafie; wenn fie dann aber das Geichlecht des Adjectivs sich nach dem seines Hauptworts richten läßt, dentet sie durch diese Folgerichtigkeit innerhalb einer willfürlich angenommenen Gewohnheit wieder auf ein echt logisches Verhalten bin, das wir fennen ternen werden. Wenn sie in den Bengungen des Zeitwortes den Redenden von dem Angeredeten und dem abwesenden Dritten unterscheidet, so hebt sie damit, für den lebendigen Gebranch der Rede ganz unentbehrlich, ein vor allem wichtiges sachliches Verhalten hervor, dem aber kein eigentlich logischer Unterschied entspricht. Es ist gang mir derselbe Grund, der die Grammatik berechtigt, Pronomina als eine eigene Klasse der Redetheile zu betrachten; logisch sind die persönlichen vöttig den Substantiven zuzurechnen, mit denen sie die Form der Fassung gänzlich theilen; die possessiven und demonstrativen haben wir feinen Grund von den Adjectiven zu trennen; das relative würden wir für das eigenthümlichste technische Element der Sprache ansehen, nur dem Bedürfniß der geordneten Mittheilung gewidmet, und auf fein anderes logisches Berhältniß gegründet, als auf welchem auch sein Widerspiel, das demonstrative, beruht. Zahlworte behandelt die Grammatik als besondere Redetheile; die sebendige Sprache stellt sie den Adjectiven gleich, und ohne Zweifel gehören sie logisch zu diesen, wenn man sich erinnert, daß logisch die Form der Adjectivität jeder nicht für sich selbständigen Bestimmung eines Inhalts zukommt, und keineswegs derjenis gen allein, welche an ihm in dem Sinne einer Gigenschaft haftet. Die Adverbien endlich treten zu dem verbalen Anhalt völlig in dieselbe Beziehung, wie die Adjectiva zu dem substantivischen; auch sie würde daher die Logif nicht Beranlaffung haben, als einen besonderen Theil der Rede

oder als eine eigentbümliche Form des Gedankeninhalts zu fassen. Ihr die Präpositionen und Conjunctionen blieben mithin übrig, um diesen Unspruch zu erheben, und sie allerdinas alaube ich, gleichviel welche Ubteitungen ihre sprachlichen Ausdrücke noch zulaffen mögen, zu den unentbehrlichen Bestandtheilen unserer Vorstellungswelt rechnen zu mus-Aus dem Begriffe der Beziehung, dem sie zunächst verwandt scheinen, sind sie nicht ableitbar; jede Beziehung, indem sie zwei Glieder verbindet, enthält den Gedanken einer Stellung jedes dieser Glieder innerhalb biefer Beziehung felbst, und biefe Stellung braucht nicht für beide dieselbe zu sein, sie wird im Gegentheil am häufigsten verschieden, das eine Glied das Umfassende, Ganze, Bedingende, das andere das Umfaßte sein, der Theil, das Bedingte. Man wird nun, wenn man es versucht, nicht damit zu Stande fommen, die Berschiedenwerthigfeit dieser beiden Endpunfte, ohne welche die Beziehung feinen Sinn bat, durch einen verbal gefaßten Inhalt allein auszudrücken; man wird irgendwo eine Präposition, eine Conjunction oder eine der verschiedenen Casussormen wenigstens bedürfen, in denen viele Sprachen einem Theile dieser Rebengedanken einen noch fürzeren Ausdruck geben. Denn dies freilich ist logisch gang gleichgültig, in welcher sprachlichen Form diese Rebengedanten auftreten; sowie wir Bedingtes bald im Genitiv, vald in anderem Sinne im Accusativ dem bedingenden Rominativ entgegenstellen, so könnte ein noch größerer Reichthum der Casus, wenn die Sprache ihn erzeugt oder bewahrt hatte, jede Praposition, eine gleiche Mannigfaltigfeit der Modi des Berbum jede Conjunction überftüffig machen. Un den togischen Bedürfniffen des Denkens würde hierdurch nichts geändert; so wie so müßte zu den substantivischen, den adjectivischen und den verbalen Inhalten noch eine Anzahl von Borstellungen treten, welche entweder, wie die sprachlichen Präpositionen, die Stellung zweier als einfach geltender Inhalte in einer einfachen Beziehung, ober wie die Conjunctionen, die verschiedenwerthige Stellung zweier Beziehungen oder Urtheile zu einander bezeichnen.

8. Als die unertäßtichste und in diesem Sinne erste aller Deutshandlungen wird uns die Vergegenständtichung der Gindrücke und ihre damit verbundene Formung in dem Sinne der Redetheile dann stetserscheinen, wenn wir mit einem Blicke auf die ausgebildete Gestalt unserer Gedankenwelt nach den Vedingungen fragen, auf deren Ersüllung

Diese Gestaltung beruht. Denn gewiß, von dem einsacheren oder gusammengesetteren Sathan, durch den wir die Arbeit und die Graebnisse unseres Denfens ausdrücken, ware nichts möglich gewesen ohne diese Veistung. Aber unsere Meinung fann nicht diese sein, daß im Ansange aller seiner Denkarbeit der logische Geist, ebe er einen weiteren Schritt waate, diese erste seiner nothwendigen Handlungen ein für allemal an der Gefammtheit seines Borsteilungsinhalts vollzogen habe. Schon Die Unbegrenztheit der Zahl möglicher Eindrücke, deren jeder Augenblick nene bringen fann, hätte dies Geschäft imansführbar gemacht; es wird noch unansführbarer darmn, weil ja das Denken selbst durch seine Bearbeitung des gegebenen Inhalts unablässig nenen Inhalt erzengt und diesen wieder in dieselben logischen Formen bringen nung, aus deren Unwendung auf einfacheren Dentstoff er selbst entstand. Bede gebildete Sprace enthält baber in ber Form eines einfachen Substantiv, eines Adjectiv oder Berbum zahlreiche Borstellungen, deren Anhalt nicht ohne vielfache böbere Denfarbeit, nicht obne Benutzung von Urtheilen und Schlüssen, ja selbst nicht ohne Boraussehung zusammenhängender wissenschaftlicher Untersuchung sich zusammenbringen ließ und nicht ohne fie vöttig verständlich ift. Dieje leicht zu machende Beobachtung hat Die Behanptung bervorgerufen, mindestens die Lehre vom Urtheile musse in der Logit der Behandlung der Begriffe vorangeschickt werden, mit welcher nur altes Herkommen Die Betrachtung des Dentens eröffne. Ich hatte diese Behanptung für eine Uebereilung, die theils aus der Berwechslung des Zieles der reinen Logif mit dem der angewandten, theils and einer Berkemung bessen überhaupt entspringt, wodurch sich Denfen von dem blogen Verlaufe der Vorstellungen unterscheidet. Denn jene Urtheile, aus denen der Begriff entsteben soll, worans würden jie selbst denn, jo lange sie wirtlich Urtheile sein sollen, besteben konnen, wenn nicht aus Verfnüpfungen von Vorstellungen, die nicht mehr bloße Eindrücke wären, deren jede vielmehr mindestens diese einfache bisher erwähnte Formung schon empfangen hätte, deren Mehrzahl aber, wie ein anzustellender Bersuch lehren würde, in der That schon die höhere logische Form befäßen, welche die Anhänger jener Meiming selbst mit dem Ramen des Begriffs bezeichnen? Das Richtige Dieser vorgeschla genen Menerung tommt auf einen sehr einfachen Gebanten zurücht: um Begriffe eines verwickelten und mannigfachen Inhalts zu bilden, um namentlich die Grenzen festanstellen, innerhalb deren es sich lohnt und rechtfertigt, biesen Inhalt als ein Begriffsganges ausammengufassen und von anderen zu unterscheiden, dazu freilich sind mannigfache Borarbeiten des Denfens nöthig; aber damit diese Borarbeiten selbst möglich find, muß ihnen die Geftaltung einfacherer Begriffe vorangegangen sein, aus denen fie ihre Hilfsurtheile gusammenseten. Ohne Zweifel hat daher die reine Logif die Form des Begriffes der des Urtheils voranzusetsen; die angewandte erst hat zu lehren, wie zur Bildung bestimmter Begriffe fich Urtheile verwenden laffen, die aus einfacheren Begriffen beteben. Ein Vorschlag zur Umfehrung dieser Ordnung kann sich mir denen empfehlen, welche das Denken überhaupt nur als Wechjelwirfung der von außen uns angeregten Eindrücke betrachten und die rückwirfende Thätigkeit überseben, die in den Berlauf der Borstellungen, Zusammengerathenes scheidend, Zusammengehöriges verbindend, und darum auch icon die einzelnen Bestandtheile des tünftigen Gedankens formend, überalt eingreift.

B. Zetzung, Unterscheidung und Bergleichung der einfachen Borfteilungsinhatte.

9. Erfennen wir unn in diesen ersten Formungen der Borstellungen einen Beitrag an, den zu dem Ganzen unserer Gedankenwelt eben die einwirkende Thätigkeit des Denkens liefert, so schließt sich leicht hieran die Ansicht, der logische Geist trete mit ihnen als fertigen Anffaffungsweisen den fommenden Eindrücken gegenüber, und daran dann fnüpft sich die Frage, wie es ihm gelinge, jeglichen Inhalt in diejenige dieser verschiedenen Formen zu bringen, die ihm angemessen ist? Aber jene Unsicht ist unzulässig und deshalb diese Frage gegenstandsos, oder sie führt wenigstens zu einer andern als der erwarteten Antwort. Das Denken steht nicht mit einem Bündel logischer Formen in der Hand dem Gewimmel der antangenden Gindrücke gegenüber, rathlos, welche dem einen, welche dem andern sich wird überstreifen lassen, und deshalb eines besonderen Hilfsmittels bedürftig, um die für einander passenden Paarungen zu errathen. Die Berhättnisse vielmehr, die zwischen den bewußt gewordenen Eindrücken bestehen, sind es selvst, welche die Thätigkeit des Denkens als eine stets mir rückwirkende auf sich ziehen, und nur darin besteht diese Thätigteit, so vorgefundene Berhältnisse zwischen den Eindrücken, die wir leiden, in Beziehungen der Inhalte umzudenten. Nicht dazu wird man daher eines besonderen Kunstgriffes bedürsen, um sedem Juhalt die ihm zugehörige Form zu geben; wohl aber liegt nach anderer Richtung hin in dieser Einerdnung des mannigsachen Juhalts in logische Formen eine zweite nethwendige Deuthandlung; fein Name für irgend einen Juhalt fann geschäffen werden, ohne diesen als mit sich selbst gleich, als verschieden von anderen, endlich als vergleichbar mit anderen gedacht zu haben.

10. And diese zweite Leiftung des Denkens gebort zu denjenigen, welche für den Redenden die überlieferte Sprache beständig ichon ansgeführt hat; auch sie wird deshalb leicht übersehen und der Denfarbeit des Geistes nicht zugerechnet. Aber die logische Wissenschaft, ausdrücktid dem Selbstwerständlichen gewidmet, darf nicht einen Theil defselben als noch selbstverständlichere Boranssetzung behandeln, die ans den eigentlichen Wegenständen ihrer Betrachtung fich ansschließen ließe. Doch bedarf wenigstens der erste Bestandtbeil des dreigliedrigen Ausdruckes, welchen wir dieser nenen Denthandlung eben gaben, einer ausführlichen Erlänterung nicht. Es ist zu unmittelbar deutlich, wie jeder Name, sei es suß oder warm, Luft oder Licht, gittern oder leuchten, den von ibm bezeichneten Inhalt in irgend einem Sinne als zusammenge hörige Cinheit faßt, die für sich etwas bedeutet; nicht blos den substantivisch geformten bebt, am eindringlichsten allerdings, der vorgesetzte Urtifel zu dieser Ginheit mit sich selbst beraus, dieselbe hinweisende Kraft liegt, in anderer Urt des Ausdrucks, in der Form des verbalen Infinitiv, und felbst obne jeden unterscheidenden sprachtichen Unsbruck begleitet dieser Rebengebante ber einheitlichen Setzung des Bezeichneten jeglide Wortform. Man fann zweifeln, ob der Borgang, den wir unter diesem Ramen der Setzung des Inhalts verstehen wollen, nicht ichon in jener Bergegenständlichung enthalten fei, durch welche wir den erlittenen Eindruck zur Vorstellung werden ließen; und wirklich fann man weder vorstellen, ohne dem Borgestellten Diese Setzung zu geben, noch hat diese Setzung einen Sinn ohne jene Vergegenständlichung deffen, dem sie ertheilt wird. In der That ist es daher eine sachlich untrennbare Leiftung, die wir von verschiedenen Seiten ber betrachten: dort brachten wir die Borftellung, auf welche wir vorstellend uns beziehen, in Gegenfatz zu dem Eindruck, welchen wir leiden; hier, wo

die Mannigfaltigkeit des Vorstellungsinhaltes unsere Ausmerksamkeit zu erregen beginnt, legen wir auf die einheitliche und selbständige Bedenstung Gewicht, mit welcher der so aus unserer Erregung herausgesetzte Inhalt ist was er ist und von allen anderen sich unterscheidet.

11. 3ch habe durch diese lette Wendung svaleich fühlbar machen wollen, in wie enger Verbindung jene bejahende Setzung bes Inhalts mit der verneinenden Ausschließung jedes anderen ftebt. Sie ift fo eng, daß eben zur Bezeichnung bes einfachen Sinnes ber Setzung uns nur Ansdrücke zu Gebot standen, die ihre volle Klarheit erst durch Sinzufüging dieses zweiten Rebengedankens erhalten. Denn was mit jener Einheit des gesetzten Inhalts eigentlich gemeint war, interpretiren wir einleuchtend nur dadurch, daß wir seine Berschiedenheit von anderen hervorheben und nicht nur sagen, er sei was er sei, sondern auch: er sei nicht, was andere sind. Zene Bejahung und diese Berneimma sind mir ein untrennbarer Gedanfe, und untrennbar verbunden begleiten sie jeden unserer Vorstellungsinhalte, auch dann, wenn wir nicht mit ausdrücklicher Aufmerkjamkeit dies stillschweigend verneinte Andere verfolgen. Aber dieser verschmolzene Rebengedanke bestimmt nur die logische Fassung, die wir unserem Inhalte geben; er erzeugt nicht den Inhalt selbst erst, dem wir sie ertheilen. Man fann nicht sagen: roth werde als das was es ift, als roth, erft dann vergestellt, wenn es ven blau oder füß, und nur dadurch, daß es von beiden unterschieden werde; blau anderseits als blan nur durch gleichen Gegensatz zu roth. Weder ein veranlassender Grund zu dem Bersuche dieser bestimmten Unterscheidung, noch eine Möglichkeit ihres Gelingens wäre denkbar, wenn nicht das, was jedes der beiden entgegenzusetzenden Glieder für sich ist, vorher dem Bewußtsein flar wäre. Unzweiselhaft wird der eigenthüm= lich bestimmte Gindruck, den wir unter der Ginwirtung des rothen Lichtes erleben, völlig derselbe sein, bevor wir zum ersten Mal ein blanes Licht ersuhren, wie dann, nachdem wir diese Ersahrung gemacht haben; die Möglichteit der Vergleichung und Unterscheidung, welche durch die letztere gegeben wird, fann wohl, wenigstens bei zusammengesetzterem Borstellungsstoff, als diese einfachen Farben sind, die Aufmerksamkeit auf früher übersehene Theile der Eindrücke lenken und so den Anhalt beider vervollständigen; aber selbst in diesem Falle, der unserer gegenwärtigen Betrachtung völlig fremd ist, wird das Nene nicht durch die

Unterscheidung, sondern durch die unmittelbare Empsindung gesunden werden, zu welcher die Bergleichung nur Beranlassung gab. Ueberalt ist es daher die bejahende Setzung, welche die verneinende Unterscheisdung möglich macht; niemals dagegen entspringt aus der Unterscheidung der Inhalt des Unterschiedenen. Dur die Rebengedanten, die wir uns über den vergestellten Juhalt machen, nur seine togische Fassung geswinnt an Bestimmtheit durch die Berneimung des Andern, die zu seiner eignen Besahung tritt, und selbst dieser Gewinn würde mir gering scheinen, wenn es bei ihm sein Bewenden hätte, und wenn nicht sene dritte Leistung positiver Bergleichung hinzufäme, welche ich in dem früher gegebenen Ausdruck dieser zweiten Denkhandsung zuletzt erswähnte.

- 12. Ich leite die Betrachtung dieser dritten Leistung, die ich für den wesentlichsten Bestandtheil der hier zu erörternden logischen Arbeit ausebe, durch Erinnerung an eine befannte Thatsache ein, die man zu anderen Folgermigen zu bennten pflegt. Durch die Worte der Sprache werden Eindrücke niemals so bezeichnet, wie man sie erleben fann: dem erleben oder wirklich empfinden läßt sich immer mir eine besondere Schattirung der Röthe, eine einzelne Eigenart der Süßigfeit, ein bestimmter Grad der Wärme, nicht das allgemeine Roth, Guß und Warm der Sprache. Die Berallgemeinerung, welche in diesen und allen ähnlichen Ausdrücken der empfundene Inhalt erfahren hat, pflegt man als eine unvermeidliche Ungenauigkeit der Sprache, vielleicht selbst des Borstellens auzusehen, das sich ihrer zu seinem Ausdrucke bedient. Ilnfähig entweder, oder nicht gewöhnt, für jeden einzelnen Eindruck einen bestimmten Ramen zu schaffen, verwische sie in ihren Worten die kleinen Unterschiede des einen vom andern und halte nur das fest, was in ihnen allen als ein Gemeinsames in der Empfindung unmittelbar erfahren werde. Durch diese Berminderung ihrer Ansdrucksmittel auf eine mäßige Anzahl mache sie freilich wohl die Mittheilung der Borstellungen überhanpt erst möglich, schädige aber ebenso sehr die Genanigseit des Mitzutheilenden. Ich glande nun nicht, daß diese Anffassungsweise der Bedeutung der Thatsache volle Gerechtigkeit widerfahren läßt.
- 13. Vor allem, indem man die erwähnte Verallgemeinerung als eine Art von Verfälschung der Eindrücke ansieht, geht man zu achtlos über den sehr mertwürdigen Umstand hinweg, daß in einer Mehrheit

verschiedener Eindrücke sich eben etwas Gemeinsames vorfindet, das von ihren Unterschieden getrennt dentbar ift. Denn fo felbstverständlich ift boch diefes Berhalten nicht, daß ein entgegengesetztes gar nicht in Frage fäme; sehr wohl ließe sich vielmehr denten, daß jeder einzelne unserer Eindrücke sich von jedem zweiten so unvergleichbar unterschiede, wie in der That füß von warm, gelb von weich sich unterscheidet. Daß es sich nicht so verhält, ist mithin eine thatsächliche Einrichtung der Welt bes Borftellbaren felbst, die in Betracht zu ziehen sich der Mübe verlohnt. Ich fann ferner feineswegs reinen Berluft in dem Mangel an Genaufgkeit sehen, der allerdings der Mittheilung des Borgestellten durch die Anwendung der sprachlichen Allgemeinbezeichnungen anhängt. Shuehin, wo der Werth völlig genauer Bestimmungen fühlbar wird, kann das, was diese einfachsten Schöpfungen des beginnenden Denkens zu wünschen laffen, burd die Leiftungen des weiterfortgeschrittenen immer ergänzt werden; die Wiffenschaft hat uns längst jeden Grad der Wärme. meffen gelehrt und würde im Fall des Bedürfnisses auch jede Abstufung der Röthe oder Süßigkeit zu meffen wissen. Die Art aber, wie die Sprache und das in ihr wirtsame naturwüchsige Denten dieselbe Aufgabe löft, scheint mir logisch sehr bedeutsam. Denn wenn wir nicht jeden einzelnen wirklich empfundenen Farbeneindruck mit einem besonderen Namen belegen, sondern blau, roth, gelb und wenige andere durch eigene Benennungen bevorzugen, wenn wir dann die übrigen Ginzelempfindungen als blauröthlich oder rothgelblich zwischen sie einschalten, so liegt in diesem Verfahren nicht blos ein Rothbehelf der Annäherung an unerreichbare Genauigfeit, sondern, wie mir scheint, der Ausdruck der Ueberzeugung, nur jene wenigen Farben seien in der That feste Buufte, denen ein eigener Rame gebühre, jene anderen aber müsse man durch annähernde Ausdrücke bestimmen, weil sie selbst nur Annäherungen zu Diesen festen Runtten oder Zwischenglieder zwischen ihnen sind. Hätten wir wirklich für alle einzelnen Schattirungen des Blan besondere von einander unabhängige Einzelnamen, und entspräche unser Vorstellen dieser Ausdrucksweise, so würden wir einseitig die Treunung jedes Inhalts von jedem andern vollzogen, dagegen die positiven Beziehungen völlig übersehen haben, die zwischen allen stattfinden. Sprechen wir dagegen von hellblan, dunkelblan, schwarzblan, so ordnen wir dies Mannigfache in Reihen oder in ein Gewebe von Reihen, und in jeder von

Diesen geht ein drittes Blied aus dem zweiten durch Steigerung dersolben fühlbaren Beränderung eines allen Gemeinsamen bervor, durch welche das zweite ans dem ersten entstand. Num aber ist wohl schon bier polltommen verständlich, daß ein Borftellen, welches diese Bergleidung des Berichiedenen nicht enthielte, sondern sich auf die nachte Trennung jedes von jedem beschränkte, den späteren Leistungen des Deutens die hinlänglichen Beurtheilungsgründe nicht darbieten würde, nach denen zwei Borftellungen als irgendwie zusammengehörig zweien andern als nicht aufammengebörigen entgegengesetzt werden fönnten. Deshalb faffen wir biefe zweite Denthandlung, von welcher wir hier ipreden, nicht blos als Setung überhanpt des a oder b, nicht blos als Unterscheidung überhaupt jedes a von jedem b, sondern zugleich als Bestimmung der Beite und der Gigenthümlichkeit des Unterschiedes, der nicht überall gleich groß und gleich geartet, sondern zwischen b und e ein anderer ist als zwischen a und b. Und biermit meine ich nicht, daß jede einzelne Vorstellung a von der entwickelten Vorstellung atter ihrer Begiehungen zu der unendlichen Angahl atter übrigen begleitet werden muffe; nur der allgemeine Rebengedanke, daß jede nach allen Seiten bin in ein foldes Met von Beziehungen eingefangen ist, umgibt allerdings in unserem logischen Bewußtsein jede: aufgesucht werden diese Beziehungen in jedem Ginzelfalle so weit, als ein bestimmtes Bedürfniß Beranlassung gibt.

14. Diese Vergleichung nun des Verschiedenen setzt offendar ein Gemeinsames voraus, das in den einzelnen Gliedern der Neibe mit eigenthämlichen Unterschieden behaftet ist. So Gemeinsames pflegt die Logit nur in der Form eines allgemeinen Begriffs zu betrachten, und in dieser Gestalt ist es ein Erzeugniß einer größeren oder geringeren Anzahl von Tenthandlungen. Es ist daher von Wichtigkeit, hervorzuheben, daß dieses erste Allgemeine, welches wir hier bei der Versgleichung einfacher Vorsetlungen antressen, von wesentlich anderer Art, daß es der Ausdruck einer inneren Erfahrung ist, die von dem Tenten nur anerkannt wird, und daß es eben um deswillen, wie sich später zeigen wird, eine unentbehrliche Voraussetzung ienes anderen Allgemeinen sieh, dem wir in der Bildung des Vegriffes begegnen werden. Den Allgemeinbegriff eines Thieres oder einer geometrischen, eine genau wir einem Anderen dadurch mit, daß wir ihm verschreiben, eine genau

angebbare Reihe von Denthandlungen der Verfnüpfung, Tremmung oder Beziehung an einer Anzahl als befannt voransgesetzter Ginzelvorstellungen auszuführen; am Ende dieser logischen Arbeit werde vor seinem Bewußtsein derselbe Anbalt steben, den wir ihm mitzutheilen wünschten. Worin dagegen das allgemeine Blan bestebe, das wir im Hellblan und Dunkelblau, oder worin die allgemeine Farbe, die wir im Roth und Gelb mitdachten, läßt sich nicht auf demselben Wege verdentlichen. Freilich fönnen wir dem Underen vorschreiben, er solle alle einzelnen Karken oder alle Schattirmaen des Blan vorstellen und durch Absendernna ihrer Unterschiede das in beiden Källen Gemeinsame der pors. gestellten Inhalte bervorheben; aber dies ist nur scheinbar eine Unweiinng zu logischer Arbeit; im Grunde mutben wir doch durch sie dem Underen nur zu, selbst zu seben, wie er mit der ganzen Aufgabe fertig wird. Denn wie er es eigentlich anfangen soll, um zu entdecken, ob überhaupt in Roth und Gelb etwas Gemeinsames liege, und wie er es machen müffe, um dies Gemeinsame von dem Berschiedenen zu trennen: das fönnen wir ihm doch nicht fagen; wir müffen und einfach darauf verlaffen, er werde die im Roth und Gelb bestehende Berwandtschaft, bas Enthaltensein eines Gemeinsamen in beiden, unmittelbar selbst empfinden, fühlen oder erleben; seine logische Arbeit fann hier nur in der Anerfennung und dem Ausdruck dieser inneren Erfahrung bestehen. So ift dies erfte Attgemeine fein Erzeugniß des Denfens, sondern ein von ihm vorgefundener Inhalt.

15. Ich schalte hier eine Bemerfung ein, die mit geringer Umbentung auf jedes Allgemeine sich erstrecken läßt, am leichtesten aber an diesem einfachsten Falle, dem ersten Allgemeinen, zu verdeutlichen ist. Das, werin Roth und Gelb übereinstimmen, und wodurch sie beide Farben sind, täßt sich von dem nicht abtrennen, wodurch Roth roth und Gelb gelb ist; nicht so abtrennen nämlich, daß dies Gemeinsame den Inhalt einer dritten Borstellung bildete, welche von gleicher Art und Ordnung mit den beiden verglichenen wäre. Empfunden wird, wie wir wissen, stets nur eine bestimmte Einzelschattirung einer Farbe, nur ein Ten von bestimmter Höhe, Stärfe und Eigenart; nur diese ganz bestimmten Eindrücke wiederholt auch die Erinnerung so, daß sie als inhaltvolte Bilder, die sich anschanen lassen, vor unserem Bewußtsein stehen. Diese Anschaulichkeit besitzen die allgemeinen Borstellungen

niemals. Wer das Allgemeine der Farbe oder des Tones zu faffen sucht, wird fich ftets babei antreffen, daß er entweder eine bestimmte Farbe und einen bestimmten Ton wirklich vor seiner Anschaumng hat, mur begleitet von dem Nebengedanken, jeder andere Ton und jede andere Farbe habe das gleiche Recht, als anschauliches Beispiel des selbst unanichantich bleibenden Allgemeinen zu dienen; oder seine Erinnerung wird viele Farben und Tone nach einander ihm mit demselben Nebengedanken verführen, daß nicht diese einzelnen selbst gemeint sind, sondern das ihnen Gemeinsame, das in teiner Anschanung für sich zu fassen ist. Versteht man daber unter Vorstellung, wozn der gewöhnliche Sprace gebrauch allerdings neigt, das Bewußtsein eines Inhalts, der ruhig vor uns steht, oder eine Unschanung bessen, was uns vor uns hinzustellen getingt, so gebührt dem Allgemeinen der Name einer Borstellung nicht. Worte wie Farbe und Jon find in Wahrheit mir furze Bezeichnungen logischer Aufgaben, die sich in der Form einer geschlosseiten Borstellung nicht lösen taffen. Wir befehlen durch fie unserem Bewußtsein, die einzelnen vorstellbaren Tone und Farben vorzustellen und zu vergleiden, in dieser Bergleichung aber Das Gemeinsame zu ergreifen, Das nach dem Zengniß unserer Empfindung in ihnen enthalten ift, das jedoch durch keine Anstrengung des Denkens von dem, wodurch sie vericieden sind, sich wirklich ablösen und zu dem Inhalt einer gleich anichanlichen neuen Verstellung gestalten läßt.

16. Richten wir unn unsere Ansmerksamkeit auf die Unterschiede, welche innerhalb des ersten Allgemeinen seine mannigfachen Beispiele trennen. Eine Wärmeempfindung unterscheidet sich von einer anderen, ein leiserer Klang vom stärkeren, hellblan von tiesblan offenbar durch ein Mehr oder Minder eines sühlbaren Gemeinsamen, das für sich, ohne jede Gradbestimmung, nicht anschandar ist. Auf denselben Unterscheidengsgrund wird man sich bei allen andern Vorstellungen zurückgesührt sinden; nur der Angabe des Allgemeinen, dem diese Größenvergleichung gilt, begegnet in den einzelnen Fällen eine nach den eben gemachten Bemerkungen verständliche Schwierigkeit. Der leisere Ton unterscheidet sich vom lauteren ohne Zweisel durch eine gewisse Steigenung, aber ebenso durch eine gewisse Steigerung der höhere vom tiesseren; was aber eigentlich das Gemeinsame ist, dem diese Bezeichnung verschahrt, glauben wir nur im ersten Fall durch die Bezeichnung der

Stärke unmittelbar, im zweiten nur bildlich durch den Ramen der Höbe ausdrücken zu können. Noch mehr scheint Roth von Gelb wesentlich verschieden und das eine aus dem anderen nicht durch Anwachs oder Schwächung eines Gemeinsamen abzuseiten: nur was zwischen ibneu licat, Rothaelb und Gelbroth, ift uns als eine Mifchung verständlich, in welcher ein Mehr oder Minder des einen oder des andern von beiden enthalten ift. Gleichwohl lenanet doch Riemand, daß eine der Grundfarben einer zweiten verwandter ist als einer dritten, das Roth verwandter dem Gelb als dem Grün: diese Abstufungen der Aehulichfeit find nicht ohne ein Mehr oder Minder eines Gemeinsamen zu denken, deffen wir uns bei dem llebergange von einem Gliede der Reihe zum nächsten und von diesem zum dritten bewußt bleiben. In bestimmen, worin in den einzelnen Källen dies Gemeinsame bestebe, an beurtheilen, ob eine Mehrheit von Borstellungen sich nur durch Gradverschiedenheiten eines einfachen Allgemeinen oder durch Combinationen von Werthunterschieden mehrerer einander bestimmender Allgemeinbeiten von einander soudere, ob also diese Borstellungen in eine grad= linige Reihe oder flächenförmig oder in Reihen noch böherer Ordnung aufammengufaffen find: dies alles find angiehende Gegenstände der Unterindung, aber sie sind nicht Gegenstände der Logis. Bur diese genügt es, zu wissen, daß eine irgendwo verwendbare Größenbestimmung zunächst des Mehr oder Minder das unentbehrliche Sülfsmittel der Unterscheidung zwischen den Beispielen eines Allgemeinen ist. Und auch diese Größenbestimmung gehört zu dem, was wir nicht durch logische Urbeit erzeugen, sondern nur vorfinden, anerkennen und weiter entwickeln. Ein Urtheil, a sei stärker als b, ist als Urtheil freilich eine logische Arbeit; aber der Juhalt, den es ausspricht, also die Thatsache selbst, daß es überhaupt Gradunterschiede desselben Borstellbaren gibt, sowie die besondere, daß der Grad des a den des b übersteige, fann nur erlebt, empfunden oder als Bestandtheil unserer inneren Ersahrung Welches auch die fünstlichen Vorrichtungen sein anerfannt werden. mögen, durch die wir wisseuschaftlich die Genauigkeit einer Messung zu îteigern suchen, zuletzt beruht doch Alles auf der Fähigkeit, zwei sinuliche Wahrnehmungen unmittelbar als gleich ober als nugleich zu erfennen und fich darüber nicht zu täuschen, nach welcher Seite bin bas Mehr und nach welcher das Minder lieat.

17. Beschränkte sich nun die innere Erfahrung auf das Vorführen von Achnlichteiten und Unterschieden der Inhalte, fo murde bas Denken nur zu einer unveränderlichen instematischen Auordnung der Borstellungen Beranlaffung haben, ähnlich ber umfitalischen Scala, in welcher alle Tone ihre festen und unverrückbaren Plate und wechselseitigen Beziehungen ein für allemal besitzen. Aber die Logif hat sich nicht mit einem Denken zu beschäftigen, welches unter nicht vorhandes nen Voraussetzungen sein würde, sondern mit dem, welches ist. Allem wirklichen Deuten aber ist durch den Mechanismus, welcher die Wechselwirfung der inneren Zustände beherricht, von Haus aus mehr Anregung dargebeten, als jene Voranssetzung annahm; der mannigfache Inhalt des Borstellbaren wird ihm nicht blos in jener sostematischen Ordnung, die seinen qualitativen Verwandtschaften entspricht, sondern in der bunteften Fülle räumlicher und zeitlicher Verfnüpfungen vergeführt, und auch diese Thatjade gehört zu dem Stoffe, ber dem Denken zur Aus führung seiner weiteren Leiftungen dient und gegeben sein mußte. Die Berbindungen ungleichartiger Vorstellungen, Die so berbeigeführt werben, find die Anfgaben, an denen das Denfen später seine Bemühung zu üben haben wird, Zusammenseiendes auf Zusammengehöriges zurück führen; ihrer braucht jett nicht weiter gedacht zu werden. Die gleichartigen oder gleichen dagegen geben Beranlaffung, ihre Biederholungen von einander zu trennen, sie zu verfnüpfen, zu zählen; zu diesen Borstellungen des Ginen und Bielen fügen endlich die in Raum und Zeit stetig ausgedehnten Inhalte die des Größeren und Aleineren hinzu. In Diesen drei Paaren von Größenvorsiellungen, denn die des Mehr oder Minder besagen wir bereits, find alle Magitabe der Unterscheidungen für die Ginzelbeispiele jedes Alltgemeinen gegeben.

18. Zweierlei schließe ich hier von den Gegenständen unserer Betrachtung absichtlich aus. Zuerst jede weitere Untersuchung über den Gang, den pswedogisch die Entstehung und Entwickelung dieser Größenvorstellungen in unserem Bewußtsein nimmt, über die Reihenfolge, in welcher die eine die Bedingung für den Ursprung der andern sein mag, über den verschiedenen Werth endlich, den für ihre Bildung die zeitlichen und räumlichen Auschauungen haben. So anziehend diese Fragen sind, so würde doch ihre Beantwortung unseren Weg unnöthig verlängern; nicht darauf kommt es der Vogif an, auf welche Weise die Etemente

entsteben, die das Denken benntt, sondern darauf, welchen Werth sie, nachdem fie auf irgend eine Beise entstanden find, für die Ausführung seiner Leistungen besitzen. Dies nun, was ich mehr als billig vernachtäffigt finde, hebe ich hier hervor und werde es später im Ange behalten: die mierläßliche Nothwendigfeit, daß alle vom Deufen zu verfinpfenden Vorstellungen einer von den drei erwähnten Arten der Größenbestimmung zugänglich sein müssen. Das Andere, das ich ausschließe, ift die Untersuchung der Folgerungen, die aus diesen Größenbestimmungen für sich gezogen werden fönnen; sie haben sich längst zu dem großen Gebände der Mathematif entwickelt, deffen reiche Gliederung jeden Versuch einer Wiedereinschattung in den Zusammenhang der allgemeinen Logif verbietet. Aber bie ausbrückliche Hinweisung barauf ist nothwendig, daß alles Rechnen eine Art des Tenkens ist, daß die Grundbegriffe und Grundfäte der Mathematit ihren softematischen Ort in der Logif haben, daß wir uns endlich das Recht wahren müffen, auch später überall, wo das Bedürfniß es verlangt, unbedentlich auf die Ergebuisse zurückzugreisen, welche die Mathematik unterdessen, als ein sich für sich selbst fortentwickelnder Zweig der allgemeinen Logik, gewonnen hat.

19. Ueberblickt man nun das Ganze dieser zweiten Denthandlung, in welcher ich jetzt die bejahende Setzung des Inhalts, die verneinende Abtremming von jedem andern, endlich die vergleichende Grö-Benschätzung der Unterschiede und Aehnlichkeiten zusammenfasse, so wird man die Bemerkung machen tonnen, daß der Sinn dieser neuen togischen Arbeit in etwas von dem abweicht, welcher der ersten Denkhandlung, der Formung der Borstellungen, zukommt. Man unterlag dort der allerdings von uns zurückgewiesenen Bersuchung, die Formen der Substantivität, Adjectivität und Berbalität als Auffassungsweisen zu betrachten, welche das Denken, noch vor aller Aufforderung durch den gegebenen Anhalt, an diesem zu bethätigen begierig ist; allein, wenn wir gleich diese Aufforderung abwiesen, so bleibt es doch richtig, daß in jenen Formen das Denken nicht blos die auffordernde Thatsache des Vorstellungslaufs wiederholt, sondern ihr allerdings die Gestalt gibt, in der fie für den logischen Beift erft gerechtsertigt ift. Denn die Gelbständigkeit, welche die substantivische Form, am tenntlichsten durch den Urtifel, dem einen Inhalt gibt, lag an sich nicht in der Thatsache, daß

dieser Anhalt ein bleibendes Glied zwischen wechselnden Borstellungsgruppen war; die Unselbständigkeit, welche die adjectivische ausdrückt, war, als ein solcher Rebengedanke, nicht in der Thatsache verhanden, die zur Ausprägung eines andern Inhalts in dieser zweiten Form anreate: man fann also fortfahren, in gewissem Sinne zu behaupten, daß in dieser ersten Handlung das Denken seine eigenen Gesetze dem vorstellbaren Inhalt vorschreibe. Bezeichnen wir dies Verfahren mit einem Ausdruck, den wir übrigens vermeiden werden, als Beweis ber Spontaneität, so trägt die zweite Handlung des Denkens den Charafter der Receptivität; fie ist Anerkennung von Thatsachen, benen sie keine neue Form anker dieser Anerkennung ihres Bestehens gibt. Keinen Unteridied fann das Denken da machen, wo es keinen in dem Inhalt der Eindrücke vorfindet; das erste Allgemeine ließ sich nur in unmittelbarer Empfindung erleben, und dem erlebten fonnte zwar ein Rame gegeben, aber feine andere logische Arbeit fonnte zu seiner weiteren Feststellung unternommen werden; alle Größenbestimmungen, wie weit sich auch ihre fernere Bergleichung burch bas Deufen erstreden mag, laufen immer auf das unmittelbare Innewerden gegebener Bestimmtheiten des Borftellungsinhalts zurud. Bon zwei Gesichtspunkten möchte ich biese Thatsache betrachtet wissen. Zuerst liegt eine gewisse unrichtige Sorglofigfeit der Logif darin, daß fie in ihrem späteren Berlauf die Bergleichbarkeit von Vorstellungen und die Möglichkeit ihrer Unterordnung unter ein Allgemeines fast in jedem Angenblicke voraussetzt, ohne vorher bemerft zu haben, daß diese Möglichkeit, daß überhaupt das Getingen alter ihrer Schritte auf biefer ursprünglichen Ginrichtung und Gliederung der gangen Welt des Borftellbaren beruht, einer Ginrichtung, die an sich nicht denknothwendig, um so nothwendiger freilich für die Möglichkeit des Denkens ift. Denn ich wiederhole: es ist an sich nicht widersprechend, daß jede Borstellung von jeder anderen unvergleichlich verschieden wäre, daß mit dem Wegfall der qualitativen Bergleichbarkeit auch jeder Mafftab für ein Mehr oder Minder fehlte, daß feine Borftellung zweimal sich ber Wahrnehmung barbote, daß mit dem Mangel diefer Wiederholung des Gleichartigen auch die Borstellungen des Größeren und Aleineren verschwänden. Daß es nicht so ist, daß vielmehr die Welt des Vorstellbaren eben die Gliederung besitzt, die wir fanden, dies ningte als eine höchst wichtige Thatsache hervorgehoben

werden, nicht aber follte die Logit da, wo fie diefer Thatfache bedarf, fich auf fie als auf ein man weiß nicht woher gefommenes Selbswerständliche blos nebenbei berufen. Und hiermit hängt denn die andere Bemerkung zusammen, die ich noch vorhatte. Ift das Denken Rudwirfung auf gegebene Unregungen des Borstellungslaufs, so wird an beitimmten Stellen der instematischen Uebersicht seiner Handlungen auch der bestimmende Ginfing deutlich hervortreten, den auf diese die Gestaltung der Welt des Borstellbaren ansübt; wie es bier das zweite Glied der ersten dreitheiligen Reihe von Deufhandlungen ift, so wird es auch später das zweite Glied der folgenden höher entwickelten Gruppen sein, worin sich diese eigenthümliche Abhängigkeit der logischen Arbeit von der Natur des Inhalts zeigen wird, dem sie jedesmal gilt. Doch beauspruche ich durch diesen vorläufigen Hinweis nichts weiter, als der Alarbeit der Uebersicht über den switematischen Ban meiner Darstellung vorläufig zu Hülfe zu fommen; er felbst wird sich nur durch das recht fertigen können, mas er in jedem nach und nach hervortretenden Theile seiner Gliederung nüten wird.

C. Die Bildung des Begriffs.

20. In der Mannigfaltigfeit der Borstellungen, die uns gegeben werden, Zusammengerathenes zu scheiden, Zusammengehöriges durch den Nebengedanken des Rechtsgrundes seiner Zusammengehörigkeit nen zu verbinden, ist die fernere Aufgabe des Denkens. Es wird dientich sein, um ihren Sinn zu verdeuttichen, die verschiedenwerthigen Bedeutungen zu überblicken, in welchen überhaupt eine Verfuüpfung des Mannigfachen in unserer Gedantenwelt vorkommt. Zuerst ist feine spätere Handlung des Denkens möglich, ohne daß die verschiedenen Borftellungen, auf welche fie fich beziehen foll, in einem und demfelben Bewußtsein zusammentreffen. Für Die Erfüllung Dieser Bedingung sorgt die Einheit unserer Seele und der Mechanismus der Erinnerung, welcher zeitlich getrennte Eindrücke zu möglicher Wechselwirtung zusam menbringt. Man tann biefe Bereinigung bes Mannigfachen bie Sonthefis der Apprehension nennen; sie ist feine logische Handlung, sondern rafft unr das Mannigfache zu gleichzeitigem Besitz des Bewußtseins zu sammen, ohne in seiner Bielheit eine Ordnung zu stiften, welche bas eine Glied anders mit dem zweiten als dieses mit dem dritten verbände.

Diese Ordnung tritt ein in der zweiten Art der Berknüpfung, der Sonthesis der Anschaumg, in den ränmlichen Bildern nämlich und in der zeitlichen Aufeinanderfolge, worin die Einzeleindrücke bestimmte mit einander ungleichwerthige Plätze einnehmen. Anch diese Berknüpfung wird uns ohne eine Handlung des Denkens fertig durch den Mechanismus unserer inneren Zustände gegeben, und wie festbestimmt und feingegliedert auch die Verbindung des Mannigfachen in ihr sein mag, so stellt fie doch stets nur eine thatsächliche ängere Ordnung dar und offenbart feinen Grund der Zusammengehörigfeit, der das Mannigfache zu fo geordnetem Busammensein berechtigt. Ich gebe von dieser zweiten Stufe sogleich zu einer vierten über, zu einer Sonthese, in welcher diese letzte Forderung vollständig in Bezug auf den jedesmaligen Juhalt erfüllt wäre. In ihr würde nicht nur eine thatfächliche Ordnung des Mannigfachen, sondern zugleich der bedingende Werth vorgestellt sein, den jeder Bestandtheil für das Zusammenkommen des Ganzen hat; bezöge sich diese Auffassung auf einen Gegenstand der Wirklichkeit, so würde fie zeigen, welche Bestandtheile bie vorangebenden bestimmenden und wirkenden sind, in welcher Reihenfolge der Abhängigkeit und Entwicklung die andern aus ihnen hervorgehen, oder welcher Zwed als der gesetzgebende Mittelpunft zu benfen ist, bessen Sinn Die gleichzeitige Vereinigung aller Veftandtheile oder ihre allmähliche Nachentstehung fordert; bezöge sie sich auf einen Inhalt, ber feine Wirklichkeit außer unserem Bewußtsein und feine zeitliche Entstehung oder Entwicklung hat, wie die geometrischen Figuren, so würde sie wenigstens versuchen, obwohl mit später zu erwähnender Beschränkung des Gelingens, auch hier die Bestandtbeile des Ganzen in eine Rangordnung zu bringen, in welder das, was in dem vorgestellten Inhalt das Bedingende ist, dem Auderen voranginge, was in mannigfacher Abstufung seine Folge ift. Man bemerkt leicht, daß eine Sonthese dieser Art nichts anderes als die Erfenntniß der Sache selbst sein würde; sie liegt als bas Biel, gu dem die Arbeit des Denkens führen soll, um ebenso viel höher über dem Boden der Logik, als die erste und zweite Weise der Berknüpfung des Mannigfachen unter ihm lag; in die Lücke dazwischen haben wir die dritte logische Form der Sonthesis zu stellen, deren Gigenheit jest aufzusuchen ist.

21. Wenn der Unfundige vom Creditwesen oder vom Bantwesen

ipricht, jo merten wir dieser Ansdrucksweise seine Uebergengung ab, eine Anzahl von Geschäften und Einrichtungen bilde ein zusammenges höriges Ganze; aber er würde nicht anzugeben wiffen, worin der Nerv ihres Zusammenhangs liege oder welche Grenzen dies Ganze von dem abicheiden, mas nicht zu ihm gebort. Durch diefen Mebengedanken, das Mannigfache fei nicht nur da, wie ein zusammenseiender Saufe, sondern gebe sich als ein Ganzes von Theilen gewisse Grenzen, innerhalb deren es eine geschlossene Einheit sei, ist die allgemeine Absicht des Denfens formell an diesem Inhalt marfirt, ohne nech sächlich erfüllt gu fein. In derfelben Stellung findet fich nun unfer Bewußtsein, wenn wir unfere Gedankenwelt muftern, zu fehr vielen Inhalten; ja man wird ohne Ueberraschung finden, daß sehr bedeutungsvolle Worte der Sprache diese unvollkommene Form ber Kaffung ihres Gegenstandes verrathen; denn eben je reicher, wichtiger und mannigfaltiger ein Gegebenes ift, um so leichter werden überredende Gindrücke vielfacher Wahrnehmungen das Gefühl seiner Eigenthümlichkeit, Gauzheit und Abgeschlossenheit in sich selbst erweden, ohne uns darum sein inneres Ge füge wirflich aufzudecten. Worte wie Natur, Leben, Knuft, Erfenntniß, Thier und viele andere bedeuten im gewöhnlichen Gebranch nichts wei ter: fie drücken nur die Meinung aus, daß eine gewisse meist nicht genau begrengbare Menge von Ginzelheiten, seien es Wegenstände oder Mert male von Gegenständen oder Ereignisse, die sich aneinanderfnüpsen, auf irgend eine Weise durch ein innerliches Band zu einem Gauzen vereinigt find, welches fich weder einen Theil seines Inhalts rauben läßt, obne zerftört zu werden, noch einen beliebigen Zusatz in seine abgeschlossene Ginbeit aufnehmen fann. Wie wenig aber die Natur jenes Bandes wirklich bekannt ift, zeigt das Miglingen des Bersuchs, Rechenschaft über die Grenzen zu geben, welche das zu dieser Ginheit Bugehörige umschließen und von Fremdartigem treunen. So lange nun die logische Arbeit in der Zusammenfassung des Mannigfachen nicht weiter gediehen ist, würde ich Bedeufen tragen, schon von Begriffen zu spreden, ohne deshalb Werth auf die Erfindung eines besonderen tedmischen Namens für diese noch unvolltemmene Fassung zu legen. Möge sie denn der unvollkommene oder der werdende Begriff beißen; den volltommenen ober verwirflichten Begriff werden wir erst dann zu besitzen glauben, wenn der unbestimmte Rebengedanke der Ganzheit überhaupt zu dem Mitdenken eines bestimmten Grundes gesteigert ist, welcher das Zusammensein gerade dieser Merkmale, gerade diese Verbindung derselben und die Ansschließung bestimmter anderen rechtsertigt.

22. Es ift jett die Frage, wie wir zu diesem bedingenden Grunde gelangen. Blieben wir nun bei der isolirten Betrachtung eines ausam mengesetzten Bildes abed stehen, so würde feine noch so lange fortgefette Beobachtung uns entdeden, welche Bestandtheile deffelben nur gu fammensind, welche zusammengehören, in welcher Abstufung das Ta sein des einen das des anderen bedingt. Vergleichen wir aber abed mit andern seines Gleichen, d. b. mit solchen, auf welche von ihm aus unsere Aufmertjamfeit obne logisches Buthun durch Gesetze unseres Borstellungslaufs gelentt wird, und finden wir, daß in abed, abef, abeg und äbuliden die Gruppe abe gleichmäßig vorfommt unter Hinzufügung verschiedener ungleicher Bestandtheile, so erscheinen uns diese letteren als das leder und trennbar mit dem festen Stamme bes abe Berbundene; das gemeinsame abc aber steht ihnen nicht bles als thatfächlich gleicher Mittelpuntt ihrer Anfnüpfung gegenüber, sondern unter der allgemeinen Boraussetzung, daß bier ein Ganzes einander bedingen der Theile vorliege, wird dieser feste Kern zugleich zum Ausdruck der beständigen Regel, die in den Ginzelfällen den Ausatz der verschiedenen Nebenbestandtbeile gestattet und die Urt ibrer Unfügung bestimmt. Wollen wir im Leben und zu prattischen Zwecken desselben ermitteln. wo in einem Geschöpfe, in einem Gegenstande oder in einer gegebenen Cinrictung die Grenzlinie verlänft, die das innerlich Insammengebörige von zufälligen Unlagerungen icheidet, so setzen wir dies gegebene Ganze irgendwie in Bewegnng; unter dem Ginfluß der Beränderung werde sich zeigen, welche Theile bier fest zusammenhalten, während die fremden Beimischungen abfallen, und welche allgemeinen Bertnüpfungsweisen jener Theile bestehen bleiben, mabrend sie im Ginzelnen ibre gegenseitigen Stellungen andern; in Diefer Summe bes Beständigen seben wir dann das wesentliche innere Gefüge des Ganzen und erwarten von ihm, daß es and die Möglichkeit und die Art und Weise des Ausages veränderlicher Bestandtheile bestimme. Das erste Berfahren, die Ber vorhebung deffen, mas verschiedenen rubenden Beispielen gemeinsam zukonunt, bat die Logit gewöhnlich befolgt und ist auf diesem Wege zur Unfstellung ihres Atlgemeinen gefommen; ich würde den anderen bevor

zugen, die Bestimmung bessen, was in demselben Beispiel sich unter veränderten Bedingungen forterhält; denn nur die Boraussekung, daß diese Selbsterhaltung sich auch an der Gruppe abe, dem Gemeinsamen vieler einzelnen Vorstellungsganzen, werde beobachten lassen, rechtsertigt eigentlich unsere Annahme, dieses Zusammenseiende als zusammensgehörig und als Grund der Anfügbarteit oder der Unzulässigfeit anderer Bestandtheile anzusehen.

23. Man nennt Abstraction das Berfahren, nach welchem das Allgemeine gefunden wird, und zwar, wie man angibt, durch Weglaffung beffen, mas in den verglichenen Sonderbeifpielen verschieden ift, und durch Summirung deffen, was ihnen gemeinsam zufommt. Btid auf die wirkliche Praxis des Denkens bestätigt Diese Angabe nicht. Gotd, Sither, Anpfer und Blei find an Farbe, Glanz, Gewicht und Dichtiafeit verschieden; aber ibr Allgemeines, das wir Metall nennen, finden wir nicht dadurch, daß wir bei ihrer Bergleichung diese verichiedenen Mertmale ohne einen Erfatz einfach weglaffen. Denn offenbar reicht zur Bestimmung bes Metalls nicht die Berneinung aus, es jei weder roth noch gelb noch weiß oder gran; ebenso mentbehrlich ist die Bejahung, daß es jedenfalls irgend eine Farbe babe: es bat zwar nicht dieses, nicht jenes specifische Gewicht, nicht diesen, nicht jenen Grad des Glanges, aber seine Vorstellung würde entweder gar nichts mehr bedeuten oder doch sicher nicht die des Metalles sein, wenn ihr jeder Gedanke an Gewicht überhaupt, an Glanz und Särte überhaupt fehlte. Durch Bergleichung der einzelnen Thierarten erhalten wir das allgemeine Bild des Thieres gewiß nicht, wenn wir jede Erinnerung an Fortpflangung, Selbstbewegung und Respiration beshalb fallen laffen, weit die einen lebendig gebären, andere Gier legen, mande sich durch Theis tung vermebren, weil ferner jene durch Lungen, diese durch Liemen, noch andere durch die Saut athmen, weil endlich viele auf Beinen mandeln, andere fliegen, einige zur Ortsveränderung unfähig find. Im Wegentheil ist dies das Allerwesentlichste, wodurch jedes Thier Thier ist, daß es irgend eine Urt der Fortpflanzung, irgend eine Weise der Gelbstbewegung und ber Respiration besitzt. In allen diesen Fällen entsteht mithin das Allgemeine nicht durch einfache Hinveglaffung der verschiedenen Mertmale pund p2, q1 und q2, die in den verglichenen Ginzels fätten vortommen, sondern baburd, bag an bie Stelle ber meggelaffenen

die allgemeinen Merfmale P und Q eingesetzt werden, deren Ginzelarten p.1. p2 und q1, q2 find. Das einfachere Berfahren der Weglassung kommt nur da vor, wo dem einen der verglichenen Ginzelnen in der That gar feine Art eines Merfmals P zufommt, von welchem das andere nothe wendig eine Art zu seinem Merfmal hat. So glauben wir, gleichwiel ob mit Recht ober Unrecht, in ber Pflanze feine Spur von Empfindung und Selbstbewegung zu entdeden, die beide wesentlich für alle Thiere find: aus der Bergleichung von Pflanze und Thier bilden wir daber allerdings die allgemeine Borstellung des organischen Wesens durch Beglaffung beider Merkmale obne einen Erfatz. Gine fachtich eingebende Betrachtung würde, zwar nicht eben in diesem Beispiele, aber in vielen verwandten Fällen, vielleicht Beranlaffung baben, dennoch beiden verglichenen Gliedern zwei Merfmale P und Q gemeinsam zuzuschreiben, und unr für das eine, die Pflanze, einen Unltwerth dieser Mertmale angunehmen, die in dem Thiere stets mit wirklichen Größenwerthen porfommen. Etwas anders gewendet bebanpten wir logisch, der Ersat der weggetaffenen Ginzelmerkmate durch ihr Allgemeines sei die allgemeingültige Regel der Abstraction, die ersatlose Weglassung bilde den Sonderfall, in welchem sich ein logisch gemeinsames Mertmal nicht finden läßt, als deffen verschiedene Arten der Befitz eines Einzelmertmals hier und sein Richtbesitz dort angesehen werden tonnten. So gefaßt ichließt mithin unsere Regel der Abstraction diese Fälle der bloßen Weglaffung mit ein; umgetehrt, eine Regel, welche nur von der Weglaffung ausginge, fände feinen Rückweg zu der Forderung jenes Wiedererfates, beffen Wichtigkeit für die Bildung des Allgemeinen alle späteren Schritte ber Logit bestätigen werden.

24. Nach den Betrachtungen des vorigen Abschnittes, von dessen Beraufsendung jest die Nothwendigkeit sichtbar ist, wird man nicht ernstlich an dem nur scheinbaren Cirkel Anstess nehmen, der uns hier Atgemeines durch Insammensetzung von Altgemeinem zu bilden besiehlt. Wir haben gesehen, daß die allgemeinen Merkmale P und Q, die wir hier bedürsen, das erste Altgemeine des erwähnten Abschnittes, uns ehne logische Arbeit lediglich als beobachtbare Erzengnisse unseres Vorstellungs lebens zusalten; eben deswegen können sie nun als Bansteine für die Vildung dieses zweiten Altgemeinen verwendet werden, welches wir alterdings durch eine logische Arbeit erzengen. Daß das Gelb des

Goldes, das Roth des Ampfers und das Weig des Silbers nur Abmandlungen eines Gemeinsamen find, bas wir bann Farbe nennen, bas empfanden wir unmittelbar: wem es aber nicht empfindbar wäre, dem würde durch logische Arbeit nie deutlich gemacht werden fönnen, weder daß diese Eindrücke Arten dieses Allgemeinen find, noch überhaupt, mas eigentlich ein Allgemeines und die Beziehung seines Besonderen zu ihm fagen will. Denn dies eben wünschte ich bier noch hervorzubeben, daß auf der numittelbaren Anschannug eines ersten Allgemeinen und auf der Auwendung irgend welcher Größenvorstellungen die Bildung dieses zweiten Allgemeinen in allen Fällen beruht, nicht blos da, wo die Mertmale, wie die des Metalls, Farbe, Glanz und Härte, sich ungezwungen als rubende Gigenschaften des Bezeichneten fassen lassen, sondern auch da, wo sie, wie Fortpflanzungs- und Bewegungsfähigteit des Thieres, unr furze adjectivische Bezeichnungen von Verhaltungsweisen find, die fich vollständig unr durch vielsache Beziehungen zwischen manchertei Beziehungspunften beufen laffen. Man überzeugt fich leicht burch eine Beraliederung, die ich nur um ihrer drobenden Weitläufigkeit willen bier der Aufmerksamkeit des Legers überlassen muß, daß alle Unterschiede der Thiere auch in Bezug auf diese Merfmale immer auf Größenbestimmungen binauslaufen, die entweder der Stärfe gelten, mit der ein fühlbar gleicher oder gleichartiger Borgang sich in ihnen ereignet, oder der Angabl der Begiehnugspunfte, zwischen deuen er stattfindet, oder einer der Formverschiedenheiten, die er durch eben diese verschiedene Augabl seiner Beziehungspunfte, durch die größere oder geringere Engigfeit ihrer Beziehung auf einander, endlich durch die ebenfalls meßbaren Unterschiede ihres zeitlichen und rämmlichen Verhaltens erfahren tann. Mit dem Hinwegfall dieser quantitativen Abstufung und Bergleichbarkeit, die sich, in verschiedener Weise natürlich, über Alles, über einfache Mertmale, über ihre Beziehnngen, über Berbindungsweisen des Gleichzeitigen und des Successiven erstrecht, würde die Bildung eines Allgemeinen aus der Vergleichung verschiedener zusammengesetter Vorstellungsgruppen wenigstens in dem Sinne, in welchem diese Bildung für die Aufgaben des Denfens Werth hat, numöglich fein.

25. Ich gedeute jest einiger herkömmlichen Kunstansdrücke. Nennen wir Begriff (notio. conceptus) vorläufig überhaupt die zusammengeseste Borstellung, die wir als ein zusammengehöriges Ganze denken,

fo heißt Juhalt (materia) des Begriffes 8 die Summe der Einzelvor stellungen oder Merfingle (notae) a, b, c, d..., durch welche S vollständig gedacht und von jedem andern Begriffe D unterschieden wird: Umfang aber (ambitus, sphaera) die Anzahl der Ginzelbeariffe s1 s2 s3... in beren jedem der Inhalt von S, also die Merfmalgruppe a, b, e, d.., in irgend einer ibrer möglichen Modificationen enthalten ift. So würden Farbe a, Gewicht b, Dehnbarkeit d und die übrigen ähnlichen zusammen den Anbalt des Metalls S: Aupfer s1 dagegen, Silber s2, Gold s3 und ihres Gleichen gufammengenommen ben Umfang deffelben S bilden. Man pflegt ferner die einzelnen Mertmale a, b, c als coordinirt in dem Juhalt von S, die einzelnen Arten aber, s1, s2, s3, als coordinirt in dem Umfange des S zu bezeichnen; in dem Berhältniß ber Subordination endlich stehen die Arten s1, s2, s3 zu dem allgemeinen S selbst, das ihre Gattung bildet; subsumirt aber sind sie sammt dem S selbst unter jedes der allgemein ausgedrückten Merkmate, welche den Anhalt des S und folglich auch den der s1, s2, s6 zusammenseisen. Zuletzt bebanptet man, daß Umfang und Juhalt jedes Begriffes in umgefehrtem Berhältniß zu einander stehen; je größer der Anhalt, also die Babt der Merkmale, die der Begriff allen seinen untergeordneten Arten vorschreibt, um deste geringer die Anzahl der Arten, welche diese Ferderung erfülten: je fleiner der Inbalt des 8, um so größer die Menge der Einzelnen, welche die wenigen Merfmale besitzen, die ihnen nöthig find, um Arten des S zu sein, oder in seinen Umfang zu gehören. Vergleiche man daher den allgemeinen Vegriff 8 mit einem andern gleichartigen allgemeinen T und suche für sie beide das neue britte Allgemeine U. dem sie wieder als Arten geboren, und setze man dies Berfahren fort, so werde jeder Allgemeinbegriff W, je höher er in dieser Stufenreibe steht, je weiter er nämlich von den ursprünglich verglichenen S und T absteht, um so ärmer an Anhalt und um so größer an Umfang sein; umgetehrt, steigen wir von jenen höchsten Allgemeinbegriffen W durch V und U, S und T bis zu den Arten von S und weiter herab, so wachse mit abnehmendem Umfang der Inhalt und werde am größten in jenen Borftellungen des völlig Ginzelnen und Individuellen, benen bann die Logif nicht ohne Bedenken den Mannen eines Begriffes überhaupt noch zugesteht.

26. Diese Bestimmungen sind von ungleichem, überbanpt aber

von geringem Werth. 3ch beginne, was über fie zu sagen ist, mit der Keitstellung des fünftig von mir zu befolgenden Sprachgebranchs. 3ch neune jeden zusammengesetzten Anhalt's dann begrifflich gefakt oder Beariff, wenn zu ibm ein Allgemeines S mitgebacht wird, welches ben bedingenden Grund für das Zusammensein aller seiner Merkmale und für die Form ihrer Verfuüpfung enthält. Nach dieser Ertlärung sprechen wir unvedentlich von Begriffen auch des völlig Einzelnen, von fingularen Begriffen nach dem alten Ausdernck der Logik und glauben nus dabei in völliger Uebereinstimmung mit dem Sprachgebrauch. Dem wenn wir zum ersten Male einen uns neuen Gegenstand s, vielleicht mit pöttiger Dentlichteit der finnlichen Wahrnehmung, beobachten, mit diefer aber uns nicht zufrieden geben, sondern fragen, was denn unn eigentlich dies s sei, so wünschen wir offenbar die Regel fennen zu lernen, die in dem beobachteten Thatbestand die wahrgenommenen Merkmale verbindet und sie in ein aufammengeböriges Bange von bestimmtem poraussaabaren Verbalten permandelt. Erfabren wir dann, dies s sei ein S, ein Thier oder eine Pflanze, so glauben wir dies s begriffen zu haben; seine Borstellung ist es also, die durch das Mitdenken des allgemeinen S jum Begriff erhoben wird. Jeder Eigenname bietet hierfür ein Beispiel. Alcibiades bedeutet für menfchliche Gedanken niemals blos eine Vielheit verschiedenfarbiger Puntte, die im Raum nach bestimmter obwobl nicht gang unverschiebbarer Zeichnung mit einander verbunden find und dem Versuch zu ihrer Trennung widerstehen; ebensowenig drückt ber Rame blos ben Rebengedanken aus, diese Bielheit vilde auf irgend eine dahingestellte Weise ein Wanges; das gang bestimmte Allgemeinvild des Menschen vielmehr oder des Mannes wird als das Schema mitgedacht, nach welchem der Insammenbang der bier beobachteten Merkmale unter einander und mit dem fünftig von ihnen zu erwartenden Verhalten anfanfaffen ift. Unf diese Auffassung aber paßt weder der Hame der Anschamma, noch der einer bloßen Borstellung, sondern nur der eines fingularen Begriffes.

27. Gar nicht finde ich bagegen in der Ordnung, daß man dem Allgemeinen S selbst, durch dessen Mittdenken das Einzelne zum Begriff wird, ohne allen Borbehalt den Namen eines Allgemeinbegriffes gibt. Tiese logische Form kann das S haben, hat sie aber keineswegs immer, sondern bleibt hänsig ein bloßes allgemeines Bild, dessen Be-

stand zwar mit dem Nebengedanken seiner zusammengebörigen Wanzbeit. aber ohne Angabe der gliedernden Regel seines Zusammenhangs gedacht wird. Im gewöhnlichen Gebrauch der Rede ist schon der Name Mensch mir Ausdruck für ein solches Bild; einige Heberlegung macht aus ihm leicht noch, durch Unterordnung unter das Allgemeine Thier, einen Be griff; dann bleibt aber Thier ein allgemeines Bild, das nur der Natur forider noch durch Mitdenten der Borftellung des organischen Wesens für seinen wissenschaftlichen Gebranch zum Begriff umbildet. Auf Diesem unsertigen Zustand der logischen Arbeit, die nur den einen Ring der gangen Kette, den Zusammenbang des Gingelnen mit seinem nächsten Allgemeinen scharf beleuchtet, von da aus aber die übrigen im Duntel läßt, bernhen die Begriffe, die im natürlichen Gebranch des Dentens portemmen; da jedoch wissenschaftliche Untersuchungen, zu denen die Logif vorzugsweis einleiten will, wirflich dahin streben, auch jedes höhere Augemeine eines gegebenen Begriffs selbst begrifflich zu fassen, so be gnüge ich mich, die vorgetragene Bemerkung gemacht zu haben, sehe jedoch von ihrer hartnädigen Durchführung ab und werde mit dem gewöhnlichen Sprachgebrauch auch jenen allgemeinen Bildern den Ramen der Begriffe nicht vorenthalten. Dies Zugeständniß wird mir badurch erleichtert, daß in der Logit der Name des Begriffs nicht jene por nehme Bedeutung icheint haben zu dürfen, die ihm die Schule Begels gegeben hat, und in welcher er daranf Anspruch macht, die Ertenntnik ber wesentlichen Matur seines Gegenstandes auszudrücken. Der Unterschied zwischen logischen Formen und metaphysischen Gedanken ist auch hier zu beachten. Es mag einen bevorzugten Begriff geben, welcher die Sache selbst in ihrem Sein und ihrer Entwicklung verfolgt, ober gum Standpunkt der Auffassung den in ihr selbst liegenden Mittelpunkt wählt, von welchem aus sie ibr eigenes Berhalten bestimmt und ibre eigne Wirtsamkeit gliedert; aber es ist nicht Ansgabe der Logit, ihrer Begriffsform stets unr diese ansertesene Buttung zu geben. logische Begriff gilt uns als eine Tentform, welche ihren Inbatt, von irgend welchem Standpunkte aus, so auffaßt, daß aus dieser Auffassung Folgerungen zu ziehen sind, welche an bestimmten Punkten richtig wieder mit dem zusammentreffen, was aus diesem Inhalt selbst, aus ber Sache felbst fließt; nach ber Wahl jener Standpuntte, für beren jeden fich die Sache anders projecirt, fann es baber verschiedene gleich

richtige und gleich fruchtbare logische Begriffe desselben Gegenstandes geben. Mag darum Begriff immerbin jede Auffassung heißen, die, wenn auch nur mit Hülfe eines selbst nicht weiter zergliederten Allges meinbildes, dies leistet, den gegebenen Gegenstand einer Regel seines Berhaltens zu unterwerfen, deren Anwendung mit diesem wirklichen Berhalten in Uebereinstimmung bleibt.

28. Ernstliche Bedeuten erwedt die behanptete Coordination der Mertmale im Anbalt bes Begriffs. Schon bies ift ein Uebelftand, daß nus ein paffender Rame für die Bestandtheile fehlt, aus denen wir den Begriff gusammensetzen; Mertmal, Theilvorstellung passen nur für bestimmte Fälle. Gie erweden die geläufige faliche Meinung, als seien gang allgemein die Bestandtheile des Begriffs gleichwerthig, jeder mit dem Ganzen des Anhalts ebenso verbunden wie jeder andere, und jeder erfte mit dem zweiten ebenso wie dieser mit dem dritten. Sierzu verführen besonders die Beispiele, welche die Logit aus dem Kreise einfacher Raturgegenstände zu wählen pflegt. Zwar ift Gotd gelb nur im Licht. debubar mir für eine einwirfende Zugfraft, schwer mir für den Rorper. den es drückt; aber diese verschiedenen Berhaltungsweisen laffen fich doch für unsere Einbildungstraft leicht als ruhende Eigenschaften vor stellen, die an einem bestimmten Bunfte des Raumes versammelt sind und bort alle in nicht weiter angebbarer übrigens gleicher Weise an bem Realen haften, bas um ihretwillen Gold beißt. Bier paßt ber Name der Merkmale und hier sind die Merkmale allerdings in dem behanpteten Sinne in dem Anhalt coordinirt; nur bedeutet diese Coordination nichts mehr, als daß sie alle dem Ganzen gleich mientbehrlich find, außerdem aber eine irgendwie gegliederte Ordnung nicht besteht. Bertaffen wir jo einfache Beifpiele, übertegen wir Begriffe wie Dreied, Thier oder Bewegung, so bedürfen wir, um ihren Zubalt richtig zu deuten, eine Menge von Theilvorstellungen, die nicht mehr so gleichwerthig find, fondern in ben verschiedensten gegenseitigen Stellungen auf einander bezogen werden muffen. Die brei Seiten des Preiecks jind nicht blos in ihm auch da, neben den drei Winkeln, sondern sie muffen durch ihre Schneidungen die Wintel vilden; der Begriff ber Bewegung enthält nicht blos überhanpt die Theilverstellungen Ort, Beränderung, Richtung, Geschwindigfeit; sondern Richtung und Geschwindigteit find, beide in verschiedenem Sinne, Bestimmungen ber

Beränderung: der Drt, da er ja verlaffen wird, fann am wenigsten ein Merfmal bes Begriffs beifen, er ift ein Beziehungspunft für Die Borftellung der Beränderung, zu welcher fein Berbältniß durch den Sinn des Genitivs verglichen mit dem regierenden Rominativ ausgedrückt wird. Die Berfolgung dieser Mannigfaltigteit ist zu weitläufig: an der Uebergenanna aber würde sie ersichtlich führen, daß im Allaemeinen die Merfmale eines Begriffs nicht gleichwerthig einander coordinirt find, daß fie vielmehr in den mannigfaltigsten Stellungen sich auf einander beziehen, einander verschiedenartige Untagerungen veridreiben und jo üd wedielieitig determiniren; daß ein zutreffendes Smubol für den Ban eines Beariffs nicht die Gleichung S = a + b + c + d..., sondern höchstens die Bezeichnung S = F (a, b, c, ...) ist, welcher mathematische Ansdruck eben nur andeutet, daß a. b. c.... auf eine im Einzelfall genan angebbare, im Allgemeinen böchft vielförmige Weise verknüpft werden müssen, um den Werth von 8 zu ergeben. Wäre in irgend einem Ginzelfalle

$$S=a\;[b^e\sin d]+(e-\frac{f}{g})\;V\tilde{h},$$

so würde diese Formel, so täppisch sie sein würde, wenn sie etwas mehr bedeuten weltte, doch immer noch ein anschaulicheres Bild, als jene unzureichende Summensormel, für die Verschiedenheit der Veiträge geben, welche hier die einzelnen Mertmale a, b, c ... zum Ansban des ganzen Inhaltes von S tiesern.

29. Gegen die Coordination von s¹ Knpfer, s² Gold und s³ Tilber in dem Umfang des S Metall ist nichts einzuwenden, dagegen der größe Werthunterschied zwischen dieser Unterordnung und der des allgemeinen S sowie jeder seiner Arten unter die allgemeinen Mertmale a dehnbar, b farbig hervorzuheben. Die Natur des Allgemeinen S, des Metalls, beherrscht die Natur seiner Arten, des Goldes und Anpfers, vollständig, und keine Eigenschaft der letzteren entzieht sich ihrem des stimmenden Einstuß: gelb oder roth ist vieles, aber das schimmernde Gelb und Roth des Goldes und Anpfers kommt Metallen allein zur dehnbar ist vieles, aber Größe und Kupfers kommt Metallen allein zur dehnbar ist vieles, aber Größe und kupfer zeigen, ist nur dei Metallen erhört; nur die Metallität endlich ertlärt die Höbe des specisischen Gewichts. Ebenso bestimmt das Allgemeine Thier sede Gigenschaft und sede Regung

dessen, was seine Urt ift: das Thier bewegt sich anders, wächst anders und rubt anders als die Pflanze und das Lebloje. Berfinnlichen wir das allgemeine Metall durch einen Kreis S, so liegt der fleinere Arcis s1 des Goldes völlig in S eingeschlossen; neben ihm, getrennt von ibm, aber ebenjo gang innerbalb Des S, die Arcife s2 Anvier, s3 Silber, Dies Verbältnik einer wahrhaften Unterordnung unter das makaebende Illgemeine bezeichne ich, indem ich zwei meist gleichbedentend gebrauchte Ramen verschieden benutze, als Enbordination unter die Gattung: ich nume dagegen Enbsumption unter das Mertmal die Unterordunng des Goldes unter das Gelb g oder das Tehnbare d. Dieje allgemeinen Merfmale beherrichen und durchdringen offenbar die gange Matur des Goldes nicht; jedes drückt vielmehr nur eine Seite derfelben aus, die andern Gegenständen von völlig abweichender Natur ebenfalls zutemmt, und aus der sich, für unsere legische Ginsicht, feinerlei Folgerung in Bezug auf die anderen Gigenschaften des Goldes gieben läßt. Un den größeren Breis G des Gelben tritt daher der fleinere s des Goldes mir an einer bestimmten Stelle an und schneidet ibn, obne gänglich in ihm zu liegen; an anderen Stellen wird G durch die Rreife der andern gelben Gegenstände ebenso geschnitten und sie alle bleiben theilweis anger ihm.

30. Bon dem Allgemeinen S aus, welches die Regel für die ursprünglich verglichenen s¹ s² s³ war, fennten wir zu immer höheren Augemeinbegriffen TUV Wanffieigen. In der Naturgeichichte, für welche diese Stufenreihe Werth hat, sind ihre einzelnen Glieder in der Richtung nach aufwärts als Art, Gattung, Familie, Ordnung, Rlaffe bezeichnet worden; dech ift schon dies nicht gang unstreitig, was ein Allgemeinbegriff zu leiften habe, um eine Art, und mas, um eine Gattung vorzustellen; noch verschiedener werden die übrigen Benennungen und immer nach Gesichtspuniten angewandt, die für den Breis zu behandelinder Gegenstände jedesmal ans der besondern Natur derselben eigens gerechtsertigt werden. Thne biefe Unterftützung, welche bie Bedeutung und Wichtigkeit dieser Abstufungen von Seiten sachlicher Menntuiß erfährt, lagt fich nur für Art und Gattung einigermaßen ein fester logischer Werth auf folgende Weise bestimmen. Beranlaffung zur Auffuchung eines Augemeinen überhaupt findet das natürliche Denten nur in ber Bergleichung von Ginzelfällen, welche nicht gleich,

aber ähnlich find. Ginen Begriff zu suchen, der Gurfenfrüchte und mathematische Lehrsätze unter sich befaßte, ist ein Spiel bes Bites; aber alle aroßen und fleinen, alten und jungen, diden und magern, ichwarzen und weißen Menschen fordern das natürliche Denfen zu Diesem Schritte auf. Dem ibre finnlichen Erscheinungen liefern ähnliche Bilber, an deren entsprechenden Punkten sich nur Merkmale finden, die unmittelbar als Arten befielben allgemeinen Merfmales, ber Harte, ber Farbe, empfunden werden; auch die Beziehungen-zwischen zweien dieser Puntte find in ihnen allen nur durch Grad und Größe verschiedene Medificationen einer und berselben allgemeinen Beziehung. Die Bergleichung der einzelnen Menschen erzeugt daber ein allgemeines Bild: nicht in dem Sinne freilich, als ließe der allgemeine Mensch sich wirklich malen. aber doch in dem Sinne der naturgeschichtlichen Abbildungen, Die gar nicht daran zweifeln, durch ein Pferd alle Pferde und durch ein Kameel alle Kameele in einer Anschauung, die mehr als bloges Schema ober Sombol ift, doutlich darzustellen; ober in dem Sinne der Geometrie, die durch ein gezeichnetes Dreieck, obgleich es immer nur ein einzelnes sein fann, neben dem es andere gibt, doch alle diese andern, und zwar gleichfalls in anschaulicher Weise, mit vertritt. Diese Möglichkeit ver schwindet aber, wenn wir zu böberen Allgemeinheiten aufsteigen, die diese allgemeinen Bilder selbst wieder als ihre Arten unter sich befassen: das allgemeine Sängethier, das weder Pferd noch Kameel ist, noch sonst Ramen hat, läßt sich nicht einmal in einem schematischen Bilde mehr zeichnen, und ebenso wenig das Polugon, das weder Treiect noch Biereck ift, noch eine andere bestimmte Seitenzahl bat. Diese höheren Altgemeinbegriffe faffen wir mithin nicht mehr in einer Auschanung, sondern nur noch in einem Gedanten, durch eine Formel oder eine Gleichung, die im Wesentlichen bieselbe Beziehungsweise zwischen verichiedenen Beziehungspunkten vorschreibt, aber zu auschaulich gang abweichenden Gestaltungen führt, je nachdem man die unbestimmt gelassenen Werthe biefer Begiehungspunfte selbst und ihrer engeren oder schlafferen Verbindung so oder anders bestimmt deuft. Dasjenige Allgemeine nun, das noch ein Bild gewährt, würde ich eine Art, das erste von denen aber, die nur noch eine Formel möglich machen, die Gat tung nennen, in Nebereinstimmung, wie ich glaube, mit dem gewöhn lichen Sprachgefühl und nebenbei mit den alten Bestimmungen Des

Aristoteles. Denn die Wahl seiner beiden Ausdrücke Gidos und Genos ist ohne Zweisel durch die ursprüngliche Wortbedentung bestimmt worden; Gidos, die Art, welche unter sich nur Individuen besast, ist das Gemeinsame des Aussehens oder der Erscheinung; Genos begreist das Formverschiedene, dessen Entstehung derselben Regel solgt, oder das, wenn es überhaupt nicht zeitlich entspringt, doch in dem bedingenden Zusammenhang seiner Bestandtheile derselben gesetzgebenden Formel solgt.

31. Es bleibt uns noch die lette ber früher angeführten Behauptunden: das umgekehrte Verhältniß zwischen Juhalt und Umfang ber Begriffe; ich finde es unrichtig da, wo seine Richtigkeit wichtig ware. und ziemlich unwichtig da, wo es richtig ist. Die Anzahl der Merkmale. aus denen wir unfere Begriffe zusammensetzen, ift nicht unendlich; reicht doch die Sprache mit zwar vielen, doch nicht gabllosen Worten zu ihrer Bezeichnung aus. Leicht möglich fann baber eine Gruppe berselben, sagen wir ikl, in mehreren Allgemeinbegriffen S. T. U zugleich portommen, obne daß deshalb ikl einen höhern Allgemeinbegriff darstellte, der ein Bildungsacsets für alle Urten von S. T und U enthielte. Man fami Liriden und Fleisch unter die Mertmalgruppe ikl rötblicher saftiger ekbarer Körper unterordnen, aber man wird nicht glauben, Damit einen Gattungsbegriff für beide erreicht zu haben, dessen Arten fie zu beißen verdienten. 3ch behaupte nun nicht, daß die einseitige Hervorhebung einer solden Merkmalgruppe überall so wenig Sinn babe, wie in diesem abgeschmackten Beispiele; im Gegentheil werden wir ihren Werth später fennen sernen: fie dient zu dem oft nützlichen und nöthigen Hadweis, daß verschiedene Subjecte, obgleich fonst einander gang fremt und feinem gemeinschaftlichen Gattungsbegriffe subsumirbar, democh wegen eines einzigen ober weniger gemeinsamen Merkmale gewissen unabweislichen Folgerungen gleichmäßig verfallen jind. Wer min fortfahren will, diese Merfmalgruppen Allgemeinbegriffe zu neuten, bat dann freilich mit jenem umgefehrten Verbältniß zwischen ihrem Umfang und Inhalt Recht: je weniger Glieber bie Gruppe gablt, um so sicherer wird sie in allerhand Begriffen augutreffen sein; und anderseits je größere Angahlen verschiedener Borstellungsinbalte man vergleicht, um so fleiner wird die Merfmalgruppe sein, in der sie alle übereinstimmen. Bon dem mahren Allgemeinbegriff dagegen, dem, welcher die Regel für die gange Bildung ber Arten entbält. ließe sich ober behanpten, daß sein Inhalt allemal ebenso reich, Die Summe seiner Merkmale ebenso groß ist, als die der Arten felbst: nur find im Allgemeinbegriffe, in der Gattung, eine Menge Merfmale mer in unbestimmter selbst schon allgemeiner Form enthalten, für welche in der Art bestimmte Ginzelwerthe oder besondere Ansprägungen auftreten, bis in dem fingularen Begriffe jede Unbestimmtheit verschwunden und jedes assameine Merkmal der Gattung durch ein nach Größe Gigenthümlichfeit und Verfnüpfung mit andern völlig beterminirtes erfest ift. Allerdings fann man gegen die Allgemeingültigfeit dieser Behauptung Beifpiele wie das früher erwähnte des organischen Wesens anführen, unter bessen Begriff wir Pflanze und Thier unterordnen; man fann es eine logische Willfürlichkeit nennen, in Diesem Begriffe Die Merkmale der Empfindungs- und Bewegungsfähigkeit beizubehalten, mit dem Hintergedanken, beiden dann in der Pflanze einen Rullwerth anguschreiben; aber dies Beispiel zeigt eigentlich mehr, daß wirklich die böberen Allgemeinbeiten, von der Gattung aufwärts, aufhören wahre Allaemeinbegriffe zu sein und in Complexe von Bedingungen übergeben, benen ber Juhalt verschiedener im eigentlicheren Sinne jo au nennender Gattungen mit gleichen daraus fliegenden Folgen unterliegt. Der Begriff des organischen Wesens ist ein solches ikl, eine Gruppe von Merkmalen, die für sich in keinem gegebenen Beispiel vorkommt, die aber in den Gattungen, in denen sie vorkommt, in Thier und Pflanze, dieselben aus ihr entspringenden Folgerungen nothwendig macht.

32. Die verigen Bemerkungen enthielten weder die Hoffnung noch den Anspruch, eine bleibende Aenderung in dem herzebrachten Sprachzebrauch hervorzubringen; sie sollten nur der deutlicheren Ginsicht in den Ban der Begriffe überhaupt dienen. Zu gleichem Zwecke füge ich noch Folgendes hinzu. Ich bezeichte die Gattung G, sofern ihr Begriff die Verbindungsregel einer Anzahl allgemeiner Merkmale A, B, C... darstellt, durch F [A, B, C,], und nehme an, jedes der Merkmale sasse Ginzelsormen zu, welche a¹, a², a³..., b¹, b², b³... e¹, c², c³... heißen mögen: die Verbindungssorm F endlich bewege sich gleichfalls in einem Spielraum veränderlicher Gestaltungen, von denen wir drei durch f, g, f andeuten wollen. Da nun die Merkmale A, B, C von sehr verschiedenem Verthe für das Ganze von G sein können, so ist es möglich, daß die verschiedenen Verthe, welche etwa A annimmt,

von entscheidender Wichtigkeit für die Gestalt des Ganzen sind und sich and in der Berbindungsweise der übrigen mit ihrem umformenden Einfluß gelten maden. Dies fann ben Erfolg haben, daß, wenn A ben einen oder den andern seiner Werthe annimmt, damit auch die Gliederungsweise F des Gangen von einem ihrer Gingelfälle fich zu einem andern ändert; die Gefammtzahl der Arten von G würde dann sein: $G = f(a^1, B, C...) + g(a^2, B, C...) + f(a^3, B, C)$, in welcher Formel ich der Kürze halber die correspondirenden Renderungen von B und & unausgedrückt laffe. Diese eutscheidenden Merkmale a1, a2, a3 find in diesem Falle die arthildenden Unterschiede, differentiae specificae. So viteat icon Aristoteles, der dafür den Namen Diaphera bat, wenn er den Menschen unter die Gattung Thier unterordnet, die Bestimmung zum vernünftigen Denken als die eigenthümliche Ausprägung a1 des allgemeinen Seelenlebens A zu bezeichnen, durch die fich der Mensch von allen andern Thieren unterscheidet; im Sinne meiner obigen Bezeichnung fommt dann noch bingu, daß dieses at nicht blos den Menschen von den Thieren abgrenzt, sondern auch die ihm eigenthümtichen Werthe der übrigen Sigenschaften B und C, endlich die Berbindungsweise f derselben oder den gangen Habitus bestimmt, durch den der Mensch sich von den Thieren mit ihrer durch g oder f charatterifirten Organisation unterscheidet. Es fann ferner geschehen, daß die besonderen Werthe, welche eines oder mehrere der allgemeinen Gattungsmerfmale in einer einzelnen Art angenommen haben, nur in dieser Urt und in feiner andern möglich sind, daß sie aber dennech teinen wichtigen Ginfluß auf die Gestaltung der übrigen Merfmale ängern und deshalb die Natur der Art, an welcher sie vorkommen, nicht nach ibrer gangen Bestimmtheit repräsentiren. Gigenheit ober Idion nennt Aristoteles ein soldes Merfmal: es ift das, was wir ein Rennzeichen nennen. Die Lachfähigfeit führt er als Adion des Menschen an, Hegel in ähnlichem Sinne bas Ohrläppchen; beide unterscheiden den Menschen vom Thiere, aber sie erschöpfen sein Wesen nicht. Noch gibt es nach Ariftoteles Merfmale, die nicht zu dem eisernen Bestand eines Begriffs gehören, sondern etwas bezeichnen, was seinem Inhalt zustößt oder widerfährt; jedes Berbum, welches fagt, daß Sofrates fitze oder stehe, gibt davon ein Beispiel. Die Uebersetzer gnälen sich vergeblich, ben von Aristoteles dafür gebrauchten Ausdruck Symbebetos zugleich

sachgemäß und in Uebereinstimmung mit der ursprünglichen griechischen Wortbedentung zu übersetzen; was an ihm sachlich wichtig und richtig ist, wird völlig dem entsprechen, was wir einen Zustand nennen. Daß dieser Ansdruck dennech nicht den Sprachgebrauch des Aristoteles deckt, scheint mir die Schuld einer von ihm selbst begangenen Ungenauigkeit, deren Erörterung kann die Mühe lohnen würde. Die Betrachtung des sachlichen Verhältnisses aber, das zwischen dem Begrissganzen und dieser Art seiner Merkmale obwaltet, gehört der Lehre vom Urtheil an. Man sindet in des Porphyrius Einseitung zur Aristotelischen Logis genug, um ein meist freilich untsloses Rachdenken über die Aehrlichteiten und Unterschiede der hier berührten logischen Bestimmungen noch weiter zu üben; uns dienten sie wesentlich zur Verdentlichung der mannigsachen Gliederung der Begrisse und sind zu diesem Zweck nicht in durchgängiger Uebereinstimmung mit Aristoteles vorgetragen worden.

33. Wohin gelangt man nun zuletzt, wenn man zu allen gefundenen Allgemeinbegriffen immer höhere sucht? welche Form nimmt das Gesammtspftem aller unserer Begriffe an, wenn man sich dieses Geidäft vollendet deuft? Bon einer breiten Grundfläche, welche durch alle fingularen Begriffe oder Borftellungen gebildet wird, erhebt es sich offenbar mit zunehmender Verschmälerung; die gewöhnliche Meinung gibt ihm geradezu die Gestalt einer Buramide, die mit einer einzigen Spite, dem alles umfassenden Begriffe des Denkbaren, ichließe. 3ch finde wenig Wit in dieser Annahme; sie beruht gang auf der geistlosen Subsumtion unter ein Mertmal, deren logischen Werth wir gering anschlugen. Unter das Merfmal des Denkbaren überhaupt fällt alles auf einmal und mit einem Schlage; man fann fich die Mühe ersparen, zu diesem Ergebniß erst durch eine pyramidale Stufenleiter empor zu flettern; zugleich ist in diesem Endgliede von allem Inhalt und aller Gigenthümlichfeit des Wedachten auf die gründlichste und gedankenloseste Beije abgesehen. Jolgen wir bagegen dem Berfahren der Subordination unter die Gattung und ordnen wir das Mannigfache nur solchen Allgemeinheiten unter, welche den Gedanten der allgemeinsten Regeln für die Eigenarten seiner Formung noch aufbewahren, so kommen wir nicht zu einem, sondern zu mehreren auf einander nicht zurüchsührbaren End= begriffen, in denen wir ohne Neberraschung dieselben Bedeutungen der Mebetheile wiedererkennen, die wir am Ansang dieses Hauptstücks als die ersten logischen Elemente kennen sernten. Alle substantivischen Inshalte sübren auf den Stammbegriff des Etwas, alle adjectivischen auf den der Beschäffenbeit, die verbalen auf den des Werdens, die andern auf den des Berbältnisses zurück. Alle diese Stammbegriffe haben freilich das gemeinsame Mertmal, denkbar zu sein; aber eine gemeinssame Gattung, unter der ihre wesentlichen Inhalte verschiedene Arten bildeten, gibt es weder über ihnen allen, noch vertritt einer von ihnen diese Vetelle sür die übrigen; es ist nicht möglich, das Etwas als eine Art des Berdens, oder das Werden als eine Art des Etwas zu sassen. So angeschen erhebt sich das Gesammtgebände unserer Begriffe wie eine Gedirgskette, die von einem breiten Fuße beginnt und mit mehreren scharf getheilten Gipfeln endigt.

Uebergang zu der Form des Urtheils.

34. Auf diesem Bilde einer zusammenhängend sich aufbauenden Begriffswelt hat schon der Blid Platons geruht. Ihn, der die ewige Sichselbstgleichheit jedes Begriffsinhaltes und ihre Bedeutung gegenüber der Beränderlichkeit des Wirklichen zuerst erfannt, ihn konnte es reizen, alle einfachen Clemente des Dentbaren aufzusuchen, alle Verbindungen der verbindbaren zu vollziehen und in dem gegliederten Ganzen einer Ideenwelt das ewige Vorbild aufzurichten, dem die geschaffene Welt unvollkommen nachahmt. Weder er selbst indessen noch die Folgezeit hat eine wirkliche Ausführung dieser an sich unvollendbaren Aufgabe versucht; noch weniger fönnten wir jetzt geneigt sein, in ihr eine wünschenswerthe Beiftung zu sehen. Und dies nicht nur deshalb, weil die Wirklichteit, das was ist, uns zu zahlreiche und schwere Räthsel ausgibt, um uns Beit zur Aufstellung eines Berzeichniffes beffen zu laffen, was fein könnte, aber nicht ist; vielmehr auch die vollständige Kenntniß der Zdeenwelt würde uns wenig in der Begreifung des Wirklichen unterstüßen. Denn Alles, was wir im besten Fall auf Diesem Wege erreichen founten, würde nur das Bild einer rubenden Ordnung sein, in welcher einfache und zusammengesetzte Begriffe, jeder unveränderlich fich selbst gleich und jeder durch unwandelbare Beziehungen zu allen andern an seinen unverrückbaren sostematischen Ort gestellt, neben einander ständen; was

uns dagegen die Birklichkeit vorhält, ist ein wechselndes Durcheinander der mannigfachsten Beziehungen und Verknüpfungen, die sich zwischen den einzelnen Vorstellungsinhalten, ohne Rücksicht auf ihre sostematische Stellung, bald so bald anders gestalten. Diese große Thatsache der Beränderung hört nicht dadurch auf dazusein, daß wir im Sinne des Atterthums sie als eine Unvollkommenheit schelten, im Gegensatz zu der seierlichen Ruhe der Zoeenwelt; immersort führt sie der Verlauf unserer Borstellungen uns wieder vor, und das Tenken, das von diesem za seine Anregungen empfängt, muß sich bemühen, auch dies veränderliche Insammensein auf Gründe der Insammengehörigkeit zurückzusühren. Hierd wird der weitere Weg der Logis bestimmt.

35. Berichiedene Erwägungen führen zu demielben nächsten Schritte. Wo an einen icheinbar unveränderten Begriffsinbalt nene Merfmale sich aufügen, die wir früher in ihm nicht mitdachten, werden wir am unmittelbarften zu der Frage aufgefordert, welcher Grund eines veränderlichen Zusammengehörens sich für beide deuten lasse. Aber auch wenn wir verschiedene Beispiele eines Allgemeinen vergleichen, in deffen allgemeinen Merkmalen wir die Möglichkeit vieler besonderen bereits eingeschlossen haben, fragt es sich doch nach dem Grunde, der in jedem einzelnen dieser Beispiele die Zusammengehörigkeit des besondern Merkmals mit dem übrigen Ganzen des Zuhalts vermittelt und dieses Merkmal vor den fibrigen besonderen bevorzugt, die als Arten des allgemeinen seines Gleichen sind. Zulett, da wir in jedem Begriffe eine Mehrheit von Merkmaten vereinigt denken, und zwar solchen, die nicht ihrem eigenen Inhalte nach, als Glieder einer und derselben instematischen Reihe einander verwandt, die vielmehr einander ungleichartig und fremd find, bennoch einander beterminiren und in ihrer Berbindung eine bebingende Macht über den Ausatz anderer ausüben sollen, so fehrt auch hierüber die Frage nach dem Rechtsgrunde wieder, der dieses Zusam mensein des Ungleichartigen als ein Zusammengehören erscheinen lasse. Wir werden uns bewußt, daß wir in unserer Betrachtung des Begriffs, als wir einer gemiffen Bertnüpfung von Mertmalen Dieje Stellung einer beherrichenden logischen Substang zuschrieben, welche sich in einer Mannigfaltigfeit verschiedener oder wechselnder Formen bethätigt, eine Unffassungsweise gefordert und vorausgenommen haben, deren logisch rechtliche Ausführbarkeit wir noch zu erweisen haben. Dies also ift

unsere Anfgabe nun, diese voransgesetzten Verknüpfungen entweder wieder aufzulösen, oder, wenn sie sich rechtsertigen lassen, sie noch einmal, dann aber in einer Form zu vollziehen, welche den Grund der Insammengehörigkeit des Verbundenen mit ausspricht. Wenn das Denken diese Anfgabe zu tösen sincht, wird ersichtlich die Form seiner Bewegung die des Urtheils sein, in welchem ein bleibendes oder bes dingendes Glied oder das Ganze des Begriffsinhalts als Subject den veränderlichen oder bedingten Gliedern oder der Sunnne dieser Theile als Prädicaten gegenübertritt, die Beziehung beider aber, welche ihre Verknüpfung erklärt und rechtsertigt, in der Copula liegt, die sprachlich mehr oder minder vollständig ausgedrückt beide Satzlieder zusammenhält.

Zweites Kapitel.

Die Lehre vom Urtheil.

Borbemerkungen über Bedeutung und gewöhnliche Sintheitung der Urtheite.

Der allgemeinen Absicht meiner Darstellung gemäß würde ich die verschiedenen Urtheilsformen nun spstematisch als Glieder einer Reihe von Denthandsungen zu entwickeln haben, deren jede durch den von ihr unbewältigten Rest ihrer Aufgabe den Eintritt der nächstsolgenden besgründet. Ehe ich diesen Bersuch beginne, habe ich üblichen anderen Bestrachtungsweisen und den Gründen meiner Abweichung von ihnen einige Worte zu widmen.

36. Zebes Urtheil, welches im natürlichen Gebrauch bes Denfens gebildet wird, will ein Verhältniß zwischen den Inhalten zweier Borstellungen, aber nicht ein Verhältniß diefer beiden Borstellungen ausiprechen. Bon diesem sachlichen Verhältniß der vorgestellten Inhalte ift natürlich ein gewiffes Verhältniß der Vorstellungen, durch die wir es denten, eine unvermeidliche Folge; aber nicht diese freilich unausbleibliche Beziehung unserer Denkmittel, durch die wir den sachlichen Inhalt ergreifen wollen, sondern eben dieser selbst ist der wesentliche Sinn ber im Urtheil vollzogenen Denthandlung. Wenn wir fagen: das Gold ift gelb, so ist es freilich unwidersprechlich, daß nach diesem Urtheile unsere Vorstellung des Goldes in dem Umfange unserer Vorstellung des Gelben liegt, daß mithin das Prädicat von weiterem Umfange ift, als das Subject; aber dies war es doch gewiß nicht, was man durch dies Urtheil auszusprechen beabsichtigte. Bom Golde selbst vielmehr wollte man sagen, daß das Gelb selbst ihm als Eigenschaft zufomme, und nur beshalb, weil man biefes fachliche Berhältniß, gleichviel jest, welche Bedenken es sonst haben mag, als bestehend schon voraussett, fann man es in einem Sate abbilden, in welchem die Borftellung bes Goldes von der des Gelben eingeschlossen wird. Dag man nicht einmal gang Recht bat mit biesem Sate, bat bie Logif auch sonft idon bemerft; indem sie von dem, was man ausdrückt, sich auf das beruft, was man meint, lehrt fie, baß auch bas Subject feinerseits bies allzuweite Prädicat beschräute: das Gold sei nicht gelb überhaupt, sondern goldgelb, die Rose rosenroth, ja diese Rose habe eben nur das Roth Biefer Rose. Aber auch diese Berbefferung andert nichts an der Unvollfommenheit dieser ganzen Auffassung des Urtheils: denn welches Berhältniß nun eigentlich zwischen den beiden so corrigirten Gliedern stattfinde, fagt sie boch nicht, und die ganze Mannigfaltigfeit der verichiedenen Zusammenhangsweisen, die hier stattfinden fonnen, geht für fie vertoren. Go ift ja das Gold im Finftern nicht gelb; seine Farbe bängt also an ihm nur unter einer Bedingung, der des Lichtzutrittes: wer min diese neue Ersahrung mit der vorigen im Stil dieser Auffasfung zu verbinden wünschte, würde sagen müssen, die Borstellung des Goldes liege gleichzeitig im Umfange des im Lichte Gelben und im Umfange des im Finftern Richtgelben; aber durch diese Ausdrucksweise würde er, wie mir scheint, dech nur verrathen, daß es ihm Bergnügen macht, von dem worauf es ankommt, der Erwähnung jenes Bedingungsverhältniffes, zu freilich richtigen, aber gang bedeutungslosen Folgen abzuschweisen. Natürlich haben auch diese Umfangsverhältnisse der im Urtheil verbundenen Borstellungen ihren logischen Werth; aber wo man diesen bedürsen wird, ist er nicht so schwierig zu ermitteln, um sich seiner nicht nebenber angenblicklich zu bemächtigen; einen Hauptgesichtspunkt für die Betrachtung der Urtheile aus jenen Berhältniffen zu machen, halte ich für ebenso irrig als langweilig.

37. Auf die Auffassung, welche ich hier vertrete, weisen übrigens die technischen Ausdrücke der Logik zurück. Subject unseres obigen Urtheils ist im Save, oder grammatisch betrachtet, das Wort Gold, logisch augesehen aber, oder im Urtheile, nicht die Verstellung Gold, sondern das Gold; denn nur zu diesem gehört das Gelb als ein Präsdicat, das von ihm ausgesagt wird, und zwar in einem bestimmten Sinne ausgesagt wird, den die Vedentung der Copula augibt. Die Vorstellung des Gelben dagegen ist nicht in demselben Sinne eine Eigenschaft

der Borftellung des Goldes, in welchem Gelb eine des Goldes ift; iene wird gar nicht von dieser ansgesagt oder prädicirt; zwischen beiden Lor stellungen findet gunächst nur die Beziehung statt, daß immer, oder doch unter bestimmten Bedingungen immer, die eine dieser Borstellungen, gelb, sich einfindet, wo die andere, Gold, gegeben ist; daß aber, wo iene gegeben ift, nicht überall biese hinzutritt. Was das aber ist, was dieses Berhalten ermöglicht, rechtsertigt oder nothwendig macht, das zu ermitteln und auszusprechen, ist allein die Unsgabe des logischen Urtheils, und es löst sie, indem es durch den Sinn seiner Copula die Beziehung angibt, die zwischen den beiden vorgestellten Inhalten, um deswillen, was sie vorstellen, und in verschiedenen Fällen verschieden, stattfinde: nur zwischen biesen Juhalten ist anderseits eine logische Copula dentbar: zwijden ihren Borftellungen besteht nur die psuchologische Ber vindung, die ich erwähnte, und außer ihr jenes menotone, in allen Wällen gleiche Verhältniß der Einordung der einen in den Umfang der anderen.

38. Es ist jett bereits deutlich, daß es für uns nur so viel wesentlich verschiedene Urtheilsformen wird geben können, als es wesentlich verschiedene Bedeutungen der Copula, d. h. verschiedene Rebengedanken gibt, welche wir über die Art der Berknüpfung des Subjects mit seinem Pradicat uns machen und in der sontaftischen Form des Satzes mehr oder minder vollständig zum Ausdruck bringen. Manche andere Unterscheidung, der wir in der Logif begegnen, fällt daber für unsere svitematische llebersicht als unbranchbar hinweg, ohne deswegen ihren anderweitigen logischen Werth zu verlieren. Dieser Umstand macht mir zur Klarbeit des Folgenden eine vorläufige Erörterung des Hergebrachten wünschenswerth; doch glaube ich sie auf Diejenige Sintheilung der Urtheile beschränken zu können, Die, an sich jehr alt, in Dentschland burch Rant die üblichste geworden ift. Man weiß, daß Kant jedes Urtheil nach den vier verschiedenen Rücksichten ber Quantität, Qualität, Relation und Modalität bestimmt sein ließ und in jeder dieser Rücksichten für jedes Urtheil eine von drei einander ansichliegenden Formen nothwendig fand. Bon diefer Gintheilung darf ich das dritte Glied aus dieser vorläufigen Betrachtung aus schließen. Denn die Relation (zwischen Subject und Prädicat), nach welcher Kant fategorische, bopothetische und disjunctive Urtheile unter

icheibet, bezieht sich offenbar auf eben die wesentlichen Bestimmtheiten des Urtheils, die wir suchen, und die den weiteren Gegenstand meiner eigenen Tarstellung ohnehin bilden werden. Wenn das fategorische sein Subject S und sein Prädicat P schlechthin, wie man sagt, oder nach dem einsachen Vorbild des Verhältnisses eines Dinges zu seiner Gigenschaft versnüpft, das hopothetische dagegen dem S an sich nicht, sondern nur unter Voranssetzung der Erfüllung einer Bedingung sein P beilegt, das dissinnetive endlich dem S gar kein bestimmtes Prädicat ertheist, ihm aber die nothwendige Wahl zwischen mehreren einander ansschließenden anserlegt, so ist ohne Zweisel in jeder dieser drei Formen der Sinn der Copula, die Art der Versnüpfung zwischen S und P, verschieden und eigenthümsich; diese drei werden die Glieder der nachher anszubanenden Stusenreihe der Urtheile bilden; nur die nem übrigen bedürsen der solgenden Vorerwägung.

39. Ihrer Quantität nach muffen die Urtheile entweder allgemein oder particular oder singular sein. Drückt man diese Unter ichiede durch die üblichen Formeln aus: alle S find P; einige S find P; dieses S ist P, so zeigen sie effenbar nur die verschiedene Ausdehnung an, in welcher eine Verbindung von S und P gelten soll; die Art der Berbindung ift in allen drei Fällen diefelbe, und muß diefelbe sein, weil das allgemeine Urtheil, in dieser Kassung seines Sinnes, aus der Summirung der besondern und particularen soll entstehen können, mithin diesen völlig gleichartig sein muß. Die quantitative Bezeichnung gilt deshalb dem Subject allein, aber fie bezieht sich nicht auf das logische Berhältniß zwischen ihm und seinem Pradicat; sie ist daber von Wichtigkeit da, wo es gilt, in dem Zusammenhang der Gedanken von einem Urtheile eine Unwendung zu machen, deren Tragweite sich nach dem Umfang richtet, über den seine Bültigkeit sich erstreckt; einen eigenthümlichen Fortschritt der logischen Arbeit dagegen bezeichnen diese Unterschiede in ihrer hier gegebenen Formulirung nicht. Ich füge diese letztere Beschränfung hinzu, weil ja gewiß die quantitativen Unterschiede der Urtheile mit logisch wichtigen Unterschieden auch der Verknüpfungsweise zwischen S und P wirklich zusammenhängen; benn was allen S zufommt, haftet an der Natur seines Subjects ohne Zweifel auch in anderem Sinne, als das, was nur einigen eigen ift, anderen nicht; aber die quantitative Formulirung des Urtheils, welche die Subjecte blos zählt, bemächtigt sich eben dieser wichtigen Nebengedanken nicht und täßt, häusig gegen die Natur der Sache, das Berhältniß des Prädicats zu seinem Subjecte überall als das nämliche erscheinen.

40. In Bezug auf Qualität unteridied Rant affirmative. negative und limitative Urtheile. Run ist nichts flarer, als daß die beiden Säte: Sift P, und Sift nicht P, so lange sie die logische Gigenschaft baben follen, einander entgegengesett zu sein, nothwendig genan dieselbe Verbindung von 8 und P meinen muffen, nur daß die Geltung derselben von dem einen bejaht, von dem andern verneint wird. Es ift gewiß nicht nothwendig, aber nützlich, sich dies Verhalten durch Spaltung jedes dieser Urtheile in zwei zu verdeutlichen. Gine bestimmte Beziehung zwischen S und P, welcher Art sie auch immer sein mag, benten wir uns burch ein Urtheil: S ist P, als einen noch fragtichen Gedanten ausgedrückt; Diese Beziehung bildet den Gedanteninhalt, über den zwei einander entgegengesetzte Nebenurtheile gefällt werden; das eine affirmative gibt ibm das Prädicat der Gültigteit oder der Wirt lichteit, das andere negative verweigert sie ihm. Natürlich ist es im Zusammenhang unserer Gedanten von der größten Wichtigkeit, welches dieser beiden Mebenurtheile über eine gegebene Verfnüpfung von 8 und P gefällt wird; aber zwei wesentlich verschiedene Arten des Urtheils als solden begründet dieser Unterschied nicht; Gültigkeit oder Ungültigkeit find vielmehr in Bezug auf die Frage, die uns bier beschäftigt, als sachliche Prädicate zu betrachten, die von dem ganzen Urtheilsinhalte als ihrem Subjecte gelten. Dieser Inhalt selbst hat seinen von Bejahung und Verneimung noch freien Ausdruck im Fragejat, und Dieser hatte als brittes Glied wohl schicklicher die Dreiheit der Urtheilsqualitäten ausgefüllt, als das limitative oder unendliche Urtheil, das durch eine positive Copula dem Subject ein negatives Prädicat beilegen soll und burch die Formel: S ist ein Nicht P, ausgedrückt zu werden pflegt. Biel Scharffinn ift auch in neuerer Zeit zur Chrenrettung dieser Urtheils form aufgeboten worden, in der ich dennoch nur ein widersinniges Er zengniß des Schulwiges finden kann. Schon Aristoteles bat vollkemmen hinlänglich bemertt, daß Ausdrücke wie Richt Menich teine Begriffe find: fie find nicht einmal Vorstellungen, die sich fassen ließen. In der That, wenn Richt-Mensch Alles bedeutet, was es logisch bedeuten soll, nämlich Alles, was nicht Mensch ist, mithin nicht blos Thier oder Engel, joudern auch Dreiect, Wehmuth und Schwefelfaure, jo ift es eine gang unausführbare Forderung, dies mufte Gemeng des Berichiedenartiaften in eine Vorstellung zusammenzufaffen, die sich dann als Brädicat zu einem Subject hinzufügen ließe. Reder Berfuch, dies undentbare Nicht-P an einem S zu bejahen, schlägt für das unbefangene Penten stets dabin um, das dentbare P an demselben S zu verneinen, und anftatt zu sagen: der Geift ift eine Richt-Materie, sagen wir alle: ber Geift ift nicht Materie. Selbst in Fällen, wo wir im natürlichen Deuten ein limitatives Urtheil wirklich zu bilben scheinen, wie 3. B. wenn wir jagen, daß Aerzte Nicht-Combattanten seien, bilden wir in Babrbeit boch nur ein negatives. Denn dies Richt-P bat bier nicht Die Bedeutung, Die ihm der limitative Sat gabe; Richt-Combattanten murden für biesen auch die Pferde, die Wagen, die Dreiede und die Buchstaben sein: gemeint aber sind doch nur die menschlichen Personen, Die zum Heere gehören, von denen aber die Theilnahme am Kampfe negirt wird. Und so gibt es nirgends für das natürliche Denken eine zwingende Beranlaffung, limitative Urtheile zu bilden; jede Folgerung, Die aus dem Sate: S ist ein Richt.P, möglich wäre, bleibt auch möglich aus dem andern: S ist nicht P. Es ist nicht der Mühe werth, hierüber weitläufiger zu fein; offenbare Grillen muffen in ber Wiffenschaft nicht einmal burch zu sorgfältige Befämpfung fortgepflanzt werden.

41. Durch die Formen der Modalität soll der zwischen S und P gedachten Beziehung ein verschiedener Werth ihrer Geltung gegeben werden: als bles mögliche spreche sie das problematische, als wirtstiche das afsertorische Urtheil ans, als nothwendige das apodiftische. Wer man behandelt diese neuen Gigenschaften ganz unabhängig von der Art, in welcher die Urtheile bereits nach sedem der drei andern Gessichtspunkte bestimmt sind. Nachdem schon seilsteht, ob ein gegebenes Urtheil U seine Bestandtheile in fategorischer, in hypothetischer oder in dissunctiver Form verbindet, nachdem schon entschieden ist, ob es die in einer dieser Formen gedachte Beziehung besaht oder verneint, nachdem endlich durch die quantitative Beziehung anch der Umsang des Subsiects begrenzt ist, sür den das ansgesprochene Prädicat gelten soll: nach alledem bält man es noch für eine ossen Frage, ob das so zusammensgesetze Urtheil problematisch, assertorisch oder apodistisch sein wird. In dieser Behandlung der Sache liegt ganz ossen das Zugeständniß, daß

Die Möglichkeit, Wirklichkeit oder Nothwendigkeit, von denen hier die Rede ift, mit dem logischen Gefüge des Urtheils in gar teinem Zusammenhange steben. Alle diese Urtheile, die man in den Formeln: S fam P sein; Sift P: Smuß P fein, auszudrücken pflegt, find in Bezug auf die Geltung, Die sie ihrem Inhalt aus logischen Mitteln geben, einander vollkommen gleichartig; fie find fammtlich bloge Behanptungen des Urtheilenden und unterscheiden sich nur nach dem Inhalt, den sie bebaupten. Diesen Inhalt, hier Möglichkeit, dort Wirklichkeit oder Nothwendigfeit einer Beziehung zwischen S und P, sprechen sie entweder ohne allen Grund, oder aus Gründen einer sachtich richtigen lleberlegung aus, welche in dem logischen Baue der Urtheile auf feine Weise gum Borichein fommen; eben deswegen bedürfen fie jener hinzugefügten Hülfszeitwörter, um nebenbei das auszudrücken, was in der Gliederung des Urtheils selbst nicht liegt. In dem weiteren Zusammenhang unserer Gedanken haben natürlich auch solche Urtheile ihren Werth; denn häufig fommt es eben darauf an, Ergebnisse früheres Nachdentens, ohne beständig ihre Begründung mit zu wiederholen, in die Gestalt einfacher Behanptungen ansammenguziehen; hier find jene Bulfszeitwörter am Plat, welche die einst logisch begründete Möglichkeit, Wirflichteit und Nothwendigteit als einen jetzt befannten Urtheilsinhalt bezeichnen. Aber für die Unterscheidung wesentlicher Urtheilsformen und für ihre spstematische Anordnung könnte nur eine solche Modalität von Werth sein, welche nicht fremd neben dem übrigen logischen Gefüge der Urtheile berginge, sondern eben ans ihm selbst entspränge und denjenigen Anspruch auf bles mögliche oder auf nothwendige oder wirkliche Geltung ausdrückte, welcher dem Urtheilsinhalte ans der Art der Berbindung seiner Bestandtheile erwächst.

42. Es wäre untslos, eine solde Modalität zu verlangen, wenn man nicht die Ersüllbarkeit des Verlangens zeigen könnte. Desbalb greise ich Späterem etwas vor. Der Satz alle Menschen müssen sterben, gilt gewöhnlich für apodiktisch: für mich ist er nur assertorisch; denn er behauptet nur, aber er begründet nicht die Nothwendigkeit, von der er spricht; sogar dies läßt seine sormelle Fassung mentschieden, ob alle Menschen ans demselben Grunde sterben oder seder um eines besonderen Umstandes willen, so daß nur thatsächlich alle diese verschiedenen zu fälle sich dahin vereinigen, keinen am Leben zu lassen. Gemeint aber

hatten wir mit diesem Sate doch dies, daß nicht alle blos thatsächlich sterben, sondern daß die Ausdehnung der Sterblichkeit auf alle ihren Grund in dem Allgemeinbegriffe des Menschen, in der Natur der Menichlichkeit habe: und diesen Gedanten brücken wir in der That burch die generelle Form des Urtheils aus: der Mensch stirbt; denn der Sinn dieses Urtheils, auf dessen Unterscheidung von dem gewöhnlichen allgemeinen ich zurückfommen werde, ist natürlich nicht, daß der Allgemeinbegriff Mensch, wohl aber, daß Alles stirbt, was unter ihm befakt ift mid deswegen weil es unter ihm befaßt ist. Zedes hopothetische Urtheil ferner begründet durch seinen Bordersatz den Anhalt des Nachfatses und ift deshalb in unserem Sinne eine apodiftische Urtheilsform; der Nachfatz wird bier nicht ichlechthin, sondern unter der Bedingung der Gültigfeit des Bordersates behanptet, aber diese Gültigfeit vorausgesetzt ist dann der Juhalt des Rachsatzes nicht mehr eine Thatsache blos, sondern eine Rothwendigkeit, mit demselben Rechte, mit dem eben jede Folge aus ihrer Bedingung nothwendig entspringt. Achnliches, nur zu weitläufig für diese Vorbemerkungen, würde sich über das disinnetive Urtheil sagen lassen, und wir würden so in den drei Formen der Refation zugleich drei verschiedene Formen apodittischer Modalität gefunden haben.

43. Ich schene mich fast, ein gar zu grobes Misverständniß noch ausdrücklich abzunvehren. Die sachliche Richtigkeit eines Urtheils kann ja nie durch die fogische Form verbürgt werden, in die wir seinen Inhalt bringen: sie hängt allezeit davon ab, daß die eigenen Beziehungen zwischen den Bestandtheilen Dieses Inhalts selbst schon in Wahrheit solde sind, wie sie die Urtheilsform voranssetzt, wenn sie ihnen eine Geltung von bestimmtem Werth zutheilen soll. Dies gilt von der gewöhnlichen Medalität nicht minder als von der, die wir an ihre Stelle setzen möchten. In der gewöhnlichen Form des apodiftischen Urtheils: S muß P sein, läßt sich jeder Widersinn aussprechen, ohne dadurch Sinn zu werden; ebenso steht es uns frei, unsere formell apodiftischen Urtheile zu den Aussagen zu mißbranchen: der Meusch sei allmächtig: wenn es regne, werde Alles trocen; jedes Preieck sei entweder frumm oder süß oder jähzernig. Auch diese letzteren Urtheilsformen machen also nicht jede Begriffsverbindung wahr oder nothwendig, die man in jie hineinbringt: ihre Bedentung besteht mir barin, zu zeigen, unter

welchen formalen Bedingungen wir dann, wenn ein bestimmter Inhalt ihnen durch sich selbst genügt, diesem Inhalt apodiftische Geltung zuidreiben dürfen. Hierin aber unterscheidet sich unsere Auffassung der Modalität zu ihrem Bortheil von der gewöhnlichen. Diese letztere saat uns nur: es gebe apodiftische Erfenntnisse, und wenn man sie babe, tonne man sie in der Korm: S muß P sein, ausdrücken; wie aber eine Erkenntnik aussehen und innerlich gefügt sein müsse, um apodittisch zu sein und diesen Ausdruck zu rechtsertigen, sagt sie uns nicht; wir erfahren es bagegen auf unserem Wege. Wir finden: es gibt drei Formen der Beziehung zwischen S und P, die, wo sie stattfinden, zu nothwendigen Erfemtniffen führen; in eine diefer Formen versucht eure Borstellungen an bringen: entweder bildet generelle Urtheile und sucht das P auf, welches in einem Gattungsbegriffe S an sich schon mitgedacht wird: dies P kommt dann nothwendig jeder Art des S zu; oder bildet hopothetische Urtheile und zeigt, daß ans dem Hinzukommen einer Bedingung X 311 S für dies S ein P entspringt, das ohne diese Bedingung nicht vorhanden sein würde; dies P gilt dann nothwendig von jedem S, auf welches dieselbe Bedingung in derselben Weise einwirft; oder endlich bildet disjunctive Urtheile: sobald ihr eine Frage auf ein scharfes Entweder Der zurückgebracht habt, seid ihr eurer Sache auch gewiß und es bedarf bann nur noch einer Erfahrung, um in jedem Ginzelfalle gu bestimmen, welches von zwei Prädicaten, P oder Q, und zwar dann mit Nothwendigfeit, statthaben werde. Andere Wege aber, zu noth wendigen Erfenntniffen zu gelangen, gibt es nicht, und jedes Urtheil, welches ihr in ber Form: S muß P sein, anssprechen mögt, ist nur noch eine Behauptung, deren Inhalt, wenn er triftig ist, allemal auf einem jener brei Wege ursprünglich erfannt worden ift.

44. Ich sprach bisher mir von apodittischen Urtheilen: die Zweisdeutigkeit der gewöhnlichen Modalitätslehre ist noch auffallender an den problematischen. Dem Saze: alle Körper können durch angemessene Kräfte in Bewegung gesetzt werden, kann man mit ungefähr gleich gutem Rechte sede der drei Modalitäten zuschreiben. Zuerst, als Beshauptung, die den Grund ihres Behauptens nicht beissügt, ist er asserte risch; aber, was er behauptet, ist doch nicht ein wirkliches Ereignis, sondern die Möglichkeit eines unwirklichen oder nur in Gedanken gestaßten, und dies reicht nach gewöhnlichem Hertommen bin, ihn

Lote, Logit.

problematisch zu nennen; apodittisch endlich kann er heißen, weil er allen Körpern eine Gigenschaft auschreibt, die mithin feinem fehlen fann und deshalb für jeden nothwendig ift; in der That, dieses Urtheil enthält die Birtlichfeit der Nothwendigfeit einer Möglichfeit. Rach welcher Rücksicht foll man nun den Ramen wählen? Ich wurde mich dafür entideiden, hier ein affertorisches Urtheil zu sehen, die nothwendige Möglichfeit aber zu dem afferirten Juhalt zu rechnen. Da jedoch dieselbe Betrachtung sich auf alle problematischen Urtheile ber gewöhnlichen Norm ansdehnen lägt, jo entsteht die Frage, ob es denn überhaupt eine Urtheilsform gebe, die an sich problematisch zu heißen verdiene? Man bat Fragejat und Bitte angeführt; beide behaupten in der That nichts; iie icheinen die Berbindung von S und P, die ihren Inhalt bildet, durchaus nur als mögliche vor dem Bewußtsein schweben zu laffen. Ich zweiste gleichwehl, ob sie überhaupt als eigene logische Urtheilsformen gelten können. Denn am Ende muß doch die Frage sich wieder von der Bitte unterscheiden, und das fann sie nur dadurch, daß das Bewußtsein des Fragenden sich anders zum Inhalt seiner Frage verhält, als das des Bittenben zu dem seiner Bitte. Bedeutet nun die Frage: ich weiß nicht, ob S ein P sei, und die Bitte: ich wünsche, daß S ein P jei, jo würde die Behauptung freilich fehr pedantisch sein, der Redende selber muffe sich in jedem Salle seine Heußerung in diese zweigliedrige Form zerlegen; allein in dem Gefammtzuftand seines Inneren muffen fich doch in diesen beiden Källen zwei verschiedene, sagen wir Bustande, Stimmungen oder Dispositionen finden, welche, wenn man fie ausbrüden wollte, fich eben umr so ausdrüden lassen würden. Dann aber ift soaleich flar, daß beide Urtheile einen affertorischen Hauptsatz ent= balten, der nichts vom Anhalt sagt, sondern unr die Stellung des Redenden zu diesem Anhalt seiner Rede bezeichnet; der andere abhängige Sat, durch die Conjunctionen Ob und Dag eingeführt, enthält den gangen Anhalt ohne irgend eine Aussage über Art und Werth seiner Weltung. Gben deshalb halte ich anch biefen abhängigen Sat nicht für ein problematisches Urtheil; denn dazu reicht nicht der Mangel einer Ungabe über die Urt der Geltung bin, vielmehr müßte diese ausdrucktich auf bloße Möglichteit beschräntt werden. Bon der Bitte ließe sich dies noch fagen, daß fie die Möglichkeit des Erbetenen und nichts als Diese einschließt; die Frage, da sie ja eben nach der Möglichkeit selbst

fragen fann, thut auch das nicht immer; in beiden würde angerdem die Boraussesung der Möglichkeit einer zwischen S und P gedachten Verstündung mur als ein dem Redenden zuzutrauender Gemüthszustand angerechnet werden können, in der legischen Form des Urtheils läge sie nicht. Ich halte vielmehr diesen abhängigen Satz für eine modalitätstose Bezeichnung eines bloßen Urtheilsinhaltes, und eben weil kein vollständiges Urtheil aussprechdar ist, ohne entweder Möglichkeit oder Wirklichkeit oder Nothwendigkeit seiner Geltung zu beauspruchen, so kommen diese modalitätslosen Sätze nie selbständig, sendern immer von einem andern selbständigen regiert vor, welcher von ihrem Inhalt eine dieser Modalitäten asseriert.

45. Problematisch fonnten im Sinne unserer Unsicht nur Die Urtheile heißen, welche durch ihre logische Form eine zwischen S und P gedachte Beziehung als mögliche und blos als mögliche charafterifiren. Dies thun alle nach ihrer Quantität particularen und fingularen Urtheile. Sate von der Form: einige & find P; einige & können oder müffen P sein: dieses S ist P oder fann oder muß P sein, sagen unmittelbar, daß P nicht dem Allgemeinbegriffe 8 an fich, sondern mir unter besondern Bedingungen oder besondern Fällen des S zukommt. Bür das allgemeine S ist daber P ein nicht nothwendiges, aber ein möglices, folglich ein bles mögliches Prädicat, und jene particularen Sane find gleichbedeutend mit den affertorischen, eine Möglichkeit bebanptenden: S fann P sein fönnen; S fann P sein; S fann P sein muffen. Desbalb nenne ich die particularen Save problematisch in Bezug auf das allgemeine S; daß fie zugleich offenbar affertorisch sind in Bezug auf die einigen S, von denen jeder fpricht, streitet gar nicht gegen meine Auffassung; dieser Umstand macht nur daranf aufmertsam, daß die bloße Möglichkeit einer Beziehung zwischen 8 und Psich in der That auf feinem andern Wege erfennen läßt, als durch die Beobachtung, daß diese Beziehung von einigen 8 wirtlich gilt, gelten fann oder muß, von anderen nicht gilt, nicht gelten fann oder muß. Es gibt baber allerdings gar feine selbständigen problematischen Urtbeile, die nicht in Bezug auf einen Theil ihres allgemein ausgedrückten Enbjectsbegriffes insofern affertorisch wären, daß sie von diesem die Möglichkeit, Wirk lichteit oder Nothwendigfeit eines Prädicates behaupteten.

46. Man bemerkt endlich leicht, daß das Rann und Muß der

gewöhnlichen problematischen und apodiftischen Urtheile und das Ait der affertorischen einerseits zur Bezeichnung aller sachlich wichtigen Unterschiede der Geltung des Urtheitsinhaltes gar nicht ausreichen, anderseits. und eben deshalb, febr verichiedene Berhältniffe unter denfelben Unsdrud zusammenwersen. Zuerst: welche Modalität haben Sätze wie Diese: S wird P sein: S sett P sein; S barf P sein; S ist P gewesen? Wirtlichfeiten behaupten fie alle nicht; aber die Umwirtlichteit des Bergangenen im letten ift doch gang etwas anderes als die des Erlaubten, Befahlenen oder Bufunftigen in ben ersteren; möglich ift dies Unwirflide im britten, zweifelbaft seine Möglichfeit im zweiten, unvermeidlich seine Wirtlichteit im ersten, unwiderruftich, aber zugleich unwirklich im letten. Hätte man alte diese Schattirungen berücksichtigt, so würde man die Modalitätsformen noch um viele Glieder haben vermehren tönnen. Anderseits wie gang Berschiedenes bedeuten die gleichgeformten Sate: es tann bente regnen; ber Papagei tann reben; jedes Biered fann in zwei Dreiede getheilt werden! Dort eine Annahme, Die moglich ift, weil man feinen Gegengrund weiß; dann eine Fähigkeit, die da ist aus Gründen, welche nicht dazusein branchten; zulest ein nothwenbiges Ergebniß einer Speration, die man beliebig auftelten ober unterlaffen fann. 3ch vermeide, diefe Beispiele zu hanfen, die fich ins Unbestimmte vermehren ließen; sie alle zergliedern wollen wäre eine ebenso thörichte Aufgabe, als die eines mathematischen Lehrbuchs, das alle möglicherweis vorkommende Exempel im Voraus auszurechnen unter nähme. Im Gebrauch tes Denfens fliegen freilich unsere Folgerungen eben aus diesen verschiedenen sachlichen Bedeutungen der erwähnten Bezeichmungen; aber es bleibt nichts anderes übrig, als eben in jedem Einzelfalle zuzuseben, was man vor sich hat, ob eine versuchsweis annehmbare Möglichfeit wegen Mangels des Beweises der Unmöglichfeit, ob eine wohlbegründete, auf ihren Bedingungen sicher ruhende Kähigfeit, ob eine Rothwendigfeit wegen Vorhandenseins zwingender Gründe, oder ob eine solche des Webotes, des Zweckes, der Pflicht, ob endlich eine jener Combinationen von Möglichkeit, Wirklichkeit und Nothwendigteit, von deuen wir oben ein Beispiel berührten.

Die Reihe ber Urtheilsformen.

A. Das impersonale Urtheil. Das fategorische Urtheil. Der Sag der Identität,

47. Es fann nicht zweifelhaft sein, daß in der Reihe der Urtheilsformen das kategorische dem hopothetischen und dem disjunctiven vorangeht. Das Auftreten eines Prädicates P an einem Subject 8 von einer vorauserfüllten Bedingung abbängig zu machen, fann Beranlaffung nur durch frühere Erfahrungen gegeben sein, die an einigen S dies P fanden, an andern nicht; Erfahrungen, die zuletzt immer in ber Form des fategorischen Urtheils: S ist P, ihren Unsbrud gesunden haben müffen. Ebensowenig fann daran gedacht werden, dem S die nothwendige Wahl zwischen verschiedenen Prädicaten vorzuschreiben, ebe frühere Erfahrungen die immer vortommende Beziehung des S zu einem allgemeineren Prävicate festgestellt baben, dessen Arten iene zur Wahl gestellten sind; auch diese Erfahrungen würden ihren natürlichen Unsdruck in einem Urtheil der Form: S ist P, sinden. Diese Abhängigkeit verräth sich bleibend auch in dem Ban der hopothetischen und der disjunctiven Urtheile; wie verwickelt auch im einzelnen Falle ihre Gliederung sein mag, sie laufen doch auf das allgemeine Schema zurück, zwei Urtheile der Form: S ift P, entweder als Bordersatz und Machfat, oder als einander ausschließende Glieder zu einer Gesammtbehanptung zu verknüpfen. Aber fraglich kann sein, ob nicht eine noch einfachere Form dem kategorischen Urtheile selbst in der systematischen Reihenfolge vorangehen muffe. Der Gat: S ift P, fann nur ausgesprochen werden, wo der Vorstellungsverlauf ein feststehendes und durch seinen eignen Anhalt gefennzeichnetes S bereits fennen gelehrt hat, zu welchem der Inhalt eines P als hinzutommendes Prädicat gedacht werden fann. Dies wird nicht immer geschehen sein; ja man fann fragen, ob nicht in jedem Falle die Ermittelung des bestimmten S, welches einem fategorischen Urtheile zum Subject bienen wird, Die logische Verwerthung von Erfahrungen voranssetzt, in benen S in bieser fertigen Gestalt noch nicht vortommt. Die Beantwortung dieser Frage, welche sich auf die psochologische Entwicklung unseres Tentens bezöge,

lasse ich dahin gestellt; es genügt hier die Thatsache, daß auch in unserem ausgebildeten Denken sich eine Urtheitssorm noch gar nicht verloren hat, welche diese einsachste Aufgabe behandelt, einen Inhalt der Wahrnehmung logisch zu fassen, ohne ihn als Bestimmung oder Beränderung eines schon sestgestellten Subjectes anzusehen. Es ist das impersonale Urtheit, welches ich, als die erste Urtheilshandlung des Deukens, hier zur Borstuse des kategorischen mache.

148. 3d glaube nicht nöthig zu haben, die logische Bedeutung bes impersonalen Urtbeits weitlänfig gegen eine Meinung zu vertheidigen, die in ihm nur den sprachlichen Ansdruck des Wahrnehmungsinhaltes felbst, ohne alle logische Arbeit, erblicen möchte Der Naturlant, mit dem der Frierende sich gegen seinen frierenden Rachbar schüttelt. ift ein soldes bloges Zeiden, das nur zur Berlautbarung seines Bustandes dient; aber sobald er sein Unbehagen in dem Sate ausspricht: es ist falt, bat er unftreitig eine Denkarbeit vollzogen. dem an sich ungeschiedenen Inhalt seiner Wahrnehmung diese zwei gliedrige Form eines Prädicates gibt, das durch eine Copula auf ein Subject bezogen ist, drüdt er aus, daß nur in solder Gestalt dieser Anbalt ihm als eine wahrgenommene Wirklichkeit denkbar ist. Aller dings ift er nicht im Stande, bem Subject einen für fich bestehenden Anhalt zu geben; nur die leere Stelle desselben, und daß sie einer Husfüllung bedürfe, dentet er an, entweder durch das unbestimmte Pronomen oder in andern Sprachen durch die dritte Person des Zeitwortes, die er statt seines Infinitivs braucht; allerdings fällt der gange angebbare Inhalt der Wahrnehmung, die er ausspricht, in das Prädicat allein: allerdings endlich hat die Copula, die er zwischen beide stellt, noch nicht ben Sinn einer bestimmten ausdrückbaren Beziehung; sie hält nur formell als Subject und Prädicat auseinander, was inhaltlich unauf haltsam in einander übergeht und verschmilzt. Aber eben durch diesen Berind, eine Gliederung berzustellen, der sich der vorgestellte Inhalt noch nicht fügen will, drückt das impersonale Urtheil um so deutlicher die Voraussetzung des Dentens aus, Alles, was Inhalt einer Wahr nehmung sein wolle, sei nur als Prädicat an einem befannten oder unbefannten Subjecte zu benfen.

49. Warum ich bier wiederholt von Wahrnehmung gesprochen babe, erläutere ich jest. Die Unbestimmtheit des Subjects hat man so

gedeutet, daß es nur in substantivischer Fassung dasselbe meine, was das Prädicat verbal ausdrückt. Nun bezweifle ich nicht, daß Jemand, darüber befragt, was er unter dem Es meine, von dem er fagt, es blike oder bonnere, sehr leicht zu der Antwort getrieben werden fann: eben das Bliten blite oder der Donner donnere. Ich glanbe jedoch, bak er bann aus Berlegenheit etwas anderes fagt, als er mit seinem impersonalen Urtheile wirklich wollte. Ganz wesentlich scheint es mir, daß ber, welcher es ausspricht, in der That den bestimmten Inhalt als baftend an einem unbestimmten Subject betrachtet, deffen Umfang viel größer ist und über ben bes bestimmten Prädicates hinausreicht; wenn er bann verschiedene Ausdrücke biefer Art aufeinanderfolgen läßt: es blist, es reanet, es ist falt, so sagt er zwar nicht geslissentlich, daß das unbestimmte Pronomen in allen biefen Gaten baffelbe bedeute, aber gewiß würde er, wenn er sich selbst richtig verstände, diese Antwort eber geben als die vorige. Dieses Es ift in der That als das gemein jame Subject gedacht, an welchem alle verschiedenen Erscheinungen als Pradicate bangen oder aus dem fie hervergeben; es bezeichnet den alles umfaffenden Gedanken ber Wirklichkeit, die bald jo bald anders gestaltet ift. Dies haben biejenigen richtig gefühlt, welche in dem impersonalen Urtheile einen Existenzialsatz zu finden glaubten und den Satz: es blist, in den andern umformten: das Bliten ist. Nur diese Umformung selbst halte ich für unnatürlich; so drückt man sich eben niemals aus: unfer unbefangenes Denken sieht nicht den Juhalt der Erscheinung fo an, als ware er vor seiner Eristenz ichon etwas, wovon man sprechen und unter Anderem auch die Wirklichkeit aussagen könnte; sondern um gekehrt sieht es ben bestimmten Inhalt ber Wirklichkeit als eine Erscheinung, ein Prädicat, eine Folge an, die neben anderen aus einem vorausgehenden, bleibenden, wenn auch gang unfagbaren Subjecte ber vorgeht. Aber barin hat doch dieser unzulässige Bersuch Recht, daß jedes echte impersonale Urtheil eine wirkliche, jest eben gemachte Wahrnehmung ausdrückt und mithin seiner Form nach ein affer torisches Urtheil ift. Wir unterscheiden dabei von den echten Urtheilen dieser Art jene anderen Ausdrucksweisen, die zwar mit dem unbestimm ten Es als Subject beginnen, aber jogleich durch einen erläuternden Sat feinen Inhalt foftstellen, wie die Redeformen: es ift nütslich, baß dies oder jenes geschehe.

- 50. Ze bestimmter nun bas Denfen bie Rothwendigkeit bes Gubjects hervorbebt, an dem das Prädicat haften foll, um so weniger fann es bei dem Ausdrude dieser unerfüllten Forderung bleiben. Es gebort nun, wie ich schon bemerkte, nicht zu meiner logischen Aufgabe, zu ichildern, auf welchem Wege der Bergleichung und Beobachtung uns allmäblich die Borftellungen der gesuchten Ginzelsubjecte entstehen, welche in den verschiedenen impersonalen Urtheilen das unbestimmte Es an erseuen haben; mur die logische Form habe ich aufzugeigen, in welther diese Forderung erfüllt ift. Es ift die des fategorischen Urtheils von der befannten Form: S ift P, unter welche die meis sten der einfachen Beispiele fallen, deren die Logit sich gewöhnlich zur ersten Berdentlichung des Urtheils überhanpt bedient: das Gold ift schwer, der Baum ift grün, der Tag ist windig. Bu lehren ist fanm etwas über biese Form, beren Ban gang durchsichtig und einfach scheint; es ist nur zu zeigen, daß diese scheinbare Klarheit völlig räthselhaft ift, und daß die Duntelheit, die über dem Sinne der Copula in dem fategorischen Urtheile schwebt, auf lange hinaus den weitertreibenden Beweggrund zu den nächsten Umformungen der legischen Arbeit bilden wird.
- 51. Man bemerkt sogleich eine gewisse Berlegenheit, welche ent= fieht, wenn nach bem Sinne der Berbindung zwischen S und P gefragt wird, durch den sich das fategorische vom hypothetischen und vom disinnetiven Urtheil unterscheide. Gine hänfige Antwort ist: das fategorijde behaupte das Pradicat P von seinem Subjecte S schlechthin; aber diese Antwort befriedigt nur durch den verneinenden Theil ihres Sinnes, welcher von dem fategorischen Sate ben Gedanken einer Bedingung und den eines Gegensates einander ausschließender Prädicate negirt; aber nachdem wir wissen, was diese Urtheilsform nicht thut, erhalten wir über das, was sie thut, gar feine positive Aufflärung durch die Angabe, daß sie ihr P ihrem S schlechthin zufüge. In der That erwähnt diese Angabe nur die größere Einsachheit der kategorischen Copula im Bergleich mit der des disjunctiven und des hopothetischen Urtheils; aber immer muß doch diese einfachere Verfnüpfung ihr S und P in einem bestimmten angebbaren Sinne verfnüpfen, durch den sie jid von andern deutbaren, theils verwickelteren theils gleich einfachen Berbindungsweisen derselben unterscheidet. Wie nöthig diese Forderung

ift, erhellt am einfachsten daraus, daß unter allen Berbindungen von S und P die vollkommene Identität beider diejenige fein würde, die am allereinsenchtendsten den Ramen einer schlechtbinigen verdienen würde. Aber gerade diese wird im fategorischen Urtheil im Allgemeinen gar nicht gemeint; der Sat: Gold sei schwer, will nicht sagen, daß Gold und Schwere identisch seien; die Sätze: Der Banm sei grün, der Himmel blan, setzen evensowenig den Baum der Grüne und den himmel der Bläne gleich. Im Gegentheil, was man wirflich mit diesen Urtheilen meint, wird man eifrig so ausbrücken: P sei nicht das S selbst, sondern nur ein Prädicat von S, oder: S sei nicht P, sondern habe nur P. Man gesteht damit ein, daß zwischen S und P hier ein bestimmtes, von anderen unterscheidbares Zusammengehören gedacht wird, und es bleibt nur übrig, auch wirklich flar zu machen, worin jenes Haben besteht, das man dem Sein gegenüberstellt, oder logischer ausgedrückt: worin das Verhältniß eines Subjects zu seinem Prädicate zu suchen sei, welches man von dem Berhältniß der Identität beider unterschieden wiffen will.

52. Plato zuerst berührte Diese Anfgabe; seine Lehre, Die Dinge besitzen ihre Eigenschaften durch Theilnahme an den ewigen Allgemeinbegriffen derselben, war mehr eine unzureichende Beantwortung einer metaphyfifchen Frage nach dem Baue des Wirklichen, als eine Ausfunft über das, was wir uns dabei benfen, wenn wir logisch eine Beziehung zwischen Subject und Pravicat aufstellen. Aristoteles ichaffte die Borbedingung richtiger Behandlung durch die Bemerkung herbei, daß die Merfmale por allem von ihren Subjecten ausgesagt werben; es stand nun wenigstens fest, daß eine logische Thätigteit des Denkenden es ist, welche den Begriffsinhalt des einen dieser Glieder auf den des anderen bezieht; aber mehr als biefen Namen des Ausfagens, des zernzogeir, von dem das fategorische Urtheil und in lateinischer Uebersetzung das Pradicat ben seinigen herleitet, entdedte auch Aristoteles nicht. Bon einer Berirrung späterer Logit blieb er allerdings frei: er schwächte bie Berknüpfung von S und P, Die er meinte, nicht aus einer logischen Thätigfeit zu einem blos psychischen Greigniß ab, so daß die Beziehung zwischen beiden nur darin bestanden hätte, daß mit der Borstellung von S sich die des P in unserem Bewnstsein lediglich affociirte; ein sach liches Verhältniß zwischen beiden Vorstellungsinhalten war vielmehr

für ihn der Sinn des Urtheils und der Grund es auszusprechen. Aber er gab nicht an, was benn bem S eigentlich baburch geschieht, daß wir P von ihm aussagen; das Aussagen selbst, welches doch diese sachliche Beziehung zwischen S und P nur anertennen und zum Ausdruck bringen fann, ließ er zugleich als Bezeichnung biefes Verhältniffes felbit gelten, welches den Gegenstand seiner Auerkennung bilden müßte. Hun ift es leicht, die völlige Unguläffigteit dieser Bermischung einzusehen: man fann nicht von bem Sofrates ben Begriff Stlave blos aussagen, so bag das Ansfagen felbst das Berhältniß feststellte, in welchem dieser Begriff zu dem des Sotrates stände; was man mit einem Urtheile wirklich meint, ift immer bies, bag Sofrates entweder Sflave ift ober nicht ift, entweder Eflaven besitzt oder nicht besitzt, sie entweder freilägt oder Gine dieser verschiedenen Beziehnngen, in welche die Anhalte beider Begriffe gebracht werden fonnen, bildet in jedem Kalle dasjenige, was die Aussage aussagt, und es ist nur Sache des Sprachgebrauchs, wenn man gewöhnlich nur die erste dieser Beziehungen, nämtich daß Sofrates Stlave fei, stillschweigend verstanden wiffen will, wo man den zweiten dieser Begriffe von dem ersten auszusagen be hamptet. Das Verhältniß mithin, welches in einem fategorischen Urtheil zwischen S und P stattfindet, wird nicht in seinem Unterschiede von andern Verhältniffen dadurch bestimmt, daß man angibt, P von S aus zusagen, sondern die Bedeutung dieses Aussagens, welche an sich viel beutig ist, wird vielmehr durch den verschwiegenen Nebengedanken be stimmt, P solle von S als Pradicat vom Subjecte ausgesagt wer ben. Worin nun biefes eigenthümliche Verhältniß bestehe, bleibt nach wie vor Gegenstand weiterer Frage.

53. Wir Neueren sind gewöhnt, uns hierüber an die Lehre Kauts zu halten, welcher das Berhältniß eines Dinges zu seiner Eigenschaft oder der Substanz zu ihrem Accidens als das Muster bezeichnete, nach welchem das Tenken in dem kategorischen Urtheile S und P vertnüpfe. Welchen tristigen Sinn nun immer diese Behauptung in dem Gedankenzusammenhange Kants haben möge, so scheint sie mir doch für unsere logische Frage unverwendbar. Thue die Bedenken darüber zu besrühren, ob denn dieses Verhältniß selbst zwischen Substanz und Sigenschaft ein so klarer und unmisverständlicher Gedanke sei, daß durch ihn alle Tunkelheit des kategorischen Urtheils verschwände, begnüge ich nich

zu erinnern, daß logische Urtheile nicht blos von Wirklichem, von Dingen sprechen; viele von ihnen baben zu ihrem Subjecte einen nur denkbaren Inhalt, ein Unwirkliches, selbst Unmögliches. Auf das Ber bältniß dieser Subjecte zu ihren Prädicaten fann die Beziehung, welche zwischen dem wirklichen Dinge als solchem und seinen Gigenschaften stattfindet, offenbar nicht in ihrer vollen Bedentung, sondern nur gleichnifweise, sagen wir sombolisch, übertragen werden. Drücken wir uns genauer aus, jo besteht zwischen den zwei bier besprochenen Verhält niffen nur die formelle Gemeinfamkeit, daß beide das eine ibrer Be ziehungsglieder, Ding oder Subject, als felbständig fassen, das andere Gigenschaft oder Prädicat, unselbständig diesem ersten anhaften oder inhäriren laffen. In Bezug auf bas Ding aber hat fich bie Metaphosit wenigstens darum bemüht, nachzuweisen, wie Gigenschaften ent steben können, die nicht das Ding sind, aber doch an ihm haften, und worin das besteht, was wir unter diesem Anhaften verstehen; in Bezug auf das Verhältniß zwischen Subject und Prädicat vermissen wir den gleichen Nachweis bes Sinnes, ben bier die Inbareng bes einen an bem andern bat. Die Bernfung auf die Relation zwischen Ding und Gigenschaft nützt baber ber Logit nichts; es wiederholt sich die Frage: wieviel bleibt von dieser metaphosischen Relation als eine im fate gerischen Urtheil aussprechbare logische Beziehung zwischen S und P übrig, wenn anstatt des Dinges etwas gesetst wird, was nicht Ding, und anstatt ber Gigenschaft etwas, was nicht Gigenschaft ist?

34. Thue diesen üblicken, aber untriftig befundenen Versuchen zur Rechtsertigung des kategorischen Urtheils neue hinzuzusügen, spreche ich die Felgerung aus, zu der wir gedrängt werden: diese schlechthinige Verbindung zweier Vegrissinhalte S und P, so daß der eine unmittels dar der andere sei und doch auch wieder nicht sei, beide vielnicht einander als verschieden gegenüber bleiben, ist eine im Tenken ganz un ansstührbare Veziehung; durch diese Copula des kategorischen Urtheils, das einsache Ist, lassen sich überhaupt zwei verschiedene Indalte nicht verknüpsen: sie müssen eintweder ganz ineinandersallen oder ganz getreunt bleiben, und das unmögliche Urtheil S ist P löst sich in die drei anderen aus. S ist S, P ist P, S ist nicht P. Man möge sich nicht zu sehr an das Ansstallende dieser Behauptung stoßen. Kategorische Urtheile von der Form: S ist P, sind im Gebranch unseres Tenkens so gewöhnlich,

daß ohne Zweifel das, was man mit ihnen meint, sich schließlich rechtfertigen wird, und wir werden febr bald feben, wie dies möglich ift. Aber dieser Rechtsertigung bedarf das fategorische Urtheil auch in der That; in der Form, in welcher es unmittelbar auftritt, ist es eine widersprechende und sich wiederauflösende Figur des Ausdrucks, in welcher das Denken entweder eine noch nicht gelöfte Aufgabe, die Beziehung zwijden S und P zu bestimmen, als gelöft hinstellt, oder die gefinidene Yöfung so verfürzt ausspricht, daß ihr Zusammenhang nicht mehr sichtbar bleibt. Dem gegenüber drängt fich jest uns bas Bewuntfein einer Schrante auf, Die unferem Denfen allgemein gesetzt ift, oder eines Wesetes, dem es fich in allen seinen Berfahrungsweisen fügen muß: die Neberzengung, daß in kategorischer Urtbeilsform jeder Juhalt mir als sich selbst gleich gedacht werden darf. Durch die Formel A=Abrüden wir bies erfte Dentgefen, ben Grundfat ober bas Princip der Roentität bejahend aus: die verneinende Kormel Anicht = Non A bezeichnet es als Princip des Widerspruchs gegen jeden Bersuch, $\Lambda = B$ zu seten.

55. 3d unterbreche meine Darstellung hier noch nicht durch später nachzuholende Bemerfungen über die verschiedenen Tentungen, welche bies erfte Dentgesetz erfahren bat, und beschränke mich auf die genaue Bestimmung des Sinnes, ben ich, im Gegenfatz zu manchen dieser Dentungen, ihm beilegen werde. Bon einem höchsten Grundsatz, welcher unser ganges Denten einschräuft, versteht es sich von selbst, daß er in der Unwendung des Denkens auf verschiedene Gruppen seiner möglichen Wegenstände fich in eine Angahl specieller Sate verwandelt, welche den allgemeinen Sinn des Princips in den besondern Formen darstellen, in denen es auf die besonderen Eigenthümlichteiten jener Wegenstände anwendbar und für ihre Behandlung wichtig ift. Diese Folgerungen aus dem Princip der Identität, die theils völlig theils gar nicht unzweifelhaft find, muffen von feinem eigenen urfprünglichen Sime unterschieden werden und haben ihre Heimat an biefer Stelle ber Logif nicht. So ist es ganz muglos, den Ausdruck des Gesetes bis zu der Formel anzuschwelten: jedem Dinge tonne in demselben Augenblicke und an dems selben Theile seines gangen Wesens immer nur ein Prädicat A, aber nicht zugleich ein von A conträr ober contradictorisch verschiedenes Non A zukommen. Richtig freilich ist auch biefer Satz, aber er bleibt

eine besondere Unwendung des Princips auf Subjecte von dinghafter Wirklichfeit, die ans Theilen zusammengesetzt und eines zeitlichen Wechsels ihrer Zustände fähig sind. Unrichtig dagegen ift die schon in diesem Ansdruck häufig vorausgesette, ebenso häufig offen ausgesprochene Unterscheidung zwischen verträglichen Prädicaten, die demselben Subject gleichzeitig zufommen könnten, und anderen, die es nicht fönnten, weil fie unter einander und mit der Natur des Subjects unverträglich wären. In den Amwendungen des Denkens hat natürlich and diese Behanptung ihre Gültigkeit, nachdem sie sich einmal vor dem Gesetze der Adentität gerechtsertigt haben wird; unmittelbar aber weiß dies Gesetz gar nichts von Prädicaten, welche, von S verschieden, dennoch mit ihm so verträgtich wären, daß sie mit ihm in einem tategorischen Urtheile verbunden werden fönnten; jedes Prädicat P vielmebr, welches sich irgendwie von 8 unterscheidet, wie freundlich es auch sonst gegen S gedacht würde, ist durchaus unverträglich mit S; jedes Urtheil von der Form: S ist P, ist unmöglich und es bleibt im allerstrengsten Sinne babei, daß nur gesagt werden fonne: S sei S und P sei P. Und diese Deutung muß man auch gegen andere metaphosische Folgerungen aus bem Princip aufrecht erhalten. Es fann sein, daß im Berlauf metaphyjischer Untersuchung die Behauptungen nothwendig werden: Widersprechendes fonne nicht wirklich sein, das Seiende misse unveränderlich sein, und ähnliche; aber bas logische Identitätsgesetz jagt nur: Widersprechendes sei widersprechend, Seiendes seiend, Beranderliches veränderlich; alle jene Sage, welche ben einen biefer Begriffe jum Prädicat eines anderen machen, bedürfen ihrer weiteren besonderen Begründung.

B. Das particulare Urtheil. Das hypothetische Urtheil. Der Satz des zureichenden Grundes.

56. Es würde ermüden, länger auf einem Standpunkt zu versweilen, auf dem doch unseres Bleibens nicht ist; wir solgen dem Denken zu den nenen Formen, in denen es seine kategorischen Urtheile mit dem Gesetz der Fornität in Einklang zu bringen sucht. Sonthetisch nennt man Urtheile von der Form: S ist P, wenn man unter P ein

Mertmal versteht, welches in der Mertmalgruppe noch nicht enthalten ift, durch welche man sich den Begriff, von S bestimmt denft; analvtisch heißen sie, wenn P, obgleich nicht dem ganzen S identisch, doch wesentlich zu jenen Mertmalen gehört, durch beren Bereinigung der Begriff bes S überhaupt erft vollständig wird. In ben analytischen Urtheilen fand man feine Schwierigkeit; Die synthetischen aber erregten früh die Ausmertsamteit und sind für uns besonders durch Kant's Bebandlung in den Bordergrund getreten. Anch ihm tam es jedoch baupt iächlich darauf au, die Möglichkeit sonthetischer Urtheile a priori zu ergründen, b. h. jotder, welche zwischen S und einem zu dem Begriffe von 8 nicht unentbehrlichen P eine dennoch bestehende und nothwendige Berknüpfung behanpten, ohne sich auf die Erfahrung eines wirklichen Bortommens derselben berufen zu muffen: sonthetische Urtheile dagegen a posteriori, welche nur erzählen, daß eine solche Verbindung zweier für einander nicht nothwendiger Begriffsinhalte in der Erfahrung vor liege ober porgelegen babe, ichienen ihm als bloke Ansdrücke von Thatiaden unverfänglich. Diese Unterscheidungen mögen ihre gute Berechtianna innerhalb des Preises von Untersuchungen haben, in welchem Nant sich bewegte; unsere logische Frage nach der Möglichkeit kategoriicher Urtheile dagegen erstreckt sich auf alle drei genannten Formen mit aleicher Dringlichteit. Es ist nur am meisten augenfällig, daß ein apriorisch sonthetisches Urtheil sich vor dem San der Identität recht fertigen muß, dem es formell widerspricht; aber von dem aposterioris iden gilt daffelbe. Denn ein Urtheil bildet nicht wie ein Spiegel bas Thatfächliche blos ab, sondern schiebt den beobachteten Bestandtheilen deffelben allemal den Gedanken einer inneren Beziehung unter, die nicht mitbeobachtbar ist. Die Erfahrung zeigt uns immer nur, daß S und P beisammen find; daß beide aber durch die innere Beziehung zusammengehören, welche wir meinen, wenn wir im Urtheil P als Prädicat Des Subjectes & fassen, ist die Deutung, die lediglich unser Denken ienem Ausammensein gibt. Wie mm biefes Berhältniß zwischen Subject und Prädicat überhaupt, und wie es zwischen zwei bestimmten Inbalten S und P stattfinden fonne, bleibt gerade jo dunkel, wenn uns Die Erfahrung ihr Zusammensein thatsächlich gezeigt, als wenn wir der Erfahrung vorgreifend es im Voraus behaupten. Die analytischen Urtheile endlich erregen daffelbe Bedenken. Wenn noch fo fehr das Gelb in dem Begriffe des Goldes schon mit gedacht wird: das Urtheit, Gold sei gelb, behamptet nicht blos dies: die Berstellung des Gelb liege in der Borstellung des Goldes, sondern dem Golde selbst ichreibt es die Gelbheit, als seine Gigenschaft, zu: zu ihr nuß also das Gold ein bestimmtes Berbältniß baben, welches nicht das der Joenticät ist. Dies Berhältniß ist zu ermitteln und es bleibt die Frage noch immer: mit welchem Recht können wir einem S ein P, welches nicht S ist, in einem kategorischen Urtheite als Prädicat beilegen?

57. Die Antwort fann nur die sein: wir tonnen es mit gar keinem Recht: die zahllesen fategorischen Urtheile der Form: Sift P, die wir im tägliden Leben bilden, laffen fich nur durch den Radweis recht fertigen, daß fie etwas gang anderes meinen, als fie ausbrücken, und daß sie, wenn man hervorhebt, was sie meinen, in der That so iden tijde Urtheile find, wie sie der San der Zoentität verlangt. Die erste Form, in welcher fich dies im natürlichen Denken verrath, find die quantitativ bezeichneten Urtheile überhaupt, die ich fünftig furz die particularen nennen und als die erste Form dieser zweiten Gruppe von Urtheitsformen betrachten werde. Ich fasse unter diesem Namen nicht blos die hergebrachten Formen zusammen, welche, wie: alle S sind P, einige S find P, Diefes S ift P, eine Angahl von Beispielen des Alltgemeinbegriffs 8 zu ihrem Subjecte baben, sondern auch Diejenigen, welche durch Zeitpartikeln, wie: jett, oft, oder durch Raumbestimmungen, wie: bier, dort, dann durch ein Präteritum oder Juturum des Zeitworts, endlich durch Rebengebauten überhaupt, die unvollkommen oder gar nicht ausgesprochen werden, die allgemeine Geltung der Berbindung zwischen S und P auf bestimmte Fälle beschränten, also particularisiren. In der allgemeinen Fermel: Sift P des kategorischen Urtheils sieht es jo aus, als jei der allgemein ausgedrückte Begriff & das Subject, das allgemeine P sein Prädicat, die beständige unveränderliche und uneingeschräntte Verfnüpfung von 8 und P ber Sinn des gangen Urtbeils. Ergänzt man bagegen ausbrücklich, was durch jene particularifirenden Nebengebanken angedentet, jedenfalls aber gemeint ift, jo findet man, daß das mahre Subject nicht in dem allgemeinen S, sondern in einem bestimmten Beispiele D besselben, das wahre Pradicat nicht in dem allgemeinen P, jondern in einer besonderen Modification II desselben, daß endlich die behanptete Beziehung nicht zwischen S und P, sondern

zwischen Σ und H besteht, und daß diese, wenn seine Ergänzungen richtig gemacht sind, keine southetische mehr, sa uicht einmal eine aualnstische, sondern geradezu eine identische ist. Dies verdentlichen wir an einigen Beispielen.

58. Ginige Menschen sind schwarz, sagen wir, und meinen damit ein sonthetisches Urtheil zu bilden, weil die Schwärze P nicht im Begriff S des Menschen liege. Run ift aber nicht der Allgemeinbeariff Menich bas mabre Subject dieses Saties, benn nicht er ist ja ichwarz. sondern einige Einzelmenschen find dies Subject; unter biefen einigen aber, obgleich sie nur als unbestimmter Theil des gangen Umfangs der Menschheit bezeichnet find, verstehen wir doch feineswegs einen fo unbestimmt gelassenen Theil; denn es ist gar nicht in unser Belieben gestellt, welche einigen Menschen wir aus ber ganzen Menge ber Menichen beransgreifen wollen; durch unfere Auswahl, durch die fie zu "einigen" Menschen werden, werden sie nicht schwarz, wenn sie es nicht obnehin sind; man muß also diejenigen wählen und meint von Unfang an nur diejenigen, die schwarz sind, furz die Reger; diese allein sind das wahre Subject des Urtheils. Daß auch das Prä dicat nicht in seiner Allgemeinheit, daß vielmehr nur diejenige bestimmte Schwärze gemeint wird, die an menschlichen Körpern vorfommt, ift für sich flar, und ich verfolge diese Bemertung später; bier erinnere ich nur, daß blos der Mangel an Flexion im dentschen Ausbrud uns über seinen eigentlichen Sinn tanscht; ber lateinische: nonnulli homines sunt nigri, beweist sogleich durch den Plural und das Genus von nigri, daß homines zu ergangen ift. Der völlige Sinn des Urtheils ist also: einige Menschen, unter denen jedoch nur die schwarzen Menschen zu verstehen sind, sind schwarze Menschen; es ist dem Inhalt nach völlig identisch und nur der Form nach dadurch son thetisch, daß ein und dasselbe Subject von verschiedenen Gesichtspuntten aus bezeichnet wird, einmal als schwarze Menschen im Pravicat, ein andermal als Bruchtheil aller Menschen im Subject. Wir fagen ferner: der Hund fäuft. Aber der allgemeine Hund fäuft nicht; nur ein bestimmter einzelner oder viele oder alle einzelnen find Subject bieses Sokes. Aber auch das Prädicat meinen wir anders, als wir es ausdrücken: wir stellen den Hund nicht als Widerspiel eines stets laufen den Röhrenbrunnens vor: er fäuft nicht schlechthin, immer und unauf-

hörlich, sondern dann und wann. Und dies Dann und Wann ist zwar als eine unbestimmte Ungahl von Angenbliden ausgedrückt, aber auch nicht so gemeint; der Hund sänft nur in bestimmten Angenblicen: wenn er Durst hat oder mindestens Appetit, wenn er etwas Trinfbares findet, wenn Riemand ihn dann durch Drohung abhält; turz: ber Sound, den wir mit jeuem Urtheil meinen, ist wirklich nur der sausende Hund, und berfelbe faufende Hund ift auch bas Pravicat. Gerner: Cafar ging über den Rubico; aber nicht der Cajar, der in den Windeln lag, sondern der, welcher aus Gallien fam; nicht der schlafende, soudern der wachende, im Bewußtsein der eben vorhandenen Weltlage, nicht der unentschloffene, sondern der, der seinen Entschluß gefaßt hatte, furg: ber Cafar, den das Subject des Urtheils meint, ist nur derjenige, den das Prädicat bestimmt: der über den Anbico gehende; in allen frühern Augenbliden seines lebens war er nicht das Subject, an welches bieses Pradicat sich hätte fnüpfen fönnen. Und lenchtet schwacher Fassungsfraft ein, daß Cafar, als er über ben Gluß gegangen war, nicht fortfahren fonnte, hinüber zu gehen, sondern drüben war; auch in feinem späteren Augenblide gedacht fann er also das Subject sein, welches wir meinten. Ich führe noch zwei Beispiele an, die durch Rant berühmt geworden sind. Snuthetisch, sagt man, sei der Satz: die gerade Linie ift der fürzeste Weg zwischen zwei Puntten, denn weder in dem Begriffe des Geraden noch in dem der Linie liege irgend eine Hindentung auf Längenmaß. Aber der wirkliche geometrische Satz fagt ja nicht von einer geraden Linie überhaupt, daß sie dieser türzeste Weg sei, sondern nur von derjenigen, welche zwischen jene beiden Buntte eingeschlossen ift. Darin aber, daß ihre Ausdehnung durch zwei Endpuntte begrenzt ist, und mit dieser Rebenbestimmung erst bildet sie das mahre Subject, darin liegt allerdings jede in diesem Fall wünschenswerthe Begründung des Prä-Dicates. Man überzengt sich leicht, daß der Begriff einer Geraden ab zwischen den Punkten a und h mit dem Begriff der Eutsermung beider Puntte von einander völlig identisch ist; denn es ist umnöglich, von dent, was wir mit dem Ramen räumlicher Entfernung eigentlich sagen wollen, eine andere Vorstellung zu geben als die, daß sie die Känge der geraden Linie zwischen a und b sei. Es gibt daher nicht fürzere und längere Entfernungen zwischen a und b, soudern nur die eine ab, die immer sich gleich ist. Bon fürzeren und längeren Wegen dagegen läßt

sich zwischen a und b sprechen; der Begriff des Weges bedeutet nur irgend eine Art des Fortschreitens, die von a nach b führt; da hierdurch die Ueberwindung der Differenz gefordert ist, welche b von a trennt, so fann es feinen von a zu b führenden Weg geben, der einen Theil diefer Differens unüberwunden ließe; daß mithin der fürzeste aller möglichen Bege die Entfernung, mithin die Gerade zwischen den gegebenen Bunften sei, ift ein völlig, dem Inhalt nach, identisches Urtheil, Das nur denselben Gedankeninhalt von verschiedenen Standpunkten betractet. Auch der arithmetische Satz: 7 + 5 = 12 fann nicht des wegen southetisch sein, weil 12 weder in 7 noch in 5 enthalten sei; das vollständige Subject besteht in feiner einzelnen dieser Größen, sondern in ihrer durch das Summenzeichen verlangten Verbindung; in dieser aber muß, sobald die Gleichung richtig sein soll, der Anhalt des Prädicats vollständig liegen: sie würde falsch sein, wenn zu der linten Seite 7 + 5 noch irgend ein x hinzutreten müßte, um die rechte Seite 12 zu erzeugen. Auch bier liegt daber ein dem Inhalte nach völlig identischer Satz vor, der nur seiner Jorn nach sonthetisch wird, indem er dieselbe 12 einmal als Summe zweier andern Größen, das andere Mal als ein durch seine Ordnungszahl bestimmtes Glied der einfachen Zahlenreihe darstellt. Und mm füge ich noch hinzu, daß nicht Alles sich schicklich auf einmal sagen läßt; was es eigentlich damit auf sich habe und wie es möglich sei, daß das Denten den gleichen Inhalt unter verschiedenen Formen vorstellt, dies zu erwägen findet sich sehr bald Gelegenheit; eine spätere wird dann noch zeigen, daß meine letzten Bemertungen nicht die Absicht hatten, Kant eines fo leicht aufzufindenden logischen Bersebens zu beschuldigen.

59. Unser Ergebniß wäre jest dies: die fategorischen Urtheile von der Form: S ist P, sind im Gebrauch zulässig, weil sie immer als particulare in dem Sinne unserer Bezeichnung gedacht werden, als solche aber schließlich identische sind. Mit dieser Entscheidung wird sich Kiemand besriedigt fühlen; man wird mit Recht einwenden, daß durch sie der wesentliche Charatter eines Urtheils, ein Verhältniß der Zusammengehörigkeit zwischen den Inhalten zweier Vorstellungen S und P anszusprechen, überhanpt wieder aufgehoben wird. In der That, wenn wir durch die angesichrten Ergänzungen unsere Verspeiel identisch machen, ihren ganzen Inhalt mithin schon in ihrem Subjecte zusam-

mendrängen, so daß A den schwarzen Menschen, B den sausen Hund, C ben über ben Rubico gebenden Cafar bedeutet, so schmilzt die gange Unsfage biefer Urtheile, anger ber unfruchtbaren Wahrheit, daß $\Lambda = \Lambda$. B = B, C = C, dahin zusammen, A gebe es in der Wirtlickeit beständig, B zuweilen, C sei einmal in der Geschichte vorgefommen. Mit andern Worten: Diefe Urtheile behanpten gar fein wechselseitiges Berhältniß zwischen den einzelnen Bestandtheilen ihres Inhalts mehr, sondern nur noch von dem zusammengefaßten Ganzen dieses Inhalts eine mehr oder minder ausgedehnte Geltung in der Birklickeit: ein offenbarer Rückfall auf den unvollkommenen Standpunkt des impersonalen Urtheils. Dieser Mangel wird noch empfindlicher durch folgende Ueberlegung. 3ch habe zwar eben noch Bals Begriff des fanfenden Hundes bezeichnet. aber eigentlich nicht mit Recht; denn dieser Ausdruck, welcher das Saufen participial zu dem Subject Hund bingufügt, ift ja felbst begreiflich und zulässig mir unter der Voraussesung, daß wirtlich in einem fategorischen Urtheile dem Begriff S des Hundes ein in ihm nicht enthaltenes Merfmal P des Saufens, und zwar in bem Sinne zugeschrieben werden fonne, daß P wie die Eigenschaft ober der Zustand an S als Subject oder Träger hafte. Diese Möglichkeit aber hat unsere vorige Erörterung eben aufgeboben; es bleibt mis blos die Befigniß, dieses B tediglich als zusammenseiende Summe seiner Merkmale a. b. c. d an faffen und an fagen: Diefem nach dem Sat ber Identität ftets fich selbst gleichen a, b, c, d fomme eine bestimmte Wirtlichfeit zu; einem anderen Aggregat von Merfmalen a, b, c, e fomme folde Wirklichteit ein anderes Mal gn. Dagegen haben wir gar fein Recht, etwa die gemeinsame Gruppe a, b, c als etwas anzusehen, das innerlich zusammengehörte und zwar in sich mehr zusammengebörte, als mit den wechseln den Bestandtheilen d und e, noch weniger als ein soldes Etwas, das in der Beije eines Subjectes diesen wechselnden Clementen als Mertmalen einen Träger darböte. Spracklich würden wir freilich fort fahren, dieses a, b, c als Hund, a, b, c, d als fressenden, a, b, c, e vielleicht als saufenden Hund zu bezeichnen; aber diese Ausdrucksweisen würden dann ohne logische Begründung sein; alle unsere Urtheile wür den unr einfache oder zusammengesetzte Wahrnehmungen ausdrücken tönnen, und zwischen diesen einzelnen Wahrnehmungen, ja selbst zwischen den einzelnen Bestandtheilen jeder zusammengeseiten würde gar feine

angebbare Berknüpfung bestehen, burch welche ihr bloßes Zusammensein sich auf ein Zusammengebören zurückführen ließe.

- 60. Gegen Dieses vollständige Edeitern feiner logischen Absicht webrt fich bas Denten burch eine weitere andere Umformung bes particularen Urtheils, die man zunächst als einfache Lengnung dieses Ber falls unieres Borftellungsstoffes in lauter nur thatsächlich zusammenseiende Einzelbeiten auffassen fann. Die Ergänzungen, welche wir dem ansaesprocenen Zubject 8 des tategorischen Urtbeils hinzusügten, waren für uns das Hülfsmittel, durch welches sich dieses Urtheil vor dem Sate ber Rentität rechtfertigte: fie werden jest auch als ber fachlich gültige Grund auerfannt, welcher jenes & befähigt, ein Prädicat P an zunehmen, das ihm, jo lange es allein verbanden wäre, nicht zufommen würde. Die Nebenunstände, durch welche jenes ausgesprochene 8 erst zu dem wahren Subject D des min identischen Urtheils wurde, er ideinen jest als die Bedingungen, durch deren Ginwirfen oder Sinzutreten der Anhalt jenes ausgesprochenen Subjectes S so beeinflicht wird, daß ein früher ihm fremdes P jest ihm angemessen ist und ihm mm in Nebereinstimmung mit dem Satze der Identität zugehört. Das hupothetische Urtheil ift es also, was als zweites Glied biefer zweiten Gruppe von Urtheilsformen auftritt, zusammengesett aus einem Bordersatz und einem Nachsatz, die in dem einfachsten topischen Kalle daffelbe Subject 8, aber verschiedene Pradicate baben, im Borderfat ein Q, welches die zu S hinzutretende Bedingung, im Nachfatz ein P, welches das durch diese Bedingung an dem S erzeugte Folgemerknat bezeichnet. Alle hopothetischen Urtheile mit verschiedenen Enbjecten ihrer beiden Glieder sind sprachtiche Verfürzungen des Ausdrucks und führen durch leicht zu ergänzende Mittelglieder auf diese Urform zurück: wenn S ein Q ist, so ist S ein P. Der Buusch ferner, zugleich die wirkliche Gültigkeit des an sich nur problematischen Bordersatzes mit auszudrüden, erzeugt die Form: weil S ein Q ift, so ift S ein P: die Behauptung endlich, Q sei nicht der Grund für S, ein P zu sein, bringt die lette Form herver, deren Erwähnung zu thun ist: obgleich S ein Q ift, so ift S bennoch nicht P. Beide haben logisch nichts Eigenthümliches.
- 61. Zur Charafteristif der äußeren Formen des hopothetischen Urtheils reicht diese furze Uebersicht völlig aus. Aber ein ausmerksamer

Lefer muß an diefer Stelle nach bem Rechte fragen, mit welchem wir die ergänzenden Rebenbestimmungen, durch beren Hingufügung das wahre Subject D bes dann identischen Urtheils erst entstand, in Be bingungen umdenteten, die auf ein icon bestebendes Enbiect 8 mirfend, an diesem das Pradicat P begründen. Für sich allein nun bebauptet ber Sat ber 3bentität nur bie Gleichbeit jedes Inbaltes mit sich selbst, zwei verschiedene setzt er in teine andere Beziehung als die der gegenseitigen Ansschließung. Dächten wir uns nun verschiedene einfache Inbalte a, b, e, q, p in irgend einer Birtlichfeit zugleich ge geben, aber jo, daß jie auch nur zugleich wären, ohne unter einander in irgend einem innern Zusammenbange zu steben, so würde in jedem nächsten Angenblicte jede betiebige andere Combination einiger dieser Elemente mit beliebigen anderen ebenso gut auftreten fonnen, und wir würden daraus, daß a, b, c, q zum zweiten Male in unsere Beobachtung fielen, nicht darauf schließen können, daß mm auch p sich ein finden muffe; jedes beliebige r oder s murde feine Stelle mit demfelben Rechte einnehmen. Machen wir bagegen die gang allgemeine Boransjetzung, daß die Gesammtheit aller bentbaren und wirtlichen Inbalte eine nicht blos zusammenseiende Summe, sondern ein zusammengeböriges Gange fei, fo reichen bann bie Folgen bes 3bentitätsgesetes weiter. Mit genan demfelben abeg, mit welchem einmal sich p verbunden fant, fann bann nach bem Gesetze ber 3bentität weber jemals ein Non p verbunden fein, noch fann die sem abeg das frübere Prädicat p jemals feblen. Wie überbanpt eine solde Zusammengebörigkeit zwischen veridiedenen Elementen dentbar ift, laffen wir einen Augenblid noch babingestellt; wenn sie aber frattfindet, so findet sie in allen Bieder holungsfällen identisch statt, und wenn wir uns auf drei Elemente be idränken, jo kann, wenn ab gegeben ist, nur c, wenn ac gegeben ist, mur b, wenn be, nur a als nothwendiges neues Glied bingutreten: d. b. für jedes erste dieser Elemente ist jedes zweite die zureichende und nothwendige Bedingung, unter der das jedesmal britte ju ibm fic gesellen kann und muß. Dassenige Element oder diesenige Gruppe von Elementen, ber wir bier ben ersten Platz geben, erscheint uns bann logisch als Subject, das Element oder die Gruppe, die wir zu zweit stellen, als die auf dies Subject wirfende Bedingung, bas britte oder die dritte (Bruppe als die durch die Bedingung an jenem erzeugte Folge.

Ich bemerte noch ausdrücklich, daß diese Wahl der Plätze in unserer Willfür liegt und in der Anwendung sich nach der Natur der Gegenstände und unserem Denkinteresse an ihnen richtet; an sich ist jedes Element einer solden Combination eine Junction der übrigen, und von jedem fann man folgernd zu diesen übergeben. Gewöhnlich fassen wir eine Mehrheit in vielen Fällen verbunden bleibender Elemente, etwa amm, zusammen als ein Subject S, welches meistens ein Ding, einen beharrlichen Gegenstand ber Wirklichkeit bedeutet, ein einzelnes Clement b bagegen, das in einigen Beobachtungen des 8 fehlt, in andern vorkommt, als die hinzutretende Bedingung Q, und ein mit h immer verbundenes e als die durch Q bedingte Folge P. Es ist einleuchtend, daß man auch anders versahren fann; in der That die mechanische Phosit tann die immer fich gleiche einfache Schwerfraft b ober Q als Subject behandeln und die verschiedenen Folgen P untersuchen, die ihr zufom men, wenn man die Körper, auf welche sie wirtt, amn=8 oder amr=81 als die Bedingungen anfieht, unter beren Ginftuß fie in verschiedenen Fällen fteht.

62. Bir hätten hiermit jene Deutung, durch die wir überhaupt zu bopothetischen Urtheilen gelangten, insoweit gerechtsertigt, als wir sie auf die allgemeinste Voraussetzung einer Zusammengehörigkeit der verschiedenen Deufinhalte zurückführten. Diese Boranssetzung selbst als eine zulässige und triftige weiter zu beweisen, fann nicht unsere Aufgabe fein: offenbar würde jeder Berfuch eines folden Beweises feinerseits das zu Beweisende voraussetzen: denn wie könnte man zeigen, es sei erlaubt und nothwendig, das Gegebene als einen Zusammenhang von Gründen und Folgen zu fassen, wem man nicht biese Behauptung wieder als Folge aus einem Grunde ableitete? Man nuß daher diesen Gedanten der Zusammengehörigkeit des Deutbaren entweder, als die Seele alles Denfens, mit unmittelbarer Gewißheit erfassen, oder alles, was auf ihm beruht, zugleich mit ihm aufgeben. Berechtigt dagegen ift das Berlangen, weitere Auftlärung über die Möglichteit und den Ginn einer folden Zusammengebörigkeit des Berschiedenen zu erhalten. Die Möglichkeit nun der Wechselbeziehung des Berschiedenen wird nicht wirklich burch den Satz der Identität bedroht, welcher jedes Einzelne nur in Beziehung zu fich selbst setzt; denn nur seinen eigenen Inhalt tann dieser Satz behanpten, aber andere nicht

ausschließen, die mit ihm nicht streiten. Was aber den Sinn jener Ansammengebörigfeit betrifft, so baben wir zwei Unfaaben zu scheiden. Uns, in der Logik, kummert es gar nicht, worin der wirkliche Borgang bestehen mag, durch den das uns hier ganz unbefannte Reale, das wir durch unfere Borftellungen recht oder schlecht bezeichnen, auf einander einwirkt und Veränderungen seiner Zustände bervorbringt; über das Band diefes Zusammenbanges nachzudenken ist Ausgabe der Metaphosik, und mag in einer Lehre von der wirfenden Ursache, der causa efficiens, gelöft werden. Die Logit bagegen, die auch die Beziehungen des nur Denkbaren zu beachten bat, das niemals in sachlicher, realer Wirklichkeit eristirt, bat als ihr Cigenthum nur den andern Sat vom gureichenden Grunde, das principium rationis sufficientis. zu entwickeln; fie hat nur zu zeigen, wie aus der Berbindung zweier Deutinbalte S und Q die Rothwendigfeit entsteht, auch einen dritten Inhalt P, und zwar in bestimmter Beziehung zu S, zu benten; fande fich dann in wirtlicher Erfahrung an irgend einem Realen diese Bereinigung zweier Inhalte S1 und Q1 vollzogen, so würde sich nach dem Satz vom Grunde das bestimmte P1 folgern lassen, welches zu dieser Combination dents nothwendig bingutreten müßte, im Unterschied von einem P2, welches zu ihr nicht hinzutreten fönnte; wie dagegen es gemacht wird, daß gerade dies P1, welches das Denken fordert, auch in Wirklichkeit eintritt, diese Frage würde jenen metaphosischen Untersuchungen überlassen bleiben.

G3. Das unendlich oft erwähnte Gesetz des zureichenden Grundes, mit dem wir unn, als dem dritten Gliede und dem Rein ertrag dieser zweiten Gruppe der Urtheilssormen, abschließen, hat das wunderliche Schicksal gehabt, auch von denen, die am häusigisten sich auf es beriesen, eigentlich niemals formulirt zu werden. Denn die gewöhnliche Anweisung, zu jedem Gültigkeit verlangenden Ausspruche müsse man einen Grund seiner Geltung suchen, vergißt, daß man das nicht suchen kann, von dem man nicht weiß, worin es besteht; zuerst muß ofsendar klar gemacht werden, in welchem Berhältniß Grund und Folge zu einander stehen, und in welchem Inhalt man sotzlich den Grund für einen andern zu entdecken hossen darf. Ich werde am tür zesten deutlich sein, wenn ich im Vergleich mit dem Ausdruck des Joen titätssatzes A=A sozleich die Fermel A+B=C als Vezeichnung des

Sages vom Grunde aufstelle und folgende Erlänterung hinzufuge. Bur sich allein würde A nur = A, B = B sein; aber nichts hindert, daß eine bestimmte Verbindung A + B, deren in den verschiedenen Källen jehr verschiedenartigen Sinn bier sombolisch bas Moditionszeichen vertritt, dem einfachen Zubalt der neuen Borstellung C äquivalent ober identisch sei. Nennen wir dann A+B den Grund und C die Folge, jo find Grund und Folge völlig identisch, und der eine ist die andere: man hat in diesem Falle unter A 1-B ein beliebiges Subject sammt der Bedingung, von der es beeinflußt wird, unter C aber nicht ein neues Folgeprädicat biefes Subjects, sondern das Subject felbst in jeiner durch bies Pradicat veranderten Geftalt zu versteben. Der gemöhnliche Sprachaebranch verfährt anders. Da von dem ganzen Grunde A + B. wenn wir von Thatjachen der Wirklichkeit iprechen, gewöhnlich der eine Theil A vorher gegeben zu sein, der andere B nachher hinzuaufommen pflegt, fo bezeichnet man die Bedingung B, die nur einen Theil des ganzen Grundes A+B bildet, gewöhnlich als den Grund überhanpt, der auf A als leidendes Subject wirft; unter C aber versieht man dann meist die neue Eigenschaft allein, die von B bedingt wird, und nennt dies C die Folge; indessen deuft man doch immer dabei dieje Sigenichaft nicht als für jich, wie in einem leeren Raume, ent= stehend, sondern als haftend an dem Enbject A, auf welches man B wirfen ließ. Unter anderen Benemmingen meint daber der gewöhnliche Sprackgebranch baffelbe, wie wir. Wenn wir mit der Borstellung A des Bulvers die Vorstellung B der hohen Temperatur des glübenden Annkens verbinden, mithin in A das Merkmal der gewöhnlichen Tem peratur durch das der erhöhten B ersetzen, so ist dieses A+B die Berstellung C des explodirenden Bulvers, nicht der Explosion überhaupt; ber gewöhnliche Sprachgebranch läßt zu dem gegebenen Subject A des Pulvers die hohe Temperatur B als Grund treten, aus welchem die Explosion C folgt, aber diese Rolge deutt er sich natürlich nicht als einen Borgang, der irgendwo stattfindet, sondern als eine Ausdehnung besselben Pulvers, auf welches ber Junte wirtte. Es ist nicht nöthig, Erlänterungen so einfacher Urt weiter fortzuseten.

64. Ueberlegt man das Ganze unserer Erfenntnisse, so ist uns mittelbar dentlich, daß der Sats der Joentität nicht ihre einzige Anelle sein fann. Für sich allein würde er sedes Urtheil, ja seden Begriff

vereinzeln und keinen Fortichritt von der nufrnchtbaren Sichselbstaleichheit jedes Vorstellungselements zu der fruchtbaren Verbindung verichiedener einleiten. Man irrt sich, wenn man zuweilen der Mathe matik nur biesen einzigen Satz als Grundlage ihrer Wahrheiten zuschreibt; dem wirklichen erfinderischen Verfahren dient vielmehr auch hier nur der Satz vom Grunde. Aus einem fich felbst gleichen Sbersate würde gar nichts neues fließen, wenn es nicht möglich wäre, in mannigfacen Unterfätzen eine und diesetbe Größe C in mgähligen verschiebenen ägnivalenten Gestalten bald = A + B, bald = M + N oder =N-R zu setzen, oder anders ausgedrückt: wenn nicht die Natur der Bahlen jo beichaffen wäre, daß man jede auf mighlige Weisen theilen und aus den Theilen in den manniafachsten Combinationen wieder zusammensetzen fann: wenn ferner nicht die Natur des Raumes so gebildet wäre, daß jede Linie sich unzähligen Figuren in den verschiedensten Lagen als Bestandtheil oder irgendwie zugehöriges Beziehungsglied einreihen läßt und daß jeder der Ansdrücke, die für fie aus diesen verschiedenen Relationen fließen, der Grund zu neuen vielfachen Folgerungen ist. Ich branche famm zu erwähnen, daß auch Mechanit und Physis den reichtichsten Gebranch von diesen Zerlegungen und Zusam mensetzungen gegebener Thatsachen machen, und daß der ersinderische Gedankengang auch in diesen Zweigen unserer Erkenntniß auf Tpera tionen beruht, welche alle zuletzt auf diese topische Formel 1+B=Cgurudlaufen. Berbart gebührt bas Berbienft, die Wichtigfeit biefer in aller Praxis der Wiffenschaft offen vorliegenden Berfahrungsweise in den Gesichtstreis der formalen Logit gerückt zu haben.

65. Ich überlasse weitere Beispiele biervon der angewandten Logik; über die Berechtigung des Satzes vom Grunde selbst habe ich noch eine Bemerkung zu machen. Wir kommten nur zeigen, eine Erweisterung unserer Erkenntniß sei dann möglich, wenn es einen Grund satz gibt, welcher $\Lambda + B = C$ zu setzen erlandt. Wan konnte nun versschen, ohne Weiteres die Gültigkeit dieses Grundsates als eine unmit telbare Gewißheit, gleich der des Satzes der Zentität, zu behanpten. Dies haben wir gethan; aber zwischen beiden Principien bleibt dech ein bemerklicher Unterschied. Der Satz der Zentität sagt von sedem A eine Gleichbeit mit sich selbst ans, die wir unmittelbar als nethwendig und deren Gegentheil wir zugleich ebenso überzenzend als dent

90

unmöglich empfinden. Der letteren Unterstützung entbehrt der Sat des Grundes; wir empfinden die Annahme feineswegs als dentunmöglich, daß jeder Anhalt nur sich selbst gleich, eine Combination A + B von zweien bagegen niemals einem dritten C ägnivalent sei. Die Geltung des Saties vom Grunde ift baber von einer andern Urt, als die des Princips der Zoentität; nennen wir dies lettere benknothwendig wegen der Unmöglichkeit seines Wegentheils, so ift der Satz vom Grunde vielmehr nur eine dem Denfen zwedmäßige Boraussehung. welde in dem Inhalt des Dentbaren eine gegenseitige Beziehung annimmt, für deren wirtliches Bestehen der vereinigte Gindruct aller Erfabrungen Bürgichaft gibt. Ich wünsche über den letzteren Ausdruck nicht migverstanden zu werden. Ich meine zuerst nicht, daß das Denten erft durch Bergleichung bes Erfahrungsinhaltes auf die Bermuthung ber Gültigkeit eines solchen Saties geführt werde; die allgemeine Ten beng bes logischen Beistes, Zusammenseiendes als Zusammengeböriges aufzuweisen, enthält für sich vielmehr ben Trieb, der, auch abgesehen von aller wirklichen Erfahrung, zur Beraussetzung eines Zusammen hanges von Gründen und Folgen führen würde. Aber daß diese Boraussetzung sich bestätigt, daß das Denfen in dem dentbaren Juhalt, den es selbst nicht macht, sondern empfängt oder vorfindet, solche Identitäten oder Meguivalenzen des Berichiedenen antrifft, das ist eine glückliche Thatsache, ein glücklicher Zug in ber Organisation ber Welt bes Dentbaren, der thatsächlich besteht, aber nicht mit derselben Nothwendigkeit bestehen müßte, wie die Geltung des Identitätsprincips. Deutun möglich wäre eine Welt gar nicht, in welcher jeder einzelne Inhalt mit iedem andern so unvergleichbar wäre, wie süß und dreieckig, in welcher mithin jede Möglichteit fehlte, Berschiedenes zur Begründung eines Dritten gufammengufaffen; ware Diefe Welt, fo wurde Das Denken awar nichts mit ihr anzufangen miffen, aber es murde sie, als eine nach seinem eigenen Urtheile mögliche, anerfennen müssen. Ich füge ferner bingn, daß, wenn ich bier von einer Art empirischer Beglanbigung des Sates vom Grunde fpreche, ich doch nicht eine Bestätigung meine, welche das Ganze unferer nach biefem Satze bereits gegliederten Bedankenwelt darin fände, daß der beobachtbare Gehalt der äußeren Wirklichfeit mit dieser Gliederung zusammenstimmt; ich spreche bier nur bavon, daß die Welt des Denkbaren, die vorstellbaren Inhalte, die

wir, woher sie auch immer kommen mögen, in unserer inneren Er fahrung antressen, sich der Forderung, als Gründe und Folgen zusam menzuhängen, wirklich sügen. Es ist an diesem Orte der Vogit ganz gleichgültig, ob überhanpt außer den Vorstellungen, die sich in unserem Bewußtsein dewegen, etwas vorhanden ist, was man äußere Welt oder Wirklichteit nennen könnte: auch diese nur in uns sich dewegende inhalt volle Vorstellungswelt ist von dem Oenken nicht gemacht, sondern wird von ihm, als Stoff seiner Thätigkeit, in uns nur angetrossen, ist alse sir den logischen Geist und seine Tendenz ein Gegenstand innerer Er sahrung; daß nun an diesem empirischen Gegenstand sich ein Entgegen kommen sindet, das die Ausführung dieser Tendenz möglich macht, darin besteht das nicht Oenknethwendige, sondern Thatsächliche der Geltung des Sakes vom Grunde.

66. Worin dies Entgegenkommen liegt, werde ich, wenn noch einmal biernach gefragt werden sollte, am türzesten erinnern, wenn ich auf die Analogie der spstematischen Stellung, welche der Satz vom Grunde als zweites Denfgejet einnimmt, mit der des zweiten Gliedes in unferer Betrachtung des Begriffes hinweise. Die Möglichfeit, Allgemeinbegriffe zu bilden, beruhte auf der nicht selbst denknothwendigen, aber gegebenen Thatsache, daß nicht jeder Borstellungsinhalt unver gleichbar mit jedem andern ift, daß vielmehr Farben, Tone, Gestalten fich in Reiben mit erfennbarer abgestufter Berwandtschaft ihrer Glieder ordnen: daß es außer den Berwandtschaften auch Gegenfätze von ver schiedener Weite des Unterschieds und ein Aufheben des Entgegengefetten, daß es endlich vor allem ein Spftem von Größenbestimmungen in der Welt des Dentbaren gibt, durch deren Amwendung mittelbar and die an sich nicht vergleichbaren Glieder verschiedener Inhaltsreihen in gegenseitige Beziehungen gebracht werden tönnen. Mit diesem furzen Hinweis begnügt, schließen wir die zweite Gruppe der Urtheilsformen mit dem Satse vom Grunde als dem durch fie gewonnenen Reiner trage ab.

- C. Das generelle Urtheit. Das disjunctive Urtheit. Das Dictum de omni et nullo und das Principinm exclusi medii.
- 67. In jedem Ginzelfalle der Anwendung bleibt nun zu bestimmen, welches A, in welcher Berbindung mit welchem B zusammengesaßt,

den genügenden Grund welches C bilde. Diese Aufgabe des sachlichen Erfennens bat die Logif der Erfahrung und den einzelnen Biffenschaften zu überlaffen; aber eine eigene neue Aufgabe erwächst ihr doch auch. Bon allen Leiftungen unseres Denkens würde wenig übrig bleiben, wenn wir wirklich in jedem Einzelfalle von neuem die Erfahrung befragen müßten, welche A, B und C bier als Grund und Folge zusammengebören; einen (Brundfatz wenigstens muß es geben, der uns erlaubt, wenn einmal die eine Wahrheit A+B=C gegeben ist, von ihr eine Unibendung zu machen auf Källe, über die uns die Erfahrung noch nicht belehrt hat. Was wir nun hier suchen, ist leicht zu finden und nebenher icon früher erwähnt worden. So oft wir A+B als Grund einer Folge C ansehen, benten wir nothwendig bie Berknüpfung dieser brei Glieder als eine allgemeine; A+B wäre gar nicht eine Bedingung von C, wenn es möglich wäre, daß in einem zweiten Beispiel seines Bortommens nicht daffelbe C, sondern ein beliebiges D mit ibm verbunden würde. Für unsere hier zu machende Anwendung bedeutet dies nun: überall, in jedem Subject S, in welchem A+B als Merkmal neben beliebigen andern Merkmalen X O P enthalten ift, begründet dies A+B diesethe Folge C: und dieses C wird entweder wirklich als Merfmal dieses S anftreten, oder wo es nicht auftritt, fann es nur dadurch verhindert sein, daß die übrigen Merfmale, N+0 eder N+P oder O+P, zusammen den Grund einer dem C entgegengesetzten und diejes jelbst aufhebenden Folge bildeten: für sich allein, ohne dieje Hemmung, geht die das C bedingende Kraft des A + B ihres Erfolges nie verlustig. Fassen wir nun A+B unter der Bezeichnung M als einen Allgemeinbegriff, unter welchen S untergeordnet ist, so können wir den gefundenen Grundfats vorläufig so ausdrücken, daß von jedem Subject nach rein logischem Recht und ohne Anrufung der Erfahrung dasjenige Pradicat behanptet werden darf, welches durch den ihm übergeordneten Gattungsbegriff gefordert wird. Und es bedarf feiner weiteren Ausführung, daß eben dieser Gedanke, die Unterordnung des Einzelnen unter sein Allgemeines, das umfassende logische Hulfsmittel ift, deffen wir uns allenthalben zur weiteren benkenden Bewbeitung des erfahrungsmäßig Gegebenen bedienen.

68. Die Urtheilssorm, die erste dieser dritten Gruppe, in welcher das Tenten diese Ueberzengung ausspricht, ist die des quantitativ undes

zeichneten Sates, in welchem die Stelle des Subjects einsach durch einen Allgemeinbegriff oder einen Gattungsbegriff Mausgefüllt erscheint: ber Menich ist sterblich: Die Sünde ist strafbar. 3ch unterscheide Diese Urtheile unter dem Namen der generellen von den universalen: alle Menschen find sterblich: jede Gunde ift strafbar. Obgleich ber sachliche Anhalt in beiden Formen derselbe ift, so ift doch die logische Fassung beffelben in beiden febr verschieden. Das universale Urtheil ist nur eine Samulung vieler Ginzelnrtheile, deren fammtliche Subjecte gufam mengenommen thatfächlich den gauzen Umfang des Allgemeinbeariffs M ausfüllen: daß mithin das Prädicat P von allen M gilt, felgt bier nur darans, daß es von jedem M einzeln gilt; es fann aber von jedem einzelnen ans einem besonderen Grunde gelten, der nichts mit der all gemeinen Natur des M zu ichaffen bat. Go läft der universale San: alle Cinwebner dieser Stadt find arm, gang zweifelhaft, ob ieder einzelne durch eine besondere Ursache verarmt ist, oder ob die Arnmth ans feiner Cigenschaft als Cimpobner Diefer Stadt flieft: ebenfo läft ber Say: alle Menichen find fterblich, noch babingestellt, ob fie nicht eigenttid alle ewig leben fonnten, und ob nicht blos eine mertwürdige Berfettung von Umständen, die für jeden andere sind als für jeden andern, es dabin bringt, daß anlett feiner am Leben bleibt. Das generelle Urtheil dagegen: der Mensch ist sterblich, behanptet seiner Form nach: an dem Charafter der Menschheit liege es, daß die Sterblichteit von jedem ungertrennlich ist, der an diesem Charafter theilnimmt. Während daher das universale Urtheil eine allgemeine Thatsache blos behanptet und deswegen nur affertorisch ist, läßt das generelle zugleich den Grund ihrer nothwendigen Geltung hindurchscheinen und tann also, in dem Sinne unserer früheren Festsetzungen, apodittisch beißen. In unerbörten Entdeckungen wird diese Unterscheidung beider Urtheilsformen nicht führen: aber neben so vielen unnützen Distinctionen, welche die Logif belasten, verdiente sie wohl, nebenher erwähnt zu werden. Kaum der Erwähnung aber bedarf es, daß im generellen Urtheil nicht der Gattungsbegriff M, der die Stelle des Subjects im Sate einnimmt, das wahre logische Subject des Urtheils ist; nicht der allgemeine Mensch M ift sterblich, sondern der einzelne S, welcher an diesem für sich un sterblichen Topus theilhat. Man sieht daraus, daß das generelle Urtheil eigentlich ein im Ausdrucke verfürztes hopothetisches ist: es muß

vollständig heißen: wenn S ein M ift, so ist S ein P; wenn irgend ein S ein Mensch ist, so ist dieses S sterblich. Und hierdurch rechtsertigt sich die sostematische Stellung, die wir diesem Urtheil erst nach dem hopothetischen anweisen fonnten.

69. Ebenso flar wird aber auch sogleich die Nothwendigkeit eines neuen Schrittes. So lange formell in dem generellen Urtheil ein allgemeiner Gattungsbegriff M als Subject auftritt, so lange fann auch das Prädicat P nur in gleicher Allgemeinheit gefaßt ihm zugeordnet werten. Sagen wir: ber Mensch ist sterblich, so umschließt bas Prädicat alle dentbaren verschiedenen Urten der Sterblichkeit und bestimmt weder die Art des Todes noch seinen Zeitpunft; oder behaupten wir: die Körper erfüllen den Raum, so bleibt unansgesprochen, mit welcher Dichtigfeit und mit welchem Grade des Widerstandes jeder einzelne diese allgemeine Gigenschaft seiner Gattung realisirt. Aber gerade die einzelnen Menschen und die einzelnen Körper waren die wirklichen Subjecte des generellen Urtheils; es ift also gang falsch zu behandten, daß ihnen das Merfmat P ihrer Gattung in der Allgemeinheit als Prädicat zufommt, in welcher es zu dem Begriff der Gattung, und zwar hier nicht als Prädicat, hinzugedacht wird; vielmehr fann P an jedem dieser einzelnen Subjecte nur in einer der bestimmten Arten oder Modificationen vorfommen, in welche das allgemeine P sich zerfällen oder besondern läßt. Den gemachten Jehler berichtigt das Denken durch die neue Behauptung: wenn irgend ein S ein M ist, so ist dies S entweder p 1 oder p 2 oder p 3; und hier bedeuten p 1, p 2, p 3 die verschie-Denen Arten eines allgemeinen Merkmals P, welches in dem Gattungsbegriffe M enthalten ift. Dies ist die befannte Form des disjunctiven Urtheils, des zweiten dieser dritten Gruppe, und für sich feiner weiteren Erläuterung bedürftig. Man pflegt mit ihm zusammen das copulative Urtheil: S ift sowohl p als q, als r, und das remotive: S ist weder p nech q noch r, zu erwähnen; trots der äußerlichen Analogie der Form haben jedoch beide nicht den gleichen logischen Werth mit dem disjunctiven; das erste ift nur eine Samulung positiver, das andere eine Sammlung negativer Urtheile von gleichem Subject und verschiedenen Prädicaten, welche lettere in gar feine logisch wichtige Beziehnug zu einander gesetzt werden. Das disjunctive Urtheil allein drückt ein eigenthümliches Berhältniß seiner verschiedenen Glieder aus:

es gibt seinem Subject gar fein Prädicat, schreibt ihm aber die nothwendige Wahl zwischen einer bestimmten Anzahl verschiedener vor.

- 70. Der Gedanke, den die Form des dissinnetiven Urtheils ausbrudt, wird gewöhnlich in zwei gesonderten Dentgesetzen, dem Dictum de omni et nullo und dem Principium exclusi tertii inter duo contradictoria ausgesprochen; ihre Verschmelzung in ein einziges drittes Grundgesetz ist indessen nicht nur leicht, sondern nothwendig. Böllig falsch sind für das erste die oft gehörten lässigen Formulirungen: was vom Allgemeinen gelte, gelte auch vom Einzelnen; was vom Ganzen. auch von den Theilen: es versteht sich vielmehr von selbst, daß, was vom Allgemeinen als joldem, oder von dem Ganzen als joldem gilt, nicht von dem Ginzelnen oder von den Theilen als solchen gelien könne. Richtiq ist nur die alte scholastische Kormel: quidquid de omnibus valet, valet etiam de quibusdam et de singulis, und quidquid de nullo valet, nec de quibusdam valet nec de singulis. Mer dieje Ausdrucksweise, die dem Gesetze seinen Ramen gab, ist ebenso unfructbar als richtig: benn daß etwas von allen gelte, beißt und bedeutet gleich von Anfang an gar nichts anderes, als daß es von jedem Einzelnen gelte; foll daber auftatt dieser nachten Tautologie etwas gesagt werden, was der Mübe werth ift, so muß allerdings an die Stelle der blogen Summe aller die Ratur des allgemeis nen Begriffs gesetzt werden. Dann aber läft sich in der That der Satz gar nicht anders mit Genauigkeit ausdrücken, als jo, daß er gang mit dem Sinne der disjunctiven Urtheilsform zusammenfällt: von jedem altgemeinen P, welches als Mertmal in dem Attgemeinbegriff M enthalten ift, fommt jedem S, welches eine Urt von M ift, eine feiner Modificationen p1, p2, p3 mit Ansschluß der übrigen als Prädicat zu; und: von jedem atlgemeinen P, welches aus dem Begriffe M ausgeschlossen ist, fommt jedem S, als einer Urt von M, weder die eine noch die andere seiner Medificationen p1, p2 oder p3 zn.
- 71. Bon diesem vollständigen Tentgesetz berücksichtigt der gewöhn liche Ausdruck des Dictum de omni et nullo nur den einen positiven, für sich, wie wir sahen, nicht genan ausdrückbaren Bestandtheil, nämlich den Gedanten, daß das Besondere sich überhaupt nach seinem Allgemeinen richte; der andere verneinende Bestandtheil, der erst die Art und Weise dieses sich Richtens bestimmt, der Gedante, daß dem Besondern

nur eine Art des allgemeinen Prädicats seines Allgemeinen mit Ausschluß der übrigen zustehe, hat nur einen partiellen Ausdruck in dem Sate des ausgeschloffenen Dritten gefunden. Ich glaube hierüber am einfachsten folgendermaßen zu berichten. Steht für ein Subject S vermode seiner Unterordnung unter M bereits fest, daß es sein eigenes Brädicat unter den Arten p.1, p.2, p.3 eines allgemeinen, dem M 3utommenden Mertmals P wählen muß, und beträgt die Angahl der möglichen Arten des P mehr, als zwei, so wird die Bejahung der einen von ihnen p1 als Pradicat von S die Berneimung aller übrigen, p2, p3, p4, einschließen, aber durch die Berneinung einer von ihnen wird teine bestimmte der übrigen als Prädicat von 8 bejaht; was nicht p.1 ist, hat noch die unentschiedene Wahl zwischen p2, p3, p4. Prädicaten dieser Art legt man conträren Gegensatz bei. Gibt es aber über bandt nur zwei Urten p. 1 und p. 2 des allgemeinen P, so wird für ein Subject S, von welchem ichon feitsteht, daß es eine Urt des P zum Brädicat baben muß, nicht nur die Bejahnng der einen p1 die Berneiming der andern p2, sondern auch die Verneinung der einen p1 die bestimmte Bejahung der andern p2 als Prädicat zur Folge haben oder involviren; diese beiden pa und pa sind dann contradictorisch entgegengesetzte Prädicate des S. So sind für die Linie (S), welche eine Richtung überhaupt (P) haben nuß, gerade (p1) und frumm (p2) con tradictorische Prädicate, für den Menschen, dem ein Geschlecht von Ratur gebührt, männlich und weiblich; beide würden nur contrar sein für beliebige andere Subjecte, von denen noch nicht feststeht, ob in ihrem Begriffe das allgemeine P, Geschlecht oder Richtung, überhaupt vortommt; für sie wird die Eintheilung ihrer möglichen Prädicate immer dreigliedrig, sie sind entweder männlich (p^{-1}) oder weiblich (p^{-2}) oder geschlechtslos (p3), entweder gerade (p1) oder frumm (p2) oder gestaltles (p3). Der Satz des ausgeschlossenen Dritten oder des exclusi tertii inter duo contradictoria behanptet nun nichts, als was wir eben bemertten: von zwei Pradicaten, welche für ein Subject S con tradictorische sind, hat S immer das eine mit Ansschluß des andern, und wenn es das eine nicht hat, so hat es nothwendig das andere mit Ausschluß jedes dritten. Go angesehen ist dieses Wesetz nur ein Sonderfall des allgemeineren, welches den Sinn des dissinnetiven Urtheils bildet: von allen conträren Prädicaten, deren Allgemeines P in dem Gattungsbegriff M eines Subjectes S liegt, hat S immer eines mit Ausschluß der übrigen, und wenn es das eine nicht hat, so bleibt ibm nur die nothwendige Wahl zwischen den übrigen; diese Wahl wird zur bestimmsten Bejahung, wo sie nur noch auf ein Glied fallen tann, also in dem Grenzfall, wo die Zahl der conträren Prädicate nur zwei beträgt. Ohne Zweisel ist dieser Grenzfall, welcher den Juhalt des Satzes vom ausgeschlossenen Dritten bildet, in den Anwendungen des Venkens von besonderer Wichtigkeit: die logische Systematik dagegen wird ihn doch nur als ein besonderes Beispiel des allgemeineren Satzes sassen den wir schon mehrsach aussprachen und furz als disjunctives Deutsgesetz bezeichnen wellen.

72. Man stellt dies gewöhnlich anders dar. Aus Beweggründen, die ebenfalls nur aus Zwecken des angewandten Deufens begreiflich find, ist der logische Wunsch entstanden, die von uns stets festgehaltene Boraussetung, eine nothwendige Beziehung des jedesmaligen Subjects S zu dem allgemeinen P stehe bereits fest, unerwähnt lassen und von zwei Pradicaten sprechen zu dürfen, welche für jedes beliebige Subject als contradictorische gelten. Man findet leicht, daß dies nur möglich ift, wenn man die Gesammtheit aller denkbaren Prädicate eintheilt in ein bestimmtes Q, und in die Summe aller derjenigen, welche nicht Q find oder Non-Q find; von allen beliebigen Subjecten, was fie auch immer bedeuten mögen, ist dann sicher, daß sie entweder Q oder Non-Q, entweder gerade oder nicht-gerade find; benn der lette Ausdruck begriffe dann nicht blos das Krimme, sondern auch das Berdriegliche, das Süße, das Zufünftige, furz alles, was außerhalb des Geraden liegt. Ich wiederhole in Bezug hierauf, was ich bei dem limitativen Urtheil bemerkte: Non-Q ift gar keine wirkliche Borstellung, die sich als Prädicat eines Subjects behandeln ließe, sondern nur eine Formel, welche die im Denten unerfüllbare Aufgabe bezeichnet, alles Deutbare, was außerhalb des einen Begriffs liegt, in einen einzigen zweiten zusammenzuziehen. Man hat außerdem zur Stellung biefer unlösbaren Aufgabe feinen wirtlichen Grund; alles, was man durch das bejabte Prädicat Non-Q erreichen will, erreicht man durch die verständliche Berneinung von Q. Ich halte daber für ganz unschicklich, von contradicterischen Begriffen zu reben, d. h. solchen, die an und für sich in diefem Wegensatverhältniß ständen und deshalb in demselben blieben,

wenn man sie als Prädicate desselben Subjects behandelt; will man ein contradictorisches Verhältniß zweier Glieder, welches allgemein, immer und in Bezug auf sedes Subject zilt, so findet dies nur zwischen den zwei Urtheilen statt: S ist Q und S ist nicht Q. Demzusolge würde der genane Ausdennt des Sates vom ausgeschlossenen Dritten sein: von sedem genan bestimmten Subject S zilt entweder die Besichung oder die Verneimung eines ebenso bestimmten Prädicats Q, und es zibt teine dritte Möglichkeit; überall, wo eine solche stattzusinden scheint, ist S oder Q oder beide entweder von Aufang mehrdentig und unvesstummt zesast oder ihre Vedentung im Lauf der Ueberlegung uns bewust oder unwillkürlich verändert worden.

73. Roch eine Betrachtung füge ich hinzu. Riemand zweifelt, daß daffelbe Subject roth, füß und ichwer zugleich sein fann, daß es aber reth nur ift, wenn es weder grün noch blan, noch andersfarbig ift, und daß es gerade und frumm nicht zugleich sein fann. Gine un= mittelbare Deutlichkeit scheint mir nun aber boch die Behanptung nicht zu haben, daß zwei Prädicate p. und p. fich gerade dann an demselben Subject nicht vertragen, wenn fie übrigens als contrare Urten beffelben Allgemeinen P mit einander vergleichbar sind, während an demselben Subject andere Pradicate p, g, r fich vertragen sollen, die als Arten ganz verschiedener Attgemeinen P, Q und R mit einander unvergleichbar find. 3ch versuche hierüber folgenden Gedanken. Zedes Prädicat p.1 eines Subjectes S müffen wir nach dem Borigen und nach der Formel A + B = C als Rolge einer in S enthaltenen Merfmalgruppe A 1+B1 ausehen, welche Gruppe überall, wo sie vorkommt, also auch in diesem S, dieselbe Folge C1, hier p1 bervorzubringen sucht. Sollte nun dems selben 8 zugleich das mit po vergleichbare Prädicat po zufommen, so müßte es, wie seicht zu begreifen, von einer mit A 1+B1 ebenfalls vergleichbaren Merkmalaruppe A2+B2 abhängen, welche neben A 1+B1 in demselben S vorhanden wäre und überall, wo sie vortäme, also auch in S, die Folge C2, hier p2 begründen würde. Aber eben, weit A 1+B1 und A2+B2 mit einander vergleichbar sein muffen, so tann es nicht fehlen, daß, nach einem nenen Satz von der ellgemeinen Ferm A+B=C, nämlich nach dem Satze: [A1+B1] +[A2+B2]=C3 das Zusammentressen beider in demselben S den zureichenden Grund einer neuen Tolge C3 bildet, in welche die beiden

Einzelprädicate p 1 und p 2 zusammenschmelzen, und die wir, weil sie beiden ähnlich sein muß, mit p3 bezeichnen wollen. Zwei contrare, veraleichbare Prädicate p1 und p2 würden also unr deshalb unvereinbar sein, weil aus ihnen immer ein drittes einfaches pa entsteben würde: zwei disparate, unvergleichbare Prädicate p und r dagegen, wie füß und warm, würden deshalb als zwei bleibende an 8 vereinbar sein, weil es für die unvergleichbaren Gründe A + B und etwa M + N. von denen sie einzeln abhängen, seinen Satz (A+B)+(M+X)=C aabe, fraft bessen sie wie pa und pa ein drittes einsaches Pradicat bilden fönnten. Ich will nicht gegen diejenigen streiten, die diese ganze Unseinandersetung überflüssig finden; mir scheint sie nicht gegenstandlos. wenn ich von den Beispielen hinweg, welche die Logik herkömmtich brancht, auf andere blicke, deren sie sich billig erinnern sollte. vom Golde sagt, es sei gelb, hat freilich feine Beranlassung, sich diese einfache Eigenschaft als Product zweier anderen nicht wahrnehmbaren zu denken, die aus zwei im Golde nebeneinander gegebenen Bedingmaen eigentlich hätten gesondert entstehen müssen, aber gesondert nicht bleiben komiten. Wenn aber auf einen Massenpunkt 8 zwei der Richtung nach contrare oder auch contradictorische Bewegungsantriebe wirfen, so ist das gegeben, was man vorhin feine Beranlassing hatte vorauszusetzen: man muß hier wirklich sowohl die Bedingung, welche die Bewegung p1, als die andere, welche die Bewegung p2 hervorzubringen strebt, als in dem Maffenpunkt wirtsam und die beiden Bewegungen selbst in jedem Augenblick als Prädicate dieses Punttes S auffassen, als Prädicate aber, die sich getrennt nicht erhalten können, sondern in das dritte p.3, die Bewegung nach der Diagonale zusammengehen.

74. Hier schließt die Reihe der Urtheile mit innerer Nothwendigfeit ab. Ze bestimmter das dissunctive seinem Subjecte die Wahl zwischen verschiedenen Prädicaten vorschreibt, um so weniger kann es bei diesem Entweder Sder sein Bewenden haben; die Wahl muß voll zogen werden. Die Entscheidung aber darüber, welches p¹ oder p² dem S gebühre, kann nicht aus seiner bisher allein gegebenen Untervordnung unter M stießen, denn oben als Art von M hat es noch die freie Answahl; sie kann nur stießen aus der eigenthümlichen Sisserenz, durch welche sich S, als diese Art des M, von anderen Arten des M unterscheidet. Zu dem Sage: M (und jedes S, welches M ist) ist P,

muß daher ein zweiter Sat treten, welcher die Sigenthümlichkeit des jedesmal in Rede stehenden besondern Subjects S zur Geltung bringt und uns zeigt, welche Art von M es ist; aus der Bereinigung beider Sätze muß ein dritter stießen, welcher sehrt, welche bestimmte Modissication p des allgemeinen P diesem S zusomme, weil es nicht blos eine Art von M, sondern diese Art von M ist. Die Berbindung zweier Urtheile aber zur Grzeugung eines dritten ist im Allgemeinen die Dentsorm des Schlusses, und zu ihrer Darstellung sind wir daher nun anfgesordert überzugeben.

Anhang

über die unmittelbaren Folgerungen.

Dem Herkommen zu Liebe schalte ich hier Erörterungen ein, die ihre richtigere Stelle in der angewandten Logit haben würden.

Bon demselben Subject S und demselben Prädicat P behauptet das allgemein bejahende Urtheil A: alle S sind P; das particular bejahende I: einige S sind P; das allgemein verneinende E: fein S ist P; das particular verneinende O: einige S sind nicht P. Es fragt sich nun, welche numittelbaren Folgerungen sich aus der Gültigkeit oder Ungültigkeit des einen dieser vier Urtheile in Bezug auf Gültigkeit oder Ilugültigkeit der drei übrigen ziehen lassen. Aus dem Dietum de ommi et nullo und dem Sahe des ausgeschlossenen Tritten ergibt sich hierüber Folgendes.

75. Zwischen jedem allgemeinen Urtheile und dem gleichnamigen besondern, also zwischen A und I, und zwischen E und O, findet bas Berbältniß ber Subalternation ftatt. In Der Richtung vom Allgemeinen zum Besondern, oder ad subalternatam. ichlieft man von ber Gültigkeit des ersten auf die des letteren, aber von der Ungültigkeit des Allgemeinen weder auf Gültigkeit noch auf Ungültigkeit des Besondern. Die Rechtmäßigkeit der ersten Folgerung lenchtet sofort, die Unmöglichteit der zweiten nach Beseitigung eines Migverständnisses ein. Wer den allgemeinen Satz: alle S find P, lenguet, wird hierzu gewöhnlich durch die ichen gemachte Beobachtung einiger S veranlaßt, die nicht P find; aber er wird diese Beobachtung doch nicht an allen S gemacht haben. Geine Meinung pflegt baber bie zu fein, nur bie Allgemeingültigfeit jenes Saves für alle 8 zu leugnen, seine Gültigfeit für einzelne 8 dagegen umbestritten zu lassen; und deshalb haben in gewöhnlicher Rede Ueußerungen wie diese: es sei nicht wahr, daß alle S auch P find, geradezu die Rebenbedeutung, den particularen Sat: einige S find P, als richtig zuzugestehen. Die Logif bagegen tennt nicht

diese unausgesprochenen Nebengedanken bei der Lengnung des allgemeinen Satzes, sondern nur das, was in der ausgesprochenen Vereneinung selbst liegt. Aber eben dies ist an sich zweidentig. Denn die behauptete Ungültigkeit des Satzes: alle S sind P, besteht gleichmäßig zu Recht, sowohl wenn der Satz nur für einzelne S, als auch, wenn er für keines gilt. So lange diese Zweidentigkeit nicht durch Nebenaussigen gehoben wird, kann man daher aus der Verneinung des allgemeinen Satzes weder auf Gültigkeit noch auf Ungültigkeit des besons deren schließen.

76. In entgegengesetter Richtung, vom Besondern zum Allgemeinen oder ad subalternantem, ichließen wir von der Ungültigseit des besondern Urtheils auf die des allgemeinen, aber nicht von der Bültigkeit des besondern auf die des allgemeinen. Und hier ist die erste Folgerung nach Vermeidung der berührten Zweidentigkeit flar. Wer ben Satz verneint, einige S feien P, fann zwar die Absicht haben, nur die Beschränfung des P auf einige S zu lengnen, und aus dieser Meinung, nicht blos einige S feien P, floffe bann bie Bejahung bes allgemeinen Sates: alle S find P. Aber eben weil diese Folge ja grade die fortdauernde Gültigfeit auch des particularen Urtheils: einige S find P, einschließen würde, fann die Logif unmöglich der Lengnung eben biefes particularen Sates biefe Anslegung geben. Bur fie bedeutet diese Lengnung burchans nur: es gibt gar feine einigen S, die P wären; was aber nicht einmal in einigen Källen gilt, gilt noch weniger in atlen. Folglich verneint die Berneinung des Besondern allemal auch das Allgemeine. Die Unmöglichkeit der zweiten Folgerung ist für sich flar; die Gültigfeit eines P für einige S fann nie seine Gültigfeit für alle S beweisen; nur weil diese widerrechtliche Berallgemeinerung einzelner Wahrnehmungen der gewöhnlichste logische Tehler ist, dem die Biffenschaft und die Bildung des Lebens ihre meisten Arrthumer verdanken, ift es der Mübe werth, das Verbot dieser falschen Folgerung ad subalternantem besonders zu betonen.

77. Allgemeine Urtheile stehen zu den ungleichnamigen besondern, A zu O und E zu I und umgesehrt, in contradictorischem Gegensat; wir schließen ad contradictoriam sowohl von der Geltung des einen auf Nichtgeltung des andern, als von der Ungültigkeit des einen auf die Gültigkeit des andern. Die erste Folgerung bedarf seiner, die

zweite einer furzen Erläuterung. Verneinen wir den Say A, alle S sind P, so bestehen mit dieser Verneinung die beiden Aunahmen E: kein S ist P, und O: einige S sind nicht P; die letzte aber, in der ersten eingeschlossen, ist in jedem Falle gültig; solglich stießt aus der Ungülstigkeit von A die Gültigkeit von O gewiß. Verneinen wir serner O: einige S sind nicht P, so heißt das nach dem vorhin Vemersten: es gibt keine einigen S, die nicht P wären, und dies ist gleichbedeutend mit A: alle S sind P. Verneinen wir E: kein S ist P, so sind entweder alle S oder einige S, die letzteren also in jedem Falle, P, folglich gilt I: einige S sind P; verneinen wir I, so heißt dies: es gibt keine einigen S, welche P wären, gleichbedeutend mit der Bejahung von E: kein S ist P.

- 78. Die beiden ungleichnamigen allgemeinen Urtheile A und E haben nur conträren Gegensat, und wir folgern ad contrariam aus der Geltung des einen die Nichtgeltung des andern, aber nicht aus der Ungültigfeit des einen die Gültigfeit des andern. Die erste Folgerung leuchtet ein: die Ummöglichkeit der zweiten ergibt sich nach dem Borigen darans, daß die Berneinung eines allgemeinen Urtheils zwar ad contradictoriam die Gültigfeit des ungleichnamigen besondern, diese aber nicht weiter ad subalternantem die Gültigseit des übergeordneten all gemeinen Urtheils folgern läßt. Subcontraren Gegenfat endlich nennt man das Verhältniß zwischen den beiden particularen Urtheilen I und O. Man folgert ad subcontrariam aus der Ungültigfeit des einen die Gültigfeit des anderen, aber nicht ans der Geltung des einen die Nichtgeltung des andern. In der That: die beiden Sätze: einige S find nicht P, und: einige S find P, fonnen beide zusammen bestehen; wird aber der eine verneint, jo folgt ad contradictoriam die Geltung des entgegengesetten allgemeinen und aus dieser ad subalternatam die Bejahung des ihm untergeordneten particularen.
- 79. Ich erwähne ferner eine andere logische Operation von verwandter Absicht. Beobachtungen, welche sich zuletzt immer in der Form eines Urtheils: S ist P, ausdrücken lassen, stellen uns immer um diejenige Verbindung von S und P vor Augen, die in dem Augenblick der Beobachtung wirklich stattsindet: sie sagen aber nichts darüber aus, ob in anderen Fällen S und P trennbar sein werden, oder nicht, ob es also S gibt, welche nicht P, oder P, welche nicht S sind. Man hat aber ein sehr begreisliches praktisches Interesse hierau: man will wissen, ob

ein P. welches an S vorgefommen ift, als ein Rennzeichen betrachtet werden darf, nach dem fich die Natur des Subjects bestimmen läßt, an dem es vorkemmt; furz, ob alles, was sich als ein P darstellt, auch alles mal ein 8 ift. Die auf biese Frage zu erwartenden Antworten werden daber die Form haben: P ift S; man nennt sie deshalb Umfehrun= gen der ursprünglichen Urtheile, die zu ihnen Beranlaffung gaben. Es versteht sich babei, baß es von besonderem Interesse ist, zu wissen, ob P nothwendig und immer oder nur möglicherweise und zuweisen auf ein Subject 8 hindeutet, oder in gewöhnlicher Bezeichnungsweise, ob alle P ober ob nur einige auch S find. Man achtet deshalb befonders auf Die Quantität des gegebenen und des umgefehrten Urtheils und nennt die Umfebrung rein (conversio pura), wenn die Quantität des letten die ungeänderte des ersten ist, unrein (conversio impura), wenn fie eine andere ift, und zwar namentlich, wenn zur Triftigkeit des umgefehrten Urtheils die Allgemeinheit des ursprünglichen in blos particulare Geltung abgeschwächt werden muß. Man findet Folgendes.

80. Das allgemein bejahende Urtheil: alle S jind P, versteht unter P entweder eine höhere Gattung, in welcher S neben andern Urten enthalten ist, oder ein allgemeines Merfmal, an dem S neben andern Subjecten theilnimmt. In beiden Fällen bleibt ein Theil von P übrig, der nichts mit S zu schaffen hat, und die Umtehrung fann daber nur unrein geschehen in das particulare Urtheil: einige P sind S. Diese Regel verdient bemerkt zu werden; denn zu den gewöhnlichsten Reblern der Unaufmerffamkeit und zu den beliedtesten Mitteln der Tänjebung gehört es, dieser particularen Folgerung die allgemeine unterzuschieben und zu behaupten: wenn allen S das P, so fomme auch allen P das S zu. Man trifft allerdings allgemein bejahende Urtheile an, die diese reine Umtehrung gestatten; es sind diesenigen, in denen die Umfänge von S und P einander genau decken, mithin nicht blos allen S, fondern auch nur allen S und feinem andern Subjecte bas P zutommt, folglich alle P auch S find. Solde reciprocabel genannte Urtheile find: alle Menschen find von Natur sprachfähig; alle gleichseitigen Dreiecke sind gleichwinklige; sie gestatten die Umkehrung: alles von Natur Sprachfähige ist Mensch, jedes gleichwinklige Dreieck ist ein gleichseitiges. Aber daß jenes Verhältniß zwischen S und P stattfindet, an dem diese Möglichkeit hängt, wird in jedem Einzelfalle dieser Art nur durch die sachliche Kenntniß des gegebenen Urtheilsinhalts verbürgt. Mit Recht verlangt daher die Mathematik, welche die reine Umkehrung allgemein bejahender Urtheile hänsig vollzieht, für die Richtigkeit des umgekehrten jedesmal einen besonderen Beweis und schärft durch dies vorsichtige Versahren die Regel ein, daß aus bles logischem Recht das allgemein bejahende Urtheil nur unreine Umkehrung in ein particular bejahendes verträgt. Es verhält sich anders mit dem allges mein verneinenden Urtheile: kein S ist P. Diese völlige Ausschließung beider Begriffe auseinander gilt offenbar wechselseitig und rechtsertigt die Behauptung, daß auch kein P ein S sei. Allgemein verneinende Urtheile erfahren daher reine Umkehrung in wieder allgemein verneinende

.81. Aus dem particular bejabenden Sate: einige S find P, folgt einleuchtend die reine Umkehrung in den wieder particularen: einige P find S. Und diese Volgerung befriedigt and in allen Fällen, in welchen P ein allgemeines Pradicat ift, an welchem S neben andern Subjecten theilhat: so wird die Behauptung: einige Sunde sind bissig, mit Recht fich in die andere umkehren: einiges Bissige sei Sund. Wenn jedoch S die allgemeine Gattung ist, der P als Art gehört, wie in dem Sate: einige Hunde seien Möpse, wird die nach allgemein logischem Rechte allein zulässige Umkehrung: einige Möpse seien Hunde, unvortheilhaft gegen die jachlich richtige: alle Möpse sind Hunde, abstechen. Richtig freilich ist auch sie; aber sie drückt nur einen Theil der Wahrheit und zwar in einer Form aus, welche den andern Theil derselben, daß auch alle übrigen Möpfe Hunde sind, eher zu verneinen als zu bejahen scheint. Dies wird noch fühlbarer, wenn man sich das Urtheil: alle Möpse sind Hunde, gegeben denkt und es zweimal convertirt. Aus der ersten Umkehrung: einige Hunde sind Möpse, kommt man durch die zweite Umtehrung nicht mehr zu dem gegebenen Sate aurud; die logischen Operationen haben also hier ben Erfolg gehabt, einen Theil der Wahrheit aus dem Wege zu schaffen. Diese Unschicklichfeit wäre leicht zu vermeiden, wenn man die Quantitätsbezeichnungen, bem Sinne gemäß, als untrennbar von ihren Substantiven anfähe; man hätte bann gleich ben gegebenen Satz so geformt: alle Möpse sind einige Hunde; umgekehrt; einige Hunde sind alle Möpse; zweite Umfehrung: alle Möpfe find einige Hunde. Aber es lohnt nicht, diese doch unfruchtbaren Formeln zu verbessern.

Das particular verneinende Urtheil: einige S find nicht P. behauptet an sich nur die Trembarfeit des S von P, nicht aber auch die des P von S. Die reine Umfehrung: einige P find nicht S, gilt daber nicht allaemein, sondern nur für solche P, die als gemeinschaftliche Brädicate verschiedener Subjecte nicht ausschließlich in der Natur des S Bedingungen ihres möglichen Vortommens finden. Der Sat: einige Menschen sind nicht schwarz, gestattet aus diesem Grunde die Umfebenna: einiges Schwarze ift nicht Menich: aber die Urtheile: einige Menschen sind nicht fromm, einige sind nicht Christen, würden ergeben: einiges Fromme ift nicht Mensch, einige Christen find nicht Menschen, beides unzulässig, da Frömmigkeit und Christenthum zwar nicht allen, aber boch nur Menichen gutommen. Diese Unguträglichkeiten werden nur dadurch allgemein vermieden, daß man in dem gegebenen Urtheil Die Megation zum Prädicat ichlägt und ben nunmehrigen Sat: einige S sind Non-P, nach Art der particular bejahenden umfehrt in: einige Non-P find S; einiges Nichtschwarze, einiges Nichtsromme, einige Nichts Chriften find Menfchen.

82. Dies hier nothwendige Verfahren hat man unter dem Namen der Umkehrung durch Contraposition auf alle Urtheile ausgedehnt: in den bejahenden soll die Bejahung des P durch Berneinung von Non P, in den verneinenden die Verneinung von P durch Bejahung von Non P ersett, die verwandelten Urtheile dann nach den gewöhnlichen Regeln umgefehrt werden. Man erhält für A: alle S find P, fein S ift Non P; daraus: fein Non P ift S; für I: einige S find P, würde die Transformation in: einige S find nicht Non P, nach dem Obigen feine Conversion gestatten, für I also die Contraposition unausführbar sein; für E dagegen erhält man: fein S ift P, alle S find Non P, einige Non P find S; für O endlich: einige S find nicht P, einige S find Non P, einige Non P find S. Die Durchführung diefer Operationen au Beispielen würde unförmliche, dem natürlichen Denken fremde Ausbrucksweisen erzeugen; was man mit diesen vier Fällen eigentlich sagen will, läßt sich einfacher mittheilen, wenn man die gnantitativen Bestimmungen der vorkommenden Urtheile durch die gleichgeltenden modalen ersetzt; auch die an sich unmögliche Contraposition von I wird dann noch benuthar. Es würde nämlich die Umkehrung von A bedeuten: wenn allen Einzelnen einer

Gattung S das Prädicat P zukommt, so ist es numöglich, daß etwas ein S sei, dem dies Merkmal sehlt; die von I: wenn nur von einigen Arten des S seststebt, P komme ihnen zu, so ist nicht nothwendig, sondern unr möglich, daß etwas, dem P seblt, kein S sei; die von E: wenn der Gattung S das Merkmal P allgemein seblt oder widerspricht, so ist es nicht nöthig, sondern nur möglich, daß etwas, dem das P gleichsfalls seblt oder widerspricht, eine Art von S sei; und eben diese lette Felgerung ist auch die von O: wenn einige S nicht P sind, so wird etwas, das gleichfalls nicht P sit, ein S sein können, aber nicht müssen.

Drittes Kapitel.

1

Die Lehre vom Schluß und ben sustematischen Formen.

Borbemerfungen über die Ariftotelijde Syllogiftif.

Ich habe die unerledigte Aufgabe angedeutet, die vom disjunctiven Urtheil weiter treibt. She ich diesen systematischen Zusammenhang verssolge, halte ich für vortheilhaft, die Lehre vom Schlusse in der Gestalt vorzutragen, die sie durch Aristoteles erhalten hat. Doch solge ich nicht der originalen Darstellungsweise des großen griechischen Philosophen, sondern der bequemeren später üblich gewordenen. Die Schristen des Aristoteles sind erhalten: wer Antheil an der ersten Entstehung dieser Lehren nimmt, hat es leicht, sich an seiner meisterhaften Entwickelung zu erfrenen: wo es sich dagegen nicht um die Geschichte der Sache, sondern num die Sache selbst handelt, würde es nutzlose Coquetterie sein, die unbequemen Ausdrucksweisen des Ersinders den kleinen Erseichtes rungen vorzuziehen, welche die Folgezeit zu Gebote stellt.

83. Schluß oder Syllogismus nennen wir im Sinn des Aristosteles jede Verfnüpfung zweier Urtheile zur Erzengung eines gültigen dritten, das in feinem von jenen beiden bereits enthalten war. Unmögslich würde diese Erzengung, wenn der Inhalt jener vorausgeschickten Urtheile, der beiden Prämissen, propositiones praemissae, röllig versschieden wäre; sie wird nur möglich, wenn beide einen gemeinsamen Bestandtheil M, den Mittelbegriff oder medius terminus enthalten, welchen die eine mit S, die andere mit P in Beziehung sest. Durch diese Vermittelung untereinander in Insammenhang gebracht, können die beiden Begriffe S und P in dem Schlußfatz, der conclusio, zu einem die beiden Begriffe S und P in dem Schlußfatz, der conclusio, zu einem

Urtheil von der Form: S ist P, oder fürzer bezeichnet: SP, zusammenstreten, aus welchem der Mittelbegriff, der zu seiner Erzeugung gedient hat, wieder verschwunden ist. In der Natur der Sache besteht kein Grund, einen Werthunterschied zwischen den beiden Prämissen SM und PM zu machen; ein Herfommen jedoch, das geachtet werden muß, wenn nicht alle sestgesetzten Regeln eine verwirrende Umbentung erheischen sollen, hat bestimmt, daß Obersatz oder prop. major diesenige Prämisse heißen soll, die außer M das Prädicat P, Untersatz oder prop. minor die, welche außer M das Subject S des künstigen Schußsatzes enthält: dieser selbst wird immer in der Form SP, nicht in der ungestehrten PS gedacht. Unter dieser Voraussetzung eutspringen aus den verschiedenen Stellungen, welche die drei Begriffe noch annehmen können, solgende vier verschiedene Anordnungen, deren drei erste die drei Aristotelischen Figuren darstellen, während die vierte die Figur des Galenus bildet.

- 84. Fragen wir nun, ob und unter welchen Bedingungen diese zunächst nur combinatorisch angenommenen Anordnungen der Prämissen einen triftigen Schluß begründen, fo finden wir fogleich die Berechtis gung, S und P in biesem zusammenzubringen, von der vöiligen 3dentität des Mittelbegriffs abhängig; sie wird selbstverständlich binfällig, jobald das M, welches in der einen Prämisse mit S verknüpft ist, ein anderes ist, als das M, welches in der andern mit P verbunden ist. Bier Begriffe murben burch diese Spaltung bes M, austatt der nothwendigen und binreichenden drei, in den Prämiffen auftreten; die Bermeidung dieser quaternio terminorum und die Sicherung der völligen Joentität des Mittelbegriffs ist daber die gemeinsame Bedingung für Die Schluffraft aller Figuren. Um diese Bedingung zu erfüllen, ift es zuerst in allen Figuren nothwendig, jede Doppeldentigkeit des Wortes auszuschließen, durch welches wir den von uns gemeinten Mittelbegriff M bezeichnen; außerdem aber maden zu gleichem Zweck die einzelnen Wiguren je nach der Gigenthümlichkeit ihres Baues besondere, sogleich zu erwähnende Vorsichtsmaßregeln nothwendig.
 - 85. Die erste Figur ordnet im Untersatz ihr S in den Umfang

von M, im Obersat vies M in den Umfang von P, und um deswillen im Schluffas S in den Umfang von P. Der Gedante, ber diefer Folgerung zu Grunde liegt, ift sichtlich ber ber Enbsumption: jedem Enbject fommt das Prädicat seiner Gattung zu. Schon hieraus fann man ableiten, daß der Oberfat ber erften Bigur allgemein sein muß; benn er foll die Regel aussprechen, welche auf das Subject des Untersates angewandt werden joll. Die Forderung der Joentität des Medius terminus führt zu demselben Ergebniß. Denn das S des Untersates ist immer eine bestimmte Urt, oder ein bestimmter Fall des M; die Form des Saties fagt dies aber nicht, sondern fäßt S nur überhaupt als eine unbestimmte Urt des M erscheinen; soll nun dies unbestimmte M daffelbe fein, wovon der Sberfatz behanptet, es fei P, fo ift dies nur zu erreichen, wenn der Sberfatz altgemein von allen M spricht, und so jenes unbestimmte mit umfaßt. Allerdings ist dann das ausgesprochene M des Sberfages nicht identisch mit dem M des Untersages, welches nothwendig, als Prädicat des S, nur einen Theil vom ganzen Umfang des M bedentet; allein diese anscheinende Schwierigkeit hebt sich durch die Neberlegung, daß das zur Hervorbringung des Schliffes benutzte M des Sberfates ebenfalls nur ein Theil des dort ansgesprochenen, nämlich genau dasjenige ist, welches im Untersatz gemeint ist. Da ferner die Folgerung des Schlußfates auf der Unterordnung des Sunter M beruht, so muß diese Unterordnung auch bestehen, der Untersatz mitbin, der sie ausspricht, muß bejabend sein; wäre er verneinend, so würde er einfach das Vorhandensein des Rechtsgrundes leugnen, aus dem die Gültigfeit des Schluffatzes fließen fonnte. Gleichgültig ift es dagegen für den logischen Zusammenhang des Schlusses und lediglich seinem sedesmaligen Inhalte zuzurechnen, ob das, was vom M des Therfates ausgesagt wird, Bejahung oder Berneimung des P ift, und ob das Amwendungsbeispiel, welches der Untersat für dieses allgemeine Berhalten berbeibringt, alle S oder nur einige berselben umfaßt. Daber ift die Qualität des Chersages und die Quantität des Untersages uns beschränft. Im Schlußsau endlich soll die Beziehung, welche der Oberfat dem M zu l' gibt, gleichviet ob Bejahung oder Berneimung, unverändert auf das unveränderte, gleichviel ob allgemeine oder particulare Subject des Unterfates übertragen werden; der Schluffat hat daher die Qualität des Cherjages und die Quantität des Unterjages. Denft

man sich jede Möglichkeit benutt, welche diese Regeln übrig lassen, so entstehen vier gültige Arten oder Modi der ersten Figur. Ihre scho-lastischen Namen Barbara Celarent Darii und Ferio, in befannter Beise durch die drei Becale der Neihe nach Cnatität und Cnantität der Prämissen und der Conclusion bezeichnend, machen uns die Ausseichnung der ersten Figur deutlich, Schlußsätze jeder Art erzeugen zu können.

86. Die Prämissen der zweiten Figur zeigen und zwei Gubjecte S und P in Beziehung zu dem Pradicate M. Saben min beide dies Prädicat oder haben fie es beide nicht, find also beide Prämiffen positiv oder beide negativ, so ist hieraus gar feine Felgerung in Bezna auf ein gegenseitiges Verhältniß zwischen S und P möglich. Denn an einem Merfmal M zugleich Theil haben oder zugleich von ihm ausgeschlossen sein können ungählige Subjecte, ohne daß außer dieser Gemeinsamfeit irgend eine andere zwischen ihnen zu bestehen braucht, namentlich ohne daß das eine S eine Art des andern P sein muß. Mur wenn das eine Subject immer oder allgemein das Merfmal M hat oder nicht hat, das andere aber sich zu M entgegengesetzt verhält, ist die Folgerung begründet, das zweite fonne feine Art des ersten sein. Die Prämissen der zweiten Bigur muffen daber von entgegengesetzter Qualität, und eine von ihnen altgemein sein. Da aber außerdem hertommticher Weise der Untersatz jenes zweite Subject liefert, jo muß die Prämisse, in der das erfte erwähnt wird, also der Obersat, die allgemeine sein. Zusammengefaßt find daher die Bedingungen der zweiten Figur: der Dbersatz ist allgemein, aber seine Qualität unbeschränft; ber Untersatz hat die entgegengesette Qualität des Obersates und ist unbeschränkt in der Quantität; ber Schlugfat ift ftets negativ und hat die Quantität des Unterfațes. Die möglichen Modi find Camestres Baroco Cesare Festino.

87. Die dritte Figur bringt dasselbe Subject M in Beziehung zu zwei Prädicaten P und S. Hat unm M beide Prädicate, sind also beide Prämissen positiv, so müssen P und S vereinbar sein; es solgt mithin, nach dem gebräuchlichen logischen Ausdruck einer solchen Möglicheit, der particular bejahende Schluß: einige S sind P. Die nöthige Joentität des M wird in diesem Falle durch die Allzemeinheit schon einer Prämisse, gleichgültig welcher, hinlänglich gesichert; denn es ist ossenbar kein Unterschied, ob alle M das Mertmal P und nur einige

bas S, ober ob alle M bas S und nur einige bas P besitzen: so wie so gibt es immer einige M, die beide zusammen besitzen und hierdurch ben ftets particularen Schluffat: einige S find P, rechtfertigen. Nebrigens fonnte gerade hier, wo M in beiden Pramiffen Subject ift, seine Adentität auch leicht burch völlig individuelle Bedeutung, also burch ben Sigennamen einer Person, verbürgt werden. Man begegnet solchen Solliffen oft; um die Bereinbarfeit zweier Leiftungen zu beweisen, die einender auszuschließen icheinen, führt man ein Beispiel an: Sofrates sei P gewesen. Sofrates anch S; folglich was S sei, toune auch P sein, ober: einiges S ift P. Die Logif rechtfertigt folde Schlüffe daburch, daß fie dem fingularen Urtheile, d. h. dem, deffen Subject nicht ein unbestimmter Theil eines Allgemeinbegriffs, sondern eine völlig bestimmte, nur einmal vorkommende Ginzelheit ist, den sollegistischen Werth eines allgemeinen Urtheils zutheilt. So tritt dieser Hall unter die obige Regel, welche bei zwei positiven Prämissen eine allgemeine verlangt, einen particular bejahenden Schlußfat vorschreibt und die Modi Darapti, Datisi und Disamis zuläßt.

88. Hat ferner daffelbe Subject M das eine Merfmal, aber das andere nicht, ist also eine Prämisse positiv, die andere negativ, so mussen S und P trennbar fein, oder es folgt nach gewöhnlichem Ausdruck der particular verneinende Schliß: einige S sind nicht P. Bur Identität des M reicht auch hier die Allgemeinheit einer Prämisse hin, gleichgültig welcher, aber der Unterfat muß bejahend sein. Denn ein Mertmal, welches an einem Subject vorfommt, ist allerdings immer trenubar von dem andern, welches an demselben Subject nicht vorkommt; aber dies lettere brancht nicht trennbar von dem erstern zu sein; es bleibt dentbar, daß dies zweite nur entweder nicht oder doch blos in Berbindung mit dem erften bestehen fann. So ift Lebendigkeit ohne Bernunftigfeit, aber nicht Bernünftigfeit ohne Lebendigfeit ein mögliches Merfmal eines Thieres. Unr das bejahte Merfmal ist mithin das trennbare; nur von ihm als Subject fann ber Schlußfatz behaupten, es sei nicht immer mit dem andern als Prädicat verbunden; dies Subject des Schlußsates aber liefert hertommlich der Untersat; dieser also muß bejahend, nur ber Sberfat barf verneinend fein. Unter diefer Bedingung geben gemischte Prämissen die Modi Felapton Ferison und Bocardo, auch sie wie die vorigen mit nur particularen Schluffätzen.

89. Allgemein behanptet endlich die Logif: aus zwei negativen Prämiffen gebe and die dritte Figur feinen gultigen Schluß. Dies ift irria: es fann mit Recht aus ihnen eine Folgerung gezogen werden, die aans gleichartig und an Werth völlig ebenbürtig mit denen ift, welche aus vositiven oder gemischten Borberfaten fliegen. Denn wenn jene beweisen, daß S und P vereinbar, diese, daß sie trennbar sind, je beweisen mit gleichem Recht zwei negative Prämissen, daß S und P nicht contradictorisch entgegengesett sind, daß mithin, was nicht S ift, barunt nicht P zu sein braucht: nach gewöhnlicher Bezeichnungsweise: einige Nicht-S find nicht P. Es ift durchaus nicht einzusehen, warum biefe Folgerung an Werth jenen beiden nachstände; benn die erste ruft uns doch auch nur zu: wo ihr S findet, macht euch auf die Möglichkeit gefakt, auch P zu finden; die zweite: wo ihr S antrefft, rechnet nicht barauf, daß auch P sein werde; gang ebenso diese dritte: wo ihr S nicht bevbachtet, hütet end zu schließen, daß um so mehr P ba sein werde. Im Leben aber begegnet man folden Schlüffen oft; taufendfältig, wo ans dem Nichtvorhandensein einer Eigenschaft voreilig auf die Nothwendigkeit einer andern geschlossen worden ist, beruft man sich auf Beispiele, in welchen weder die eine noch die andere angetroffen wird. und berichtigt so ein falsches Vorurtheil durch einen Schluß nach ber dritten Figur aus zwei negativen Prämiffen. Gultig ift baber diese Folgerung ohne Zweifel: doch ift es nicht zeitgemäß mehr, nachträglich ihren möglichen Modis Namen zu erfinden.

90. Die Prämissen der vierten dem Clandins Galenns zugesschriebenen Figur geben formell ein Gegenbild der ersten Aristostelischen, ohne ihr jedoch an logischem Werth zu gleichen. Man unterscheidet die Modi Bamalip Calemes Dimatis Fesapo Fresiso. Die Prämissen von Bamalip: alle Rosen sind Pflanzen, alle Pflanzen bedürsen Luft, wird jedes natürliche Tenten stillschweigend umstellen und dann aus ihnen nach Barbara der ersten Figur schließen: alle Rosen bedürsen Luft. Dieser Schlußsat ist dann freilich von der Form PS, aber der andere von der Form SP, welchen die vierte Figur verlangt, ist aus ihm durch einsache Umtehrung zu erhalten: einiges Luftbedürstige ist Rose. Dagegen ist aus dieser letzten Folgerung nach der vierten Figur durch Umsehrung diesenige nicht wiederzugewinnen, die wir nach der ersten Figur aus denselben Prämissen zogen, vielmehr gibt

biefe Conversion nur den particularen Sat: einiges, mas Rose ift, ift luftbedürftig. Mithin geht in biefem Falle durch den Schluß nach der Galenischen Figur geradezu ein Theil ber Wahrheit verloren, die in ben Praniffen begründet ift; eine üble Empfehlung für ein Schlugverfahren, beffen Pflicht immer ift, aus Gegebenem fo viel neue Wahrheit an folgern als möglich. Dies Ungeschick zwar fönnte man vermeiden, wie früher gezeigt, natürlicher würde jedoch auch bierdurch der Schluß nicht. Chenjo unnatürlich find Calemes und Dimatis, deren Brämiffen jedes unbefangene Deufen umstellen und nach Celarent und Darii der erften Bigur benuten wird; einen Wahrheitsverluft freilich verschulden jie nicht, da der negative Echluffat von Calemes reine Umkehrung erlaubt, anderseits der von Darii ebenso bles particular ist, wie der ron Dimatis. Mur Fesapo und Fresiso laffen fich, wegen des entstebenden negativen Untersates in beiden, bes particularen Phersates im zweiten, minder beguem auf die erste Bigur zurückbringen; sie geben dafür durch reine Umfebrung der Sberfäge in Felapton und Ferison der dritten über und geben nach dieser Umformung ebenfalls natürlichere Soluffate. Rach allem ist baber die vierte Figur eine sehr entbehrliche Zugabe zu ben drei Aristotelischen.

91. Aristoteles hielt die Wolgerungen nach allen drei Wiguren für triftia, aber nur die nach der ersten für vollkommen. Denn nur diese Figur laffe in der Gestaltung der Prämiffen auch formell den Rechtsarund flar bervortreten, der die Möglichkeit jeder Folgerung bedingt: die Unterordnung des Besondern unter sein Allgemeines. Auch in den beiden andern Biguren beruhe zwar der Schluß auf demselben Rechtsgrunde; auch seien die Unterordnungsverhältnisse, die zur Folgerung nach diesem Princip nothwendig und hinreichend sind, in den Prämissen enthalten und man bedürfe feiner nebenbergebenden Ergänzung derfelben durch anderweitige Kenntniß; aber die Gestaltung der Prämissen lege fie boch nicht von felbst bar; man muffe fie in ihnen auffuchen. Diesen formalen Mangel ber beiden letten Figuren suchte Uristoteles burch Ungabe der Umformungen zu ergänzen, durch welche ihre Prämissen ohne Aenderung ihres Juhalts in solche nach der ersten Figur verwandelt werden fönnen. Man hat dies überstüssig gefunden und eingewandt, daß auch die beiden andern Figuren nach eigenen für sich einleuchtenden Grundfätzen ichließen; jo sei der Grundgedante der zweiten:

wenn zwei Dinge sich in Bezug auf basselbe Merkmal entgegengesett verhalten, fonne das eine feine Urt des andern fein, für fich flar und unabhängig von dem Grundfatz der Unterordnung. Dies bezweifle ich. laffe es aber auf fich beruben; benn wenn man überhaupt bie beiben letten Biguren nach irgent einem Grundfate ichließen läßt, fo gibt man damit idon zu, daß der Rechtsgrund alter Folgerungen in der Unterordnung des Einzelnen unter das Allgemeine liegt; dem wozu nütten diesen Figuren ihre Grundfäte, außer um durch Unterordnung des Prämiffeninhalts unter fie ihre Conclusion zu rechtfertigen? Mit seinem allgemeinen Gedanken über den Borzug der ersten Figur hatte daher Aristoteles Recht; auch kann man das Interesse theilen, welches er daran nahm, ein für allemal durch jene Umgestaltungen die beiden andern zu rechtfertigen; in dem Gebrauch des Denkens aber hat freilich die wirkliche Ausführung dieser Umsormungen selten erheblichen Werth; einen solden Fall glaubten wir eben bei Betrachtung ber vierten Figur zu finden: Die Schlüsse der zweiten und dritten sind durchsichtig genug, um dies Hülfsmittel entbehren zu fönnen.

92. Es reicht baber bin zu erwähnen, daß die scholaftische Logik in den Namen ber Modi der beiden letten Figuren burch die Buchstaben m s p e die zu diesem Zwecke nöthigen Operationen angedeutet hat. Und zwar verlangt m (metathesis) die Umstellung der Prämissen; s und p besehlen rein (simpliciter) oder unrein (per accidens) denjenigen Sat umzufehren, binter beffen darafteriftischem Bocal fie fteben; nur die weniger einfache Bedeutung von c, die Zurnaführung auf das Umnögliche (per impossibile ductio), ist segleich durch das Beispiel Baroco zu erläutern. Die Prämissen sind hier: alle P sind M; einige S sind nicht M; ber Schlußfatz: einige S sind nicht P. Angenommen nun, diefer Schlußfatz fei falich, fo folgt ad contradictoriam: alle S find P. Berhielte sich dies nun so, und ordnete man dem gegebenen Sberfate: alle P find M, diesen neuen Untersat bei: alle S sind P, jo würde nach Barbara der ersten Figur folgen: alle S sind M. Aber dieses Ergebniß widerspricht dem gegebenen Untersatz: einige S sind nicht M; mithin war die Leugnung der Richtigkeit des nach Baroco gefundenen Schlußsatzes unzulässig; er selbst: einige S sind nicht P, ist richtig. Die anderen Operationen bedürfen faum der Beispiele. Wie Bamalip der vierten Figur durch Umstellung in der Prämissen und unreine Conversion p des Schlußsates, der dann nach der ersten Figur gezogen worden war, auf diese zurückgebracht wird, haben wir vor kurzem gesehen; Camestres der zweiten: alle P sind M; kein S ist M; kein S ist P, erhält durch Umstellung m der Prämissen und durch reine Umkehrung s des Untersates die neuen Prämissen und durch reine Umkehrung s des Untersates die neuen Prämissen: kein M ist S; alle P sind M; hieraus solgt nach Celarent der ersten: kein P ist S; dieser Schlußsate bedarf noch der reinen Umkehrung s, nun den von Camestres versangten: kein S ist P, zu ergeben. Darapti der dritten sautet: alle M sind P; alle M sind S; einige S sind P; die reine Umkehrung p des Untersates gibt die Prämissen: alle M sind P; einige S sind M; der hieraus nach Darii der ersten solgende Schlußsat; einige S sind P, bedarf keiner weitern Umsormung, sondern ist numittelbar mit dem von Darapti entspringenden identisch.

Bisber dachten wir uns die Prämissen als kategorische Urtheile von der Form: S ift P. Aber die Beranlassungen unseres Denfens fonnen sie auch in hopothetischer oder disjunctiver Form darbieten. Diese Unterschiede, wichtig für die Urtheile als solche, sind es nicht für den Ansammenhang des Schlusses; sie geboren bier stets zu dem Inhalt und erfordern nur Beachtung, nicht Aenderung der gewöhnlichen Schlufregeln. Um einfachsten ift dies flar für den Fall zweier hopothetischen Prämiffen, beren jede zwei von den drei Sätzen M.S.P als Border- und Nachfatz verfnüpft. Genan wie bei fategorischen Prämissen, wo M. S. P drei Begriffe bedenten, ichließt man bier nach Darii: immer wenn M gilt, gilt P; zuweilen wenn S gilt, gilt M; also zuweilen wenn S gilt, gilt P; nach Camestres: immer wenn P gilt, gilt M; niemals wenn S gilt, gilt M; folglich niemals wenn S gilt, gilt P; nach Disamis: zuweilen wenn P gilt, gist M; immer wenn S gilt, gist M; folglich zuweilen wenn S gilt, gilt P. — Gigenthümlicher find die Wälle, in welchen ein hopothetischer Thersat an einen Grund G, welder den Inhalt seines Vordersatzes bildet, allgemein eine im Nachsatz ausgesprochene Jolge F fnüpft, ein fategorischer Untersat aber für alle oder einzelne Fälle der Urt S entweder G oder F bejaht oder verneint. Man schließt biese Fälle am einfachsten ben unmittelbaren Folgerungen ans dem Urtheil an, denn Grund und Folge verhalten sich wie subalternans und subalternata. Man fann nun zuerst ad subalternatam aus der Ungültigkeit der Bedingung G für bestimmte Källe von S nicht

auf das Richtgelten der Folge F in denselben Fällen schließen; denn dieselbe Folge fann aus andern ägnivalenten Gründen dennoch besteben. Aber man ichließt ans der Geltung des Grundes auf die Geltung der Folge. Hierans entspringen, da G sowohl Geltung als Richtgeltung von F begründen fann, zwei Schlüffe: 1) wenn G gilt, gilt immer F; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G; also in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F; bies ift ein modus ponendo ponens, ber burch Setzung ber Bedingung die Folge fett; er entspricht fichtlich ben Modis Barbara und Darii der ersten Figur; 2) wenn G gilt, so gilt niemals F; in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G; folglich in allen oder einzelnen Fällen von S gilt F nicht; ein m. ponendo tollens, sofern er die Folge F durch Setzung der Bedingung ihres Gegentheils aufhebt; übrigens offenbar ein Gegenbild von Celarent und Ferio der eriten Fignr. In der entgegengesetzten Richtung ad subalternantem fließt aus ber Gültigkeit bes Sates F in bestimmten Fällen von 8 nicht die Gültigfeit der einzelnen Bedingung G, von welcher er in andern Fällen abhängig gefunden wurde; denn dieselbe Folge F fann aus mehreren ägnivalenten Gründen entspringen. Aber aus der Richtgeltung bes Sates F für bestimmte Fätle von S folgt die Ungültigfeit jeder, mithin auch der einzelnen Bedingung G, von der er begründet werden fonnte. Zuläffig find baber die Schlüffe: 3) wenn G gilt, gilt F immer; in allen oder einzelnen Källen von S gilt F nicht; also in allen oder einzelnen Fällen von S gilt G nicht; ein m. tollendo tollens, der durch Anshebung der Folge den Grund anshebt, der sie nothwendig begründet haben würde, wenn er gegolten hätte; übrigens offenbar Camestres und Baroco der zweiten Highr entsprechend; 4) wenn G gilt, gilt F niemals; in allen oder einzelnen Fälten von S gilt F; folglich in allen oder einzelnen Fällen von F gilt G nicht; ein m. ponendo tollens, der durch Setzung einer Folge die Bedingung leugnet, unter der sie unmöglich gewesen wäre; er wiederholt Cesare und Festino der zweiten Figur. Man fann endlich erwägen, daß auch die Nichtgeltung des Sates G Grund für Gültigfeit oder Ungültigfeit des Sates F fein kann, und erhält dam die Schlüffe: 5) wenn G nicht gilt, gilt allemal auch F nicht; in allen oder einigen Fällen von S gilt G nicht; in denselben Fällen mithin auch F nicht; ein m. tollendo tollens ohne Eigenthümsichfeit, der nur ins Regative den ponendo ponens übersetzt; 6) wenn G nicht gilt, gilt allemal F; nun aber in allen ober einigen Fällen von S gilt F nicht; folglich gilt in diesen Fällen G; ein m. tollendo ponens, der uns zur Vollständigkeit aller Combisnationen von Setzung und Aushebung noch sehlte; er setzt die Gültigkeit eines Grundes durch Aushebung der nothwendigen Folge seiner Unsgültigkeit. Eine leichte Umsermung des Ausdrucks zeigt, daß auch diese letzten beiden Fälle der zweiten Figur angehören; der zweite würde lauten können; wenn Non-G gilt, gilt immer F; nun gilt immer oder zuweilen F nicht, also gilt immer oder zuweilen Non-G nicht. — Da hiermit alles erschöpft ist, was aus dem Verhältniß der Subalternation sließt, so gibt es keine Folgerungen dieser Art, welche sich der dritten Figur anreihen ließen.

94. Bichtiger als diese sollogistischen Künste ist mir ein Umstand, bessen ich bei dieser Gelegenheit nirgends eindringlich gedacht finde: alle dieje Schlüffe beziehen fich nur auf ein Berhältniß zwischen dem Grunde G und seiner Folge F, nicht auf das einer Urfache G zu ihrer Wirfung F. Mur in der Welt ber Gedanken hat eine Bedingung G, wenn sie einmal als gültig gesetzt wird, die ihr zustehende denknothwendiae Wolge F immer: in der Wirklichkeit kann der Ursache G, auch wenn sie besteht und wirtt, ihr Erfolg F stets durch eine Gegenfraft U vereitelt werden. In ihrer Uebertragung auf wirkliches Geschen bedürfen daber alle diese Schlüsse Modificationen, welche die angewandte Logif lehren wird; so ist es nicht zulässig zu schließen, überall wo die Ursache G wirke, müsse ihr Ersola F wirklich sein; nicht zu tässig, wenn G eine Hemmungsursache von F ist, zu behaupten, wo Diese Hemmung G wirklich sei, könne F nicht in Wirklichkeit vorkommen; auch G fann seinerseits durch ein U gehemmt sein oder F dennoch durch eine dritte Urfache V verwirflicht. Es ist deshalb in der reinen Logit ganz unschicklich, die behandelten Fälle so zu bezeichnen: ihr Untersau spreche die Wirtlichteit von G oder F aus; diese beiden einfachen Buch staben bedeuten ja bier Urtheile von der Form: S ist P; nur die logische Zuläffigteit oder Nothwendigfeit biefer Gedankenverbindung zwischen S und P behauptet der Untersatz in Bezug auf gewisse Fälle von S, während der Dberfatz fie mit einer andern ähnlichen Beziehung zwischen S und Q zu einem hopothetischen Urtheil von allgemeiner Geltung verbindet. Ich verfolge dies bier nicht weiter; meine in den Bezeichnungen

etwas weitläufigere Darstellung hat dies wirkliche Berhalten anzustenten versincht.

95. Gilt von einem Subject Z: es sei entweder P oder Q oder R, oder: es sei sowohl P als Q als R, oder: es sei weder P noch Q noch R, so ersetzen wir zunächst dies dreigliedrige Prädicat durch das einfache U, und nennen dies U im ersten Kalle disjunctiv, im zweiten positiv, im dritten negativ. Wer sich unn die nicht unerläßliche Mühe gibt, die Berwendung solcher disjunctiven, copulativen und remotiven Prämiffen im Schluffe zu verfolgen, wird finden: 1) ift der Oberfatz ZU, und ordnet der Untersat SZ ein S dem Z unter, so folgen die gewöhnlichen Conclusionen SU der ersten Figur; in ihnen hat U stets dieselbe Bedeutung, wie im Obersate; 2) ist der allgemeine Obersatz ZU, der Untersats SU, und U in dem einen von beiden positiv oder disjunctiv. im andern negativ, so entstehen die negativen Schluffäte SZ der zweiten Kigur mit der Quantität ihres Untersates; 3) aus dem Obersate UZ mit positivem oder negativem U, und dem Untersate US mit gleichem oder entgegengesetztem U folgen die stets particularen Conclufionen SZ der dritten Figur; 4) in den beiden letzten Fällen, in welchen das zum Medius terminus gewordene U aus dem Schluffats verichwindet, ift seine Miehrgliedrigkeit gang bedeutungslos; was folgt, folgt ebenso gut, wenn man nur eins seiner Glieder P oder Q nach seinem Verhalten in beiden Prämissen in Betracht zieht. Ebeuso wenig Neues entsteht, wenn zu dem allgemeinen Obersatz ZU ein Untersat tritt, der für das einzelne Subject Z eines der Glieder von U behauptet oder sengnet. Sagt der Obersatz mit blos zweigliedriger Disjunction: Alle Z find entweder P oder Q, der Untersatz aber: dieses Z ist P oder dieses Z ist nicht P, so folgt: dieses Z ist nicht Q oder dieses Z ist Q. Diese Folgerungen verstehen sich aus der Natur des contradictorischen Gegensaties von selbst; auf die erste Figur sind sie, ohne denkbaren Ruten, durch die Reduction zu bringen: jedes Z, welches nicht P ist, ist Q; mm ist dieses Z ein Z, welches nicht P ist, also ist Diefes Z ein Q. Diefelben unfruchtbaren Betrachtungen laffen fich auf mehraliedriges U des Obersates ausdehnen, denn immer fann man eine beliebige Angahl seiner Glieder zum Subject ziehen und mit blos zweigliedrigem U fagen: jedes Z, welches nicht P und nicht Q ist, ist entweder R oder T. Bolplemmen endlich (Dilemmen, Trilemmen)

sind Schlüsse mit vielgliedrigem disjunctiven U des Obersatzes ZU und einer gleichen Anzahl von Untersätzen, die zusammen für jedes der Glieder von U dieselbe weitere Folge T behauptet. Auf diese Fälle, nicht neue logische Formen, sondern nur eigenthümliche Verswendungen der bekannten, mag und die angewandte Logis zurückstören.

96. Bar nicht bente ich bagegen auf bie Lehre von den Schlußfetteit gurudgutommen. Begreiflich fann jede Conclusion eines Schlusses Oberfats eines zweiten werben; Profollogismus bes zweiten beißt bann ber erfte, Spisvllogismus bes vorigen jeder folgende. Die bloke Bergleichung der Namen der Schlußmodi lehrt sogleich manche Gigenichaften ber fo entstehenden Rette. Goll ihr Endglied allgemein fein, fo muß ber lette Schlif einer ber beiben erften Figuren angeboren, und ba in biefen der Oberfat ebenfalls allgemein fein muß, jo muß die gange Reihe ber Profpllogismen, also die gange Kette in ben beiden erften Biguren verlaufen; jede Ginmischung eines Gliedes nach ber dritten bringt einen particularen Schluffat bervor, ber nie wieder zu allgemeinen Conclusionen zurückleitet. Sat einer der Schlüsse eine negative Conclusion, so werden auch die aller Episptlogismen negativ: mit positivem und zugleich allgemeinem Endglied faun unr eine Kette ichließen, die durchweg in Barbara verläuft. Man pflegt nun nach Analogie des einfachen Schluffes noch weiter zu verlangen, daß der Obersatz des ersten Prospllogismus das Pradicat P, der Unterjat bes letten Episyllogismus das Subject S des endlichen Schlußfates liefere; die Regeln aufzufinden, die bann die Bildung diefer Schluffette bedingen, wäre nur Sache ber Geduld; ihren Hingen wüßte ich nicht anzugeben. Verschweigung bes Schluffates eines Prosptlogismus, der angleich Oberfat des Epispliogismus ist, erzeugt ans den Retten die beiden Formen des Sorites. Der Arifiotelische: A ift B, B ift C, C ift D, also A ift D, ordnet jeden Begriff in den Umfang des folgenden, schreitet also vom niederen zum böheren fort und entsteht durch Unterbrüdung der Schlugfätze, die man aus je zwei Gliedern so fande: B ift C, A ist B, also A ift C; dann C ist D, A ift C, also A ift D. Der andere, späte Erfindung des Profeffor Goffenius in Marburg [1547-1628] nimmt den entgegengesetzten Gang: seine Prämissen: B ift A, C ift B, D ift C . . . unter

drücken die Conclusion: C ist A, der beiden ersten Glieder, die als Obersatz zu dem dritten nach der ersten Figur den Schluß der Kette siesert: D ist A.

A. Der inllogistische Schluß.

Der Schluß burch Enbsumption. — Der Schluß ber Induction. — Der Schluß burch Analogie.

97. Die logischen Wahrheiten, beren sich bas Deuten in seiner Behandlung des Vorstellungsinhalts nach und nach bewußt geworden war, hatte das disjunctive Urtheil vorläufig dahin zusammengefaßt: jedem S, welches eine Urt von M sei, komme von jedem der allgemeinen Prädicate des M eine besondere Modification mit Ausschluß aller übrigen als fein Pradicat zu. Die Aufgabe, die nun zu lösen blieb, mar die Auffindung der Denthandlungen, durch welche dies geforderte eigenthümliche Merfmal für ein gegebenes S bestimmbar wurde. Die Uristotelischen Syllogismen lösen diese Aufgabe nicht; sie begnügen sich, das Subject ihres Schluffates nur mit der allgemeinen Form des Prabicats in Beziehung zu setzen, Die ihr Thersatz erwähnt hatte; sie sind Daher ungeachtet der reichen Verzweigung, die ihnen und ihren möglichen Verschiedenheiten ber Scharffinn der früheren Logifer gegeben bat. doch nur der formell erweiterte und ausführliche Unsdruck der logischen Wahrheit, die in dem disjunctiven Urtheil bereits niedergelegt war. Achnlich dem impersonalen Urtheile, welches eine im Begriffe bereits angebeutete Spaltung nur formell burch bie Auseinandersetzung des Subjects und Pradicats zum Ausbruch brachte, ohne über die gegenseitige Beziehung ber beiden geschaffenen Glieber Neues zu lehren, gang ähnlich sett in seiner vollkommensten ersten Figur, auf Die wir uns die andern gurudgeführt benten, auch der Aristotelische Schluß nur in zwei gesonderten Prämissen die allgemeine Regel und den Fall der Anwendung auch äußerlich auseinander, die in dem Sinne des disiunctiven Urtheils bereits in benselben gegenseitigen Berhältniffen gedacht waren. Sämmtlich auf die unbestimmte Einerdnung eines Begriffes in ben Umfang eines andern gebant, laffen fich baber die Ariftotelischen Sollogismen, unter bem Ramen bes Schluffes burch Subsumption zusammengefaßt, als die erste und elementarite Form der neuen Gruppe von Tenfhandlungen betrachten; und wir versfuchen, sogleich zu zeigen, zu welchem weiteren Fortschritte sie nöthigen.

98. Als das sprechendste Beispiel des Gedankens, der dem Schluffe burch Subsumption zu Grunde liegt, mable ich den Modus Darii, der ausbrücklich dem allgemeinen Gesetze im Obersatze ein besonderes Beispiel der Amwendung im Untersatze untererdnet. Alle Menschen sind fterblich, fagt dieser Modus; Cajus aber ift ein Mensch; und hieraus ichließt er: also ist Cajus sterblich; offenbar in ber Meinung, durch bieje Folgerung eine Wahrheit festgestellt zu haben, die vorher noch nicht fesistand, nun aber burch bie Wahrheit der beiden Prämissen und ihre Beziehung auf einander gesichert ist. Schon die Stepsis des Alterthums hat jedoch eingewandt, daß nicht die Prämiffen die Richtigfeit des Schluffates verburgen, sondern daß der Schluffat bereits gultig fein muß, damit es bie Prämiffen sein tonnen. In der That, wo bliebe die Wahrheit des Oberfates: alle Menschen seien sterblich, wenn es in Bezug auf Cajus noch nicht gewiß ware, daß er an biefer Gigen icaft Theil hat? Und wo bliebe die Wahrheit des Unterfațes, daß Cajns ein Menich fei, wenn es noch zweifelhaft ware, ob er außer anbern Gigenschaften bes Menschen auch bie ber Sterblichteit hat, bie ja ber Sberfat als allgemeines Merfmal jedes Menschen aufführt? Anstatt mithin durch ihre für sich feststehende Wahrheit bie des Schluksates zu beweisen, find vielmehr beide Prämiffen nur unter Boraussetzung seiner Wahrheit richtig, und dieser doppelte Cirkel scheint zunächft jede logische Leistung des Sollogismus unmöglich zu machen.

99. Tas Gewicht dieses Einwurfs ist nicht hinwegzuleugnen: wir versolgen ihn in Bezug auf verschiedene Fälle. Wenn wir uns den Sbersay MP als ein anastrisches Urtheil deuken, wenn wir also annehmen, P sei ein sestes Merknal, ohne welches sich überhaupt der Inhalt des Begriffs M nicht vollständig deuten lasse, so steht allerdings dann die Allgemeingültigkeit des Sbersayes für sich sest; aber der Untersay kann dann ein S nicht dem M unterordnen, ohne dem S dies unentbehrliche P bereits zuzuschreiben, also den Schlußsay vorauszuschen, der diese Behanptung erst aussprechen sollte. Wer z. B. es zu dem Begriff des Körpers rechnet, schwer zu sein, bildet unangesochten den Sbersay: alle Körper sind schwer; aber er kann die Lust dann im Untersaye nicht einen Körper nennen, ohne schon mitzudenten, was erst

der Schluffat lehren foll, daß auch die Luft schwer ift. Allgemein: der Grundfat ber Subsumption verlangt, daß bas untergeordnete Ginzelne die Merfmale seines Allgemeinen theile; aber umgefehrt läßt sich nichts einem Allgemeinen unterordnen, ohne bereits die Mertmale zu haben, die dieses ihm vorschreibt. Es würde sich aber anders verhalten, wenn wir und den Obersat MP als ein sonthetisches Urtheil von allgemeiner Geltung bächten. Dann würde der Inhalt des Begriffes M fich vollftändig fassen lassen, ohne in ihm P mitgedacht zu haben, aber eine Bewißheit von irgend welchem Ursprunge lehrte und zugleich, daß überall mit diesem M auch P verbunden sei. Darauf würde der Unterfats an S nur die Merfmale nachzuweisen haben, durch die es ein M ift, und nun erft der Schlußfatz das noch nicht mitgebachte I' hinzufügen, welches dem S um seiner Unterordnung unter M willen gebührt. Im wirflichen Gebranche der Subsumptionsschlüsse macht man diese Boraussetzungen immer. Wer behauptet, daß alle Menschen sterblich seien, denkt sich den naturgeschichtlichen Charafter der Menscheit durch ihre übrige gegebene Organisation vollständig bestimmt und sieht die Sterblichfeit als ein Merkmal an, welches nicht ausdrücklich von unserem Denken in der Charakteristik des Menschen mitgebacht zu werden braucht, weil es als unvermeidliche Folge ohnehin an jener Organisation hängt, durch die wir den Begriff des Menschen bestimmen. Darum reicht es mm im Untersatz aus, auch von Cajus nur diese wesentliche Organisation festzustellen, um im Schlugfatze ihm jene unvermeidliche Folge derselben zuzuerkennen. Roch deutlicher wird dies, wenn wir uns den Oberfats hypothetisch vorstellen, unter l'also nicht ein festes, bleibendes, sondern ein fliegendes Mertmal des M, überhaupt eine Folge denken, die aus M unter einer gewissen Bedingung x hervorgeht, ein Mertmal, welches M unter dieser Bedingung annimmt oder verliert, einen Auftand, in den es geräth, oder eine Wirkung, die es ausübt. Dann reicht es hin, im Untersats S dem M allein unterzuordnen, um im Schluffat zu folgern, daß auch S, wenn die gleiche Bedingung x einwirft, das Merkmal P zeigen muffe. Und auf diese Form taufen in ber That die meisten in der Wijsenschaft wirksamen Anwendungen der Syllogismen gurud; fie zeigen fast alle, daß S, weil es eine Urt von M ift, unter der Bedingung x im Attgemeinen dieselbe Wirkung P entfalten oder erfahren werde, die wir an M fennen. Allein, wenn es sich vorhin bei analvtischem Dbersatz fragte, mit welchem Rechte ber Untersats ausgesprochen werden fönne, so fragt es sich hier bei sonthetisch angenommenem Oberfat, mit welchem Rechte diefer felbst als allgemein= gültig behanptet werden dürfe? Wenn Die Sterblichfeit als neues Merfmal zu der übrigen Organisation des Menschen nothwendig binzufommen joll, jo fann doch bieje Allgemeingültigfeit nur unter Boraussekung der Richtigkeit des Schluffatzes bestehen, und sie wird hinfällig, weigt es nun doch einen eigensinnigen Cajus gibt, der nicht stirbt. Was man hieranf antworten wird, ist flar: natürlich sei jeder allgemeine Sberfatz falich, der fich in einem einzelnen seiner untergeordneten Rälle nicht bestätigt, und diese Wefahr liege überall nahe, wo jener allgemeine Satz mir durch eine unberechtigte Berallgemeinerung vieler beobachteten Einzelfälle entstanden sei; wo jedoch die nothwendige Verknüpfung des M und P an sich nachweisbar sei, da sorge eben diese gültige Allgemeinheit dafür, daß fein eigensinniger Ginzelfall vortommen fonne, welcher ihr widerspräche. In dem angeführten Beispiel liege Die Sache zweifelhaft; für die gemeine Meinung sei die allgemeine Sterblichkeit der Meniden nur eine Boraussetzung, aus dem überwältigenden Gindruck ungäbliger Beispiele entsprungen, zu denen sich noch kein Gegenbeispiel gefunden bat: für den Physiologen stehe sie zwar, als Holge der gegebenen Organisation, in seiner lleberzengung fest, aber auch ohne sich mit der wünschenswerthen Genanigfeit darthun zu lassen. In andern Fällen jedoch sei die Allgemeingültigfeit des sonthetischen Cbersates entweder durch eine unmittelbare Anschanung oder durch Beweise verbürgt, die einen gegebenen Inhalt einer solchen Anschauung unterordnen, und in allen diesen Fällen reiche der Sullogismus zur sicheren Bewinning einer besenderen nenen Erfenntniß bin; benn nichts sei gu ihr nöthig, als die ausführbare Unterordnung eines S unter ein M, welches hier mahrhaft den Dienst eines Mittelbegriffs leiste, S mit einem vorher ihm fremden P zu verfnüpfen.

100. Ich lasse bier dahingestellt, ob und in welcher Ausdehnung überhanpt die unmittelbare Anschanung der allgemeingültigen Wahrheit eines synthetischen Urtheils möglich sei; denn ganz unmittelbar flar ist so viel, daß wir sedensalls nur sehr selten uns in der Lage besinden werden, den Inhalt eines allgemeinen Sbersales auf diesen Rechtsgrund stügen zu können; unzählige allgemeine Urtheile werden von uns

ausgesprochen und zu Folgerungen benutzt, obne selbst als unmittelbare Unschauungen gelten zu fonnen, und ohne daß die Beweise ausführbar wären, durch welche ibr Inhalt auf folde Quellen der Wahrheit fich gurudleiten ließe. Diese gange ausgebreitete Thatiateit unieres Denfens fann weder einfach als untriftig bei Seite gesetst werden, noch fann fie besteben ohne logische Regeln ihrer Gültigkeit. Diesen Regeln haben wir nachzusorschen, und zwar sind es ihrer zwei, die wir bedürsen. Bu dem wirksamen Gebrauche des Schlusses ist es zuerst nöthig, daß wir allgemeine Oberfätze finden lernen, deren Gültigfeit weder auf einer unmittelbaren Gewißbeit, noch auf der ichon gemachten Erfahrung ihrer Richtigkeit in jedem Einzelfalle berubt: es muß möglich sein, die allgemeine Sterblichkeit ber Menschen zu behaupten, sowohl bevor man sie als nothwendige Folge aus ihren Gründen begreift, als auch bevor man jeden Einzelnen darauf geprüft bat, ob er umzubringen sei ober nicht. Der Untersatz aber macht eine zweite Regel nothwendig. Denn möglich ist es zwar in vielen Fällen, ein S dem M deswegen unterzuordnen, weil man an Salle Merkmale gefunden hat, welche bas M jeder seiner Arten vorschreibt; ausführbar ist aber dennoch in den meisten Fällen diese Leistung nicht; Niemand wird es für nothwendig oder für vollendbar halten, auch nur den Cajus unseres Untersates in Bezug auf alle Organisationseigenheiten zu prüfen, nu sich das Recht zu nehmen, ihn der Gattung Mensch unterzuordnen. Wenn der wirtliche fruchtbare Gebrauch des Deutens möglich sein foll, nung es daber ein Berfahren geben, nach welchem Unterfätze sich finden lassen, die ein gegebenes Subject einer Gattung unterordnen, noch bevor von ihm erwiesen ist, daß es vollständig alle Merkmale dieser Gattung besitze. Die beiden Verfahrungsweisen, die ich hier verlange, lassen sich nun, ohne daß dies indeffen von wesentlicher Bedeutung wäre, an eine etwas veränderte Auffassung der zweiten und dritten Aristotelischen Figur anschließen.

101. Die allgemeine Aufgabe jedes Schlisversabrens besteht naturgemäß darin, aus gegebenen Datis oder Prämissen so viel neue Wahrheit zu entwickeln als möglich: wie dies geschieht, ist an sich völlig gleichgültig; das Versahren wird sich nach der Gestalt der Prämissen richten, die wir nehmen müssen, wie sie uns die Ersahrung, innere oder änßere, darbietet. Am ist es ein hänsiges Vortemmen, daß nicht

nur an zwei, sondern an sehr vielen verschiedenen Subjecten P S T V W dasselbe Brädicat M vorfommt oder nicht vorfommt, und es fraat jich, welche Folgerung aus diesen Prämissen PM, SM, TM, VM... möglich ift, die sich ihrer Form nach der zweiten Uristotelischen Figur auschließen. Es ift flar, daß fie in ihrer Vielzahl nicht zu einem Schlusse auffordern, welcher zwei einzelne biefer Subjecte in ein gegenseitiges Berhältniß brächte; jo weit diese Folgerung beabsichtigt wird, ist sie nutdurch die Aristotelische Beschränfung auf zwei Prämissen und mit Beachtung der Regelu der zweiten Kigur möglich. Aber es ift ebenfo erlaubt zu versuchen, ob nicht dies gemeinsame Vorfommen des M an jo vericiedenen Subjecten uns etwas über die Bedeutung dieses M jelbst lebre, das mithin im Schluffate nicht verschwinden würde. Diejen Berind nun macht bas natürliche Deufen, wo ihm die Erfahrung folde Prämiffen gibt, unsehlbar und wird dabei durch den allgemeinen Grundfatz geleitet, der alle seine Handlungen beherricht: vorgefundenes Zusammensein der Vorstellungen in Zusammengehörigkeit ihrer Inbalte zu verwandeln. Wo wir dasselbe Merkmal an verschiedenen Subjecten wahrnehmen, haben wir das Vorurtheil, daß diese Uebereinstimmung feine zufällige, daß mithin die verschiedenen Subjecte nicht jedes einzeln für sich durch einen besonderen Umstand mit demselben Prädicate zusammengerathen sei, daß vielmehr alle untereinander einen gemeinschaft= lichen Stamm gleiches Wefens baben, von dem jene gleiche Beziehung zu demselben Merfmal die Folge ist. PSTV werden mithin zwar verschiedene sein, aber doch unter einen höheren Begriff D als Arten desselben coordinirt; nicht sie als verschiedene Ginzelne, sondern nur so= fern sie Arten bes D sind, tragen bas gemeinsame Merkmal M als nothwendiges Merkmal dieser ihrer Gattung. Unser Schluffatz lautet demnach: alle & find M; und in ihm bedeutet & das höhere Allgemeine, dem wir die einzelnen Subjecte unterordnen, und das mahre Subject für jenes M, das wir vorher gemeinsam an jenen einzelnen vorkommen faben. Dies Schlufverfahren ift ber einfachste Kall der Anduction und bildet für uns unter diesem Namen bas zweite Glied dieser Gruppe von Folgerungen, die sich auf Unterordnung des Mannigfachen unter die Einbeit eines Allgemeinen gründen.

102. Die Aufgabe, die wir diesem Verfahren stellten, allgemeine Oberfätze für Schlüsse der Subsumption zu erzeugen, scheint es nun

dennoch nur unvollfommen zu erfüllen. Denn übereinstimmend wirft man der Anduction vor, daß sie Gewisses aber nicht Reues lebre, wenn sie vollständig, Neues aber nicht Gewisses, so lange sie unvollftändig sei. Sind PSTU alle Arten des D, die es gibt, und hat von ieder dieser Arten eine Prämisse schon gelehrt, daß sie M sei, so fann der Schluffatz nur als univerfales Urtheil: alle 2 find M. diefe Aussagen der Bordersätze summiren; aber er fann nicht einmal mit logischem Recht sich in das generelle Urtheil verwandeln: jedes Σ als soldes ift M; es bleibt vielmehr gang zweifelhaft, ob nicht blos thatfächlich alle Arten des D, und zuletzt doch jede Art aus einem besonderen Grunde, daffelbe M baben oder erleiden, oder ob wirklich in der allaemeinen Ratur des D selbst der immer gleiche Grund liegt, der dies Prädicat allen seinen Arten nothwendig macht. Gibt es aber anker den Subjecten, welche in den Prämissen mit M verbunden vortommen, noch andere Arten des D, von denen sie nichts aussagen, so ist der Soluffat eine unberechtigte Folgerung ad subalternantem aus ber Bültigfeit einer beschränften Angabl von Ginzelfällen auf die Bültigfeit des allgemeinen Falles, eine Folgerung, die verschiedene Grade der Wahrscheinlichkeit mag haben tommen, Gewißheit aber niemals erlangt. Es scheint mir jedoch, daß biese an sich richtigen Bemerfungen die reine Bedeutung einer logischen Form mit den Schwierigkeiten ihrer wirksamen Amvendung verwechseln und daß derselbe Kehler auch schen in dem Tadel lag, den man gegen den Werth des Aristotelischen Spllogismus erhob. Der Gedaute, dem dieser folgte, jedes Ginzelne sei zum Besitz seiner Pradicate durch seine Abhangigfeit von seinem Allgemeinen berechtigt und verpflichtet, ift ohne Zweisel ein logisch durchaus gültiger Grundsat, welcher den inneren Zusammenhang des jedesmaligen Denfinhaltes in seine richtige Beleuchtung rückt. Diese logische Bedeutung verliert er dadurch gar nicht, daß die Wahrheit des Allgemeinen, um zu bestehen, die Gültigfeit besselben in allen Ginzelfällen einschließt, oder wenn man lieber will, voraussett; es ift ja vielmehr der eigene Sinn des Grundfages, daß beide ungertrennlich von einander find. Mag man daher im Gebrauche des Denfens zu der Wahrheit der Prämissen gekommen sein, auf welchem Wege man will; nachdem man jie gefunden hat, driidt die Unterordnung, welche die erste Uristotelische Figur ausspricht, die Gliederung aus, die dem inneren Insammenhange des fertigen Denkinhalts entspricht, obgleich vielleicht gar nicht die Gliederung der Gedankenarbeit, durch welche wir ihn gewonnen haben. So betrachtet ift der Schlug der Subsumption das logische Adeal, in deffen Form wir unsere Erfenntnig bringen sollen, aber nicht zugleich allgemein die instrumentale Methode, durch deren Befolgung wir den gegebenen Stoff zu jener Erfenntniß zusammenschließen. Aehnliches habe ich nun von der Anduction zu sagen; der logische Gebanke, der ihr zu Grunde liegt, ist gar nicht blos wahrscheinlich, sondern gewiß und unanfechtbar. Er besteht in ber auf dem Sate der Identität beruhenden lleberzeugung, daß jede bestimmte Erscheinung M auch nur von einer bestimmten Bedingung D abhängen fonne, und daß mithin, wo unter anscheinend verschiedenen Umständen oder an verschiedenen Subjecten PSTU baffelbe M vorkommt, es gang unvermeidlich in diesen etwas Gemeinsames Σ geben müsse, welches die wahre, identische Bedingung des M oder das wahre Subject zu M sei. Man würde gang mit Unrecht einwenden, es sei eine gewöhnliche Erfahrung, daß dieselbe Folge M von verschiedenen ägnivalenten Bedingungen erzenat werden, dasselbe Prädicat M an äußerst verschiedenen Subjecten vorfommen fonne. Gben in diesem Einwurf zeigt fich die Berwechselung, die wir oben rügten, der logischen Regel mit ihren Ausführungsbedingungen. Gibt es für eine Folge M zwei verschiedene äquivalente Bedingungen, so sind diese beiden eben nicht durch das, wodurch sie verschieden, Poder S, sind, sondern durch das, worauf ihre Alequivalenz beruht, wirklich die Bedingungen dieser gleichen Folge M: so lange man diesen gemeinsamen Grundzug beider nicht absondern fann, so lange hat man eben das richtige D des Schluffages nicht gefunden, mithin die Anduction nicht in der Beise ausgeführt, in welcher sie ausgeführt zu werden verlangt. Findet sich dasselbe M als Prädicat an sehr vielen höchst verschiedenen Subjecten und zwar, wie es gewöhnlich in der wirklichen Unwendung zu begegnen pflegt, an folden Subjecten, von beren jedem nur ein Theil seines gangen Merfmalbestandes befannt ist, so kann man sich natürlich sehr irren, wenn man das, was in diefen befannten Merkmalen aller Subjecte gemeinsam ift, zu dem D gufammenfaßt, dem man nun, als dem mahren Subjecte, bas fragliche Merkmal M zutheilen könnte. Ich lengne nicht, daß im Gebrauch der Induction wir febr häufig unter folde ungunftige Bedingungen gestellt jind; aber alle diese Schwierigkeiten, welche sich der Ansssührung entsgegenstellen, ändern die allgemeine logische Gültigkeit des Grundsatzes der Juduction nicht, der behanptet, überall, wo verschiedene Bedingunsgen dieselbe Folge M oder verschiedene Subjecte dasselbe Prädicat M haben, müsse sich ein und nur ein ganz bestimmtes Danssillen lassen, welches die einzige immer gleiche Bedingung oder das einzige wahre Subject sei, dem allgemeingültig und nothwendig das Prädicat M oder die Folge M in einem Schlußsat von der Form: jedes Dist M, zuzuschreiben sei. Der angewandten Logis aber überlassen wir die Beachtung der Regeln, durch welche die Aufsindung dieses D gelingen kann.

103. Die dritte Form dieser Gruppe führe ich unter dem etwas willfürlich gewählten Ramen bes Schluffes ber Anglogie ein. Die Prämissenstellung ber britten Aristotelischen Zigur MP, MS enthält, bei der völligen Gleichheit des Baues beider Borderfätze, wiederum feinen Grund zur Unterscheidung von Sber- und Untersatz, und auch teinen, die Prämissen auf zwei zu beschräufen. Sehr häusig wird im Gegentheil uns die Erfahrung eine größere Anzahl berselben, MP, MS, MT, MU..., also die Thatsacke vor Augen stellen, daß an demselben Subject eine Bielheit verschiedener Merkmale entweder vorkomme ober nicht vorfomme. Diese Data barf bas Denken nicht zurüchweisen und es benutt sie zu einer Folgerung, die, nur in umgefehrter Richtung, der vorigen völlig ähnlich ist. Auch hier läßt es sich durch die Voranssetzung leiten, daß nicht durch viele zusammenhanglose Zufälle Die verschiedenen Prädicate sich an demselben Subjecte M vereinigt baben, sondern daß es einen Grund geben muffe, ber sie alle, als zufammengehörige, versammelt hat; sie gehören dem M, weil M ein H ist, zu der Natur des Π aber gehört es, diesen vollzähligen Merkmalbestand zu haben, der seinen Inhalt ausmacht; als eine Urt des Π hat M barauf Anspruch, alle biese Prädicate an sich zu vereinigen. So bilben wir aus biefen Prämiffen ben Schluffat; M ift ein II, und haben mit ihm die zweite Aufgabe erfüllt, für ben Schluß ber Subsumption jenen Untersatz zu finden, durch welchen ein Begriff M, das dortige S, unter den Umfang eines andern H_t des dortigen M_t untergeordnet wird.

104. Auch diese Aufgabe scheint aber schlecht ersüllt zu sein; denn wie die Induction, so unterliegt auch die Analogie dem Tadel, nichts Love, Legit.

Neues zu lehren, wenn sie vollständig, und nichts Sicheres, wenn sie unvollständig ift. Geben die Brämissen bereits dem M alle Merfmale. die nöthig sind, damit es ein H sei, so gewinnen wir an sachlicher Erfenntniß nichts durch die wirkliche Unterpronung desselben unter diesen Beariff: nur die Form unserer Anffassung des gegebenen Anbalts äubert sich. Aber in den allermeisten Källen geben die Prämissen nur einen Theil der zu II nothwendigen Brädicate an, und wir schließen ohne Siderheit von ihrer Gegenwart auch auf die aller übrigen, durch welche an M erst der ganze Inhalt eines II verwirklicht wird. unsere Betrachtung Gegenständen der Wirklichkeit gilt, deren ganges Wesen aus ungähligen nus zum großen Theil unbefannten, zum Theil ichwer beobachtbaren Merfmalen besteht, ist dies immer der Fall; aus wenigen Eigenschaften, die wir an einem Gegenstande wirklich beobachten, schließen wir darauf, er sei ein Metall, ein Thier bestimmter Gattung, ein Werfzeug zu bestimmtem Zweck. Daß hierans im Gebrauch der Analogie zahlreiche Arrthümer entstehen, bedarf feines Wortes weiter; aber die Schwierigkeit der Anwendung beeinträchtigt auch bier den Werth des logischen Grundsatzes nicht. Dieser Grundsatz behauptet: fein Aubalt eines Begriffes, ber richtig gedacht fei, bestehe in einem zusammenhanglosen Saufen von Mertmalen, den man beliebig vermehren fonne durch Hinzufügung gleichviel welcher neuen Bestandtheile; zwar nicht durch ein Merfmal, aber durch eine Verbindung mehrerer, welche gegeben ift, sei vermöge der durchgängigen gegenseitigen Determination aller and schon darüber entschieden, welche anderen ned unbeobachteten sich mit den beobachteten verknüpfen fönnen, welche nicht; deshalb sei es möglich, ans dem angefangenen Bilde des M, welches uns die Prämissen geben, auch die mögliche Vervollständigung und Fortsetung desselben zu folgern; es gebe mithin allemal ein und nur ein II, welches die Vereinigung der gegebenen Merfmale an M zugleich mit der Hinzufügung nicht gegebener rechtfertige und möglich mache. Dieses an sich richtige Ideal des Denkens verlangt nur, wie jede Denkform, nicht durch unpassenden, sondern durch passenden Inhalt realisirt zu werden. Nicht jede beliebigen paar Prädicate eines M reichen hin, um auf alle seine übrigen zu schließen; manche solche Combination mag nicht nur einem H_{\bullet} sondern auch einem andern Begriffe H^{\pm} oder H^{\pm} zukommen; man wird im Gegensatz zu diesen unwesentlichen andere

wesentliche Merkmale in den Prämissen verlangen, eine Forderung, die man in der Anwendung wirklich allenthalben macht, und deren Erfüllung man der sachlichen Kenntniß des behandelten Inhalts überläßt. Aber die wichtigste Quelle der Ungenanigkeit ist der Mangel aller bisberge nannten Schlufformen: die Prädicate nur in allgemeiner Fassung, obne Angabe ihres Maßes, ihrer specifischen Modification und ihrer gegenseitigen Determination anzugeben. So lange die Prämissen nur sagen: M ist schwer, M ist gelb, M ist schmelzbar n. s. w., so findet man in diesen Datis freisich feinen Entscheidungsgrund, um M entweder für Schwefel oder für Gold zu erflären; aber folde Prämiffen haben dafür auch ihre Heimat nur in der abstracten Logif; im wirklichen Gebrauche des Denfens wird vielmehr immer zugleich auf Größe, eigenthümliche Schattirung und Berbindungsweise der Pradicate geachtet und aus diesem angefangenen carafteristischen Grundrisse auf seine Fortsetzung zu dem Ganzen II geschlossen. Was nun das natürliche Denken allent= halben wirklich ausübt, das eben ift durch neue logische Formen, zu denen wir überzugehen haben, auch für die Theorie seines Thuns festzustellen.

B. Die mathematijden Folgerungen.

Der Schluß durch Substitution. — Der Schluß durch Proportion. — Constitutive Gleichung.

105. Ich stelle noch einmal, und von verschiedenen Gesichtspuntten ans, die Beranlassungen zusammen, welche uns über die Syllogismen hinans zur Aufsuchung neuer Denksormen treiben, und berühre zu die sem Zweck zuerst die Natur der Urtheile, welche die gewöhnliche Vehre sich als Glieder des Schlusses denkt. Wie ich früher schon erwähnte, drückt die Sprache in den Urtheilen von der Form: S ist P, das Präsdicat in einer Allgemeinheit aus, in welcher es seinem wirklichen Subsiecte nicht zukommt, und die Logik pslegt dies durch den Satz einzusgestehen, daß nicht nur das Prädicat zur Bestimmung des Subsects, sondern auch dieses zur Bestimmung jenes beitrage. Wer da satz, diese Rosse ist roth, meint nicht, daß ihr ein unbestimmtes Roth übershaupt, oder daß ihr jede beliedige Farbenschattirung zukomme, die unter dem Sammelnamen des Rothen begriffen wird; es ist immer nur das Rossenroth, das er im Sinne hat, ja genauer das ganz bestimmte Roth

biefer Rofe. Wollte er mithin seinen Gedanken genan ausbruden, fo würde er sagen muffen: diese Rose ist so roth, wie es diese Rose ift. In biefem icheinbar gang unfruchtbaren Sate würde bie logische Urbeit darin bestehen, daß die wahrgenommene Gigenschaft der Rose nicht mehr als eine Ginzelheit gefaßt wird, die sonst heimatlos in der West wäre; indem das Denken sie als Art eines allgemeinen Roth betrachtet, das auch sonst vorkommt und abgesehen von diesem Beispiel gilt, vollzieht es die früher erwähnte Objectivirung der Wahrnehmung: es gibt bem Wahrgenommenen eine bestimmte Stelle in dem Weltinhalt, burch bie es für sich etwas und nicht blos subjective Erregung des jedesmal Bors stellenden ift. Hierin liegt der logische Gewinn, der altemal gemacht wird, wenn der besondere Inhalt einer Wahrnehmung im Urtheil durch das Allgemeine ersett wird, beffen Beispiel er ist. Aber zugleich wird natürlich auch ein logischer Berluft eintreten, wenn es bei dem Ausdruck biefes Allgemeinen bleibt, und wenn nicht der andere Theil der Wahrnebmung auch sein Recht erhält durch Hinzufügung der Besonderung, die dem genannten Allgemeinen nöthig ift, um dem gemeinten Einzelnen gleich zu sein. Diesen Berluft machen nun die gewöhnlichen Urtheile ber angeführten Form alle; and bie Aristotelischen Sollogiss men beschränken sich darauf, mit dem allgemeinen M oder bem allgemeinen P zu rechnen.

106. Hierdurch lassen sie die Ausgabe ungelöst, die schon das dissinnctive Urtheil ansstellte, und bestriedigen überhaupt die Bedürsnisse des Tenkens in seiner lebendigen Anwendung nicht. Tenn schon das dissinnctive Urtheil behanptete, dem Einzelnen komme nicht das allgemeine Prädicat seiner Gattung, sondern eine bestimmte Modissication p desselben mit Ausschluß seder andern zu. Dieses p hätte der Schluß zu ermitteln gehabt; er hätte es nur gekonnt, wenn er dem allgemeinen Obersahe, der die Gattung mit dem allgemeinen P verbindet, einen Untersah gegeben hätte, welcher die Gigenthümslichkeit des S gelten machte, durch die es, als diese und nicht eine andere Art der Gattung, anch nur dieses Prädicat p, nicht eine andere Modissication des allgemeinen P, erhalten mußte. Das ist nicht geschehen; auch der Untersaherwähnte nur die Unterroduung des Einzelnen unter die Gattung übershampt, aber nicht seine specifische Dissernen von andern Arten derselben; daher konnte der Schlußsah auch nur sagen, was dem Einzelnen

zukommt, sofern es überhanpt eine Art seiner Gattung, aber nicht, was ibm zufommt, sofern es diese Art derselben und feine andere ift. Daß wir mit einer solchen Leistung hinter den Bedürfnissen unseres wirflichen Denkens zurüchleiben, bedarf faum weiterer Berdeutlichung. Wenn wir schließen: die Wärme behnt alle Körper aus, das Gifen ift ein Körper, also dehnt die Wärme anch das Gifen ans; oder: alle Menschen sind sterblich, Cajus ist ein Mensch, also ist Cajus sterblich. jo wird jeder die Unfruchtbarkeit dieses Berfahrens fühlen und antworten: freilich debut die Wärme alle Körper aus, aber jeden in anderem Maße, als den anderen; freilich sterben alle Menschen, aber die Sterblichkeit des einen ist von anderem Make, als die des andern; wie das Eisen sich als Gifen ausdehnt, im Unterschied vom Blei, wird die Technif zu wiffen verlangen; wie die Sterblichfeit des Cajus als Cajus im Unterschied von der anderer Menschen zu veranschlagen ist, der Berwaltungsrath einer Lebensversicherung. Dies ist also das, was die neuen Formen zu leisten haben; sie müssen das Einzelne als bestimmte Urt des Allgemeinen gelten machen, und aus diesem seinem Unterschiede von andern Arten desselben eine Folgerung auf sein eigenthümliches Prädicat ermöglichen.

107. Man fann von anderer Seite her daran erinnern, daß überhaupt die Logif sich etwas einseitig gewöhnt hat, Urtheile von fategorischer Form als Beispiele zu branden und darum auch die Unterordnungen eines Begriffs in den Umfang eines andern als die hänfigsten und wichtigsten logischen Operationen erscheinen zu lassen. Im lebendigen Gebranch des Denkens sind sie das gar nicht; es handelt sich selten darum, ein Merkmal zu bestimmen, welches als festes Prädicat zu dem Inhalt eines Begriffs ein für alle Mal gehört, oder in deffen Umfang jener Begriff einzureihen ift; am häufigsten wollen wir wissen, welches veränderliche Merkmal P an einem Subject Sauftreten wird, wenn auf S die Bedingung x einwirft; Fragen dieser Urt stellt das Leben, die Wiffenschaft, die Technik jeden Angenblick. Es ist min zuzugeben, daß die gewöhnliche Syllogistik diese Källe nicht ganz übersieht; aber sie behandelt sie doch nur unvollfommen dadurch, daß sie in einem Obersatze eine allgemeine Folge P an das Zusammensein des x mit einem M fnüpft, und dann einem S durch Unterordnung unter M oder unter Mx wieder nur im Allgemeinen jene Folge P zuschreibt.

Was hilft es zu sagen: wenn ein Mensch beseidigt wird, so erzürnt er sich; Cajus ist ein Mensch, also: wenn er beseidigt wird, wird er sich erzürnen: was wir wissen wollen, ist, wie Cajus als diese Persönlichkeit sich erzürnen wird, und wie viel man ihm solglich bieten kann. Um diese Frage zu beantworten, nütt die Unterordnung unter den Begriff der Menscheit wenig; man muß die eigenthümlichen Charafterzüge anssinden, welche Cajus von andern Personen unterschehen, und nunk nun Mittel haben, den Ersolg zu berechnen, den die Beseidigung auf diese Jüge haben wird. Man kann dies kurz so ausdrücken: unsere Folgerungen können nicht aus Umsangsverhältnissen der gegebenen Begriffe, sondern aus ihrem Inhalt stießen; ohne den unfruchtbaren Umsweg durch die allgemeine Gattung zu nehmen, müssen wir unmittelbar aus den gegebenen Mersmalen eines Subjects und aus der hinzutrestenden Bedingung x die neuen Mersmale bestimmen, welche sich zeigen, oder die Beränderungen der alten, welche stattsinden werden.

108. Bon diesem Gesichtspunkt betrachtet reiben sich die aufzujudenden neuen Formen den Folgerungen der Analogie an. Denn auch diese schlossen von der Gegenwart, Abwesenheit und Verbindungsweise gewisser Merkmale an einem S auf die nothwendige Gegenwart, Abwesenheit und Anlagerungsweise anderer Merkmale an demselben Subject. Man fann nun den Zweifel erheben, ob folde Folgerungen von Anhalt zu Anhalt, von Merkmal zu Merkmal überhaupt aus blos logischen Gründen möglich seien, und ob nicht die wenigen wirklich möglichen boch durch die befannten Lehren der Logif von der Berein barteit der disparaten, der Unvereinbarkeit der conträren, der nothwendigen Wahl zwijchen contradictorischen Prädicaten bereits vorausgenommen seien: Bebanptungen darüber, daß wo p sei, auch a sein uniffe, werde doch immer nur die Erfahrung liefern, den einzigen Fall ausgenommen, von dem wir hier nichts mehr wissen wollen, daß q in den Juhalt des p schon eingeschlossen sei, oder p im Umfange von q liege. Dieser Zweifel ist an sich richtig; alle Behanptungen über die nothwendige Bertnüpfung oder Ausschließung zweier Prädicate werden, Diese letten Fälle ausgenommen, immer nur auf bas Zengniß ber Beobachtung gestützt werden fonnen; aber es fragt sich doch, ob mit den bisherigen Mitteln die Logif auch nur diesen voranszusenden Thatsachen alle die Folgerungen abgewonnen bat, die möglich sind; daß es nicht der Fall ist, zeigen wir türzer durch die Darstellung der Schlißformen selbst, die wir meinen, und die, übrigens dem natürlichen Denfen sehr bekannt und geläusig, hier nur eben die ihnen in der sostematischen Logik gebührende Stelle erhalten.

109. Laffen wir dem Oberfate unserer neuen Figur die Form: alle M find P, oder M=P; dem Unterfate aber geben wir nicht die unbestimmte Gestalt: S ift ein M überhaupt, sondern die bestimmte: S=sM, d. h. S ist diesenige Art von M, welche man erhält, wenn man bas ganze Gefüge ber in M enthaltenen Merkmale sich burch ben Ginfluß einer specifischen Bedingung s beterminirt ober modificirt beuft. Der Schluffatz wird dann lauten muffen: S ift oP und fagt, bem S, jofern es dieje durch den charafteristischen Zug s bestimmte und von andern unterschiedene Urt des M ist, fomme nicht das allgemeine Merfmal P, sondern diejenige besondere Ausprägung oP desselben zu, welche unter dem Einfluß jenes s auf das Gefüge des M entstehen muß. [Bur Bermeidung von Migverständnissen ist zu beachten, daß die Ginwirfung einer Bedingung s auf den gesammten Bau eines M die verschiedenen Merfmale des M in äußerst verschiedener Beise umformen fann; jede biefer Umformungen ift eine Folge von s, und deswegen habe ich die hier erwähnte ol' durch den verwandten Buchstaben o bezeichnet; dagegen bat es im Allgemeinen nicht, wenn auch in besondern Fällen, Sinn, die Medification eines Mertmals der modificirenden Bedingung gleich zu setzen; daber fonnte der Schlußsatz nicht durch sP angebentet werden.] In dieser Gestalt aber, die wir hier dem Schlusse gegeben haben, würde er die bloße Bezeichnung einer Aufgabe sein, nicht ihre Auflösung. Darauf kommt es vielmehr an, dieses ob nam haft zu machen und zu zeigen, wie sich P durch das Ginwirten des s auf M verändert. Dies ist so lange unaussührbar, als man M nur unter dieser einsachen Form eines mit einem Ramen versehenen Allgemeinbegriffs aufführt; um zu wissen, wie s auf M einwirft, müssen wir den Inhalt des M in seine einzelnen Theile, mit Beachtung ihrer gegenseitigen Verbindungsweise, zerlegen. Wie z. B. der Gang einer Maschine sich ändern wird, wenn man auf sie eine Kraft swirfen läßt, wird Niemand zu beurtheilen unternehmen, so lange er die Maschine nur als ein auschauliches Gauze M, als Dampfmaschine überhaupt vor Angen hat; man muß den inneren Ban, Die Verknüpfung der Theile,

Die Lage eines möglichen Angriffspunftes für die Kraft s und die Rückwirfung der bier erzeugten Erstwirfung auf Die mit dem Angriffspunkte verbundenen Theile zuvor fennen gelernt baben. Nur dadurch mithin, daß man bem geschlossenen Ansdruck ober Begriff M bie entwickelte Gesammtzahl aller Inhaltstheile mit Beachtung ihrer wechselseitigen Determinationen substituirt, kann man hoffen, den Ginfing des s fo zu versolgen, daß daraus zuerst die Gesammtnatur des S, welche = sM ist, und folgeweis auch die Modification of des Prädicats P bestimmen fann welche biefem S zugehört. In der That ist nämlich stets diese lepte Anfgabe in der ersten eingeschlossen; Die specifische Modification eines einzelnen Prädicates für S läßt sich gar nicht finden, ohne die burch s erzeugte Gesammtänderung des M, von der sie abbängig ist, vorher gefunden zu haben; benn dieselbe Bedingung s würde auf ein P, welches in bem Gefüge eines andern Begriffes N enthalten wäre, anders wirken, als auf das, welches sie in dem M antrifft. Aus diefem Grunde beachte ich fernerbin diese Folgerung auf ol' nicht mehr, jondern betrachte als Aufgabe der neuen Form, M zu bestimmen, und gebe ibr barum die Gestalt

> Therjay: $\underline{M} = a + bx + cx^2 \dots$ Unterjay: $\underline{S} = sM$ Schlußjay: $\underline{S} = s(a + bx + cx^2 \dots)$

weraus dann in Bezng auf einzelne Prädicate, 3. B. b, anstatt des uns bestimmten Schliffes: S ist bx, der bestimmte selgen würde: S ist s. bx.

110. Es hat immer sein Mißtickes, sehr verschiedenartige und dennoch zusammengehörige Fälle durch ein möglichst einsaches Symbol anszudrücken: ich bemerke daher zur Vermeidung von Mißverständnissen noch Felgendes. Unter a, b, c, x will ich im Allgemeinen verschiedene Merkmale eines Vegriffs M verstanden wissen, welche, wenn sie vollständig aufgezählt werden, den Gesammtinhalt von M ansmachen. In sedem Vegriffe aber stehen diese Merkmale in den allerverschiedenartigsten Veziehungen zu einander, welche Veziehungen in meiner Formel nicht ausgedrückt sind; als schwache Andentung ihrer möglichen Mannigsalstigkeit ist die Toppelheit der Zeichen + und — angewandt. Zum wirklichen Ausdruck reichen diese Zeichen nicht einmal dann hin, wenn M nicht einen Vegriffsinhalt aus qualitativ verschiedenen Merkmalen, sondern ein bloßes Größeganzes aus den vergleichbaren Größetheilen

a, b, c, x bedeutet. Ein erichöpfenderes Symbol würde nur das früher gebrauchte der mathematischen Function überhaupt sein: $M = \Re(a, b, c, x...)$; aber es hätte ben Nachtheil, alle Berbindungsweisen ber Theile blos in Gedanten zu fordern und gar feine durch ein anschautiches Schema zu verdentlichen. Auch die Form der Reihe a + bx + cx2 ist willtürliches Symbol; die Einführung des x bedeutet nur wieder die mögliche Ungleichwerthigfeit der Merfmale, von denen eines, eben x, nur ein anderes, a, völlig freiläßt, zu den übrigen aber felbst als eine bestimmende Bedingung bingutritt. Das s des Unterfages und Schluffages tritt hier als multiplicirender Factor auf; ebenfalls nur, um an dem allereinfachsten und befanntesten Verhältniß, in welchem eine Größe auf andere einwirfen fann, die unzählig verschiedenen zu veranschaulichen, in welchen irgend eine cencrete Bedingung auf den mannigfachen 311= halt irgend eines Gegebenen ihren Ginfluß ausüben fann. Drücken wir durch einen rechts untergesenten Buchstaben die Aenderung irgend welcher Urt aus, welche eine Bedingung in irgend einem Gegebenen bervorbringt, und bezeichnen wir M als Junction von a, b, c, x, atjo M=q (a, b, c, x), jo murden wir allgemein ben Schlugfat nur bezeichnen fönnen durch $S=q_s$ (a_{s.} b_{s.} c_{s.} x_s), nicht durch S=q $(a_s,\,b_s,\,c_s,\,x_s);$ denn es ist an sich dentlich, daß der Ginftuß von s nicht immer nur, nach dem zweiten Ausdruck, Die einzelnen Merkmale mit Beibehaltung ihrer allgemeinen Verbindungsweise q, sondern auch, nach dem erften, biefe Berbindungsweise selbst andern fann, jo bag die auf einen Begriff wirfende Bedingung beffen ganzen Ban hinlänglich umgestalten fann, um bas neue Ergebniß nicht mehr dem vorigen Begriffe M, sondern einem andern M 1 oder N subsumirbar zu machen. Hierauf weiter einzugehen, macht ein Zugeständniß unnöthig, welches wir nun hinzuzufügen haben.

111. Der Gewinn nämlich, ben wir uns von dieser unserer Schlußfigur durch Substitution, der ersten dieser zweiten Gruppe, versprechen, hängt dech schließlich davon ab, daß wir wissen, was die einzelnen Theile der Conclusion bedeuten, welches also der Werth von as oder bx, ist, der durch die Ginwirfung des s auf den entwickelten Ausdruck des M entspringt. Dies aber ist, wenn es nicht einsach aus Ersahrungen befannt werden soll, im Denken nur dann zu ermitteln, wenn alle diese auseinander bezogenen Theile reine Größen und die

amischen ihnen bestehenden Beziehungen solche der mathematischen Berknüpfung und Sonderung sind. Hierdurch wird der wirksame Gebrauch unserer Kigner auf das Gebiet der Mathematik, und zwar zunächst auf bie Berhältniffe reiner Größen beschränft. Mur bie besondere Natur der Zahlen, deren jede ein angebbares Berhältniß zu jeder andern hat, gestattet, burch Substitution ber Größentheile eines Gangen, ben vorber verschloffenen Inhalt des M so aufzuschließen, daß die einwirkende Bedingung s ihre Macht wirflich ausüben fann, und daß nach den Regeln der Rechnungsarten, durch Aufhebung entgegengesetzter und durch Zusammenziehen sich addirender Bestandtheile, die mit jener Bedingung nothwendig geforderte Veränderung dieses Inhalts von M sich wirklich ausführen und bie Gestalt bes herauskommenden neuen Ergebnisses barftellen läßt. Setzen wir bagegen an die Stelle vergleichbarer Gre-Bentheile die unvergleichlich verschiedenen Merfmale eines Begriffes, jo verschwinden diese Vortheile wieder; der Inhalt des M wird durch eine folde Substitution nur unvollfommen aufgeschlossen; denn wir besitzen bier nicht, wie bei ben unter fich vergleichbaren Zahlen, eine Regel, nach welcher fich ber Erfolg einer auf diese ungleichartigen Bestandtheile einwirfenden Bedingung bemessen ließe. Zwar wenden wir auch in solchen Fällen ben allgemeinen Gedanken ber Substitution an; wenn wir miffen wollen, wie eine Bedingung s auf ein Ding wirten werde, bas uns nur burch seinen naturgeschichtlichen Begriff M gegeben ist, jo zergliedern wir auch M in feine Merfmale; aber bie Schätzung des Erfolgs, den s auf jedes einzelne berfelben und auf die Gesammtheit aller haben werde, erfolgt doch hier nur noch auf Grund mehr oder minder unbestimmter Analogien, welche uns die Erfahrung ober ein irgend woher entstandenes Gefühl des Wahrscheinlichen darbietet.

112. Die Beschränfung auf mathematischen Gebrauch fann uns nicht hindern, den Schluß durch Substitution in der systematischen Reihe der Dentsprimen aufzusühren. Denn zunächst muß man dech nicht ganz vergessen, daß sedensalls das Rechnen auch zu den logischen Thätigseiten gehört und daß nur eine praftisch begründete Spaltung des Unterrichts die vollkommene Heimatsberechtigung der Mathematif in dem allgesmeinen Reiche der Logis übersehen läßt. Aber nicht nur deshalb haben dies Kormen hier ihren Platz, weil sie einem Theile unserer Dentarbeit

unentbehrlich find; fie bleiben vielmehr auch für diejenigen Källe, in benen das nicht ausführbar ist, was sie verlangen, die Joeale unserer logischen Bestrebung. Denn wenn sie sich nur auf Größenverbältnisse unmittelbar anwenden laffen, so ist es auch anderseits wahr, daß überall da, wo wir einen Gegenstand unserer Untersuchung in keiner Weise auf Größenverhältniffe gurudzuführen im Stande find, unfere Ertenntniß besselben mangelhaft bleibt, und baß feine andere logische Form im Stande ift, und bann zur Beantwortung ber Fragen zu verhelfen, welche uns die mathematische Behandlung der Sache liefern würde, wenn sie möglich wäre. Es ist kann nöthig, in unserer Zeit barauf aufmerksam zu machen, wie Naturwissenschaft nur durch Mathematik zu Stande gefommen ift; hat man boch längst auch in anderen Gebieten die wesentliche Hülfe schätzen gelernt, welche die statistischen Erhebungen der Größenverhältnisse für die Auffindung der Gesetze bieten, nach denen die Zusammenhänge der Gesetlichaft bestehen; selbst in den Wissenschaften, die am weitesten durch die Ratur ihres Gegenstandes von der Mathematif abstehen, empfindet man häufig sehr deutlich das Bedürfniß ihrer Verfnüpfung mit Größenbetrachtungen. Die Sittenlehre mag jedes Verbrechen strafbar finden, ohne zu diesem Ausspruch einer mathematischen Berechtigung zu bedürsen; aber jede wirklich zu verhängende Strafe ning ein Mag haben, und dieses ming fich nach dem Mage der zu strafenden Bosheit des verbrecherischen Willens richten; wäre es nur bisher ausführbar, so würde auch das Strafrecht nach unserer Figur schließen; es würde jedes gegebene Berbrechen durch Substitution in seine einzelnen Bestandtheile auflösen und aus dem sM, aus der besonderen Größenbestimmtheit, in welcher in diesem Ginzelfalle Die einzelnen Merfmale des Verbrechens und mithin dessen Gesammtwerth auftreten, das oP, die Urt und Große der Strafe, ableiten, die diesem Einzelfalle gebührt.

113. Nun aber gibt es doch nicht blos reine Mathematif, sondern es ist der Wissenschaft allerdings gelungen, auch zwischen Erscheisnungen oder Merkmalen, die unter einander unwergleichtlich sind, Versmittelungen herzustellen, welche von dem einen dieser Glieder auf das andere zu schließen erlauben. Die Formen aufzusuchen, nach denen dies möglich ist, nunk anderseits die nächste Aufgabe der Logik sein, welche so die Unwollkommenheit des Substitutionsschlinsses zu ergänzen such.

Zum Theil nun icheint jener Uebergang zwischen dem Unvergleichbaren nur dadurch der Wiffenschaft gelungen, daß sie diese Unvergleichbarkeit aufhob, und nadwies, daß zwei Thatbestände a und b, die unserer Wahrnehmung zunächst als qualitativ völlig verschieden erscheinen, in Wahrheit doch nur auf Größenverschiedenheiten vergleichbarer Umstände bernhen; ich erinnere daran, wie die Physik die qualitativen Unterschiede unserer sinnlichen Empfindungen der Karbe, des Tones und der Wärme auf nur mathematische Differenzen vergleichbarer Bewegungen vergleichbarer Clemente gurudführt. Sieht man jedoch näher zu, jo findet man, daß in diesen Fällen doch nicht in der That unsere Empfindungen a und b auf unter sich und mit ihnen vergleichbare Bewegungen aund Burückgebracht werden, sondern nur das wirkliche Eintreten von α oder β und sein Einwirfen auf uns wird als Bedingung bezeichnet, unter welcher uns die Empfindung a oder b entstehen muß. Die empfundene Farbe a bleibt nach wie vor völlig unvergleichbar mit ber Schwingung a bes Aethers, die man als ihre Entstehungsbedingung angibt, und wenn uns die Erfahrung nicht lehrte, daß a die Folge des a ift, jo würden wir durch fein logisches Mittel aus a die Natur dieser seiner Ursache a errathen. Bas also in diesen Källen die Bissenschaft leistet, besteht in der That in einer Berknüpfung unvergleichbarer Glieder, die von dem einen auf das andere zu schließen erlaubt. Dieser erste Satz nun, daß überhaupt a und a, b und 3 in diesem Verhältniß gegenseitiger Hinweisung auf einander stehen, wird, wie ich eben erwähnte, der Erfahrung verdankt, und aus den Thatjachen derjelben zwar durch Unwendung der Gesetze des Deutens, aber nicht durch eine besondere Form des Deutens gewonnen, die zu der an sich unmöglichen Lösung der Aufgabe bestimmt wäre, wirklich Unvergleichbares in Vergleichbares umzuwandeln. Aber nachdem die Erfahrung das Zusammengehören zweier solcher Glieder, a und a, einmal gelehrt hat, schließt das Denken, daß diese Zusammengehörigfeit sich auch in der Beränderung beider erhalten werde, und daß mithin einer bestimmten Aenderung des α in α^1 allemal eine und nnr eine bestimmte Aenderung des a in at entsprechen musse. Auch diese Aenderungen a-a1 und a-a1 sind numittelbar weder ihrer Urt noch ihrer Größe nach vergleichbar; nimmt die Schwingungsanzahl der Schalhvelle um die Größe $\delta = a - a^{-1}$ zu, so hängt von ihr allerdings eine bestimmte Zunahme d=a-a1 des gehörten Tones ab;

aber diese Aenderung d der Tonhöhe ist der Art nach ein ganz anderer Vorgang, als die Zunahme δ einer Anzahl von Schwingungen, und mit einer solchen nicht zu vergleichen; jede dieser Größen fann noch immer nur nach ihrem eigenen Maßstab gemeffen, ihr wechselseitiges Zusammengehören nur als eine Thatsache ausgesprochen werden. Aber unter einander find die Nenderungen der Tonhöhe, und ihrerseits untereinander find auch die Uenderungen der Schwingungszahlen vergleichbar: beziehen wir beide Aenderungen auf d und δ als ihre bezüglichen Einheiten, so lägt sich fragen, um welche Angahl m von Einheiten der Art d sich die Tonhöhe ändert, wenn die Schwingungszahl sich um u Einheiten der Art & ändert; m und μ stehen dann in einem reinen Zahlenverhältniß. Dies Verhältniß fann unendlich verschieden sein; aber wie schon früher, denten wir biese mögliche Mannigfaltigkeit in der Form nicht weiter an, die wir diesem Schlugverfahren geben; wir wählen als Namen und als Schema berselben die einfachste Gestalt ber Proportion: E:e=T:t, welche zwar nur den Kall ausdrückt, in welchem m: u eine constante Größe ist, aber boch, als Symbol, hinlänglich ben logischen Gedanken Diefes Berfahrens ausdrückt.

114. 3ch erläntere noch einmal diesen Gedanken an dem elementarften Beispiele. Zwei Winkel E und e find unter einander vergleichbar; zwei Kreisbögen T und t sind es unter sich gleichfalls; aber ein Winkel und ein Kreisbogen sind unvergleichbar und unmittelbar nach teinem gemeinsamen Magstab zu messen; auch die Differenz zweier Winkel, die wieder einen Winkel barstellt, bleibt unvergleichbar mit der Differenz zweier Bögen, die wieder einen Bogen bildet. Steht jedoch einmal fest, daß zu einem Centriwinkel e eines Kreises von gegebenem Halbmeffer eine Bogenlänge t gehört, bilden wir ferner aus einer mfachen Wiederholung von e den Winfel E und ans einer nfachen Biederholung von t den zu E gehörigen Bogen T, fo find die reinen Zahlen m und n vergleichbar, welche angeben, wievielfache Wiederholungen der beiden an sich unvergleichbaren Einheiten t und e nöthig find, um zwei zusammengehörige Glieder der Reihe der Winkel und der Reihe der Bogen zu finden. Für den Kreis lehrt die Geometrie, daß m=n. Sind uns also die beiden Einheiten e und t gegeben, so bedürfen wir nur ber Angabe einer bestimmten Bielheit E von e, um nach der Proportion E:e=T:t den zugehörigen Werth von T zu

ermitteln. Us Schluffignr ausgedrückt würde daher das ganze Verfahren dem Schema entsprechen:

Sherjay: E:e=T:t
$$E=\mathfrak{F}(e)$$

$$T=\mathfrak{F}(e).t$$

115. 3d branche faum anzudenten, daß auf biesem Schlusse durch Proportion, in beffen einfachem Schema ich alle verwickelteren Berhältnisse zwischen bem obigen m und n mitbegreife, zuletzt alle Möglichkeit beruht, qualitativ verschiedene Ereignisse in eine gegenseitige Abhängigseit zu bringen, welche die Berechnung der einen durch die andere gestattet. Auch bedarf es faum der Erwähnung, daß eine vollige Wirffamteit dieser Figur nur so weit zu erwarten ist, als die Inrückführung der Berhältniffe des Wirklichen auf reine Größenbestimmungen gelingt; bie Rechtfertigung biefer Beschränfung würde bieselbe sein, wie für die ähnliche des Substitutionsschlusses. Bu schlafferer Beise wenden wir zur Beurtheilung der Dinge auch im gewöhnlichen Leben alltäglich ungenaue Proportionen au, die meist in bloße Gleichniffe übergeben; indem sie ein Berhältniß zwischen a und b einem andern zwischen a und B nur überhaupt ähnlich finden, ohne jedoch den gleichen Exponenten beider genau anzugeben, folgern sie mit meist sehr geringer Ueberzengungsfraft: wenn das eine dieser Berhältnisse unter einer gewissen Bedingung e eine gewisse Folge y begründe, werde unter derselben Bedingung auch aus dem andern eine überhaupt ähnliche Folge entsvringen. Nur eine Bemerkung füge ich noch einmal, mich wiederholend, hinzu: die Form der Proportion bezeichnet eine Grenze des Erfennens. Wir finden in ihr die Abhängigkeit zweier Glieder E und T nur als Thatsache ausgesprochen und als solche weiter benutzt; dagegen bleibt gang unerwähnt und unerörtert die Frage, auf welche Weise, durch welche Mittel, durch welchen Mechanismus, so zu fagen, das eine Glied E es anfängt, um das andere T zu fich überhaupt in irgend eine, und namentlich in diese bestimmte Art der Abhängigkeit zu bringen. Natürlich läßt sich auch diese Frage, in Bezug auf allerhand zusammenacierte Erscheinungen, häusig noch beantworten; hat doch, wie erwähnt, die wissenschaftliche Untersuchung manche zwei disparat erscheinende Gigenschaften ober Ereignisse auf nur quantitative Berichiedenheiten

vergleichbarer Bestimmungen zurückgebracht, und dann läft es sich einseben, wie es zugeht, daß T überhaupt mit E, und ein bestimmter Ruwachs des einen mit einem bestimmten des andern zusammenhängen müsse. Allein dies gelingt nicht endlos; die letzten auffindbaren Gesetze ber Erscheinungen werden jederzeit schon bestimmte Beziehungen zwischen bisparaten Bestandtheilen enthalten, die man nur als Thatsachen hinnehmen und in der Form der Proportion benutzen kann, ohne doch den Grund aufzeigen zu fönnen, welcher die beiden Glieder zwingt, sich zu einander proportional zu verhalten. Biele Erscheimungen führen wir auf das Gesetz der Gravitation zurück, deren Intensität sich umgefehrt wie die Quadrate der Entfernung verhalte; bis jest wenigstens ist jedoch jeder Bersuch mißlungen, zu zeigen, wie diese Entsernung es anfängt, jene Kraft zu schwächen. Wir zeigen, wie mit der sieigenden Schwingungszahl die empfundene Touhöhe steigt, wie überhaupt unsere Empfindungen, ja alle unsere geistigen Thätigkeiten sich proportional phosischen Bewegungen unserer Organe andern; dabei bleiben aber Töne und Schwingungen, geistige Verrichtungen und physische Bewegungen ewig an sich unvergleichbar und wir erfahren nie, wie die einen es aufangen, die andern zu correspondirenden Menderungen zu nöthigen. Bon Disparatem zu Disparatem gibt es für unser Denken feinen Nebergang; alle unsere Erlänterung des Zusammenhangs der Dinge geht nur bis auf Gesetze zurud, die sich in der Form der Proportion aussprechen laffen, und die feinen Bersuch machen, die beiden Glieder in ein unauffindbares Drittes zu verschmelzen, sondern beide in ihrer völligen Verschiedenheit bestehen lassen und nur anzeigen, daß dies gegeneinander Undurchdringliche dennoch thatsächlich einem gemeinsamen Gesetze gegenseitiger Bestimmung unterliegt.

116. In der wirklichen Amwendung der Schlüsse aus Proporstionen wird ein anderer bisher nur furz angedenteter Mangel durch Beachtung eines nothwendigen Nebengedankens stillschweigend ergänzt; in der systematischen Reihe der Tenkhandlungen ist diese Ergänzung als eigenthümliches Glied, das letzte dieser Gruppe, ausdrücklich aufzussühren. Unsere schematische Bezeichnung stellte das Verhältniß zwischen den Uenderungen zweier Merkmale E und T so dar, als bestände es immer zwischen beiden Merkmalen an sich, gleichgültig, an welchem Subject sie vorkommen. Nun gibt es wohl Prädicate, die aus logischen

Bründen, um ihres contraren oder contradictorischen Gegensates willen, oder weil das eine das andere obnehin in sich einschließt, an jedem Subject entweder zugleich verhanden sein muffen oder nicht zugleich vorhanden sein können; aber es gibt feine Merkmale, deren Größen und Größenänderungen immer in demselben Verhältniß zu einander steben müßten, gleidwiel, welches die Ratur des Subjects sei, an weldem fie vereinigt find. Diese Natur vielmehr ift es, welche den Exponenten ibres Berbältniffes bestimmt, und dieselben allgemein ansgedrückten Merkmale E und T, die an dem einen S nur in dem Berhältniß n:m möglich sind, sind an einem zweiten S1 nur in der andern Proportion n1:m1 gulaffig. Die Barme behnt jeden Körper aus, aber für zwei verschiedene Körper sind auch die Verhältnisse verschieden, in denen das Maß der Ausdehnung zu einem gleichen Zuwachs der Temveratur steht. Die Amvendung, indem sie sich immer auf bestimmte einzelne Subjecte bezieht und nur diese bei ihrem ganzen Verfahren im Sinne hat, brancht biefe Beichränkung nicht besonders auszusprechen: die Logif bagegen muß hervorbeben, daß nur unter ihrer Voraussehung überhaupt von einem Gebranch der Proportionen die Rede sein kann. Mur ber eigenthümliche Charafter eines gegebenen Subjectes, burch den es die wechselseitige Determination aller seiner Merfmale beherricht, berechtigt uns, von einem befannten Werthe des einen derfelben nach einer nur für dieses Subject gultigen Proportion auf den entsprechenden Werth eines anderen zu schließen. Wir fommen hiermit nur auf den Gedanken zurück, der schon der Analogie zu Grunde lag; denn mir um der Zusammengehörigkeit aller einander bestimmenden Merkmale eines Begriffes willen glaubten wir, aus einer beschränkten Gruppe berselben, wie aus einem angefangenen Minfter auf bessen Fortsetzung, auf bie nothwendige Gegenwart oder Abwesenheit anderer Merkmale schließen zu dürfen. Der vollständige Ausdruck eines Schluffes aus Proportionen würde daber die Hinzufügung dieser mitgebachten Bedingung erfordern und sein Obersats müßte lauten: wenn S ein M ist, so ist für dies S immer T:t=E:e. Unsere logische Aufgabe aber bestände nicht barin, uns den Anhalt dieses Obersates lediglich durch Erfahrung geben zu laffen, um ihm dann einen besondern Kall in dem Untersate: S ist M, unterzuordnen, sondern darin vielmehr, nachzuweisen, wie überhaupt sich ein Begriff M finden läßt, aus welchem man die Proportionen ableiten fann, die zwischen je zweien seiner Merfmale stattsinden müssen.

117. Die Mittel zur Entbedung eines folden gesetzgebenden ober constitutiven Begriffes find burch Früheres bereits angedentet; fie liegen in der durchgängigen, aber sehr verschiedenartigen Determination jedes Merkmals durch jedes andere; diese Berschiedenartigkeit wird bewirken, daß in einzelnen Fällen ber Besitz einer einzigen Proportion awiiden awei beliebigen Mertmalen gur Bestimmung aller andern binreicht, daß in anderen dagegen die Kenntniß ber Verhältnisse gewisser wesentlichen Merkmale nöthig wird, um aus ihnen die unwesentlichen zu bestimmen, nicht aber die der letzteren zulänglich ist, um den ganzen Merfmalbestand des Begriffsinhaltes unzweideutig festzustellen. Aber ich werde deutlicher sein, wenn ich diesen Betrachtungen ein Beispiel der wirklichen Unsführung dessen, was wir verlangen, eine sehr befannte und einfache mathematische Gedankenform, voranschicke. analytische Geometrie besitzt in den Gleichungen, durch welche sie die Natur einer frummen Linie ausdrückt, gang den constitutiven Begriff ihres Gegenstandes, welchen wir suchen. Mur sehr wenige Beziehungsstücke, die unbestimmten Abscissen und Ordinaten in ihrer Berbindung mit constanten Größen, enthalten hier, als eine Urproportion, eingeschlossen in sich und aus ihnen ableitbar alle Berhältnisse, die zwischen irgend welchen Theilen der Eurve stattfinden müssen. Aus dem Gesetze, welches die Proportionalität zwischen den Menderungen der Ordinaten und Abscissen ausdrückt, läßt sich jede andere Eigenschaft der frummen Linie entwickeln: der Berlauf ihres Zuges, ihre Geschlossenheit ober Offenheit, die Symmetrie ober Unsummetrie ihrer Theile, die Gleichförmigkeit oder das Maß der Beränderlichkeit ihrer Kriimmung in jedem ihrer Punkte, die Richtung, nach welcher ihre Concavität oder Converität sieht, die Größe des Rlächeninhalts, den sie zwischen beliebig angenommenen Grenzen einschließt. In diese Entwicklungen, deren weiterer mathematischer Gang zu einfach ist, um hier der Erwähnung zu bedürsen, wollen wir uns halten, wenn wir dem hier behandelten Verfahren den Namen des Schluffes aus constitutiven Gleichungen geben. Das Verfahren selbst ist nicht auf diese geometrischen Aufgaben beschränft; aber die anderen zum Theil weit interessanteren Beispiele, welche andere Gebiete ber Mathematik, unter ihnen die

Bariationsrechnung, liefern würden, lassen sich weniger leicht auf eine so einface Anschauung bringen, wie sie zur schematischen Bezeichnung unserer Denksorm erwänscht ist. Auch die Naturwissenschaft könnte wenigstens Annäherndes darbieten. Für analog zusammengesetzte Körper, in denen die verschiedenen chemischen Clemente die Stelle der Coordinaten und der Constanten vertreten, würde die Chemie constitutive Gleichungen besitzen, wenn es ihr gelänge, durch ihre Formeln nicht nurz die Mengenproportionen der Bestandtheile, sondern auch genaner, als es jetzt ihre schematischen Andentungen thun, die Regel der Gruppirung der Atome und das allgemeine Berhalten ihrer Wechselwirkungen auszudrücken.

118. Den Cimvand nun, daß auch dieses ganze Berfahren velle Wirksamkeit nur in der Mathematik habe, geben wir zu, wie früher, weisen den damit versuchten Tadel ebenso zurück und beleuchten ihn näher nur zu dem Zweck, den Hinweg zu neuen Ergänzungen des noch Bermißten zu finden. Es ist wahr, daß der scheinbare Reichthum der Entwicklung aus geometrischen Gleichungen logisch betrachtet mehr blendend als wahrhaft ift. Wir bestimmen die Gestalt der Curve, indem wir der einen Coordinate x beliebige Werthe geben, die zugehörigen Werthe von v aus der Gleichung berechnen und dann die Endvunfte der rechtwinklig auf den Endpunkten der x aufgerichteten y durch einen stetigen Rug zu einer Linie verbinden; die Eurve ist daber nur der geometrische Ort, in welchem die unzähligen Ergebnisse einer unzähligemal wiederholten Proportion zwischen verschiedenen Werthen der Coorbinaten sich zusammenfinden. Die neuen Gigenschaften aber, die wir nun daraus schließen: Concavität, gleichförmige oder ungleichförmige Krimmung, Geichloffenheit oder Offenheit, Reigung oder Steigung der Eurve nach bieser oder jener Seite, diese alle sehen zwar zunächst aus wie neue Merkmale, find aber doch im Grunde auch nur Größenund Lagenverbältniffe von Raumgebilden, zwischen andern Beziehungspunften zwar, aber sonst von derselben Natur, wie die vorausgesetzten zwischen den Coordinaten. Man gelangt hier nicht von einer Proportion zwischen zwei Merfmalen x und y zur Bestimmung wahrhaft nener, qualitativ mit jenen unvergleichlicher Merfmale, sondern man schreitet nur von gleichartigen gegebenen Verhältnissen zu gleichartigen neuen fort, deren Ableitbarkeit aus jenen ebenso wie ihre scheinbare

Nenheit nur auf der Natur des Ranmes und auf den Regeln beruht, nach denen die geometrische Anschanung die Beziehungen zwischen den Elementen des Ranmes der allgemeinen Gesetslichkeit der arithmetischen Größen unterworsen hat. Diese Folgerungen decken daher lange nicht unser Bedürsniß. Wo es sich nicht um bloße Größengebilde, sondern um wirkliche Gegenstände handelt, die eine Menge qualitativ nicht vergleichbarer Mersmale an sich vereinigen, und wo es serner der Wissenschaft nicht gelingt, diese zumächst unvergleichbaren Bestandtheile auf bloße Zusammensetzungsverschiedenheiten vergleichbarer zurückussühren, da wird das Densen, unter diesen erschwerenden Umständen, dennech eine Form suchen müssen, die annähernd wenigstens hier dieselben Vortheile verspricht, welche in Bezug auf ihre leichtere Aufgabe die Mathematis vollständig darbietet.

119. Tie Gruppe der mathematischen Schlüßsermen endet hier naturgemäß, nachdem das, was sich mathematisch nicht bewältigen läßt, das Disparate der Merkmale, als das nothwendig in Betracht zu ziehende Element ausdrücklich hervergehoben ist. An die Stelle der Gleichung wird äußerlich die Form der Desinitien treten, welche eine Anzahl verschiedenartiger Merkmale zu einem Ganzen verbindet, zwischen ihnen aber eine Gruppe wesentlicher von einer andern unwesentlicher unterscheidet, in der ersten das Gesetz für die Berbindung des Ganzen als gegeben betrachtet, die andern aber nach Maßgabe dieses Gesetzes von ihnen abhängig und bestimmbar. Gesunden werden kann endlich diese bevorzuzte Gruppe der wesentlichen Merkmale nur durch Bergleichung des gegebenen Begriffs mit seines Gleichen; so werden wir zu systematischen Formen der Insammenstellung des Berschiedenen und zunächst zur Elassissierten getrieben.

C. Die juitematischen Formen.

Die Claisification. — Die ertlärende Theorie. — Das dialettische Jdeal des Denkens.

120. Am Eingange des Weges, auf den wir jetzt verwiesen sind, standen wir schon einmal, bei der ersten Erwägung der Bildung unserer Begriffe. Schon damals sahen wir in dem Inhalt einer Borstellung

ein Ganges verschiedener Mertmale, Die burch eine bestimmte Regel ihres Zusammenhanges verbunden find; schon damals glaubten wir diese Regel nur in demjenigen Merkmalbestande zu finden, der verschiedenen vergleichbaren Borftellungsinhalten gemeinsam zufam, und vorgreis fend haben wir bereits dort der aufsteigenden Stufenreihe immer höberer Allaemeinbegriffe gedacht, welche aus der Fortsetzung dieser Bergleichung bes Bergleichbaren entspringt. Borgreifend, benn die später entwidelten Formen der logischen Thätigkeit haben das dort Angedentete noch nicht bennit. In den Urtheilen und in den Schlüffen, die fich auf Gubjumption gründen, ist stets nur das eine Berhältniß in Betracht gezogen worden, welches zwischen einem Begriffe S und seinem nächsthöheren Allgemeinen M besteht; dies M selbst in seine Beziehungen zu den böberen Stufen der ihm übergeordneten Begriffsreihe zu verfolgen, war feine Beranlaffung. Denn immer fam es nur darauf an, ein Pradicat P, welches aus irgend einem Grunde einem M zugehört, auch jedem S 311 sidern, welches in den Umfang des M fällt. Für diesen Zweck war die logische Bildung des M selbst in großer Ausdehnung gleichgültig: man nannte es zwar Mittelbegriff, aber es branchte in nichts bas Gepräge eines Begriffs zu tragen: jedes einfache Merfmal, jede Summe mehrerer, gleichviel ob nach einer bestimmten Regel verbunden, oder nur überhaupt zusammengedacht, war gut genug, um jenen Mittel= begriff zu bilden. Erst die letzten Betrachtungen, die ich hier nicht wiederhole, haben uns auf die Nothwendigfeit gurudgeführt, unter bem Mittelbegriff, aus dem wir die Berechtigung und Berpflichtung eines Subjects zum Befitz feiner Mertmale herleiten, nur jenen ichon damals im Sinne gehabten Begriff zu verstehen, der in Wahrheit Die vollständige Regel der Zusammengehörigkeit und Gliederung des ganzen in jenem Enbject vorliegenden Inhalts bildet.

121. Wir tehren hiermit nicht einfach zu einem früheren Standspunkte zurück. Wenn die Logif die ursprünglichsten und einfachsten Formen des Tenfens überlegt, tann sie die Ergebnisse derselben fast immer nur an Beispielen verdentlichen, welche bereits mehr logische Arbeit enthalten, als sie an ihnen veranschaulichen will. Tenn der Schatz, aus dem sie diese Beispiele entnehmen muß, ist die Sprache, und diese ist nicht der Ansdruck eines in seinem Beginn stehen gebliebenen, sondern des ausgebildeten Tenfens, welches durch eine Menge nacheinander

gethaner Schritte über bie unvollkommenen Ergebniffe feiner erften Unstrengungen hinausgekommen ist und nun die Erinnerung an sie unter ber erlangten vollkommneren Fassung seiner Gegenstände verbirgt. Deshalb fann es icheinen, als ware bereits an iener früher erwähnten Stelle das, mas wir hier suchen, die Bildung eines wesentlichen Begriffs, geleistet; aber was wir bort als Beispiel brauchten. war nicht ichen durch diesenigen logischen Sandlungen entstanden, die wir damals, sondern entsteht erst durch die, welche wir hier, im llebrigen freilich sehr befannte Verfahrungsweisen, an ihrem spstematischen Ort zu betrachten haben. Der unermeflichen Mannigfaltigleit zusammengesetzter Bilder, welche die Wahrnehmung barbietet, stand bamals bas Denken mit dem Verlangen gegenüber, jedes Ginzelne als ein Ganges nach bestimmtem Gesetz verfnüpfter Theile gu fassen, und mit dem Bewußtsein, dies Gesetz nur durch Vergleichung vieler vergleichbaren Einzelnen und durch Festhaltung des ihnen allen Gemeinsamen finden zu fönnen. Aber der nützliche Erfolg biefer Bergleichung hing davon ab, ob die vergleichende Ausmerksamkeit auf eine Auzahl von Gegenständen S, R, T gelenkt wurde, deren Gemeinsames wirklich in dem durchdringenden Gesetz ihrer ganzen Bildung bestand, und nicht auf eine Anzahl anderer, U, V, W, die in allem Hebrigen völlig verichieden, nur eine beschräntte Merkmalgruppe mit einander theilen. Für diese auswählende Richtung der Aufmerksamkeit gab es an jenem Anfang des Denkens keine logische Regel; sie wurde dagegen sehr wirksam iden damals durch den pjudischen Medanismus gesichert, welcher gang überwiegend diejenigen zusammengesetzten Vorstellungen, die in der Totalform ihres Zusammenhangs ähnlich sind, einander in der Erinnerung reproduciren läßt, und vorzugsweise sie, nicht aber die unähnlich gebildeten und nur in einzelnen Merfmalgruppen übereinstimmenden, jener vergleichenden Aufmerksamkeit empfiehlt.

122. Im Lanje seiner Ausbildung nimmt baher bas Tenken in der That seine Richtung zuerst auf solche Allgemeinbegriffe, welche wirklich das durchdringende Bildungsgesetz der Einzelnen enthalten, für die sie gesucht werden; Allgemeinheiten dagegen, welche sonst Unähnliches unter eine Minderheit gleicher Bestandtheile untererdnen, pslegen erst für gewisse Zwecke der Untersuchung aufgestellt zu werden. Alls wir von der ersten Bildung der Begriffe sprachen, schienen uns deshalb die

landläusigen Beispiele, die Unterordnung des Cajus und Titus unter den Begriff des Menschen, die der Siche und Buche unter den der Pflanze, vollkommen natürlich und selbswerständlich; es war, als wenn nichts außer der bloßen Anweisung, das Gemeinsame von Ginzelheiten seitzuhalten, dazu gehöre, um die Richtung auf diese wirklich gesetzebenden Gattungsbegriffe M von selbst zu sinden. Gleichwohl hätte nichtsgehindert, nach derselben Anweisung für Neger, Kohle und schwarze Kreide einen Gesammtnamen N zu ersinden, welcher die Bereinigung von Schwärze, Ausdehnung, Theilbarkeit, Gewicht und Widerstand ausgedrückt hätte; die Antriebe des psuchischen Mechanismus begünstigten aber unr die erste und hinderten die zweite dieser Anwendungen der logischen Vorschrift.

123. Unsere jetige Aufgabe geht nun dahin, eben diese Antriebe, welche bisher unbewußt uns auf ben Weg des Richtigen brachten, in logische Thätigkeit zu verwandeln, uns also der Gründe bewußt zu werden, durch welche wir und rechtfertigen, wenn wir ausschließlich einen bestimmten Allgemeinbegriff M als die gesetzgebende Regel für die Bildung einer Angahl von Einzelnen aufstellen, nicht aber einen andern N, auf ben uns eine anders geleitete Bergleichung berselben Einzelnen auch hätte führen föunen. Run hat uns bie Logit verschiedene Berhältniffe einer nur einseitigen Abhängigkeit zwischen mehreren Beziehungspunften fennen gelehrt; aus der Geltung des Allgemeinen floß die des Besondern, nicht aus der des Besondern auch die des Allgemeinen: von einem bestimmten Grunde ließ sich stets auf eine bestimmte Folge ichließen, aber eine gegebene Folge führte nicht nothwendig nur auf einen Grund zurud, sondern möglicherweise auf verschiedene gleichwerthige. Wenden wir dies auf die Gliederung eines Begriffsinhaltes an, jo gibt es in ihm Mertmale a, b, c, deren Borhandensein einen bestimmenden Ginfluß auf Gegenwart, Abwesenheit oder Modification anderer ausübt; das Bortommen dieser andern aber, u, B, 7, bedingt seinerseits nicht nothwendig jene, sondern ist verträglich auch mit ans dern, p, q, r. Hierauf beruht der früher schon eingeführte Unterschied der wesentlichen Merkmale a, b, e von den unwesentlichen a, B, 7; nur in der Bereinigung der ersten fonnte der gesetzgebende Begriff der verglichenen Ginzelnen gesucht werden, denn nur diese Bereinigung bestimmt auch die übrigen Merfmale und schließt daher nur solche Ginzelne ein, die in ihrem ganzen Ban einander verwandt sind; die Ernppe der legteren Merkmale dagegen ließe die ersten unbestimmt und würde deshalb, als Allgemeines gedacht, eine Menge sonst in jeder Rücksicht verschiedener Sinzelheiten unter sich befassen.

124. Darauf fame es mithin an, jene wesentlichen von diesen unwesentlichen Merkmalen zu unterscheiden. Dies ist leicht, so lange wir mit Gegenständen zu thun haben, die wir in verschiedenen Zuständen beobachten fönnen; von selbst sondern sich hier die veränderlichen Gigenschaften, die unter wechselnden Bedingungen kommen und geben, von dem bleibenden Bestand des Wesentlichen ab. Es ist anders, wenn die Möglickeit solder Beobachtungen fehlt, und mit Ausschluß veränderlicher Zustände sich unser Verlangen darauf richtet, zwischen bleibenben und unveränderlichen Merfmalen beffelben Begriffsinhaltes einen Unterschied wesentlicher von unwesentlichen zu finden; wir mussen dann die Beobachtung der Beränderungen durch Bergleichung verschiedener Beispiele ersetzen. Sei nun abed der Merkmalbestand bes einen gegebenen Begriffes, jo fann in einem zweiten Beispiel a durch o nicht ersett werden, ohne daß, bei der vorauszusetsenden Zusammengehörigfeit aller Theile des Begriffsinhaltes, auch die übrigen Merkmale eine Beränderung erfahren; ich bezeichne nun das zweite Beispiel mit a1 b1 c1 d, um anzudeuten, daß durch die Bariation des d in 6 feines der allgemein ausgebrückten anderen Merkmale gang zu Grunde, jedes vielmehr nur aus einer seiner möglichen Modificationen in eine andere übergebt, die Form der Verbindung aller aber die nämliche bleibt. In diesem Kalle gehört d nicht zu den wesentlichen Merfmalen, sondern die Gruppe ABC, welche abe und abbiei als Modificationen unter sich befaßt, ist diejenige, welche die Gliederung des Begriffsinhaltes beherricht. Aber dieser erste Schritt lehrt uns nur das thatsächliche Rusammenbleiben, nicht das innerliche Zusammengehören der in ABC vereinigten Merkmale; der Werth, den die einzelnen Bestandtheile diejer Gruppe haben, fann jehr verschieden sein; möglich, daß nur AB oder AC ober BC bas eigentliche Bildungsgesetz bes Ganzen enthalten, bas britte Merfmal dagegen nur die nothwendige Folge oder ein zulässiger Zusatz zu den beiden andern ist. Bur Entscheidung dieses Zweifels bleibt dem Denken, das hier noch nicht auf die sachliche Untersuchung des Gegenstandes mit allen Sulfsmitteln ber Erfenntniß eingehen fann, nur

die Fortsetzung desselben Berfahrens übrig. Auch ABC haben wir mit Beispielen der Form ABT zu vergleichen; ist mit dem Unterschied des letten Merfmals and hier nur das obengedachte Maß der Abweichung in den übrigen verbunden, und bleibt die Verfnüpfungsweise des Ganzen dieselbe, so wird das Zusammensein und das Berhältniß von A und B die beherrichende Regel des ursprünglich gegebenen abed sein, oder die Bereinigung der wesentlichen Merkmale darftellen, von denen das Vorhandensein der übrigen entweder angelassen oder gefordert, in jedem Kalle ihre Größe, Berfnüpfung und Berhalten zu dem Ganzen bedingt wird. Denkt man sich dies Berfahren fortgesett, jo ist es der Weg der Claffification, auf den wir verwiesen find. Nicht mehr Die Betrachtung bes Gingelnen reicht uns bin, um feinen Begriff festzustellen, sondern nur diese erste der svitematischen Formen, durch welche wir seine Natur in ihren Verhältnissen zu anderen untersuchen und aus der Stelle, welche es in einer geordneten Reihe einnimmt, den Grad der bedingenden Kraft beurtheilen, welche seine einzelnen Mertmale auf die Gestaltung seiner ganzen Natur und seines Berhaltens ausüben. Derjenige innere Kreis von Merfmalen ericeint uns als das gesetzgebende Princip seiner Gestaltung, der am längsten und unverändert in seiner allgemeinen Form beisammen bleibt, wenn wir durch das nächstliegende Allgemeine zu immer höheren Allgemeinheiten aufsteigen, und wir begreifen die Natur des Besonderen um dann vollftändig, wenn wir uns in einer umgefehrten Reihenfolge, die der Stufenleiter dieser Allgemeinheiten entspricht, zu jenem höchsten Gestaltungs= princip neue Bestimmungsstücke hinzutreten benten, auf welche bies feine rückwirtende Kraft ausdehnt.

125. Tas Verlangen, durch diese spitematische Zusammenordnung Anstlärung über das innere Gesinge des Zusammengestellten zu erhalten, liegt jeder wissenschaftlichen Classissischen zu Grunde, doch wird es nicht von jeder Form derselben gleichmäßig bestiedigt; ehe ich zu der Gestalt derselben übergehe, die unseren Zwecken hier allein dient, erwähne ich deshalb furz als eine Vorstusse die fünstlichen oder combinatos rischen Classissischen, die mehr dem allgemeinen Bedürsniß nach Klarheit und llebersicht und einzelnen besonderen Aufgaben des anges wanden Tenkens entsprechen. Den Inhalt eines gegebenen Allgemeins begriffs M zerfällen wir durch Partition zunächst in seine allgemeinen

Merfmale A, B, C... und jedes von diesen durch Disjunction in seine verschiedenen, an demselben Subject einander ausschließenden Modificationen, A in a1, a2, a3..., B in b1, b2, b3..., C in c1, c2, c3. Nach dem Grundsatz des disjunctiven Urtheils muß nun jede Urt des M von jedem der allgemeinen Merkmale des M eine Modification mit Ausschluß der übrigen besitzen; beschränken wir uns der Ginfacheit halber auf zwei Merfmale, beren eines A nur in zweigliedrige Disjunction a und b, das andere B in die dreigliedrige a, 3 und 7 zerfällt, jo werden die in befannter Beije erhaltenen binaren Combinationen aa, aß, ay, ba, bß, by alle denfbaren Arten des M einschließen. Wir stellen endlich ihre Gesammtheit übersichtlicher dar, wenn wir die Modificationen des einen Merkmals, welches dann den Gintheilungsgrund der Classification bildet, so wie oben geschehen oder in der Form $M = a(\alpha + \beta + \gamma) + b(\alpha + \beta + \gamma)$ den übrigen Merkmalen vorangeben laffen. Man hat das einfachste Beispiel dieser Classification in der Anordnung der Wörterbücher; die unveränderliche Reihenfolge der Buchstaben im Alphabet liefert bier nicht nur den ersten, sondern immer wiederholt auch die untergeordneten Eintheilungsgründe für die zahlreichen Combinationen, die in jeder durch den Anfangsbuchstaben eingeführten Gruppe enthalten sind. Der an sich deutliche Ruten diefer lexicalischen Claffification, nicht nur alle Worte der Sprache, mithin alle Glieder des einzutheilenden Gegenstandes vollständig zu umfassen, sondern auch ihre Anffindung leicht zu machen, dieser erste Muten der Uebersichtlichkeit ist allen gelungenen Bersuchen combinatorischer Classification gemeinschaftlich; über diese Leistung hinaus dagegen tragen sie in sehr verschiedenem Maße zur Kenntnig der eigentlichen Natur ihrer Dbiecte bei.

126. Man bemerkt zuerst, daß dies combinatorische Versahren die Merkmale des gegebenen Begriffs nur vereinzelt, nicht aber die wechselseitige Determination berücksichtigt, in welcher sie erst den Bestiff wirklich bilden. Die Gesammtheit der gesundenen Combinationen schließt daher zwar alle Arten des M ein, kann aber außer ihnen noch andere enthalten, die nur gültig sein würden, wenn der Begriff bloseine Summe seiner Merkmale wäre, aber ungültig sind, weil er eine bestimmte Form der Bereinigung derselben besiehlt, welcher sie widers sprechen. Der Begriff des Dreiecks besieht nicht darin, daß wir drei

Winfel und drei Seiten benfen, sondern barin, daß drei Seiten sich zur polligen Begrenzung eines ebenen Raumes ichneiben und eben bierburch jene Winkel erzengen. Durch diesen Zusammenhang ber Seiten und Winfel werden gleichwinftig ungleichseitige und rechtwinflig gleichseitige Dreiede unmöglich; die blos combinatorische Classification würde sie neben ben gleichwinklig gleichseitigen, ben rechtwinklig gleichschentligen und den übrigen möglichen Arten mit aufgeführt haben. Ift der Anhalt des M vollständig befannt, wie in diesem Beispiele, und einer genguen Conftruction zugänglich, so scheibet die Kenntnig ber Sache diese ummöglichen Glieder aus; ihre vorläufige Aufstellung hätte nur ben Ruten gehabt, die Aufmerffamkeit auf die Natur des M und auf die Gründe zu icharfen, welche die gültigen Urten möglich, diese ungültigen unmöglich machen. Aft bagegen M ein der Erfahrung verdankter Gattungsbegriff, beffen innere Gliederung nur unvollständig durch Beschreibung, nicht genan durch Construction angebbar ist, so bleiben die in Wirklichkeit nicht beobachteten Arten, auf welche das coms binatorische Berfahren geführt hätte, nur zweifelhaft; ber Fortschritt ber Beobachtung fann sie noch entbeden, ber Fortschritt ber sachlichen Erfenntniß ihre Unmöglichkeit nachweisen; zu einem von beiden angeregt zu haben, fann auch hier ber Ruten ihrer vorlänfigen Anfstellung sein.

Aft nun das combinatorische Verfahren in Bezug auf Erfahrungsgegenstände diesem zweiselhaften Ueberschuß seiner Ergebnisse über das Wirfliche ausgesetzt, so hat es anderseits in seiner gewöhnlichen Unwendung and feine Bürgichaft der Bollständigkeit. Es ist für menschliche Ginbildungsfraft unausführbar, alle Modificationen, denen ein Merfmal p unterworfen sein fann, vollständig im Boraus zu unterscheiden; unsere Aufmerksamkeit wird sich immer auf diejenigen p1 p2 p3 beidränken, die ims in irgend einer Beobachtung gegeben sind; eine andere Modification pm, die in unserem Ersahrungsfreise nicht vorfommt, wird fammt allen den Arten, an denen sie vielleicht bestehen fann, auch in unserer Classification fehlen, und späterer Zuwachs der Erfahrung erft wird diese Lücke füllen. Dieser Umstand ist der Grund einer logischen Regel, die von Werth ift, wo es sich zur Entscheidung einer Frage um erschöpfende Kenntniß aller Fälle handelt, die es in Bezug auf irgend ein Z geben fann: man führt ihre Eintheilung und Uniftellung burch lanter contradictorisch entgegengesetzte Gintheilungsglieber hindurch. Die Summe alter möglichen Fälle von Z ist immer von der Natur Q oder der entgegengesetzten Non-Q; die Fälle von der Ferm Q immer entweder R oder Non-R, die Fälle Non-Q immer entweder S oder Non-S, so daß diese Sintheilung an jeder Stelle, wo man ihre weitere Fortsetzung abbricht, die Anzahl aller möglichen Fälle vollständig enthält. Fruchtbar freilich wird dies Versahren nur dann, wenn man entweder die ersten Gegensätze Q und Non-Q, oder alle in gleichem Abstand ihnen untergeordneten, also S, Non-S, R, glücklich genug zu wählen im Stande ist, um für jeden dieser Fälle einzeln das Stattsinden oder Nichtstattsinden des fraglichen Verhaltens Z aus leicht zugänglichen Gründen zu beweisen.

128. Es ift ferner ersichtlich, daß es feine logische Regel geben fann, nach welcher die combinatorische Classification bestimmte Merfmale als oberfie Eintheilungsgründe für die Unterscheidung der Hauptgruppen, andere nur als untergeordnete für die Unterabtheilungen der Hauptgruppen benntzen müßte. So lange ber einzutheilende Begriff M nur als eine Summe seiner Mertmale ohne Rüchsicht auf beren gegenseitige Beziehungen angeseben wird, hat jedes von diesen bas Recht, durch seine Modificationen die Haupteintheilung zu geben, jedes andere fann ihm als Nebeneintheilungsgrund untergeordnet werden. offenbaren Unzuträglichkeiten dieser Unbestimmtheit werden in der wirklichen Anwendung der Classification durch nebenbergebende lleberlegung, durch eine Schätzung des verschiedenen Werthes der Mertmale vermieben, welche auf Kenntniß ber Sache, auf richtigem Gefühl, oft nur auf einem erratbenden Geschmade beruht; die Logit fommt Diesen Bemühungen nur durch die allgemeine Verschrift zu Hulfe, nicht notiones communes, nämlich nicht solche Merkmale zu Eintheilungsgründen zu wählen, welche befanntermaßen an den allerverschiedenartigften Gegenständen vorfommen, ohne einen erfennbaren Ginflug auf deren übrige Matur zu äußern. Aber was zu diesem Berbote als bejahende Amweisung gehören würde, wie man nämlich die entscheidenden Gintheilungsgründe zu finden habe, überläßt fie doch völlig der jedesmaligen sachlichen Kenntniß. Und diese hat, wenigstens in Bezug auf mannigfach zusam mengesette Gegenstände der Wirklichkeit, so lange sie einzelne Mertmale zu maßgebenden Gintheilungsgründen machte, niemals den Borwurf vermeiden fönnen, nächswerwandte Urten zuweilen an verschiedene oft

jehr entlegene Stellen des Spftems auseinander geriffen, andere in ihrem gangen Berhalten auffallend verschiedene in eine befremdliche Nachbarichaft aneinander gerückt zu haben. Dies ist sehr begreiflich bei der Bericbiedemverthigfeit der Merkmale für den Bau des gangen Begriffsinhaltes. Nichts hindert z. B., daß das Merfmal B, jo lange es in der Modification b vorkommt, einen vorwiegenden Ginfluß auf die Bildung des Ganzen ausübt, und dann werden alle diesem Index h untgegeordneten Arten unter einander formverwandt bleiben; aber daffelbe Mertmal tann diesen bestimmenden Ginftuß gang verlieren, jobald es in der Modification & in die übrige Merkmalgruppe eintritt; dann folgen die dem 3 als Inder untergeordneten Arten allen den Schwanfungen, welche die jett einflugreich gewordene Berichiedenheit der anderen Bestandtheile A C D mit sich führt, und die sonst unähnlichsten Beispiele des einzutheilenden M finden sich nun in nächster Nachbarichaft vereinigt. So ist es bem botanischen Sustem Linné's begegnet, welches die Angahl der Staubfäden gum Gintheilungsgrunde wählte; da wo der ganze Organisationsplan der Pflanze diesem Bestandtheil Bichtigkeit gab, fanden sich auch nach dieser Auffassung die verwandten Urten zusammen; sie wurden zerrissen im entgegengesetten Fall und das Verschiedenartige verbunden. Der sachtundige Geschmack begegnet auch diesem llebelstande theilweis dadurch, daß er für verschiedene Abtheilungen des gangen Spftems verschiedene Gintheilungsgründe wählt. Unr eine übel angebrachte logische Pedanterie fonnte verlangen, daß in einem Spfteme, welches seinen gangen Gegenstand zuerft nach den Modificationen a b e des einen Merkmals A gespalten hätte, dann jede der durch a oder b oder e eingeführten Gruppen nach den Modificationen eines und besselben zweiten Merkmals B weiter gegliebert werde; vielmehr fönnen für die Gruppe mit a die Bariationen eines Merfmals C, für die mit b die Bariationen eines vierten Merfmals D ausschließlich wichtig werden, und die Classification, welche nach diesem Gesichtspuntt verfährt, nähert sich badurch nur dem wirklichen Wesen der Sache. Die Gefahr, so nur unvollständig alle Arten gu finden, ift auf andere Beise zu vermeiden; die Classification schafft nicht das vollständige Material, sondern sett seine anderweit verbürgte Bollständigfeit voraus.

129. Die Classificationen würden gang der angewandten Logif

angehören, wenn sie nur jene Uebersichtlichkeit und Vollständiakeit bezwedten, welche entweder eine praktische Behandlung ihrer Gegenstände oder eine nur erst beginnende logische Betrachtung derselben verlangen muß. Aber sie sind mehr als solche Borbereitungen; sie stellen selbst ein logisches Meal dar, welches in der sostematischen Reihenfolge der Dentformen feine nothwendige Stelle hat; baburch, daß eine Mannig faltigkeit in den Zusammenhang eines Classenswiftems gebracht ift, das durch allein schon soll etwas über die Natur aller und jedes Einzelnen gesagt und nicht blos einer fünftigen Untersuchung vorgearbeitet sein. Wir bemerfen dies an den Borwürsen, welche wir gegen gezwungene Classificationen richten; nicht allein der Weg, den unsere Ausmertsamkeit nehmen muß, um eine bestimmte Art des eingetheilten Allgemeinen aufzufinden, foll durch eine genau vorgezeichnete Reihe von Begriffen hindurchgeben, sondern die Orte selbst, an denen wir die einzelnen Arten antreffen, sollen in ihren Lagenbeziehungen ben eigenen Berwandtschaften berselben entsprechen. Für jene prattischen Absichten genügt jede beliebige Ordnung, welche handgerecht ift für ben, ber sich ihrer bedienen will; das logische Berlangen des Denkens geht auf eine solche, die sachgerecht ist. Hun fonnen wir die vollständige Borstellung eines zusammengesetzten Inhalts immer hervorbringen, gleichviel von welchem seiner Theile wir beginnen, so lange wir nur die Hinzufügungen jeder neuen Theilvorstellung zu den vorigen zweckmäßig nach dem gewählten Anfangspunkte abändern. Jede jo geordnete Borftellung bildet einen Begriff des gegebenen Denfinhaltes, binlänglich, um ihn von anderen zu unterscheiden und seinen eigenen Bestand deutlich zu machen. Unter diesen mancherlei Begriffen desselben M suchen wir nun jenen bevorzugten, welcher von dem herrschenden Gesetze ausgeht, dessen Sinn die Anordnung aller übrigen Merfmale bestimmt. Constitutiven Begriff haben wir diesen bevorzugten genanut; man fonnte ihn im Gegensatz zu der Form des blogen Begriffs überhaupt die logische Idee des Gegenstandes oder dentsch seinen Gedanken nennen; denn so unterscheidet unser Sprachgebranch allenfalls den Gedanten der Pflanze oder des Organismus überhaupt als das bildende Gesetz von dem blogen Begriffe, welcher den vollen Bestand der nothwendigen Mertmale und ihrer thatsächlichen Verfnüpfungsform zusammenfaßt.

130. Es wird der Anschanlichkeit dienen, hier sogleich zweier

Rebenvorstellungen zu gedenken, welche sich an diese Anfluchung des Gedankens oder der Zee eines Gegenstandes überall leicht antnüpfen, am dentlichsten aber in jenen naturgeschichtlichen Classificationen, welche die fünstliche Anerdnung der Pflanzen und Thiere durch Berücksichtigung der natürlichen Verwandtschaften zu verbessern suchen. Die allgemeine Boee des Thieres oder ber Pflanze erscheint uns hier leicht als eine thätige tebendige Rraft: ftets fich felbst gleich und in demselben Sinne wirtigm führt sie zu einer Reihe verschiedener Gestaltungen, je nachdem anger ihr liegende Bedingungen einen oder mehrere ihrer Angriffspunfte feststellen und sie jo nöthigen, nach diesem gegebenen Unfangspuntte die Wesammtheit ihrer Thätigfeit abznändern. Gie erscheint uns ferner ebenjo leicht als ein fich fiets gleichbleibender Zweck, der feine Berfahrungsweisen nach diesen gegebenen Beziehungspunften abmißt und in den verschiedenen Formen, zu denen er durch sie getrieben wird, eine und dieselbe Absicht theils überhanpt vielgestaltig, theils mehr oder minder dem Mage nach erreicht. Die verschiedenen Urten, welche Die Claffification zusammenordnet, find bann die Unsdrücke beffen, was aus der Wechselwirfung des allgemeinen Gedankens mit den besonderen Beziehungspuntten werden muß, die ihm als Allgemeinem fremd find. Man wird gugeben, daß diese Auffassungsweisen ber Sache eine große und anschauliche Deutlichkeit verleihen, aber man wird hinzufügen, daß beide Wesichtspuntte der Logif völlig fremd sind. Dieser Ginwurf ist unbestreitbar; allein unsere Absicht geht nicht daranf, die Vorstellungen des wirfenden Triebes und des Zweckes für die Logit zu verwenden, sondern auf den Nachweis, daß eben diese beiden Borftellungen auch da, wo fie hingehören, nur unter Boraussetzung eines rein logischen Bedanfens etwas bedeuten, den wir an dieser Stelle verdeutlichen wollen. Soll es möglich fein, daß berfelbe Zwed unter wechselnden Umständen in verschiedenartigen Formen erfüllt werde, so ning es auch möglich sein, den Inhalt desselben durch eine Borstellungsgruppe Z zu bezeichnen, beren Gefüge biese verschiedenen Erfüllungsformen als mögliche Arten ihrer felbst enthält und als nothwendige Folge dann hervorbringt, wenn man der Reihe nach jedem einzelnen Merfmale des Z und jeder Beziehung zwischen mehreren alle Beränderungen ertheilt, die jenes und diese innerhalb der gegebenen Gesammtsorm des Z erfahren tönnen. Soll ein thätiger Trieb unter wechselnden Bedingungen seine

Wirfsamkeit ändern und in neuen Erzeugnissen sich änßern, so muß die Combination von Kräften, in benen er selbst besteht, durch Gleichungen ansdrückbar sein, aus welchen alle diese neuen Gebilde als nothwendige Ergebnisse entspringen, sobald man den in jene Gleichungen eingehenden Größen nacheinander alle mit ihrer Natur verträglichen Werthe gibt. Absichtliche und unabsichtliche Wirtsamkeit bringt mithin nie etwas anderes hervor, als das an sich Denkbare, das denknothwendig wird, sobald man einen Beziehungspunft bejaht, von dem die übrigen abhängen; und dies ift eben, was wir hier im Ange haben. Wir betrachten den Gebanken, ben wir suchen, weder als bentende Absicht eines Bewuftseins, welche nach Erfüllung strebt, noch als wirkende Kraft, welche ihre Erfolge hervorbringt, sondern nur als den gedachten oder bentbaren Grund, beffen Folgen im Denfen, unter Boraussetzung bestimmter Bedingungen, dieselben sind, welche als Wirklichkeiten aus einer zwecksehen Absicht oder aus der Urfächlichkeit einer Kraft unter denfelben Bedingungen entspringen muffen. Behält man diese Bemerfung im Auge, so fann man buldfam fein gegen eine Ausdrucksweise, welche bie Borstellung eines Zwedes oder eines Entwidlungstriebes in die Logit einführt; aber nütslicher wird es bennoch sein, diese Bezeichnungen zu vermeiden und das, was nur die Wirflichfeit fennt, nicht zur Beneunung des blogen Dentgrundes zu verwenden, auf dem das Wirkliche beruht.

131. Noch einen Punkt, auf den sich hier unsere logische Aufsmerksamkeit richten muß, führe ich sogleich im Berfolg dieser Nebensvorstellungen ein. Bon einem Triebe, der sich selbst verwirklicht, übersrascht es mus nicht, wenn er unter bestimmten Bedingungen in seinen Bemühungen scheitert; von einem Zwecke begreisen wir, daß er unter verschiedenen Umständen mit verschiedener Bollkommenheit zu erreichen ist. Un beide Borstellungen schließt sich daher sehr natürlich die Borsanssetzung, daß verschiedenen Berwirklichungen oder Beispiele der gestalstenden Illgemeinbegriss ihrer Idee als Arten überhanpt coordinirt sind, sondern innerhalb dieser Geordination eine außs oder absteigende Neihe bilden, in welcher sede ihren unvertauschbaren Platz zwischen bestimmten andern hat. Bon diesem Nebengedanken sind die Bersuche natürlicher Classissischen, die unsere jetzigen Bedürsnisse zu befriedigen streben, allenthalben beherrscht; es ist zu zeigen übrig, daß diese bekannte Neigung,

ans der blos combinatorischen Classification in die Form einer Entwicklungsreihe überzugeben, ihre allgemeine logische Berechtigung, und zwar eben an diefer Stelle, befitt. Betrachten wir einen Beariff M. wie es leider in den Anfängen der Logif bäufig zu geschehen pflegt, nur als ein Ganzes aus einer Anzahl allgemein ausgedrückter Mertmale, so hat es feinen Sinn, eine seiner Arten für besser zu halten, als die andere. Jedes S enthält entweder alle Merfmale seines Allgemeinen M und ift bann eine Urt besselben, ober es enthält irgend eines bieser Merfmale nicht, und dann ift es nicht eine unvollkommene, sondern gar feine Urt des M. Mit diesem trocenen Gegensatz ist das lebendige Denken in seinem wirklichen Gebrauch gar nicht einverstanden; es unterscheidet Arten, die ihrem gemeinsamen Gattungsbegriffe mehr oder weniger entsprechen ober adägnat sind. Der erste Grund der Möglichfeit solder Unterscheidung liegt mir in den Größenbestimmungen, denen die einzelnen Merkmale und ihre Wechselbeziehungen entweder zugänglich oder gar nicht entziehbar sind. Das Gefüge der Gattungsbegriffe, unabsehbar verschieden im Einzelnen, enthält im Ganzen boch immer eine Mehrheit von Bestandtheilen oder Beziehungspunften, an deren jedem eine Gruppe einfacher Merkmale vereinigt ist, und die unter einander in allerhand Beziehungen stehen. Ich nenne hier einfache Merkmale nicht nur die sinnlichen Eigenschaften roth, suß, warm, sondern auch solche, welche, wie schwer, ausgedehnt, reizbar, allerdings ben Ertrag vorangegangener Beobachtungen zusammengesetter Verhaltungsweisen, diesen aber doch in so einfacher Gestalt enthalten, daß unsere logische Phantafie fich längst baran gewöhnt hat, jeden dieser Ausbrücke als ruhendes, einfaches Prädicat seinem Subjecte hinzugufügen. Die Unterschiede der Größe erstrecken sich nun auf alle diese Elemente des Gattungsbegriffs. Rein Merfmal irgend eines feiner Bestandtheile ift überhaupt ohne bestimmten Grad der ihm eigenthümlichen Art der Intenfität denfbar, und diese Grade fonnen unendlich verschieden sein; die Ungahl der Bestandtheile selbst ist, wie jede Zahl, vermehrbar und verminderbar und jeder einzelne Bestandtheil fann außerdem seinen logischen Werth baburch verändern, daß er, dem der Gattungsbegriff einfach zu sein erlaubt, sich dennoch innerlich zu einem wiederum gegliederten Spstem mannigfacher Clemente ausdehnt; jede Beziehung endlich, Die zwischen den verschiedenen Inhaltspunkten des Begriffs stattfindet, ist

verschiedenwerthia je nach dem Werth dieser oder selvst nach eigenthümlichem Magitabe einer größeren oder geringeren Engigfeit fähig. Und dem Insammenwirfen aller dieser Berändertichkeiten entspringt mm eine Bielheit von Arten, zwischen denen ein bemerklicher Unterschied ist. Nehmen wir an, daß ein Merkmal P bes Gattnuasbeariffs M die bestimmende Kraft, welche es stets auf alle übrigen Merkmale äußert, dann, wenn es den Werth p annimmt, bis zu völliger Umgestaltung des gangen Begriffsinhaltes M steigert, so wird die so entstehende Urt nicht mehr Urt des M, sondern Urt einer andern Gattung N sein. Diesenigen Werthe von P aber, welche sich biesem entscheidenden Grenzwerthe nur nähern, ohne ihn zu erreichen, werden Bildungen bewirken, die zwar noch unter die Gattung M fallen, aber sich stufenweis dem Gefüge anähnlichen, welches die andere Gattung N fennzeichnet. Hierauf beruht nun der Unterschied von Urten, welche ihrem gemeinsamen Gattungsbegriffe mehr oder minder angemessen oder adaquat find; jede Urt ist in einer bestimmten Beziehung um so vollfommener, je weiter sie von dem llebergang in eine andere Gattung absteht, und diejenige ist die logisch vollkommenste, für welche die Simme ihrer Abstände von allen nächstverwandten Gattungen ein Größtes wird.

132. Ich glaube behaupten zu dürfen, daß dieser Gesichtsvunft ein völlig logischer und unabhängig von den Ansichten ift, die wir uns aus anderweitiger Kenntnif der Sache über den Werth, die Bedeutung und Bestimmung bessen bilden, was an irgend einem bestimmten Gattungsbegriff bas Gefetz seines Daseins hat. Ich erläntere baher burch Beispiele, für welche diese Rebengedanken feinen Sinn haben. Die Gleichung der Ellipse a2y2+b2x2=a2b2 läßt die Wahl der beiden Uren a und b wittfürlich, und es wird nach ihrer Aussage immer eine Ellipse entsteben, welchen Werth man auch für a und b einsetzen maa: sie wird daher auch entstehen, wenn eine der beiden Uren zu Rull wird. Aber dann geht die Eurve in eine gerade Linie über; das Ergebnik, welches dieser Werth liefert, ist daher einem Attgemeinbegriff N, dem der geraden Linie, untergeordnet, welcher von dem der Ettipse verschieden ift. Aber dies Beispiel zeigt zugleich, was wir oben nicht allgemein anführen wollten, daß die ängerste Art einer Gattung M, welche auf solche Weise entsteht, nicht blos zu einer euen Gattung N gehören

muß, sendern auch sortsahren fann, der früheren M untergeordnet zu jein. Denn die Mittelpunftsgleichung der Ellipse fann uns zwar in diejem Fall, für b=0, ba fie aufbort, eine Curve zu bedeuten, nichts lehren; aber ein anderer Ausdruck der wesentlichen Bildung der Ellipse bleibt gültig, ber nämlich, daß die Summe ber Jahrstrahlen, die von zwei festen Runften der großen Axe nach demselben Runft der Peripherie geben, eine constante Große und gleich dieser Are ist. In der geraden Linie, auf welche fich in unferem Fall Die Ellivie zusammengezogen bat, find ibre beiden Endpunfte iene zwei festen Puntte, die Brennpunfte, geworden, und für jeden Zwischenbunft e, den wir auf der geraden Linie ab annehmen, hat man die Summe ber Entfernungen ac+ch, die Summe ber beiden Kahrstrahlen also, gleich ber Länge ab. Wenn ein ichwerer Stab von ber unveränderlichen Länge ab mit dem Endpunkt a auf einer glatten reibungslosen Horizontalebene steht, mit dem andern b an einer glatten reibungslosen Verticalwand lehnt, so macht der Untrieb seiner Schwere ihm das Gleichgewicht numöglich und er sinkt. Eine leichte Rechnung lehrt, daß die Bahn, welche jeder beliebige Puntt c seiner länge während dieses Sinkens beschreibt, ein Ellipsenbogen ist. Augleich aber ist flar, daß der Endpunft b senfrecht in gerader Linie an der Wand herabgleiten, der Punft a dagegen horizontal und gerablinig sich auf dem glatten Boden verschieben muß. Da nun auf alle Puntte dieselbe Gruppe von Bedingungen einwirft, so mussen auch diese geradlinigen Bewegungen als Arten der von diesen Bedingungen allgemein geforderten elliptischen Bahn angesehen werden. Sie sind in der That die beiden Grenzfälle, welche man erhält, wenn man einmal die eine, dann die andere Axe = Null sett; der Endpunkt bewegt sich in der andern Are geradlinig. Gin anderer ausgezeichneter Fall findet für den Mittelpunft des Stabes statt; für ihn werden die Aren seiner elliptijden Bahn einander gleich und er beschreibt einen Kreisbogen. Die Natur der vorliegenden Aufgabe nöthigt daber, auch den Kreis als eine Urt der Ellipse aufzufassen, wovon die angeführte Mittelpunktsgleichung die Möglichteit sogleich deutlich macht. Dies Beispiel lehrt uns also, daß die Arten einer Gattung Mourch Größenveränderungen eines ihrer Bestandtheile sich allmählich dem Bildungsgesetze einer andern Gattung N nähern, daß es Grenzglieder geben fann, welche sowohl Arten von M als solche von N sind, weil sie den Forderungen beider Gattungsbegriffe genugthun; dem bloßen Thatbestand von Inbalt, der in einem solchen Grenzgliede vorliegt, ist gar nicht auzusehen, von welchem gestaltenden Gattungsbegriffe er eigentlich bestimmt ist; hierüber entscheisden vielmehr, bis jest, Nebenrücksichten irgend welcher Art.

133. Dagegen laffen diese Beispiele eine noch zu bebende Zweis dentigfeit in Bezug auf den Mafftab übrig, nach welchem wir den Grad der Vollkommenbeit, sagen wir furz: die Höhe jeder Urt bestimmen. Die mathematischen Gebilde baben feine Lebens- und Entstehungsgeichichte; als bloße gesetzliche Dentbarfeiten ohne Wirklichfeit laffen fie fich auf den verschiedensten Wegen für unsere Einbildungsfraft erzengen, und es ist im Allgemeinen gleichgültig, im besondern Fall von der Na tur der Anfgabe, die auf sie führt, abhängig, von welchem Anfangspuntt aus wir ihre Conftruction beginnen, oder welchem Gattungsbegriff, welcher allgemeinen Constructionsregel wir sie unterordnen. Für unsere nicht geometrische, sondern ästhetische Anschauungsweise, ich meine für die, welche den ganzen Gindruck des fertigen Gebildes, nicht seine Entstehung beachtet, sondern sich Kreise und gerade Linien von der Eltipje entichieden ab; zu dem Eindrucke der Ellipje gehört für unjere Unichanung die Ungleichheit der Uren nothwendig; anderseits freilich, je größer diese wird, um so mehr nähert sich die Eurve den Grenzgliedern, die wir ausschließen möchten, den beiden geraden Linien, die in die Richtung der einen oder der andern Are fallen. Den charafteristischen Eindruck ihrer Gattung würde uns diejenige Ellipse am meisten machen, die gleichweit von der Gleichung a-b=0, die dem Kreise, jowie von der andern a-b=a entfernt wäre, die einer Geraden zutommen würde. Man fonnte aus der Berbindung beider die Bedingung biefes Eindrucks dabin bestimmen, daß eine Are das Doppelte der andern sein misse, und dies würde leidlich zutreffen; mir läßt sich überbanpt etwas nicht mathematisch seststellen, was nicht einfach von ma thematischen Gründen abhängt. Bon ähnlichen Reigungen wird nun unjere logische Sinbildungsfraft allenthalben beherricht. Nichts ist gewöhnlicher, als daß, wer vom Biereck spricht, eigentlich das Parallelogramm meint, ja oft genug das Quadrat; eine fehr natürliche Ungenanigfeit des Ausdrucks; denn die Phantafie, welche zu dem Begriff eine Unichanung wünscht, aber doch nur ein Bild auf einmal festbalten tann, mählt das logisch vollendeiste; und in der That, sowohl durch

wachsende Ungleichheit der Seiten als durch die der Winkel nähert sich allmählich immer mehr das Parallelogramm der Endsorm der geraden Linie, in welche alle vier Seiten zusammenfallen. Die Betrachtung natürlicher Gegenstände bezeugt dieselbe Reigung; als typische und ausderucksvollste Beispiele jeder Gattung erscheinen ums immer diesenigen Arten, in welchen alle einzelnen Merkmale die höchsten Werthe erhalten, welche ihre von der Gattung vorgeschriedene Bertnüpfungsweise ihnen erlaubt, in denen mithin kein Merkmal einseitig hervortritt, keines die zum Antlwerth herabgedrängt ist, alle vielmehr so viel als möglich in gleichmäßiger Stärke ausgebildet sich zu dem Eindruck eines sesten Gleichgewichts des Ganzen vereinigen.

134. 3ch wiederhole hier eine frühere Bemerfung: ich beforge nicht, daß man diese Schätzung ber Höbe der Arten als der Logif fremd tadeln werde; ihr Mangel besteht vielmehr darin, daß sie von unzureichenden logischen Gesichtspunkten aus sich nicht hinlänglich an die Natur ihrer Gegenstände anpaßt. Fassen wir uns furz: dieses Gleichgewicht der Merkmale, welches wir eben schilderten, für die Bedingung der größten Bollfommenheit einer Urt zu halten, ift die Meinung, auf die wir aus rein logischen Gründen tommen muffen, so lange uns eine sachliche Kenntnift fehlt, welche aus der wesentlichen Bestimmung der claffificirten Gattung einen anderen Makftab für den steigenden Werth ibrer Arten ableiten fonnte. In der Natur der Dinge fann es liegen, daß eine Gattung M dazu bestimmt ift, eben jenes Gleichgewicht der Merfmale nicht festzuhalten, sondern durch Verminderung des einen ımd Nebersteigerung des andern in eine andere Gattung Nüberzugehen; bann werden ihre Arten um so vollkommener sein, je näher sie diesem Uebergange liegen, ber fie ihrer eigenen Gattung entzieht. Diesen Gedanken einer zu erreichenden Bestimmung, durch welche die Gattungen über ihr eigenes Besen fortwährend hinausgetrieben werden, findet man in die bedeutenosten Bersuche natürlicher Classificationen tief verflochten; ich führe ihn deshalb absichtlich hier ein, um seine Bedeutung für die Logit, welcher er an sich gang fremd ist, zu erwähnen. Bon dem Begriffe des Triebes haben wir früher die Borftellung der hervorbringenden Birksamkeit, von dem des Zweckes die der Absicht abgesondert: wir sondern ebenso hier von dem Begriffe der Bestimmung die Borftellning der Verpflichtung ab. Es entgebt Riemand, daß durch diese

Abtrennung der ganze eigenthümliche Sinn biefer brei Begriffe fich überhaupt verflüchtigt; aber eben dies ist es, was wir beabsichtigen. Gar nicht jenen Begriff ber Bestimmung selbst führen wir in Die Logik ein, sondern eben nur den des logischen Berhältniffes, das seinem mesentlichen Inhalt zu Grunde liegt, und zu deffen bildlicher Bezeichnung er felbst, als ausbrucksvollstes Beispiel, fich unserem Sprachgebrauch aufdrängt. Gine Bestimmung nun, welche erreicht werden soll, unter scheidet sich von einem Endzustande, der nur thatsächlich durch eine Ber änderung erreicht wird; dort enthält der Merfmalbestand, welcher das erreichte Ziel kennzeichnet, auch für alle früheren Stufen ber Entwicklung den gesetzgebenden Grund für den Zusammenbang der Merfmale und für die Richtung, in der sie sich verändern; ein Endzustand dagegen täßt möglich, daß die zu ihm führenden Borgange bunt abwechselnd. rechtläufig und rückläufig, freuz und guer verlaufen. Achtet man bierauf, so ist es nicht mehr zweifelhaft, welchen rein logischen Sinn es hat, wenn wir von einer Bestimmung sprechen, welcher die einzelnen Gattungen fich zu näbern baben. Bisber haben wir als das letzte gejergebende Formprincip, welches in einer Reihe von Arten berricht, ben eigenen Gattungsbegriff M biefer Arten angesehen, und Diejenige Urt mußte dann die vollkommenste sein, welche diesen Gattunasbegriff im schönsten Gleichgewicht seiner Merkmale darstellt; jest hat eine der Logit ursprünglich fremde Betrachtung erinnert, daß es auch anders fein fann, daß der wahrhaft bestimmende Grund für die Bildung der Urtenreihe von M nicht in dem Gattungstopus von M selbst liegen muß, so daß man ihn in M entdecken könnte, wenn man dies M allein, in dem blogen Bestande seiner Mertmale, ins Ange faßt; daß vielmebr die Bildung dieser Gattung ihre richtige Tentung erft bann erhalte, wenn man sie selbst mit einer andern N, in welche sie übergeht, und einer dritten L, aus welcher sie durch ähnlichen llebergang entstanden ist, endlich diese wieder mit ihren Borgängern und Nachfolgern vergleicht; erst aus dieser Vergleichung ergebe sich die Richtung, nach welcher innerhalb einer böheren Gattung Z, die jene alte, L M N, als Arten ein ichließt, der Fortgang vom Unvollkommenen zum Vollkommenen fratt finde; in der Artenreihe jeder einzelnen Gattung M werden dann Diejenigen Glieder die höchsten sein, die am weitesten in dem Sinne der Richtung fortgeschritten sind, in welcher sich der gange Torns

der Gattung M innerhalb der böheren Z nach dem vollständigsten Ausstruck dieses Z hin entwickelt. Es bleibt übrig zu zeigen, daß diese Gedankenreibe, auf welche wir jetzt durch einen äußerlichen Austoß ums bringen ließen, ohnebin an dieser Stelle aus den einheimischen Bedürfsnissen der Vogik entspringt.

135. Aber dieser Nachweis ist fann noch nöthig. Wir haben geseben, daß wir den Attlgemeinbegriff, der eine Angabl Einzelner unter fich Bfaft, mir aus der Bereinigung ibrer bleibenden und gemeinsamen Merfmale erzeugen konnten; dann: daß diese beständige Merfmalgruppe Bestandtheile von sehr verschiedenem Werthe enthalten tounte; um dieienigen auszusondern, welche nicht nur thatsächlich bleiben, sondern die bedingende Regel für die Fügung aller einschließen, mußten wir das gefundene Allgemeine mit anderen Allgemeinen vergleichen, Arten mit Urten; was dann in diesem größeren Wechsel bennoch fest bei einander blieb, das erichien uns als das wahre Wesen einer Gattung M, nach dessen mehr oder minder vollkommener Verwirklichung die Höhe der Arten von M abzumeffen war. Aber dieses Berfahren hat feinen natürlichen Abschluß; bieselben Zweisel ernenern sich immer wieder; auch in dem Bestande des M werden die Merkmale ungleichwerthig sein: die maßgebenden wird man von den unwesentlichen nur unterscheiden, wenn man abermals M mit L mo N vergleicht, aus dem gemeinsamen Bildungsgesetze, das in ihnen allen sich forterhält, die böhere Gattung Z bildet und den Werth von M L N sowohl als den ihrer einzelnen Urten nach dem Mage bestimmt, in welchem fie dies Bildungsgeset Z verwirflicen, nicht aber nach dem Mage, in welchem jede Art nur das speciellere Gesetz ihrer eigenen nächsten Gattung zum Ausdruck bringt. Und dieser Fortschritt geht ins Endlose oder so weit, bis es uns gelungen wäre, ein höchstes Ideal A aufzufinden, welches diejenige Bertnüpfungsweise des Mannigfachen darstellte, die allen Gattungen des Wirtlichen und des Denkbaren als gemeinsame Pflicht obläge; aus diesem A würde sich eine classissicatorische Entwicklung ableiten lassen, welche den ganzen Weltinhalt aus sich hervortriebe, und diese allein würde, wenn sie möglich ware, Die logische Bürgschaft bafür bieten, daß in der gesammten Artenreihe jede an den bestimmten Platz gernät würde, der ihr durch den Grad, in dem fie das Wesentliche verwirklicht, zwischen allen ihren Berwandten zufäme. Go führt diese Aufgabe natürlicher Classification von selbst über die vereinsamte Behandlung einer besonderen Aufgabe zur spstematischen Gliederung unseres gesammeten Dentinhaltes. Und diesem Antriebe sind in der That die bedentendsten Bersuche immer gesolgt. Wollte man die aufsteigende Entewicklungsreihe der Pflanzen oder der Thiere darstellen, oder die geschichtlichen Ereignisse, denn auch auf das Geschehen erstreckt sich der Anspruch dieser Dentsorm: immer umste man sich darüber rechtsertigen, warum man diesen, nicht jenen Maßstab sür die Abschäunug des zusnehmenden Werthes der einzelnen Glieder besolgte, und immer fand man zuletzt diese Rechtsertigung nur in den allgemeinsten Anschaumagen über den Sinn alles Seins oder Geschehens, die man ausdrücklich an die Spitze der ganzen Untersuchung stellte, oder unausgedrückt als leitendes Princip bindurchssühlen ließ.

136. Die natürliche Classification, um mit diesem hergebrachten Namen das nun geschilderte Verfahren zusammenzufassen, unterscheidet jich also von der combinatorischen oder fünstlichen durch die Berücksichtigung ber gegenseitigen Determination ber Merfmale, die in jener nur nebenbei Beachtung fand, in der Geftalt ihres Erfolges aber durch die Form der Reihe, deren Glieder nicht nur überhaupt nebeneinander gestellt find, sondern in bestimmten Platen aufeinander folgend aus dem Umfang oder dem Herrschaftsgebiet des einen Artbegriffes in das Gebiet eines andern hinüberleiten; diese Ordnung beginnt mit Gliedern, welche ber logischen Bestimmung bes ganzen Spstems am mindesten entsprechen, und endigt mit denen, deren Merfmalbestand den vollständiasten und reichsten Ausdruck ihrer Erfüllung bildet. Doch ist es nicht nothwendig, daß immer dieser einfachste Fall stattfinde, den wir hier annehmen, daß nämlich die Reihe nur eine Richtung habe. Zuerst ist in jeder einzelnen Art eine Bariation einzelner Mertmale denkbar, durch welche das entscheidende Gefüge der Art, für unsere Ginsicht wes niastens, in nichts geändert wird; dann sind die verschiedenen Beispiele dieser Art gleichwerthig, und die Reihe nimmt hier eine Breite durch coordinirte Glieder an, ohne einen Fortschritt in ihrer Länge zu machen. Chenjo ift es ferner möglich, daß eine Urt M durch verschiedene oder entgegengesette Bariationen mehrerer Mertmale nicht nur in eine nächste Art N übers, sondern in mehrere Arten NOQ anseinandergeht, denen jie gleich verwandt ift, und die für den Sinn der Gesammtentwichtung gleichen Werth haben; diese werden dann zu Ausgangspunkten neuer Reihen, die entweder parallel fortlausen oder irgendwie sich später wieser mit der gemeinsamen Reihe verschmelzen. So ist die Form der natürlichen Classissiation im Allgemeinen die eines Gewedes oder Svstems von Reihen, und nicht einmal der Gipfelpunkt dieses Svstems braucht eine strenge Einheit zu sein, denn selbst für die vollendetste Ersreichung der logischen Bestimmung bleibt die Möglichkeit verschiedener völligzgleichwerthiger Formen.

137. Da die Gelegenheit es mit sich bringt, erwähne ich noch zwei oft gebrauchte Begriffe, die hier eine logische Erläuterung finden fönnen. Die neue Werthbestimmung der Arten, zu der wir zuletzt famen, nach dem Maße, in welchem sie sich dem Ziele der Gesammtentwicklung nähern, schließt die frühere nicht aus, welche auf dem Gleichgewicht der Merkmale des nächsthöheren Gattungsbegriffs beruhte. Sie bestehen beide nebeneinander, obwohl die eine der anderen Abbruch thut. Dieser Widerstreit wird in unserer ästhetischen Bürdigung ber Erscheinungen fühlbar. Zede Art, welche ihre eigene Gattung im festen Gleichgewicht ihrer Merkmale barftellt, macht uns ben Gindruck bes verhältnißmäßig oder in fich selbst Bollfommenen; sie bildet den Inpus der Gattung, welcher nicht die zureichende, aber die unerläßliche Bedingung der Schönheit des Schönen ist und selbst dem an sich Häflichen die formale Berechtigung erwirbt, als Hähliches in fünstlerischer Darstellung nebenher verwandt zu werden. Urten dagegen, welche dies Gleichgewicht der Merkmale zerstören, indem sie einem höberen Ziele jich nähern, als innerhalb ihrer Gattung erreicht werden fann, gewähren uns den zweidentigen Gindruck des Interessanten, ähnlich den Diffonangen, durch welche wir nicht befriedigt, aber auf eine höhere Befriedigung vorbereitet werden. 3beal im Gegensatz zu Typus würde die Erscheinung bedeuten, in welcher das Gleichgewicht der Mertmale, welches dieser verlangt, mit der größten Entwicklungshöhe in Bezug auf die logische Bestimmung gläcklich zusammenfällt, eine Möglichkeit, welche logisch nicht ausgeschlossen ist, und welche die Kunft vielleicht in einer ruhigen Erscheinung, wahrscheinlicher nur in einer Situation bie= jer Erscheinung wird verwirtlicht finden oder verwirtlichen fönnen.

138. Man wird endlich fragen, wie nun die entwickelnde Claffisfication zu jeuem Schlufpunkt gelange, bessen sie bedarf, zu der Gewisheit

nämlich, ienes höchfte Gefet, die logische Bestimmung, richtig gefunden au haben, welche innerhalb ihres gegebenen Gegenstandes oder innerhalb des gangen Weltinhaltes herrichend ift. Darauf haben wir mir zu antworten, daß auf blos logischem Wege diese Gewischeit zu erreichen gang unmöglich ift. Die Form der entwickelnden Classification ift, wie alle logischen Formen, selbst ein Ideal, welches von dem Denten verlangt wird, deffen Erfüllung aber, so weit sie möglich, mir von dem Erfennen geleistet werden fann. In der That liegt bier fein Ausnahmsverhältnig vor, welches dieser ersten unserer svitematischen Formen zu ihren Ungunften zur Last siele. Auch das Urtheil schreibt uns eine Verbindung von Subject und Prädicat vor, die im Denken geleistet werden musse, sobald der Gedante sich in seiner Beise bem Berhalten des Gedachten anschließen welle; jo lehrt uns das hopothetische Urtheil: nur durch Hinzufügung einer Bedingung zu dem Subjecte S sei es möglich, ihm ein Prädicat P zuzuerkennen, welches nicht schon in dem eigenen Begriffe des S liege; aber die Logif lehrt nicht, welche Bedingung x nöthig sei, um diesem S dieses P zu erwerben; sie erwartet diese Ausführung ihrer Besehle von der Erfenntniß des jedesmaligen Sadwerhaltes. Auch die Theorie der Sullogismen lehrt uns Folgerungen ziehen, wenn die Prämiffen gegeben find, aber fie gibt uns die Prämiffen nicht und steht nicht für deren Bahrheit ein, es sei benn, daß fie felbst als Folgesätze aus anderen Prämiffen entspringen fönnen; Dieje lettern bienen bann als bas bem Denfen Gegebene und führen auf irgend eine Wahrheit schließlich zurück, die nicht wieder logisch ableitbar ift. Ebenso behanptet die natürliche Classification nur dies: jede Gruppe zusammengehöriger Mannigfaltigfeiten, und, da alles zusammengehört, zuletzt das ganze Reich des Wirklichen und des Dentbaren muffe als ein Suftem von Reihen angesehen werden, in benen Begriff auf Begriff in bestimmter Richtung aufeinander folgt; aber Dieje Richtung selbst und das höchste in ihr treibende Princip aufzujuden, überläßt fie den Mitteln der sachlichen Erfenntniß.

139. Richt dieser Borwurf, aber ein anderes Bedenken nöthigt uns zur Fortsetzung unseres Weges. Man wird es am leichtesten aus der sostenatischen Stellung der Classification verstehen. Als Anordnung von Begriffen entspricht sie zunächst nuserem ersten Haupttheil, der Vehre vom Begriffe selbst; aber eben aus diesem mußten wir zur

Betrachtung ber Urtheile übergeben, benn ber gegebene Wechsel bes Denfinbalts war nicht durch Begriffe allein zu faffen, im Gegentbeil fette ber Begriff Berbättniffe feiner Merfmale voraus, beren Ginn erst im Urtheil flar zu maden war. Die Classification entspricht ferner der ersten Form der Urtbeile, der fategorischen: wie in diesen das Subject seine Prädicate einfach batte, annahm oder verlor, jo erscheint bier der gesetzgebende böchste Begriff für sich allein als der Hervorbringer aller seiner Arten, als die Quelle, aus welcher sie emaniren: aber dem fategorijden jeste das hopothetijde Urtheil gegenüber, daß aus einem Subject & allein feine Manniafaltigfeit entspringt; ebenso werden alle Lebren der Emanation sich die Frage vorlegen mussen, welche zweite Bedingung ibr erftes Princip verantaft, fich überbaupt zu entwickeln, und wober ibm die Data fonnnen, gegen welche gurudwirfend es gerade bieje, nicht andere Formen seiner Ausgestaltung an nehmen muß. Ein ähnlicher Fortschritt steht uns auch bier bevor: wir fönnen ihn noch in engerem Anschluß an die geschilderten Gigenbeiten der Classification verbereiten. Der fünstlichen oder combinatorischen warfen wir vor, daß fie auf ummögliche Glieder führen könne, in der anderen entwickelnden achteten wir um so mehr auf die gegenseitige Determination der Mertmale und nabmen an, daß die Beränderung des einen auf die anderen gurudwirte, daß durch fie ein Begriff in den andern übergeht, daß eine Urt bem Begriffe beffer als eine andere em spricht. Dies beißt offenbar: der Begriff bangt in der Bildung feiner Arten nicht blos von sich selbst, bildlich gesprochen, von jeiner Absicht, sondern zugleich von einer andern Macht ab, die darüber bestimmt, welche Verwirklichungen seiner Absicht möglich oder unmöglich, mehr oder weniger adägnat ansfallen. Diese Macht baben wir aufzusuchen.

140. Die Anfgaben des Denkens sind erst dann vollständig gestöst, wenn es Formen zur Anssassiung alles dessenigen entwickelt hat, was ihm die Wahrnehmung als Gegenstand und Anregung seiner Thättigkeit darbietet. Die Classissicationen genügen dieser Ansorderung der Umfassung alles Inhalts nicht. Ihr natürlicher Gegenstand sind stets nur die ruhenden Bilder der Gattungen mit ihren sesten Merkmalen, die wir zwar in den Wahrnehmungen als stehende Ausgangspuntte mannigfaltiger Beziehungen zu bemerken glauben, die aber weit entsernt sind, die ganze Fülle der Wahrnehmung auszumachen. In dieser

spstematischen Gliederung, in welcher die Classification und die einzelnen Gattungen geordnet darstellt, kommen sie in Wirklichkeit nicht vor: fie erscheinen nur, verwirklicht in ungähligen individuellen Beispielen. Die durch Beit und Raum gerftreut, einem beständigen Wechsel veränderlicher Zustände an sich selbst und veränderlicher Beziehungen untereinander unterworfen find. Geben wir selbst zu, daß die Matur jedes Gattungsbegriffs vollständig bas Gefetz enthalte, nach welchem jedes seiner Beispiele sich verhalten wird, wenn es in diese oder jene Beziehung eintritt, so liegt doch in bemselben Gattungsbegriff eben fein Grund für das, was wir bier hopothetisch hinzusügen, weder für das Borbandensein jenes Beispiels ba und zu ber Zeit, wo es vorhanden ift, noch für bas Eintreten ober Richteintreten dieser Beziehung. Durch Die Form der Classification umfaßt daber das Denken nicht alles, was es umfassen muß; auch das, was bier nur als eine beiläufige Reizung ber allgemeinen Begriffe zur Erzengung biefer ober jener ibrer Arten erideint, muß als ein wesentlicher Theil in ber Glieberung bes Ganzen der denkbaren Welt beachtet werden.

141. Diese Betrachtung wird nicht baburch widerlegt, daß nach einer früheren Bemerkung sich allerdings die entwickelnde Classissication nicht auf rubende Gattungen bes Seienden und bes Dentbaren, sondern and auf ben Fortidritt bes Geschehens erstreden fann. Was bas Weichehen zum Geschehen macht, bas Werben bes einen Buftandes aus dem andern, entzieht sich and hier, in den Bersuchen zu einer Ent wickelung der Geschichte, der logischen Thätigkeit gang. Das Bergan gene überlegend ober bas Butunftige voraussagend, fonnen bieje Speenlationen die Bilder gewiffer Lagen aufstellen, als augenblidliche Gleichgewichtszustände, Die nach ihrer Annahme in dem Aluffe des Geschebens auf einander in festgesetzter Reibe gu folgen bestimmt find: allein wie es zugeht, daß biefer llebergang geschieht, wissen sie nicht zu fagen. Auch dann nicht, wenn sie die unvollendbare Arbeit übernehmen wollten, ben Zwijdenraum zwijden zwei folden Gleichgewichtslagen in ungählige Stufen zu theilen; fie würden von jeder berfelben, naddem sie erreicht ift, zeigen tonnen, daß ihr Begriff eine Borfinfe bes Begriffs ber folgenden ift: aber fie würden nicht nachweisen tonnen, wodurd der wirkliche Inhalt Diefes Begriffes die Wirklichteit des an bern nach sich zieht. Und außerdem muß man bingubedenken, daß reine

Begriffe fich nicht in Wirklichkeit vorfinden ober entwickeln, sondern nur ihre Beispiele, deren jedes eine specifische Bestimmtheit aller seiner Merkmale besitzt, welche sein Allgemeinbegriff zwar zuläßt, aber nicht bestimmt. Was daher in Wirklichkeit durch jenes Werden, das der Classification geheimnigvoll bleibt, entstehen wird, entsteht überdies nicht aus dem Begriff der vorangehenden Stufe, sondern aus dieser bestimmten Verwirklichung besselben, für welche jene Denkform ebenfalls fein Unge hat. Alle die Bersuche ber alten und der neuen Zeit, den Beltinhalt auf diesem Bege ber Emanation aus einem Urbegriffe hervorgeben zu laffen, unterliegen demfelben Mangel. Ift jener Urbegriff in der That nur ein reiner Gedanke irgend eines Berhältniffes. das zwischen noch ganz namenlosen Beziehungspunkten stattsinden soll, jo konnen fie aus ihm nur als Möglichkeiten, meinetwegen als nothwendige Forderungen gewisse ebenso allgemeine Formen ableiten, die in einer zufünftigen Wirklichkeit so oder so auftreten müssen; aber sie haben fein Mittel, dieses So ober So zu entscheiden, und auch sonst tein Mittel zu zeigen, woher die gewünschte Verwirklichung fommen werde. Nichmen sie aber an, daß jener Urgedanke nicht zwischen so namenlosen, sondern zwischen bestimmt gearteten Beziehungspunkten von Hans aus bestehe, und theilen sie ihm selbst den Anftog gur Entwicklung, der ihnen fehlt, als eine ursprüngliche Unruhe mit, die ihn zur Entfaltung seiner Consequenzen nöthigt, so gestehen sie damit nur zu, daß die volle Gestalt jeder neuen Entwickelungsstufe nicht allein von dem Begriffe der vorigen, sondern von der thatsächlichen und grundlosen speciellen Gestalt abhängig ist, in welcher bereits dieser Begriff der vorangehenden sich verwirklicht hatte. Das heißt mit anderen Worten: sie geben zu, daß neben ihrer fategorischen Entwicklung durch Emanation des Begriffs aus sich selbst noch eine andere Macht thätig ist: ein hier gang unbeachtet bleibendes Bange gesetzgebender hopothetischer Beziehungen, welche gebieten, daß, wenn in einem gegebenen Begriffe die Merkmale thatsächlich einen bestimmten Werth besitzen, und wenn auf diese Mertmalgruppe bestimmte Bedingungen einwirken, dann die Gestalt des aus jenem folgenden neuen Begriffs, der neuen Emanationsstufe, vollständig, aber auch dann erst vollständig bestimmt ift. Bergleichen wir endlich biese Emanationslehre mit dem Berfahren der Subjumptionsichlüsse, so tounen wir turz fagen, daß ihr eben die

zweite Prämisse mangelt, durch welche jene aus dem allgemeinen Obersate den vergleichsweis specielleren Schlußsat erst hervorbringen. Diese hier verschwiegenen, nur vorausgesetzten Rebengedanken hat die Logif ausdrücklich zu ergänzen: sie reicht nicht mit einer Classissication von Begriffen aus, sondern muß auch den gesetzlichen Zusammenhang der Urtheile ausweisen, durch welche jene bestimmende Kraft eines vorhandenen Merkmals auf dassenige ausgesprochen wird, welches aus ihm entstehen soll.

142. Es ist aber nicht nöthig, die Classification nur in ibrem Ungenügen zur vollständigen Auflösung ber Denkaufgabe zu ichildern: fie muß zur Erreichung ihres eigenen beschränfteren Zieles bieselben verschwiegenen Voraussetzungen machen. Zeden der Gattungsbegriffe, welche sie anordnet, sett sie nothwendig aus Merfmalen zusammen. welche auch in anderen vortommen. Denn alle Mübe, eine Stufenleiter der Gattungen L M N zu bilden, wäre verloren, wenn L Merfmale bätte, die nur in ihm, aber sonst in der Welt nicht erhört wären, und M und N sich durch gleiche Originalität anszeichnen wollten. Die Merfmale muffen vielmehr wie überall bereitliegende Baufteine angeschen werden, die hier so, dort anders zubehauen, ein vergleichbares Material darstellen, aus beisen verschiedenartiger Berwendung allein die verschiedenen Gebäude der Begriffe entstehen. Ihm spricht aber die entwickelnde Claffification von einer wechselseitigen Determination Der jenigen Mertmale, welche in demselben Gattungsbegriffe M vereinigt find; die Aenderung des einen zieht Aenderungen des andern nach fich: der Fortschritt dieser Aenderungen erzeugt nicht nur die einzelnen Arten der Gattung M, sondern führt über sie selbst auch zur Gattung N Welchen Regeln fann Diese bestimmende Macht des einen Merfmals über das andere folgen, wenn nicht solden, die eine allgemeingültige Beziehung zwijden den Raturen Dieser Merkmale enthalten, eine Beziehung, welche, da die gegebenen Merkmale selbst über den einzelnen Gattungsbegriff M hinaus Geltung haben, auch von diesem Begriffe M unabhängig sein muffen? Bon dem, was diese allgemei nen Gesetze des Zusammenbanges der Mertmale zulassen oder ver bieten, ist baber die Bilbung, die Möglichkeit und Unmöglichkeit ber einzelnen Urten von M, zulest die von M selbst durchgängig bedingt. Mithin, um auch nur ibre eigene Anfgabe zu erfüllen, fest die Classie

fication der Begriffe ein Reich von Urtheilen oder allgemeinen Gesetzen vorans, nach denen sich die Zulässigteit, die Art der Berbindung und die gegenseitige Determination aller Merkmale richtet, die in diesem oder in jedem beliebigen andern Gattungsbegriffe vereinigt werden sollen.

143. Ich habe hier einen scheinbaren Widerspruch zu erwähnen, beifen Befeitigung diese Borbetrachtung zum Schluffe bringen wird. Diese gegenseitige Abbangigfeit eines Merfmals vom andern verlangten wir ibon einmal, bei der Form der Proportion; damals berichtigten wir uns dabin, daß nicht zwischen zwei Merfmalen überhaupt eine constante Beziehung bestehe, sondern der Magstat ihrer Wechselwirfung erft durch die Natur des Ganzen, an dem fie vorfommen, oder durch den Begriff dieses Ganzen gegeben werde. hier unn scheinen wir dies zu widerrufen; in Wahrheit bestätigen wir es. Denn eben dies wird nns jest deutlich, daß der Inhalt jenes Begriffes, dem wir dort die entscheidende Macht übertrugen, in nichts besteht, als in einer Anzahl von Merfmalen, deren jedes einzeln weiter reicht als dieser Begriff jelbit, und die in ihm auf bestimmte Weise verbunden sind. Zwischen diesen Mertmalen find, wie wir faben, verschiedene Beziehungen moglich: es fann fommen, daß die Borstellung des einen die des andern einichließt: dann wird an jedem Subject, dem das erste zukommt, anch das andere sich einfinden: es fann sein, daß zwei Merfmale als conträre und contradictorische Glieder eines ihnen Gemeinsamen einander ausschließen, und dann find fie an feinem dentbaren Subject vereinbar; zwischen diesen äußersten Fällen liegen mittlere, in denen, ohne eine ähnliche logische Begründung, und die Wahrnehmung zwei Merkmale thatsächlich verbunden zeigt, aber der Werth des einen nicht überall einen gleichen Werth des andern bedingt. Diesen Fällen galt unsere frühere Bemerfung; ber Grund nun, der diesen Spielraum verengt und die Proportion genau feststellt, nach welcher sich in jedem einzelnen Subject zwei Merfmale determiniren, liegt in der gleichzeitigen Gegenwart aller übrigen Mertmale, in ihren Werthen und in ihrer Berbindungsweise. Was an dem Verhältniß jener zwei unentschieden war, wird entschieden durch die Berhältnisse derselben zu allen übrigen; wo den verschiedenen Gleichungen, durch welche man diese sich ausgedrückt denken kann, mur ein einziger Werth jedes der Merkmale genugthut, ist die Bildung des Gangen vollständig bestimmt; wo die Angahl der

Gleichungen hierzu nicht genügt, bleibt dies Ganze theilweis noch mibestimmt und stellt einen allgemeinen Begriff bar, in welchem es noch verschiedene mögliche Arten gibt. Der Allgemeinbegriff ist es baber allerdings, der seinen untergebenen Arten die Proportion bestimmt, in der je zwei Merkmale einander beterminiren; aber er thut dies nur fraft der geordneten Summe seiner übrigen Merfmale und so weit diese selbst als bestimmtwerthige gegeben sind. In der That ist hierans unfer Berfahren immer begründet gewesen. Wenn wir classificirend aus einem Gattungsbegriffe seine Urten entwickeln wollten, haben wir stets annehmen muffen, einige seiner allgemeinen Merkmale seien ber Reihe nach jo oder anders bestimmt; dann erft folgte Die Bestimmtbeit der übrigen, durch die das Bild einer Urt im Unterschied von der andern vollendet wurde. Daß aber bieje erfte Beftimmtheit stattfand, welche die andere nach sich zog, war in dem Gattungsbegriff selbst nur eine Möglichkeit, deren Berwirklichung unabhängig von ihm durch unser Denken gesetzt wurde.

144. Ziehen wir bieje Betrachtungen zusammen, jo fönnen wir jagen: jedes Einzelne und jede Art einer Gattung ist das, was sie ist, durch das Zusammenwirken der vollständigen Summe ihrer Bedingungen; dieje Bedingungen aber besteben barin, daß eine Anzahl von Gle= menten oder Merkmalen, welche auch getrennt von einander sein könnten, thatsächlich in einer bestimmten Verbindung gegeben sind, neben der auch andere Berbindungen derselben denkbar find, und Größenwerthe besitzen, außer denen sie auch andere haben fonnten. Aus dieser gegebenen Bereinigung der Bedingungen folgt nach allgemeinen Gesetzen, die über die Beziehungen jener Clemente gelten, dieses gang bestimmte Ergebniß; aus einer Beränderung dieser Bedingungen jenes andere anders bestimmte. Zedes dieser Ergebnisse läßt sich, nachdem es da ist, mit anderen vergleichen und sich ihnen als Urt den Urten beiordnen oder als Art der Gattung unterordnen; aber man muß diesen Begriffen, die wir bisher als den Schlüffel zum Verständniß des Gefüges ihrer Unterthanen betrachten, nicht eine andere geheimnißvolle Macht der Gesetzgebung gutranen außer ber, furze Ausbrücke für eine bestimmte Bereinigung trennbarer Bestandtheile zu sein, deren an sich nach allgemeinen Gesetzen überall gleichartige Wechselwirfung durch diese Bereinigung zu diesen, durch eine andere zu anderen Folgen führt.

145. Die Umfehrung der gesammten logischen Auffassung, welche in diesen Betrachtungen liegt, ist dentlich; sie tritt in der modernen Wiffenschaft als die logische Form der erklärenden Theorie ber Form der Classification gegenüber, welche einseitig das Alterthum beherrichte. Ich überlasse ber angewandten Logit alles, was über bie Methoden zu sagen ist, welche diese Wendung unserer Gedanken zur Unsführung ihrer Aufgabe erzengen muß, und beschränke mich hier auf Die furze Hervorhebung der Büge, durch welche sich die logische Auf fassung des Weltinhalts, wenn sie im Sinne dieser Theorien erreicht wäre, von jener der Classification unterscheiden würde. Es ist vor allem nicht mehr von einer fateaorischen Emanation alles Denkbaren und Wirflicen die Rede, welches aus irgend einem Anfangspunkte, mir getrieben von dem dort enthaltenen Plane einer Entwicklung, aber obne Beibülfe anderer Bedingungen hervorginge; die Form der Wiffenschaft wird wesentlich hopothetisch. Sie erzählt nicht, was ist und geschieht, sondern sie bestimmt, was sein und geschehen muß, wenn bestimmte Bedingungen gegeben sind; ob dagegen überhaupt und in welcher Reihenfolge ober Verfnüpfung Diese Bedingungen vorfommen, Diese Frage ichließt fie aus dem logischen Gebiet aus und überläßt fie der erfahrungsmäßigen Erfenntniß, welche biese Thatsachen als Amwendungsbeispiele der Theorie herbeibringen wird. Ich lasse ferner hier dahingestellt, auf welche Weise sich diese Theorie der allgemeinen Besetze bemächtigt, nach welchen sie entscheidet, daß überall, wo ein bestimmter Kreis von Bedingungen gegeben sein möchte, nur eine bestimmte Folge und feine andere entstehen musse; es reicht jett bin zu bemerken, daß fie überhaupt von diesem Gedanken eines Gesetzes ausgeht, welches die bestimmte Folge einer bestimmten Bedingung allgemein feststellt. Das will sagen: überall, wo die Bedingung a+h sich findet, folgt aus ihr nur c, und die Natur des Gegenstandes, an dem a +b vorfommt, hat nicht die Macht, dieser Bedingung unmittelbar eine andere Folge zu geben, als dieses c: sie fann dies nur, sobald außer a+b sich in ihr noch andere Bedingungen a+d vorsinden, deren Zusammenwirken mit a+b gleichfalls nach einer allgemeinen Nothwendigkeit, die von ber Natur biejes Gegenstandes gang unabhängig ift und für jeden anbern ebenso gelten würde, die Beränderung von e in 7 befiehlt. In Diesem neuen Erfolge 7 ift dann Die Wirtsamkeit des Gesetzes, welches e an a+b fnüpfte, nicht aufgehoben, sondern unverändert mit enthalsten; denn für sich allein würde a+d nicht γ , sondern δ erzeugt haben.

Auf der Grundlage dieser allgemeinen Gesetze beruht der mechanifirende Charafter, den diese Theorien sich selbst zum Ruhme aurechnen, von ihren logischen Gegnern als Tadel angerechnet erhalten. Der Reigung, welche eine Reihe von Erscheinungen organisch, wie man sagt, aus bem Sinne eines Gedankens herleiten will, der sich in ihnen entwielle, treten sie mit der Behauptung gegenüber, der bloße Sinn, der sich entwickeln will, erzeuge nichts, sondern alles sei nur, sobald die vollständige Summe der Bedingungen gegeben sei, von der es nach allgemeinen Gesetzen als nothwendige Folge abhänge; als Ergebnif dieser Bedingungen allein muffe man es betrachten, und die Erflärung bestebe nur darin, ein Gegebenes in seiner ganzen vollständigen Bestimmtheit als die unvermeidliche Folge der Anwendung allgemeingeltender Gesetze auf ebenso bestimmte gegebene Umstände aufzuweisen. Mit dieser logischen Gesimmng, die wir am meisten ausgesprochen in den mechanischen Naturmissenschaften finden, sind die erklärenden Theorien dem Gebrauch und der Anffuchung allgemeiner Gattungsbegriffe sowie dem Unternehmen von Classificationen abgeneigt; sie würden eine Erscheinung so lange für nur wahrgenommen, aber unbegriffen ausehen, als sie fich nur auf die Gigenthümlichkeit, durch die ein Begriff fich gegen ben andern abschlieft, und nicht auf die Vorschriften eines allgemeinen Bedingungsrechtes zurückführen ließe, das für allen Denkinhalt und alles Wirfliche gleichmäßig verbindlich ift: ihr Stolz besteht darin, Der Gattungsbegriffe und ihrer Stellung in einem Claffensvitem nicht zu bebürfen, sondern zu zeigen, daß man mit jeder Erscheinung, wohin sie auch ihrem Sinn nach gehören möge, fertig werden tonne, sobato man die Summe der in ihr verbundenen Begiehungspuntte fenne; bem alles, was ift, sei lediglich ein Beispiel bessen, was da werden nuß, wenn die allgemeinen Gesetze auf diese oder jene bestimmte Gruppe gegebener Elemente angewandt werden. Und selbst mit dem fann die erflärende Theorie sich nicht begnügen, was man als äußerstes Zugeftändniß ihr zuweilen entgegenstellt: alles folge zwar allgemeinen Gesetzen, aber jedes Gebiet der Wirklichkeit doch seinen eigenen, und die Gesetze bes Lebendigen, des Geistigen seien andere als die des Unles bendigen und Materiellen. Selbstverständlich ift es freilich, daß diejenigen speciellen Gesetze, welche sich, als nächstückere allgemeine Resgeln, am engsten an den Inhalt und die Gestalt gegebener Erscheinunsgen anschließen, verschieden sind je nach der Verschiedenheit der Subjecte, deren Verhalten sie ansdrücken; aber nur zwei Welten, die einander nichts angingen und aus deren einer feine Wirfungen irgend welcher Art in die andere hinüberliesen, könnten auf zwei höchsten, von einander unabhängigen, Gesetzen bernhen; wer von Giner Welt spricht, welche jene perschiedenen Gruppen sich entwickelnder Tinge und Ereignisse einsschließe, nung von Einem sür alles Wirkliche gültigen Gesetze oder Einem zusammengehörigen Gesetzeise ausgehen, aus dem alle speciellen Gesetze der verschiedenen Gebiete als particulare Fälle hervorgehen, sobald man ihm nacheinander, als eine Reihe verschiedener zweiter Prämissen, die Bedingungen unterordnet, durch welche sich die Naturen der in den einzelnen Gebieten wirssamen Subjecte unterscheiden.

146. Gemäß der Theilung der Aufgaben, die ich mir vorgenommen, habe ich in der letten Darstellung noch feines der Mittel der Untersuchung erwähnt, deren die erklärende Theorie sich bedient, theils um jene allgemeinen Gesetze zu finden, denen sie jeden zusammengehörigen Kreis von Inhalt unterwirft, theils um in der Mannigfaltigkeit des Gegebenen das innerlich Zusammengehörige selbst erst zu entdecken, das eine gemeinsame Unterordnung unter dieselben Obersätze verträgt oder fordert. Ich behielt es der angewandten Logik vor, mit größt= möglicher Freiheit der Bewegung diese Anstrengungen zu verfolgen; die sustematische Uebersicht der Denkhandlungen, deren Abschluß wir uns nun näbern, batte nur die Gestalt ins Ange zu fassen, welche die erflärende Theorie dem Zusammenhange alles Denfbaren zu geben wünscht, und welche, wenn es gelänge, sie in der That allem Denkbaren zu geben, als das erreichte letzte Ziel aller Bestrebungen des Denkens erscheinen würde. Und damit eben drücke ich, nicht die allgemeine, aber die herrschende Ueberzengung der Gegenwart aus. Fast nur in der Korm der erflärenden Theorie bewegen sich die wissenschaftlich thätigen Arafte unserer Beit; das spät erst zur Alarheit gefommene Bewußtsein des in ihr zu befolgenden Grundsatzes unterscheidet mächtig alle moderne Wiffenschaft von der des Alterthums und des Mittelalters, die von ihr entwickelten Methoden der Untersuchung bilden den werthvollen Schatz, burch welchen die Erfenntniffunft ber neuen Zeit die der antifen

Philosophie überstügelt. Daß gleichwohl die Ueberzengung, mit dieser Form des Denkens am Ende aller Bünsche zu sein, nicht allgemein ist, beweist der unablässige Widerstand, der ihrer ausschließlichen Herrschaft über alles Denkbare entgegengesett wird. Betrachten wir diesen Wisderstand zuerst in den kenntlichen Gestalten, die er in der Gesammtheit unsserer Weltanffassung annimmt, so werden wir den Rest rein logischen Bedürsnisses aus ihnen ablösen können, welchen die erklärenden Theorien unbefriedigt zurücklassen.

147. Am deutlichsten tritt die ästhetische Abneigung fünstlerisch gestimmter Gemüther gegen die Behanptung hervor, nur allgemeinen Gesetzen sei alles Seiende unterworsen, und jedes Ginzelne nur das, was es nach diesen Gesetzen werden mußte, wenn Bedingungen, die sich auch anders hätten fügen fönnen, in einer bestimmten thatsächlichen Form sich zusammengefügt haben. So meint man die Schönheit des Schönen nicht fassen zu können; nur dann scheint sie von Werth, und das zu sein, was sie ist, wenn die Endgestalt, die wir bewundern, das Ergebniß einer einheitlichen Macht ist, ans der sie zwar auch als unvermeidliches Ergebniß, aber nicht nur als folches, jondern als die Erfüllung und Erscheinung eines lebendigen Triebes hervorgeht; sie schiene unverständlich zu werden, wenn sie nur der Glücksfall einer Harmonie zwischen zufällig zusammengerathenen Bestandtheilen wäre. Ich habe anderswo zu zeigen versucht, daß dieser Einwand der Aesthetik verfehlt ist, wenn er dazu übergeht, die allgemeine Macht der erflärenden Theorie oder des Mechanismus zu leugnen. Zufällig ist im Sinne dieser Theorie das Zusammenkommen der verschiedenen bedingenden Elemente niemals; es ist überall die nothwendige Folge der vorange= aangenen Weltzustände; so führt nach rudwärts uns diese Heberlegung entweder zu irgend einer Combination der Elemente, die wir als den Unfanaszustand der Welt ansehen; und nichts hindert dann die Unnahme, in dieser Combination, die denkbar auch eine andere hätte sein fönnen, habe ber bewundernswürdige Reim der Schönheit gelegen, beffen einheitliche Macht, durch allen mechanischen Zusammenhang der Folgezustände hindurchwirkend, die Schönheit der einzelnen Erscheinungen als einzelne Zenanisse seiner selbst bervortreibe. Ober wenn wir den schwierigen Gedanken eines Unfangszuftandes vermeiden wollen, so hindert uns nichts, in einem beliebigen Zeitpunft einen Durchschnitt gleichsam

durch die Breite des Weltlaufs zu legen und anzunehmen, daß die Combination aller in gleichem Augenblick in ihm wirffamen Kräfte, eben weil sie diese ift und feine der andern deutbaren, die fie hätte sein fönnen, ben einheitlichen Grund aller jener einzelnen Schönheiten bilbet. Diese Annahme würde alles einschließen, was unser äfthetisches Gefühl für nothwendig balt, um bie Bürde ber Schönheit zu sichern; sie wurde nur den Ort etwas verändert haben, in welchem sie jene einheitlich treilende Macht fände; nicht mehr gang auf sich beruhend läge diese Macht in dem einzelnen Schönen; fie führe zwar fort in ihm felbst wirffam zu sein, doch nur als Nachwirtung eines Allgemeinen, das alle Ginzelheiten durchdringt. Diese Berschiebung des Ursprungs der Schunbeit aber widerstrebt den Bedürfnissen der Aesthetif nicht; anderseits die mechanische Theorie, da sie irgend einen gegebenen Thatbestand voranssetzen muß, an dem sich die Folgerichtigkeit der allgemeingesetzlichen Entwicklung vollzieht, hat fein Interesse, ihn lieber sinnlos als sinnvoll. lieber unvernünftig als vernünftig, lieber als Grund eines zwecklosen, denn als den eines zwedmäßig zusammenstimmenden Weltlaufs zu denfen. Eins aber liegt gleichmäßig in jener Forderung der Alesthetif und in diesem Zngeständniß der erklärenden Theorie: die zweiten Prämissen, welche wir den allgemeinen Gesetzen unterordnen und durchdie wir die Thatbestände bezeichnen, auf welche sich die Aussprüche der Gesetze anwenden sollen, fonnen nicht so zufälliger Herkunft sein, wie sie uns allerdings erscheinen, wenn wir, in der Untersuchung eines einzelnen Anhaltsgebietes begriffen, sie aus ihrem Zusammenhang untereinander geriffen haben; fie felbst muffen sostematisirt werden und Glieder eines Ganzen bilden, des Ganzen, welches alle wirklichen Amwendungsobjecte jener allgemeinen Gesetze umfaßt. Richt in hopothetischer Form sollen die Unterfätze unserer Weltbetrachtung eine Menge unzusammenhängender Möglichkeiten denken, deren jede, wenn jie einträte, in Folge der allaemeinen Gesetze zu einem bestimmten Erfolge führen würde, sondern affertorisch müßten sie jede einzelne dieser Möglichkeiten, die cintritt, von denen, die nicht eintreten, als ein berechtigtes, an bestimmte Stelle gehöriges Glied ber geordneten Gesammtreihe des Wirklichen vorführen.

148. Theils bestätigt theils weiter umgeformt wird diese Forsberung in Folge metaphysischer Bedenken. Denn was hieße es doch, auf

der einen Seite ein Reich allgemeingültiger Gesetse annehmen, auf der andern eine Summe von Wirflichem, das fich ihnen fügt, wenn gwijden diesen beiden fein weiteres Berhältniß stattfände und diese Unterwerfung begreiflich machte? Und worin anders fönnte diese Unterwerfung bestehen, als darin, daß das Berhalten, welches jene Gesetze vorschreiben, von allem Anfang an eine thatfächliche Eigenschaft alles Wirklichen selbst, ein constantes Merkmal desselben ist neben den verschiedenen oder veränderlichen Merkmalen, durch die sich ein Wirkliches vom anderen unterscheidet? Niemals läßt sich doch eine Wahrheit anwenden, wie wir zu sagen pflegen, auf einen Inhalt, der ihr nicht von selbst ent= ipricht; jede Unwendung ist nur die Anersennung, daß das, was wir amvenden wollen, die eigene Natur bessen ist, in Bezug auf welches die Umvendung stattfinden soll. Constante Merfmale nun, weil sie in jedem Wirklichen vorkommen, lassen sich aus einer beschränkten Anzahl von Beobachtungen gewinnen, und da fie nun in unserem Denken als Erwartungen, die sich bestätigen werden, den weiteren Beobachtungen vorangehen, jo erscheinen sie leicht als etwas, was auch der Natur der Sache nach in selbständiger Geltung dem vorangebe, woran es sich für uns aufs Reue bestätigen wird; daher jener wunderliche Sprachgebrauch, der die allgemeinen Gesetze als für sich herrschende Mächte ansieht, denen alles Wirkliche, woher es auch kommen und was es immer sein mag, späterhin sich zu unterwersen genöthigt ist. Vermeiden wir nun dies Migverständniß und verfnüpfen wir, was wir an seine Stelle setzen, mit dem, was aus unserem ästhetischen Bedürfniß floß, so verlangen wir jetzt als den einzigen und einheitlichen Gegenstand unseres Denkens ein Seiendes, welches, nicht in Folge eines noch höheren Gesetzes, sondern weil es das ist, was es ist, zugleich der Grund der allgemeinen Gesetze ist, nach denen es überall sich verhalten wird, und zugleich der Reihenfolge der einzelnen Wirklichkeiten, die nachher uns fich diesen Gesetzen unterzuordnen scheinen werden. Ich beabsichtige nicht, diesen Gegenstand hier zu erschöpfen, und gehe über manche Schwierigkeiten hinweg, deren einige wir später innerhalb dieser logischen Untersuchungen selbst, andere im Zusammenhange der Metaphysit zu erwägen haben werden; es genügt mir, die logische Gedankenform zu verfolgen, welche das Streben nach Befriedigung des geschilderten Bedürfnijses juden müßte.

149. Sie wird nicht mehr gang die bes früheren Schluffes fein. Das allaemeine Gesetz, welches in dieser der Obersatz voranstellte, wird als latentes, stillschweigend überall mitgebachtes, aufbören, diese ausgezeichnete Stelle des wesentlich bestimmenden Gliedes einzunehmen; an seine Stelle tritt die allgemeine Natur des in der Welt sich entwickelnden Gefammtinhalts. Und diese Natur wird nicht aufgefaßt als der ruhende Inhalt einer Idee, der fremder Bedingungen bedürfte, um in Bewegung zu gerathen, fondern als begriffen in einer Bewegung, die mit zu dem gehört, was dieser Inhalt ist, und ohne die er nicht fein würde, was er ist; in jedem Angenblick aber ist die einzelne Gestalt, welche dieser bewegte Anhalt annimmt, abhängig von seinem bleibenden Sinne und der bleibenden Richtung seiner Bewegung einerseits, und von dem bestimmten Orte oder dem bestimmten Ergebniß seiner Entwicklung, zu dem er bis dabin, nicht durch fremde Bedingungen, sondern durch seine eigene Bewegning gefommen ist. Es würde nicht mmöglich, sondern nur weitläufig sein, ben wesentlichen Ginn biefer Borftellungsweise auszudrücken, ohne den Begriff der Bewegung einzumischen; wir würden auf die Forderung einer Idee kommen, unter welcher alle Wirklichkeit als das Spitem ihrer Arten und Unterarten befaßt ist; aber die Unterschiede und die Rangordnung dieser Arten würden nicht nach unabhängig von jener Idee vorgefundenen Mertmalen und deren Modificationen bestimmt; sie selbst vielmehr würde den Grund des Vorhaudenseins dieser Merfmale, der möglichen Gintheilungen derselben und der Werthordnung der so entstehenden Barietäten, mithin ben ganzen Grund ihrer eigenen claffificatorischen Bliederung in sich selbst enthalten. Um fürzesten fassen wir und in die Formel: die gesuchte Denksorm solle mur einen Obersatz für alle ihre Schlüsse haben, und biefer bie Bewegung bes gesammten Weltinhalts ausdrücken; die veränderlichen Unterfätze aber laffe fich diefer Oberfatz nicht anderswoher geben, sondern erzeuge sie selbst als die nach seiner eigenen Consequenz nothwendigen und vollständigen Bariationen seines Sinnes, und laffe so in geordneter Reihe die unendliche Angahl ber Schluffätze hervorgeben, die ausammengenommen die entwickelte Wirtlichkeit bilden, welche ber Dberfat in Geftalt eines entwickelungsfähigen Princips gedacht hatte.

150. Man fann nicht sagen, daß der Trieb, das Ganze umserer

Gedankenwelt nach diesem Muster zu gliedern, dem unbefangenen Lauf unseres Denkens fremd sei; er ift vielmehr zu allen Zeiten wirtsam gewesen, und jedesmal, wenn in mehr oder minder vollkommener Form sich eine Weltbetrachtung nach der mechanischen Weise der erflärenden Theorien entwidelte, ist er dieser in der immerwiederfehrenden Forderung einer Auffassung der Welt und aller Dinge als einer lebendigen Entwicklung gegenübergetreten. Denn das Lebendige ift die Erscheimung, in der wir die Erfüllung der gemachten Ansprüche vollkommen verwirtlicht zu seben glauben; so wie bier der ursprüngliche Topus des Oragnismus zur wirfenden Macht wird, die sich selbst die Unreize und die Bedingungen ihrer folgerechten Entwicklung erzeugt, so sollte das Gauze der Welt von innen beraus sich die Gelegenheiten bervorbringen, die zur allmählichen Verwirflichung seines Gefammtinbaltes als nothwendige Bedingungen gehören. Was an diesem Glouben an die selbständige Entwicklung des einzelnen Lebendigen irrig ist, braucht hier nicht berührt zu werden; genug, daß es auf ausdrucksvolle Weise uns das zu sein scheint, was wir suchen. Un dieses Bild hat sich auch stets die Lehre angeschlossen, die zum letzten Mal in unserer Zeit sich ausdrücklich zu dem Streben befannte, aus der Ginheit einer sich selbst entwickelnden und die Bedingungen ihres Fortschritts sich selbst erzeugenden Idee die Gesammtheit des Weltinhaltes entstehen zu sehen. Denn nicht selbst wellte diese Philosophie Hegels, nicht als untersuchendes und überlegendes Subject, nicht durch die Mittel eines verständigen oder discurfiven Denfens, durch Unterordnung selbständiger zweiter Prämissen unter allgemeine Oberfätze, eine Ableitung bes Weltinhaltes aus jenem einen Princip vollbringen; nur zusehen wollte sie, wie aus eigener Triebfraft der Idee diese Entwicklung erfolgt. Und für dieses anichauende, im ursprünglichen Sinne des Wortes speculative Denten glaubte fie in der bialektischen Methode die Leitung gefunden zu haben, welche in jedem Falle dem Blicke des Schauenden die wahre Richtung nach der sich vollziehenden Entwicklung gibt. Ich beharre darauf, in dieser Nebersicht der logischen Formen noch von den Aussährungsmaßregeln zu schweigen, durch welche ihre Unwendung auf den dentbaren Inhalt gesichert werden fann, und ich überlasse deshalb, was von jener Methode als Methode zu fagen ift, einem späteren Zusammenhange: aber zur Bezeichnung Diefer letten Geftalt, Die wir allem Denfinhalt

zu geben wünschen, eigne ich mir den Gegensatz zwischen Speculation und erklärender Theorie an und nenne die Form des speculativen Denkens dies dritte Glied, mit welchem die Reihe der alles umfassenden spitematischen Denksormen endet.

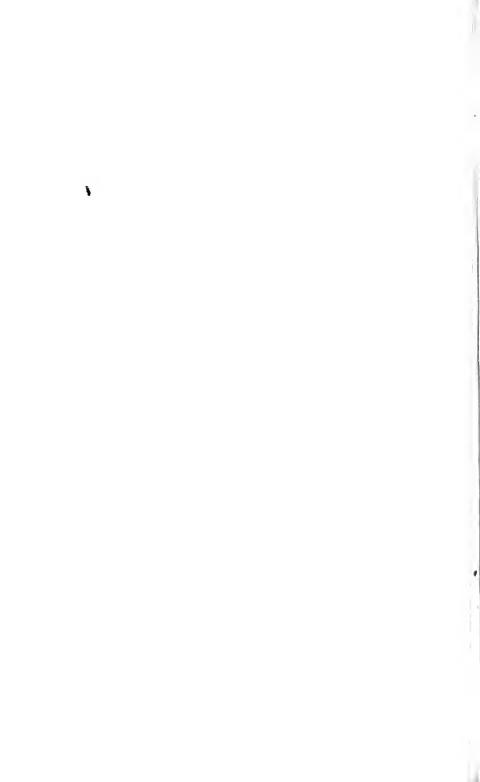
151. Und doch fühle ich, daß ich nicht gang so furz abschließen darf; auf eine icon früher gemachte Bemertung muß ich noch einmal gurudfommen. Alle Denfformen, die wir betrachten, find Beale; fie bezeischnen die Endgestalten, welche das Denken dem geringeren oder größeren Inhalte seiner Betrachtung zu geben münscht, oder geben zu tönnen münscht, um durch ihn, durch den Nachweis der Zusammengeböriafeit alles Infammenseienden, in seinem eigenen Streben befriedigt zu jein; alle dieje Ideale verlieren nichts an ihrer Gültigfeit dadurch, daß es dem menschlichen Wiffen nicht gelingt, ihnen jeden gegebenen Inhalt zu unterwersen. Richt in jedem Erscheinungsfreis sind wir vielleicht im Stande, die allgemeinen Gefetze zu entdeden, die ihn beherrichen, und wenn wir fie entbectt hätten, gelänge es uns vielleicht nicht, jeden Ginzelfall ihnen jo unterzuordnen, daß die Nothwendigkeit einer gegebenen Folge baraus einleuchtete. Aber wir murden unsere Forschungen nach bieser Richtung nicht rastlos fortsetzen, wenn wir nicht überzeugt wären von der allgemeinen Geltung dieses Princips der erflärenden Theorie und davon, daß die Gültigfeit deffelben unabhangig von der Möglichkeit bestehe, sie mit den Mitteln unserer Erkenntnig an jedem denkbaren Inhalte zu bewähren. Bielleicht ift die Form des speculativen Dentens noch ungünstiger gestellt; vielleicht reichen überhanpt die Bedingungen, die dem menschlichen Denken gestellt find, nicht dazu hin, um auch nur in wenigen, auch nur in einem Falle wirklich auszuführen, was hier angestrebt wird: immer wird auch dieses Boeal in verbindlicher Kraft bleiben und die Gestalt bezeichnen, durch welche, wenn man fie ihm geben fonnte, der Gesammtinhalt der Gedankenwelt alle Ansprüche des Denkens voll befriedigen würde. Ihre berechtigte Stelle in der sostematischen Reihe der Dentformen hat daber auch diese; daß sie zugleich das Endglied der Reihe ist, bedarf eines Beweises nicht: sie hat keine unverbundene blos zusammenseiende Mannigfaltigkeit übrig gelaffen, sondern alles in jene Infammengehörigkeit verbunden, deren Nachweis das beständige Ziel alles Dentens war. Angleich aber weift fie über das logische Gebiet binaus. Der erklärenden

Theorie konnte es noch so vorkommen, als besäße sie in allgemeinsten Gesetzen, die das Denken aus sich allein erzeugt, einen Rechtsgrund, um über das Verhalten des Wirklichen im veraus zu entscheiden; die Speculation lengnet diese Berechtigung nicht, aber indem sie alles, die Macht dieser allgemeinen Gesetze selbst, die Richtung, welche die Entwicklung des Weltinhaltes nimmt, und die Ginzelsormen, welche in Folge dieser beiden in jedem Angenblick das Wirkliche annimmt, einzig und allein in der Natur des Inhalts eines höchsten Princips begründet sein läßt, deutet sie an, daß die endliche Erfüllung alles logischen Strebens nicht durch neue logische Formen, sondern nur durch sachliche Erkenntniß dessen möglich sein würde, was sie als höchstes sich selbst entwickelndes Princip voraussetzt.

Zweites Buch.

Vom Untersuchen.

(Angewandte Logik.)



Borbemerkung.

152. So sehr sind wir gewöhnt, unsere Gedaufenwelt in Gegensak zu einer äußeren Wirklichkeit zu setzen, daß mur eben biefe scheint gemeint sein zu fonnen, sobald von einem Gegenstande die Rede ist, auf welchen die Formen unseres Denkens Amvendung finden sollen. Die Erinnerung an die Naturwissenschaften, die einen so großen Ausschnitt an dem wissenschaftlichen Gesichtsfreis der Gegenwart einnehmen, bestärft uns in dieser Meinung; die andere Erinnerung an Mathematik und Aurisprudenz ist geeignet, sie zu erschüttern. Aus der äußeren Birtlichkeit empfängt die Mathematik weder ihre Gegenstände noch die Methoden ihrer Bearbeitung; nur Anlässe gibt ihr das von dorther Kommende, ihre Untersuchung nach dieser oder jener Richtung zu wenden; aber die wahren Objecte ihrer Betrachtung find immer nur die Gebilde, welche unsere Anschanung oder unser Denten in sich selbst vorfindet oder erzengt, und an welche die Erscheimungen der Ankenwelt, immer nur annähernd, und erinnern; und ihre Beschäftigung besteht darin, nach Gesetzen der Beurtheilung, die ebenfalls feiner angern Grfahrung entnommen find, die ungähligen denfnothwendigen Folgen zu entwickeln, die aus den mannigfaltigen möglichen Combinationen jener inneren Gebilde entspringen. Und furz ist diese Entwicklung nicht; von selbst, so daß es nur der zuschauenden Aufmertsamkeit bedürfte, entrollen sich diese Consequenzen nicht; zu allen Zeiten hat sich vielmehr die Logik an die gleichalterige Mathematif gewandt, um Beispiele feiner, tieffin niger und wirksamer Untersuchungsmethoden zu finden. Der Jurisprudenz gaben allerdings die Berhältnisse der irdischen Wirklichkeit, in welche der Mensch mit seinen Bedürfnissen und Ansprüchen verwickelt ift, die Beranlassung der Entstehnug; aber zu ordnen sucht sie diese Wirklichkeit und unfere Beziehungen zu ihr burch Satzungen, Die, obwohl der Natur gegenüber Erzengnisse der Willfür, dennoch die nothswendigen Folgen von Zdeen des Rechts und der Billigkeit sind, Folgen einer seinsollenden Wahrheit, die nur in unserem Geiste selbst ihre Heimal bei Geschäftigt, immer genauer und nutadelhafter den Zusammenhang der einzelnen gesundenen Folgerungen unter einander und mit jenen höchsten Principien darzulegen, aus denen sie sließen. Beide Wissenschung zu beweisen mithin, daß die Logit, um Gegenstände ihrer Anwensdung zu haben, sich nicht an eine äußere Wirklichkeit zu wenden braucht, daß sie übergeung Arbeit sindet, wenn sie den Zusammenhang des Denkbaren und Denknothwendigen durchsorscht, daß endlich die immere Welt umserer Vorstellungen ausgedehnt genug ist, um unbekannte Gesgenden zu enthalten, die mit den Mitteln einer geordneten Untersuchung noch zu enthalten, die mit den Mitteln einer geordneten Untersuchung noch zu entbecken sind.

153. Mit dieser Vorstellungsweise kann man sich nun zu den Naturwiffenschaften zurüchwenden. Gegenstand unserer Forschung wird and die vorausgesette Angenwelt doch nur so weit, als sie auf irgend einem Wege, der uns hier nichts angeht, zu einer Welt von Borftellungen in mis geworden ist; wir betrachten, zergliedern und untersuchen nicht jenes Unsichtbare, das außer uns liegen mag, sondern das sichtbare Bild, das sich von ihm in unserem Bewnstsein entwirft. Welche gesetzlichen Zusammenhänge wir auch immer, als Ergebniß einer langen Arbeit, zwischen den unbefannten Bestandtheilen bieses unbefannten Aeußern glauben annehmen zu muffen: alle diese Behauptungen gründen sich doch immer auf die Beziehungen, die zwischen den Inhalten unserer Borstellungen entweder ein für allemal bestehen, oder veränderlich wechseln. Was auch immer die hervorbringenden Ursachen dieses Wechsels sein mögen, die Gesetze, nach denen er erfolgt, fonnen wir immer mir aus seinem Inhalt felbst, aus der Reihenfolge erkennen, in der bestimmte Vorstellungen in unserem Bewußtsein auf bestimmte folgen, aus der beständigen Berknüpfung einiger, der Unvereinbarkeit anderer. Auch für die Betrachtung der Augenwelt reicht es daher hin, jie zunächst als eine irgendwie in uns begründete Vorstellungswelt anzusehen; gleichviel, ob die Erscheimungen, die uns umgeben, einer wirtlichen Welt ängerer Dinge entsprechen, ober ob fie Erzengniffe einer ichöpferischen, von unbefannten Antrieben geleiteten Ginbildungsfraft

in uns selbst sind, die Entdeckung des Zusammenhanges zwischen ihnen wird immer dieselben Methoden der Untersuchung nöthig machen. Diese Auffassung wünsche ich, bei dem Uebergang zur angewandten vogit, sest gehalten zu sehalten zu sehalt. Sie soll indessen nur hier, am Ansang, die sosten matische Stellung der solgenden Betrachtungen bezeichnen; innerhalb dieser selbst thun wir der gewohnten Borstellungsweise keinen Zwang an: möge man immerhin die Anstrengungen des Denkens hier auf eine wirkliche Außenwelt bezogen denken; nur wenn man sindet, daß auf das Berhältniß dieser Welt zu unserem Borstellen noch gar seine Rücksicht genommen wird, möge man hiervon die Rechtsertigung in dem Inhalt dieser kurzen Borbemerkung sinden.

Erftes Kapitel.

Die Formen ber Definition.

154. Innere Zustände, Empfindungen und Vorstellungen. Gefühle und Strebungen, laffen fich nicht nach der Weise von Stoffen überliefern, die ablösbar von dem ersten Besitzer und fertig von Hand zu Hand gereicht werden; wir theilen fie nur mit, indem wir das Gemüth des Andern unter Bedingungen versetzen, unter denen er genöthigt sein wird, sie von neuem selbst in sich zu erfahren oder zu erzengen. Geradezu auf Serstellung äußerer Bedingungen der Wahrnehmung würden wir angewiesen sein, wenn es sich um die erste Mittheilung eines noch unbefannten Inhalts handelte, der zu einfach wäre, um burch Denfen erzengt, oder zu verwickelt, um durch daffelbe erschöpft zu wer-Hätte die Seele des Andern noch nie Licht gesehen, Tone gehört oder sinnlichen Schmerz empfunden, so bliebe und nur übrig, sein Huge in den Bereich einer Lichtquelle zu bringen, Schallwellen auf sein Ohr zu leiten und durch einen auf seinen Körper ausgeübten Reiz ihn das Wehaefühl erleben zu lassen, das wir selbst auf feine andere Weise tennen gelernt hatten. Wünschen wir ihm eine noch ihm unbefannte Berson fenntlich zu machen, so wird die Beschreibung der zahltosen tleinen Merfmale, die sie von anderen unterscheiden, immer unsicher sein, aber der himveisende Finger wird ihm genau diejenige zeigen, die wir meinen. Daß überall da, wo sie überhanpt anwendbar ist, diese unmittelbare Hinweisung auf den Gegenstand selbst oder auf eine ähnliche Abbildung deffelben nützlich bleibt, bedarf nur dieser Erwähmung. Hür die Fragen aber, welche uns hier angehen, machen wir eine doppelte weitere Boraussetzung: zuerst die eines reichlichen Besitzes früherer Erlebniffe, die denen gemeinsam sind, zwischen welchen eine Mittheilung stattfinden soll, dann die einer für beide Theile verständlichen Sprache,

mit deren einzelnen Worten, in großer Ausdehnung wenigsens, das Bewußtsein beider dieselben einzelnen Vorstellungsinhalte verknüpft. Ourch die Reihenfolge der gesprochenen Worte rusen wir dann in der Erinnerung des Andern die mit ihnen verbundenen Vorstellungen in derzenigen Ordnung hervor, die für ihn die innere Bedingung ist, das Mitzutheilende in seinem eigenen Bewußtsein zu erzeugen oder zu erfahren.

155. Auch diese Mittheilungsform schließt noch manches ein, was unsere logische Betrachtung nur nebenber beachten fann. Boesie und die Beredfamkeit des Lebens suchen beide auf diesem Wege nicht mir Vorstellungsgebilde mitzutheilen; sie rechnen barauf, daß an biese vorgeführten Bilder sich Gefühle der Lust und Unlust, der Billigung und Mißbilligung, ber Begeisterung und des Abscheus antnüpfen werden. Die Wirkungen, Die fie jo erzeugen, find mächtig, aber unficher. Denn für die blos vorstellende Auffassung von Thatbeständen zwar sind die verschiedenen Seelen gleichmäßig genug organisirt und ihre allgemeinen Gewohnheiten des Wahrnehmens andern sich nicht; in der Schätzung der Gefühlswerthe dagegen, die wir dem Wahrgenommenen beilegen. macht sich nicht nur die ursprüngliche Verschiedenheit der geistigen Temperamente, sondern auch die Veränderlichkeit der angenblicklichen Stimmung gelten, die von dem eben Erlebten abhängig ist. Schon den wirtlichen Thatsachen fommen daber Berschiedene mit sehr ungleicher Empfänglichkeit entgegen; noch weniger können wir hoffen, durch die stets unvollständige Erinnerung, welche an diese Thatsachen die Rede zu erwecken vermag, in Andern genan dieselbe Gemüthsbewegung wieder zu erzeugen, in die sie uns verset hatten. Inwieweit funstvolle Venfung des Borstellungslaufs und wohlabgemessener sprachlicher Ausdruck die Zweidentigkeit des Erfolgs zu mindern dienen, mogen Poetik und Rhetorit lebren: unfere eigene Unfgabe beschränten wir enger auf Die Mittheilung nur deffen, was in uns aus einem Zustande, den wir leiben, sich icon zu einer Borstellung abgetlärt hat, die wir fassen: der Gebaufen alfo, nicht ber Gefühle und Stimmungen.

156. Die Sicherheit auch dieser Mittheilung scheint daburch gesährdet, daß dieselben Worte doch nicht immer dem Sprechenden und dem Hörenden dasselbe bedeuten. Gibt es doch, noch abgesehen von später entstandenem Gleichtlang ursprünglich verschiedener Burzeln, in

jeder Eprache der Worte viele, die mehrere fehr verschiedene Wegenstände bezeichnen; allerdings in Folge einer Aehnlichkeit, die dieje Dinge untereinander baben, aber doch einer Aebnlichteit, die nicht immer dem, welder sich der überlieferten Worte bedient, noch eben so bemerklich ist, wie dem ersten Urheber so übertragener Bedeutungen. Und selbst die= jenigen Namen, mit benen alle baffelbe bezeichnen, verbürgen nicht eine aleiche Auffassung des Bezeichneten in allen; die besonderen Umstände, unter benen jeder Einzelne zur Kenntniß ber Sache tam, ber eigenthumlide Standpunft, von dem aus er fie zuerst ins Ange faßte, Die Berknüpfung mit anderen, in der er sie fand und aus welcher er sie töfen nunkte, geben seiner Unsicht von ihr eine eigenthümliche Färbung und machen ihn zu anderen Folgerungen geneigt, als derienige erwartete, der durch Remming des gemeinschaftlich gebrauchten Wortes dem Gedantengang eine bestimmte Richtung zu geben dachte. Es ift unmöglich, diese Thatsachen zu lengnen, gefährlich, sich ganz sorglos über sie binwegzuseten, aber doch auch ungeschieft, sie zu übertreiben: der Berfebr des Lebens beweift hinlänglich, in wie ausgedehntem Umfange troppen die Sprache zu voller Verständigung über die verschiedensten Gedanken binreicht. Gewiß werden Borstellungen übrig bleiben, deren genane Mittheilung schwierig ift; aber beständen Diese Schwierigkeiten nicht, jo hätte es ja feinen Werth, Regeln zu suchen, nach denen durch passende Benntung unzweidentiger Worte die Zweidentigkeit anderer zu beseitigen und ihr Inhalt identisch für jeden Mitsprechenden festzustellen ift. Dem freien Scharffinn bes Mittheilenden bleibt bier überlaffen zu beurtheilen, welche Worte für zweifellos genug gelten tönnen, um andere zu erläutern; aber wie weit man auch das Bedürfniß noch empfinden mag, in diesem Geschäft zurückzugeben und zuvor die Mit theilungsmittel eindentig zu machen, deren man sich bedienen will: immer wird man nur zwei Wege betreten können, den der Abstraction und den der Construction.

157. Wir verdentlichen den Juhalt eines Begriffes Monrch Abstraction, indem wir zuerst auf eine Anzahl bekannter Beispiele hinweisen, in deren jedem Monitgedacht wird, dann aber von diesen Beispielen das abzusondern beschlen, was zu dem mitzutheilenden Inshalte des Monicht gehört. Auf diesem Wege sind ursprünglich alle unsere altgemeinen Begriffe und Borstellungen entstanden; die einen,

indem das Gemeinsame vieler Eindrücke sich von selbst zum Gegenstand einer neuen gesonderten Vorstellung heraushob, die anderen, indem eine nachdenfende Aufmerksamfeit Diesen Borgang mit Absicht leitete. Und auf denselben Weg fommen wir alle im Falle des Bedürfnisses gurudt; der logisch Ungebildete, wenn er, die alte Rlage des platonischen Co trates, die Frage, was er unter M verstebe, nur mit den Beispielen beantwortet, in denen er M mitdenft, dem Fragenden aber die Milhe überfäßt, ihr Gemeinsames, von dem die Rede sein sollte, von Richtzugehörigem zu sondern. Aber auch der logisch geschnlte Verstand versährt nicht anders; wie sauber auch der Ausdruck, den er dem Allgemeinen gibt, mir beffen eigenen Inhalt, ohne Grinnerung an einzelne Beispiele, enthalten mag: gewonnen ist doch dieser Ansdruck durch eine in der Stille ausgeführte Bergleichung vieler Einzelfälle. Bur Diefe Ber gleichung lehrt uns, welche Merkmale des M vollständig bestimmt sein muffen, damit der Ansdruck seines Begriffs alles ausschließe, was ihm fremd ist; welche anderen Merfmale man unbestimmt zu lassen bat, um in M alles einzuschließen, was ibm als Beispiel zugehört; nur die Thatjade endlich, daß Beispiele überhaupt sich finden lassen, überzengt uns davon, daß dies M, um dessen Geststellung wir uns bemüben, einer Weststellung fähig ist, daß es eine Anfgabe bedeutet, die im wirklichen Borftellen sich auflösen läßt, nicht ein Hirngespinft widersprechender Bestandtheile, deren Bereinigung man zwar in Worten fordern, aber in der That nicht ausführen fam.

158. In jedem Falle bleibt es daher nützlich, diesen Weg der Abstraction zu betreten und Begriffsbestimmungen, die man auf andere Weise gesunden bätte, wenigstens nachträgtich durch Ausweisung ihrer Beispiele zu begtandigen. Ansschließlich anwendbar ist dies Berfahren überall, wo es sich um Festsetzung der einfachsten Begriffe handelt, die einem zusammengehörigen Kreise von Borstellungen zu Grunde liegen. Sie kann man nur ausweisen, indem man von ihren bekannten Anwendungsbeisvielen alles abzieht, was nicht zu ihrer Bedentung gehört, aber man kann sie niemals aus Bestandtheilen zusammenseben, welche sie nicht besitzen. Die auf diesen ummöglichen Zweck verschwendete Mühe endet immer mit dem sehlerhaften Cirkel, der unter den Mitteln, die er zum Ausban brauchen will, eben das, was auszubanen war, ganz und vollständig, wenn auch versiecht unter fremdartigen Bezeichnungen,

voraussett. So find in unserer Vorstellung des Werdens ohne Zweifel Die Borstellungen bes Seins und bes Nichtseins als zwei zusammengehörige Beziehungspunkte verbunden; wer aber das Werden als Ginbeit beider bestimmen wollte, würde nicht zum Ziele fommen. würde zuerst verpflichtet sein, die bestimmte Bedeutung festzustellen, die bier die an fich febr vieldeutige Bezeichnung der Ginbeit haben soll. Sie fann nicht bas bloke Zusammensein der beiden Borftellungen bes Sein und bes Nichtfeins in bemfelben Bewuftfein meinen, benn zu offenbar ift das Werden der Inhalt einer Beziehung, die zwischen den Anhalten beider stattfindet. Bereinigen wir aber Sein und Richtsein an iraend einem mit sich identischen Subject als zugleich und in gleicher Beise austige Pravicate, so erreichen wir nicht bas Werben, sondern seben uns blos der Unmöglichkeit gegenüber, diese sich widersprechende Anfgabe im Denken wirklich auszuführen. Trennen wir darum Sein und Richtsein des Subjects wieder und lassen das eine von ihm gelten, wenn das andere nicht gilt, so schließt auch dieser Wechsel das Werden nicht ein: es fällt zwischen beide Zeitpunfte und liegt in feinem von beiden. Man wird baher beide wieder aneinander rücken; aber so lange sie außereinander bleiben, wird auch das Werden außer ihnen liegen: man wird es unr erfaffen, wenn man es weder im Sein noch im Richtfein, noch in einer rubenden Giuheit beider, sondern nur in dem Uebergang von einem zum andern sucht. In dieser Vorstellung des Ueberganges aber, ober in jeder anders ausgedrückten, die man ihr substituiren möchte, wird man, nur unter anderem Ramen, den wes sentlichen Sinn unserer Vorstellung vom Werben wiederertennen. Böllig eigenartig, wie fie ift, fann baber bieje Beziehung zwischen Gein und Richtsein nur durch fich selbst gedacht, nur aus den Beispielen, in denen sie mitgebacht wird, abgesondert, aber nicht durch Zusammensetzung aus Vorstellungen, in deuen sie noch nicht enthalten wäre, erzeugt werden. Gang dieselben Betrachtungen gelten von den gleich einfachen Begriffen des Seins, des Wirfens, des Borftellens, der Bejahung, ber Berneinung; und gang in ber bargestellten Weise bestimmt die euflidische Geometrie die Fläche als Grenze des Körperraums, die Linie als Grenze der Fläche, den Punkt als Grenze der Linie, indem fie jedesmal die einfachere Vorstellung, deren Auffassung schwieriger ist, durch Abstraction des nicht zu ihr Gehörigen aus der zusammengesetteren

finden lehrt, welche der Anschaufung näher liegt oder eben vorber bestimmt worden ist.

159. Das entgegengesetzte Berfahren würde ben Ramen ber Construction gang nur dann verdienen, wenn es ihm gefänge, aus einer bestimmten Anzahl eindentiger Theilvorstellungen durch eine Reibe gleichfalls eindeutig bestimmter Denthandlungen, die es an ihnen vorzunehmen beföhle, den mitzutheilenden Inhalt vollständig zusammenzu jegen. Kaft nur die mathematischen Begriffe und einige, die aus den Unwendungen der Mathematif entspringen, Begriffe, die als Erzeug nisse unseres Denkens nur enthalten, was dieses in ihnen vereinigt bat, find diefer Bebandlung wirtlich fabig. Gie find es, weil die Theilvorstellungen, die zu dem gemeinten Ganzen gehören, sich vollzählig angeben laffen und weil nicht blos jede derfelben, sondern auch jede der Berbindungsweisen, Die zwischen mehreren stattfinden sollen, außer der qualitativen Beschäffenbeit, durch die sie sich von andersgearteten unter ideidet, auch noch die Angabe des Mages gestattet, durch welches sie von andern ihres Gleichen unterscheidbar ift. Richts bleibt daher bier unbestimmt, was bestimmt sein sollte; und wer der gegebenen Unweisung folgt, muß vor seinem Bewußtsein das zu erzengende Bild mit demselben Grade der Andividualität oder Allgemeinheit entstehen sehen, mit welchem der Mittheitende es zu überliefern ftrebte. Beziehen fich da= gegen unsere Mittheilungswünsche auf Gegenstände ber Wirklichteit, so begegnen sie befannten Schwierigkeiten. Nicht aus einer begrenzten Ungabl von Beziehungspuntten, Die man in Verbindungen von ebenso begrenzter Zabl zu bringen bätte, sondern aus unzähligen Theilvorstellungen besieht das Borsiellungsbild eines wirtlichen Gegenstandes; und diese Theilvorstellungen sind unvergleichbar, so weit sie verschiedenen Sinnen angebören, selbst die gleichartigen aber nur durch allgemeine Namen zu bezeichnen, genauen Maßbestimmungen schwer zugänglich, die Berbindungen endlich zwijden allen diesen Glementen unübersebbar, überhaupt wahrnehmbar nur so weit sie in äußerlicher, räum lichzeitlicher Anordnung bestehen, und auch dann wegen mangelnder Renntniß eines durchgreifenden Bildungsgesetzes auf teinen zusammen jaffenden Ausdruck zurückzubringen. Solder Fülle gegenüber schwächt jid die Conftruction zur Beschreibung ab. Diese, wenn sie ihre Aufgabe versteht, wird sich zuerst bemüben, die großen Umrisse des

gangen mitzutheilenden Inhaltes festzustellen, sei es, daß sie dies noch burch eine einfache Construction leistet, ober daß sie von befannten ähnlichen Inhalten als Gleichniffen ausgeht und durch nachträgliche Beränderung und Verschiebung, durch Hinwegnahme einzelner und Hinzufügung anderer Züge aus diesen den Grundriß ihres mitzutheilenden Bildes an Stande bringt. In ibn wird dann die Fülle der Gingelmerfmale eingetragen, niemals vollständig, dem sie vilegt unermeklich zu feik, sondern mit geschickter Auswahl berjenigen, von denen zu bossen, daß ihre Erwähmma die Unimertiamteit sogleich bestimmen wird, auch die unerwähnten aus eigener Erinnerung zu ergänzen. Wie große Wirkungen prägnantester Anschanlichkeit Die Poesie auf Diesem Wege erzengt, bedarf nur dieser Erinnerung; ebenso deutlich aber ist die Unficherheit dieses Erfolges. Die Ergänzungen des Richterwähnten fallen in jedem andern Gemüth anders aus: ware es ausführbar, die verschiebenen Gesammtanschannigen sichtbar zu machen, welche Diesetbe Beschreibung in verschiedenen Hörern erweckt, so würden ihre Abweichungen die Ungulänglichkeit jeder Beichreibung zur Begründung bestimmter auf sie zu stützender Folgerungen beweisen. Für wissenschaftliche Zwecke bedarf baber die Beschreibung eine Regelung ihres Berfahrens, welche fie in der Definition findet.

160. Man pflegt zur Definition eines Begriffes M die Angabe seines nächsthöheren Gattungsbegriffs G, des genus proximum. und die des charatteristischen Mertmats d, der differentia specifica. zu verlangen, durch welche sich M von andern Arten des G unterscheis det. Onrch die Forderung des Gattungsbegriffes G wird der willfürliche und lannenhafte Gang der Beschreibung eingeschränft; ihr stand es frei, an jedem beliebigen Puntte ihres Gegenstandes zu beginnen und ihm, nach welcher Richtung sie immer wollte, die übrigen Buntte nach und nach anzureiben, wenn sie sich nur zutrauen durfte, am Schlusse ibres Berfahrens bas beutliche Bild bes Gemeinten zu liefern. Ohne die Amwendung vieler Allgemeinbegriffe würde indessen auch sie nicht zum Ziele kommen; auftatt biefe nun willfürlich zu wählen, verlangt Die Definition, daß man von demjenigen Allgemeinen ausgehe, in weldem der größte Theil der zu leistenden Constructionsarbeit schon fertig und vollzogen vorliegt, und welches, durch einen eindentigen Namen sprachlich bezeichnet, in jedem Bewußtsein als eine betannte Anschauung

vorausgesett werden fann, geeignet als Grundrig für die Ginzeichnung der Gingelmerkmale gu dienen, durch welche das mitzutbeilende Bild vollendet wird. Bezeichnet man uns ein noch nie gesehenes Geschöpf als Bogel, jo gibt Diefer Allgemeinbegriff uns mit einem Male Die dentliche Berstellung einer Angahl untereinander auf darafteristische Beije verknüpfter Glieder und zugleich der besonderen Urt der Beweglichteit und des lebendigen Gebrauchs, zu dem fie dienen; in diesen Grundriß tragen wir leicht die weiteren besonderen Mertmale ein, denn er felbst bestimmt die Stellen, an die jedes gehört. Wir murden dagegen nie eine gleich deutliche Borftellung des unbefannten Weichöpfes erhalten, wenn wir fie ans den Urbestandtbeilen zusammenseben sollten; endlos murde die Arbeit fein, alle verschiedenfarbigen Puntte feiner Gestalt nach Lage und dem Maß ibrer Berichiebbarfeit aufzugählen, jo daß daraus auch nur das aufdaulide Sinnesbild berfelben entstände: noch endloser wäre es, an dies Bild die Eigentbümlichteiten der Lebensweise und des Benehmens zu fnüpfen, die aue, wenn nicht zur Unidanning, jo doch zur Versiellung bes zu ichildernden Thieres gebören. Man begreift also ben Werth ber Abfürzung, welche burch ben Ausgang von einem als betannt annebmbaren Allgemeinbegriffe entsteht; man begreift ebenso, daß nun zum Ansgangspunkt nicht mehr irgend ein böberes Allgemeine, sondern ausdrücklich nur das genus proximum 3n wählen ift, welches fich durch den Bestand und die Berbindung feis ner Merkmale am engfien an den zu definirenden Begriff auschließt und mitbin für jede der letten Determinationen, die biefen endgültig bestimmen, den Puntt, an welchem, und die Art, in welcher sie angubringen ift, eindentig vorschreibt. Bon einem böberen Allgemeinen als von diesem ausgebend, würden wir nicht nur die noch zu leisiende Arbeit wieder vermehren, auf deren Abtürzung die Definition gielte, fendern auch den Erfolg gefährden. Denn eine gange Reibe weiterer Mertmale würden wir jest bingufügen müffen, um auf dem weiten Wege von jenem unbestimmteren Allgemeinen bis zu unserem speciellen Gegenstande berab alles Fremdartige auszuschließen, und jedes neue Merfmal würde eine nene Gebterquette öffnen, denn fanm ausführbar ist es, die Urt und Weise, in der jedes sich den früheren anschließen jou, völlig genan zu bestimmen, obne sich auf eine Anschanning zu berusen, die man hierüber in jedem Bewußtsein ichen veraussetzen darf.

Wir würden daher auf diesem Wege jenes genus proximum in der Bestimmtheit und Sicherheit nicht wieder erzeugen, in welcher wir es, sogleich seinen Namen nennend, in der Erinnerung herverrusen können, und deren es bedars, um als Grundriß für die Einzeichnung der letzen Charafteristif des mitzutheilenden Begriffes zu dienen. Was wir so erreichten, würde mehr oder weniger ein Räthsel sein. Denn wenn wir Näthsel aufgeben, versahren wir so: an ein sehr undestimmstes Algemeine, an ein Etwas überhanpt besehlen wir unmittelbar Präsdicate anzufnüpsen, die nur an einem sehr bestimmten Einzelsubsect vereindar sind, und überlassen nun dem Scharssimn, dies Subsect oder zumächst das genus proximum zu sinden, welches diese Bereinbarkeit begründet.

161. Bisher galt uns die Definition als methodische Beschreis bung. Sollte fie dies bleiben, so müßte fie von M vollständig die Modificationen p1 q1 r1 angeben, in welchen M die allgemeinen Prädicate P Q R seiner Gattung G enthält. Unftatt dieser Bielheit verlanat die gewöhnliche Vorschrift der Definition unr die Bezeichnung des einen Merfmals d, der specifischen Differenz, durch die sich M von allen andern Arten der Gattung G unterscheidet. Die Definition stellt sich hiermit offenbar eine beschränktere und darum ausführbarere Hufaabe als die Beschreibung; sie will nicht mehr den ganzen Gehalt des M positiv darstellen, sondern nur das Kennzeichen namhaft machen, burch welches M von allem sich abgrenzen läßt, was nicht M ist; hierauf bernben die Namen definitio und Solouse, beide nur Abgrengung des einen vom andern verlangend. Und hierauf nung in der That die alle gemeine Anfgabe ber Definition beschränft werden. In den weiteren Unwendungen des Denkens macht sich allerdings der Trieb gelten, nicht nur zu unterscheiden, sondern das Unterschiedene vollständig zu erfennen; dann macht man gesteigerte Ansprücke an die Definition; dann will man als specifische Differenz nur eines jener wirklich artvildenden Mertmale zulaffen, deffen Bortommen einen entscheidenden Ginfluß auf die Modificationen hat, in welchen auch alle übrigen, von der Definition verschwiegenen Merkmale des Allgemeinen G dem Definiendum M zutommen. Diese hohen Forderungen sind jedoch gang nur am Ende einer Untersuchung erfüllbar, welche uns M völlig fennen gelehrt hat und darum die Aufgabe übrig läßt und möglich macht, einen abschliekenden und claffischen Ausdruck seines Inhalts festzuseben. Aber auker Diefer gibt es nicht minder bringliche andere Anfgaben; für den Beginn einer theoretischen Untersuchung, die eine Angabt von M gültiger Sate noch finden will, für ein praftisches Berhalten, das an ein gegebenes Berhältniß M ihm angemeffene Folgen fnüpfen foll: für beide ift es von ängerster Wichtigfeit und ift zunächst auch nur dies von Wichtigfeit, daß unzweidentig und leicht erfennbar der Umfang jenes M abgegrenzt werde, von welchem die zu behanptenden Sape oder die zu treffenden Entscheidungen gelten sollen. Hierzu reicht jedes Merkmal d, auch bas unbedentendste bin, sobald es nur wirklich ein ansichließliches Kennzeichen des M ift. In dem ersten Falle, dem einer theoretischen Unterindung, wird dann der weitere Fortgang dieser selbst entweder den Grund fennen lebren, welcher Die Gültigfeit einer Reihe von Gagen an dies unicheinbare Merfmal d tnüpft, oder er wird zeigen, daß deren Geltung weitere oder engere Grenzen bat, d folglich nicht die paffende Charafteriftit ibres Subjectes mar. In bem anderen praftischen Salle wird man vorber, da wo es sich noch de lege ferenda handelt, die gange volle Bedeutung eines Rechtsverhältniffes zu erwägen haben, ven bem bas zu gebende Gesets gelten soll; wer aber bie lex lata auszu führen bat, verlangt mit Recht, daß eben bieje Borerwägung ihr bie Gestalt einer Definition gegeben babe, die nicht burch bas tieffinnigste, iondern durch das am leichteiten ertennbare Merkmal d die Fälle, in Denen eine Enticheidung gelten foll, von denen unterscheidbar macht, in welden sie nicht gelren soll. Man übersieht diese mabweisbaren Auf gaben angewandter Logif, wenn man zu geringichätig von dieser bergebrachten Korm der Definition denkt, und man migversteht den guten Sinn vieler Beispiele derselben in praktischer Philosophie und Jurisprudenz, wenn man in ihnen auftatt der Remgeichen eines Begriffs M, welche sie geben wollen und vollständig geben, eine unzulängliche Bezeichnung des ganzen Inhalts von M fieht, welche zu liefern fie überhaupt nicht beabsichtigen.

162. Un diese Bemerkungen schließt sich bequem die Erwähnung des Unterschiedes, den man, nicht ganz übereinstimmend, zwischen nominaler und realer Tesinition macht. Namen lassen sich aussprechen oder übersetzen, desiniren aber können wir immer nur ihren Inhalt: unsere Borstellung nämlich von dem, was sie bezeichnen sollen; die

Sache anderseits ift ebensowenig selbst in unserem Denken vorhanden, fondern nur das Borstellungsbild, das wir von ihr entworsen baben. Beide Arten ber Definition icheinen daber daffelbe bezeichnen zu müffen, und in der That trifft dies für alles zu, was angerhalb unserer Gedanfen feine Wirklichkeit bat und bessen ganger Inhalt deshalb durch das erschöpft wird, was wir von ibm vorstellen. Bon einer gevmetrischen Figur gibt es feine reale Definition, die von der nominalen noch unterschieden wäre: jede richtige, die wir geben, drückt zugleich die gange Natur beffen, was bier die Sache ift, und gugleich die gange Bedentung des Namens aus. In anderen Fällen bedeutet jedoch der Unterschied beider Definitionsweisen etwas, was der Mühe werth ist. Nennen wir die Seele das Subject des Bewuftseins, des Borftellens, Büblens und Wollens, so fann dies schieklich eine nominale Definition beißen: wir maden damit die Bedingung nambaft, welche irgend ein Meales erfüllen muß, um Anspruch auf den Ramen einer Seele zu ha= ben. Wer aber oder was nun dasjenige ist, was durch seine eigenthümliche Natur biefe Bedingung zu erfüllen im Stande wäre, bleibt pöllig dabingestellt: erst eine Unsicht, welche bewiese, daß entweder nur ein übersünnliches und untheilbares Wesen ober nur ein verbundenes Spitem materieller Glemente ben Träger des Bewußtseins und seiner manniafachen Erscheimmgen bilben fonne, wurde die reale Definition der Seele festgestellt haben. Gine nominale Definition gab Kant von ber Schönbeit, als er fie nicht in ber Angemeffenheit bes ichenen Begenstandes zu irgend einem Begriff, nicht in seiner Sähigfeit, ein Begebren in uns zu befriedigen, sondern in seiner unmittelbaren und auf fein Intereffe bezogenen Wohlgefälligfeit fand; Die reale Definition würde die bestimmten Verhältnisse zwischen mannigfaltigen Beziehungspuntten ober Bestandtheilen nachweisen müssen, die jeden Gegenstand, in dem fie vortommen, zur Erregung jenes Wohlgefallens befähigen. Alligemein also: wenn entweder die Erfahrung uns eine Merfmalgruppe par hänfig vorkommend und beständig beisammen bleibend vorführt, oder wenn irgend ein Zusammenhang unserer Untersuchungen uns veranlaßt, fie zusammenzuseten und in ihr einen Gegenstand weiterer Fragen zu sehen, fo bilden wir zuerst für fie einen Begriff M, deffen nominale Definition immer möglich sein wird, weil sie nur jene Prädicate, die uns zur Schaffung seines Mamens bewogen, ober bie Leiftung zu bezeichnen bat, die wir von dem so benannten Gegenstande erwarten. Aber die rease Desinition wird nicht immer möglich sein; denn nichts verbürgt, daß wir nicht in M Mertmale vereinigt haben, deren Berknüpsung wir zwar aus irgend einem Grunde glandten voraussezen oder wünschen zu dürsen, ohne daß sich doch etwas aufsinden sieße, werin sie wirklich verbunden vorfämen oder verbindbar wären. Da es ein häusiger Frethum ist, diese bloße Bezeichnung einer Anfgabe, die wir gelöst seben möchten, für die Kösung selbst anzuseben, so ist die Unterscheidung beider Tesinitionsarten eine nützliche Varuung.

163. Prei Rebler find zu vermeiden, welche die Definition unzulänglich machen. Ihre Behauptung, M=Z, foll zuerst feine Tautologie jein: jie wird aber dazu, jebald unter den in Z verbundenen Borjtellungen, durch welche M erklärt werden foll, offen oder versteckt M selbst verausgesett wird. Diesen Gebler bes einen lus in definiendo verschuldet bänfig Unachtsamfeit, gegen die es feine Regel gibt; mit einer gemiffen Rothwendigfeit seben wir uns zu ihm geführt, sobald wir in ber Form einer Definition Ginfaces bestimmen wollen, für bas es einen inverordinirten Allgemeinbegriff nicht gibt. Die Definition, als Bestimmung eines Begriffes, muß zweitens ein allgemeines Urtheil iein, gültig von allen Beispielen dieses Begriffes. Sind nun alle M=Z, je muß auch die Contraposition gelten: fein M ist Non-Z: besehrt uns dann weiteres Nachdenken oder neue Erfahrung, daß es dennoch M gibt, die Non-Z jind, jo war die Definition: M=Z zn eng, definiendo angustion und galt nicht von allen M, von denen sie bätte gelten muffen. Die Definition foll endlich reciprocabel fein: find alle M=Z, je müjjen and alte Z=M jein: jebald daber weiteres Rads denken oder neue Erfahrung und zeigt, daß einige Z nicht M find, fo war die Definition M=Z zu weit, definiendo latior, und ichleß einige Non-M mit ein, die fie batte ansichließen jollen. Mütlicher als Dieje Benennung ber Gehler würde eine Anweisung zu ihrer Bermeidung sein: wir fonnen jedoch deshalb nur auf ihre gewöhnliche Quette binweisen: auf die Beidranktheit des Beobachtungstreifes, der jedem Einzelnen in der Regel nur einen und benselben Bruchtbeil eines gangen Begriffsumfanges vorführt, und auf die Ginseitigteit, in welche unfer Gedankengang feicht verfällt, wenn er neuer Auregung von außen entbebrt. In unierem Himmelsftrich drängt fich das semmerliche

Erwachen der Pflanzenwelt und ihr Winterschlummer unserer lebhaften Theilnahme auf; das thierische Leben scheint, in stetiger Regsamteit begriffen, den vollen Gegenfatz zu bilden. Gine wiffenschaftliche Unterideidung nun zwischen Thier und Pflanze wird man hierauf zwar nicht gründen; aber ungählige Gleichniffe, deren fich Poefie und Beredfamteit bedienen, zeigen doch, daß wir gewohnt sind, die jährliche Periodicität als wesentlichen Charafter der Pflanze zu betrachten. Gine Definition, die dies ausspräche, würde zu eng und zu weit auf einmal sein; sie mürde bie tropischen Pflanzen ausschließen, die in absattofer Begetation leben, und sie würde die winterschlafenden Thiere einschließen, die in unserem Klima ber hauptsächlich auf Hausthiere gerichteten Aufmertsamfeit leicht entgehen. Wer politische und sociale Rechte und Pflichten aller Staatsangehörigen nen begründen möchte, dem begegnet es wohl, nur an die Männerwelt zu denken, innerhalb deren diese Berhandlungen geführt zu werden pflegen, und seine Borschläge werden zu weit, indem jie für alle verlangen, was jie nur für die Männer meinen, oder zu eng, indem sie mur in Rücksicht auf biese etwas aussprechen, was für alte Geltung haben muß. Wir ziehen hieraus die allgemeine Lehre, man solle feine Aufgabe aus bem Stegreif behandeln, sobald man die Möglichfeit hat, durch Bertehr mit Anderen oder durch Berücksichtigung von Gesichtspunkten, welche bie überlieferte Wissenschaft schon zusammengestellt hat, Die Beschränftheit der eigenen Ersahrung zu erweitern; Die Welehrsamteit ist an sich nicht erfinderisch, aber größere Sicherheit vor extremen Brithumern hat sie, wie jede Schulung und Disciplin, vor blos naturalistischem Verfahren voraus.

164. Man stellt außerdem an die Definition Forderungen der Steganz und Kürze, die ich an einem einfachen Beispiele durchgehen will. Wer den Kreis die frumme Linie nennt, deren sämmtliche Puntte gleichweit von ihrem Mittelpunfte entsernt sind, begeht zuerst den wirfstichen Jehler einer zu weiten Definition. Denn ziehen wir, auf der Deerstäche einer Kugel, eine Schlangenlinie, die mit gleichen und abswechselnd entgegengesetzt gerichteten Bögen einen größten Kreis umslänft, so sind alle Puntte dieser Linie gleichweit vom Mittelpunft der Kugel entsernt. Brancht dann die Linie eine ungerade ganze Anzahl dieser Toppelbogen, um wieder an ihren Ansgangspunft auf dem größten Kreis zurückzufehren, so besteht sie aus unzähligen Paaren an den

entgegengesetten Endpunften eines Augeldurchmessers einander gegenüberliegender Buntte: der Mittelpuntt der Augel halbirt also die geradlinige Entfernung zwischen den beiden Puntten jedes Paares: er würde mithin in jedem Sinne, ben man bier bem Ramen des Mittelpunftes geben fonnte, auch ber Mittelpunft ber Summe aller Paare, d. h. jener Linie sein, die gleichwohl fein Kreis ware. Es war daber nöthig zu fagen, ber Kreis fei die ebene frumme Linie, die iene Be-Dingung erfüllt. Weiter gilt es bann aber als eine Forderung ber Elegang, daß die Definition nicht mehr Borftellungen enthalte. als zur völligen Bestimmung bes gegebenen Begriffs unentbehrlich sind. Man fann deshalb verlangen, daß nicht von einer frummen Linie, sondern von einer Linie überhaupt die Rede sei; erfüllt sie die hinzugefügte Bedingung, so folgt ohnehin, daß sie nicht gerade sein fann. Diese Bedingung felbst ist jedoch nicht correct ausgedrückt. Die Definition soll unter ihren Verdeutlichungsmitteln nicht solche Vorstellungen ent= balten, welche selbst erst deutlich werden unter Boranssetzung des zu Definirenden Begriffs. Gine folde Borstellung ift bier gewiß die Des Mittelpunftes. Denn hatten wir die Anschauung des Kreises noch nicht (und in der That fonnen wir wenigstens hier nicht veranlagt sein, uns dieser Anschauung zu erinnern, nachdem wir das Merkmal der Krümmung aus unserer Definition weggelaffen haben), so fomten wir unter dem Mittelpunkt einer Linie zunächst nur den Halbirungspunft ihrer Länge verstehen, und erst ber Bersuch, unter Dieser Boraussetzung ben Kreis zu conftruiren, würde unsern Brrthum entdeden. Diese dem gewöhnlichen Sprachgebrauch naheliegende Bedeutung des Mittelpunftes, Die uns icon in der Erwähnung unserer Schlangenlinie oben zu unwillkommener Weitläusigkeit zwang, nuß daber in der Definition burch die genaue allgemein zutreffende Bestimmung dessen ersetzt werden, was für alle Raumgebilde unter diesem Ausdrucke zu verstehen ist. Diese Bestimmung läßt sich leicht geben, aber ich barf fie übergeben, denn es folgt aus ihr, daß, wenn es für eine ebene Linie einen Punkt berselben Cbene gibt, von dem alle ihre Punkte gleich ent= fernt find, eben biefer Punkt ihr Mittelpunkt ift. Geten wir nun biefe Definition des Mittelpunftes in unsere Definition des Areises ein, so wird die nähere Bedingung, durch welche die ebene Linie zum Kreise werden foll, völlig tautologisch und der Sinn des Ganzen ift offenbar nur noch der: Areis ift die ebene Linie, für die es in derselben Chene einen Buntt gibt, von dem alle ibre Puntte ägnidistant find. So ift Die Definition dem Juhalt nach richtig; dennoch läßt sie sich formell bemängeln. Denn nachdem wir ben Begriff bes Mittelpunftes hinweggelaffen baben, erinnern wir uns, daß nur seine Beibehaltung uns nöthigte, den ägnidistanten Punkt in derselben Gbene zu suchen; nicht Dieser wirkliche Mittelpunkt allein, sondern jeder Punkt einer durch ibn jenfrecht zu der Ebene der Linie gelegten Are erfüllt die Bedingung, aleichweit von allen Buntten der Linie zu sein. Es reicht daber bin zu jagen: Kreis ift die ebene Linie, für deren fämmtliche Puntte es einen ägnidistanten Punft gibt; daß es solcher Punfte viele gibt und wo sie liegen, fann unerwähnt bleiben; der Bersuch, die Linie nach dieser Unweisung zu construiren, sehrt beides ohnehin. Auch so endlich entspricht Die Definition noch nicht allen Buniden. Gie fagt zwar, daß alle Puntte des Kreises äquidistant von einem und demselben Buntte sind, aber sie läßt unentschieden, ihrer Form nach, ob alle von diesem Puntte ägnidistanten Puntte auch Puntte des Breises sind oder nicht. Sie find es min aber, jobald fie in berfelben Chene liegen, und um dies mit auszudrüden, nennen wir endlich den Kreis die Linie, welche alle von irgend einem Bunfte ägnidistanten Bunfte einer Chene enthält.

165. Ueber die Anforderungen an die Definition, die wir an die= iem Beispiele durchaingen, fann man verschieden urtheilen. Die Unwendung von Vorstellungen, die unabhängig von dem zu desinirenden Begriffe fich zwar bestimmen laffen, aber doch, wenigstens angerhalb Des Zusammenbanges einer wissenschaftlichen Behandlung, volle Dentlichteit erst durch ihn selbst erhalten, wie hier die der Vorstellung vom Mittelpuntt, ift ein jedenfalls zu vermeidender Jehler. Die Hinzufügung überftüffiger Bestimmungen bingegen tann unbedeutlich erscheinen, da fie die Richtigkeit ber Definition nicht beeinträchtigt, ihre Berfiandlichkeit dagegen erhöht. Dennoch ift fie zu vermeiden. Denn leicht erweckt der Zusatz einer entbehrlichen Rebenbestimmung z, eben weil ihre Entbehrlichfeit nicht mit ausgesprochen wird, den jaliden Rebengedaufen, fie gehöre dazu, um das zu definirende M von einem Non-M zu untericheiden, von welchem, mit einziger Ausnahme von z selbst, alle Behauptungen ber Definition auch gültig feien. Mennen wir ben Breis die frumme ebene Linie, für deren Puntte es einen äquidistauten

Bunft gibt, jo hat es formell den Anschein, als gabe es auch gerade Linien, die derselben Bedingung genügten. Wenig schadet dies in dieiem aans einfachen Kalle: aber wirkliche Rachtheile kunnen in verwickelteren ans jener icheinbar harmlosen Hinzufügung des Ueberflüssigen entstehen. Mindestens hemmt sie und in der Ableitung von Folgen, um deren willen wir die Definition doch überhanpt umr anfitellten. Denn es fann sich zutragen, daß von einem Q auf irgend eine vielleicht mittelbare Beise gang sicher die Prädicatsumme feststeht, die nach richtiger Definition hinreicht, um Q unter M zu subsumiren, daß es aber schwer oder unthunlich ist, direct an Q auch noch das Prädicat z nachzuweisen, welches die wirklich gegebene Definition überflüssig bingnfügte: dann wird man ganz unnütes Bedenken tragen, Q dem M unterznordnen und die hierdurch zu begründende Folgerung wirklich zu zieben. Es ist daber im Allgemeinen doch eine richtige Forderung, die Definition folle nur die zur Bestimmung ihres Gegenstandes unentbehrlichen Borftellungen enthalten, blos beschreibende Elemente aber aussichließen; sie vergütet dann durch Sicherheit der aus ihr zu ziehenden Folgerungen den Mangel an Anschanlichkeit.

166. Bisher betrachteten wir die übliche Form der Definition durch Angabe des nächsten Gattungsbegriffs und der specifischen Differeng als die allein aultige. Der ungebildete Berftand befinirt gum Aleraer der Logifer anders, etwa in befannter ungeschickter Redeweise: Arantheit ist, wenn mir etwas weh thut. Dies freilich bedarf der Berbesserung, aber doch schwertich so, wie die Logif es etwas eigensinnig wünscht, sondern so, wie thatsächlich die Physit viele ihrer Begriffe definirt. Die gewöhnliche Form paßt leicht sich eigentlich nur einem seiner Natur nach substantivischen Anhalt an; wo es sich aber um adjectivische oder verbale Inhalte handelt, ist es nicht blos fürzer und flarer, sondern auch richtiger, ihnen im Sathan der Definition die Stelle zu geben, an die fie gehören, und fie auf das Subject bezogen ericheinen zu laffen, als beffen Buftande ober Eigenschaften fie allein Sinn haben. Mit Recht befinirt man daher Abjective, wie frant ober elastisch, durch Säte von der Korm: frant ist ein lebendiger Organismus dann, wenn seine Junctionen von einer bestimmten Grenze abweichen; elastisch ist der Körper, welcher nach dem Aufhören äußerer Ginwirfung seine Gestalt berstellt. Und ebenso würden den verbalen Inhalten

leben und fündigen Definitionen entsprechen, welche zuerft die Gubjecte, von benen beide gelten fonnen, ben organisirten Körper und den bewußten wollenden Geift, und dann die Bedingungen namhaft machten, unter benen beide von biefen Subjecten auszusagen find. Es bat ichlechtbin teinen Rusen, alle diese Vorstellungsinhalte zuerst in substantivische Form zu bringen und sie etwa den Allgemeinbegriffen von Zuständen, Gigenschaften oder Verfahrungsweisen unterzuordnen; daß fie unter dieje gehören, wird immittelbar deutlich, wenn man ibnen mit ber adjectivischen oder verbalen Form die entsprechende Stellung im Cate läßt. Dagegen hat die übliche Definitionsweise den Rachtheil. daß sie viel zu sehr daran gewöhnt, das, was eben nur Zustand oder Gigenschaft eines Andern ift, von biefem feinem Enbject abzulöfen und als etwas Selbständiges zu betrachten. Nachdem man einmal die inbstantivischen Namen ber Krantheit der Sünde der Freiheit geschaffen bat, ift es schwer, die seltsame Mothologie gang abzuwehren, die von bem Anhalt biefer Begriffe wie von eigenen Wesen spricht und ihre Entwickelungen verfolgt, ohne im Lauf solder Untersuchungen ernstlich auf bie realen Subjecte gurudgutommen, als beren Gigenschaften, Bustände oder Thätigkeiten sie allein Griftenz haben und an deren wirkliche Entwidelung ihre ideinbare in jedem Augenblide gebunden bleibt.

167. Noch immer haben wir als zu befinirende Begriffe verhältnifmäßig einfache im Sinne gehabt, Begriffe von Figuren Dingen Gigenschaften und leichtfaßlichen Berhältniffen; in den Worten der Sprache aber, beren jedes unter Umständen eine Definition verlangen fann, finden sich hänfig sehr verwickelte Beziehungen zwischen sehr manniafachen Beziehungspunften in einen einfachen Ausdruck zusammen-Es würde nur Befangenheit sein, die Bestimmung solder Begriffe in ber regelmäßigen Form einer einfachen Definition zu verlangen, und nur mugloje Pedanterie, die jehr vielfältigen anderen Berfahrungsweisen, die man hier benuten fann, mit besonderen Ramen zu verzieren. Das allgemeine Princip angewandter Logif ist immer nur dies, daß alle Wege erlaubt find, die zu dem richtigen Biele führen: nur den Zweifel darüber, welcher Weg bis zu Ende gangbar fein werde, welcher nicht, bofft fie durch Angabe der längst geprüften zu heben; neue zu suchen, wo neue Bedürfnisse vorliegen, verbietet sie nie. Immer ift es taber gestattet, durch vorangebende Beschreibung, durch

Gleichnisse und Analogien, durch Erörterungen aller Art in den Sinn der Hülfsvorstellungen, die man branchen, und in die Eigenthümlichkeit der Berbindungen, die man zwischen ihnen berstellen will, vorbereitend einzugewöhnen, um dann in einem furzen und verständlichen, obwohl von dem Areise dieser Boraussetzungen nicht ablösbaren Ansdrucke das aufzuzeigen, was man zu bestimmen wünschte. Nur noch an eine allgemeine Unterscheidung der Definitionen werden wir hierdurch erinnert. Man fann M durch den Thatbestand von Merkmalen charafterifiren. den sein Begriff bann aufweist, wenn er fertig vor unserem Bewuftsein steht: diese Definition, von der die früher erwähnte des Kreifes ein Beispiel war, kann die descriptive heißen; auf sie sind wir bauptfächlich verwiesen in Bezug auf Gegenstände der Wirklichkeit, Die wir nur äußerlich kennen und deren Definition daber in der That nur eine methodisch geregelte Beschreibung ist. Aber man kann M auch baburch feststellen, daß man irgend einen Weg angibt, auf welchem, nicht burch bloke Addition, sondern durch beliebige Benutung und Verwendung anderer Borftellungen, die Borftellung feines Inhalts entstehen muß; diese Definition würden wir genetische nennen, und wir würden, um dies ausdrücklich hervorzuheben, unter ihr nicht die Angabe des Hergangs verstehen, durch welchen der Inhalt des Begriffs M wirklich entsteht, sondern nur die Bezeichnung des Weges, auf dem die Borstellung dieses Inhalts entstehen fann oder muß. Lassen wir eine gerade Linie in derselben Gbene sich um einen ihrer Endpunkte dreben und verbinden die successiven Lagen des anderen Endpunkts, so ist dies eine genetische Definition des Areises; der Areis unn als solcher entsteht überhaupt nicht; ein bestimmter gezeichneter Kreis aber kann auf andere Weise wirklich entstanden sein, nur seine Anschauung entsteht auf bem von diefer Definition angegebenen Wege für uns gewiß; fie entsteht aber ebenso, wenn wir beide Aren einer Ellipse sich ändern und zuletzt = r werden lassen, oder wenn wir einen geraden Regel fenkrecht auf seine Are durch eine Cbene schneiden. Es gibt baber für Borstellungen, deren Inhalt an sich selbst gar keine Genesis hat, nicht nur eine, sondern so viele genetische Definitionen, als sich Wege angeben laffen, durch Benutung anderer Borftellungen die Borftellung dies ses Inhalts zu erzeugen. Diesen genetischen Definitionen nun schließen jich, in weiterem Sinne, die oben erwähnten gemischten Berfahrungsweisen an; sie suchen auf Umwegen die Vorstellung des Mentstehen an lassen, wenn die directe Angabe des Juhalts, aus welchem Mesteht, unaussührbar oder unbequem wird.

168. Eigentlich immer, sobald wir die Definition eines M unternehmen, suchen wir seinem Zuhalt durch sie einen höheren Grad der Bestimmtheit zu geben, als er vorher besaß. Doch beschränkt sich unfere Aufgabe meiftens darauf, eine flare Borftellung (clara perceptia), die wir von M icon hatten, in eine deutliche (distincta p.), oder eine bloße Vorstellung, welche nur überhaupt M als zusammengehöriges Gauze befannter Theile faßte, in einen wirklichen Begriff des M zu verwandeln. Beides fonnen wir als gleichbedentend anseben. Denn flar nennen wir nach altem Sprachaebrauch einen Inbalt ichon dann, wenn er als einer, als in sich zusammengehöriger, endlich mit einer Bestimmtheit, welche zur Berhütung der Berwechselung binreicht, als verschieden von anderen gedacht wird; dentlich aber wird er erst dann, wenn die allgemeine Regel, unter die der Zusammenhang feiner Theile fällt, wenn ferner die Merkmale, die er mit anderen Urten dieses Allgemeinen gemeinsam besitzt, wenn endlich auch diesenigen einzeln mitgebacht werden, die ihn von allen andern Arten seines Allgemeinen unterideiden. Diese Steigerung der Bestimmtheit fiel uns, in der reinen Logik, mit dem Uebergang aus der Form logischer Borstellung in die Korm des wirklichen Begriffes zusammen. Run gibt es aber Källe, in welchen die Borftellung eines zu definirenden M die Alarbeit feineswegs besitt, die wir bier voraussetzen; durch Ueberlieferung find Namen an uns gefommen, welche bie Sprache mit unbestimmten Grenzen ihrer Bedeutung gebildet hat. So pflegen wir von Tugend und Sünde, vom Guten und dem höchsten But, von Erscheinung und mabrhaft Seiendem zu sprechen, überzeugt, mit diesen Namen durchaus Bestimmtes zu meinen, und bereit, aus ihnen wichtige Folgerungen in Bezug auf das abzuleiten, was wir ihnen unterordnen: 3us legt überzengen uns die Schwierigkeiten, in die wir uns verwickeln, daß wir eigentlich nicht genan wußten, was wir meinten, daß die Bedingungen nicht vollständig feststanden, die alles erfüllen muß, was diesen Ramen untergeordnet werden soll, daß wir also uns unflaren Vorstellungen anvertraut batten, deren Aufflärung vor allem Noth thnt. Wir suchen diese auf einem sehr einfachen Wege. Wäre der

Sinn beffen, was M bezeichnen joll, uns völlig unbefannt, so batten wir fein Mittel, ihn zu entdecken; aber wir würden auch nie in den Kall gefommen sein, diesen Namen anzuwenden, wenn nicht irgend ein Bestandtheil a seiner Bedentung uns zweifellos feststände, eben ber. der uns jetzt veranlagte, die im übrigen noch untlare Benennung zu gebrauchen. Dieses a sehen wir zunächst versuchsweis als vollständige Definition des M an und überlegen, ob a demjenigen entspricht, was wir unter M meinen. Befannte Erfahrungen lehren, daß in Fällen. wo wir den Anhalt eines M positiv auszusprechen nicht im Stande find, wir doch sehr wohl bemerken, ob eine zu seiner Definition angebotene Borftellung a ihm genügt oder nicht. Go entscheiden wir, wenn wir einen vergeffenen Ramen vergeblich suchen, doch mit Sicherheit verneinend, daß ein versuchsweis genannter nicht der richtige ist; aber auch das, was dieser an Achnlichkeit mit dem richtigen besitzt, macht Eindruck auf uns, erwedt zuweilen unmittelbar beffen verdunkelte Vorstellung und läßt jedenfalls deutlicher werden, worin er sich noch von dem angebotenen falichen unterscheidet. In gleichem Kalle befinden wir uns hier; a ift nicht völlig falsch und unvergleichbar mit M; die Vergleichung beider führt daber nicht zur blogen Berneimma ihrer Gleichheit zurück. fondern bringt auf die Spur einer Ergänzung b, die zu a hinzuzufügen, oder einer Nenderung b, die an a anzubringen ift, um den Inhalt von M völlig zu treffen. Run setzen wir in einem zweiten Bersuche M=a+b, und wiederholen denselben Gang der Vergleichung und Ergänzung durch neue Glieder e und d, bis wir eine Definition M=a+b+c+d erreicht haben, welche in ihrer entwickelten Merfmaljumme sich völlig mit dem deett, was wir unter M gemeint hatten. In dieser sehr einfachen Gedantenbewegung bestand ichon, viel weniger in einem eigentlich inductiven Verfahren, die Runft des platenischen Sofrates, untlare Begriffe aufzutlären.

Bweites Kapitel.

Bon der Begrenzung der Begriffe.

169. Bestimmte Bedürfnisse der Untersuchung fonnen uns veranlaffen, eine Merfmalgruppe ikl burch alle die übrigens verschiedenen Gegenstände hindurch zu verfolgen, an denen sie vorfommt, und den Sinfluß aufzusuchen, welchen ihre Gegenwart auf den übrigen Mertmalbestand dieser mannigfachen Subjecte ausübt. Der Erfolg dieser Bergleichung selbst belehrt uns bann, ob das Borhandensein von ikl die übrigen Merkmale, die jedes biefer Subjecte vermöge feines Gattungsbegriffes besitzt, in bemerklicher und zwar in gleichartiger Weise modificirt. Ift dies der Fall, so bilden wir häufig aus ikl und aus der Borftellung eines mehr oder minder bestimmten Subjects einen nenen Gattungsbegriff M und betrachten als Arten beffelben alle bie Borstellungsinhalte, in denen ikl vorkommt. Nicht selten aber, und in dem entgegengesetzten Kalle immer, begnügen wir uns, ikl als eine der unzähligen variablen Bedingungen zu fassen, welche, auf andere Borstellungsinhalte einwirkend, in diesen bestimmte Menderungen nach sich ziehen, für sich selbst aber feinen eigenen Begriff bilden, dem ihre Beispiele als Arten unterzuordnen wären. Die lebendige Sprache nun glaubt in der Ausprägung ihres Wörterschatzes die beiden Fälle bereits hinlänglich geschieden zu haben, in denen das eine oder das andere Berfahren schicklich ist. Zwar dies wird sie zugeben, daß fortschreitende Bertiefung der Untersuchung noch manche Merkmalgruppe ikl von so entscheidendem Ginfing auf das Gesammtverhalten jedes sie einschlie-Benden Begriffes entdecken wird, daß es fich der Minhe verlohnt, aus dieser Gruppe einen eigenen Gattungsbegriff M zu bilden und durch einen Namen zu bezeichnen; in der That bereichert sich ja auch die Sprache beständig durch neue Benennungen für so neu entdectte Borstellungen. Dagegen wird sie anch behaupten, daß keiner dersenigen Begriffe, welche sie bereits gesunden und durch Schöpfung eines Namens versestigt hat, dieser Auszeichnung unwerth sei; jeder bedeute vielmehr wirklich etwas in sich Zusammengehöriges, das er mit Recht von jedem andern gleichfalls in sich zusammengehörigen Inhalte als ein wohlbegrenztes Ganze abtrenne.

170. Mit diesen in der überlieserten Sprache gegebenen Begriffen muß nun unfer Denken wirthichaften; nicht blos weil wir kein Mittel ber Beritändigung besitzen außer den Worten, die zu ihrer Bezeichnung geschaffen sind, vielmehr enthält diefer Wortschatz das verdichtete Ergebniß des Nachdenkens, welches von jeher der menschliche Geift auf die Welt des Vorstellbaren gerichtet hat, und wir fönnen vermuthen, daß dieselben Antriebe, die ihn zu dieser Feststellung der Begriffe geführt haben, sich zunächst auch in uns bei der Wiederholung dieser Bemühung gelten machen würden. Daß gleichwohl diese Antriebe, so natürlich sie dem Menschen sein mögen, doch dem Zweifel Raum laffen, zeigt uns der häufige Zwiespalt, der bei der Amwendung der so gebildeten Begriffe entsteht. Wenn es sich darum handelt, von irgend einem S ein P zu bejahen oder zu verneinen, so behauptet der eine: S sei eine Art von M, und darum fomme ihm P zu; ein anderer wirft ein: S sei tein M und darum auch fein P; der dritte gesteht: S sei zwar fein M, sondern ein N, aber dies thue nichts, und was dem M zukomme, gelte auch von N; der vierte besteht darauf, die Verschiedenheit von M und N begründe auch einen Unterschied beider in Bezug auf P. Der hier sichtbare Zwiespalt behnt sich zu zwei entgegengesetzten Reigungen aus, die unfer ganges Denken beherrschen: die eine übertreibt jeden gefundenen Unterschied bis zum unbedingten, und mit der befannten Redensart: dies sei etwas gang anderes, stränbt sie sich, von einem Falle a auf einen zweiten ihm ähnlichen, aber nicht gleichen h irgend einen Grundfatz der Beurtheilung zu übertragen; fie wird fo im Leben und in der Wiffenschaft das Princip der Pedanterie und der Philistrosität; die andere Reigung übersieht den bedingten Werth jedes Unterschiedes, der fein unbedingter ift, und mit dem oden Wahlspruch: im Grunde sei alles eins, verwischt sie alle festen Grenzen, welche die Umfänge verschiedener Begriffe scheiden, und damit auch die Rechtsgründe, welche bestimmte Pradicate ausschließlich an bestimmte Subjecte fnüpfen, an

andere nicht; so wird sie im Denken und im Haudeln zum Princip eines ebenso verderblichen Libertinismus. Gin Blick auf diese Verirerungen im Großen erweckt das Bedürsniß, darüber klar zu werden, welche Gründe uns berechtigen, den ganzen Vestand des Verstellbaren in bestimmte Vegriffe einzutheilen, wo serner für diese die Grenzlinien ihrer Herrschaftsgebiete zu ziehen sind, endlich welcher Werth den so gesmachten Unterscheidungen beizulegen ist.

171. Die Beantwortung dieser Fragen führt ichen ba, wo sie am meisten leicht und am wenigsten dringlich ift, in Bezug auf die einfachen Anhalte sinnlicher Empfindungen, zu sehr mannigfachen Berhältniffen. Vollen Unterschied haben wir ein Recht, zwischen einfachen Anhalten A, B, C dann augunehmen, wenn feine Mittelglieder vorstellbar sind, durch welche das Eigenthümliche des einen stusenweis in das des andern überginge, wenn ferner keine Mischung zweier von ihnen denkbar ift, die einen neuen einfachen Inhalt gabe, wenn endlich feine Grade des Gegensaties zwischen ihnen so stattfinden, daß die Weite des Unterschiedes zwischen A und B größer oder kleiner geschätzt werden fönnte, als die des Unterschiedes zwischen A und C oder B und C. Diese Verhältniffe oder vielmehr bieser Mangel jedes angebbaren Verbältnisses sindet statt zwischen Farbe A, Ton B und Geruch C; für diese Anbalte fann die alte Benennung disparater oder unvergleichbarer beibehalten werden. Und bies Berhalten wird nicht geändert durch verschiedene Nebenbetrachtungen. Zuerst nicht durch Hinweis darauf, daß diese drei sämmtlich nur als Zustände unseres Bewußtseins Wirklichkeit haben: alle find fie zwar Empfindungen und nach dem Sprachgebrauch ber Logif Arten ber Empfindung; allein bem allgemeinen Begriffe der letteren find fie nicht wie einem superordinirten Gattungsbegriff untergeordnet, der irgend ein Gefet ihrer Bildung ents hielte. Wer das Bild eines stumpswinkligen Dreiecks dem Allgemeinbeariffe des Preiecks untergeordnet deuft, hat in diesem eine Bildungsregel, deren Amwendung er blos innerhalb ihrer eigenen Greuzen zu variiren braucht, um zu bemerfen, daß es außer jener einen Art des Dreiecks auch noch rechtwinklige und spipwinklige gibt. Wer bagegen die Farbe dem Allgemeinen der Empfindung subsumirt, denn nur dies, nicht Suberdination ist möglich, wird ans biesem Allgemeinen niemals folgern fönnen, daß es außer den Farben noch Töne und Gerüche gibt. Obgleich baber diese drei nach gewöhnlichem Ausdrucke Arten der Emvfindung find, fo bleiben fie doch innerhalb des Umfangs diefes Allgemeinen völlig disparat gegen einander. Als Zustände ferner, als Bewegungen ober Erschütterungen ber Seele mogen diese verschiedenen Empfindungsarten gewisse vergleichbare Rebenwirfungen hervorrufen. und man mag immerhin beshalb eine bestimmte Farbe a1 einem bestimmten Tone b1 oder einem Geschmack e1 vergleichen: was diese vergleichbaren Nachwirfungen hervorbringt, bleibt dennoch an sich selbst ganz unvergleichbar. Und daffelbe ist der Physit und der Physiologie an erwiedern, wenn sie die Vorgange in der Außenwelt oder die in unseren Nerven, die zur Entsiehung der verschiedenen Empfindungsflassen nöthig find, auf vergleichbare, ja vielleicht fehr nahe verwandte Bemegungen stofflicher Clemente zurückführen; beibe müssen dann nicht mit der wunderlichen Behanptung ichließen: also seien eigentlich diese Empfindungen gar nicht qualitativ verschieden, sondern eben mit der audern richtigen: trot der Achulichfeit der Entstehungsweisen finde nicht die mindeste Achnlichkeit zwischen den entstandenen statt. Gin Zweisel bierüber fann nur insoweit stattfinden, als die unbefangene Gelbstbeobachtung, die hier allein zu entscheiden hat, ihrerseits einen übrig läßt. Dies ist der Fall in Bezug auf Geschmack und Geruch. Das Saure haben beide zweifellos mit einander gemein; auch ihre übrigen Empfindungen aber icheinen eine zusammenhängende Gruppe zu bilden, nur daß einige Glieder dieser Gruppe blos durch fluffige, andere nur burch gasförmige Reize erregt werden; deswegen an verschiedene Drgane vertheilt, unterscheiden sich vielleicht die an sich gleichartigen Empfindungen beider Sinne nur durch Mebenempfindungen, die von der Lage, Bestalt und Functionsweise des einen oder des andern erregten Organs abhängen. Dies zu entscheiden ist nicht Sache ber Logif; sie bat hier nur zu ermahnen, man folle sich nie durch Hinweis auf die Alehnlichfeit beffen, mas zwei Anhalte begründet oder ihnen folgt, sophistisch und der unmittelbaren Wahrnehmung widersprechend, die Unvergleichbarfeit beffen abstreiten laffen, was beide find.

172. Zu einer ähnlichen Bemerkung veranlaßt mich die andere Frage, nicht nach dem Rechte der Trennung zwischen A und B, sondern nach dem Rechte der Bereinigung dessen, was wir unter A zusammensfassen. Man hat lange mit der langweiligen Paradoxie geglänzt,

Schwarz und Weiß seien feine Farben, weil fie nicht wie die prismatischen von einer bestimmten Zahl der Lichtwellen abhingen. Die neuere Ausbildung der physiologischen Spit hat diesen Grund hinfällig acmacht; aber auch wenn bies nicht geschehen wäre, hätte man boch fein Recht, auf bieje Weise bie Sprache zu meistern. Lange bevor man etwas von den Beranlaffungsursachen unserer Empfindungen wußte, hatte die Sprache den Namen der Farbe für eine Gruppe von Anhalten geichaffen, die durch eine unmittelbar empfundene und unwidersprechliche Gleichartigfeit, durch ihr Scheinen, oder wie man es soust nennen mag, unter sich zusammengehören und sich von dem Klingen ober Schallen der Töne, dem Duften der Gerüche abscheiden. Mag nun immerhin ber Name bes Scheinens nur noch für bas Weiß, nicht für das Schwarz paffend erachtet werden: daß beide doch mit den übrigen Farben den gemeinsamen biermit unvollkommen bezeichneten Grundzug gemein haben, ließe sich nur mit Worten, nicht in der That beftreiten, und die Sprache mar deshalb volltommen befugt, gegen den unberechtigten Einspruch der Gelehrsamfeit, auch jene beiden in den Umfang der Farbe einzuschließen. Man begegnet auch sonst diesen nicht immer unschädlichen Uebergriffen der Theorie. Auch die Chemie trug eine Zeit lang zur Sprachverwirrung bei, als fie Orndation und Berbrennung für gleichbedentend ausgab. Bon Berbrennung sprach die Menschheit ebenfalls eher, als fie den Sauerstoff fannte, und fie verstand darunter immer einen von sichtbarem Licht und fühlbarer Wärme begleiteten Borgang, ber bas frühere Gefüge eines Stoffes banernd veränderte; das Glühen eines Gisenstabes nannte sie deshalb nicht Berbrennung, weil sie nach der Abfühlung die bleibende Beränderung vermißte; sie würde aber auch um der dauernden Beränderung willen einen Borgang, der fie veranlagt hatte, nicht fo genannt haben, wenn ihm die bemerkliche Entwickelung von Rlamme und Wärme gefehlt hätte. Der Begriff der Verbrennung bedt baber ben ber Cyndation gar nicht; viele Stoffe orydiren ohne Berbrennung, anderseits, wenn erwärmtes Antimon in Chlorgas sich unter Flammenerscheinung mit Chlor verbindet, jo ift diefer Borgang gang zweifellos eine Berbrennung, obwohl feine Drodation. Die Geometrie mußte längft, daß abstract oder arithmetisch gedachte Ordnungsspsteme dann, wenn sie ihre vielen Clemente nach nicht mehr als brei verschiedenen Stalen gliedern,

burch Gebilde räumlicher Art sich anschaulich darstellen lassen; nichts hindert nun die Mathematik, Ordnungssposteme zu denken, die nach einer beliebigen größeren Anzahl von Skalen entworsen sind, nur daß es für diese Systeme keine räumliche Anschauung mehr gibt, und daß der Name der Dimensionen, der jenen Skalen in räumlicher Bedeutung gegeben werden konnte, so lange sie nur drei waren, jetzt nur noch den abstracteren Sinn haben kann, den ich mit der Benennung der Skalen zu bezeichnen suchte. So gewiß nun der Name des Naumes für uns nur ein Ordnungsspistem bedeutet, von welchem wir diese ursprüngliche, aus arithmetischen Betrachtungen allein gar nicht abseitbare Anschauung haben, so gewiß ist es logische Spielerei, ein System von vier oder stünf Dimensionen noch Raum zu nennen. Gegen alle solche Bersuchennuß man sich wehren; sie sind Grimassen der Bissenschaft, die durch völlig nunglose Paradoxien das gewöhnliche Bewußtsein einschüchtern und über sein autes Recht in der Begerenzung der Begriffe täuschen.

173. Man begegnet eigenthümlichen und nicht überall gleichartigen Berhältniffen, wenn man fragt, wie nun innerhalb eines jener disparaten Inhalte AB und C die in ihm zusammengehörigen Glieder zu einander stehen. Es ist bisher nicht gelungen, die mannigfachen Arten des Geschmacks C in eine befriedigende spstematische Ordnung zu bringen; aber der Weg, den die Sprache zu ihrer allerdings unvollfommenen Bezeichnung einschlägt, scheint mir bennoch ber richtige: sie unterscheidet durch eigene Ramen einige feste Grundformen bes Sugen u, des Sauern r. des Bittern a und betrachtet die übrigen, das Sauerfüße ru, das Bitterjüße uπ, als Zusammensetzungen jener wohlcharatterifirten Urgeschmäde. Auf diese Bezeichnungsweise könnte unsere Einbildungsfraft nicht verfallen, wenn sie nicht durch den unmittelbaren Eindruck angeleitet würde, denn Unterschiede lassen sich da nicht machen, wo sie in dem Anhalt nicht entweder vorhanden oder doch möglich sind. Jene Ramen nun setzen voraus, daß sie vorhanden sind, allerdings nicht jo, daß das Saure und das Suge als zwei unterschiedene Gemeng= theile des Sauersüßen so auseinander fallen, wie sie es thun, wenn eines nach bem andern empfunden wird, sondern in dem Sinne, in welchem wir Mischung ber Mengung entgegenzuseten pflegen. Daß diese Mischung bier möglich ift, daß also Sauer und Sug in einer nicht wohl beschreiblichen, aber leicht fühlbaren Beise eine Ginheit der Bor-

stellung bilden, die aus Suf und Roth nicht entstehen fonnte, untericheibet das Verhalten der einzelnen Geschmäcke zu einander von dem ber unter sich bisparaten Gruppen A B C. Man fann nun einwenden, ber Unterschied bes Sanern und bes Sugen sei im Sanersugen mir ein möglicher, nicht ein vorbandener; es fönne leicht ein dritter Gindruck w, einfach an sich und teineswegs zusammengesett, doch ein Mittelglied zwischen u und r bilden; um der doppelseitigen Achnlichkeit willen, die er mit diesen beiden zeigt, bezeichne ibn dann die Sprache durch die beiden Grenzen u und r. zwischen die er fällt, obne daß er darum aus der Mijdung beider bestände. Aber ich würde biesen Ginwurf für triftig nur dann balten, wenn in o außer seiner doppelten Atchnlichteit mit u und r noch ein Rest vorhanden wäre, der für sich etwas bedeutete, was and der Zusammensekung von u und r nicht begreiflich wäre; wo dies nicht der Kall ist, wird dieser dritte Eindruck o nicht blos durch eine willfürliche und zufällige Anficht als eine Mijdung ur gedeutet werden, sondern in der That nichts anderes sein. Zene Grundformen u, r, a selbst aber und alle ihre Mijdungen gehören zwar durch das fühlbare Allgemeine der Schmeckbarkeit C zusammen; aber innerhalb des Umfangs von C fann man sie dech nur disparat gegen einander nennen. Wer nur das Süße empfunden bätte, würde burch feine verstellbare Modification dessen, was er in ihm empfindet, Die noch nicht erfahrene Gigenthümtichteit des Sauern oder des Bittern entdecken fönnen; es findet also fein llebergang durch selbständige Mittelglieder von u zu r oder a statt, sondern man ning diese drei vorher fennen, um durch verschiedenartige Mischungen derselben die überleitenden Mittelglieder erst zu erzeugen. Gleiche Verbältnisse finden sich bei ben Farben, und ich batte früher ichen Gelegenheit, die Sprache gu rechtsertigen, wenn sie stets eine begrenzte Anzahl von Grundfarben unterschied und die übrigen als Mischungen zwischen sie einschaltete. Allerdings tann man burd geschickt gewählte Mitteltinten bas Ange stetig aus dem Eindruck der einen Farbe in den einer andern binüberleiten; aber aus dem Roth wird Trange ober Biolet boch nur durch eine Zumischung von Gelb oder Blau, die der Vorstellung noch als solde fühlbar bleibt; von dem aber, was Roth zu Roth macht, gibt es an sich feinen llebergang zu dem, was Blau zu Blau macht; wer nur jenes, nicht aber dieses empfunden hätte, würde in der einfachen Natur

des ersten nichts entdecken, was auf irgend eine Art modisieirt gesteisgert oder vermindert von selbst zur Borstellung des Blau sühren könnte; man muß dies letztere vorher schon kennen, um durch Mischung dieser beiden Endzlieder das Mittelzlied des Biolet zu sinden. Auch die Mosdisieationen, deren sede einzelne Grundfarbe sähig ist, sind in dieser Beise zu betrachten. Man hat unstreitig Recht, hellblan und dunkelsblan als Arten desselben Blau zu betrachten, aber auch diese Arten entstehen durch Mischung der immer sich selbst zleichen, unvermischt freilich niemals sichtbaren Bläne mit Weiß oder Schwarz. Ich wiedershole nur furz die Bemerkung, daß alle bisherigen Betrachtungen sich nur auf die empfundenen Inhalte beziehen, nachdem die Empfindung in unserem Bewußtsein entstanden ist, und daß sie nichts mit den physischen oder psuchsischen Entstehungsbedingungen des Empfindungssactes zu thun haben.

174. Wesentlich anders verhalten sich die Tone. Die Bergleichung vieler läßt uns zunächst brei Prädicate sondern. Der Gigenflang bes tönenden Anstrumentes, worauf er auch immer phosisch beruhen mag, ist für unsere Empfindung eine einfache nicht weiter zerlegbare Eigenidaft, am meisten bem Geichmade vergleichbar. Go groß auch bie Rebenwirfungen biefes Klanges auf unfer Gemuth fein mögen, die wesentliche Natur des Tones scheint er uns ebenso wenig zu bestimmen, wie die zweite Eigenschaft, die der Stärfe; beide faffen wir nur als verschiedene Bortragsweisen besselben Tones, dessen unterscheidende Matur in seiner Sobe liegt. In dieser dritten Rücksicht aber zerfallen bie Tone nicht wie die Farben in eine Angahl discreter Stufen, zwischen denen Uebergänge nur durch Mischung möglich wären, sie bilden vielmehr eine stetige Reihe, in welcher zwei von einander entferntere Glie= ber fich nur durch öftere Wiederholung derfelben Differenz unterscheiden, durch welche zwei nah benachbarte von einander sich sondern. fann feine Proportion aufstellen, nach der sich Roth zu Blau verhielte, wie Gelb zu irgend einer vierten Farbe; zwei Tone bagegen untericheiden sich durch ein angebbares Multiplum eines als Einheit angenommenen Unterschiedes. Die Art dieses Unterschiedes selbst ist eigenthümlich genug; wir würden nicht bildlich von höheren und tieferen Tönen sprechen, wenn nicht, gang abgesehen natürlich von der Frequenz der Schallwellen, welche wir ja nicht empfinden, in den Empfindungen selbst

eine Steigerung bes einen Tones über ben anderen enthalten wäre: aber diese quantitative Borstellung läßt sich hier nicht wie sonst auf einen von ihr unabhängigen qualitativen Inhalt beziehen; der Ton d ist eben dadurch auch ein qualitativ anderer als c, daß er das undefinirbare Allgemeine des Klingens, das er mit diesem theilt, in jener eigenthümlichen Beise gesteigert enthält, die wir mir mit dem glücklichen Bilde der Höhe, in technischerem Ausdruck höchstens als qualitative Intensität bezeichnen fonnen. Die Unterschiede der Tone sind daher gleichartig und in Bezug auf ihre Weite megbar, was die der Farben nicht waren; die Mittelglieder entstehen zwischen zwei Tönen nicht durch Mischung dieser zwei, sondern sind, als vollkommen ebenbürtige Glieder der Reihe, gleich selbständig und ursprünglich, wie die, zwischen welche sie eingeschaltet gedacht werden. Die ganze Reihe endlich ist unbegrenzt; zu den Farben, die wir erfahrungsmäßig kennen, kann Niemand eine neue ersinnen, die sich vorstellen sieße und etwa unr in unserer sinnlichen Erfahrung nicht vorfäme; die Stala der Töne dagegen, eben weil jeder aus dem vorigen durch eine fühlbar gleichartige Steigerung entsteht, läßt sich ins Unendliche fortseten; es bat noch Ginn, von höheren oder tieferen Tönen zu sprechen, als jemals in unsere Erfahrung fallen tonnen, denn wir haben hier, was wir bei dem Bersuch, neue Farben zu ersinnen, nicht haben würden: eine dentliche Vorstellung davon, wie diese Tone sich ansnehmen müßten, wenn sie hörbar wären.

175. Ziemlich Aehnliches gilt, mit einigen Abweichungen, die ich dem Leser überlasse, von der Reihe der Wärmeempfindungen; sie sührt zugleich noch zu einem anderen Berhalten. Das eigene Wärmebedürsniß des lebendigen Körpers gibt verschiedenen Strecken dieser Reihe eigensthümliche Werthe; wir unterscheiden Kaltes Kühles Lanes Warmes Hümliche Werthe; wir unterscheiden Kaltes Kühles Lanes Warmes Heißes, und glanden mit jedem dieser Ausdrücke etwas Bestimmtes zu meinen; aber nicht blos allgemeingültig würden wir die Grenze nicht angeben können, bei der sür Jeden das Kühle endigt und das Laue besginnt, sondern auch, wenn wir nur unsere eigene Empfindung bestragen, müssen wir ums gestehen, daß wir nur mit einer gewissen Willkür den einen oder den andern Namen wählen würden. Man kann an diesen Gegensat des Warmen und des Kalten sowie der hohen und der tiesen Töne sogleich eine große Anzahl anderer Vorstellungspaare anschließen, deren Inhalt nicht ebenso numittelbar aus sinnlicher Empfindung ents

iprinat: das Große und das Kleine, das Starke und das Schwache, das Viele und das Wenige, das Alte und das Junge, und zahlreiche ihres Gleichen. So entschieden die beiden Glieder folder Gegenfate wirklich Entgegengesetzes meinen, so ist boch in keinem eine Grenze zu finden, welche den Umfang des einen Gliedes von dem des andern trennte, stetia und unmerklich gehen sie in einander über. Die Richtungen bagegen, nach benen unfer Vorstellen diese Reihen von a bis z ober von z bis a durchläuft, sind unzweideutig verschieden und theils einer Definition fähig, theils wenigstens für die unmittelbare Empfindung unvertauschbar. Es läßt sich nicht sagen, was warm und was falt ist, aber gang unzweifelhaft ift, ob a wärmer oder fälter als b ift. und zwar entscheidet in diesem Fall die Empfindung, die beim Uebergang von a zu b sich der entgegengesetzten Beränderung von derjenigen bewußt wird, die sie beim Rückgang von b nach a erfährt; es läkt sich and nicht fagen, was groß und flein überhaupt ist, aber ganz eindentig ift die Behauptung, a fei größer als b, und fie läßt fich dahin definiren, daß h von a abgezogen einen positiven Rest & gibt. Es ist das Nämliche mit den übrigen Beispielen; sämmtlich aus der Bergleichung verschiedener Inhalte hervorgegangen, nicht aus der Auffassung eines einzigen, bedenten alle diese adjectivischen Borstellungen Beziehungen, die ohne Rücksicht auf einen zweiten Beziehungspunkt keinen festen Werth und Sinn haben. Der Positiv dieser Adjective ist daher unbestimmt; nur ihr Comparativ ist eindeutig. Wo sie im Gebranche der lebendigen Rede als Positive vorfommen, drücken sie aus, daß dem Bezeichneten ber Comparativ ihres Sinnes im Bergleich mit einem nicht ausgefprochenen Magstabe zukommt, der entweder nach subjectiver Schätzung bes Sprechenden oder nach allgemeiner Meinung die normale oder die gewöhnliche Beschaffenheit des fraglichen Gegenstandes bildet.

176. Noch eine Betrachtung fnüpft sich an Töne und Wärmesempfindungen. Un sich vollkommen gleichwerthig bieten die Töne keine Beranlassung, einige wenige von ihnen als feste Punkte durch eigene Namen hervorzuheben und vor den anderen zu bevorzugen. Aesthetische Bedürsnisse aber regen den Wunsch an, die ganze Reihe zu gliedern. Da nun die einsache Tonempfindung nicht definirbar ist, so wird sie bestimmt durch die Angabe der Ursache, durch welche sie in jedem Angenblick mit sich identisch erzeugbar ist, durch die Frequenz der

Schwingungen, von denen fie abhängt. Aber feine Bahl hat einen Borzug vor der anderen, und da jedes Glied der Reihe auf dem genannten Wege mit gleicher Leichtigfeit befinirbar ist, so kommt es in der That in der mufitalischen Stala zu feinem absoluten Unfangspunfte. Undere Berhältnisse, die harmonischen der Töne, die ich hier trots des auch loaiiden Antereises, welches sie erweden, übergeben nuß, führen allerdings zu einer Gliederung der Reibe in Octaven; aber auch diese Gliederung hat keinen festen Anfangspunkt, sondern kann von jeder Tonböbe aus beginnen. Die Wärmeempfindungen gestatteten eine so einfache Definition durch ihre Ursachen nicht; man mußte sich an die beobachtbaren anderen Erfolge ihrer unbefannten Urfache, an die Unsdehnung und Zusammenziehung der Körper wenden. Als man nun den Schmelzpunkt des Gijes zum Ausgangspunkt auf- und absteigender Temperaturgrade machte, war dies ein ganz willfürlich, obwohl sehr zwedmäßig gewählter Rullpuntt der Bezeichnung; denn Flüssigkeit oder Starrheit des Waffers bisdet einen wichtigen Wendepunkt für die Gestaltung der meteorischen und organischen Vorgänge, die uns umgeben. Es war aber doch nur ein Rullpunkt der Bezeichnung, nicht der bezeichneten Sache; von dem unbefannten Werthe x an, den dieje für den Schmelzpuntt des Gises hat, theilen wir nur ihre positiven und negativen Zunahmen nach Unzahlen einer für unsere Zwecke vassend gewählten (Gradeinheit ein. Daher sind 120 nicht das Doppelte von 60, aber zwischen 0°=x und 12°=x+12 / x ift die Zunahme der Wärme doppelt jo groß, als zwijchen 0°=x und 6°=x+6 / x. Un diesem einsachen Beispiele wollte ich bemerklich machen, daß eine Gliederung und gesetsliche Ordnung einer Reihe oder eines Suftems mannigfacher Inhalte allerdings ohne eine entsprechende sachliche Gesetlichkeit ihrer eigenen Beziehungen nicht möglich ift, daß aber bennoch bas Denken häufig eines durchaus willfürlich gewählten Ansgangspunftes und willfürlicher Magitabe bedarf, um fich diefer immanenten Ordnung der Sache fructbar zu bemächtigen; daß man endlich bieje willfürliche Spftematik, obwohl sie durch die Natur der Sache zugelassen und in ihrer Unwendung gerechtsertigt wird, doch nicht für eine in ihr selbst liegende Bestimmtbeit auseben darf.

177. Beispiele für diese Bemerfung bietet das praktische Leben sehr viele. Es kommen hier Eigenschaften in Betracht, die entweder

an vericiedenen Personen oder Dingen in sehr verschiedenen Größen haften oder, an einem und bemselben Subject, eine stetige Reihe von Größenwerthen nach einander durchlaufen, jo zwar, daß an diese Grö-Benwerthe ihnen proportionale Wirtungen gefnüpft werden sollten. Aber mir Naturmirfungen ändern sich stetig mit ihren Bedingungen: sell unfer Sandeln erft die Birfungen hervorbringen, so verbietet fich in der Regel die genane Befolgung der gewünschten Proportion um der Arbeit willen, welche sie im Migverhältnig zu dem erreichbaren Zwecke erfordern murde. Man muß fich begnügen, gewisse Streden der ganzen Werthreibe der Bedingungen als einheitliche Werthe zu betrachten und an sie eine gleiche mittlere Größe der Wirkung zu knüpfen, welche au groß für die Unfangsglieder und zu flein für die Endglieder der Strede fein wird. So zerlegt man für Zwede der Besteuerung die Reibe der Vermögen von der völligen Armuth an bis zu dem höchiten wahrscheinlich anzutreffenden Reichthum in eine Anzahl von Klassen; jo berechnet man nach Jahren des Lebensalters oder doch nur nach größeren Theilen derfelben den zur Erwerbung einer Lebensversicherung nötbigen Beitrag: jo balt die Berechnung ber Zinsen bei dem Tage als untheilbarer Einheit an. Es fann ferner vorkommen, dag eine machsende Gigenschaft allmählich einen Werth erreicht, an den der Eintritt bestimmter Wirkungen gebunden sein soll, ohne daß doch der Augenblick angebbar wäre, in welchem diese entscheidende Bedingung erfüllt ist. Die förperliche und geistige Reife, die wir in den Begriffen der Mündiafeit und Majorennität mitdenken, wird von Berschiedenen gewiß in verschiedenen Lebensaltern erreicht; aber nicht nur die unüberwindbare Weitlänfigfeit, auch nicht die Unguläffigfeit einer über den Gesammtwerth der Person zu fällenden Censur macht die Ermittelung des wirflichen Zeitpunktes für jeden Einzelfall unmöglich: während die ausgezeichneten Grade der Reise und Unreise leicht erkennbar sind, sehlt es wirklich an einem unzweidentigen Rennzeichen, welches in zweifelhaften Fällen eine von der andern unterschiede. Gleichwohl verlangen die Bedürfnisse des geselligen Lebens die Geststellung eines bestimmten Beitpunftes; die Geseigebung hat ihn daber eigenmächtig zu bestimmen und fie fnüpft an vollendete Tage und Stunden den Beginn von Rechten und Pflichten, zu denen fachlich allerdings die gestern noch fehlende Befugnif oder Berbindlichkeit nicht über Nacht entstanden ift. Obgleich

eigenmächtig, verfährt fie doch hier nicht grundlos; der Spielraum ihrer Wahl beschränkt sich auf Bestimmungen, die der Natur des vorliegenden Berhältniffes ohne angebbaren Unterschied ber Genauigkeit entsprechen, ihre Willfür auf die Bevorzugung der einen unter diesen gleichberechtigten. Noch andere Fälle gibt es, in denen Die Natur der Sache, welche zur Aufstellung einer Bestimmung veranlaßte, noch weniger einen genauen Makstab für sie darbot, dieser vielmehr nur in den anderweitigen Zwecken lag, zu beren möglicher Erfüllung bie fragliche Bestimmung nöthig wurde. Hierher gehören die Zeitfristen, innerhalb deren die Bedingung einer zu erlangenden oder zu vermeidenden Rechtsfolge zu erfüllen ist; im Großen allerdings durch die erwähnte Rücksicht zweckmäßig bestimmt, haben im übrigen diese Festsesungen nur die logische Pflicht der Unzweideutigkeit; ihr genügte die Vorzeit, indem sie wichtige Fristen nicht nach gangen größeren Zeiteinheiten abmaß, sondern einen Bruchtheil derselben, den Wochen eine Anzahl von Tagen, bem Tage einige Stunden zugab; fie verengte baburch ben Zeitraum, innerhalb bessen man, nach alltäglichem loserem Sprachgebrauch, der Vorschrift hätte zu genügen glauben können. Gbenso thun die Behörden recht, wenn sie zur Verhätung von Anhestörungen die Anzahl der Personen, die für eine verbotene Zusammenrottung gelten sollen, authentisch auf drei oder fünf festsetzen und sich dadurch der Disputation entziehen. Die schon die antife Sophistif übte: wie viele Körner nöthig find, um einen Haufen, oder wie vieler Haare Verluft, um einen Kahlfopf zu machen.

178. Ich fehre von dieser Abschweisung zurück. Ob irgend ein Ton hoch oder ties, ob eine Flüssigkeit kalt oder warm zu nennen sei, darüber streitet man nicht; an dem Inhalt dieser Begrisse haftet kein Interesse, welches uns zögern ließe, die oben erwähnte Relativität ihrer Bedeutungen sosort zuzugestehen. Anders denken wir über den Unterschied von gut und böse. Auf die Festigkeit und Abgeschlossenkeit dieser beiden Begrisse legen wir den höchsten Werth: jede Handlung mußsur sich allein, nicht blos im Bergleich mit einer andern, unzweideutig in den Umsang des einen fallen und aus dem Umsang des andern ausseschlossen sein; selbst daß es Gradunterschiede der Güte im Guten und der Bosheit im Bösen gebe, hat man lengnen zu müssen geglaubt, das mit nicht die abnehmenden Werthe beider zuletzt in einem Rullpunkt

des Gleichaultigen zusammentreffen und so ein stetiger Uebergang zwischen zwei Gegensätzen vermittelt werde, zwischen denen vielmehr iede Briide abgebrochen sein foll. Aber Diesem logischen Rigorismus widerspricht durchaus das unbefangene Urtheil, dem wir im Leben alle folgen. Denn Riemand zweifelt wohl an Gradunterschieden der Bosbeit und der Güte: und daß feine Handlung gleichgültig fei, überredet man uns erft, nachdem man den Begriff der Handlung fünftlich beschränkt hat. Es hilft aber in der That nichts, der drohenden Bermijdung des Guten und des Bojen durch eine erste Eintheilung aller Sandlungen in sittlich beurtheilbare und in sittlich unbeurtheilbare zuvorzukommen, um dann besto sicherer die erste dieser Gruppen in die beiden unvermittelbaren Gegenfätze des Guten und des Bösen zu vertheilen; ber Zweifel andert fo nur ben Ort, benn die Frage geht nun darauf, wo die Grenzen zu ziehen find zwischen dem, was sittliche Beurtheilung herausfordert, und dem was nicht; und diese Grenzen werden wieder durch stetigen Uebergang des einen in das andere zu verschwimmen icheinen. Nicht ebenso dringliches, aber doch lebhaftes Interesse hat für ästhetische Betrachtungen das Verhältniß des Angenehmen zum Schönen und zum Guten. Bur eine unbefangene Auffassung ordnen sie sich, nicht nur nach dem Werthe, sondern auch nach der Bedeutung ihrer Inhalte, in eine zusammenhängende Reihe; nicht so zwar, daß durch einfache Steigerung das intensivste Angenehme zum Schönen oder die höchste Schönheit zur niedrigften Stufe des Guten würde, aber doch so, daß es qualitativ bestimmte Arten des Angenehmen gibt, die beginnen ein Recht auf den Namen des Schönen zu haben, und Formen der Schönheit, beren ästhetischer Eindruck der sittlichen Billigung verwandt wird. Aber Moral und Aefthetif sträuben sich gleichmäßig gegen dieses Augeständniß; sie halten das Schöne für verfälscht, wenn es mit dem Guten, bas Unte für erniedrigt, wenn es mit dem Schönen, und vollends durch dieses hindurch mit dem Angenehmen, irgend eine Gemeinschaft habe. Und in Bezug auf das Schöne wenigstens hat auch hier die Leugnung jeder Gradabstufung nicht gefehlt; was einmal schön sei, sei durchaus schön, und man denke es eben nicht wahrhaft als schön, wenn man zulaffe, daß es ein Anderes gebe, welches noch schöner sei.

179. Sehen wir uns zur Beurtheilung dieser Zweifel nach ans beren Beispielen um. Die Geometrie kennt von der geraden Linie, um Lope, Logik.

ber Natur berselben willen, allerdings nur eine Art, an den Curven aber unterscheidet sie ungählige Grade der Krümmung von bestimmbarem Werth; und so zwar, daß die gerade Linie selbst ihr als der äußerste Grenzfall erscheint, dem sich die Eurve bei immer zunehmendem Wachsthum ihres Krümnungshalbmeffers stetig annähert. Ungeachtet dieses stetigen Ueberganges beharrt bennoch die Geometrie nicht nur im Allgemeinen auf der Behanptung, Krummes und Gerades sei entgegengesett und unvereinbar, sondern auch in der Amwendung entsteht in Bezng auf eine Linie, die man genan fennt, niemals ein Zweifel: fo nahe sie auch der Geraden liegen mag, sie ist dennoch gang unwidersprechlich frumm, so lange ihr Krümmungsradius noch eine endliche Größe hat. Gine Curve fann ferner in einer Strede ihres Berlaufes concav gegen eine Are sein, gegen die sie im weiteren Berlaufe conver wird; erfährt fie diese Beränderung ihrer Richtung in stetigem Ange ohne discontinuirliche Spite, so ist unzweifelhaft ihre Tangente ant Wendepunft, mithin das Element der Linie selbst, zu jener Are parallel, also weder concav noch conver; aber obgleich so beide Richtungen sicht= lich in einem Rullpunft zusammenhängen, der keiner von ihnen gehört, so wird doch durch ihn der Gegensatz ihrer Bedeutungen nicht geändert ober aufgehoben; diesseit dieses Bunktes bleibt die Linie nur concav, jenseit nur convex. Noch einfacher: zwischen 1 und 2 lassen sich unzählige Brüche einschalten, die von dem Werthe der 1 zu dem der 2 biniiberführen: zwischen Tageshelle und Nachtfünsterniß laffen sich unzählige Ubsinfungen der Beleuchtung nicht nur denken, sondern sie treten wirklich ein; zwischen Wohlbefinden und Schmerz liegt eine stetige Reihe von Gefühlen, die jenes mit diesem verbinden: aber darum wird doch nicht 1=2, barum hört die Finsterniß und der Schmerz nicht auf, der volle Gegenfatz zu Licht und Wohlbefinden zu fein; und zugleich find Die Glieder dieser Wegenfate jedes für sich, auch außer Bergleich mit bem anderen, etwas jo Bestimmtes, daß Riemand das eine mit bem anderen verwechselt. Diese Beispiele reichen zur Berdeutlichung des Sates aus, daß die Eriftenz unzähliger Gradabstufungen, durch welche die Inhalte zweier entgegengesetzten Begriffe A und B in einem acmeinzamen Multpunkt zusammenstoßen, den Unterschied oder Gegensat dessen nicht aufhebt, was A und B an sich selbst bedenten.

180. Wäre es daher der Sittenlehre gelungen, was ihr Geschäft ift

und nicht hier das unfrige, das was sie unter dem Unten A und dem Bösen B meint, ebenso unzweidentig zu bestimmen, wie die Geometrie definirt, was sie unter conver und concav verstehen will, so hätte sie feinen Grund, um die Restigkeit des Unterschiedes beider Begriffe zu schützen, die Abstufbarkeit des Guten und des Bosen und ihr Zusammentreisen am Gleichgültigen zu bestreiten. Die specifischen Bedeutungen der allgemeinen Begriffe gut und bose andern sich nicht im geringsten deshalb. weil die einzelnen Beispiele, von denen sie prädicirt werden, sich mit verschiedener Intensität an dem Charafter des einen oder des andern dieser Gegensätze betheiligen. Jener Rullpunft aber des Gleichaültigen fann noch weniger zur Vermischung beider beitragen, denn er findet ja nicht so statt, daß beide in ihm, sondern so, daß feiner von beiden in ihm gültig ist; er ist mithin nur ein Trennungspunft, diesseit dessen unzweidentig nur das Gute, jenseit nur das Bose siegt. Brancht nun die Abstusbarkeit beider Begriffsinhalte nicht um ihrer Testigkeit willen gelenguet zu werden, so muß man anderseits darauf halten, daß sie ausbrücklich zugestanden wird. Sie zu leugnen, die alte stoische Paraborie zu wiederholen, omnia peccata esse aequalia, oder beständig zu predigen, auch der kleinste Irrthum sei nicht Wahrheit, sondern eben Arrthum und weiter nichts, dies alles find logische Langweiligfeiten die, weil sie nur halbe Wahrheiten enthalten, nach dem eben erwähnten Grundfat felber, Brrthumer und nichts weiter heißen tonnten. Die Curven find nicht blos Eurven schlechthin, so daß die Grade ihrer Converität oder Concavität sie blos nach einer Rebenrücksicht unterschieden, welche nichts mit ihrem Eurvencharafter zu schaffen hätte, sondern die eine frumme Linie ist wirklich frümmer als die andere, thut also dem gemeinsamen Charafter beider in größerer Intensität Genüge. Und ebenso wird die gute oder boje Gesinnung, aus der eine Handlung entspringt, nicht blos nebenbei nach der Wichtigfeit der Objecte, auf welche die letztere sich bezieht, oder der Umstände, unter denen sie ausgeübt wird, sondern nach dem Grade ihrer Bosheit oder Güte selbst megbar sein, denn sie ist feineswegs blos eine Form des Berhaltens, die überall gleich bleibt, sie ist selbst ein inneres Thun, das nicht nur einen Grad der Intensität bedarf, um den Unstoß zum Sandeln überhaupt zu erzeugen oder die Widerstände zu überwinden, sondern auch einen Grad des Werthes hat je nach der Größe des Wohls oder Webes,

auf bessengung es sich absichtlich richtet. Auch der Jerthum ist nicht blos Nichtwahrheit, denn das unterschiede ihn nicht vom Zweisel, sondern er ist eine Abweichung von ihr, und hat deshalb eine meßdare Größe, ohne die er nicht dentbar ist; wer daber sein Tenken auf wirtsliche Aufgaben richtet, wird nicht den Widersinn begehen, zwei Annahmen gleich wegwersend unter den Begriff der Jerthümer überhaupt zu verweisen, von denen die eine der Wahrheit so fern steht, daß sie gar feine, die andere so nahe, daß sie fast alle über ihren Gegenstand zu erwartende Erkenntniß möglich macht.

Vielleicht könnte schon die Reihe des Angenehmen Schönen und Guten, beren Ueberlegung ich übrigens bem Lefer überlaffe, noch auf ein anderes Verhalten einer Begriffsreihe führen, das ich zunächst durch ein geometrisches Bild verdeutlichen will. Wir deuten uns zwei Körperräume, A und B, beide puramidalisch von einer Spite beginnend, zu ähnlichen Querschnitten mit verschiedener Beschleunigung anwachsen: ichieben wir fie so in einander, daß die Spitze eines jeden auf irgend einem Puntt der Are des andern liegt, so gehört die Ebene, welche durch den Durchschuitt ihrer Oberflächen gelegt wird, sowohl zu der Reihe der Cbenen, deren Integral A ift, als zu der Reihe der anderen, deren miendliche Kolae B zusammensekt; man kann sich ebenso einen dritten Körper C vorstellen, der in gleicher Weise eine Gbene mit B gemeinsam bat. Das Wachsthumsgesetz jedes dieser Körper läßt sich, bezogen auf die gemeinsame Axe aller drei und auf die Lage ihrer Gipfel in derselben, durch je eine Formel darstellen, welche wir der Reihe nach den drei allgemeinen Begriffen A oder B oder C zu vergleichen hätten. Und dann würde sich zeigen, daß es in der Reihe der einzelnen Beispiele von A ein bestimmtes gibt, das zugleich der Forderung des Begriffes B genügt; daß also für dieses Beispiel es zweiselhaft oder willfürlich wird, ob es dem Begriff A oder B unterzuordnen ist, nicht deshalb, weil es feinem von beiden, sondern weil es vollständig beiden angleich gennat; über diesen Einzelfall binaus aber würden alle anderen Beispiele des A, alle jeue übrigen Chenen, die durch die so zusammengesetzte Körperfigur gelegt würden, ausschließlich entweder dem A ober dem B angehören; Gleiches endlich fände statt in Bezug auf die B und C gemeinsame Chene. In diesen Källen liegt es also an der Ratur der wesentlich verschiedenen Begriffe selbst, daß einzelne Glieder ihrer

Artenreihe zweidentig werden und an sich, ohne irgend eine Nebenrückssicht, z. B. auf die Art ihrer Entstehung oder Entwicklung zu nehmen, mit Sicherheit keinem dieser Begriffe ausschließtich zugerechnet werden kömnen, obgleich, abgesehen von diesen Einzelfälten, die Verschiedenheit der Bedentung jener Begriffe nicht zweiselhaft ist. So wie wir uns min hier A B und C durch Namen bezeichnet, mithin als Begriffe aussgedrückt, jene Sonderfälle aber namenlos gelassen dachten, so kann die Sprache and zu dem Umgekehrten veranlaßt sein; sie kann Begriffe M N O durch Namen sigiren, die nur in Einzelfällen, welche wir etwa als ausgezeichnete Punkte, als Mazima oder Minima, einer zusammenshängenden Reihe versinnlichen könnten, ganz eindentige von einander völlig verschiedene Bedentungen besitzen; dann wird es umgekehrt in der Wahrnehmung und Ersahrung sehr viele Inhalte geben, die jedensalls ihren Platz zwischen, aber anch nur zwischen zweien dieser Begriffe hasben müssen, vollständig dagegen keinem von ihnen entsprechen.

182. Als Beifpiele, die auf dies lette Berhalten gurudgeführt werden fönnen, bienen Begriffe zusammengesetzter Bildung, welche die Sprache erzeugt hat, indem fie nicht von einem, sondern von vielen Bergleichungsgesichtspunkten zugleich ausging. Zweifellos stimmt dann mit einem solchen Begriffe jedes Beispiel überein, welches in jeder dieser Vergleichungsrüchichten an dem aus ihr entsprungenen Mertmale des Allgemeinen theilhat; aber die Zugehörigkeit zu dem Begriffe wird sehr zweidentig für viele andere Beispiele, die von dem einen Wesichtsvinst aus aanz entschieden ihm zuzurechnen sein würden, aber von einem anderen zugleich mitgedachten aus gar nicht. In dem Begriffe ber Krantheit haben sich auf diese Weise verschiedene Gedanken gefreuzt. Gewiß ift sie vor allem eine Abweichung des förperlichen Zustandes von einer als feststehend betrachteten Norm. Aber eine angeborene Mißbildung, die von dem natürlichen Bau des Körpers sehr bedeutend abweicht, mögen wir doch nicht Krankbeit nennen, so lange sie nicht auch die lebendigen Annetionen der Organe beeinträchtigt, und so lange sie, immer in derselben Beise bestehend, feinen natürlichen Berlauf durch verschiedene Stadien hat. Gine Bunde andert Ban und Innctionen immer in irgend einem Grade, auch hat sie einen natürlichen Berlauf; aber eine leichte nennen wir doch nicht Krantheit, offenbar, weil sie weder Gefahr noch Unbranchbarkeit des Körpers für wesentliche Lebenszwede einschließt; eine sehr schwere aber auch nicht, obwohl sie beides thut; sie ist zu plötslich ganz und gar durch äußere Kräfte entstanden. und wir bemerken jetzt, daß wir uns unter Krankheit einen Zustand vorstellten, der zwar auf ängerliche Beranlaffung begonnen, aber seine bestimmte Form doch nur durch die eigenthümlichen Wechselwirfungen der inneren Kräfte angenommen hat. Eine solche Reaction der inneren Kräfte gegen ben angeren Reiz bilbet nun jeder Schunpfen; aber auch ihn nennen wir Krantheit doch fann, jo lange ihm das Moment der Gefahr fehlt; und ebenso wie wir uns bier mit dem misteren Ramen des Unwohlseins beifen, sprechen wir auch von einer gewissen Breite ber Gesundheit, um in ihr eine Menge langsam sich fortbilbender Störungen unterzubringen, die mit einer ursprünglichen Gigenthümlichfeit der förperlichen Constitution zusammenhängen. Was nun bier Rechtens ift, ift leicht zu sagen. Unmöglich ist in solchen Gällen eine Definition, die mit wiffenschaftlichen Bedürfniffen und mit diesen Bunberlichkeiten bes Sprachgebranchs zugleich in Ginklang wäre; bedarf man einer Begriffsbestimmung, so muß man sie, unbefümmert um ben Sprachgebrauch, willfürlich festsetzen. In unserem Beispiel ift fie ziemlich entbehrlich, denn die Pathologie fommt recht auf aus auch ohne das allgemeine Wesen der Krankheit vorwurfslos definirt zu haben; die Praxis vollends brancht logische Allgemeinheiten nicht, ans benen feine Andicationen zum Handeln fließen. Anders in anderen Källen. And in dem Begriff des Berbrechens durchtreugen fich Rücksichten auf Borbedacht ober Uebereilung, auf den Grad der bosen Absicht, auf Versuch oder Bollendung, auf die Größe des erzengten liebels; in dem Unterschiede des Aunsterzeugnisses von dem Produkt des Handwerks, in dem Berhältniß der freien Nachbildung zur Copie finden sich ähnliche Zweidentigkeiten. Dier hat es mehr Werth, die Grenzen der Begriffe zu bestimmen, da gesetzlich Vortheile und Nachtheile sich unmittelbar an die Zugehörigkeit eines gegebenen Falles zu dem einen von ihnen fnüpfen; aber auch hier wird man sie, zwar mit Berücksichtigung bes Sprachgebrauchs, im Wesentlichen boch durch Satzung feststellen müssen.

183. Selbstwerständlich tann man jeden Begriff M jedem beliebigen andern N gleichsetzen, wenn man den Juhalt von N durch nähere Bestimmungen so umwandelt, daß er = M ist. Hieraus entspringen vielerlei zufällige Ansichten oder Transformationen des Ausdrucks für

daffelbe M, welche wir später nütslich finden werden, um M bald dem einen bald dem anderen Gesetz subsumirbar zu machen, aus dem eine neue Behanptung über Mentspringen fann. Gine Grenze bes Erlaubten aibt es an sich für bies Berfahren nicht, so lange bas transformirte M wirklich das ursprüngliche deckt, so lange also N=M. Man könnte selbst ein Preieck M dem Begriff des Bierecks N unterordnen, mit der Nebenbestimmung freilich, daß eine der Biereckseiten bis zu Rull abacnommen habe; fo fehr dies Spielerei scheint, so ift es doch nütslich zu verwenden; man fann sehr anschanlich machen, wie jedesmal, wenn zwei Seiten, Die früber burch eine Zwischenseite getrennt waren, burch bas Berichwinden berselben mit ihren Endpuntten zusammenstoßen, zwei rechte Wintel von der gangen Wintelsumme des Polvgons, bier des Bierecks verloren geben. Diese Berwendung der Transformationen wird uns später interessiren; hier beben wir hervor, daß durch fie ber Unterschied der beiden so aufeinander gurudgeführten Begriffe natürlich nicht geändert wird. Das Biered bleibt vom Dreied fo vericbieden, wie es immer war, nämlich so, daß es eben seines wesentlichen Charafters entfleidet werden muß, um jenem zugeordnet zu werden, und chenso wird jede andere Umänderung, die an N nöthig ist, um darans M zu machen, die Große des bleibenden Unterschiedes beider Begriffe meisen. Handelt es sich nicht, wie in diesem Gall, um abstracte Gedaufengebilde, sondern um Wirklichkeiten, die in der That eine eigene Entstehung haben, so ist ber Werth solder Transformationen sehr gering; fie find zunächst bloße Ginfälle, beren Bedeutung erft durch besondere Untersuchungen zu ermitteln ist. In Gedanken kann man jede gegebene Arnstallgestalt durch willfürliches Abschnitzeln hier und da in . jede beliebige andere, in der bloßen Zeichnung die Figur des Arofodils burch successive Menderungen der Contouren in die eines Bogels verwandeln, und aus jedem chemischen Element fann man jedes andere ableiten, wenn man alle Coefficienten, welche die allgemeinen phosischen Gigenschaften in dem einen haben, stetig in bestimmte andere Werthe übergeben läßt. Durch folde Künfte fann man nicht die Begriffe M und N einander nähern, benn ihr Unterschied bleibt immer so groß, wie die Summe ber Schritte, die man vom einen gum andern machen mußte; man fann aber auch nicht die wirklichen Dinge, welche Beispiele biefer Begriffe find, hierdurch in einen Zusammenhang bes möglichen

Uebergebens in einander bringen. Dazu mare ber Rachweis nöthig, daß die physischen Kräfte derjenigen Elemente, die einen wirklichen Krostall von der Form M aufbauen, au demselben Stoff and ein Gleichgewicht der Lagerung in der Form N möglich machen: oder daß das verkettete Suftem von Kräften, welches den Bildungstupus des Krofodils vorzeichnet und phosisch verwirtlicht, überhaupt durch andere natürliche Einwirkungen sich so verschieben taffe, daß aus ihm die Gestatt des Bogels birtlich herauswachsen fann, daß mit einem Worte in dem Zusammenhange der Wirklichkeit Triebe vorhanden sind, welche die 11m= änderungen ber Begriffsinbalte realisiren, die wir in Gedanken und auf dem Papiere willfürlich an ihnen vornehmen können. Man erin= nert fich, alutlicherweise als eines überwundenen Arrthums, der wilden Willfür, mit welcher man früher etvinologifirend jedes Wort der einen Sprache am Ende aus jedem beliebigen der andern ableitete: jett ift die Warnung vor Aehnlichem in Bezug auf das neuerwachte Bedürfniß nütslich, die Mannigfaltigkeit der organischen Wesen, mit Aufhebung aller festen Urtunterschiede, aus einander entstanden zu denken. Redenfalls hat indeffen Darwins Bersuch, gleichviel ob zulänglich ober nicht, fich wenigstens eifrig barum bemüht, die wirtlichen Borgange aufzuweisen, durch welche die deutbare Berwandlung der einen organischen Form in die andere realisirt worden sein mag.

Drittes Kapitel.

Schematische Anordmungen und Bezeichnung der Begriffe.

184. Ich setze in diesem Abschnitt von etwas verändertem Gessichtspunkt aus die Betrachtungen des vorigen fort. Die Weite und die Bedeutung des Unterschiedes mehrerer Vorstellungsinhalte war nur dann einer näheren Vestimmung fähig, wenn wir Gelegenheit fanden, mehrere gleichartige Unterschiede unter einander zu vergleichen, wenn also die verglichenen Inhalte selbst Reihen bildeten, deren Glieder nach einem mehr oder minder genau ausdrückbaren Gesetze sortschritten, und wenn außerdem das fühlbar Allgemeine, dessen quantitativ und qualitativ verschiedene Modificationen diese Glieder darstellten, nur in einer und derselben Richtung selche Abwandlungen gestattete. Zusammens

gesetzte Begriffe, sei es von Dingen oder von Eigenschaften, Berhält= niffen ober Greigniffen, laffen fich wegen ber Bielheit einander beterminirender Merfmale oder Beziehungspunfte, welche fie einschließen, nach mancherlei Richtungen hin verändern, theils dadurch, daß die Mertmale und die Beziehungspuntte, einzeln oder einige oder alle, die veridiedenen Beschaffenheiten annehmen, deren sie fähig find, theils dadurch, daß die zwischen ihnen obwaltenden Determinationen die verschiedenen möglichen Werthe der Lockerheit oder Engigkeit und die Formänderungen durchlaufen, benen sie ihrer Natur nach unterworfen sind. Run hindert nichts, daß öfters ber Werth oder die Weite des Unterschiedes zwischen zwei so entstandenen Begriffen M und N uns durch unmittelbaren Sindrud mit dem Grade ber Sicherheit beutlich fei, den wir in dem fragliden Falle wünschen müssen; hätten wir jedoch ein wissenschaft= liches Jutereffe an genauerer Bestimmung, so würden wir die Werthe ber vericbiedenen Stalen, nach benen bie einzelnen Unterichiede ftatt= finden, und aus ihnen den Werth der Gesammtveranderung bestimmen müffen, welche M von N ober N von O trennt. Man wird geneigt sein, icon hier einzuwerfen, daß wir, in den meisten Fällen wenigsiens, Die Bedeutung einer Stala, nach welcher bie Beränderung eines Begriffsinhaltes stattgefunden hat, vielmehr umgefehrt nach der Größe der Umwandlung ichaten, welche bieje Beränderung in dem unmittelbaren Totaleindruck hervorgebracht hat; Diese Einwendung fann ich zugeben, ohne sie weiter zu berücksichtigen; dem was ich hier erläutern will, ist nicht eine logische Regel, sondern ein Hang unseres Gedankenganges, der weit mehr einzuschränken als zu befriedigen sein wird, der aber um jeiner Unaustilgbarkeit willen eine besondere Berücksichtigung verlangt. Man begreift nämlich leicht, wie aus jener obenerwähnten Aufgabe der Bunfch entstehen fann, ein allgemeines Schema zu besitzen, in welchem nicht nur alle denkbaren modificablen Beziehungen verschiedener Elemente, sondern auch die Werthe der Unterschiede je zweier Modificationen dergestalt festgestellt wären, daß jeden zwei Begriffen M und N der bestimmte Unterschiedswerth oder zugleich Verwandtschaftswerth zufäme, welcher an den von ihnen eingenommenen Stellen des allgemeinen Schema haftet.

185. Ich gehe zunächst zur Erläuterung auf eine Erscheinung bes ältesten Alterthums zurück, auf Pothagoras. Aus ben spärlichen und großentheils wenig glaubwürdigen Quellen, die wir besitzen, ein

sideres Lehrgebäude puthagoreischer Philosophie wieder aufzubauen unternehme ich nicht; aber den Grundgedanken, der fie belebt haben tann, und von dem begreiflich ift, daß er eine ebenso langdauernde als in ihren Ueußerungen oft verfehrte Theilnahme erregt hat, glaube ich angeben zu fonnen. Die Hinneigung der Schule theils zu abstract mathematischen Untersuchungen theils zur Anwendung derselben auf Naturvorgange ist hinlanglich gewiß; Die erste Richtung ber Studien mußte auf Ne Vorstellung der Zahlenreihe und der Gestaltenwelt als zweier großen gesetzlich in sich selbst zusammenbängenden Ganzen führen, und noch überdies die Abbängigfeit der rämmlichen Gebilde selbst von den in sie eingegangenen Zablengrößen lehren; die andere Richtung bat, neben uns weniger befannten Erfolgen, zur Auffindung bes Berhältnisses zwischen der gehörten Tonhöbe und der Länge der schwingenden Saite geführt und damit ficher den allgemeinen Gedanken rege gemacht, daß auch Erscheinungen, deren Berschiedenheiten von uns zunächst als analitative empfunden werden, auf mathematischen Berschiedenheiten vergleichbarer Bedingungen beruben. Bu idranfentofer Berattgemeines rung jo gefundener Ergebnisse neigt menschliche Einbildungstraft obnehin; für den mathematisch gebildeten Pothagoreer fam die Erwägung hingu, wenn einmal einer Reibe von Größenveränderungen eine Beränderungsreihe von Erscheimungen entspreche, so werde auch feinem anderen bentbaren mathematischen Berhältniffe und seinen Modificas tionen das entsprechende Gegenbild in der Erscheimung sehlen, oder umgefehrt: wenn eine Gruppe von Erscheinungen sich auf Größenbestimmungen gründe, so werde der Zusammenhang aller Naturvorgänge unter einander and die übrigen Erscheinungen zu gleichartiger Abhängigteit von mathematisch bestimmbaren Gründen nöthigen. wir uns das philosophische Unternehmen entstanden, dem Aristoteles den Ansdruck gibt, Pothagoras habe die Principien ber Zahlen für die Principien ber Dinge gehalten; aber ben Ginn Diefes Ausbrucks felbst baben wir noch weiter zu überlegen. Die Absicht ber puthagereischen Philosophie ging gewiß nicht blos darauf, worauf sie nach dem anderen Spruche ihres Urhebers, Gott habe alles nach Mag und Zahl geordnet, gerichtet scheinen fann; nicht auf eine bloße Unwendung ber Mathematif auf die Natur in der Urt, daß eben nur die Größenbestimmtheiten der natürlichen Kräfte und Greignisse im Falle ihres Wechselwirfens nach demselben mathematischen Rechte einander modisieiren, das für Größen überhaupt gilt; vielmehr diese Data selbst, auf welche unsere mathesmatische Phosif nur Anwendungen der Mathematif macht, erschieuen dem Pothagoras als selbst schon ein Sostem bildend, dessen innere Gliederung nach denselben Verhältnissen entworsen ist, nach denen die Glieder der Zahlenreihe gebildet sind oder sich zusammensetzen tönnen. Ich unterscheide in dieser Ausicht einen allgemeinen Gedanken und seine besondere Ausprägung.

186. Die sogenannte Naturphilosophie der Jonier war damit beschäftigt gewesen, die Bildung und Rückbildung der Naturkörper aus ibrem Urstoff und in ihn zu beschreiben; ba fie sehr allgemein bazu Borftellungen von Berdichtung und Berdunnung brauchte, fann fie, um Dieser quantitativ bestimmten Hulfsmittel willen, ber puthagorischen Auffassung icon verwandt scheinen. Sie ist ihr dennoch sehr fremd: denn nirgends findet fich in ihr ein ausgesprochenes Interesse dafür, daß Die Summe beffen, was auf biefe Beife entstand, in irgend einem Augenblide seines Bestehens ober in der Reihenfolge seines Werdens ein gufammengehöriges Ganze bilde, deffen Theile einander fordern. Pothagoras bingegen scheint sich sehr wenig um diese Entstehung der Welt gefümmert an haben, aber so wie sie bestand, nachdem sie entstanden war, galt sie ihm für ein Softem, beffen Theile nicht blos neben einander da waren, fondern in dem eine Lüde gewesen ware, wenn während des Bestandes der einen Erscheinung die Wirklichkeit der anderen gefehlt batte. Wenn es in der Wirklichteit a, b und d gibt, so ist c, falls es da ist, nicht blos auch da, sondern es ift da, weil es von dem Gesetze, nach welchem die Reihe ab .. bis d fortschreitet, als nicht fehlen fönnendes brittes Glied zu dem vierten d gefordert wird: oder falls e nicht ist, so ift es nicht blos thatsächlich nicht, sondern weil das Bisdungsgesetz jener Reihe die Möglichfeit dieses dritten Gliedes vor d ausschließt. Dieselbe Betrachtung würde sich auf andere Reiben des Wirklichen, auf e378 und abed, amvenden laffen, und diese Amvendung ist von der pothagoreischen Philosophic gemacht worden. Welches Berhältniß sie zwischen den verschiedenen Charafteren dieser Reiben angenommen haben mag, die ich durch die verschiedenen Alphabete andenten wollte, wissen wir allerdings nicht, und sehr wahrscheinlich würden uns darüber, wie Uristoteles merfen läßt, and die vollständigiten Quellen nicht belehren; was aber das

Wesets betrifft, welches in jeder dieser Reihen die gleichartigen Glieder unter einander verbindet, so scheint unzweiselhaft, daß dies eben als daffelbe identische für alle diese Reihen augesehen, daß also ein allgemeis ner Barallelismus des Berhaltens in den verschiedenen Gruppen zusammengehöriger Erscheinungen behauptet wurde. Dies zeigt sich in der Erfindung einer unfichtbaren Gegenerde, um die Bahl der damals befamiten Planeten auf jene Behn zu bringen, der einmal die arithmetische Monif des Spitems eine besondere Bedeutung beigelegt hatte, in der Unnahme eines fünften Glements, das mit Waffer, Erde, Keuer und Luft ben fünf regelmäßigen Körpern Tetraeder Bürfel Detaeder Dobefaeder und Ifosaeder entsprechen sollte, in dem Bersuche ferner, die Entfernungen der Planeten nach mufikalischen Intervallen geordnet zu benfen, selbst in der ärmlichen Form der Tafeln von Wegenfätzen, die für unfer Berständniß freilich nur das häufige Vorkommen des Gegensatverhältnisses selvst an willfürlich zusammengestellten Begriffspaaren versinnlichen, aber durch die Zehnzahl der Baare anzudenten scheinen, daß fie für alle verschiedenwerthigen Stufen einer zehngliedrigen Reihe dies Berbältnik als wesentlich darstellen wollten. Endlich, wenn der Zahl Sechs das Belebtsein, der Sieben die Intelligenz und das Licht, der Acht die Freundschaft zugeordnet wurde, so geht daraus hervor, daß nicht blos die Erscheinungen der äußeren Ratur, sondern auch die des geistigen Lebens, daß überhanpt alles Denkbare als geordnet nach demselben Reihengesetze betrachtet wurde. So hat diese Philosophie gang baffelbe gefucht und glanbte es gefunden zu haben, was wir oben aussprachen: ein allgemeines Schema, welches, vom Einfachen zu Berwickeltem aufsteigend, die Summe möglicher Bildungen zu umfaffen dachte, beren eine jedem Wirklichen als Muster seiner eigenen dienen mußte, und das zugleich diese Borbilder so in eine Reihe ordnete, daß iedem Birflichen durch die Stelle seines Borbildes in ihr seine eigene Bedentung und die Größe seines Unterschiedes oder seiner Berwandtschaft mit den anderen Dingen, den Nachbildern anderer Reihenglieder, zufam. Dies scheint mir der allgemeine Gedante, den ich der pothagoreischen Philosophie zueigne: nicht blos eine gleichsam später gestiftete Anordnung von Dingen, deren Wesen ursprünglich ohne Rücksicht auf das Princip dieser Ordnung gegeben gewesen wäre, sondern eine Harmonie des Rosmos, — mit diesem Namen bezeichnete zuerst Pothagoras die Welt, — begründet darauf, daß alle Dinge von Aufang an nur verschiedene Verwirklichungen einer Reihe von Typen waren, welche ein allgemeingültiges Entwickelungsgesetz bestimmte.

187. Die specielle Ausprägung Dieses Gedankens ist weit hinter der unleugbaren Großartigfeit seines allgemeinen Sinnes gurndaes blieben. Auch die Mathematif der Gegenwart, so vielförmig die Grö-Benverhältniffe find, beren intereffante Wechselbeziehungen fie in Betracht gegegen bat, wurde nicht im Stande fein, in Diesen ausreichende Borbilder oder Symbole oder abstracte Ausdrücke der mannigfacheren Berhältniffe zu finden, die zwischen den Glementen des Wirklichen und den aus ihnen entspringenden Combinationen bestehen; die antife Arithmetik aber, zu deren Ausbildung die pothagorische Schule beigetragen zu haben scheint, fand in ihrer Kenntniß ber Zahlenreihe nur sehr wenige und ärmliche Beziehungen auf, deren Werth man sehr überhöhen und schon ziemlich willfürlich deuten mußte, um sie als dieselben ansehen zu fönnen, auf welche die Bildungen des Wirklichen gegründet seien. Die Beobachtungen, daß alle Zahlen aus vielfacher Wiederholung der Ginheit entstehen, daß in ihrer Reihe die durch das Princip der Bielheit, die Zweizahl, untheilbaren und darum vornehmer geachteten ungeraden abwechseln mit den geraden, daß die erste Einheit des Geraden und des Ungeraden die Drei, die erste Quadratzahl einer Mehrheit die Vier. die Summe dieser ausgezeichneten vier ersten Zahlen die Zehn ift, fonnten eigentlich nur für eine Symbolit, ber jedes intereffante Motiv recht ist auch ohne Rücksicht auf den Zusammenhang mit anderen, die befannte Verehrung der Zehnzahl rechtfertigen, zu der ohne Zweifel in der Gewöhnung an das detadische Zahlensustem der eigent= lich wirtsame Grund lag. Hätte Diese Speculation alle Die algebraischen und transscendenten Functionsformen gefannt, mit denen jetzt die Mathematif wirthschaftet, wie viel reicher würde die Mannigfaltigfeit der Symbole gewesen sein, die sie den einzelnen Erscheinungen, mit viel feinerer Anschmiegung an die Natur berselben, hätte zuordnen fommen! Sind wir doch jetzt noch geneigt, auch da, wo feine eigentliche Rechnung möglich ift, ben Namen ber Potenz für eigenthümliche Steigerungen der Bedeutung und Wichtigkeit zu brauchen, die ein Begriffsinhalt erfährt, wenn etwa jeder der Beziehungspunfte, in deren gegenseitiger Determination fein Sinn besteht, zu einem fleinen Sufteme fich vervielfältigt, zwischen dessen Gliedern dieselbe Tetermination besteht, welche das Ganze beherrscht; und wie sehr hätten manche Abhängigkeitssverhältnisse verschiedener Elemente durch die Relation eines Logarithmen zu seiner Zahl, alle periodischen Regelmäßigkeiten durch Anwendung trigonometrischer Functionen verdentlicht werden können! Da dieser Reichthum sehlte, der doch auch uns noch nicht genügen würde, so hat es gar feinen Werth, im Ginzelnen die Sinnigkeit der puthagoreischen Sonnbole zu untersuchen.

188. Die auseinandergehenden Deutungen aber und die Misverständnisse, denen die gange Unsicht unterlag, lassen sich leicht aus ihr selbst beareisen. Rach der einen Menkerung des Aristoteles waren es die Principien der Zahlen, die Pothagoras den Principien der Dinge gleichsetzte. Dies ist uns völlig verständlich: unter jenen Principien der Zahlen waren die Beziehungen der Ginheit zur Bielheit, die Wiederholbarkeit der ersten, die Theilbarkeit oder Untheilbarkeit der anberen, überhaupt die Möglichkeit zu verstehen, durch Benutzung dieser immer gleichen Verhältnisse und Operationen die ganze Zahlenreihe zu erzeugen, oder, wie wir fagen würden, jede Zahl als Aunction anderer Rablen darzustellen; bieses innere Gefüge sollten die Dinge auch haben, nach demielben Principien auch ihre Reihen so geordnet sein, daß die Natur des einen sich als eine Function der Natur der anderen darstellen ließe. Aber Aristoteles behanptet auch mit Anderen, die Zahlen jelbit babe die pothagoreische Schule für Dinge, jedenfalls die Dinge für Bablen erflärt. Und dies ist aar nicht unbegreiflich für den, der den Gang philosophischer Gedanken und die Gewohnheiten des Ausdrucks für sie fennt. Bis zu gewissem Grade batten die Pothagoreer ioaar mit dieser Behandtung Recht gehabt, und eben darans ift zu vermuthen, daß sie sie wirflich ausgesprochen haben; denn, wie erwähnt, eine bloke Unwendung der Zahlen auf Größenbestimmungen von Dingen, deren eigentliches Wesen von diesen Bestimmungen noch unabhängig wäre, sowie es etwa ähnliche Dreiecke von den verschiedensten Größen gibt, wollten fie teineswegs machen; ihre Bahlen follten bas bedeuten, wodurch sich das Wesentliche eines Dinges von dem Wesentlichen eines anderen unterscheidet; a war a, weil es seinen Inhalt in der Functionsform a oder nach dem Bildungsgesets a der einen Sombolzahl zusammenfagte, und unterschied sich hierdurch von b, das b war, weil es dem

Bildungsgesetze B einer anderen folgte. Man kounte daber, mit einem nachber zu erwähnenden Borbehalt, allerdings sagen, das Wesen eines Dinges, nämlich das Wesen in dem Sinne dessen, wodurch eines vom anderen sich unterscheidet, bestehe in der ihm immanenten Bahl. Die andere Behauptung, das Wesen der Dinge, nämlich das, wodurch sie sämmtlich Dinge find, oder ihre Realität, bestehe in diesen Zahlen, oder die Zahlen seien das Reale, hat vielleicht die Schule positiv so nicht ausgesprochen; that fie es aber, so konnte sie den letteren Ausdruck freilich nicht rechtfertigen, den ersten aber allerdings; denn wenn es nichts wirklich gibt, dessen Wesen nicht durch eine jener Symbolzahlen bestimmt ist, so sind die Zahlen allerdings die conditio sine qua non jeder Realität; sie für mehr zu halten und sie selbst Reales zu nennen, ist eine lleberspannung des Ausbrucks, von der wir später sehen werden, wie sehr nabe sie dem philosophischen Gedankenlaufe aller Zeiten gelegen bat. Gine große Unvollkommenbeit bleibt zurück, die wir schon erwähnten. Dieselbe topische Rahlenreibe foll sich in sehr vielen parallelen Reihen des Wirklichen, in abed, abyd, abed wiederholen; wie unterscheiden sich nun die Glieder b 3 6 von einander, wenn das ganze Wesen jedes von ihnen durch diesetbe Enmbolzahl erschöpft wird? Hierauf ist feine Antwort möglich; an diesem Bunfte wird die Theorie, welche das Wesen der Dinge gang zu umfassen dachte, doch wieder zu einer Anwendung einer allgemeinen Regel der Bildung auf verschiedene Fälle, deren charafteristische Unterschiede als gegebene zu betrachten sind; aber eben hierdurch ist sie ganz das, zu deffen Berdentlichung wir fie bennten wollten: der Berfuch, ein allgemeines Schema für die Beziehungen Berwandtschaften und Unterschiede aller beliebigen eventuell in Frage fommenden Inhaltsgruppen aufzustellen.

189. Ich rechtsertige die Ausssührlichkeit dieser Betrachtung durch Hinweis auf die außerordentliche Zähigkeit, mit der sich die Borliebe für diese Schematisirung alles Dentinhaltes durch den Lauf der Zeiten hindurch erhalten hat. Zuerst in dieser Form der unsstischen Zahlenspeculation selbst; über diese Bestrebungen können wir slüchtig hinwegsgehen; da ihnen das Interessante und Ueberraschende, übrigens aber Sinnlose genügte, so waren sie eigentlich immer nur auf der Suche nach einer geheimen Wahrheit, die sie nie fanden, und es gehörte stets viel guter Wille dazu, in den Symbolen den Sinn, den man in sie

legte, irgendwie beffer ausgedrückt zu feben, als es ohne Symbol auch geschehen konnte. Dann ist man nach verschiedenen Richtungen hin von der blos arithmetischen Basis der Tränmerei abgegangen. Zuerst hat fast regelmäßig jedes bedentende Berbältniß zwischen wichtigen Beziehungspunften, dem die fortidreitende Wiffenschaft auf die Spur gefommen war, fich zum Schema für die Glieberung des ganzen Weltinhaltes ausgedehnt. Lange fand man den Sabitus ber antifen vier Elemente in allen Dingen wieder, und die moftische Bedentung dieser Bierzahl wurde später nur auf die nenentdeckten Grundstoffe der Dr= ganismen. Roblenftoff Wafferstoff Sanerstoff und Stickstoff übertragen; fie stimmte portrefflich mit den vier Himmelsgegenden, denn Zenith und Nadir fallen ja anker die natürliche Bisirlinie unseres Blickes; sie stimmte ebenso mit den vier Sahreszeiten der gemäßigten Bone, in welcher biese Speculationen genbt wurden, und mit den vier unerläßlichen Casus der Declination; später tam mit der Bollendung der astronomischen Theorie der Gegensatz zwischen centripetalen und centris fngalen Bestrebungen in die Vorstellungen aller Dinge und verschmolz mit dem Gegenfate ber Geschlechter und dem Berhältniß zwischen Saure und Alfali; Magnetismus und Cleftricität führten bas Schema ber Polarität fast noch weiter in die Betrachtung alles Denfbaren ein. Entgegengesetzte Bestrebungen gingen von dem richtigen Gedanken aus, daß anch die Zahlenverhältnisse, zum Theil wenigstens, nur Beispiele noch abstracterer Grundbeziehungen seien; diese misse man aufsuchen und werde sie finden, wenn man die Operationen überlege, durch welche unser Vorstellen eben die Vorstellungen aller Inhalte zu Stande bringe. Nun entsteht mindestens jede zusammengesetzte Vorstellung baburch, daß man ein a sett, ein b von ihm unterscheidet ober ihm entgegensetzt, beide endlich in eine Beziehung o bringt; so gilt nun Thesis Antithesis und Synthesis als das Schema der Bildning alles Wirtlichen und als Rhythmus der Anordmung seiner Betrachtung; man sieht aber leicht, daß diese Symbole, je abstracter sie gefaßt werden, desto mehr in notiones communes übergehen, die zwar ziemlich von Allem gelten, aber über Nichts Aufschluß geben. Diesem ganzen Wirrwarr tritt nun die Logif mit der Anforderung entgegen, jeder Anhalt sei lediglich nach seiner eigenen Natur zu betrachten, einzutheilen und zu untersuchen; es gebe tein verwendbares allgemeines Schema, und die Benntzung grundlos ausgedachter Schablonen fönne nur der unparteiischen Aufsinchung der Wahrheit Gewalt anthun.

190. Un diesem Verwerfungsurt heil ist nichts abzubrechen, und einige Bemerkungen, die ich noch machen will, haben nicht diesen 3weck. Wenn und der Anhalt M eines Begriffs, einer Vorstellung oder einer Anschauung so gegeben ist, daß er irgend eine Mehrheit von Merkmalen Theilen ober Beziehungspunkten in der Form u vereinigt, so ist es eine ganz gerechtfertigte wijsenschaftliche Reugier, erfahren zu wollen, wie fich seine Beispiele verhalten oder verändern und unterscheiden werden, wenn man entweder die Theile des Inhalts allein oder zugleich die allgemeine Verbindungsform u innerhalb der zuläffigen Grenzen ihrer Beränderlichkeit variirt. Bleiben wir zunächst bei der ersten Menderungsart, jo wird es uns meistens wenig interessiren, alle Urten von M zu entwickeln, die durch verschiedene Größemverthe von Merkmalen entstehen, denn sie werden, im Allgemeinen wenigstens, einander ähn= lich sein und dasselbe nur in verschiedenem Magstabe wiederholen. Ift aber eines von diesen Mertmalen m von der Beschaffenheit, daß für daffelbe der Gegensatz des Regativen zum Positiven einen angebbaren und auschaulichen Sinn hat (sowie etwa rechts und links, Attraction und Repulsion, Concavität und Convexität, überhaupt Wachsthum über einen Rullpunkt hinaus und Abnahme unter diesen Punkt hinab, einanber gegenüberstehen), so interessirt es uns lebhaft zu wissen, was aus M wird, wenn man seinem Bilbungsgesetz jetzt diesen entgegengesetzten Anwendungspunkt -m anstatt +m gibt. Nimmt man y=fx als Gleichung einer frummen Linie, so versäumt Niemand, successiv die positiven und negativen Werthe von x einzusetzen, und nicht eher als bis man die hierans entspringenden Resultate vereinigt hat, glaubt man die Natur der Eurve M zu fennen, die sich der Anschauung hier nicht als Allgemeines, sondern als das Gange darftellt, welches aus der Berknüpfung aller möglichen Beispiele der allgemeinen Gleichung entsteht. Fällt uns irgendwo, als fünftlerisches Ornament vielleicht, eine nach rechts und unten geschwungene Volute ins Auge, so empfindet unsere Cinbildungsfraft dasselbe Bedürfniß; auch ohne mathematisch das Bildungsgesetz dieser Eurve zu tennen, begreifen wir doch, wegen der Gleichartigteit der Raumrichtungen, daß sie gang mit gleichem, aber entgegengesettem Schwunge sich nach rechts und oben, und mit nech

anderem Gegensatz links sich nach oben und unten wiederholen könnte. Kehlen nun diese Kortsetzungen, zu deren Borstellung der gesehene Unfang anregt, ohne daß in den Umgebungen ein erflärender Grund für diesen Mangel sichtbar würde, so fühlen wir uns ästhetisch unbefriedigt: aber dies Bedürfniß nach Symmetrie hat doch einen Grund logischer Urt. Es gehört zur Natur des Gesetzes, Amwendung zu haben auf alle Variationen seiner Beziehungspunkte; darum liegt ein Widerspruch in der Unschauung, welche den Gedanken des Gesetzes zugleich mit der Möglichkeit seiner allgemeinen Geltung rege macht, und doch nur einen Theil seiner Geltung wirklich sichtbar werden läßt; was bier in der Unichamma fehlt, icheint in der Sache zu fehlen: wir inppliren es. um den grundlosen Mangel der Allgemeingültigkeit zu heben. Gin ähnlicher Trieb begleitet uns in die Betrachtung aller Begriffe. Ueberall, wo in irgend einem M eines seiner Bestimmungsstücke zwischen +m und -m schwanken kann, was nur möglich ist durch den Zwischenwerth m=0, überall da wird das Bild der so entstehenden dreigliedrigen Eintheilung für uns ein Schema, nach welchem wir die Untersuchung des ganzen Umfangs von M beginnen. Dies nämlich muß hier, zum Unterschied von den oben zurückgewiesenen Trämmereien, hervorgehoben werden, daß diefes Schema uns nichts als eine Aufforderung zur Leitung der Untersuchung sein fann, aber nicht anticipirend ein Bild des herausfommenden Erfolges. Nicht überall, wie in dem Beispiele unserer Volute, werden sich die Gegenstücke, die wir dort erwarteten, finden laffen; es hängt von der Natur der Berbindungsform u ab, ob M überhanpt noch mögliche Arten liefert, wenn jenes +m in ihm in - m übergeht; noch weniger ist vorherzusehen, ob und wie die so entstandenen Urten den Unterschieden ihrer Bedingungen sich proportional verhalten werden; nichts hindert die Möglichkeit, daß für ein bestimmtes μ dieser völlige Gegensatz von + m und - m ebenso völlig bedentungslos ift. Man wird nun ebenso u durch alle seine möglichen Urten, die durch eine vollständige Disjunction seines Begriffs gegeben werden, variiren laffen; man wird für bloße Größenzunahmen auch hier nur eine Reihe ähnlicher Resultate, für jeden Wendepunkt aber, an welchem u eine qualitativ andere Bedeutung annimmt oder einen Sprung zu seinem Entgegengesetten macht, auch in dem von ihm abhängigen M das Auftreten einer ganz neuen Bildung erwarten; man

wird endlich für jedes ausgezeichnete Verhalten, welches man in einem Sonderfalle von M gefunden, als Gegenstüd ein gleich ausgezeichnetes Berhalten in einem auf ähnlichen Bedingungen beruhenden Sonderfall eines ähnlich gebauten N erwarten, wie man denn zu allem, was Lichtwellen begegnet, das Entsprechende für Schallwellen sucht: aber alles dies bleibt stets eine Frage an den Gegenstand, auf welche die Antwort zu erwarten ist; sie fann der Erwartung völlig entgegengesetst ausfallen und muß hingenommen werden, wie die Untersuchung sie gibt. Darin bestand aber die Täuschung jener schematisirenden Tendenz, daß sie annahm, jede Stelle eines als allgemein vorausgesetzten Schema werde bei jeder Anwendung deffelben auf einen beliebigen Stoff ftets burch eine bedeutungsvolle Gestalt beiselben ausgefüllt werden, niemals aber leer bleiben, und daß sie ferner hinzufügte, auch die Formen, mit denen wirklich die verschiedenen Inhalte, nach gleichem Rhythmus sich ändernd, dieselben Stellen des Schema füllen, werden durch hervorstechende Achnlichfeit oder Analogie ihres gesammten Habitus als zusammengehörige. als verwandte ober als Gegenstücke sich ankündigen. Wo dies nicht zutraf, lag dann die Bersuchung nabe, die Lücken durch grundlose Bermuthungen zu füllen und die mangelnde Correspondenz entsprechender Glieder durch sachwidrige Hervorhebung von Nebenzügen herzustellen.

191. Die moderne Zeit hat mehrere großartige Beispiele schematischer Entwidelung des Weltinhaltes gesehen, welche selbst einen mesentlichen Mangel der puthagorischen Auffassung zu vermeiden schienen. An einem anderen Orte (Geschichte ber Aesthetif in Deutschland S. 176 ff.) habe ich ausführlicher die Motive erläutert, die zur Ausbildung der Hegelichen Dialeftif, ber bedentendsten unter diesen Bestrebungen, geführt haben; ich begnüge mich hier mit wenigen Bemerfungen über ihren logischen Charafter. Die pythagorische Urt und Weise, unzählige parallele Entwickelungsreihen verschiedener Anhalte neben einander vorzustellen, gab nicht Rechenschaft von den Unterschieden, durch welche die correspondirenden Glieder verschiedener Reihen, ungeachtet ihrer identischen Plätze in dem allgemeinen Schema, von einander getrennt find. Das befabische Bahlenspstem, mit seinen aufsteigenden Potenzen der Zehnzahl, hat hier doch nicht zu dem nahe liegenden Bersuche veranlaßt, jene Parallelreihen selbst wieder als successive Perioden einer und derselben Sauptreihe zu fassen, in ihrer innerlichen Structur einander gleich, aber gleichsam durch die Bobe des Niveaus, auf dem fie diesen Ban entfalten, einander jo überbietend wie die Octaven der mufitalischen Stala. Die moderne Phantafie hat diesen Mangel ergänzt; die Vielheit der Parallelen ist in eine einzige Reihe ausammengezogen, bestehend aus formell gleichgebanten Enelen, deren jeder in seinem Endgliede den darafteristisch neugeformten Anfangspunkt für die Entwidelung des nächstfolgenden erzeugt. Rit es möglich, das erfte Glied der gangen Reihe und das Formgesetz des ersten Evelus zu finden, so läßt fich für die Berschiedenheiten der Anhalte, welche die Glieder der folgenden Perioden bilden, ein Grund in der Länge des Abstandes vom Anfang und in der Umformung finden, die das Anfangsalied bei jedem Schritte biefes Weges erfahren hat. Man muß nun Segel als eine metaphyjische Boranssehung, über deren Triftigleit logisch gar nicht zu nrtheilen ift, die Gewißheit zugeben, daß der Weltinhalt nicht eine Summe neben einander bestehender Dinge und neben einander verlaufender Greignisse ift, jene so lange ruhig bestehend, bis sie von außen zur Veränderung gereizt werden, diese in ihren Wechselwirfungen und in ihrem Berlauf durch immer geltende allgemeine Gesetze bestimmt; vielmehr ift alle Vielheit der Welt nur die raftlose Entwickelung eines nie rubenden Ginen, alle Greigniffe nur Stufen seiner Entwickelung ober Nebenwirfungen berjelben, die Dinge jelbst entweder vergängliche oder in jedem Angenblick neu entstehende Erscheinungen, deren ganges Wesen in den thätigen Bewegungen jenes Ginen besteht, die sich in ihnen als seenndaren Subjecten seiner Entwickelung freugen und sammeln. Ich mache mit biefer Bezeichnung des Hegelschen Standpunftes feinen Unspruch auf vorwurfslose Genanigfeit, die für eine weitlänfige Darstellung schwierig, für einen furzen Ausdruck unmöglich sein würde; aber das Gesagte reicht bin, um begreiftich zu machen, daß innerhalb jedes dialeftischen Evelus sich nicht verschiedene Gestaltungen von etwa fich immer steigernder Bedentung blos neben einander befinden fonnen. sondern jede folgende aus der vorangehenden hervorgehen muß; Entwickelung ift der Charafter dieser Gliederung selbst.

192. Unn ist feine Entwicketung vorstellbar ohne eine bestimmte Richtung, welche sie nimmt, im Unterschiede von anderen, welche sie nicht nimmt; ebenso klar aber, daß in diesem Falle am wenigsten diese Richtung dem sich entwickelnden Einen von angen gegeben werden kann;

fie muß von seiner eigenen Ratur abhängen. Aber hier findet sich, daß für das volle Wefen beffen, mas unter dem Namen des Absoluten als der eine Weltarund betrachtet wird, ein genauer und erschöpfender Unsdruck nicht möglich ist, daß vielmehr das, was wir mit ihm ahnungs voll meinen, erft durch die Entwickelung selbst uns offenbar, ja auch an jich erft vollständig es felbst werden fann; begreiflich dem Wortlant nach, denn da es nur Entwickelung ift, jo fann es nicht gang schon es jelbst sein, bevor es sich zu entwickeln begonnen hat. Es bleibt daher nichts übrig, als eben hieran anzufnüpfen, an die Erfenntniß, daß jenes Absolute nicht Rube, sondern Entwickelung ist. Gang gewiß wird dann seine Emwidelung in berjenigen Richtung und Form verlaufen müssen, die aus dem Begriff der Entwickelung selbst sließt und daber eigentlich in jedem Beispiele dieses Begriffes wiederzusinden sein wird. Dies führt auf fehr einfache Gedanken. Soll irgend ein A fich entwickeln, jo darf es nicht ichen fein, wozu es jich erst entfalten sell; es darf ebenjo wenig nicht sein oder inhaltlos sein, so wäre es ja nicht der bestimmende Grund dessen, was entsteben soll; es muß, noch unentfaltet und gestaltles doch die bestimmte Möglichkeit seiner zufünftigen Bildung, turz: es muß an fich fein, wezu es werden wird. Aber fein Wesen würde nicht in Entwickelung bestehen, wenn es in diesem Ansichsein verharrte; es muß wirklich zu dem werden, wozu werden zu können seine Natur ist. Das Werben jedoch, der Vorgang der Entwickelung, ist nur ein Zwischenglied zwischen Möglichkeit und Erfüllung; nur werdend, zwischen Ausgangspunkt und Ziel schwebend, würde das sich Entwickelnde weder fich selbst gleich sein, wie es in seinem Unsichsein war, noch das icon sein, wozu es werden foll. Man begreift icon bierans, warum dies zweite Glied der Entwickelung, als eine Art der Entzweiung des Ursprünglichen mit sich selbst, den Ramen des Andersseins erhalten hat; er wird nech begreiflicher, wenn man sich erinnert, daß es der allumfaffende Weltgrund ist, dem eigentlich diese Entfaltung gugeschrieben wird; es ist nicht eine einfache geradlinige Bewegung, in ber diejes jein Werden besteht, sondern die Erzeugung unendlich mannigfacher Gebilde, deren Möglichteit er war; jedes einzelne von diesen ist eine seiner Confequenzen, feines brückt sein ganges Wefen aus; in ber Summe aller mag wohl ein Ansbrud biefes ganzen Wefens vollständig liegen, aber doch nur für den Beobachter, der diese Summe zieht und

das Mannigfaltige in seinem Gedanken zur Ginheit verbindet. Für sich selbst aber, nicht blos für andere, muß das sich Entwickelnde diese Ginheit sein, wenn es wirklich zu dem soll geworden sein, wozu zu werden fein Wefen war, und so trägt benn ben Namen bes Fürsichseins bies britte Glied des triadischen Cuclus, die Erfüllung des Werdens bedentend, die Erreichung des Entwicklungszieles, die Rückfehr des Ansich zu sich selbst. Ginfache Rückfehr freilich nicht: nicht in dem Sinne nämlich, daß das Zwischenglied des Werdens ergebniflos aufgehoben oder ausgelöscht wäre; es soll aufgehoben sein in der Bedeutung des Aufbewahrtbleibens; durch die Geschichte seines Werdens, die es hinter sich bat, steht das Kürsichsein bereichert in sich selbst dem Ansichsein gegenüber. Es ift leicht, bierfür Bilder zu finden; benn fo ift die Octave bes Grundtons Rückfehr zu ihm selbst, und doch bewahrt sie in der Zunahme ihrer Höhe das Ergebnig der durchlaufenen Intervalle; so würde ein Geist, dem allgemeine Wahrheiten als instinktive Berfahrungsweisen seines Denkens angeboren wären, nur zu sich selbst und doch in sich selbst bereichert zurückgefehrt sein, wenn er durch mannigfaltige Erfahrungen und Untersuchungen hindurch, die den Zweifel und seine Beseitigung enthielten, für sich jene Wahrheiten zum Bewußtsein gebracht hätte. Ich vermeide jedoch, auf weitere Dentung des eigenthümlichen Sinnes diefer Ausbrucksweisen einzugehen; für uns reicht es hin, daß in dem dritten Gliede der Entwickelung etwas gegeben ift, was zwar Confeguenz des ersten, aber doch ihm nicht gleich ist, sondern ihm wie überhaupt Erfüllung der Möglichkeit gegenübersteht. So gefaßt find die drei Momente des Ansich des Andersseins und des Fürfichseins nur die Bestandtheile des Begriffs der Entwickelung, und in allem, was sich entwickelt, werden sie anzutreffen sein. Daß aber aller Anhalt der Welt, daß das Reich des Denkbaren, die Natur und alles geistige Leben nur Entwickelungsstufen des einen Absoluten sind, und daß innerhalb jedes dieser großen Gebiete die einzelnen Glieder deffelben nach dem gleichen Abrthmus aus einander begründet hervorgeben, daß also eine vollendete Erfenntniß die Summe alles Denfbaren und Wirklichen als eine große Reihe auschauen würde, teren einzelne gleichgebaute Perioden an eigenthümlicher Bedeutung ihres Inhalts sich unablässig steigern: dies ist, wie oben erwähnt, die metaphysische Ueberzengung Hegels, die wir hier nicht beurtheilen; zu fragen

bleibt, welchen logischen Werth die so geschilderte dialektische Mesthode habe.

193. Es ift nun leicht erkennbar, daß sie nicht eigentlich Methode in der Bedentung einer Borichrift ober Anweisung ift, die ein Gejuchtes zu finden lehrt; fie ift vielmehr in dem bisher gebrauchten Sinn ein Schema, das uns nur auffordert zu suchen, ob etwas und mas wohl in einer angegebenen Richtung ober an einem vorausbestimmten Plate zu finden sein werde, mit der Zuversicht freilich, daß nie das Suchen vergeblich fein fonne. Soll dies Schema gur independenten Behandlung eines Allgemeinbegriffs M verwandt werden, um seine verschiedenen Arten in eine Reihe zu ordnen, die ihren wesentlichen Bermandtichaften und Unterschieden entspräche, oder soll es benutt werden, um eine Reihe von Begriffen, Die durch anderweitige Beziehungen, etwa sowie Recht Unrecht Berbrechen und Strafe zusammengehören, in ihren wahren gegenseitigen Verhältnissen barzustellen, jo empfindet man jogleich die Ungewißbeit, in der man über die einzuichlagende Richtung ber Gedanten gelaffen ift. Es ift möglich, daß biefe Ungewißheit verschwände, wenn man auf die Universalreihe recurrirte, in welcher die vollendete Philosophie die Entwickelungsgeschichte alles Denfbaren bereits gegeben und in ihr folglich auch ben Begriff bes Rechtes so gefunden hatte, daß aus ihm sich ber Sinn und die Richtung seiner eigenen dialektischen Weiterentwickelung ergabe. Aber bies bieße doch nur gleich von Aufang an die Anwendbarkeit der Methode als allgemeiner Unweisung zur Auffindung der Wahrheit leugnen; als solche fönnte sie sich nur durch diesen independenten Gebrauch bewähren, den wir hier verlangen: jeden gegebenen Begriff mußte fie burch die Kraft ihrer blos formalen Behandlungsweise in alle seine wahren Consequenzen entwideln lehren. Denfen wir uns also ben allgemeinen Begriff bes Rechts gegeben, benn auf ihn als ursprünglich feststehenden beziehen sich offenbar die drei anderen angeführten Begriffe: was ist dann fein Unsid? in welches Anderssein geht er über? in welches Fürsichsein kehrt er gurud? Run ift jo viel wohl flar, daß in bem Recht eine Billigung von Berhältniffen liegt, welche zwischen den Willensansprüchen verschies bener geistigen Persönlichkeiten an irgend ein Object stattfinden, an welchem sie sich begegnen. Es gibt folglich fein Recht, wenn es teine Welt mit Berhältniffen und Objecten gibt, auf welche fich ein Wille

beziehen, oder wenn es die Persönlichkeiten nicht gibt, die in einer und berfelben Welt ihren Willen auf Diese gemeinsamen Zielpunkte richten fönnten. Das Recht ist daher nur Recht an sich und noch nicht das, was es seinem Begriffe nach sein will, so lange es nur anticipirend Billianna oder Migbillianna von Berhältniffen bedeutet, die noch nicht da find. Run wird auch das Anderssein begreiflich; es läuft alles auf die einfache Wahrheit hinaus, daß Allgemeinbegriffe nichts bedeuten, wenn es die Besonderheiten nicht gibt, die sie zusammenfassen; das Anderssein des Rechts besteht in den verschiedenen Rechten, deren Bedingungen in dem Dasein dieser Ratur, dieser menschlichen Personen mit diesen bestimmten Bedürfnissen und Ansprüchen liegen; dem allgemeinen Theil der Wiffenschaft, welcher den Begriff des Rechtes aufstellt, wird der besondere folgen, der dessen Anwendungen enthält. Diese Anweijung ift so einfach, daß man sie nicht erst von der dialektischen Methode zu erwarten brauchte: zu ihrer weiteren Befolgung leistet aber Die Methode nichts; denn welche thatsächlichen Bedingungen existiren, Die dem allgemeinen Gedaufen des Rechts Beranlaffung geben, fich in specielle Rechtsbildungen zu entwickeln, sernen wir doch nur aus Erfabruna.

194. Es ließe sich aber doch noch ein anderer Fortschritt denten. Uebergang des Alltgemeinen in die Fülle seiner besonderen Gestalten bedeutet allerdings das Anderssein oft; aber ich habe schon bemerkt, daß die Methode Gewicht auf das Gegensatverhältniß legte, das zwischen beiden Gliedern, auch zwischen dem Attgemeinen und Besonderen besteht; Diefer Gedanke des Gegenfages, verallgemeinert und bis zu dem Begriffe des Widerspruchs verschärft, gibt dem Anderssein anch die Bedeutung des Gegentheils überhaupt von dem, was das Ansich ist. Diesem anderen Untrieb folgend, sieß man Recht in Unrecht übergeben; daran ichloß fich die Strafe zwar nicht als Fürsichsein, aber doch als das Mittel, durch Regation des Andersseins oder des Berbrechens das verletzte Recht zu seiner Geltung wiederherzustellen. Anch dies ist einerseits nichts, was nicht ohne die Zurüftung der Methode für sich flar gewesen wäre; anderseits wird es selbst untlarer burch sie. Die unbefangene Ueberlegung fagt fich, daß alles Recht eben nur lebendige Wirtlichfeit hat, wenn es von lebendigen Personen nicht blos gewußt, sondern auch in ihrem Handeln geachtet wird; daß aber die Regungen der Willen nicht durch das Ideal thatsächlich beherrscht werden, dem sie folgen sollen; daher erscheint das Unrecht und das Verbrechen nicht als ein Nothwendiges, das da sein müßte, sondern als ein Mögliches, bas da sein fann, und das freilich, wenn wir nach unserer empirischen Kemitniß menschlicher Natur urtheilen, niemals fehlen wird. Diese behutsame Vermittelung beider Begriffe fehlt in jenem methodischen llebergang: er läft es zu dem Begriffe des Rechts gehörig erscheinen, daß es in Unrecht übergeht, und diese Paradoxie wird nicht durch eine nachber zu erwähnende Vertheidigung gerechtfertigt. Der Uebergang an dem dritten Gliede aber, jur Strafe, befremdet uns blos deshalb weniger, weil wir die Motive zu ihm ergänzen, die in Wahrheit durch die Methode selbst gar nicht gegeben werden. Denn sie verlangt zwar Herstellung des Rechts und zwar durch Berneinung seiner Berneinung, des Unrechts; aber sie gibt gar nicht an, durch welchen Borgang diese abstracte Aufgabe der Berneinung des Unrechts auszuführen ist. Warum jell fie die Gestalt der Strafe haben? Die bose Gesinnung, aus der das Unrecht entsprang, wird durch Mißbilligung und durch Besserung gleichfalls verneint, bas entstandene lebel durch Schadenersat, die Berlegung der Würde des Rechts durch Reue und Wiederanerkennung seiner Verbindlichkeit. Alle diese lleberlegungen zeigen, daß die dialettijche Methode hier nur den Werth eines Schema hatte, für deffen vorberbeitimmte Stellen man sich nach einer Ausfüllung umsehen konnte, daß aber der Inhalt, mit dem man fie zu füllen hatte, obwohl dies überhaupt hier leidlich gelang, nur aus einer von diesem Schema gang unabhängigen Untersuchung der eigenthümlichen Ratur des behandelten Gegenstandes zu finden war.

195. Daß es zu dem Begriffe des Rechts an sich gehöre, in Unrecht überzugehen, erschien ums widersinnig; gleichwohl ist dies Umsschlagen eines Begriffs in sein Gegentheil so oft und so ansschültich als eine durch die Dialettik ausgesundene höhere Wahrheit beshauptet worden, daß es der Mühe werth ist, hierauf zurückzukommen. Zuerst freilich, bemerkt Hegel (S. W. VI, 152 ff), glaube der Verstand, die Natur und Wahrheit der Wirklichkeit durch viele seite in sich abgeschlossen und einander ausschließende Begriffe aufzusassen; das Wahre aber sei, daß verschiedene Begriffe nicht blos neben einander Ansprüche an das Endliche erheben, sondern durch seine eigene Natur

hebe dieses sich auf und gehe durch sich selbst in sein Wegentheil über. So fage man, der Menich sei sterblich, und betrachte dann bas Sterben als etwas, was blos in äußerlichen Umftänden seinen Grund habe, nach welcher Betrachtungsweise es bann zwei verschiedene Gigenschaften des Menschen sein würden, lebendig und auch sterblich zu sein. Die wahrhafte Auffassung aber sei, daß das Leben als solches den Keim des Todes in sich trage und daß überhaupt das Endliche sich in sich selbst widerspreche und dadurch sich aufhebe. Richt alle anderen auf Dialektik bezüglichen Stellen Begels gestatten so leicht wie diese die Unterscheidung zweier bier in einander verfließenden Behanptungen. Bon ben Beariffen, durch die wir das Wirkliche aufzufassen streben, behauptet die erste dieser Berioden Kestigkeit und Abgeschlossenheit; nicht von den Begriffen, sondern von dem Endlichen, worauf wir fie anwenden, spricht fie den Uebergang in das Gegentheil ans, und hierin liegt in der That Die gange Wahrheit, von der dann die weiteren Sätze verrathen, daß fie eigentlich ohne oder gegen die Absicht des Sprechenden zum Ausdruck gefommen ift. Denn eben, wenn das Endliche als foldes durch seine eigene Natur sich aushebt, so hebt es sich nicht auf, weil die Allgemeinbegriffe, die von ihm gelten, ihre Bestimmtheit verlören und in ihr Gegentheil umschlügen, sondern deshalb, weil es selbst, das Unwendungsobject jener Allgemeinbegriffe, als Endliches oder als Wirkliches unfähig ist, danernd das zu leisten, was jeder dieser in dem einen Augenblick von ihm geltenden Begriffe von ihm verlangt; durch Schuld seiner Ratur gleitet es aus dem Umfange des einen stets mit sich identischen Begriffes in den Umfang eines anderen, ebeuso mit sich selbst stets identischen hinüber. Die Begriffe selbst aber andern darum ihre ewige Bedeutung nicht, weil sie nur einen Angenblick vielleicht das richtige Maß ihrer veränderlichen Anwendungsgegenstände sind. Die wahre Auffassung fann daber nicht darin bestehen, daß das Leben als solches den Keim des Todes in sich trage und daß überhaupt das Endliche sich in sich selbst widerspreche; vielmehr beide Glieder dieses Satzes widersprechen einander. Das leben als solches ftirbt nicht, und der allgemeine Begriff des Lebens verpflichtet das Lebendige mir zum Leben, aber nicht zum Tode; nur das Endliche, welches der zweite Theil des Saties erwähnt, nur die einzelnen lebendigen Körper tragen den Keim des Todes in sich. Und auch sie nicht vermöge der Idee des Lebens,

die sich ihnen realisirt hat, sondern allerdings nur um des äußerlichen Umstandes willen, weil die Verfnüpfung der realen Clemente, durch die sich auf der Oberfläche der Erde das Leben allein verwirklicht findet, im Zusammenhang mit den allgemeinen hier wirtsamen Naturbedingungen nicht ausreicht, oder im Zusammenhang mit einem univerfalen Beltplan nicht ausreichen foll, um der Idee des lebens ein ihr selbst feineswegs widersprechendes ewig dauerndes Beispiel zu geben. Und ebenso geht nie das Recht selbst in Unrecht über, aber theils der Bille der lebendigen Perfönlichkeit, der sein Träger sein soll, wird durch Mangel der Einsicht oder den Antrieb der Leidenschaften zum Unrecht geführt, wo er das Recht zu verwirklichen strebt, theils wird das Geset, dessen Allgemeingültigkeit für unser menschliches Verfahren nothwendig ist, da ein Unrecht bewirken fonnen, wo Berwickelungen des besonderen Kalles vorliegen, für deren Behandlung es keinen Unhalt bietet. In feiner Weise fann baber bie Logif biese Lehre von der bialeftischen Selbstaufbebung der Begriffe anerkennen; die Thatsache aber, daß die Wirklichfeit so geordnet ift, wie wir fie finden, so daß das Seiende durch seine eigene Natur nicht zwar sich selbst aufhebt, aber aus dem Gebiete bes einen Begriffs in den des anderen übergeht, bleibt für sich der Beachtung werth, als ein Verhalten der Dinge nämlich, nicht als eine Eigenthümlichkeit der Denkmittel, welche wir zur Erfenntniß der Dinge anwenden.

196. In jedem Falle, auch wenn nicht alle die hier erhobenen Sinwürse stattsänden, würde doch die dialestische Methode uns zulest nur eine Unordnung der Begriffe liesern, die wohl einer vergleichenden Restlerion mancherlei Interesse durch den ästhetischen Sindruck aufgesundener Unalogien, Parallelen und Gegensätze böte, aber sie würde kaum eine nene Erkenntniß vermitteln, welche zu bestimmten neuen Urtheiten oder Sätzen, zur besseren und genaueren Entscheidung vorher zweiselhafter Fragen sühren könnte. Sohn diesen hier vermißten Vortheil möchten andere weitaussehende Entwürse sichen, die Entwürse zu einer logischen Sprache, einer allgemeinen Charafteristis der Besgriffe oder einem philosophischen Calcül, denen Leibnitz eine sortgessetzt Ausmerssamkeit widmete. Der Rechnende, der eine Reihe von großen Zahlen auch nur zu addiren hätte, würde nie mit seiner Unsprache sertig werden, wenn er von jedem der Taussende oder Hunderte

von Ginheiten, die seine Summanden enthalten, eine gesonderte Borstellung haben und durch Wiederholung des Zusates von Einheit zu Einheit sich im Moment des Rechnens jede einzelne dieser Zahlen und aulest ihre Summe aufbauen müßte. Die Ginrichtung unseres Bifferinstems gestattet ihm aber, ohne von jenen Bahlen sich irgend eine bentliche Gesammtvorstellung machen zu muffen, Giner unter Einer, Zehner unter Behner, Hunderte unter Hunderte zu setzen, und indem er jede einzelne dieser einfachen Berticalreihen summirt, fehlerlos ein Ergebniß zu Stande zu bringen, das selbst wieder in einer einzigen Borftellung durch seine Einbildungstraft gar nicht zu übersehen ift. Run stimmen mit den Bahlen unsere Begriffe barin überein, daß auch sie meistens eine große Angahl von Ginzelvorstellungen enthalten, beren gegenseitige Verknüpfung nicht in jedem Angenblicke dentlich, sondern nur in einem Gesammteindrucke von uns gedacht wird; ihre Bezeichnung durch Worte aber steht weit hinter der der Zahlen durch Ziffern gurud. Durch etymologische Berwandtichaft, die doch oft dem Bewußtsein nicht mehr fühlbar ift, setzen die Worte der Sprache zusam= mengehörige Inhalte nur unvollständig in Beziehung überhanpt, denn auch für Verwandtes branchen sie daneben von einander unabhängige Burgeln; die Art der Beziehung drücken sie gleich unvollständig durch eine geringe Anzahl von Ableitungsformen aus, die unzureichend für die Mannigfaltigfeit ber zu bezeichnenden Berhältniffe find; von jedem Berhältniß finden sich angerdem Beispiele, auf welche die Aufmertsamteit der sprachbildenden Phantasie am frühesten gelenkt war, durch einfache Worte bezeichnet, denen die bezeichnende Form jener Ableitung fehlt; nirgends endlich enthält der Name eines Begriffs die fämmtlichen Theilvorstellungen seines Inhalts durch einfache Zeichen und in solcher Berbindung repräsentirt, daß es uns möglich wäre, bei der Berknüpfung verschiedener Begriffe M N O von der Totalverstellung ihrer Bedentung abzusehen und aus der Combination einzelner von ihren Bestandtheilen doch so zweisellos richtige neue Resultate zu gewinnen, wie Die Einrichtung unseres Ziffersoftems sie bei ber Rechnung mit Zahlen möglich macht. Diese Mängel müßte man zu verbessern suchen; burch Bergliederung alter unserer Begriffe müßten die einfachen nicht weiter zerlegbaren Urvorstellungen aller Art und ebenso die einfachsten Arten ihrer möglichen Combination aufgefunden und durch unwandelbare Zeichen charafterisirt werden, um aus der Zusammensetzung derselben für jeden Begriff ein seinen Inhalt adäquat ausdrückendes Sumbol zu sinden. Auf die Ausdildung einer neuen sprechdaren Sprache, die doch niemals die geschichtlich entstandenen und nationalen verdrängen würde, braucht man dies Unternehmen nicht gerichtet zu denken; nur zu wissenschaftlichem Gebrauch des Denkens würde es eine Formelsammlung erzengen, auf die zur Entscheidung der Zweisel, welche durch die Answendung der zweidentigen Sprachausdrücke entstehen, in jedem Falle zurückzegangen werden könnte; dann, wenn man dies Hüssmittel bestäße, so schweicht sich Leibnitz, würden alle Streitenden mit dem gütslichen Abkommen: lasset uns die Sache berechnen, ihre Streitigkeit abbrechen.

197. Shne Zweisel gehört dieser Entwurf zu denen, über deren Ausführbarkeit nur die Ausführung felbst vollgültig richten kann, und man würde übereilt die Möglichkeit beffen leugnen, was eine glückliche Erfindungsgabe doch vielleicht, bis zu gemiffem Grade wenigstens, zu Stande brächte. Der bisberige Mangel jedes Erfolges läßt uns jedoch bie inneren Schwierigfeiten bes Unternehmens vor der Sand deutlicher werden als die Möglichkeit ihrer Beseitigung. Käme es nur auf sostes matische Bezeichnung ber Begriffsinhalte an, jo fonnte die Aufgabe zwar groß, aber nicht unlösbar icheinen. Denn man wurde fie wohl von Anfang an, mit Uebergehung aller naturgeschichtlichen Gattungsbegriffe, auf biejenigen Begriffe beschränten, aus beren Berknüpfung im Denken die Zweifel entspringen, welche die Wissenschaft oder die prattijden lleberlegungen des Lebens beläftigen. Gleichwohl ift ichen diese Unigabe größer als fie icheint, und ihre Lösbarfeit wird nur icheinbar burch Hinweisung auf die Zeichensprache ber Mathematif und etwa auf die Sombole ber Chemie beglanbigt. Die Mathematik rechnet eben nur mit vergleichbaren Glementen, mit Größen, deren einfachste Berbindungsformen sie allerdings vollkommen flar und eindeutig zu sombolifiren versteht; aber je zusammengesetter die so entstehenden kunctionen und Gleichungen find, besto mehr macht sich schon bier im Gebrauch eine Art rückgangiger Bewegung merkbar; an die Stelle berjenigen Bezeichnungen, welche wirklich den inneren Ban einer in Rede stehenden Größe vollkommen genügend zur Anknüpfung der Rechnung darstellen, treten der nothwendigen llebersichtlichkeit zu Gefallen

willfürliche Symbole, die diese Gigenschaft nicht mehr haben, sondern den Ramen ber Sprache gleichen, beren Bedeutung man unabhängig von ihrem Klange wissen muß. Die Formel V-1 brückt noch die Herfunft ber jo bezeichneten Junction aus, und aus ihr läft fich nach allgemeinen Regeln bestimmen, mas entsteht, wenn man sie mit sich selbst ein oder mehrere Male als Kactor zusammensetzt: aber schon diese Bezeichnung ift als zu weitläufig durch die andere i verdrängt worden, die an sich nicht verräth, was sie bedentet und deren Sinn man nebenber fennen muß, um sie richtig zu verwenden. Wenn ferner von B. und P. Munctionen die Rede ist, so sind diese Ausdrücke freilich furz, aber verständlich nur durch Wiedergleichsetzung mit weitläufigen Formeln, die selbst nur durch eine vorangegangene Erlänterung darüber verständlich werden, welchen Sinn die in ihnen verwandten allgemeinen Größenzeichen und die Sombole ber Verfnüpfungen haben. Hierin liegt jo wenig ein Tadel für die Mathematik als ein Beweiß der Unmöglichkeit einer allgemeinen Begriffscharakteristif; es wird nur flar, daß die von der letsteren zu erwartenden Formeln nicht von selbst alles Nöthige lehren, sondern sehr Bieles voraussetzen, was man erft lernen müßte, um sie nur zu verstehen. Die demischen Sombole machen dies noch dentlicher; sie beziehen sich bis jetzt nur auf die quantitativen Berhältniffe der zusammensetzenden Clemente und einigermaßen allerbings auf die vorausgesette Form ihrer Berknüpfung; welche Buchstaben nun welche Elemente bedeuten, und wie man durch ihre Reihenfolge die Lagerung derselben bezeichnen will, muß man natürlich lernen oder auswendig miffen, benn beides fann nur conventionell bestimmt sein: aber ber jo zu Stande gefommenen Formel fann Riemand ansehen, ob jie ein Bas, eine Fluffigfeit oder einen festen Körper bedeutet, nicht welches die Dichtigkeit oder das specifische Gewicht, die Karbe des Brodufts ist, nicht ob es fenerbeständig oder flüchtig, in Wasser lösbar oder nicht sein wird. Wer nach Unsicht der Formel diese Fragen richtig beantwortet, beantwortet sie auf Grund der Analogien, welche ihm die Erfahrung barbietet, und welche er ben Formeln nicht mit ber Sicherheit ihres Zutreffens entnehmen tonnte. Und doch würde alles das, was hier vermißt wird, nur die Bestimmung von Eigenschaften oder Berhaltungsweisen sein, die zwar nicht unmittelbar gleichartig, aber doch als physische Vorgänge von einander abbängig und Kunctionen

von einander sind, und deshalb Hoffnung auf Entdeckung von Geseigen geben, nach denen ihre Wechselabhängigkeit einer leichten Bezeichnung zugänglich würde; die Schwierigkeiten steigen aber weit mehr, wo es sich, bei Bestimmung von Begriffen überhaupt, um die Verknüpfung ungleichartiger Elemente von dennoch nothwendiger Beziehung auf einander handeln würde.

198. Aber die Bezeichnung allein ist nicht das, was wir bedürsen, und die Mathematif verdankt ihre Erfolge nicht ihrer Sombolit, obgleich sie gewiß durch die glückliche Wahl derselben in ihren Fortschritten unterstützt wird; der Nuten der Bezeichnungen beruht vielmehr bier auf dem Vorhandensein unzweidentiger Regeln, nach denen sich bestimmen läßt, was aus den einfachsten Verfnüpfungen ber Größen folgt, und die dann, mit eben berselben Unzweidentigkeit auf die zuerst gewonnenen Resultate von neuem angewandt, die eleganten und sicheren Berfahrungsweisen zur Lösung der Brobleme hervorbringen. Diese Regeln find das, was uns am empfindlichften fehlt, wenn wir Begriffe, die nicht blos Größen bedeuten, zur Erzielung eines Ergebniffes verfnüpfen wollen, und ich glaube, daß man sich gang grundlos mit der Hoffmung schmeichelt, sie würden plötzlich von selbst unzweidentig flar werden, jobald man nur die Anhalte, auf die man sie anwenden will, bis in ihre letten Bestandtheile zergliedert hatte. Gewiß ist es nicht nöthig, noch besonders zu versichern, daß wachsende Klarheit der Unwendungsobjecte in jedem Falle nur eine günstige Wirfung auf die Siderheit unserer Folgerungen haben fann; aber im Wesentlichen wird es nicht die Analvie unserer Begriffe und ihre Zurücksührung auf Grundbegriffe, sondern die Zergliederung unserer Urtheile und ihre Burudführung auf einfache Grundfätze fein, worauf die allmähliche Bestistellung unserer jett in Bezug auf so Bieles ichwankenden lleberzeugungen beruhen muß. Zweierlei aber werden wir zu wissen verlangen: zuerst, welche benknothwendigen Folgen aus bestimmten, entweder von uns willfürlich vorausgesetten oder uns aufgedrängten Beziehungen verschiedener Begriffsinhalte fliegen, dann aber: welche nicht nachweisbar denknothwendigen, aber thatsächlich gültigen allgemeinen Gejetze verschiedene Inhalte jo verknüpfen, daß unser Denken auf Grund dieser Gesetze die dann nothwendig werdenden Folgen gegebener Bedingungen ableiten fann. Diese Aufgaben, welche die Anwendung

der Urtheilsform angehen, müssen wir zu lösen suchen, vorläufig ununsterstützt durch die schätzbare Beihülse, welche jene allgemeine Charafsteristik, wenn sie vollendet wäre, uns ohne Zweisel gewähren würde.

Viertes Kapitel.

Die Formen bes Beweises.

199. Die verschiedenen Formen der Urtheile hatte die sostematische Logik aufzuführen und die bestimmte Art der Verknübsung zu zeigen, welche zwischen S und P in jeder derselben als vorhandene ober als zu vollziehende gedacht wurde; die angewandte Logit hat zu überlegen, welche Juhalte S und P mit Recht in einer dieser Verknüpfungsformen verbunden werden fönnen. Berschiedene Aufgaben, die wir nicht immer trennen werden, fallen in diese Richtung. Hauptsächlich Mittheilung fremder Gedanken überliefert uns gablreiche Sätze von der Form: Sift P. deren Sinn und Inhalt vollständig bestimmt, deren Gültigkeit jedoch fraglich ift; bann entsteht für uns die Aufgabe eines Beweises für den gegebenen Sat T; eigene Beobachtungen führen uns anderseits auf die Bermuthung, zwischen zwei Inhalten S und P muffe eine Beziehung obwalten, die, wenn sie befannt wäre, sich durch ein Urtheil der Form: S ist P, würde ausdrücken lassen müssen; dann entspringt für uns die Forderung ber Erfindung des noch nicht befaunten Saties T, der den genanen Ansdruck dieser voransgesetzten Beziehung bilden würde. Beide Leistungen, Beweis und Erfindung, unterscheiden sich nur burch abweichende Handhabung derselben logischen Mittel. Die nämlichen Gedankenverbindungen, durch welche Wahrheit oder Wahrscheinlichkeit eines Sates T zuerst gefunden worden sind, lassen sich theils in etwas veränderter Fassung, theils selbst ohne solche Umformung immer auch zum Beweise der Wahrheit oder Wahrscheinlichkeit eines gegebenen T verwenden. Und bemerft man sogleich, daß das erfinderische Nachsinnen, um sein Ziel nicht zu versehlen, allerhand fleiner Zwischenglieder von der Korm des Beweises bedarf; umgefehrt wird dieser, gleichfalls um sein Ziel zu erreichen, einer erfinderischen Gedantenbewegung nicht

entbebren fönnen. Gleichwohl reicht im Ganzen die Erfindung weiter als der Beweis: ich trenne deshalb, ohne indessen bei jeder Gelegenheit ihre natürliche Vermischung zu vermeiden, beide Aufgaben. Wiffenicaftlice Untersuchungen führen auf beide ziemlich gleichmäßig; die Bedürfniffe des Lebens bänfiger auf die Erfindung. Aber ich habe Grund, meinen nächsten Gegenstand noch weiter zu theilen und den Beweis für allgemeine Sate von bem für particulare oder fingulare zu treimen. Gine allgemeine Beziehung zwischen S und P wird fich allerdinas selten feststellen lassen, ohne von Erfenntnissen Gebrauch zu machen, welche die Erfahrung geliefert hat; aber da diese Erfenntnisse, um zu allgemeinen Folgerungen zu führen, selbst allgemeine Geltung besitsen muffen, jo fann man fie als jolche ansehen, die, früher allerdings aus Erfahrungen gewonnen, doch jett, nachdem man fie mit dem Butranen an ihrer Allgemeingültigfeit besitzt, an den eigenen Bulfsmitteln des Denfens zu rechnen find. Der Beweis einzelner Thatsachen dagegen, geschichtlicher Greignisse oder gewöhnlicher Begebenheiten des Lebens, fann nie aus allgemeinen Sätzen allein fliegen, auch aus folden nicht, die felbst der Erfahrung entlehnt sind; er setzt die Kenntniß einer Menge von Ginzelumständen voraus, die nur hier vorfamen und nur hier sich in dieser bestimmten Weise verbanden. Die vorgängige Ermittlung aller biefer Bedingungen, aus denen zu schließen ift, erfordert eigenthümliche Hülfsmittel, deren Betrachtung später folgen wird. Die Anflösung gestellter Anfgaben bagegen, auch wenn sie nicht einen allgemeinen Sat, sondern ein gang fingulares Ergebnig liefern follen, läßt sich mit dem Beweise allgemeiner Sätze verknüpfen; unter den Bedingungen, die hier nicht gesucht zu werden branchen, sondern gegeben find, und jo weit fie gegeben find, ift ber bestimmte Sat T, welcher sie alle erfüllt, immer burch die allgemeinen Mittel des Deufens zu finden, und diese theoretischen Ergebnisse sind nur insoweit ungenau und in praftischer Anwendung einer Berbesserung bedürftig, als es eben nicht gelmigen war, alle jene Bedingungen anzugeben, denen T genügen sollte.

200. Jeder Beweis ist ein Schluß oder eine Schlußtette, welche zu dem gegebenen Satze T die Prämissen ergänzt, aus deren Jueinan dergreisen T als denknothwendige Folgerung hervorgeht. Die Gültigfeit jeder Folgerung aber hängt ab von der Gültigfeit ihrer Prämissen;

auch diese würde sich durch neue Beweise feststellen lassen, nur würde dies Verfahren sich fruchtlos ins Unendliche fortseten, wenn es nicht irgend eine Angabl allgemeiner Sätze gabe, beren Gültigfeit für uns unmittelbar feststeht, die daber eines Beweises weder bedürftia noch fähig find, vielmehr selbst die letten Entscheidungsgründe bilden, nach benen sich Triftigleit ober Untriftigleit jeder einzelnen Folgerung aus ibren Brämiffen beurtheilen läßt. Ich erörtere bier noch nicht die Frage, wober unserem Deuten der Besitz so unmittelbar gewisser Wahrbeiten kommen mag; mir die Frage nach dem Rennzeichen geht mis bier an, das mis berechtigt, einen Sats T zu der Reibe dieser Axiom e zu rechnen, beren Zugeständniß man von jedem gesunden Deuten glaubt fordern zu tönnen. Unn ist begreiflich, daß dies Kennzeichen, eben weit ieder Beweis eines Axioms numöglich ift, zuletzt nur in der Evideng, in der unmittelbaren Klarbeit und Gewisbeit bestehen fann, mit welder der Anhalt eines altgemeinen Sates fich uns als benknothwendig aufdrängt; und in der That ist man hierauf immer zurückgesemmen. Bielfältige Erfahrung lehrt und jedoch, daß Gate, deren Unrichtigfeit spätere Reiten nachwiesen, für frühere die größte Evidenz und Heberzenannastraft beseisen baben; Berbältnisse, die wir in dem beschräntten Beobachtungsfreise, in welchen wir eingeschlossen sind, beharrlich besteben oder wiederkehren seben, ohne daß eine Erfahrung des Wegen theils uns an ihnen irre macht, nehmen jehr allgemein für uns den Schein ber Denknothwendigkeit an. Es gibt nur ein Mittel, Dieje faliche Evidenz der Vorurtheile von der echten wahrhafter Axiome zu unterscheiden: man ning versuchen, ob das contradictorische Wegentheil des fraglichen Sates T ebenjo undentbar ift, als T selbst uns dentnothwendig scheint. Diese Probe wird oft völlig entscheidend sein; zu unserer Bermunderung werden wir banfig finden, daß der Bersuch, S und P in der entgegengesetten Weise von dersenigen zu verbinden, welche der gegebene Sat T behauptete, zu gar keinem inneren Wider fpruch im Denken führt. Dann wird T fein Axiom sein, sondern entweber überhaupt ein Brrthum, ober eine Wahrbeit von nur particularer Geltung, oder eine allgemeine zwar, aber eine soldte, die eines Beweises bedürftig ist. Im anderen Falle, wenn das contradictorische Non-T ebenso undentbar scheint, wie T denfuothwendig, werden wir mit um so größerem Bertrauen T als unmittelbares Axiom betrachten;

vollständige Siderheit indeffen gewährt dann die Probe nicht, benn nichts hindert, daß die Undeutbarfeit von Non-T auf ebenso falscher Eridenz bernbe, wie die icheinbare Dentnothwendiafeit von T. Jande dieser doppelte gleichzeitige Arrthum statt, so würde es fein furzes logifches Mittel zu seiner Entdeckung geben; unr das Gewahrwerden der Widersprücke, welche die Erfahrung gegen die angenommene (Sültigfeit von T erbebt, und eine langfame vielseitige Umformung unseres Ge-Zankenjostems auf Beranlassung Dieser Widersprüche könnte allmählich Die Berbefferung unferes Gehlers berbeiführen. Grundfäte blos theoretischer Erfenntniß werden selten von diesem Doppelirrthum behaftet sein, öfter die, welche unserer ethischen Beurtheilung zu Grunde liegen. und die man wohl den echten oder scheinbaren Uriomen zurechnen darf. obaleich sie nicht eigentlich denknothwendig, sondern mir selbstverständlich und ibre Gegentheile nicht undentbar, jondern umr absurd erscheinen. Daß man den Keinden ichaden umife, galt im Alterthum lange und attgemein als selbstverständlich und das Gegentheil für absurd: solche Arrtbümer fann am meisten nur die langfame Umstimmung der Gewohnheiten Des Gemüthes beseitigen.

201. Sei nun T ein allgemeiner Satz von nicht axiomatischer Geltung, ein solder alfo, der eines Beweises bedürfen würde, jo wird man dech diesen Beweis nicht eber antreten, bis man weiß, daß T ibn verdient. In drei Fällen wird er es nicht. Zuerst dann nicht, wenn fein Anbatt ein unvollständiger und desbalb unbestimmter Gedante ift. Der ungeschulte Verstand pflegt, jo lange er fich auf die Gegenstände seines natürliden Gesidtsfreises beschränft, gewissenbast in der Aufgablung und Erforichung aller Beziehungspuntte zu fein, welche zunt Berftändniß einer Thatfache geboren; er befolgt bier die alte Regel, Die Fragen alte zu beantwerten; quis? quid? ubi? quibus auxiliis? cur? quomodo? quando? Deste unbehülsticher wird er, we er in allgemeine Betrachtungen abschweift, Die dem Gebiete der Speculation angebören; er gelangt dann meist nur zu einem unförmlichen Ansdruck ron etwas, was er vielleicht mit Riecht meint, verlangt oder vorausjett, aber an feine bestimmten oder bestimmbaren Beziehungspuntte anzuknüpfen weiß. Die Speculation ihrerseits, in Abstractionen schwelgend, fommt ihm bier nicht immer belfend entgegen, sondern begnügt jich auch oft, mit Begriffen zu verfahren, die von ihren natürlichen

Unwendungspunkten abgelöft im Leeren schweben; nirgends sind daber unbestimmte Thesen bäufiger als ba zu finden, wo der logisch nicht disciplinirte Verstand naturalistisch zu philosophiren beginnt. Daß Gott und Welt Gins fei, fann nur der beweisen, der diesen Sat felbit aufgestellt hat; so weit dann sein Beweis richtig sein wird, hat er durch ibn erft interpretirt, mas er mit seinem Sate meinte; wer biefen aber nicht selbst aufgestellt hat, thut am besten, ihn weder zu beweisen noch zu widerlegen; benn daß Gott und Welt in gewiffent Sinne Zwei find, fagt ber Sat felber, fonft fonute er fie nicht untericieben haben; baß fie aber in irgend einer ber vielen Bedeutungen, welche ber Begriff ber Einheit hat, auch Eins find, läßt sich im voraus vermuthen. Dag die Dinge Erscheinungen sind, ist obenso zweidentig; die scheinbaren Dinge der finnlichen Wahrnehmung find es natürlich, sonft erschienen fie uns nicht; daß aber diejenigen Dinge, die wir als felbst unbeobachtbar bem finnlichen Wahrnehmen unterlegen, auch Erscheinungen seien, ist so lange ein unvollständiger Gedante, bis hinzugefügt wird, was denn hier ericheinen foll und went. Alle diese und ähnliche Sätze verdienen Beweis und Widerlegung nicht, sondern sind angebrachter Magen zurückzuweisen, gang ebenso wie man im rechtlichen Berfahren jeden abweist, der blos über erlittenes Unrecht flagt, aber nicht angibt, was ihm geicheben sei und von wem.

202. Ter zweite Fall sindet statt, wenn zwar von dem S oder I' des Sates T eine völlig scharse Nominaldesinition gegeben werden tann, diese aber entweder eine nachweisbar numögliche oder eine nicht nachweisbar gültige Vorstellungsverfnüpfung enthält. Niemand wird sich um Beweis oder Widerlegung eines Sates bemühen, dessen beits der Begriff eines hölzernen Eisens ist; Niemand untersuchen, ob dies hölzerne Eisen im Feuer verdrennen werde wie Holz, und nicht vielmehr schmelzen wie Eisen. Gespenster und Jerlichter enthalten so logischen Widerspruch nicht; ob aber jene schlasbedürstig sind, diese von vergrabenem Metall angezogen werden, läßt man doch dahingestellt, bis die Existenz beider bewiesen ist. Was man hier verlangt, tößt sich im Allgemeinen die Rechtsertigung eines Begriffes nennen, die daun, wenn von ihm Gedrauch gemacht werden soll, allemal zu seiner nomis nalen Desinition hinzugesügt werden nunß. Sie fann in verschiedener Weise geleistet werden. Bedeutet M etwas, dem änßere Wirksickeit

zufommen soll, jo wird am fürzesten M durch unmittelbare Hufzeigung eines Beispiels ober einer Thatsache gerechtsertigt, in welcher bie Wirklichfeit seines Inhalts gegeben und ber Beobachtung guganglich vorliegt. Bezeichnet M eine Vorstellungsverfnüpfung, deren Gültigkeit darin besteht, daß sie ausführbar ist und daß ihr Ergebniß sich vorstellen oder in innerer Unschauung verwirflichen läßt, so wird eben biese Berwirflichung bes von M verlangten Inhaltes, oder seine Construction, M selbst rechtsertigen; so legitimirt die Geometrie die Bulassiafeit von Begriffen, die sie gebildet hat, burch auschauliche Serstellung deffen, was fie vorher nur als Anfgabe enthielten, und beweift hierburch am einlenchtendsten, daß diese Anfgabe lösbar mar. Bit weder ein Beispiel von M nachweisbar, noch seine Construction ausführbar, jo nuß wenigstens eine Begründung (Deduction) eintreten, welche zeigt, im Zusammenhang mit welcher nachweisbaren Wirklichkeit oder im Berfolg welcher Aufgabe wir mit Jug und Recht zu der Bildung des Begriffes von M veranlagt werden. Nicht immer tann diese Begründung die Gültigfeit von M, in der Gestalt, in welcher sein Begriff vorliegt, unmittelbar beweisen, aber immer stellt sie M als vorläufige Bezeichnung eines nicht grundlos, sondern mit Recht gesuchten Inbalts bar: ber weiteren Untersuchung, beren Beginn hierburch gerechtsertigt wird, bleibt es überlaffen, ob M felbst sich als güttiger Begriff wird rectfertigen laffen, oder welche Umformung feines Anbalts vorzunehmen ift, um diese Gültigfeit herbeizuführen. Im Alterthum war die Berdoppelning des Würfels ein wichtiges Problem; aber auch wenn man durch geometrische Operationen die gesinchte Seite des doppelten Würfels nicht conftruiren founte, war doch von Anfang an gewiß, daß die Aufgabe überhaupt tosbar und die gesuchte Seite eine Größe sei, die sich irgendwie auffinden lassen nuß. Denn man fonnte zeigen, daß mit stetiger Zunahme ber Seite auch bas Belumen bes Bürfels ohne Aenderung seiner enbischen Gestalt stetig zunehmen nuß; in der unendlichen Reihe wachsender Würsel muß sich daher auch dersenige finden, welcher das Doppelte eines gegebenen ist, und somit ist auch seine Seite eine in der Reihe der Linien existirende. Diese Begründung ber nothwendigen Gültigkeit des Gesuchten ersetzt hier die wirkliche Aus führung der Conftruction. Man fann ferner darüber zwar Bedeuten haben, ob ein und berselbe Begriff von gange auf trumme und gerate

Linien paßt; sett man aber dies Bedenfen beiseit, so war es verläufig eine nicht unbegründete Hoffnung, burch elementare geometrische Construction die gerade Linie zu finden, die dem Umfange eines Kreises von gegebenem Halbmeffer gleich ist; benn gewiß war dies, daß die gesuchte Länge von der dieses Halbmeffers und zugleich nur von dieser abhängt. Die ausgeführte Untersuchung erst bat diese Hoffnung beseitigt und gezeigt, daß der Umsang als geschlossene reale und algebraische Function des Halbmeffers nicht herstellbar ist. Raturwiffenichaftliche Spoothesen nehmen häufig Thatsachen an, Die man nicht boffen fann, jemals in mimittelbarer Beobachtung nachweisen zu fonnen; nicht selten muß man sogar Gott und der Zufunft überlassen, auch nur bie Möglichkeit und Construirbarkeit bessen zu beweisen, was man vorläufig als Annahme gar nicht entbehren fann. Dann bleibt nur die Begründung übrig, welche aus den gegebenen Thatsachen die Dringlichkeit der angewandten Borftellungsweise ableitet, allerdings bann mit dem Borbehalt, fie in Zukunft so andern zu fonnen, daß sie conftruirbar wird, ohne ihre Brauchbarfeit einzubügen. Hierauf führen uns andere Gelegenheiten zurück; für den Angenblick genügt es, auf Die gnerft gebranchten Beispiele gurudzuverweisen, um beutlich gu machen, welche Art der Rechtfertigung wir für Begriffe verlangen, Deren Bertunpfungen im Urtheile Beweis ober Widerlegung verdienen sollen.

203. Haben nun auch die Begriffe, die in dem allgemeinen Satze T verbunden sind, die nöthige Bestimmtheit und Güttigkeit, so wird man sich dennoch auf einen Beweis, welcher T als nethwendige Folge aufzusuchender Prämissen darzustellen hätte, nicht eher einlassen, bis man sich einige vorläusige Bürgschaft für seine thatsächliche Geltung verschafist hat; denn sede Mühe würde verschwendet sein, etwas zu deweissen, was eben nicht gilt. Ist T ein allgemeiner Satz, dessen Numvensdungsgebiet sich in Gedanken nicht leicht übersehen läst, so versuchen wir zuerst, ob T in einigen naheliegenden Beispielen, zutrisst; ein einsziger Fall, in welchem dies nicht geschähe, würde die Ausgemeingültigkeit von T anschehen und die Ausgade würde sich in die der Aussindung von Bedingungen verwandeln, unter denen T wenigstens eine particulare Geltung besähe; ist dagegen, was T behanptet, in allen verglichenen Beispielen seiner Anwendung gültig, so kann diese hier siets unvolls

ständige Durchprobirung zwar nicht die Allgemeingültigfeit des T besweisen, aber seinen Juhalt doch so weit empsehlen, daß die Anssuchung eines Beweises der Mühe werth wird. Dies durchaus nethwendige Borversahren, das später seine Stelle auch unter den Beweisssormen selbst sinden wird, versämmen wir in der That nur selten und meist nur dann, wenn die Gültigkeit von T nicht durch bloße Ueberlegung in Gedanken aufzusindender Anwendungsbeispiele, sondern nur durch änßere Beobachtung oder Bersuch selfzusitellen ist. Nicht nur die Hößstinge Andwigs XIII. erschöpften sich in geistreichen Beweisen sier den Sat, daß ein lebendig bineingeworsener Fisch ein ganz volles Gefäß zum Ueberlausen bringe, ein todter aber nicht, und erst der hinzuges rusene Gärtner zeigte durch den Bersind die Ungültigkeit der ganzen Behanptung: auch sonst sinden sich, in den weniger exacten Theilen der Naturwissenschaft, tiessünnige erklärende Beweise genug für Erscheinungen, deren thatsächliches Bortonnnen völlig zweiselhaft ist.

204. Bare um diese Borfrage erledigt, und T ein allgemeiner Sat, ber eines Beweises würdig ift, jo fann seine Wahrheit ober Unwahrheit entweder in fürzester Linie oder auf einem Umwege festgestellt werden, und hiernach unterscheiden wir die Beweise zuerst. Sie find Direct, wenn sie unnittelbar ben gegebenen Satz T als nothwendig oder als unmöglich nachweisen; sie beißen indirect oder apagogisch. wenn sie Wahrheit oder Umwahrheit von T mittelbar durch Unszeigung der Umwahrheit oder Wahrheit seines contradictorischen Gegentheils Non-T begründen. In beiden Känten fann die Richtung, welche der Gang der Gedanken nimmt, noch eine doppelte fein. 3ch nenne ben Beweis rechtläufig oder progressiv, wenn er aus dem, was in der Natur der Sade das Bedingende ift, das Bedingte als Rolge entstehen täßt; er ist rückläufig oder regressiv, wenn er das, was in der Natur der Sade das Bedingte ift, als Erfenntnifgrund des Bedingenden benutt. Der Beweis der ersten Form, da er a principio ad principiatum geht, mag ebenjowohl deductiv beißen; für die Beweise der zweiten Germ, die a principiato ad principium fortschreiten, wird man den entgegengesetzten Namen der inductiven im Allgemeinen nicht ebenso passend finden. Beide Beweisgänge lassen endlich noch einen Unterschied zu: man tann progressiv von allgemeinen Wahr beiten zu T oder von T zu seinen eigenen Folgen und ebenso regressiv von den Folgen des T zu T, oder von ihm selbst zu den Wahrheiten übergehen, die seinen Grund bilden. Ueber den verhältnismäßigen Werth der acht verschiedenen Formen, die so entstehen, wird man erst dann urtheilen können, wenn man jede von ihnen mit Rücksicht auf die Ausgaben ins Ange faßt, für die sie verwendet zu werden pflegt. Hierzu mag folgende Uebersicht dienen.

205. Die erfte Beweisform, birect progreffin, geht von einer allaemeinen Wahrheit aus, die fie als Oberfat an die Spite ihres gangen Verfahrens stellt; im Untersatz, oder in einer Reihe von Cpiipllogismen, wenn ber Beweis nur in einer Schluffette vollendbar ift. wird dann nachgewiesen, in welchem Verhältniß die Bestandtheile S und P bes gegebenen Saties T zu jenem Oberfat fteben; ber Schluffat endlich folgert, daß um dieser Verbältnisse willen von S und P der zu beweisende Cats T gelten muffe. Bestimmt man die Aufgabe auf Diese allgemeine Weise, so scheinen alle drei aristotelischen Figuren zu dieser Beweisform benutzt werden zu fonnen; in der That aber entspricht dem Sinne derselben doch blos die erste. Die dritte Figur halte ich nicht beswegen für ungenügend, weil sie nach gewöhnlicher Bezeichnung blos particulare Schluffätze gibt, während wir bier allgemeine Sätze beweisen wollen; übertragen wir die particulare Conclusion; einige S find P, in modale Form: was S ift, fann P fein, so gibt sie allerdings einen allgemeinen Satz, beffen Beweis von Werth fein fann. Wird zum Beispiel eine Leistung P verlangt, zu beren Herstellung man an das scheinbar ungünstige Material S gebunden ift, so wird man gern in einem Beweise, nach Bamalip, gezeigt seben, daß an einem Subject M sich S und P vertragen, folglich S die Leistung P nicht allgemein unmöglich mache. Aber die dritte Figur liefert diesen Beweis nicht in progreffiver Richtung. Sie stellt in ihren beiden Prämiffen nur ein Beispiel des Zusammenbestehens von S und P auf, ans welchem wir regreffir, ab esse ad posse, auf die Berträglichfeit beider gurudschließen. Die zweite Figur erlaubt zwar allgemeine, aber nur verneinende Folgerungen; auch diese können von Werth sein, aber um in dieser Jigur gewonnen werden zu können, setzen sie qualitativ entgegengesette Prämissen voraus und befriedigen deshalb nicht. Denn ein allgemein verneinender Sat T, der von einem 8 ein Prädicat P blos deshalb ausschließt, weil, was 8 und was P ist, sich entgegengesett zu

einem dritten M verhält, beruft sich auf ein Kennzeichen, welches die Unvereinbarkeit des S und P sicher bezeugt, aber nicht auf einen Grund, der sie erklärt; er drückt nur eine Thatsache aus, die zwar gilt, aber so lange unverstanden bleibt, bis man in einem bejahenden Urtheile erfahren hat, was S wirklich ist, und nun einsieht, daß es, weil es dies ist, jenes andere, P, nicht sein kann. Auch die zweite Fisgur liesert daher zwar triftige und zwingende, aber nicht erklärende Beweise ihrer Schußsähe, auch sie ist mehr von regressivem, als von progressivem Charafter. Auf die erste Figur, und zwar vorzüglich auf ihre bejahenden Modi, sür unsere Aufgabe ausschließlich auf Barbara, hat sich daher gewöhnlich die Ausmerssamkeit gerichtet, wenn von direct progressiven Beweisen die Rede war; nur hier sindet die Untersordnung eines gegebenen Inhalts unter eine allgemeine Wahrheit statt, aus welcher nicht blos begrissen wird, daß T gilt, sondern auch warum es gilt.

206. So nitheilte ichen Aristoteles; es verdient jedoch angemerkt zu werden, daß nicht blos in diesem Sinne Diese Beweisform als ein Adeal zu betrachten ift: fie hat Unspruch auf das ihr gespendete Lob nur dann, wenn es uns gelingt, fie mit bem Inhalt gu füllen, den ibre Gliederung verlangt: wenn wir also im Sbersate ein soldes allgemeine Urtheil voranschicken, welchem untergeordnet zu werden der besondere Fall des Untersates seinem eigenen Inhalte nach fordert, und welcher deshalb wirklich der bedingende Grund sein würde, aus dem die Gültigkeit des zu beweisenden Satzes, nicht blos für unsere Erfenntniß fondern nach der eigenen Natur der Sache felbst bervorgeht. Aber es ift flar, daß man die Form diefes Beweises benuten fann, ohne im mindeften die eben gestellte Bedingung zu befriedigen. Gibt es doch, und zwar gerade auf dem exact zu behandelnden Gebiet mathematischer Erfenntniß, gablreiche Gate T, für die fich verschiedene gleich triftige Beweise geben laffen, die alle in dieser subsumptiven Form verlaufen, und von denen daber feiner beaufpruchen fann, ausichtieflich ben eigenen Zusammenhang und Entwidelungsgang ber Sade jelbst auszudrücken. Die Möglichkeit, denselben Juhalt in sehr verichiedenen Formen ohne Beränderung feines Werthes darzustellen, erlaubt hier, ihn sehr verschiedenen allgemeinen Oberfätzen subsumirbar zu machen und von allen biesen willfürlich gewählten Ausgangspunften an derfelben Behanptung T zu gelangen. Ich wünsche hierüber nicht migverstanden zu sein und gebe deshalb ins Ginzelne. Ich gebe zuerst zu, daß sehr viele mathematische Sätze T so offenbar bloße Unwendungsbeispiele eines bestimmten Obersates M sind, daß nur die Berleitung aus biesem Obersatse natürlich, die aus jedem andern N als eine Künftlichkeit erscheint. Ich bemerke ferner, daß da, wo T aus verschiedenen Oberfätzen M, N, O mit gleicher Leichtigkeit ableitbar ift, bierin allein fein Grund für mich liegt, diese verschiedenen Beweise dem eigenen Zusammenhange ber Sache fremd zu nennen; denn ich will bier zwar nicht eben lehren, aber als eine mögliche Unsicht hinstellen, daß das Ganze z. B. unserer geometrischen Erkenntniß in der That auf einer Mehrheit ursprünglicher gleich evidenter Auschaumgen berubt, von denen feine aus der andern ableitbar ist, die aber alle zufammen, gleich einzelnen Bestandtheilen eines gangen Gedankens, gualeich gelten und unter einander auf bestimmte Beise zusammenhängen. Dann begreift man, wie vermöge dieses Zusammenhanges derselbe Sag T verschiedene gleich triftige Beweise guläßt, je nachdem man von einer oder der andern jener untrembar verfnüpften Unschauungen ausgeht; feiner dieser Beweise wird ausschließlich die Natur der Sache, aber jeder fann sie doch wirklich so darstellen, wie sie sich für den gewählten Standpunkt projicirt; die Möglichkeit einer Mehrheit von Beweisen beruht bier auf der eigenen Organisation des Jubalts, der nicht nur nach einer, sendern nach vielen Richtungen zugleich ein zusammenstimmend gegliedertes Ganze bildet. Aber ich muß nun doch drittens hinzufügen, daß zahlreiche Säte T übrig bleiben, deren Beweis, immer in Dieser subsumptiven Form, nur durch Kunstgriffe gelingt, die sich recht= fertigen laffen, nachdem sie angewandt sind, von denen aber nicht ersindlich ift, wie man durch die Natur des gegebenen Juhalts selbst dazu aufgefordert wird, fie anzuwenden. Bon biefen Beweisen, deren es manche in der reinen Mathematik, eine viel größere Anzahl in ihren Unwendungen gibt, foll die oben gemachte Bemerkung gelten: namentlich, wenn sie sehr vielgliedrige Schlußfetten bilden, mögen sie zwar an Triftigfeit nichts zu wünschen übrig lassen, aber sie werden auch so unübersichtlich wie möglich, und da sie fast nur erlauben, die nothwenbige Folge ber Berkettung je zweier nächsten Glieder einzuschen, ber erfinderijche Scharffinn bagegen, ber biefe Berketung auftiftete, völlig

regellos fich zu bewegen scheint, so fann man nicht in Wahrheit sagen, daß diese Beweise zeigen, warum der Schlußsatz T gilt; sie nöthigen uns auch nur zuzugestehen, daß er gilt. Ich habe dies angeführt um seiner prattischen Bedeutung willen. Das Zbeal unserer Erkenntniß und Beweisführung besteht ohne Zweifel darin, daß wir jeden gegebenen Sats T aus den bedingenden Gründen, von denen er wirklich bebingt wird, erflärend ableiten, nicht aber uns feiner Gewißheit blos durch eine logische Hinterlist bemächtigen; und wenn diese Unfgabe gelöft werden soll, ist sie immer nur in der Form dieses direct progreffiven Beweises zu lösen. Aber fie ist überhaupt nur innerhalb en ger Grenzen lösbar, und wo sie es nicht ist, wo man mithin sich an der blegen Gewigheit von T.muß genügen laffen, da hat diese subsumptive Beweisform nicht den mindesten Borzug vor anderen. Es ist logische Redanterie, sie dennoch erzwingen zu wotten und für einen Satz, ber indirect fich mit zwei Werten schlagend beweisen läßt, eine Directe Ableitung zu suchen, die nur durch eine Kette willfürlich gewählter Zwischenglieder möglich ist, die Erlangung jener Gewißheit umständlicher und die Ginsicht in den inneren Grund ihres Vorhandenseins um nichts reicher macht.

207. Gine zweite birect progressive Form geht von dem gegebenen Sate T aus, den sie als gültig voraussetzt, und entwickelt aus ihm seine nothwendigen Folgen. Findet sich unter diesen Folgen auch nur eine einzige, welche entweder feststehenden Thatsachen oder allgemeinen Wahrheiten widerspricht, so ist T, als attgemeiner Satz, ungültig, und der Beweiß gestaltet sich zu einer Form der Widerle= gung eines gegebenen Sates; er ichlieft bann, wie man leicht fieht, jenes früher erwähnte Vorverfahren ein, welches vor dem Antreten des wirklichen Beweises sich versichert, daß überhaupt fein gegebenes Beispiel eine Inftang gegen die Gültigfeit des zu Beweisenden bildet. Fände die Entwickelung der Folgen des T, so weit sie auch fortgesetzt würde, feinen Widerspruch mit Thatsachen oder Wahrheiten, so würde sie dennoch nicht hinreichen, um die Wahrheit von T festzustellen, denn die nächste Fortsetzung jener Entwickelung über die Grenze hinaus, bei der man Halt gemacht hat, tomte das bisher verborgene Bestehen eines Widerspruchs nachweisen; aber wenigstens reicht dies Verfahren auf theoretischem Gebiete zur Empfehlung einer Hopothese bin, deren

weitere Prüfung man sich vorbehält. Sein wirkliches Unwendungssgebiet hat aber dieser Beweis im praktischen Teben: durch ihn empfiehtt man Vorschäge, Einrichtungen die zu treffen, Entschlüsse die zu fassen sind. Und hier ist die Unvollständigkeit der Entwickelung der Folgen von T fein Hinderniß; in alten menschlichen Angelegenheiten reicht es hin, zu ermitteln, welche Wirkungen innerhalb einer übersehbaren Zeit und eines übersehbaren Gebietes der Anwendung aus einer vorzuschlasgenden Maßregel entspringen werden; alle mikrostopisch erkennbaren Rebenwirkungen oder auf Jahrhunderte hinaus alle Folgen unseres hentigen Handelns in Betracht ziehen zu wollen, ist supercissse Pedansterie; zur Vermeidung kleiner Nachtheile wird man neue Entschlüsse sassen, und die fernste Jukunst hat für sich selbst zu sorgen.

208. Gine dritte Form, die erste direct regressive, geht von der angenommenen Gültigkeit von T aus und sucht nach rückwärts die Bedingungen auf, unter denen diese Gültigfeit stattfinden fann. Der Unterschied dieser Form von der zuletzt behandelten ist nicht erheblich. doch fehlt er nicht; nicht erheblich deswegen, weil man die zur Geltung von T nöthigen Vorbedingungen dech auch nur findet, indem man T als ihren Erfenntnifgrund behandelt und fie aus ihm als Folgen ableitet, ein Verfahren, welches mit bem porigen birect progressiven ausammenfällt; vorhanden aber ist der Unterschied dennech, wenn man die Natur des jo Abgeleiteten berücksichtigt. Als Beispiel für beide Formen zusammen fann die in der Mathematif übliche Lösung von Unfgaben bienen, benn jede folde Löfung ist zugleich ber Beweis ber Lösbarfeit, also der Gültigfeit der Borstellungsverfnüpfung, welche die gestellte Aufgabe T enthielt. Rimmt man nun T als gültig an und entwickelt die aus ihm fliegenden Denkfolgen, so werden diese letzteren selbst verschieden sein fonnen; einige von ihnen werden Einzelumstände sein, die mit gegebenen Thatsachen stimmen oder streiten, audere werden allgemeine Berhältniffe zwischen verschiedenen Beziehungspuntten ausdrücken, die mit anderweit feststehenden Wahrheiten entweder in Einflang oder in Widerspruch sind. Kommt man mur auf Einzelfolgen, die mit gegebenen Thatsachen oder Rebenbedingungen streiten, so wird man daraus zwar die Ungültigfeit von T mit Gewißbeit ableiten, aber ohne Einficht in den Grund berfelben; ift T ein praftischer Berichlag, so fann er selbst gang annehmbar an sich sein und

ist nur in der Ausführung auf ein Hinderniß gestoßen, und dies ist der Fall der vorigen Beweisform; kommt man dagegen auf widersinnige allgemeine Sate, die mahr fein mußten, wenn T gelten follte, fo erbalt man außer der Gewißheit, T sei ummöglich, noch eine ftarke Hindeutung auf die Gründe dieser Unmöglichkeit; fie liegen in den allgemeinen Wahrheiten, gegen welche die abgeleiteten widerfinnigen Bedingungen streiten; und bierin würden wir die Leistung dieser dritten Beweisform finden. Es wird durch fie nicht nur der späteren Auffündung eines directen und progressiven Gegenbeweises vorgearbeitet, sondern es liegt eine ungemein überzeugende und auschauliche Berneinung eines gegebenen Sates T in der Aufweisung aller der widersinnigen Boraussetzungen, die zu seiner Gültigkeit nothwendig sein würden; und um deswillen ist dieser regressive Beweis häufig einem progressiven vorzuziehen. Etwas anderes als die Ungültigfeit von T fann er nicht liefern; er bleibt also eine Form der Biderlegung. Führte der Rüdschritt zu den Bedingungen von T auf lauter zulässige Boranssegungen, so würde hieraus nur auf dem Gebiete der Mathematif die Gültigleit von T wirflich fliegen; benn nur hier ift es möglich, aus einer gestellten Anfgabe alle zu ihrer Lösung nothwendigen Borbedingungen zu entwickeln; in anderen Unwendungsfällen bleibt der Zweifel, ob man in der That aus T alle die Deutfolgen erschöpfend abgeleitet hat, die zu den Vorbedingungen seiner Gültigkeit gehören; der nächste Schritt, den man noch weiter thäte, könnte eine vorauszusetzende Widerfinnigkeit zu Tage bringen. Bejahend reicht daher auf theoretischem Gebiet dieser Beweis nur gur Begründung der Wahrscheinlichkeit von T bin; das praftische Leben aber bedient sich seiner zur Empschlung von Vorschlägen ebenso wie des vorigen progressiven. Denn nicht unr durch die zu erwartenden Folgen machen wir einen Borschlag annehmbar, sondern ebenso sehr dadurch, daß wir nachweisen, die Bedingungen seiner Ausführung seien nicht im Widerspruch entweder mit allgemeingültigen Bestimmungen der Möglichkeit des Rechts und der Sittlickeit, oder mit den thatsächlichen Mitteln, die ihr zu Gebote stehen. Zeder politische Antrag hat diese Doppelpflicht, theils nach der vorigen Beweisform durch seine nützlichen Folgen, theils nach dieser durch die rechtliche und sittliche Zulässigfeit seiner allgemeinen Voranssetzungen sich zu rechtsertigen; und jedes alltägliche Handeln berücksichtigt nicht

nnr den zu erwartenden Bortheil einer Borfehrung, sondern auch die Kosten, deren Aufwendung ihn möglich macht.

209. Eine vierte Form, die zweite birect regressive, geht von gegebenen Sätzen aus, um aus ihrer Gültigfeit die von T als ihrer erzeugenden Bedingung zu beweisen. Bu einem solchen Gedankengang find wir überans hänfig aufgefordert; denn der größte Theil unserer allgemeinen Erfenntnisse wird auf biesem Wege des Rückschlnsses von acaebenen Thatsachen auf die Bedinanna gewonnen, die zur Möglichkeit dieser Thatsachen angenommen werden ung. Man sieht jedoch leicht, daß die bedentendsten Anwendungen biervon dem erfindenden Gedankengange angehören, der ein noch unbefanntes T aus dem Gegebenen zu ermitteln sucht. Aft ber allgemeine Sats T felbst gegeben und sieht man fich nach den einzelnen Säten um, die zu feiner Bestätigung Dienen fönnen, so beginnt dies Verfahren eigentlich immer mit der progressiven Entwickelung bessen, was als Folge von T gelten muß, wenn T gilt; und erst nachdem man davon eine llebersicht gebildet hat, vergleicht man nun das Gefundene mit der Erfahrung oder mit anderen Wahrheiten, um aus seiner Gültigkeit auf die von Tregressiv zu schliefen. Ich überlasse deshalb manches Hierhergehörige späterer Gelegenbeit und erwähne nur eine Urt dieser Form, welche aus der Gültigkeit der Ginzelfälle eines T seine altgemeine Gültigkeit folgert; es ist die vollständige Anduction ober der collective Beweis. Man ist zu ihm sehr oft genöthigt; jo ift es nicht immer möglich, einen Satz T angleich und auf einmal für ganze und gebrochene, positive und negative, rationale und irrationale, reelle und imaginare Größen zu beweisen; aber jede einzelne dieser Arten von Größen fann eine besondere Handhabe darbieten, mu zunächst für fie allein T festzustellen; find wir mm sicher, die möglichen einzelnen Amvendungsfälle von T sämmtlich umfaßt zu haben, also in diesem Falle: find wir sicher, daß außer den genannten feine anderen Urten von Größen deufbar find, so gilt min T von allen Größen überhanpt. Es wird dann gang gewiß in dem allgemeinen Begriff der Größe an sich selbst irgend ein Grund liegen, der diese altgemeine Geltung möglich macht; gleichwohl fann man nicht immer oder doch nicht immer mit binlänglicher Evidenz und Klarbeit diesen Grund aufzeigen; dann bleibt der collective Beweis unentbehrlich.

210. Die Nothwendiafeit, alle Arten von Anwendungsfällen des T vollständig zu umfassen, um T allgemein zu beweisen, führt bier zu einer intereffanten speciellen Form. Man fann freilich jene Bollftandiafeit an sich immer erreichen, wenn man alle Källe in den einen Q und in Non-Q, dies Non-Q wieder in R und Non-R eintheilt, und dies Berfahren bei einem beliebigen Gegensatz U und Non-U abbricht; aber dies nützt selten; denn wenn man auch für die bejahten Källe Q, R. U leicht noch Einzelbeweise findet, so findet man doch sehr schwer einen solchen für das negative Restglied Non-U, das eine Menge ver ichiedener Källe zusammenfaßt. Man fühlt daher das Bedürfniß, ans einem Falle Q, für welchen man irgendwie in den Besitz eines Bewei jes von T gefommen ift, die übrigen Fälle R, U.. fo abzuleiten, daß jich zeigt, die Umwandlungen, durch welche Q in R, R in U übergeht, ändern entweder die Bedingungen nicht, auf denen die Gültigfeit von T für Q beruhte, oder fie erzengen dieselben Bedingungen stets von nenem wieder. Dies ist der in der Mathematit befannte, gnerst von Bacob Bernoulli formulirte Beweis von n zu n+1, hanptjächlich anwendbar, wenn die Einzelfälle, in denen allen T gelten foll, von felber eine Reihe bilden, in der jedes folgende (n+1)te Glied auf diejelbe genan angebbare Weise aus dem vorhergebenden nten gebildet wird. Gilt dann T, jobalo es von dem Gliede n gilt, auch von dem Gliede n+1, um der Art willen, wie n+1 aus n entsteht, so gilt es ans gleichem Grunde auch von dem nächfistgenden Gliede $n\!+\!2$ und so fort von allen Gliedern der Reihe. So pflegt man 3. B. im elementaren Unterricht den binomischen Lebrsatz für ganze Exponenten anichanlich zu beweisen, indem man die wiederholte Multiplication des Binones mit fich felbit ausführt. Der allgemeine Gedante diefes Beweises ist aber gar nicht auf Mathematik beschränkt, sondern wird im gewöhnlichen leben sehr oft, und zuweilen unter dem nicht gang pajfenden Namen eines Beweises durch Analogie, angewandt. Um einen Berichlag oder eine Behanptung annehmbar zu machen, erwähnt man zuerst einen Fall, in welchem jener offenbar empfehlenswerth, diese offenbar gultig ift; bann zeigt man, daß die bentbaren anderen Fälle sich von jenem im Grunde durch gar feinen Zug unterscheiden, welcher im Stande wäre, hierin eine Menderung hervorzubringen; folglich gelte T allgemein. Wie ein unvorsichtiger over sophistischer Gebrauch bieses Berfahrens zum Frthum führt, ist leicht zu sehen. Zwischen zwei sehr verschiedene Fälle A und Z schaltet man sehr viele Zwischenfälle ein, die sich um unbeträchtliche Dissernzen d unterscheiden. Man zeigt dann nicht, daß T, wenn es von A gilt, auch von A +d=B gelten müsse, sondern setzt dies einsach, wegen der Geringfügigkeit von d, vorsaus; so schließt man weiter von B auf C, und trägt endlich die Gülstigkeit des T von A, sür welches sie sessifiand, auf ein Z über, das durch Ansammlung der vielen vernachlässigten Dissernzen d von A völlig verschieden ist und nicht im mindesten zu dem wirklichen Anwendungsseschiete des T gehört.

211. Ich fann fürzer über die indirecten Beweise sein; sie verhalten sich formell zu Non-T wie die directen zu T und erlangen nur darum einige Eigenthümlichkeit, weil wir durch sie nicht zu Non-T, fondern zu T fommen wollen; sie sind also nicht behauptende, sondern widerlegende Beweise in Bezug auf Non-T. Die fünfte Beweisform, die erste indirecte progressive, wurde die Ungultigfeit von Non-T aus allgemeinen Gründen nachweisen, was durch Schlüsse in der ersten und zweiten Figur mit einer allgemein negativen Brämisse geschehen fann. Aber man wird selten Gelegenheit zu Dieser Beweisform finden; gibt es für T einen birecten Beweis, so wird man diesen porziehen; gibt es feinen, so pflegt eine allgemeine Widerlegung von Non-T um nichts leichter zu sein. Bür den Gebrauch wichtig ist daber nur die Nebenform dieses Beweises, welche dem einen contradictorischen Gegentheil Non-T von T die vollständige Summe aller conträren Gegentheile substituirt. Für jedes dieser Gegentheile, eben weil jedes ein gang bestimmter positiver Inhalt ist, läßt sich eher ein Beweis seiner Ungültigfeit hoffen, der aus allgemeinen Gründen, also in progressiver Form geführt werden fann. Die Bereinigung aller Diefer negativen Einzelbeweise zu dem Beweis der allgemeinen Ungültigteit von Non-T ist dann freilich schon ein regressiver Gedanfengang, der dem positiven collectiven Beweise entspricht. Denkt man sich T und alle contraren Gegentheite beffelben vereinigt als die Summe aller überhaupt benkbaren Beziehungen, die zwijchen den Beziehungspunkten S und P des Anhalts von T vorfommen fonnen, so ist die hier erwähnte Beweisform unter dem Namen des Beweises durch Ausichließung befannt: Die Geltung von T folgt dann aus der Ungül-

tiafeit aller anderen Glieder dieser vollständigen Disjunction. Und von dieser Form selbst ist wieder eine der wichtigsten Unwendungen der besondere Fall einer dreigliedrigen Disjunction, in welcher T zwei Gegentheile hat, ober Non-T in zwei contradictorische Gegenfätze zerfättt; es entsteht dann der Beweis burch Gingrengung. Man fenut ibn und seine außerordentliche Wichtigkeit in der Mathematik, und er gebört bier ebenjo sehr dem ersindenden als dem beweisenden Gedankengange an: jede Größe a ift entweder gleich oder größer oder fleiner als eine andere mit ihr vergleichbare, d; läßt sich zeigen, daß sie weder größer noch fleiner als d ist, so ist der Sat a=d erwiesen. In der Anwendung gestaltet sich bieser Gedanke meistens anders; denn das Borige fest voraus, daß man auf den bestimmten Werth d, der zulett bem a gleich sein wird, bereits ausmertsam geworden sei. Dies wird in der Regel nicht der Fall sein, sondern man wird nur wissen, daß a fleiner als eine zweite Große b und größer als eine dritte e ift; gelingt es dann nachzuweisen, daß dasselbe Berhältniß immer besteben bleibt, wenn man den Werth von b auf 3 verringert, den von c auf 7 erhöht, jo wird der Werth von a zwischen einander immer näher rückenden Grenzen B und y liegen und es wird möglich sein, ihn mit unbeidräuft wachsender Annäherung zu berechnen. Das befannteste und elementarfie Beispiel bietet die Bestimmung ber Länge des Kreisumfanges durch Einschließung zwischen die größere des umschriebenen und die fleinere des eingeschriebenen Bielecks, von denen man die erste durch fortgesetze Vermehrung der Seitenzahl unbegrenzt abnehmen, die zweite gunehmen läßt. Auf Beweisformen biefer Art muß man seine Aufmerffamfeit richten: sie sind die mächtigen operativen Hülfsmittel, durch welche wir wirklich unsere Erkenntuisse erweitern; Ausbildung und Anwendung dieses Beweises durch Archimedes ist ein größerer Fortschritt ber angewandten Logit, als irgend einer ans der blos sollo= gistischen Kunft des Aristoteles hervorging.

212. Gine sechste, die zweite progressiv indirecte Form, würde von der Annahme des Non-T ausgehen, ihre nothwendigen Folgen entwickeln und aus der Ungültigkeit dieser, in Bezug auf diesen letzten Schritt freitich regressiv, auf die Ungültigkeit von Non-T zurücksichließen. Ich verweise auf den zweiten direct progressiven Beweis und füge in Bezug auf diesen indirecten nur hinzu, daß alle gültigen Folgen,

Die fich aus Non-T ableiten laffen, bier bedeutungslos find; denn auch aus einem falicen Sate fonnen über folde Bunfte, für beren gegenseitige Verbältnisse sein Arrthum gleichgültig ist, eine Anzahl zulässiger Consequenzen fliegen; aber eine einzige ungültige, mit Non-T nothwendig verbundene Folge hebt deffen allgemeine Gültigkeit auf. Widerstreitet diese Folge lediglich gegebenen Thatsachen, jo hat man eigent: lich feinen Grund, Diesen Beweis eine deductio ad absurdum gu nennen, obwohl dieser Rame zuweilen allen Amwendungen dieser Form acaeben wird: man bat vielmehr nur die thatsächliche Ungültigkeit eines an sich nicht undentbaren und anch nicht absurden Gedankens erwiesen. Uhinrd oder abgeschmadt ist aber eigentlich auch nicht das, was als denkunmöglich befannt ist, sondern das, was allen probablen Annahmen, dem allgemeinen Wahrheitsgefühl und einer Menge in diesem enthal tenen, vielleicht beweisbaren, aber nicht wirklich bewiesenen Wahrheiten Daß 2=3 sei, ist mehr als absurd; es ist unmöglich; wideripricht. baß aber die gange Welt ein gedankenlofer Spaß fei, daß die Meltern den Kindern gehorden sollen, daß man Berbrecher belohnen und die Sünde iconen muffe, find absurde Behanptungen. Deductio ad absurdum murbe ich baber nur ben indirect progreffiven Beweis nennen, ter aus Non-T solde nicht dentunmögliche, aber ungähligen für Wahrbeit geltenden und binlänglich begründeten lleberzengungen widerfprechende Rolgen entwickelt. So kommt Dieser Beweis im Leben tan sendsach ver, namentlich überalt da, wo Non-T einen an sich vielleicht richtigen Gedanten zu allgemein ausspricht, also von einer zu weiten Definition des Subjects S, dem ein P zufommen foll, ober von einer zu weiten Definition dieses P ausgeht; auf diese Weise zeigt man die Unvernunft und Abgeschmacktheit eines Gesetvorschlags, gleichviel ob er Rechte und Pflichten nimmt oder zutheilt, indem man deutlich macht, welche unerträglichen und unerhörten anderen Consequenzen sich aus der Allgemeingültigleit des Vorgeschlagenen ergeben würden. Gewöhntich ichtiest man jedoch in die deductio ad absurdum auch die Form bes apagogischen Beweises ein, welche auf bentunmögliche Folgen bes angenommenen Sates führt und ihn durch fie widerlegt. Es ift ein besonderer Fall hiervon, wenn diese Entwickelung auf eine Wolge führt, welche unmittelbar die gemachte Boraussetung selbst aufhebt, so daß ber innere Biderspruch, ber in der angenommenen Bultigfeit berselben

laa, von selbst zu dem Ergebnig ihrer Ungültigkeit treibt. Ein einfaches Beispiel sei ber indirecte Beweis fur ben Can T: auf einer Geraden ab ift in derfelben Chene und in bemfelben Puntte e nur eine Gentrechte ed möglich. Non-T mürde also behaupten, in e seien unter benselben Bedingungen mehrere Senfrechte möglich. Angenommen unn. Dies jei richtig, angenommen ferner, od jei die erste Senfrechte, b. b. jie bilde mit ab die beiden gleichen Nebenwinfel a. jo wird jede zweite Sentrechte ce, um von cd unterschieden zu sein, mit ihr am Punfte e irgend einen Winfel o bilden müssen, zugleich aber, damit sie senkrecht auf ab sei, mit dieser gleiche Nebenwinfel. Die Anschanung der Figur lehrt dann, daß die beiden Winkel $a+\delta$ und $a-\delta$ gleich und jeder gleich einem rechten sein müssen; ist aber $\alpha + \delta$ ein rechter Winkel, so ift a, als Theil dieses rechten, fein rechter Winkel, gegen die Vorans setzung, welche behamptete, er sei einer. Die Gleichung $a+\delta=a-\delta$ tann nur bestehen, wenn $\delta = 0$, also ce mit ed zusammenfällt. Mithin gilt T: auf bemselben Buntt einer Geraden ist in berselben Chene nur eine Senfrechte möglich. Zu Beweisen dieser Art wird man überall geführt werden, wo es sich um die einfachsten grundlegenden Auschauungen oder Sätze eines zusammenhängenden Gedankengebiets handelt; die Unmöglichkeit, die Beziehung zwischen S und P anders zu fassen, als jie in T ausgedrückt ist, also die Fruchtlosigfeit des Bersuchs, Non-T zu behaupten, wird sich immer dadurch verrathen, daß die daraus fliekenden Folgen das Subject S oder das Prädicat P aufheben oder verändern, die man beide für Non-T in demselben Sinne gultig vorausjette, in welchem jie für T galten.

213. Wie der directe, so ist and der indirecte Beweis zweier regressiven Formen fähig; beide, die siebente und achte unserer llebersicht, haben wenig Eigenthümsliches; sie verhalten sich zur Ungülstigkeit von Non-T ganz wie die beiden direct regressiven zur Gültigkeit von T. Die erste würde von Non-T zu den Bedingungen zurückgehen, die zu seiner Gültigkeit nothwendig wären, und aus der Ungültigkeit oder Undenkbarkeit dieser Principien würde sie dann auf die des Non-T zurückschießen. In der Ansführung ist dies Berfahren wenig von dem vorigen progressiven verschieden; denn die zur Richtigkeit von Non-T nöthigen Principien sindet man doch nur, wenn man Non-T als ihren Erkenntnißgrund benutzt, und sie aus ihm als Felgen, mithin progressiv,

entwickelt. Die zweite Form murbe von gegebenen Gaten oder Thatsachen ausgeben und zeigen, daß sie nicht von Non-T als ihrem Grunde abbängen fönnen, vielmehr die Ungültigfeit dieser Annahme ausdrücklich verlangen. And dies läßt sich am Ende mir ausführen, wenn man entweder Non-T progressiv in seine Folgen entwickelt und findet, daß das Besteben derselben die gegebenen Thatsachen unmöglich machen würde, oder indem man diese gegebenen Thatsaden als Erfenntnißarund verwendet und aus ihnen, ebenfalls progressiv, ihre nothwendigen Voraussetzungen ableitet: Dies aber wird am seltensten viel nützen, denn meistens wird dann die nothwendige Gültigfeit von T als solcher Boranssetzung leichter direct zu ermitteln sein, als indirect die nothwendige Nichtgeltung von Non-T. Ueberhaupt schließe ich diese Uebersicht mit ber Bemerfung, daß ich zwar die verschiedenen Absichten der Beweisführung durch meine Eintheilung richtig glaube gesendert zu haben, daß aber nicht jeder dieser Absichten eine gleich wichtige und gleich eigenthümliche, mit den andern nicht vermischte Beweissorm entspricht; es reichte daber bin, diejenigen eingehender zu erwähnen, die sich int Gebrauch als hänfig anwendbare Figuren bewährt haben.

214. Man wird in meiner Aufzählung die Beweise durch Analogie vermiffen; ich glaube allerdings nicht an ihr Dasein. In allen Källen, wo man Beweise glaubt durch Analogie führen zu können, ist Die Analogie in der That gar nicht der Grund für die Triftigkeit der Beweise: sie bildet nur die ersindende Gedankenbewegung, durch welche man zur Entdeckung eines zulänglichen Beweisgrundes gelangt; auf diesent, und dann immer durch Subsumption des Ginzelnen unter ein Allgemeines beruht die Nothwendigfeit des zu beweisenden Satzes. Obwohl es weitläufig sein wird, glaube ich doch hierauf eingehen zu müsjen. Uls ausnahmslos gültigen Grundjak itrenger Analogie fann man diesen betrachten, daß von Gleichem unter gleichen Bedingungen Gleiches gelte, eine Behauptung, der die Mathematif für ihre verschiedenen Aufgaben noch eine Reihe besonderer Ansdrucksformen gibt. Es ist leicht, diesen Grundsat auf den der Subsumption zurückzubringen: wenn von einem S unter der Bedingung x ein P gilt, so fann S und x zusammen als ein Allgemeinbegriff M gefaßt werden, dem als soldem P zufommt; unter daffelbe M ift jedes zweite S zu subsumiren, das dem ersten gleich und der gleichen Bedingung x unterworfen ist; deswegen

gehört diesem S dasselbe Prädicat, wie dem ersten. Diese Transformation, die hier willfürlich und überflüffig erscheinen tann, wird man schon bei dem zweiten Sate nicht entbehren können: von Ungleichem unter gleichen Bedingungen gelte Ungleiches. Man wird geneigt sein, auch ihn für unbedingt gültig anzusehen, aber in der Unwendung erwachsen doch Verlegenheiten. Nehmen wir an, die ungleichen Größen a und b seien durch dieselbe dritte e dividirt, so wird in diesem ersten Kalle ber Satz gelten: Die Onotienten werden ungleich sein. Dividiren wir aber im zweiten Falle jede der beiden ungleichen Größen durch sich selbst, so scheint er nicht zu gelten, denn die Quotienten sind beide = 1. Natürlich wird man fogleich erinnern, hier fei die Bedingung x, der man die ungleichen Elemente a und h unterwarf, eben nicht die gleiche für beide; denn wenn wir jede Größe durch fich felbst dividiren, so führen wir ja ihre Ungleichheit wieder in den Inhalt der Bedingung ein, die wir für beide gleich deuten wollten. Aber diese Erörterung paßt nicht für den dritten Fall: wenn wir beide Größen mit 0 multipliciren, jo ist das Product beide male = 0. Man wird nicht leugnen tönnen, daß die Operation, eine Größe Untlmal zu nehmen, durchaus eindentig ist, und nicht, wie im vorigen Falle, abhängig von dem Werthe der Bröße, auf die man sie anwendet; dagegen wird man mit Recht hervorheben, hier sei eben der Sinn der gleichen Bedingung oder Operation x von der eigenthümlichen Urt, daß er die Ungleichheit der Grögen, auf die man diese amwendet, unwirtsam macht. In dem vierten Falle, wenn wir die ungleichen a und b gnadriren, ist der Sinn dieser Bedingung, der wir sie unterwersen, wieder abhängig von den Größen selbst, wie im zweiten Falle, aber mit dem entgegengesetzten Erfolg: die Quadrate a2 und b2 find ungleich. Die Erfolge find endlich wieder gleich und = 1 in dem fünften Falle, wenn wir a und b auf die untlte Potenz erheben; und hier scheint die Bedingung, der wir die ungleichen Größen unterwarfen, von ihrem eigenen Werth unabhängig; in der That ist aber die Erhebung auf die multe Botenz eine für sich ganz unverstellbare Operation; man muß sich erinnern, daß allgemein ${\bf a}^{{\bf n}-{\bf n}}$ eine andere Bezeichnung für ${\bf a}^{{\bf n}}$, folglich auch ${\bf a}^{1-1}={\bf a}^{0}$ iden

tisch mit "ist, dieser sünste Fall also derselbe wie der zweite. Will

man alle diese Zweidentigkeiten vermeiden, so bleibt nur übrig zu som gen: von Ungleichem gilt Ungleiches unter gleichen Bedingungen dann, wenn die Natur der Bedingung der Ungleichheit des Ungleichen ihre Bedeutung läßt; es gilt Gleiches, wenn die Bedingung so beschäffen ist, daß sie diese Ungleichheit wirfungslos macht. Aber diese beiden Sähe sind ganz unfruchtbare Tautologien; nicht einmal die armselige Entscheidung darüber, ob Gleiches oder Ungleiches gelten werde, machen sie möglich ohne eine vorgängige Zergliederung des jedesmal gegebenen Falles, welche uns tehrt, unter welche allgemeine Regel MP denn eigentlich hier a und b zu subsummen sind, und welche bestimmten Präsdicate p¹ und p² ihnen vermöge der speciellen Werthe zufommen, mit denen sie, als ungleiche Arten des M, an dessen allgemeinem P theil nehmen. Nachdem man diese p¹ und p² gesunden hat, sieht man, ob beide gleich oder ungleich sind; nicht durch Analogie alse, sondern durch Subsumption wird die ganze Folgerung zu Stande gebracht.

Den britten Satz: von Gleichem gelte unter ungleichen Bedingungen Ungleiches, fann man böber schätzen; in der That würde es dem Gesetze der Identität widersprechen, wenn ein identisches Subject unter wirtlich verschiedenen Bedingungen feinen Ginftuß dieser Berichiedenheit spüren follte, und ich werde, weit später, Gelegenheit haben, diejen San als eine nicht unfruchtbare Maxime bei der Behandlung philosophischer Aufgaben zu benuten. Für den Angenblick fallen aber die zahlreichen scheinbaren Ausnahmen auf. Wie wäre denn die Aufgabe der Maschinentechnik lösbar, einen Apparat zu construiren, der sich unter wechselnden Bedingungen selbst regulirt und gleichförmigen Gang beibehält, wenn schlechthin basselbe Subject ober Substrat unter verschiedenen Bedingungen verschiedene Birfungen erfahren müßte? Die genauere Betrachtung entfernt diesen Gimmurf; fie lebrt, daß in den hierber gehörigen Fällen entweder die ungleichen Bedingungen nicht einfach, sondern Paare von Bedingungen, ober das gleiche Subject nicht einfach, sondern ein Ganges von verschiedenen Theilen ift. Zwei Baare von Bedingungen aber fönnen in Bezug auf eine bestimmte Wirfung äquivalent sein, weil die Ungleichbeiten der einzelnen Glieder in jedem . Baar, vermöge der bestimmten Beziehung, die zwischen ihnen stattfindet, jich bis zu gleichen Resten aufbeben; anderseits auf die verschiedenen Theile eines Gangen fonnen verschiedene ungleiche Bedingungen fo

wirfen, daß diese Ginzelwirfungen in jedem Kalle einander bis zu aleidem Folgezustand des Ganzen modificiren. Gin einfaches materielles Element, das anger Beziehung zu anderen steht, tann niemals unter dem Anftok der einen Kraft a dieselbe Bewegung annehmen, wie unter dem einer ungleichen Kraft b. Aber unter der gleichzeitigen Ginwirfung von a und h fann es dieselbe Geschwindigkeit und Richtung erbalten, wie unter der verbundenen Ginwirfung von e und d; wirten diese vier Kräfte in derselben geraden Linie, so reicht die Gleichbeit ibrer algebraischen Summen, also die Bedingung a+b=e+d hin, um dem materiellen Clement die gleiche Bewegung in mitzutbeilen; allgemeiner: jede Bewegung m läßt sich als Resultante unzähliger verschie denen Paare von Componenten begreifen. Man fann sich nun dies Grgebniß verschieden zurechtlegen. Betrachtet man die Summen a+b und e+d als die auf das materielle Clement einwirkenden Bedingungen, so sind diese Bedingungen selbst einander gleich, und unser Fall gebort nuter ben Cap, bag von Gleichem unter gleichen Umftanden Gleiches gette; läßt man aber die einzelnen Kräfte gesondert, so scheint er einen Ausnahmsfall des dritten Satzes zu bilden. Gleichwohl möchte ich die allgemeine Gültigfeit dieses letteren aufrecht halten, denn feine mabre Meinung ift es doch offenbar: die Summe aller Ginwirfungen, welche baffelbe Subject ober Substrat unter verschiedenen Bedingungen erfährt, werde immer verschieden sein. Wenn daber zwei Paare von Bedingungen auch ägnivalent find in Bezug auf eine Art der Wirfung, die fie an demfelben Subject erzengen, so find sie es deswegen nicht auch in Bezug auf alle Wirkungen, und wir verfahren un gehörig, wenn wir nur jenen gleichen, aber nicht diesen ungleichen Theil ibres Ginfluffes in Betracht ziehen. Wenn a und b in entgegengesetzter Richtung auf ein materielles Glement wirken, ebenso e und d, und wenn die Summen oder Differenzen a+b und c+d gleich find, so erfährt allerdings dies Element die gleiche Bewegung m, und es bleibt in Rube, wenn a=b und c=d: aber es erleidet offenbar sebr ver ichiedene Drucke, je nachdem es von zwei großen oder zwei fleinen Rräften im Gleichgewicht gehalten wird. Wenn eine fich felbst com penfirende Maschine unter constanten und unter veränderlichen Bedin gungen gleichen Bang behält, jo andert fie doch die Stellung ihrer Be frandtheile mit ber Beränderung der Bedingungen, und ihre Abnutung

ist größer, wenn sie genöthigt ist, ihre Compensation auszuführen, als wenn sie unter immer gleichförmigen Umständen dieselbe unbenntt läkt. Wenn auf die eine Schale einer im luftleeren Raume sich im Gleichgewicht befindenden Wage volles Licht, auf die andere ber Schatten eines Gegenstandes fällt, so wird das Gleichgewicht nicht gestört, aber die erste Schale wird doch mehr erwärmt und ausgedehnt als die andere. Endlich, wenn wir a einmal mit ab, dann mit da multipliciren. jo find diese Bedingungen freilich gang ägnivalent in Bezug auf die Größe des herauskommenden Produkts, aber doch nicht in Bezug auf seine Structur, und aab ist immer eine andere Combination als aba. Man fam diese an sich schon sehr verschiedenen Beispiele leicht vermehren und dadurch die allgemeine Gültigfeit des dritten Sates ftüten; aber sein Ninten für einen Beweis durch Analogie bleibt doch sehr gering; man fann durch ihn nicht darthun, was doch alle Analogie will, daß in einem zweiten Fall dasselbe stattfinde, wie in einem ersten, sondern man kommt nur zu dem negativen Schluffat, daß jede Berichiedenheit der Bedingungen an demfelben Subjecte die Gleichbeit der Gesammtwirtung unmöglich mache; was an dieser noch gleich, was ungleich ist, bedarf allemal ganz andersartiger Untersuchung. Den vierten Sat erwähne ich mir; daß von Ungleichem unter ungleichen Bedingungen Ungleiches gelte, ist nach allem Borigen so offenbar unbegründet oder zweidentig, daß eine nützliche Umvendung dieser Behanptung undentbar ist. Ich füge nur zum Abschluß hinzu, daß die Gedanken, die man Beweise durch Analogie nennen zu können meint, nicht einmal unmittelbar von diesen Grundfätzen ausgehen, obwohl sie auf dieselben zurückgeführt werden müßten. Ihre allgemeine Voraussetzung lautet vielmehr: von Achulichem gelte unter ähnlichen Bedingungen Achuliches. Um ift Achnlichkeit immer eine Mischung von Gleichheit in der einen und Ungleichheit in der anderen Rücksicht; fällt es daher ichen ichwer, ans den vorigen Sätzen, welche boch die Bestandtheile der Mischung sondern, eine triftige Folgerung zu ziehen, so ist dies noch weniger möglich, wenn in den Achulichfeiten, anf die man fich beruft, beide ungeschieden verschmolzen sind. Ich glande daher hinlänglich gezeigt zu haben, daß es Beweise burch Analogie nicht gibt; ich lengne bamit nicht, daß die Beachtung felbst entfernter Achnlichkeiten ein fehr wirtsames Bulfsmittel des erfindenden Gedankenganges theils zur Entdeckung neuer Wahrheiten,

theils zur Anfindung eines Beweisgrundes für gegebene ist; denn, um mich furz zusammenzusassen, nicht die abstracte Gültigkeit der drei letten Grundsätze brancht bezweiselt zu werden, sondern nur ihre Frucht barkeit für den Beweis. Man kann nicht um unzergliederter Achnlichteit zweier Subjecte willen das Prädicat des einen auf das andere übertragen, sondern nur um nachgewiesener Gleichheit willen, wenigstens der Gleichheit in Bezug auf die Bedingungen, an denen dies Prädicat überalt hängt; und dies sührt immer auf die Ausstellung eines allge meinen Sages MP und auf die Untervrdnung beider Subjecte unter den bedingenden Begriff M zurück.

216. Ich habe noch der mathematischen Folgerungen zu gedenten, Die man als Schliffe nach ftrenger Anglogie bezeichnet. Da ber Rame der Analogie urspringlich von den Proportionen herrührt, so hat jedes Verfahren, das auf Diese zurnätführt, ein begründetes Recht auf die angeführte Benemmng; indeffen hat boch ber Sprachgebranch es dabin gebracht, daß wir unter einem Schluß durch Anglogie eine Folgerung erwarten, welche unmittelbar von Achnlichem auf Achnliches ichtiefit, ohne dazu des Umwegs durch ein übergeordnetes Allgemeine zu bedürfen. In Diesem Sinne aber laffen fich die mathematischen Verfahrungsweisen den Schlüssen durch Subsumption nicht entgegen stellen. Gine Proportion zwischen vier bestimmten Größen, a:b=c:d, ift nur Ausdruck einer Thatsache; zu einer Quelle neuer Folgerungen wird sie erst, wenn die beiden letzten Glieder unbestimmt gelassen wer den; in dieser Form aber: a:b=m:n ift sie der Ausdruck eines alle gemeinen Gesetzes; fie behanptet: diejenigen Größen, auf welche die im Sinne gehabte Aufgabe führt, gehören paarweis so zusammen, daß in jedem Paar das eine Glied zum andern sich wie a:h verhält. Geben wir in und it irgend einen bestimmten Ginzelwerth, so folgt hieraus ein Schluß nach Darii: alle durch den Sinn der Anfgabe gegebenen Größenpaare (M) haben das Verhältniß P, nämlich a:b; nun find m und n (das S des Unterfatses) ein solches Paar, also ist zwischen m und n das Berhältniß a:b. Obne Zweifel ist diese Reduction auf Die erfte Figur sehr langweilig; aber man täuscht sich, wenn man wegen der Kürze des formulirten Ausdrucks, den der Mathematik die Natur ihrer Sbiecte möglich macht, in der einfachen Proportion auch einen türzeren Gedankengang als ben hier augegebenen zu finden glaubt:

selbst das gewöhnlichste Exempel der Regel de tri kommt nur durch ihn zu Stande. Wir fagen: wenn 1 Pfund zwei Thaler foster, so fosten 10 Pfund 10.2 Thaler; dabei feten wir vorans, mas uns felbstverständlich scheint, nämlich, daß bas Berhältniß zwischen jeder Onantität der Waare und ihrem Preise dasselbe sei; wir ordnen also das der 10 Pfund zu dem ihrigen dem des einen Pfundes zu dem seinigen als einen Amvendungsfall unter; der Kaufmann aber verfanft die 10 Pfund vielleicht zu 18 Thalern und zeigt badurch, daß jene Boraussettung sich nicht unbedingt von selbst versteht, sondern daß man sie eben gum Bebuf jener ersten Berechnung wirklich machen mußte: ebense versteht sich, daß man stillschweigend unter m und n Mengen derselben Waare und berjelben Müngeinbeiten benft, wie unter a und b. also anch in dieser Beziehung den zweiten Fall ienem ersten als der allgemeinen Regel unterordnet. Zede allgemeine Gleichung, welche einen und benselben Inhalt unter zwei verschiedenen Formen barstellt, ist gleichfalls eine allgemeine Regel, die nur gultig ist für diejenige Urt von Größen, welche man nach einer in der Formel selbst nicht mit ausgedrückten Convention durch die gewählten Buchstaben bezeichnet haben will und für welche Größenart man die Gültigkeit der Gleichung ursprünglich bewiesen hat. Es ist baber nicht erlandt, an die Stelle der Größen m oder n, die in einer Gleichung vorfommen, beliebige andere μ und r zu setzen und die Gleichung auch dann noch als gültig anzu seben; man muß zuver wissen, daß u und r unter den allgemeinen Urtbegriff der m und n subsumirbar sind, in Bezug auf welchen die Gültigfeit der Gleichung bewiesen ift. Sätte man burd wirtliche Ausführung der Multiplication und vermittelst des Beweises von n zu n+1 gefunden, daß $(1+x)^m = 1 + \frac{mx}{1} + m \frac{(m-1)}{1} x^2$ ift, so hätte man nicht das Recht zu schließen, daß and (1+x) m $=1+\frac{x}{1. \text{ m}}+\frac{1}{m}(\frac{1}{m}-1)$, x^2 fein werde; denn in jener ersten Formel bedeutete in nur den Gattungsbegriff der gangen positiven Zahl, für welche allein jener Beweis durch Multiplication sich ausführen ließ; ihm aber ift ber Begriff eines Bruches nicht jubsumirs bar. Hätte man dagegen ein Mittel gehabt, diesen binomischen Vehrsat znerst für den Brucherponenten m, und zwar für jeden positiven Werth

der Ganzzahlen in und n, zu beweisen, so bätte man, da jedes ganze m sich durch einen unechten Bruch darstellen läßt, hieraus auch den ersten Vehrsatz unmittelbar entwickeln können.

217. Ich will endlich diese Betrachtungen noch einmal mit dem Dictum de omni et nullo oder dem disjunctiven Denfacietse in Berbindung bringen. Wenn S1 und S2 zwei Arten Des Allgemeinbegriffs M ober zwei Ginzelfälle des allgemeinen Kalles M find, in dem Anbalt von M aber P allgemein vortommt, so wissen wir, daß dem S1 und S2 nicht P in dieser Allgemeinheit, sondern dessen Modificationen p1 und p2 als Pradicate zufommen. Es fann nun der specielle Fall eintreten, daß nach der Urt, wie die verschiedenen Prädicate P Q R in M zusammenbängen, die verschiedenen Merkmalgruppen pi qiri, pe qere, p3 q3 r3, die in den einzelnen Subjecten S1 S2 und S3 entsteben, unter einander identisch sein mussen; sie stellen dann ein, wenn wir so sagen wellen, seeundäres Prädicat II dar, welches man schon dem M zu idreiben fann, und welches numodificirbar gang ebenso jeder Art des M zutommt. Go erfordert der Begriff M des Treiecks drei Winkel p q r, aber die verschiedenen Werthe dieser Wintel combiniren sich in den verschiedenen unähnlichen Preiecken immer zu derselben Summe II=2 Rechten; vieses identische Merfmal II kommt daber allen Preiecten zu und fann jedem einzelnen durch bloße Subsumption unter feinen Gattungsbegriff sofort zugeschrieben werden. Abgesehen aber von solden Fällen bleibt das pe oder qe, welches einem Se gebühren wird, unbestimmt, mit der einzigen Cinschräntung, daß es eine Art von Q, und daß es überhaupt, wenn auch mit einem Rullwerth, dessen Unnahme man rechtsertigen fann, vorhanden sein muß. Soll dies qu' bestimmt werden, jo muß es eine Regel geben, nach welcher Die specifische Gigen thümlichfeit von S1, durch welche es nicht blos eine Art von M, son dern Diese Art von M ist, die Modification der allgemeinen Merkmale des M, hier die des Q, mitbedingt, und man muß voranssetzen, daß nach derselben Regel auch die Eigenbeit des 82 die ihm zugebörige Modification 12 des allgemeinen Q bedingen wird. Ift diese Regel velannt, jo fann man q2 bestimmen, und dies ist eben der Gall, den man den Schluß nach ftrenger Analogie nennt, ber aber, wie fich ergibt, auf nichts anderem, als auf der Subsumption unter die gleiche allgemeine Regel beruht. Ift Diese lettere aber nicht befannt, so wir-

allerdings in uns die Tendeng fortbauern, qu' burd Berüdfichtigung der Aebulichteiten und Berschiedenheiten in dem Berhalten von S1 und S2 zu einander und zu M zu finden, und die hierauf gebauten Berfahrungsweisen nennen wir dann gewöhnlich Folgerungen durch Unalogie: jie reichen jedoch nur aus, das richtige Ergebniß zu errathen, aber nicht es zu beweisen. Der pothagoreische Sat hatte gelehrt, daß für rechtwintlige Dreiecke bas Quadrat ber Hopvetenuse h gleich ber Summe der Quadrate der Seiten a und b ift, die den rechten Wintel einschließen. Da dies Verhalten von nichts anderem, als von der allgemeinen Natur des Preiecks, von dem rechten Winkel und von der Yänge der Seiten abbängen fann, jo ist die Tendenz völlig gerechtsertigt, auch für andere Werthe des Gegenwinkels einen analogen Sag über das Quadrat der Gegenseite zu suchen. In der Formel h2=a2+b2 findet sich nun feine Erwähmung des rechten Wintels mehr; die Formel, die wir suchen, muß aber den Gegenwinkel erwähnen, denn die einfachste Anschauung lehrt, daß bei gleichen a und b sich h mit seiner Bergrößerung verlängert nud mit seiner Berminderung verfürzt. Folglich muß die pothagereische Formel durch ein Glied eraäust werden, welches für den Wintel q = 90° zu Antl wird, und da nicht der Wintel selbst, sondern nur eine von ibm abhängige Länge, oder ein Zahlencoefficient, der eine andere Länge bestimmt, zur Ausmessung von h dienen fann, so wird man h2=a2+b2+mcosq versuchsweise segen. Die Zweidentigkeit des Zeichens bebt fich fogleich durch die Beobachtung, daß h mächst, wenn q über 900 mächst, der cosinus mithin negativ wird; es tann baber in der Formel mir das negative Zeichen gelten. Um das unbestimmte m zu finden, wenden wir uns an die beiden Grenzwerthe q=0 and $q=\pi$. In letten Halle wird $h^2=(a+b)^2$ nnd $\cos q = -1$; im eriten ift $h^2 = (a-b)^2$ nnd $\cos q = +1$; beide Källe geben gleichmäßig h2=a2+b2-2abcosq. Formel ist nun richtig für alle Werthe von q, aber bewiesen ist jie feineswegs; fie dect mit Sicherheit nur die drei Specialwerthe $q=0, q=\pi, q=\pi/2$, aus denen sie entwickelt ist; es ließe sich leicht eine andere Formel denfen, 3. B. h2=a2+b2-2abcosq. $\cos^2(\pi-q)$, welche denselben Dienst leistete; welche von beiden anch den Zwijdemverthen von g allgemein entspricht, bleibt also unbestimmt, bis eine leichte geometrische Construction, welche den puthagoreischen

Sat auch voraussetzt, für die wirkliche Augemeingültigkeit der zuerst gefundenen entschiedt. Ich führte dies einsache Beispiel aus, um an ihm zu zeigen, wie vielerlei Aebenerwägungen nöthig find, um unser Streben, neue Wahrheiten nach Analogie gegedener zu finden, mir überhaupt in eine Direction zu bringen, die einen Erfolz verspricht.

Fünftes Kapitel.

Die Auffindung ber Beweisgründe.

218. Die wesentlichste Leistung jeder Beweisführung für einen gegebenen Sat T ift die Anffindung des Oberfates G, aus welchen, durch idictliche Unterordnung, T als nothwendige Folge bervorgeben jell. Dieje Anfgabe, offenbar eine des erfindenden Gedankenganges, macht teine logische Regel möglich, nach welcher ihre Yösung, ohne auf Die freie Mitwirtung des individuellen Scharffinnes zu rechnen, in allen Fällen mit Siderbeit gefunden werden tonnte. Man nuß nicht nur voraussetsen, daß früberes Nachdenken überhaupt schen eine Augabl allgemeiner Erfenntnisse geliefert bat, die in einer für diesen 3wect benutsbaren Beziehung zu dem Inhalt des gegebenen T steben, und die mm, im Bewußtsein reproducirt durch die Achnlichkeit Dieses Inhalts mit ihrem eigenen, dem Suchen entgegen fommen und sich als Erflärungsgründe des Gegebenen anbieten; man wird außerdem zugeben müssen, daß der Scharsblick, welcher unter ihnen den passendsten Beweisgrund heransfindet, und die vielleicht nötbigen Umformungen übersieht, durch welche das Gegebene ihm untergeordnet werden fann, in weitem Umfang Sade des angeborenen Talents und nicht einmal unabhängig von der angenblicklichen Stimmung ist. Indessen muß es ood möglich fein, aus dem logischen Verhältniß, welches zwischen den Bestandtheilen eines mabren und defhalb beweisbaren Sates T statt findet, wenigstens eine solche Unleitung zu gewinnen, durch welche man auf den Weg, auf welchem man freilich den Beweisgrund immer noch wird zu suchen haben, einigermaßen hingewiesen und von gänztich richtungslosem Tasten abgebalten wird. Nirgends anders liegt dieser

Hinweis, als in dem früher bemerkten Umstande, daß jedes mahre allgemeine Urtheil T, wenn man sein Subject und sein Prädicat durch alle angedenteten oder unansgesprochenen, aber doch mit gedachten Rebenbestimmungen ergänzt und vervollständigt denkt, ein identisches Urtheil bifden muß. Substituirt man daber dem Begriffe S, welcher in T als Subject auftritt, diese vervollständigte Summe aller in ibm enthaltenen Theilvorstellungen in den ihnen zufommenden Formen der Berfnüpfung, jo muß bierin der Grund liegen, der das Prädicat rechtfertiat; substituirt man anderseits dem vollständigen P die Summe der in ihm eingeschlossenen Theilvorstellungen, so müssen in ihr alle Forde rungen vereinigt fein, deren Erfüllung man von dem Subject, gur Richtigkeit des Sates T, zu verlangen hat. Ich versuche, an einigen Beispielen den Ruten dieser Unweisung zu verdeutlichen, und da in der That hier Beweisführung und Erfindung gang dieselben Wege geben, jo behandle ich einige dieser Beispiele als Beweise für den gegebenen Sats T, andere als Beispiele seiner Erfindung, b. h. der Frage, welches durch einen Satz T aussprechbare Berhältniß zwischen einem gegebenen S und P stattfinden müsse?

' 219. Es moge zuerst der gegebene Sat T, der Winkel im Halbfreis sei ein rechter, zu beweisen sein. Zergliedern wir das Subject, so so finden wir, daß unter dem fraglicen Wintel ein solder zu verstehen ifi, deffen Schenkel von den Endpunkten a und b einer Graden ab ausgeben und sich irgendwo auf der Peripherie eines Kreises schneiden, ber über ab als Durchmeffer beschrieben ift. Damit nun dem zweiten Theil dieser Definition, welcher die Lage des Durchschnittspunttes e bestimmt, genügt werde, muß die Entfernung des e von dem Halbirungspuntt e ber Graben ab gleich ber Hälfte ac ober eb biefer Graben fein. Diese aus der Definition des Subjects fliegende Forderung führt unmittelbar auf die einzige fleine Hilfsconftruction, deren wir bedürfen: diese Linie ec müssen wir ziehen, um für unsere Unschanning dentlich die Verhältnisse hervortreten zu lassen, auf denen die Rothwendigfeit bes gegebenen Saties T beruht. Haben wir min ec gezogen, jo ift durch sie das vorige Dreieck ael in die beiden gleichschenkligen aes und ech, der Wintel bei e aber in die beiden a und 3 getheilt; aus der Bleichschenkligkeit ber beiden Dreiecke folgt und folgt zugleich Richts anders, als da $\bar{n} < eac = a$ und $< ebc = \beta$; daraus aber, wie

beide Preiecte das Preiect aeb zusammensetzen, indem es ihnen gemeinfam ift, ac und ch aber in dieselbe Grade fallen, folge weiter, bak die vier Wintel a. a. 3. 3 zusammen gleich der Wintelsumme des Treiecks aeb sind. Man hat also $2(\alpha + \beta) = 2 \Re$, und da $\alpha + \beta$ eben der gesuchte Wintel im Salbfreis ift, diesen selbst gleich einem Rechten. Nicht immer wird eine jo leichte Zergliederung des Subjects binreiden, wie in diesem einfachsten Fatte; fügen wir deßhalb ein zweites Beispiel zur Erläuterung eines häufig anwendbaren Kunftgriffes bei. Man besitzt vielleicht einen Sat T, welcher uns lehrt, was von einem Subject gilt, welches bem Subject & des gegebenen Saties nicht gleich ist, sondern von ihm um eine angebbare Differenz abweicht; läßt man dann aus ibm, durch Anshebung dieser Differenz das gegebene Subjekt S entstehen, und fann man nachweisen, wie sich hiermit das durch T ausgesprochene Verbalten andert, jo wird man den gegebenen Sat T beweisen, wenn er richtig ist, oder den richtigen Satz T finden, wenn der gegebene falsch oder wenn überbanpt feiner gegeben war. Die Frage jei: wie groß die Wintelsumme des Dreiecks jei? Ich nehme au, daß Die von den Parallelen und ihrem Durchschnitt mit einer Graden geltenden Sätze unabhängig von der Betrachtung des Preiecks fesistehen, und saffe dann die beiden Graden all und be einander parallel sein, von einer dritten Graden ab aber in den Punften a und b geschnitten werden. Diese drei ginien bilden jo fein Dreieck, sondern einen offenen Raum, aber die Summe S der beiden Wintel dah und abe ist befannt und gleich zwei Rechten. Dreben wir jetzt die Linie ad um den Punkt a, jo daß sie gegen be convergirt, jo entsteht zwischen ihrer neuen Yage und ihrer vorigen ein Wintel q. welcher aus der Wintelsumme S ausgeschlossen wird; zugleich aber entsteht zwischen der geneigten Linie und be ein neuer Winfel, welcher als dritter Winfel des jest entstehenden Dreiecks zu dem Reste der Winkelsumme S hinzutritt, und nach den Sätzen über die Parallelen gleich dem ausgeschloffenen q ift. Bei dem Nebergang aus dem Nichtdreieck in das Dreieck erfährt daher die Summe der von den drei Seiten eingeschlossenen Winkel gleichen Ge winn und Verlust q; sie ist also auch im Preiect gleich zwei Rechten.

220. Es sollen die Bedingungen des Gleichgewichts bewiesen oder gefunden werden, für einen völlig freien und absolut sesten Körper, auf den in verschiedenen Runten verschiedenen Kräfte uach verschiedenen

Richtungen wirfen. Anatoffren wir den Begriff des Körpers, von dem bier gesprochen wird, so bedarf die völlige Freiheit desselben feiner weiteren Zergliederung; als Abwesenheit jeder bedingenden Relation zu andern ift sie für sich tlar, und nur diese Relationen, wenn sie beständen, würden Gegenstand weiterer Begriffsbestimmungen fein: abselut fest aber ist ber Körper, wenn jede beliebigen zwei Buntte besselben eine unveränderliche Entfernung haben. Stände nun diefer gerper gar nicht unter dem Ginfing von Kräften, so würde man von ihm wissen, daß er entweder in Rube ift, oder eine ursprüngliche Bewegung mit der constanten Geschwindigkeit e fortsett: man batte nur e = 0 zu seten, um die Bedingung des Gleichgewichts der Rube auszudrücken, welches wir hier meinen. Um aber zu entscheiden, wie er dies Gleichgewicht unter dem Ginflug von Kräften behauptet, muffen wir, analog dem vorigen Falle, zuerst zusehen, wie er sich bewegen würde, falls er sich bewegte, und dann muffen wir alle die Bedingungen negiren, die mit dieser Bewegung ungertrennlich verbunden sein würden. Dies ist fein bles nütslicher, legisch unmetivirter Einfall: denn das Gleichgewicht. welches wir bier suchen, ist seinem Begriffe nach nicht bloke Rube, fondern Verneinung der Bewegungen, die es zu stören fuchen. Da es mm feine anderen Bewegungen gibt, als fortschreitende, drebende und die aus beiden gemischten, so haben wir, um das Gleichgewicht des Körpers zu bestimmen, nur die Bedingungen der beiden ersten Bewegungsarten zu beachten; mit ihrer Berneinung verschwindet die Möglichteit der dritten von felbst.

221. Sprechen wir zuerst nur von der sertschreitenden oder translatorischen Bewegung und schließen ausdrücklich jede Trehung aus, so solgt aus der Tesinition der Festigkeit, daß alle Theile des sesten Körpers sich in gradlinigen und parallelen Bahnen und deßhalb mit gleicher Geschwindigkeit fortbewegen müssen. Auf welche Weise daher auch immer eine Krast es dahin gebracht haben mag, dem einen Theile a des Körpers eine Geschwindigkeit o zu ertheiten, immer muß, falls es eine sortschreitende Bewegung und teine Trehung geben soll, die Wirtung dieser Krast auch jedem andern Theile b des Körpers dieselbe Geschwindigkeit mitgetheilt haben. Hierans entspringt für unsern Zweck die große Bequemtlicheit, daß wir zur Beurrheitung des transstaterischen Endersolges aller einwirkenden Kräste die Berschiebenheit

ibrer Angriffspuntte an dem festen Körper nicht zu berücksichtigen nöthig baben; es genügt, daß wir alle Kräfte, jede jedoch parallel mit ihrer gegebenen Richtung, an einen besiebigen Puntt des Ranmes verssetzen, in den wir die Masse des Körpers concentriren, und dann nach den besannten Regeln über die Zusammensetzung der Bewegungen die resultirende Bewegung R bestimmen, welche sie diesem Puntte ertbeilen würden; Größe und Richtung dieser Resultante R sind dann identisch mit Größe und Richtung der Bewegung, die der Körper unter dem vereinigten Sinsluß der Kräste annimmt, und er bleibt in Ruhe, wenn R = 0 ist. Trückt man dies Ergebniß so aus, daß der Körper ruht, wenn die Wirtungen alter an ihm angebrachten Bewegungsantriebe sich ansschen, so bedarf dieser Sat, als identischer, überhaupt seiner Besgründung; unsere Ersänterung gab jedoch and die Bedingung an, unter welcher seine Ansbedung stattsündet; sie war die nämliche, wie in dem Falle, daß alte Kräste auf denselben Puntt wirfen.

222. Die Medanif pflegt indeffen diese Bedingung nicht unter dieser Ferm R = o anzugeben, sondern spaltet sie, zur Begnemlichteit der rechnenden Unwendung, in drei Gleichungen, die ich noch erwähne, weil gewiß die Rüdsicht auf Ausführbarkeit einer logischen Borichrift mit zu den Aufgaben einer angewandten Logif gehört. Ift die Zahl n der auf ben Körper wirfenden Kräfte beträchtlich, so wird es muhjam, die lette Resultante R badurch zu finden, daß man zuerst aus zweien bieser Aräfte eine erfte, aus dieser und der dritten Araft eine zweite Resultante sucht und so bis zur Zusammensetung ber letzten Kraft mit der gulett gefundenen Resultante fortfährt. Auch pflegen die Wintel, welche jede Kraft mit jeder audern macht, und welche diese Berechnung zu beachten hätte, felten zu ben ursprünglich gegebenen Bestimmungeftüden zu gehören; wo aber die Beobachtung eines gegebenen Thatbestandes diese Bestimmungestücke erft feststellen muß, wird fie bier wie überall vorziehen, die Richtungen aller Eräfte durch ihre Beziehungen zu einem einzigen allgemeinen Maßstabe zu daracterifiren, auftatt die Tivergenzen zwischen je zweien zu messen. Man legt baber brei auf einander rechtwinklige Coordinatenaren X, Y, Z zu Grunde, bestimmt die Rich tung jeder Kraft P durch die drei Wintel a, β, γ , welche sie mit diesen Uren oder ihren Parallelen macht und denft sich zugleich jede in drei Diesen Axen parallele Seitenfräfte zerlegt, die nach einem befannten Sage

P $\cos \alpha$, P $\cos \beta$ and P $\cos \gamma$ sein werden. Die drei Summen, welche dann die gleichgerichteten Componenten aller Kräfte vereinigen, also die Summen Σ P. $\cos \alpha$, Σ P. $\cos \beta$, Σ P. $\cos \gamma$ werden die resultirenden Kräfte sein, welche den Körper beziehungsweis parallel den Aren X. Y. Z zu bewegen streben; ist jede dieser Summen sür sich gleich Rull, so schreitet der Körper nach keiner der drei Arenrichtungen, also überhaupt nicht, vorwärts; denn zede Bewegung in einer Zwischen richtung würde eine gleichzeitigt hier gelängnete Berichiehung nach wes nigstens zwei dieser Aren einschließen. An die Stelle von R=0 treten also die drei Gleichungen Σ P. $\cos \alpha=0$, Σ P. $\cos \beta=0$ Σ P. $\cos \beta=0$

223. Wir haben noch die andern Bedingungen zu juchen, welche Die Drebung bes Körpers ummöglich machen. Dreht sich nun eine grade Vinie um einen ibrer Buntte, so ändern anger diesem einen, ben wir als fest betrachten, (wodurch wir zugleich die fortschreitende Bewegung der ganzen Linie aufheben,) alle ihre übrigen Punkte ihre Raumcoordinaten. Die Linie fann sich daber nicht dreben, sobald zwei ihrer Buntte unveränderliche Coordinaten haben. Aber um diese nun in ihrer aanzen Ausdehnung festliegende Linie fann sich eine Gbene drehen, in der fie enthalten ist; bann andern alle Buntte der Chene außer Dieser Are ihre Coordinaten; die Drehung der Chene wird folglich unmöglich, wenn ein Bunft außerhalb der Axe, wenn also im Ganzen die drei Edvunfte eines beliebigen in der Chene angenommenen Dreiecks festliegen Diejelbe Bedingung genügt offenbar, um die Drehung eines festen Körpers unmöglich zu machen, deffen jeder Buntt eine unveränderliche Entferming von jedem Pnuft einer beliebig in ihm angenommenen festen Ebene besitet. Man fonnte baber die Bedingung der Richtbrehung dahin aussprechen, daß die drei Edpunkte eines willführlich in dem Körper verzeichneten Dreiecks ihre Coordinaten nicht andern. Aber der Rachweis, daß diese Bedingung erfüllt sei, wurde nicht bequem sein; man tönnte ihn durch Umvendung der vorigen drei Gleichungen auf jeden Dieser brei Puntte nur dann führen, wenn man nachweisen könnte, zu welcher Resultante sich an jedem von ihnen alle die Kräfte verbinden, Die nicht an ihm selbst, sondern an andern Puntten angebracht sind; bies aber, wie man leicht bemertt, ist eben bas, mas mir noch zu erfahren inden. Man verfährt daher anders, und zwar, da die Yage ienes Treiecks aanz willführlich ist, so wird man am natürlichsten darauf verfallen, seine drei Estpuntte in die drei Axen X, Y, Z zu vertheilen, in Bezug auf welche man ja die Richtungen aller zusammenwirtenden Arafte bereits bestimmt hat; and in jeder Ure aber ist die Yage des dabin versesten Punttes willführlich; man fann daber jeden Puntt jeder Ure als einen Bunft unveränderlicher Lage, mithin die drei Uren selbst als drei feste Linien ansehen, in Bezug auf welche, wenn die Drehung ausgeichloffen fein foll, fein Puntt des Körpers feine Lage und Entfernung ändern darf. Betrachtet man endlich die Agen als Dimenfionen, die innerhalb des Körpers selbst liegen oder als identisch ihrer Lage nach mit drei auf einander rechtwintligen Punftreiben dieses Körpers. jo folgt ans ber Definition der Festigkeit, daß nur diese Bunttreihen im Raume festzuliegen branden, um jede Ortsveränderung der übrigen Körperpunkte unmöglich zu machen. Die Aufgabe reducirt sich daher auf den Nachweis, daß alle gujammenwirtenden Kräfte feine der drei Bunftreiben oder feine der jetzt gegen ihre frühere Richtung beweglich gedachten Uren Z. Y. Z nach irgend einer Richtung zu drehen im Stande find.

224. Die zuletzt entwickelte Borstellungsweise würde jedoch als Unterlage ber Berechnung nur bann begnem fein, wenn bie Richtungen aller den Körper treffenden Bräfte durch die drei Uren gingen. Dies wird im Allaemeinen nicht ber Fall sein; um diesenigen Kräfte mit in Betracht ziehen zu fonnen, beren Berlängerungen bei jenen Bunttreiben porbeigeben, ohne sie zu schneiden, mussen wir diesen drei Linien drei einander rechtwinflig schneidende Chenen substituiren, deren jede mithin zwei von diesen Uren einschließen wird; eine dieser Chenen trifft die nöthigenfalls verlängerte Richtung jeder Kraft. Die Aufgabe ist jest, zu zeigen, daß alle Kräfte weder die Ebene XY und XZ um X. noch die Y Z und Y X um Y, noch die Z Y und Z X um Z zu drehen im Stande find. Betrachten wir die Bedingungen der Trehung um Z. Jede Kraft P. welche in beliebiger Richtung einen Punft des Körpers angreift, bessen Coordinaten x, y, z sind, und welche mit den drei Agen Die Wintel a, 3, 7 macht, fann, wie früher, in die drei den Axen parallelen Seitenfräfte P cos a, P cos 3, P cos 7 zerlegt werden. Bon ibnen fommt die lette bier nicht in Betracht; fie fonnte nur eine trans

satorische Berrückung des Körper nach der Zure bewirken, die durch die Gleichungen bes § 222 schon ausgeschlossen ift, ober eine Drehung ber XY Chene um X ober Y, die wir hier noch ausschließen. Bon den beiden andern Kräften steht P cos a senfrecht auf der ZY und P cos 3 senfrecht auf ZX; beide streben, wie eine leicht zu entwerfende Bigur zeigt, die Chenen ZX und ZY, also den Körper, in welchem diese beis den unveränderlich verbunden sind, nach entgegengesetzten Richtungen zu dreben; die Richtung der wirklich erfolgenden Drehung würde daher von ihrer Differenz abhängen. Aber nicht einfach von ihrer Differenz, denn ein Sat, beffen wir uns bier einstweilen nur erinnern, lehrt, daß bie drebende Wirfung einer Kraft, die sentrecht auf eine Linie ist, nach dem Product ihrer Intensität in die Entsernung ihres Angriffspunftes von der Drebare zu meisen ist. Für P cos a ist diese Entsernung y, und x für P cos B; die Differenz der Producte y P cos a und x P cos B. oder die Differenz der Momente muß gleich Mull sein, wenn P feine Drehung um die Z Are bewirfen foll. Man hat diefelben Betrachtungen in Bezug auf alle Kräfte zu wiederholen und findet als Bedingung der Nichtbrehung um Z die Gleichung Σ (y P $\cos \alpha - x P \cos \beta$) = 0. Dieselben Formen werden offenbar, bei ber völligen Gleichwerthigteit der drei Rammrichtungen, auch die andern Gleichungen haben, welche die Drehung um X und Y aufheben; und da auch mnemonische Hülfsmittel nicht außerhalb ber Aufgaben angewandter Logif liegen, so fübre ich au, daß die Gleichung für die Richtdrehung um die eine Are allemal Die Bestimmungsstücke, Die sich auf Diese Are beziehen, nicht enthält, sonbern auf der Summe von Differengen zweier Producte besteht, beren jedes eine Seitenfraft nach der zweiten Are mit der Coordinate ihres Angriffspunttes nach der dritten verbindet. Die Formel D (z P cos 3 $-y P \cos \gamma = 0$ hebt die Prebung um X. die dritte Σ (x P $\cos \gamma$ $-z P \cos a = 0$ die nur die Y Axe auf.

225. Den Sat, den wir über das Gleichgewicht drehender Kräfte oben entsehnten, gewinnt man im Zusammenhang der Statit sehr leicht durch einen kleinen Kunstgriff, der diese Frage auf die Zusammensehung der Bewegungen zurückbringt. Ich wähle hier einen andern Weg des Beweises, natürlich nicht, nun der Statik eine Verbesserung zu verschaffen, sendern um an einer Vehandlung, welche so viel als möglich von bles glücklichen Ginfällen unabhängig ist, das Hervergeben der Beweisgründe

ans der Zergliederung der Aufgabe selbst deutlich zu machen. Die starre Linie a b, beren Länge n sei, fann sich um ihren festen Endpunkt a nur dreben, indem alle ihre Punkte Areisbögen o w von gleichem Winkel w mit einem Halbmeffer o beschreiben, der für jeden Buntt gleich seinem Abstand von dem Drehpunkt a ift. Wirkt min eine Kraft W an dem Bunft b, und hat sie es, wie auch immer, dahin gebracht, ihn in der Beit t der Bogen n w durchlaufen zu machen, so hat sie allemal zugleich jeden andern Punkt von dem Abstand o genöthigt, in derselben Zeit t den Bogen o o zurückzulegen; und umgefehrt: jede Kraft, die an dem Bunfte o angebracht, diesen Bunft dazu vermocht bat, sich durch den fleineren Bogen o o zu bewegen, bat allemal auch alle übrigen Punfte gezwungen, die ihren Abständen von a zukommenden Kreisbögen zu durchmessen. Es fragt sich unn, wie zwei Kräfte P und Q beschaffen sein müssen, um von den Buntten p und q aus, an welche sie angebracht sind, diesen gang gleichen Erfolg hervorzubringen, und folglich, wenn sie nach entgegengesetten Richtungen auf die Linie ab einwirfen, die Drehung derselben zu verhindern. Unfangs hat gewiß nur die Beobachtung gelehrt, daß diese beiden Kräfte nicht gleich sein können, daß vielmehr in der Befestigung bes a und in ber Starrheit ber Linie ab Bedingungen liegen, welche den Erfolg jeder Kraft vermindern, je mehr ihr Angriffspuntt fich dem Drehpunkt nähert. Allein der Begriff der Festigkeit, also der bloken Unbeweglichkeit von a ift zu unvergleichbar mit Begriffen von Bewegungen, um erkennen zu lassen, wie jene auf diese einwirken fann; man müßte zuvor die Festigkeit selbst als Erfolg von Bewegungen fassen, um sie jenen andern Bewegungen homogen zu machen, auf welche fie einen einschränkenden Ginfluß ansüben soll. Man fann ferner P und Q nicht vergleichen, so lange sie unter verschiedenen Umständen wirken, deren bedingende Macht noch unbefannt ist; man kann sie nur nach den Geschwindigkeiten q und w schätzen, welche sie unter gang gleiden Bedingungen auf ein gang gleiches bewegliches Object übertragen; endlich können P und Q zwar an den einzelnen Punkten p und gangebracht sein, aber doch nicht auf sie allein wirken; um eine Drehung hervorzubringen oder zu hemmen, muß die Wirfung jeder Kraft sich auf alle Bunkte der Linie a b verbreiten, und die Art dieser Vertheilung müßte man kennen, um zu verstehen, wie der Effect einer von ihnen den gleichzeitigen Effect der andern an jedem Bunkte der Linie aufheben kann.

226. Diesen logischen Anweisungen genügen wir durch folgende Betrachtung. Sei a b = n zuerst eine völlig freie starre Linie, bestehend aus der unendlichen Anzahl n gleichartiger Massenpunkte, welche auf irgend eine uns hier nicht weiter angebende Weise genöthigt find. unveränderliche Entfernungen von einander zu behalten. Gine Anzahl n gleicher und paralleler Kräfte wirfe fenfrecht auf diese Linie so, daß fie jedem Clemente derselben die Geschwindigfeit o mittheilte; bann wird diese Gesammtfraft $W=n\,\omega$ die gauze Linie parallel mit sich selbst forttreiben. In eine drebende Bewegung geht diese translatorische dann über, wenn wir den verschiedenen Punften der Linie verschieden abgemeffene Geschwindigkeiten entgegenwirten laffen, die wir uns wie im Anfang so auch im Fortgang der Drehung in jedem Angenblick senkrecht auf a b benken. Dem Endpunkt a stellen wir die Geschwindigkeit — o gegenüber, durch welche er, für die vorliegende Unigabe, zum festen Punkte wird; bem Punkte b seten wir eine Geschwindigfeit = 0 entgegen und er behält mithin die volle Geschwindigkeit o, welche ihm W ertheilte; die Berechnung der Widerstände, die für die Zwischenpunkte nöthig sein würden, nm die ganze bewegte Linie geradlinig zu erhalten, wäre leicht, aber überstüssig; wir fennen bereits die Reste, welche sie von der Wirkung der Kraft w jedesmal übrig lassen, nämlich $rac{arrho}{n}$ o für jedes Glement arrho, dessen Abstand vom Trehpunkt = o ift. Ließen wir nun eine Kraft P, welche einem freien Clemente der Linie die Geschwindigfeit o zu geben vermöchte, auf den Puntt p der befestigten einwirken, so würde sie diesem die Geschwindigkeit $rac{\mathbf{p}}{\mathbf{p}}\cdot\mathbf{g}$ geben, wenn er für sich beweglich wäre; da er es nicht ist, so nuß bieser ihm beigebrachte Bewegungsantrieb sich auf die ganze Linie vertheilen. Wie nun auch immer diese Bertheilung zu Stande kommen mag, ihr Effect steht im voraus fest: er kann nur in einer Drehung ber gangen Linie bestehen und diese beurtheilen wir nun wieder mit Sülfe der oben entwickelten Borstellung. Wirkte ber dem p ertheilte Anstoß auf alle n Elemente der freien Linie gleichmäßig, so würde er jedem derselben den aten Theil der Geschwindigkeit geben, die er dem pallein zu geben suchte; an der besestigten Linie wird er daber jedem Glement o die

Geschwindigkeit $\frac{\varrho}{n} \cdot \left[\frac{p}{n} \cdot \frac{\varphi}{n} \right]$ mittheilen. Ganz Gleiches gilt von einer zweiten Kraft Q, die einem freien Glement die Geschwindigkeit w. dem Clement ${
m q}$ der befestigten Linie dagegen die Geschwindigkeit $rac{{
m q}}{2}\cdot\psi$ beis bringen würde; an q angebracht, würde sie jedem andern Element o die Geschwindigkeit $\frac{\varrho}{\mathrm{n}}\cdot\left[\frac{\mathrm{q}}{\mathrm{n}}\cdot\frac{\psi}{\mathrm{n}}\right]$ geben. Sollen nun die beiden an p und q einwirkenden Kräfte oder Geschwindigkeiten entweder in gleichem Sinne gerichtet eine und bieselbe dritte Bewegung der Linie aufheben, oder in entgegengesetztem Sinne gerichtet einander selbst das Gleichgewicht halten, so müssen, für jedes o, die beiden gefundenen Ausdrücke für ihre Wirtung einander gleich, also p $\varphi = q \psi$ und $\varphi : \psi =$ q:p sein. Das heißt: die Hebelarme der Kräfte müssen sich umgekehrt verhalten wie ihre Intensitäten. Am einfachsten schließt sich dieser Ableitung die Borstellung an, die Linie ab sei in einer Horizontalebene drehbar und werde in derselben Cbene von zwei entgegengesetzt gerichteten Stößen getroffen, welche von zwei mit den Geschwindigkeiten gund y bewegten unter einander, und mit den bei p und g von ihnen getroffenen, gleichen Masseneinheiten ausgehen; dann können g und ψ unmittelbar für die wirfenden Kräfte P und Q gelten. Denft man sich die Kräfte P und Q als zwei Gewichte mg und ng, deren eines die in der Berticals ebene bewegliche Linie, die wir und ohne Eigenschwere denken, nach unten, das andere sie mittelst Faden und Rolle nach oben zieht, so sind unmittelbar die Geschwindigkeiten freilich gleich, welche beide den von ihnen angegriffenen Buntten, wenn fie freie Maffeneinheiten wären, geben würden, nämlich = g, denn die ziehende Wirkung hört auf, wenn der gezogene Punkt mit der ziehenden Masse gleiche Geschwindigkeit hat; aber P fann diese Geschwindigseit m mal und Q sie n mal hervorbringen, sobald es Widerstände gibt, welche sie aufheben wollen; dies findet hier statt, wo beide Kräfte einander entgegenwirken; man fann daher g sich als Bezeichnung der Maßeinheit für die Geschwindigkeit und m und n als die Anzahlen q und w dieser Ginheit denken. Dann bekommt der Satz die befannte Form: zwei Gewichte P und Q find an dem Hebel im Gleichgewicht, wenn sie sich umgefehrt verhalten wie ihre Hebelarme. 227. Auf sehr scheinbare und dennoch nicht zulässige Weise würde

man denfelben Sat folgendermaßen ableiten. Wenn auf denfelben Bunkt m des in sentrechter Ebene beweglichen Sebels ab zwei gleiche entgegengesetzte Kräfte P und Q einwirfen, so ist unter dieser Bedingung Gleichgewicht selbstverständlich. Deuft man sich nun, wie gewöhnlich geschieht, Q als ein Gewicht, das durch einen Haken oder Faden an m aufgehängt ift, und P als einen von oben wirkenden Bug, so liegt hierin die stillschweigende Voranssetung, es sei gleichgültig, ob von den unendlich vielen unendlich bunnen fenfrechten Streifen, in die man Q fich zerlegt denfen fann, jeder einzeln den Punft des Hebels angreift, der in seiner Berlängerung liegt, oder ob alle diese Ginzelfräfte nur durch einen einzigen Repräsentanten, der sie zusammenfaßt, durch den Faden, an den Hebel kommen. Dies einmal angenommen, ist es dann auch nothwendig gleichgültig, ob man sich Q als einen Körper deuft, ober durch eine geometrische Chene senfrecht in zwei Sälften getheilt, die einander an der Schnittfläche berühren, und deren jede durch einen besonderen Kaden, der ihre Kräfte als Resultante zusammenfaßt, an dem Hebel befestigt ist. War nun m die Entfernung des früheren einzigen Ungriffspunktes vom Drebpunkt, so sind m — x und m + x die entiprecenden Entfernungen der neuen Angriffspunkte dieser zwei Käden. Und dies heißt nun: das Gleichgewicht besteht fort, wenn zwei Kräfte Q/2, deren Summe = P ift, rechts und links gleich weit von dem Ungriffspunkt der entgegengesetzten Kraft P angebracht werden; denn die Fäden selbst, oder ihre Spannungen, sind jest die unmittelbar angreifenden Kräfte. Go lange nun biefe Spannungen die Refultanten der in den beiden Q/2 vereinigten Schwerkräfte find, ist es ferner offenbar ganz gleichgültig, wie diese Q/2 übrigens geformt sind, also auch gleichgültig, ob sie einander noch berühren, wie vorhin, oder ob sie durch Bergrößerung ihrer sentrechten Dimension und Verkleinerung ihres Querschnittes jett zu zwei gesonderten Körpern werden, die einen Bwifdenraum zwifden einander laffen. Setzt man diese lleberlegungen fort, so hindert nichts, die Verschiebung des einen Q/2 nach links, des andern nach rechts, um gleiche x, nach Belieben fortzuseten, bis endlich x = m wird; dann ist das eine, sagen wir das linkshin verschobene Q/2 unter dem festen Drehpunkt a angelangt und übt nun keinerlei Wirkung mehr auf den Hebel aus; das andere Q/2 hat den Abstand 2 m vom Drehpunkt erreicht, und das Gleichgewicht besteht jest unter der

Bedingung fort, daß P, welches = Q ist, an dem Hebelgrme m, - Q/3 aber an dem Hebelarme 2 m angreift. Es würde blos fehr weitläuftig. fonst aber nicht schwierig sein, das gefundene Resultat von der hier augewandten Zweitheilung des Q unabhängig zu machen und es auf jedes Berhältniß zwischen den beiden einander entgegenwirtenden Kräften auszudehnen. Aber jo anschaulich diese Darstellung ist, jo ist sie dennoch gar nicht schlußfräftig. So lange nämlich m x < m, so lange hatte das nach links verschobene Q's noch einen ertennbaren und begreiflichen Ein flug auf das Gleichgewicht des Hebels; es blieb flar, daß es im Berein mit dem entgegengesett fortrückenden andern die zureichende Gegenkraft gegen P war; sobald dagegen x = m wird und die Wirkung von Q. gang wegfällt, entsteht ein Sprung in unsern Gedanten, indem einer der Beziehungspunkte verschwindet, auf dessen Berhältniß zum andern unser ganges Raisonnement gebaut war. Denn wenn wir zuerst Q in dem Puntte m selbst anbrachten, dann beide Q/s symmetrisch um m vertheilten, jo galt, was wir daraus folgerten, zunächst für die freie Linie ab, die in m durch die Kraft P gehalten wurde; die Befestigung des Endpunttes a war gar nicht berücksichtigt; freilich galten dieselben Folgerungen anch für den Fall des befostigten a, jo lange sich nachweisen ließ, daß ohnehin, um der Bertheilung der Gewichte willen, Gleichgewicht stattfand; denn wenn es stattfand, jo tonnte es dadurch nicht gestört werden, daß man sich a noch zum Ueberfluß festgelegt rachte. Sobald aber der Einfluß von Q 2 wegfällt, so findet aus jenen vorgedachten Gründen das Gleichgewicht nicht mehr statt; daß diese weggefallene Bedingung aber durch die Befestigung des Endpunkts a genan ersetzt werde, ist gar nicht an sich tlar. Man müßte sich vielmehr für Diesen besondern Fall nach einem Hülfsbeweise umsehen, welcher zeigte, daß bei festliegendem a die Wirtung des Q., schon vorher immerfort abnahm, je mehr es fich dem a näherte, und daß das Gleichgewicht dennoch bestand; daß es folglich anch fortbesteben werde, wenn der Ein fluß dieses Gewichts, bei gleichzeitiger Berrückung des andern, gang zu Nintl wird. Aber genan zugesehen, würde Dieser Rebenbeweis in Wahrbeit ber Beweis ber Hauptsache sein, nämlich eben bes Satjes, bag bie bewegenden Wirkungen gleicher Kräfte am Hebel sich umgekehrt verhalten wie ihre Hebelarme. So anschanlich baber jene Darstellungsweise den fraglichen Satz machte, jo bewies fie ihn bennoch gar nicht,

soudern setzte ihn in einem leichter erkennbaren als furz ausdrückbaren Cirkel poraus.

228. Verwickelte mechanische Probleme können nicht immer durch directe Zusammensetzung aller wirfenden Kräfte zu ihrem Enderfolge gelöst werden; man muß häufig gewisse allgemeine Bedingungen aufstellen, denen er jedenfalls zu genügen, oder Schranken, innerhalb deren er sich zu halten hat; unter bieser Borausserung liefern bann bie Einzeldata des gegebenen Falles Mittel zur vollständigen Bestimmung des Refultats. Diese Methoden, unter denen nur an die Unwendung des Princips von d'Alembert erinnert sein mag, sind gang unschätzbar und unentbehrlich; da fie aber die Entstehungsgeschichte des errechneten Erfolges nicht flar machen, so lassen sie doch den Wunsch übrig, directe Constructionen so weit als möglich fortzusetzen. Ich erwähne, im Busammenhang mit der vorigen Frage nach dem Gleichgewicht drebender Kräfte die nach der Bewegung, die fie erzengen, wenn ihnen nicht wider standen wird. Die Regel zu ihrer Berechnung ist auf die beiden sehr einfachen Sätze zurückgebracht: 1) wirft auf einen frei beweglichen Körper eine Kraft', so nimmt sein Schwerpuntt dieselbe gradlinige Bewegung an, welche die ganze Masse des Körpers annehmen würde, wenn sie im Schwerpunft vereinigt wäre und dort von der Kraft angegriffen würde; 2) zugleich erlangt der Körper die drebende Bewegung. welche er, wenn sein Schwerpunkt befestigt mare, durch dieselbe Braft erfahren würde. In dieser höchst übersichtlichen Theilung des Erfolgs liegt nun doch eine Paradoxie. Wenn nämlich die Richtung ber Kraft burch ben Schwerpunkt geht, fo entsteht nach bem zweiten Sats feine Drehung, sondern nur eine gradlinige translatorische Bewegung, und doch würden wir meinen, daß in diesem Falle die Kraft unter der dentbar günstigften Bedingung angriffe; geht aber ihre Richtung nicht durch den Schwerpunkt, und in diesem Falle schiene uns die Kraft unter einer weniger günstigen Bedingung zu wirten, so bringt sie nicht blos den ganzen vorigen Erfolg, sondern auch noch eine Drehung herver, die sich wie eine Zugabe ausnimmt ohne deutlichen Grund. Wenn man die zusammengesetzten Geschwindigkeiten, welche die verschiedenen Theile eines zugleich fortschreitenden und rotirenden Körpers besitzen, nach der Richtung ber gradlinigen Babn und nach ber Sentrechten auf biefe und die Rotationsage zerfällt, so ist die Summe aller der ersten Compenenten, jede in ihr Massendisserential unutripliciert, gleich dem Product der ganzen Masse in ihre gradlinige Geschwindigteit, und man überzengt sich leicht, daß bei dem drehenden und zugleich sertschreitenden Körper zwar die einzelnen Clemente verschiedene Geschwindigsteiten in der Richtung der Bahn haben, daß aber die Summe aller Geschwindigsteiten weder vermehrt nech vermindert, sendern nur anders vertheilt ist, als in derselben Masse, wenn sie ohne Trehung sortschreitet. Aber die anderen Componenten bleiben übrig, und obwohl sie für die beiden Hälften des drehenden Körpers entgegengeseste Zeichen haben, so beben sie doch deswegen einander nicht auf; sie sind wirklich geschehende Bewegungen, und es fragt sich, weber sie entstanden sind.

229. Gs reicht bin, Diese Frage für ben einfachsten bentbaren Fall zu beautworten. Es seien a und b zwei gleiche Massen, die wir uns in ihre Schwerpuntte concentrirt benten: wechselmirfende Aräfte zwischen beiden mögen dafür jorgen, daß ihre Entfernung ab von einander un veränderlich sei; wir tonnen bann sagen, a und b seien durch eine starre massenlose unveränderliche Linie al verbunden. Bur Ginfacheit ber zu entwerfenden Figur benten wir uns ab in den Wintel zweier in () sich schneidenden rechtwinkligen Uren so eingepast, daß a auf der X Ure, h auf der Y Are liegt; man wird dann, am Anfang, für die Masse a baben x = 0 a und y = 0, für b dagegen x = 0 und y = 0 b. für den Schwerpunkt bes kleinen Massenspitems a - b. ber in dem Halbirungspunkte von ab liegt: $x = \frac{0 \text{ a}}{2}$ und $y = \frac{0 \text{ b}}{2}$. Wir neb men nun au, der Masse a werde eine Geschwindigkeit mitgetheilt in der Richtung der X Are und es sei a e der Weg, den sie in einem untheilbaren Zeitaugenblid unter Diesem Antrieb zurücklegen würde, wenn sie frei ware. Da unmittelbar auf die Masse h feine Kraft einwirft, so würde diese in Ruhe bleiben und die ginie ab, welche ihre Entfernung von der fortbewegten a ausdrückt, würde länger werden als die ursprüngliche ab. Aber die zwischen a und b wirtsamen Kräfte, welche die Entfernung ab nach unferer Boraussetzung unveränderlich erhalten, widersetzen sich in jedem Angenblick biefer beginnenden Berlängerung, deren Mag ab - ab sein murde, und beben sie auf, indem sie beide einander in der Richtung ber Linie nähern, an deren Sudpuntten fie fic befinden murden, menn die Berlängerung stattfande. Da feine ber

Massen einseitig die andere zwingen fann, ihr zu solgen, vielmehr nach dem Grundfatz der Gleichheit der Wirfung und Gegenwirfung Die jo entstebenden Verschiebungen beider nach unserer Annahme gleichen Massen gleiche Längen sein müssen, so finden wir die neuen Orte a^1 und 3 derselben, wenn wir auf ab von e ans die Länge eat und von b aus die Länge bø, beide = ab - ab abtragen. Fällen wir von at eine Ordinate, welche dy sein mag, auf die X Are, von B eine Senfrecte, welche dx sei, auf die Y Are, so entstehen zwei congruente Treiede und man hat für die beiden Endpunkte at und 3 der jest verichobenen Linie ab die Ordinaten dy und Ob - dy, folglich für den Schwerpunft, welcher der Mittelpunft dieser Linie bleibt, $y = \frac{Ob}{-}$: dies war aber die Ordinate des Schwerpuntts auch vor der Mittheilung der Geschwindigkeit; mithin bat der Schwerpunkt einen Untrieb erhalten. sich parallel zur X Axe, d. h. in derselben Richtung zu bewegen, in welder die auf a wirkende Kraft ihn getrieben baben würde, wenn sie an ibm felbst angebracht worden wäre. Man hat angleich für die Endpuntte a1 und 3 die Abscissen: Oa + au - dx und dx. also die Abscisse des neuen Ortes des Schwerpuntts: Oa + a a : da die Ab-

scisse seines anfänglichen Tres — war, so hat er die Hälfte der Geschwindigkeit ac empfangen, welche die an a angebrachte Kraft diesem zu ertheilen strebte, und dies ist eben die Geschwindigkeit, welche dies selbe Kraft der ganzen Masse a + b oder 2 a des Svitems ertheilt haben würde, wenn sie dieselbe im Schwerpunkt vereinigt angetrossen hätte. Diese Betrachtung gilt sür den Anfangszeitpunkt der ganzen Bewegung, in welchem, wie wir voranszusezen pstegen, die momentam wirkende Kraft, welche a angriss, ohne Zeitverlauf diesem eine Geschwindigkeit mittheilte und eben so ohne Zeitverlauf die corrigirende Kräfte mittheilte und eben so ohne Zeitverlauf die corrigirende Kräfte initheilte und ben bestägen Kräfte ersolgte. Da von sett an eine änsere Kraft nicht weiter einwirkt, so setzen sich alle hersvorgebrachten Bewegungen nach dem Gesexe der Beharrung einsachsort: nur die inneren Kräste zwischen a und b baben beständig zu thun, um die Fortschreitung von a und b in den sedesmaligen Tangenten

ibrer Babn zu bindern und sie in unveränderlicher Entfernung vom Schwerpunft zu erhalten; fie erzeugen bierdurch eine in Bezug auf diesen freisförmige Umdrehung, und da sie die beiden Massen ohne unitetiaen Uebergang in eine andere Richtung stetig von ihrer angen blidlichen ablenten, jo geschieht die Drehung gleichförmig und mit der selben constanten Geschwindigteit im Kreise, mit welcher im ersten Ungenblick beide Massen gradlinig angetrieben wurden. Versetzt man endlich al 3 mit fich selbst parallel zurud, bis sein Schwerpunft auf den von ab fällt, so machen beide Linien am Schwerpunkt einen Winkel g. welcher gleich ist jenem, den ab mit ab an dem Punfte b machen würde, wenn b ein fester Drehpunkt wäre und die angebrachte äußere Araft mir die Masse a allein, unter Boraussetzung ihrer unveränderlichen Entfernung ab von b zu bewegen gehabt hätte. Die Länge des zurückgelegten Bogens mare dann ab.q gewesen; Die Bogenlange, welche a wirflich, in seiner Umdrehung um den als befestigt gedachten Schwerpunft, zurückgelegt hat, ist $\frac{a \cdot b \cdot g}{}$, und dies ist eben die Ge schwindigfeit, welche jene Kraft ihr geben unßte, wenn sie zugleich die andere Masse b in entgegengesetzter Richtung zu bewegen hatte. Man fieht hieraus, daß eine ängere mementane Kraft, möge ihre Richtung durch den Schwerpunkt geben oder nicht, in dem Körper immer dieselbe Summe translatorifder Bewegungsgrößen bervorbringt: Die Drebung, welche in dem zweiten Falle binzutritt, entspringt aus den inneren Kräften, welche zwischen ben Theilen bes bewegten Spftems mirten. Diese Wirfungen find aber auch in dem ersten Falle, in welchem teine Trebung entsteht, feineswegs Mull; sie dienen bier aber nur dazu, die Massentheile, welche in einer graden Linie, sentrecht auf die Richtung der mitgetheilten Bewegung, angeordnet sind, in dieser Anordnung mährend des Kortschreitens zu erhalten, eine Veistung, die sich in teiner relativen Bewegung der Theile um ihren fortschreitenden Schwerpuntt verräth, jo lange wir eben von der Boransjegung einer absoluten Restigteit des Körpers ausgeben: sie würde sich aber sogleich in solden Bewegungen fund geben, wenn wir etwa drei gleiche Massen abe unter einander durch biegfame Fäden verfnüpft dächten und auf den in b enthaltenen Schwerpunft Diefes gangen Spftems einen Stoß ausübten.

230. Die zur Anffindung der Beweisgründe zu unternehmende

Bergliederung sucht nicht nur die für die Richtigseit der zu beweisenden Kolge wesentlichen Elemente berauszustellen, sondern auch die für denselben Zweck unwesentlichen zu beseitigen. Die vorangegangenen Beispiele erlauben icon, über ben Sinn bieses Climinationsverfahrens nachzudenken. Man findet nicht selten, daß bei der Beautwortung statischer und mechanischer Fragen von der Unnahme einer massenlosen starren linie ausgegangen wird, und die Entwicklung des Hebelgesettes macht gewöhnlich dieselbe Voranssetzung. Him fann man einräumen, daß der Begriff einer begrenzten graden Linie durch das Merkmal der Begrenztheit die Forderung der beständigen Berührung jedes Bunftes mit zwei Nachbarpunkten und durch das der Gradheit auch die Starrheit und Unbiegfamfeit der Linie einschließt; allein als blos geometrische Linie ist sie fein Object, das durch Kräfte in Bewegung gesetzt werden tönnte; diese Sähigkeit, von Kräften zu leiden, kommt nur der linienförmig angeordneten Masse zu, und die wechselwirkenden Kräfte der Maffentheilden allein bringen an dieser förperlichen Linie die in dem geometrischen Begriff nur gesorderte Starrbeit und unveränderliche Yange wirklich bervor. Es ist daber kein glücklicher Ausbruck, bier von einer maffenlosen Linie zu sprechen, und er gibt in ber That bas gar nicht wieder, was man wirklich meint und worauf man in der Husführung solcher Ueberlegungen bant. Masse nuß die Linie unzweifelhaft haben, die wir durch Kräfte um ihren Endpunkt dreben wollen. aber für die Gesetze, nach denen allgemein die Wirfung dieser Kräfte erfolgt, ist es nur nothwendig, daß die Masse in jedem Querschnitt dieser förperlichen Linie dieselbe sei; jede Unregelmäßigkeit ihrer Bertheilung würde einen besonderen Fall bilden, der nur nach den Regeln jenes einfachsten und reinen Kalles zu beurtheilen wäre; völlig gleichgültig ist es dagegen für jene Gesetze, wie groß diese Masse ist; an einem diden Hebel find die Proportionen der Arafte und Sebelarme für das Gleichgewicht feine anderen, als an einem dünnen, an einem specififch schwereren dieselben wie an einem leichteren. Man setzt daber, wenn man von einer massenlosen Linie spricht, die Masse derselben eigentlich gar nicht gleich Rull, sondern gleich der Einheit, und zwar gleich einer Einheit, der man jeden beliebigen großen und fleinen Werth geben fann, und die aus der weiteren Berechnung deswegen verschwindet, weil sie als gleicher Kactor aller zu einander in Proportion stebenden

Glieder Nichts zur Bestimmung oder Aenderung des zwischen diesen obmaltenden Verhältniffes beiträgt.. Auf diesem Gedanken beruhte unsere frübere Darstellung. Die Linie ab war als eine Massenlinie gedacht, jeder ihrer Bunfte ein Differential der Masse; darum war es möglich. überhaupt von einer Kraft W zu sprechen, die auf ab wirft, und dies W = 110, gleich einer Summe von Ginzelfräften zu setzen, deren jede dem Massendifferential die Geschwindigfeit w ertheilte. Aber die beitändige Berücksichtigung der Masse in der Rechnung bätte Nichts weiter genütt: nur der Werth von o wäre anders ausgefallen, wenn man sich die Masse der linie oder jedes ihrer unterschiedenen n Theile größer oder fleiner vorgestellt hätte; die Verhältnisse zwischen P und Q, wenn beide sich immer auf dieselbe Masse bezogen, hätten keine Uenderung erfahren. Die Theilung der Beweisarbeit, die man hier vorgenommen, besteht daber nicht darin, daß man zuerst von der Masse überhaupt abstrahirt, das fragliche Gesetz für die massenlose Linie bewiesen und dann erst in einem zweiten Anlauf untersucht hätte, was aus ihm wird, wenn man die Linie auch Maffe haben läßt; vielmehr gleich der erste Schritt nahm auf diese Masse Rücksicht, und fand nur, daß ihre Größe feinen Einfluß auf die allgemeine Form des Gesetes hat; auf diesen Grund hin fann dann in einer zweiten Untersuchung der Ginflug erörtert werden, den verschiedene Größen und Vertheilungen der Masse auf die absoluten Werthe der durch jenes Gesetz zu bestimmenden Größen haben. Sobatd man die Massentosigfeit einer zu bewegenden Linie buchstäblich nimmt, verwickelt man sich in Sonderbarfeiten, durch die fein rechtliches Durchfommen mehr ist, weil sie auf einer an sich unmöglichen Combination von Vorstellungen beruhen. Bas soll geschehen, wenn der eine Endpunkt b dieser Linie ab eine Geichwindigfeit e erhält? Er fann sich nicht trennen von der übrigen Linie, denn dann würde nicht diese bewegt, sondern der freie Puntt b allein; aber wie soll die Linie ibm folgen, da sie ja teine Bewegung empfing? Vielleicht meint man, sie werde sich dreben; dann müßte der Punft b seine Geschwindigkeit den übrigen Punften mittheilen, und zwar abgestuft den näheren mehr davon, den entsernteren weniger; aber man fieht nicht ein, wornach dies abzumeffen wäre, denn alle die Kräfte fehlen hier, die, zwischen Massentheilchen wirtend, es dabin bringen fönnten, daß der von dem einen empfangene Anstoß sich auf die übrige

Reihe fortpflanzte, und in jedem Augenblick jedes Glied derselben einen bestimmt abgesusten Theil des Impulses erhielte. Endlich, da zu dieser Abstusung hier der Grund sehlt, so kann man auch dazu übergeben, die ganze Linie ab als eine solldarisch rerbundene Einheit anzusehen, so daß jeder nur in Gedanken oder in der Anschauung unterscheidbare Theil derselben unmittelbar in dieselben Instände geräth, die in irgend einem andern erregt werden; ich lasse dahingestellt, ob dann jeder Theil der Linie n die ganze Geschwindigkeit e oder nur cerhält; jedenfalls entspringt hieraus die Folge, daß die Linie ab in Ruhe bleibt, wenn b die Geschwindigkeit e, und der andre Endpunkt a die gleiche — e empfängt. Diesen Unbegreistichkeiten geht man durch das Geständniß aus dem Wege, daß nur eine Massentinie, eine massensose aber gar nicht, sich bewegt.

231. Auch bei den Hulfsansichten, den Substitutionen und Transformationen, durch welche man die gegebenen Umstände beurtbeilbar zu machen sucht, bat man Unnahmen zu vermeiden, denen, so anschansich sie auch sein mögen, doch feine reelle Bedentung gegeben werden fann. Ach erwähne bierzu einen häufig vorkommenden Beweiß für das Barallelogramm der Kräfte, welcher den bewegten Körver fich in einer Ebene von a nach c, gleichzeitig aber diese Ebene von a nach b bewegen läßt, und hierdurch die Babn all des Körpers, von a nach dem Endpunft der Diagonale des Parallelogrammes abed, gefinnden zu haben alaubt. Es liegen zwei Boraussetungen hierin unausgesprochen, die man anssprechen muß; einmal die, daß die Bewegung der Gbene die des Punftes in der Linie al nicht stören, bann die, daß die forts schreitende Chene die gange Linie ab sammt dem Körper mit sich fortführen werde. Ift nun schon eine sich bewegende leere Ranmebene Nichts was in Wirklichkeit vorkommen könnte, so ist noch weniger begreiflich, wodurch der Körper an ihr fleben bleibt, während sie fortrückt. Und doch ist diese Befeitigung sehr nötbig; denn es befinde sich der Körper auf einer sehr glatten Tischplatte, und man gebe ihm einen Stoft nach ac, gleichzeitig aber ber Platte, einen Stoft nach ab, fo wird der Körper nicht mit der Platte geben, sondern sich von ihr, die unter ihm wegfliegt, trennen. Ergänzt man aber diese nothwendiae Bedingung, jagt man alje, daß der Körper nach e ungestört fortgebe, ac

aber gleichzeitig nach b zu gehen und ihn mitzunehmen genöthigt sei, so wird der ganze Satz eine leere Tantologie, und das, was er voraussiget, ist eben das, was man beweisen müßte. Er gehört daher nur zu den Mitteln, durch die man eine bewiesen Wahrheit veranschausicht.

232. Bon den gablreichen andern Beweisen deffelben Sakes interessirt uns logisch ein Anfangspunkt, von dem viele auszugeben pflegen. Man stellt ben Sonderfall voraus, in welchem zwei gleiche Kräfte a und b den Körper nach zwei Richtungen treiben, und findet es bier selbswerständlich, daß die Richtung ber resultirenden Bewegung ben Zwijchenwinkel beider Kräfte halbiren werde. Diese Annahme ichließt aber die andere ein, daß bei ungleichen Kräften die Resultante den Winkel in ungleiche Theile spalten werde, und da es numöglich ist, daß die Urt dieser Ungleichheit unabhängig von dem Größenverhältniß beider Kräfte sei, da doch die Ungleichheit selbst von ihm abhängt, so beruht die Unnahme auf der allgemeineren: wenn zwei Bedingungen a und b ein Ergebniß e verschieden zu gestalten suchen, so wird in der wirklichen Gestaltung besselben der erfennbare Ginflug beider ihren Größen proportional sein; sind daber a und b gleich, so wird e von dem Ergebniß, welches a allein erzeugt bätte, ebenso weit verschieden sein, wie von dem, welches b allein hervorbringen würde. Ich weiß nun nicht, warum man fich auf biefen Satz nur einmal, zur Ginteitung des Beweises, berufen und dann diesen selbst durch verwickelte andere Ueberlegungen führen soll; welches auch die Kräfte a und b und der Grad ihrer Ungleichbeit sein mag, wir können allgemein sagen: die Ablenkungen, welche der bewegte Punkt durch die Kraft a von dem Wege der Kraft b, und von dem Wege der b durch die Kraft a erfährt, muffen sich direct wie die ablenkenden Kräfte verhalten. Bur mathematischen Ausbeutung dieses logischen Grundsates hätten wir zunächft zu bestimmen, wie beide Ablenfungen gemessen werden sollen. Hierzu nach gewöhnlicher Weise Senfrechte anzuwenden, die von den Richtungen der Ginzelbahnen auf die resultirende oder von dieser auf jene gefällt würden, zeigt sich in der Ratur der Frage feine Aufforderung; alle drei Bahnen fommen nicht als leere Ranmrichtungen, jondern nur als geometrische Orte in Betracht, welche die successiven Orte des bewegten Punftes enthalten würden; nur zu folgender Auf faffung führt dieje guletzt gemachte Bemerfung. Seien a und & die

beiden auf den Bahnen der a und b gelegenen Punkte, welche der bewegte Körper in gleicher Zeit t erreicht haben würde, wenn er allein ben Kräften a oder b gefolgt wäre, o aber der in der Resultante liegende Punft, an welchem sich nach der gleichen Zeit t der Körper unter der vereinigten Einwirfung von a und ${\bf b}$ befindet, so ist ${\it q}\, {\it a}$ die Ablenfung von der Bahn a durch die Kraft b, od die von der Bahn b durch die Kraft a, und es ist $ga:g\beta=b:a$. Da man die Größen der Kräfte a und h nur nach dem Raum ichätzen fann, den fie in der Beiteinheit durchlaufen machen, so ist das Berhältniß a : b, für die Beiteinheit, zugleich bas ber nach a und b durchlaufenen Räume: es wird aber diese Bedeutung auch für jede Zeit t und für jeden Theil von t baben muffen; denn die Bewegung in der Resultante muß, da wir a und b als nur momentan wirkende Kräfte betrachten, mit constanter Weichwindigfeit und geradlinig geschehen; die durchlaufene Länge der Reinstante wird daher immer den nach a und b bis zu gleicher Zeit t zurückgelegten Ränmen proportional sein, ebenso mithin auch die Ablenfungen ou und oß, die dritten Seiten zu Treieden, deren beide anbern Seiten in beständig gleichem Berhältniß zunehmen.

233. Dieje Proportion entscheidet aber nichts über die absoluten Größen von oa und oB; beide genügen der Proportion, wenn fie überhanpt mb und ma find; der Werth dieses m bliebe zu ermitteln. Run liegt in allen Bestimmungsstüden der Aufgabe nichts, was zur Be stimmung beffelben beitragen tonnte; von Ginfluß tonnten nur die Größen von a und b und damit ihr Berhältniß, sowie die Größe des Bwijdenwintels fein; aber gerade die Ginftuffe diefer Clemente icheinen durch die bereits gemachten Annahmen völlig berücksichtigt; außerhalb der Data endlich, welche die Anfgabe enthält, fann der Grund nicht tiegen für etwas, was eben aus biefer Aufgabe fliegen foll. In Fällen solder Art wird der logische Gedankengung allemal darin bestehen müffen, die probabelite Unnahme zu versuchen, welche der gestellten Forderung genügt. Was unter diesem Ausdruck zu verstehen ist, würde sich allgemein jehr schwer definiren taffen, und ich habe die Behandlung biefer Aufgabe nur unternommen, um durch ein Beispiel die Mängel der allgemeinen Begriffsbestimmung auszugleichen. Die probabelfte Annahme wird das festsetzen, was, seinem Begriffe oder seiner Große nach, als ein Minimum das Verhalten überhaupt noch möglich macht,

von dem wir miffen, daß es stattfinden muß, und welches, wenn es unter andern Bedingungen oder mit anderen Rebenbestimmungen, als dieser so gemählten, stattfinden sellte, für diese stets besondere bier eben fehlende Enticheidungsgründe nothwendig machen würde. In unferem Kalle muß die Proportion $\varrho \alpha : \varrho \beta = b : a$ überhaupt stattfinden; des balb fann jenes m nicht Rull sein; damit sie aber stattfinde, reicht es bin, m = 1 zu feten, und biefen Werth tann man, feinem Begriffe nach, als das Minimum ansehen, welches der gestellten Forderung genügt, denn jeder größere oder kleinere Werth m = 2 oder m = 1/2 läft fich als m. 1 betrachten, b. b. als Wiederholungszahl ber Ginheit, mit deren Verschwinden m selbst und das gange Verhältniß verschwindet. Die Einheit allein affirmirt bas wirkliche Bestehen bes verlangten Berbältniffes jo, daß eben deshalb jene besonderen Werthe von m als weitere specifische Charafteristifen wirksam bingutreten fonnen, falls es in der Natur des behandelten Inhalts Gründe gibt, einen dieser Werthe por dem andern zu begünftigen. Wo es nun, wie hier, diese Gründe nicht gibt, gieben wir und auf die jedenfalls nothwendige, deshalb probabelite Annahme m=1 zurück, welche unter allen Umständen, selbst dann, wenn m einen von der Ginbeit verschiedenen Werth hätte, angleich mit biefem Werthe gelten und ber verlangten Proportion genügen würde. Machen wir um diese Unnahme und construiren sie, beschreiben wir also von dem Endpunft a des in der Zeit i nach a zurückgelegten Beas einen Kreisbogen mit dem in gleicher Zeit nach b zurückgelegten Wege, von B einen Bogen mit dem nach a gurudgelegten Wege als Halbmeffern, jo schneiden sich beide in der Diagonale des aus a und b gebildeten Parallelogramms, und sowohl die Richtung als die Länge der Resultante ift auf einmal bestimmt.

234. Man wird selten mit unbedingter Gewißheit sagen können, daß in dem gegebenen Inbalt einer Aufgabe, bei dessen Zergliederung man Entscheidungsgründe für eine andere als diese probabelste Ausnahme nicht gesunden hat, solche Gründe nicht dennoch vorhanden seinen mid einer sorgsameren Zergliederung sich zeigen würden. Deshalb erspart man sich die Mühe nicht, durch Nebenbeweise entweder von andern Standpunkten aus die gemachte Annahme zu bestätigen, oder apagogisch sede andere durch die Widersprüche, in die sie verwickelt, als munöglich ausguschließen. Anch diesen Schritt wollen wir noch thun. Es erscheint

felbstverständlich, daß die Resultante nie größer als die Summe ber Seitenfrafte sein fann; fie erreicht dies Maximum, wenn beide in berselben Richtung auf den Körper wirken, ihr Zwischenwinkel also Unll ift. Man hat auch gegen diesen Satz eingewandt, es verstehe sich boch nicht von selbst, daß eine zweite Bewegung b, die zu einer ersten a in gleicher Richtung hinzufommt, sich einfach zu dieser addire; es sei deutbar, daß in der Natur der Bewegung oder in der der Körper, welche sie erleiden, Bedingungen tiegen, welche die Resultante auch hier größer oder fleiner als die Summe beider machen fonnten. Dieses Bedeuten scheint mir unbegründet; vor allem in seiner Anwendung auf den vor-Wenn zuerst gleichzeitig zwei gleichgerichtete Beliegenden Kall. wegungen bemfelben Körper mitgetheilt find, so ist es lediglich Sache unferer subjectiven Auffassung, sie noch als zwei zu unterscheiden; sie waren zwei außerhalb des Körpers, weil sie vielleicht von zwei verschiedenen andern Körpern ihm mitgetheilt wurden; es fann auch sein, daß bei dem physischen Acte der Mittheilung von einem Körper zum andern diese Bewegungen etwas verlieren oder gewinnen; aber wir sprechen bier nicht von der Urt der Mittheilung, sondern von den Geidmindigfeiten, fofern fie dem zu bewegenden Körper mitgetheilt find; in diesem Körper, den wir lediglich als bewegliches Substrat, ohne alle eigenthümliche andere Gigenschaften betrachten, setzen fie sich nicht erst zu einer zusammen, sondern sie find gar nichts anderes, als von Anfang an eine, und die resultirende Weschwindigkeit ift so gewiß die Summe beider, als überhaupt jede Geschwindigteit eben die ift, die fie ift. Befände sich aber der Körper schon in der Bewegung a, wenn die andere b hinzufommt, so hätte er, wenn dies einen Unterschied begründen sollte, dem Gesetze der Beharrung entgegen in jedem Angenblide seinen Bewegungszustand andern muffen; denn andert er ibn nicht, befindet sich also gur Zeit t in völlig derselben Berfaffung, wie zur Zeit to, so wird die später hinzukommende Bewegung b sich mit der fortdauernden a ebenso verbinden mussen, wie sie es zur Zeit to, also bei gleichzeitigem Beginn mit a, gethan haben würde. Man fann atso für sichergestellt ausehen, daß die Resultante R gleichgerichteter Aräfte a und b nur = a + b sein fann. Unmittelbar hilft uns dies freilich nichts zur Beurtheitung des Erfolgs von Kräften, deren Richtungen um den Winkel q divergiren. Indessen ist doch so viel selbstverständlich, daß die Resultante nicht mit der Divergenz wachsen kann; sie wäre sonst am sleinsten für gleichgerichtete Kräfte, für welche sie nach dem Vorigen am größten ist, und am größten für entgegengesetzte, für die sie selbstwerständlich am fleinsten sein muß. Da sie nun ebenssowenig von der Größe des Winkels φ unabhängig sein fann, so muß ie nothwendig abnehmen, wenn φ wächst, und wir können jetzt für besliebig gerichtete Kräfte sagen, daß ihre Resultante R = a + b ist.

Und dieses noch unbestimmte Ergebnig lägt sich in engere Grenzen bringen. Wenn wir auf einen beweglichen Punkt in demselben Angenblicke verschiedene Momentanfräfte in beliediger Anzahl wirfen lassen, jo fann der Gesammtersolg, der wirklich entsteht, nur einer sein und fann folglich nicht mit den verschiedenen willfürlich gewählten Reihenfolgen sich ändern, nach denen wir in Gedanken die gleichzeitig wirkenben Bedingungen zunächst paarweis combiniren, um dann wieder die so gefundenen Einzelergebnisse zusammenzuseten. Es muß also dasselbe beransfommen, wenn wir aus a und b zuerst die Resultante R bilden und dann aus R und - a eine zweite Resultante suchen, oder wenn wir a, b und — a so combiniren, daß a und — a sich selbswerständlich aufheben, worauf uns b als eben diese zweite Resultante übrig bleibt. Es liegt daber im Begriff ber Resultante R von a und b, daß man bie Seitenfraft b wieder erhalten muß, wenn man R und die in entgegengesetzter Richtung zu ihrer ursprünglichen genommene Kraft a wieder als Componenten verbindet und ihre Resultante nach demselben Gesetz sucht, nach welchem man R aus a und b fand; ebenso wird R und — b zusammengesetzt auf a zurücksühren. Und diese Betrachtung gilt allgemein und gang unabhängig von dem noch unbefannten Gesetze selbst, nach welchem Größe und Richtung einer Resultante von den Größen und dem Binkel der Seitenfrafte abhängt. Hieraus folgt nun, daß von den drei Kräften oder Bewegungen a, b, R jede, unter den aus gegebenen Umständen, die Resultante der beiden andern, jede also kleiner ober höchstens ebenfo groß ift, als die Summe ber beiden andern, alle drei sich folglich in ein Dreieck zusammensetzen lassen, das nur im Grengfall jener Gleichheit in eine gerade Linie zusammenschmilzt. Aber so aufgefunden brückt biefer befannte Cat nur eine Relation zwijchen ben Längen von a, b, R aus; wir muffen noch die Wintelverhältniffe flar machen, für welche diese Beziehung gilt. Sind a, b und ihr Zwischenwinfel q gegeben, jo ist die uns noch unbefannte Länge von R an sich völlig bestimmt; für biese gegebenen Elemente gibt es daber nur ein mögliches Dreieck aus a, b und R. Umgekehrt: ift uns ein Dreieck aus ben Seiten a, b und R gegeben, jo gibt es nur einen Wintel & der Kräfte a und b, für welchen R die Länge ihrer Resultante ist. In dem Preied nimmt R geometrisch, wenn a und b constant sind, mit seinem Gegenwinkel o zu; mechanisch, als Resultante von a und b, nimmt R ab, wenn q zunimmt; es muß also zwischen dem Dreiectwinfel o und dem Kräftewinfel q eine bestimmte Relation bestehen, die wir auffuchen. Bu dem Treieck aus a, b, R hat R nicht die Lage, die es als Resultante haben mußte; alle drei Linien mußten von einem gemeinsamen Scheitel A beginnen, und, was hier als selbswerständlich gelten fann, R innerhalb des Zwijchenwinkels von a und b liegen. Nehmen wir also an, zwei Kräfte a und b, zunächst von unbestimmter Größe, hätten wir unter einem beliebigen Wintel q verbunden: ihre der Größe nach ebenfalls noch willfürlich angenommene Resultante R theile diesen Winkel gang beliebig, und ihr anderer Eudmuntt sei C. Da nun die bier aufzusuchenden medanischen Berhältnisse von der abseluten Lage im Raum unabhängig sein muffen, so können wir das gange aufammengeborige Spftem ber brei Linien a, b, R gunachft fo verschieben, daß der Scheitel A auf C fällt, dann es in der Ebene, in der es enthalten ift, so um C dreben, daß die Kräfte a und b, die wir in dieser neuen lage a1 und b1 bezeichnen wollen, parallel, aber in ent= gegengesetztem Sinne zu ihrer früheren Lage, von C ausgehen. Dann muß selbswerständlich die Resultante R1 dieser Aräfte a1 und b1 nach Lage und Größe identisch mit R sein, nur daß sie in entgegengesetzem Sinne durchtaufen werden würde. Hierdurch ift nun die Richtung Dieser Resultante bestimmt; sie muß die Diagonale eines Parallelogramms sein, welches entsteht, wenn einerseits die Gräfte a und b1, anderseits b und a1 entweder einander durchschneiden, oder gerade in einem gemeinsamen Endpunft zusammentreffen, oder bis zu einem folden verlängert werden. Sind aber die Längen von a und b gegeben, so ist auch die Länge von R bestimmt, sie muß die dritte Treiedseite zu a und $b^1 = b$ oder zu b und $a^1 = a$ sein, sie ist also die Diagonale bes Parallelogramms, welches aus ben Yangen ber Kräfte selbst gebildet wird. Die Figur zeigt dann, daß der Winkel ϱ , dem R in einem dieser Dreiecke gegenüberliegt, der Rebenwinkel des Winkels der Kräfte, also $q=\pi-\varrho$ ist.

235. Man fann noch apagogisch zeigen, daß jede andere Unnahme über das Berhältniß zwischen Componenten und Resultanten unmöglich ift. Setzen wir zunächst voraus, daß eine so zu prüfende Unnahme mindestens in der Bestimmung der Richtung von R mit unserer bisberigen Erörterung einverstanden sei, und nur die Größe von R die der Diagonale D übersteigen ober nicht erreichen lasse. Es fei nun die erfte Resultante R, aus a und h größer als die Diagonale D, bes Parallelogramms aus a und b und bem Zwischenwinkel q, mithin R, = p. D,, wo p ein unechter Bruch ift. Setzen wir nun Dies R, mit der jest entgegengesetzt zu richtenden Kraft a unter dem Wintel $\pi - q$ zusammen, so muß die aus ihnen nach derselben Unnahme abzuleitende neue Rejultante R. größer sein, als die aus R. und a unter dem genannten Winfel entstehende Diagonale, um so mehr mithin größer als die andere Diagonale D2, welche aus der Zusammensettung von $\mathrm{D}_1 < \mathrm{R}_1$ und a unter demselben Winkel $\pi - q$ entspringen würde. Diese Diagonale D, aber ist nach rein geometrischen Gründen, die von allen mechanischen Aunahmen unabhängig sind, nichts anderes als die gegebene Kraft h; folglich würde R. > h sein, während es nach den früher gemachten Bemerkungen = b fein müßte. Setzen wir mm R. nochmals mit dem gegebenen a unter dem Winkel o zusammen, jo müßte die bieraus zu berechnende Rejultante Ra nach den lett= gedachten Bemerkungen = R, sein; nach der gemachten Annahme das gegen wäre sie, für den Wintel $q_i = p$ mal der Diagonale, die unter diesem Winkel aus R. und a entstände: da nun R. > b, so ist auch Dieje Diagonale größer als die D,, die unter gleichem Winkel aus a und b entstand: möge sie q D_1 sein, so ist jeht $R_2 = q p$. D_1 , also q mal jo groß, als R, war. Go führt die gemachte Boraussetzung, die Refultante sei größer als die Diagonale, zu dem widersinnigen Ergebniß, daß sie immer größer wird, je öfter wir diesen Turnus ihrer Berechnung wiederhofen; Die andere Annahme, sie sei fleiner als Die Diagonale, also p und q ecte Brüche, würde zu einer ebeuso unmöglichen Verkleinerung führen. Sollte biefer apagogische Beweiß vollftändig sein, so müßte er noch zeigen, daß auch die Annahme einer Rejultante von gleicher Länge mit der Diagonale aber anderen Winkeln mit den gegebenen Kräften, einen ähnlichen Widersinn, nämlich forts schreitende Orchung ihrer Richtung, je öfter man sie berechnete, erseugen würde; endlich dürfte man sich drittens den Nachweis nicht ersparen, daß es auch keine Combination dieser Annahmen gibt, in welcher die salschen Folgen der einen durch die der andern ansgeglichen würden. Wie die Sache liegt, reicht aber die Angabe dieser legischen Forderungen hin; ihre weitlänsige Erfüllung dürsen wir uns ersparen.

236. Operationen ber Zusammensetzung lassen sich immer zu einem Ende führen, nämlich eben zu dem, das in jedem Falle entstehen wird; Operationen ber Zerlegung bagegen setzen ein Ziel voraus, zu dem gefommen werden soll, ohne daß schon feststeht, ob der zu zerlegende Stoff aus einer Zusammensetzung entstanden ift, welche biefe Wiederzergliederung möglich macht. Schon in der reinen Mathematik führen daher die inversen Operationen zu Schwierigkeiten, benen bie directen nicht ausgesetzt find; ähnliche Bedenken erwecht die bänfig ausgeführte Zerlegung gegebener Kräfte in Componenten, beren Zusammensetung, wenn sie gegeben wären, feinen Zweifel erregen würde. Man fann fragen: da jede Kraft in ungählige Baare von Componenten zerlegbar ift, worauf beruht nun das Recht zu erwarten, daß eine von nns willfürlich gewählte Zerfällung eine reelle Gültigkeit im Zusammenhang der Thatsachen haben werde, die in der behandelten Aufgabe vorfommen? Im Allgemeinen ift biefer Zweifel leicht zu heben. Denn in der wirklichen Ausübung dieser Zerfällung wählt man die eine Componente immer in einer Richtung, nach welcher man Widerstände oder entgegengesett wirtende Kräfte voraussieht ober als gegeben kennt; man bedarf daher der Zerlegung überhaupt nur zur begnemen Formulirung der Rechnung: was man wirklich vornimmt, ist eine Zusammensetzung; die gegebenen Gegenträfte oder Widerstände W verbindet man mit der gegebenen Kraft F, und die Resultante bieraus ift identisch mit derjenigen, welche aus dem unaufgehobenen Reste der einen Componente von F und dem gangen Betrag der andern, die feinen Widerstand erführe, entstehen würde. Gine wirkliche Schwierigkeit entspringt aber dann, wenn die Richtung des Widerstandes selbst nicht unmittelbar gegeben ist, und man versucht, wie mir scheint, nicht überzeugend, den hier zu befolgenden Grundfatz selbst durch eine Amwendung des Berlegungsgesetzes zu gewinnen. Ich spreche von der Annahme, daß eine Ebene nur in normaler Richtung Widerstand gegen eine ihr mitzutheilende Bewegung leiste, deren Richtung mit ihr selbst einen Winkel o bildet. Es ist gang leicht zu zeigen, daß diese Bewegung sich allemal in zwei zerfällen läßt, deren eine, parallel mit der Gbene, feinen Widerstand findet, weil sie auf die Ebene nicht einwirft, während die andere, sentrecht auf die Ebene, durch den Widerstand dersetben aufgehoben wird, ober doch Widerstand erfährt. Wie wenig man aber ein Recht bat, diese Berfällung hier, als durch die Natur der Cache geboten, vorzunehmen, wird aus folgender Ueberlegung erhellen. Der bewegte Körper sei eine pöllig glatte Angel und bewege sich unter dem Winkel o gegen die völlig glatte absolut widerstehende Chene E, so wird die Berübrung unr in dem geometrischen Punkte p stattfinden, dem wir dieselbe unbedingte Widerstandsfraft, wie allen andern Bunkten von E, aleichviel auf welche Weise bergestellt, zuzuschreiben haben würden. Bas nun bei dem hier herausfommenden Erfolge alle diese übrigen Buntte von E zu thun haben, ist nicht erfindlich; man denkt zwar an sie mit, wenn man von der Ebene E spricht; da sie aber nicht berührt werden, so fonnen sie auch unmittelbar zu dem Widerstande nichts beitragen, und man fonnte fie, für den abzuleitenden Erfolg, völlig hinweadenfen, ohne dadurch die Bedingungen geändert zu haben, von denen dieser abhängig sein soll. Thun wir dies aber und behalten den Bunft p allein, jo wird ber Satz von dem fentrechten Widerstande unmöglich, weil er bedeutungslos wird; denn auf dem Punkt p ist entweder feine ober jede der Linien normal, die nach irgend einer Richtung von ihm ausgehen. Ein anderer Grundsatz aber scheint einleuchtend: gewiß wird p, wenn es widersteht, nach derjenigen Richtung hin widerstehen, aus der die Bewegung fommt, der widerstanden werden soll; zu einer Wirfung nach irgend einer andern Richtung hin gibt es zunächst feinen erdenklichen Grund. Wäre daher in unserem Beispiel p völlig fest und ginge im Augenblick ber Berührung die den Punkt p und die Richtung der Bewegung enthaltende Linie I nicht durch den Mittelpunft der Kugel, so würde p die Bewegung des Massenfadens gang aufheben, der in dieser Linie 1 läge; für die übrige Masse der Augel, deren Bewegung hierdurch nicht aufgehoben wäre, entstände dann ein Drehungsmoment, in Folge bessen sie um den Punkt p herumschwenkte. Diese Folgerung baß ber Widerstand in ber Richtung ber Bewegung stattfinden müßte, läßt sich auch badurch nicht abwenden, daß man sich den bewegten Körper prismatisch gestaltet, vielleicht als einen Würfel benft, bessen Seitenfläche, während die Richtung seiner Bewegung mit E den Wintel q bildet, dieser Chene parallel bleibt. Allerdings findet dann eine Berührung zweier Gbenen statt; aber doch wird jeder Punft des berührten Theils von E anch jetzt dem berührenden Bunft der Bürfelfläche nur nach dem vorigen Grundsatze, also in der Richtung a widersteben fönnen; damit es anders sei, müßte man nachweisen, daß auf die Richtung des Widerstandes, den der Punkt p leisten wird, die Gegenwart der benachbarten Punfte qrs der Ebene E einen mitbestimmenden Ginfluß hat; so allein fame die Chene sachlich zur Mitwirfung, von der man bisher sprach, ohne von ihr zur Ableitung des Resultats Gebranch zu machen. Und min ist wohl deutlich, daß man diesen Nachweis niemals erbringen wird, so lange man E als geometrische Chene ansieht, ohne physische Masse und doch mit dem Attribut der Widernandsfähigteit ausgerüftet. Es reicht nicht einmal bin. E als Grenzfläche eines trägen Maffenvolums zu betrachten; man ist genöthigt, eine phviitalische Hopothese über die Kräfte hinzugufügen, mit der die Masse ihren Raum zu behanpten sucht. Man wird daber der Ebene E eine Dicte geben müffen; die Berührung wird nicht nur in einem Buntte stattfinden, sondern der bewegte Körper wird wirklich entweder bis zu gewiffer Tiefe eindringen und dann durch den Widerstand aller verschobenen Massenpunkte zurückgedrängt werden, oder, ohne zur Berührung zu fommen, schon aus der Entsernung die zurücklickenden Kräfte der in E vereinigten Massen erfahren. Bon diesen Kräften atter Massenpuntte müßte sich dann nachweisen tassen, daß sie nach alten andern Richtungen einander aufheben, nach der Normalen auf der Grenzfläche allein sich summiren, und so den Widerstand zusammensetzen, welcher die in dieser Normale entgegengesetzt gerichtete Componente der antommenden Bewegung aufhebt. And ist die Nothwendigfeit, zu einer Voraussetzung Dieser Art gurudgutemmen, durchaus nicht zu verwundern; wie Bewegung überbangt unr an einem Reglen, nicht an einem Puntte oder einer Linie vertommen fann, je darf man noch weniger Widerstände berechnen wollen, ohne das in Betracht zu ziehen, was allein widerstehen tann, die physischen Kräfte der wirtlichen Körper; Flächen als Flächen und Linien als Linien durchschneiden eins ander immer ohne Widerstand.

237. In dem eben behandelten Falle führte eine fehr icheinbare Unnahme, die Zerfällung einer Bewegung, zu einem richtigen Resultate. deffen Bedingungen gleichwohl ganz anderswo lagen; es gibt andere Fälle, wo eine richtige, obwohl nicht ganz vollständige Boranssetzung zu icheinbar falichen Resultaten treibt, deren Triftigkeit sich indessen durch Interpretation retten läßt. Gin schwerer Stab von der Länge 2 a und dem Gewicht p fei gegen eine völlig glatte Verticalwand gelehnt und bilde mit der völlig glatten Horizontalebene, auf der er steht, den Winfel q. Er wird nothwendig herabsinken, wenn man nicht seinem Rußpunkt, der auf der Horizontalebene sich von der Wand zu entfernen sucht, einen Widerstand entgegensetzt. Die Größe dieses Widerstandes, ober was gleich gilt, bes Schiebbruckes S, welchen ber gleitende Stab gegen ihn ansiibt, findet sich $S=rac{p}{2}$. cotg. q. Steht der Stab senkrecht, $q = 90^{\circ}$, so ist cotg. q und also and S = 0; der Stab bas lancirt frei über seinem Jugpunkt, übt gar keinen horizontalen Schiebdruck, bedarf feines Widerstandes, und die Berticalwand ist überflüffig. Nimmt q ab, neigt sich also der Stab, so nimmt cotg. q und mit ihr der Schiebdruck zu; wird aber q=0, wenn der Stab horizontal auf dem Boden liegt, so gibt die Formel den Schiebdruck unendlich groß, während die einfache Betrachtung der Sachlage zeigt, daß er gleich Rull sein ung. Dieser anscheinende Widerspruch ist leicht zu heben. Als man nämlich die Anfgabe stellte, dachte man sich freilich eine zusammenhängende widerstandsfähige Horizontalebene, die vom Jufpunkt des Stabes bis zur Verticalwand reichte, aber in die fleine Rechnung, die zu der Formel $\mathrm{S}=rac{\mathrm{p}}{2}$ cotg. g führte, ist dieser Theil der Annahme gar nicht mit eingegangen; bier dachte man immer blos an den einen Außpunft, welcher das Gewicht der Stange zu tragen hatte; zwischen ihm und der Verticalwand lag nichts, worauf diese Rechnung Rücksicht genommen hätte. Ober anders ausgedrückt: die allgemeine Formel behandelt die beiden Wände blos als geometrische Orte, von denen für jeden zu berechnenden Einzelfall nur je zwei um die Länge 2a von

einander abstehende Punkte, auf welche die hier in Frage kommenden Aräfte wirfen, in Betracht fommen. Bleiben wir nun bei dem, mas die Rechnung enthält, so befindet sich in dem Angenblicke, wo q=0wird, zwischen bem Jufpunft des Stabes und ber Berticalwand eine Lücke, die der Länge beffelben gleich ist, und durch diese wird er, da feine senfrechte Kraft seinem Gewichte entgegenwirft, hindurchfallen. Einen Schiebdruck S übt er dann freilich nicht mehr; aber S bedentete nicht blos diesen Druck, sondern auch die horizontale Kraft, welche zunächst ihn selbst aufhebt, dann aber auch das einzige Hinderniß bildet, das überhaupt das Herabgleiten des Stabes in die horizontale Lage verhütet, in welcher sein Gewicht feinen Widerstand mehr erfährt. Daß nun S unendlich wird für q=0, bedeutet: eine herizontal nach der Berticalwand wirfende Kraft müßte unendlich groß sein, wenn sie bas Hindurchfallen des Stabes durch die offene Lücke verhindern sollte: mit andern Worten, da unendliche Kräfte nicht vorkommen: es gibt feine horizontale Kraft, die diesen Erfolg haben könnte. Man wird sich nicht dadurch irren laffen, daß die Praxis ihn gleichwohl oft durch Klemmungen in horizontaler Richtung erreicht; denn sie erreicht ihn dann durch die Rauhigfeit der Oberflächen, mit denen die klemmenden und der geflemmte Körper einander berühren, und durch die Zusammendrückbarfeit des letztern, die ihm durch fleine Formänderungen vorher nicht vorhandene Stütspunfte verschafft.

238. Ich füge noch ein mathematisches Beispiel zur Versteutlichung unserer allgemeinen methodischen Amweisungen hinzu. Ter Taylorsche Lehrsatz sucht den Werth F(x+h) zu bestimmen, welschen eine Function von x, Fx dann annimmt, wenn die veränderliche Größe x von dem Endwerthe an, den sie in Fx besaß, bis zu dem neuen Werthe x+h anwächst. In möglichster Einsachheit der Tarstellung unterwerse ich diese Aufgabe einigen Beschränfungen, von denen es hier viel zu weitläusig wäre, zu erörtern, daß sie überstüssig sind. Ich dente Fx in Gestalt eines analytischen Ausdrucks gegeben, welchen die mathematischen Sperationen oder Relationen auzeigt, aus welchen, sür seden bestimmten Werth von x, bestimmte Werthe der Fx sließen; ich nehme au, daß diese Werthe von Fx endlich bleiben für seden Werth des x von o bis x+h, und daß sie stetig wachsen für die stetigen

Zunahmen des x durch dieses Intervall. In der so bestimmten Aufgabe liegt, wenn sie in allgemeiner Form lösbar sein soll, unmittelbar die Voraussehung, das Wachsthum der Junction von ihrem Werthe Fx bis an dem nenen F (x + h) werde gang nach demielben Bildungsgesetze erfolgen, nach welchem jener frühere Werth selbst, Fx, entstanden ist, während x von o an bis zu seinem damaligen Endwerthe x anwuchs, und zwar werde diese Gleichheit des Bildungsgesetzes für jeden unendlichen fleinen Zuwachs dh, um welchen die Function jest zunimmt, gerade so gelten, wie für jedes unendlich fleine dx, um welches sie vorher zugenommen hatte. Hierans folgt, daß beide Werthe der Hunction, zunächst aber Fx sich durch die Summe einer unendlichen Reihe muß ausdrücken laffen, deren jedes Glied die Zunahme anzeigt, welche in Folge einer Zunahme des x um je ein dx stattfindet. Bestände nun die Natur der Fx darin, für jede fleinste Zunahme des x, also für jedes dx um dieselbe constante Größe m. dx zuzunehmen, so würde ihr Gesammtwerth am Ende die Summe einer unendlichen Reihe gleicher Glieder von der Form mdx fein; die Anzahl dieser Glieder wäre ebenso unendlich groß als die Anzahl der dx, in welche man sich den Endwerth von x getheilt, oder aus deren Ansammlung man ihn entstanden denken will; die Summe der Reihe ist das Integrat ∫mdx = mx. Hängt dagegen der Zuwachs der Fx für jedes dx von dem Werthe ab, den das wachsende x bis zum Cintritt dieses dx bereits erreicht hat, so muß, wenn die gesuchte Formel für jedes endliche x und h gelten soll, die jest anzunehmende Reibe aus lauter gleichgebauten Junctionen von x bestehen, welche sich ber Ordnung nach auf die stetig zunehmenden Werthe von x beziehen; nennen wir diese Function fx oder f^1x , so ist $Fx = \int f^1x \cdot dx$. Nichts hindert nun, auf f1x dieselben Betrachtungen wiederholt anzuwenden, die wir über Fx anstellten; bezeichnet jetzt x in t1x einen bestimmten Werth von den vielen, welche x annehmen fann, so läßt sich auch f'x als Summe einer Reibe fassen, deren unendlich viele gleichgebauten Glieder die Bunahmen angeben, um welche, für jedes dx, die f'x bis zu ihrem, jenem Werthe des x entsprechenden, Endwerthe anwuchs; man hat dann auch $f^1x = \int f^2x \, dx$ und allgemein $f^mx = \int f^{m+1}x \, dx$. Auf welche Weise ans einer gegebenen Function, Fx, Diese ihre abgeleiteten Junctionen verschiedener Ordnung, f1x, f2x, fm x, und aus diesen rückwärts jene zu gewinnen ist, setzen wir als befannte Lehren der Instinitesimalrechnung voraus.

- 239. In diesen Vorbemerkungen liegt eigentlich schon die Auflösung unserer Aufgabe; ich führe sie jedoch noch auf folgenden einsachen Gedankengang zurück, der zugleich eine andere logische Verfahrungsweise verdentlichen mag.
- 1. Selbstverständlich ist F (x + h) gleich ber Summe ihres früheren Werthes Fx und der positiven oder negativen Zunahme R. welche Fx in Volge des Wachsthums der Bariablen x von x bis x + h erfahren hat. Zur Bestimmung bes Werthes von R, machen wir die einfachste Unnahme: für jedes der d.h. durch deren Aufeinanderfolge h entsteht, wachse Fx um dieselbe Größe m, dh: dann ist m, f dh = m, . h der Werth von R, oder der Gesammtamwachs von Fx. Dies m, ist nicht unbestimmbar. Denn wenn die Zunahme der Fx, wie wir immer voraussetzen, einzig von der eignen Natur dieser Kunction abhängen soll, so muß ihr gegebener Werth Fx auf dieselbe Weise entstanden sein, auf welche jett die weitere Bergrößerung desselben erfolgen soll; während also x alle Werthe von o bis x durchlief, mußten ichon damals für jedes dix dieselben Zunahmen der sich erst bildenden Function entstehen, welche jetzt für jedes dli zu der gebildeten hinzufommen, denn in nichts als in der Bezeichnung unterscheidet sich dx von dh. Run läßt allgemein Fx sich als die Summe einer stetigen Reihe betrachten, deren allgemeines Glied durch f'x. dx und deren letztes durch denselben Ausdruck dargestellt wird, wenn man unter x den bestimmten Endwerth versteht, den die Bariable x in Fx erreicht. Für jedes dx wächst diese Reihe um f, x. dx; diese Größe, f1x, muß constant und = m, sein, wenn das Wachsthum der Fx bis zu ihrem gegebenen Endwerth in derselben Weise stattgefunden haben soll, wie über diesen hinans bis F (x + h). Für jedes dh nimmt daber F x um f'x. dh zu, und die Summe ober bas Integral dieser elementaren Zunahmen, also h. f1x, ift der gesuchte Werth von R1. Die Unnahme, die wir hier machten, f^1x sei constant und $= m_1$, braucht nicht zuzutreffen; aber da die allgemeine Formel die Fälle, in denen sie zutrifft, mit enthalten muß, so fann dies gefundene zweite Glied als bleibender Bestandtheil derselben gelten.
 - 2. Trifft nun diese erste Annahme nicht zu, so ist boch immer

F(x + h) = Fx + h.f¹x + R₂, wenn wir unter R₂ die positive oder negative Ergänzung verstehen, welche zur Ansmessung des wahren Werthes der Function noch nöthig ist. Da es dieses neuen Zusates nur bedarf, weil Fx nicht für jedes dh oder dx um benselben Betrag wächft, weil also f'x feine constante Größe, sondern von dem jedesmal erreichten Werthe ber Bariablen x abhängig ift, fo bedeutet in dem zweiten Glied h.f1x = R, unserer Formel f1x jest mur noch den festen Ginzelwerth, den die nun veränderlich zu denkende augemeine Hunction f'x für den Endwerth x der Bariablen x oder den Hullwerth der Bariablen h besitzt. Rur dann fonnen wir daher dies zweite Glied, h.f1x, beibehalten, wenn wir zu jedem der Glieder f1x.dh, deren Summe es ist, die Zunahme hinzufügen, welche der in ihm enthaltene Endwerth von f'x noch weiter für jeden Zuwachs dh der Bariablen h erfährt. Für diese Innahme machen wir wieder die einfachste Unnahme: sie sei dieselbe für jedes dh und = m. dh. Und dieses m. ist bestimmbar. Denn wieder: wenn unsere Unnahme gültig sein soll, so muß sie auch auf Fx zurückwirfen; nach demselben Gesetz, nach welchem jett diese Function sich vergrößern soll, nuß sie auch entstanden sein; die Zunahme der f'x muß für jedes dx dieselbe und = m. dx gewesen sein. Unn ist f'x die Summe einer stetigen Reibe, deren allgemeines Glied fex.dx ift; um eben diesen Betrag nimmt also diese Reihe, oder ihre Summe f'x, stets zu für jeden Zuwachs des x nm ein dx: unsere Bedingung ist daber erfüllt, wenn wir fex constant und = m., setzen; dann nimmt Fx über ihren gegebenen Werth binans in dersetben Weise zu, in welcher sie sich bis zu ihm bin vorher gebildet hatte. Ihr ganger Inwachs ift bann die Summe zweier Reihen; die erste von diesen besteht aus lanter gleichen Gliedern f1x.dh und ihre Summe ist $= R_1$; die zweite, welche R^2 vorstellt, enthält wachsende Glieder; das erste derselben, f2x.dh, stellt die erste neue Innahme vor, welche Fx erfährt, wenn der vorige Endwerth x der Lariablen x um das erfie alh wächst, oder die Bariable h, von o an wachsend, ihren ersien Werth dh erreicht; jedes folgende (n + 1)te Glied fügt denselben Zuwachs fex. dh zu dem fortbestehenden Werthe bes nten Gliedes hinzu; h.f2x.dh ift baher bas allgemeine Glied biefer zweiten Reihe, das wir als Ergänzung zu dem allgemeinen ber ersten hinzugufügen haben. Die Gesammtzunahme ber Ex ist baber die Summe der stetigen Reihe $(f^1x + h f^2x) dh$, oder $h.f^1x + \frac{h^2}{1.2}.f^2x$; das zweite Glied dieses Ausdrucks ist der gesuchte Werth von R_2 .

3. Ware die Natur einer gegebenen Function Ex jo beschaffen, daß auch diese zweite Unnahme nicht hinreichte, um ihr Wachsthum zu erschöpfen, so würden wir doch immer die gefundenen Glieder unserer Formel beibehalten fönnen, wenn wir ein neues R3 hinzufügten, wels ches sie ergänzte. Bur Bestimmung dieses neuen Ra würden wir benselben Gedantengang wiederholen. Wir fonnen seiner nur bedürfen, weil auch f^2x nicht constant, sondern von dem jedesmal erreichten Werthe von x abhängig ist und mit ihm zunimmt. Nehmen wir an, daß doch diese Zunahmen wenigstens constant für jedes $\mathrm{dh}\,\mathrm{und} = \mathrm{m_s}\,.\,\mathrm{dh}$ sind. Drücken wir dann fex als Summe einer stetigen Reihe aus, deren allgemeines Glied f3x.dx ist, so haben wir nur f3x constant und = m2 zu setzen, damit unsere allgemeine Bedingung erfüllt und Fx bis zu diesem ihrem gegebenen Endwerth ebenso gewachsen sei, wie jie nun über ihn hinaus zunehmen soll. Run war das dritte Glied R. unserer Formel die Summe einer stetigen Reibe, deren allgemeines Offied h. f2 x. dh ift; bilden wir daber eine zweite Reibe, die Bufate enthaltend, durch welche R. zu ergänzen ist, so ist h. f3 x. dh die Zunahme, um welche jedes (n + 1)te Glied dieser zweiten Reihe größer sein wird, als das nie; solglich ist $\int h \cdot f^3 \, x \, dh$ oder $\frac{h^2}{1-2}$. $f^3 \, x$ das atlaemeine Glied dieser Reihe Ra. Man erhält daher den zweiten und dritten Zuwachs von Fx, wenn man die stetige Reihe summirt, deren allgemeines Glied jetzt $[hf^2x + \frac{h^2}{1\cdot 2} \cdot f^3x] dh$ ift, und findet also

$$R_2 + R_3 = \frac{h^2}{1.2}$$
. $f^2 x + \frac{h^3}{1.2.3}$. $f^3 x$.

4. Es ist unnütz, dies Versahren fortzusetzen; man bemerkt leicht, daß unter beständiger Wiederholung der hier gemachten Voraussetzungen die gesuchte Formel die befannte Gestalt der Taylorschen Reihe ansnehmen wird:

$$\begin{split} F\left(x+h\right) &= F\,x\,+\,\frac{h}{1}.\,f^{1}x+\frac{h^{2}}{1\cdot2}.\,f^{2}\,x+\frac{h^{3}}{1\cdot2\cdot3}.f^{3}\,x\ldots\\ &+\frac{h^{\,m}}{1\cdot2\cdot3\ldots m}.\,f^{m}\,x\,+\,R_{m}\,+\,1 \end{split}$$

Aber diese Formel würde wenig Werth haben, wenn wir die Boraussetzungen eben, auf benen sie beruht, nicht als ausschließlich zulässige rechtfertigen fönnten. Unzweifelhaft logisch richtig, aber so richtig, wie die unnützeste aller Tautologien, würde sie dann sein, wenn sie blos jagen wollte, jede Größe M laffe fich allemal durch eine Reihe gang beliebig angenommener Blieber ausdrücken, sobald man sich vorbehalte, ein Restalied R bingugufügen, das alle Arrthümer wieder gut zu machen bestimmt sei, die man durch Gleichsetzung des M mit jener Reibe begangen hatte. Ginen brauchbaren Ginn enthält die Formel erft bann. wenn man dieses corrigirenden Restgliedes nicht bedarf, wenn sich also nadweisen läßt, daß der Werth von F (x + h) entweder durch eine endliche Anzahl der entwickelten Glieder oder durch eine zwar unendliche, jedoch zur Summirbarfeit convergente Reibe berfelben vollständig ausgedrückt werden fann. Wober aber erfahren wir, daß dies der Kall ift? Darans, daß für eine gegebene Function Fx eine ihrer abgeleiteten Kunctionen, fmx, bei wirklicher Berechnung zu Rull wird, die Reihe also por dem Gliede abbricht, welches sie enthält, daraus allein folgt selbstverständlich doch nur, daß es feinen ferneren Zuwachs von Fx aibt, der durch weitere Entwicklung dieser einmal angenommenen Bliederreibe erreicht werden fönnte; daß aber überhaupt feine andere Zunahme vorfommen fonne, würde den Nachweis voraussetzen, daß eben diese Berechnungsweise alle Zunahmen umfassen müsse, welche Fx ihrer Natur nach erfahren fann. Diesen Nachweis nun glauben wir jest nicht mehr besonders liefern zu muffen; er liegt in der von uns gemachten Boranssetzung, daß Fx sich unter keiner andern Bedingung, als der der stetigen gleichförmigen Zunahme von x vergrößere, und daß ihr mathematischer Bau für jeden der erreichten Werthe von x derselbe bleibe. Wächst dann eine Junction dergestalt, daß sie für jedes dh dieselbe constante Zunahme erfährt, zugleich aber jedes auf diese Weise in sie eintretende dh der Ausgangspunkt einer neuen constanten Bunahme wird, fo entsteht als Ausdruck ihrer Gefammtzunahme durch das Antervall h eine unendliche Reihe, in deren Gliedern die einen Factoren $h, \frac{h^2}{1.2}, \frac{h^m}{1.2...m}$ ihrer Form nach nur von dieser alls gemeinen Form des Wachsthums abhängig und daher für alle Functionen gleichgestaltet sind. Damit diese Reihe aber das specifische Lope, Logif. 21

Wachsthum jeder bestimmten Junction im Unterschied von dem einer andern angebe, treten die andern Factoren, f1 x, f2 x, fm x, zu diesen allgemeinen Factoren so hinzu, daß jeder von ihnen die besondere von ber Natur ber gegebenen Fx jedesmal erst abhängige Größe ber ersten zweiten britten oder mten Zunahme angibt, die für jedes dh stattfindet; die Reihe bricht, als vollständiger Ausdruck für F(x+h), dann ab, wenn einer dieser Factoren verschwindet. Die entwickelten Glieder unserer oben angeführten Reihe waren daher nicht willfürlich augenommen; sie suchten F(x + h) nicht nach einem Magstab zu messen, ber ber Natur biefer Junction fremd gewesen wäre, sondern nach dem, den sie selbst und die Natur ihres vorausgesetzten Wachsthums darbot; ist nach diesem Maßstabe der Werth von F (x + h) durch eine endliche oder durch eine summirbare unendliche Gliederzahl ausdrückbar, so fann es feinen aus anderer Quelle herrührenden Zuwachs geben, der biefem Resultate hingugufügen wäre. Denn wie auch eine Function wachsen moge, vorausgesetzt nur, daß fie in feiner Strede ihres Wachsthums neu eintretenden äußern Bedingungen unterliege: durch die beständige Wiederholung der von mis gemachten Annahmen, zuerst einer constanten Zunahme, dann einer constanten positiven oder negativen Zunahme biefer Zunahme, dann durch eine neue constante positive oder negative Zunahme dieser zweiten Zunahme und so fort, wird man den Gesammtwerth des erfolgten Zuwachses ebenso gewiß erschöpfen, als man durch passend gewählte Epicyclen jede frummlinige Bahn, ober durch eine unendliche Reihe positiver und negativer Potenzen der Zehn jede Arrationalzahl darstellt. So aufgefaßt, als bloße Definition des Bachsthums, bleibt die Reihe logisch gültig auch bann, wenn sie, für eine nachweisbar endliche Zunahme der Function, durch Divergenz mathematisch unbrauchbar wird. Bliebe fie es nicht, so fonnte fie auch nur thatsächlich zutreffen, aber nicht wieder allgemein gültig das durch gemacht werden, daß man durch Umformung der Function ohne Aenderung ihres Inhalts die Bedingungen der Convergenz wieder her= stellt. Diese Herstellung bient mur, bas an sich Gultige in die Grenzen der Berechenbarfeit zu bringen.

Sechstes Kapitel.

Beweisfehler und Dilemmen.

240. Schon Uriftoteles bemerkte, daß aus falichen Prämiffen folgerecht wahre Schluffätze fliegen können. In der That: jeder Lappländer, versichert uns die erste Figur, ift geborner Dichter, Homer war Lappländer, darum auch Dichter; Die zweite: alle parafitischen Pflanzen binben roth, aber feine Reje thut dies, mithin find Rojen nicht Schmarozerpflanzen: die dritte: Metalle leiten die Electricität nicht, auch find fie alle unschmelzbar, es gibt also unschmelzbare Stoffe, welche Richtleiter für Electricität sind. Auch ändert sich hieran nichts, wenn wir die Lappländer mit Griechen, das Rothblühen mit Explodiren vertauschen und die Metalle durch Gläser ersetzen, Umsormungen, durch welche je eine Prämisse zur Wahrheit wird; noch weniger wird natürlich ber richtige Schluffatz ausbleiben, wenn wir einen Mittelbegriff einsetzen, durch den sie beide gültig werden. Man findet daher allgemein: jo oft man Subject S und Pradicat P eines zu beweisenden Sates T und einen völlig willfürlich gewählten Mittelbegriff M jo in zwei Prämissen zusammenstellt, wie es die Regeln einer aristotelischen Figur verlangen, so ist T allemal die nach dieser Figur folgerichtige Conclusion aus den so gebildeten Bordersätzen. Den Grund dieses Verhaltens begreift man, wenn man gar feinen bestimmten Mittelbegriff erfinnt, sondern sich mit dem blogen Beichen M begnügt: alle M sind Dichter, Homer war ein M; alle parasitischen Pflanzen jind M, die Rosen sind nicht M; alle M sind Richtleiter, alle M sind unichmelzbar. Diese schematischen Prämissen sagen dann, in welchen Berhältniffen S und P zu irgend einem Mittelbegriff fteben muffen, wenn ihre Verbindung zu dem Schluffat SP gültig sein soll; sie sagen zugleich umgefehrt, daß ber Sat SP immer gültig fein muß, wenn sich irgend ein M auffinden läßt, zu welchem S und P in den geforderten Beziehungen stehen. Hätte man bieses M glücklich gefunden, wären also beide Prämissen gültig, so würde SP nun nicht blos thatsächlich, sondern nothwendig gültig sein; ließe sich jemals nachweisen, daß es gar fein M gibt, zu dem S und P diese Beziehungen haben fonnten, so wäre die Unmöglichkeit des Sates SP sicher, denn er könnte dann nicht einmal blos thatfächlich in einer Erfahrung vorfommen; hat man aber

sich nur in der Wahl des M vergriffen, sind also die angenommenen Prämiffen ungültig, so hindert nichts, daß es irgend ein anderes M gebe, durch dessen Einsetzung die Prämissen richtig, mithin auch SP nothwendig gültig wird; ift endlich SP ungültig, so nung etwas in den Prämiffen nothwendig falich fein, aus denen folgerecht feine Gültigkeit fliegen würde. Fassen wir zusammen: nicht die Wahrheit eines Sates T, fondern nur unfere Ginficht in diefe Wahrheit hangt, dann wenigstens, wenn T nicht Inhalt unmittelbarer Wahrnehmung ist, von der Richtigkeit der Prämissen ab, aus denen wir T ableiten; bewiesen wird baber T nur aus richtigen Prämiffen, bestehen fann aber begreiflich seine Wahrheit trot aller Arrthumer unseres Nachdenkens über jie, und fann selbst folgerecht aus materiell völlig falschen Prämissen geschlossen werden. Dies nuifte erwähnt werden, denn es gehört selbst zu ben häufig begangenen logischen Fehlern, den Rachweis der Falschbeit eines Beweises für T für einen Beweis der Ungültigkeit des schlecht bewiesenen T selbst, ober furg: bie Widerlegung eines Beweises für Widerlegung ber Sache auszugeben.

241. Güttig, jo fanden wir, ift ein Sat T immer, wenn er aus gültigen Prämiffen folgerecht fließt; bewiefen aber boch erft dann, wenn zugleich die gültigen Prämissen unabhängig von ihm selbst sind. Wir bilden daber einen richtigen Schluß, aber einen untriftigen Beweis, wenn wir in die Prämissen entweder unter veränderter Form T selbst oder einen andern Sat T1 aufnehmen, der nur unter Boraussetzung der Gültigfeit von T gelten fann. So ausgedrückt scheint biefer Rehler, die petitio principii oder der circulus in demonstrando, leicht vermeidbar; er ist es gar nicht, namentlich dann nicht, wenn der Beweis nur in einer längeren Schluffette und nur theilweis durch Verfnüpfung von Begriffen, theilweis durch Benutzung von auschanlichen Constructionen geführt wird; um unter solchen Umständen formell richtig zu T zu gelangen, reicht hänfig die Voransfetzung einer mittelbaren und entfernten Folge von T hin, die man sehr leicht für eine unabhängige zum Beweise des T benutzbare Wahrheit verkennen fann. Fruchtbare Regeln zur Vermeidung dieses Jrrthums gibt es darum nicht; nur vielleicht ist nützlich zu erinnern, wie leicht zu ihm der Berfuch verleitet, direct und progressiv Sate zu beweisen, die für unsere Erfenntniß ein Letztes und Unableitbares enthalten, sei es eine Dentnothwendigfeit oder eine allgemeine Thatsache der Wahrnehmung; für diese Fälle passen die apagogischen und regressieren Beweisformen.

242. Verwandt mit diesem ersten Fehler, oft nur nach subjectiver Schätzung von ihm unterscheidbar, ift ber zweite, das Spiteronproteron. Wir begehen es, wenn wir einen Satz, der des Beweises fähig und bedürftig ist, zum Ableitungsgrund eines andern machen, der des Beweises nicht bedarf, umgefehrt aber fich zum Beweisgrund für jenen eignen würde. Gottes Wille, sagt man, sei beilig, die sittlichen Gebote unseres Gewissens der Ausdruck des göttlichen Willens in uns, barum auch fie beilig und verpflichtend. Man wird einwenden müffen: wenn die verpflichtende Kraft und Heiligkeit der sittlichen Gebote nicht unmittelbar und unbedingt empfunden würde, gleichviel welches ihr Ursprung sein mag, so möchten zwar andere Gründe uns noch zu dem Glauben an ein höchstes Wesen bringen, aber Beranlassung und Möglichkeit würde uns fehlen, den Begriff des Heiligen zu bilden und badurch den Obersatz zu Stande zu bringen, aus welchem wir hier ichließen wollten. 2118 Beweis ift baber biefer Gedankengang unzuläffig; dies hindert indessen nicht, daß er doch zuletzt der richtige Ausdruck der Bahrheit selbst sei; denn in weitester Ausdehnung fann das, was in ber Natur ber Sade selbst bie Folge ober bas principiatum ift, uns als Erfenntnißgrund, und häufig als einziger, für bas bienen, was an fich das principium oder der Realgrund für die Möglichkeit jenes Erfenntniggrundes ift. Selbstverständlich immer, wenn wir die Summe namentlich einer inductiv erworbenen Erfenntniß sostematisch darstellen, ichiden wir als Beweisgrund des Ginzelnen ein Allgemeines voran, deffen Gewißbeit für uns nur auf der des Einzelnen beruht; es ist deshalb wichtig, daß folden Darstellungen andere zur Seite steben, welche unsere Erfenntnisse in der Ordnung aufeinander folgen lassen, in der sie, eine auf die andere sich stütend, wirklich bewiesen werden können. In den Beweisversuchen, welche das lebendige Gespräch oder die eilige Ueberlegung herbeiführt, die im Lauf einer Untersuchung sich der Gewißheit eines zu benutenden Sates schnell versichern möchte, gestatten wir uns ein Hysteronproteron sehr oft; wir folgern dann ex concessis, aus Voraussetzungen, beren jetzt ununtersucht bleibende Wahrheit uns durch ihren Zusammenhang mit andern Erfenntnissen hinlänglich feststeht, oder auf deren Zugeständniß aus irgend einem Grunde augenblicklich leichter als auf das anderer zu rechnen ist, die ihnen als Be-weisgrund dienen könnten.

243. Der häufigste Wehler des Beweises ift die Zweidentigkeit des Mittelbegriffs, die mehr oder minder verstedte Quaternio terminorum oder fallacia falsi medii. Als die Sophistik der Grieden zuerst auf die sollogistische Verkettung der Gedanken und ihren iprachlichen Ausbruck aufmerksam ward, führte man eine große Menge Dieser Gehler auf; von ihnen, die man in der aristotelischen Schrift über die Trugschlüsse classificirt findet, dürfen wir viele übergeben, die für unsere Zeit nicht einmal mehr die Bedeutung eines gelungenen Bites haben; von benen, die uns fortwährend brohen, heben wir die poppette fallacia de dicto simpliciter ad dictum secundum quid und de dicto secundum quid ad d. simpliciter hervor. Suchen wir beide zunächst in den fehlerhaften Gedankenrichtungen im Großen auf, zu benen ihre öftere Begehung im Ginzelnen auswächst, so finden wir die erste in jenem doctrinaren Joealismus herrschend, der nie einschen will, daß nicht nur die Ausführbarkeit, sondern auch der verpflichtende Werth an sich zu billigender Ideen durch die Natur ber Gegenstände und der Umstände ihrer Amvendung eine gang rechtmäßige Beschränfung erfährt; ben andern Wehler erkennen wir als die Grundlage ber Engherzigfeit, für welche die allgemeinsten Wahrheiten und Adeale nur in der speciellen Form Geltung und Werth haben, in der sie sich innerhalb eines beschränkten Gedanken- und Beobachtungsfreises beständig bargeboten haben. Beide Sinnesarten belehrt bas Leben; die letzte, wenn sie neue ihr unerhörte Gestaltungen der Dinge nicht hindern fann und die Welt darum doch nicht zu Grunde gehen sieht, sernt endlich, daß man von einer mit Recht geschätzten particularen Lebensverfassung nicht schließen barf, daß sie die einzige würdige Ordnung menichtiches Dafeins fei; jene erfte Schwärmerei begreift burch den Abzug, den alle ihre Abeale bei dem Bersuche der Berwirflichung erfahren, was schon die Beachtung des disjunctiven Lehrsatzes ihr hätte sagen fönnen: jedes allgemeine P verwandelt sich bei der Anwendung aus etwas, das simpliciter galt, in etwas, das secundum quid gilt, aus P in p1 oder p2, p3; es in irgend einer dieser Gestalten nicht wollen, in denen es allein sein kann, heißt seine Wirklichkeit unter einer Bedingung wollen, die schon logisch unerfüllbar ist.

244. Die beiden erwähnten Fehler bestehen also barin, daß wir das P, welches von einem M an sich gilt, von dem M auch dann behaupten, wenn zu diesem eine vorher nicht bestandene Bedingung tritt. welche die Anknüpfbarkeit des P ändert, oder daß wir umgekehrt, was unter irgend einer Bedingung von M gilt, bedingungslos auf M übertragen: fo entsteht die Zweidentigkeit des Mittelbegriffs, der einmal das uneingeschränkte M, dann das durch Bedingungen beterminirte M1 bedeutet. Aus der Menge von Beispielen, die man für diesen Fehler mit leichter Mühe finden oder bilden fann, hebe ich einen von besonderem Nebenintereffe hervor. Die Lüge verdammen wir grundfätlich; bennoch gibt es faum Jemand, der nicht praftisch Ausnahmen zuließe; dies deutet auf einen in der Bildung des Grundsatzes selbst begangenen Wehler. Seben wir von erziehender Belehrung ab, fo lernen wir die Lüge in Einzelfällen haffen, wo fie begleitet ist von dem Buniche. begangene Schuld auf Andere abzuwälzen, von unmittelbarer Begierde zu schaden, von dem Hochmuth endlich, der das Selbstgefühl des Andern demüthigt, indem er ihn spielend in eine Welt falscher Vorstellungen verwickelt; diese Rebenzüge sind es, die uns gegen die Unwahrheit aufbringen; nur um ihretwillen nennen wir die Unwahrheit Lüge. Aus biefen Wällen, in benen das seeundum quid fehr beutlich ift, das unfer Urtheil bestimmt, fonnten wir, wenn nichts weiter hinzufäme, nicht mit Recht auf die Berwerflichkeit jeder simpliciter, ohne Nebenabsicht, vorgetragenen Unwahrheit schließen. Aber es kommt freilich etwas hinzu; Mittheilung unter Menschen fann nur Vorstellungen berselben Wirklichkeit in allen erweden wollen, damit, hiernach abgemessen, ihre Handlungen zu gemeinsamem Wirten richtig zusammentreffen, ihre Sonderbestrebungen einander aus dem Wege geben, überhaupt nur unternommen werde, was im Gintlang mit der Wirklichkeit Erfolg verspricht. Die allgemeine Maxime, Unwahres zu sagen, höbe die Erfüllbarkeit Dieser und aller andern Zwecke auf; denn Wahrheit gibt es in jedem Falle nur eine, Unwahrheiten unzählige; ber Austausch ber letzteren würde daher nicht verbürgen, daß nicht die durch ihn rege gemachten Intentionen der Menschen stets bei einander vorbeigingen, ohne je zur Erreichung eines Zwedes zusammenzutreffen. Go kommen wir zu bem Urtheile, Behauptung des Unwahren sei an sich verwerflich, weil sie bem Wesen der Behauptung und dem sittlichen Zwede der Mittheilung

widerspreche, und stillschweigend nehmen wir nur die Neußerungen bes Umwahren aus, die, in Poesie Scherz und Soflichfeit, den Charafter der Behauptung nicht haben. Und hier eben droht der Kehlichluß, den ich erwähnen wollte. Durch dieje leberlegung glauben wir bie Berwerflichkeit umvahrer Behanptungen von der Beschränfung durch das frühere secundum quid befreit zu haben und fie nun simpliciter aussprechen zu fönnen. Aber dies simpliciter selbst ist zweidentig. Es fann bedeuten: die Behauptung des Umvahren ift an fich tadelhaft und fann nur burch besondere Gründe, secundum quid, im Einzelfalle gerechtfertiat werden; aber es fann auch fagen wollen: fie ift allgemein verwerflich und es gibt eben deshalb feine Gründe, welche fie im Ginzelfalle rechtfertigen könnten. Diese beiden Auslegungen des simplieiter streiten sich in unserem Gemüthe und bringen jenen Widerspruch bervor, den ich am Anfang berührte. Umr zur ersten, nicht zur zweiten würden unsere hier angenommenen logischen Präntissen zureichen; denn nur als allgemeine Maxime gedacht, hob die Unwahrheit sittliche Zwecke gewiß auf und war verwerflich; hiermit aber verträgt sich allerdings der Gedante, daß fie überall wieder zulässig sei, wo nicht die Erfüllung, sondern die Bereitelung eines zu migbilligenden Bestrebens löblich ift. Soll jene zweite Auslegung, Die bedingungsloje Berwerflichfeit ber Lüge, gelten, so muß man sie auf andere Prämissen zu gründen suchen; überlaffen wir dies der Ethit; unfer logisches Intereffe ging hier nur auf den Rachweis, daß wir eine fallacia falsi medii nicht nur durch Berwechslung des simpliciter und des secundum quid Gemeinten beaeben, sondern daß, nicht blos in dem Kalle dieses Beispiels, sondern in vielen andern ebenso, auch bas simpliciter für sich ichen Sitz einer Zweideutigkeit ift. Wir meinen mit ihm theils bas, was nur an fich, aber nicht unter allen Bedingungen, ober was nur im Allgemeinen, aber nicht immer im Besondern gilt, theils aber auch das, was an sich und nicht erst unter Bedingungen, oder was allgemein und nicht blos im Allgemeinen, was folglich auch im Besonderen immer und nothwendig gilt.

245. Ich schließe hieran Beispiele der Ausdehnung eines allgemeinen Satzes auf Fälle, welche die Bedingungen seiner Amvendung nicht mehr enthalten, dennech aber formell sich als Sonderfälle desselben betrachten lassen. Dies kommt vor, wenn man veränderliche Größen, welche die Beziehungspunfte des Sates annehmen fönnen, bis zu ihren Grenzwerthen, der Rull oder dem Unendlichen, verfolgt. Um Bebel erzeugt man die gleiche Wirtung, fo lange das Product ph des angehängten Gewichts p in seinen Hebelarm h dasselbe bleibt; je größer also h, besto kleinerer Gewichte p bedarf man, um dieselbe Wirkung zu erzeugen; und jo hat denn in der That, um die Gültigkeit des Bebelgesetes verdächtig zu machen, die feine Folgerung nicht gesehlt, in unendlicher Entfernung vom Drehpunkt reiche die Masse o hin, um jedes beliebige Gewicht am andern Hebelarme im Gleichgewicht zu halten. Man weist diesen Ginfall natürlich sehr einfach durch die Bemerfung zurück, das Hebelgesetz spreche nur von Fällen, in denen wirtlich Kräfte am Bebel angebracht werden, und verliere seine Gilltigfeit, wo dieser Bedingung nicht genügt ist, und sachlich sind hiermit auch alle Zweifel erledigt. Aber logisch boch nicht gang; benn so verfährt man nicht überall. Man zweifelt nicht, daß $\cos o = 1$ sei, und doch hat ursprünglich der Begriff des Cosinns nur für einen wirklichen Bogen & Sinn, von beffen Endpunkt fich ein Sinns auf den Halbmeffer durch den Anfangspunkt ziehen läßt; von diesem Fall ist man hier auf den Endwerth q = 0 übergegangen. Da nun das Hebelgesets doch bei jeder Unnäherung zu den Werthen $h=\infty$ und p=0 gültig bleibt, so wäre zu wünschen, daß es auch für diese Grenzfälle noch irgend eine Interpretation guliefie, die zeigte, in welche andere Bedeutung es übergeht, wenn die frühere unzulässig wird, oder daß es seine völlige Ungültigkeit selbst anmeldete, d. h. nicht blos durch die Unglanblichkeit von Folgen, die doch immer nur von einem auswärtigen Gesichtspunkt beurtheilbar wären, jondern dadurch, daß es sich selbst aufhöbe. Die Kraft, welche ein Keil ausübt, fteht im umgefehrten Berhältniß zur Breite seines Rudens. verschwindet diese ganz, so tritt hier derselbe Fall ein: die Formel gibt unendliche Wirfung, während sie in der That Rull ift. Aber hier fann man doch, freilich mehr spielend als ernsthaft, einwenden: in der That gehöre eine unendliche Kraft dazu, um eine geometrische Ebene, in die sich ja nun der Reil verwandelt hätte, von der Durchdringung eines Holzkloges abzuhalten; daß der Klog fich darum nicht spaltet, tieße sich gleichfalls formelgerecht beweisen. Gine so anschauliche Beruhigung weiß ich nun dem Zweifler in Bezug auf den Sebelfatz nicht zu verschaffen; anderseits hielte ich doch für unbillig, ihn durch die

Forderung abzuschrecken, er möge erst den unendlichen Hebelarm besorgen, dann werde man weiter zusehen; denn offenbar ist der Gedante von der Wirkung der unendlich entfernten Masse Rull als Gedanke an sich absurd, und muß, wenn er nicht interpretirt werden fann, durch sich selbst widerlegt werden. Und dies fann geschehen. Dem der Sinn des Hebelgesetes besteht darin, daß es in jeder bestimmten Entfernung h vom Drehpunkte der bestimmten Masse p einen bestimmten Effect zuschreibt, welcher sich ändert, wenn h sich ändert. Die Masse o aber würde in unendlicher Entfernung feine andere Wirfung hervorbringen, als in jeder beliebigen endlichen; denn es ließe sich ja gar nicht fagen, wodurch sich der Hall, daß man am unendlich entfernten Ende des Hebels nichts wirfen ließe, von dem andern unterschiede, daß man an einem beliebigen andern Punfte gleichfalls nichts wirfen ließe, ober von dem dritten, der eigentlich immer zugleich bestände, daß man an allen Punften des Hebels daffelbe Nichts, und zwar nach beliebigen Richtungen wirfend, angebracht bachte. Der Berjuch alfo, bas Hebelgesetz für $\mathrm{ph} = \mathrm{o.} \propto \mathrm{noch}$ sestzuhalten, scheitert nicht blos an unglandlichen Folgen, sondern daran, daß sein eigner Sinn verschwindet, weil das ununterscheidbar wird, auf bessen Unterscheidung er beruhte. Man fann zu demfelben Ergebniß and anders gelangen; ph ift feine constante Größe, so daß p sich im umgekehrten Verhältniß zu h ändern müßte; sondern für jedes h ändert sich die Wirfung mit der völlig freien Aenderung von p und wird für jedes h zu Antl, wenn p Rull wird; daraus folgt, daß auch p $h=o.\infty$ hier nur den Werth o und feinen andern baben fann.

246. Aehnlich den zu engen und den zu weiten Tefinitionen, und meist durch solche veranlaßt, können auch Beweise zu wenig oder zu viel beweisen; beides sowohl in Bezug auf den Inhalt des zu bes weisenden T als auch in Bezug auf die gnantitative Ansdehnung seiner Gültigkeit. Das zu viel Bewiesene kann richtig sein und entspricht vielsleicht blos nicht der Aussorderung zum Beweise, die auf Wenigeres gerichtet war; so, wenn Jemand sür alle Thiere einen Satz deducirt, den man blos sür Menschen sichergestellt wünschte: man hat dann den zuslänglichen Beweisgrund in einer allgemeineren Fassung benntzt, in welcher er selbst gültig blieb. Ist aber das zu viel Bewiesene falsch, so ist man einem irrigen Beweisgrund geselgt, der nun anch das in dem Resultat

eingeschlossene Wenigere zweiselhaft macht, den Beweis desselben also nicht liesert. Ist zu wenig bewiesen, so hat der Beweisgrund, der hierzu führte, vielleicht eine allgemeine Wahrheit, welche wirklich das gesgebene T in gewünschter Ausdehnung beweisen würde, nur in einer ihrer partienlaren Formen aufgefaßt, und dann bedarf es nur ansgemessener Wiederverallgemeinerung derselben, um den verlangten Beweis zu gewinnen. Aber man kann auch auf ganz salschem Wege geswesen sein, indem man von Verausssetzungen ausging, welche zwar zu dem beweisenen Specialfalle von T richtig führten, zum allgemeinen Beweise des T jedoch immer untauglich bleiben würden. Im Ganzen ist daher die Benntsbarkeit des eingeschlagenen Weges immer zweiselshaft, wenn der auf ihm erlangte Beweis nicht genan den Inhalt des zu beweisenden T dectt; und man kann beides sagen: qui nimium und qui parum probat, nihil probat.

247. Auch hierfür sind Beispiele leicht zu finden; austatt ihrer soliefe ich einen Kall an, auf den man, obgleich nicht in der Korm bes Beweises, sehr oft in bilettantischen Versuchen zur Speculation ftößt: die unvollständige Erflärung, welche nur im Allgemeinen einen Grund für eine Erscheinung angibt, ohne zu untersuchen, ob dieser Grund auch fähig sei, die Modificationen mit zu begründen, benen die Erscheinung unterliegt. Das Gesetz ber Beharrung ber Bewegung ist schwerlich aus einem allgemeineren Gedanken beweisbar; aber die vulgäre Meinung, es verstehe sich von selbst, daß jede Bewegung mit der Zeit aufhöre, ist unmöglich an sich und fann zu einem apagogischen Beweise für jenes Gesetz führen. Hätte man die Abnahme der Bewegung auf reale Widerstände in der Zeit geschoben, jo wäre man auf gutem Wege gewesen; aber von der leeren Zeit konnte man fie nicht abhängig machen; denn wenn es auch für uns, deren eigne Körperbewegungen mit der steigenden Ermüdung erlahmen, etwas lleberredendes hat, die Zeit selbst zehre alle Bewegung auf, so läßt sich doch im Besondern kein Magstab finden, nach welchem ihr dies früher oder später gelingen müßte. Angenommen, jeder der völlig gleichen Augenblicke at habe gleiche constante Zehrfraft und hemme an jeder Masseneinheit die Geschwindigkeit q, so begriffe man wohl, daß schnellere Bewegungen derselben Masse später aufhören als langsamere; aber so lange q eine endliche Größe ift, würden and Bewegungen deufbar fein, deren Ge-

schwindigkeit, für at als Ginheit, kleiner ware als q, und biefe Bewegungen würden bann gar nicht zu Stande fommen. Bielleicht zöge man vor, die Zehrfraft der Zeit richte sich nach der zu verzehrenden Geschwindigkeit; aber in welchem Berhältniß? Ich unterlasse jede weitere Hypothese; theils, weil man icon einsieht, wie hoffmungslos es ist, bei der völligen Unvergleichbarkeit von Zeit und Masse die Masseneinheit festzustellen, für welche g das Maß der bemmenden Kraft eines dt wäre; anderntheils, weil offenbar in der leeren Zeit fein Grund liegt, unter den zahllosen denkbaren Verhältniffen zwischen Geschwindigkeit und Verzögerung eines vor dem andern zu bevorzugen; endlich, weil stets etwas übrig bliebe, was alle diese Bersuche vereiteln würde. Denn wenn ein dt biefen ober jenen Theil ber Bewegung aufhöbe, woher stammte ber nicht aufgehobene Theil? Offenbar setzt man für ihn voraus, er habe sich nach dem Gesetz der Beharrung erhalten; ließe man an diesem Punft nicht versteckt die Gultigfeit des Gesetzes schon zu, so würde man behaupten müssen, schon das erste at hemme alle Bewegung. Entweder kommt baber Bewegung überhanpt nicht zu Stande, sondern erlischt jogleich, indem fie Miene macht, ein at bindurch zu dauern, oder: wenn die Bewegung allmählich abnehmen soll, so gilt principaliter das Gesetz der Beharrung, und nur secundär nimmt die Bewegung durch Widerstände ab; diese wird man nun blos in Gleichartigem, also in entgegengesetzten Bewegungsantrieben suchen. Wie diefer Sat, daß jeder erflärende Beweisgrund nicht blos T allgemein, sondern auch die Möglichkeit seiner Modificationen begründen muffe, mit dem dissinnetiven Lehrsatz zusammenhängt, deute ich nur an; seine weitere Verfolgung würde mich zu sehr auf blos mathematisches Gebiet führen; es genügt, furz anzumerfen, wie biefe logifche Forberung bort fich in dem Princip der Homogeneität der in eine Gleichung zusammenznstellenden Junctionen einen speciellen und fruchtbaren Ausdruck gegeben hat.

248. Collective und indirecte Beweise irren hänsig durch Schuld einer unvollständigen Disjunction. Sie müßten zeigen, um T sicher zu stellen, daß in allen Ginzelfällen von T gilt, was sie von dem allgemeinen Fall behaupten wollen, oder daß alle Arten des Non-T ungültig sind und so nur die Gültigkeit von T übrig bleibe. Dies ist nicht immer leicht; namentlich wird man im praktischen Leben die Schwierigkeit sühlen, bei Aufstellung einer Satung, welche gelten soll,

alle Fälle ihrer möglichen Anwendung im Boraus darauf zu prüfen, ob die poraciolagene Bestimmung sich in ihnen empfehlenswürdig oder erträglich zeigen würde; nicht minder befannt ist, wie oft wir nach Neberlegung vieler Wege, die wir einschlagen tonnten, nur einen mögs lich, alle andern unmöglich finden und bech bie Gingebung eines aludlichen Angenblicks und bann noch einen andern übersehenen Ausweg zeigt. In theoretischen Ueberlegungen werden wir zu dem Fehler ber unwollständigen Disjunction am wirfgamften dann verführt, wenn wir nicht absichtlich mit der Aufstellung aller denkbaren Fälle beginnen, sonbern, wie gewöhnlich geschieht, unter bem einseitigen Ginfluß einer uns beherrichenden Gedankenrichtung uns nur zu ihrem Ziele treiben laffen. Go ift es leicht nachzuweisen, daß unsere finnlichen Empfindungen subjective Zustände unserer Erregung sind: eine weit verbreitete Ueberzeugung fügt hinzu, daß auch die Formen von Raum und Beit, in benen wir bas mannigfaltige Empfundene zusammenordnen, Unichauungsweisen unseres Geistes sind; verführerisch ist endlich, dann auch die Vorstellung und unbefannter Dinge und Wirkungen, die diesen Erscheinungen zu Grunde liegen, als ein Erzeugniß unseres Beistes anausehen, beffen Organisation zu Dieser Berknüpfung seiner Gingelvorstellungen nöthige. So ist dann die Subjectivität aller Elemente unserer Erfenntniß nachgewiesen, und von hier aus wagt man den Schluß: also gebe es feine objective reale Welt, die unserer Borstellungswelt entspreche. Er ist falich; benn: wenn wir von der Boraussetzung ausgeben, es gebe biese reale Welt, so ist leicht einzusehen, baß auch bann alles sich so verhalten müßte, wie wir es fanden. Die realen Glemente fonnen nie in Substang in unser Inneres einziehen; jie fönnen immer nur Vorstellungen erweden, welche, veranlagt burch den äußern Eindruck und Reactionen gegen ihn, doch immer ein Erzeugniß unserer subjectiven Natur bleiben; mag es einen objectiven Raum geben oder nicht, seine Anschauung in und ist nicht er selbst, sonbern immer das Product unserer subjectiven Thätigkeit des Vorstellens; mag das Canfalgesetz objectiv gelten oder nicht, Gegenstand nothwendiger Unerfennung für mis ift es nur, sofern es von uns gedacht und sein Inhalt in Uebereinstimmung mit den Gesetzen unseres Dentens empfunden wird. Die vollkommene Subjectivität aller Elemente unferer Erfenntniß enticheidet baber gar nichts über Sein oder Richtsein einer objectiven Wirklichkeit. Um uns vor solden Fehlern zu bewahren, sind unsere Gegner in der Welt; man sieht, wie unerläßlich es ist, neben der folgerechten Ausbildung des eignen Gedankengangs sich auch in Borstellungsweisen einheimisch zu machen, die von entgegengesetzten Standspunkten ausgehen.

249. Man unterscheidet Varalvaismen überhaupt als unwillfürlich begangene Beweisfehler von Sophismen, ben absichtlich auf Täuschung oder Berwirrung des Urtheils angelegten Trugschlüssen, ein Unterschied, der, weil er sich auf die vorausaesette Absicht gründet, zweifelhaft wird, wo diese es wird. So fann man zu beiden die befannten Zenonischen Beweise gegen bie Bewegung rechnen. Gie berühren zum Theil wirkliche Schwierigkeiten in dem Begriffe der Bewegnng, die ich hier noch nicht erörtern will; anderseits mögen sie als Beispiele nicht leicht classificirbarer Beweisfehler noch angeführt fein. Der eine von ihnen will beweisen, daß der fliegende Pfeil ruht. Er geht aus von der Vorstellung, die Zeit bestehe aus untheilbaren Augenbliden: in feinem dieser Augenblide fann der Pfeil sich bewegen, denn Bewegung sett das Spätersein an dem einen, das Frühersein an dem andern Orte voraus; in dem untheilbaren Augenblicke aber gibt es fein Früher und Später: der Pfeil ruht also in diesem, er ruht ebenso in jedem andern Angenblicke; er ruht also immer. Hiergegen ist einfach einzuwenden, daß auch ruhen nur das fann, was später an demselben Orte ift, den es früher einnahm; da der untheilbare Augenblick fein Früher und Später hat, jo fann der Pfeil jich in ihm weder bewegen, noch ruben. Und dies ist denn im Ginklang mit der gewöhnlichen phoronomischen Betrachtungsweise. So lange dt eine Zeitstrecke ift, durchläuft in ihm der Pfeil einen kleinen Weg v. dt; sobald dt keine Größe mehr ift, sondern nur ein Theilpunft der Zeit, der seinen beftimmten Plats in der Zeitreihe hat, so macht in ihm zwar der Pfeil feinen Weg, aber er ruht auch nicht in ihm, sondern geht durch ihn mit der Geschwindigkeit v hindurch. Angerdem hatte Zeno fein Recht zu bebanpten, in jedem folgenden Angenblick werde der fliegende Pfeil in bemselben Orte ruben, in welchem er vorher geruht hatte. In dem Begriff des Angenblicks und in dem des Pfeiles liegt allerdings nichts, was einen Wechsel der Orte begründete; wohl aber liegt dieser Grund in dem Fliegen des Pfeils. Worin dieser Antrieb freilich besteht,

durch den in jedem anch als untheilbar gedachten Angenblicke der bewegte Körper sich von dem ruhenden unterscheibet, dies mag dunkel sein, und barauf batte fich ein Sophisma wirkfam beziehen können; aber bepor die Unmöglichfeit des Begriffs der Geschwindigfeit feststand, durfte Beno fie, von ber er in bem Pradicat des Pliegens ausging, nicht in ber Beweisführung gang vergeffen. Go wie er ift, zeigt fein Beweis nur, daß Anhe nicht Bewegung ift, und Bewegung nicht aus Anhe gemacht werben fann; mit jener Ergänzung batte Beno wenigstens eine pon Moment zu Moment sprungweis erfolgende Veränderung des Ortes, eine stetige Bewegung freilich nicht ableiten fonnen, jo lange er an den untheilbaren Augenblicken als Zusammensetzungsbestandtheilen der Zeit festhielt. Ein anderer Beweis zeigt, daß der schnellfüßige Adill die Schnede nicht einholt, wenn fie einen Vorsprung hat; denn immer, ehe er sie erreiche, musse er zuvor an den Ort fommen, den sie eben verlaffen. Diefe Gintleidung ift überfluffig; auch wenn die Schnecke rubt, erreicht sie Achill nie: denn der Beweis beruht darauf, daß fein Bewegtes jemals an das Ende irgend einer Wegftrede fommt, weil es porber an die Balfte derfelben, dann vorber an die Balfte der Balfte, und vorher wieder an die Hälfte dieses Biertels fommen muß. Da diese Halbirung ins Unendliche fortgesetzt werden soll, so wird offenbar die endliche Ranniftrecke als unendlich theilbar oder aus unendlich vielen Theilen bestehend vorausgesett, dann aber angenommen, zum llebergang von jedem dieser ungäbligen Raumpunfte zum andern sei einer der untheilbar gedachten Zeitangenblicke nöthig; mithin gehören unendlich viele Augenblice jum Durchlaufen jedes endlichen Weges. Go weit ift, wenn man die Boranssetzungen zugibt, alles richtig. nun ift es gang willfürlich, zu behanpten, diese Enmine der unendlich vielen Angenblide werde eine unendliche Zeitstrecke sein; da sie un= theilbar find, teiner von ihnen ein Früher oder Später enthält, so gibt auch ihre miendliche Summe fein Früher oder Später, wenn man nicht, wie hier doch wohl Zeno begegnet ist, zwischen je zwei Angenblide einen Zeitverlauf heimlich einschiebt, oder diese Augenblide in einer zweiten ausgedehnt gedachten Zeit aufeinander in bestimmten Intervallen folgen läßt. Man braucht nicht einmal gegen Zeno einzuwenden, was ungefähr Aristoteles hier äußert, daß nämlich, nach unserer Ansdrucksweise, das Antegral einer unendlichen Reihe stetig in einander übergehender Größen doch eine bestimmte endliche Größe sein könne, jene Summe von Zeitaugenblicken also eine endliche Zeitstrecke; die untheilbaren Angenblicke sind von Zeno nicht nur jeder sür sich als größenlos, sondern zugleich so isolitrt gedacht, daß von solchem Uebersgehen, durch welches sie überhaupt erst zu Zeittheilen werden, gar nicht die Rede ist; die Summe aller dieser Rullen ist daher an sich Rull und wird nur durch eine unberechtigte Zuthat unserer besser untersrichteten Phantasie sür eine Größe überhaupt und num gar sür eine unendliche Größe ausgegeben. Uchill braucht mithin zwar, um von a nach das fommen, unzählige Zeitaugenblicke, aber diese seizen gar keine Zeitstrecke von irgend welcher Dauer zusammen; anstatt einer unendslichen Zeit braucht er vielmehr gar keine Zeit; wozu freisich hierbei die Berbrauchung der Zeitaugenblicke dient und worin sie besteht, bleibt ganz unsagbar.

250. Das Alterthum hat uns noch intereffante Dilemmen hinterlaffen, Gedankenverknüpfungen, aus denen entgegengesetzte Folgen aleich nothwendig und gleich unmöglich fließen. Pseudomenos beißt das Dilemma, das entstand, als Epimenides, ein Kreter felbst, behauptete, jeder Kreter lüge, sobald er den Mund aufthue. War nun der Inhalt seiner Behauptung richtig, so hatte er gelogen und deswegen war seine Behauptung falsch; ift sie aber falsch, so bleibt noch die Möglichkeit, daß die Kreter nicht immer, aber doch zuweilen lügen, Spimenides aber feinerseits hier wirklich gelogen hat, indem er diesen allgemeinen Sat aussprach; es besteht in diesem Falle feine Unverträglichkeit zwischen der ausgesagten Thatsache und der Thatsache ihres Aussagens, und das Dilemma hat noch einen rechtlichen Answeg. Es hat aber keinen mehr, wenn wir Epimenides und die Kreter weglassen und anstatt dieser zwei Subjecte, von denen das eine nur in dem andern enthalten, aber ihm nicht gleich ist, ein identisches setzen: Ich lüge jetzt. Bin ich hier wahrhaft in meiner Anssage, lüge ich also, so ist der Anhalt meiner Ausfage falsch und ich lüge nicht; aber der Anhalt meiner Aussage war die Behauptung der Falscheit meiner Aussage; ist dieser Inhalt falsch, so wird meine Aussage wieder richtig und ich lüge; hier beginnt dieselbe Reihe sich selbst aufhebender Folgerungen von neuem und sofort ins Unendliche. Man bemerkt ihren Grund leicht: logisch ist naturgemäß ber ausgesagte Inhalt an sich gültig ober ungültig, gang unabhängig

von der Thatsache seines Ausgesagtwerdens, die hinzukommen oder wegbleiben fann; der Aussage aber fommt feine andere Gültiafeit oder Ilnaültiafeit an sich zu, außer der, die sie durch Wahrheit oder Umvahrheit des von ihr selbst unabhängigen Anhaltes erhält. Widersprüche, und 3mm Theil formell unlösliche, entstehen daher dann, wenn man den auszusagenden Anhalt so wählt, daß er über die Thatsache des Anssagens etwas enthält, was mit der Möglichkeit oder der Gültigkeit derselben in Widerspruch steht. Die Schwierigkeit verschwindet gleich, wenn wir statt: ich lüge, sagen: ich log; ebenso kann man zwar nicht im Präsens fagen: ich schweige, wohl aber im Sinne des Anturum: ich werde schweigen: denn nun bezieht sich die Aussage auf eine von ihr verschiedene Thatsache, die ihr nicht mehr widerspricht. Es gibt viele Beispiele hiervon, obgleich fein so flassisches wie dieser Pseudomenes; wer die Frage, ob er schlafe, bejaht, wer dem lästigen Besucher entgegenruft, er sei ausgegangen, setzt auf dieselbe Weise seine Aussage mit ihrem Anhalt in Widerspruch. Als ähnliche Fälle endlich, in benen ein Subject unmöglicherweise zugleich beide Beziehungspuntte eines Berhältniffes bilden foll, das nur zwischen zwei verschiedenen stattfinden fann, barf man aufchliegen Jean Pauls fleinen Mann, ber fich felbst blos bis an die Anie ging, geschweige denn andern Leuten; die Aufschrift der Thierbude: dies ist der größte Elephant, den es gibt, ihn selber ausgenommen; endlich Münchhausens rettende That, sich an feinem eignen Bopfe aus dem Sumpf zu ziehen. Bon gleichem Intereffe ist das antife Dilenma vom Krofodil. Der flagenden Mutter fagt das Thier: ich gebe dir dein Kind zurück, wenn du mir die Wahrheit darüber sagst, ob ich es dir zurückgeben werde oder nicht. Es würde feine Schwierigfeit entstehen, wenn die Mutter nur zu errathen hätte, ob das Krofodil jetst den Willen der Zurückgabe hat oder nicht. Rath fie richtig, so steht der vertragsmäßigen Rückgabe nichts entgegen; benn auch wenn bas Richtige dies war, daß das Krofodil den Willen der Rückgabe nicht habe, so hindert doch nichts das Thier, widerwillig den Contract durch sie zu erfüllen. Räth die Mutter aber falsch, so bat sie jeden Unspruch verloren; denn wieder: welches auch der wirkliche, von ihr falsch errathene Wille des Thieres gewesen sein mag, im Handeln braucht dieses sich nicht an seinen Willen, sondern nur an die Bestimmungen des Vertrags zu binden, welche nun die Lope, Logit. 22

Rückgabe verbieten. Denken wir uns aber in der Frage an die Mutter, ob fie das Kind zurückerhalten werde oder nicht, dieses Anturum als Bezeichnung einer feststehenden Zufmift, so daß an sich gar nicht mehr unentschieden ist, welches der beiden Ereignisse eintreten wird oder bevorsteht, so entsteht sogleich unlösbare Berlegenheit aus einem gang deutlichen Grunde: denn ein Greigniß, deffen Gintritt bedingungslos bevorsteht, fann man nicht ohne Widersinn noch an eine Bedingung fnüpfen, deren Erfüllung ja nothwendig wirfungslos sein müßte, deren Nichterfüllung aber das Nichteintreten des unvermeidlichen Greigniffes fruchtlos verbieten würde. Es gibt daher hier nur einen Ausweg; îtande die Rückgabe des Kindes als dies künftige Greigniß fest, und erriethe dies die Mutter, so würde sich alles glücklich auflösen, aber nicht weil diese ihre Aussage den guten Ausgang bedingte, sondern weil sie, an sich aanz wirfungslos, mit dem an sich unvermeidlich bevorstehenden Erfolg und den Bestimmungen des Bertrags thatsächlich zusammenstimmt: bei jeder andern Aussage der Mutter zeigt sich nur viel deut= licher die völlige Machtlofigfeit des Bertrags, der Unbedingtes noch bedingen will und deshalb nothwendig gebrochen werden muß. Die autife Form des Dilemma geht nun von einer noch andern dritten Boraussekung aus. Es soll an sich nicht feststehen, welches Glied jener Alternative, Rückgabe ober Richtrückgabe, eintreten wird, jondern darüber soll die Aussage der Mutter erst entscheiden. Logisch ist nun in jedem hopothetischen Urtheile die Gültigfeit des Nachfages von der Gültiafeit des Bordersatzes abhängig; aber dieser muß an sich selbst beftimmt und eindeutig, und barf weder in seiner Bedeutung, noch in seiner Gültigkeit durch Bedeutung und Gültigkeit des Nachsatzes bedingt sein. Diesem nothwendigen Erforderniß ist in unserem Falle widersprochen; denn die hier festgesetzte Bedingung ist nicht eine Aussage der Mitter überhaupt, sondern die Wahrheit derselben, und zwar nicht die Wahrheit einer Aussage, die sich auf ein von dem fünftigen Erfolge imabhängiges drittes Jactum bezöge, und die deshalb unabhängig von diesem Erfolg wahr oder unwahr sein fönnte; vielmehr ist der Inhalt der Ausjage das übrigens an feine Bedingung gebundene Eintreten oder Richteintreten dieses Erfolges selbst, ihre eigene Wahrheit mithin von demjenigen abhängig, was fie bedingen foll. Es gibt daber auch bier nur einen Kall, der logisch ein rechtliches Durchkommen

möglich läßt; antwortet die Mutter: du wirst das Kind wiedergeben. so macht die wirkliche Wiedergabe die Antwort zur Wahrheit und erfüllt angleich den Vertrag; aber die gegebene Antwort bedingt den aunitigen Ansgang gar nicht; benn wenn das Krofodil das Kind nun роф nicht wiedergibt, fo macht diese Thatsache eben die Untwort falsch. und dann ist auch für das Thier die Nichtrückgabe durch den Bertrag gerechtfertigt. Die Mutter antwortet aber unglücklicher Beise: du wirst es nicht geben; folglich, sagt das Arvfodil, fann ich es nicht geben, vertragsmäßig nicht, wenn deine Antwort für falsch gelten soll, und and nicht, wenn sie richtig sein fonnte, benn sie würde dann eben durch die Burückgabe falich werden; die Mutter wendet ein; du mußt es auf jeden Fall geben, vertragshalber, wenn meine Untwort richtig war, aber auch wenn sie unrichtig war, denn sie würde eben richtig werden, wenn du die Rückgabe nicht gewährtest. Hierans ist fein Ausweg möglich; in der That berufen sich aber beide Parteien auf undentbare Gründe; denn die wirklich gegebene Antwort fann ebenso wenig richtig oder unrichtig an sich sein, als jene blos glücklichere, welche die Mutter hätte geben fönnen. Auf ähnlichem Mißbranch hypothetischer Gedankenverknüpfung beruht das Dilemma von Protagoras und Enathlus. Den empfangenen Unterricht follte Enathlus nach dem Gewinn seines ersten Processes honoriren; da er aber nie einen aufing, so befam Protagoras nichts und verflagte ihn. Gewann oder verlor Guathlus diefen Proces, so war er allemal durch den Urtheilespruch zu dem verpflichtet oder von dem losgesprochen, wovon der Bertrag ihn umgefehrt lossprach oder wozu er ihn verpflichtete. Man hat mehrfach hier die Lösung so versucht, daß man Enathlus diesen ersten Procef gewinnen ließ, weil er vorher feinen andern gewonnen, mithin jetzt noch nicht zahlungspflichtig war; hieranf habe dem Protagoras eine zweite Klage freigestanden, welche unn zur Bernrtheilung seines Schülers hätte führen muffen. Dies heißt wohl die Logik von einer Ungereimtheit befreien, um fie der Jurisprudenz jum Geschent zu machen. Ich will dieser nicht worgreifen; aber ich denke mir, sie würde in dem Berhalten des Guathlus eine dolose Bereitelung des Cintritts einer Bedingung feben, die ihn zur Erfüllung einer Berpflichtung genöthigt hätte; fünnte man daber nur einen Zeitpunft bestimmen, von welchem an bieje Auslegung feines Benehmens nothwendig gelten mußte, fo

würde man wohl, da auch Protagoras doch nicht aus dem Contract klagen kann, auf die durch den empfangenen Unterricht dem Guathlus sachlich erwachsene Verbindlichkeit zurückgehen und ihn zur Zahlung mit derselben Wirkung verurtheilen, als wäre der zweidentige Vertrag nie in der Welt gewesen.

Siebentes Kapitel.

Allgemeine Sate ans Wahrnehmungen.

251. Was mit Nothwendigfeit aus Vorstellungen folgt, die wir selbst verbunden haben und deren Inhalt und Berknüpfungsweise wir deshalb vollständig übersehen, ist einem beweisenden oder demonstrativen Berfahren zugänglich, das im Wesentlichen von allgemeineren Wahrheiten zu besonderen Sätzen als ihren Amwendungen herabsteiat. äußere Welt umgibt uns bagegen mit Berfnüpflingen von Erscheinungen, deren allgemeine Zusammenhangsbedingungen sie uns verschweigt; von den particularen Sätzen, durch die wir jede Gingelerfahrung gunächst auszusprechen hätten, baben wir einen Rüchweg zu den allgemeineren an fuchen, beren Beispiele fie find. Bir haben ben Schluß burch Induction als die einfachte Form einer folden Gedankenbewegung kennen gelerit; unter bem Namen ber inductiven Logif hat man fich baber in unserer Zeit gewöhnt, das sehr mannigfaltige Ganze der Berfahrungsweisen, die zur Lösung dieser Aufgabe dienen, der deductiven oder demonftrativen Logif, zum Theil nicht ohne merkliche Geringschätzung ber letteren, entgegenzusetzen. So gewiß indessen die inductiven Methoden die wirksamsten Hülfsmittel zur Gewinnung neuer Wahrheit enthalten, jo beruhen sie doch gänglich auf den Ergebnissen der demonstrativen Logit; was diese über die Triftigfeit der Schluffe, über die Umfehrbarkeit und Contraposition der Urtheile, über die Formen des Beweises lehrte, das ift die Quelle aller jener Borsichtsmaßregeln, durch welche das inductive Verfahren jeden Schritt seines Weges von den gegebenen Wahrnehmungen zu den allgemeinen Gesetzen des Wirklichen so sehr als möglich zu sichern sucht.

252. Giner bleibenden Schwierigkeit glaubt man fogleich am Anfange dieses Weges zu begegnen: Erfahrung fonne feine allgemeingultigen Erfenntniffe liefern. Bewiß wird diefer oft gehörte Sat feinen guten Sinn haben; aber in dieser Fassung würde er doch einen in Birflickeit nicht vorhandenen Werthunterschied zwischen der Erfahrung als der einen und einer apriorischen Gewißbeit als der andern Erkenntnikanelle behanpten. Gang umgefehrt versteht es sich vielmehr von selbst, daß jede Erfahrung, beren zusammengehöriger Inhalt sich ohne Mangel und ohne lleberschuß in der Form: S ift P ausdrücken ließe, auch wenn wir sie nur einmal gemacht hätten, sogleich ben Werth eines allgemeinen Urtheils besitzen müßte. Denn das Gesetz der Identität bürgt uns bafür, daß an bemfelben S, wenn es in einer zweiten Erfahrung uns zu wiederholter Wahrnehmung fäme, dasselbe Prädicat P weder feblen, noch durch ein anderes Q erfett werden könnte. Aber eben dies, was wir hier voraussetzen, einen Satz nämlich, der nicht mehr und nicht weniger als ein vollständiges Subject S mit nicht mehr und nicht weniger als seinem vollständigen Prädicat P verbände, eben dies pflegt uns die Erfahrung unmittelbar nicht in Form einer Wahrnehnning darzubieten. Bon dem mahren und wirklichen Subjecte D, an das eine von uns beobachtete Erscheinung gebunden ist, nehmen wir einzelne Bestandtheile s nicht wahr, die dennoch zur Begründung derselben nothwendig gehören; der Rest S aber, der in unsere Beobachtung fällt, pflegt für uns untrennbar mit andern Bestandtheilen o verbunden zu sein, die in feinerlei Beziehung zu dieser Begründung stehen; von dem wahren Prädicat H anderseits, das jenem Σ zusommen würde, bleibt mis nicht minder mancher Zug p verborgen, während der beobachtbare Rest P mit andern fremdartigen Anhängseln a verknüpft ist, die von andern, in diefer Sache bedeutungstosen, aber zugleich wirtsamen Bedingungen abhängen. Denken wir ergänzt und abgezogen, was zu ergänzen und abzuziehen ist, so würde: $S+s-\sigma$ ist $P+p-\pi$, oder: Dift II, der vollständige Ansdruck der Thatsache sein, deren unvollständige Beobachtung wir zuerst durch den Satz: S ist P, aussprachen. Rur für den Inhalt jenes vollständigen Sates: D ist II, falls er in einer besonders glücklichen Wahrnehmung gegeben wäre, würde der Satz der Zentität Bürgschaft allgemeiner Gültigkeit in allen Wiederholungsfällen leisten; nicht für den des unvollständigen: S ist P, der zusammensstellt, was so nicht zusammengehört.

253. Diese Betrachtung ist nicht müßig; man würde ohne sie einen für die Entwicklung der Wissenschaft mentbehrlichen logischen Rechtsgebrauch nicht versteben. Heberall nämlich, wo wir sicher überzengt find, das gange vollständige Subject D, von dem ein noch zu bestimmendes Prädicat II erwartet wird, und zugleich nichts anderes außer D, in unserer Wahrnehmung porzufinden, überall da zweifeln wir nicht, daß eine einzige Beobachtung, die uns dieses II fennen lehrt, eine gang allgemeine Bedeutung babe, und daß in jedem Wiederholungsfalle an daffelbe Σ fich and unveränderlich daffelbe H fnüpfen werde. Der Chemifer, der gewiß ist, in einem anzustellenden Bersuche nur einen gang bestimmten Körper unter den Händen zu haben, auf ihn nur ein bestimmtes Reagens einwirken zu lassen und alle fremdartigen Bedingungen von dem Einfluß auf sein erwartetes Resultat ausgeschlossen zu haben, bezweifelt nicht, daß die Reaction, die er in diesem einen Berfuche beobachtet, sich gang identisch in allen Wiederholungsfällen einstellen werde; die singulare Wahrnehmung hat für ihn sogleich die Geltung einer allgemeinen Wahrheit. Der Physiker, welcher eine Messung vorninnut, weiß recht wohl, mit wie vielen Fehlerquellen er zu fämpfen hat; nachdem er aber diese eliminirt hat, fommt es ihm doch nicht in den Sinn, seine gereinigte Beobachtung, blos weil fie gulest aus finnlicher Erfahrung stammt, als eine nur für diesen Angenblick gültige gu betrachten, so daß daffelbe gemeffene Object unter denselben Umftanden ein zweites Mal vielleicht eine andere Größe darbieten würde. nicht nöthig, bierüber weitläufiger zu sein. Jede Möglichkeit, aus Erfahrungen allgemeine Erfenntniffe zu entwickeln, aber auch jeder Sinu, den man mit dem Begriffe selbst eines Gesetzes, abgesehen von seiner Auffindbarteit, verbinden fonnte, würde zu Grunde gehen mit der Annahme, daß jede Einzelbeobachtung nur für sich, aber nicht für ihre gleichen Wiederholmigen gelte, daß jede Angabe eines Anstruments nur für den Augenblick richtig sei, in dem sie erhalten wird, nicht für die gang gleichen Umftände eines zweiten Angenblicks, daß überhaupt von Gleichem unter gleichen Bedingungen Ungleiches gelten könne. Die ganze Kunft des inductiven Verfahrens, welches zu allgemeinen Gesetzen gelangen will, beruht nun auf dem Scharffinn, mit welchem es aus dem unreinen und verworrenen Material unserer Wahrnehmungen von der Form: S ist P, die reinen und in sich zusammengehörigen Sätze von der Form: Σ ist H_t zu entwickeln versteht.

254. Die einzelnen hierzu gehörigen Schritte versuchen wir in aufammenbängender Reihe zu schildern. In der ungeschiedenen Masse 2 der ungähligen Eindrücke, die wir zugleich oder nacheinander empfangen, einzelne Gruppen A, B, C zu unterscheiden und jede von diesen als eine in fich ausammengehörige Bahrnehmung zu betrachten, fann und nur die Thatsache veranlassen, daß die so zusammengefaßten Ginbrücke als bleibend verbundene sich von dem Hintergrunde der wechselnden übrigen abheben, oder wiederholt zusammen auftretend mit dem gleichmäßigen Bestand Dieser anderen contrastiren. Sierin liegt noch feine Handlung des Deutens; es ist der mechanische Borstellungslauf, ber zuerst diese Sinzelwahrnehmungen zu Gegenständen unserer unwillfürlichen Aufmertsamkeit und zu Stoffen des fünftigen Denkens aussondert; und zwar ebenso oft falsch als richtig, dem häufig genug findet in ihnen die spätere Ueberlegung Zusammengehöriges unvollständig vereinigt und mit Richtzugehörigem gemischt. Ganz ähnliche Gründe veranlaffen uns ferner, auch in jeder einzelnen dieser Gruppen A ober B die in ihnen enthaltene Summe von Gindrücken zu spalten und einen Theil derselben als ein Subject zu fassen, zu dem der Rest der übrigen als Prädicat gehört. Unch dies ist anfangs eine Leistung des psuchischen Mechanismus; sehr bald allerdings vertieft das sich regende Denken diese Berknüpfung einer ersten Borstellung mit einer sich an sie anschließenden zweiten zu dem sachlichen Wegensatz eines seiner Ratur nach selbständigen Subjectes zu seinem zugehörigen und unselbständigen Prädicat; indessen bleibt es doch stets dem mechanischen Berlauf der Borstellungen überlassen, und in der Anwendung dieses allgemeinen logischen Rebengebankens zu leiten und zu bestimmen, welche Gruppe von Eindrücken im Einzelfalle in den Rang des Subjects, welche andere in den des Prädicats einzutreten hat. So gegliedert würde nun der Gesammtinhalt einer Wahrnehmung A oder B sich bereits in der Form eines Urtheils, aber eines völlig singularen Urtheils, ausdrücken lassen; was hier als Subject s1 oder s2 unterschieden wird, ist nichts als eine völlig bestimmte Gruppe von Ginzeleindrücken, denn diese allein fann unmittelbarer Gegenstand der Wahr nehmung sein; daß jedes dieser beiden, s1 ober s2, sich als Exemplar eines Allgemeinbegriffes S anffassen lasse, ist ein Rebengebanke, ber nicht aus der einzelnen Wahrnehmung, sondern nur aus der bald beginnenden Vergleichung vieler entspringen fann. Und auch hier wieder ist es im Anfang der von allgemeinen Gesetzen mechanisch bedingte Berlauf nuferer Borftellungen, der ans den verschiedenen Subjecten s1, s2.. die engere ihnen gemeinsame Merfmalgruppe für unsere Aufmerffamseit verstärft als ein allgemeines Bild bervortreten läft, das wir nun mit dem Namen eines S bezeichnen und iene Einzelsubiecte in unserer Erinnerung vertreten lassen. Auch diese Auffassung vertieft später das Denken; das allgemeine Bild, das nur thatfächlich Gemeinfames der verschiedenen Ginzelsubjecte vorstellte, deutet es um in einen allgemeinen Begriff, der als gesetzgebende Regel Zusammengeböriges verfnüpft; aber doch bleibt es für die anfänglichen Unwendungen dieses logischen Nebengebankens wieder der Verlanf der Vorstellungen, der darüber entscheidet, welche Bestandtheile ber verglichenen Subjecte als fühlbare Modificationen desselben Allgemeinen und zugleich als Gindrücke größerer Lebhaftigkeit sich zu dem allgemeinen Bilde oder Begriffe vereinigen, welche anderen, einander gegenseitig aufhebend oder unsere unwillfürliche Ausmerksamteit weniger erregend, von ihm ausgeschlossen bleiben. Und diese Leistung wird im Ganzen wohl häufiger richtig als falsch ausgeführt; ohne hier weiter die psychologische Entwicklungsgeschichte unserer Begriffe zu verfolgen, fonnen wir behanpten, daß von früh an die eigenen Verschiedenheiten der sinntiden Eindrücke, aus denen zuletzt jede Wahrnehmung besteht, für uns an Wichtigkeit hinter die Verschiedenheiten ihrer Verbindungsweise und ihrer Verhältnisse lleber den Unterschied der Farben sieht schon das Kind hinweg und erfeunt in rother Färbung leicht die gesehenen Schriftzuge als dieselben, die es früher schwarz kennen gelernt hat; die Allgemeinbilder der Bäume und der Thiere, die ihm wenige Beispiele geliefert haben, fassen doch schon in ihm das Wesentliche so richtig zusammen, daß neue und ungewohnte Formen späterer Wahrnehmung sich ihnen mit Leichtigkeit einordnen. Wie die dennoch begangenen Tehler verbeffert werden, haben die Betrachtungen zu zeigen, zu denen wir eben übergeben wollen und deren Ausgangspunkt wir durch die vorigen festzustellen suchten: die Ginzelwahrnehmungen, welche das inductive Berfahren weiter zu verknüpfen sucht, sind nicht blos Eindrücke, die wir leiden; sie sind vielmehr logisch bereits so weit bearbeitet, daß wir nicht nur ihren Inhalt in ein Subject und ein Prädicat scheiden, sondern auch das erste einem Allgemeinbegriff S bereits untergeordnet haben, oder ihm mit einer Auswahl von Allgemeinbegriffen entgegenstommen, unter deren einen wir es unterzuordnen suchen.

255. Beginnen wir von dem letten Kalle. Gin völlig neues, noch unbefanntes singulares Subject sm sei uns in einer Wahrnehmung durch sinuliche Eindrücke pm, am, rm gegeben, und sowohl diese Einzelmerfmale als ihre Verknüpfung seien auschaulich völlig flar. Dennoch begnnigen wir uns mit dieser Anschammg nicht, die an sich selbst nichts Zweifelhaftes enthält; wir ruben erft, wenn wir wiffen, ob wir ben nenen Gegenstand Thier ober Pflanze nennen dürfen. In diesem Berlangen liegt ein doppeltes Anteresse: das des reinen Denfens, für welches das thatfächliche Zusammensein der beobachteten Merkmale erst durch Unterordnung unter jene Allgemeinbegriffe in eine berechtigte Infammengebörigfeit verwandelt wird; für uns viel wichtiger aber jest der praftische Winsich, von dem beobachteten Thatbestande aus durch den Allgemeinbegriff hindurch die Berechtigung zur Ergänzung des nicht beobachteten zu erlangen. Denn der Rame Pflanze ober Thier würde für das sm ein Titel ohne Einkünste sein, wenn wir uns nicht vorbehielten, aus ihm für sm den Anspruch auf eine Menge Mertmale abzuleiten, welche die unmittelbare Wahrnehmung an diesem nicht gefinden hatte. In dieser Lage befinden wir uns den Gegenständen der Wirklichkeit gegenüber beständig; denn jede Wahrnehmung, auch wenn sie genau genug wäre, um alle gegenwärtigen Merkmale eines sm aufzufassen, ist doch zeitlich beschränkt; sie kann niemals das zufünftige Verhalten des beobachteten Objects mit darstellen, nur selten und nie vollständig zeigen, wie es unter anderen wechselnden Bedingungen sich ändern würde. Dies ist es, was wir an dem beobachteten sm durch seine Unterordmung unter die Begriffe der Pflanze oder des Thieres ergänzen; beide Begriffe, aus unzähligen früheren Beobachtungen entsprungen, enthalten die Gesammtheit der simultanen Merkmale, die in einer einzigen Wahrnehmung höchst selten, und der jucceffiven, die sich in einer solchen niemals erschöpfen lassen; nur durch die Vereinigung dieser aller ist uns aber das Wesen des sm ausreichend

bestimmt, dessen einmalige Wahrnehmung und immer nur ein undentbares Bruchftud eines aufammengehörigen Ganzen liefern würde. Formell ist das Berfahren, dem wir hier folgen, das einer unvollfrandigen Analogie; untriftig mithin nach dem Magftab der reinen Logif, die uns nicht verstattet, ad subalternantem aus der bevbachteten Gleichheit einiger Merfmale des S und sm auf die Gleichheit aller zu schließen, die nöthig wäre, um sm dem S unterznordnen. Wie durchgebend unfer tägliches Leben auf der Anwendung diefer Analogie beruht, wie wir nur durch fie zu dem forglofen Gebranch aller nützlichen und icablichen Stoffe, nur burch fie zu ber lleberzengung von bem Dasein anderer uns gleichartigen Geister und von gleichartigen inneren Beweggründen ihrer Aengerungen fommen, dies alles bedarf nur der Andentung; praftisch fragt es sich, wodurch die bloge Wahrscheinlichkeit jelder Folgerungen dem Werthe der Gewißheit angenähert werden fann. Da nun die Gleichbeit aller Merkmale der vollständige Rechtsarund der Unterordnung des sm unter S sein würde, so folgt natürs lich, daß die Wahrscheinlichkeit der Berechtigung zu dieser mit der Unzahl der gleichbefundenen Merkmale zunimmt. Man bemerkt jogleich, daß der Werth Diefes Sates fehr geschmälert wird durch Berndiichtigung der Berichiedenwerthigfeit der Merfmale felbst. Aber es bliebe boch im Allgemeinen eine leere formelle Anweifung, auf die Gleichheit der wesentlichen Merkmale hanrtsächlich zu achten, so lange man sie von unwesentlichen nicht zu scheiden wüßte. Ihr die Erfahrung verhilft uns hierzu; selbst die wenigen allgemeineren Regeln, Die man noch aufstellen fonnte, frammen aus ihr. Denn nur fie lehrt uns, daß es eine Angahl von Merkmalen gibt, die aus weitverbreiteten Ursachen an äußerst verschiedenartigen Gegenständen der Wirklichkeit leicht entstehen und deswegen weder selbst als unterscheidende Kennzeichen für die Gigenthümlichkeit eines ansammengehörigen Begriffsinhalts dienen können, noch durch ihre Modificationen wesentliche Unterichiede in den Beispielen desselben hervorbringen; nur die Ersahrung lehrt uns, daß im Allgemeinen die Bedeutung bloßer Größendifferenzen der Merkmale gering ist und an Wichtigkeit zurüchsteht hinter den Berschiedenheiten der formellen Verbindung, in welche wir eine Anzahl von Beziehungspunften gebracht finden; die Erfahrung endlich zeigt uns, daß durch die Wirklichkeit hindurch gewisse allgemeine Bedingungen

wirken, die an vielerlei Substraten, auf welche fie treffen, gleichartige Beränderungen hervorzubringen streben, und daß eben deshalb ats darafteriftische Kennzeichen für die Gigenthümlichkeit einer abgeschlossenen Urt nur die unerwarteten Formen der Rückwirkung gelten fonnen, Die jede vermöge der Weise, in welcher sie verschiedene Beziehungspunkte in sich vereinigt, unter biesen gemeinsamen Bedingungen entfaltet; und wieder ift es nur die Erfahrung, die uns in Bezug anf einzelne Objecte ber Wahrnehmung Ausnahmen von diesen allgemeinen Regeln aufzeigt und uns überzenat, daß zuweilen höchst unbedentende Bariationen eines ideinbar ganz unwesentlichen Merfmals doch sichere Kennzeichen eines durch die ganze Natur zweier Begriffsinhalte hindurchgehenden Unterichiedes find. Endlich müffen wir hinzufügen, daß unsere Bemühungen, nene Gegenstände der Wahrnehmung befannten Allgemeinbegriffen unterzuordnen, durch dieselben Aussagen der Erfahrung nicht setten zu dem entgegengesetten Ersolg gedrängt werden: jene Allgemeinbegriffe selbst, des Thieres, der Pflanze, des Körpers andern sich, erweitern oder verengern ihren Inhalt und ihre Grenzen, je nachdem fortschreis tende Sachfenntniß in zweiselhaften Fällen, die ihnen zuzurechnen icienen, bleibende Unterschiede von dem Sabitus der zweifellosen findet, oder in benen, die ihnen nicht zuzugehören das Ansehen hatten, doch eine stetige, durch feine Grenze unterbrochene Annäherung zu dem Gesammtcharafter der befannten sicheren Arten bemerkt. Man sieht also, daß wir die richtige Ausführung der unvollständigen Analogie, durch welche wir ein wahrgenommenes sm einem Gattungsbegriff S unterordnen, nicht von allgemeinen logischen Regeln, sondern von der Sachtemuniß erwarten. In der That muß man die angewandte Logif selbst als eine wissenschaftliche Lehre noch von ihrer Unwendung als einer wissenschaftlichen Thätigkeit unterscheiden. Zene fann nur allgemeine Gesichtspunfte aufstellen, beren Bewußtsein sie ber Ausübung ber lettern verdauft; sie fann daber nicht mit dem Anspruch auftreten, durch ihre Regeln das gesammte wirkliche Denken, als finge es jetzt seine ganze Arbeit von vorn erft an, leiten zu wollen; sie wendet sich nicht an den Geift, der noch gar feine Begriffe hat, sondern an den, der im Besitz einer mannigsach gegliederten, durch eigne Erfahrung und lleberlieferung erworbenen Vorstellungswelt ist; sie hat nicht die pipchologisch interessante Aufgabe, zu erörtern, wie alle diese Begriffe entstanden sind, sondern nur die andere, nachzuweisen, was an den entstandenen und vorhandenen richtig und sicher ist, und wie das Jrrige und Fehlerhafte, das diesem gegebenen Resultate einer langen Bilsbungsgeschichte noch anhängt, in Zukunft verbessert und das noch Zweiselhafte der Gewißheit genähert werden kann.

256. Aft nun, wie wir jetzt annehmen, die Einzelwahrnehmung A jo weit logisch geformt, daß sie ihr auschauliches singulares Subject sm als Exemplar eines Allgemeinbegriffs S anffaßt, so wird sie uns dann nicht weiter beschäftigen, wenn sie an sm vollständig oder unvollständig unr die Merkmale findet, die dem S zukommen; sie wird das gegen Beranlassung neuen Fortschrittes, wenn sie mit sm ein Merkmal M verbunden zeigt, das zu dem uns befannten Inhalt von S nicht gehört. Drei mögliche Fälle lehrt uns dann die Erfahrung unterscheiden, auf die ich mich eben berief (255). Veränderliche Bedingungen, zufällige Umstände fönnen zuerst unserem wahrgenommenen sm eine Eigenschaft, wirkliche ober scheinbare, gegeben haben, die es unter andern Umständen nicht zeigen würde; über vieles Derartige sehen wir, durch frühere Erfenntniß belehrt, stillschweigend hinweg und lassen uns durch die Verschiedenheiten der Anblicke, die uns derselbe Gegenstand nach Lage, Stellung, Bewegung, Entfernung, Beleuchtung gewährt, nicht an ber lleberzeugung von seiner Identität und seiner llebereinstimmung mit dem Gattungsbegriff S irre machen; zweifelhaftere Källe entscheiden wir dadurch, daß wir und Beobachtungen beffelben Gegenstandes unter verschiedenen Bedingungen zu verschaffen suchen; nur das M, welches unter allen Umständen ihm verbleibt, wird als beständiges Merfmal seiner Natur anzusehen sein. Aber es bleibt noch unentschieden, ob es dann seinen Grund in der individuellen Natur dieses doch immer noch jingularen Subjectes sm ober in der allgemeinen des Gattungsbegriffs S hat, dessen Art oder Beispiel das beobachtete sm ift. Bur Entscheidung zwischen diesem zweiten und dritten Fall bedienen wir uns der unvollständigen Induction, welche sm mit dem Verhalten auderer befannten Beispiele s1, s2.. desselben allgemeinen S vergleicht, und die in den meisten Fällen dadurch angeregt wird, daß ungesucht eine Reihe von Einzelbeobachtungen s'M, s'M, s'M von selbst sich und aufdrängte und die Bermuthung erwectte, der Grund des M sei allgemein in der Natur des S zu finden, an deffen verschiedenen Beispielen

wir es beobachten. Widerlegt wird Dieje Bernnthung sogleich, wenn fich ein einziges Subject sa findet, das unter derselben Mannigfaltigfeit von Umständen das Merkmal M nicht hat, unter welchen es den Subjecten der übrigen Wahrnehmungen zufam; bestätigt aber wird die Bermuthung des allgemeinen Saties: alle S seien M, dadurch nicht sofort, daß alle der Wahrnehmung zugänglich gewesenen Beispiele des S dies Pradicat M besitzen; es bleibt eine untriftige Folgerung ad subalternantem, aus einer Anzahl particularer Fälle, wie groß fie auch sein mag, auf die allgemeine Geltung bessen zu schließen, was in ibnen galt. Und doch find wir, der Wirklichkeit gegenüber, zu dem Berfuch diefer Folgerung genöthigt; denn wenn felbst die Wahrnehmung alle vorhandenen Beispiele einer Gattung umfassen fonnte, Die fünftigen entgeben ihr stets; es bleibt mithin auch hier nur die Anfgabe, wenigstens die Wahrscheinlichkeit dieser unvollständigen Induction so weit als möglich zu steigern. Zwei verwandte Regelu dienen hierzu. Wir müssen zuerst von einer großen Augahl der beobachteten Einzelsubjecte s ausgehen; je größer diese Zahl, desto mannigfaltiger sind die ängeren Bedingungen, die auf sie einwirken, und deren bestimmenden Einfluß wir hierdurch eliminiren; das M, das allen diesen Subjecten bennoch gemeinfam bleiben wird, hat nicht angerhalb ihrer, sondern in ihrer eignen Matur seinen Grund. Wir werden zweitens die beobachteten Subjecte jo wählen, daß ihre specifischen oder individuellen Differenzen die größten innerhalb ihrer Gattnug oder Urt, des allgemeinen S, möglichen find; wir eliminiren so den Ginfluß, den zur Erzeugung des gemeinsamen Prädicates besondere, durch die Ratur des allgemeinen S nicht gebotene Aehnlichkeiten der beobachteten Ginzelsnbjecte haben tönnten; das M, das trog diesen Unterschieden ihnen dennoch gemeinsam zukommt, wird nur in dem Charatter der Gattung selbst begründet und damit der gewünschte allgemeine Satz: alle S sind M, gerechtfertigt sein.

257. Die reine Logik unterschied Analogie und Induction; die erste schloß von der Gleichheit vieler Mertmale in zwei Subjecten auf die Gleichheit aller in beiden; die setztere aus dem gleichartigen Verhalten vieler Beispiele einer Art auf das gleiche Verhalten aller; diesen Wortbedentungen sind wir auch hier gesolgt, und es war demnach eine Induction, welche aus den gegebenen Prämissen s¹M, s²M... die allgemeine Folgerung SM zog. Aber dieses Versahren läßt sich dech eins

facher auseben. Wenn alle singularen Subjecte s1, s2... unserer wirttich gemachten Beobachtungen darin übereinstimmen, einestheils aule die Merfmale, die zu einem S gehören, anderntheils das eine Merfmal M zu besitzen, so fonnen wir für jedes nichtbeobachtete Subject sa, bas ebenfalls alle die Merkmale eines S befäße, auch den Besitz des einen M unmittelbar durch Analogie folgern; durch sie stellen wir also die in der Wahrnehmung nicht gegebenen Prämissen 8mM, 8mM... ber, deren Subjecte ansammen mit denen der beobachteten s'M, s'M... den gangen Umfang von S erschöpfen, und das Geschäft der Juduction besieht dann mir darin, die so gegebenen und supplirten Ginzelfätze zu dem allgemeinen: alle S find M, zu summiren. Es hat daher wenig praktischen Werth, in diesen Anwendungen der Logif den Antheil der Juduction und den der Analogie zu scheiden, den loseren Sprachgebranch zu beanstanden, der beide Ausdrücke verwechselt, überhanpt alle die Gedankenbewegungen, die man zuletzt unter den weitschichtigen Ramen einer Wolgerung bringen fann, auf einfache Topen der reinen Logit zurückführen zu wollen. Ob ein Seefahrer, der ein Land ganz umfahren hat, durch Induction, Analogie oder Subsumption schließe, daß es eine Insel fei, moge untersuchen, wer Zeitvertreib wünscht. Bon mehr Interesse wäre die Frage, wie wir zu irgend einem allgemeinen Satze T über die Dreiede gelangen. Jede Construction, durch welche wir T beweisen, gibt unserer Auschauung doch immer nur ein ganz singulares Dreieck s1; nur von ihm zunächst, und von ihm immer, so oft wir es sich selbst gleich conftruiren, würde T gelten. Nun fann man freilich die Beichmmg variiren; aber wenn man auch in tausend verschiedenen Dreiecken s1, s2, s3.. den Sat T bestätigt fände, so verschwände doch diese Angahl gegen die unendliche der möglichen Dreiecke, die man nicht durchprobiren Durch Summirnng der Einzelanschammgen, die man sich durch diese Constructionen schafft, fommt man mithin hier nicht zu der allgemeinen Gültigfeit von T für alle Dreiede; man muß berechtigt sein, jedes einzelne verzeichnete als ein Symbol für alle anzusehen, so daß, was von ihm gilt, für alle durch daffelbe mitvertretenen andern gilt. Die Berechtigung hierzu liegt nicht in der besondern Ratur der ränmlichen Anschannng, die vielmehr nur den Juhalt des Satzes T liefert; fie liegt darin, daß wir von dem gezeichneten Dreieck in unserem Räsonnement nur diejenigen Bestimmungen beachten, die wir durch den

Gang der Construction selbst hervorgebracht haben, also nur die Gigenichaft, eine ebene Figur gu fein, die von drei geradlinigen Seiten eingeschloffen wird. Die wirklich gezeichnete Rigur fann niemals blos Diese Gigenschaft allgemein, sondern immer nur durch Seiten von beitimmter Länge und durch eine Winkelsumme von bestimmter Vertheis lung barftellen; aber Diesen speciellen Beschaffenheiten gestatten wir feinen Ginflug auf unsere Folgerungen; wäre absichtslos unser construirtes Dreied rechtwinklig oder gleichseitig gerathen, so würden wir Die Sätze, die hierdurch, aber auch nur hierdurch gültig würden, als folde beiseit laffen, die fich nicht auf das von uns gemeinte Subject bezögen. Pjychologijch ist es ohne Zweifel der unzergliederte Eindruck der Alchnlichkeit, der uns gleich geneigt macht, das von einem verzeichneten Preieck bewiesene T auf alle Preiecke durch Analogie zu übertragen; der logische Grund, es mit Recht zu thun, liegt in dem Bewußtsein, daß alle nicht conftruirten Dreiede doch dem allgemeinen, durch unsere Construction sombolisirten Begriff des Dreieds subordinirt find, und daß wir ben fraglichen Sat nur aus diesem Begriff, ohne Hinzunahme anderer Bedingungen, in jener einen sombolischen Darstellung fliegen saben.

258. Mit der Erlangung allgemeiner Sätze von der Form: alle S jind M, hat die Anduction ihr nächstes Ziel erreicht und sie kann hierbei stehen bleiben, namentlich wo es sich um praktische Fragen des Lebens handelt; denn in Diesen Källen fommt es uns hauptsächlich darauf an, daß thatsächlich ein M von allen Beispielen eines S, von allen Menschen etwa, gültig sei; dagegen fümmert es uns weniger, warum es von ihnen, und ob es nur von ihnen und nicht vielleicht auch von Thieren gilt. Der theoretische Trieb der Erkenntniß begnügt sich iedoch nicht mit dieser bloßen Unknüpfung des M an sein nächstes Subject, er möchte innerhalb des S den engeren Merfmalfreis aufsuchen, der den Grund dieser Unfnüpfung enthält, und der überall, wo er vorfommt, auch außerhalb & vielleicht, bas gleiche Merkmal bedingt. Dann jest sich die Induction fort, und indem sie eine Reihe allgemeiner Sape von der Form: SM, RM, TM ... als neue Prämiffen benutzt, iucht sie einen allgemeinen Schlußfat, der in der Form: alle & sind M, unter D das mahre Subject oder denjenigen Gattungsbegriff, oder endlich, anders ausgedrückt, denjenigen Bestand von Merkmalen versteht und bezeichnet, an welchem überall das Prädicat M als seine Rolge hängt. So wird man leicht durch eine erste Anduction den Sat SM finden: in allen Sangethieren geichiebt ein Gaswechiel durch Respiration; eine zweite Anduction, welche an die Stelle von S nacheinander Bögel, Fifche, Amphibien fett, wird dies gefundene Ergebniß fcon verständlicher machen durch ihren Schluffat SM: alle Thiere bedürfen des Gasaustansches; sie zeigt, daß die vorher nur vereinzelt beobachtete Thatsache in der allgemeinen Ratur des thierischen Lebens nothwendig sein muß; eine dritte Induction verbindet DM mit einer neuen gleichartigen Prämisse: alle Pflanzen zeigen, obwohl andersartig, das Phänomen eines Gaswechsels; ihr Schluß 21M: alle organischen Wesen überhanpt befinden sich in gleichem Falle, zeigt uns bas fragliche Phänomen an ein noch allgemeineres Subject gebunden; eine Bergleichung endlich mit dem Verhalten von Stoffen, die den organischen ähnlich gebant find, zu der umgebenden Atmosphäre könnte uns zu dem Gedanken führen, daß unter den Bedingungen an der Erdoberfläche mir durch biefen Stoffwechsel die Entfaltung ber gusammenbangenden veränderlichen Vorgänge möglich ist, die das organische Leben zusammensetsen. Man bemerkt hierbei, daß, je weiter diese Anductionen fortgeben, um so mehr unser Interesse abnimmt, ihr Ergebniß in Gestalt eines fategorischen Urtheils von der Form: S ift P, zu erhalten: wir suchen nicht mehr den höchsten Gattungsbegriff, an welchem eine gegebene Erscheinung als Prädicat haftet, sondern wir suchen ein hvpothetisches Urtheil zu gewinnen, welches uns die allgemeinste Bedingung B fennen lehrt, von der überall, wo sie vorfommt, jene Erscheinung als ihre Kolge F abhängt. Und diese neue Anfgabe, den Bedingungszusammenhang des Wahrnehmungsinhaltes zu ermitteln, überwiegt an Wichtigfeit in den Unwendungen dergestalt, daß wir von jetzt an das inductorische Verfahren nur in der Form weiter verfolgen, die es zu ihrer Löfung annimmt.

259. Wir bezeichnen durch U und W zwei Gruppen von wahrsgenommenen Borgängen; wir nehmen an, irgend eine Beranlassung, die in der Art ihres Austretens liegt, habe in uns die später zu bestätigende oder zu berichtigende Bermuthung erregt, beide Gruppen seien zusammengehörig und U sei oder enthalte die Ursache von W, W sei oder enthalte die Wirtung von U; wir erinnern endlich an die erste

Bemerfung dieses Rapitels (252), nach welcher sehr selten U wirklich die vollständige Ursache von W und nichts als diese, W selten die aange Wirfung von U und nichts als diese enthalten wird; dann fonnen wir als unfere Aufgabe bezeichnen, ans den unreinen Beobachtungen UW ben reinen Sall BF eines in fich zusammengehörigen Bedingungsverhältniffes zu finden, und wir definiren den Begriff biefes reinen Kalles dahin, daß in ihm B der zureichende Grund von F, und der Grund von nichts Anderem außer F, daß anderseits F die vollständige Folge von B und zugleich feines andern Grundes Folge ift. In den Unwendungen fann je nach den verschiedenen Interessen, die unsere Untersuchungen jedesmal verfolgen, von der Strenge dieser Definition etwas nachgelaffen werden; fo fann es uns genügen, zu wiffen, daß B, so oft es gegeben ift, F hervorbringt, gleichviel ob es außer F noch Underes bedingt oder ob F außer von ihm auch noch von Underem erzeugt werden fann. Allein diese Genügsamkeit üben wir doch nur, wo es uns blos darauf ankommt, die realen Urfachen fennen zu lernen. welche eine fragliche Wirfung hervorbringen; wenn es sich dagegen theoretisch um den Grund handelt, aus welchem diese Urfachen jene Wirfung als nothwendige Folge bedingen, werden wir B und F immer nach den Anweisungen der Definition bestimmen müssen; selbst wo F aus verschiedenen ägnivalenten Ursachen entstehen fann, sind eben nicht diese verschiedenen Ursachen, deren jede außerdem noch ihre besondern andern Wirkungen hat, sondern nur das ihnen allen Gemeinsame der wahre Grund B dieser Folge, und dieses B hat dann auch feine andere Folge als dieses F.

260. Aus einem unreinen Fall UW fönnte ber reine Fall BF nur durch eine zufällige glückliche Inspiration errathen werden; mit Sicherheit nachweisen läßt er sich nur durch eine Bergleichung vieler Fälle UW, die so von einander verschieden sind, daß die mannigsachen oder veränderlichen Relationen, die sie uns zwischen den unzugehörigen Rebenbestandtheilen darbieten, uns erlauben, diese zu eliminiren und die Beziehung BF, welche sie alle enthalten, allein und gesondert zurückzubehalten. Zene unreinen Fälle nun, das Material unserer Bearzbeitung, liesert zunächst die Beobachtung; aber der freiwillige Lauf der Dinge führt uns doch nur in wenigen Gebieten vollständig diezienigen Fälle vor, die wir bedürsen würden, um jene Elimination zu

vollenden. Manche Naturvorgänge entfalten nur in fehr langen Zeiträumen, welche das Beobachtungsfeld eines Ginzelnen weit überschreiten, Die gange Reihe der Afpecte, die man alte fennen mußte, um ihren Bedingungszusammenhang zu begreifen; manche andere Erzenquisse der Wirklichfeit entziehen nicht blos durch diese Langsamkeit ihre Entwicklung der Beobachtung, soudern sie zergliedern sich wirklich niemals von selbst rudwärts in die einzelnen Bedingungen, aus denen sie entstanden sind: sehr selten befinden wir nus in dem glüdlichen Kalle der Uirronomie, die nur durch zufältige Beobachtungshindernisse in der Aufsammlung ungähliger Daten eines zusammenhängenden und periodischen Spieles von Greigniffen unterbrochen wird, und doch bedarf auch fie, um alle ihre Wünsche zu befriedigen, eine Ergänzung durch Beobachtungen der Borzeit, die sie nur unzureichend findet. Ueberall, wo uns eine praftische Ginwirfung auf den Gegenstand unserer Unterjuchung möglich ift, dient zur Ergänzung biefer Mängel der Berfuch oder das Experiment. Indem wir eine Gruppe von Umständen U willfürlich herstellen, können wir die in der Wirklichkeit thätigen Ursachen nöthigen, uns mit einer Wirfung W zu antworten, die von selbst vielleicht nie in den Kreis unserer Wahrnehmungen gefallen wäre; indem wir Größe und Beschaffenheit jenes U willfürlich variiren laffen, fonnen wir eine Reibe von Nenderungen in Größe und Art des W hervorbringen, die in dieser Bollständigkeit noch viel weniger von selbst sich unserer Beobachtung dargeboten hätte; indem wir U in seine Bestandtheile zergliedern und in jedem Bersuch nur einen von ihnen, oder eine bestimmt angebbare Verknüpfung mehrerer zur Wirkung zulaffen, die übrigen abschneiden, werden wir die Bestandtheile des Erfolges W gleichfalts sondern und lernen, welcher von ihnen von welchem Theile des zusammengesetzten U abhängt. So ist also das Experiment das prattische Mittel, und Beobachtungen in folder Menge und von solden Berschiedenheiten und Berwandtschaften zu verschaffen, wie sie uns nöthig find, um durch Elimination des Unwesentlichen aus ihnen einen reinen Fall BF abzuleiten. Diese Definition selbst zeigt hinlänglich, daß nur insoweit das Experiment einen Borzug vor der Beobachtung hat, als es im Staude ift, die gewöhnlichen Mängel der letzteren zu verbeffern; es soll paffende und fruchtbare Beobachtungen anstatt der unpassenden und unfruchtbaren schaffen, die sich von selbst

bieten. Aber es würde verkehrt sein, ihm noch ein anderes mystisches Berdienst außer diesem zuzuschreiben; es ist nicht, der Beobachtung gegenüber, eine neue Methode der Erfenntniß, sondern lediglich ein Borbereitungsmittel, um das berzustellen, deffen Beobachtung für uns wichtig ist. Und eben deshalb ist nicht überall das erverimentale Berfahren ichlechthin ber blogen Beobachtung überlegen. Es ift in unferer Zeit ein Vorurtheil der Halbbildung, zu meinen, was am bellen Tage ohne alle Vorbereitung, handgreiflich und im Großen zu beobachten sei, bleibe natürlich zweifelhaft; richtig sei nur, was sich mit fünstlichen Borrichtungen im gang Kleinen unter den erschwerendsten Umständen mifrostopisch wahrnehmen lasse. Ich leugne gar nicht, daß diese paradore Annahme, die als allgemeiner Grundfats abgeschmackt sein würde, in vielen Einzelfällen zutrifft, und daß namentlich nur durch biese fünstlichen Mittel sehr hänsig genane Größenbestimmungen möglich werden, welche die Beobachtung im Großen nie finden würde; aber auch umgekehrt gibt die letztere oft ein allgemeines Verhalten ungesucht, das in den Experimenten burch specielle Bedingungen verdunfelt wird.

261. Die verschiedenartigen Verhältnisse, welche zwischen U und W die Beobachtung und das Experiment kennen lehren, sinde ich jetzt vorzusühren, nicht in der Hoffnung, sie vollständig zu erschöpfen, sons dern in der Absicht, an Beispielen die Mannigfaltigkeit der möglichen Fälle und der aus ihnen zu ziehenden Folgerungen zu verdeutlichen.

1. Der Fall + UW. Kommen U und W ununterbrochen in der Wirflichkeit zusammen vor, so gestattet diese beständige Coexistenz gar keinen Schluß auf ein in der That doch vielleicht zwischen beiden stattsindendes Bedingungsverhältniß. Gisen und Silber und alle andern chemischen Clemente sind immer zugleich in der Welt vorhanden; aber daraus solgt weder, daß das eine von ihnen eine Bedingung für das Dasein des andern, noch daß alle zusammen Coeffecte einer einzigen Ursache sind. Höchstens die philosophische Speculation könnte, auf des sondere hier nicht zu erörternde Gründe vertrauend, die Möglichkeit einer Wehrheit durch einander in keiner Weise bedingter Clemente besweiseln; sir die Naturansfassung dagegen, der die Induction zunächst dienen will, ist die Everistenz allein kein Anzeichen weiteres Zusammenshanges. In sedem einzelnen sener Clemente sinden wir ferner versschiedene Eigenschaften oder Berhaltungsweisen ununterbrochen verschiedene Eigenschaften oder Verhaltungsweisen ununterbrochen verschiedene

einigt; alle besitzen die Sigenschaft der Gravitation gemeinsam, jedes einzelne außerdem seine specifischen Verwandtschaften zu allen andern. Dieser Fall ist dem vorigen nicht gleich; es ist hier ein und dasselbe Subject, an welchem die verschiedenen Sigenschaften, als die seinigen, coexistiren; diese Sinheit des Dinges widerspricht einer beziehungslosen Vielheit von Werfmalen, die an ihm vorfämen, und es regt sich der natürliche logische Trieb, entweder eine dieser Sigenschaften durch die andere oder beide durch eine dritte ursprüngliche zu erklären, die unter verschiedenen Bedingungen sich in jene zwei umgestalte. Wohin dieser logische Antrieb weiter sühren kann, sei dahingestellt; hier bleibt er eben ein bloßer und unsruchtbarer Antrieb; denn so lange die Beobachtung nichts als die ewige Coexistens beider Prädicate aufzeigt, gibt sie uns eben sein Mittel an die Hand, den etwa vorhandenen Bedingungsenerus beider mit einander oder mit einem dritten nachzuweisen.

2. Der Fall (+U+W). Kommen U und W nicht in ununterbrochener Wirklichkeit, aber in zahlreichen Wiederholungsfällen vereinigt vor, so ist es möglich, daß sie ohne irgend einen gegenseitigen Zusammenhang lediglich coincidiren und jedes von ihnen die Folge seiner besondern Bedingung ist, die nur zufällig mit der Bedingung des andern zusammentrifft. So wird man urtheilen über die vielen Unglücksfälle, die sich am Freitag ereignen, und über zahllose ähnliche Meinungen des Aberglanbens. Aber man bleibt doch bei diesem Urtheile nur, weil einestheils in diesen Fällen keine Unssicht ist, eine begreifliche Vermittlung zwischen den verbundenen U und W zu entdecken, und weil anderseits weitere Beobachtungen bald lehren, wie wenig allgemein und ausschließtich ihre Berbindung ist. Un sich dagegen ift die Unnahme bloger Coincidenz die am wenigsten wahrscheinliche; was oft wiederholt zusammen vorkommt, macht 'ein Canfalverhältniß wahrscheinlich; gang unbestimmbar bleibt nur noch, ob eines der beiden, U und W, Urfache oder Wirfung des andern, oder ob fie beide nur Coeffecte einer dritten Ursache Z find. Diese Zweidentigfeit bleibt auch dann, wenn U und W nicht gleichzeitig, soudern nacheinander in bestimmter Folge in allen Wiederholungsfällen auftreten; dann fann zwar U die Ursache von W sein, aber beide können auch Coeffecte eines dritten, nicht beständigen, sendern in bestimmter Reihenfolge sich änbernden Z sein. Zag und Nacht folgen immer so auseinander, aber sie erzeugen einander nicht, sondern sind successive Coeffecte der Agenbrechung der Erde. Es könnte endlich geschehen, daß W immer undes merkt besteht, aber in unsere Beobachtung erst fällt, wenn U stattsfindet; so schlägt das Herz bei dem Lebendigen immer, aber der Gesunde fühlt es fast nur, wenn eine besondere Aufregung U hinzukommt; dann ist U zwar nicht die Ursache von W, aber doch die Bedingung seines Cintretens in unsere Beobachtung.

3. Der Fall (-U+W). Die Zweidentigkeiten, die hier blieben, entscheiden erweiterte unmittelbare oder durch das Experiment vermittelte Beobachtungen. Findet sich, daß W auch vorkommt ohne U, oder daß U sich experimentell ausheben läßt, ohne zugleich W aufzuheben, so kann man zwar nicht schließen, daß U nicht die Ursache von W, wohl aber, daß es nicht die erhaltende Urfache beffelben fei. Der Sat, auf ben man fich beruft, um ben voreiligen erften Schluß zu rechtsertigen: cessante causa cessat effectus, hat nur den einen unzweideutigen Sinn: mit dem Wegfall einer Urfache kommen Diejenigen Wirkungen in Wegfall, welche die Urfache noch gehabt haben würde, wenn sie fortbestanden hätte. Daß die bereits entstandenen Wirfungen fich verschieden verhalten, zeigen die einfachsten Beifpiele; die Bewegung dauert fort nach der Beendigung des Stokes, der fie hervorbrachte; das Rochen des Waffers hört auf, wenn die Wärmezufuhr nachläßt, von der es erzengt wurde und deren es als beständiger Erhaltungsursache bedarf; das Kind stirbt nicht mit dem Tode der Aeltern, der einzigen Urfachen, die sein Dasein bewirken konnten; aber das Gleichgewicht einer unterstützten Last geht zu Grunde mit der Hinvegziehung ihrer Stütze. Man fann alle biefe Fälle, beren weitere Zergliederung bier unnöthig ift, auf einen allgemeinen Sat ber Beharrung zurüchtringen, den wir in Bezug auf unsere jetige Aufgabe so aussprechen: jede Wirflichkeit, die einmal hervorgebracht ist, welcher Art sie auch sein mag, dauert fort, wenn nicht entgegenwirkende Urfachen sie aufheben. Wirkungen einer erzengenden Ursache bedürfen daber einer erhaltenden Ursache nicht, sobald sie in Zuständen eines Subjects bestehen, welche jowohl mit der beständigen Natur besselben als mit den äußern Bedingungen im Gleichgewicht sind, unter denen es sich befindet; sie verlangen dagegen eine erhaltende Ursache, wenn entweder in jener Natur oder in diesen ängern Umständen sich Kräfte befinden, welche auf sie

einen umgestaltenden Einfluß zu äußern streben. Dauert also W fort nach dem Aushören von U, so sind drei Fälle möglich: entweder ist zwischen beiden gar kein Causalzusammenhang, oder U ist zwar ersteugende, aber nicht erhaltende Ursache von W, und in diesem Fall wieder entweder eine erzeugende Ursache, neben der es noch andere gibt, oder auch die einzige, von der W hervorgebracht werden kann.

4. Der Fall (+U-W). Wenn U in der Beobachtung vorfommt, ohne daß W folgt, so zieht natürlich dies Berhalten unsere Auimerksamteit nur auf sich, wenn es im Widerspruch ist mit ichon acmachten Beobachtungen einer sonst vorkommenden Berbindung von U und W; es fann bann fein, bag U nicht bie Urjache von W ift, und man corrigirt dann, indem man diese Folgerung gieht, die andere, welche man aus den entgegengesetten früheren Beobachtungen gezogen hatte. Der Zusammenhang von Ursachen und Wirfungen in der Birflichfeit unterscheidet sich jedoch von dem zwischen Grund und Folge auf dem Gebiet des blos Denkbaren. Zeder Grund, der einmal gilt, bringt seine Folge gang bervor und zugleich gang in dem Resultat wahrnehmbar: wirfen amei Grunde gusammen, bat eine Große g zwei Bedingungsgleichungen zu genügen, bie ihr Berhalten zu x bestimmen, jo ist der Einfluß ber zweiten allemal barin sichtbar, daß fie aus ben vielen Werthen des g, welche die erste allein noch möglich ließ, nur einen oder eine bestimmte Anzahl unter einander regelmäßig verknüpfter übrig läßt. Eine Beränderung W dagegen, welche in der Wirtlichkeit ans der Ursache U folgen müßte, fann stets burch eine Gegenursache Z so aufgehoben werden, daß sie der Beobachtung verschwindet. Man fann nicht sagen, daß Z die Wirfungsfähigkeit des U vernichtet; denn U kann von seiner Wirfung W mir abgehalten werben, indem es selbst auf das hindernde Z zurückwirft; in diesem bringt es immer eine andere Wirfung W1 hervor, auftatt der W, welche wir erwarteten, oder auch es selbst erleidet unter dem Ginflug des Z und seiner eigenen Wirfungstendenz einen Zustand W1, den es sonst nicht erleiden würde; aber dieses W1 ist sehr häusig so gestaltet, daß es sich der munittelbaren Beobachtung gang entzieht; dann scheint W völlig zu sehlen, während U vorhanden ift; in der That hat W nur seine Form geandert. Dies fommt überall vor, wo bewegende Kräfte einem festen Widerstand begegnen; fie icheinen uns bann nichts zu wirfen, mahrend fie in Wahrheit einen starken Trud auf den widerstehenden Körper ausüben. Folgt also in der Beobachtung W auf U nicht, so kann allerdings der Cansalsusammenhang zwischen beiden ganz sehlen, und dann muß man die andern Beobachtungen einer Folge von U und W auf andere Beise deuten; es kann aber auch U eine oder selbst die einzige Erzeugungsursahes won W, aber durch eine Gegenkraft Z au der Hervorbringung des W verhindert sein. Man erhält hierdurch die Ansforderung, sich in sedem solchen Falle darnach umzusehen, ob sich eine sonst sehlende Erstamwirkung W1 entdecken läßt, welche das Dasein eines Widerstandes verräth. Wenn man endlich experimentell U herstellt und W nicht solgen sieht, auch keine Spur eines stellvertretenden W1 sinden kann, so ist hier der Schluß gerechtsertigt, daß U keine der erzeugenden Urssachen von W sei.

5. Der Fall (-U-W). In der Beobachtung fann es nur in seltenen Fällen und nur in Erinnerung an andere schon gemachte Erfahrungen vorfommen, daß uns das gleichzeitige Richtvorhandensein von U und W auffällt; hat dagegen U früher bestanden, und finden wir, daß mit seinem Aufhören auch W verschwindet, so ist die nächste Wahrscheinlichkeit natürlich, daß U mindestens die erhaltende, vielleicht auch die erzeugende Bedingung von Wist, oder daß U und W Coeffecte einer dritten Ursache Z sind, mit deren Wegfall sie beide verschwinden. Hört W auf, wenn wir U experimentell aufheben, so scheint nur das erfte Glied dieser Alternative möglich; aber es fann sich doch auch anders verhalten. Was wir hier die Aufhebung von U nennen, ift nicht immer blos ein Wegfall dieser früher wirkenden Urfache, sondern läßt sich häusig nur durch eine positive Vorfehrung oder Ginwirfung herstellen, welche, indem sie U aufhebt, zugleich neue Bedingungen Z schafft, welche für die von U vielleicht ganz verschiedene Ursache, von der bis dahin W wirklich abhing, Hinderungen ihres Weiterwirfens bilden und folglich W aufheben. Es ftritt lange die Unnahme, daß Anfusorien ohne Keim ihrer Urt aus dem Aufauk organischer Stoffe entstehen, mit ber andern, daß überalt die Bedingung ihrer Entstehung in den der organischen Substanz selbst anhängenden oder durch die atmosphärische Luft zugeführten oder im Wasser enthaltenen Sporen oder Samen liege. Dieser Streit könnte entschieden werden, wenn man zeigte, die Erzengung W der Anfusorien höre auf,

wenn der Zutritt U lebensfähiger Sporen oder Samen abgeschnitten wird. Aber die hierzu benutzte Auskochung des Wassers zugleich mit der organischen Substanz und die Leitung der Luft durch glühende Röhren bürgen allerdings für das Nichtvorhandensein lebensfähiger Samen in allen drei zusammenwirkenden Körpern; zugleich sind dies jedoch so eingreisende Vorgänge, daß durch sie auch die Ursache, welche die andere Meinung voraussetzte, die eigene Entwicklungsfähigkeit der organischen Materie zu lebendigen Organismen, mit wirkungslos gesmacht werden kann. Dieser Versuch bedurfte daher einer Modification, welche dies Bedenken aussschloß.

6. Der Kall (+W+U). Durch feinen ber bisherigen Schliffe läßt sich mehr feststellen, als daß U eine Ursache von W ist; daß es die einzige, daß folglich auch die Umfehrung des Sates richtig und jedes W Wirfung eines U fei, würde sich nur auf dem Wege der Ausidliegung ermitteln laffen, der uns darauf führte, daß alle andern bentbaren Urfachen die Wirfung W nicht haben. Diese Ausschließung ift in Bezug auf die ungähligen nächsten Ursachen, die in der Natur wirfend auftreten fönnen, gang unausführbar; man fönnte an sie nur denken, wenn eine viel weiter fortgeschrittene Bearbeitung der Wahrnehmungen uns ichon eine in vollständiger Disjunction erschöpfbare Ungahl allgemeiner wirkender Kräfte kennen gelehrt hätte, von deren Modification irgend welcher Art jeder Erfolg überhaupt abhängen muß. Die inductive Naturforschung vollzieht jedoch jene Umfehrung der Wahrnehmungen sehr allgemein; wenn sie in vielen Kälten U als Ur= sache von W gefunden hat, so nimmt sie an, daß ein W, dessen Urfache sie nicht beobachtet, auf dasselbe U als Urfache zurückzubeziehen sei. Den Logifern fann man nicht widersprechen, wenn fie in dieser Gewohnheit formell einen logischen Fehler sehen. Denn gang gewiß läßt das particulare Urtheil: viele W sind Wirkungen von U, in keiner Weise die Folgerung ad subalternantem zu: alle W sind Wirkungen von U; oder in feiner Weise fann das hypothetische Urtheil: wenn U ist, ist W, rein umgefehrt werden in das andere: wenn W ist, ist U. Allein wenn hiervon gar zu viel Anfhebens gemacht wird, so muß man doch bedenken, daß die Naturforschung ihre hier angezweiselten Folgerungen nicht nach dem abstracten Minster einer so verkehrten logischen Regel zieht, sondern weil fie durch eine Fülle von Sachkenntnissen über

die thatfächlich bestehenden allgemeinen Gewohnheiten des natürlichen Geschehens sich berechtigt glaubt, das zu ergänzen, was an der logischformalen Gültigfeit jener Umtehrung fehlt. Gie meint: es fonnte freilich so sein, daß hundert gleichartige Wirfungen in der Natur von hundert sehr verschiedenen nächsten Ursachen abhingen; aber es ist nun einmal nicht so, sondern gleichartige Erfolge geben wirklich von Ursachen aus, die nicht blos darin sich gleichen, daß sie dies Gleichartige hervorbringen können, sondern eben biefe gleiche Wirfungefähigfeit hängt immer an auch sonst gleichartiger Natur der Ursachen. Es ist gar nicht der Mühe werth, das sehr große Gewicht noch weitläufiger bemerklich zu machen, das diefe Berufung auf den bereits gewonnenen fachlichen Inhalt unferer Erfenntniß zur Ergänzung der blos logischen Folgerungsrechte gang einleuchtend besitzt; es ist im Gegentheil nothwendig, zu bemerfen, daß die hierans abzuleitende Berechtigung ihre Grenzen hat. Newton hat den hier in Rede stehenden Grundsatz in seiner zweiten Regel fo ausgesprochen: effectuum naturalium ejusdem generis eaedem sunt causae. 3ch glaube nicht, daß die Berehrung vor seinem unfterblichen Geiste leidet, wenn wir uns zugestehen, daß diese Formulirung logisch den Unsprüchen auf Präcision feineswegs genügt, die er mathematisch so unübertrefflich zu befriedigen wußte. Wir setzen nicht außer Acht, daß diese Regel nicht ein logisches Gesetz, sondern eben eine Regel, eine praftische Maxime der Naturforschung sein soll, wahrscheinlich hervorgerufen durch die glänzenden Entdedungen, denen sie als Vorspiel diente; aber auch so ist sie unbestimmt genug, und jeder einzelne ihrer Ausdrücke bedarf ber Interpretation. Ich lege nicht Bewicht darauf, daß zuerft das idem genus eine Definition verlangen würde, die uns zeigte, welche effectus naturales zu demselben, welche andern zu einem andern genus gehören; eines fo weitschichtigen Husbruckes fonnen auch wir nicht gang entbehren, übrigens aber ihn hier jo interpretiren, daß bloße Größendifferenzen gleichgeformter Borgänge feine Artverschiedenheit derselben begründen. Aber was find effectus naturales? Bersteben wir darunter jeden natürlichen Borgang, sofern er als Wirfung auf irgend eine Ursache bezogen wird, so ist der ganze Satz mit bem Ende: eaedem cansae offenbar unhaltbar, fo lange nicht dieser lettere Begriff bestimmt ist. Schließt man in das idem genus, wie wir eben thaten, die quantitativ verschiedenen Erfolge ein, so fonnen sie nur causas ejusdem generis, aber nicht easdem haben; quantitativ muffen auch die Urfachen unterschieden sein; aber auch daß sie ejusdem generis sein müßten, wird durch die gewöhnlichsten Erfahrungen widerlegt, die uns zeigen, wie mancherlei verschiedene und nur ägnivalente Ursachen eine und dieselbe Urt der Wirfung bervorbringen Näbert sich ein Körver B einem Bunfte C mit gleichförmig beschleunigter Geschwindigseit, so ist so viel freilich flar und nothwendig, daß eine Kraft auf ibn wirfen muß, die diesen und gerade diesen Effect bervorbringen fann: aber wie verschiedener Art fonnen doch die Kräfte fein, die das thun! Sie fönnen a fronte anziehend wirken von dem Punfte C aus, sie fönnen auch a tergo abstoßend wirfen auf B und es hierdurch dem C näbern; die erste Weise der Wirfung fann von electrischen Kräften oder von der Gravitation ausgehen; die lettere von einer Reihe einzelner sich summirender Stoße. Will man alle biefe Ursachen als easdem oder als ejusdem generis fassen, weil sie trot ihrer übrigen wesentlichen Berschiedenheiten darin übereinkommen, eben diesen gleichen Effect bervorzubringen, so thut man nicht blos jedem Sprachaebrauch Gewalt, sondern man macht auch die ausgesprochene Regel zu einer trivialen Tantologie. Denn daß alle Urfachen, welche gleichartige Wirfungen baben follen, wenigstens darin gleichartig sein müssen, daß sie eben fämmtlich diese Wirkungen bervorbringen können, daß sie also in Bezug auf diese Wirfung äquivalent sein müssen, dies versteht sich von selbst, und braucht, als eine Folge des Identitätsgesetes, nicht erst durch eine besondere Maxime der Natursorschung gelehrt zu werden; eine solche Maxime will offenbar etwas als thatsächlich gültig darstellen, was aus formal logischen Gründen nicht nothwendig ist, also in diesem Falle, daß die Ursachen gleichartiger natürlicher Borgänge nicht blos äquivalent in Bezng auf diefe, sondern auch angerdem gleichartig find. Daß aber der Inhalt diefer Maxime nicht allgemeingültig sein fönne, beweisen nun eben die Erfahrungen. Effectus naturales fönnten jedoch auch anders gemeint sein, nicht als natürliche Vorgänge, sondern als Naturvorgänge: d. h. nicht als solche, die gelegentlich so zu sagen im Kleinhandel aus der Anwendung physischer Gesetze auf zufällig zusammengerathene Umstände entstehen, sondern als foldhe, die in dem großen Betriebsplane der Natur ihre beständige Stelle haben, und die zu den Raturzwecken rechnen würde, wer sich diesen

Begriff glaubte rechtfertigen zu fonnen. Newtons wortlicher Ausbruck führt auf eine folche Deutung nicht nothwendig; daß ihm der Urt etwas vorgeschwebt, wird aber durch die Stelle wahrscheinlich, an der seine Regel fteht, in der Ginleitung zu einem Werfe, das eben diese beständigen alles umfaffenden und bestimmenden Naturvorgänge, den Umlauf ber Planeten, den Gang des Mondes und den unaufhörlichen Trieb der Körper, zu fallen oder zu drücken, in einer großen Auschamma zujammengufaffen bestimmt mar. Go verstanden, würde jener Sats nicht unmittelbar eine Regel der Forschung, sondern der Ausdruck einer Thatsache sein, deren Bestehen mittelbar auf die von der Untersuchung einzuschlagenden Wege einen maßgebenden Ginfluß besitzt, der Thatsache nämlich, daß der in der Welt wirkenden höchsten und allgemeinsten, von einander unabhängigen Ursachen nicht unzählige, sondern sehr weuige find, und daß auf eine von ihnen jede Gruppe zusammengehöriger Wirfungen im Großen zurückzuführen ift, während im Rleinen nicht immer dieselben, sondern sehr verschiedene äquivalente nächste Ursachen eine und dieselbe Wirkung erzeugen. Es würde jedoch schwer sein, die Grenzen zu bestimmen, welche jene großen Ursachen von diesen fleinen trennen; ebenso schwer, auszumachen, welcher Theil des so gebeuteten Sages, ob die Hinweisung auf die Gleichartigkeit ber höchften oder ob die auf die Ungleichartigkeit der nächsten Ursachen mehr eingeschärft zu werden verdient; jedenfalls ift die wissenschaftliche Praxis Newtons jo bewundernswerth, daß wir besser thun, ihr nachzustreben, als mit diefer feiner allgemeinen Maxime überfluffig Staat zu machen. Ich fehre noch zu einem Beispiel zurud. Wenn der Chemifer von dem Element U eine Reaction W beobachtet hat, und nun einen nen unterfucten unbefannten Körper dieselbe Reaction W geben sieht, so beruht fein Solug, diefer Körper fei folglich U, feineswegs auf der einfachen Umfehrung jener Beobachtung, sondern auf dem Bewußtsein, mit allen Clementen, die an der Erde vorkommen, bereits experimentirt und von feinem andern außer U bieselbe Reaction W erhalten zu haben. Dieser Beweis durch Ausschließung ist formell nicht unbedingt sicher, aber doch von größter Wahrscheinlichkeit; wird ein neues Element U1 entdeckt, das nun doch mit U dieselbe Reaction gibt, so ist man eben flüger geworden und sucht nun nach einem andern Kennzeichen, beide zu unterscheiden. Nicht gang dieselbe Wahrscheinlichkeit hat die Folgerung

aus ber Spectralanalpse, die Stoffe, welche in bem Spectrum ber Himmelsförper die Streifen W bervorbringen, seien identisch mit ben irdischen Elementen, beren Dämpfe in ihren Spectren bieselben Linien Mit jenen außerirdischen Stoffen haben wir nicht erverimentirt; daß es nicht mehrere, im llebrigen verschiedene Elemente geben fonne, die in dieser einen Reaction W einander gleichen, ift daher nicht so sicher, wie in dem vorigen Kall, obgleich sehr wahrscheinlich deshalb, weil fein Beispiel nichtidentischer irdischer Glemente mit identischen Spectrallinien vorliegt, und weil ohnehin die Körper unseres Sonnenspitems sich als zusammengehörige Bruchstücke einer früher pereinigten Masse ansehen laffen. Die gleichen Farben, die im auffallenden und im durchgehenden Lichte viele chemisch sehr verschiedene Körper zeigen, beweisen, daß die hier in Frage fommende Fähigfeit zur Reflegion, Absorption und Transmission verschiedener Lichtwellen nicht gang einfach mit ber chemischen Ratur ber Stoffe gusammenhängt; anderseits fonnen zwei Elemente doch nicht deshalb, weil das eine Kalium, bas andere Natrium heißt oder ift, eigenthümliche Wirfungen W oder W1 hervorbringen; sie sind oder heißen vielmehr das eine oder das andere nur deshalb, weil die allgemeinen Kräfte, mit denen Körper sich gegeneinander wirkend gelten machen, in beiden mit verschieden großen specifischen Coefficienten vortommen. Dag nun unter Bedingungen, die wir experimentell gar nicht nachabmen fönnen. 2. B. bei ber an ber Sonnenoberfläche herrschenden Temperatur, einer biefer Coefficienten, durch deren Berein bas eine Glement carafterifirt wird, sich niemals ändern und niemals die Größe annehmen fönnte, welche derselbe Coefficient unter den Bedingungen an der Erdoberfläche für ein anderes Element besitzt, daß also niemals verschiedene Elemente uns gleiche Linien im Spectrum zeigen fonnten, ift nicht so unansechtbar gewiß, daß diefer durch die Spectralanalnse uns eröffnete Blid in die chemische Zusammensetzung anderer Himmelstörper jeden Zweisel ausichlöffe.

7. Der Fall (—W—U) würde nach unserer Bezeichnung besteuten, daß wir aus dem Nichtvorhandensein einer Wirkung W, die wir in andern Beobachtungen auf U folgen sahen, auf das Nichtvorshandensein von U zurüchschließen. Er bedarf keiner weitern Ersörterung; die richtige Folgerung aus dem Jehlen von W ist nur diese,

daß feine von den vielleicht vielen verschiedenen Ursachen U1, U2, U3.., welche W bewirfen könnten, in der That wirksam gewesen ist, entweder, weil keine von ihnen bestand, oder weil jede von ihnen Widerstände fand, welche ihr die Hervorbringung von W unmöglich machten; die letzte Alternative wird wie früher entschieden, je nachdem sich Spuren einer andern stellvertretenden Wirkung W1 aufsinden lassen oder nicht.

- 262. Sei nun auf einem der beschriebenen Wege außer Zweisel gestellt, daß U die Ursache von W sei oder enthalte, so fann diese letzte Frage nur durch wiederholte Beobachtungen und Versuche beantwortet werden, welche sich der Reihe nach auf die ungesucht unterscheidbaren oder durch fünstlichere Beranstaltungen trennbaren Bestandtheile des U und auf die jedem von ihnen zugehörige Einzelwirfung beziehen. Hierzu setzen wir Ursache und Wirfung zwei Gruppen von Vorgängen gleich, U=a+b+c und $W=\alpha+\beta+\gamma$, und heben solgende einstalsse Tälle als Beispiele der hier vorsommenden Mannigfaltigseit von Verhältnissen hervor.
- 1. Der Kall (U a = W). Nach leicht begreiflicher Analogie unserer Bezeichnungen bedeutet Dieser Gall, daß das Gehlen oder die experimentale Aushebung des einen Bestandtheils a der Ursache U feine Menderung in der Wirfung W hervorbringt. Wenn dies nun buchstäblich richtig wäre, das hier bevbachtete W mithin dem vorher beobachteten völlig gliche, so mare ber natürliche Schluß, a trage gar nichts zur Hervorbringung der Wirfung bei, durchaus gerechtsertigt. Aber eben dies findet nicht immer ftatt; da wir alle diese Ralle hier nur mit Rücksicht darauf behandeln, wie sie in unserer Beobachtung vorfommen, jo müffen wir erinnern, daß sehr oft die beobachtbare Wirkung unverändert bleibt, wo die wirkliche in der That durch die Aufhebung des a eine Uenderung in W1 erfahren hat. Denken wir uns an sechs gleich langen Seilen, Die an ben Edpuntten eines regelmäßigen Sechseds befestigt sind, eine Last aufgehängt, so wird sie, wenn wir das erste, dritte und fünfte Seil entfernen, bei binlänglicher Geftigfeit ber Seile nicht nur hängen bleiben, sondern and icheinbar ihren absoluten Ort im Raume behalten. Das letzte findet jedoch gewiß nicht statt; Die Span nung der drei übrigen Seile ist gewachsen, und fie haben sich um ein Beringes ausgedehnt, die Last selbst sich um ein Beringes senfrecht ver-

jchoben, und hierin besteht eben die neue Wirfung W1, die an die Stelle von W getreten ist; die Disserenz zwischen beiden verschwinder für die oberstächliche Beobachtung und verleitet zu dem hier falschen Schlusse, die drei anderen Seile haben zu der ursprünglichen Wirfung W nichts beigetragen, während nur eine früher wirklich geleistete Arbeit dersselben vicarirend von den andern Bestandtheilen von U übernommen worden ist. Es ist kaum nöthig zu bemerken, wie ungemein hänsig dieser Fehlschluß von der Unbemerkbarkeit kleiner Wirkungen auf Wirskungslosigkeit begangen und durch späteren Schaden gebüst wird, und wie die Erkenntniß seiner Gesahr zu vielerlei Methoden führt, dieses Kleine sür die Beobachtung zu vergrößern und es in den Bereich der Wahrnehmung zu rücken.

2. Der Fall (U - a = - W). Wenn nach dem Berschwinden des a in der Beobachtung oder nach seiner experimentalen Ausbebung das ganze W verschwindet, so neigen wir natürlich zu der Unnahme, a allein sei bei ber Hervorbringung oder doch jedenfalls bei der Erhaltung des W wirksam betheiligt. Daß dies möglich, aber nicht allgemein gultig fei, lehrt uns die Bergleichung mit andern Beobachtungen; laffen wir der Reihe nach anstatt a die andern Bestandtheile von U verschwinden, so zeigt sich oft, daß das ganze W auch mit dem Aufhören von b oder von e gang ebenso verschwindet, daß es folglich nicht von einem Bestandtheile des U, sondern von der gleichzeitigen Gegenwart und Verfnüpfung aller oder doch mehrerer von ihnen abhängig ift. Jede zusammengesetzte Maschine, jeder lebendige Körper bietet dafür Beispiele; die Bewegung der ersten und das Leben des letztern hört mit der Berletzung mancher Bestandtheile auf, deren feiner für sich allein im Stande gewesen wäre, ohne die Mitwirfung ber übrigen Bewegning und leben zu erzengen und zu erhalten; die Thatsache, daß mit der Berstörung eines einzelnen Hirntheiles a eine bestimmte geistige Function aufhört, bürgt nicht dafür, daß eben dieser einzelne Theil das erzeugende Organ berfelben mar; felbst die Gegenerfahrung, daß feines anderen einzelnen Theiles Berletzung dieselbe Folge habe, macht diesen Schluß nicht vollkommen sicher; es bleibt immer möglich, daß a nur der unentbehrliche Bestandtheil war, in welchem die Wirkungen aller übrigen eben diese Form W annehmen, und daß mithin die Function aufhört, sowohl wenn a, als wenn außer a alle übrigen Bestandtheile

des Gehirns in ihren Verrichtungen gehindert werden. Um hierüber zu entscheiden, müßte man die Aenderungen des W in W^1 zu beobsachten suchen, welche bei ungestörtem a aus den Functionshemmnissen der übrigen Strane entspringen.

3. Ter Kall (U-a=W+a). Wenn aus U ber Bestandtheil a in der Beobachtung verschwindet oder im Experiment zum Wegfall gebracht wird, und bann die Wirfung W um einen neuen, vorher nicht vorhanden gewesenen Bestandtheil a wächst, oder überhanpt jest erft eine Wirfung a entsteht, jo haben wir zu schließen, daß die übrigen Bestandtheile von U den erzeugenden Grund von a enthielten, a hinaegen ein Sinderniß war, nach bessen Entsernung erst a sich entfalten fann. Die Beobachtung allein rechtfertigt biefen Schluß nicht gang; denn es bleibt zweifelhaft, ob nicht, während a verschwand, eine unbemerkt gebliebene neue Bedingung Z eintrat, welche allein a hervorbringt, während a weder zu seiner Erzeugung, noch zu seiner Hemmung fähig ift; bas Erperiment beseitigt biefen Zweifel bann, wenn man sicher ift, daß das operative Verfahren, durch welches man a aufhob, wirklich nur diese Regation des a bewirkte, nicht aber zugleich einen positiven Eingriff Z enthielt, bem die Entstehung von a zugemessen werden fonnte. Jede Storung eines Gleichgewichts burch Beseitigung einer ber Kräfte, die es unterhielten, gibt für diesen Kall ein Beispiel; auch in ber Defonomie ber lebendigen Berrichtungen ist die Physiologie mehrfach auf gleiches Berhalten gestoßen. Wenn bie Durchschneidung eines Nerven stürmische Bewegungen hervorruft, und wenn man, wie in diesem Beispiel für ficher gelten fann, durch den Uct ber Durchidneidung nicht eine dauernde positive Anfregung, sondern nur die Aufhebung eines früher bestandenen Ginflusses hervorgebracht hat, jo fann man nur an eine durch den Plan der Organisation vorgezeichnete Hemmung der einen Function durch eine andere deuten und von ihrer Aufhebung den Gintritt jener beobachteten Bewegungen abhängig machen. Siftorische Betrachtungen führen häufig auf Dieselbe Ansicht. Es gibt zwar positive Anregungen, durch welche die Menschheit in eine gewisse Bahn geschichtlicher Entwicklung getrieben wird; aber die Mehrzahl großer und plötslicher Umwälzungen beruht auf einer Hinwegrännung von Hinderniffen, die der Entfaltung immer vorhandener Tendengen und Gefinmungen entgegenstanden, und felbst jene positiven Untriebe

seiten die Begebenheiten meist nur eine Zeit lang nach der von ihnen angegebenen Richtung; später nimmt Alles eine andere Bendung, weil unvermerkt und gegen seine Absicht der gegebene Anstoß auch Hinders nisse ganz anders gearteter und nach andern Ziesen strebender Kräfte entsernt oder geschwächt hatte.

4. Der Kall (U-a=W-a). Dieser Kall erfordert seine neuen Ueberlegungen, sondern schließt sich dem zweiten und dritten an. Beranlafit die Anshebung eines Theiles a von U das Berichwinden eines Theiles a in der Wirkung, so fann hier wie dort der Cansalzufammenhang, der dann nothwendig zwischen a und a besteht, ein außichließlicher, also a die genügende Erzengungs- oder Erhaltungsursache pon α fein; es fann aber and a das eine over das andere vielleicht nur in Berbindung mit ben übrigen Bestandtheilen von U sein, und diefes lettere Berhalten fann felbst dann stattfinden, wenn Gegenverinche zeigen, daß die Aufhebung feines andern Theils von U dieselbe Bernichtung des a herbeiführt, weil die noch übrigen Theile für die weggefallenen vicariren fonnen. Es fann ferner a vielleicht nur mittelbar, nach dem Muster des dritten Falles, a bedingen; dann ift ein anderer Theil von U, vielleicht c+d, die erzeugende und erhaltende Urfache von a, aber ein dritter Bestandtheil b hemmt die Wirkung von c+d, dieses Hinderniß endlich wird durch a balancirt, so daß die Entfernung von a der hemmenden Kraft des h nun die Unterdrückung des a möglich macht. Entziehung bes Sauerstoffs a, während bie übrigen Lebensbedingungen U bleiben, bebt die lebendigen Junctionen a des thierischen Körpers auf, ohne dessen Ban sonst ebenso sichtbar wie andere Todesursachen zu verändern. Man hat hierans niemals den Schluß ziehen können, der Sauerstoff allein bringe das Leben hervor; daß er es nur fonnte im Berein mit den Bestandtheilen des Körpers, mithin als ein Reiz, der auf diese wirtt, oder als eine Mitursache unter vielen, dies war von selbst flar; aber doch schrieb man ihm die positive Rolle zu, eben der erregende Reiz zu sein, der durch seine Ginwirfung unmittelbar in den Organen die Bewegungen hervorruft, deren Ganzes das leben ift. Diese Deutung hat nicht gang widerlegt werden fonnen; aber gewiß theilt sie sich mit der anderen in die ganze Wahrheit, nämlich mit der, daß die Einwirfung des Sanerstoffs hanptsächlich in der Hinwegräumung von Hinderniffen bestehe, die aus den lebendigen Functionen selbst, durch Abnutung ber organischen Stoffe, für die weitere Fortsetung bieser Functionen entstehen.

- 5. Ter Fall (U+a=W). Der Hinzutritt einer nenen Ursache a zu U, in welchem sie früher nicht enthalten war, kann die Wirstung W nur unter denselben Bedingungen unverändert lassen, wie in dem ersten Fall der Wegsall eines in W vorher enthaltenen Bestandstheils a. Entweder sindet sich, in der Beobachtung, während a hinzuskommt, ein unbeachtetes Z ein, das seine Wirkung aushebt, oder es ist uns, im Versuch, nicht gelungen, a so anzubringen, daß es seine Wirstung entsalten kann, oder endlich die Veränderung von W in W1, wenn a in der That wirst, tritt auch wirstlich ein, entzieht sich aber der Beobachtung und kann nur durch besondere Ausmertsamkeit ausgesunden werden.
- 6. Der Fall (U + a = W + a). Wenn ein neues Glement a, welches zu den bisher wirfenden Ursachen U hinzutritt, das neue Glement a in der bisberigen Wirfung W entstehen läßt, so fann a für sich allein die hinreichende Urfache sein, welche in den Objecten, Die hier in Frage kommen, die Birkung a erzeugen würde; es kann aber auch a, aleich bem letten Tropfen, ber ein volles Gefäß zum lleberlaufen bringt, nur die ergänzende Urfache sein, ohne welche alle früheren, und welche selbst ohne alle früheren diese Wirkung nicht hervorgebracht hätte. Es fann endlich vortommen, daß die Wirtung W oder überhanpt die Thatsache W, die wir hier um den Zuwachs a vermehrt werden und dadurch in W1 übergehen lassen, nicht ein ruhiger Zustand und nicht ein immer in aleicher Weise sich wiederholendes oder fortsependes Geschehen, sondern selbst eine Entwicklung ist, die, wenn sie einmal durch eine Gruppe U von Urfachen hervorgebracht ist, dann in Folge der Natur der Objecte, auf welche diese wirten, von selbst aus W sich in W1 verwandelt; dann ist a ein müßiger Zusatz zu U ober ein solcher, der zwar anderweitige Wirtungen haben mag, aber unschuldig ist an einem Gintreten bas a. Mit bieser Zweidentigfeit fampfen Die therapentischen Beobachtungen. Wenn man in den lebendigen franken Körper U das Heilmittel a und seine vermutheten Kräfte einführt, so bleibt zweifelhaft, ob die Kranfheit W die gunftige Wendung aus diesem Grunde nimmt, und ob sie nicht vielmehr von selbst denselben Berlauf auch ohne a genommen haben würde. Es ist nicht gang leicht,

vies zu entscheiden, weil hier die Möglichkeit des Versuchs in enge Grenzen eingeschlossen ist. Hat man einmal beobachtet, daß in vielen Fällen auf die Hinzufügung von a der erwünschte Ersolg eintrat, so schent man sich, das vielleicht, aber doch nicht gewiß überstüssige a versuchsweis wegzulassen; Gegenersahrungen aber, die sich freiwillig darbieten und die Unnöthigkeit des a zu beweisen scheinen, bleiben auch ihrerseits zweideutig, weil die verzlichenen Fälle selten ganz gleichartig sind und weil sich kaum nachweisen läßt, daß nicht irgend ein Z das sehlende a als äquivalente Einwirfung ersett hat. Dieselben Schwierigkeiten sindet die Verrachtung socialer und geschichtlicher Phäsnomene; es ist schwer seftzustellen, ob zur Erzengung einer neuen Wenschung a der Dinge eine Maßregel a oder ein Ereigniß a beigetragen hat, das die Beobachtung dem a vorangehen sah; noch schwieriger, zu ermitteln, worin allgemein die Wirssamkeit des a liegt und durch welche in W liegenden Nebenbedingungen sie ermöglicht oder begünstigt wird.

7. Der Fall (U + a = U + b). Es ist unmöglich, daß zwei Ursachen, die neben einem gemeinschaftlichen Bestandtheil U sich durch verschiedene Bestandtheile a und b unterscheiden, genau dieselbe Besammtwirfung W haben, aber es ist möglich, daß ein bestimmter von uns ins Auge gefaßter Theil ihrer Gesammtwirfung oder endlich daß dasjenige gleich sei, was von diesem Theile in unsere Beobachtung fällt. Dies Berhalten bezeichne ich durch die vorangestellte Formel. Der nächstliegende Schluß aus ihm ift natürlich der, daß beide Urfachen durch ihren gleichen Bestandtheil die gleiche Wirkung erzeugen und daß in Bezug auf diese die ungleichen Elemente derselben ohne Ginfluß find. Es bedarf feiner Erwähnung, daß diefer Schluß fehr häufig gutrifft, felbst dann, wenn das Gemeinsame zweier oder vieler Ursachen nur in wenigen Merkmalen besteht, das Berichiedene dagegen, a und b, sich zu Complexen sehr vieler Merkmale erweitert. Aber es ist doch auch möglich, daß U für sich allein niemals jene gleiche Wirkung erzeugt oder erhält, sondern allemal dazu einer Unterstützung durch a ober b ober c bedarf, welche letzteren Bestandtheile dann als ägnivalente Mitursachen von W zu betrachten sind; es fann selbst fommen, daß der gleiche Theil U verschiedener Ursachen völlig wirkungslos in Bezug auf W ift und dicfes allein von den ungleichen Glementen beiber abhängt. Laffen wir auf einen Buntt, der auf einer festen Cbene

licat, drei Kräfte einwirken, die eine e senkrecht auf die Chene, die andern beiden a und b divergent in der Chene, jo ift es leicht moglich, den lettern zwei andere zu substituiren, welche dieselbe Resultante W geben; die erste Kraft c, die einzige, die beiden Kraftsvitemen gemeinsam ift, ift zugleich die einzige, die nichts zur Bestimmung ber Richtung und Große ber Resultante beiträgt. Bang allgemein, jedes Gleichgewicht und jede Bewegung läßt unzählige Constructionen aus sehr verschiedenen Verknüpfungen von Ginzelnrsachen zu. Mun fann man freilich einwenden, daß in allen folchen Fällen a, b, c nicht unvergleichbar verschieden find, sondern selbst noch ein Gemeinsames x neben ihren Berichiedenheiten enthalten; dies x muffe man zu dem gemeinsamen U rechnen, und dann werde immer U+x die wahre Urfache ber gleichen Birfung W sein. Diese Bemerfung ift richtig, aber fie gehört nicht als Einwand hierher, benn fie spricht nur ben in abstracto selbstverständlichen Sat aus, daß zu gleichen Folgen immer gleiche Gründe gehören; hier aber handelt es fich darum, wodurch in ber Beobachtung biefe gleichen Grunde gleicher Folgen repräsentirt werden, und wir fanden nun, daß nicht immer die gleichen Bestandtheile oder Merkmale zweier Urfachen das Behikel Diefer gleichen Gründe sind, sondern daß biese sich eben häufig in der Combination unmittelbar ungleicher Bestandtheile Merkmale ober Bedingungen verbergen. Diese Zweidentigkeiten müssen baber burch Mebenversuche entschieden werden. Man muß wissen, ob U allein W zu erzeugen oder zu erhalten vermag; ist dies so, dann sind a und b zwar nicht nothwendig wirfungslose, aber entbehrliche Bestandtheile der Ursache, denn wir haben dann den Fall (U - a = W) und seine oben betrach teten Folgen. Man muß ferner wiffen, ob a und b allein W erzeugen oder nicht; thun sie es, so ist nach demselben ersten Falle U nicht nothwendig wirfungslos, aber eine entbehrliche Mitursache von W. Findet beides nicht statt, so sind U + a, U + b, U + c Paare von einander unentbehrlichen Miturfachen von W, und es ift jett Zeit, durch neue Combinationen der Wahrnehmungen oder durch Bariation der Bersuche zu ermitteln, welcher gemeinsame Bestandtheil x des a, des b und bes c, und vielleicht auch, welcher einzelne Bestandtheil u bes U zusammen die wahre und genügende Ursache u + x der gleichen Wirfung W ausmachen.

- 263. Gar nicht immer wird es durch die bisher durchgegangenen Schlüsse gelingen, überhaupt nur die nächste und hinreichende Ursache einer Wirfung zu bestimmen, noch weniger die Art von Cansalzusamsmenhang zu ermitteln, die zwischen beiden stattsindet. Man nähert sich diesem Ziese mehr, wenn es möglich ist, die Größeuveränderungen zu beobachten, welche die Wirfungen sür bestimmte Aenderungen der Ursachen ersahren. Es gibt wohl keine Art der Wirfung, die nicht irgendwie veränderliche Größen zuließe; selbst solche, die unmittelbar kein Mehr oder Weniger auszeigen, gestatten es mittelbar; Gleichgewicht kann nicht mehr oder minder Gleichgewicht sein, aber es übt doch gegen den Versuch zur Ausschung größeren oder geringeren Widerstand, oder es bedarf zu seiner Unterhaltung verschiedener Kräste. Ich stelle wieder die einsachsten der beobachtbaren Fälle als Beispiele zusammen.
- 1. Der Fall (m W = m U). Denken wir uns den reinen Fall hergestellt, den wir früher mit BF bezeichneten und jest mit U W beseichnen können, so daß U die ganze und nichts außer der ganzen Urssache von W, W die ganze und nur die ganze Wirkung von U ist, beide aber unmittelbare Größenbestimmungen zulassen, so werden wir als selbstverständlichen Grundsatz betrachten, daß gleichen Dissernzen zweier Werthe von U anch gleiche Dissernzen der zugehörigen Werthe von W entsprechen, daß also U und W in einfacher gerader Proportion stehen. Dann ist m W = m U. Diese Formel, welche keine mathemastische Gleichung, sondern ein logisches Symbol ist, setzt voraus, daß wir die Wirkung so wie ihre Ursache jede nach einem besondern ihrer Natur eigenthümlichen oder sür sie zulässigen Maßstab zu messen im Stande sind, und behanptet, daß dann in der jedesmaligen Wirkung die Einheit der Wirkung, W, ebenso ost enthalten ist, wie in der wirkenden Urssache die Einheit der Ursache, U.

Die Annahme dieses Verhaltens wird man als selbstverständlich zugeben, wenn man sie auf die Fälle beschränft, die sie wirklich umssassen, wenn man sie ausschließt, die ich später erwähne. Durch m ganz gleiche Lichter wird dieselbe Fläche mmal so start erleuchtet als durch ein Licht; dann nämtlich genau, wenn wir alle m Lichter von demselben Puntte aus könnten strahlen lassen, wedurch sie eben erst die msache Ursache U der Beleuchtung würden; mit wachsender Ungenanigkeit aber dann, wenn sie verschiedene Stellungen zu der Fläche haben. Wenn

m gleiche Maffen, die wir uns durch gleiches Gewicht unter gleichen Bedingungen definirt denken, auf denselben Körper anziehend oder abstoßend wirfen, jo geben sie ihm bas mfache ber Beichleunianna. Die ihm eine einzige Masse geben würde; dann nämlich genau, wenn man alle in einen Punkt concentrirt dächte, wodurch sie wieder erst zu der mfachen Urfache U ber Beschleunigung würden, aber bann nicht mehr, menn jie an verschiedenen Raumpuntten liegen, mithin ihre Entfermingen von dem Körper und die Richtungen ihrer Auziehung verichieden find. Wenn wir endlich demfelben Körper eine Angahl m gleicher momentaner Bewegungsimpulse mittheilen, so ist seine Endgeschwindigfeit mmal die des einzelnen Impulses: dann nämlich, wenn wir durch Voranssetzung des Beharrungsgesetzes den Ginfluß der Zeit aufbeben, die zwischen den Impulsen vergangen ist. Allgemein also: bei der Anwendung unseres Grundsatzes denken wir uns die mfache Urjache aleich m einzelnen Urfachen U und nehmen an, es seien feinerlei Umstände vorhanden, welche das eine Glied dieser Summe nöthiaten, mehr ober weniger ober anders zu wirken, als wenn es allein vorbanden und die übrigen Glieder nicht da wären. Dann bringt die mfache Urfache die mfache Wirfung hervor, und umgekehrt: wo unsere Beobachtungen annähernd dies Berhältniß zeigen, haben wir die Soffnung, einen reinen Fall UW vor uns zu haben.

2. Ter Fall (W=C). Wenn die wirfende Ursache U durch veränderliche Rebenumstände oder Mitursachen Z bedingt ist, sowie wir es eben an Beispielen andeuteten, entstehen zusammengesetztere Verhältnisse zwischen U und W, aus deren unbegrenzter Mannigsaltigsteit nur eine Klasse hier hervorgeheben werden kann, die Fälle besgreisend, in denen die bereits hervorgebrachten Wirfungen die Größe der zunächst hervorzubringenden bestimmen. Es ist ein sehr häussiges Vorsemmen, daß eine Ursache U tmal auf dasselbe Sbject einwirft, und wir verstehen dann unter t entweder die Anzahl der Biedersholungen dieser momentan gedachten Einwirfung, oder die Auzahl der Zeiederschlungen dieser momentan gedachten Einwirfung, oder die Auzahl der Zeieinheiten, in deren jeder die steig wirfende Krast U ein bestimmtes Maß von Wirfung erzeugt. Im Allgemeinen nun wird der Ersolg, den eine wirfende Ursache in dem Sbject hervorruft, aus welches sie sich bezieht, unter den Begriff eines Geschehens sallen; was wir einen ruhenden Zustand nennen, würde sich bei näherem Zusehen in der

That entweder in eine immer gleichmäßig geschehende und gleichmäßig auf unsere Sinne wirkende Bewegung ober in ein Gleichgewicht verwandeln, das nicht aus der Wirfung einer Urfache, soudern immer aus der Gegenwirfung zweier oder mehrerer entspringt. Wäre dann dieses Beichehen von der Urt, daß es das der Einwirfung unterliegende Dbject als daffelbe identische Object fortbestehen läßt, so würde jede spätere Wiederholung derselben Urfache in dem Object daffelbe Geschehen noch einmal erzeugen, mithin nach t Wiederholungen oder nach der Zeit t auch tmal dieselbe Wirkung an ibm vorhanden sein, vorausgefett, daß nach dem Sats ber Beharrung jeder frühere Erfolg fortdanre, da ihm fein Hinderniß entgegensteht. Dies ist der Fall der räumlichen Bewegung, bei welcher wir voraussetzen, daß die bewegungerzengenden Ursachen das bewegte Object entweder nicht ändern, ober innere Zustände in ihm hervorbringen, welche durchaus feinen hemmenden Einfluß auf nen anzunehmende Bewegungen ansüben. Betrachten wir als die Wirfung w der bewegenden Kraft die durch momentanen Impuls oder in der Einheit der Zeit erzeugte Geschwindigfeit, so ist in jedem Angenblick t die angesammelte Geschwindigkeit = w. t, der Gesammterfolg aber ober der durchlaufene Raum ist dem Quadrate der Zeit oder dem Snadrate der Anzahl der wiederholten unendlich fleinen Impulse proportional. Un diese Clemente der Bewegungslehre erinnere ich nur um eines allgemeineren Kalles willen. Was wir gewöhnlich unmittelbar beobachten und Wirkungen W nennen, das sind nicht diese Einzelwirfungen, sondern ihre summirten Erfolge; auch die Geschwindigfeit eines bewegten Körpers messen wir blos nach dem Ranme, den er in einer Zeiteinheit, d. h. der Summe ungähliger Augenblide durchlaufen bat. Käme es nun vor, daß ein Object mährend der ganzen Zeit t, durch welche hindurch eine constante Ursache U beständig auf es einwirft, einen gleichförmigen Zustand, W stets gleich der Constanten C, zeigte, so fonnte dies fein reiner Mall sein, sondern es müßte außer U noch Miturfachen oder Mitbedingungen Z geben, welche den Ginfluß des Beharrungsgesetzes aufhöben, die Summirung der Ginzelimpulje immöglich, die Wirfung W conftant und ebensowohl von dem Quadrat, als von der ersten Potenz ber Beit ober der Wiederholung unabhängig machten. Wenn ein tühler Körper unter dem Ginfluß der Sonnenstrablen sich erst erwärmt, dann aber während beständiger Fortdauer gleicher Bestrahlung eine constante Tempestatur behält, so fann nicht die Bestrahlung allein die Ursache dieses Berhaltens sein; die erklärende Mitursache liegt in der Ansstrahlung, die von dem erwärmten Körper ausgeht und die ihn bei einer gewissen erreichten Temperaturdisserenz zwischen ihm und seiner Umgebung ebensoviel Wärme wieder auszugeben nöthigt, als er neu empfängt.

3. Der Fall ($\mathrm{dW} = \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{W}} \mathrm{dU}$). Es gibt im Grunde anßer der ein-

fachen räumlichen Bewegung feinen andern Fall, in welchem wir annehmen fonnten, die in dem beeinflußten Object a erzeugte Wirfung werde die zunächst zu erleidende gar nicht präjudiciren: im Allgemeinen wird durch die Ersnvirkung dieses a in a verändert, und hierin, in der Nichtidentität des die Wirkung empfangenden Objectes, liegt eine veränderliche Mitbedingung Z, welche den wiederholten Impulsen der Ursache U nach und nach andere Wirfungen zuordnet, als dem ersten. Rehmen wir zuerst an, die Beränderung des a in a sei von der Urt, daß fie der nächsten Einwirkung Widerstand entgegensett, so etwa, wie ein bereits aufammengebrückter Körper ber neuen Zusammenbrückung widerstrebt, da burch die gegenseitige Annäherung seiner Elemente die zwischen ihnen wirksamen Abstoßungen gewachsen sind. Das Maß dieses Widerstandes fann feine von allen zusammenwirkenden Parteien unabhängige Constante fein, sondern muß einestheils ber specifischen Antensität der inneren Abstoßungen, von denen der Widerstand geleistet wird, und die für den einen Körper andere find, als für den anderen, anderntheils der bereits erfolgten Zusammendrückung proportional sein, benn biese ist es, welche burch jene Annäherung ber Glemente die Abstoffungen steigert. Die erste Bedingung liefert für die noch mögliche Einwirkung der Ursache U einen constanten Goefficienten, abhängig von der Natur des Objectes a, die andere fagt, daß die Größe Dieser nächsten Ginwirfung im umgefehrten Berhältniß zu der Größe des bereits erreichten Erfolges W stehen muß, welche lettere selbst für zwei verschiedene Ursachen U und U, von den Größen dieser abhängig bleibt. Naturnrsachen wirfen nun niemals momentan; wir fönnen jedes U in eine Angahl von dU zerfällen, die nach einander, übrigens in der Zeit beliebig vertheilt, jedes den ihm entsprechenden constanten jenen Erfolgen, ichaffen.

Theil der Wirtung dW hervorbringen würden, wenn jedes von ihnen allein wirfte, aber ein veränderliches dW erzengen, weil jedes auf das von seinen Vorsahren bereits modisierte Object einwirft. Es ist daher gleichgültig, ob wir U nnd U_n als zwei verschiedene Ursachen oder als zwei verschiedene Werthe betrachten, bei denen eine und dieselbe wachsende Ussache U steben geblieben oder für unsere Vetrachtung sixirt worden ist. Vedentet dann $W=f(U_n)$ den Ersolg, den n auseinsandersolgende dU bereits erzeugt haben, so ist die Virfung dW, welche durch Hinzungung noch eines dU entspringen würde: $\mathrm{d}W = \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{W}}\cdot\mathrm{d}U.$ Unter den reinen Größenfunctionen ist es der Logarithmus von U , der dies Wachsthums zeigt; auf logarithmische Ausdrücke tommen wir deshalb bei der Verechnung von Wirfungen, die durch

ihre eigenen Erfolge sich Sindernisse ihrer Biederholung, proportional

- 4. Der Fall (dW = mW dU). So wenig im vorigen Fall eine wiederholte Ursache nur deswegen weniger wirfen fonnte, weil sie nicht jum ersten Male mirfte, jo wenig fann sie nur deshalb mehr wirfen, weil sie schon mehrmal gewirkt hat. Auch dieser Kall, den wir als llebung, wie den vorigen als Abhärtung in den Begriff der Bewöhnung einzuschließen pflegen, bedarf der Unnahme einer Miturfache Z, nämlich einer jolchen Aenderung bes beeinflußten Objects a in e. welche jedem späteren Ginwirfen der Urfache Vortheile verschafft, indem sie stets geringere Widerstände ihm entgegensett; wie etwa der erfte Schlag ben Stein jo erschüttert, bag ber zweite die vorgefundenen Schwingungen nur zu vermehren hat, nur die Cohäsion der Theile zu überwinden. Rommt nichts sonst in Betracht, so werden wir aus analogen Gründen, wie im vorigen Falle, die Größe der momentanen Ginwirfung proportional dem Gesammterfolge oder dem Zutegral der früberen Einwirtungen zu setzen haben. Unter den reinen Größenfunctionen von U ist es die Exponentialfunction eu, welche diese Eigenschaft eines dem Integral selbst gleichen Differentialquotienten besitzt; auch der Anwendung dieser Formel werden wir daher in mathematischen Ausbrücken natürlicher Wirtungsformen häufig begegnen.
- 5. Der Fall (dW = m. sin U). Keiner der bisher betrachteten Fälle kann auf Wirkungen führen, welche, während die Ursache be-

ständig wächst, zwischen Wachsthum und Abnahme schwanken; sie nehmen entweder immer ab oder immer zu. So oft daher ein periosdischer Wechsel zwischen Zunahme und Abnahme der W bei stets in gleichem Sinne sich änderndem U stattsindet, muß es neben U eine oder mehrere Mitursachen Z geben, deren Verhältnisse zu U entweder an sich veränderlich sind oder durch den Vorgang des Zusammenswirkens so verschoben werden, daß die Wirkungen alter sich bald summiren, hald einander entgegengesetzt sind, und durch Maxima und Misnima von der einen zu der andern dieser Beziehungen übergehen. Die von mir benutzte Formel ist nur ein ganz unzureichender sombolischer Ansdruck sür die begreislich unermeßliche Mannigsaltigkeit der hier möglichen Combinationen.

Achtes Kapitel.

Auffindung von Gesetzen.

264. In den Berhältniffen, die wir im vorigen Kapitel aufgeführt haben, liegen die Beweggründe, die nus zur Anstellung neuer Bersuche ober zur Aufsuchung neuer Beobachtungen veranlassen, um die jedesmal noch gebliebene Möglichkeit verschiedener Ursachen einer Wirkung zu beseitigen. Der altgemeine Sinn dieses Verfahrens ist immer derselbe: ans den unreinen Beobachtungen SP oder UW foll der reine Fall III oder BF durch Climination aller der Bestandtheile der Bevbachtung ermittelt werden, welche dem vorliegenden Canfalzusammenbange fremd sind. Es scheint mir nicht nöthig, diese allgemeine Vorschrift noch in eine Anzahl besonderer Methoden zu zerfällen: nütslicher vielmehr, darauf hinzuweisen, daß wir schon in der elementaren Algebra ein instructives Vorbitd der sehr mannigfachen Operationen besitzen, die unserem Zwecke dienen können. Sowie wir gegebene Gleichungen, die zusammen die Verhältnisse zweier oder mehrerer unbefannter Größen definiren, durch die verschiedensten Mittel, durch Hinzufügung neuer Größen, Subtraction anderer, durch Multiplication oder Division ihres ganzen Inhalts umformen, um sie unmittelbar vergleichbar und zur allmählichen Elimination einzelner Unbefannten geschieft zu machen, so werden wir auch unsere jetzige Aufgabe bald durch paffende Hinzufügung neuer Bedingungen, deren Ginfluß berechenbar ist, bald durch ebenso benrtheilbare Hemmung gegebener, bald, wo es möglich ift, burch Beränderung in der gegenseitigen Stellung der zusammemvirkenden Ursachen, endlich durch Modification unseres eigenen Berhaltens gegenüber dem zu beobachtenden Material zu lösen suchen. Ich lasse dahin gestellt, ob wir auf diesem Wege

überhaupt jemals zu einem reinen Fall BF gelangen können; wären wir aber auch so glücklich gewesen, die genaue Ursache U einer genanen Wirkung W zu sinden, so würde in keinem Falle, außer in geschichtslichen Untersuchungen, umsere Wißbegier völlig bestriedigt sein. Denn dieser reine Fall UW würde keine andere Folgerung zulassen als die, daß jedesmal, wenn dasselbe U in Wirklichkeit wieder vorkäme, dasselbe W ihm solgen müßte. Über sowohl die praktischen Bedürsnisse des Lebens als die Interessen des wissenschaftlichen Erkennens treiben ums zu der weitern Frage: wie wird W sich in W¹ ändern, wenn U in U¹ übergeht, oder: wie wird eine Wirkung W¹ gestaltet sein müssen, wenn nicht das beobachtete U, sondern ein anderes, U¹, eintritt, dessen Disserenz von U genan angebbar ist? Wir verlangen mit einem Wort nicht blos die Gewißheit eines thatsächlichen Zusammenhangs zwischen einem U und einem W, sondern auch die Kenntniß des Gesetzes, nach welchem derselbe stattsindet und sich ändert.

265. Der Rame Gefet hat verschiedene Bedeutungen für verschiedene Kreise menschlicher Interessen: sein logischer Sinn ist dennoch überall ber nämliche. In voller logischer Form ift Gesetz ein allgemeines hypothetisches Urtheil, welches fagt: immer, wenn U ift ober gilt, gilt oder ist and W, und allemal, wenn U um eine bestimmte Differenz dU sich in U1 verwandelt, verändert sich and W in W1 nm eine bestimmte von dU abhängige Differenz dW. Hypothetisch ist das Gesetz, weil es niemals erzählen soll, was geschieht, sondern immer nur bestimmen, was geschehen soll oder ning, wenn bestimmte Bedingungen gegeben find. Richt von diesem hopothetischen Sinne, sondern unr von ber entsprechenden Form bes Ansdrucks ansgenommen sind Gesetze, die fich auf dauernd gegebene ober als dauernd vorausgesetzte Bedingungen Wenn man in fategorischer Form als Naturgesets ausspricht: alle ponderablen Elemente ziehen einander nach dem inngefehrt gnadratischen Verhältniß ihrer Entsernungen an, so drückt man damit nur aus, daß eine einzige stets erfüllte Bedingung, nämlich das gleichzeitige Vorhandensein in berselben Welt, für jene Glemente der hinlängliche Grund dieser Folge ist; wenn das Berfassungsgesets eines Staates in fategorischer Aufstellung die Beziehungen zwischen den verschiedenen Gruppen seiner Angehörigen ordnet, so ist der verschwiegene Vordersatz: so lange bieser Staat überhanpt vorhanden sein wird, sollen

in beständiger Wiederholung diese festgesetzten Ordungen sich im Lauf der Geschlechter erhalten und erneuern. Auch allgemein aber, und zwar immer hypothetisch, ist jedes Gesets und deshalb ebenso sehr von einer blos allgemeinen Thatjache, als von einer Berordnung für einen Einzelfall zu untericheiden. Der Satz Repler's, alle Planeten bewegen sich in Ellipsen um die in einem Brennpunft stebende Sonne. ist ursprünglich fein Wesetz, sondern der Ausdruck einer Thatsache: er führt den Namen des Gesetzes nur frast des allerdings berechtigten Rebengebankens, daß alle Planeten aus einem gemeinsamen Grunde ihre Bewegung haben, und daß man mithin voraussetzen fann, and für noch unbefannte werde der Satz, nun als Wefetz, gelten, wenn fie überhaupt durch Umlauf um die Sonne sich als Planeten erweisen. Gin Gesetz, welches zum 3wed einer bestimmten Gisenbahnanlage zur Expropriation ermächtigt, ift logisch betrachtet ein Beschluß ober eine Berordnung: aber weil die Berordnung nicht willfürlich gegeben wird, jondern auf Grund eines allgemeinen Gesetzes, bas unter bestimmten Bedingungen die rechtliche Zulässigfeit ber Expropriation überhanpt begründet, mag sie um deswillen den vornehmeren Namen selbst Auch iene Rücksichtnahme auf Beränderlichkeit oder Berschiedenheit der Bedingung und der Folge liegt in der Absicht jedes Gesetzes; nur die Ausführung der Absicht ist nicht überall möglich. Die Berficherung, daß zwei Körper einander anziehen, ist für sich eine unvollständig definirte Thatsache; ein Gesetz sieht die Raturwissenschaft erst dann, wenn das Verhältniß angebbar ist, in welchem sich die Größe der anziehenden Wirfung abhängig von den verschiedenen oder veränderlichen Maffen und Entfernungen der Körper oder abhängig von irgend einer andern, ihrer Größe nach variirbaren Bedingung ändert. Auch sittliche und rechtliche Gesetze verhalten sich nicht anders. Ein so allgemeines Gebot, wie das, welches uns befiehlt, unsern Nächften zu lieben, mag immerhin als Ausbruck des tiefften Motivs, bas unsere Handlungen bestimmen soll, eine noch höhere Burbe als die eines Wesetes haben, aber formell hat es nicht die Genanigfeit eines folden; benn weder was aus jener Liebe folgt, ift für fich flar, noch fann in wirklicher Ausübung dem Gebot genügt werden, ohne daß die verlangte Liebe, worin sie auch bestehen möge, einen bestimmten Grad der Lebhaftigfeit hätte, oder ohne daß fie in ihrem Wirfen eine Richtung nähme, die sie in einem andern Falle nicht nimmt; bierfür aber fehlt in jener allgemeinen Formel jeder Entscheidungsgrund. lichen Gesetzen dagegen liegt das distributive suum cuique in weitester Bedeutung zu Grunde; mogen fie Leiftungen vorschreiben oder Strafen bestimmen, so beabsichtigen sie niemals zu allen Wiederholungsfällen deffen, was fie unter den allgemeinen Begriff eines Rechtsverhältniffes bringen, ein unmodificirbares Prädicat hinzuzufügen; nur die Mangelhaftigkeit unserer Maßstäbe zur Bestimmung der rechtlich bedeutsamen Größendifferenzen verschiedener Fälle nöthigt unsere menschliche Praxis. mit roben Abstufungen der Rechtsfolgen und zufrieden zu stellen, die wir viel lieber in genane Proportion zu den sie bedingenden Unterschieden der einzelnen Fälle setzen möchten. Hur rein verneinende Gefete, fittliche Berbote icheinen diese Abstufung von Grund und Folge nicht zu fennen. Ich überlasse jedoch dem Nachdenken des Lesers, ob auf theoretischem Gebiet überhaupt negative Urtheile für Gesetze zu halten sind und nicht vielmehr für Contrapositionen, in denen wir Icdiglich für unsern Deutgebrauch den bejahenden Sinn eines Gesetes in Berneinung seines Gegentheils verwandelt haben; jedenfalls haben wir in diesem allgemeinen negativen Ausdruck einen Theil der Wahrheit verloren, nämlich das Mag der Differeng, um welche die Einzelfälle von dem Prädicat entfernt sind, das ihnen allen einfach abgesprochen wird; was aber die sittlichen Berbote betrifft, so kommt in ihnen felbst zwar nicht, wohl aber in der Beurtheilung ihrer Uebertretungen die Rücksicht auf jene Abstufung wieder zum Borschein; sie verbieten jede Aneignung fremden Gigenthums im voraus, aber bie geschehene wird doch, je nach ihrer besonderen Urt, sehr verschiedenen Graden des Tadels und der Strafe unterworfen.

266. Zwischen Gesetz und Regel besteht der Intention nach ein Unterschied, der in vielen Fällen sehr leicht faßbar, aber keineswegs in allen durchführbar ist. Im praktischen Leben bestimmt das Gesetz einen Zustand, der, durch irgend eine Thätigkeit oder Verhaltungsweise herbeigeführt, zu den zu erfüllenden Zwecken der politischen oder socialen Gemeinschaft gehört; die Regel tritt als Ausführungsverordnung hinzu, um unter den mancherlei möglichen und an sich gleichgültigen Maßenahmen zur Herbeissührung senes Zustandes theils die nütlichste zu wählen, theils um überhanpt nur durch Feststellung eines bestimmten

Berfahrens die nöthige Gleichförmigkeit und Bereinbarkeit der Gingelleistungen zu sichern. In theoretischen Untersuchungen der Wirklichkeit meinen wir unter einem Gesetze den Ausdruck des eigenen inneren Bebingungsverhältniffes, das zwischen zwei Thatsachen stattfindet und ben Grund ihrer Berknüpfung sowie der Art ihrer Berknüpfung bildet, und es aibt in jedem einfachen Kalle nur ein Geset; die Regel ift die Anweisung, in einer Anzahl logischer oder mathematischer Denkoperationen unfere Begriffe so zu verbinden, daß wir zu Schlüffen gelangen, welche mit der Wirflickfeit wieder zusammentreffen, und solcher Regeln fann es für denselben Kall mehrere gleich triftige geben. Dem Gesetze allein eignen wir daber eine objective Wahrheit zu; die Regel ist die Summe der subjectiven Magnahmen, durch welche wir uns, von dem Standpunkte aus, den wir der Sache gegenüber einnehmen, ihres Zusammenhangs soweit bemächtigen, daß wir aus gegebenen Thatsachen der Wirklichkeit ihre Folgen richtig zu berechnen und vorauszusagen. ihre porangegangenen Gründe und Ursachen richtig zu errathen vermögen. Diese Operationen, welche die Regel uns vorschreibt, brauchen nicht denselben Gang zu nehmen, den die Entwickelung der Sache felbit nimmt; sie haben nicht nöthig a principio sich ad principiatum zu bewegen; fie fonnen anftatt der bedingenden Gründe triftige Rennzeichen benuten; sie dürfen zwar niemals allen Ausammenhang mit dem wahren Verhalten verlieren, aber jeder durch unsere Stellung gur Sache nothwendig gemachte Umweg und jede Umstellung ihrer inneren Berhältniffe ift ihnen erlaubt. So groß indeffen der Intention nach dieser Unterschied zwischen Gesetz und Regel ist, so ist doch seine Anwendung kaum in irgend einem Kalle, da wenigstens, wo es sich um die Untersuchung der Wirklichkeit handelt, völlig zweifellos. Daß sehr viele unserer hier benutten Verfahrungsweisen bloße Regeln sind, seben wir deutlich ein; aber fraglich bleibt, ob irgend eines der Wesetze, die wir gefunden zu haben glanben, wirflich diesen Ramen in dem angeführten eminenten Sinne verdient. Wir pflegen ihn da zu brauchen, wo wir auf fehr einfache und fehr allgemeingültige Sate über bie thatsächliche Verknüpfung der Erscheinungen gefommen sind; so scheint es uns nicht eine Regel, sondern ein Naturgesetz, daß die Intensität der Gravitation mit dem Onadrate der Entfernung abnimmt; gleich= wohl ift die innere Verbindung der einzelnen Glieder dieses Sates noch unentdeckt und wir wissen nicht, wie die Größe eines Raumes zwischen zwei Körpern ein Grund für die Veränderlichkeit ihrer Wechsels wirkungen sein kann; zuletzt ist daher auch dies Gesetz nur eine Regel, welche uns aus gegebenen Datis, Entsernungen und Massen, die Lensderungen jener Wirkungen berechnen lehrt, ohne den innern Zusammenshang derzelben mit ihren Bedingungen darzustellen. Auf diese Frage sühren uns spätere Anlässe zurück; für jetzt genügt es zu bemerken, daß unsere nächsten Betrachtungen das Gesetz nur als die einsachste Regel ansehen werden, welche die Vermuthung für sich hat, dem eignen Verhalten der Sache selbst am meisten nahe zu kommen.

267. Wir setzen jetzt voraus, daß wir durch die angegebenen Hülfsmittel dabin gelangt find, so rein als möglich eine urfächliche Berbindung von U und W zu entdecken, und daß Versuche oder Beobachtungen uns eine Reibe quantitativ bestimmter Werthpaare dieser Ursache und ihrer zugehörigen Wirtung geliefert haben. Obwohl Späterem etwas vorgreifend, wird doch dem Versuche, das allgemeine Gesetz dieser Reihe zu bestimmen, eine Ueberlegung über die verschiedenen Gründe nütslich vorangeben, aus denen die gefundenen Größenverhältniffe von dem gesuchten wahren Verhalten abweichen fönnen. Vor allem bestehen unsere Beobachtungen nicht in den Sachen felbst, sondern in ben Eindrücken, welche die Sachen auf uns machen; wenn nun hier dahingestellt bleiben fann, ob der Eindrud, den unser Bewußtsein erfährt, jemals den Dingen und den Berhältniffen gleich sein fann, von denen es fie erleidet, so ift doch unmittelbar flar, daß er ihnen nicht gleich sein muß, sondern sich ändern fann mit der veränderlichen Disposition deffen, der ihn empfängt. Der hieraus entspringende Zweifel, inwieweit aus den subjectiven Erregungen, die wir von einer vorausgesetzten Außenwelt erfahren, auf das objective Verhalten dieser Wirklichkeit geschlossen werden fonne, berührt das gange Gebiet unserer Erfenntniß; wir erörtern ihn hier nicht, sondern begnügen uns, unter der Wahrheit oder Richtigkeit der Beobachtungen, die wir hier wünschen, ihre Allgemeingültigkeit für alle normal gebildeten und unter gleiche Verhältnisse versetzen menschlichen Beobachter zu versteben, eine Eigenschaft, über deren Vorhandensein in jedem Falle praktisch zuletzt nur die llebereinstimmung einer überwiegenden Majorität im Gegensatz zu den auseinandergehenden Meinungen einer Minorität entscheiden fann. 28as

bem Einen anders erscheint, als unter völlig gleichen Umständen allen Anderen, enthält einen Fehler in der Beobachtung jenes Ersten; einen peränderlichen und durch Wiederholung der Beobachtung corrigirbaren bann, wenn augenblickliche Unachtsamfeit, einen bleibenden und im engeren Sinn perfonlichen Kehler dann, wenn die individuell abweichende Organisation der Sinne die Schuld seiner Entstehung träat. Wie ausgedehnt diese Mangelhaftigleit der sinnlichen Anffassung in Bezug auf den qualitativen Inhalt der Empfindung vorkommt, zeigen die außeinandergebenden Urtheile über Aehnlichkeit oder Contraste von Farben, über Ginklang oder Diffonang von Tönen; aber sie find nicht minder bei der Schätzung von Größen zu bemerken. Denn alle praktiichen Bestimmungen in der Wirklichkeit gegebener Größen beruben zuletzt auf der Genauigkeit sinnlicher Eindrücke, und alle künftlichen Methoden und Justrumente der Messung haben nur die Aufgabe, das an Große durch Theilung, das au Kleine durch irgend ein Mittel der Bergrößerung so umzuformen, daß beide in das Bereich mittlerer Größen gerückt werden, über deren Gleichheit oder Ungleichheit unsere sinnliche Empfänglichkeit ein hinlänglich genaues Urtheil besitzt. wirklich nur auf dies letztgedachte einfache Urtheil kommen alle unsere Messingen zurück; nur durch lange liebung erwerben wir bis zu gewissem Grade, von Natur aber besitzen wir die Kähigkeit nicht, anzugeben, wie groß die Differeng zweier ungleichen Größen des Ranmes, der Zeit ober der Intensität, ober welches Meultiplum der einen die andere ift. Umr daß zwei Größen derselben Urt gleich oder ungleich überhaupt sind, empfinden wir unmittelbar, den Betrag ihres Unterschiedes messen wir mittelbar, indem wir die Anzahl bestimmter aleicher Größeneinheiten suchen, deren Bereinigung ihm selbst gleich ift. Wir nennen die Linie b größer als a, weil sie zuerst eine Länge entbält, die gleich a ist, dann aber der Wahrnehmung einen Ueberschuß d barbietet, ben jene nicht enthält; wie groß d sei, erfahren wir nur durch Anlegung eines Maßstabes, um so genauer, je kleiner die sinnlich scharf beobachtbaren Einheiten sind, durch deren Anzahl wir eine bem d gleiche Länge erzeugen; aber auch wenn wir mitroffopische Maßstäbe anwenden: Alles läuft zulett auf die Sicherheit hinaus, mit ber die sinnliche Empfindung uns zeigt, daß ber Endpunkt des zu messenden d mit dem Eudpunkt einer dieser kleinsten Mageinheiten genau ansammenfällt oder nicht. Zeitstrecken erkennen wir, im Gefühl Des Taftes, mit hinlänglicher Genanigkeit als gleich, wenn fie aleich find; aber das Berhältniß ungleicher zu einander tonnen wir nur durch taftmäßige Zerfällung in gleiche wiederholte Ginheiten meffen; nichts aber als der unmittelbare sinnliche Gindruck belehrt uns über die Gleichheit dieser Einzelheiten selbst. Und wenn wir ein mechanisches Räderwerf anwenden, das mit hörbaren Signalen die Wiederholungen Diefer Einzelheiten marfirt, so bernht die Genanigkeit auch seines Ganges guletzt auf ber Sicherheit, mit welcher Gesichtseindrücke Die ränmlichen Dimensionen ienes Werkes und seiner Bestandtheile so berzustellen balfen, daß wirklich seine Bewegung nach gleichen Intervallen zur Auslösung jener Signale führt. Soll endlich biefes Sulfsmittel dazu bienen, die Zeiten festzustellen, nach deren Berlanf bestimmte burch andere Sinne, durch bas Ange, beobachtbare Erscheinungen eintreten, so fann nur der unmittelbare Eindruck und lehren, daß eine Erscheinung dieser andern Urt in demselben Augenblick mit dem hörbaren Signal zusammentrifft, und gerade hierüber ift, wie wir wiffen, unfer Urtheil aus physiologischen Gründen nicht von der wünschenswerthen Schärfe und bedarf der vorgängigen Berichtigung unseres persönlichen Fehlers. Nur furz erwähne ich endlich der befannten Relativität aller unserer Maßbestimmungen; absolut sind nur die Wiederholungszahlen, durch welche wir die Anzahl der gefundenen Ginheiten angeben: die Ginheiten selbst sind nur relativ zu andern bestimmbar, und die Frage ist sinnlos, wie groß etwas sei, wenn man es an feinem vorausgesetzten Magitab mißt. Bene Ginheiten gu finden, d. h. fie fest, branchbar und unzweidentig zu bestimmen, ist selbst eine Aufgabe der Beobachtungsfunft; aber es reicht bier bin zu bemerfen, daß für Yangen einheiten unveränderliche Naturförper, für Zeiteinheiten genau periobische aftronomische Erscheimungen, für die Intensitäten bewegender Aräfte theils die Beachtung des Gleichgewichts, theils die Geschwindigfeiten, die sie erzengen, Mittel der Bestimmung darbieten; noch aber besitzen wir solche Mittel nicht, um beobachtbare Ginheiten für Die Berichiedenheiten innerer Buftande, für die Stärfe ber Empfindungen, der Gefühle, der Begehrnngen berzustellen.

268. Denken wir diesen ersten Mangel, den persönlichen Febler, vermieden, so kann der Inhalt unserer Beobachtung doch sehr weit von Love, Logik.

dem wahren Verhalten durch Schuld der Stellung abweichen, die wir, entweder individuell oder menschlich allgemein, zu der Sache selbst einnehmen. Nicht auf räumliche Erscheinungen beschränkt, aber an ihnen am leichtesten verständlich, ist das häufige Verhalten, daß derselbe Vorgang oder daffelbe Object febr verschiedene Bilder gewährt je nach dem Standpunkt bes Betrachters. Ich glaube ben allgemeinen Sats magen zu dürfen, daß jedes gesetzmäßige Welchehen auch eine gesetzmäßige Projection für jeden beliebigen Standpunft gibt; aber die Regeln, nach denen man von einer seiner so gesehenen Phasen auf die andere idließt, gestalten fich für verschiedene Orte des Beobachters mehr oder minder vortheilhaft und erschweren oft in hobem Grade den Rückaana von dem projicirten icheinbaren Geschehen auf das projicirende wirkliche. Eine Kreisbewegung wird als jolche ericheinen nur für jeden Standpunkt in der senfrechten Axe durch den Mittelpunkt der Areisebene; einer Dvale ähnlich für jeden Ort anger biefer Are und anger der Chene; als geradlinige Oscillation für jeden Bunft in der Ebene des Kreifes und außerhalb seines Umfangs. Wesetslich werden alle die drei Reihen gebildet sein, die für diese drei Standpunkte die Beiten und die zugehörigen Orte des bewegten Bunftes verbinden; aber auf das wahre Verhalten deuten sie sehr mugleich bin. nichts weiter in der Beobachtung hinzu, und hätte man nicht schon eine Summe anderer Kenntniffe über das, was in der Wirklichkeit Rechtens ist und vorzufommen pflegt, so würde man auch gar feinen Grund haben, etwa anstatt der Regel, die jene geradlinige Skillation in unserem Beispiele ausdrückt, eine andere zu verlangen. Natur fehlt es famm je an Nebenzügen, die sich der Beobachtung mit aufdrängen und zuerst zum Zweifel, dann zur Berichtigung führen. Die Beobachtung jener Arcisbewegung besteht nicht darin, daß wir sie denken oder vorstellen, sondern wir sehen sie; und sehen können wir jie nicht ohne Lichtstrahlen, die von dem bewegten Bunfte, der eben deshalb fein Punkt, sondern ein ansgedehnter Körper sein muß, in unser Ange zurückgeworfen werden; und hieraus folgt, daß Veränderungen der scheinbaren Größe und der Helligfeit des Körpers seine Bewegung für jeden Beobachter begleiten müffen, der außerbalb jener Are steht; nnr für diesen einen Standpunkt fehlt jene Beränderlichkeit und mithin der Antrieb, für sie eine Erklärung zu suchen. Berseben wir uns

nun in die Kreisebene selbst, so wird dort der Körper, wenn er von dem äußersten Ende b seiner icheinbar geradlinigen Babu sich der Mitte derselben nähert, an Größe und Helligkeit zunehmen, über die Mitte binaus bis b an beiden abnehmend; geht er dann von b nach a zurück, jo danert zuerst diese Abnahme fort, erreicht das Minimum in der Mitte ber Babn und macht von da bis a neuer Zunahme Plat. Nimmt man Dies alles für Wirklichkeit, jo hat man viele Fragen zu Warum überhaupt ändert der Körper an den Endbeautworten. vunften seiner Babn die Richtung seiner Bewegung und warum wächst seine Geschwindigkeit, wenn er sich der Mitte, und nimmt ab, wenn er sich ben Enden näbert? Entweder muß jene Mitte einen Grund entbalten, der ihn nach ihr zieht, oder in den Berlängerungen der Bahn müffen gleiche entgegengesett wirkende Gründe vorhanden sein, die ihn dorthin drängen. Aber warum nimmt er dann an demselben Mittel= punft zugleich das Maximum und zugleich das Minimum seiner Größe und Helliafeit au, wenn jene Kraft ober Diefes Kraftepaar boch immer basselbe bleibt? Man wird am einfachsten auf bloße Coincidenz beider Ericbeinungen rathen: der Rörper ift, gang unabhängig von seiner Bahnbewegung, in periodischen Anschwellungen und Verkleinerungen begriffen, welche nur Functionen ber Zeit, nicht des Ortes sind: da er jich aber boch zu jeder Zeit t an irgend einem Orte befinden muß, fo fann er fich zur Zeit seines Größenmaximums ebensogut in der Mitte feiner Babn als fonitivo befinden, und ba das Minimum feiner Große erft in der Zeit t eintritt, in der er eine gange Oscillation vollendet bat, jo fällt auch bies Minimum auf Dieselbe Bahumitte. Achulides fann man jagen, glauben wird man es aber nicht; benn gang unerhört find jouft in der Natur periodische Schwellungen dieser Urt, gang befannt bagegen bie Beranderungen ber ideinbaren Große und der Helligkeit, welche die Körper nach Maßgabe ihrer wechselnden Ent= fernung von unserm Auge erfahren. Auf diese Analogien gestützt werden wir daher versuchen, unsern beobachteten Thatbestand als Projection eines andern mahren aufgufaffen: ba wir zwischen ben Orten bes Maximum und des Minimum teine Entfernung bemerten, beide vielmehr in der Bahumitte zusammenfallen, da ferner der Weg des Hingangs und der des Rückgangs sich überall decken, so muß die vorauszusetzende mahre Bahn eine ebene geschlossene Eurve sein, und einer ihrer

Durchmesser in der Richtung unseres Blickes auf den Mittelpunkt der scheinbaren Bahn liegen; aus der Bergleichung der einzelnen scheinbaren Orte für auseinandersolgende Zeitmomente würde sich dann weiter ergeben, ob die wahre Bahn ein Kreis, eine Ellipse, eine Svale oder was sie sonst ist. Ich darf nur an Copernisus erinnern, um einsleuchtend zu machen, wie die Hänfung unbeantwortbarer Fragen in dem Thatbestand der Beodachtung der mächtige Antrieb zu der Umssormung unserer Naturansichten ist, und wie Bieles auf einmal erstlärlich wird, wenn wir das simulich Gegebene nur als Projection eines unbeedachtbaren Berhaltens aufsassen. Um dies aber zu tönnen, müssen wir eine Summe allgemeiner Wahrheiten soweht als früherer Kenntsnisse von Thatsachen bereits besitzen; rein logische Berschriften tönnen auregen, aber nicht zum Ziele sühren.

Ich febre jest einen Schritt zurück; ehr wir Bersuche maden, den beobachteten Thatbestand in der angegebenen Beise zu deuten, müffen wir die Gesetze selbst erst besitzen, die wir durch diese Deutung auf eine einfachere, dem wahren Berhalten entsprechendere Form zu bringen deufen. Nichts ift nus zu ihrer Ermittelung gegeben, als jene Werthreibe der Ursachen und der zugehörigen Wirkungen. Selbst dann nun, wenn wir annehmen, daß diese vorliegenden Zahlen vollkommen fehlerfreie Angaben dessen sind, was beobachtet werden fönnte, selbst dann ist der liebergang von diesen Ginzelgliedern der Reibe zu dem allgemeinen Bildungsgesetze derselben stets ein logischer Sprung; es gibt fein demonstratives Berfahren, durch welches ein ausschließlich gültiges und wahres Gesetz der Reihe gesunden und als foldes bewiesen werden tönnte, man fann es immer nur errathen und dann durch eine unbeschräntte Menge von Rebenbetrachtungen die Wahrscheinlichteit seiner Richtigteit steigern. Es ist wichtig, sich bierüber gang flar zu werden. Bit uns zuerst eine endliche Angabt von n Bliedern einer Zahlenreibe in der Ordnung gegeben, in welcher sie in der Reihe aufeinander folgen, jo tann es in diefem galle leicht möglich sein, eine einfache allgemeine Formel zu finden, welche diesen gegebenen n Otiedern völlig genan entspricht und ihr allgemeines Olied ausdrückt; aber selbst dann brancht diese Formel nicht nothwendig eine einzige ausschließtich zu sein; sie tann wenigstens verschiedene Auffassungsweisen zulaffen. Sind z. B. die gegebenen Glieder 1, 3, 5, 7, 9, so ift, wenn wir die Stellenzahl des ersten Gliedes = 1 setzen, 2n - 1 der genaue Ausbruck des allgemeinen Gliedes; aber gerade in dieser Form gedacht wird das allgemeine Glied ichwerlich einem wirflichen phosischen Berhalten entiprechen, zu deisen gesetzlichem Unsdrucke es bienen soll; bieselbe aegebene Reihe läßt sich aber auch als grithmetische Progression mit dem Unfangsaliede 1 und der Differenz 2, und außerdem als die Reihe ber Differengen benfen, welche burch Subtraction bes Quadrates einer aangen Babl von dem Quadrate der gunächst in der Bablenreihe folgenden entstehen; beide Dentungen find durch daffelbe altgemeine Glied ausdrückbar, beide bestimmen jedes Glied Dieser Reihe; aber beide denken über die Entstehungsweise jedes Gliedes verschieden und dieser Unterschied wird wichtig, weil er nun auch verschiedene Annahmen über das phofische Berbatten der durch diese Reihe ausgedrückten Ericheimingen möglich macht. Go bleiben ichon hier der Zweifel genug; aber ankerdem find ja die hier gemachten Boraussetzungen gar nicht identisch mit denen, die wir bei Beobachtungen maden: ein fo gefundenes allgemeines Glied gilt genau nur für die Anzahl der n Glieder, ans benen es gefunden ift; wir aber verlangen, daß unfer ans ben Beobachtungen zu gewinnendes Gesetz auch für diejenigen Werthe der Urfachen und Wirfungen gelten foll, die wir nicht beobachtet haben. Nun fann man gegebene Reiben freilich interpoliren, D. h. man fann fehlende Zwischenglieder so berechnen, daß sie nach einem aus den gegebenen Gliedern abstrahirten Bildungsgesete, das häufig verwickelt genug ausfällt, in die Reihe paffen; aber damit fest man eben voraus, daß jenes aus den gegebenen Gliedern entwickelte Gefetz auch für die nicht gegebenen gilt, eine Boraussetzung, die immer zulässig ist, wenn es fich blos um Bervollständigung einer denkbaren Reihe, aber gar nicht triftig, wenn es sich darum handelt, ob eben diese denkbare Reihe einem wirklichen Berhalten auch in denjenigen feiner Streden ents spricht, in denen dasselbe nicht beobachtet wird. Ilm also ein aus den gegebenen Gliedern etwa gewonnenes Gefetz auch auf die nicht gegebenen erstrecken zu dürfen, müssen wir vorher Gründe haben, die uns zur Unternehmung eines solchen Interpolationsverfahrens überhaupt berechtigen. Ein ganz einfaches Beispiel erläutert dies. Wir denken uns die Werthe von U als Abscissen x, sprungweis um Ax 311= nehmend, die Werthe von W als Ordinaten y aufgetragen; wenn nun

unsere gegebene Reihe für alle Werthe max von x benfelben Werth v = C gibt, so kann es ja freilich fein, daß diese Gleichung auch für alle die nicht beobachteten Ordinaten gelten würde, die zu Bruchtheilen eines Ax gehören; dann ift die Linie, welche die Endpunfte aller Drdinaten verbindet, eine Gerade und parallel der Absciffenare; allein sicher ist doch diese Folgerung nicht; zwischen je zweien Endpunkten der verschiedenen Ix kann y jeden möglichen Werth, und die Eurve. welche die verschiedenen y verbindet, jeden möglichen Berlauf haben: fie fann reell oder imaginär, gerade oder gefrümmt sein, y fann burch ein oder mehrere Maxima und Minima, selbst durch das Unendliche bindurch geben, und alle diese unbestimmbaren Verläufe fonnen in dem Intervall eines dx beliebig andere fein, als innerhalb eines andern Man fann aus dieser Betrachtung eine kleine Regel über die Auswahl der zu benutenden Beobachtungen ableiten, welche der früher erwähnten für unvollständige Anductionen ähnlich ist: es empsiehlt sich nicht, die Reihe der Werthpaare so zu vilden, daß U in regelmäßiger Weise fortschreitet und nur diesenigen Werthe von W zum Boricein kommen, welche diesen sommetrisch abgemessenen Größen von U ents fprechen; man ift in Gefahr, auf diese Weise nur auf eine Reibe ausgezeichneter Specialwerthe, auf Maxima oder Minima oder feste Werthe der W überhaupt zu fommen, die periodisch wiederfehren, und die aar teine Austunft oder falsche Bermuthungen über den zwischenliegenden Berlauf ihrer Curve an die Hand geben. Für die erste Errathung des allgemeinen Reihengesetes ift natürlich der regelmäßige Fortschritt der U um gleiche Zunahmen vortheilhaft, zur Bestätigung besselben bat man möglichst unsymmetrisch oder irrational wechselnde Zunahmen des U in Betracht zu giehen. Gang einfach: wer immer nur von 7 zu 7 Tagen und zwar Sonntags Nachmittags einen Bergnügungsort beobachtet, kann die hier gefundene Frequenz nicht auf die Wochentage ausdehnen; wer den Mond immer blos durch eine Ritze beobachtet, die gerade mir seine Culmination zu sehen erlaubt, fann nicht errathen, wo er sich während der übrigen Zeit am Himmel heruntreibt. Findet man dagegen, daß die Werthe y, die zu gang willfürlich berausgegriffenen Zwischenwerthen von früher berücksichtigten x gehören, dem aus biesen abgeleiteten Gesetse sich fügen, so ist hierdurch zuerst einige Berechtigung bazu gegeben, auch alle übrigen y biesem Gesetze gemäß zu interpoliren.

Gine völlige Rechtfertigung dieses Schrittes würde ftrenge Logit auch bierin nicht finden: so lange es unmöglich ist, alle aufeinanderfolgenden Werthe von U und alle zugehörigen Wirkungen W zu beobachten, jo lange bleibt der Zweifel, ob in den nichtbeobachteten Källen das Gesets der beobachteten gelte. Dieser Zweisel wird nun in der Praris durch Rebenerwägungen eingeschränft, die nicht aus allgemeinen sogiichen Gründen, sondern aus den sachlichen Kenntnissen fließen, welche wir über den jedesmal vorliegenden Inhalt der Unterjudung in der Regel in der erforderlichen Ausdehnung befigen. die Wirfungsweise einer bestimmten Naturfraft untersucht, weiß im poraus, daß für feinen endlichen Werth der U die W unendlich werben fann: und von der besonderen Natur der fraglichen Kraft wird er binlänglich unterrichtet sein, um zu beurtheilen, ob ihre Wirfungen stetig zunehmen oder periodisch schwanken oder für einzelne Werthe der U verschwinden tönnen, ob es endlich wahrscheintich ist, daß sie ungeftört sich im Anwachsen der Zeit summiren, oder ob ein Widerstand angenommen werden muß, der die entstandenen Erfolge gang oder theilweis immer wieder aufbebt. Diese sachlich begründeten Boraussetzmaen find es, die uns berechtigen, das Gesetz für die wirklich beobachteten Werthpaare auch auf die nichtbeobachteten mit großer Wahrideinlichkeit zu übertragen. Noch ein Hülfsmittel kommt in den Fällen bingu, welche unbeschränft das Experiment gestatten; durch antegras phijde Borrichtungen, welche man mit dem Apparat verbindet, an welchem die Birfungen der Kraft sichtbar gemacht werden, fann man die Kraft nötbigen, die Erfolge selbst zu verzeichnen, die sie in jedem Angenblicke ihres stetigen Wirkens hervorbringt; man hat dann auf mechanischem Wege bie sonst immer nur beschränfte Angahl unserer Beobachtungen jo in's Unendliche vermehrt, daß eine fich ftetig an die andere auschließt, und die so entstandene sichtbare Eurve gestattet über Stetigfeit und Unftetigteit der Wirfung, über gleichmäßige, verzögerte oder beschleunigte Zunahme, über periodisches oder nicht periodisches Bachsthum ein so sicheres Urtheil, wie es überhaupt Beobachtungen erlauben. Denn freilich: der logische Splitterrichter wird noch immer einwenden fönnen: jede gezeichnete Curve bestehe zuletzt aus einer Reihe punftförmiger Pigmentablagerungen, die nur dem unbewaffneten Ange, das hier unabsichtlich interpolirt, als stetige Linic erscheinen; auch hier also eine Anzahl von Einzelwahrnehmungen, die nicht gestatten, auf das Verhalten der Wirfungen zu schließen, welche, weil sie kein Pigsmentatom zu ihrer Verfügung fanden, den Lücken zwischen den Farbenspunkten der sichtbaren Eurve entsprechen. Lassen wir dies: woranf es mir hier aufam, war die Einschärfung des Satzes, daß die Anssinsdmug eines allgemeinen Gesetzes sederzeit eine Leistung der errathenden Einbildnugskraft ist, möglich gemacht durch sachliche Kenntniß, die hier in der Erinnerung durch die Achnlichkeit des gegebenen Falles mit analogen früheren reproducirt wird und sich zum Erklärungsgrunde ansbietet. Eine demonstrative Methode aber, oder eine sprunglose Mesthode überhaupt, ein sicheres logisches Recept, zu dem richtigen allges meinen Gesetze einer Gruppe von Vergängen zu gelangen, gibt es nicht.

270. Wenden wir uns min noch einmal zu unserer Werthreihe zurück, um zu sehen, in welchem Grade die Lösung der gestellten Aufgabe gelingt, so finden wir zuerst zahlreiche Fälle, in denen sie entichieden mißlingt. Hierher gehören namentlich eine Menge statistischer Berechnungen, welche ein Ergebniß W, das in Wahrheit von einer sehr großen Anzahl zusammenwirtender Bedingungen abhängt, z. B. die noch vorhandene Lebenshoffnung, nur bezüglich seiner Bedingtheit durch eine berselben, etwa das bereits erreichte Lebensalter, auffassen und über dieses Berhältniß ein allgemeines Gesetz suchen. Widerspruch der Aufgabe springt in die Angen; man fann nicht eine veränderliche Größe W, welche eine Junction von U, x, y, z zugleich ist, als bloße Function von U ausdrücken und dabei x, y, z ganz vernachtässigen, die in den richtigen Ansdruck doch als Mitbedingungen eingehen müßten. In der That würde man auch auf einen solchen Bersuch gar nicht gerathen, wenn es nicht wieder die Erfahrung wäre, die ihm Credit verschaffte; so ungenau theoretisch betrachtet unser Versahren ist, jo wijfen wir doch, daß factisch etwas, wenn auch nicht gang das Gewünschte, dabei heranstommt, und umgefehrt: der Mangel alles Erfolgs ist in anderen Fällen der Beweggrund, der uns von ähnlichen Bersuchen abstehen beißt. Was nun bier berauszufommen pflegt, beruht etwa auf Folgendem. Unter den Bedingungen weiterer Lebenshoffmung ist die mächtigste ohne Zweifel das schon erreichte Alter U, denn die mit ihm verbundene Modification des Körpers, die allmählich fortschreitet, reicht für sich allein zuletzt bin, um selbst miter ben aunstigsten anderen Bedingungen den Tod unvermeidlich zu machen. Annerhalb längerer Zeiträmme ändert sich jedoch diese Wirfung des U nur langiam und unbeträchtlich, während in anderen Abschnitten des Vebens fie raid und bedeutend wächft; hieraus folgt, daß biefelben äußern Bedinammaen während einer gewiffen Lebensperiode gleichmäßig, während einer andern auch gleichmäßig, aber gleichmäßig anders auf den Körper einwirten: beruht nun fachlich auf dieser Wechselwirfung ber vorhandenen Lebensfraft mit den Umständen die Kähigfeit zu weiterem Fortleben, so ist zu vermuthen, daß für gewisse Streden des Lebensalters die Lebenshoffnung nach einem ziemlich constanten Wesetze, für andere begrenzte Streden nach einem andern gleichfalls beständigen Wesete abnimmt; daß aber nicht wohl ein Wesetz dentbar ist, welches für die ganze Lebensstrecke, also für jedes erreichte Alter das noch zu hoffende Leben allgemein bestimmte. Man pfleat daber in folden Untersuchungen partielle Gesetze oder Formeln aufzustellen, die jede nur für Werthe des U zwischen zwei bestimmten Grenzen gelten und die zugehörigen Werthe von W berechnen lehren follen. Gine theoretische Bedentung haben diese Formeln gar nicht; sie sind nur praftische Rechentnechte oder übersichtliche Ausdrücke des Berhaltens im Allgemeinen; sind sie sehr einfach und doch von hinlänglicher Genauigkeit, so erleichtern sie die Berechnung; sind sie doch schon von complicirter Form, so ist es meistens leere Affectation, sie überhaupt aufzustellen; man geht dann zwedmäßiger auf die Urform der Tabelle zurüdt, die das factische Material der Beobachtung, aus dem fie entstanden sind, unverarbeitet enthält.

271. Wenn die Sache weniger ungünstig steht und auf das Vorshandensein eines durch zwei Beziehungspunkte U und W ausdrückbaren allgemeinen Gesetzes gerechnet werden kann, so fragt es sich unn, welches von den mehreren zu wählen ist, die der vortiegenden Reibe der Werthpaare gleich gut oder mit gleichem Grade der Annäherung untergelegt werden können. Wir wersen diese Frage unter etwas ansderen Voransssetzungen auf, als wir bisher sesthielten. Gine völlig gename Wiedergabe des beobachtbaren Thatbestandes werden die Zahlen unserer Verthreihe nicht so sein, wie wir annahmen; sie werden Ungenauigseiten enthalten, von denen wir uns setzt begnügen zu glauben,

394

daß sie klein sind, und daß sie nicht nach einer Richtung, sondern ziemlich gleichmäßig nach dem Mehr und nach dem Minder hin von dem wahren Thatbestand abweichen. Unter Diesen Bedingungen entsteht der Zweifel, ob überhanpt diejenige Formel, welche den gegebenen Werthen sich am genauesten anschließt, für das von uns gesuchte Wesets zu halten sei. Ganz unvermischt wird schwerlich je der reine Hall BF in unfere Beobachtung fallen; der Erfolg, den seine Bedingung B für sich allein haben müßte, wird durch das gleichzeitige nie ganz zu eliminirende Mitwirfen anderer Ursachen etwas verändert sein, und dieser nicht ganz reine Thatbestand wird neue Aenderungen durch die nie fehlenden fleinen Unvollfommenheiten unseres Beobachtens erfahren baben. Die Data, von denen wir ausgeben, enthalten also das, was wir suchen, und zugleich Störnngen beffelben, die wir nicht suchen: eine Formel, die sich ihnen genau anschlösse, würde eine Covie dieses gemischten Thatbestandes sein, aber nicht ein Gesetz für den reinen Fall, den wir aus seiner Bermischung mit zufälligen Rebenumständen zu fondern suchten. Diese Ueberlegung ist der allgemeine Grund, um deswillen wir uns überhaupt erlauben, die fleinen Abweichungen unberücksichtigt zu lassen, welche zwischen den gegebenen Werthen und einem sie nabezu deckenden Gesetze noch besteben bleiben; wir rechnen diese Differenzen bann auf unbefannte Störmgen. Es fonnten jedoch Kätte vorfommen, in denen wir ein Gesets, welches den gegebenen Werthen vollständig entspräche, dennoch für unrichtig halten oder einem andern nachstellen müßten, das ihnen mit minderer Annäherung gemate: dies wird eintreten, wenn wir befannte Störungen, die nothwendig stattfinden müssen, in jenem ersten Gesetze nicht mehr ange-Rehmen wir an, zwei Körper a und b umtreisen gleichzeitig in verschiedenen Ebenen und Entfermungen einen dritten C, der auf beide eine stetige Anziehung ansübt, und es folge ans unsern Beobachtungen mit völliger Genauigkeit, daß beide Körper zwei ähnliche regelmäßige Ellipsen beschreiben, so müßten wir entweder unsere Beobachtungen für mangelhaft erflären, oder wir fönnten die elliptische Bohn nicht in dem gewünschten Sinne als das Gesetz dieser Bewegungen auffassen. Denn auch wenn wir Anziehung nur zwischen C und a und zwischen C und b, aber nicht zwischen a und b, noch mehr aber, wenn wir sie auch zwischen diesen bestehen ließen, müßte die Bahn, welche a

beschriebe, wenn b nicht vorhanden wäre, dann gestört werden, wenn h analeich da ist. Entweder also weichen die wirklichen gleichzeitigen Bewegungen von der Ellipse ab, und dann waren unsere Beobachtungen ungenau und repräsentirten diese fleinen Störungen nicht; oder die Ellipse ist die factische Bahn beider Körper, und dann ist die gesetsliche Bahn jene andere, die fie durchlaufen würden, wenn diese Störungen Denn darauf allein ist es doch bei solchen Unternicht wären. suchungen nicht abgesehen, blos einen allgemeinen Ausdruck oder eine Copie des Thatbestandes zu befommen, so wie er aus der bereits erfolgten Amwendung eines allgemeinen Gesetzes auf bestimmte Bedinammaen eines particularen Kalles entsprungen ist; man wünscht vielmehr das Gesetz in derjenigen Allgemeinheit, die, weil es diese Sonderumstände noch ausschließt, die Ergebnisse zu beurtheilen verstattet, welche unter andern Nebenumständen aus den bleibenden oder analogen Hauptbedingungen hervorgeben. In folden Fällen, wie wir sie hier annahmen, wird daher die mangellose oder allzu anffallende Genauigfeit,' mit welcher ein angenommenes Gesets ben gegebenen Beobachtungen sich anschließt, geeignet sein. Mißtrauen gegen seine Richtigkeit zu erwecken. Welches andere Wesetz für richtiger gelten barf, läßt sich natürlich nur in dem Maß vermuthen, in welchem man die übersehenen Störungen aus anderen Gründen schätzen fann; das erweckte Miftrauen fann aber die Anleitung zu neuen Combinationen der Beobachtungen oder zu neuen Bersuchen werden, welche hierüber Licht zu verbreiten vermögen.

272. Es hängt hiermit weiter zusammen, daß wir in dem Falte mehrerer Gesetze, die sich den vorliegenden Datis mit ungefähr gleicher Annäherung anschließen, das einsachere vorzuziehen, überhanpt in der Einsacheit eine Art Bürgschaft der Wahrheit zu sehen pstegen. Gegen diese letzte Anssassingsweise, die das simplex sigillum veri zum allsgemeinen Grundsatz erhebt, hat die Logis einen ebenso allgemeinen Widerspruch zu erheben. Wenn es sich um Benutzung eines Gesetz zur Berechnung einzelner Fälle handelt, dann ist freilich die einsachere Formel vorzuziehen, weil sie bequemer ist; über ihre Wahrheit oder Wahrscheinlichseit aber entscheidet, so allgemein betrachtet, ihre Einsachsheit gar nichts. Man muß durchans überlegen, wessen man sich in dem Gebiet von Vorgängen, die man untersuchen will, überhaupt zu vers

seben hat. Ift es einleuchtend, daß in ihm ein Ergebniß W von vielerlei unabhängigen Bestimmungestücken abhängt, so ist ein einfaches Gesetz über diesen Zusammenbang zwar kein unmöglicher, aber ein durchaus unwahrscheinlicher Fall; die erste Regung, die wir bei der Auffindung eines folden Wejenes eigentlich haben follten, mare die des Mißtrauens in seine Gultigfeit; wir mußten glanben, in unseren Beobachtungen oder in unferm Raisonnement die Sache zu leicht genommen und wesentliche Bedingungen unberücksichtigt gelassen zu haben; erst dann werden wir befriedigt sein, wenn eine eindringende Untersuchung zeigt, daß wirklich diese übergangenen Bedingungen sich untereinander stets so ausheben, daß die Rücksicht auf sie rechtlich in dem allgemeinen Gesetze ausfallen darf. Hätte man 3. B. durch bloke Beobachtungen gefinnden, daß ein Körper, von einer Angeloberfläche unter der anziehenden Wirfung des Angelmittelpunkts ausgehend, auf einer bestimmten andern concentrischen Sberfläche immer mit derselben Endgeschwindigkeit autommt, gleichviel auf welchem Wege er von der einen zur andern übergebt, so würde man diesem Junde mißtrauen müssen und ihn erft dann auerfennen, wenn nachgewiesen ist, daß wirklich hier diese merkwürdige Compensation verschiedener Rebenbedingungen stattfindet und stattfinden ning. Man tänscht sich hierüber leicht, wenn das gefundene Resultat nicht so parador ist, wie dies ebenerwähnte. Formel $T = \pi \sqrt{\frac{1}{g}}$ scheint alle Bestimmungsstücke zu vereinigen, von denen die Zeit einer Pendelschwingung abhängt, denn die oberstächliche

venen die Zeit einer Pendesschwingung abhängt, denn die oberstächliche Beobachtung läßt den Elongationswinkel als wirksam nicht hervortreten. Die genauere Theorie zeigt dann doch, daß dieser einsache Ausdruck nur eine Annäherung und das wahre Geset weit verwickelter ist. Obwohl man daher, nach einem gewissen speculativen Grundsat, auf den ich vielleicht später komme, voranssetzen darf, daß die Birklichkeit in der That mancherlei eigenthümliche Compensationen enthalte, geeignet, gewisse Typen von resultirenden Greignissen immer nach demselben einssachen Gesetze zu erhalten, gleichviel wie verschieden die Mittel sind, durch die in den einzelnen Fällen diese Topen realisirt werden: so darf man doch das Vorhandensein solcher Einrichtungen nur da annehmen, wo die Beobachtungen es zweisellos zeigen; dagegen wo uns ein solcher Boransblick auf die Grenzen nicht gestattet ist, innerhalb deren sich der

Erfolg nicht vollständig befannter Bedingungen halten muß, bleibt die Bermuthung einfacher Gesetze und die Borliebe für jolde fehlerhaft und vilegt unr von der vollständigen Erforschung aller wesentlichen Ginzelheiten des gegebenen Untersuchungsobjectes abzuhalten. gegenwärtige Instand der Natursorschung macht diese Warmmaen vielleicht nicht mehr so nothwendig, als sie vor einigen Jahrzehnten gewesen wären, wo man sich sehr geneigt fand, so zusammengesetzte Erideinungen, wie das organische Leben, nach höchst einfachen, aber ebenso nuzulänglichen allgemeinen Gesichtspunkten erklären zu wollen. verhält sich natürlich Alles anders, wenn der behandelte Gegenstand zu jenen Phänomenen gebort, die man nicht mehr als veränderliche Erzengnisse einer Mehrheit unabhängiger Ursachen, vielmehr selbst als Erscheinungen jener Grundfräfte zu betrachten Anlaß bat, aus deren constantem Wirfen nuter verschiedenartigen zweiten Prämissen die Manniafaltiafeit der physischen Borgange zusammengesett wird. Gewiß hat man für diese Källe, die sich ja dem poransacsetzten reinen Kalle BF nähern oder ihn erreichen, die Ginfachbeit des sie betreffenden Wesetes als Zeichen seiner wahrscheinlichen Güttigkeit anzusehen; aber doch and nicht ans dem gewissermaßen ästhetischen Grunde, daß Einfachbeit allenthalben Charafter der Wahrheit wäre, sondern deswegen, weil sich für diese reinen Fälle in der That nur eine der früher (263) augeführten einfachen Formen des gesetzlichen Zusammenhangs zwischen Urfache und Wirfung denfbar erweift.

273. Man hat bemerkt, wie großen Werth wir bei Auffindung von Gesetzen auf schon vorhandene Kenntnisse legten und wie wir dashin kamen, an alterhand Borüberlegungen und Rebengedauten zu appelstiren, durch welche die unmittelbaren Taten der Beodachtung erst eine gewisse Dentung erhalten müssen. Drücken wir diesen Orang in der bekanntesten Form aus: wir branchen sehr hänsig Hypothesen, um die Beodachtungsresultate nutzbar zu machen. Man tann in der Ibat geneigt sein, unter diesen Namen mehrere der Gedanken zu bringen, die wir uns schon gestatteten, und es etwa eine Hypothese zu nennen, wenn wir von einem periodischen Wachsen und Abnehmen einer Wirfung bei stets wachsender Ursache auf eine Berschiedung zurückschlissen, die in den gegenseitigen Stellungen der in dieser Ursache vereinigten wirksamen Elemente stattsinde. Es scheint mir jedoch im Interesse der

Logif, die Namen anders zu definiren und zwischen Postulaten, Hopothesen und Rictionen zu unterscheiden. Der eben erwähnte Ructichluß ist ein Postulat, d. h. er drückt diejenigen Bedingungen oder denjenigen Grund aus, ohne dessen Herstellung oder Gültigkeit durch irgend welche realen Dinge, Kräfte ober Borgänge die gegebene Form der Erscheinung überhaupt undenkbar ist; er fordert oder postulirt also, daß irgend etwas der Art vorhanden sein muffe, was geeignet ift, dies Gegebene zu begründen. Das Postulat ist daber nicht eine Annahme, die man machen ober auch unterlassen ober an beren Stelle man irgend eine andere setzen fann; es ist vielmehr eine absolut nothwendige Unnahme, ohne welche der Inhalt der Beobachtung, um die es sich bandelt, den Gesetzen unseres Denkens widersprechen würde. Auch ist das Boftulat feineswegs seinem eignen Inhalte nach nothwendig so unbeitimmt, wie es nach meinen eben gebrauchten Ausdrücken scheinen fönnte: das vielmehr, was da sein oder da gewesen sein oder geleistet werden muß, damit die gegebene Erscheinung als wirkliche denkbar sei, fann burchaus bestimmt sein; unbestimmt bleibt blos die hierven weientlich verschiedene Frage, wer oder was denn dasjenige sei, welches durch seine concrete Natur eben diejenigen Bedingungen in Wirklichteit berftellt, deren Erfüllung das Postulat zur Möglichkeit des Gegebenen nothwendig fand. Wenn ein Körper von befannter Masse sich in einer befannten frummlinigen Bahn mit befannter Geschwindigfeit bewegt, so täßt fich gang vollfommen genau die Summe der resultirenden Bedingungen B, B1.. angeben, die in jedem Angenblick auf ihn wirken muffen, damit er diese Bewegning ausführen fönne; unbestimmt bleibt nur, wo B und B1 bergefommen, ob sie beide einfache Anstöße einfacher Aräfte oder selbst Resultanten von vielen zusammenwirkenden, ob sie überhaupt Wirkungen von Kräften sind, oder Mittheilungen schon vorhandener Bewegungen. Hier zeigt sich nun dentlich, daß wirklich der Sprachgebrauch sich sträubt, solche Forderungen schon Hopothesen zu nennen. Wer nus blos zu fagen weiß, zu jener frummlinigen Bahn feien Kräfte von bestimmter Intensität und Richtung nöthig, um in jedem Angenblicke die Bewegung von der Tangente um jo und jo viel abzuleufen, dem autworten wir: hiermit lehre er nichts Neues, sondern das was sich von selbst verstehe und aus der blogen Analyse der gegebenen Ericheimma als nothwendig von jedem noch erst beizubringenden Er-

flärungsgrunde erfüllt werden muffe. Hopothese nennen wir erst die Bermuthung, welche zu Diesem abstract aufgestellten Bofmlate Die concreten Urfachen, Kräfte oder Borgänge namhaft zu machen sucht, aus welchen in diesem Falle die gegebene Erscheimung wirklich entsprang, während in andern Fällen daffelbe Postulat vielleicht durch gang andere ägnivalente Combinationen von Kräften oder wirtsamen Elementen zu befriedigen ist. Zweierlei läßt sich demgemäß über die Soppothese svaleich festsetzen. Sie ist zuerst nicht identisch mit einer leeren Bermuthung, die uns unveranlaßt durch den Kopf schießt, sondern sie beruht immer auf einem unabweisbaren Pofiulate, und fie ist bestimmt, die Widersprücke oder Lücken, um derenwillen das Gegebene in seiner un mittelbar vorliegenden Gestalt undentbar ist, durch die Annahme eines der Beobachtung entgebenden inneren Gefüges der wirklichen Dinge und wirklichen Vorgänge so zu erklären, daß aus diesem angenommenen wahren Berhalten der Widerspruch verschwindet, zugleich aber begreiftich wird, warum in der beobachtbaren Erscheinung berselbe für uns unvermeidlich entstehen muß. Damit hängt bann zweitens zusammen, daß jede Hopothese eigentlich nicht blos Denksiaur ober Berauschanlichungsnittel, sondern Angabe einer Thatsache sein will; wer eine Hopothese aufstellt, glaubt die Reihe der wirklichen beobacht baren Thatsachen durch glückliches Errathen nicht minder wirklicher, aber unbeobachtbarer verlängert zu haben. Es ist hierbei nicht nothwendig, daß die so errathene Thatsache eine einfache und letzte sei, die nicht ebenso noch weiter zurückgehende Untersuchungen über die Gründe ihrer eigenen Möglichfeit veranlagte; es reicht bin, wenn sie als eine bestehende Wirklichkeit vorgestellt werden fann, über deren Zustandefommen man fich Weiteres vorbehält. Daß die Lichtstrahlen, furg gefaat, in demselben Augenblide auf ihrer rechten Seite fich anders verhalten muffen als auf ihrer linken, und daß dies Berhalten felbst mit der Zeit unaufhörlich wechselt, daß es also irgend eine Ursache geben müsse, die gerade dies Phänomen hervorzubringen vermöchte, dies war ein Postulat der Sprik aus ihren Beobachtungen; daß Dies Postulat durch transversale Schwingungen der Actheratome befriedigt werde, war die physische Hopothese: woher diese zur Erklärung der Erscheinungen uns vorläufig unentbehrliche Trausversalschwingung rühren fann, bleibt eine Frage der Infunft; jedenfalls entbalt sie aber teinen

Widerspruch, der uns hinderte, fie als einen geschehenden Borgang voranstellen. Fictionen endlich find Annahmen, die man mit dem vollîtandigen Bewuftsein ihrer Unmöglichkeit macht, sei es daß sie innerlich widersprechend find, oder ans äußern Gründen nicht als Bestandtheile der Wirtlichfeit gelten fonnen. Man wird zu ihnen geführt, wenn es für einen gegebenen Sall M einen Sat T nicht gibt, unter ben er als Unwendungsfall mit logischer Strenge subsumirt werden fonnte, wenn es aber wohl einen Sat T1 gibt, von bessen Amwendungsfällen sich M um eine bestimmte Differenz d unterscheidet. Man ordnet dann M unter T1, giebt bieraus die Folgerungen, die man begebrt, und corrigirt fie nachber burch Hinzufügung der Modificationen d, welche um des nicht hinwegzubringenden Unterschiedes d willen nothwendig werden. Die Ermittlung des Kreisumfangs durch Cinschluß zwischen ein äußeres und ein inneres Pologon fann man als bloßes Eingrenzungsverfahren betrachten, wenn man nicht schon in dem Begriff der Länge einer Curve eine Art Kiction seben will; gewiß aber ist eine solche die Formel $ds^2 = dx^2 + dy^2$, wenn man das Zeichen = wirklich Gleichheit und nicht bloße unendliche Annäherung an sie bedeuten läßt. Go lange ds ein wirftider Bogen, jo lange ift bie Gleichung falich; fobald aber ds größenlos wird, werden alle Glieder Rull und die Gleichung bedentungslos; gleichwohl führt sie zu unendlicher Annäherung an den wahren Werth, weil man durch stetige Verkleinerung von ds den begangenen Tehler stetig verkleinert und hierdurch die Summe oder das Integral der de zuletzt von ihm unabhängig macht. Es ist fanm nöthig, auf die außerordentliche Wichtigkeit solcher Berfahrungsweisen für den erfindenden Gedankengang aufmerksam zu machen; auch sonst tommen sie bänfig vor, und der inristische Gebrauch, sich an den nächstverwandten Rechtsfatz T1 zu wenden, wenn es für den zu beurtheilenden Fall eine specielle Regel T nicht gibt, gehört logisch unter diesen Begriff der Biction, obwohl man den Namen nur für befonders geartete Fälle anzuwenden pflegt. Ihren Sprachgebrauch hat die Inrisprudenz selbst zu bestimmen; ich fann mich indessen nicht übergengen, daß das, was man sonft als Fiction ausah, nur eine unabhängige durch einen neuen gesetzgeberischen Act bestimmte Uebertragung einer Summe von Rechtsverhältniffen auf ein Subject ware, bas gu diesen an sich in keiner Beziehung stände; die römische Adoption scheint burch die Annahme des Namens des adoptivenden Baters zu beweisen, daß psiedlegisch zuerst versucht wurde, ein in Wirklickeit nicht berzustellendes Berhältniß dech als hergestellt zu betrachten und auf Grund dieser Fiction secundar die ihr entsprechende Summe von Rechtsselgen zu bestimmen.

274. Die Wichtigteit der Leiftung, die man von den Sopothesen erwartet, rechtfertigt den oft gemachten Berfuch, den Gang der freien erfinderischen Ginbildungsfraft, aus der sie allein entspringen können, mindestens an einige Disciplin zu binden; indessen find die meisten bierüber aufgestellten Regeln zwar vortrefflich, soweit sie sich erfüllen taffen, aber ihre Nichterfüllung fann man doch, ohne nügliche Fortschritte zu sehr einzuengen, nicht als Grund für die Unzulässigfeit der Hopothesen gelten lassen. Es versteht sich zuerst, daß die Hopothese, da sie das Postulat, aus dem sie entspringt, nicht durch eine fingirte Borftellung, sondern durch Angabe einer Wirklichteit erfüllen will, nur das annehmen darf, mas sich als Thatsache benten läßt, nicht aber das an sich selbst Widersprechende. Man übertreibt jedoch, wenn man verlangt, der Inhalt einer Hopothese solle immer innerhalb der Grengen einer möglichen birecten Widerlegung burch spätere Beobachtung liegen. Man fann biese Forberung als ein Beal betrachten und es ist sicher eine sehr nüpliche Maxime, die Hopothese wo möglich so zu bilden, daß ihre Falschbeit, wenn sie falsch ist, nicht wegen der Ungu gänglichkeit ihres Inhaltes für die Beobachtung auf ewig vor directer Widerlegung sicher ist; allein wir würden auf zu viele nützliche Annahmen verzichten müffen, wenn wir dies immer verlangen wollten. Daß die Lichtpunkte, die wir Nachts am Himmel sehen, große von uns sehr entfernte Massen sind, ist zuletzt auch nur eine Hopothese, durch welche wir das soust unerflärliche tägliche und jährliche Bewegungsspiel bieser Lichter zu begreifen suchen; eine directe Widerlegung dieser Annahme, wenn sie falich wäre, würde aber unzweifelhaft jedem spätern Fortschritt der Beobachtung unmöglich sein. Man muß sich daher an der Denkbarfeit und Nützlichkeit ber Hopothese, an ihrer Fähigteit, alle zu sammengehörigen Erscheinungen, ja selbst solche zu erklären, welche noch unbefannt waren, als man sie selbst entwarf, also an ber indirecten Beglaubigung durch die Uebereinstimmung alles aus ihr Ableitbaren mit ber fortichreitenden Erfahrung genügen laffen. Damit man aber

eben jo glücklich sei, eine Hopothese zu finden, der später diese Bealaubigung nicht fehlen wird, fann man nicht einfach alles das annehmen, mas sich überhaupt als Thatsache vorstellen läßt, sondern mir das, was außer feiner Dentbarfeit fo gu fagen ber allgemeinen Gitte ber Wirflichfeit oder ihrem speciellen Ortsgebranch innerhalb ber gusammengehörigen Gruppe von Erscheimungen gemäß ist, zu welcher der untersuchte Gegenstand gebort. Auf allen Gebieten verfährt man fo. Wenn in einem formulirten Rechtsgesetz der Wortlaut feine unzweidentige Welgerung in Bezug auf einen gegebenen Fall anlägt, so interpretirt man nicht beliebig mit freiem fpielenden Scharffinn, sondern man geht auf die ratio legis zurück und sucht aus ihr, die der Grund ieuer Formulirung ift, die für den bestimmten Fall zu supplirende Dentung. Wir verdanken ebenso in den Naturwissenschaften bie gelungenen Hopothesen immer einer solden Bernäfichtigung von Analogien, die in der Körperwelt überhaupt oder in einzelnen Gebieten derselben bemerkbar sind. Umr die Flüssigkeiten und die Luft konnten ursprünglich die Beobachtung auf die Hopothese stetiger Ramnerfüllung durch die Materie bringen; die große Mehrzahl der festen Körper zeigte sich nicht blos theilbar, sondern aus verschiedenen wirklichen Theilen bestebend. Bur biese war baber ber Begriff jener Stetigfeit nur in Bejug auf ihre fleinen Theilchen anwendbar, für fie alfo das Bestehen aus discreten Atomen, beren jedes nur seinen eignen fleinen Raum itetia ausfüllen mochte, vollkommen gewiß. Da man nun feste Körper flüssig und flüssige fest werden sah, selbst Gase unter Umständen trops bare und feste Gestalt annehmen, so war die atomistische Hupothese von dieser Seite ber völlig gerechtfertigt; fie trug nur das, mas für einen Theil der Körper oder für gewisse Formen derselben thatsächlich bestand, auf andere Körper oder andere Formen über, an denen sich factisch derselbe Zustand nicht als wirklich, wohl aber als möglich deswegen nachweisen ließ, weil unter seiner Boranssetzung die an ihnen gegebenen Ericeinungen auch begreiflich blieben. Sobald dann einmal eine solde thatsächliche Wewohnheit der Natur für eine gewisse Erideinungsgruppe ats nützliches Erflärungsprincip nachgewiesen ift, so pftegen sich die Entdeckungen zu häusen, weil man sofort versucht, wie weit sich auch andere Greignisse auf sie beziehen laffen. Co ging es mit der Wellenbewegung. Un Wafferflächen, an Saiten, an tonen-

den Chenen, fonnte man fie geradezu seben und ihre Gestalt im Ginzelnen durch fünftliche Hilfsmittel sichtbar machen; und da gar fein Grund vorlag, fie als Bewegungen nur an bestimmte Materien gefnüpft zu denken, so waren es vollkommen berechtigte Syppothesen. welche zuerst die Schallfortpflanzung durch die Luft, dann die Bewegung des Lichtäthers, endlich die Erscheinungen der Wärme auf den gleichen Vorgang zurückzuführen suchten. In ber organischen Welt frieß man auf einigen Puntten auf eine nicht vermuthete Theilung der Arbeit; wo man früher bemielben Substrat fehr verichiedene Berrich tungen zugetraut hatte, zeigte sich, daß für jede einzelne derselben ein besonderes Organ da war, das für die übrigen nicht vicarirte. And Diese Sitte der Natur wurde zu neuen Hopothesen in Bezug auf die Merven benutzt, Die als Organe der verschiedenen Karben oder Tonempfindungen dienen; ob man das Richtige getroffen, steht noch dahin, aber logisch berechtigt ist diese Hopothese zweifellos. Bewegungen fommen im Pflanzenreiche bäufig vor, auch solche, deren Effect in einer Zusammenziehung besteht; dennoch scheint es, als würde dieser Erfola hier nicht durch Contraction lebendig contractiler Elemente bervorgebracht, wie im Thierförper; man wird deshalb hier diese Hoppothese, obwohl sie an sich möglich ist, nicht machen, weil sie zunächst den Gewohnheiten der Ratur auf Diesem Gebiete nicht zu entsprechen ideint; bagegen hat es Werth zu untersuchen, ob biefer Schein nicht trügt.

275. Man wird ferner von der Hopothese verlangen, daß sie nicht mehr, aber auch nicht weniger enthält, als sie im Anschluß an das Posiulat, aus dem sie entsprungen ist, enthalten muß. Und dies sührt auf eine gewisse Disciplinarvorschrift, die bei ihrer Entwersung zu beachten ist. Man muß nicht, wenn ein erklärungsbedürstiger Vorgang vorliegt, in den blauen Himmel nach einem glücklichen Ginfall aussehen, son dern durch scharfe Zergliederung des Gegebenen vor allem das genaue Postulat herstellen, dem zu genügen ist. Man wird hierbei zunächst manche Nebenzüge vernachlässissen fönnen, die zu densenigen gehören, von denen man aus anderweitiger Einsicht weiß, daß sie bei seder hier in Frage kommenden Hopothese sich leicht nachträglich durch eine nähere Bestimmung derselben berücksichtigen lassen, aber alle wesentlichen Stück der Aufgabe, die mithin nicht selbst nur Consequenzen anderer sünd,

wird man genau beachten müffen, um aus ihrer Verfnüpfung zunächft die passendste Form der zu wählenden Hopothese zu errathen. Dann bat man fich umzuseben, welche Elemente, Urfachen, Kräfte und Berfnüpfungen derselben die Birklichkeit enthält, geeignet, das gestellte Bostulat zu erfüllen, und endlich wird man aus der vollständigsten möglichen llebersicht derselben, von einem praktischen und einem theoretischen Beweggrund augleich geleitet, diejenigen auswählen, welche den erwähnten Anforderungen am einfachsten und am meisten in Uebereinstimmung mit den berricbenden Anglogien des in Frage tommenden Gebietes der Wirklichfeit genngen. Wenn eine mit Bunden bedeckte Leiche gefunden worden ist, so geht die erste Bemühung darauf, zu entscheiden, ob die Wunden dem noch lebenden Körper haben beigebracht sein müssen, oder ob sie nach dem Tode entstanden sind: dann welches die Größe, Birfungsweise und Richtung der Kräfte gewesen sein muß, die diese Folgen hervorgebracht haben; endlich, ob diese so ermittelten Bedingungen ein Postulat bilden, dem durch Annahme einer wirkenden Naturfraft oder nur durch Boraussetzung eines mit bewußter Absicht geführten Werkzeugs entsprochen werden kann. Auch dann nachdem dies entschieden ist und die Form der Hopothese, die Annahme eines begangenen Mordes, feststeht, sucht man den Thäter nicht durch grundlosen Cinfall zu errathen, sondern man fragt, welche Versonen zu denen gehören, zu denen man sich der That versehen fann, theils weil in ihren Beziehungen zu dem Getödteten Motive der That, theils weil in ihrem Charafter feine hinlänglichen Motive zum Ausschluß des vorläufigen Berdachtes liegen. Es würde ganz ausgeführter Beispiele bedürfen, zu denen bier fein Ranm ift, um die Sorgfalt zu zeigen, mit welcher die richterliche Untersuchung daranf hält, feinen Theil des Postulates unbefriedigt zu lassen und erst dann eine gewonnene lleberzeugung für hinlänglich sicher zu halten, wenn sie jeden Ginzelumstand ertlärt, der durch seine Abweichung von dem gewöhnlichen Berhalten auch dann, wenn es fich nicht um ein Berbrechen handelte, seine besondere Erklärung verlangen würde. Borfichtig gemacht durch die Größe deisen, was auf dem Spiele steht, bewegt sich hier der menschliche Scharffinn mit gang anderer Genanigkeit als in manchen philosophischen Speculationen, die viel fündigen können, weil sie wenig zu verderben im Stande sind. Roch immer gefällt man fich, den schlechtbeobachteten

Befund gewisser anffälliger Erscheinungen auf ein animalisch-magnestisches Fluidum zurückzuführen, ohne die Umstände zu specisiciren, die hier der Erklärung bedürsen würden, und solglich auch ohne zu bestenken, daß die wüste Allgemeinheit, in der man nur das Anssund Sinstrahlen dieses Fluidum behanptet, nicht die mindeste Handhabe zur Erklärung der Art, Größe und Reihenfolge der höchst verschiedenartigen Bergänge darbietet, die man von ihm glandt ableiten zu können. Die Naturwissenschaft ist diesem Jehler wenig ausgesetzt, weil sie schon kaum im Stande ist, ohne hinlängliche mathematische Präcisirung die Gegenstände auch nur verständlich zu machen, von denen sie eine Erstärung zu geben sucht.

276. Wenn es sich um singulare Thatsachen handelt, von denen ich bald zu ipreden babe, jo hat nur die Bollständigfeit, mit der eine gu ihrer Beurtheilung entworfene Spoothese ihren Inhalt bedt, nicht aber die Einfachheit dieser Hopothese einen hervorragenden Werth; wir wiffen ja aus Erfahrung, auf wie vielen Umwegen im Einzelfalle guweiten ein Greigniß zu Stande fommt, das in andern Fällen aus viel einfacheren Urfachen entstehen fann. Wenn es bagegen, wie noch hier für nns, um die Ermittelung eines Thatbeitandes zu thun ift, ber allgemein einer Alaffe oft wiederholter Borgange zu Grunde liegt, fo find wir allerdings, einem gemiffen Princip der fleinsten Ursache gemäß, die einfachere Hopothese der zusammengesetzteren vorzuziehen genöthigt. Aber doch nicht deshalb, weil an sich die Einfachheit die größere Wahrheit verbürgte, sondern weil jede Annahme irgend eines Datums, welches zur Begründung bes zu Erflärenden nicht unabweislich wäre, eine völlig leere, das gegebene Poftulat überschreitende Bermuthung, mithin methodologisch ungerechtsertigt wäre. Richt immer wird aber Die Wirklichkeit unser logisch richtiges Verfahren bestätigen. wir aus ber gewählten Hopothese heraus rudwärts die gegebene Ericheinung zu construiren, so fonnen Differenzen zwischen dem was wir so erreichen und dem was gegeben war hervortreten, sei es durch Schuld unserer doch früher nicht vollständigen Bergliederung des letteren, sei es, weil neue Beobachtungen, die früher unmöglich waren, neue Seiten ber Sache zum Borichein bringen. Die Sppothese bedarf dann der Berbefferung; man leiftet sie, indem man entweder die an sich variablen Elemente, welche fie enthält, ichialicher bestimmt, so daß fie

nun weder zu weite noch zu enge, sondern adägnate Gründe zur Ableitung des Gegebenen werden, oder indem man in Bezug auf einzelne ihrer Bestimmungsstücke neue Hulfshopothesen hinzufügt, burch bie demselben Zwede genügt wird. Ich führe Diese Verfahrungsweise furz und geradezu hier als eine logische Regel auf, die man zu befolgen hat, im Gegensatz zu einer sehr häufig wiederholten Lehre, welche diese Ginfügung neuer Hopothesen in die alten als binlänglichen Grund für die Unzulässigkeit der letzteren ansieht, und sofort auf ihre Ersetzung durch einfachere dringt. Weder im Leben noch in der Biffenschaft befolgt man eine solche Lehre wirklich. Man reißt nicht ein Hans nieder, um durch einen Neuban einen Uebelstand zu beseitigen, den ein leichter Umban verbessert hätte; man gibt nicht sosort eine neue Verfassung, wenn einzelne Bestimmungen der bestehenden zu drücken beginnen, und wie verbreitet auch leider die Reigung ist. Principien zu reiten, so hat doch die geschickte Anbegnemung nothwendiger Veränderungen an das bleibende Gute alter Ginrichtungen stets als die wahre Kunst des Staatsmannes gegolten; auch der wirfliche geschichtliche Entwicklungsgang der Biffenschaft zeigt, daß sie neue Gesichtspunkte gern unter unbegnemen alten Formen zu versuchen liebt, um feine der Wahrheiten einzubüßen, die durch diese Formen einmal gewonnen sind. Ich behanpte nicht, daß es hierbei bleiben foll, auch nicht daß es dabei bleiben wird: von dem Ergebniß, das wir durch unsere Untersuchungen erarbeiten wollen, hoffen wir alle, daß es ein einfaches in sich zusammenhängendes Ganze sein wird; so lauge wir aber noch in der Arbeit begriffen sind, es zu suchen, dürfen wir uns nicht durch die sonderbare verwickelte und abentenerliche Form abschrecken lassen, welche unsere Unsichten baburch annehmen, daß wir jeder neuerfamten oder beffer erfamten Specialität unseres Gegenstandes sorafältig durch eine Hülfshopothese gerecht werden, die wir unsern früheren Annahmen über ihn hinzufügen. auf diesem Wege fonnen wir hoffen, jenes einfache und glatte Ergebniß vollständig zu erreichen; denn je gewissenhafter wir hier verfahren, um fo sicherer dürfen wir voraussetzen, daß wie bei jeder verwicketten Rechming, die ein einfaches Resultat vorausbefannter Weise liefern muß, im Berlanje des Berfahrens unfere mannigfachen Annahmen von selbst sich auf einfachere und allgemeinere reduciren werden, so daß nach allen Umwegen ein Facit übrig bleiben wird, welches nicht blos einfach und

idersichtlich ist, sondern auch alle Bestandtheite unseres Posintats vollsständig deckt. Endlich leugnet Niemand, daß eine glückliche Inspiration diese Unmwege abkürzen kann; aber Inspirationen kann die Vogik nicht lehren; was sie als Methode lehren kann, ist genan mur dies, was wir aufführten: man nunß seine Ungeduld zügeln und undeirrt eine einmal versuchte Hopothese so kange unnsormen, die aus den Unsormen, die sie durchläust, eine uns und die Sache befriedigende einsache Gestalt derselben entspringt. Die Hast, gleich während der Arbeit lauter parades sähige Principien ausstellen zu wollen, versührt blos dazu, es sich mit den Problemen leicht zu machen, ihre unbequemen Sonderbarkeiten unberücksichtigt zu lassen nud sich mit einer Ansicht zu befriedigen, die in Bausch und Bogen die großen Umrisse der Sache wiedergibt, für das Einzelne aber gar keine erschöpfende Erklärung liesert.

277. Ich habe noch einen bedenflichen Punft zu erwähnen. Richts fann bringender icheinen, als daß eine Hoppothese, Die ja eine Thatjache errathen haben will, vor allen Dingen nur etwas an fich Mögliches behaupten darf; und gewiß wird es dabei auch bleiben, daß ihr nicht erlaubt ist, als ummöglich Amerkanntes vorauszuseben; aber über die Grenzen dessen, was hier als Mögliches noch zulässig ist, besteht doch ein Zweifel. Ich habe ihn durch die Wahl meines Ausdrucks zu lösen gesucht, als ich nur das, was sich als gegebene Thatsache vorstellen läßt, als zulässigen Inhalt einer Hopothese bezeichnete. und in der That glaube ich, daß man weder mehr verlangen darf, noch hierdurch mit dem Begriff der Hopothese in Widerspruch geräth; sie will eine Thatsache errathen, aber es genügt ihr auch, daß diese Thatsache dann eben so dastebe, wie so oft die der wirklichen Beobachtung dargebotenen: vorstellbar, anschaulich, im Uebrigen aber rücksichtlich der Art ihres möglichen Zustandefommens unerflärt. In feinem Gebrauch würden wir hypothetisch einen Kreis annehmen dürsen, der zugleich ein Dreied wäre; seine Anschanung, unvollziehbar für unsere construirende Phantasie, fonnte auch als gegebene Thatsache niemals in unserer Beobachtung vortommen. Die Annahme dagegen eines unsichtbar fleinen, jedoch ausgedehnten Atoms von unveränderlicher Gestalt und Größe enthält feinen Widerspruch, ber uns hinderte, es als Wegenstand einer möglichen vielleicht burch fünstliche Hülfsmittel geschärften Wahrnehmung vorzustellen; es ist deshalb gulässig, das Borhandensein solcher

Atome als die für unsere gewöhnliche Beobachtung unzugängliche Thatjache anzuschen, auf welcher ber beobachtbare Inhalt ber Erscheinungen Wenn wir dann diese Vorstellung auch vor unserem Denfen rechtfertigen und ihre Möglichkeit im Zusammenhang der Natur untersuchen wollen, so mag es immer sein, daß wir genöthigt sind, sie zu modificiren; aber wir brauchen es doch erst dann zu thun, wenn wir ans ihr als vorlänfigem Princip eine Menge bleibender Bortheile für die Erklärung der einzelnen Erscheinungen gezogen haben. Die Transversalschwingung des Lichtäthers, die einem Postulat der Beobachtung entsprach, läßt sich ohne Zweifel als wirklich geschender Vorgang vorstellen, aber ans welchen physischen Ursachen Diese Richtung ber Bewegung hervorgeben fonnte, bleibt zunächst völlig unflar; die gange Boraussetzung eines in's Unendliche ausgedebnten homogenen oder isotropen Aethers, für jest unentbehrlich für unsere Begriffe von der Fortpflauzung des Lichts, gehört zu derfelben Klaffe von Borftellungen; fie ist eine völlig flare Unschanung, aber ebenso völlig bleibt dunkel, wie eine so gleichmäßige Vertheilung auf einander wirfender Clemente als mechanisches Resultat möglich ist. Die logischen Bewunderer naturwissenschaftlicher Methoden täuschen sich hierüber zuweilen, wenn sie ben ganzen Ban unserer Kenntnisse auf unbedingt sichere Sundamente geftütt vorstellen; es geht vielmehr öfter hier so zu, wie bei ber festen Ausmanerung der Brunnen: man baut von oben hinunter und verläßt sich darauf, daß die angenommenen Thatsachen nach unten einstweilen von dem unanalvsirten Grund und Boden haltbar genng unterstützt werben, um die anfgesetzte Maner zu tragen, bis man einen Schritt tiefer ihnen wieder eine Schicht von Jundament unterziehen fann, ber es dann wieder so geht. Es ist zuzugeben, daß hierdurch der Unterichied zwischen Hypothese und Fiction, zwischen Gesetz und Regel zweifelhaft wird, ein Gedanke, ben ich früher andentete und später wieder aufnehmen werde.

Neuntes Kapitel.

Bestimmung singularer Thatsachen.

Gewisheit über die Wirklichkeit einer Thatsache gibt nur die eigne unmittelbare Wahrnehmung; auch sie nur unter der Boraussetzung, daß bie Dentung richtig sei, durch welche wir den Inhalt der sinnlichen Empfindung, der ursprünglich allein das Gegebene ist, in der Horm eines Urtheils zu einem Ganzen von innerlicher Zusammengehörigteit verknüpft haben. Ueberlieferung dagegen verlangt zu der Glanbwürdigkeit der Zeugen oder der Berichterstatter ein Butrauen, das man ans allerhand Gründen mehr oder minder empfehlen oder rechtfertigen, aber niemals als nothwendig beweisen fann; jeder Rückschliß ferner von gegebenen Thatjachen auf eine andere, die von ihnen als ihre Ursache bezengt werde, scheitert daran, daß zwar jede Folge ihren zulänglichen Grund, und nur einen einzigen Grund haben nuß, daß aber jehr viele verschiedene ägnivalente Thatsachen der Wirklichkeit die Urjache gebildet haben fönnen, in denen allen dieser Grund der gegebenen Wirtungen vorhanden war; endlich auch jeder progressive Schluß, der aus beobachteten Umftänden oder Greignissen eine zufünftige oder eine gleichzeitige, der Beobachtung sich entziehende Thatsache folgern möchte, wird ungewiß, weil jede Bedingung im wirklichen Weltlauf eine bemmende Gegenbedingung finden fann, die zwar niemals die Folge derselben annullirt, aber sie doch hindert, die Gestalt dersenigen Thatsache anzunehmen, als welche sie ohne jenes Hinderniß auftreten würde. Ueberall mithin, wo uniere unmittelbare Wahrnehmung nicht ausreicht, find wir in der Benrtheilung der Wirklichkeit auf Wahrscheinlichkeit beschränft und haben die Mittel anfzusuchen, durch welche wir dieser

eine für unsere Zwecke hinreichende Annäherung an Gewißheit zu versichaffen im Stande sind.

279. Zwei allgemeinste, einander in gewissem Grade entgegenwirfende Gedanken beherrichen bier unsere lleberlegungen. Zuerst, da feine in sich zusammengehörige Causalreihe in einer Welt für sich verläuft, vielmehr in einer und derselben Welt zugleich mit unzähligen andern, so erscheint es uns ganz allgemein unwahrscheinlich, daß irgend eine Ursache in Wirklichkeit obne irgend einen Abang die ganze unendliche Reihe von Wirfungen entfalten sollte, die sie gehabt haben würde, wenn sie allein ihren Ginfluß auf die Bestandtheile der Welt hätte üben fönnen. Durchdrungen ist von dieser lleberzengung unser tägliches Leben; schon ein antifer Spruch drückt sie dahin aus: nicht an einen Anfer muffe man bas Schiff, nicht an eine Hoffnung bas Leben funpfen: überall wo wir einen Erfolg sichern wollen, auf den wir Werth legen, treffen wir verschiedene Bortehrungen, deren jede zu demselben Ziele führen fann; versagt die eine, so wird die andere doch das Biel erreichen; erleiden sie alle eine Einbuße an Wirkung durch äußere Störungen, so wird doch noch übrig bleiben, was uns befriedigen fann: denn ebenso unwahrscheinlich, wie der unverfürzte Erfolg, erscheint uns eine Berschwörung des Zufalls, die von vielen aufgebotenen Urfachen feine einzige die beabsichtigte Wirkung entfalten ließe. Gleiches Mißtrauen bezengen wir geschichtlichen Darstellungen, wenn sie entweder von winzigen Zufällen ungeheure Wendungen ber Schichfale ableiten, oder durch Jahrhunderte hindurch in allen Einzelheiten des geschichtlichen Berlanfs doctrinär die genauen Nachwirkungen eines in früherer Beit entscheidend wirkenden Impulses finden wollen; sie übersehen im ersten Falle die unzähligen Mitbedingungen, die allein im Stande waren, dem Kleinen scheinbar jene große Wirfung zu verschaffen; fie überreden uns im letztern nicht, daß die unzähligen unzusammenbängenden und unberechenbaren Triebe, die fich in der vielföpfigen Menschbeit in jedem Angenblicke neu erzeugen, selbst vereinigt mit den Einflüffen der Matur, die ihrer besonderen eigensinnigen Unordnung ober Ordnung folgen, bei der Mithestimmung des ferneren Laufes der Dinge in solchem Grade wirkungslos gewesen seien. Wir sind ästhes tisch unbefriedigt durch eine Poesie, die uns einen menschlichen Charafter in allen greßen und fleinen Handlungen als umvandelbar con-

sequent darstellt, und ihn nicht einmal durch irgend eine unbedeutende irrationale Gewohnheit des Benehmens, durch irgend eine zulässige, aber zufällige Vorliebe oder Abneigung als ein Geschöpf der Wirklickeit beglaubigt; als Personification einer abstracten Gigenschaft ift er uns in ber Dichtung langweilig, und im Leben, wenn er leben fonnte, würde er uns so granenhaft sein, daß wir gegen ihn, den unpersönlichen, taum noch die sittlichen Verpflichtungen fühlen würden, die sich nur von Person zu Person verstehen. Ebenso unglaubwürdig wäre und eine Darftellung, Die jedes Bestreben, jeden Borsatz eines überlegenden Beiftes an einer beständigen Wiederholung ftorender Zufälte scheitern ließe: abscheulich, wenn sie ernsthaft wäre, würde sie blos erträglich, wenn fie, fonisch gemeint, nicht blos ben erleichternden Wedanken au die Unbedeutendheit der gangen Sphäre, in der fie fich bewegt, sondern zugleich den glücklichen Unglauben an die Wirklichkeit dessen erweckte, was hier als Möglichkeit uns vorgegaukelt wird. Selbst die Musik erideint uns zwar nicht unwahr, aber reizlos und unbedeutend, wenn die Melodie mit gar zu leicht vorausfühlbarer Consequenz den einfachen Fortgang nimmt, der ihrem Unfang entspricht, ohne jemals ihre lebendige Ctasticität durch eine unerwartete Wendung zu verrathen, zu der fie durch eine ihr entgegengeworfene hindernde Schwierigkeit veranlaßt icheint. Endlich begleitet unser Miftrauen alle praftischen Entwürfe, welche nicht paratattisch, um einen Ausbruck der Sputar zu brauchen, unabhängige Bedingungen neben einander ordnen, um den Erfolg zu sichern, sondern ihn hopotattisch von einem Gewebe einander gegen= seitig bedingender Boraussetzungen abhängig maden. Sie fordern auf diese Weise nur das Mistingen heraus, indem sie durch die Mannigfaltigfeit der verbundenen Bestandtheile überhaupt die Berührungen mit fremdartigen Ginflüffen vermehren und durch die Abhängigkeit der einen von den andern eine einmal erlittene Störung beständig fortwirfen machen.

280. Der andere jener beiden Gedanken geht davon aus, daß zwar sehr viele verschiedene Gruppen äquivalenter Ursachen sich deuten sassen, die darin übereinstimmen, eine bestimmte Wirfung herverzubringen, daß aber dech jede dieser Gruppen außerdem noch eigenthümsliche Redenwirfungen haben wird, durch welche sie sich von andern unterscheidet. Um daher einen ganzen genan bestimmten Complex

mannigfacher Wirfungen zu erzengen, die jo zusammengefaßt eine bestimmte zusammengesetzte Thatsache barstellen, wird dech nur eine sehr geringe Anzahl verschiedener Ursachencomplere, vielleicht unter denen. die in der Erfahrung vorzufemmen pflegen, nur ein einziger in der That hinlänglich sein. So lange mis ein gegebener Thatbestand nur in seinen großen Umriffen befannt ift, pflegen uns daber febr verichiedene Urjachen deffelben als mögliche vorzuschweben; sobald dagegen die feineren Rebengüge befannt werden, welde ihn charafterijiren, verenat sich die Answahl beträchtlich und zuletzt zeigt sich, daß das ans diesen Datis entspringende Postulat in der Gesammtheit aller seiner Unforderungen nur durch sehr wenige hopothetisch anzunehmende That saden befriedigt wird; unter diesen entscheiden wir uns dann für diejenige, welche die einfachste ist und die geringste Anzahl von einander unabhängiger zusammenwirfender Clemente voranssetzt. Gedanke läßt sich in den verschiedensten lleberlegungen als berrichend erfennen. Wenn eine gange Reihe von Gingelthatsachen oder Indicien vorliegt, die zusammengenommen sich begnem aus der Annahme einer einzigen That erklären läßt und in der nichts unableitbar bleibt außer jenen fleinen Rebennmftänden, die, von gufälligen Bedingungen abhängig, wirklich jeder einzelnen Ausübung einer That eine etwas andere Färbung geben als einer zweiten, so wird die Ansmerksamkeit des Untersuchungsrichters ausschließlich sich auf diese Annahme richten, und sehr ungläubig wird er die fünstlichen Bemühungen des Berdächtigen anhören, der jedes Stud biefes Thatbestandes aus einer besondern unichuldigen Urfache, die Gefammtheit deffelben aus dem unglücklichen Zusammentreffen so vieler Zufälle zu erflären sucht. Gang ebenso pflegt der Kranke sich damit zu trösten, daß er jedes der zahlreichen Symptome seines llebelbefindens einzeln auf seine besondere wenig bedentende Ursache zurücksührt; er täuscht damit den Urzt nicht, dessen Diagnose unbarmbergiger auf die ernsthafte Krantheit lauten wird, die im Stande ift, auf einmal biesen ganzen zusammen vorfommenden Haufen von Zufällen begreiflich zu machen. Ich branche faum hinzuzusügen, daß diese natürlichen Maximen der Benrtheilung doch nur hinreichen, um eine erste vorläufige Vermuthung vor anderen zu bevorzugen; wo von unserer Entscheidung wichtige Folgen abhängen, haben wir nie zu vergessen, daß das Umvahrscheinliche doch möglich ist. Es

reicht daber nicht bin, nur diesenige Annahme weiter zu verfolgen, welche die vorliegenden Indicien uns als die natürlichste aufdrängen; man wird fie nur dann der Glaubwürdigfeit nähern, wenn nicht blos nach ihr bin alle gegebenen Anzeichen von selbst convergiren, sondern wenn bei aufmerksamer Prüfung auch die unwahrscheinlicheren Bernuthungen, welche die Natur ber Sache noch zuläßt, ebenso viele Lücken und Widersprüche in dem zu erflärenden Thatbestande übrig lassen. Man wird ferner barauf achten muffen, jo weit als möglich nur aus positiven Andicien zu schließen; Berneinungen sind vieldeutig; mögen sie die Unterlassung einer Handlung oder das Richtvorhandensein eines Buftandes ausdrücken, jo find fie benuthbar zum Beweise einer Thatsache nur dann, wenn das, was sie lengnen, unter jeder andern Boraussetzung als nothwendig zu erwarten war; an sich folgt aus der Berneimmg nur die neue Berneimung beffen, was ohne die Bejahung des Berneinten undenkbar ift. Nicht die Menge endlich der Andicien überhaupt, sondern nur die der von einander unabhängigen hat Werth für unfere Entscheidung; und hierin haben wir und einer häufigen ichlechten Gewohnheit zu entschlagen: sowie wir einen Tehler mit Recht ftrafen, dann aber, wenn seine unvermeidlichen Folgen nach und nach hervortreten, gern jede einzelne derselben noch einmal rächen möchten, ebenso vergrößert sich und mit Unrecht die Wahrscheinlichkeit einer Bermuthung, wenn zu dem Anzeichen, das uns zuerst auf fie führte, dessen nothwendige Consequenzen nach und nach in unsere Beobachtung fallen: fie stimmen natürlich zu unserer Vermuthung, aber sie fonnen nichts zu ihrer weiteren Begründung beitragen. Regeln der Borficht, deren icharffinnige Befolgung in Beispielen durchzugeben freilich viel größeres Interesse darbieten würde, als biese trockene logische Formulirung, schließen zuletzt große Irrthümer nicht aus: man würde jedoch Unrecht thun, darum sie gering zu schätzen; nur einen allgemeinen sittlichen Grundsatz dürfen wir aus der Betrachtung dieser Unvollkommenheiten ziehen: wo unser Handeln unerläßlich ift, mogen wir uns auf die Wahrscheinlichkeit getroft verlaffen, über die hinaus zur Gewißheit zu gelangen uns unmöglich ist; wo wir dagegen gar nicht verpflichtet sind zu handeln oder doch nicht verpflichtet, ein unwiderrufliches Aeugerstes zu vollziehen, da wird es sich schicken, unsere fubjective Ueberzengung, Die nur auf Wahrscheinlichkeit beruht, nicht für eine hinlängliche Berechtigung zu ihrer thätlichen Ansführung ans zusehen.

281. Die genauere Abschätzung berjenigen Wahrscheinlichkeiten, die auf den mehr oder minder befannten inneren Ansammenbana acgebener Thatbestände sich gründen, entzieht sich den allgemeinen Unweisungen der Logit und ist der sachlichen Kenntnift des jedesmaligen Kalles zu überlassen. Aber namentlich in Bezna auf zukunftige Ereignisse, und auf diese beschränke ich zunächst die folgenden Betrachtungen. finden wir uns sehr oft in der Lage, zwar zu wissen, daß von verichiedenen disjuncten Fällen einer nothwendig eintreten muß, ohne daß wir jedoch im Befitz eines Grundes wären, der uns irgend einen derselben vor den übrigen bevorzugen ließe; und dennoch fönnen praftische Bedürfniffe uns nöthigen, zwischen ihnen eine Wahl zu treffen, um auf das voransgesetzte Eintreten des bevorzugten unsere Handlungen zu gründen. Unter solchen Umständen bleibt feine andere Maxime der Beurtheilung übrig außer ber, allen gleich möglichen Fällen anch gleiche Wahrscheinlichkeit ihres Eintretens in der Wirklichkeit zuzuschreiben; als gleich mögliche aber fönnen wir, da wir auf jede Kenutnif der die Berwirklichung bedingenden Umstände verzichtet haben, nur diejenigen Einzelfälle betrachten, welche in dem Umfang bes allgemeinen Falles als gleichwerthige Urten besselben coordinirt sind. Alle Anfgaben dieser Gattung führen nämlich zurück auf ein disinnetives Urtheil von der Korm: wenn die Bedingung B erfüllt wird, so tritt von der allgemeinen Folge F eine ihrer Arten f1, f2, f3.. mit Ansschluß aller übrigen Welche dieser Kolgen in der That eintreten wird, bängt in jedem Falle von der besonderen Form b1, b2, b3... ab, in welcher jene allgemeine Bedingung erfüllt worden ist; ware diese bestimmte Form des B, vielleicht b3, und befannt, so würden wir im Stande sein, den guachörigen Werth f3 der Folge mit Gewißheit abzuleiten, angenommen wenigstens, daß wir das Gesetz der Zusammengehörigkeit von B und F ermittelt hatten; ist und bagegen, nach unserer jetigen Boranssetzung, diese specielle Gestalt unbefannt, welche B in irgend einem Falle seines wirklichen Eintretens annehmen wird, so muß zwar, wenn B sich verwirklicht, irgend eine der Folgen f1, f2, f3 eintreten, aber jede von ihnen bleibt für uns gleich möglich, ba bie einzige uns befannte Bedingung ihrer Verwirtlichung, die Gültigseit von B überhanpt, für

jede aleichmäßig besteht und feine vor der anderen bevorzugt. Nehmen wir jetzt an, die allgemeine Bedingung B fönne, wenn sie alle mit ihrer Natur verträglichen Variationen annimmt, Grund zu n = 6 verichiedenen Rolgen f^1 , f^2 ... f^6 werden, so würden n=6 verschiedene Wiederholungsfälle von B nöthig sein, damit jede dieser gleichmöglichen einander ausschließenden Folgen sich verwirtlichen könnte. Man sieht daber, daß unter der Annahme gleicher Birklichkeit des gleich Möglichen die Wahrscheinlichteit des Gintretens eines Ginzelfalles eine mathematische Bestimmung guläßt; denn in die Aussicht, in einem einzigen Kalle sich zu verwirklichen, muß jede dieser f mit allen übrigen gleichberechtigten sich theilen, die Summe aber ber so bestimmten Wahrscheinlichkeiten aller Einzelfolgen muß eine von ihrer Angahl unabhängige constante Größe sein, denn sie muß die Gewißheit bezeichnen, daß irgend eine der Einzelfolgen f, wie viele ihrer auch sein mögen, daß also F überhaupt in jedem Einzelfalle eintreten muß, sobald B überhanpt in irgend einer Form verwirflicht ist. Da diese Gewißheit für jedes B und jedes F gleich unbedingt besteht und die Wahrscheinlichfeiten der Ginzelfälle nur relativ zu diefer Gewißheit eine Größenbestimmung zulaffen, so hat es weder Grund noch Bortheil, für die erwähnte Constante einen andern Werth als den der Ginheit anzunehmen; die Wahrscheinlichkeit eines einzigen von n coordinirten Fällen f wird daher $=rac{1}{n}$ und die Summe der nWahrscheinlichkeiten aller $=rac{\mathrm{n.1}}{\mathrm{n}}=1$. Ich habe hierbei voransgesetzt, daß die Bezeichnung coordinirter Fälle richtig verstanden werde; ich definire jetzt den Ausdruck dahin, daß jeder dieser Fälle nur einem einzigen von den einander ausschließenden Werthen b1, b2.. der Bedingung B entspricht, die in Wirklichkeit vorkommen fonnen, nicht aber einer in Wirklichkeit niemals eristirbaren allgemeineren Form B1 dieser Bedingung, welche mehrere von den Einzelwerthen hi, h2.. unter sich befaßte; hieraus folgt, daß auch jede von jenen f eine elementare Einzelform der Folge ist, welche nicht selbst wieder andere für sich existirbare Urten berselben als allgemeiner Ausdruck unter sich begreift. Geben wir dem disjunctiven Urtheil willfürlich die Gestalt: wenn B gilt, so gilt ent-

weder f' oder Fm, jo daß wir unter Fm alle die modern — 1 Folgen

f verstehen, welche nicht f1 sind, so sind f1 und Fm nicht mehr coors dinirte Glieder; die Wahrscheinlichkeit des ersten zwar bleibt $rac{1}{n}$, aber die des zweiten ist die Summe der Wahrscheinlichkeiten aller Clementarfälle, die in diesem Ausdruck vereinigt gedacht werden, also $=rac{\mathrm{n}-1}{n}$. Nun fann es sehr häufig vorkommen, daß eben diese verschiedenen unter Fm zusammengefaßten Fälle eine gemeinsame, das Interesse unserer Untersuchung erregende Sigenschaft besitzen, um deren willen wir sie unter einem gemeinschaftlichen Ramen, als einen Fall, auszuzeichnen und den übrigen Källen entgegenzuseten veranlagt sind: dann drücken wir uns dahin aus: die Wahrscheinlichkeit dieses (collectiven) Kalles Fm sei gleich dem Verhältniß der Anzahl der in ihm vereinigten Glementarfälle zu der Gefammtzahl aller möglichen Fälle: richtiger, wenni wir auf den Zusammenhang der Sache gurudgeben: gleich dem Berhältniß der Angahl der Bariationen von B, die zu einem Falle der Urt Fm führen fönnen, zu der Anzahl aller möglichen Variationen des B; einfacher und allgemein: gleich dem Berhältniß der Anzahl der ihm günstigen Chancen zu der Anzahl aller denkbaren, $=\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{n}}$. Dieser Bruch ift das, was wir in mathematischem Sinne unter der Wahrscheinlichkeit eines zukünftigen Greignisses verstehen, im Grunde nicht abweichend im Wesentlichen, sondern nur genauer bestimmt, als im gewöhnlichen Sprachgebrand; denn dieser nennt, ohne eine Maßbestimmung hinzuzufügen, schlechthin wahrscheinlich von zwei Greignissen dassenige, deffen mathematische Wahrscheinlichkeit größer ist oder häufig mit Unrecht von ihm für größer gehalten wird als die des anderen, das ihm nun vergleichweis unwahrscheinlich vortemmt; für die mathematische Betrachtning fönnte der in ihr nicht übliche Name der Unwahrscheinlichkeit ebenfalls feinen andern Sinu als den der relativ geringeren Wahrscheinlichfeit haben.

282. Ans kleinen Anfängen, die zuerst nur der Befriedigung einer wissenschaftlichen Rengier zu dienen schienen, ist unter den Hänsden den der größten Mathematiker die Wahrscheinlichkeitsrechnung zu einer umfangreichen Disciplin erwachsen, unendlich fruchtbar für die versschiedensten Gebiete wissenschaftlicher Untersuchungen und praktischer

Fragen, die gregartige logische Leistung, die der ersinderische moderne Geist den bewundernswürdigen, aber unfrnchtbaren Theorien des Altersthums entgegenzuseigen hat. So ist sie den Grenzen unserer Darstelslung entwachsen, und obgleich jede ihrer Einzelheiten nech immer in einem Svsteme der Logist eine viel mehr berechtigte Stelle einnehmen würde, als jene unglosen sollogistischen Künste, zu deren beständiger Wiederholung uns das Uebermaß philologischer Neigungen treibt, so sind wir doch genöthigt, ums auf die Anszählung der einsachen logischen Gedanken zu beschnungen siehren. Es geschieht jedoch mit dem Beswustsein einer offen gelassenen Lücke und mit der Hinweisung auf die Nothwendigkeit ihrer anderweitigen Ausfüllung.

- Es ift zuerst nöthig, furz den Sinn der Wahrscheinlichkeit hervorzuheben, deren mathematisches Maß für die einfachsten Källe wir eben kennen gelernt haben. Wir machen burch fie keine Behanptung über das wirkliche künftige Eintreten des Greignisses, dem wir sie zuichreiben; wir sprechen nicht durch fie irgend eine objective Gigenschaft oder Beschaffenheit desselben aus, fie bezeichnet, zunächst wenigstens, durchaus nur subjectiv das Maß des vernünftigen Zutrauens, welches wir im voraus zu dem Eintreten eines bestimmten Falles dann hegen dürfen, wenn uns nur die Angabl aller unter den jedesmal gegebenen Bedingungen möglichen Fälle, aber fein sachlicher Grund gegeben ift, der für die Nothwendigkeit des einen von ihnen mit Ansschluß der anderen entschiede. Ift nach 281 die Wahrscheinlichkeit für eine beftimmte Seite des Bürfels, nach dem Burfe obenaufzuliegen = 1/8, die Wahrscheinlichkeit, daß eine der fünf andern Seiten oben liege = 5/6, jo bedeuten beide Zahlen nur, daß vor dem Wurfe unser vernünftiges Bertrauen auf den Gintritt des ersten Falles sich zu dem Bertrauen auf den des zweiten wie 1:5 verhalten muffe, aber sie enthalten feine Behauptung ober Voranssagung barüber, ob ber eine ober der andere Fall, und ob bei wiederholten Würfen der eine häufiger als der andere eintreten werde. Späterem behalten wir die Frage vor, in wie weit eine solche Folgerung von der vorausberechneten Wahricheinlichteit auf das wirkliche Geschehen zuläffig ift.
- 2. Wenn zwei von einander unabhängige variable Bedingungen B und ${\rm B^1}$ zu n und ${\rm n^1}$ verschiedenen Fällen führen tönnen, so ist die

Wahrscheinlichkeit bes Zusammentreffens eines bestimmten Ginzelfalls der einen Reibe mit einem bestimmten der andern gleich dem Product ber Wahrscheinlichkeiten, die jeder von beiden in seiner Reihe hat, also $rac{m}{n}$. $rac{m}{n^4}$, wenn m und m^4 die Anzahl der günstigen Chancen bedentet, die jeder vermöge der Beschaffenheit seiner Bedingung B und B1 findet. Werden zwei Würfel geworfen, so ist die Seite, welche der eine in seiner Rubelage oben zeigt, unabhängig von der, welche der andere zeigen wird; es find aber 6 Seiten, die an jedem Bürfel aufliegen fönnen, und jede von ihnen fann sich gleichmöglich mit jeder der 6 des anderen combiniren; 36 Källe find daber möglich, und die Wahrscheinlichkeit jedes einzelnen von ihnen ist $=\frac{1}{36}=\frac{1}{6}$. Sehen wir es aber für gleichgültig an, welcher ber beiden gleichen Bürfel die eine und welcher die andere von zwei verschiedenen Anzahlen ber Angen aufweift, so ist für jeden dieser Wälle die Wahrscheinlichteit =2. $\frac{1}{36}=\frac{1}{18}$; denn jede Scite von bestimmter Augenzahl hat allerdings für den einen Bürfel oder für den Bürfel B nur eine Chance ihres Aufliegens, aber die Combination zweier Seiten von ver schiedener Augenzahl findet in der Combination B + B1 beider Bürfe zwei günftige Chancen. Dagegen muß die Wahrscheinlichkeit des Aufliegens zweier Seiten von gleicher Augenzahl = 1/36 bleiben, denn es ist nur eine Combination, die einen bestimmten Pasch herverbringen Kommt es endlich darauf au, mit beiden Bürfeln zusammen eine bestimmte Angenzahl zu werfen, so hat die Summe 7 die größte Wahrscheinlichkeit $=\frac{1}{6}=\frac{6}{36}$, denn sie hat 6 günstige Chancen in den Zusammensetzungen 6+1, 5+2, 3+4, deren jede doppelt vortommt; die geringste, nämlich 1/36, haben die Summen 2 und 12, deren jede nur auf eine Beise zu erzeugen ist. Lassen wir ferner in einem Wefäß B sich 17 schwarze und 3 weiße Augeln, in einem zweiten Wefäß B1 aber 6 schwarze und 4 weiße befinden und fragen nach der Wahr= scheinlichkeit, durch je einmaliges Ziehen aus beiden Gefäßen zwei weiße Angeln zu erhalten, jo ift offenbar auch hier das, was die eine Hand ergreift, unabhängig von dem, was die andere ergriffen hat; aber die Wahrscheinlichkeit, aus dem ersten Gefäß eine weiße Augel zu bekommen, hat m = 3 günftige Chancen auf 20 Fälle, die Wahrscheinlichkeit deffelben Resultates für das zweite Gefäß m1 = 4 auf 10. Hätte

man nun aus B die weiße Kugel gezogen, so würde sich diese mit 10 Rugeln aus B1 combiniren fönnen, nuter diesen 10 wären 4 weiße: die Wahrscheinlichkeit, eine von diesen zu der schon gefaßten binzuzubekommen, mithin 4/10; da aber der Besitz der ersten weißen Rugel jelbst nur die Wahrscheinlichkeit 3/20 hatte, so ist die, zwei weiße zu ergreifen, $=\frac{m}{n}$. $\frac{m^4}{n^4} = \frac{3}{20}$. $\frac{4}{10} = \frac{3}{20}$. Es würde sich anders verhalten, wenn wir alle Augeln in ein Wefäß vereinigten und aus diesem zwei Züge thäten, jo jedoch, daß die zuerst ergriffene Augel vor dem zweiten Zuge wieder in das Gefäß gethan würde. Das Resultat des zweiten Zuges wäre dann wieder unabhängig von dem des ersten; für jeden einzeln wäre die Wahrscheinlichteit einer weißen Augel = $\frac{7}{300}$ für die Ziehung zweier weißen nach einander mithin = 7/30. 7/30 = 49/9001 geringer also als in dem ersten Falle. Diese Disserenz der Ergebnisse fann überraschen, da man ohne Rechnung beide Berfahrungsweisen faum für wesentlich verschieden halten würde; fie find es dennoch, weil sie durch die größeren oder geringeren Anzahlen idwarzer Augeln, die sie mit den weißen mischen, die Ergreifung der lettern erschweren oder erleichtern. Die Wahrscheinlichkeit, 7/30, aus der ganzen Summe der zusammengeworfenen Angeln eine weiße gu fassen, beträgt allerdings 14/9 ber Wahrscheinlichteit 3/20, sie aus dem einen Gefäß zu gieben, das 20 Angeln enthielt; dafür beträgt sie aber nur 7/12 der zweiten Wahrscheinlichkeit 4/10, die weiße Augel aus dem andern Gefäß zu holen, das nur 10 im Ganzen enthielt; mithin ift Die Wahrscheinlichkeit für zwei weiße Angeln im zweiten Berfahren nur 14/9. 7/12 ober 49/54 der Wahrscheinlichteit desselben Ersolgs nach dem ersten Berfahren; man hat in der That $\frac{49}{54}$. $\frac{6}{100} = \frac{49}{900}$. Es ist nütlich, sich hierüber an einem noch einfacheren Falle völlig flar zu werden. Nehmen wir an, das Gefäß B enthalte nur eine weiße, feine schwarze, das Gefäß B1 dagegen eine weiße und eine schwarze Augel, jo ist uns nach dem ersten Verfahren die eine weiße Rugel aus B qe= wiß, ihre Wahrscheinlichkeit mithin = 1; fie fann aber bei dem Zug aus B1 noch mit einer weißen und einer, schwarzen zusammentressen; die Wahrscheinlichkeit jedes dieser beiden Fälle, also auch die zweier weißen Angeln nacheinander ist mithin 1/2=1.1/2. Rach dem zweiten Berfahren dagegen, wenn wir alle drei Rugeln in daffelbe Wefäß zusammenwerfen, ist uns nichts gewiß: für den ersten wie für den zweiten Zug ist die Wahrscheinlichkeit einer weißen Angel $= \frac{2}{3}$ und die zweier weißen nach einander $= \frac{4}{3}$, mithin kleiner als nach dem ersten Verfahren.

3. Wenn die Bariationen einer Bedingung B eine Reihe Källe von der Art f begründen, der Eintritt aber eines von diesen die Bedingung B1 ändert, welche zu Wolgen der Art f1 führt, so ist die Wahrscheinlichkeit bes Zusammentreffens eines bestimmten Falls aus der Reihe der f mit einem bestimmten aus der Reihe der f1 gleich dem Product ans der unabhängigen Wahrscheinlichkeit des f in die durch fein Eintreten modificirte von f1. Auf diesen Kall stoßen wir bei einer leichten Veränderung des letzten Beispiels. Legten wir in das Gefäß, das alle 30 Angeln enthielt, die zuerst gezogene weiße wieder ein, so blieb der zweite Zug unabhängig vom ersten; legen wir sie aber nicht ein, so enthält das Gefäß nun auf 29 Angeln nur noch 6 weiße; die Wahrscheinlichkeit, eine weiße jest zu ziehen, wird 6/29 und die, zwei weiße nach einander zu treffen, $=\frac{7}{30}$. $\frac{6}{20}$; sie ist nur ungefähr 0,88 derjenigen, die stattfand, wenn die gezogene Angel dem Gefäß zurückgegeben wurde. Leicht begreiflich, da die Anzahl der weißen Angeln verhältnißmäßig stärfer vermindert worden ist, als die der schwarzen, aus der sie berauszusuchen sind. Unter diese Gattung von Aufgaben fallen sehr viele von denen, auf welche die Wahrscheinlichkeitsrechnung anzuwenden ift, und man wird alle Sorafalt barauf verwenden muffen, sie von denen der ersten Gattung zu unterscheiden. Es handelt sich sehr oft um Greignisse, deren wahrscheinlicher fünftiger Wiedereintritt von der Angahl der Fälle abhängt, in denen früher entweder fie felbst oder andere mit ihnen in bestimmter Beziehung stehende sich verwirtlicht haben, und nicht immer ist es leicht, durch Bergliederung dieser Busammenhänge den bedingenden Ginftuß zu ermitteln, welchen das Eintreten eines Kalles auf die Wahrscheinlichkeit des nächst zu erwartenden ausübt. 3d muß mich enthalten, dies durch Beispiele gn ertäutern, die zu weitläufig ausfalten würden; unr eines erwähne ich aus anderer Rücksicht. Wenn ein Angenzenge eines Greignisses seine Berbachtung einem Borer, dieser das Geborte einem zweiten mittheilt, fo wissen wir aus Erfahrung, wie im Laufe dieser Ueberlieferung der ursprüngliche Inhalt oft jehr entstellt bei dem zehnten Börer anlangt; man hat nun nach dem Grade der Glaubwürdigkeit, d. h. nach dem

Grade des vernünftigen Intrauens gefragt, das wir zu der Richtigkeit einer Aussage baben dürfen mit Rücksicht auf die Augabl der Berichterstatter, welche sie einer dem andern gemacht haben. Ich fann mich nicht überzeugen, daß diese Frage eine fürderliche Beantwortung burch Rechnung gulaffe. Ginen Zweifel erwedt gunächft ber Sinn beffen, was man sucht. Gine Aussage ist entweder richtig oder unrichtig: im leptern Falle aber entfernt sie sich von der Wahrheit um verschiedene Differenzen; nach der Größe dieser ließe sich allerdings ein größerer oder geringerer Grad ihrer Glaubwürdigfeit unterscheiden, wenn die verschiedenen Differenzen selbst unter einander vergleichbar wären. Dies wird jedoch nur in wenigen Fällen stattfinden: jedes Glied eines Urtheils, durch welches wir eine ursprüngliche Beobachtung ausdrücken, fann für sich nach einem blos ihm möglichen Magstabe verfälscht und Diese Verfälschungen fönnen verschiedenartig mit einander verbunden werden; die Gesammtirrthümer, die so entstehen, lassen sich nicht als vergleichbare Glieder einer Reihe fassen, und es würde mithin für diese objective Glaubwürdigfeit des überlieferten Inhalts fein anwendbares Maß geben. Aber allerdings ist es diese eigentlich nicht, was man fucht: man wünscht dasjenige Maß des Zutrauens, welches nur durch die namhaft gemachte Bedingung, durch die Anzahl der geschehenen liebertragungen, motivirt wird. Aber hiergegen eben ift einzuwenden, daß in dem Begriff dieser Bedingung, der blogen Mittheilung, durchans nichts liegt, was überhaupt die Voraussicht einer allmählichen Verfälschung des Mitgetheilten begründen fonnte. Wenn wir, in dem obigen Beispiele, aus dem Gefäß, welches unter 30 Angeln 7 weiße enthielt, eine weiße gezogen und entfernt haben, so wissen wir genau, daß und um wie viel wir die Bedingungen verändert haben, unter denen der zweite Zug stattfinden muß; legten wir aber die Angel wieder ein, so wußten wir ebenso gewiß, daß wir sie nicht verändert haben, daß vielmehr für den zweiten Zug res integra ist und seine Wahrscheinlichfeit gleich der des ersten. Diesem letten Fall, nicht dem ersten, entspricht der jest vorliegende; durch die Mittheilung allein, wenn nichts sonst hinzufommt, kann ber erste Hörer nicht veranlaßt sein, etwas Underes mitzutheilen, als er empfangen hat, und es wäre nicht blos Bahricheinlichkeit, sondern Gewißheit, daß der letzte Berer genan die ursprüngliche Aussage empfangen wird. Die Verfälschungen hängen

also nicht von der Anzahl der Nebertragungen, sondern von der Größe der Ginzelirrthümer ab, die bei jeder einzelnen Mittheilung gemacht werden; das Mag der Glaubwürdigkeit würde sich daber mit Sülfe iener Angahlen unr feststellen laffen, wenn die Größe jener Einzelirtthümer entweder constant oder eine bestimmte Kunction der Ordnungszahl der geschehenen Mittheilungen wäre. Zu einer solchen Unnahme liegt nicht der geringste Grund vor; im Gegentheil, man hat wirklich ausführlich die sehr verschiedenen Fälle in Betracht gezogen, die vorfommen fonnen: daß der Angenzeuge A das, was er richtig beobachtet, and wahrhaft habe mittheilen wollen oder nicht; daß der Hörer B ihn richtig verstanden habe oder nicht, daß er das Verstandene wahrheitsgemäß habe überliefern wollen oder lieber verfälschen; ja jogar baß ein britter C, der das falich Verstandene aufs Rene zu verdreben beab sichtiate, zufällig wieder auf die Aussage des Wahren gefommen sei. Beachtet man alle diese möglichen Bedingungen, so sieht man beutlich, daß die Glanbwürdigfeit einer Mittheilung in gar feiner bestimmten Abhängigfeit von der bloßen Anzahl der Hebertragungen steht; berücksichtigen nun fann man diese Bedingungen nicht, dem man fennt sie nicht; hätte man aber Mittel, fie alle fennen zu lernen, jo mare die Sache erledigt und man brauchte die Rechnung nicht; es bleibt daher für diese in der That nichts übrig, als über alle jene Bedingungen völlig willfürliche Unnahmen zu machen, wodurch dann ihre Unsführungen zu blogen Rechenezempeln ohne eine gedeibliche Anwendung auf wirfliche Ereignisse werden. Dazu gehört z. B. die Betrachtung: wenn die erste Wiedererzählung einer gehörten Thatsacke auch genau genug wäre, damit ihre Glaubwürdigkeit = 0,9 gesetzt werden könnte, so würde doch nach zwanzigmaliger Nebertragung diese Glandwürdigkeit nur noch 0,920 = 0,1216 sein, nur etwas mehr als 1/2 jener ersten. Alles ist hier will= fürliche Annahme; willfürlich, daß man die Glaubwürdigkeit in geometrischer Progression abnehmen läßt, austatt einer arithmetischen, die gleich dentbar wäre; ebenso willfürlich die Voranssetzung überhaupt, daß Exponent oder Differenz von Glied zu Glied gleich sein muffe; ganz bedentungslos daher auch das Resultat, das vielleicht in Bezug auf leichtfinniges Gaffengeschwätz zutreffen mag, für besonnene historische lleberlieferungen aber eine große llebertreibung ihrer zunehmenden Ilnzuverläffigfeit enthält.

- 4. Wenn gegebene Thatsachen aus mehreren verschiedenen Ursachen ableitbar find, so ist diejenige Ursache die wahrscheinlichste, unter deren Boraussetzung die aus ihr berechnete Wahrscheinlichkeit ber gegebenen Thatsachen die größte wird. Man habe durch vier aufeinanderfolgende Züge aus einem Gefäß 3 weiße und eine schwarze Angel genommen und stets wieder in das Gefäß zurudgelegt; es fragt sich, welche Anzahlen von Angeln beider Farben, in dem Gefäße enthalten Diese Ergebnisse am wahrscheinlichsten herbeigeführt haben. Man muß zu diesem Zwecke die ganze Anzahl der Augeln im Gefäß wiffen, um Die Bahl der benkbaren Combinationen aufstellen zu können, welche die Urfachen der gefundenen Thatjachen zu bilden im Stande find; die Bahl der Rugeln sei 4. Nothwendig ist nun, um unseren Fund zu erklären, Die Gegenwart einer ichwarzen und einer weißen Augel im Gefäß; Die andern bleiben unbestimmt; man fann also annehmen: 3 w + 1 s, 2 w + 2 s, 1 w + 3 s. Man erhält dann die Wahrscheinlichkeiten, auf einen Zug eine Augel zu erhalten, für w beziehungsweis: 3/4, 2/4, 1/4, für 8: 1/3, 2/4, 3/4; die zusammengesetzten Wahrscheinlichkeiten aber, in vier Zügen 3 w und 1 s zu ziehen, werden, jenen drei Annahmen entsprechend: 27/256, 16/256, 3/256; mithin ist die erste Annahme von 3 w + 1 s im Gefäß enthaltener Angeln die wahrscheinlichste, zugleich geben die gefundenen Brüche das Mag der Bahrscheinlichkeit für die beiden andern Voraussetzungen. Man bestätigt sich leicht diese Antwort durch einsache Ueberlegung. Wäre nur eine weiße Angel, nach der dritten Unnahme, vorhanden gewesen, so würde man in vier Zügen dreimal dieselbe haben ergreisen mussen und nur einmal eine schwarze von drei, die fich darboten, offenbar minder wahrscheinlich als vier Büge, die jeder der Angeln gleiches Recht widerfahren laffen. Im llebrigen setzt natürlich diese Berechnung vorans, daß die verschiedenen annehmbaren Ursachen der gegebenen Thatsachen für sich selbst gleiche Wahr= scheinlichkeit besitzen; dies fand hier insofern statt, als jede Bertheilung der beiden Farben an die vier Augeln an sich so gut möglich war, als jede andere; wo die Wahrscheinlichteiten der Ursachen verschieden sind, hat die Rechnung dies geeignet zu berücksichtigen.
- 5. Der wiederholte Eintritt desselben Ereignisses unter derselben allgemeinen Bedingung B erregt in uns die Erwartung, es werde auch bei neuer Wiederholung von B wieder eintreten. Die Wahrscheinlich-

feit dieser Erwartung läßt sich berechnen. Wenn in einem Gefäß zwei Angeln liegen, jo fann es gescheben, daß wir bei wiederholten Rügen immer nur die eine, die weiß sein maa, erareisen, die Farbe der andern mithin unbekannt bleibt. Es fragt sich nun, wie groß die Wahrscheinlichkeit der rege gewordenen Erwartung sei, man werde auch bei einem neuen dritten Zuge eine weiße ergreifen. Da eine Kugel weiß fein muß, jo gibt es nur die beiden Möglichkeiten, daß die andere schwarz, oder daß beide weiß seien. Rach der ersten Annahme ift die Wahrscheinlichteit der schon eingetretenen Thatsache der Ergreifung zweier w in 2 Sügen $= \frac{1}{1}$, nach der zweiten ist sie = 1; solglich verhalten sich die Wahrscheinlichkeiten beider Annahmen wie 1: 4, und da ihre Summe = 1 sein muß, so ist die erste = $\frac{1}{15}$, die andere = $\frac{4}{15}$ 311 setten. Die Wahrscheinlichkeit bei dem nächsten Ing ist 1/2 für die weiße Angel nach der ersten Annahme und 1 nach der zweiten; die Summe der nach beiden Annahmen zusammen vorhandenen günstigen Chancen ist daser $\frac{1}{5}$. $\frac{1}{5}$. $\frac{4}{5}$. $1 = \frac{9}{10}$. Man hat in diesem Falle die Wahrscheinlichkeit gefannt und in Rechnung gebracht, welche die schon verwirklichte Thatsache unter zwei einander ansschließenden Voraussetzungen hatte; aber auch, wo diese Kenntnif fehlt, läßt sich auf den Wiedereintritt eines Greigniffes aus der Anzahl seiner schon beobachteten Wiederholungen ein Wahrscheinlichteitsschluß ziehen. Wissen wir, in völliger Unkenntniß der bedingenden Gründe, nichts weiter, als daß ein Creigniß E unter bestimmten Umständen, 3. B. in einem gewissen ausgezeichneten Zeitpunft t, einmal eingetreten ist, so fann es zunächst scheinen, als sei die Wahrscheinlichkeit, daß es unter denselben Umständen ein zweites Mal eintreten werde, genau so groß, als die, daß es nicht eintreten werde. Dennoch fann man so nicht rechnen; denn dann würde die beobachtete Thatsache seines einmaligen Gingetretenseins ohne allen Ginfing bleiben', und da dieselbe Betrachtung dann auch nach mmaligem Borgefommensein des Greignisses gelten müßte, so würde man zulett selbst aus unendlich oft eingetretener Wiederholung deffelben seinen nächstmatigen Wiedereintritt nicht wahrscheinlicher finden können, als wenn es sich noch niemals zugetragen hätte. Dies aber würde als offenbar widerfinnig gelten können; denn jede neue Wiederholung des Greignisses ist eine neu hinzutommende Affertion des Fortbestehens der unbefannten Ursachen, von denen es

abhängt, und mithin auch eine Steigerung der Wahrscheinlichfeit seiner fünftigen Biederholung. Man muß also schon in dem ersterwähnten Falle so schließen: für den Gintritt sowohl wie für den Nichteintritt des E ist an sich die Wahrscheinlichkeit gleich groß; aber für das Dasein der Ursachen, welche E verwirklichen, spricht außerdem noch der eine beobachtete Kall seiner Berwirklichung; für das Dasein von Ursachen, die E hindern, spricht außer der blogen Möglichkeit nichts. Es find mitbin für den Wiedereintritt des E zwei günstige Gründe gegen einen für die Nichtwiederkehr; da beide Wahrscheinlichkeiten sich mithin wie 2:1 verhalten, ihre Summe aber = 1 sein muß, so ist die der Wiederfehr von $E=\frac{2}{3}$. Allgemein also: wenn ein Greigniß E oder ein gewisser Kreislauf E gleicher Ereignisse in mal ohne Gegenbeispiel beobachtet worden ist, so ist die Wahrscheinlichkeit, daß E in derselben Beise wiederkehren wird, $=rac{\mathrm{m}+1}{\mathrm{m}+2}$; der Nenner enthält die Summe

der denkbaren Fälle, denn nach m wirklichen Fällen kommen immer 2

denkbare, Wiederholung und Richtwiederholung des E, hinzu; Bähler zeigt wie immer die Augahl der günftigen Chancen an. überlasse dem Leser, ob diese einfache Ableitung der Formel ihm genügt; mir scheint sie nicht viel weniger überzengend, als die undurchsichtigere analytische Behandlung, durch die man sie gewöhnlich gewinnt. Man sieht, daß dieser Bruch, je größer m wird, desto mehr sich der Einheit, mithin der Wiedereintritt von E sich der Gewißheit nähert, und man pflegt als Beispiel anzuführen, daß jetzt, nachdem 5000 Jahre lang der Wechiel von Tag und Nacht geschichtlich bezengt ist, die Wahricheinlichfeit dafür, daß derselbe Bechsel auch heute stattfinden werde, = 1,826,214; 1,826,215 fei, man mithin 1,826,214 gegen Gins auf sein nächstes Cintreten wetten fann. Wenn nun überhaupt unsere Berechnungen der Wahrscheinlichkeiten nicht ein objectives Verhalten fünftiger Greignisse, sondern nur die Größe unseres subjectiven Zutrauens zu ihrem Cintritt ausdrücken, fo findet dies hier in gewiffem Sinne noch in gesteigertem Mage statt, was man dentlich empfindet, wenn m eine fehr fleine Bahl ift. Denn dann ift die Boranssetzung, von der wir ausgingen, diese Zahl m der beobachteten Verwirklichungen von E bezenge auch für den nächsten Fall die Fortdauer der dem E gunstigen Ursachen mit einer ber Größe von m proportionalen Sicherheit,

selbst nur eine Wahrscheinlichkeit, deren Gewicht etwas Willfürliches hat, und von der man nur weiß, daß sie selbst mit dem Wachsen von m wächst. Die Formel würde daher eigentlich nicht direct die Wahrscheinlichkeit des Wiedereintritts von E, sondern die Wahrscheinlichkeit dieser Wahrscheinlichkeit messen, was darauf hinausläuft, daß nicht blos ihre Werthe, sondern auch die Sicherheit dieser Werthe sich für nuendslich wachsendes m immer mehr der Gewischeit nähert.

6. Das Maß des Vertrauens zu dem Gintritt fünftiger Ereignisse zu bestimmen, werden wir am bänfigsten durch die Rücksicht auf die mit bemielben verbundenen Bortheile und Rachtheile veranlagt. Die Beweggründe, die wir darans für unser Handeln ableiten, werden daher zugleich von der Wahrscheinlichkeit des Greignisses E und von der Größe des durch E zu erwartenden Gewinnes abhängig sein. Dieses Product aus der Wahrscheinlichkeit von E in die Große seines Bortheils ist das, was wir mathematische Hoffnung nennen und einer genanen Bestimmung unterwerfen fonnen. Es sei ein Spiel fo verabredet, daß Jemand 2 Thaler erhält, wenn er bei dem ersten Unfwersen einer Münze die Bildseite trifft, und 5 Thaler, wenn er zuerst Schrift, bann Bild wirft. Die Wahrscheinlichkeit bes erften Kalles ift $= \frac{1}{2}$, seine Hoffnung $= \frac{1}{3}$. 2; die des zweiten sind $= \frac{1}{4}$ und = 1/4. 5, endlich die Gesammthoffnung auf Gewinn, die bei dem Gingeben dieses Spiels vorhanden ist, fann nur die Summe 9/4 dieser beiden Doffnnugen sein: denn die beiden Glüdsfälle ichließen einander, nach der getroffenen Berabredung, zwar aus, doch muß begreiflich die Bewinnhoffnung größer sein, wenn beide, als wenn nur einer gilt, und die Hoffmung des einen genau übrig bleiben, wenn die des andern durch Berminderung des für ihn bedungenen Gewinnes zulest auf Rull gebracht wird. Es verhält sich gang ebenso, wenn verabredet war, daß 2 Thaler das erstmalige Auswersen des Bildes, 5 dann noch besonders das folgende der Schrift belohnen sollen. Dann find beide Bewinnfälle mit einander verträglich, aber auch hier können nur entweder 2 oder 7 Thaler, beide mit der Wahrscheinlichkeit 1, gewonnen werden. Es bleibt daher 1/2 Thaler auch hier die Gesammthoffmng bessen, der das Spiel eingeht, und die Höhe des Einfates, den er dabei vernünftigerweise wagen darf. Man findet ferner leicht, daß, wenn unter verschiedenen zu erwartenden Greigniffen E, E1, E2, einige vortheilhaft, einige nachtheilig find, dann

die Gesammthoffunng, welche man hegen darf, wenn man sich durch eine Handlung dem Eintritt dieser Ereignisse aussetzen will, gleich sein muß der Differenz zwischen der Summe der mathematischen Hossenmugen der günstigen Ereignisse und der Summe der Hossenden der mugünstigen. Ist diese Differenz negativ, so drückt sie die Größe der Gesahr aus, die man läust, oder richtiger die Größe der Besorgniß, die man zu hegen hat. Die Amwendung dieser Grundsätze ist von der größten Ausdehnung und Wichtigkeit; man bestimmt durch sie nicht blos Billigkeit und Gerechtigkeit der Wetten und Glücksspiele, eine Berechnung, die man eben so gut entbehren könnte, wie ihren Gegenstand, sondern auch die Anordnung der ernsthaftesten öffentlichen und privaten Geschäfte, die Wirthschaft der Finanzen, die Unternehmungen des Handels, die Einrichtungen der Bersicherungsgesellschaften aller Urt.

7. Noch ein Begriff gebort zu biesem Gedankenkreise. Auch bie mathematische Hoffnung bestimmt nicht in aller Beziehung den Werth eines Ereignisses für uns; man erhalt diesen erft, wenn man die Größe des erwarteten Bortheils auch mit dem Thatbestand vergleicht, zu dem er hinzufommen foll. Für den Unglücklichen ist eine fleine Freude, für den Urmen eine geringe Gabe von größerem Werth als für den Glücklicen ein neuer Triumph und für den Reichen ein bedentender Gewinn. Thatsächlich freilich pflegt, wer viel hat, um so mehr zu begehren; die Logif bagegen vertritt bier ben Standpunft ber Billigfeit, nach der es anders sein sollte; indem sie als selbstverständlichen Grundjat annimmt, daß der relative Werth eines Bortheils im umgefehrten Berhältniß zu der Gunft der Lage steht, zu der er hinzufommt, drüdt fie ben Magstab aus, nach welchem Jeder zu dem Berlangen einer weiteren Berbefferung dann berechtigt erscheint, wenn die verfügbaren Büter, durch die sie hergestellt werden fann, zugleich zur Befriedigung anderer bienen muffen. Gine Rechnung läft biefer allgemeine Sag nur dann zu, wenn alle Gunft und Ungunft der Lagen und alle zur Berbeijerung bienenden Güter mathematisch vergleichbar sind, zunächst also in Bezug auf den Zuwachs von Bermögen, die in Geld ausdructbar find. Sei V ein bereits bestehendes Bermögen und z ber 3uwachs, den es erhalten soll, so läßt sich diese Bermehrung von V immer als eine Summe unendlich vieler Zunahmen denten, deren jede

dz beträgt; ber relative Werth jeder folgenden (n+1)ten Bermehrung um ein dz steht aber im umgefehrten Berhältniß zu der durch die früheren Zunahmen gesteigerten Größe von V oder zu V + ndz. ift asso $= rac{k \, \mathrm{d}z}{V + \mathrm{n}\mathrm{d}z}$, worin k ein specifischer Coefficient ist, verschieden für verschiedene Urten des zuwachsenden Vertheils, constant für alle z gleicher Art, an sich nicht weiter bestimmbar und, als gemeinsamer Factor aller vergleichbaren Werthe, im Folgenden weggelaffen. Der relative Werth der Gesammtzunahme um z ist dann das Integral dieses Ausdructs, in welchem man für nelz die von o bis z veränderliden Werthe z zu seizen hat, also $= \log (V + z) - \log V$. Nach dieser Formel werden für ein Bermögen V = 1000 die relativen Werthe der Zunahmen um z = 1000, = 2000, = 3000, = 4000sich nabezu verhalten wie 1: 1,6: 2: 2,3, mithin weit langfamer wachsen, als die bingutretenden Junahmen selbst; für die verschiedenen Bermögen V = 1000, = 2000, = 3000, = 4000 find die relas tiven Werthe gleicher Zunahmen um z = 1000 ungefähr 0.301: 0,176; 0,125; 0,097. Wenn man schließlich die so berechneten relativen Werthe eventueller Vortheile mit der Wahrscheinlichkeit ihrer Er-

langung m multiplicirt, so erhält man m $\log rac{(V+z)}{V}$ als die mora-

tische Hoffnung, die sich auf sie bezieht, d. b. die mathematische Hossenung der auf ihren relativen Werth reducirten Vortheile, und diese ist es, welche in den mannigsaltigsten Unternehmungen die Größe des Nisico bestimmt, das wir mit Rücksicht auf das, was sür uns Vortheil ist, übernehmen dürsen. Der Factor m kann, wie wir annahmen, constant sein sür jede Höhe des z, aber er kann auch eine Innetion von z oder von V + z sein, und dann ist er natürlich unter dem Jutegralzeichen und in die Integration einzuschließen; in der That gibt es viele Arten der Unternehmungen, in denen entweder der erste Ersolg schwer, die spätern immer teichter erreichbar sind, oder in denen die Möglichsteit weiterer Ersolge mit der wachsenden Größe des Erreichten absnimmt. Endlich messen die Formeln nicht alles, was man zu messen wünschen kann. Da sie z nur als Summe der dz sassen, aber die Zeit t nicht beachten, in welcher die Summation zu Stande kommt, so vernachsässign sie den Unterschied zwischen allmählich und plöglich ents

stehenden Verbesserungen. Der reelte sachliche oder phosische Werth beider kann gleich groß sein, aber der pswchische Essect, einsach gesagt: die Frende darüber nicht, und doch ist anch diese in den Begriss des relativen Werthes eines Vertheils einzuschließen. Nähme man au, daß die Empfänglichkeit für Steigerung eines Genusses $= \frac{1}{V}$ wäre, wenn V die Größe des gleichartigen Genusses ist, dessen man sich bereits ersfrent, und daß zugleich der entstehende Genuszuwachs der Größe z des plößlichen Vertheilszuwachses proportional bliebe, so würde $\frac{z}{V}$ das Maß der Erfrenung durch das Hinzukommen von z sein. Man sieht sedoch leicht, daß auch andere Annahmen an der Stelle dieser beiden deuthar sind; man könnte selbst möglich sinden, daß die eventuelle Ersfrenung noch außerdem eine Function von m, der Vahrscheinlichkeit des Eintretens von z wäre; die Erlangung eines Genusses, an dem man verzweiselte, würde uns vielleicht stärfer bewegen, als die eines wahrscheinlicheren von selbst größerem relativen Werthe.

Die lette Bemerkung berührte Fragen, die bisher der Rechnung nicht unterworfen worden sind, ihr aber unterworfen werden fönnten, wenn bessere psochologische Kenntnig branchbare Ausgangs= puntte böte. Es gibt andere, auf welche man nur in bedeutungslosem Spiele die Umwendung der Wahrscheinlichkeiten auszudehnen versuchen Denn obaleich dieses Verfahren des Schließens von der Unfenntniß ber besonderen Gründe ausgeht, die ein fragliches Ereigniß bedingen, jo macht es dennoch einige Boranssetungen, die man beachten Zuerft die der Gültigfeit der logischen und mathematischen Wahrheiten, auf beren Benutzung die Möglichkeit der Rechnung selbst beruht. Die Richtigkeit specieller Gesetze, welche sich auf eine Gruppe von Thatsachen beschränken, deren Nichtbasein selbst ebenso beutbar ist als ihr Dafein, läßt fich, wie wir noch feben werden, durch Rechnung prüfen; aber es gibt feinen zuläffigen Anjat, von dem aus man die Richtigkeit des Gesetzes der Identität oder des disjunctiven Lehrsatzes mehr ober minder mabriceinlich finden fonnte; die einfachste Bestimmung jeder Wahrscheinlichkeitsgröße setzt voraus, daß eine Disjunction aller möglichen Fälle gegeben, daß jeder von diesen mit fich selbst identijd und nicht gleich einem andern, daß endlich durch jeden alle übrigen

ausgeschlossen seien. Man fann also immer nur die Wahrscheinlichkeit eines Creigniffes ober eines Zustandes ober einer Reihe von Begeben beiten prüfen unter ber Boranssetung, daß Dieser fragliche Anhalt Bestandtheil einer Welt sei, in der es allgemeine Gesetze gibt, nach denen sich Wahrheit von Umwahrheit, Möglichkeit von Ummöglichkeit. Leichtigfeit eines Erfolges von Schwierigteit beffelben unterscheidet. jedoch nicht die einzige Beschräntung; die Wahrscheinlichkeitsrechnung darf den Gegenstand ihrer Frage nicht als blos denkbar schlechthin betrachten, sondern muß das Borhandensein von Bedingungen voraussetzen, welche überhaupt die Nothwendigfeit der Berwirflichung eines der disjungirten Fälle mit Ausschluß der anderen begründen: es muß immer, um in der Sprache ihrer Formeln zu reden, eine Gewißheit = 1 geben, welche die Summe aller Wahrscheinlichkeiten der dentbaren Einzelfälle ift. Man sah dies überall in den Beispielen, die wir Wenn ein Bürfel geworfen wird, oder wenn zwei, dam läßt sich die Wahrscheinlichkeit jedes der Einzelfälle bestimmen, die hierdurch entstehen fönnen; wenn man aber nicht angibt, ob einer oder zwei oder drei Würfel zugleich oder wievielmal nach einander fallen sollen, jo fehlt jede Möglichkeit, den Spielraum der disjuncten Möglichkeiten und die Einheit zu bestimmen, mit Rücksicht auf welche die Wahrscheinlichkeiten einer jeden zu bemessen sind. Man fann also nur solche Ereignisse berechnen, welche innerhalb einer gesetzlich geordneten Welt von anderen abhängig find, nicht aber Urthatsachen, die ein unabhängiges, schlechthiniges Sein enthalten. Es wäre nur ein bedentungsloses Spiel des Wițes, zu behanpten: bevor irgend etwas sei, habe es gleiche Wahrscheinlichkeit, daß überhaupt etwas sei und daß gar nichts sei; eines von beiden müsse aber stattfinden, folglich sei die Wahrscheinlichkeit für das Dasein von etwas überhaupt = 1/2; dies Daseiende muffe dann entweder nur Gines oder Bieles fein, mithin die Wahrscheinlichteit für das Dasein vieler Glemente sei = 1/4, evenso groß die für das Dasein eines einzigen; endlich, wenn wir annähmen, es gebe n Elemente, so tönnen sie entweder alle gleich oder alle oder einige verichieden sein; unter den m Fällen, die bieraus entständen, würde die Gleichheit aller nur einer sein, folglich ihre Wahrscheinlichkeit =

Im Gegentheil: bevor es irgend etwas gibt, gibt es auch den tlugen

Beift nicht, der diese Berechnung der Zufunft anstellen könnte; ware es aber denfbar, daß er außerhalb der Welt existirte, über deren mahrideinliche Entstehung oder Nichtentstehung er speculirte, so würde es doch in jenem Nichts durchaus feine Bedingung geben, welche eine wirtliche Entscheidung der denkbaren Alternative zwischen Sein und Richtsein nothwendig machte, und es wurde mithin bei dem Hichts lediglich sein Bewenden haben; ware aber, woher auch immer, eine gunftige Entideidung für das Sein erfolgt, so konnte sie doch nicht für das in abstracto nur bentbare, aber nicht eriftirbare Sein überhaupt, sondern nur für ein bestimmtes Sein erfolgt fein, bas jedes andere bentbare ausschlösse; dieses eine hätte von Anfang an die Gewißheit = 1 für fic, die Bahricheinlichkeit aller anderen Urten des Seienden mare nicht sowohl = 0 als vielmehr eine Borstellung ohne angebbaren Sinn. Es würde sich anders verhalten, wenn wir aus gegebenen Datis Die Wahrscheinlichkeit jener Urthatsachen bestimmen wollten; unter Boraussetzung eines gesetzmäßigen Zusammenhangs aller Wirklichkeit würs den dann diese letteren, nicht als Realgrunde, aber als Erfenntnißgrunde, wieder eine Bedingung bilden, welche die Rothwendigkeit der ausschließenden Unnahme der einen oder der anderen Gestalt jener Urthatsachen berbeiführte.

284. Man wird sich ferner mit Vortheil immer daran erinnern, daß die Wahrscheinlichkeit ursprünglich nur unser berechtigtes Vertrauen auf ben Gintritt eines Ereigniffes mißt, bevor es eingetreten ift. Nachdem es aber eingetreten ift, haftet seine frühere größere ober geringere Wahrscheinlichkeit nicht als eine bleibende Gigenschaft an ihm, aus der man nun rudwärts in Bezug auf die Ursachen seiner Berwirtlichung irgend einen andern Schluß gieben dürfte, als den, daß fie eben eingetreten find. Hierüber machen wir uns vielerlei Illusionen. Wenn ein Ereigniß E sich zugetragen bat, dessen Wahrscheinlichkeit, vorher berechnet, sehr flein war im Berhältniß zu berjenigen einer ganzen Alasse von Fällen, die wir von irgend einem logischen Gesichtspunkte aus ihm gegenüber als einen zweiten Gesammtfall, als ein Non-E, zusammenfaßten, so bilden wir uns ein, zur Herbeiführung von E fei nicht blos eine besondere, sondern eine höhere Ursache nothwendig gewesen. Es geschicht zuweilen, daß der Mame eines unbedeutenden unbefannten selten erwähnten Gegenstandes, nachdem wir zum ersten

Male auf ihn gestoßen find, dann uns plötzlich mehrmals im Gespräch, in Büchern, in Zeitungen wieder begegnet; dies Zusammentreffen, deffen Wahrscheinlichkeit, vorher berechnet, unendlich flein gewesen wäre, nennen wir wenigstens einen wunderbaren Zufall. Zu bemerken, wie wenig darin wunderbar ist, genügt die Bemerkung, wie noch unendlich viel öfter dieser Zufall sich nicht zuträgt, und wie viele Ramen einmal an unserem Thre vorübergeben', ohne jemals durch solche Biederholungen uns aufzufallen. Drücken wir uns gang allgemein aus: wenn wir in der Birklichkeit irgend eine Bedingung B oder irgend eine Gruppe B verschiedener zusammenwirkender Bedingungen voraussetzen, welche je nach den verschiedenen an sich gleich möglichen variablen Stellungen, die sie zu einander einnehmen können, eine Anzahl n verschies dener Ergebnisse E hervorbringen würden, so ist die Wahrscheinlichkeit jedes einzelnen $\mathrm{E}=rac{1}{\mathrm{p}}$ und mithin gleich der jedes andern bestimmten E, aber allemal, wenn n unendlich groß ist, unendlich flein im Bergleich zu der Wahrscheinlichkeit, daß irgend ein beliebiges von allen übrigen n — 1 Greigniffen eintrete, die wir ihm gegenüber zusammenfassen; aber diese lettere collective Bahrscheinlichkeit hat nicht dieselbe Bedeutung wie jeue erste singulare; verwirklicht können nicht alle n-1 Greignisse werden, sondern nur eins von ihnen mit Ausschluß der übrigen. Wie uns diese falsche Bergleichung des Nichtzusammengehörigen täuscht, läßt sich an einem berühmten Beisviele zeigen. Das Planetensvitem', fagt Laplace, soweit damals befannt, besteht aus 11 Planeten und 18 Trabanten; man fennt Umdrehungen von der Sonne, von 10 Planeten, von den Monden des Inpiter, dem Ming des Saturn und einem seiner Trabanten; diese Rotationen zusammen mit den Umläusen bilden eine Gruppe von 43 in gleichem Sinne gerichteten Bewegungen; nun findet man durch die Rechnung für die Annahme, daß diese Thatsache Wirkung des Zufalls sei, eine Wahrscheinlichkeit, welche kleiner ist als die Ginheit dividirt durch vier Billionen. 3ch bezweifle nicht, daß auch die neueren Entdeckungen der Aftronomie diese Bahl im Wesentlichen richtig laffen würden; aber was folgt aus ihr? Nichts weiter, als daß eben diejenige Ursache oder diejenige Constellation von Ursachen wirklich ist oder gewesen

ift, aus der dieser gegebene Zustand fliegen mußte. Aber es folgt nicht, daß

die Verwirflichung dieser Constellation selbst irgend eine andere Ursache bedürfe, als eben jenen fogenannten Zufall, deffen Sinn nur darin besteht, daß eine vorausgesetzte Gruppe von Wirklichkeiten ohne Wideripruch unendlich viele Combinationen ihrer gegenseitigen Verhältniffe annehmen fonnte. Wirklich werden fonnte unter jenen vier Billionen stets nur eine, und welche von ihnen auch immer verwirklicht worden sein möchte, bei jeder würde dieselbe Verwunderung entstehen, warum gerade fie entstanden sei von den vier Billionen, die möglich gewesen wären. Es würde sich wesentlich anders verhalten, wenn alle jene anderen Dispositionen wirklich einen zweiten Kall bildeten, der als folder realifirbar gewesen wäre; dann würde seine Wahrscheinlichkeit von vier Billionen doch wenigstens unmittelbar mit der des andern, der Einheit, vergleichbar gewesen sein, obwohl auch dann nur die Berlodung nicht aber die Berechtigung zu jenen Folgerungen größer gewesen wäre. Unn fann man freilich versuchen, die große Anzahl aller dieser Källe auf eine berechtigte Zweizahl zu bringen; nur unter dieser gegebenen Disposition aller Massen und Bewegungen, sagt man, war die Stabilität des Planetenspstems und die beständige Fortbauer seines Bewegungsspieles gesichert; feine der Millionen anderer Ginrichtungen hätte dieses Gleichgewicht begründet. Dies geben wir zu; aber auch jede dieser Millionen anderer Einrichtungen würde zu ihrem Bortheil anführen: diejenigen Schickfale, die das Planetensustem durch fie erführe, hätte es anch unter feiner andern Boraussetzung von den vielen Mittionen möglicher erfahren fönnen; wäre also Ginzigfeit des Erfolgs ein Anspruch auf höheren Ursprung, so würde ihn jede dieser Dispositionen mit gleichem Recht erheben. Natürlich soll min nicht die Einzigfeit des Erfolges, sondern die Borzüglichkeit dieses einzigen entschei-Aber warum wäre denn Borzügliches an sich unwahrscheinlicher? und wäre denn dieser Fall besser als andere? ift es wirklich unbedingt schöner, daß in Ewigteit ein zwar neues frisches Blut, aber doch immer in denselben Formen eirenlirt, deren beständige Wiederholung nus hente zwar erhaben vorfommt, morgen aber sehr langweilig vorfommen fann? wäre es nicht schöner, wenn das Planetenspftem im Ungleichgewicht wäre, alle Verhältniffe fich stetig anderten, und damit Vegetation und Naturschönheit, Thier und Mensch sich in immer neuen interessanteren Formen entwickelten und wirklich die Geschichte eine Geschichte mit

dentlichem Fortschritt würde anstatt des beständigen Kreislaufs? Und zuletzt, da der Himmel unendlich ist, fönnen nicht alle Millionen versichiedener Sostemeinrichtungen in ihm wirklich realisirt sein? bei uns die des Gleichgewichts, in unbefannten Fernen alle übrigen? Und dann hätte ja die unsere mur die Wirklichkeit, auf welche man ihr einen Anspruch aus ihrer Wahrscheinlichkeit zuschreiben möchte; sie wäre nur eine unter Millionen.

285. Nachdem wir bisber die Wahrscheinlichkeiten nur als Maß des Bertrauens zu dem Gintritt fünftiger Greigniffe angesehen haben, entsteht nun bas natürliche Berlangen, zu wissen, in wie weit diese Borberechnungen durch den wirklichen Berlauf der Begebenheiten bestätigt an werden pflegen. Die Antwort lautet gewöhnlich dahin, daß mit wachsender Angahl der Fälle, welche ein Greigniß F möglich machen, Die Ungahl seiner Berwirklichungen sich in der That der vorberechneten beständig nähert. Man fann mit hinlänglicher Glaubwürdigkeit diese Untwort nur durch Bersuche der einfachsten Art erlangen, in denen dafür gesorgt werden fann, daß die Gruppe B der Bedingungen, von denen jeder Ginzelfall F abhängt, nach jedem miten Bersuch wieder so hergestellt werden fann, daß sie sich von ihrer Beschaffenheit vor dem= selben nur durch diejenigen Bariationen unterscheidet, deren Ginfluß auf das Gesammtresultat der Versuchsreihe eben den Gegenstand der Frage bildet, daß dagegen jeder Hingutritt einer in dem Begriff diefer Bariation nicht liegenden fremden Urfache, möge sie in äußeren Umständen oder in der Veränderung der Versuchsobjecte oder in parteiischer Absicht des Bersnehenden liegen, wöllig abgeschnitten wird. Diese Bedingungen erfüllen Versuche mit Würfeln; man berechnet voraus, daß für einen Burf die Wahrscheinlichfeit, mit zwei Würfeln eine bestimmte Combination der Augen, z. B. 5. 6 zu erlangen, = 1/18 = 0,056 ift, für tausend Würfe mithin 56 sein würde; versucht man nun diese tausend Würfe nach einander und findet, wie es in der That gefunden worden ift, daß die angegebene Combination 50 mal erscheint, so nähert sich diese Anzahl der berechneten Zahl bereits deutlich genug: noch mehr, wenn bei 10,000 Würfen sie auf 570 steigt. Jeder einzelne Burf hängt hier, von dem beständigen oder veränderlichen Luftwider= stande abgesehen, von der Geschwindigkeit und dem Wintel ab, mit welchem der Würfel gegen die auffangende Platte autonimt, von der Stellung feiner Mlächen und Kanten im Augenblid bes Anftreffens, von feiner eigenen Clafticität und von der der Platte. Bon diesen Bedingungen fann man die lette als conftant betrachten, da der Bürfel, ebenfalls nach einem Wahrscheinlichkeitsüberschlag, außerst selten diejelbe Stelle der Platte berühren, mithin die Glafticität des Treffpunftes jid nicht merklich ändern wird, wenn jie anjänglich dieselbe für alle Bunfte der Platte war; will man sie dennoch als veränderlich anseben, jo fann man fie doch ebenso gut, wie die fleinen altmählich entstehenden Beränderungen in Gestalt und Clasticität des Burfels, mit zu den Bariationen der Bedingungen rechnen, deren Wirtung untersucht werden foll; denn da beide Beränderungen nicht von einander abhängen, aber zusammenwirken fönnen, so begünstigen sie zusammen nicht einen bestimmten Burf vor andern, sondern in den verschiedenen Gingelfällen bald diesen bald jenen. Die erstgenannte Bedingung, Geschwindigkeit und Richtung des Bürfels, hängt allerdings von der Bewegung der ichüttenden Sand ab; aber selbst wenn hier eine Absicht vorhanden wäre, welche einen Wurf vor dem andern begünstigen möchte, so würde fie dech nicht wirffam werden; denn wir haben, nach einem bestimmten Burfe, weder eine scharfe Erinnerung der Gruppe von Mustelgefühlen, die ihn begleiteten, noch die Fähigfeit, die Bewegungen, von denen dieje Gefühle abhingen, zum Behuf eines gleichen neuen Winrfes genau zu reproduciren; die geringste Abweichung aber würde dahin führen, anitatt der beabsichtigten eine andere Combination der geworfenen Augen zu begünftigen. Gerade biefe Beränderungen unferer Bewegungen gehören daber zu den guläffigen Variationen der Bedingungen des untersinchten Resultates. Dieselben Vortheile bietet eine drebbare Trommel, in welcher in weiße und p schwarze Augeln ent halten find und in die wir die jedesmal durch die Hand gezogene Rugel vor dem nächsten Zuge wieder einlegen. Dreben wir dann die Trommel, jo erzeugen wir dadurch freilich nicht genau dieselbe Lage der Kugeln, die fie in ihr vor dem Zuge hatten, aber doch mir eine der Bariationen dieser Lage, deren Ginftuf wir fennen ternen wollen. Die Geftalt des Bürfels bildet im ersten, die Angahlen der schwarzen und weißen Angeln im zweiten Falle ben constanten, die Beschwindigfeit und Richtung bes Würsels im ersten, die Lage der Angeln und die Richtung der ziehenden Hand im zweiten den variablen Theil ber Be

dingung B, von deren Gesammtheit das Ereigniß F in jedem Einzelssalle abhängt. Auch die zweite Sinrichtung des Versuchs hat zu demsselben Ergebniß geführt: je größer die Anzahl der Ziehungen, desto mehr näherte sich das Verhältniß zwischen den Anzahlen der geszogenen weißen und schwarzen Angeln dem Verhältniß der Anzahlen m und p, in welchen sie in der Trommel wirklich verhanden waren.

286. Un Diese Versuchsergebnisse haben sich theoretische Betrachtungen angeschlossen, von deren Richtigkeit ich mich nicht überzeugen fann. Es liegt ein Cirfel in alten ben Erörterungen vor, welche bas eben angeführte Berbatten als ein mit begreiflicher Rothwendigkeit allgemein eintretendes darstellen möchten. Zuerst kann aus m Berjuchsreihen, in benen es wirklich stattgefunden bat, auf sein Stattfinden in jeder (m + 1)ten Versuchsreibe nicht geschlossen werden, so lange die unbefannten Bariationen der Bedingungen, welche dort den Erfolg erzengt haben und ihn bier erzeugen würden, einzeln durchaus feiner Regel unterworfen find. Denn daß fie dann wenigstens im Bangen sich bier wie bort auf gleiche Weise compensiren werden (was allein die versuchte Verallgemeinerung des Beobachteten erlauben würde), ist nicht ein Gedanke von objectiver Bültigkeit, nicht ableitbar von irgend etwas, was wir icon als wirklich wüßten, sondern selbst nur Unsdruck unserer subjectiven fast tautologischen Maxime, Demjenigen Greigniß, dessen vorberechnete Wahrscheinlichkeit die größte ift, auch die größte Wahrscheinlichkeit seines wirklichen Eintretens zuzutrauen. So lange nämlich keine constante Ursache einen ber möglichen Fälle F vor den andern bevorzugt, muffen allen ihrem Begriffe nach coordinirten oder gleichmöglichen Fällen auch gleiche Chancen ihrer Berwirflichung zugeschrieben werden, und dann besteht dies am mahrscheinlichsten zu erwartende Ereignif oder Verhalten eben barin, bag in einer großen Angabl von Berinden die Angabl der eintretenden Berwirklichungen eines Falles F der vorher berechneten Anzahl derselben gleich wird. Ift diese Erwartung in m Bersuchsreihen bestätigt worden, jo ist eben mmal thatsächlich dasjenige eingetroffen, was voc seinem Eintreffen das Wahrscheinlichste war; daß es in jeder (m + 1) ten Versuchsreihe ebenso wieder eintreffe, wird hierdurch feine beweisbare Nothwendigfeit, sondern bleibt die wahrscheinlichste Erwartung, mit der wir dieser neuen Bersuchereihe entgegenkommen, und

beren Tänschung boch niemals unmöglich wird. Zweitens tann eine einzelne Versuchereihe nicht unendlich viele Versuche wirklich anstellen, sondern muß bei irgend einer endlichen wenn auch großen Augabl n derselben steben bleiben. Daß mithin die Anzahl der eintretenden Berwirklichungen des F bei stets wachsendem n sich der vorberechneren Angahl derselben ohne Ende nähere, fann nie eine wirkliche Beobachtungsthatsache sein, sondern ift eine bingugefügte Gelgerung. Nebmen wir nun an, mit n Versuchen sei der Bunkt erreicht, wo beide Unzahlen gleich geworden sind oder sich der Gleichheit bis auf eine nubeträchtliche Differeng d genähert haben, fo ware es Willfür, bier die Reihe abzubrechen; denn dies freilich versteht sich von selbst, daß der Sat von jener Gleichheit oder Annäherung dann gilt, wenn man die Reihe so weit und genan nur so weit fortsett, bis er gilt. Was aber wird geschehen, wenn wir die Reihe verlängern? Bielleicht werden dann Die Ergebniffe noch weiter gegen die Gleichheit jener beiden Bablen convergiren; vielleicht auch verhält sich jede hinzukommende Periode von n Bersuchen genan oder annähernd so wie sich die erste verhielt, und die Differeng d wird durch die Berlängerung der Reibe nicht beträchtlich vermindert; und diesen Möglichkeiten fann noch jeder regellosere Fortgang als auch möglich hinzugefügt werden. Nur eine gleiche Wahrscheinlichkeit haben diese verschiedenen Bermuthungen nicht; so lange wir durchans feine confrante Urfache voraussetzen, welche in einer angustellenden Bersuchsreihe einen Fall F vor andern begünstigen könnte, so ist unsere wahrscheinlichste Vorannahme nur die, daß bei immer wachsendem n die Anzahl der beobachteten Verwirklichungen von F der vorberechneten Anzahl derselben sich beständig nähern werde; bestätigt sich, in einer beträchtlichen aber endlichen Zahl von n Bersuchen. Dieje Erwartung nicht, jo fann daran eine constante Bedingung, es fann aber auch eine principlose Combination variabler Schuld fein; fo oft fie fich aber wirklich bestätigt, so oft liegt eine Thatsache vor, die und nicht überraschen fann, eben weil sie nicht im vorand umvahrscheinlich war, beren Eintreten sich aber so wenig als das Zutreffen irgend einer mathematischen Wahrscheinlichkeit als nothwendig erweisen Kommen wir noch einmal auf den Versuch mit der Trommet und den Angeln zurück, so kann ich mich nicht überzengen, daß die allmählich hervortretende Beständigkeit des Verhältnisses zwischen den

Bahlen der gezogenen verschiedenfarbigen Augeln wirklich erklärlich fei, wenn unter diesem Unsdruck mehr verstanden sein sollte, als Wahrscheinlichkeit. Man beruft sich hier, wie mir scheint, nicht mit Recht, auf den sehr richtigen und bedeutungsvollen Unterschied zwischen den constanten und den variablen oder accidentellen Ursachen, die zur Hervorbringung einer Wirfung fich vereinigen. Bei aller Unregelmäßigteit in den successiven Anordnungen der Augeln bleibe doch ein constantes Clement, nämlich die unveränderlichen Anzahlen der weißen und der schwarzen; bei einer großen Anzahl von Ziehungen müsse sich Diejes conftante Clement durch eine conftante Wirfung bemerklich machen; benn es sei fein Grund zu ber Annahme, an bem Orte, ben die Sand trifft, werden fich Augeln der einen Farbe relativ öfter finden, als der relativen Menge entsprechen würde, in der fie wirklich vorhanden find; geschähe es, jo wurde man, gegen die Voraussenung, eine constante Nebenursache ihrer Begünstigung annehmen müssen. Hiergegen erhebe ich den Einwurf, daß jene constanten Ursachen nicht sich schon deshalb bemerklich machen können, weil sie da sind, sondern nur weil und insoweit sie wirken. Bei den Bersuchen mit dem Bürfel gehörten die Gestalt besselben und die Lage seines Schwerpunftes zu diesen constanten Ursachen und beide famen in jedem Ginzelfalle zur Wirfung. Die erste machte, daß der Bürfel nur auf 6 Seiten und nicht auf eine siebente fallen tonnte, die andere, daß er, wenn ihn nicht ein widerstehender Rand aufhielt, immer auf die Seite fallen, und nicht auf einer Kante oder Ede gur Rube fommen fonnte; auf welche Seite er aber fallen würde, gerade dies bestimmten diese constanten Ursachen Bei den Versuchen mit den Angeln sind zuerst die Farben constant, weiß und schwarz, und daraus folgt, daß feine rothe Augel gezogen werden fann; die Anzahlen m und p sind zwar auch constant, aber die relativen Mengen der wenigen Augeln, welche jedesmal in das Bereich der ziehenden Hand fommen, gehören eben zu dem veränderlichen Theile der Bedingung; Diese constante Bedingung, das Berhältniß m: p tommt daher nicht zur Wirfung, obwohl es thatfächlich besieht. Daß eine constante Rebenursache, gegen die Voraussetzung, angenommen werden muffe, wenn in der Summe vieler Wiederholungsfälle das Verhältniß der ergreifbaren Angeln ein anderes sein follte, als das der vorhandenen, fann ich nicht zugeben; es bedarf dazu vielmehr nur jener principlosen Bariation ber Lage ber Angeln, die wir voraussetzen und durch das Umdrehen der Trommel wieder berzustellen suchen; möglich ist hierdurch jede Combination der Augeln, möglich auch die Ungugänglichkeit aller der einen Farbe, möglich sogar die beständige Wiederholung dieser Ausschließung in allen auseinandersolgenden Bersuchen, denn es ist ja absichtlich alles so angeordnet, daß jeder (m+1) te Bersuch von dem miten völlig unabhängig sein soll. Mur wahrscheinlich ift das alles gar nicht; wahrscheinlich ift nur, daß die Hänfigkeit der Ergreifung beider Augelarten der Hänfigfeit ihres Borhandenseins entsprechen werde; aber mehr als wahrscheinlich ist denn auch dies nicht; wird es durch Erfahrung nahezu bestätigt, so ist dies eine Thatjache, die insofern nicht unerflärlich ist, als man recht gut einsieht, wie leicht die Ursachen sich zusammenzinden können, die sie hervorbringen, aber nicht erklärlich in bem Sinne, daß man nachweisen tonnte, daß und warum, in der Summe vieler Wiederholungsfälle, fie sich so zusammensinden mußten, während sie es doch in einer fleineren Angabl Diefer Fälle nicht mußten.

287. In den vorigen Fällen war die Ratur der conftanten und ber Spielraum der variablen Urfachen eines Ereignisses befannt und man fonnte eine Unnahme über die Häufigkeit seiner Wiederkehr der Erfahrung vorgreifend aufstellen und fie von dieser bestätigt finden. Man fann umgefehrt auch ein Ereignig, von dem weder das eine noch das andere befannt ift, das aber die Beobachtung häufig wiederholt darbietet, in Bezng auf die Regelmäßigfeit seines Gintretens prüfen. Wir fennen dann weder die Angahl der überhaupt möglichen Fälle noch die der günstigen Chancen, welche unter diesen das fragliche Ereigniß findet; wir unterscheiben nur zwischen Eintritt und Richteintritt von E, sehen als Fälle, in denen sein Gintritt möglich ist, alle diejenigen an, welche die Beziehungspunfte verwirklichen, unter deren Boraussetzung E seiner Bedentung nach verständlich wird, und vergleichen mit dieser Zahl die Anzahl seiner Verwirtlichungsfälle. Von welchen constanten und variablen Ursachen die Blindheit der Menschen abhängt, wiffen wir nicht; aber so viele Menschen es gibt, so viel gibt es Fälle, in denen dieser Mangel seiner Natur nach möglich ist; vergleichen wir mit dieser Gesammtheit aller zu einer Generation gehörigen Berjonen die Anzahl der Blinden und denten wir und diese Bergleichung

auf viele Generationen ausgedehnt, so würde sich zeigen, ob zwischen Diesen beiden Anzahlen im Großen ein constantes Berhältniß stattfinder, welches auf das Borhandensein einer constanten Gruppe begünstigender Urfachen deutete, deren Wirfungen im Einzelnen durch variable modificirt werden. Da es ferner in vielen Fällen wahrscheinlich ist, daß erst im Verlauf einer gewissen Zeit die variablen Ursachen sich der Reihe nach vollständig genug verwirklichen, um durch gegenseitige Anshebung ihrer Ginflüffe die Wirfung der constanten Ursache dentlich hervortreten zu lassen, so richtet sich die Aufmerksamkeit sehr gewöhnlich auf die Anffindung von Zeiteinheiten, in welchen das Berhältniß der wirklichen E zu den möglichen E, immer mit Rücksicht auf die selbst zeitlich wechselnde Zahl der letzteren, dasselbe wird. Endlich, da unter allen Zeiteinheiten das Jahr diejenige ist, in welcher die meisten variablen Bedingungen, welche sehr allgemein auf alle Menschen wirfen, den Kreislauf ihrer verschiedenen möglichen Werthe zu durchlaufen pflegen, so ist es natürlich, daß man in Untersuchungen, die sich auf menschliche Angelegenheiten beziehen, zunächst fragt, ob innerhalb dieser Zeiteinheiten das Verhältniß der wirklichen E zu den denkbaren constant bleibt oder der Gleichheit sich nähert. Die Antwort auf alle diese Fragen wird ebensowohl verneinend als bejahend sein können. Kommt ein Creigniß E überhaupt häufig vor, so muß es innerhalb des Zeitraums, in den dieses Vorkommen fällt, von ihm eine constante Ursache wenigstens in dem Sinne geben, daß irgend ein Berhältniß besteht, welches die dem E günstige Combination variabler Ursachen in bestimmtem Mage befördert; so oft dann in verschiedenen Wiederholungen einer Zeiteinheit daffelbe Berhältniß der wirklichen Fälle zu ben möglichen fich wieder erzeugt, so oft ist dieser Rückschluß gestattet, daß jene constante Ursache bestanden habe; aber der Borschluß versteht sich nicht von selbst, daß auch für ein nächstes gleiches Zeitintervall daffelbe Berhältniß als vorausbestimmtes Gesetz gelten werde; man wird diese Annahme nur als die wahrscheinlichste Regel für die Beurtheilung des Rünftigen ansehen fonnen, sobald feine Data befannt find, welche auf eine inzwischen erfolgte Beränderung jener unbefannten bedingenden Umstände hindenten; bestätigt sich dann die Regel, so machen wir mit Recht jenen Rückschluß noch einmal, und allerdings, je öfter wir ihn machen fonnen, die Regel also sich bestätigt hat, um

jo mehr nimmt die Wahrscheinlichkeit zu, daß die Gruppe der Bedingungen, die für jo viele Zeiteinbeiten constant blieb, auch in Zufunft sich nicht ändern werde; mehr aber als diese Wahrscheinlichteit erreichen wir nicht. Es ift daber febr miglich, Die Ergebnisse solcher Beobachtungen als Gesetze ber Ereignisse zu bezeichnen, ja zuweiten von einem Wesets ber großen Babten selbst jo zu sprechen, als musse sich burch bie bloke Groke einer Anzahl verglichener Fälle in dem Ablauf einer Greigniftlaffe eine Regelmäßigkeit einstellen, die sonft in der Natur der Greignisse und ihrer Bedingungen nicht begründet ift. Gin Gesetz ift, wie wir faben, ein hypothetisches Urtheil, das einen Nachsatz als nothwendig gültig ausspricht, wenn ber Borderjat gilt; wollen diese statistischen Gesetze sich biefer Definition fügen, jo find fie freilich werthlos; benn fie fagen bann nur: wenn in ber nächften Zeiteinheit Talle befannten und unbefannten Bedingungen wieder jo find, wie in der vorigen, so wird and die Reibe aller Folgen, mithin auch die Ungahl der E Dieselbe sein; natürlich: denn wenn man sich das Bergangene noch einmal geschehen deuft, so wird es gerade so aussehen wie damals, da es zuerst geschah. Diese Tantologie liegt begreiflich nicht in der Absicht jener angeblichen Gesetze; fie wollen vielmehr ihren Borderfat zugleich affertorisch behanpten, also behanpten, daß jene Gleichheit aller Bedingungen ftattfinden werde; daß es aber für dieje Behauptung immer nur Wahrscheinlichkeit, nicht Gewißheit gibt, ist einleuchtend. Rene Sate find also nicht Gejete, sondern Analogien, welche eine Proportion, die in nkällen gegolten hat, auf den (n+1)ten Kall übertragen, jedoch ohne den Rachweis und blos mit der Boraussetzung, daß von n zu n +1 sich die Bedingungen nicht ändern, auf denen ihre Gültigfeit beruht.

288. In den Greignissen, die bei öfterer Wiederholung von einer constanten und von variablen Bedingungen zugleich abhängen, ges hören nusere eigenen Beobachtungen, unter welchem Ausdruck ich bier den einsachsten Fall, die Meisung einer durch sinnliche Wahrnehmung gegebenen Größe verstehen will. Die constante Ursache ist der wahre Werth dieser Größe, die unter völlig gleichen Bedingungen immer dieselbe Wirkung auf unsere Ausschlaftungskraft machen würde; die variablen sind die änßeren Umstände und die Aenderungen unseres psychischen Zustandes, welche jene Ginwirkung in verschiedenen Wieders

holungsfällen auf verschiedene Beise modificiren. Aus den verschiedenen Meffungen, die wir fo erhielten, den mabren Werth des Gemeffenen zu ermitteln würde unmöglich sein, wenn wir ben gemachten Meffungen selbst jeden denkbaren Grad der Ungenanigkeit zutrauen wollten; denn dies würde nur beißen, daß wir glaubten, ben gefundenen Werthen alle beliebigen andern als richtigere substituiren zu dürfen, wodurch dann die ganze Vornahme einer Meffung überhaupt finnlos würde. Wir setzen daber voraus, daß Kenntniß, Geschick und Aufmertsamkeit sich so weit vereinigt haben, um die Messungen hinlänglich vertrauenswürdig zu machen und nur Fehler als wahrscheinlich zuzulassen, die sehr flein find im Berhältniß zu den gemeffenen Werthen felbit. Sandelt es sich nun um die Bestimmung einer einzigen unbefannten Größe A. jo muß zunächst jede einzige Messung, die man von ihr besitt, als wahre Bestimmung des A gelten; denn es gibt feinen Grund, nach welchem sich, wenn man sie auch anzweifelte, Größe und Richtung ihrer Berbefferung bemeffen ließe. Sind uns dagegen für dieselbe Größe A, die nur eine sein fann, verschiedene Werthe durch Beobachtungen gegeben, jo ist fein Grund an sich vorhanden, der einen mehr zu trauen als der andern, und die wahre Größe wird daher am wahricheinlichsten durch einen solchen Werth bestimmt werden, dessen Unnahme den gemessenen Werthen die geringste Summe der nun nothwendig vorauszuschenden Unrichtigkeiten zumuthet. Das arithmetische Mittel M, die Summe aller gemessenen Werthe dividirt durch die Angabl der Messingen, ist daher für den wahrscheinlichsten Werth von A zu halten; die Differenz zwischen diesem Mittel M und dem wahren Werth A ist der Jehler, der übrig bleibt, und den wir, so lange A nicht durch andere Bedingungen mitbestimmt ist, nicht hinwegbringen, jondern nur durch Bermehrung der Angahl gleich forgfältiger Beobachtungen verringern fönnen. Haben wir dagegen verschiedene Größen A B C wiederholt gemessen und liegen andere Bedingungen noch vor, denen die Werthe derselben genügen müssen, so fann es sich ereignen, daß die verschiedenen arithmetischen Mittel, die einzeln die mahrscheinlidsten Werthe von A B C geben würden, diesen Rebenbedingungen nicht genügen und daber einer Berbefferung bedürfen. 3. B. die drei Wintel eines Dreiecks wiederholt gemeffen, und betrüge die Summe der hieraus entwickelten Mittelwerthe = 1800+do, fo würde dieses mit der Ratur des Preiecks unvereinbare do einen Jehler darstellen, der aus Kehlern der Messnugen entsprungen sein muß und nur durch Beränderung der gesundenen Werthe zu beseitigen ift. Aber die hierzu nöthige Verminderung läßt sich auf die drei gemessenen Winfel in sehr verschiedener Weise vertheilen und es fragt sich, welche Größe des Jrrthums man der Meffung eines jeden derselben am wahricheinlichsten zumuthen bürfe. Dies führt auf eine Untersuchung über die relative Wahrscheinlichkeit des Vorkommens der Rehler in unseren Beobachtungen überhanpt, die sich nicht auf a priori beweisbare, aber auf sehr probable und mit der Erfahrung übereinstimmende Grundsätze ftütt. Zunächst liegt in bem Begriffe einer forgfältigen Beobachtung an sich selbst nichts, was einen Fehler begründete; die Wahrscheinlichfeit mithin, daß fie das Richtige getroffen habe, ist immer größer als die irgend eines bestimmten begangenen Fehlers. Ebenso liegt es in den Boranssetzungen, auf die jede Ermittelung mahrer Werthe ans Beobachtungen fich ftüten muß, daß die Wahrscheinlichkeit großer Gehler geringer ist als die fleiner, und die Wahrscheinlichkeit positiver gleich derjenigen gleich großer negativer. Dies führt zu einer ersten auschaus lichen Borstellung. Trägt man auf einer Geraden, welche zur Absciffenare gewählt wird, von einem Anfangspunkt aus, welcher dem Gebler Paull entsprechen würde, nach entgegengesetzten Richtungen wachsende Abscissen $+\alpha_r + \beta_r + \gamma$ ab und errichtet im Antlpunkt eine Ordinate von beliebiger Größe, welche die Wahrscheinlichkeit des Bortommens eines Fehlers Anll bedeutet, so ist diese die größte aller Ordinaten, und alle übrigen auf den Punkten $+ \alpha$, $+ \beta$.. errichteten nehmen symmes trifch zu beiben Seiten in dem Mage ab, als die durch α β γ jombolifirten Größen der Tehler, deren Wahrscheinlichkeiten sie bedeuten, zunehmen. Aber bie Erfahrung lehrt uns zugleich, daß das Abnehmen der Wahrscheinlichkeit der Wehler nicht in einfacher Proportion zu der Bunahme ihrer Größe steht; so lange die Fehler flein sind, ändert sich ihre Wahrscheinlichkeit weniger als ihre Größe zunimmt, je größer sie find, um desto mehr beschlennigt übertrifft die Abnahme ihrer Wahrideinlichfeit die Zunahme ihrer Größe. Hieraus folgt, daß die Linie, durch welche wir die oberen Endpunfte aller Ordinaten verbinden, nicht aus zwei Geraden zusammengesett sein fann, die über dem Mullpuntt zusammenftießen und sich nach beiden Seiten sommetrisch der Abscissen-

axe näherten, um mit einem Abschnitt berselben ein Dreieck eingnichließen; vielmehr ift iene Grenzlinie eine Curve, deren Scheitel über dem Rullvunkt liegt, und die von dort aus zwei symmetrische nach der Abscissenare hin concave Leste ausschickt. Richt evenso deutlich wie dieser Berlauf der Eurve in der Rähe des Scheitels ist ihre Kortsetzung nach ber Abscissenare. Sieht man Gebler jeder Große, auch unendlich große, als immerbin mögliche an, so daß auch diesen noch eine wenn auch außerordentlich fleine Wahrscheinlichkeit zukommt, so nink jeder Zweig der Curve zulett conver gegen die Abscissenare werden und sich ihr aspmptotisch nähern; betrachtet man dagegen in einer forgfältigen Beobachtung Gehler von gewiffer Größe, folde 3. B., Die fich um den gangen Betrag des zu messenden Werthes irren, als überbanvt nicht vorkommend, so kann die Eurve concav bleibend die Abscissenare an zwei Puntten schneiden. Auf die weitläufigeren Untersuchungen, die angestellt worden sind, um die wahrscheinlichste Gestalt Dieser Curve, ihre Gleichung und ans ihr die Wahrscheinlichkeit des Bortommens der einzelnen Jehler genauer zu bestimmen, muß ich einzugehen unterlassen; um jedoch einigermaßen anschaulich zu machen. welchen Weg zum Ziele zuletzt diese lleberlegungen nehmen, bediene ich mich einer für diesen Zweck hinreichenden Annäherung. Zunächst lassen wir die Streden der Eurve, welche fich der Absciffenage nähern, gang außer Acht; da uns nur die Wahrscheinlichkeit derjenigen Wehler intereffirt, auf deren Vorfommen man bei forgfältigen Beobachtungen noch gefaßt sein muß, so ziehen wir nur einen furzen Bogen der Linie in Betracht, der von dem Scheitel aus fich nach beiden Seiten wendet. die Linie nun eine Gerade nicht sein fam, so wäre die nächsteinfache Unnahme die, daß ihre Gleichung vom zweiten Grade sei, und da diese Unnahme auch die sommetrischen Werthe der Ordinaten diesseit und jenseit des Rullpunktes möglich macht, so bleiben wir bei ihr stehen und wählen von den Regelschnitten, die alle zu diesem Versuch branchbar sein würden, den Kreis. Die größte Ordinate r, auf dem Anllpunkt der Abscissen errichtet, bezeichne gleichzeitig den wahren Werth der zu messenden Größe und die Größe der Wahrscheinlichkeit, daß diese richtige Messung in den Beobachtungen vorkomme; die Abscissen + a, $+\beta$, $+\gamma$ seien die Größen der Kehler, um welche die verschiedenen Meffungen von dem wahren Werth r abweichen; wir denken sie uns

jett ausgedrückt in Theilen dieses wahren Werthes, so daß $+\alpha_i + \beta_i$... für r=1 echte Brüche der Einheit sind, für r=r durch +ra, $+r\beta$... zu ersetzen sein würden; die zu jeder Abscisse gehörige Ordinate v endlich bedeutet die Wahrscheinlichkeit des Vorfommens derjenigen falschen Meisung, welche von der wahren r um die Größe dieser Abseisse abweicht: seigen wir daber die Kreisgleichung als gültig für den fraglichen Eurvenbogen vorans, so ist $y = r_1 + 1 - x^2$, worin x der allgemeine Unsbruck für die veränderlichen Werthe a, 3, 7 ift. Die Wahrscheinlichkeit des Zusammentreffens verschiedener von einander unabhängigen Ereignisse nun wird, wie wir früher saben, durch das Product aus den Wahrscheinlichkeiten der einzelnen gemessen. Sind wir also, um gegebene Meffungen mit einer anderweitigen Bedingung in Ginklang zu bringen, zu der Unnahme einer Anzahl von Fehlern in diesen Messungen einmal genöthigt, fönnen wir aber durch verschiedene Combinationen anzunehmender Kehler diese Forderung befriedigen, so ist die Annahme derjenigen Kehlercombination die wahrscheinlichste, für welche das Product aus den Ginzelwahrscheinlichkeiten der Jehler den größten Werth erhält. Run besteht dies Product aus lauter Factoren von der Form ry/1-x2, und es erhalt sichtlich biefen größten Werth dann, wenn alle einzelnen Factoren zugleich die größten mit den Bedingungen der Aufgabe verträglichen Werthe annehmen; dies aber geschieht dann, wenn in allen Factoren zugleich die subtractiven Bestandtheile, wenn also die Summe a2+ 32+ 72... ein Kleinstes wird. Dieser Minis malwerth felbst fest, wie man leicht findet, voraus, daß die Summe der Fehler $a + \beta + \gamma ... = 0$ werde; ein Fall, der nur eintreten fann, wenn diese ersten Potenzen der Fehler verschiedene Zeichen haben, und der allemal eintritt, wenn das arithmetische Mittel aus den Beobachtungen, zu denen sie gehören, für den wahren Werth r der zu messenden Größe genommen wird. Die Bestimmung des r vermittelst der Emmne ber Tehlerquadrate ichließt baber biefen felbstverständlichen für Die einfachsten Fälle genügenden Grundsatz ein; unter den verschiedenen arithmetischen Mitteln aber, die man aus m Beobachtungen dann erhält, wenn man jeder derselben diesen oder jenen Tehler zutraut und sie demgemäß bald so bald anders corrigirt, sucht sie dassenige Mittel zu bestimmen, welches ber Wahrheit am nächsten fommt, weil es auf ber wahrscheinlichsten Combination jener Correcturen beruht. Bis hierher

reicht unsere annähernde Betrachtung aus, um im Allgemeinen die Besteutung dieser Methode der kleinsten Suadrate und die Entsstehung ihres Namens zu verdeutlichen; sie würde nicht ausreichen, um eine Anzahl seinerer Festsehungen zu begründen, über welche, sowie über die Einleitung der Rechnung, auf die classische Tarstellung von Gauß und die hieran sich reihenden Kehrbücher zu verweisen ist. Man wird nicht vergessen dürsen, daß die Begründung dieser Methode niesmals ohne irgend welche, zwar sehr probablen, aber doch nicht streng beweisbaren Borausserungen möglich ist; ihre vollauf ausreichende Bestätigung hat sie durch die Ergebnisse erhalten, zu denen sie, zunächst in astronomischen Untersuchungen, gesührt hat.

Behntes Kapitel.

Bon Bahlen und Abstimmungen.

Auch Wahlen und Abstimmungen find Formen der Unffindung von Urtheilen, solden nämlich, deren Gültigkeit wir nicht blos anerfennen, sondern durch unsern Beschluß schaffen wollen. verschiedener Weise hat sich das logische Rechnen auch um sie bemüht; man bat gefragt, welche Hoffnung, bei verschiedenen Ginrichtungen, für Die Gerechtigfeit eines Richterspruchs, für Die Sachgemäßheit einer Entscheidung, für die Alnaheit einer Wahl vorhanden sei; diese Fragen, die niemals ohne besondere willtürliche Voraussetzungen psuchologischer Natur beantwortbar sind, schließe ich bier aus und beschäftige mich nur mit der Untersuchung, auf welche Weise dem formellen Zwede aller Abstimmungen genügt werden fann, dem nämlich, einen Beschluß zu erzielen, welcher jo vollständig als möglich den Gesammtwillen der Abstimmenden ansdrückt, gleichviel von wie viel Einsicht die Einzelwillen regiert wurden, die ihn zusammensetzen halfen. Im Leben entsteht ein solder Gesammtwitte in Gestalt ber öffentlichen Meinung so, daß auch ber Anhalt, auf den er fich bejabend ober verneinend bezieht, nach und nach durch die ungähligen Wechselwirtungen aller berjenigen bestimmt wird, die überhaupt Reigungen und Abneigungen zu äußern fähig find: Die logische Betrachtung fett voraus, daß dieser Buhalt in Westalt eines bestimmten Borichlags V oder einer Reihe von Borichlägen V, W, Z bereits vollständig formulirt gegeben sei und daß der Musdruck des Willens nur durch Bejahung oder Berneinung diefer Borlage stattfinde; daß endlich immer eine nach irgend welchen Motiven beftimmte und geschloffene Augabl S gleichberechtigter Stimmen vorhanden sei, benen es ausschließlich gufommt, den Wesammtwillen festzustellen.

- 290. Ift nun, im einfachsten Falle, ein einziger Borichlag V gegeben und foll ein Beichluß unbedingt zu Stande fommen, fo ist die absolute Majorität der einzig mögliche Entscheidungsgrund; sie allein muß, für Bejahung oder Berneinung des V, immer zu Stande fommen, sobald für den einen Sall der Stimmengleichheit durch irgend eine feste llebereinfunft für ein votum decisivum oder für den Borzug entweder der Berneimung oder der Bejahung gesorgt ist. Aber nur mit großer Ginschränkung fann die absolute Majorität für den wahren Ansdruck beifen gelten, was man mit Recht ben Gesammtwillen ber Abstimmenden nennen würde. Denn die Einzelstimmen selbst sind nicht der erschöpfende Ansdruck der Einzelwillen; da sie auf Abgabe eines Ja oder Rein beschräuft find, jo haben fie fein Mittel, entichiedenes Wollen oder Nichtwollen von blogem Zulassen oder Nichtwideritreben zu untericeiben. Gegen diese bleibende Unzuverlässigkeit aller Abstimmungen gibt es feine andere Abwehr außer der, welche in einer vorangehenden Discuffion liegt. In dieser fonnen fich die verschiedenen Grade der Intensität des Bejahens oder Berneinens einen augemessenen Ausdruck geben, und die personliche Antorität fann sich gelten machen, die in dem Formatismus der Abstimmung, welche die Stimmen nur gählen und nicht mägen fann, wirfungslos werden nuß; dem Billigfeitsgefühle Aller bleibt freilich überlassen, dann in der Abgabe ihrer Stimmen auf diese nun doch wenigstens nicht mehr unbefannte Vertheilung der Reigungen und Abneigungen Rücksicht zu nehmen. Andere conventionelle Bestimmungen, wie die Forderung einer Zweidrittelmajorität, mindern diese Nebelstände, ohne sie zu beseitigen; nur die Ginstimmigfeit würde unzweidentig sein, aber man fann weder fie noch jene zwei Drittel fordern, ohne bas Zustandekommen eines Beschlusses fraglich zu machen; beide Borschriften sind daher nur da accianet, wo es anderweitige wichtige Beweggründe gibt, confervative Reigungen für den bestehenden Zustand, den man fennt, gegen den Trieb nach Reuerungen zu bevorzugen, deren Ausfall man nicht fennt.
- 291. Ginen allgemein logischen Grund fann es nicht geben, von ber gleichen Berechtigung aller einmal concurrirenden Stimmen abzusgehen; im Leben dagegen sind billige und unbillige Gründe stets wirks sam gewesen, das Gewicht der Stimmen verschieden zu machen und sei

es der größeren Cinfict, sei es dem wichtigeren oder bedrohteren Intereffe, endlich historisch entstandenen Ansprüchen auf größere Geltung die Oberhand zu verschaffen. Es geschieht theils, indem man einfach die eine Stimme des Bevorzugten einer Mehrheit von Stimmen gleich rechnet, theils indem man die Gesammtheit der Abstimmenden in mehrere Gruppen zu gesonderten Abstimmungen zerfällt und die Majorität der hier entstehenden Majoritäten der einfachen absoluten Majorität der Gesammtheit substituirt, theils endlich geht man zu mittel barer Abstimmung über, bei der jede der Gruppen ihr Recht einem Bevollmächtigten überträgt und der Majorität dieser Wahlmänner die Entscheidung überläßt. Der erste Fall erfordert feine besondere Betrachtung; der lette fällt aus aller logischen Behandlung dann beraus, wenn der beauftragte Wahlmann nicht die bereits getroffene Entscheidung seiner Wähler zu vertreten, sondern unabhängig selbst zu stimmen hat; denn die Siderheit, mit welcher ber Erfolg guletzt bem Gefammtwillen entspricht, hängt von der zweifelhaften Inverläffigfeit ab, mit ber die Wähler die Uebereinstimmung der Gesimming ihrer Bevollmächtigten mit der eigenen zu beurtheilen verstanden. Der zweite Fall dagegen, die Sintheilung in Gruppen zu gesonderten Abstimmungen, hat folgende bestimmbare Sigenthümlichteiten.

1. Sett man die Gesammtzahl S der Stimmen = 2 m. 2 n, so ist, wenn einer dieser Factoren die Bahl der gemachten Gruppen, der andere die Angahl der Stimmen in jeder von diesen bedeutet, (m + 1) (n + 1) die absolute Majorität der einzelnen absoluten Majoritäten, die in diesen Gruppen entstehen, und dieser Werth bleibt derselbe, wenn wir den einen dieser geraden Factoren oder beide durch die nächsthöheren ungeraden 2m+1 und 2n+1 ersetzen. Es möge dagegen M die einfache absolute Majorität der zu gemeinsamer Abstimmung vereinigten Gefammtzahl S sein. Man überzengt sich mm leicht, daß (m+1) (n+1) < M für alle ungeraden S>7 und für alle geraden S>16, mithin in allen Fällen, welche bei Abstimmungen in Betracht fommen. Immer ift man baber im Stande, durch paffende Eintheilung von S in Gruppen eine Entscheidung durch die Minorität der Gesammtstimmenzahl herbeizuführen, und man tann fragen, welche Zerfällungen die vortheilhaftesten sind, um diese entscheidende Minorität jo flein als möglich zu machen. Die genaue Beautwortung Lote, Logif.

diefer Frage würde viel weitlänfiger sein als die Sache verdient; denn in der Anwendung werden wir uns immer mit einer Annäherung bes gnügen, da ja unsere genaue Verberechnung durch jeden kleinen Zusall fruchtlos gemacht würde, der die Abgabe einer mitveranschlagten Stimme verhinderte. Ich begnüge mich daher mit Folgendem.

2. Denft man sich 8 als Product zweier geraden oder zweier ungeraden Factoren, also entweder $= 2 \text{ m} \cdot 2 \text{ n}$ oder = (2 m + 1)(2 n + 1), ersett in der Formel für die entscheidende Minorität m durch einen Ansdruck in n und S, und differenzirt nach n, jo erhält man als Bedingung eines Minimum: 2n ober 2n + 1 = 78, wos burch auch der andere Factor $= \sqrt{S}$, also m = n wird. Nimmt man S als Product eines geraden und eines ungeraden Factors, = 2 m (2 n + 1), jo erhält man auf gleichem Wege als Bedingung eines Minimum die, daß der gerade Factor $=\sqrt{2}S$ sei, wodurch der ungerade = $\sqrt{1/2}$ S wird. Rach der Art ihrer Ableitung fönnen beide Fors meln hier, wo sowohl die Babl der Gruppen als die der Stimmen in ibnen nicht stetig, sondern nur um ganze Ginheiten wachsen dürsen, eine genaue Geltung nicht haben; sie werden namentlich für fleine Bablen, für welche die Ginheit ein beträchtlicher Bruchtheil ihres Berthes ift, nur unregelmäßig zutreffen; endlich wird der Bortheil, den die ungeraden Zahlen vor den geraden haben, indem die entscheidende Minorität für (2 m + 1) (2 n + 1) nicht größer ist als die für 2 m. 2 n, ebenfalls den Ginftug diefer Regeln beeinträchtigen. große Werthe des S jedoch, für welche die Ginheit, die Differenz zwischen gerade und ungerade, ein immer fleinerer Theil ihres Betrages wird, geben beide Formeln in der That die beiden fleinsten Werthe der gesuchten Minoritäten: man erhält diese, wenn man S in zwei Factoren theilt, die entweder einander und der Quadratwurzel von S so nabe als möglich gleich sind, oder deren einer so genan als möglich das Doppelte des andern ift. So gibt 225, als 15.15 und als 9.25 gedacht, die beiden kleinsten Minoritäten 64 und 65, als 5.45 und 3.75 die größeren 69 und 76; so die Zahl 11025 als 105.105 und als 147.75 die fleinsten 2809 und 2812, als 175.63 dagegen und als 9.1285 die größeren 2992 und 3215; endlich 20,000 läßt die vortheilhaftesten Berfällungen in 200. 100 und in 125.160 zu mit ben Minoritäten 5151 und 5103. Bei fleinen Bahten frenzen fich

die Einflüsse der verschiedenen Bedingungen sehr süchtbar: 36 gibt als 6.6 die Minorität 16, aber schon 4.9 gibt wegen der günstigen Wirskung des ungeraden Factors die kleinere 15, die vortheilhafteste Zerssällung ist 3.12 mit der Minorität 14; hier sindet sich, daß der gerade Factor 12 von der Snadratwurzel von 2S = 72, welche größer als 8 ist, weniger abweicht als der gerade Factor 4 in der Zersällung 4.9. Hür 81 dagegen, als Snadrat eines ungeraden Factors, gibt es keine günstigere Eintheilung als in 9.9 mit der Minorität 25, die andere in 3.27 liegt von beiden Bedingungen zu weit ab; für 144 erhält man auß 12.12 das eine Minimum 49, auß 9.16 das andere 45.

3. In dem einen günstigsten Falle gleicher Factoren wird die entsicheidende Winorität, in S ausgedrückt, = $(1+\frac{1}{2}\sqrt{S})^2$; in dem zweiten, welcher den einen Factor doppelt so groß als den andern gibt, wird sie = $(1+\frac{1}{2}\sqrt{2S})$ $(1+\frac{1}{2}\sqrt{4}\sqrt{S})$. Beide Ausdrücke nähern sich, der zweite langsamer, dem Werthe $\frac{1}{4}$ S um so mehr, se größer S wird, bleiben sedoch immer größer als dieser Bruch, so lange S nickt mnendlich wird. Die entscheidende Minorität hat mithin eine untere Grenze, und sie fann selbst durch die vortheithasteste Zersällung niemals die auf den vierten Theil der Gesammtstimmenzahl herabgedrückt werden.

4. Es fann endlich S eine Pringahl sein, die nberhaupt nur eintheilbar zu machen ist, wenn sie um wenigstens eine Einheit vermehrt oder vermindert wird, d. h. hier, wenn man eine der zu machenden Gruppen eine Stimme mehr oder weniger haben läßt, als bie anderen. Diefe unvermeidlich gemachte Willfür fann man nach Gutdünten benuten; man hat unzweifelhaft gleichviel Recht, 67 als 66 + 1 oder als 68-1 zu fassen, und im ersten Fall 5 Klassen zu 11 und eine ju 12 Stimmen, im andern 3 Alaffen zu 17 und eine gn 16 Stimmen zu bilden; verlangt man der Billigkeit wegen, daß unter den Majoritäten, welche die entscheidende Minorität zusammensetzen, sich die der zahlreicheren Klaffen immer befinden müffen, so erhält man im ersten Falle 3.6 + 1.7 = 25, im zweiten 3.9 = 27. Jit dieser Weg einmal geöffnet, so betritt man ihn auch, wo es nicht nöthig ist, und dann wird die Ungleichheit der Gruppen, so lange sie innerhalb billiger Greuzen bleibt, leicht ertragen; sie mindert die entscheidenden Minoritäten noch beträchtlich herab. So erhält man für 64 = 6.9 + 1.10, auch wenn

die Majorität der stärkeren Klasse stets gefordert wird, die Minorität 3.5+1.6=21, während auß 8.8 nur die größere 25 floß. Man weiß, daß seit Servius Tutius dies Hülfsmittel, in sehr unbilligen Grenzen, die nur politisch aber nicht logisch zu rechtsertigen sind, in reichlicher llebung gewesen ist.

292. Soll zwijchen verschiedenen Borichlägen V W Z eine Wahl getroffen werden, jo geben die Focderungen, welche die Logif an fich zu stellen hätte, nicht mehr mit den Gewohnheiten zusammen, welche die Braxis zu befolgen pflegt. Wenn eine Mehrheit sich zu einem collectiven Beschlusse vereinigen will, der die größte Gesammtbefriedigung erzeugen soll, so dürfte sie dies Ergebniß nicht als eine unvermeidliche Folge aus der Summirung von Willenserklärungen hervorgeben laffen, deren keine auf die anderen Rücksicht nimmt; dem vernünftigen Willen muß daran liegen, daß er seine eigene Entscheidung nur mit Kenntnif und Beachtung der entgegengesetzen Reigungen ober Abneigungen der Mitstimmenden gebe, um so mehr, weil die Nothwendigkeit, sich endlich durch ein nachtes Ja oder Rein zu äußern, ihm fein Mittel läßt, die verschiedenen Grade der Lebhaftigfeit seines Wollens zum Ansdruck zu bringen und so diesem nur das gerechte Maß seiner Wirksamteit, weder mehr noch weniger, zu sichern. Gang fann die vorangehende Discuffion, auf die ich früher verwies, diese Forderung nicht befriedigen; denn wenn Jeder sich vollständig äußern wollte, so ginge jie selbst in eine Abstimmung über, nur ohne die scharfe Form, welche die Ermittelung des Endergebnisses leicht machte und sicher stellte. Man müßte daher versuchen, das, was sie leisten will, so annähernd als möglich durch die Art der Abstimmung selbst zu ersetzen. Denken wir nus mm V W Z als drei Personen, deren eine gewählt werden sell, so tönnten wir folgenden Weg vorschlagen. Gine erste Abstimmung, über alle drei Candidaten zugleich erstreckt, würde zeigen, welches Maß der Billigung jeder von ihnen im Vergleich mit den andern erfährt. Erwürbe feiner die absolute Mehrheit der Stimmen, so würde die relative Mehrheit nur bei Wahlen von sehr geringer Berantwortlichkeit entscheiden fönnen; man bemertt ihr Gewicht im täglichen Leben: der verhältnismäßig am meisten Genannte leuft die Aufmertsamteit auf sich und erwirbt häufig die übrigen Stimmen hinzu; aber ebenso oft regt er nun erst den Widerspruch auf und nöthigt die Widerstrebenden zur

Einigung über einen Gegenbewerber. Man verlangt daber ziemlich allgemein die absolute Mehrheit; fie allein vietet die Bürgschaft, daß die Summe ber Berneimingen fleiner fein nuß als die der Bejahungen. daß also der Wille der Mehrheit getroffen sei, die ultima ratio, die zulett immer entscheiden muß, wenn die Meinungen unvereinbar bleiben und ein Gesammtbeschluß dech nicht muterlassen werden fann. Aber wenn mm für einen der Candidaten, für V vielleicht, die absolute Mehrheit erreicht ift, so ist es doch nicht nöthig und nicht an sich richtig, hierin schon die Entscheidung zu sehen; denn dieser erste Wahlgang ließ nur die Angahl der Stimmen erfennen, die jeden der Candidaten den andern vorzogen oder nachsetzten; er läßt jedoch das Maß dieses Borangs unbestimmt, und unbestimmt, wie jede der Stimmen sich zu demjenigen Candidaten verhält, den fie nicht genannt hat. Um dies an den Tag zu bringen, würde eine zweite dreitheilige Abstimmung nothwendia, welche fich mit Ja und Rein über jeden der Candidaten einzeln erstreckte und jedem Wähler die Möglichkeit gabe, seine Berneimung bes einen, die er vorher nur mittelbar durch Bevorzugung eines andern ausdrücken fonnte, unmittelbar auszusprechen. Rehmen wir an, in der ersten Abstimmung seien von 20 Stimmen 11 auf V, 5 auf W, 4 auf Z gefallen, jo wird, unbegreifliche Zuconsequenz der Wähler ausgeichloffen, auch in bem zweiten Berfahren jeder Candidat Die Stimmen behalten, die ihn ichen im ersten den beiden übrigen vorzogen; aber die übrigen Stimmen fonnen fich fehr verschieden vertheilen. Es ift möglich, daß V jest ber entichiedenen Opposition von 9 Stimmen begegnet, während Z, der nur von 4 Stimmen vorgezogen worden war, gar feinen Widerspruch findet und noch 16 Stimmen hinzugewinnt, W von den ihm fehlenden 15 noch 10. Um nun hierans ein Endergebniß zu ziehen, müßte man bedenken, daß die in diesen verschiedenen Wahlbandlungen erlangten Stimmen nicht von gleichem Werthe sind. Die des erften Berfahrens drückten ans, wie Bielen der von ihnen bejahte Canbibat als ber Beste erschien, und obgleich biese Billigung noch sehr verschiedene Grade gehabt haben fann, so darf man doch diese vorgiehenden Stimmen als miter einander gleichartig anseben und ihnen allen daffelbe Gewicht m beilegen. Denn einfach zu fagen, daß man einen Candidaten wolle, ist das Höchste, was man über ihn, in Bezug auf diese Wahlhandlmig, sagen fann; es ist gleichgültig, ob man ibn

außerdem noch mehr oder weniger verehrt, denn jede Wahl fann nur auf das unter den gegebenen Bedingungen Beste, nicht auf das unbebingt Beste gerichtet sein: wer also unter diesen Bedingungen V oder Man fann Gleiches über die verneis W will, will ibn durchaus. nenden Stimmen des zweiten Wahlverfahrens annehmen; wer die Gelegenheit hat, sich unmittelbar durch Ja oder Rein über V oder W auszusprechen, und beide verneint, verneint beide schlechthin und bat, wenn diese Berneinung durchgeht, seinen Willen in Bezug auf diese Wahl vollständig durchgesett; wie tief er sonst V oder W haßt oder verachtet, ist für bieses Geschäft gleichgültig; man fann baber auch alle verneinenden Stimmen als gleichartig betrachten und ihnen daffelbe Bewicht g einräumen. Aber bie bejabenden Stimmen, die erft im zweiten Wahlversahren erlangt werden, sind offenbar geringwerthiger als die icon im ersten erhaltenen; fie find nur zulaffende Stimmen, während jene die vorziehenden waren, und dieser Unterschied, eine Mittelftuje zwischen Bejahung und Verneinung bedeutend, ist allerdings von Wichtigfeit in Beziehung auf dies Wahlgeschäft. Welches Gewicht jedoch seiner zulassenden Stimme im Bergleich mit einer vorziehenden zukomme, würde nicht einmal derjenige genau zu fagen wissen, der sie abgibt; auch wurde seine Zulaffung nicht für jeden der Candidaten, bem er fie schenft, eine gleiche Bistigung bedeuten, sondern für W vielleicht eine größere als für Z. Es ist baber schon ein großer Abbruch an Genauigteit, aber doch der einzige Versuch, den Unterschied der zulaffenden Stimmen von den vorziehenden überhaupt aunähernd zu beachten, wenn wir auch allen Stimmen dieser Rlaffe einen gemeinsamen Werth p zuschreiben, der ein echter Bruch von m sein wird, und deffen Betrag fich nur conventionell festsetzen läßt. Unter solchen Bor= aussetzungen würden im obigen Beispiel die Stimmen sich berechnen, für V auf 11 m - 9 q, für W auf 5 m + 10 p - 5 q, für Z auf 4 m + 16 p, and endlich, wenn man willfürlich m = q, das Gewicht also der vorziehenden Stimmen gleich dem der verneinenden, p = m/2, also das der zulassenden halb so groß als das der vorziehenden setzte, würden für V nur 2, für W dagegen 5, für Z endlich 12 Stimmen beranstommen, febr im Gegensatz zu dem Ergebnig des ersten Wahlgangs. Berschiedenes vereinigt sich unn, um in der Unwendung diese logischen Forderungen unerfüllbar zu machen. Zuerst will

man, aus Gründen gesettichaftlicher Schidlichkeit, überhaupt bie Abgabe verneinender Stimmen über Personen vermeiden; dann, wenn man sie auch guließe, murde febr gu bezweifeln fein, daß die gweite Abstimmung, auch wenn man sie der ersten voranstellte, mit der nötbigen Unbefangenheit geschehen würde: jene, welche dem V ihre vorziehenden Stimmen zu geben entschloffen find, würden fich mahrscheinlich selbst nicht zugesteben, daß sie auch mit W oder Z zufrieden sein könnten, und ihre 11 Stimmen würden auch in der anderen Abstimmung als ebensoviele verneinende sowohl gegen W als gegen Z erscheinen. Entlich würde in jedem Einzelfalte die Borfrage zu lösen sein, was dem eigentlich nach ber Matur ber verliegenden Sache vorzuziehen sei, ob die vorzüglichste Befriedigung der Wehrheit oder die durchschnittlich größte Befriedigung aller, und hiernach würde sich erst bas Berhältniß der Gewichte der bejahenden Stimmen zu den verneinenden festsetzen laffen, das nicht nothwendig das der Gleichheit zu fein braucht; im Gegentheil fann es Falle geben, wo eine Berneinung billigerweise mehr als einer Bejahung das Gleichgewicht hält und die Entscheidung nicht sowohl durch die größte Bahl der bejahenden als vielmehr durch die geringfte Bahl ber perneinenden Stimmen gebracht werden müßte. Es ist offenbar ein Unterschied, ob es sich um den Beschluß einer verantwortungsvollen Maßregel, um die 2Sahl etwa zu einem politisch bedeutenden Amte, oder ob es sich um die Einrichtung gemeinsamer Bergnügungen, um die Wahl des Vorstandes einer geselligen Vereinigung handelt: es ist im legtern Falle widersinnig, unter 20 Mitgliedern 9 Ungufriedene gu machen, um 11 anderen ihren vollen Willen zu thun; im ersten dagegen fann es Sinn baben, die Majorität entschiedener Willen voll zu befriedigen, auftatt eine Wahl zu treffen, die nur eine same Billigung aller fände. Aber freilich gerade im ersten Falle, wo die obenbeiprocene Methode das wünschenswertheste Ergebniß liefern würde, ist ihre Unwendung wegen der ungnlässigen Abgabe verneinender Stimmen mißlich; im zweiten, wo ihr Ergebniß weniger wünschenswerth sein fönnte, wäre ihre Unwendung minder schwierig, denn hier würden die Berneinungen, da sie nicht durchans der Person, sondern auch den von ihr vertretenen Ansichten gelten fönnen, minder beleidigend sein.

293. In anderer Weise, durch eine Art von Eliminationsverfahren fann unsern Wünschen dann entsprochen werden, wenn aus

einer sehr großen Angabl von Candidaten zu wählen ift, wenn z. B. ein Wahlfürper aus der Zahl seiner eignen Mitglieder Ginen zu ernemen hat. Man pflegt dann in einem ersten Wahlgang etwa drei zu bestimmen, auf welche die durch feinerlei Rebenrücksichten bedingte Aufmerksamkeit der Wählenden zuerst verfällt, und die daher jedem der Stimmenden iett als die wünschenswerthesten erscheinen. Man kann hierbei an die Reihenfolge, in welcher jeder Wähler seine drei Candidaten nennt ober idriftlich angibt, Unterschiede funpfen und den primo loco Bezeichneten den anderen vorziehen; ich nehme jedoch zur Vereinfachung an, daß die Ordming der Reimungen völlig gleichgültig fei. Es ift dann ein dentbarer, obgleich sehr umvahricheinlicher Fall, daß dieselben drei Candibaten V W Z atte Stimmen erhalten; wenn bies fich guträgt, kann eine endliche Entscheidung gar nicht mehr durch das Wahlverfahren erfolgen; denn eine Majorität fönnte für einen der drei in einer nenen Abstimmung nur dann zu Stande kommen, wenn unn einige der Stimmen, ohne daß doch in der Sachlage ein Grund dazu vorhanden wäre. ihre vorige Eutscheidung widerriefen. In diesem und allen ähnlichen Wällen bleibt nur das Loos oder die Entscheidung durch einen unbetheiligten Willen, 3. B. den einer höheren Behörde möglich. gegen V allein alle Stimmen gewonnen, fo ift feine Wahl zweifellos entschieden, gleichviel wie groß die Stimmenzahl ist, welche W und Z erlangten; benn es gibt bann feine verborgenen verneinenden Stimmen, denen blos die Gelegenheit zur Neugerung gefehlt hätte. Es fann aber fogleich deren geben, wenn V nur die absolute Majorität, W und Z bedeutende Minoritäten erlangt, die übrigen Stimmen sich zersplittert Im Sinblid auf unsere früheren Bemerfungen halten wir es nicht für durchaus gerechtfertigt, bier die Wahl abzubrechen und V als gewählt zu betrachten; man fann vielmehr in einer zweiten Abstimmung W und Z zusammenstellen, so daß aus biesen beiden einer gewählt würde, wobei bie Abgabe verneinender Stimmen für W durch Abgabe bejahender für Z und umgefehrt vermieden würde. Einer von beiden muß hier eine größere oder geringere absolute Majorität erhalten. Sei dies W gewesen, so wird eine dritte Schlugabstimmung zwischen diesem und V endgültig entscheiden. Dieser lette Stimmgang würde natürlich gang fruchtlos sein, wenn die absolute Majorität, die schon im ersten für V entschied, sich unverändert erhielte; allein die Berücksichtigung des Ergebnisses der zweiten Abstimmung kann ein billiges Motiv zur Sinnesänderung berbeigeführt haben. Hätten in biefer W und Z nabezu gleichviel Stimmen befommen, jo würde sich daran zeigen, daß entweder die gegen V verneinend gefinnten Stimmen unter einander wenig einig find oder daß wenigstens feine andere Wahl eine aleichmäßigere Beistimmung findet, als die des V, und die frühere Majorität für V fände darin einen Grund, auf ihrer Meinung zu bebarren; wären bagegen alle Stimmen auf W gefalten, fo fonute für jene Majorität barin ein Grund liegen, bei ber Schlugabstimmung ber früheren an sich schon beträchtlichen Minorität für W nachträglich beis zutreten, um ein Resultat berbeizuführen, welches feine Berneinungen gegen sich hätte. Noch vielerlei Modificationen lassen sich denken; ich verfolge sie nicht, weil die Frage nicht wichtig genng für die drohende Weitläufigseit ist; ob übrigens dieses Climinirtwerden eigentlich ichmeichelhafter ift als eine offene Regation, bleibt mindestens zweifelhaft.

294. Sind V W Z nicht Personen, sondern Gesetvorschläge, jo hat die Schen vor der Abgabe negativer Stimmen feinen Grund, und man könnte logisch verlangen, daß über jede der vorgeschlagenen Magregeln mit Ja und Nein abgestimmt werde, ohne daß eine absolute Majorität, welche die eine erlangte, die Abstimmung über die übrigen ansichlöffe. Die Enticheidung würde dann entweder durch die größte der entstandenen Majoritäten oder durch eine neue Schlugabstimmung gegeben. Dies Berfahren würde biejenigen, welche für ihre Meinung eine bedentende Stimmenzahl vereinigt haben, dazu veranlaffen, dieje auch bei ber Schlufabstimmung festzuhalten; aber die, welche für die ibrige nur eine anssichtslose Minorität gefunden hätten, wurden Beit haben, sich bei der Schlußabstimmung derjenigen Meinung anzuschließen, die sie nach der ihrigen am nächsten billigen und die noch Hoffnung bätte, burch ihren Beitritt die entscheidende Majorität zu erwerben. Derselbe psychologische Grund indessen, den ich früher erwähnte, steht auch hier dieser Berfahrungsweise entgegen: wer den einen Borschlag V entschieden bevorzugt, wird nicht unbefangen fundgeben, daß ihm auch W ober Z erträglich sei, sondern wird beide zu verneinen versucht sein. Wür die Wahl wird daher, da die Annahme des einen Borschlags alle folgenden von selbst beseitigt, die Reihenfolge wichtig, in welcher V W

Z zur Abstimmung gestellt werden. Die Bünsche, welche man logisch in Betreff dieser Anordnung, der schwierigen Aufgabe parlamentarischen Geschickes, begen fann, spreche ich mit Trendelenburg (leber Die Methode bei Abstimmungen, Berlin 1850) dahin aus: daß jede Meinung Gelegenheit finde, sich mit dem ihr zukommenden Gewichte gelten zu" machen: das, was fie ablebnen will, direct zu verneinen, nicht indirect durch Annahme eines nur theilweis gebiltigten Andern: das, was fie wünscht, unmittelbar und einzeln zu bejaben, nicht durch Verwerfung eines nur theilweis mißbiltiaten Andern; endlich, daß jeder die Misalichfeit habe, zuerst das zu vertheidigen und zu empfehlen, was ihm als fein Erstbestes gilt, dann erft, wenn dies miflingt, sich auf sein Zweitbestes oder Drittbestes zurückzuziehen. Ob aber die allgemeine Grfüllung diefer Bünfche für jeden Stimmberechtigten und in Bezug auf jeden der gemachten Vorschläge nicht überhanpt an einem inneren Widerspruch scheitert, ob es also denkbar ift, daß nach dem Sinne eines jeden gerade diejenigen Anträge getheilt werden, über beren Bestandtheile er verschieden denkt, und gerade diejenigen vereinigt, die er zusammen angenommen oder verworfen wünscht, dies bedarf feiner Unter-Denn gang deutlich ist, daß in jedem Falle nur ein auf den vollen Inhalt der vorgelegten Fragen eingehender und durch lange gleichartige Uebung entwickelter Scharffun fich der Löfung Diefer Aufgabe amabern fann; nur an bestimmten Beispielen, nicht an allgemeinen Symbolen möglicher Fälle, nur in der Praxis und nur sehr wenig durch allgemeine Borichriften läßt sich das zu beobachtende Berfahren lernen und lehren.

295. Es fann zuerst vorsommen, daß die gemachten Vorschläge V W Z nicht die vollständige Disjunction zusammensetzen, zwischen deren Gliedern zu wählen ist, daß vielmehr die gemeinsame Berneisung aller ein viertes Glied bildet, daß mithin überhanpt etwas Renes nicht beschlossen werden muß, sondern es bei dem bestehenden Zustand sein Bewenden haben kann. Zur Wahl dieser Entscheidung kann man aus zwei Gründen kommen; entweder weil man das Bestehende principielt gegen jede Neuerung schützen will, oder weil man, der Berbesserung grundsätlich nicht widerstrebend, doch keinen der gemachten Vorschläge annehmbar sindet; es ist wichtig, daß der Unterschied dieser Gesinnungen seinen Ansdruck erhalte. Die bloße Ablehs

nung aller einzelnen Borichläge nach einander gibt ihn nicht; fie zeiat blos, daß diejenige Aenderung, die man annehmbar gefunden haben würde, nicht vorgeschlagen worden ist; es muß möglich sein, auch die allen Vorschlägen gemeinsame Aufforderung zur Veränderung überhaupt als selde zu verneinen. Dies geschieht durch den Antrag auf llebergang zur Tagesordnung, durch den Antrag alfo, fämmtliche gemachte Borichläge der Debatte und der Abstimmung nicht zu unterziehen, und jo das ihnen Gemeinsame eben jo allgemein abzuweisen. Wo der Wille zu solcher Verneinung verhanden ift, hat er die parlamentarische Pflicht, burch Stellung Dieses Antrags zum vollständigen Ausdruck bes Standes der Meinungen beigntragen und erst nach der Berwerfung beffelben fich mit der Ablehnung aller befonderen Borschläge zu begnügen. Auch wo anstatt vieler nur ein einziger Vorschlag vorliegt, findet der Antrag auf Tagesordnung seine Stelle; es foll bann nicht dieser einzelne Borschlag als solcher, sondern die allgemeine Intention abgewiesen werden, and welcher er hervorgegangen ist und andere ähnliche hervorgehen fönnten. So wird die Tagesordnung, ohne angegebene Beweggründe beichloffen, zum Ausdruck ber Berachtung eines rechtlich oder sittlich verwerflichen, oder zur Ablehnung eines fremdartigen, zur Competenz der Abstimmenden nicht gehörigen, end= lich zur Beseitigung eines gefährlichen Borschlags, deffen bloße Discuifion schon im Interesse des Gemeinwohles abzuwenden ist: sie mildert, als motivirte Tagesordnung, diese Berwerfungen, indem sie durch Angabe ihrer Beweggründe bas an sich Berechtigte eines gethanen Borschlags anerkennt, aber die Zweckmäßigkeit seiner jetzigen Unbringung und des Eingehens auf ihn verneint.

296. Wenn zwei Vorschläge V und W in einem Verhältniß der Unterordnung so stehen, daß W als Verbesserungsantrag oder Amendement den Sinn des Hauptantrags V durch Zusat, Weglassung oder Umsormung zu verändern verlangt, so ist es ein logisch richtiger Gebrauch, die vorläusige Abstimmung über das Amendement der endsgültigen über den Hauptantrag vorangehen zu lassen. Denn über diesen fann den Stimmenden eine Entscheidung erst dann vernünstiger weise angesonnen werden, wenn er nach seiner ganzen Fassung unzweisdentig seisstehet; nicht aber so lange sein Inhalt noch nachträglichen Umsänderungen ansgesetzt ist, deren Annahme oder Absehnung, salls sie vors

ausgewußt worden wäre, leicht die voreilig abgegebene Meinung über Bejahung oder Verneimung völlig hätte umändern fönnen. stimmung über bas Amendement W bient bagu, ben Ginn eindentig festzustellen, in welchem der Hanptantrag V der Abstimmung unterliegen foll; mit der Ablehnung von V wird daher auch die nur bedingungsweis vorangegangene Unnahme des Umendements wieder wirfungslos. Wenn zu einem Hauptantrag V mehrere einander ausschließende Amendements W und Z, oder mehrere Rebenvorschläge über die Specialisirungen treten, welche V zu seiner praftischen Durchführung nöthig hat, wie es z. B. häufig bei noch festzusekenden Maßbestimmungen vorkommt, so würde es bier am wenigsten Bedenken baben, über alle Diese Vorschläge gesondert abzustimmen und die Entscheidung an die größte erlangte Majorität zu fnüpfen. Soll indessen, wie es üblich ift, die Annahme des einen durch absolute Majorität alle übrigen von der Abstimmung ansschließen, so fann man über die min wichtig werdende Reihenfolge der Fragestellung zuerst amathen, die Vorschläge so zu ordnen, daß je zwei am wenigsten von einander abweichende unmit= telbar auf einander folgen. Dies ist, in etwas anderer Form, bei den beiden Arten der Berfteigerung durch Hinaufbieten und durch Herabbieten üblich, und in diesen Fällen wird ohne Unbilligseit auf die Ungewißheit geradezu gerechnet, in welcher sich jeder Bietende über das Begehrungsmaß aller anderen befindet. Denn da Gebot und Annahme freiwillig sind, so spricht jeder durch sie blos den Werth aus, den der fragliche Gegenstand für ihn nach seiner eigenen Schätzung hat, und es wird feines seiner Rechte durch den offenen Wetteifer Anderer oder durch die Unferntniß des Richtvorhandenseins anderer lebhaften Begehrungen gefräntt. Das Herabbieten icheint allgemein bem Berfäufer günstiger, da es den Känfer zur Annahme des Wegenstandes um den höchsten Preis nöthigt, den er für denselben geben zu können glaubt und den er mindern würde, wenn er den Mangel der Concurrenz vorher bemerken könnte; das Hinaufbieten ist dem Käufer günstiger, weil ihm dieser Mangel, wo er stattfindet, benuthar, im anderen Falle aber wenigstens nur die Ueberbietung bes ebenletten Gebotes nothwendig und die Zeit zur Entschließung nicht übermäßig verfürzt wird. Die Analogie dieses Verfahrens, bei welchem ein Einzelner im Kampf mit andern einen erlanbten perfönlichen Bortheil fucht, paßt

ihrem Sinne nach wenig zu den Bemühungen einer Bielheit, in Gemeinschaft mit einander einen dem Gemeinwohl förderlichen Beichluk au Stande au bringen; formell ift es indeffen doch der Borgang bes Herabbietens, der hier zum Muster dienen muß. Mur wird man überhaupt selten Vorschläge finden, die sich so einfach nach quantitativen Maken in eine Reibe ordnen laffen; am häufigften werden W Z . . . ihrem Sinne nach nicht leicht claffificirbar verschieden sein. Man wird jie dann nach dem poraussichtlichen Maß ihrer Angemessenbeit zu dem allgemeinen Willen ordnen, und diejenigen, die sich am weitesten von dem bestehenden Zustande entfernen, das Ungewöhnlichste und Größte verlangen und beswegen wenig Wahrscheinlichkeit ihres Sieges haben, werden berechtigt sein, zuerst der Abstimmung dargeboten zu werden, damit, wenn sie gegen jene Vermuthung nun dennoch dem allgemeinen Willen ausagen sollten, ber Ausbruck Dieses Willens nicht unmöglich gemacht werde durch Beginn von einem wahrscheinlicheren Borichlag, auf ben fich aus eben jener irrigen Berechnung leicht alle Stimmen mit voreiliger Entjagung jammeln könnten. Rach der Ablehnung jolcher ängersten Borichläge fonnte man, der mathematischen Methode der Gingrenzung äbnlich, zu den mittleren an sich wahrscheinlicheren Gliedern der Reihe übergehen und dabei die Anssicht haben, die endliche Entscheibung für einen Borichlag zu gewinnen, ber die geringst mögliche Abweichung von der allgemeinen Befriedigung einschlösse. Regeln find zuletzt unzureichend; namentlich wo der Beschluffassung ein vielgliedriges Ganze vorliegt, beffen einzelne Theile nur nach und nach berathen werden fonnen, bleibt es unmöglich, schon im Berlauf diefer Specialberathung alle die Unguträglichkeiten, Unfolgerichtigkeiten und Widersprüche zu entdecken, die aus der schließlichen Zusammenfügning der vielleicht vielfach veränderten Ginzelheiten der Borlage entstehen würden. Man ning bann bie Specialberathung ähnlich berjenigen über Amendements als nur vorläufige betrachten und einer zweiten Lefung ober einer Schlugabstimmung Die Freiheit vorbehalten, die mit vereinten Kräften zu Stande gebrachte Miggeburt wieder umzubringen.

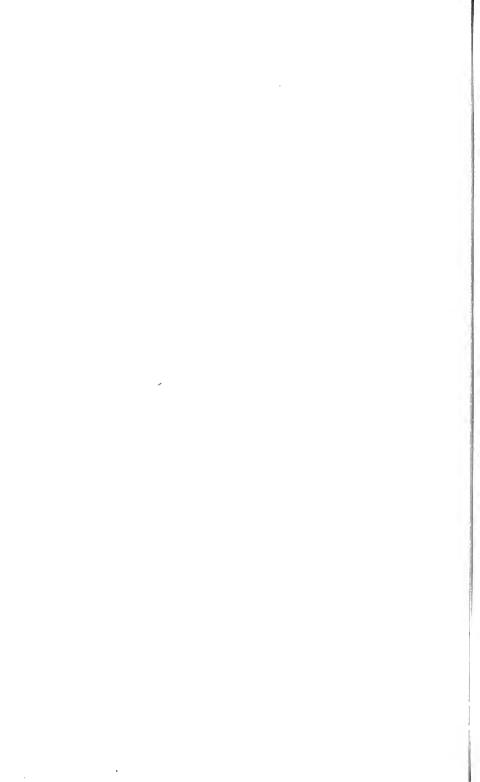
Die formale Absicht atter Abstimmungen endlich, einen Gesammt= willen zu ermittelu, würde zuerst zwar die Feststellung eines Besichlusses Z enthalten, der allen Mitgliedern der Gesellschaft die größte

erreichbare durchschnittliche Befriedigung M gewährte, dergestalt, daß die Minderbefriedigung der einen durch die Mehrbefriedigung anderer ausgeglichen würde. Aber zugleich müßte man doch auch noch wünschen, zur Anssihrung der durch die Annahme von Z entstehenden Berpstichstungen nun auf gleiche Willfährigkeit M bei allen Mitgliedern rechnen zu können. Warum der erste Zweck nur unwollkommen erseicht wird, habe ich angegeben (292). Der letzte Bunsch dagegen ist durch logische Mittel natürlich unerfüllbar; nur dies kann als eine aus der Natur ethischer Zweck zum Behuf ihrer Berwirklichung nothwendige logische Regel abgeleitet werden, daß hier, was sonst die Logis nirsgends verlangen kann, die eigene persönliche Ueberzengung einer absweichenden allgemeinen untergeordnet werden müsse.

Drittes Buch.

Vom Erkennen.

(Methodologie.)



Als ich in der angewandten Logif den Mitteln nachging, durch die es uns gelingt, den mannigfachen Inhalt unseres Vorstellens jenen idealen Formen der Fassung und Verknüpfung einzuordnen, welche die reine Logif kennen gelehrt hatte, habe ich noch nicht von den allgemeinen Methoden gesprochen, mit deren Schilderung die Lehre vom Denken zu schließen pslegt. Ich glaube dort keine unentschuldbare Unterslassung durch ihre Verschweigung begangen zu haben und hier nicht willkürlich zu versahren, wenn ich sie und Verwandtes diesem Letten Theile meiner Arbeit vorbehalte.

297. Seit Aristoteles hat man analytische und synthetische Methode, im Wesentlichen immer nach benselben Gesichtspunkten, als die beiden umfaffenden Endformen unserer wissenschaftlichen Gedantenbewegung unterschieden. Der antiken Borstellungsweise galt hierbei der mannigfaltige gegebene Stoff der Untersuchung als der Gegenstand einer Zergliederung, die aus ihm feine einfachsten Bestandtheile ober seine allgemeinsten Bedingungen zu finden hatte; die analytische Methode war daber ein rückläufiges Verfahren, das a principiatis ad principia seinen Weg nahm; die gefundenen Principien dagegen waren die Baufteine, aus deren Zusammensetzung das sonthetische Verfahren rechtläufig die gegebenen Sinzelheiten erzeugte. Unserem modernen Sprachgefühl entsprechen beide Ramen nicht mehr ebenso sehr und wir würden leicht versucht sein, ihre Bedeutungen zu vertauschen. find nicht mehr an die Hoffnung gewöhnt, eine bloße Zergliederung des Gegebenen werde die gesuchten Principien in ihnen finden; wir haben vielmehr erfahren, daß wir sie, für unsere Erkenntniß, häufig durch vergleichende Combination des Mannigfachen erzeugen muffen, und fie erscheinen uns beshalb als Endergebnisse eines southetischen Gedankengangs; wir sind ebenso nicht mehr ausschließlich der Borstellung ge-Lote, Legit. 30

neigt. Principien als Atome ber Wahrheit anzusehen, aus beren Aufammenfetzung allein die manniafachen Ginzelwahrheiten entsprängen; weit mehr, aleichviel ob mit Recht ober Unrecht, erscheinen Principien und entwicklungsfähig und die Ableitung des Bedingten von feinen Bebingungen mindestens ebenso allgemein als eine Bergliederung beffen, was in biefen enthalten war. Aber cs würde der Mühe nicht lobnen bierüber zu streiten; denn sichtlich ist zuerst feine der beiden Methoden, im Allgemeinen wenigstens, rein durchführbar. lytisches Verfahren fann durch bloße Zergliederung eines Gegebenen zu einem Brincip oder einer allgemeinen Wahrheit gelangen, ohne jedesmal das Ergebnik a des zuletzt gethanen Schrittes mit irgend einem allgemeinen Sate T zusammenzuhalten und durch versuchte Unterordnung des a unter T, in diesem Theile seines Weges also sonthetisch, darüber gewiß zu werden, ob a selbst als ein Lettes anzuerkennen ist, oder ob Gründe vorliegen, zur Hebung eines Widerspruchs die Zergliederung nach einer bestimmten Richtung bin weiter fortzusetzen. Und keineswegs gehört jenes T, welches sich hier eindrängt, immer nur zu jenen formal togischen Gesetzen, denen man selbstverständlich zugesteht, daß fie im Einzelnen den modus procedendi jeder deufbaren Methode beherrschen müssen; um wirtlich weiter zu führen, wird häufig T ein inhaltvoller Cat fein muffen, ben bie Logif nicht geben fann, ben man vielmehr als eine aus anderen Gründen feststebende Wahrheit annehmen und dem durch die Bergliederung gefundenen Ergebnisse überordnen muß. Ebenso wenig wird eine sputhetische Methode ohne Beibülfe analytischer Gedankenverwegung in Gang kommen; hätte sie auch am Anfang eine Augahl elementarer Wahrheiten A B C in der Sand, so würde sie doch über die Tantologie des bloßen Zugleichgeltens dieser Wahrheiten nie hinauskommen, wenn sie nicht nachweisen könnte, wie aus dem Zusammentreffen ihrer Gültigkeit an einem und demselben Gegenstand bald diese bald jene neuen Zolgen x oder y sich entwickeln müssen; ob aber x oder y eintreten werde, darüber fann nur durch die vorgängige Zergliederung der Natur dieses Gegenstandes, also durch eine Strede analytisches Verfahrens, entschieden werden; hierdurch erst wird die bestimmte zweite Prämisse ermittelt, die in Berbindung mit jenen gegebenen Wahrheiten als erster den nächsten sontbetischen Fortichritt zu einem bestimmten Schlußsatze möglich macht. Es ift आया=

geben, daß auf einzelnen Gebieten die synthetische Methode unabhängiger erscheint; die Geometrie kann die Gegenstände, auf welche sie ihre allgemeinen Wahrheiten anwenden will, selbst der Rieihe nach erzengen, und die zergliedernde Angabe dessen, was zur Ableitung sedes neuen Sates als gegeben gelten soll, nimmt in ihren Darstellungen wenig Raum ein; der Sache nach sehlen kann sie doch nicht. Aber in allgemeineren Grenzen, da wo es sich um eine synthetische Construction von Wirklichten handelt, geht der progressiven Ableitung aus den Principien immer eine umfängliche regressive Zergliederung des Gegebenen voran, und durch sie erst werden dem synthetischen Versahren die Richtungen bestimmt, in denen es zu seinen Principien die unentbehrlichen zweiten Prämissen zu suchen hat.

298. Der Unterschied beider Methoden läuft daher in der That prattisch auf einen Gegensatz hinans, den man längst wirklich bemerkt hat: die analytische Methode ist wesentlich das Verfahren der Untersuchung, welche die Wahrheit finden will, die sonthetische das Berfahren der Darstellung, welche die irgendwie auf geraden oder ungeraden Wegen ermittelten Wahrheiten in ihrem eigenen objectiven Zusammenhange wiedergeben will. Und zwar verstehe ich unter Darstellung nicht allein die Mittheilung an Andere, denn für diesen Zweck ist die Schilderung des subjectiven Erfindungsganges ebenso nothwendig und unterrichtend; ich meine vielmehr jene logische Kassung bes gewonnenen Anhalts, in welcher allein er den idealen Unforderungen unferes Denkens an eine in sich selbständige Wahrheit entspricht. der angewandten Logif schien es mir daher wenig ersprießlich, von diesen beiden Methoden zu sprechen; denn ein praftisches Hülfsmittel zur Kösung von Aufgaben bietet teine von beiden; auch die analvtische nicht, obgleich wir sie für die Form der entdeckenden Untersuchung halten. Dadurch allein, daß wir Jemand auffordern, nach analytischer Methode zu arbeiten, haben wir ihm noch feine nübliche Anweisung gegeben; die Definition der Methode in der allgemeinen Form, in der sie aufgestellt zu werden pflegt, enthält im Grunde nur eine Andentung über die Richtung, in der der eigentliche Weg erft zu suchen ift; was ihn finden lehrt, besteht in den einzelnen Aunstgriffen der angewandten Logif, bei deren Benutzung es schließlich ziemlich gleichgültig ist, ob man sie hinter her zu einem southetischen oder zu einem analvtischen Verfahren rechnen

will. Und ebenso: wem wir einen sunthetischen Gang vorschreiben, der hat hierdurch auch nur eine Aufgabe gestellt erhalten; wie er sie richtig sösen wird, eine Frage, zu deren Beantwortung recht eigentlich doch eine Methode dienen sollte, erfährt er durch die allgemeine Charafteristif des von ihm verlangten Bersahrens, von den Gründen zu den Folgen herabzusteigen, in feiner irgend ausreichenden Beise.

299. Dies alles stellt sich anders, wenn wir uns eine Freiheit versagen, die wir uns in der angewandten Yogif gestatteten, und so unseren Betrachtungen einen befriedigenden Abschluß zu gewinnen suchen. Wo wir dort von Beweisen, von der Aufsuchung der Beweisgründe, von der Unffindung von Gesetzen sprachen, haben wir überall in gewisser Beise unvollendete Arbeit übrig gelassen: jeder Bersuch zur Begründung eines Sates ging nur einige Schritte gurud und fam zur Rube, wenn ein anderer Cat erreicht mar, beffen poransgesette Richtigfeit gur Grundlage jenes bienen fonnte. Dies Berfahren entspricht dem wirllichen Verhalten unserer Gedaufen im Leben wie in den einzelnen Wissenschaften. Im Leben liegt unserer Beurtheilung der Dinge und unseren Folgerungen nicht ein einziger Sat T, auch nicht eine reinlich abgegrenzte Gruppe gleichartiger elementarer Wahrheiten zu Grunde: fondern sehr Bielerlei, von gang ungleichartigem Gepräge, ift uns gleich gewiß: hier ein Sat A, der einmal aufgefaßt sich von nun an mit dem Gefühl seiner Dentnothwendigkeit aufdrängt, dort ein anderer B als Ausdruck einer Thatsache der Wahrnehmung, die nicht eben sein müßte, aber unwidersprechlich ist; ein dritter C als Grundsatz von gang unbefannter Herfunft, deffen Gültigfeit aber in jedem Augenblicke durch einen Bersuch seiner Unwendung wiederbestätigt wird; mancher Sat D endlich, der aus gleich unbefannten Onellen entsprungen, zwar keine folde Bewährung seiner Richtigkeit zuläßt, aber doch ein unabweisbares Bedürfniß zu enthalten scheint, dem wir genügen zu muffen glauben, wenn unfere verfunpfende Auffassung des gegebenen Mannigfachen Wahrheit haben foll. Zeden dieser verschiedenen Gewißheitspunfte, und in jedem derselben fann man sich eine Mehrheit elementarer Ueber= zengungen zusammengebrängt benfen, benutzt unsere lebendige Gebaukenbewegung gelegentlich, um eine schwebende Frage zu beantworten: ja selbst einen Satz, ber seinem Inhalte nach eine Folge ber einen Boraussetzung sein würde, beweisen wir uns häufig von einer andern aus,

jobald seine Abhängigkeit von seinem eigentlichen Grunde nicht sofort durchsichtig ist. So wechseln wir beständig die Fußpunkte nuserer Besurtheilung: bald von einem evidenten Gesetze ansgehend, bestimmen wir seine Folgen, bald durch erneuerte Betrachtung gegebener Folgen stärken wir uns in dem Glauben an das Gesetz: Consequenzen, die mit innerer Rothwendigkeit aus einem anerkannten Princip zu sließen scheinen, wehren wir ab um der Unwahrscheinlichkeit willen, die sie für einen ansdern Standpunkt haben; bald gehen wir von A aus, um ein zweisels haftes B zu erweisen, bald halten wir B für evidenter und benntzen es zur Begründung von A; was in jedem Augenblicke für uns psycholosgisch die größte Gewischeit hat, das gilt uns als der zuverlässige Punkt, von dem aus die übrigen schwankenden Gedanken sestzusstellen sind.

300. Gang in solcher Ungebundenheit bewegt sich nun allerdings das wiffenschaftliche Deuten nicht; aber die wirkliche Wiffenschaft, die wir besitzen, nicht die ideale, die wir besitzen möchten, hat doch noch immer mit jenem Verfahren der naturwüchsigen Ueberlegung Aehnlichfeit genng. Sine wirkliche Untersuchung kommt auch hier kann jemals zu Stande, ohne daß die Beurtheilung auf einzelnen Boraussetzungen beruhte, die man theils für unbeweisbar aber gewiß, theils für unbeweisbar aber nur probabel balt, und die man bald als unableitbare Principien der eigenen, bald als verbürgte Ergebnisse einer andern Wiffenschaft anfieht. Selbst innerhalb eines und deffelben Webietes wechseln die Versuche der Begründung; obne die Gewißheit eines Sates in Zweifel zu ziehen, der früher als Quelt der Ableitung für andere galt, glandt man doch einen andern noch gewiffer an die Spike stellen zu können und von ihm jenen mit allen seinen Folgen abzuleiten. Ueberblickt man aber unser Wissen im Ganzen, so wie es unter verschiedene Wissenschaften vertheilt ift, so wird man keine der letztern in sich selbst völlig abgeschlossen finden, sondern in jeder derselben formale oder materiale Principien entdecken, deren Geltung auf Grund ihrer unmittelbaren Evidenz oder ihrer aufflärenden Folgen zugelaffen wird; aber die Frage nach ihrem Ursprung oder ihrem Zusammenhang untereinander wird da fallen gelassen, wo ihre Beantwortung nichts zu dem inneren Betriebe der Wiffenschaft selbst scheint beitragen zu können. Diesen Stand ber Sachen hatten wir in der angewandten Logik vor

Angen und glaubten in dieser Lehre von der Natur der Untersuchungen uns auf ihn beschränken zu fonnen. Denn was sich für angewandte Logif, richtiger für eine Darstellung ber möglichen Amwendungsweisen der Logif gibt, fest eine Bielheit folder Anwendungsfälle voraus, die nur möglich ift, wenn das Geschäft des Untersuchens in dem Anfana von einem gegebenen Anfangspunkte und in seiner gesetzmäßigen Berfnüpfung mit ebenfalls vorausgesetzten festen Punkten besteht. dieser Urt sind alle die mannigfaltigen Untersuchungen, die wir wirtlich zu unternehmen pflegen, und unfer Erfennen verhält sich hierin ähnlich unserem Leben. Woher im Anfange der Geschichte unser aanzes Geschlecht gekommen ift, wissen wir nicht, und ebenso unausdenkbar ift und seine ferne Aufunft; für die meisten verschwindet schon in naber Bergangenheit die Erinnerung an ihre näheren Borfahren und für alle ift die Voranssicht über die Schickfale ihrer Nachkommen noch beschränfter; innerhalb dieser beiden Dunkelheiten liegt doch ein verbältnißmäßig beller Raum des Lebens vor und mit deutlichen Bedürfniffen, bringenden Pflichten und erreichbaren Bielen; die Freude am Dasein und die Zuversicht in der Behandlung der Gegenwart wird nur wenig durch die Ungewißheit des Anfangs und des Endes beeintradtiat. So ist es auch mit unserem Wissen. Gine ewige Wahrheit oder einen zusammengeschloffenen Kreis von Wahrheiten setzen wir voraus: aber in unseren gewöhnlichen lleberlegungen gibt es für ihn weder einen ebenjo vollständigen und geschlossenen Ausbruck, noch eine deutliche Uebersicht seiner Gliederung; nur einzelne Theile desselben werden uns auf eine Weise, die wir selbst uns nicht zu zergliedern vermögen, während der Uebung unseres Denkens im Zusanunenstoß mit der Wirtlichfeit klar und evident; unfer Untersuchen ist eine Art von Binnenverfehr, welcher die ungewissen und veränderlichen Wahrnehmungen mit diesen verschiedenen in unser Bewußtsein bineinragenden Gipfeln einer in ihrem Zusammenhang verborgen bleibenden Gesammtwahrheit zu verfnüpfen sucht.

301. Aber ebenso wie dem Leben die Augenblicke fommen, in denen die Gegenwart erträglich und verständlich unr zu werden scheint, wenn man ihren Zusammenhang mit Vergangenheit und Zusunst glaubt ahnen zu können, ebenso kommen dem Erkennen Veranlassungen, aus jenem Kleinhandel des gewöhnlichen Untersuchens heranszugehen und

fich über Lage, Verbindung und Sicherheit der Ausgangs- und Zielpunfte seiner Bewegung zu besinnen. Denn nicht immer beherrschen jene Grundfate, auf die es vertrant, friedlich jeder fein gesondertes Gebiet: der Hinweis auf die verschiedenen Folgerungen, die in Bezug auf die Gestaltung unseres Lebens aus den Grundsätzen der mechanischen Forschung und aus den Aussprüchen des Gewissens gezogen werden, macht an einem großen Beispiele deutlich, wie die Ansprüche verschies dener Wahrheitsquellen feindlich an demfelben Gegenstande der Beurtheilung zusammenstoßen: aber auch auf theoretischem Gebiete allein fehlen ähnliche Veranlaffungen zu dem Unternehmen nicht, dasjenige sum Gegenstand der Untersuchung zu machen, was dem lebendigen Denken und den einzelnen Wiffenschaften als Princip der Unterjudung gilt. Dieje große Aufgabe hat weber mit vollständigem Erfolg noch vollständig erfolglos die Philosophie aller Zeiten im Auge gehabt, und gewiß würde ihre ganze Auflösung identisch mit der Bollendung dieser Biffenschaft felbst sein; denn fie kounte nur darin besteben, daß es gelungen wäre, einen zusammenhängenden Breis höchster und zugleich inhaltvoller Wahrbeiten festzustellen, aus dem alle anwendbaren Grundfätze unseres Untersuchens mit genauer Ausbentung ihres wahren Sinnes und mit bestimmter Bezeichnung der Grenzen ihrer Gültigfeit ableitbar mären. Nicht diese umfassende Aufgabe, aber ein bescheidener Theil derselben sell den Gegenstand der letten Erörterungen dieses Buches bilden. Richt den Inhalt jener Grundfätze wollen wir suchen, sondern die Gründe, auf denen subjectiv ihre Gewißheit für uns bernht; nicht die Wahrheit, sondern die Kennzeichen, nach welchen wir sie auerkennen und unterscheiden; ober, wenn es bei den alten Benennungen bleiben joll: eine analntische Aufflärung über den Weg wollen wir auftreben, auf welchem wir zu Principien einer sonthetischen Entwickelung gelangen Warum ich diesen Theil der Logit dem Erkennen zueigne, wird die weitere Erlänterung zeigen, deren diese vorläufige Bezeichnung unserer Aufgabe ohnehin bedarf: daß ich ihn Methodologie nenne, geichieht nicht ohne eingestandene etwas willfürliche Deutung biefes Ramens. Fruchtbare Ginzelmethoden entwidelt jede Wiffenschaft und behandelt ähnliche Probleme nach ihnen; aber der allgemeinen Logit würden diese als specielle Aunstgriffe erscheinen, welche nicht sie, soudern eben jene Wiffenschaften zu lehren hätten. Allgemeine Methoden, eben bie jynthetische und die analytische, deren ich gedachte, erwähnt zwar die Logik; aber ihre Ansstellung ist ein ziemlich unfruchtbares Postulat, bis die Rechtsgründe klar sind, die uns überzengen, durch die eine die Wahrsheit gesunden zu haben, durch die andere sie in ihre Einzelsolgen entwickeln zu können. Die Ersüllung dieser letzten Aufgabe möchte ich hier die Methode nennen, nicht in dem Sinne eines allgemeinen Berssahrens, das man an tausendfältigen Beispielen zur Anwendung zu bringen hätte, sondern als einen einmal zurüczulegenden Gedankengang, als den Zwischenweg zwischen den verschiedenen Anellen, aus denen uns Gewischeiten von verschiedener Art zu sließen scheinen, untersnommen zur Ersenntniß ihrer Zusammenhänge unter einander und der Grenzen ihrer Berechtigung.

Erftes Kapitel.

Bom Stepticismus.

302. Gefetse seines Berfabrens tommen dem Denten erft nach vielfältiger Ausübung seiner Thätigkeit durch eine vergleichende Reflexion zum Bewußtsein, die sich auf diese verschiedenen Beispiele seines Thuns zurüchwendet und die unbewußt in ihnen befolgten Regeln zu gesonderten Gegenständen der Betrachtung macht. Noch späteren Uribrungs ift die Frage nach dem Grunde der Berbindlichteit dieser Gefetze und nach den Grenzen, innerhalb deren ihre Befolgung Wahr= beit der Erfenntnik verspricht; sie fann erst entstehen, wenn Erfahrungen von Arrthümern gemacht worden find, zu denen nicht die Bernachläffigung, sondern die Umwendung jener Gesetze auf jeden vortommenden Anhalt unseres Vorstellens verführt zu haben scheint. Mißlingen dann auch die zerstrent angestellten Bersuche, entstandene Schwierigkeiten und Widersprüche durch bessere Deutung entweder dessen hinweggnräumen, was uns Wahrheit schien, oder beffen, was wir als gegeben burch Wahrnehmung betrachten, so bildet sich die Stimmung des umfassenden allgemeinen Zweifels, der Stepticismus. Borübergebend und in größerer ober geringerer Nachhaltigfeit tritt biese Stimmung in der ernsten Entwickelung jedes Ginzelnen auf; als normale Berfassung des Gemüths, die am Anfange der Wiffenschaft alles überkommene Wiffen als fragliches Vorurtheil ansehen und der Prüfung vorbehalten solle, ist sie in der Geschichte der Philosophie mehrmals mit großem Nachdruck verlangt worden; als bleibendes Ergebniß hat sie sich in den steptischen Schulen verfestigt, die zu der lleberzeugung von der Unmöglichkeit sicherer Erkenntniß gelangt zu sein glaubten. In bieser letten Form, in welcher allein die steptische Stimmung zu einem be-

stimmten Abschluß gefommen zu sein meint, werden wir sie nicht so durchgängig von überkommenen Borurtheilen frei finden, wie sie selbst sich zu sein rühmt; Gins aber ist vor allem flar: eine unbedingte Yengnung aller Wahrheit fann bieje Endmeinung bes Stepticismus niemals einschließen, denn nicht blos die Löfung des Aweifels. sondern der Zweifel selbst ist nur möglich unter Voraussetzung irgend einer anerkannten Wahrheit. Wer auf einen Ausweg aus dem Labyrinth der Stepfis zu irgend einer sicheren Erfenntniß hofft, gibt dies von selbst zu; denn finden fann er diesen Weg nur durch eine Untersuchung: jede Untersuchung aber ist nur möglich, wenn wir mindestens formale Grundfate der Beurtheilung vorausjeten, nach deuen die eine Bertnüpfung von Gedanken als richtig von einer anderen als einer faliden oder von einer dritten zweifelhaften unterschieden werden fann. Und wieder, wer jenen Ausweg lengnet, erfennt lengnend selbst bas an, was er verneint. Als die antife Sophistif lehrte, es gebe feine Wahrheit, und wenn es eine gabe, so ware sie nicht erfennbar, wenn sie endtich selbst erfennbar wäre, so würde sie doch nicht mittheilbar sein. jo widersprach fie durch die That jedem einzelnen diefer Säte. Denn das Bange derfelben gab fie doch für Wahrheit und fonnte mithin nicht jede Wahrheit leugnen; sie suchte die Richtigkeit ihrer Behandtungen ferner zu beweisen und mußte desbalb eben die mittelbare Erfenntniß der Wahrheit, deren Unmöglichkeit sie am liebsten bargethan hätte, zu ihren eigenen Gunften voraussetzen: die Mittheitbarkeit endlich lenguete fie in dem Augenblicke, wo fie auf Grund derselben Andere überzeugen wollte. Diesen Widersprüchen entgeben auch biejenigen nicht, die in dem Ansdruck ihres Ergebnisses die Form der Behauptung schenen und nicht die Nichtgeltung irgend einer Wahrheit aussprechen, sondern nur ihr non liquet auch auf diese allgemeine Frage amwenden möchten; gewiß können sie und wir mit ihnen diese Antwort oft geben, wo es sich um die Prüfung einzelner Behanptungen auf Grund gültiger Bahrheiten handelt; daß aber die Geltung aller Wahrheit zweifelhaft fei, läßt sich zwar mit Worten fagen, aber ben Worten entspricht fein ausführvarer Gedanke mehr; wir fönnten die Bedeutung jenes liquet nicht mehr angeben, das wir hier leugnen, wenn wir nicht gewisse Bedingungen dächten, unter denen es stattfinden würde, wenn wir also nicht irgend eine unbedingt gültige Wahrheit voraussetzten, aus der die

Berechtigung flöffe, über basjenige zweifelhaft zu fein, beffen Uebereinitimmung mit ihr nicht nachweisbar ift. Aber nicht nur jeder Abschluß der Stepiis durch irgend eine Behauptung, sondern auch der Zweifel selbst als Thatsache ist unmöglich ohne Diese Boraussegung, unmöglich wenigstens in dem Sinne, in welchem allein wir hier von ihm zu iprechen baben: denn Ungewißbeit freilich würde es dann, wenn feine Wahrheit Rothwendiges und Nichtnothwendiges unterscheiden lehrte, nicht zuweilen, sondern, in Bezug auf Zukünftiges wenigstens, immer geben, dafür aber auch nie Beranlassung zu der zweifelnden Trage, ob ein Gegebenes einem Makstab entspreche, dem zu entsprechen oder nicht zu entsprechen nur dann einen Unterschied macht, wenn er als Maxitab, als Bedingung, als Wahrheit anerkannt ift. Wie ausgedehnt daher auch immer die Ansprüche des Stepticismus sein mögen: er fann bennoch nicht nur die Anerfennung einer an fich gültigen Wahrheit, sondern auch die Boranssetzung nicht los werden, menschliches Deufen besitze Grundsätze, nach benen es wenigstens bie Unnachweisbarteit ber Uebereinstimmung gegebener Borstellungen mit dieser Wahrheit zu beurtbeilen vermöge.

303. Bis zu diesem Zugeständnisse nun läßt die steptische Stimmung sich leicht treiben; sie wird einrämmen, von der Anerkennung einer an sich gültigen Wahrheit durchdrungen zu sein, und zugeben, daß dentnethwendige Gesetze unser Untersuchen und Zweiseln beherrschen; aber darüber ist sie befümmert, ob diese beiden Glieder zusammen= paffen. Gben weil wir miffen, daß es eine Wahrheit geben muß, und hierdurch gugleich wiffen, daß es einen Brrthum geben fann, wie werden wir gewiß, ob nicht auch jene denknothwendigen Gesetze in unserem Beift Diefer Seite bes Brrthums angehören, ob alfo nicht Alles an fich gang anders fei, als es uns benfnothwendig icheinen muß zu fein? Gs ist flar, daß diese Stepsis, die zum Zweisel nicht durch einen positiven Grund getrieben wird, ber in der Ratur des bezweifelten Inhalts läge, die vielmehr die allgemeine Möglichkeit Zweifel zu erheben für einen Rechtsgrund ihrer wirklichen Erbebung ansieht, niemals eine demonstrative Widerlegung zulaffen fann. Denn jeder Grund, ben man gegen sie in bas Geto führen fann, wird sich nur auf die Evidenz und Rothwendigfeit stützen fonnen, mit welcher er selbst gedacht wird, und gehört also mit zu dem Bereich bes Denfnothwendigen, in Bezug auf

welches jene obe Frage, ob nicht bennoch Alles gang anders fei, ins Unendliche wiederholt werden fann. And diese Frage ist in der Geschichte der Philosophie mehrmals anfacstellt worden; noch am Unfange der Renzeit hat Descartes, nachdem er von dem Vorhandensein einer unserem Geiste angeborenen denknothwendigen Ideenfülle sich überzengt zu haben glaubte, sie in der auschaulichen Gestalt der Bermuthung porgetragen: ob nicht ein bojer Dämon unfere Natur jo eingerichtet haben tönne, daß alle unsere Gedanten falsch sein und bennoch uns selbst als evidente denknothwendige Wahrheiten vorfommen müßten? diese Vernuthung meinte er nur widerlegen zu können durch den Sinweis darauf, daß auch die Borstellung eines unbedingt vollkommenen heiligen Gottes unter jenen angeborenen Ideen vorhanden fei; aus fich felbit aber fonne ber endliche Beift nicht ben Gedanken beffen erzeugt haben, was größer ist als er selbst, den Gedanken des Unendlichen; nur ein wirklicher beiliger Gott könne ihn in nus gelegt haben, Diesem beiligen Gott aber widerspreche es, uns zu täuschen. Es ist ein Zug in Dieser Beweisführung, der unsere Aufmerksamkeit reigen könnte: Der hindurchblickende Gedanke, in unierer unmittelbaren Auversicht zu der Bedeutung der sittlichen Idee liege gulett die Bürgschaft auch für Die Wahrheit unserer Erfenntniß; aber so wie ber Schluffat bier furzer Hand Beides zusammenstellt, wird er allerdings Niemand überzengen. Denn was läßt sich am Ende mit Grund den religiösen Auffassungen entgegenstellen, die auch von dem Glauben an einen heiligen Gott ausgeben, aber es mit seiner erziehenden Weisbeit sehr wohl verträglich finden, daß er einen großen Theil der Wahrheit unserer menschlichen Erkenntniß gang entzogen habe? Und wenn er nun nicht einen Theil, sondern alle Wahrheit uns versagt, dafür aber unsern Geist mit ihm denknothwendigen Sinbildungen ausgestattet hätte, welches Recht hätten wir, mit dem tadelnden Ramen einer Täuschung Diese Berjagung der Wahrheit und die Verleihung des Jrrthums zu belegen, bevor wir nachgewiesen hätten, daß auf die Gewährung der ersten unser Geist ein Recht besitze, welches Gott nicht ohne Abbruch seiner eignen Seiligkeit unbeachtet laffen dürfte, und daß die Erfenntniß alles Seienden, wie es ift, die nothwendige Borbedingung zu der Erfüllung der Zwecke sei, die wir den Absichten eben dieser Heiligkeit gutrauen? Diesen Beweis hat Descartes weder erbracht noch versucht; er überläßt sich in diesem Bedankengange febr forglos gewissen Annahmen, die bei der Beurtheilung des inneren Berfebrs der Menschen unter einander ihre beschränfte Berechtiquing haben, aber zu grundlosen Borurtheilen werden, wenn sie auf diese umfassenoste Frage nach dem Sinne einer in endlichen Beiitern sich offenbarenden Denknothwendigkeit angewandt werden: seine Erörterung mürde uns wirflich nicht hindern augunehmen, zwar nicht ein bosbafter Dämon, aber eine gestaltende Macht überbaupt habe uns jo gehildet, baß in der That Alles uns denknothwendig anders zu sein ideine als es ift. Zweierlei nun bleibt uns übrig. Wir fonnen zuerst denienigen, der dieser Annahme beizutreten geneigt ist, sich selbst überlassen, da wir die Ummöglichkeit seiner Widerlegung einsehen, so lange er fein Zweifeln nicht auf bestimmte Grunde ftutt, die den Zweifel nothwendig maden, sondern nur auf die Möglichkeit, ihn stets ohne allen Grund zu wiederholen; dieser Reigung gegenüber würden wir uns miffenschaftlich auf einen Grundfat des Selbstvertrauens der Vernunft gurudziehen, dem im Leben auch unfer Gegner an folgen nicht umbin fann und nicht verschmäht: wir würden Denknothwendiges jo lange für mahr halten, bis es durch seine eigenen Folgerungen eine andere Aufflärung über sich gibt und selbst uns nöthigt, es für einen Schein zu erflären, der dann nicht schlechthin ungültiger Schein ift, sondern in einer angebbaren Beziehung zu der Wahrheit steht, welcher er nicht mehr gleicht. Dies Berhalten beobachtet man im Leben: benn jo lange bie Welt fieht, ift jener grundlose Stepticismus zwar immer zuweilen wieder zum Borichein gefommen; aber ebenso oft hat man ihm einfach den Rücken gefehrt. Einer wiffenschaftlichen Betrachtung gegiemt bies nicht gang: ber andere Weg scheint mir nutlider, die innere Haltlofigfeit jener wunderliden Betümmerniß aufgudecken, ob nicht am Ende Alles an sich anders sei, als es uns denknothwendig ideinen müsse? Was heißt doch endlich dieses Ansich, oder dies Ansichsein von irgend Etwas, das wir unserer denknothwendigen Auffassung besselben Etwas entgegenstellen und das anders sein könnte als Dieje? Hierin liegt, wie wir jett ausführen wollen, ein Borurtheil unserer zusammengesetzten Bildung, das unbesehen in diese Sfepsis, die jedes Vorurtheil abgethan zu haben glaubt, übergegangen ift.

304. Wer über die Berechtigung und die Onellen seiner Er-

fenntniß nachzudenken beginnt, findet sich zunächst in alle die Boraussetzungen verstrickt, die unbewußt im Laufe seiner Bildung auf Grund eigner Erlebniß oder durch Ueberlieferung ihm entstanden sind; denn die Anfangsfrimmung des Beiftes fann nicht der Zweifel, sondern nur das Butrauen zu atlen seinen Wahrnehmungen sein. Keine von jenen Boraussetzungen ist allgemeiner, als die Vorstellung einer unabhängigen Welt der Sachen, zu der wir alle gewohnt find unfere Gedankenwelt in Gegensatz zu bringen. Brethumer, welche uns innerhalb biefer Gedankenwelt begegnen, unterscheiden wir als leicht beilbare Schäden von dem befürchteten großen Brrthum, in welchem sich vielleicht die gesammte Rolgerichtigteit ber Gedankenwelt gegenüber jener Welt ber Sachen felbst befindet. Die zweifelnde Frage, ob nicht boch Alles anders sein tonne, als es uns scheinen muß, hat daber verständlichen Sinn zunächst nur unter der Boranssetzung, daß unser Erkennen zum Abbilden einer Sachenwelt bestimmt sei, und in der That hat man am häufigsten Die Wahrheit, über beren Möglichteit für ums man ungewiß ist, als bie Uebereinstimmung unserer Erfenntnißbilder mit dem Berhalten der Sachen befinirt, welches fie abzubilden behaupten. Das gewöhnliche Bewußtsein verläßt im Leben diesen Standpunkt nie; die Philosophie bat ihn öfters, im Verlaufe ihrer Untersuchungen und auf Grund von Ertenntniffen, die fie ichon zu besitzen glaubte, aufgegeben; einer Sfepfis aber, welche bei Erforschung der Möglichkeit unserer Erkenntniß allen Bornrtheilen entjagen wollte, war es gunächst Pflicht, nicht eine Definition der von ihr gesuchten Wahrheit stillschweigend beizubehatten, die auf das unerörterte Borurtheil von dem Borhandensein jener Außenwelt der Sachen gegründet ift. Bestreiten, daß diese Amahme ein Borurtheil sei, founte mir derjenige, der nie einen Zweifel erhöbe, sondern an der unmittelbaren Wahrnehmung sich so vollständig genügen ließe, daß sie ihm zugleich ein zwingendes Zeugniß für das Dasein und zu gleich eine fehlerlose Difenbarung über die Natur dieser Außenwelt schiene; wer aber einmal an der Wahrheit einer Wahrnehmung zweifelt und dabei als selbstverständlich die Voraussetzung von dem Dasein der Sache feithält, ber fie eigentlich entsprechen sollte, ber fann zuerst seinen Zweisel nur erheben auf Grund gewisser ihm selbst dentuethwendig erscheinenden Ueberzengungen über die Ratur jener Sache felbst, die ihm verbieten, die gegebene Wahrnehmung als ihr mahres Abbild anzusehen; da ihm aber ferner die Sache selbst nun nicht mehr durch unmittelbare Wahrnehmung gegeben ift, fo fann auch die Nöthigung, ihr Dasein überhanpt festzuhalten, nur auf dem Zwange einer ihm felbst anges. bornen Denknothwendigkeit bernhen, die ihn nöthigt, das mannigfache Wahrgenommene durch den Gedanken jenes Nichtwahrgenommenen zu ergänzen, um das Ganze seiner Borstellungen in eine innerliche, ben Besetzen seines Dentens entsprechende Uebereinstimmung zu bringen. Unierem unmittelbaren Glauben nicht, wohl aber unierer wissenschaftlichen Rechtfertigung über unser Beharren bei der Annahme der Wirflichfeit jener Sachenwelt, liegt eine philosophische Erörterung dieser Bedanken zu Grunde, und die Spfteme des Joealismus und des Realismus find hierüber zu entgegengesetzten Ergebniffen gefommen. Diese umfassende Frage bier zur Entscheidung zu bringen, ist nicht im minbesten unsere Aufgabe; im Gegentheil ist unsere Absicht zu zeigen, daß sie methodologisch nicht in diesen Beginn erkenntnistheoretischer Ueberlegungen hätte eingeflochten werden sollen. Gin und derselbe Gedanke ift zu diesem Zwecke in zwei Formen zu verfolgen; zuerst ist zu erinnern, daß jede Entscheidung über jene Frage Die Anerkennung der Competenz des Denfens voraussett; dann ist zu zeigen, daß nie etwas Anderes als der Zusammenhang unserer Borstellungen unter einander den Gegenstand unserer Untersuchungen ausmachen fann.

305. Wenige Worte genügen, um das Erste zu wiederholen. Jede Kritif unseres gesammten Ersenntnisvermögens P, unternommen in der Absicht, seine Uebereinstimmung mit der Natur von Dingen zu untersuchen, würde zur Entscheidung eine andere Quelle Q der Wahrscheit voransssehen, welche uns diese Natur unversälscht kennen lehrte; denn nur Befanntes mit Befanntem können wir vergleichen, nicht Bestanntes mit Undefanntem. Sei unn dieses Quus gegeben, gleichviel ob in Gestalt einer umsassenden, unserem Geisteursprünglich mitgetheilten Ssens darung oder in Gestalt einer Gewisheit, die uns in Bezug auf einzelne Fragen jedesmal in dem Angendlicke ihrer Auswersung plötzlich überstäme, wie werden wir es mit den Aussprüchen jenes P vergleichen, welches uns unsere Einzelverstellungen nach bestimmten Gesetzen zu verstüßes uns unsere Sind P und Q einstimmig, wodurch würden wir sie beide unterscheiden können, um die Ueberzengung zu gewinnen, daß nicht nur unsere subjective Ersentnis P bier zu Werte gesonmen, sondern

außerdem noch durch jene böbere objective Wahrheit () bestätigt und in ihrer llebereinstimmung mit den Dingen selbst bezeugt worden ift? Wir würden es gar nicht fönnen, sondern der vereinigte Ausspruch beider würde genan denselben Zweiseln unterliegen, denen der von P allein ausgesett gewesen wäre. Wenn aber Q uns etwas anderes lehrte als P, wie würden wir den Streit entscheiden? Gefett auch. daß thatsächlich Q die Wahrheit und P den Arrthum lehrte, auf welche andere Beije fonnte unser Glaube an diese höbere Berechtigung von Q erweckt werden als durch die größere unmittelbare Gewißheit, mit welcher sein Ausspruch gegenüber dem von P auftritt? Aber diese Gewißheit ist undentbar, ohne daß Q mit eben derjenigen Wahrheit übereinstimmt, die das allgemeine Gesetz unserer subjectiven Erfemtnisfähigfeit P bildet; was dieser widerstreitet, würde, auch in unmittelbarer Bahrnehmung gegeben, uns stets für ein Räthsel, aber nicht für Sffenbarung gelten. Bleiben daber Q und P einander entgegengesett, so ersahren wir nicht eine Widerlegung des P durch das böbere Recht des Q, sondern wir erleben einen inneren Widerstreit zwischen zwei Leukerungen desselben unserem Geist eigenthümlichen Erfenntnikvermögens, einen Widerstreit, der entweder bei dem Mangel einer anrufbaren höheren Zustanz niemals oder nur dadurch geschlichtet werden fann, daß eben dieses selbe Erfenntnigvermögen einen ihm selbst angehörigen höheren Gesichtspuntt auffindet, von welchem aus eine oder die andere jener entgegengesetzen Aenferungen berichtigt und ber nun blos scheinbare Widerspruch zwischen ihnen beseitigt wird. Auf das mithin, was uns denknothwendig ist, sind wir thatsächlich in jedem Kalle beschränft: das Selbstvertrauen der Vernunft, daß Wahrheit überhaupt durch Denken gefunden werden könne, ist die unvermeidliche Voraussetzung alles Untersuchens; welches der Inhalt der Wahrheit sei, fann immer nur durch eine Selbsibefinnung bes Deutens gefunden werben, das seine einzelnen Erzengnisse unablässig an dem Magstabe der allgemeinen Gesetze seines Thuns mißt und prüft.

306. Ueber den bierin enthaltenen Cirfel bedenklich zu sein, ist nicht nur unthos, da seine Unvermeidlichteit nun doch handgreiflich ist, sondern auch überstüssig, weit niemals, und dies ist das Andere, was wir zu zeigen haben, ein Augenblick kommen kann, welcher den in dunklem Argwohn von dorther besürchteten Schaden uns bemerkbar

werden ließe. Alles, was wir von der Angenwelt wiffen, beruht auf den Vorstellungen von ihr, die in uns sind: es ist völlig gleichgültig gunächft, ob wir idealistisch das Borhandensein jener Welt lengnen und nur unsere Vorstellungen von ihr als das Wirkliche betrachten, oder ob wir realistisch an dem Sein der Dinge außer uns festhalten und fie auf uns wirfen laffen; auch in dem letteren Falle geben die Dinge doch nicht selbst in unsere Erfenntniß über, sondern nur Vorstellungen, die nicht Dinge find, erweden fie in uns. Die mannigfaltigen Borftellungen in uns also, woher sie auch gefommen sein mögen, bilden das einzige unmittelbar Gegebene, von dem unsere Erfenntniß beginnen fann; in ihnen und in dem Berlauf ihres Wechsels und ihrer Berfnüpfungen suchen wir eine gesetzliche Ordnung nach Anleitung der allgemeinen Grundsätze unseres Denkens auf, die uns bestimmen, was für Ordnung und Wahrheit, was für Widerspruch und Räthsel zu balten fei. So oft wir ein foldes Wefets entdeckt haben, nach welchem fich der Infammenbang zweier bestimmten Vorstellungen B und F in uns allgemein und immer richtet, so oft haben wir ein Stück von dem erreicht, was wir Erkenntnig der Sache nennen; scheitern wir in der Bemühung, einen so beständigen Zusammenhang zwischen B und F aufzufinden, so liegt ein Räthsel vor, dessen Auflösung wir immer darin suchen, allgemeingültige Beziehungen zwischen B und einem andern Vorstellungsinhalt M, zwischen F und einem vierten N aufzusuchen. und dann zu zeigen, daß wegen eines veränderlichen Zusammenhanges, der zwischen M und N stattfindet, derjenige zwischen B und F nicht durch das versuchte einsache Gesetz, sondern nur durch ein anderes, das auf M und N Rücksicht nimmt, ausgedrückt werden kann. Zweifeln wir endlich daran, ob eine Relation, die wir zwischen zwei Vorstellungen B und F in uns gefunden haben, sachlich richtig sei, so heißt dies nie etwas anders als: wir zweifeln daran, ob allgemein und immer, so oft B und F in unserem Bewußtsein als Vorstellungen auftreten werden, zwijden ihren Inhalten dieselbe Relation stattfinden werde, die wir vorher aus nur einigen ihrer Wiederholungsfälle abstrahirt hatten. Was man aber mit der wiederholten Frage wolle, ob eine für unser Bewußtsein immer sich bestätigende Beziehung zwischen B und F auch an sich richtig sei, ist nur in einem Falle begreiflich: dann nämlich, wenn diese hier thatsächlich bestehende Beziehung den allge-

31

meinen Boraussetzungen nicht gemäß ist, welche wir nach der eignen Nothwendigkeit unseres Denkens über alle Beziehungen des Mannigsattigen überhaupt und so auch über diesenigen machen müssen, die wir uns als bestehend zwischen verschiedenen von uns unabhängigen realen Wesen denken wollen. Nicht dies Reale einer vorausgesetzten Außenwelt selbst tritt hier zwischen unsere Borstellungen als ein Maßstab, an dem die Wahrheit dieser Vorstellungen zu messen wäre; sondern immer nur die uns notdwendige Borstellung von dem möglichen Bershalten einer solchen Welt, wenn sie ist, also einer unserer eigenen Gedanken, ist das Maß, an dem wir die unmittelbar evidente oder einer Ausstäng bedürstige Wahrheit anderer Gedanken messen.

307. Es ift vielleicht überflüffig, vielleicht aber doch nützlich, diese einfache Ueberlegung noch von entgegengesetzter Seite ber zu wiederholen, und zu fragen, wie es denn zugehen müffe, wenn wir irgend eine angebliche Erfenntniß Z als einen Irrthum erfennen follen? Gesett, wir wüßten aus unseren Beobachtungen, daß zwischen wiederholt in und entstehenden Vorstellungen B und F die unveränderliche Beziehung Z nicht stattfinde, Diese Beziehung sich vielmehr andere ie nach den veränderlichen Verhältnissen, in denen B mit M und F mit N verbunden vorfomme; ein anderer unserer Mitmenschen aber lebe in einem Erfahrungstreife, in welchem ausschließlich die Bedingungen gelten, unter denen die Relation Z zwischen B und F stets bestehen muß: so wird für ihn weder je die Beranlassung zu einem Zweifel an Z fommen, noch wird ber Glanbe an Z den Zusammenhang seiner übrigen Vorstellungswelt beeinträchtigen, so lange Z mit den allgemeinen Gesetzen seines Denkens verträglich ist. Allerdings wird die Borausserung, Z sei eine von weiteren Bedingungen unabhängige Relation zwischen B und F, es ihm sehr erschweren tonnen, für die Berhältniffe anderer Bestandtheile U und W seines Erfahrungstreises ein einfaches Geset zu finden, das er finden würde, wenn er die Abhängigfeit des Z von Bedingungen erfannt hätte, die auch das Berbältniß zwischen U und W mitbestimmen; aber so lange er seinen Glauben an Z nicht weiter als auf die Gegenstände seiner Borstellungswelt ausdehnt, wird es ihm doch gelingen, das in dieser Zusammengehörige in einen wenn auch schwerfällig ausgedrückten Zusammenhang an bringen. Wir unn, im Besitz ber Beobachtungen, die ihm fehlen,

seben seinen Brethum; ibn selbst aber können wir von demselben nur badurch überzengen, daß wir ibn aus seinem beschränkteren Erfahrungsfreise berausreißen und in einen weiteren versetzen; bann, wenn in ibm selbst neue Borstellungsverfungiungen entstehen, Die von feinen früheren sich unterscheiden, wird er zugestehen, sich geirrt zu haben: und auch dann nur zugestehen, daß die Allgemeinheit falsch war, mit der er die Relation Z zwischen B und F dachte, während sie immer wahr bleibt, wenn die Bedingungen bingugedacht werden, unter benen sie ihm unbewußt galt. Wie nun, wenn wir an die Stelle diejes einen in ungunftige Verhältniffe gebannten Beobachters Die menschliche Vernunft überhanpt seven und sie eingeschräuft in eine zusammenhängende Borstellungsweise deuten, die dem wahren Berbatten einer außer ihr befindlicen Sadenwelt nicht entspricht? Auf welche Weise wird ber beständige Arrthum, in welchem wir nus dann alle befinden, zu unserer Kenntnig fommen und welchen Schaden wird unsere Erfenntnig von feinem Fortbestande haben? Geben wir gunächst ab von der Belebrung, die nus ein Engel ertbeilen tounte, jo finden wir: die Sachen felbst sind es gewiß nicht, die sich plöplich einmal selbst zwischen unsere Gebanten brängen und beren Salichbeit aufdeden; fame auch die Welt der Dinge in ihrem selbständigen Berlauf einmal in neue Constellationen, die gang schneidend ben Anffassungen widersprächen, welche wir uns über fie gebildet hatten: merklich murde uns diefer Widerspruch immer nur dadurch, daß ibre Einwirtung auf und jest Borftellungen in uns erweckte, deren Berknüpfung den früber für fie angenommenen Regeln nicht mehr folgt. Dann baben wir einen jener inneren 3rrtbümer begangen, beren Vortommen wir natürlich zugesteben; wir haben die veränderliche Welt ber Borftellungen in uns, das einzige Material, das unserem Erfenntnisbestreben vorliegt, falich interpretirt; wir erfennen jest, daß wir angelernt haben und daß ber Sat Z die früher von ihm geglandte Allgemeingültigkeit nicht besitzt, aber auch, bağ er zu gelten fortfährt, wenn die jest befannt gewordenen Bedin gungen seiner Gültigteit zu ihm hinzugedacht werden. Und da nun die Allgemeingültigfeit des Z ein Brrthum ift, jo ist auch die jo beschräufte Bültigfeit des Z eine Wahrheit, und wir lernen einsehen: weil Irrthum uns zulett immer nur durch einen inneren Widerstreit in unserer eigenen Borftellungswelt bemerkbar werben fann, jo besteht auch bas Erfennen der Wahrheit nur in der Anffindung von Gesetzen, nach denen dieser innere Zusammenhang unserer Borstellungswelt sich immer richten wird, wie unendlich wir auch ihren veränderlichen Lauf sortgesetzt densen mögen. Gewiß ist diese Anffindung ein unvollendbares Untersnehmen und wir haben die ganze Wahrheit nicht, sondern wir suchen sie; so oft wir indessen eine frühere Ueberzengung Z auf Beranslassung neuer Ersahrungen in unserer Borstellungswelt berichtigen, haben wir zwar noch nicht die volle Wahrheit erreicht, aber diesenigen Arrthömer aufgehoben, die ohne diese Berichtigung sortgedauert hätten.

308. 3ch müßte mich sehr tänschen, oder diese Erörterung wird Riemand genngen. So bleiben wir bennoch, wird man einwerfen, wenn wir auch innere Widersprüche in uns tilgen, in den umfassenden Arrs thum unferes ganzen in sich verwachsenen Vorstellens eingeschlossen und seben nie die Wahrheit an sich, sondern nur was uns Wahrheit icheinen muß. Rufen wir denn jest jenen Engel gu Bulfe, ber aus seiner reineren Atmosphäre berab die Dinge schaut, wie sie sind. Wie jehr, bilden wir und ein, murden wir erichrecken, wenn plöglich durch ihn der Schleier vor unfern Angen gelüftet würde, und wir nun faben, wie Alles gang anders ift, als wir es uns vorgestellt hatten! In der That, einen sehr freudigen Schrecken würden wir empfinden, wenn dieser Augenblick uns offenbarte, wie dieselben inhaltvollen Borftellungen, die wir früher hatten, durch einfache uns verborgen gebliebene Mittelalieder nach denfelben Gefetzen, nach denen unfer Denten fich früher bewegte, lückenlos und ohne Widerspruch begreiflich würden. auch nur unter biefer Bedingung. Bare es eine gang neue Welt, bie uns jett aufginge, ohne Achnlichfeit und Zusammenhang mit der, in der wir früher lebten, so würden wir ja nicht sehen, daß Alles anders jei, als wir bachten; benn bamit meinten wir ja, bag eben basjenige alles anders fei, was wir bachten; bas gang neue Schanspiel, bas feine Bergleichung mit dem vorigen zuließe, würde, aus dem Grunde wenigstens, ben wir hier im Sinne hatten, und weber freudig noch ängstlich erschrecken; selbst überraschen tonnte es nur durch Gegensat, also doch durch Beziehung auf den Inhalt unseres früheren Irrens. Aber auch wir, die num Schenden, müßten dieselben sein, die wir früher blind waren. Hätte jener Offenbarungsangenblid auch bie Gesetze unsers Denfens umgewandelt und die Bedingungen verändert, Die

für und Wahrheit und Jrrthum unterschieden, jo würden wir zwar, wenn die neueröffnete Welt diesen neuen Bedingungen der Wahrheit durchgängig entspräche, feinen Unlag baben, irgend einen einzelnen Bestandtbeil berselben in Zweifel zu ziehen; aber mas sollte uns vor bem allgemeinen Zweifel ichüten, ob nicht auch diese in sich zusammenstimmende nene Verstellungswelt die wahre Natur der Dinge verfehle. und ob nicht an sich wieder Alles anders sei, als auch sie uns Alles ericeinen laffe? Will man biefen Zweifel baburd ausschließen, baß nach unserer eigenen Voraussetzung ja eben die Wahrheit der Dinge sethst es sei, die den Anbalt der neuen Unschammigen ansmache? Aber es würde ja, um die Möglichteit des Zweifels auszuschließen, nicht die Thatjache binreiden, daß unfere Abbildung ber Dinge Die richtige fei: wir müßten auch Mittet baben, um sie mit Gewißheit für die richtige zu Dies Mittel besitzen wir nun in Bezug auf einzelne Befrandtheile unserer Erfenntniß; ibre Richtigfeit fonnen wir daran er meijen, daß fie nach den altgemeinen Gejetzen unieres Denkens beurtheilt im Einflang mit allen übrigen Bestandtheilen berselben Erfenntniß find: tas Gauge unferer Vorstellungswelt können wir in Bezug auf seine Wahrheit nicht durch Vergleichung mit einer Realität beurtheilen, welche, jo lange sie nicht erfannt wird, für und nicht verhanden ist, sobald sie aber vorgestellt wird, denselben Zweiseln unterliegt, welche allen andern Borftellungen als jelden gelten. Und endlich, die Thatsade selbst ist ja unmöglich und sinnlos, die wir oben noch zugaben: was fann es beifen, daß jenes bobere Anschauen, Borftellen oder Ertennen die Sache felbst gebe, wie fie ist? Wie boch wir auch die Ginficht vollkommnerer Wefen über die unsere erheben mögen: so lange wir noch etwas irgend Verständliches unter ihr benten wollen, wird sie doch immer unter einen Diefer Begriffe Des Wiffens, Anschauens, Erfennens fallen, d. b. fie wird nie die Sache felbst, sondern immer ein Banges von Vorstellungen über Die Sade sein. Richts ist einfacher als Die lleberzengung, daß jeder erfennende Beift Alles nur jo zu Beficht betommen fann, wie es für ihn aussieht, wenn er es sieht, aber nicht so wie es aussicht, wenn es Niemand sieht; wer eine Erkenntnig verlangt, welche mehr als ein lückenlos in sich zusammenhängendes Ganze von Vorstellungen über die Sache mare, welche vielmehr diese Sache selbst ericopite, der verlangt feine Erfenntnig mehr, jondern etwas völlig

Unwerständliches. Man kann nicht einmal sagen, er wünsche die Tinge nicht zu erkennen, sondern geradezu sie selber zu sein; er würde vielmehr auch so sein Ziel nicht erreichen; könnte er es dahin bringen, das Metall etwa selbst zu sein, dessen Erkenntniß durch Vorstellungen ihm nicht genügt, nun so würde er es zwar sein, aber um so weniger sich, als nunmehriges Metall, erkennen; beseelte aber eine höhere Macht ihn wieder, während er Metall bliebe, so würde er auch als dies Mestall sich gerade nur so erkennen, wie er sich selbst in seinen Vorstelssungen vorsonnen würde, aber nicht so, wie er dann Metall wäre, wenn er sich nicht vorstellte.

309. Warum sollte, in biesen grundlegenden Fragen, die Beitläufigfeit zu ichelten fein, die ich mir gestattet habe? Ihr Ertrag ist freilich gering. Wir haben uns überzeugt, daß bas veränderliche Ganze unserer Borftellungen ber einzige uns gegebene Stoff unserer Arbeit ift: daß Wahrheit und ihre Erfenntnig nur in allgemeinen Gegegen des Ansammenhangs besteht, die sich an einer bestimmten Mehrheit von Vorstellungen ausnahmslos so oft bestätigt finden, als diese Vorstellungen wiederholt in unserem Bewußtsein auftreten; daß in dem weiteren Berlauf ber Gedanten, Die folde Wahrheiten juchen, fich uns nothwendig, ebenfalls unserer Vorstellungswelt angehörig, der Gegenfat awischen unseren Vorstellungen und Gegenständen ausbildet, auf welche wir sie gerichtet glanben; daß die Frage über die Wahrheit dieses Gegensates und über die Bedentung, die je nach ihrer Beantwortung unseren Borstellungen zufommen fann, eine Frage der Metaphosit, ganz mit Unrecht in diesen Anfang erfenntniß-theoretischer Untersuchungen verwickelt wird; daß wir zwar in Bezug auf einzelne unserer Bedanken zweiseln können an der Möglichkeit, sie mit allem andern Anhalt unferes Bewußtseins in Gintlang zu bringen und daß dieser auf bestimmten Gründen beruhende Zweifel auch den Versuch seiner allmählichen Widerlegung guläßt; daß dagegen eine Stepfis, welche befürchtet, es fonne Alles anders sein, als es scheinen muß, ein in sich widersprechendes Beginnen ift, weil sie stillschweigend voraussett, es fonne überhaupt ein Erfennen geben, welches die Dinge nicht erfennte, sondern sie wäre, und dann nur zweifelt, ob unserem Erfennen diese unmögliche Vortrefflichteit beschieden sei; daß endlich, auch wenn man diese unzulässige Beziehung der Vorstellungsweit auf eine ihr fremde Welt der Shiecte fallen läßt, dennoch eine Untersuchung übrig bleibt, welche innerhalb der Borstellungswelt die festen Paufte, die ersten Gewißheiten aufzusinden stredt, von denen aus die veränderliche Menge der übrigen Vorstellungen annähernd in gesetzlichen Zusammenhang zu bringen gelingen fann. Ich werde verschiedene Gelegenheiten haben und benußen, diese Aufstassungsweise zu verdeutlichen; ich werse zunächst einen Blick auf die Versahrungsweisen der Stepsis, deren verschiedene Vendungen das Alterthum im Ganzen mit mehr Vollständigkeit verssolgt hat, als die neuere Zeit, die für viele derselben ein lebhastes Insteresse nicht mehr haben fann.

310. Sextus Empiricus bat und zusammengefaßt hinterlassen, mas der antife Stepticismus por ihm erarbeitet batte. Die sinnlichen Babrnehmungen, die Gefühle der Luft und Unluft, die wir leiden, lenanet auch der Steptifer nicht; fie drängen sich ihm mit Nothwendigfeit auf und bangen nicht von seinem Urtheil ab; aber alles, was ibnen, den Phänomenen, als Nonmenon gegenübersteht, als ein Gedanke, ber, in der Erscheinung selbst nicht gegeben, den Inhalt der Wahrnehmung in eine innere Verfnüpfung bringen möchte, alles dies ist dem Zweisel unterworsen, und jeder in diesem Sinne gewagten Behanptung läßt sich mit gleichem Rechte eine andere ihr widerstreitende entgegensetzen: nichts bleibt baber bem Weisen übrig, als sich jeder Bejahung oder Verneinung der einen oder der andern zu enthalten und in dieser Suspenfion des Urtheils die Seelenruhe zu finden, die er vergeblich sucht, so lange er zwischen verschiedenen Annahmen glanbt entscheiden zu muffen. Aber die Stepfis, indem fie die Enthaltsamfeit vom Urtheil nicht blos als thatsächlichen Zustand ihrer Anhänger schilbert, sondern mit Gründen fie als die einzig richtige Berfassung bes Gemüths beweisen will, wird in diesem Anfange icon sich selbst untren und fest nicht blos, bier wenigstens, die Wahrheit der logischen Gesetze voraus, auf beren Macht sie die Triftigfeit ihrer Demonstras tionen ftüten muß, sondern um die Unmöglichkeit dogmatischer Entscheidungen darzuthun, muß sie mancherlei Dogmen voraussetzen, die nie unter den Phänomenen vorkommen fönnen, sondern immer aus ihnen durch eben die Schluffolgerungen entstehen, deren Zuläffigfeit bestritten werden foll. Die zehn Tropen oder Rechtsgrunde des Zweifels, die Sextus zunächst anführt, laufen alle barauf hinaus, daß aus Empfindungen sich nicht ermitteln läßt, wie der Gegenstand an sich selbst beichaffen ift, ber fie erzeugt. Der erfte Tropus macht auf Die Berschiedenheit der thierischen Organisationen aufmertsam; indem er fortfährt: jedem Thiere mijse beshalb ein Gegenstand sinnlich anders erscheinen als dem andern, stützt er sich auf das Dogma, Ungleiches fönne von Gleichem nicht auf gleiche Weise afficirt werden; nur durch Diesen Schluß war jene Fortsetzung möglich; denn da wir uns in das Annere der Thiere nicht versetzen können, so ist die angebliche Beridiedenbeit ihrer Sinnesempfindung eine erschlossene Behauptung, Die durch keine unmittelbare Wahrnehmung bestätigt wird. außerdem zu viel; nichts beweist, daß die sichtbare Berschiedenheit der förverlichen Organisation von durchgängiger Bedeutung auch für die Empfindung ift, denn Niemand wird leicht glauben, daß die Kate um ihrer elliptischen Pupillenspalte willen die Raumwelt anders auschauen müßte als der Mensch mit seiner freisförmigen. Der zweite Tropus wiederholt denselben Gedanten in Bezug auf die Menschen; auch sie find verschieden organisirt; wollte man daber auch, ohne triftigen Grund, die menschliche Empfindung der thierischen als die richtige und der Sache felbst angemessene vorziehen, so scheitere doch an ihrer Verschiedenbeit auch dieser Versuch; man fann daber nur sagen: dem einen erscheine die Sache fo, dem andern anders; wie fie felbst ift, bleibt unentschieden. Bu gleichem Ergebniß führen die folgenden beiden Tropen; der dritte beruft fich auf die Verschiedenheit der Sinne; dem Ange ist der Honig gelb, der Zunge füß; vielleicht gibt es noch andere uns mangelude Empfindungsweisen, benen er noch anders erschiene; wie er selbst ist, muß daher dahingestellt bleiben, denn fein Grund liegt vor, die Aussage des einen Sinnes für richtiger zu halten als die eines andern. Blieben wir aber selbst bei einem Sinne stehen, so zeigt doch der vierte Tropus, wie auch bessen Empfindungen veränderlich find nach dem Lebensalter, dem Gefundheitszustand, nach Hunger und Sattheit, Schlaf und Wachen; wie ein Ding unserem Sinne in jeder dieser Dispositionen erscheint, läßt sich fagen, aber nicht wie es an sich erscheinen wurde für ein Gubject, das sich in gar feiner von diesen veränderlichen Lagen befände. Diese vier Tropen bezogen sich auf die Natur des Beurtheilers; auf die der zu beurtheilenden Spiecte die folgenden vier; der fünfte lehrt, daß Entfernungen und Lagen die Erscheinung besielben Dinges ändern;

ber sechste zeigt, daß tein Ding seinen Gindruck unvermischt mit ben Eindrücken anderer in uns bervorbringe, der siebente, daß auch die Bufammenfetzung icheinbare Gigenichaften erzeuge, Die den einfachen Bestandtheilen fehlen, und andere aufhebe, die ihnen zufamen; immer laffe fich baber nur erzählen, wie Bedes unter biefen zusammengesetten Bedingungen erscheine, nicht wie es an sich und einzeln und abgeseben von seinen verschiedenen Zuständen sei. Man fann die Beispiele zu diesen Tropen nicht ohne Verwunderung darüber legen, daß fie der antiken Stepsis durchaus nur als Hindernisse missenschaftlicher Erfenntnig erscheinen; der modernen Forschung sind sie sämmtlich zu Ausgangspuntten von Untersuchungen gewerden; indem man sich nicht begnügte, funumarisch über die Veränderlichkeit der Erscheinungen unter wechselnden Umständen zu flagen, sondern der Beobachtung die einzelnen Berfnüpfungen abfragte, die zwischen einem dieser Umstände und einer bestimmten Menderung der Erscheinung stattsinden, ist man zur Erteuntniß der allgemeinen Gesetze gelangt, welche dies mannigfaltig wechselnde Spiel ber Greigniffe beherrichen. Wie freilich ein Ding an fich sei, wenn es unter gar feiner Bedingung des Erscheinens steht, baben wir baburch nicht gelernt; aber daß diese Anfgabe widersinnig sei, wußte die antife Sfepsis and und drudte es in dem achten Tropus aus: Alles steht eben in irgend welchen Berhältnissen, wenn nicht zu andern Dingen, jo boch jedesmal, wenn es erfannt werden foll, zu dem Erfennenden; wie es relationslos an sich selbst ift, bleibt daber unjagbar. Bon geringerem Interesse für uns sind die beiden letzten Tropen: der neunte erinnert daran, daß unfer Urtheil über Größe und Werth der Dinge durch ihre Seltenheit oder Häufigkeit, durch Gewohnheit und Contrast mitbedingt werde; der zehnte beruft sich auf Die Berichiedenheit der Böttersitten, um zu zeigen, daß auch hier nur gesagt werden fonne, was dem Einen oder dem Andern gut oder schlecht scheine, nicht was an sich gut oder schlecht sei.

311. Den weiteren Berlanf ber Pprrhonischen Hopvotoposen bes Sextus, aus beren erstem Buche das Angeführte stammt, lasse ich hier unbeachtet. Man wird sich überzeugt haben, daß bis hierher diese Stepsis die Geltung einer Wahrheit nicht lengnet: denn sie klagt ja eben darüber, sie nicht fassen zu können; nur das aber kann man sinchen, dessen Wirklichkeit man glaubt. Auch zweiselt sie nicht daran,

daß in unseren Denkaesetsen die Bedingungen enthalten find, durch deren Erfüllung allein ein Gedanke Wahrheit sein fann: unaufbörlich wiederholt sich das Bemühen, in vollständigen Disjunctionen die verichiedenen Fälle aufzugählen, die auf Grund dieser Gesetze möglich sind und einander ausschließen: durch dieselbe Consequenz unseres Denkens follen wir dabin geführt werden, die Enthaltung vom Urtheil als nothwendig anzuerfennen. Aber dies Berhalten allerdings erfährt nachträglich eine Berichtigung; die ffeptische Schluffolgerung befleißigt fich. auch sich selbst mit in die Ungewißheit einzuschließen, welche sie in der Form einer Behauptung vorber über alle unsere angebliche Erfenntniß Die Wendungen sind mannigsach und seltsam, die bierzu gebraucht werden. Wenn der Steptifer beweisführend zu seinem verneinenden Ergebniß fomme, so lehre er auch da nichts, sondern erzähle mir, dan ihm, jest, in diesem Augenblicke seines Lebens, und in dem Zustande, in dem er sich befinde, die von ihm vorgetragene Meimma die richtige scheine; er bürge nicht dafür, daß sie ihm selbst so in jedem anderen Augenblicke erscheinen werde; wenn er genöthigt sei, die Urgumentation eines Andern als zwingend auzuerkennen, jo könne er immer antworten: die Wahrheit Z, die dieser lehre, sei ja bis zu diesem Augenblicke unbekannt gewesen, habe aber doch, wenn jie Wahrheit sei, immer schon bestanden und gegolten; was versichere uns nun, daß nicht in späterer Zeit ein Dritter eine neue auch dies Z widerlegende Wahrbeit entdecken und beweisen werde, die in diesem Angenblicke, obwohl sie bereits gelte, doch weder befannt sei noch begriffen oder bewiesen werden fonne? Diese Fragen find unabhängig von der Beziehung unserer Erfenntniß auf einen ihr jeuseitigen Gegenstand; sie betreffen allgemein den Grund unserer Gewißbeit und das Recht zu dem Zutrauen, welches wir der Wahrheit eines in uns enthaltenen Gedankens ichenfen; in dieser Hinsicht behalten wir sie Späterem vor. Im Uebrigen aber waren die Darstellungen des Sextus in ein Vorurtheil und in einen Arrthum verwickelt: in das Borurtheil von dem Borhandensein jener Welt an sich, zu der das Erfennen in Gegensatz gestellt wurde; dies Vorurtheil fann richtig oder falich sein, aber es ist hier unent= scheidbar; in den Arrthum ferner, die Vorstellung eines Erfennens, welches die Dinge faßt, nicht wie sie erfannt werden, sondern wie sie find, bedeute noch irgend etwas Verständliches, über deffen Besitz ober

Nichtbesitz ein Streit geführt werden fönne: hierüber ist vielmehr das Denken völlig mit sich selbst einig, daß Alles, was Erkennen heißt, Dinge nur vorstellen, aber nicht sie selbst sein kann.

312. Man wird geneigt fein, diesen Satz in der Form: daß wir nur Erscheinungen, nicht das Wesen ber Dinge selbst erkennen, als die erste Wahrheit jeder Erkenntnißtheorie auszusprechen und anzuerfennen; ich schene diese Form, weil sie immer noch ein Borurtheil enthält, das ich aufgegeben wünschte. Dies zwar, daß die fategorifche Geftalt des Sates eben bas Borbandenfein jener Dinge poraussett, würde durch Umwandlung in hopothetische sich beseitigen: wenn Dinge find, jo erfennt das Erfennen nur ihre Erscheimung, nicht ibr Wefen. Und jo aber enthält fichtlich ber Gat ben Nebengebanken einer verfehlten Bestimmung; jenes nur deutet an, daß unser Erfennen, eigentlich bestimmt, das Höhere, das Wesen der Dinge, zu erfaffen, fich mit bem Schlechteren, ber Erscheinung, begnügen muffe. Dieje Werthvertheilung ift ein Borurtheil; ein richtiges' vielleicht, vielleicht ein unrichtiges, je nachdem der weitere Fortschritt der Biffenschaft entscheiden wird, den wir hier nicht vorausnehmen fönnen. Willfürlich erscheint es indessen schon hier, das Ertennen in die Stellung eines Mittels zu rücken, bas seinem Zwecke, Dinge zu fassen wie jie find, feineswegs entspreche; beutbar ift icon bier eine entgegengesette Ansicht, welche Die Dinge als Mittel betrachtete, bas gange Schanipiel ber Vorstellungswelt in uns hervorzubringen. So, wie jie find, würden wir dann die Dinge nicht erfennen, aber wir würden barum feinen Zwed versehlen; in den Erscheinungen, die sie uns geben, würde dann jenes Höbere und Werthvollere liegen, das wir mit bem Namen bes Wesens zu bezeichnen suchten, und in der Auffindung bes Sinnes, bes Zusammenhangs und ber Wesetze, welche diese innerliche Ericeinungswelt beberrichen, würde die Erfenntniß der Wahrheit nicht allein zwar, aber vorwiegend und mindestens ebenso sehr bestehen, als in der ängstlich gesuchten Ginsicht in die und nud jeder vorstellenden Seele jenseitig bleibenden Mittel, durch welche der Ablauf der inneren Erscheinungen in uns hervorgebracht wird. Aber diese Ueberlegungen fortzuseten, würde die Grenzen meiner Aufgabe überschreiten; ich wiederhole noch einmal, was ich unter dieser verstanden wünsche: lassen wir gänglich den Gegensatz unserer Borstellungswelt zu einer Welt der Tinge beiseit; sehen wir allein jene als den Stoff unserer Arbeit an: suchen wir zu ermitteln, wo innershalb derselben die ursprünglichen sesten Punkte der Gewissbeit liegen, und wie es gelingen kann, andere Vorstellungen, die diese Eigenschaft nicht ebenso unmittelbar theilen, mittelbar ihrer theilbast zu machen. Auf einigen Umwegen, die dennoch nicht Abwege sein werden, erreichen wir vielleicht bierüber Klarbeit.

3weites Kapitel.

Die Ibeenwelt.

313. Die Bosbarfeit der Aufgabe, die wir uns stellten, bat schon das Alterthum wiederholt verneint. Daß Alles fließe, war die befannte und doch in ihrem Sinne und nicht gang verständliche Lehre des Heraflit. Daß man fie in dem halbelegischen Tone einer Klage über die Schnelligfeit des Wechsels aufgefaßt, zeigt die Steigerung bes Heraflitischen Spruces: nicht zweimal durchschreite man denselben Rluß; man fonne es nicht einmal. Aber diesem anschaulichen Hinweis auf Bergänglichfeit hätte die gewöhnlichste Erfahrung auch Beispiele unberechenbarer Dauer entgegen gehalten; ein philosophischer Sinn würde in solder Weise die ersten nur haben verallgemeinern fönnen, wenn er gegen ben Angenichein bewiesen hätte, daß auch die zweiten einen langsamen Bechsel nur verhällen, ihm aber immer unterworfen sind. Wir wissen nicht, in wie weit dies geschehen, und ob diese Speculation achtfos an dem Umstande vorübergegangen ist, daß eben die verschiedene Geschwindigkeit bes Wechsels in das Spiel der Erscheinungen boch wieder einen fruchtbar zu benutzenden Gegenfatz des relativ Festeren zu dem Vergänglicheren einführt. Daß ferner einer verändernden Einwirfung von außen her nichts völlig widersteht, Alles mithin verändert werden fann, ist eine zu einfach aus dem Leben zu schöpfende lleberzeugung, als daß es einer Philosophie bedurft hätte, sie zu ent= decken; dennoch bleibt zweiselhaft, in wie weit Heraklit darüber hinaus eine aus inneren Gründen fliegende, von augen unveranlagte Beränderung aller Dinge nur als Thatjache gelehrt, oder ob er die beständige Bewegung als die Möglichkeitsbedingung alles natürlichen Seins, rubendes Gleichgewicht und Beharren dagegen für unmöglich gehalten

Manches mag es mahricheinlich machen, ihm dieje lettere Steigerung des Gedankens zuzutrauen; völlig gewiß entscheiden wir bierüber ebenso wenig, als über die wichtigere Frage, was denn eigentlich unter dem Allen zu versiehen sei, dem er diese unaufbörliche Beränderlichkeit zuschrieb. Unstreitig umfaßte dieser Ausdruck die Sinnendinge; denn nur in den wechselnden Combinationen ihrer Eigenschaften und Beziehungen lag ber natürliche Ausgangspunkt bieser ganzen Anficht; nmfaßte er aber zugleich den Anhalt der Borftellungen mit, durch den wir diese Sinnemvelt denken? sollte nicht blos altes Wirkliche, sondern auch alles Denkbare diesem ewigen Flusse unterliegen? Ich bezweifle, daß Heraflit diese lette Meinung gehabt hat; würde doch die allgemeine Unbeständigkeit jeder Denkbestimmung überhaupt jede Untersuchung und Behanptung unmöglich machen: aber die lebhafte Schilderung, die von dem späteren Treiben der Heraflitischen Schule Platon in seinem Theatet entwirft, läßt uns annehmen, bak fie wenigstens fein Bedeufen getragen bat, die Lehre ibres Meifters bis zu diesem Sate zu erweitern. Hieran schloffen fich die Bestrebungen der Sophisten; ich meine nicht diesenigen, die unter ber Bubrung des Protagoras unr die subjective Geltung jeder Wahrnehmung für den anerfannten, der sie hat, sondern jene anderen, die in Cleatischer Dialettit geübt nachzuweisen versuchten, daß jeder Begriffsinhalt zugleich das bedeutet, was er meint, und zugleich das, was er nicht meint. Diesem Bestreben trat vornehmlich auf ethischem Gebiete, auf dem es seine verderblichsten Früchte erzeugte, der gesunde Wahrheitssinn des Sofrates entgegen und erinnerte daran, daß die Begriffe des Guten und des Bojen, des Gerechten und des Ungerechten ihren eignen festen und unveränderlichen Sinn haben, den nicht das subjective Belieben bald so bald anders bestimmen fönne, sondern dem als einer gegebenen und beständig mit sich identischen Bedeutung Jeder den Inhalt seiner dies Gebiet berührenden Borstellungen lediglich unterzuordnen habe. In dieser Bestrebung mit seinem Lehrer einig, aber von vielseitigeren Beweggründen angetrieben, erweiterte Platon diese lleberzengungen zu seiner Ideenlehre, dem ersten und sehr eigenthümlichen Versuche, diejenige Wahrheit zu verwerthen, die unserer Vorstellungswelt innerhalb ihrer selbst und noch abacsehen von ihrer Uebereinstimmung mit einem vorausgesetzten jenseitigen Wesen von Tingen angehört. Die philosophischen Bemühungen des Alterthums haben das Anziehende, aussührlich die Bewegungen, Kämpse und Frethümer der Gedanken darzustellen, in welche jeder Einszelne noch jest im Laufe seiner Sutwickelung versätlt, und die doch unssere gegenwärtige Bikdung nicht mehr mit gleicher Geduld zu versolgen und zu untersuchen pflegt. Ich gestatte mir deshald, auf diese Vehre Platens von verschiedenen in unsere jestige Betrachtung gehörigen Ausgangspunkten einzugehen.

Man übersett den Platonischen Ausdruck Idee durch Allgemeinbegriff, richtig insofern, als es nach Platon Ideen von Allem gibt, was sich in allgemeiner Gestalt, abgelöst von den Ginzelwahrnehmungen, in denen es vorfommt, denfen läßt. Dennoch ist es eigentlich erst für eine spätere Gedankenreibe, der wir noch begegnen werden, von Wichtigfeit, daß der ideell gefaßte Inhalt als ein Gemeinsames vieler Einzelinhalte, mithin als Allgemeines bentbar ift; wesentlich ist hier am Unfange nicht sowohl seine Ablösbarkeit von verschiedenen Einzelbeispielen, in denen er mitenthalten ist, als vielmehr seine Unterscheidung als eines an sich etwas bedeutenden Inhalts, den wir vorstellen, von einer bloken Affection, die wir erleiden. In der letzteren Bedeutung hätte ihn die heraklitische ober pseudoberaklitische Vehre mit in den haltlosen Blug ihrer Greignisse verwickeln fönnen, deren jedes nur ist in dem Angenblicke, in dem es geschieht, beren feines aber in ber Welt eine bleibende Stätte ober Bedeutung hat, weil feines, nachdem es geschehen, sich jemals sich selbst gleich zu wiederhoten brancht; die erste Anffassung dagegen objectivirte nufere Affection zu einem selbständigen Inhalt, ber immer bedeutet, was er bedeutet, und beijen Beziehungen zu andern auch dann noch eine ewige immer gleiche Gültigkeit besitzen, wenn weder er felbst noch die anderen sich jemals in unserer wirklichen Wahrnehmung erneuern Wie ich dies meine, habe ich früher Beranlaffung gehabt zu erörtern (S. 15 ff.). In unserer Wahrnehmung ändern die Simendinge ihre Cigenschaften; aber während das Schwarze weiß wird und das Süße sauer, ist es doch nicht die Schwärze selbst, die in Weiße übergeht, und nicht die Sugigfeit wird zur Saure; jede diefer Gigenschaften vielmehr, ewig sich selbst gleich bleibend, tritt an diesem Dinge ihre Stelle einer andern ab, und die Begriffe, durch welche wir die

Dinge denken, haben nicht felbst an der Beränderlichkeit Theil, die wir, um ihres Wedfels millen, von den Dingen ausfagen, beren Bradicate fie find. Und felbit, mer dies leugnen wollte, murde es wider Willen bejaben: benn er fonnte Die Guge felbft nicht in Gaure übergeben laffen, ohne biefe beiden Zustände zu trennen und ben erften durch eine Borftellung zu bestimmen, die ewig etwas Anderes bedeuten wird, als den zweiten, in den jener sich verwandelt habe. Es ift ein febr einfader und unideinbarer, dennoch fehr wichtiger Gedante, ben Platon bier zuerst ausgesprochen bat. Immerhin mag unseren Sinn bie beständige Beränderung der Außenwelt wie ein baltloser Wirbel verwirren: ohne eine bindurchgebende Wahrheit ift fie dennoch nicht: wie auch immer die Dinge wechselnd erscheinen mogen, das was fie in jedem Augenbliche find, find fie immer nur durch flüchtige Theilnahme an Begriffen, die felbst nicht flüchtig, sondern ewig fich selbst gleich und beständig, zusammengenommen ein unveränderliches Gedankenspftent und den ersten würdigen und festen Gegenstand einer unwandelbaren Erfenntniß bilden. Denn auch Davon überzeugten wir uns früher idon, daß nicht blos die abgeschlossene Einheit jedes Begriffsinhalts mit sich selbst, und nicht blos der gleichförmige Gegensatz gegen alles Undere, sondern auch die abgestuften Beziehungen der Aehnlichkeit und Bermandticaft der vericiedenen mit zu dem Bestande biefer ersten unmittelbaren Erfenntniß geboren. Wenn das Weiße ichwarz und das Sufe fauer mird, mird es nicht nur anders überhaupt, sondern aus dem Bereich bes einen Begriffes, an dem es Theil hatte, gleitet es über in ben Bereich eines andern, der von dem ersten durch eine unveränderliche Weite des Gegenfates getrennt ift, eine größere als diejenige, die gwischen dem Weißen und dem Gelben stattfindet; eine unvergleichbare mit der völligen Kluft, die zwischen dem Weißen und dem Sauren beftebt.

315. Ich führe tiese einsachen Beispiele noch einmal au, um an ihnen deutlich zu machen, wie es eine Erkenntniß geben kann, deren Wahrheit von der steptischen Frage nach ihrer Uebereinstimmung mit einem ihr jenseitigen Wesen von Tingen gänzlich unabhängig ist. Hätte auch nur einmal der Lauf der Außenwelt ums in flüchtiger Erscheinung die Wahrnehmung zweier Farben oder Töne vorgeführt: unser Denken würde sie sogleich von diesem Zeitaugenblick trennen und sie und ihre

Berwandtichaften und Gegenfätze als einen beharrenden Gegenstand innerer Unichanung verfestigen, gleichviel ob jemals die Wahrnehmung sie uns in wiederholter Wirklichkeit darbote oder nicht. Erführen wir ferner niemals, auf welche Weise biese Zoeen als Pradicate an Dingen erscheinen können und worin das eigentlich bestehe, was wir die Theilnahme dieser an ihnen genannt haben, so bliebe zwar eine Frage unbeantwortet, die uns im Verlauf unseres Nachdenkens wichtig werden tann, aber ungestört bliebe uns doch die Gewißheit, daß die Reihe der Farben felbst, die Stala der Tone gesetzlich zusammenhängende Ganze find, und daß über die Beziehungen ihrer Glieder zu einander ewig gültige mahre Behauptungen ewig ungültigen falichen entgegengesetzt find. Und endlich die Frage, ob nicht zulest doch die Farben an fich, die Töne an sich anders sind, als sie und erscheinen, wird Niemand mehr aufwersen wollen. Der doch: man begegnet auch dieser Berirrung der Gedaufen: eigentlich seien die Tone nur Schwingungen ber Luft, Farben nur Erzitterungen bes Aethers; nur uns ericbeinen beide in Gestalt jener subjectiven Empfindungen. Es ist unnöthig, weitläufig zu wiederholen, daß diese Empfindungen nicht aushören wirtlich zu sein und nicht dadurch aus der Welt als etwas Unberechtigtes hinausgeschafft werden, daß man äußere ihnen unähnliche Ursachen entdectt, welche für uns die Beranlassungen ihrer Entstehung sind; auch wenn dieselben Schwingungen ängerer Medien anders organisirten Wesen in der Form uns gänzlich unbefannter Empfindungsweisen erschienen, so würden doch die Karben und Töne, die wir gesehen und gehört haben, nachdem wir sie einmal empfunden, einen für uns in Siderheit gebrachten Schatz von an fich gultigem, gesetzlich in fich gusammengehörigem Inhalt bilden. Was jene anderen Wesen empfinden, würde uns, was wir empfinden, ihnen unbefannt bleiben; aber dies hieße nur, daß nicht alle Wahrheit uns zu Theil wird, das aber, was uns zu Theil wird, besitzen wir als Wahrheit traft der Identität jedes jo angeschauten Inhalts mit sich selbst und der bestänvigen Gültigkeit derfelben Beziehungen zwischen verschiedenen. Go begreift man wohl, welche Bedeutung es hat, wenn Platon die Prädicate, die an den Außendingen in beständigem Wechsel vorkommen, zu einem sesten und gegliederten Ganzen zu vereinigen suchte und in dieser Ideemvelt den ersten wahren Gegenstand sicherer Erfenntniß sah: denn die ewigen

Beziehungen, die zwischen den einzelnen Zdeen stattsinden, die einen miteinander verträglich machen, andere einander ausschließen lassen, bilden wenigstens die Grenzen, innerhalb beren das liegt, was in der Wahrnehmung möglich sein soll; was in ihr wirklich ist und wie Dinge es machen, um Zdeen zu ihren Prädicaten zu haben, diese andere Frage erschien Platon nicht als die erste und wurde späterer Ueberlegung zurückgestellt.

316. Gine weitreichende Schwierigfeit fnüpft sich an Diese erste Betrachtung. Wie benten wir eigentlich von Farben, wenn fie von Riemand gesehen, ober von Tönen und ihren Unterschieden, wenn jene von Niemand gehört und diese von Niemand durch Vergleichung wahrgenommen werben? Sollen wir fagen, daß beide dann Richts find oder daß sie nicht sind, oder fommt ihnen auch dann noch ein schwerbestimmbares Prädicat, irgend eine Art des Seins oder der Wirklichfeit zu? Sie für Nichts zu halten, werden wir Anfangs nicht geneigt fein; denn eben, so lange wir sie, um diese Frage zu beantworten, in Gedanken festhalten, ift jede Farbe und jeder Ton ein bestimmter von andern sich unterscheidender Inhalt, ein Stwas mithin und nicht ein Alber diese Entscheidung wird und zweifelhaft durch die Antwort, die wir auf den zweiten Theil der Frage glauben geben zu Bon Dingen meinen wir noch, unflar genug, zu wissen, worin ihr Sein auch bann noch besteht, wenn sie für Niemandes Erfenntniß Wegenstände, sondern rein für sich sind; was es aber heiße, daß ein Ton fei, wenn er von feinem Ohre gehört, und wenn auch bie lantloje Borftellung feines Alingens von feiner Seele erzeugt würde, wissen wir ebensowenig zu fagen, als wie ein Schmerz dann noch ist, wenn er Riemandem wehthut. Das aber, was nicht ist, weder für sich noch in unserer Vorstellung, wie könnte es noch Etwas sein und sich von Anderem unterscheiden? Aber auch dies zu behaupten zögern wir; es liegt offenbar, ganz allgemein ausgedrückt, in jener ersten Enticheidung ein gewisses Element von Bejahung, das nicht ganz burch Die Berneinung zu Grunde geben darf, welche diese zweite ausspricht. Bielleicht icheint es uns eine Austunft, die kategorische Form unseres zu fällenden Urtheils in eine hypothetische zu verwandeln: zwei ungehörte und unvorgestellte Tone sind nicht Etwas und stehen nicht in Berhältniffen, aber fie werden immer jeder Etwas und von dem andern

vericbieden fein und in einem bestimmten Verhältnisse des Gegensaties stehen, wenn sie gehört oder vorgestellt werden. Unmittelbar aber befriedigt uns auch dies nicht; denn immer, um nur porftellen zu fönnen, wie den Tönen a und b dieje verschiedenen Schickfale bes Nichtvorgestellt- und des Borgestelltwerdens begegnen fonnen, und wie dann, wenn fie vorgestellt werden, die Beziehung z, wenn aber andere vorgestellt werden, die Beziehung z1 mitgedacht werden muß, scheinen wir doch genöthigt zu sein, ihnen auch dann, wenn sie nach unserer jetigen Behanptung noch nicht wären, gleichwohl icon ein Sein und ein Etwassein anguschreiben und in diesem den Grund für ihr fpäteres Sein und die bestimmte Gestalt ihrer bann eintretenden Beziehnngen zu suchen. Diese spitzsindigen Erörterungen will ich so nicht fortsetzen, jondern biete zu ihrem Abichluß Folgendes an. Es gibt allerdings einen sehr allgemeinen Begriff von Bejahtheit oder Position, der uns in verschiedenen Untersuchungen begegnet, und zu bessen Bezeichnung Die Sprachen, Die nicht an den einfachsten Elementen des Denkens, sondern an sehr zusammengesetzen und concreten Vorstellungsinhalten jich zuerst geübt haben, einen abstracten Ausbruck von wünschenswerther Reinheit nicht zu besitzen pflegen. Aber es wäre nicht gutgethan, ba= für einen Runftausdruck gu ichaffen, beffen Berftändnig zweifelhaft bleibt, weil er Niemandem von Natur mundgerecht oder dentgerecht ift; führt doch auch der häufig dafür gebrauchte Name der Position durch seine etnmologische Form den gang ungehörigen Rebenbegriff einer Handlung ober Operation der Segung mit sich, durch deren Ausführung jene zu bezeichnende Bejahtheit erzengt würde. Man wird doch sich an die gewöhnliche Sprache halten und ein Wort wählen muffen, das im Gebrauche, annähernd mindestens und fenntlich, als Ausdruck des gesuchten Gedankens sich nachweisen läßt. Für deutsche Bezeichnung dient hierzu das Wort Wirklichteit. Denn wirklich nennen wir ein Ding, welches ist, im Gegensatz zu einem andern, welches nicht ist; wirtlich auch ein Ereigniß, welches geschieht oder geschehen ist, im Gegensatz zu dem, welches nicht geschieht; wirklich ein Berhältniß, welches besteht, im Gegensatze zu dem, welches nicht besteht; endlich wirklich wahr nennen wir einen Sat, welcher gilt, im Wegensat zu dem, beffen Geltung noch fraglich ift. Diefer Sprachgebrauch ift verständlich; er zeigt, daß wir unter Wirklichkeit immer eine Bejahung

benfen, beren Sinn fich aber febr verschieden gestaltet, je nach einer dieser verschiedenen Formen, die sie annimmt, deren eine sie annehmen muß, und deren feine auf die andere gurückführbar oder in ihr entbalten ift. Denn aus Sein läßt fich nie ein Geschehen maden, und Die Wirflickeit, welche ben Dingen gutommt, nämlich zu fein, gebührt nie den Greigniffen; Diese find nie, aber fie geicheben; ein Sat aber ist weder, wie die Dinge, noch geschieht er, wie die Greignisse; auch daß sein Inhalt bestehe wie ein Berbältniß, fann erst gejagt werden, wenn Die Dinge find, zwischen benen er eine Beziehung aussagt; an sich aber, und abacieben von allen Umvendungen, die er erfahren fann, beitebt feine Birklichkeit darin, daß er gilt und daß fein Gegentheil nicht gilt. Mißverständnisse nun müssen immer entstehen, wenn wir einem Object unferes Nachdenfens, überzengt, daß ihm irgend eine Wirklichteit ober Bejahnng zufommen muffe, doch nicht biejenige Art derselben, die seiner eigenthümlichen Natur zugehört, sondern eine andere beizulegen suchen, für die es nicht zugänglich ist: dann entsteht jener eben berührte Widerstreit zwischen der Ueberzengung von der Richtigkeit einer Bejahung überhaupt und der Unmöglichkeit der bestimmten, die man irrthümlich versucht. Den Vorstellungen, sofern wir fie haben und faffen, gebührt die Wirflichfeit in dem Ginne eines Greignisses, sie geschehen in uns, denn als Aeußerungen einer vorstellenden Thätigfeit sind sie nie ein rubendes Sein, sondern ein dauerndes Werden; ihr Inhalt aber, sofern wir ihn abgesondert betrachten von der vorstellenden Thätigkeit, die wir auf ihn richten, geichieht bann nicht mehr, aber er ist and nicht so wie Dinge sind, sondern er gilt nur noch. Und endlich, was dieses Gelten beiße, muß man nicht wieder mit der Voranssetzung fragen, als ließe sich das, was damit verständlich gemeint ist, noch von etwas Anderem ableiten; als wäre es etwa möglich, Bedingungen anzugeben, unter deren Cinwirfung entweder das Sein, welches den Dingen zufommt, so abgeschwächt und modificirt, oder das Geschehen, welches die vergängliche Wirklichfeit der Vorstellungen bildet, sofern sie Erregungen unseres Bewußtseins sind, so verfestigt und verselbständigt werden tonnte, daß beide, von verschiedenen Seiten ber, in diesen Begriff des Geltens übergingen, welcher von dem geltenden Inhalte ebensowohl die Wirklichkeit bes Seins lengnet, als die Unabhängigfeit von unserem Deuten behauptet.

So wenig Zemand sagen kann, wie es gemacht wird, daß Etwas ist oder Etwas geschieht, ebenso wenig läßt sich angeben, wie es gemacht wird, daß eine Wahrheit gelte: man muß auch diesen Begriff als einen durchaus nur auf sich beruhenden Grundbegriff ansehen, von dem Zeder wissen kann, was er mit ihm meint, den wir aber nicht durch eine Construction aus Bestandtheilen erzeugen können, welche ihn selbst nicht bereits enthielten.

Bon hier ans icheint mir Licht auf eine befrembliche Ungabe zu fallen, die in der Geschichte der Philosophie überliesert wird: Platon habe den Ideen, zu deren Bewußtsein er sich erhoben, ein Dasein abgesondert von den Dingen, und doch, nach der Meinung berer. die ihn jo verstanden, ähnlich dem Sein der Dinge, zugeschrieben. ist seltsam, wie friedlich die bergebrachte Bewunderung des Platonis schen Tieffinns sich damit verträgt, ihm eine so widerfinnige Meinung zuzutranen; man würde von jener zurückkommen müffen, wenn Platon wirklich diese gelehrt und nicht nur einen begreiflichen und verzeihlichen Anlaß zu einem jo großen Mifverständniß gegeben hätte. Der Ausdruck philosophischer Gedanken ist von der Leistungsfähigkeit der gegebenen Sprache abhängig, und es ist faum vermeidlich, gur Bezeichming deffen, was man meint, Worte zu beinigen, welche diese eigentlich nur für Berwandtes, was man nicht meint, ausgeprägt bat, dann vorzüglich, wenn ein neues Gebiet eröffnet wird und die Dringlichkeit der Unterscheidung des Gemeinten von jenem Anderen noch wenig empfunden werden fann. Hierin scheint mir der Grund jenes Mißverständnisses zu liegen. Nichts sonst wollte Platon lehren, als was wir oben durchgingen: die Geltung von Wahrheiten, abgesehen davon, ob sie an irgend einem Gegenstande der Außenwelt, als deffen Art zu sein, sich bestätigen; die ewig sich selbst gleiche Bedeutung der Ideen, die immer sind, was sie sind, gleichviel ob es Dinge gibt, die durch Theilnahme an ihnen sie in dieser Angenwelt zur Erscheimung bringen, oder ob es Beister gibt, welche ihnen, indem sie sie denken, die Wirtlichfeit eines sich ereignenden Seelenzustandes geben. Aber der griechischen Sprache sehlte damals und noch später ein Ausdruck für diesen Begriff bes Geltens, ber fein Sein einschließt; eben dieser bes Seins trat allenthalben, sehr häufig mischädlich, hier verhängnifvoll an seine Zeder für das Denken faßbare Inhalt, wenn man ihn als Stelle.

etwas mit sich Einiges, von Anderem Verschiedenes und Abgeschlossenes betrachten wollte, Alles, wosür die Sprace der Schule später den nicht üblen Namen des Gedankendinges ersunden hat, war dem Griechen ein Sciendes, ör oder ocosia; und wenn der Unterschied einer wirklich geltenden Wahrheit von einer angeblichen in Frage kam, so war auch jene ein örroz ör; anders als in dieser beständigen Vermischung mit der Virklichkeit des Seins hat die Sprache des alten Griechenlands jene Wirklichkeit der bloßen Geltung niemals zu bezeichnen gewußt: unter dieser Vermischung hat auch der Ausdruck des Platonischen Gestankens gelitten.

Man überzeugt sich leicht, daß Alles, was von den Ideen 318. gefagt wird, unter der Boraussetzung, die wir machten, sich als natürlich und nothwendig ergibt, und daß die verschiedenen Wendungen, die in der Darstellung ihres Wesens genommen werden, eben darauf binanslaufen, den Begriff, zu dessen Bezeichnung ein einziger Ausbruck fehlte, burch viele einander zu Sülfe kommende und beschränkende zu erschöpfen. Ewig, weder entstehend noch vergehend (didia, dernaa, cróλεθοα) mußten die Roen genannt werden gegenüber dem Fluß bes Heraflit, ber auch ihren Sinn ichien mit sich fortreißen zu sollen: die Wirklichkeit des Seins allerdings fommt ihnen bald zu bald nicht zu, je naddem vergängliche Dinge sich mit ihnen schmücken ober nicht: Die Wirklichkeit ber Geltung aber, welche ihre eigne Weise ber Wirklichfeit ift, bleibt unberührt von diesem Wechsel; diese Unabhängigkeit von aller Zeit, in Vergleichung gebracht mit dem, was in der Zeit entsteht und vergeht, konnte nicht wohl anders als durch das zeitliche und doch die Macht der Zeit negirende Prädicat der Ewigkeit ausgesprochen werden, ebenso wie wir das, was an sich nicht gälte und gelten tonnte, an seinem Riemalsvorkommen in aller Zeit am leichtesten er-Trennbar oder getrennt von den Dingen (2008) fennen würden. των οντων), beißen die Ideen zunächst begreiflich, weil das Bild (eldoz) ihres Inhalts unserer Erinnerung vorstellbar bleibt, auch nachdem in der Wirklichkeit des Seins die Dinge verschwunden sind, durch deren Anregung es in uns entstanden war; dann aber, weil unter jenem Inhalt nur das verstanden war, was in allgemeiner Gestalt faßbar, in verschiedenen Erscheinungen der äußern Wirklichkeit sich selbst gleich vorkommt, und deshalb unabhängig ist von jedem einzelnen Beispiele seiner sinnlichen Berwirklichung. Aber es war nicht die Meinung Platons, daß die Ideen nur von den Dingen unabhängig, bagegen in ihrer Beise ber Wirklichkeit abhängig sein sollten von dem Beifte, welcher fie bentt; Birklichteit bes Seins genießen fie freilich nur in dem Angenblicke, in welchem sie, als Gegenstände oder Erzena niffe eines eben geschehenden Borftellens, Bestandtheile diefer veränderlichen Welt des Seins und Geschens werden; aber wir alle find überzeugt, in diesem Augenblicke, in welchem wir den Inhalt einer Wahrbeit deuten, ihn nicht erst geschaffen, sondern nur ihn anerfannt zu haben; and als wir ihn nicht dachten, galt er und wird gelten, ab getrennt von allem Seienden, von den Dingen sowohl als von uns. und gleichviel, ob er je in der Wirklichkeit des Seins eine erscheinende Unwendung findet oder in der Wirklichkeit des Gedachtwerdens zum Gegenstand einer Erfenntnift wird: so denken wir alle von der Wahr beit, sobald wir sie suchen und suchend vielleicht ihre Ungnaänglichteit für jede wenigstens menichliche Erfenntniß beflagen; auch die niemals vorgestellte gilt nicht minder, als der kleine Theil von ihr, der in unsere Gedanken eingeht. In etwas anderer Form, und gegen Protagoras, wird die selbständige Geltung der Ideen hervorgehoben, wenn jie als an jich seiend was jie jind (avrà zad' avrà örra) der Relativität entzogen werden, in die sie der berühmte Ansspruch dieses Sophiften verwickeln wollte. Bugegeben felbit, daß die Lehre beffelben, auf sinnliche Empfindungen beschränft, ihre gute Gültigfeit bat, und daß Platon sie in dieser Beziehung migverständlich befämpft, zugegeben alfo, daß jede sinnliche Empfindung für den, der sie bat, so gut eine Wahrheit ist, wie eine abweichende andere für den, der diese andere hat, so würde doch Platon mit Recht behaupten, weder der eine noch der andere fonne diese oder jene Empfindung haben, ohne daß dasjenige, was er in ihr empfindet, Roth oder Blan, Sug oder Bitter, ein an sich Etwas und immer dasselbe Etwas bedeutender Bestandtheil einer Welt von Ideen sei; sie bildet gleichsam den beständigen unerschöpflichen Vorrath, ans dem jedem Dinge der Angenwelt alle die noch jo verschiedenen Prädicate, mit denen es sich wechselnd betleidet, und ebenjo jedem Geist die verschiedenen Zustände zugetheilt werden, die er soll erfahren fonnen: munoglich ist es dagegen, daß ein einzelnes Subject etwas empfinde oder vorstelle, dessen Inbalt nicht in dieser

allaemeinen Welt des Denkbaren seine bestimmte Stelle, seine Berwandtichaften und Unterschiede gegen Underes ein für allemal befäße, sondern eine zu dieser ganzen Welt beziehungslose, nirgends sonst beimische Sonderbarkeit dieses einen Subjects bliebe. Ift unn durch diese Ausdrücke für die selbständige Gültigkeit der Ideen gesorgt, so ist auch hinlänglich vorgebant, daß diese Gültiafeit nicht mit der Wirklichkeit des Seins verwechselt werde, die nur einem beharrlichen Dinge zugeschrieben werden fonnte. Wenn die Zoeen in einem intelligiblen überhimmlischen Ort (rontde, υπερουράνισε τόποε) ihre Heimat baben follen, wenn sie anderseits ausdrücklich noch als nirgends wohnend bezeichnet werden, so ist für Jeden, der die Anschauungsweise bes griechischen Alterthums versteht, vollkommen hinlänglich ausgedrückt, baß fie zu bem nicht gehören, was wir reale Welt nennen; was nicht im Raume ift, das ift für den Griechen nicht, und wenn Platen Die Ideen in diese unrähmliche Heimat verweist, so liegt darin nicht ein Bersuch, ihre bloße Geltung zu irgend einer Art von seiender Birtlichteit zu hopostasiren, sondern die deutliche Anstrengung, jeden solchen Berjuch von vorn herein abzuwehren. Auch dies steht nicht entgegen, daß die Ideen als Einheiten (Erades, norades) aufgeführt werden; denn feine Veranlassung liegt vor, diese Bezeichnung in dem Sinne atomistischer Vorstellungen sei es auf törperliche Untheilbarteit, sei es auf eine ber Perfonlichfeit ähnliche Selbstheit zu deuten; vielmehr bem Sinne jeder Idee, und nicht jeder einfachen blos, sondern auch jeder ansammengesetten, fommt es an, durch Bereinigung des in ihm 3nfammengehörigen und durch Ausschließung alles Fremden sich als Ginbeit zu beweisen. Dennoch aber, obgleich alle diese Aengerungen darin übereinstimmen, daß Platon nur die ewige Gültigfeit der Joeen, niemals aber ihr Sein behanptete, bennoch blieb ihm auf die Frage: was sie denn seien, zuletzt nichts übrig, als sie doch wieder unter den Allgemeinbegriff der ovola zu bringen, und so war dem Migverständniß eine Thur geöffnet, das seitdem sich fortgepflanzt hat, obidon man nie anzugeben wußte, was benn das eigentlich sei, wozu Platen durch die ihm Schuld gegebene Hopojtaje feine Ideen hypojtajirt haben follte.

319. Zweierlei scheint bieser Auffassung entgegenzustehen: zuerst der Gebrauch, den Platon von den Joeen zur Ertlärung des Weltlaufs macht, in den sie nicht blos als gültige Wahrheiten, sondern zualeich als mirfende Mächte eingreifen, ein Puntt, auf den ich später fomme: bann aber das Berhalten des Aristoteles. Denn dieser ist es eigentlich, beffen bestimmte Versicherungen die lehre von der Realität der Zeen als Dogma des Platon hingestellt haben, mährend Platons eigene Darstellungen der anderen Deutung, die wir vorzogen, jich nicht widersetsen. Es scheint unglaublich, daß ber scharffinnigste Schüler, burch den eignen Umgang mit dem Meister unterrichtet, Die wahre Meinung beffelben bis zu einem Migverständnig von jo großer Bedentung follte verfehlt baben. Dennoch find wir durch die Urt, wie er seine Potemif gegen die Beenlehre überhaupt, nicht gegen bestimmte Sate Platons führt, jowie durch manche Ginzelheiten feiner Ginwenbungen an ber Unnahme berechtigt, daß fein Streit fich jum Theil gegen Migrerständnisse richtet, die frühzeitig in der Afademie eingerissen waren. Denn an Platon selbst konnte er nicht wohl die Aufforderung stellen, zu zeigen, wo die Ideen find, nachdem dieser unumwunden gejagt batte, daß fie nirgends find: nicht gegen ibn fonnte er einwenden, daß folgerichtig auch von Annsterzeugnissen es Ideen geben muffe, denn ein Beispiel wenigstens, das dem beistimmt, enthalten die Bücher vom Staat, und wie wenig Platon die gange hiermit angebentete Schwierigfeit außer Acht gelaffen, bezeugt der Anfang des Barmenides. Wenn endlich Aristoteles Die Boeen für überflüsig balt, weil sie nur Gegenvilder der Einzeldinge seien, wenn überhaupt seine ausführliche Discuffion bäufig von der Annahme ausgeht, es gebe von jeder Bee jo viele Cremplare, als Beispiele ihrer Unwendung in der Birklichkeit vortommen, jo finden Ginwürfe dieser Urt ihr berechtigtes Biel nicht in Platon selbst: daß jede Boee nur einmal verhanden sei, daß fie nicht ein Einzelding, sondern ein Allgemeines vieler bedeute und daß alle ihre Erscheinungen nur Abbilder dieses ihres einheitlichen Wejens bilden, war Platons beständig wiederholte Meinung: unflar mochte es immerbin bleiben, worin jenes durch Nachahmung oder Theilnahme bezeichnete Verhalten der Einzeldinge besteht, durch welches diese der einen Zdee eine ungählige Menge von Berwirklichungen im Sein verschaffen. Die ganze Auseinandersetzung, die das 12. (13.) Buch der Aristotelischen Metaphosik füllt und die Widersinnigkeit einer dinghaften Wirklichkeit ber Ideen darzulegen sucht, fann ich daher um jo weniger für eine Widerlegung der echten Platenischen Ansicht halten, als ichlieflich Uriftoteles selbst für die bessere, die er ihr gegenüberzustellen meint, einen entscheidenden und unzweideutigen Ausbruck ebenfowenig findet. Ihm gilt nur das Einzelding als wahrhafte ovoie. und gewiß werden wir ihm bierin beistimmen: nur dem Einzelding fommt die Form der Wirklichkeit zu, zu fein: aber für ihn wie für Platon ist gleichwohl der Gegenstand der Erfenntnis nur das Allgemeine: nicht nur, daß wir das Einzelne nicht zu erschöpfen im Stande find, soudern auch, so weit wir unsere Untersuchung fruchtbar auf daffelbe richten, beurtheilen wir sein Wesen und sein Verhalten immer nach allgemeinen Grundfätzen. Bon dem aber, was in feiner Weise ist oder Wirklichkeit bat, auch darin ist Uristoteles mit seinen Borgangern einig, fann es auch feine Erfenntniß geben: es folgt mitbin. daß and das Allaemeine nicht ichlechtbin nicht ist, sondern aewissermaßen ist und gewissermaßen nicht ist. Was Aristoteles weiter hierüber verhandelt, verfolge ich nicht im Einzelnen; wenn er aber das Allgemeine oder die Joee nicht außerhalb, sondern in den Ginzeldingen sein läßt, so erflärt er hiermit die Möglichkeit der Erfenntnift nicht: benn barnn, weil die Idee in einem Ginzeldinge ist, fann das, was bier aus ihr folgt, nicht auf ein anderes Einzelding übergetragen werden, in dem sie gleichfalls angetroffen wird: Rechtsgrund zu einem Schluffe von dem einen Birklichen auf bas Berhalten eines andern fann sie nur werden, wenn sie an sich selbst eine Mehrheit von Beziehungspunften jo zusammenschließt, daß überall mit dem Borkommen des einen auch die nothwendige Gegenwart der anderen verbunden sein muß. Und so würde sich anch Aristoteles furzer Hand wieder dahin zurückgeführt sehen, daß allerdings die Idee zwoiz tor ortor in gewisser Beise sei; in welcher Beise aber, dafür fehlt ihm der technische Ausdruck der Geltung ebenso wie seinem Lehrer; auch ihm ist ein Allgemeinbegriff oder eine Adee aulett awar feine wahre odola, aber doch eine δευτέρα ούσία.

320. Wenn man sich nun verwundern wollte über die Thatsack, zwei der größten Philosophen des Alterthums mit nicht vollständigem Ersolg um Klarheit über einen so einfachen Unterschied ringen zu sehen, so würde man unbittig gegen beide sein; das Gewahrwerden der einfachsten Gedankenverhältnisse ist nicht die einfachste That des Denstens, und die ganze lange Geschichte der Philosophie lehrt, wie wir

alle in jedem Angenblick bereit find, in der Anwendung uns derselben Unklarbeit schuldig zu machen, die wir auf ihren einfachsten Ausdruck gebracht für unmöglich balten möchten. So oft man geglaubt bat, eine Gedankenbestimmung entdeckt zu haben, durch welche sich das Allgemeine der Bildung und Entwicklungsweise der erscheinenden Wirklichkeit darstellen zu lassen schien, ebenso oft ist man dazu übergegangen, sie über biese binauf in ein reines Sein zu verselbständigen, gegen welches die Wirklichkeit der Ginzeldinge als eine untergeordnete umwahre Form des Daseins zurücktrat. Ich brauche nicht einmal an die letzte Gestalt der dentschen Philosophie zu erinnern, die an die Stelle der Platonischen Ideen die eine unbedingte Idee meinte setzen zu können; auch in außerphilosophischen Gedankenkreisen kommt dieselbe Reigung sichtlich Denn wie oft hören wir doch jetzt von ewigen unveränderlichen Naturgesetzen, denen alle veränderlichen Erscheinungen unterworfen find; Gefete, deren Erscheinung zwar aufbören würde, wenn es feine Dinge mehr gabe, benen sie gebieten fönnten, die aber auch dann noch fortsahren würden, ewig zu gelten, und in jedem Augenblick wieder in ihrer wirksamen Macht aufleben würden, wenn irgendwoher ein neuer Unwendungsgegenstand sich ihnen darböte; nicht einmal daran fehlt es, gelegentlich diese Gesetze als throneud über aller seienden Wirklichkeit bargestellt zu sehen, gang in jenem überhimmlischen Orte, in dem Platon seine Ideen beimisch nannte. Dennoch würden diejenigen, die so fprechen, mit Entruftung die Unterstellung abwehren, sie hätten diesen Wesetzen ein dinghaftes oder persontides Sein außerbalb der Dinge zugeschrieben, die von ihnen regiert werden: mit gleichem Recht bat auch Platon sich dieser Mißdeutung zu erwehren. Und endlich muß ich hinzufügen, daß num auch wir, wenn wir die den Ideen und Gesetzen zukommende Wirklichkeit als Geltung von der Wirklichkeit der Dinge als dem Sein unterscheiden, zunächst blos durch die Gunft unserer Sprache eine begueme Bezeichnung gefunden haben, die mus vor Verwechselungen beider warnen fann; die Sade aber, die wir durch den Namen der Geltung bezeichnen, hat dadurch nichts von der Wunderbarkeit verloren, die den Antrieb zu ihrer Bermischung mit dem Sein enthielt. Wir sind blos, unseres Dentens uns wie einer natürlichen Fähigfeit arglos bedienend, seit lange daran gewöhnt und finden es nun selbstverständlich, daß der Inhalt mannigfacher Wahr

nehmungen und Erscheinungen sich allgemeinen Gesichtspunkten fügen und nach allgemeinen Gesetzen so behandeln lassen müsse, daß unsere hiernach im voraus gezogenen Folgerungen mit dem Fortgange jener Erscheinungen wieder zusammentressen: aber daß dies so ist, daß es allgemeine Wahrheiten gibt, die nicht selber sind, wie die Tinge, und die doch das Verhalten der Tinge beherrschen, dies ist doch für den Sinn, der sich darein vertiest, ein Abgrund von Bunderbarkeit, dessen Tasein mit Stannen und Begeisterung entdeckt zu haben immer eine große philosophische That Platons bleibt, wie viele Fragen sie auch mag unsgelöst gesassen haben.

321.Eine dieser Fragen ist die nach dem bestimmten Berhält= nisse der Dinge zu den Ideen, das Platon als Theilnahme jener an diesen oder als Nachahmung bezeichnet. Ich erörtere sie jetzt noch nicht in ihrem ganzen Umfange; auf einen Mangel der Ideenlehre führt uns aber ein an sich nicht gerechter Vorwurf des Aristoteles. Unter den Gründen, die ihm diese Lehre überflüssig und nutlos erideinen laffen, bebt er mit Nachdruck bervor, daß fie keinen Unfang der Bewegung barbiete. Go richtig bies an fich fein mag, fo wenig fann es gegen die Ideenlehre beweisen, daß sie diese Aufgabe nicht erfüllt: sie erfüllt nur auch die andere nicht vollständig, die in ihrer eignen Anüpfen wir an die Gegenwart an: unsere Naturgesetze, enthalten fie einen Unfang der Bewegung? Im Gegentheil: fie alle setzen vorans, daß eine Reihe von Daten gegeben sei, die sie selbst nicht feststellen fonnen, aus denen aber, wenn sie gegeben sind, die Nothwendigkeit des inneren Zusammenhangs der nun folgenden Erideinungen ableitbar ift. Lein Naturgesetz bestimmt, daß die Massen unseres Planetensvitems sich überhaupt bewegen und daß ihr Lauf nach dieser und nicht nach einer andern Richtung des Himmels gehen oder daß die Beschleunigung, die sie einander durch ihre Angiehung ertheilen, diese Größe haben mußte, welche sie hat, und nicht eine andere; ist nun deswegen das Spitem der mechanischen Wahrheiten nutlos und ein leeres Gerede (zerodozeir), weil es alle diese Anfänge der Bewegung anderswoher erwartet und nur innerhalb der bereits wirklichen Bewegung jede einzelne Phase mit jeder andern nothwendig zu verbinden lehrt? Immerhin mag Platon die ersten Anstöße, von denen die Reihenfolge der Erscheinungen abhängt, in unklarer Beise, und

doch am Ende nicht unflarer, als auch wir noch, in jene duntle Exp verlegt baben, die ihm überbanpt, das Gegebene verfinnlicht, auf welches die Ideen Anwendung haben: dennoch, als er in der Ideenwelt die Mufter fah, benen fich alles Seiende fügen muß, wenn Etwas ift, sprach er hiermit einen Gebanken aus, beffen Wichtigkeit Aristoteles unbillig übersieht; denn and er würde später, in der Erflärung ber einzelnen Ericheinungen, Diesen Gedanken brauchen: auch er würde nicht zugeben fönnen, daß die bewegende Urfache, welche den verwirklichenden Anstoß ertheilt, noch freie Hand barüber habe, zu bestimmen, mas aus diesem Anftoge werden foll: darüber haben von Ewigfeit jene allgemeinen Gesetze entschieden, die gleichwohl den Untrieb zur Verwirtlichung nicht geben. Aber bies allerdings muffen wir als Unvollkommenheit der Platonischen Ansicht anerkennen, daß sie eben diese ihre eigene Aufgabe nur halb löste. Gründe für den nothwendigen Zusammenhang zweier Inhalte müssen immer die logische Form eines Urtheils haben: fie fonnen nicht in Gestalt einzelner Begriffe ausgesprochen werden, da teiner von diesen für fich eine Behauptnug enthält. Gefete daber, d. b. Gäge, welche eine Beziehung verschiedener Elemente ausdrücken, haben wir ichon vorher als die Beiipiele benutt, an benen sich deutlich machen läßt, was gelten beißt im Gegensatz jum fein; nur mit halber Deutlichfeit läft sich biefer Ausdruck auf einzelne Begriffe übertragen; von ihnen könnten wir nur fagen, daß fie etwas bedenten; fie bedeuten aber dadurch etwas, daß von ihnen Sätze gelten, der 3. B., daß jeder Begriffsinhalt fich selbst gleich und in unveränderlichen Verwandtschaften oder Wegenfätzen gu andern enthalten fei. In der Form des ifolirten Begriffs nun ober der Adee hat Platon ziemlich ausschließlich die Elemente der von ihm entdeckten Gedankenwelt aufgefaßt; icon der Gejammteindruck seiner Darstellnugen macht merklich, wie sparsam im Bergleich hiermit allgemeine Gate auftreten; fie fehlen teineswegs gang, bilben vielmehr in einzelnen Fallen Gegenstände wichtiger Erörterungen: aber daß eben fie, in Diefer Geftalt als Sate, Die wesentlichsten Bestandtheile der idealen Welt sein müßten, hat sich Platon doch nicht aufgedrängt. Diese Gigenthümlichfeit der Auffassungsweise ist nicht ohne spätere Beispiele. Noch Kant, als er die apriorischen Formen aufsuchte, Sie dem empirischen Inhalt unserer Wahrnehmungen die Ginheit innerer

Busammengehörigteit geben sollten, verfiel zuerst daranf, sie in Gestalt einzelner Begriffe, der Nategorien, zu entwickeln und zwar gerade aus den Formen der Urtheile selbst: als er sie dann zu haben glaubte, wurde um so deutlicher, daß nichts mit ihnen anzufangen war; nun folgte Die Bemühung, aus ihnen wieder Urtheile, die Berstandesgrundfäte, zu gewinnen, von denen als Oberfäten zu den zweiten Prämiffen, welche die Erfahrung liefert, eine wirkliche Anwendung möglich wurde. Diese Neigung, Wahrheiten, deren vollgültiger Ausdruck nur ein Sat fein fann, in die ungureichende Form eines einzelnen Begriffs zu bringen, scheint daber aller menschlichen Sinbildungsfraft, nicht blos der plastisch geschulten des alten Griechenlandes, natürlich zu sein; es verdient immer im Borbeigeben bemerkt zu werden, wie gefährlich sie ift, indem sie von dem vollen Thatbestand, dem die Untersuchung gilt, zu einem unfruchtbaren Spiel mit leeren von ihren zufömmlichen Unterlagen abgelösten Vorstellungen führt. Von alle dem nun, was wir hier verlangen, finden wir bei Platon fehr Weniges ausgeführt, und selbst das Bedürsniß der Ausführung nicht flar und vollständig anerfannt. Der allgemeine Gedanfe allerdings, daß es nicht nur unzählige Joeen gebe, sondern alle zusammen ein gegliedertes Banze bilben, ift die Seele feiner gangen Darstellung, und mit Begeisterung icildert er den Benuf, den ihm seine dialeftische Beschäftigung gewähre, den zusammengesetten Inhalt der Borstellungen mit Schonung seiner natürlichen Angen in seine Clemente aufzulösen und aus ihnen wieder zusammenzusetzen; auch die verschiedenen Grade der Verträglichfeit und des Gegenfates der Einzelideen und die möglichen Arten ihrer Berbindung erwähnt er als Gegenstände anzustellender Untersuchungen. Aber in den Beispielen wirklicher Amvendung, die er gibt, läuft doch diese Aunft der Dialeftif ziemlich einförmig auf eine Classifis cation der Ideen hinans, die uns zeigt, an welche Stelle eines Gintheilungsspitems jede gehört vermöge der Ginzelbestandtheile, die sie in fich vereinigt, aber ohne daß aus dieser Ortbestimmung in Bezug auf irgend eine derselben eine Behanptung, ein Gewinn an Erfenntniß flösse, der ohne diesen classificatorischen Umweg unerreichbar gewesen wäre; was vielmehr von jeder gilt oder nicht gilt, wird man nachher ebenso wie vorher aus anderen Quellen erfahren mussen. Jene Fugen und Gelente, die Platon nur schonen wollte, hätte er ernstlicher unterjuden müssen: auftatt die Flora der Jdeen sostematisch zusammensustellen, hätte der Gedanke sich auf die allgemeinen phosiologischen Bedingungen richten sellen, die in jedem einzelnen dieser Gewächse Glied mit Glied zu einer möglichen Entwickelung verbinden. Der ohne Bild gesprochen: nachdem das Dasein einer ewig gültigen inhaltsvelten Ideenwelt mit Klarheit herverzehoben war, blied als nächste Aufgabe, die in ihrem Ban herrschende allgemeine Geschlichkeit zu erssorschen, durch welche auch in ihr schon die einzelnen Bestandtheite allein zu einem Ganzen verbunden sein können: es handelte sich um die Frage, welches die ersten Grundsätze unseres Erkenmens sind, denen wir die Mannigfaltigkeit der Ideen unterznerdnen haben. Diese bestimmtere Gestalt hat setzt für uns die methodische Untersuchung der Wahrheit und ihres Ursprungs angenommen.

Drittes Kapitel.

Apriorismus und Empirismus.

322. Wenn innerhalb des Gangen unserer Erfenntniß eine einzelne Unsicht uns zweifelhaft wird, so suchen wir Entscheidung in der Bergliederung der Bergnlaffungen, aus denen fie uns entsprungen ist: Die Geschichte ihrer Entstehung soll und lehren, ob sie Wahrheit ist, ober wie fie als Jrrthum sich hat bilden müffen. Go oft die Frage nach der Wahrheitsfähigfeit unserer Erfenntnik überhandt in der Geschichte ber Philosophie aufgetaucht ist, bat derselbe Weg zum Ziele zu führen geschienen: aus der Urt, wie unsere Vorstellungen und Urtheile sich bilden, hat man über ihre Ansprüche auf den Ramen von Wahr= beiten entscheiden zu fönnen geglandt. Dieje Uebergengung, welche Berücksichtigung verdient, da sie auch gegemvärtigen Richtungen philosophischer Untersuchung in großer Ansdehnung zu Grunde liegt, lentt mich für den Augenblick von der Fortsetzung meiner Gedanken ab; ich muß zu zeigen versuchen, daß jene genetische Betrachtungsweise für den zweiten allgemeineren Fall die Bortheile nicht hat, welche sie für den ersten speciellen unzweifelhaft verspricht. Denn beide find nicht von gleicher Art. So oft wir die Triftigkeit einer einzelnen Ansicht prüfen wollen, benuten wir als Entscheidungsgrund den zugestandenen Besit anderer Wahrheit, theils allgemeiner Sate, mit denen übereinzustimmen allen andern obliegt, die uns gelten follen, theils feststehender Thatsachen, denen die andern Thatsachen nicht widerstreiten dürfen, die jene zu prüfende Unsicht behauptet oder voraussetzt, endlich gewisser Regeln des Dentens, nach benen das, was aus gültigen Prämiffen triftig folgt, von untriftigen Folgerungen unterschieden wird; es ist überall hier eine Wahrheit bereits vorhanden, die auf das zu prüfende

Gemeng unserer Gedanken wie ein Ferment wirft, Entsprechendes sich affimilirt, Arriges ausstößt. Dieser gegebene und von dem Gegen stand der Frage unabbängige Masstab feblt uns in dem zweiten all gemeineren Falle: die Prüfung der Wahrheit unserer Erfenntniß im Gangen ift ummöglich, ohne die zu prüfenden Grundfätze als Entscheidungsgründe aller Zweifel vorauszusetzen. Diesen Cirkel, nach welchem unfere Erfenntniß sich die Grenzen ihrer Competenz selbst zu bestimmen bat, baben wir als unvermeidlich fennen gelernt; aber man vermehrt die Schwierigfeiten, wenn man nicht jene Grundfätze selbst, fondern eine unzergliederte Anwendung derfelben, wenn man nämlich ausdrücklich die angebliche Ginsicht in die Entstehung unserer Er kenntniß als jenen gewissen Bestandtheil betrachtet, von dem aus ihr übriges Gebiet in Besitz genommen werden fonnte. Soll die Art der Entstehung über ben Auspruch auf Wahrheit entscheiden, und zwar, wie es hier gewöhnlich gemeint wird, auf Wahrheit in Bezug auf ein dem Erfennen fremdes und jenseitiges Sein, so ift es umnöglich, einen Schritt zu thun, ohne speciellere Boraussetzungen über bie Stellung gu maden, in welcher fich das erkennende Subject gegenüber jenen Gegenftanden seines Erfennens befindet, und über die Urt des Verhältnisses zwischen beiden, durch welches der Borgang des Ersennens verwirklicht wird; benn nur die Kenntniß dieser Umstände fonnte die Gefahren beurtheilen sehren, die der Bildung wahrer Vorstellungen bier entgegen stehen. Darum ist das Vorgeben, man wolle zunächst durch völlig unbefangene Beobachtung, obne Cinnischung fraglider Berftandes grundfätze, den Hergang der Erfenntniß fennen fernen, eine haltlose Täuschung; jeder Versuch zur Ausführung ist nothwendig voll von metaphpfischen Voraussetzungen, aber von unzusammenhängenden und ungeprüften, weil man sie nur gelegentlich im Angenblick bes Erflärnnasbedürfnisses macht. Da mithin dieser Cirfel unvermeidlich ist, jo muß man ihn reintich begehen; man muß zuerst festzustellen versuchen, was Erfenntniß, ihrem allgemeinsten Begriff nach, bedeuten fann und welches Verhältniß zwischen einem ertennenden Subject und Dem Object seiner Erfenntniß in Gemäßheit der noch allgemeineren Borftellungen benfbar ift, nach welchen wir die Einwirtung jedes beliebigen Glementes auf jedes zweite zu deufen haben. Diesem letteren Gedanken, also einer metaphysischen Heberzengung, baben wir das Ber Lote, Legif.

bältniß zwischen Subject und Object des Erfennens unterzuordnen; nicht aber zuerst über dieses specielte Berhältniß einen zufälligen mehr oder minder predadlen Einfall aufzustellen, um dann nach ihm über die Wahrheitssähigkeit aller unserer Erfenntniß zu urtheilen. Ich lasse ganz underücksichtigt die andere Frage, inwieweit es dem aussührbar sein möge, and nur das Thatsächliche der allmählichen Entwicklung unserer ganzen Borstellungswelt seszahteten; beobachtbar ist ihr Hersgang nicht, denn jeder Beobachter hat ihn längst hinter sich. Mag num in vielen Fällen anch das ausgebildete Bewußtsein sich noch des Weges erinnern, auf welchem es zu seinen jetzigen Borstellungen gestemmen ist, so wird man mir anderseits zugeben, daß in vielen andern Fällen diese angeblichen Beobachtungen nur ziemlich willkürliche Einsfälle über die Art sind, auf welche man sich die Entstehung der Borstellungen glandt deufen zu können.

323. Berfolgen wir die Bersuche, die gemacht worden sind, 311= erft eine zweifellose Thatsache zu gewinnen, von der aus die Entstehung der Erfenntniß und die Wahrheit derselben beurtheilbar würde, jo begegnen wir am Anfang ber mobernen Zeit bem Sate bes Des Cartes: cogito, ergo sum; ber einzigen Gewißheit, die ihm aus dem Zweifel an aller überkommenen Erkenntniß übrig zu bleiben schien. An Diesen Sat ift oft angefnüpft worden, und immer, ichen seit Angustinus, bei dem wir ihn zuerst finden, hat er sich als eine ebenso zweifellose als vollkommen unfruchtbare Wahrheit erwiesen; nicht ber fleinste Schritt zur Begründung irgend einer Erfenntniftheorie ift aus ihm allein, ohne Zuziehung anderer von ihm unabhängiger Gedanten, möglich gewesen; schon bas nächste Rriterium; mahr seien die Vorstellungen, die gleiche Evidenz und Marheit genießen, meinte Des Cartes felbst aus jenem Sate nicht ableiten zu fönnen, ohne sich gegen die Möglichkeit, vollkommen unwahre Ideen betrögen uns mit derselben Evidenz, auf einem früher erwähnten Umwege sicher zu stellen. In der That ist leicht einzusehen, daß aus diesem Anfang nichts Reues fliegen fann. Betrachtet man ben Sat in seiner negativen Bebentung, nämlich bag nichts uns gewiß sei als die Thatsache unseres Denkens, nicht aber die Wirklichkeit einer Angenwelt, so erinnere ich an eine früher gemachte Bemerkung: and wenn jene Augenwelt wirklich ift, jo fann doch in uns von ihr nur ein Gedankenbild, nicht fie felbst vorhanden sein; die Thatsache

mithin, daß nichts uns unmittelbar gewiß ift als unfere eigne Gedankenwelt, kann niemals darüber entscheiden, ob nur sie, und ob nicht außer ihr eine Welt des Seins vorhanden ift, auf welche fie fich bezieht. Und selbst, wenn die Borstellung dieser Aufemvelt sich als ein nethwendiges Erzengniß unserer erkennenden Thätigkeit nachweisen ließe, inwermeielich gemacht durch die Organisation unseres Geistes und durch die Gesetze, nach denen unsere Gedanken sich vertnüpfen müffen, wenn also aus der Thatsache Dieses cogito sich die Nothwendigteit dieses subjectiven Ursprungs unserer Amnahme einer Außenwelt des Seins ableiten ließe: and dann würde die 28ahrheit biefer Unnahme weder widerlegt noch bewiefen sein; denn auch wenn es diese Welt wirklich gibt, tonnen wir bennoch auf die Borftellung derselben nur dann gerathen, wenn die Natur unseres Geistes und der Berlanf unserer Gedanten sie als eine zur Bermeidung innerer Widersprüche für und nothwendige Ergänzung hervortreibt. Achten wir aber auf den bejahenden Ginn des Sages, fo finden wir biefen nicht zwedmäßig fermulirt; er ift nicht mehr Ausbruf einer unmittelbaren Thatsacke, sondern einer Abstraction. Dies freitich mache ich ihm nicht zum Borwurf, daß er an der ersten Person der Berba cogito und sum festhielt; denn gewiß, so dunkel auch und zu weiteren Untersuchungen anregend die hierin enthaltene Vorstellung des 3ch sein mag: zu dem ursprünglichsten Thatbestand dieser einfachsten Erfahrung gehört sie unwidersprecklich; und Meimingen, welche dem cogito das cogitare. demt sum das esse als die erste und gemisseste Thatsache der Beobachtung unterschieben möchten, versehlen gang den Ruhm verurtheilsloser und unbefangener Grundlegung, den sie mit dem exacten Berfahren der Raturwiffenschaft zu theilen suchen. Rirgends begegnet uns als eine einfachste Thatsache eine Borstellung, die blos wäre, die aber Niemand hätte; nirgends ein Bewußtsein, das nur als Bewußtsein überhanpt und nicht als das Bewußtsein eines Ich erschiene, welches in ihm entweder seiner selbst oder eines Anderen sich bewußt wird; von dieser beständigen Burückbeziehung auf ein Subject, beffen Ratur völlig im Dunkel bleibt, mag später die Wiffenschaft die Greignisse des Dentens und Wiffens irgendwie zu fondern suchen: ursprünglich gewiß und gegeben aber sind sie nur in der Form des cogito, nicht in der infinitivischen des cogitare. Anderseits freilich, was in dieser richtigen

Personalendung Fruchtbares liegen mag, ist von Des Cartes übersehen worden; welche Gedanken Kant daran zu fnüpfen wußte, ist nicht dieses Ortes. Gine nicht förderliche Abstraction liegt nun aber in bem Sate des Des Cartes insofern, als er von allen den einzelnen Zuständen, die als solde die numittelbare Gewißheit ber Selbsterfahrung besitzen, nur ihren allgemeinen Charafter hervorhebt: den der cogitatio, d. h. jenes Bewußtseins in weitester Bedentung, durch welches sich sehr verschiedene Zustände der Seele, Empfinden und Vorstellen, Fühlen und Wollen gemeinsam von dem unterscheiden, was wir uns als Auftand eines felbitlofen, unbefeelten Wefens glauben benten zu fonnen. Bewiß geht nun biefes Bewußtsein in jede der einzelnen Selbstbeobachtungen ein: aber welchen Unten fonnte es baben, nur biesen gemeinsamen Ang aller zu erwähnen und die einzelnen Anhalte zu verschweigen, in denen allein er doch wirklich sein und unmittelbarer Gegenstand der Selbstbeobachtung werden fann? Nicht daß dieses cogito überhaupt vorkommt, in irgend einer der Formen, die es annehmen fann, sondern in welchen Formen es vorkommt, darin lag ein fruchtbarer Anfangspunft; nicht die nachte Thatsache, daß wir bewußt sind oder denken, lehrt uns die uns zugängliche Wahrheit kennen, sondern was wir denken, der Inhalt unserer cogitatio, ist nicht nur das Ursprünglichste, was uns gegeben ist, sondern auch das Einzige, worans folgen fann, was wir denken sollen oder müffen. doch Des Cartes selbst darauf bin, daß auch der Zweisler, indem er zweiselt oder jedes Wissen leugnet, die Thatsache der cogitatio durch sein eignes Thun bestätigt; eben deshalb unn, weil sie mit jedem wahren Wiffen, jedem Zweifel und jedem Brithum auf gleiche Weife verfnüpft ist, fann sie nicht dazu dienen, Wahres von Unwahrem zu unterscheiden.

324. Es war daher unvermeidlich ein neuer Anfang, an den die Untersuchung über unsere Erfenntniß anfnüpfte: der Glaube an die Wahrheit dem Geiste eingeborener Joeen. An diesen Ramen, der einen langen Streit in die Geschichte der Erfenntnistheorie eingeführt hat, nunß man nicht Einwürse fnüpfen, die mit einigem gnten Wilsen sich leicht beseitigen lassen. Schon die Alten, wenn sie von dem sprachen, quod a Natura nobis insitum est, und Alle, die sich ähnlich ausdrückten, sind gewiß weit von der Annahme einer Wahrheit entfernt

gewesen, die, dem Geiste an sich fremd, in irgend einem Angenblick seines beginnenden Lebens ihm eingeprägt und von da ein beständiger Gegenstand seines bewußten Vorstellens geworden fei. Mur bies meinten sie: so sei eben unser Beist durch seine eigene Natur, daß er, unter Bedingungen die auf ihn einwirten, bestimmte Gewohnheiten der Gedankenverknüpfung nothwendig entwickeln werde, zuerst als eine Berfahrungsweise, die er unbewußt befolgt; zulett, auf unzählige so ausgeübte Handlungen seines Denfens restectirend, bebe er die unbewunt in ihnen befolgte Regel feines Berhaltens nun felbst zum Gegenstande seines Borstellens hervor. Angeboren aber nannte man diese Adeen in der Boranssetzung, es reiche nicht hin, daß der Geist, in dem sie sich vilden sollen, nur im Allgemeinen den Charafter eines vorstellungsfähigen Wesens trage, so daß unter denselben Bedingungen dieselben Ideen in jedem Wesen entstehen müßten, bas diesen formalen Charafter theilte; es ichien vielmehr nothwendig, daß in jedem Geifte eine concrete Anlage seiner Natur, durch die er sich von andern vorstellungsfähigen Wesen unterscheiden könnte, die Form bestimmte, in welcher von ihm jene Vorstellungsthätigfeit ansgenöt und ihre einzelnen Handlungen verfnüpft werden. Allerdings lag feine Beranlaffung vor, diese Annahme eines solchen möglichen Unterschiedes zwischen verschiedenen vorstellungsfähigen Wesen für mehr als für eine Kiction zu halten, durch die man nur zu verdentlichen suchte, daß der hinreichende Grund unserer Erfenntniß nicht in dem allgemeinen Charafter der cogitatio liege, sondern in einer concreteren, aber allen Beistern in Wirklichkeit gemeinsamen Bestimmtheit ihrer Natur. Indessen konnte, nach dem Zugeständniß der Deutbarkeit dieses Unterschiedes, doch der Versuch nicht mehr abgewehrt werden, zu sehen, was aus ihm folgt, wenn man ihn für wirtlich nimmt. Und dann fielen die beiden Theile des Cartesischen Gedankens, die Apriorität der Ideen und ihre Wahrheit, auseinander: jedem Wesen muß dasjenige als Wahrheit erscheinen, was aus der Folgerichtigfeit feiner Ratur fließt; ift baber ein Schat von Zbeen jedem in der angegebenen Weise eingeboren, so ist es nur ein lebhafter, aber grundloser Glaube, wenn wir diejenigen, die mis Menschen gegeben sind, in boberem Sinne für Babrbeit halten, als die von ihnen abweichenden, die sich vielleicht mit gleicher Evidenz anders gearteten Wejen aufdrängen. Man fieht, daß bies Bedenten

nicht nur Geltung hat, wenn wir die Gesammtheit unserer Erkenntniss einer objectiven West des Seins entgegensetzen, dessen Abbildung sie sein soll, sondern auch dann, wenn wir, was noch unerläßlicher scheint, nur das für Wahrheit halten, was allen Geistern auf gleiche Weise nothwendig, nicht aber dem einen so dem andern anders vorsommt. Die spätere Polemis hat hieran angeknüpft und behauptet: sind unsere Ideen angedoren, so haben sie keinen Anspruch auf Wahrheit; sie können ihn nur erlangen, wenn wir sie von der möglichen Verschiedensheit der vorstellenden Subjecte unabhängig und abhängig nur von der Natur einer für alle gemeinsamen Objectenwelt denten.

Che man in das Für und Wider über diese Fragen eintritt, muß man sich überzeugen, daß hier der Punkt ist, an welchem man anstatt der verstohlenen Boraussetzungen, denen man sich zu überlaffen liebt, unumwunden eine ausdrückliche Voranssetzung machen Keine dieser Untersuchungen fann ihr Ergebniß, worin es auch bestehen mag, überhaupt begründen ohne irgend eine beiläufig gemachte Annahme über die Art, in welcher sie die Ginwirfung eines Erfenutnifiobjectes auf das erfennende Subject fich möglich denkt. Anftatt fie beiläufig zu machen, setzen wir diese Annahme an die Spite unserer Gedanken, und zwar fo, wie die vielseitige Erfahrung des Denkens fie formuliren gelehrt hat: wo auch immer zwischen zwei Elementen A und B von irgend welcher Natur das Ereigniß stattfindet, welches wir eine Einwirfung bes A auf B nennen, niemals besteht bieses Wirfen darin, daß ein Bestandtheil a oder ein Prädicat a oder ein Zustand a, welcher dem A angehörte, sich von diesem löste und fertig, unverändert, selbständig nach B überginge, um diesem sich anzuknüpfen ober von ihm aufgenommen zu werden ober jett beffen Buftand zu sein; immer ift iener im A entstehende oder vorhandene Zustand a nur der Grund, um bessenwillen, unter Voranssehung einer zwischen A und B bestehenden oder eintretenden Beziehung C, nun auch B einen neuen Zustand h aus seiner eignen Natur beraus und in sich selbst erzeugen muß. Wodurch biefe Rothwendigfeit bes Zusammenhangs ber Zustände von A und B herbeigeführt, wie es also gemacht wird, daß B nach A sich richten muß, worin ferner, entweder allgemein oder in verschiedenen Fällen verschieden, die Beziehung C besteht, welche nothwendig ist zur Erzengung ber Wirkung: alle biese Fragen sammt ber Vorfrage, ob fie

überhanpt beantwortbar find, können unserm jekigen Gedankengang fremd bleiben; uns genügt das ausgesprochene formale Verbalten, aleichviel wie es in der Wirklichkeit realisirt wird. Uns ihm aber folat, daß niemals die Form der Wirfung d unabhängig von der Natur bes Objectes B fein fann, welches fie erfährt; fie andert fich vielmehr mit ibm, und dieselbe Beziehung C, die zwischen A und B stattsand, wird, wenn sie zwischen A und B1 eintritt, in B1 eine andere Wirkung b1, verschieden von b bervorbringen. Gbensowenig ift die Wirfung b unabhängig von ber Natur bes einwirfenden Clementes A und von der Art der Beziehung C; sie andert sich mit beiden; sie wird 3 werden, wenn nicht A, soudern A1 mit B in die Beziehung C, mid 31, wenn B mit A in die Beziehung C1 tritt. Jumer aber werden b, b1, 3, 31 eine geschlossene Reihe von Ereignissen bilden, die mir in B möglich find, und A und C werden nur als Reize zu betracten sein, die da bestimmen, welche von den vielen der Hatur Des B möglichen Wirkungen in jedem Augenblicke und in welcher Reibenfolge sie wirklich werden soilen. Gefällt man sich, die vielgebranchten Bezeichmmaen ber Receptivität und Spontaneität bier anguwenden, jo ist jedes Glement receptiv fur Anregungen seiner Spontaneität und teines spontan wirksam, obne diese Auregungen recipirt zu baben.

326. Diesem allgemeinen Verhalten ordnen wir die Einwirfung von Erfenntnissobjecten auf ein erfennendes Subject unter. Jede Annahme zwerst ist ganz unzulässig, welche den Ursprung unserer Erstenntnisse ganz und einseitig in das erfennbare Sbiect verlegt: es gesnügt wenige Ausmerksamkeit, um selbst in der tabula rasa, mit der man die empfängliche Seele verglichen bat, oder in dem Wachse, dem ähnlich sie Eindrücke nur ausnehmen sollte, die Unvermeidlicheit der spontanen Rückwirtung zu entdecken. Nur weil die Tasel durch die ihrer Natur und Consistenzeigenen Wirtungsweisen die farbigen Puntte seschält und sie am Verstießen in einander hindert, nur weil das Wachden Unziehungen seiner Theile diesen Aggregatzustand verdautt, zwar teicht verschiebbar zu sein, aber die aufgezwungene Form sostauten, nur deswegen eignen sich beide, Eindrücke auf sich maten oder in sich einprägen zu lassen: ein Element, das gar seine eignen Wirtungspreisen dem aussemmenden Reize entgegenstellt, würde nicht einmal die

ibm zugeschriebene Eigenschaft der reinen Receptivität besitsen. ferner nethwendig sich flar zu machen, daß in einer Erfenntniß zwar der von dem Object herrührende unmittelbare Beitrag fehlen fann, aber niemals derjenige, den die Natur des Subjects liefert; benn bies ist benkbar, daß zwei Vorstellungen a und B, nachdem sie einmal auf ängere Veranlaffung in der Seele entstanden find, fich nun nach Gejeten, die nur aus der Cigenthümlichfeit ber Seele fließen, und ohne wiederholte Beihülfe der Außenwelt, zu einem neuen Ergebniß 7 verichmelzen; undentbar dagegen, daß ein Gindruck von außen auf uns geschäbe, an bessen Gestaltung unser eignes Wesen nicht Theil nahme. Und darum fönnen wir auch der Unterscheidung nicht beistimmen, welche Rant, in seinen Gedanken zwar nicht irrend, aber lässig im Unsdruct jo aufstellte, daß er den gesammten Inhalt unserer Erfenntniß ber Erfahrung, und nur ihre Form der angebornen Thätigfeit bes Geistes zuschrieb. Denn Kant wußte sehr wohl, was wir hier bervorheben, daß auch die einfachen sinnlichen Empfindungen, die recht eigentlich den primitiven Inhalt aller unserer Wahrnehmungen bilden, und nicht fertig von außen fommen, daß sie vielmehr, wenn wir überhanpt die Vorstellung dieser Außenwelt festhalten, nur als Rückwirfungen unserer eignen geistig sinnlichen Natur auf die von dorther fommenden Reize gelten fönnen; sie sind die a priori uns eigenthümlichen Möglichkeiten des Empfindens, zur Wirklichkeit in bestimmter Reihenfolge freilich burch ängere Beranlaffungen berufen, aber nie burch diese Beranlassungen uns fertig überliefert. Bas aber ferner aus ber Zusammensetzung bieser einfachen Glemente sich bilbet, bas ränmlich auschautliche Bild bieser bestimmten Gestalt, der zeitliche Berlauf jener Melodie oder Reihenfolge, auch das ist, selbst in allen Einzelheiten seiner Zeichnung, nicht minder ein Erzengniß des vorstellenden Subjects, nicht minder also a priori. Denn auch wenn wir annähmen, in einem wirklich sich ausbehnenden Ramme oder einer wirklich verlaufenden Zeit befänden sich Dinge in denselben Lagen oder in demselben Wechsel, in welchem wir sie dann räumlich oder zeitlich auffassen: auch dann würde diese ränmlich zeitliche Borstellung derfelben etwas anderes fein als ihr eignes räumlich zeitliches Sein; wir fönnten nicht dahin gelangen, unsere Vorstellungen a, 3, 7 in dieselbe Ordnung zu bringen, welche zwischen ihren objectiven Ursachen a, b, e

besteht, wenn nicht unsere eigene Natur und die Gesetze unseres Bersstellens uns dazu besähigten und nöthigten.

327. Ober wollte man sich durch Worte täuschen laffen und meinen, diese geringfügige Leistung einer Abbildung verstehe sich von selbst und bedürfe feiner wiedererzengenden Arbeit? Aber was beißt abbilden und wie entsteht ein Bild? Laffen wir noch gang das Auge beiseit, für welches gulest jedes Bild erft Bild ift, und fragen wir nur: wie ftellt ein Spiegel die Bedingungen ber, unter welchen für ein Ange das Bild eines Gegenstandes entstehen tann? Er vermag es nur, indem er die Lichtstrahlen, die der Gegenstand auf ihn sendet, mit Beibehaltung ihrer gegenseitigen Ordnung nach einer anderen Richtung zurüchwirft, und hierzu wird er nur durch Glätte und Form feiner Oberfläche befähigt. Bon diefen Gigenschaften hängt es ab, ob er die Strablen jo regellos zerstreut, daß fein Ange fie zu einem Bilde vereinigen fann, oder ob er fie jo wieder ausschieft, daß fie divergirend dem Blicke doch zusammenfaßbar werden oder convergirend ein reetles Bild zusammensegen, das dem Ange wie ein neuer Gegenstand sichtbar wird. Mit dem alten aber stellt ber Spiegel doch nur den Reiz her, der auf die Sehfraft ähnlich wirft, wie der Gegenstand jelbst, und deshalb ihn vertreten fann; fragen wir aber, wie nun in Folge deffelben ein Bild gesehen werden fann, jo empfinden wir, wie unpassend überhanpt die Vergleichung einer Erfenntniß mit einer Abbildung war. Das erfennende Bewußtsein ift feine widerstehende gefrümmte oder ebene, glatte oder ranbe Oberfläche, und es würde ihm nichts helfen, empfangene Strahlen irgendwobin zu reflectiren; in fich felbst und in seiner zusammenfassenden Ginbeit, die tein Raum und keine Platte, sondern eine Thätigkeit ift, nuß es die erregten Einzelverstellungen zu der Anschauung einer ränmlichen Ordnung verbinden, welche nicht selbst wieder eine räumliche Ordnung, sondern eben nur deren Borftellung ift. Denn wenn nun auch, wie vielleicht Einige meinen, die Vorstellung eines linfen Punttes in unserem Bewußtsein links neben ber Vorstellung eines rechten Punktes läge, und die eines oberen über der eines unteren, jo ware durch diese Thatsache noch nicht die Anschanung dieser Thatsache gegeben; hierdurch allein würden wir uns in der That nur als ein Spiegel verhalten, in weldem die Wahrnehmung einer andern Seele die Lage jener Buntte entdeden fonnte, wenn diese Seele wenigstens das vollbrächte, mas unsere eigene nicht gethan hätte: wenn sie nämlich die von uns in bestimmter Ordnung ihr zugestrahlten Gindrücke nicht blos erlitte und in sich beherbergte, sondern sie sich zur Beranlassung dienen ließe, eine zusammenfassende Anschanung bieser Ordnung zu erzengen. Nichts also bleibt von diesem ungenanen Gleichniß übrig, als die lleberzengung, daß selbst die bloße Wabrnehmung eines Sachverhaltes, fo wie er ist, nur unter der Boraussenna möglich ist, das mahrnebmende Subject sei durch seine eigene Natur befähigt und genöthigt, die von den Gegenständen ihm zugefommenen Anregungen in diejenigen Formen zu vereinigen, die es an ihnen auschauen soll und von ihnen einfach zu empfangen glaubt. Daß es sich ebenso verhält mit allen Verstellungen, die wir über den inneren Zusammenhang verschiedener Wahrnehmungen bilden, füge ich vor der Hand nur furz hinzu: denn chen dies ift am öftersten zugestanden worden. Daß wir eine urjächliche Verbindung zwischen zwei Ereignissen nicht seben, daß vielmehr Die Borstellung einer solchen erst von und zu der wahrnehmbaren Zeitfolge der Begebenheiten binzugebracht wird, hat man allseitig eingeräumt, bald um durch diesen apriorischen Ursprung dem Begriff des Canfalnerus die höhere Würde eines nothwendig allgemeingültigen Gedankens zu sichern, bald um ihm jede Gültigkeit in Bezug auf die Welt der Dinge abzusprechen, aus deren Wahrnehmung er nicht ent= standen sei. Beide Folgerungen sind unrichtig; in Bezug auf Die zweite wiederhole ich die einfache Betrachtung: auch wenn ein urfächlider Zusammenbang zwischen den Greignissen der Außenwelt stattfindet: als mimittelbarer Gegenstand einer Wahrnehuning, Die fich völlig receptiv verhielte, fonnte er uns auch dann nicht gezeigt werden; immer fann und durch die Art der Berbindung zwischen Ginzeleindrücken nur eine Veraulaffung gegeben werden, ihn hinzuzudenken, und diese Berantassung fann nur dann wirksam sein, wenn es unserer geistigen Natur unvermeislich ift, jene Verbindung des Mannigfaltigen in unserem Bewußtsein ums durch diese Ergänzung erst zu vervollfrändigen und zu rechtfertigen.

328. Die ausgedehnte Aprierität, die wir so für unsere Erstenntuiß in Anspruch nehmen, ist indessen nur die eine Seite der Sache. Gen dann, wenn wir alle sinnlichen Empfindungsweisen,

unsere Raumanichauma, unsere Begriffe von Ding und Cigenschaft. von Urfache und Wirfima, endlich die ethischen Vorstellungen des Gut und Boje, als angeborene Mengerungsweisen Des Geistes betrachten, eben dann fann der Grund zu den besonderen einander ausschließenden Umwendungen ihrer aller nicht ebenjo in dem Wejen dieses Geistes liegen. In unferer Ranmanschauung sind ungäblige Figuren möglich, aber nur bestimmte beobachten wir in jedem Angenblick; vielerlei Farben fönnten wir sehen und sehr verschiedene Reihenfolgen von Tönen hören, aber wir fönnen das Roth nicht ändern, das wir jest und bier bemerfen, obgleich an derselben Stelle uns auch Blau und Gelb empfindbar wäre, und der jest gehörten Melodie tonnen wir feine der ungähligen unterschieben, die wir in andern Angenblicen vernommen haben; unabhängig von uns ordnen sich die Greignisse bald jo, daß fie und zur Vorstellung eines urfächlichen Zusammenhangs nöthigen, bald jo daß jie uns die Unnahme deffelben unmöglich machen: endlich biefe Combination ber Berantaffungen, Die uns gur Ausübung unserer apriorischen Gabigteiten gegeben merben, ändert sich von Person zu Person; sie fann also nicht in der allgemeinen Natur unseres Geistes begründet sein. Es ift gleichgültig für unsern gegenwärtigen Zusammenbang, wo wir ihre Ursachen sinchen. Bielleicht bat die gewöhnliche Meinung Recht, der wir uns im Leben alle fnaen, und von der wir in dieser Betrachtung ausgingen: vielleicht besteht eine Welt von Dingen außer uns, in welcher wir selbst beftimmte Pläte baben, und beren eigene Beränderungen verschieden auf uns wirfen je nach ben verschiedenen ober veranderlichen Stellungen, die wir in ihr einnehmen. Dann wird das Gewebe der Borstellungen, die in uns entstehen, zwar nicht in dem Sinne Unspruch auf den Ramen ber Wahrheit baben, als tonnte es ein abnliches Bild beffen darstellen, was in dieser Welt der Dinge ist oder geschicht: aber jede Berknüpfung, Tremning oder Abwechselung der Erscheinungen, die uns jo vorschweben, wird doch als Wolge ben Wang einer vielleicht andersgearteten aber bestimmten Beränderung verrathen, die in den Berbaltniffen ber auf uns wirkenden Dingwelt stattgefunden bat. In demselben Ergebniß würde die andere idealistische Meinung führen, die uns im leben ftets ungeläufig bleibt, und zu welcher gulängliche Beweggründe unr innerbalb philosophischer Untersuchungen aufzusinden

îind. Bielleicht gibt es, ihr zufolge, feine Welt ber Dinge und ber Greignisse außer uns, sondern nur die Erscheinung einer solchen wird durch eine einzige unbefannte und alle Geifter durchdringende Macht eben nur in diesen Geistern selbst und so bervorgebracht, daß die Weltbilder, welche die verschiedenen um sich berum zu schauen glauben. zu einander passen und alle, jeder an seiner besonderen Stelle, sich in ein und dasselbe Universum eingeordnet erscheinen. Immer wird auch Dieje Borstellungsweise zugestehen müssen, daß für jeden einzelnen Beist die Anregung, die er zur Erzengung feines Welthildes erhält, eine ihm selbst fremde ist und zugleich unerflärlich aus der allgemeinen geistigen Ratur, die er mit allen andern theilt; woher sie auch stammen mag, fie bleibt ein empirisches ober aposteriorisches Element unserer Erfenntniß. Und wieder: jede Verfunpfung, Trennung oder Abwechselung der Erscheinungen, die uns so entstehen, wird auf ein anderes Geschehen, auf Beränderungen hinweisen, die jetzt zwar nicht mehr in den Verhältnissen mannigfacher Dinge, wohl aber in dem Handeln jener einheitlichen Macht vorgeben, welche biesen Tranm einer Ungenwelt uns verschafft. Hier endlich wie dort wird es eine würdige Aufgabe fein, aus der Beobachtung und Vergleichung der Erscheimungen die beständigen Gesetze zu ermitteln, nach denen ihr wechselreiches Spiel erfolgt, und die Auflösung bieser Aufgabe wird die Erfenntniß einer Wahrheit sein, auch wenn es fein Mittel geben sollte, zu enticheiden, von welcher anderen Gesetmäßigkeit einer uns unbefannt bleibenden Angemvelt bieje Gesetlichkeit des Verlaufs unserer Innenwelt hervorgebracht wird. Es ift im Wesentlichen die Unsicht Kants, Die ich hier vertrete, und von der die deutsche Philosophie nie hätte ablassen sollen. Ich vertrete sie aber unter ausdrücklicher Ablehnung jeder Beantwortung der letitgebachten Frage. Mag es immerhin sein, daß Jemand eine unmittelbare Gewißbeit über Sein oder Richtsein jener Außenwelt zu besitzen glaubt: was und wie sie sei, wird er doch immer nur durch Rudichlüsse von den Erscheinungen aus enträthseln fönnen; hier muß daher zuerst Recht geschaffen werden: die gewissen Grundfätze, nach denen der Zusammenhang dieser Innemvelt zu beurtheilen ist, müssen zuerst festgestellt werden, ebe von einer Unwendung der gewonnenen Ginjicht auf jene der Metaphojif zu überlaffende Sonderfrage zu reben ift.

329. Wenn wir nun aber Wahrheiten voraussetzen, die, in dem früher angegebenen Sinne des Wortes, unserem Beifte angeboren find, wober erlangen wir die Kenntniß derselben, wenn nicht dadurch, daß wir sie in uns finden? also durch eine innere Erfahrma? fo baß boch anlett Erfahrung die einzige Quelle aller unferer Erfenntniß wäre? Dieser Cimmurf ist gemacht worden; man wird ibn annächit für ebenso unfructbar als unwiderleglich balten. Denn sicher: wenn wir eine Wahrheit wissen sollen, müssen wir und ihrer bewußt sein, und wenn wir früher uns ihrer nicht bewußt waren, so ist der llebergang zum Biffen derselben eine Begebenheit, die wir unr erleben ober erfahren fonnen; in demselben Sinne ift unfer ganges Dasein eine Thatsade, die wir vorfinden. Gegen den Apriorismus angeborener Roeen fann mithin dieser Einwand nicht gelten; vielmehr: auch wenn es angeborene Ideen, auch wenn es fie fogar in dem Ginne gabe, daß fie einen mabläffigen Inbalt unfers Bewußtseins bildeten, auch dann würde eine hierauf gerichtete Reflexion ihr Vorhandensein zu nächst immer nur als eine gegebene Thatsache erfahren oder erleben. In dieser weitläufigen Bedeutung genommen ist der Begriff der Er fahrung nicht mehr der Anlaß zu einer Berschiedenbeit der Meinungen; von Wichtigkeit ist nur, als was wir jene Gedanken erfahren, ob als angeborene Wahrheiten oder als Erfahrungen in dem beschränkteren Sinne, in welchem fie im Gegensatz zu biesen auf einen bem Geiste selbst auswärtigen Ursprung hindenten. Und bier verschärft sich zu nächft die vorige Frage, wenn wir nach Kennzeichen suchen, welche den einen Fall von dem andern unterschieden. Anigenöthigt werden uns die Eindrücke, die von außen kommen, und wir können sie nicht ändern: aber unvermeidlich und nothwendig erscheinen uns auch jene Wahrheiten; daß wir im ersten Fall einen fremden Zwang, im zweiten mir den unserer eigenen Natur erlitten, fonnen wir vernuthen, aber wie beweisen? In der That ist indessen, im unbefangenen Gebrauch des Denkens, nicht dies das Erste, was uns jetzt, in dem Zusammenbange unserer methodologischen Betrachtung, das Wichtigfte war: nicht in Dieser ihrer Eigenschaft, bem Geiste angeboren zu sein, werden jene Wahrheiten erfahren, sondern die fachliche Selbstverständlichteit ibres Inhalts fällt uns zuerst auf und macht sie, nachdem irgend ein Beispiel uns veranlagt hat, sie zu benten, von aller Bestätigung burch

fernere Beispiele, mithin von der Grfahrung unabhängig, welche diese liefern fömte. Allgemeinheit und Nothwendigkeit find daber immer die beiden Eigenschaften gewesen, die den apriorischen Erfenntniffen zugeschrieben wurden. Wir versteben die erste in dem Sinne. daß überall, sobald das Subject einer solden Erkenntniß gedacht wird, auch das zugehörige Prädicat als selbswerständlich mit ihm verbunden erideint; und in nichts Anderem als in dieser Selbstwerständlichkeit besteht anderseits auch die Nothwendigkeit der Geltung, die allaemeinen Wahrheiten offenbar in anderer Bedeutung zukommt. als den Berknüpfungen verschiedener Inhalte, die uns die veränderliche Erfahrung vorführt. Gegeben sind auch diese so, daß in dem Angenblick, in welchem sie stattfinden, unsere Willfür sie nicht zu trennen vermag: aber obwohl nothwendig in dem Sinne, in welchem es jede Thatjade ift, die nicht hinweggelengnet werden fann, entbehrt doch der Inhalt der Erfahrung jene Selbstverständlichkeit der inneren Berfnüpfung, die uns den einen seiner Bestandtheile nicht ohne den andern zu denken erlaubt. Aber guletet: was in diesem einen Angenblide und jelbswerständlich erschiene, woher hätten wir das Recht zu behanpten, daß es in jedem andern Augenblick uns ebenjo erscheinen werde? ihm also jene Allgemeingültigkeit zuzuschreiben, durch die es, der veränderlichen Erfahrung gegenüber, zu einem feststehenden Grundjave für deren Benrtheilung wurde? Schon die antife Sfepfis erhob diesen Zweifel, und er bewog sie, die Zulässigkeit jeder allgemeinen Behauptung zu lengnen. In der That, welchen Grundfatz wir auch immer erbenten möchten, um uns zu berechtigen, von ber Evidenz eines Gedanfens im jetigen Angenbid auf gleiche Evidenz deffelben in aller Folgezeit zu schließen, als allgemeiner Grundsatz würde er genan dem Bedenfen unterliegen, welches er zu heben bestimmt wäre. So würde es denn, um uns der Allgemeingültigkeit eines Gedankens zu versichern, fein Mittel geben, wenn uns die Evideng nicht genügt, mit welcher sein Inhalt, einmal gedacht, sich selbst ewige Geltung der Erfahrung vorgreifend zuschreibt. Und man würde bedenken muffen, daß diese Unfähigteit nicht eine beflagenswerthe Unvollkommenheit nur der menfchlichen Ginficht sein würde; jeder Geift theilte fie, deffen Borftellungsleben, in der Zeit sich entwickelnd, irgend noch Achulichkeit mit dem mifrigen hätte; welche wahrste Wahrheit ihm auch angeboren sein möchte,

sie würde in sein Bewußtsein doch nur in einem bestimmten Augenblicke treten, und alle Evidenz, die sie dann für ihn hätte, würde den Zweisel an ihrer Denknothwendigkeit im nächsten Angenblicke nicht beben.

330. Bielleicht stimmt man biesem Ergebnisse eifrig zu und fährt fort: eben dies beweise die Vergeblichkeit unserer Parteinabme für Wahrheiten, die dem Geiste a priori gegeben seien; selbst nachdem er fie besitze, habe er kein Mittel, fie von dem zu unterscheiden, was ibm nur durch Erfahrung zufomme; oder anders ansgedrückt: eben nur durch Erfahrung lerne er ihre Allgemeingültigkeit kennen; wenn in jedem folgenden Bersuche, sie zu denken, sich ihre Evidenz immer wieder erneuere, dann habe man zwar nicht den strengen Beweis, aber die größte Wabrideinlichteit ihrer allgemeinen Geltung, und hierauf, auf dieje wachjende empirijde Bahrideinlichteit, babe alle unjere Grfenntniß sich denn in der That zu beschränken. Hierin liegt ein Theil von Wahrheit, beffen ich nachher gedenken will; aber das Ganze diefer Bebauptung ist falich. Gben dann, wenn zugestandenermaßen die in dem einen Angenblick, erfahrene Evidenz eines Gedantens nicht für die Erfahrung derselben Evidenz in einem zweiten bürgen soll, eben bann tann auch eine taufendfach wiederholte gleiche Erfahrung bas Eintreten der taufend und ersten nicht wahrscheinlicher machen, als icon das der zweiten oder der dritten gewesen wäre. Wenn wir nach vielfachen Beispielen einer Bertnüpfung zweier Ereignisse a und b, deren Reibenfolge durch fein Gegenbeispiel unterbrochen worden ist, auf jedes neue Eintreten von a auch b mit immer wachsender Zuverfict erwarten, jo thun wir dies auf Grund fehr bestimmter Beranssetzungen. War jene Verfnüpfung von a und b nicht von der Art, daß sie, einmal gedacht, sich als selbswerständlich erwies und sich selbst als allgemeingültig für alle Zufunft ansgab, jo leiten wir ihre befrandige Wiederfehr Davon ab, daß die wechselnden Bedingungen, welche Diesen Erfolg hätten ändern fonnen, nicht eingetreten find; daß fie aber auch später nicht eintreten werden, finden wir nach einer großen Ungahl gleichartiger Erfahrungen nur deshalb wahrscheintich, weil wir im Gangen des Weltlaufs und in dem besondern Theile dejjelben, dem jene Greigniffe angehören, eine Beständigteit bes Berbaltens voraus= setzen, die an einer hintanglichen Angahl von Beispielen erkennbar wird; min, nachdem wir verausgesetzt haben, daß die zufünftigen

Biederholungen der Bedingungen den beobachteten gleichen werden, soließen wir: unter gleichen Bedingungen werde Gleiches eintreten Haben wir uns in jener Boransfetzung geirrt, fo werden wir eine faliche empirische Behanptung allgemein aufgestellt haben, die durch eine später kommende Erfahrung widerlegt wird; gilt uns dagegen ber allgemeine Grundsatz nicht mehr für allgemein, daß unter gleichen Bedingungen gleiche Folgen entstehen, fo ift bas ganze logische Berfahren grundlos und haltles, durch welches man aus Erfahrungen Sätze von auch nur wahrscheinlicher Allgemeingültigfeit zu finden hofft: denn jede Folgerung von m zu m + 1, gleichviel ob sie strenge ober wahrscheinliche Geltung irgend eines Saties vermitteln will, setz bie strenge Allgemeingültigkeit jenes logischen Grundsatzes voraus. ficht daber, daß die Reigung, alle allgemeine Erfenntniß aus Erfahrung, d. h. aus Summirung von Ginzelwahrnehmungen zu gewinnen, nicht zum Ziele kommt; irgendwo ist stets als nothwendiges Hülfsmittel einer jener Gedanken vorauszuseten, dessen einmal gedachtem Anhalt man mit unmittelbarem Zutrauen den von ihm erhobenen Anspruch auf allgemeine Gültigfeit zugibt.

331. In der That ift nun hierüber im wirklichen Gebranche bes Denkens niemals Streit gewesen. Man hat manchen mathematischen Beweis erneuter Prüfung unterzogen, aber immer nur um zu ermitteln, ob jeder ber einzelnen Gate, aus benen er bestand, für sich evident war oder folgerecht aus anderen evidenten fleß; niemals bagegen hat man bas an sich Evidente einer blogen Wiederholungsprobe unterworfen, um zu sehen, ob nicht doch einmal ein Angenblick fäme, in welchem sein Gegentheil, die Gleichheit etwa des Ungleichen oder ein lleberschuß des Theiles über das Ganze, ebenso erident würde: und wäre jemals dies Unerwartete geschehen, so würde Riemand gezweiselt haben, daß ein Fehler vorliege, den die Unachtsamkeit des Rechnenden allein verschuldet habe. Zwiespalt ist dagegen vorhanden über den Umfang jener selbstverständlichen und allgemeingültigen Wahrheiten, und hier fommt nun der Theil Wahrheit in Betracht, den ich oben der zurückgewiesenen Ansicht doch zugestehen umigte. dies meine ich nicht so, als fonnte die Erfahrung als solche uns helsen, das festzustellen, was nicht nur als allgemeine Thatsache, sondern mit selbstwerständlicher Rothwendigkeit allgemein gilt; vielmehr ist es gerade

die Erfahrung, deren oft wiederholte gleichförmige Aussagen uns verloden, aulett für nothwendig und selbstverständlich zu halten, was mir wirklich, oder nicht einmal dies ist. Ich habe früher der täuschenden Evidenz gedacht, die für uns manche Gedanken annehmen, deren Inhalt ein beschränkter Beobachtungsfreis uns beständig ohne Gegenbeispiel vorgeführt hat; die psychologische Association, die sich dann zwischen den Borstellungen a und b zweier stets auseinander gefolgten Greigniffe gebildet hat, nimmt fehr bald den Schein einer felbstverständlichen sachlichen Verknüpfung der vorgestellten Inhalte an. Ich habe schon damals angeführt, daß der Bersuch, das contradictorische Gegentheil eines so evident gewordenen Gedankens zu denken, zuweilen dazu dient, biesen täuschenden Schein zu zerstreuen; mit Berwunderung bemerken wir dann, daß eine Unnahme, die der scheinbar selbstverständlichsten Behauptung widerspricht, bennoch feinen Widerstand unseres Denfens erfährt, daß sie denfmöglich ist wie diese, daß also die Gewißheit, die wir dieser zuerkannten, nicht auf allgemeingültiger und selbstverständlicher Zusammengehörigkeit ihres Inhaltes beruht. Aber ich mußte auch schon früher hinzufügen, daß dieser Versuch nicht immer entscheidend sein wird; sehr mannigfaltig sind in der That die Ginflisse der vorgängigen Erfahrung, die auch seinen Ruten vereiteln. Könnten wir sicher sein, wenn wir irgend einen Satz dieser Prüfung unterwersen, nicht nur sein Subject a, sein Prädicat h und den Sinn der Copula e oder derjenigen Verfnüpfung, in welche wir a und h bringen wollen, genau, ohne Mangel und lleberfluß bestimmt zu haben, sondern auch bei der endlichen Entscheidung darüber, ob dies e zwischen diesem a und diesem b selbstverständlich stattsinde oder nicht, uns durch feinerlei Beweggrund leiten zu lassen, der dem festbestimmten Inhalt dieser drei Begriffe fremd wäre, so würden die endlichen Aussagen aller, bejahend oder verneinend, gewiß übereinstimmen. Wo diese Bedingungen erfüllbar find, wie es auf dem Gebiete der Mathematik der Fall ist, da finden wir folde llebereinstimmung wirklich. Die verwidelten Begriffe von Gegenständen ber Birklichkeit gestatten bagegen nicht von fern diese Genauigkeit der Zerlegung; und jedes besonnene Denken erwartet hier Ergebnisse nur von der Erfahrung oder vielmehr von genauer Bearbeitung der Erfahrungen; die einfachsten und allgemeinsten Begriffe und Gedanten endlich, die wir eben dieser Bearbeitung gern unterordnen möchten, würden an sich allerdings iene Genauigkeit zulassen, wenn nicht eben der Ginfluß der vorangegangenen Erfahrungen sie erschwerte. Wir meinen gewiß etwas sehr Einfaches und Bestimmtes, wenn wir die Worte: Sein Ding Ursache Kraft Wirfung und Stoff anssprechen; aber jeder biefer Begriffe ift von uns, auf Beranlassung unseres Beobachtungsfreises oder besonderer Lieblingerichtungen unserer Aufmerksamfeit, gewöhnlich nur auf einen Theil des Umfanges angewandt worden, den er nach unserer eignen lleberzeugung ganz beberrichen foll, und zugleich anderseits in mancherlei Berbindungen gebracht, die ihm möglich, aber nicht wesentlich sind. Definiren würden wir baber, wenn man uns aufforderte, benfelben Begriff vielleicht übereinstimmend, unsere wirklichen Anschauungen seines Inhalts würden dennoch verschieden genug sein, so verschieden wenigftens, wie dieselben Formen unter verschiedenen Beleuchtungen ericheinen. Alle diese unzergliederten Rebengedanken nun, die Stimmungen und Wünsche, die so sich verstohlen an das Gedachte knüpfen und ihm sein eigenthümliches Colorit geben, machen uns geneigt, Brädicate an ihm jelbstwerständlich zu finden, die der bloße Eigeninhalt deffelben nicht gerechtfertigt hatte. Dies ift der Werth und die Befahr der Erfahrung: ohne durch sie veranlagt zu sein, treten die allgemeinen Grundfäte unseres Urtheilens nicht vor unser Bewußtsein; durch fie veranlaßt aber find fie zugleich mit Ginseitigteiten Mängeln und lleberschüffen behaftet, von denen eine spätere Reflexion Mühe hat sie zu reinigen. Hier beginnt, als eine unermüdlich fortzusetzende Kritif, jene dankenswerthe Bemühung, psinchologisch den Ursprung der Gestalt zu erforschen, die sie gulett in unserem Bewußtsein angenommen haben; nicht sowohl um zu zeigen, wie alle Wahrheit und Gewißheit allmählich aus ben Aussagen ber Erfahrung entspringt, sondern im Gegentheil, um deutlich zu machen, wie viel Fremdartiges, nur aus ben Besonderheiten ber beobachteten Beispiele stammend, sich incrustirend an ben Inhalt jener ursprünglichen Wahrheiten angelagert hat, die, einfach und rein gedacht, uns nicht nur nothwendig und selbst= verständlich erscheinen, sondern so auch sich in allen ihren Unwendungen bewähren würden.

332. Ich glaube nicht, daß diese Kritik der Bornrtheile, wie ich sie kurz nennen möchte, sich anders als stückweis und in unmittels

barem Auschluß an bestimmte zu lösende Anfgaben ausführen läßt: benn die Schwierigkeiten, die sich bei den Bearbeitungen dieser erheben, find es eigentlich erft, die uns den Berdacht der Unrichtigkeit unferer Grundfäte und eine Bermuthung über die Quellen der begangenen Brithumer erwecken. Ich unterlasse daber, hierüber ins Gingelne gu geben; aber ich nuß mein bisheriges Verfahren rechtfertigen gegenüber der entgegengesetzen Ansicht, welche durch Diese psiechologischen Bergliederungen unserer Erfenntnisse nicht nur ursprüngliche Wahrheiten aus der Umhüllung irriger Rebengedanten zu befreien, sondern die Natur des Denkens spstematisch aufzuklären und die Gültigkeit seiner Grundfätze zu erweisen sucht. Ich bin in meiner ganzen Darstellung nicht dieser Meinung gewesen, daß die Logif wesentlichen Nuten aus der Erörterung der Bedingungen ziehen könne, unter denen das Denken als psuchischer Vorgang verwirflicht wird. Die Bedeutung der logischen Formen besieht in dem Sinne der Berfnüpfungen, in welche wir den Inhalt unserer Vorstellungswelt bringen sollen; in dem also, was das Denken aussagt oder befiehlt, nachdem oder indem es in uns zu Stande fommt, aber nicht in bem, was als erzeugende Bedingung seiner eignen Wirklichkeit hinter ihm liegt. Gewiß nuß es Bedingungen dieser Urt geben, nicht blos solche eines psiechischen Mechanismus, die in jedem einzelnen Augenblick jede einzelne seiner Bewegungen ebenso bestimmen, wie jeden Bug eines ängeren Naturereignisses die im Moment seines Entstehens vorhandenen phosischen Data; vielmehr auch die Nothwendigkeit, mit welcher im Allgemeinen das Denken jene Regeln seines Berfahrens unwissentlich befolgt, die eine spätere Reflegion als bewußte Grundsätze ausspricht, muß eine unvermeidliche Folge der Natur des Geiftes fein, deren Erforschung der Psychologie zufällt. Aber wenn wir nun Alles wüßten, was wir bierüber zu wissen wünschen fönnen, so würde es doch eine Täuschung sein, wenn wir darum besser über die Wahrheit unserer logischen Grundfätze urtheilen zu tonnen glaubten; ware boch ihre Gultigfeit vielmehr die Voranssesung für die Möglichkeit der Untersuchung gewesen, durch die wir diese ihre psodologische Entstehungsgeschichte gu Stande gebracht hatten. Diesen Cirfel, der uns je oft icon ermüdet hat, will ich bier zum letzten Male erwähnt haben; es muß flar sein, daß feine sensualistische oder empirische Theorie der Entstehung unseres

Denkens und Wissens dahin kommen kann, den Sat der Zdentität oder des ausgeschlossenen Dritten zu beweisen oder zu widerlegen; sie bedarf beider zu jedem Schritt ihrer Folgerungen; sie kann ebensowenig die Geltung des Causalgesetzes erst begründen oder hinwegräumen wollen, denn jeder Versuch, seine Anwendung auf Association und Reproduction der Vorstellungen zurückzusühren, setzt in anderer Form es selbst als gültig in Bezug auf die Wechselwirkung der psychischen Zustände voraus, und sowohl seine Besahung als seine Verneinung wäre hinfällig, wenn nicht zuerst seine Gültigkeit sessischen, aus der dann freilich die Verneinung nur durch einen sonderbaren Selbstmord der Untersuchung entspringen könnte. So bleibt denn nichts übrig, als daß diese psychologischen Zergliederungen auf die Ansgabe beschränkt werden, zu zeigen, wie an sich gültige Wahrheiten im Tenken und sür dasselbe, sosen es ein psychischer Vorgang ist, als unbewußt besolzte Regeln seines Versahrens verwirtlicht werden.

333. Und hier möchte ich nun noch beutlich machen, daß wir auch von alle dem, was wir in dieser Beziehung zu wissen wünschen fönnen, in der That nichts wissen, und daß die Logif noch lange auf ein tieferes Beritändnift der Denthandlungen würde verzichten müssen, wenn sie der Aniflärung durch psinchologische Ableitung derselben bebürfte. In den sensualistischen Darstellungen, wie sie nach dem bierin unerreichten Borbild Lockes und nach dem feden Bersuche Condillacs vielfältig wiederholt sind, kann ich nichts finden, was überhanpt dieser Aufgabe entspräche. Als Kritif der Bornrtheile unseres Erfennens hat Lockes Werk in der Entwicklung der neneren Philosophie die Wirtung völlig gehabt, welche die Große des von ihm eröffneten Gesichtsfreises und die Schärfe seines Gindringens verdiente; aber der Mannigfaltigkeit ber inneren Vorgänge, Die er in Betracht gieht, steht er boch mit feinem andern Draan als jenem common sense gegenüber, der, an der Benrtheitung des ängern Weltlaufs genot, mit den bier erworbenen achtbaren und probablen, aber unspstematischen Maximen überall auszureichen glaubt. Es liegt mir näher, von dem zu reden, was in deutscher Philosophie versucht worden ist. Wenn wir von Erflärung eines Kreises von Vorgängen sprechen und sie vermissen, so schwebt uns als Muster des Gewünschten die Gesammtheit der naturwissenschaftlichen Weltansicht vor. In ihr ist, eben durch Beachtung

der Gesetze des Denkens und ihre sorgfältige Anwendung auf den Inhalt genauer Beobachtungen, die Auffindung weniger Urthatsachen gelungen, aus deren Ineinandergreifen höchst mannigsache Erscheinungen mit nachweisbarer Nothwendigkeit entspringen. Glückliche Eingebungen haben in jüngster Zeit auch einen Theil des innern Lebens, die Abbängiafeit wenigstens der Empfindungen von äußeren Reizen, dem so beberrichten Gebiet hinzugefügt; nicht indem man versuchte, die Eigenart pspchischer Ereignisse aus phosischen Borgängen zu construiren, die ihnen ewig unvergleichbar bleiben, soudern indem man sich beschränkte, auf die Glieder beider Reihen, welche thatsächlich aber in unbefannter Weise die Naturordnung aneinanderfettet, genaue Magbestimmungen anwendbar zu machen und aus den gefundenen zusammengehörigen Werthpaaren das Gesetz ihrer Correspondenz zu entwickeln. Schon früber war diesen Bemühungen ein werthvoller Versuch vorangegangen, zwar ohne Anthüpfung an Erfahrung im Einzelnen, aber nach Hopothesen, die sich dem Gesammteindruck der Erfahrungen anschlossen, in gleichem Sinne auch die inneren Zustände ber Seele einer mechanischen Theorie ihres Zustandekommens zu unterwerfen. Alle diese Veistungen indessen, durch welche die psochologische Anschauungsweise der Gegenwart den Ansichten der Borzeit sehr weit überlegen ist, reichen nicht an den rathselhaften Punkt hinau, deffen belle Beleuchtung der Logik neue Wege öffnen fonnte. Sie alle lehren uns nur die Wechselwirfung verschiedener dem Mage nach bestimmter psochischer Ginzelzustände mit Rücksicht auf die Veränderung kennen, die jeder von ihnen durch sein Busammentreffen mit andern erfährt, mit Rücksicht also auch auf ben Gesammtzustand ber Seele, soweit er nichts als bas medanische Rejultat aller dieser Gegenwirkungen ist. Aber sie erklären nicht eben jo die neuen Rückwirfungen, zu denen jeder jo entstandene Zustand Die Seele veranlagt, und die eben nicht berechenbare Ergebnisse von Größenverhältniffen zusammentreffender Bedingungen find, Die vielmehr mit einer andersgearteten, jagen wir: mit einer dialeftischen oder teleologischen Rothwendigteit von dem Sinne oder der Idee abhängen, zu deren Berwirflichung die Seele bestimmt ist. Die Erforschung der äußeren Ratur läßt ähnliche Fragen zurück, bedarf aber für ihre Zwecke beren Beantwortung nicht. Wie es zugehe, wie es gemacht werde, oder wozu es denn jo sei, daß Massenelemente ein

ander nach Maßgabe ihrer Zwischenentfermung anziehen, fann dahingestellt bleiben; nachdem das Gesetz dieser Wirfung bekannt ist, darf fie als ein constantes Element des Naturlaufs, d. h. hier als ein solches gelten, dessen Bariationen in jedem Ginzelfall durch die gegebenen Umstände mitbestimmt sind; je mehr es gelingt, alle Naturvorgänge auf so sich verhaltende gleichartige Bewegungsfräste zurüctzubringen, um so mehr wird auch seiner Form nach jedes einzelne Greignift aus seinen veranlassenden Bedingungen construirbar werden. Dies würde sich ändern, wenn die Naturforschung Ursache zu der Unnahme erhielte, daß auch die für unveränderlich geachteten Elemente unter der Wirtung solcher Kräfte innere Zustände erlitten und durch diese bestimmt würden, mit neuen vorher nie angeregten Formen der Rückwirfung in das Spiel der Creignisse einzutreten. Gewiß würde man auch diese neuen Einflusse, soweit sie in der Umgestaltung physischer Umstände wirksam würden, unmittelbar an die erkennbaren äußeren Bedingungen anschließen, unter denen sie entstanden, also allgemein ausgedrückt, sie als Kunctionen dieser letzteren betrachten fönnen; icheinbar würde daber nicht die Stetigfeit der wissenschaftlichen Construction eine Unterbrechung, sondern nur ihre Ausführung eine vermehrte Schwierigfeit erfahren: in der That aber würde ein Spring in dieser Continuität boch vorhanden sein. Denn daß überhaupt unter der Summe m gewisser phosischer Bedingungen eine neue Wirfungsweise u, unter der anderen Summe n eine andere neue Wirtung r auftreten werde, würde doch ein neues Datum, eine Thatsache fein, die man aus Erfahrung weiß, aber nicht felbstverständlich und analvtisch als nothwendige Folge jener Bedingungen ableiten fann. In einem solchen Falle nun befinden wir uns hier. Alle die inneren Vorgänge, die wir psychologisch als nothwendige Voraussetzungen für die Berwirtlichung irgend einer Denthandlung fennen, sind nur jene Beranlassungen m ober n, miter benen diese logischen Rückwirfungen u und r des Geistes zum Vorschein fommen; aber erflärlich wird uns aus m und n weder die Thatsache, daß u und r hinzutommen, noch finden wir wieder in dieser Thatsache selbst die mindeste Ertlärung für die weiteren Bertnüpfungen, die bas Denken zwischen u und r, überhaupt zwischen den verschiedenen elementaren Ausübungen seiner Thätigkeit in immer sich steigernder Berwicklung anstiftet.

würde hierbei verweilen, wenn nicht ohnehin der Gegenstand des nächsten Abschnittes mich nöthigte, im Sinzelnen auf die tiese Alust hinsuweisen, die zwischen dem psuchischen Mechanismus und dem Tenten unausgesüllt liegt; ich begnüge mich hier mit dem Ausdruck meiner Ueberzengung, daß man alle logischen Rückwirfungen des Geistes als ein in sich zusammengehöriges Ganze, als eine einheitliche Tendenz aufzusassen hat, deren einzelne Aenßerungen ihrem Sinne nach sich verständlich in eine Reihe gliedern sassen, dagegen nach ihrer Entstehung als psychische Borgänze noch völlig undegreistich sind. Sicht eine Jussisch der Psychologie und eine Berderbniß der Togit zugleich, die Beranlassungen, unter denen sie sich fundgeben, für sie selbst zu halten; hoffnungstoser ist nur noch der Wahn, durch eine verwollsenunsnete Theorie der Nervenphysit das dentlich zu machen, worauf die Möglichseit jeder Theorie beruht.

Viertes Kapitel.

Reale und formale Bedentung bes Logischen.

334. Thatsachen der Wahrnehmung erfennen wir an; nur dem disenrsiven Denken miktrauen wir, das sie deutet, am meisten den langen Gedankengeweben, die es der Anschamma abgewandt und doch mit der Hoffnung auf ein Ergebnig fortspinnt, das diese später bestätigen werde. Alls Thätigkeit ober Bewegung ber Seele folgt bas Denken Wejeten ihrer Matur; werden die Regeln, nach benen es feine Boritellungen verfnüpfen muß, zu demselben Abschluß führen, den der Ansammenhang der Sachen hervorbringt? so daß das Ende unseres Gedankenganges, wenn wir zur Wahrnehmung zurückkehren, mit dem zusammentrifft, was der Lauf der Dinge inzwischen hervorgebracht? Und wenn wir im Ganzen für unwahrscheinlich halten, daß Denken und Sein, die eine natürliche Vernnthung als für einander geschaffen ansieht, völlig auseinander geben, wird dann auch jeder einzelne Schritt des Denkens einer Phase des Geschehens entsprechen, die in der Entwidlung des gedachten Inhalts vorfame? Aus folden Zweifeln entsteht die Unsicht von einer blos formalen oder subjectiven Geltung des Denkens. Sie ist flar in dem, was sie behanptet: die logischen Kormen und die Gesetze ihrer Anwendung sind die Bedingungen, durch deren Erfüllung das Denken sich selbst genügt und den Zusammenhang des Borgestellten zu dem macht, was für es selbst, das Denten, Wahrbeit ist; aber unflar bleibt, in welchem Verhältnisse, das sie doch nicht entbelfren fonnen, diese Formen und Gesetze zu dem Inhalt stehen, den sie nicht erzeugen, sondern vorfinden, und durch dessen Bearbeitung allein doch die gedachte Wahrheit den ihrigen erhält. Kann ein Inhalt in Formen gebracht werden, für die er nicht paßt? und selbst wo wir

einen Stoff gewaltsam in eine Gestalt preffen, die er freiwillig nicht annähme, muß nicht in ihm felbst eine Gigenschaft sein, die biese Gewalt wenigstens möglich macht? in jedem gegebenen Inhalt mithin, den das Denken seinen Formen unterwirft, eine Beziehung und Verwandtschaft zu diesen Formen, die höchstens mißbraucht werden fann? Muß nicht endlich diese Annahme in Bezug auf jede einzelne logische Speration gelten? Keine von ihnen liege fich als blos subjectives Berfahren bes Denfens ausführen, läge nicht in dem gegebenen Inhalt ein Bug, der jie verlangte oder gestattete. Rinn miffen wir, daß jenes Miftranen, dem wir oben Worte gaben, sich nicht in der befürchteten Allgemeinheit bestätigt; wie viel wir auch in langen Gedantengängen irren, bas tägliche Leben zeigt doch, wie gut durchschnittlich unsere lleberlegungen mit dem Lauf der Dinge wieder zusammentreffen. Warum sollen wir nicht diese Zuversicht zu der Wahrhaftigkeit unseres Denkens festhalten. die unsere natürliche dem Zweisel vorangehende Stimmung ist? warum jie nicht bis zu der lieberzeugung steigern, der sachliche Inhalt des Borstellens sei an feine anderen Weseye als an die gebunden, Die bas Denken ibm auflegt? so daß es nur sorgfältiger Aufmertsamfeit auf alle Beinheiten in dem logischen Berfahren des Geistes bedürfte, um in ihm wie in einem Spiegelbilde die eigenen realen oder objectiven Entwicklungsformen alles Seins zu finden? So entsteht die lleberzeugung von einer realen Bedeutung des Denfens, in ihren allgemeinsten Zügen die frühere in der Entwicklung des menschlichen Geistes, ein Erzengniß der Reuzeit in der ausdrücklichen Steigerung, die wir ihr zuletzt gaben; zwischen ihr und der entgegengesetzten Ansicht hat die Geschichte der Philosophie einen langen Streit zu erzählen. Wir fonnen ihn nicht dadurch entscheiden, daß wir den logischen Formen und Gesetzen die des realen Seins und Geichehens vergleichend gegenüberstellten, denn wir haben keine Kenntniß der letztern, an der nicht das Denken bereits mitwirkend Theil hätte; aber wir können fragen, wie denn das Denken selbst über die Bedeutung seiner eignen Sandlungen urtheilt, und inwieweit es diejenigen Formen, die es als psochische Bewegung des denkenden Subjects annehmen muß, für Gigenbestimmtheiten des von ihm bearbeiteten Inhalts ausgibt.

335. Welche Handlung bes Tenkens wir auch ins Ange fassen: keine besteht in dem blogen Borhandensein zweier Borstellungen a und b

in demfelben Bewußtsein, jede in dem, was wir eine Beziehung ber einen Vorstellung auf die andere nennen. Nach ihrer Ausführung läßt diese Beziehung sich als eine dritte Vorstellung C fassen, aber weder ist dann C gleichartig mit a und b, noch ist sie ein blos mechanischer Effect von Gegenwirfungen, die nach irgend einem Gesetz zwischen beiden, als psychischen Borgängen von bestimmter Größe und Berichiedenheit, stattgefunden hätten. Alls einfachste Beispiele mögen Gleichsetzung und Unterscheidung zweier Borftellungsinhalte bienen. Setzen wir a gleich a, so ist ohne Zweifel die Vorstellung a doppelt in unserem Bewuftsein: aber welche mechanische Analogie wir auch anwenden, nie folat aus diesem Umstande etwas Anderes, als daß entweder beide u für eines zählen, weil sie ohne Unterschied einander deden, oder daß sie, als gleichartige Erregungen der Seele, zu einer dritten Vorstellung von größerer Stärfe verschmelzen, oder daß es bei ihrem getrennten Besteben lediglich sein Bewenden habe. Ihre Bergleichung aber, Die zu der Vorstellung C der Gleichheit führt, besteht weder in ihrem bloken Zusammensein noch in ihrer Vermischung; sie ist eine jest erst angeregte völlig einheitliche That der Seele, welche beide Borstellungen zugleich festhält, von der einen zur andern übergeht und sich bewußt wird, während dieses Ueberganges und durch ihn keine Beränderung ihres vorstellenden Zustandes oder Handelns erfahren zu haben. Bergleichen wir ferner zwei verschiedene Vorstellungen a und b, Roth und Belb. Zwei äußere Reize, die für sich einwirkend je eine dieser Empfindungen erwectt hätten, mögen gleichzeitig wirfend in dem Nerven, durch den sie sich noch als physische Zustände fortsetzen, in eine dritte mittlere Erregung verschmelzen fonnen, die der Seele nur Beranlaffung zu einer einfachen britten Empfindung gabe; zwei Borftellungen, die als folche einmal in der Seele entstanden sind, erfahren diese Vermischung nicht. Geschähe sie, so wäre mit dem verschwundenen Unterschiede auch Anlag und Möglichteit der Bergleichung und hiermit in weiterer Folge die Möglichkeit alles Denkens und Erkennens verschwunden. Denn sichtlich beruht jede Beziehung darauf, daß die verichiebenen Anhalte unverfälicht durch eigene Wechselwirkungen in dem Bewuftsein aufbewahrt bleiben, daß die einheitliche Thätigkeit, welche fie zusammenfassen will, sie als solche vorsindet und zwischen ihnen hin und hergehend sich der entstehenden Menderung ihres eignen vorstellenden Zustandes bewußt wird. Judem ich mich so ausdrücke, fühle ich vollständig die Berechtigung des Vorwurfs, daß meine Bezeichnung dieser Thätigkeit lauter unconstruirbare Umschreibungen enthalte. Aber dies ist es eben, was deutlich werden nink, daß die geistigen Borgänge, auf denen alles Denken beruht, keinerlei Aehnlichkeit mit dem physischen Geschehen haben, nach dessen Analogien solche Rtagen sie modellirt sehen möchten. Gine Thätigkeit, die nicht einfach eine Bewegung ist, sondern eine Bewegung ausübt, auf zwei Objecte sich bezieht, ohne sie doch zu ändern, endlich sich der Richtung und Größe des zurückgelegten Weges an dem Unterschiede ihrer eigenen Zustände be wußt wird, läßt sich nicht auf das gewöhnliche Schema von unveränderlichen Elementen mit veränderlichen Relationen, von Gleichbeit der Wirkung und der Gegenwirkung bringen; dennoch ist sie etwas, dessen Wirklichkeit wir alle empfinden; ist doch eben sie das Wertzeug, durch das wir auch jene bewunderten Constructionen ausführen. In dieser ihrer ganzen Eigenthümlichkeit muß man sie gelten lassen und zu ihrer Bezeichnung neue ihr Wesen nicht verfälschende Grundbegriffe suchen, deren Mangel wir noch fühlen, und die ich keineswegs durch meine sehr unvollkommenen Ausdrucksweisen für gefunden halte.

336. In unserem Beispiele waren a und b, Roth und Roth oder Roth und Gelb unmittelbare Gegenstände einer Unschanung. Die Borstellungen C der Gleichheit oder Verschiedenheit, die wir als Ergebniß der angestifteten Beziehung erhielten, sind dies nicht mehr; als Berhältnisse des einen zum andern, als Gleichheit des a mit a, als Berschiedenheit des a von b, lassen sich die Juhalte beider nicht ohne die mitreproducirten Vorstellungen dieser ihrer Beziehungspunkte und nur durch Miter innerung eben jener Bewegung wirklich benken, die uns von dem einen zum andern hinüberführte. So oft daher der Rame der Gleichheit ober des Unterschieds uns genannt wird, werden wir zur Wiederholung aller jener Bewegungen aufgefordert, durch die allein es möglich ist, ihren Ginn zu erfassen; aber indem wir bas Ergebniß, welches wir benkend erzeugen wollen, dahin aussprechen, daß a gleich a oder a verschieden von b sei, drücken wir die lleberzeugung aus, daß die facliche Erfenntniß, die zu gewinnen war, ganz und ungetheilt in diesem letzten Schritte liege; nicht dem a und dem b schreiben wir jene hin und hergebende Bewegung zu, durch welche wir dies ihr Berhältniß zu einander fanden; sie bildet vielmehr nur einen psychischen Borgang, ohne den dieses Ergebnik weder zuerst zu erreichen noch in der Erinnerung zu wiederholen ist, der aber doch, gleich einem Lehrgerüft, das man nach vollendeter Arbeit wieder abbricht, von der jachlichen Bedentung unserer Denkhandlung wieder abgezogen werden muß. So zeigt sich hier zuerst, in einem einfachsten Kalle, der Gegensatz der blos formalen Bedeutung unserer Denkhandlung zu der realen ihres Productes. Che ich diese Spur weiter verfolge, erinnere ich an zwei Reiben von Bergängen, die im Großen dasselbe bestätigen, mas wir hier an einem bestimmten Beispiel fanden. Zuerst erhalten wir die finnlichen Unschanungen, von denen unser Denken ausgebt, fast alle in ränmlicher Gestalt, Ordnung oder Beziehung; burch sombolische Beuntung dieser Form suchen wir daber jedem verwickelten Verhältniß die ihm sonst sehlende Unschaulickeit zu geben; wir erseben Untericiede durch Entsernungen von bestimmter. Größe und Richtung, Bielheit des Gleichen durch Zerstreuung in verschiedene Raumpunfte, Abentität des Einen mit sich selbst durch einen unveränderlichen Ort, an den unsere Vorstellung immer zurückaeführt wird; wir finden endlich Schwierigkeit für die Klarheit begreifender Uebersicht, wo die Matur der ränmlichen Schemata zum Ausdruck der Bielfeitigkeit dentbarer Beziehungsspiteme nicht ausreicht. Dennoch find wir uns bewußt, damit nicht das Wesen der Sache bezeichnet zu haben: alle diese Sombolifirungen waren subjective Hulfsmittel, benutbare Wege für das Denken, das sein eigentliches Ziel C durch Hin- und Bergeben auf ihnen zu erreichen hat; was wir meinen, ist unabhängig von der Art, wie wir es verbildlichen. Der Ausdruck unserer Gedanken ift zweitens an die Sprache, längst auch ihr innerer Verlauf an die Reproduction der Worte gewöhnt; Wahrnehmungen, Erinnerungen und Erwartungen haben volle Alarheit faum, bis wir für sie erschöpfende Unsbrücke in Satien ber Sprache gefunden. Der so erreichte Vortheil hängt nicht eigentlich an der Sprache und ihren Lanten, sondern an einer innern Arbeit der Zergliederung und Verfnüpfung, welche dieselbe bliebe, auch wenn sie andere Formen der Mittheilung benutzte; thatsächlich aber, nachdem die Sprache zu diesem Zweck entstanden, ist Form und Leichtigkeit der Denkbewegungen allerdings von den Mitteln abhängig, welche sie darbietet, und deshalb selbst national verschieden,

nachdem mancherlei Urfachen sich verbunden haben, Ban und Fügung verschiedener Sprachen ungleichartig zu machen. Un sich ist daber, mas wir logisch meinen, unabhängig von der Art, wie wir es sprachtich ansdrücken; in wirklicher Ausführung ist aber doch alles menschliche Denken genöthigt, den gemeinten Gedanken durch Trennungen, Berfnüvfungen und Umformungen der Vorstellungsinhalte berzustellen, welche die Sprache in ihren Worten verfestigt hat. Nur mit diesem Disenrfiven Charafter, im Gegensatz zur Anschanung, ist bas Denfen eine psnchische Thatsache; mit diesem Charafter ist es auch Gegenstand unserer logischen Darstellung gewesen und nie überhaupt bat Logit sich mit einem Denten beschäftigt, das seine verschiedenen Vorstellungen nicht nach einander zum Zielpnuft seiner Aufmertsamfeit gemacht, nicht vergleichend und beziehend sich zwischen ihnen bewegt, nicht Abstractes ränmlich symbolisirt, nicht endlich seine Gedanten in Constructionen einer Sprace ausgedrückt hatte. Wir muffen baber erwarten, in dem, was wir logische Sandlungen, Formen und Gesetze nennen, viel eines bles formalen Apparates zu finden, der, obwohl zur Ansübung des Denkens unentbehrlich, doch der realen Bedeutung entbehrt, die das Denfen dem Endergebnift seines Thuns allerdings guschreibt.

337. Kehren wir zu diesem Ergebnisse jest zurück. Wenn wir, a und b vergleichend, und einer Beränderung C bewußt werden, die wir im Uebergang von einem zum andern erleiden, jo wird zwar ge wiß C von der Natur jener beiden Beziehungspuntte abhängen, denn C wird anders und zu C1 werben, wenn e und d an deren Stelle treten: dennoch scheint C von biesem sachlichen Berhalten um abzuhängen, nicht aber identisch es abanbilden: als unsere subjective Erregung erreicht es den sachlichen und objectiven Gehalt des zu Erkennenden nicht. Diesen grübelnden Ginwurf wurde ich nicht erwähnen, wenn er nicht Veranlaffung gabe, auf die schwer zu befinirende Natur des Vorstellens zurückzufommen. Das Borstellen ist nicht das, was es vorstellt, die Vorstellung nicht das, was sie bedeutet: nicht nur in dem handgreiflichen Sinne, daß weder jenes noch diese die vorgestellte Sache selbst ist; vielmehr auch die einfachsten Vorstellungen, die nur dent baren Inhalt bezeichnen, haben diesen Inhalt nicht zu ihrem eigenen Pradicat: die Borftellung des Gelben ift nicht gelb, die des Preiectigen nicht dreiectig, die des Furchtsamen nicht furchtsam und die Borstellung des Halben nicht halb so groß als die des Gangen. Gleichwohl ist das Borftellen von diesem seinem Anhalt nicht so trennbar, daß es für sich sein, geschehen oder sich ändern könnte; es ist nur, indem es vorstellt. was es selbst nicht ist; es ändert sich nur, indem es einen dieser Inhalte mit dem andern vertauscht; es wird mithin auch die Veränderung seiner eigenen Zustände, deren es sich bewußt wird, nur in der Beränderung der vorgestellten Inhalte bestehen, die es in einer einheitlichen Thätigkeit vergleichend zusammenfaßt; sie kann nicht in einer andersgearteten Uffection gesucht werden, die das Bewußtsein nur in Rolge seiner Erregung durch jene Vorstellungsinhalte erlitte, und die ibm, abgetrennt von diesen, als eine deren eigenem Berhältnisse unähnliche Vorstellung C merkbar würde. Wer Roth und Gelb in gewissem Grade verschieden und doch verwandt findet, wird sich ohne Zweisel dieser beiden Beziehungen nur mit Hulfe der Beränderungen bewußt, die er, als vorstellendes Wesen, bei dem llebergang von der Borstellung des einen zu der des andern erfährt, aber er hegt dabei nicht die Befürchtung, das Verhältniß von Roth und Gelb fönne an sich noch ein anderes sein, als das der Affectionen, welche sie beide ihm veranlaffen; an sich etwa sei Roth dem Gelb gleich und erscheine blos uns verschieden von ihm, oder an sich finde zwischen beiden ein größerer Unterschied statt, der nur uns noch eine gewisse Berwandtschaft einzuichließen icheine. Solche Bedenten hätten Grund, wo wir unfere Gedankenwelt zu einer außer ihr vorausgesetzen Sachenwelt in Beziehung brächten; so lange jedoch statt dieser unsere eignen Vorstellungen unsern Gegenstand bilden, zweifeln wir nicht, daß die bei ihrer Bergleichung erfahrenen Gleichheiten oder Unterschiede unseres Vorstellens zugleich ein sachliches Berhalten unserer Vorstellungsinhalte bedenten.

338. Wie aber ist dies doch eigentlich möglich? wie können Sätze: a sei gleich a oder a sei verschieden von b, ein sachliches Vershalten ausdrücken, das solglich unabhängig von unserem Denken bestände und von ihm nur aufgesunden oder anerkannt würde? Mag Jemand noch zu wissen glauben, was er unter der an sich bestehenden Gleichheit des a mit a sich denke, wie wird er aber über den an sich bestehenden Unterschied zwischen a und b urtheilen? und welches sachliche Verhalten wird diesem Zwischen entsprechen, das uns nur verständlich ist, so lange es an die ränmliche Entserung erinnert,

welche wir, als wir a und b vorstellten, sombolisirend zu beider Auseinanderhaltung und zugleich als den verbindenden Weg einschalteten, auf dem unfer Borftellen von dem einen zu dem andern übergeben fonnte? Ober anders ausgedrückt: da Berschiedenheit weder Prädicat des a für sich noch des b für sich ist, wessen Prädicat ist sie? und wenn fie nur Sinn hat, sobald a und b auf einander bezogen find, welche sachliche Verbindung findet denn zwischen a und b dann statt, wenn wir die beziehende Thätigfeit als nicht ausgeübt betrachten, burch welche wir in unserem Bewuftsein beide in Berbindung setten? Diese Fragen nicht beachtet zu haben ist der Grund mancher Arrungen der antiken Dialektik; was Dingen mir in ber gegenseitigen Beziehung ankommen fann, die unfer aufammenfassendes Denken awischen ihnen auftiftet, wurde, nicht ohne der logischen Ginbildungsfraft Gewalt anauthun, als Pradicat der einzelnen auf sich bernhenden ausgesprochen. Damit a und b verschieden seien, ohne unser Denken zu ihrer Untericheidung zu bedürsen, wurde jedem der beiden zugeschrieben, an sich ein Exegor zu sein, und die Bergleichung mit dem andern sollte dabei ungedacht bleiben, die doch biefem Ausdruck allein Bedeutung gibt; die Berneimung, die das Deufen durch seine vergleichende Unterideidung ausspricht, indem es sagt, a sei nicht b, tam an dem a für sich als ein positives Prädicat, mit Hinweglassung bes verneinten Beziehungspunttes b, als ein seiendes Nichtsein mithin, zu eigner Wirtlichfeit, und diese Untlarheit galt für einen großen Jund des Tieffinns; wenn b fleiner als a und größer als c, so war es ein ärgerliches Räthsel, wie die von ihren Beziehungspunkten abgelöften und nun einander widerstrebenden Prädicate des Kleinerseins und des Größerseins sich an demselben b vertragen mögen. Diesen Jrrungen im Einzelnen zu folgen, murde nicht ohne vielseitiges Intereffe fein, aber zu weitläufig für unsere Darstellung, die sich mit folgendem Abschluß begnügen mag. Sind a und b, wie bisher, nicht Dinge von unabhängiger, unserem Centen jenseitiger Wirklichkeit, sondern vorstellbare Inhalte, wie Roth und Gelb, Gerade und Krumm, so besteht eine Beziehung zwischen ihnen nur, sofern wir sie denken, und dadurch daß wir jie benken. Aber so ist unsere eigene Seele beschaffen, und so setzen wir jede andere voraus, deren Juneres der unseren gleicht, daß die selben a und b, so oft sie und von wem sie auch vorgestellt werden mögen, stets im Denfen dieselbe nur durch das Denfen und nur in ibm bestehbare Beziehung bervorbringen werden. Ungbbängig ift biese daher von dem einzelnen denkenden Subject und unabhängig von einzelnen Momenten seines Denkens: hierin allein liegt das, was wir meinen, wenn wir sie als an sich bestehend zwischen a und b betrachten und sie von unserem Denken wie ein für sich bauerndes Object auffindbar glauben: sie steht wirtlich so fest, aber nur als ein Greigniß, das im Denken stets unter gleichen Bedingungen gleich sich erneuern wird. Und dies gilt nicht allein von dem Unterschiede, sondern von jedem Berhältniß, das wir zwischen a und b auffinden. So oft von irgend einem Geiste ein vollkommener Kreis vorgestellt wird, so oft wird zwischen seinem Durchmesser und seinem Umfang, bier freilich nur durch eine Reihe von Zwischengedanken, das Verhältniß $1:\pi$ gefunden werden; deshalb gilt diese Proportion an sich, aber obwohl sachlich gültig, hat sie doch ein Sein nur in Gestalt des Denkens, welches sie auffaßt. Es verhält sich anders, wenn a und b ausdrücklich Wirklichfeiten, Dinge, Wesen bedeuten, die wir denkend nicht erzeugen, sondern als jenseitige Gegenstände anerkennen; dann drückt der Rame der Beziehung weniger aus, als wir zwischen biefen Beziehungspunften wirtlich bestehend deuten müssen. Rur so lange wir blos die vorstellbaren Anhalte dieser a und b in willfürlicher Ausammenstellung vergleichen wollen, würden wir durch Behauptung einer Beziehung zwischen ihnen, richtiger dann zwischen ihren Borstellungen oder Dentbildern, unseren Gedanken vollständig ausgedrückt haben. So oft wir bagegen, um eine in der Wahrnehmung uns aufgenöthigte Verbindung dieser Borstellungen zu erflären, uns auf eine Beziehung C bernfen, die au sich eben nicht zwischen ihnen, sondern zwischen den Dingen a und b bestehe, deren Dentbilder sie für uns sind, so müssen wir inne werden, daß das, worauf wir uns hier berufen, nicht eine Beziehung zwischen a und b, und deshalb überhaupt nicht mehr eine Beziehung in dem gewöhnlichen Sinne dieses Ramens sein fann. Denn nur unser Denken, indem es von der Vorstellung a zu der Vorstellung b übergeht und sich dieses Uebergangs bewußt wird, erzeugt als eine für es selbst verständliche Unschanung das, was wir hier ein Zwischen nennen; gang unausführbar dagegen würde jeder Versuch sein, dieser Beziehung, zugleich Tremung und Verknüpfung des a und h, die nur die Erinnerung an eine durch die Einheit unseres Bewußtseins vollziehbare Tentshandlung ist, eine reale Geltung der Art zu geben, daß sie etwas wäre auch abgesehen von dem Bewußtsein, welches sie denkt. Unabhängig von unserem Borstellen, in objectiver Geltung, fann diese angebliche Beziehung nur bestehen, wenn sie mehr ist als Beziehung, und sie bestehung nur bestehen auch den dieses Zwischen selbst ist nirgends als in uns, sondern in beiden als ein Wirken und Leiden, das sie wechselseitig auf einander ausüben und von einander ersahren, und das nur sür uns, wenn wir es denken, logisch die abgeschwächte und seine volle Bedeutung nicht mehr erreichende Form einer Beziehung annimmt. Ich muß der Metaphpist überlassen, zu zeigen, zu welchen Folgerungen diese Bemerkung sührt; aus Einiges, was mit ihr zusammenhängt, komme ich bald zurück.

339. Die Bergleichung von a und b führt nicht blos zu Gleichsetung oder Unterscheidung; in Gestalt eines Allgemeinen suchen wir auch das Gleiche im Berschiedenen zum Anhalte einer gesonderten Borstellung C zu machen. Es ist eine häufige fritische Bemerfuna der Yogit, daß unsere allgemeinen Begriffe die Testigkeit nicht besitzen, die wir ihnen im gewöhnlichen Gebrauch des Denkens zutrauen; ihr Anhalt und ihre Gliederung bilde sich allmählich aus und derselbe Begriff bedeute Verschiedenes für verschiedene Entwicklungsstufen unserer immer hinzulernenden Erkenntniß. Dies gilt in sehr deutlicher Weise von Begriffen, deren Inhalt blos aus Erfahrung stammend erst nach und nach uns befannt wird; nicht ebenso unvollendbar wird man die Begriffe einer Ganggahl oder eines Bruches, einer Linie ober Figur finden. In dem Begriff des Dreiecks dentt der Geometer nicht mehr als sein ausmertsamer Schüler; aber bei diesem Begriffe erinnert er sich gablreicher Relationen, die diesem noch unbefannt find; so icheint es als sei für ihn der Begriff des Treiects reicher an Inhalt, während nur sein Wissen über ihn ausgedehnter ift. Dies dahinstellend bebe ich vielmehr bervor, daß jeder Allgemein begriff, auch wenn wir nur benjenigen Inhalt in Betracht gieben, ben er in einem einzelnen Augenblicke ausdrücken soll, eine in wirklicher Borftellung unvollendbare Aufgabe bezeichnet. Ein bestimmtes Roth und Blan fann man sehen; die allgemeine Farbe läßt sich weder sehen, noch in gleich anschaulicher Gestalt, wie die Erinnerungsbilder von

Cope, Legit.

Roth und Grün, ber Ginbilbungsfraft gegenüberstellen. Wer von Farbe überhaupt spricht, rechnet barauf, der Hörende werde gunächst bas anschanliche Bild einer Gingelfarbe, des Roth vielleicht, in sich erzengen, zugleich aber es mit einer Berneinung begleiten, die es nicht für sich, sondern als Beispiel des Allgemeinen gelten läßt; diese Berneimma aber, wenn sie nicht allen Inhalt aufheben soll, fann er unr ausführen, wenn er zugleich Gingelbilder anderer Farben mitporitellt und von der einen dieser Boritellungen zur andern übergebend fich des bleibenden Gemeinsamen in seinen veränderlichen Boritellungszuftänden bewußt wird. Gine folde Reihenfolge psochischer Thätigfeiten ichreibt uns ber ausgesprochene Rame jedes Allgemeinen por: erreichbar aber als wirkliche Borstellung ist das nicht, was durch Diese Thätigfeiten gesucht wird; niemals läßt sich, was Roth und Grün 34 Farben macht, von dem abtrennen, was Roth 311 Roth und Grun au Grun macht. Man pflegt als felbstverständlich zuzugeben, daß bie Gattung eines Wirklichen nicht für sich wirklich sei: das Einzelpferd sehe man, das allgemeine laufe nirgends; aber man muß sich überzengen, daß auch im Denken das Allgemeine immer nur als eine angestrebte, nie vollzogene Borftellung über den anschaulichen Bildern seiner Singelbeispiele ichwebt. Diefen inneren Bewegungen in nns fann feine sachliche Bedeutung zutommen; fie bleiben subjective Anftrengungen unseres Beistes, und selbst die Urt, wie wir ihr Ergebniß aus brücken: ber Anhalt des Allgemeinen sei enthalten in dem Anhalt des Besondern, dieses in dem Umfang des Allgemeinen, bezeichnet nur in räumlicher Sombolif die Dentbewegungen, die ein sachliches Berhältniß zwischen beiden vorzustellen streben. Da wir nun überdies in wirklicher Borstellung nicht erreichen, was wir suchen, hat denn dann das Allgemeine überhaupt eine fachliche Bedeutung? Oder hat eine weitverbreitete Meinung Recht, nur in dem psochischen Mechanismus die Ursache an seben, die uns verleitet, ähnliche Eindrücke mit Vermischung ihrer Unterschiede und guletet nur mit Schaden für die Genauigfeit des Denfens unter gemeinsame Namen zusammenzufassen? Aber biefe Meining gibt zu, mas sie leugnen will; um zu begreifen, daß nicht alle, sondern nur ähnliche Vorstellungen diese Zusammenziehung in ein Gemeinsames erfahren, sett sie eben die Achnlichkeit derselben und hiermit offenbar nur in anderer Form die fachliche Gültigfeit unserer Un-

nahme eines Allgemeinen voraus, das in ihnen, wie unabtrennbar and immer, enthalten fei. Wäre es anderseits nur eine angeborene Beitrebung des Denfens, Allgemeines zu fuchen, fo möchte immerhin bies Streben ohne fachliche Bedeutung fein; aber die Thatfache, daß bas Ge= fuchte gefunden wird, gibt ihm diese boch. Ich widerspreche mir bier nur ideinbar; benn obgleich das Allgemeine nicht als anichanliche Ber stellung figirt werden kann, erfolglos ift boch die Bemühung nicht, es zu denten. Wir fonnten Roth und Blan nicht einmal dem allgemeinen Ramen der Farbe unterordnen, wenn das Gemeinsame in ihnen nicht wäre, bessen Bewußtwerden wir durch die Schöpfung dieses Namens bezengen; wir fonnten von Thieren und Pflanzen feine Gattungsbegriffe bilden, wenn nicht die Mertmale der einzelnen und ihre Berbindungsweisen die Bergleichbarkeit wirklich befägen, die uns erlaubt, fie allgemeinen Merkmalen und Fermen unterzuordnen und durch Ginsebung dieser anftatt ihrer das allerdings unanschauliche Deutgebild ber Gattung zu erzeugen. In der Thatsache mithin, daß wir Allgemeines denten fonnen, liegt allerdings eine Behanptung von realer Geltung: Die Welt der vorsiellbaren Inhalte, Die wir denkend nicht erzeugen, sondern vorfinden, zerfällt nicht atomistisch in lauter singulare Bestandtheile, deren jeder unvergleichbar mit anderen wäre, sondern Aehnlichkeiten, Berwandtichaften und Beziehungen zwischen ihnen finden fo statt, daß das Denfen, Allgemeines bildend, Besonderes ihm unterordnend und einander nebenordnend, durch diese seine formalen und subjectiven Bewegungen mit der Natur des sachlichen Inhalts zusammentrifft.

340. Gehen wir von diesen einsachsten Fällen zu den Hauptformen der logischen Thätigkeit über, so begegnet uns in Bezug auf
die Bedeutung der allgemeinen Begriffe der Streit des Rominalismus und des Realismus, der das Mittelalter heftig bewegte. Beide Nichtungen faßten den Gegenstand der Frage nicht in rein logischem Sinne: überwiegend metaphpsisches Interesse tieß sie die Innenwelt imserer Borstellungen hauptsächlich in ihrem Berhältniß zu der Welt der Dinge betrachten. So sam der Realismus dahin, mit llebertreibung der misverstandenen Selbständigkeit platonischer Jeen, den Allgemeinbegriff für das wahrhaft Seiende in den Dingen, Alles aber, wodurch eines seiner verwirklichten Beispiele sich von den andern unterscheidet, als eine freilich sehr räthselhafte, aber seenndare Nebenbestimmung anzusehen, die vergänglich zu der ewigen Substang des Allaemeinen hinzutrete; der Nominalismus, von der richtigen aristotelischen Ueberzengung beginnend, die Birklichkeit des Seins gehöre nur bem Einzeldinge, fand feinen Weg, mit biefer die Geltung des Allaemeinen zu vereinigen, sab in den Begriffen höchstens subjectiv verwendbare Mittel für die Ordnung unserer Borstellungen ohne Bedeutung für die vorgestellten Dinge, und verirrte sich, auch dies noch leuanend, bis dahin, sie nur als aussprechbare und börbare Laute ohne wirklichen Denkinhalt gelten zu laffen. Ich vermeide zunächst jene ausichliefliche Beziehung auf bas Sein; fie beidräntt widerrechtlich den Sinn der Frage; auch wo es sich in Mathematik nicht um Dinge und ibr Wesen handelt, auch wo praktische Philosophie und Aurisprudenz pon Tugenden und Berbrechen sprechen, die sein sollen oder nicht sollen, überall ferner wo im Leben eine wichtige Entscheidung durch Unterordnung einer gegebenen Sachlage unter einen allgemeinen Begriff gesucht wird: überall da fommt die gesetzgebende Bedentung des Mlaemeinen für diese sachlich, aber doch nicht dinghaft, uns gegebenen Inbalte in Betracht.

341. Entwöhnt man sich, nur naturgeschichtliche Gattungsbegriffe als Beispiele des Allgemeinen zu denfen, erinnert sich vielmehr, daß wir auch von Figuren und Zahlen, Greigniffen und Berhältniffen, Bahrheiten und Arrthumern allgemeine Begriffe bilben, jo verschwindet die abenteuerliche Reigung von selbst, ihnen als solchen eine dinghafte oder doch wesenhafte Realität zuzuschreiben. Die Urbilder selbftändiger Geschöpfe, der Pflanze, des Thieres, des Menschen, mag allenfalls unsere Ginbildungsfraft in einer hppostafirten Ideenwelt in ewiger Wirklichkeit für sich bestehen laffen, Gegenstände der Unschanung für eine Seele, die noch nicht an die Beschränfungen ihres irdischen Das feins gebunden wäre; aber die Allgemeinbegriffe von Ruhe und Bewegung, Gleichheit und Gegensatz, Thun und Leiden fonnten auch in jener Welt nicht in gleichartiger Wirklichkeit neben ihnen sein, sondern nur als pradicative Bestimmungen von ihnen gelten. Diese leicht einzusehende Rothwendigkeit vergessen wir freilich zuweilen: Eigenichaften, Berhältniffe oder Ereigniffe, an deren Inhalt fich ein hervorragendes Interesse ber Berehrung ober ber Jurcht fnüpft, sind wir geneigt, mit Berkennung ihrer bennoch nur prädicativen Ratur als

Allgemeinheiten von wesenhafter Wirklichkeit zu behandeln; von dem Schönen an sich sprechen wir wie von einem Wesen, das nur uns unzugänglich sei, aber an sich ein Gegenstand möglicher Anschannna: von ber Slinde reden wir nicht nur wie von einer That, die wirklich wird, wenn wir sie begehen, sondern auch wie von einer selbständigen Macht, die wesenhaft auf uns einwirfe. Wir verwechseln bier die Wichtiafeit, Die dem Anhalt beider Begriffe in dem Ganzen der Weltordnung gebührt. mit einer Form der Wirklichkeit, die ihm unzugänglich ist, und die mir am ausdrucksvollsten seine Unabhängigkeit von unserer Anerkennung bervorhebt. Dieser falschen und nicht ungefährlichen Gewohnheit entsagen wir doch leicht; nur die Allgemeinbegriffe dessen, was nach der Natur seines Inhalts substantivische Jassung ursprünglich verlangt, unterhalten länger die Reigung zu solcher Hypostasirung; auch sie jedoch weicht vor einer einfachen Betrachtung. Richt nur einmal bilden wir ja, von dem Einzelnen der Wahrnehmung ausgehend, ein Allgemeines Q, sondern auch dies verbinden wir mit andern seines Gleichen zu einem höheren Allgemeinen P, und indem wir dieses Berfahren fortsetzen, ift es zugleich in weiten Grenzen in unfer logisches Belieben gestellt, durch wie viele ebenfalls allgemeine Mittelglieder wir Q mit dem höchsten Allgemeinen A, bei dem unsere Abstraction anhalten wird, in Berbindung setzen wollen. Jedes dieser Allgemeinen würde gleiches Recht auf jene wesenhafte Eristenz haben; neben bas allgemeine Thier an sich träte in gleicher Wirflichteit das allgemeine Wirbelthier, das Sängethier an fich, der allgemeine Einhufer, das Pferd an fich und ber allgemeine Rappe; neben einander, sagte ich absichtlich, denn es gabe in der That keine Vorstellungsweise, durch welche wir die Unterordnung, vermöge deren in unserem Deuten einer dieser Allgemeinbegriffe den andern einschließt, auf diese Wesen von gleichartiger Wirflichkeit des Seins übertragen könnten; so neben einander gestellt aber würden jie das nicht mehr bedeuten, was fie bedeuten wollen. Die Ginficht befestigt sich daher, daß diejenige Realität, die wir den durch unser Denten erzeugten Allgemeinbegriffen zuerkennen wollen, völlig unähnlich einem Sein ift und nur in einer Geltung von dem Seienden bestehen fann. Aber wie viel von dem Ganzen eines Allgemeinbegriffs diese Geltung besitze und was es überhaupt beiße, sie zu besitzen, bedarf noch einiger Erörterung.

342. Ach erinnere zunächst daran, daß es sich bier nicht um einen objectiven Werth handelt, der diesem oder jenem der von uns erzeugten Allgemeinbegriffe auf Grund seines richtig zusammengefügten Anhalts zufommen mag; die Frage bezieht sich auf die allgemeine Bedentung der logischen Form des Allgemeinbegriffes: daß dieser, wie jeder andern von den Formen, welche die Logit als Adeale vorzeichnet, ein ihr unzupassender Anhalt gegeben werden fann, bedarf besonderer Erwähnung nicht; aber die Kritif dieser ungähligen Auwendungen der Begriffsform ift feine bier zu losende Anfgabe. Nun dachten wir einen Inhalt 8 dann in der Form des Begriffs, wenn wir seine manniafachen Bestandtheile nicht nur als ein Ganzes überhaupt aufammenfanten, sondern ein Allaemeines M mitvorstellten, von dessen in bestimmter Beise verfnüvsten allgemeinen Merfmalen PQ., jedes in S zu einer besondern Medification ps qs determinirt war. Diese Structur unseres Beariffes entspricht feinem Borgang, der in der Natur eines Dinges ober Gegenstandes vorfäme; sie entspricht auch bem nicht, was wir als die eigne Natur eines zwar sachlich, aber nicht dinghaft gegebenen Inhalts bezeichnen könnten. Es gibt feinen Augenblick in dem Leben einer Pflanze, in welchem sie nur allgemeine Pflanze oder Conifere an sich ware und von späteren Ginftuffen, die unsere hingutommende logische Determination ersetzten, Entscheidung darüber erwartete, zu welchem bestimmten Baume sie auswachsen solle. Allerdings ift die Pflanze das, was fie zulegt wird, nicht schon als vollständige Miniatur im Keime; aber ihre Entwicklung erfolgt nicht so. daß hinzutretende Bedingungen eine Determination in allgemeiner und unbestimmter Gestalt vorhandener Merfmale erzeugten, sondern zu völlig bestimmten treten sie bingn und bringen im Berein mit ihnen nene Folgen hervor, die nicht als mögliche Urten in den Umfängen früherer allgemeiner Merkmale lagen und jetzt nur, mit Ausschluß aller bisjuncten, zur Wirklichfeit fämen. Ellipsen haben feine natürliche Existenz und Entwicklung wie Pflanzen; aber auch in ihre Ratur dringen wir doch nicht dadurch mit ausschließlicher Wahrheit ein, daß wir sie zuerst als Eurven überhaupt mit den allgemeinen Eigenichaften aller frummen Linien benfen, und bann biese Gigenschaften bis zu der Besonderheit determiniren, die dieser Eurve als solcher gehört; jo fönnen wir zu ihrem Begriffe fommen, dann nämlich, wenn in

unserer ungenbten Erinnerung zuerst nur die allgemeinen Umrisse der Wigner auftreten, nach der man uns fragt, und erft nachfolgende Befinnung sie uns bestimmter zeichnen lehrt; in den mathematischen Gleihungen, mogen fie die Gestalt der Linie auf gang willtürliche Ausgangspuntte beziehen oder auf eine ihrer graphischen Entstehungsarten Rücksicht nehmen, ist die Krümmung selbst gar nicht direct ausgedrückt, sondern nur als eine Folge, Die man aus den bestimmten Berhältniffen der Coordinaten ableiten fann. Diese Betrachtungen gelten ebenso von der classificatorischen Unterordnung der Begriffe; fie hat feine reale Bedeutung für die eigne Structur und Entwicklung der Dinge. Weder ist dies Pferd zuerst Thier überbaupt gewesen, dann Wirbelthier im Allgemeinen, später Sängethier an sich und zulett erft Pferd geworden, noch fann man in jedem Angenblick seines Daseins die völlig determinirte Gruppe von Merkmalen, die es zum Pferd macht, von der allgemeineren und weniger bestimmten, durch die es Wirbelthier wäre, und von der unbestimmtesten, die es nur zum Thiere überhaupt gestaltete, in irgend einer Weise selbständig absondern. Und hierzu fommt, daß nicht nur auf Grund mangelhafter Kenntnif und Beobachtung verichiedene Classificationen sich über dieselben Gegenstände freiten und zwischen ihnen und dem höchsten Augemeinen verschiedene Stufenleitern allgemeiner Begriffe einschalten; sondern an sich ist das logische Recht des Denfens unanfectbar, von beliebig gewählten Gesichtspuntten aus dasselbe S verschiedenen höhern Allgemeinbegriffen unterzuordnen, oder durch sehr abweichende Reihen aufeinanderfolgender Determinationen seinen Begriff zu conftruiren. Im Sinblid auf bestimmte Zwede einer Untersuchung fonnen wir dann fragen, welche bieser Constructionen vorzuziehen sei, weil sie den Gegenstand am günstigsten für die Unterordnung unter die hier entscheidenden (brundsätze darstelle; wüßten wir uns im Besitz einer Kenntniß der höchsten Principien des gangen Weltlaufs, welche bie Enticheidungsgründe aller Sonderfragen einichtöffen, so fonnten wir noch weiter aus den verschiedenen gleichmöglichen Begriffen eines Gegenstandes jenen vornehmsten auszuwählen juden, der in diefer Classification seine Stelle bezeichnete, und in welchem als ableitbare Folgen alle jene anderen Begriffe beffelben mit enthalten wären. Allein jo fehr wir auch, wenn uns dies gelänge, den Erfenntnißwerth diefes Begriffes durch die Wichtigkeit seines Inhalts

und der Berbindungsweise dieses Inhalts gesteigert hatten: die logische Structur, die er als Begriff hatte, wurde bennoch feiner realen Structur seines Gegenstandes entsprechen. In diesem Erkeuntnißwerthe aber, den wir zugestehen, liegt die andere Seite der Sache, bas was wir meinen, wenn wir nun dennoch alle behanpten, daß durch den Allgemeinbegriff und die Claffification jedenfalls doch etwas die Sache selbst Betreffendes gesagt sei. Man wird vielleicht versuchen es so auszudrücken, daß actu zwar nicht, aber doch potentia, die ganze Reihe ber einander übergeordneten Allgemeinbegriffe in dem Wesen ber Sache selbst enthalten sei: und diese Bemerkung wird man zugleich auf anders geformte Constructionen oder Auffassungen eines Gegebenen ausdehnen: nicht wirklich, aber der Möglichkeit nach sei jeder Theilstrich enthalten in der stetigen Größe, die wir durch ihn zerfällen, der Möglichkeit nach in jeder einfachen geradlinigen Bewegung das Paar der Componenten, in die wir sie nach unserer Wahl zergliedern; die 7 sei nicht 4 + 3, aber gewiß taffe fie diese Substitution zum Zwede einer Rechnung zu. Diesen Ausdrücken geben wir eine bestimmtere Bedentung: alle unsere Begriffsbildungen, Classificationen und Constructionen sind subjective Bewegungen unseres Denkens und nicht Vorgänge in den Sachen; so aber ist zugleich die Natur der Sachen, der gegebenen vorstellbaren Inhalte geartet, daß das Denten, wenn es sich den logischen Gesetzen dieser seiner Bewegungen überläßt, am Ende seines richtig durchlaufenen Weges wieder mit dem Berhalten der Sachen zusammentrifft; der Wege aber, die es zwischen den einzelnen Glementen seines Inhalts mit gleicher Hoffmung durchlaufen fann, sind viele und nicht nur einer; nach ungähligen Richtungen bin hängt die Gefammtheit des Borftellbaren als ein vielfach gegliedertes Suftem von Reihen zusammen, und das Denfen, wenn es mit willfürlicher Wahl seines Weges, aber mit Beachtung seiner eigenen Gesetze sich von einem Gliede desselben zum andern bewegt, gleicht etwa einer Melodie, deren unberechenbarer Yauf überall auf Stufen der Tonreihe von festbestimmten harmonischen Berbältniffen trifft.

343. Richt nur was an den Urtheiten logische Form ist, sons dern auch das Erfenntnißresultat, das in dieser Form ausgesprochen wird, hat eine unmittelbare reale Bedeutung nicht. Wir sagen kates gorisch: dieser Baum blüht; die atmosphärische Lust ist ein permanens

tes Gas; jedes Dreieck hat zwei rechte Winkel; im ersten Fall war es nur das Verdienst des hier ausgesprochenen Inhalts, daß wir dem Baum in Wirklichfeit eine von dem augenblicklichen Zustande seines Blübens unabhängige Existenz zuschreiben konnten, daß also Subject und Prädicat so auseinandertraten, wie wir sie in der Form des Urtheils scheis ben und verknüpfen; in ben beiden andern Fällen enthält die Sache Dieje Spaltung nicht; sie ist eine völlig subjective Bewegung bes Denkens, die willfürlich aus dem einheitlichen Inhalt des Borgestellten einen seiner Bestandtheile zu gesonderter Betrachtung hervorhebt. Auch die Verschiedenheit der Copula in diesen drei Urtheilen gehört nur der Ginbildungsfraft an, die sich der Gigenthümlichkeit des jedesmaligen Inhalts anschmiegt und in ber Sprace ihren Ausdruck findet; die Logik selbst, indem sie für ihre technische Uebersicht allen Urtheilen die Form: S ist P gibt, bezeugt, daß in dieser gleichmäßigen Copula ift alle sachlichen Verschiedenheiten des Zusammenhanges zwischen S und P ausgelöscht sind; mögen diese sich verhalten wie Ganzes und Theil, wie ein Ding zu seinen Zuständen oder wie Ursache zur Wirtung: in der Form des Urtheils erscheinen sie nur wie Subject und Prädicat, zwei Bezeichnungen, die nur die relativen Stellungen bedeuten, welche die Vorstellungen beider in unserer subjectiven Denkbewegung einnehmen, aber nichts über das sachliche Verhältniß aussagen, welches, wenn es gedacht wird, fie in unfern Gedanten biefe Stellungen einzunehmen nöthigt. Auch in hopothetischen Urtheilen berufen wir uns nur auf ein foldes fachliches Berhalten, bringen es aber burch bie Form des Urtheils weder zum Ansdruck noch zum Berständniß. Die Berfnüpjung von Vordersatz und Nachsatz: wenn B gilt, so gilt F, behauptet durch sich selbst nichts weiter, als die allgemeine Zusammengehörigteit von B und F zu einem einheitlichen Gedanken M; daß wir dies Zusammengehörige nun dennoch trennen und den einen Theil des Gedantens dem andern voranschieden, wodurch wegen des untrennbaren Zusammenhangs beider jener zum Grunde, dieser zur Folge wird, ist eine jener subjectiven Denkbewegungen, die in dem vorgestellten Inbalte nicht vorgehen, und diese subjective Natur zeigt sich durch die Mög lichkeit, die Richtung der Bewegung umzutehren. Wir fagen: jedes gleichseitige Preieck ist gleichwinklig, oder: wenn ein Preieck gleichseitig ift, so ist es gleichwinklig; wir formten ebenso gut sagen: wenn es

gleichwinklig ist, so ist es gleichseitig; der ungetheilte Gedanke oder die Unschauung des gleichseitig-gleichwinkligen Dreiecks bildet bier ben sachlichen Inhalt, zwischen bessen gleichzeitig gultigen Bestandtheilen sich unser Denken mit willkürlichem Ausgangspunkt trennend und verfnüpfend hin und her bewegt. Dies gilt von allen Urtheilen, die, wie Die mathematischen, sich nur mit Vorstellbarem, nicht mit Wirklichem beschäftigen; sie würden alle reciprocabel sein, wenn ihr sprachlicher Ausdruck durch Sate eine ebenso genaue Determination aller in ihnen vorkommenden Begriffe gestattete, wie sie in der Form der Gleichung ausführbar ist. Beziehen sich dagegen unsere hppothetischen Urtheile auf Data der Wirklichkeit, so ist es zwar unsere Meinung, daß bier Bordersatz und Rachsatz unvertauschbar sein sollen, aber die hopothetische Urtheilsform drückt durch sich selbst das nicht aus, wodurch diese unsere Forderung erfüllt werden fonnte. Denn wenn einmal die Bedingung B gilt, so gibt es logisch feinen Zwischenraum mehr, der ihre Gültigkeit von der der Folge F trennte; beide bilden, eben in Gemäßheit dessen, was diese hopothetische Urtheilsform als ihr eignes Erfenntnifresultat behauptet, nur einen untheilbaren Borgang M; und da ferner, wenn wir unsern Gedanken genan, ohne Ueberschuß und Mangel, gedacht annehmen, mit diesem B fein F 1 sondern nur F, mit diesem F fein B1 sondern nur B verbunden sein fann, so gehen wir im Denken mit gleichem Recht und gleicher Rothwendigkeit von dem willfürlich gewählten Ausgangspunkt B zu F wie von F zu B über; ber Grund ift uns Erfenntnifgrund der Folge, die Folge Erfenntnifgrund des Grundes. Dag in dem wirklichen realen Verhalten bier etwas liege, was ausschließlich B zum Antecedens, ausschließlich F zum Consequens macht, das wiffen wir wohl, weil wir den Inhalt fennen, von dem wir reden, aber in der Form unseres logischen Thuns bringen wir es nicht zum Ausbruck. Denn biefe Form beruht gang nur auf dem abstracten Gedanken einer Bedingtheit des F durch B überhaupt; diese aber, eine bloße Beziehung, ist, wie wir früher zeigten, weniger, als was zwischen B und F als Dingen oder Borgängen wirklich stattfinden fann; bestehen fann ein Berhältniß, durch welches einseitig B zum Realgrund wird, nur dann, wenn B die Ursache, F die Wirkung ist; auftatt dieses realen und speciellen Verhältnisses ber Cansalität erscheint im hopothetischen Urtheil nur das allgemeinere und

abstracte der Bedingtheit überbaupt, das so keine reale Bedeutung hat. Dissunctive Urtheile endlich wollen gar keine Wirklickeit aussagen: das unentschiedene Schwanken zwischen einander ausschließenden Prädiscaten kann kein Borgang in dem Realen sein, sondern bleibt ein Instand des Denkens, dem zur Erkenntniß des Wirklichen die zulänglichen Data sehlen.

344. Eine furze Erinnerung an die verschiedenen Formen der Schlüffe führt zu ähnlichen Ergebniffen. Um leichteften wird man eine reale Bedeutung jenen subsumptiven Figuren zuschreiben, die durch Unterordnung des Besondern unter das Allgemeine ihren Schluffat erzengen; denn diese Unterordnung allerdings sieht man in dem mun idon binlänglich ertlärten Sinn als eine sachlich gultige in Bezug auf alles Vorstellbare an. Aber die logische Form des Schlugverfahrens entspricht doch auch bier feinem Verhalten der Sache. In mathema= tischen Schlüffen hat der allgemeine Obersat, von dem ans wir den ipecielleren Schluffatz ableiten, feine Priorität ber Geltung vor biefem oder dem Unterfatz, alle drei find Theile einer ewigen Wahrheit von fimultaner Geltung; die Priorität größerer Einfacheit oder unmittelbarer Epidenz fann der Oberfats voraus haben, aber beide Pradicate würden ibn icon nur in seiner Beziehung zu unserem Denken darakterisiren, ohne daß er darum ichon einen Vorzug an sich vor andern gleich gewiffen Saten hatte; endlich ift die Form des subsumptiven Schluffes gar nicht genöthigt, von einem so einfachen Obersatz auszugehen, eben Die simultane Verfettung aller mathematischen Wahrheiten erlanbt, auch die einfacheren unter ihnen als Grenzfälle aus der Verkettung von weniger einfachen, und immer in subsimmptiver Bigur, abzuleiten. Diese völtig subjective Bedeutung der sollogistischen Form vergessen wir zuweilen in ihrer Amwendung auf Wirkliches. So lange der allgemeine Obersatz doch noch eine sehr inhaltreiche und specielle Wahrheit ausdrückt, dann etwa wenn wir jagen: alle Thiere respiriren, jo lange zweifeln wir nicht, daß diefer Obersatz feine Wirtlichfeit bezeichne, die der Geltung des Schluffates: auch die Fische respiriren, irgendwo anders als in unserem Denken vorangeben könnte; kommen wir jedoch auf die allgemeinsten Zusammenhänge der Dinge, so bildet sich wieder die Reigung, ihren Ausbrücken, den allgemeinsten Raturgesetzen, die in unserer Ueberlegung bes Weltlaufs als Oberfate auftreten, eine in

der That ganz unbegreifliche reale Priorität vor den Borgängen zuzuschreiben, in denen sie gelten sollen. Diese Reigung ist nicht ungefährlich für den richtigen metaphysischen Zusammenhang unserer Weltauffassung; sie führt zu dem umfassenden Aberglauben, als ließe sich das Wirkliche der Welt aus Unwirklichem und dennoch Wesenhaftem und Gebietendem ableiten, während wir uns umgefehrt mit der Heberzeugung durchdringen müffen, daß alle nothwendigen Wahrheiten, deuen wir das Seiende als etwas secundar Hinzufommendes unterordnen zu fonnen glauben, eben nur Ratur und Confequeng bes Seienden felbst find und nur durch die Refterion unseres Deutens von ihm abaelöft und ihm selbst als ein gebietendes Prius antedatirt werben. Schlisse durch Anduction erregen dies Misverständnis nicht: Riemand verfennt, daß die Verfnöpfung der Ginzeldaten zu einem generellen nicht blos universellen Sate nicht der Realgrund der Weltung des leistern. fondern nur für uns ein Erkenntnifgrund diefer Geltung ift. Biel deutlicher noch überführen uns die vielfachen Formen der Beweise von ber blos subjectiven Bedentung der Schlüsse, ans denen wir sie ausammenseben. Wie viele verschiedene, directe und indirecte, progressire und regressive Beweise, alle gleich triftig, find für einen und benselben Satz möglich! wie viel verschiedene selbst in direct progressiver Form allein! Und wenn nun wirftich einer von diesen vielen das Verrecht hätte, allein das Wesen der Sache in seiner eigenen Structur dargnstellen, so würde die bloke Möglichkeit der anderen doch immer zeigen, daß es die logische Korm allein nicht ist, welche diese reale Geltung erzengt oder ausdrückt, sondern daß jener Borzug auf der Auswahl des Inhalts beruht, den man in ihr verbunden hat. Was endlich die letten Denkhandlungen betrifft, mit benen wir die reine Logik abschlossen, so haben wir schon damals gesehen, daß sie sich zwar anstrengen, Formen zu finden, in welchen bas eigne Wesen der Sache im Wegensatz zu den zufälligen Unsichten zum Vorschein fäme, die wir subjectiv von ihm fassen tonnen; aber ebenfalls schon dort haben wir uns überzeugt, daß diese Formen weitfaltiger ausfallen als das, was fie fagen wollen; wenn das eigne Wesen der Sache in unser Denten eingeht, so fann es nur in diesen Formen begriffen werden, aber die Formen erzeugen es nicht und drücken es nicht voll aus; fie lassen immer Umwendungen zu, die nach unserer eigenen lleberzengung subjective

Ansichten sind, und zwischen denen die Answahl der real berechtigteren nicht durch logische Mittel, sondern nur durch Sachkenntniß, wenn es eine solche gibt, vollzogen werden kann.

345. Es ift jest Zeit, den Sinn einiger Ausdrücke genaner an bestimmen, in deren Gebranch ich bisber lässiger gewesen bin. Bon subjectiver und objectiver, von formaler und sachlicher, von formaler und realer Bedeutung der Denfformen ift die Rede gewesen: diese drei Gegenfätze decken einander nicht. Unterscheiden wir, wie früher geschehen ist, unsere logische Denkhandlung von dem Gedanken, den sie als ihr Product erzeugt, so gebührt der ersten nur eine subjective Bedeutung: sie ist lediglich die durch unsere Natur und durch unsere Stellung in der Welt uns nothwendig gewordene innere Bewegung, durch die wir jenen Gedanten, 3. B. den vorhandenen Unterschied zwischen a und b oder das in beiden enthaltene Allgemeine C, zum Gegenstand unseres Bewußtseins machen; jo hat jeder, um die Aussicht von einem Berge zu genießen, von seinem Standpunkt aus einen bestimmten geraden oder gewundenen Weg bis auf den Gipfel zurückzulegen, der die Aussicht eröffnet; dieser Weg gehört nicht zu dem was er seben will. Der erzeugte Gedanke selbst bagegen, die gefundene Aussicht, hat objective Geltung; von allen, nach Zurücklegung jener Wege, auf gleiche Urt empfunden, bildet das jett Gesehene ein von der Subjectivität des einzelnen Denfenden unabhängiges Object; nicht nur einen Zustaud mehr, den er leidet, sondern einen Inhalt, den er voritellt, und der als derfelbe und sich selbst gleiche auch dem Bewußtsein Underer gegenübersteht. Dasselbe Berhalten beleuchtet von auderer Seite ber der zweite Gegensatz. Es würde nicht hinreichen, unsere Denkhandlungen nur subjectiv zu nennen; diese Bezeichnung würde sie von dem Verhalten der Sachen lediglich trennen und die Beziehung unflar laffen, die boch stattfinden muß, wenn der erzeugte logische Gedanke eine objective Gültigkeit besitzen soll, die der ihn erzeugenden Denthandlung felbst nicht zufommt. Formal neunen wir daher die logischen Thätigkeiten, weil ihre Eigenthümlichkeiten zwar nicht die eigenen Bestimmungen ber Sachen sind, aber doch Formen des Berfahrens, eben die Natur der Sachen zu erfassen, und deshalb nicht außer jedem Zusammenhang mit bem fachlichen Verhalten felbst. Die früher besprochenen Beispiele werden hierüber feinen Zweifel laffen.

Die Beidränfung auf nur formale Geltung zeigte sich barin, baß es der Denkhandlungen mehrere und gleichtriftige geben fann, die zu bemfelben Endgedanken oder demfelben sachlichen Ergebniß führen; teine von ihnen fann baber ausschließliche Bedeutung für ben bestimmten sachlichen Inhalt haben, mit dem sie sich alle beschäftigen, alle sind vielmehr nur Formen des Verfahrens, ein Ergebniß zu erbalten, das einmal gefunden ohne Rücksicht auf den Weg gilt, auf dem man zu ihm gefommen ift. Aber es würde ja unmöglich sein, auf jenen verschiedenen Wegen zu dem aussichteröffnenden Gipfel zu kommen. wenn nicht alle diese Wege mit bestimmten gegenseitigen Lagenverbältniffen in dem Ganzen der geographischen Situation mitenthalten wären, deren anderen Bestandtheil die von jenem Gipfel übersehbare Landschaft vildet. Hierin besteht das Positive, das ber zweite Gegensatz von den Tenkhandlungen aussagt: jede derselben ist eine der verschiedenen durch ben allgemeinen vielseitig gegliederten Bufammenhang der Sachenwelt möglich gemachten Beisen, durch Bewegung von einem Clement dieser Welt zum andern ein bestimmtes sachliches Berhalten zu erreichen, ohne daß beshalb die gewählte Bewegung die eigene Entstehung oder bas eigne Bestehen diefes bestimmten Berhältniffes mare oder nachahmte. Der dritte Gegensatz enthält nicht nur andere Bezeichnungen für die Glieder des zweiten, sondern betrifft eine Frage eigner Urt. Als fachlich gegeben betrachten wir jeden Denfinhalt von fester in dem oben erörterten Sinne objectiver Bedentung, die Borstellungen von Richtseiendem nicht minder als die von Seiendem: unter Realem würden wir nur die Dinge sofern sie sind und die Ereigniffe sofern sie geschehen, in ihrer dem Denken jenseitigen Wirklichkeit verstehen müssen. Ihn fann davon nicht die Rede sein, daß dieses Reale sich selbst in den Formen des Begriffs des Urtheils und des Schluffes bewegte, welche die subjectiven auf seine Erfenntniß gerichteten Unstrengungen unseres Denkens annehmen; aber selbst die logischen Gedanken, welche das Product dieser Denkhandlungen find, haben in Bezug auf Dieses Reale jene unmittelbare Geltung sachlich nicht. die ihnen jedem Denfinhalt als solchem gegenüber zufam. Ich thue beffer, der Metaphyfit die weitere Erörterung dieses wichtigen Bunftes zu überlaffen; zu seiner vorläufigen Berdentlichung reicht die Biederholung bereits besprochener Beispiele bin. Wir saben, daß der Begriff einer Bedingung nicht ausreicht, um das zu bezeichnen, was wir unter einem zwischen zwei realen Clementen wirtlich bestebenden Berbaltniß meinen; um fo zu bestehen, mußte es mehr als Verbaltniß, mehr als Beziehung, mehr als bloße Bedingung, es mußte eine Wirtung ober Wechselwirfung sein: in dieser realen Verfnüpfung der realen Clemente lag dann der Grund, der ihre Ericbeinungen für und in die formale Beziehung brachte, die uns nöthigt, von der Wahrnehmung der einen zu der der andern überzugeben, und die wir unn logisch eine Bedingtheit der einen durch die andere neunen, ohne in diesem Namen den realen Grund dieser nothwendigen Verfnüpfung unserer Borftellungen angegeben zu haben. Dieselbe Betrachtung gilt von allen logischen Formen. Auch Subject und Prädicat find nur Titel. die wir unfern Begriffen mit Rücksicht auf die Stellung geben, die fie in unferem Urtheil einnehmen muffen; ein Berhältniß der reglen Elemente, die durch unsere Begriffe gemeint werden, ist durch diese Bezeichnungen nicht ausgedrückt. Rein reales 8 fam nur Subject für ein reales P sein, das nur sein Pravicat ware; in Wirklichkeit tann P an S nur baften ennveder als ein von diesem erlittener Rustand, oder als eine von ihm ansgenbte Wirfung, oder als eine bleibende Gigenichaft in dem allerdings bier noch dunflen Sinne. in welchem wir metaphofiich diesen Begriff dem blos logischen des Merkmals entgegensetzen. Erft wenn eines Diefer Berhältniffe zwijden S und P bejaht ist, begreifen wir, was es realiter bedeutet, wenn wir logisch S als Subject P als Pradicat fassen; erft dann entspricht ein wirklicher Sachverhalt ber logischen Copula, die au sich nur unsere Denthandlung des Berbindens zweier Begriffe bedeutet, aber gang unbestimmt läßt, was wir denn eigentlich den realen Inhalten derselben bann begegnet zu sein behaupten, wenn wir die Vorstellnugen beider in dieser Weise glauben verbinden zu muffen. Go oft man daber Ansdrücke wie Einheit Bietheit Gleichheit Gegenfatz Beziehung und Bedingung auf die Betrachtung des Wirklichen amvendet, muß man fich erinnern, durch fie allein noch gar nichts über bas Seiende gesagt zu haben; man hat nur die logischen Sandlungen verglichen, die wir an den Vorstellungen des Seienden voruchmen. Run bleibt erst noch zu zeigen, durch welche Leiftung sich die Ginbeit des Einen als eine Wirklichkeit, nicht nur als logischer Titel ohne Ginfünste beweist; wodurch das viele Gleiche, da es doch im Denken eben gleich ist, dennoch im Sein wirklich als Vieles auseinandertritt; in welchem wechselseitigen Leiden von einander sich der Gegensat, in welchem andern die Beziehung zwischen verschiedenen Seienden real besthätigt.

Fünftes Kapitel.

Die apriorischen Wahrheiten.

346. Fassen wir noch einmal unsere letzten lleberlegungen zu fammen. Weder in dem Anhalt unieres Borfiellens noch in dem Realen. das wir als jenseitigen Grund desselben betrachten, entsprach etwas den logischen Denkbandlungen, Die mit willtürlicher Wabl ibres Beges die einzelnen Bestandtheile des vorgestellten Anhalts verfnüpften oder sonderten: aber in Begug auf Diesen Anhalt wenigstens, abgeseben von dem Realen, das seine jenseitige Urjade sein mag, kam den Wedanken, die wir durch jene Dentbandlungen zu erzengen suchten, eine jachliche Bedeutung zu. Die Unterschiede Aehulichteiten Gegenfätze und Unterordnungen, deren wir mis in unserem Bewußtsein nur burd ein Hins und Bergeben unserer Thätigteit bemächtigen tonnten, gatten wirtlich von dem vorgestellten Inbalt, obgleich er selbst nicht an diesen Bewegungen theilnabm: fie bestanden sachtich an sich selbst in bent Sinne, in welchem wir das Besteben jeglicher Begiebung zwischen zwei Beziehungspunkten möglich fanden: fie batten zwar nie anders eine Wirklichfeit bes Seins als in ben Angenbliden, in welchen fie gebacht murden, aber jo mar zugleich bie Matur aller Geifter geartet, baß immer, jobald dieselben beiden Beziehnnasymitte a und b gedacht wurden, auch sich selbst gleich dasselbe Urtheil C über ihr gegenseitiges Berbältniß gefällt wird. Es ist das platonische Adeenreich, zu dem wir uns bier zurückgeführt seben; in festen und unveränderlichen Beziehungen steben alle vorstellbaren Anbalte, und mit welchen willfür lichen oder zufälligen Bewegungen auch immer unsere Ausmertsamkeit von dem einen zum andern übergeben, oder in welcher Ordnung auch uns unbefannte Veranlassungen einen nach dem andern in unsere Lope, Yegif. 36

562

Wahrnehmung bringen mögen: wir werden zwischen ihnen immer dieselben Verhältnisse finden, die in dieser sachtiden unendlich vielseitigen Stiederung der Adeenwelt ein für alle mal gegeben jind. vieje Behauptung wiederholt wird, wird fie als überfluffiger Ausdruck Des Selbstverständlichten erscheinen, und ebenso oft wiederhole ich, daß eben die Thatjache des Borhandenseins dieser Selbstwerständlichkeit das Bunderbarite in der Welt ift. Sbaleich unentbehrliche Grundlage alles Denkens, und eben deswegen mit llebermuth von uns als selbstveritänglich übergangen, ift fie nicht einmal, wie ich früher schon bemerkte, in demfelben Sinne benknothwendig, in welchem es innerhalb ihrer felbst jedes einzelne von ihr eingeschlossene Berhältniß ist. Ausbenfen freilich fonnen wir und nicht, wie es dann sein würde, wenn diese Thatjache nicht bestände, aber vorstellen fonnen wir uns doch eine Welt, in der sie nicht portäme; in welcher mizählige Inhalte zwar dem vorstellenden Geiste sich darböten, aber jeder beziehungslos zum andern, alle so disparat gegen einander, daß nie sich zwei unter irgend ein Allgemeines als verwandte Arten vereinigten, und daß niemals ein Unterschied zwischen zweien für größer, geringer oder anders geartet acidatst werden fonnte, als der zwijchen zwei anderen. Dag jeder einzelne diefer Inhalte sich selbst gleich sein musse, murbe bas Ginzige sein, was das Denken, seinem Abentitätsgesetz gemäß, verlangen müßte, damit jeder von ihnen überhaupt vorstellbar werde, und Dieje Forderung fonnte ja jene Welt erfüllen; darüber hinaus aber fann das Denfen zwar für die Möglichkeit seiner ferneren Handlungen wünschen, aber nicht als denknothwendig gebieten, daß zwischen den verschiedenen Inhalten jene abgestuften Verwandtschaften stattfinden, Die allein ihm die Unsführung seiner Bestrebungen ermöglichen: es ist nicht denknothwendig, daß das Denken muffe stattfinden können. Und dann, wenn es and aus eigner Macht jene Berwandtschaften forderte, hervorbringen tounte es fie doch nicht und müßte immer darauf hoffen, daß fie in irgend einer von ihm felbst unerfindbaren Weise gegliedert, als Toureihe als Farbenreihe als Gradunterschiede des qualitativ Gleichen oder soustwie, that sächlich ihm gegeben würden. Aber jo wunderbar und wichtig diese nun wirklich gegebene Thatsache ist, so vildet doch fie felbst und das, was aus ihr folgt, nicht das lette Biel unserer Ueberlegungen. Berburgt wird uns durch fie nur die Sicherbeit, mit welcher sich das Denken innerhalb der Zdeenwelt als solcher bewegt, die sossen die solchen ewig gleichen Insammenbänge ihrer Elesmente erforscht und durch Verknüpfung derselben neue Gebilde erzengt, die unsehlbar an einer andern verherbessimmbaren Stelle dieser Jdeenwelt vorgesunden werden, alle untereinander nach mannigsachen Richenwelt vorgesunden werden, alle untereinander nach mannigsachen Richenstrugen und in sessen Ulmwege des Denkens zur sicheren Ansstindung eines zertigsten Wege und Umwege des Denkens zur sicheren Ansstindung eines zehen dienen können. Dies allein ist es aber doch nicht, was man zu wissen verlangt. Gesucht wird vielmehr die Bedentung, die diese solste sich wird vielmehr die Bedentung, die diese solste nicht solsten und solsten Verstellungsinhalts sür die empirische nicht solstends die Inhalte möglicher Verstellungen in unsere Wahrsnehmung treten läst; wir wollen nicht nur die ewige Classifisication, sondern auch den verändersichen Verlauf der Sachen verstehen sernen.

347. Beide find von einander völlig verschieden. Die Wahrnehnungen führen uns nicht eben das verbunden vor, was in dem Svitem des Vorstellbaren verwandtichaftlich coordinirt nebeneinander steht, noch ist ihr ganger Berlanf ein periodisch sich wiederholender Borüberzug der Gattungen Urten und Unterarten in jener Ordnung. in welcher die Classification sie absteigend auf einander solgen läßt: in verschiedenen Punkten des Ranns gleichzeitig, in verschiedenen Zeit puntten nach einander finden wir die beterogensten Clemente jenes Reiches der Inhalte als Erscheinungen verbunden: gibt es in diesem Bechsel Gesetze, so sind sie völlig anderer Art als jene logischen, in deren Betrachtung wir uns bisber bewegten. Bezeichnen wir von jest an diesen empirischen Verlauf der uns gegebenen Erscheinungen ats reale Wirtlichkeit, jo fragt es fich nach ber Bedeutung, Die ihr gegenüber unfer Tenten haben fann, beffen Behanptungen, felbst wenn jie gültig bleiben, doch unfähig erscheinen, den Zusammenhang derselben an beberrichen. Denn wenn es nun auch wahr ist, daß a und b, in wirklicher Wahrnehmung gegeben, denfelben Unterschied und diesetbe Berwandtichaft zeigen werden, die ihnen in unserem Denken gutommt, jo liegt darin doch fein Entscheidungsgrund für ihr gusammensein in der Wahrnehmung oder beffen Ummöglichkeit; wenn auch ausnahmslos ber Satz ber Joentität gilt, so bebanptet er boch nach seiner eignen Ansjage mir, daß jedes a = a und jedes b = b sei und sein werde,

wenn und wo auch immer beide vorfommen mögen; aber dieser lettere Rusats gehört schon nicht mehr bem Adentitätsgesetz selbst an; wir fügen ibn bingn, weil wir anderweitig wissen, daß denkbaren Inhalten anger ihrer ewigen Geltung im Reiche ber Ideen ein Wechsel zeitlicher Wirflichfeit und Unwirklichfeit in der Erscheinung zutommen könne; davon enthält jenes Wesetz feine Andentung und folglich auch nicht die geringfte Bestimmung über die Gleichzeitigkeit oder Reihenfolge, in welder beide Erscheinungen bier einander herbeiführen oder ausschließen müffen. Die classificatorische Unterordnung der Begriffe wird gelten von Babraenommenem ebenso wie von zeitlos Borgestelltem; wenn wir indessen ein wahraenommenes S unter den Allgemeinbegriff M bringen, so gelten zwar von S jetst auch alle die höheren Allgemeinbegriffe N L K, die in dem Inhalt von M eingeschlossen sind; aber diese Folgernna erzenat feine neue sachliche Kenntniß; sie zergliedert nur logisch, was durch die Unterordnung des S unter M bereits gegeben war; richtig, wenn diese richtig, und falsch, wenn diese falsch ist, berechtigt sie nicht, das in der Wahrnehmung gegebene S mit einem in dieser nicht gegebenen P zu verbinden. Hopothetische Urtheile scheinen einer Er weiterung der Erfenntniß günstiger. Wenn sie zu einem Subject S eine Bedingung x treten und aus beiden ein P als Pravicat ents springen lassen, das weder in S allein noch in x allein bereits entbalten war, so näbern sie sich formell dem, was wir als Berlauf der Wirklichkeit denken. Im problematischen Bordersatz drücken sie Die Berbindung von S und x als eine mögliche aus, unterscheiden also ihren Denfinhalt noch von einer Berwirtlichung, die er im Laufe der Dinge erfahren fann, und über die sie sich jeder Behauptung enthalten; dann aber, wenn diese Bedingung gegeben ift, scheinen sie der weiteren Wahrnehmung vorgreifend bas Rene zu bestimmen, das in dieser folgen Worauf aber beruht unsere Berechtigung, einem bestimmten S+x ein bestimmtes P hinzuzufügen oder gleichzusetzen? Im Denken boch immer nur barauf, daß wir burch eine logische Determination x den Begriffsinhalt S, der P nicht enthielt, so umsormen, daß nun P in ihm enthalten ift; von diesem Subject, nicht von dem früheren, behaupten wir nun das Prädicat P, das wir in ibn bereits aufgenommen haben. Was und dagegen die Wahrnehmung unmittelbar darbietet, ist etwas Anderes. Wenn in ihr zu einer früheren Erscheinung S eine

nene x in Beziehung tritt, so pflegt aus dem Zusammendenken beider jenes Subject S + x eben noch nicht zu entstehen, aus dem die Folgeerscheinung P als identischer Ausbruck besselben selbstwerständlich flösse; das vielmehr ist die zunächst ungelöste Frage, wie dies x jenes S so umgestalten fonne, daß aus ihm der früher sehlende Grund für die Berwirflichung von P entstehe. Go weit wir baber bopothetische Urtheile auf die Betrachtung der Wirklichkeit anwenden, finden wir sie gulett immer auf der icon voransgesetten Gültigfeit von Gäten beruben, die eine aus Begriffen nicht ableitbare Vertettung einer bestimmten Bedingung mit einer bestimmten Folge als allgemein bestebende Thatsade aussprechen. Gilt sie wirklich allgemein, so tann das Denken dann ihre Einzelfälle analytisch entwickeln; ihr eigner 3nbalt aber erideint zunächst als ein sonthetisches Urtheil, welches zwei Begriffe als Subject und Prädicat verbindet, deren Denkinhalte durch feine logische Zergliederung als identisch nachgewiesen werden fönnen.

348. Uniere Hoffmung, durch Denken den Berlauf der Wirklichkeit beberrichen zu können, bernbt daber auf drei Runtten. Keinem einzelnen Bestandtheile b der Ideemvelt fann zuerst das Denten außer der ewigen Bedeutung, die ihm in dieser gebührt, die Nothwendigkeit einer zeitlichen Verwirklichung im Laufe ber Sachen zuerkennen; nur wenn diese Birklichkeit thatsächlich einem andern Clement a zukommt, mit welchem b in nothwendiger Verbindung stebt, fann sie nun auch auf b übergeben. Alle unsere Erfenntniß ist daber in dieser Hinsicht hopothetisch; an einem bestimmten Bunkt thatsächlich gegebener Wirklichkeit fett fie ein, um aus diesem wirklichen Grunde die Folgen als wirkliche abzuleiten, die dem gedachten Grunde als denknothwendige zugehörten; niemals aber ift es möglich, aus blogen Begriffen des Dentens die reale Wirklichkeit des in ihnen Gedachten zu beweisen. In der That ift benn anch dieser Bersuch nur in bem einen Falle eines ontologischen Argumentes für das Dasein Gottes gewagt worden. Hier lag eine begreifliche Berlodung vor: Gott als nothwendige Folge b einer andern durch Wahrnehmung gegebenen Wirklichkeit a zu fassen widerstritt dem, was man in seinem Begriff benfen mußte, benn eben er sollte ja ber Grund aller Folgen sein; so schien nichts übrig, als in seinem Be griffe selbst seine Wirklichkeit zu suchen. Finden freilich tonnte man

nur ben Unspruch auf solde, ben ber Anbalt beffelben erhebt; gewiß schließt der Begriff Gottes ben des Seins in sich ein, ja mehr als diesen, den Begriff des lebendigen Seins; denn alle übrigen Pradicate, durch die wir Gott als Gott benfen, laffen fich nur vereinigen und selbst benken, wenn sie an einem wirklichen bie Beit füllenden und des Wechsels seiner Zustände fähigen Wesen vorgestellt werden. Aber in diesem Sinne ist in jedem Begriffe eines Wefens ber Bedanke derjenigen Art ber Wirtlichkeit eingeschloffen, welche bie Natur und Berfuüpfungsweise seines Zubalts verlangt; auch der Beariff jedes Tragnismus ist undentbar ohne diese Boranssennng: Ernährung Wachsthum und Fortpflauzung find finnles an einem Subject, das nicht märe, und ebenjo sinulos an jedem, das nur wäre und nicht sich entwickeln fonnte. Wenn baber ber Inhalt eines biefer Begriffe Wirflichteit bat, so bat er diejenige Urt derselben, die ihm entspricht: Wesen die des Seins, nicht die des Weichens, Greigniffe die des Weichehens, nicht die des Seins; Berhältniffe feine von beiden, sondern die des Geltens von Wirklichem; es war Täuschung, daß es sich mit dem Begriffe Gottes anders verhalte und daß es erlaubt sei, den in ihm unentbehrlich eingeschlossenen Gedanten der höchsten Wirtlichfeit für eine Wirtlichfeit des ganzen ihn einschließenden Anhalts anzusehen. Peur scheinbar begeben benjelben Tehler verwandte lleberlegungen, die von dem unabweislichen Werthe eines Gedachten zu der Ueberzengung seiner Wirtlichfeit übergeben. Nicht ganz gerecht wird behauptet, an ein höchstes But, ein überirdisches Leben, eine ewige Seligfeit glanbe man nur, weil man sie wünsche; in der That beruhen diese Meinungen auf einer sehr breiten, obgleich unzergliederten Grundlage der Wahrnehmung; jie geben von der Thatjache dieser gegebenen Welt aus, in welcher fie unerträgliche Bidersprüche befürchten, wenn wir jene der Wahrnehmung entzogenen Fortsetzungen des Weltbaues nicht als wirkliche Ergänzungen des Wahrnehmbaren anerkennen wollten. Formell verfahren daber Diese Folgerungen richtig; sie verfnüpfen mit der gegebenen Wirtlichteit eines a die nicht gegebene eines b, das ihnen die denknothwendige Rolae des a scheint.

349. Der zweite Punkt wird stillschweigend allgemein voranssteset, ausdrücklich als logische Veraussetzung selten erwähnt. Wir gönnten offenbar auf eine Vearbeitung der Wirklichteit durch unser

Denken nicht hoffen, wenn wir nicht in dem empirischen Verlauf ber Dinge eine allgemeine Gesetslichkeit als vorbanden annehmen dürften. die und erst die Möglichkeit verschafft, von den formalen Gesetzen unseres Denkens Unten zu ziehen. Wir haben geseben, daß die Gründe, welche Die Reibenfolge der Wahrnehmungen möglicher Denfinbalte bestimmen, gänzlich unabbängig von den sostematischen Relationen sind. Die wir im Denken zwischen jenen blos gedachten Inbalten finden. Wober nehmen wir nun die Gewißbeit, daß überhaupt noch Gründe von allgemeiner Geltung für diese Reihenfolge bestehen? daß nicht vielmehr die unbefannte Urfache des empirischen Berlaufs der Wahrnebmungen gang principles mit den spstematisch geordneten Elementen der Rocenwelt spielt und wie ein sich bewegendes Kaleidostop bald diese bald jene Berknüpfung erscheinen läßt, ohne jemals einer Regel dieser Com binationen zu folgen? Man hat gar feine Urfache, die bunte Unordnung Diefer letteren Unnahme überhanpt unvorstellbar zu finden: eine sehr große Mannigfaltigkeit empirischer Vorgänge, die wir noch nicht begreifen, stebt uns genan in dieser Gestalt wirtlich nech gegenüber: wäre gesetlicher Zusammenhang überhaupt in der ganzen Wirtlichteit nicht porhanden, jo würde nur überalt uns daffelbe Schaufpiel fich zeigen, welches wir jest da mabruchmen, wo er uns verborgen ift. Die Gesetze unseres Denkens würden fortsahren zu gelten, aber als ein leerer Anspruch, dem sich die Wirtlichteit nicht fügt, gerade so wie wir noch jest sie vergeblich auf manche Ereignisse anzuwenden suchen, die mit ungleichen Wolgen unter gleichen Bedingungen des Saties der 3dentität zu spotten scheinen. Gleichwohl wird diese Annahme der Geseslofigfeit der Birklichkeit von Niemandem festgehalten; überall wo die Ericheinungen fie und aufdrängen möchten, halten wir den wahrnebm baren Thatbestand nur für rathselhaft und zweiseln nicht, daß erweiterte Erfahrung durch früher unbeachtet gebliebene Mittelglieder den gesetzlichen Zusammenhang des Beobachteten berstellen werde. Wer auf bernft nun Diese Zuversicht? Weder selbst bentnothwendig ist Die allgemeine Gesetzlichkeit der Wirklichkeit noch als eine denknothwendige Folge aus gegebenen Thatsachen abzuleiten. Man founte jagen, daß die Gesetze des Rammes, auch wenn dieser nur als angeborene Unschauung in uns Dasein bat, dennoch von allen Gegenständen unserer Er fahrung gelten muffen; denn nichts wird je in unfere Erfahrung ein

treten, ohne die räumliche Formung schon erfahren zu haben, durch die es unser Gegenstand wird; man fann nicht ebenso ben Beweis versuchen, daß ohne gesetzlichen Zusammenbang im Wirklichen die Erfahrung unmöglich sei, die wir doch besitzen. Was wir wirklich befiten, ift nur ein Berlauf von Borftettungen: daß dieser Berlauf einen lückenlosen Zusammenhang nach allgemeinen Gesetzen bilde, daß also Erfahrung in diesem gesteigerten Sinne, in welchem sie sich von bloßer Wahrnehmung unterschiede, wirklich gegeben sei, ist eine Berwechselung bessen, was wir voranssetzen, mit dem was wir als thatjächlich miffen. Denn nichts wiffen wir wirklich, als daß eine große Ungabl von Vorgängen sich so ansehen lassen, als ob sie von allgemeinen Gesetzen bedingt würden; immerhin ist die Menge derjenigen noch viel größer, deren Unterordnung unter solche noch nicht ge-Inngen ist; eine ausnahmslose Herrschaft von Gesetzen über die gange Birflichfeit ist daher weder ein wirfliches noch ein mögliches Ergebniß der Erfahrung, sondern eine Voraussetzung, mit der wir an jede Erweiterung unserer Erfahrung geben. Paur zweierlei bleibt daher übrig; entweder diese Boraussetzung als eine solche anzuerkennen und ihr zu glauben, mithin diese eine gewisse Ginsicht uns gugutrauen, durch welche unfer Deuten, sein eignes Gebiet überschreitend, etwas über die Matur des Wirtlichen festsetzt; oder fie gleichfalls für eine bloße Voraussetzung anguschen und ihr beswegen zu mißtranen, mit Dant bie Källe anzunehmen, in denen sie sich bestätigt, zugleich aber die Möglichfeit im Auge zu behalten, daß wir auf Gebiete stoßen werden, in denen jie sich nicht bestätigt. So oft nun menschliches Nachdenten bis zu wissenschaftlicher Betrachtung der äußern Welt fortgeschritten, hat es ohne Ausnahme die erste dieser Meinungen vorgezogen; auch diesenigen, die am meisten unberechtigte Nebergriffe der Vernunft abwehren und jich rühmen, der Natur um ihre eigenen Gesetze abzufragen, halten nur den Inhalt dieser Gesetze für unbefannt, nicht ihr allgemeines Borhandensein für zweifelhaft; sie bemerken blos nicht, daß sie mit dem zweiten Gliede dieses Ausspruchs dennoch über die Wirtlickeit eine Behanptung a priori aufstellen, deren Möglichkeit sie in dem ersten verneinen. Die andere Meinung kann man an einem einzelnen Buntte zu entdecken meinen: in dem Glauben an die Freiheit des menschlichen Willens. Ueber das sachliche Recht dieser Annahme habe

ich hier nicht zu urtheilen; formell aber gebort fie nur scheinbar biesem zweiten Gesichtspunft an; sie behauptet nicht, daß principles daffelbe bald frei batd bedingt sei; indem sie vielmehr einen Theil der Wirtlichkeit einer gesetzlichen Determination beständig und ansnahmslos unterwirft, das Borkommen der Freiheit aber ansichließlich an das Borhandensein einer bestimmten geistigen Ratur bes wollenden Subiectes fnüpft, sest sie vielmehr eine allgemeine gesetzliche Ordnung ber Wirklichfeit voraus und gibt nur Diefer Ordnung ben eigentbümlichen Inhalt, an bestimmten Stellen bes Weltlaufs bas Gintreten unbedingter Clemente zu gestatten, die dann, einmal in die Wirtlichkeit aufgenommen, nun in ihr gesettlich bedingte Folgen bervorbringen. Auch diese Meinung also, noch deutlicher aber jede, die mit Lenamma der Freiheit auch die innere Welt, wie die äußere, einem gesetlich beterminirten Zusammenhang unterwirft, erlaubt sich biermit eine apriorische Behanptung über die Birflichkeit, deren allgemeine Gültigleit empirisch nicht nachgewiesen werden fann. Ob sie bies mit Recht thue, darüber ist logisch eine zwingende Entscheidung unmöglich; denn jeder Bersuch, diese Behauptung als denknothwendig zu erweisen, würde ihre Gültigfeit für Die Wirflichfeit unentschieden laffen, jeder Berfuch aber, sie als übereinstimmend mit der Natur der Wirklickeit darzuthun. würde in audern Formen und Worten denselben Unspruch einschließen. den er rechtsertigen will, nämlich den, durch Denken überhaupt etwas a priori, nämlich allgemein, über die Wirtlichfeit behanpten zu tönnen, die wir empirisch ja niemals allgemein fennen ternen. Mit Grund wird man daber fagen, daß alle unsere Beurtheitung der Wirtlichfeit auf dem unmittelbaren Butrauen oder auf dem Glauben beruht, mit dem wir einer Forderung des Denkens, die das eigene (Bebiet desselben überschreitet, allgemeine Gültigkeit zuerkennen. Thats jächlich liegt diese unbegründbare Zuversicht aller Logik zu Grunde, so auch dem Ausdruck, auf den wir die allgemeine Tendenz des Denkens zurückbrachten, gegebenes Zusammensein in Zusammengehörigkeit zu verwandeln. Alle Verfahrungsweisen der angewandten Vogit bedeuten etwas mir unter der Boraussetzung, daß die Wirklichkeit den inneren Zusammenhang besitzt, den jene Tendenz ihr zuschreibt; besäße sie ihn nicht, so würde der Rechtsgrund nicht bestehen, auf den jede Induction sich stütt, wenn sie eine bestimmte Folgerung aus Erfahrungen auch

nnr für wahrscheinlicher hätt als eine andere; es würde sein Bewenden haben müssen bei der Aufzählung der Prämissen und der Schlußsat würde sehlen.

350. Der britte Punft blieb übrig. Die Annahme eines allgemeinen gesetzlichen Insammenhangs ber Wirklichkeit lehrt nicht von selbst die Einzelgesetze kennen, nach denen bestimmte Vorgänge b an bestimmte andere a gebunden sind. Wir haben ferner schon und überzengt, daß analytisch aus ber begrifflichen Zergliederung der Dentinhalte von a und h die Nothwendigkeit nicht zu ermitteln ist, mit welcher die Berwirklichung des einen auf die des andern folgen müßte. Es bleibt nur übrig, daß wir uns entweder eine immittelbare Gewißbeit über die allgemeine und nothwendige Geltung sonthetischer Urtheile zutrauen, die eine solche Verfuüpfung dennoch befehlen, oder daß wir alle jene bestimmten Wesetze der Wirklichkeit den Aussagen der Erfahrung durch die früher geschilderten Methoden der ilntersuchung abgewinnen. Un diesem Scheidewege möchte ich mich mit einer allgemeinen Formel willfähriger Anbetung von weiterer Lobpreisung der zweiten Annahme losfanjen. Es wird allmählich langweilig, endlos wiederholt zu hören, wie selbstentsagend die Bernunft sich der Ratur gegenüber zu verhalten habe, wie sie so gar nichts aus eignen Mitteln entscheiden fonne und sich in wesenlose Birngespinste verirre, wenn sie nicht bei jedem Schritte sich die nothwendigen Data ihrer Folgerungen von der Erfahrung erbitte. Leider fonnen wir nicht behanpten, daß Dieje Warmmaen überflüssig und gegenstandlos sind, denn geirrt ist genng durch ihre Migachtung; aber wie jede Sittenpredigt unleidlich wird, wenn fie gar fein Ende nimmt, so regt auch diese guletzt uns nur zu der Frage an, ob die Unsprüche, welche sie erhebt, nicht ebenso einseitig sind, als zugegebenermaßen die find, welche fie gurudweisen will. Kann also die empirische Aufsuchung von Gesetzen der Wirtlichteit ihre Aufgabe wirtlich gang aus eignen Mitteln tofen, etwa mit Sulfe des Identitätsprincips, im Nebrigen aber ohne sonthetische Urtheile a priori voranszusetzen? Daß sie es nicht könne, war die Lehre Kants; wenn wir zu gleicher Behanptung fommen, jo trifft es sich, daß wir zugleich einen wesentlichen Puntt dentscher Philosophie vertheidigen, über den wir von allen Nationen angegriffen werden.

351. Darauf hatte uns burch hume ber englische Sfepticismus

beschränken wollen, entweder in Mathematik Ertenntnisse auszusprechen. die ihm nur auf dem Sate der Joentität zu bernben ichienen, ober in Geschichte durch sonthetische Urtheile a posteriori das Geschehene wieder zu erzählen, nachdem es geschehen und somit Gegenstand der Erfahrung geworden ist; unmöglich sei jede wissenschaftliche Folgerung. die ein zufünftiges b aus einem a voraussagen wolle, das mit ibm nicht identisch sei. Ghe ich den letzten Theil der Behauptung erörtere, icheint es mir nüblich zu zeigen, daß, wenn er gilt, die beiden ersten nicht gilltig sein können. Die Möglichkeit sonthetischer Urtheile a posteriori bearawohnt man zu wenig, weil man sie für einsache Ausdrücke der Erfahrung hält, in die sich nichts von vorwitziger Thätigkeit unseres Dentens eingemischt habe. So lange fie indeffen Urtheile find, aleichviel ob in sprachlicher Form ausgeprägt oder nicht, sind sie immer Bearbeitungen des Gegebenen durch Sineindentung innerer Zusammenhänge, die in ummittelbarer Beobachtung niemals in ihm gegeben find. Reine Wiedererzählung eines Greigniffes ist möglich, obne daß wir einen Theil der finnlichen Bilder, die mis bei feiner Wahrnehmung entstanden, als Subject, einen andern als Pradicat zusammenfassen, und ohne daß wir zwischen den Anhalten biefer beiden Begriffe eine Begiehung des Wirfens und Leidens oder der gegenseitigen Menderung von Zuständen mitbenfen, die in den Wahrnehmungen selbst gar nicht gegeben ift. Man fann behanpten, ber Sat: Cafar ging über ben Rubico, bedeute nur: eine gewisse, zwar etwas veränderliche, aber doch beisammenbleibende Gruppe sinnlicher Eindrücke, die man der blürze halber Cafar nenne, habe ihre ränmliche Stellung gegen eine andere Gruppe sinnlicher Sindrücke, die Rubico beiße, so verändert, daß sie in der Anschaufing eines und desselben Beobachters erst rechts dann links von dieser zweiten wahrgenommen worden sei; ich antworte mit gleicher Hartnäckigfeit: daß jene Gruppe Cafar dieselbe rechts und links gewesen fei; daß fie also ihre Stellung verändert habe, liegt nicht in dem In halt der Wahrnehmung, sondern ist eine Immabme, die einer zusammen hängenden und stetigen Aenderung der Erscheinung ein beständiges Substrat mit nur wechselnden Relationen unterschiebt. Go oft wir erzählend von irgend einer ränmlichen Bewegung sprechen, drücken wir schon nicht mehr die Wahrnehmung, sondern eine Sopothese über sie aus; gesehen baben wir nicht, daß dasselbe reale a nach und nach bie

Orte m n p durchlief; die beobachtete Thatsache ist mur, daß in aufseinandersolgenden Zeitpunkten gleiche Erscheinungen a an auseinanderssolgenden Raumpunkten sichtbar waren; wer kein Bedürsniß hätte, diese Thatsache sich durch die Annahme eines bleibenden Subjects zu erskären, kömnte die Behauptung: a habe sich bewegt, nicht mehr als Erzählung einer Wirklichkeit, sondern nur als bequeme, sachlich bestentungslose Manier seines Ausdruchs wagen; versagt er sich diese Einmischung von Gesichtspunkten, nach denen wir den Wahrnehmungssinhalt denten, so sind anch alle synthetischen Urtheile a posteriori, alle Urtheile überhaupt unzulässig, und anstatt der Wiedererzählung bleibt in der That nur die Möglichkeit der Wiedererinnerung einer Meihe von Wahrnehmungen schig, eine Reproduction des Rohmaterials, aus dem man Urtheile bilden könnte, wenn es erlaubt wäre.

352. Man wird anderseits weder die Gültigteit noch die Wichtigfeit, um jo mehr aber die Fruchtbarfeit bes Sates der Identität in Erzengung mathematischer Wahrheit bezweifeln, ja vielmehr behaupten müffen, daß, wenn er allein galte, diefe Wahrheit nicht auffindbar fein würde. Welche Gleichung oder Ungleichung a = b oder a 3 b wir auch aussprechen mögen, immer müssen wir diejenige Geltung des Nentitätssates voraussetzen, vermöge deren a = a, b = b, jede Größe also, die wir mit andern in irgend eine Beziehung bringen wollen, mit sich selbst identisch ist; denn offenbar geht jede Gleichung oder Ungleichung zwischen verschiedenen ihrer Bedeutung verluftig, wenn jede der Größen unbeschränft vieldentig ist, die in ihr zusammengestellt werden. An dieser Stelle gilt ber Joentitätssatz deutlich und ist bie Bürgichaft aller Wahrheit; gerade hierauf hat man indessen am wenigsten geachtet; man hat vielmehr jene andere Unwendung desselben ber vorgehoben, durch welche beide Seiten einer Gleichung einander gleich gesetzt werden; in ihr, als einem Ansdruck des Identitätsjaves, fand man nicht nur die Bürgschaft ber Wahrheit, sondern in der verketteten Wiederholung solder Gleichsetzungen das fruchtbare Verfahren zu deren Entdeckung. Bon beiden Behanptungen fann ich mich nicht überzeugen, daß sie genau ausdrücken, was sie meinen. Gleichungen geben entweder wie: $\sqrt{4}=2$ den bestimmten Größenwerth einfach an, der aus der Ausführung einer Rechnungsoperation in Bezug auf eine

gegebene Größe entsteht, oder sie sagen aus, wie Tab = Ta. Th, daß man zu demselben Ergebniß gelangt, wenn man formelt verschiedene Operationen in vorgeschriebener Reihenfolge oder Bervindung auf irgend welche innerhalb bestimmter Grenzen gegebenen Größen amvendet. In beiden Fällen liegt nun doch der Werth des ganzen mathematischen Berfahrens nicht einseitig auf der gefundenen Gleichbeit des Ergebnisses. sondern eben darauf, daß verschiedene Wege zu demselben Biele führten, daß es also möglich war, Berichiedenes gleich zu setzen. Wollte man mir entgegnen, daß doch der Größenwerth der verschiedenen hier veralidenen Glieder nicht nachträglich gleich gemacht werde, sondern immer gleich gewesen sei und daß diese Gleichbeit sich nur unter ben verschiedenen Formen verborgen babe, in denen beide ursprünglich gegeben waren, oder daß der eine dieser Ansdrücke nur die Anfgabe, der andere die Auflösung bezeichne, so würde man genan das sagen, was ich selbst will, und mir etwas als selbswerständlich ansehen, was ich nicht dafür halten fann. Denn woher nimmt man das Intranen zu der Möglichkeit, daß ein mit sich identischer Werth unter verschiedenen Gestalten gegeben werden fonne? Aus dem Sate ber Identität allein doch nicht; denn in ihm liegt nicht die mindeste Hindentung auf einen Gegensatz zwischen Form und Inbalt oder Form und Werth: brächte man aber die Vorstellung Dieses Wegensates aus anderer Quelle bingu, fo würde selbst bann ber Gat nichts über ihn aussagen tonnen. Er würde nur wiederholen: jede Form ist mit sich selbst und jeder Werth mit sich selbst identisch; daß aber derselbe Werth unter verschiedenen Formen möglich sei, fonnte er nicht behanpten, weil er für Diese Be hanptung feine Grenze ihrer Gültigfeit festzustellen wüßte, anger einer solden, die zu einer unfruchtbaren Tantologie zurnitführte: Denn bie Frage: welche verschiedengesprinte Ausbrücke identische Werthe bezeichnen, fönnte er nur dabin beantworten: diejenigen eben, in denen ein und derselbe identische Werth enthalten ist. Ich branche nun nicht wein läufig bingugufügen, daß in diefer Möglichteit, Berichiedenes gleich zu setzen, nicht aber in der nachten Umwendung des logischen Schentitäts gesetzes, der bewegende Rerv aller fruchtbaren mathematischen Dent arbeit liegt. Man fame nicht weiter, wenn man unter bas Subject eines gegebenen Sperfates immer nur ein ibm schlechtbin identisches subsumiren dürfte; man fommt aber weiter, weil man durch ungählige

Substitutionen, durch Zerfällung und Wiederverfnüpfung eine in der Form a gegebene Größe in die Form b bringen und sie so jedesmal demjenigen Oberbegrifse subsumirbar machen kann, mit dessen Hülse wir nach bekannten Rechnungsregeln ihr ein Prädicat beilegen können, das aus ihrer ursprünglichen Form nicht ableitbar war. Alles hängt daher von der Verechtigung ab, Verschiedenes gleichzusehen, und diese Berechtigung sließt, numittelbar wenigstens, nicht aus dem Sinne des Foentitätsprincips.

353. Ich fnüpfe das Weitere an die Ueberlegungen an, die ich in der reinen Logit bereits über Urtheile von formal sonthetischer dem Anhalt nach identischer Ratur anstellte. Ich habe damals Kants erwähnt, der in seinem Bestreben, sonthetische Urtheile a priori in allen Richtungen unieres Vernunftgebrauchs nachanweisen, auch den arithmetischen Satz 7+5=12 unter ihnen zu finden glaubte. Un jener Stelle fam es mir darauf an, die Nothwendigfeit ber Inhaltsgleichheit hervorzuheben, die zwischen dem vollständigen Subject und dem vollständigen Prädicat jedes mahren Urtheils stattfinden musse; nicht gang befriedigt damit, daß Kant diese Forderung weniger ausbrücklich erwähnt, habe ich doch damals ichen mir vorbehalten, auf das Richtige feiner Behauptung zurückzufommen (vergl. 58). Gine Auschamung ichien ihm hinzufommen zu müssen, um mis in 12 die Auflösung der Anfgabe erkennen zu lassen, die in 7 + 5 ausgedrückt war; um ums also zu zeigen, daß die zur Richtigfeit der Gleichung erforderliche Adentität beider Seiten besteht. Unr als Beispiel halte ich diesen Satz nicht für glücklich gewählt, weil er den formalen Unterschied, auf den Bewicht zu legen ift, nicht recht in die Angen fallen läßt. Denn gewiß ist zwar 12 nicht lediglich ein anderer Rame für 7+5, sondern bedeutet, daß man dieselbe Größe, die durch Abdition dieser beiden entsteht, außerdem als bestimmtes Glied der Zahlenreihe zwischen 11 und 13 finde; aber anderseits ist es doch die einfachste Borstellung dieser Reihe selbst, sie aus wiederholter Addition der Einheit, also aus derjelben Speration entstanden zu denken, durch welche man 7 und 5 verband; man faßt also sowohl die linke als die rechte Seite dieser Gleichung als Summe von Einbeiten und zerlegt nur, wie es der Begriff ber Summe guläft, fints in zwei Schritte, was man rechts zusammenfaßt. Der Ausdruck 7 + 5 = 42-22, ohne übrigens wirts

lich das Wesentliche des Kantischen Gedankens mehr zu enthalten als jene erste Formel, murde dentlicher gemacht baben, daß es verichies bene Wege gibt, auf benen man zu einem und bemfelben Werthe gelangen fann. Denn das, werauf es ankommt, ift eben nichts Anderes. als die in dem Additionszeichen enthaltene Behauptung: Größen ieien überbaupt fummirbar zu einer gleichartigen neuen Große, ein Sat. über beffen Wichtigkeit man wieder geneigt fein wird gang himvegenjeben, weil er gang jelbswerständlich und nichts als eine identische Definition ber Bablengröße ideint. Das ift er um auch: aber modurch wird uns diese selbswerständliche Erfenntniß zu Theil? Richt jeder Borstellungsinbalt läßt sich benselben Operationen unterwerfen: man tann nicht Roth und Grün addiren und davon Blan abziehen; die Tone e und d gestatten feine Summirung zu einem dritten x, der in der Tenreibe um das Antervall e böber läge als d, jowie in der Bablenreibe 12 um 7 böber liegt als 5. Hier wird man verwundert fragen, wozu Diese Bemerfung Dienen solle? natürlich toune man mathematische Operationen unr auf Größen amvenden, in deren Natur es liege, ihnen znaänglich zu sein, nicht aber, oder wenigstens nicht unmittelbar, auf qualitativ verschiedene Eindrücke. Man will bier in der That das Nächstliegende nicht seben bies, daß es so etwas, wie Größe, in der Welt des Borstellbaren gibt, mährend doch das Borstellen selbst nicht, um nur überbaupt geschehen zu können, an das Borstellen gerade Diefer vergleichbaren Größen gebunden ift, eben dies ift eine Thatfache unmittelbarer Unidanung, die, wenn wir fie nicht bätten, durch legische Sperationen, an andern Zuhalten ausgeführt, gerade so wenig inppliet werden fonnte, als wir den Begriff qualitativer Aebulichfeit erzeugen würden, wenn uns feine vergleichbaren Sinneseindrücke, Farben ober Tone, als Bestandtheile des Beenreiches gegeben wären. Identisch also ist ber Sat gewiß, daß Größen summirbar sind; aber daß Subject und Pravicat Diefes Sates in der Welt des Borftellbaren gültig vorfommen und daß er nicht gleichwertbig bem andern ebenfalls identischen Same ift: jedes bolgerne Gifen ift holgernes Gifen, das folgt nicht selbst wieder aus dem Satze der Identität. Richt dieses nachte logische Princip mithin, sondern die Anschaunng der Größe, deren Ratur es möglich macht, ungäblige inhaltlich identische und sormal southetische Urtheile gu bilden, ift die Bürgidaft der Wahrheit und zugleich der

Grund der Fruchtbarkeit arithmetischer Gedankenverknüpfung. Was sich hieran in mathematischem Anteresse weiter ansügen ließe, muß ich dahingestellt lassen: logisch befenne ich meine völlige Uebereinstimmung mit Kant auch darin, daß ich eine reine oder apriorische Unschauung der Zahlgröße, in dem früher bestimmten Sinne dieses Ausdrucks, festhalte. Ohne Beranlaffung, die zuletzt immer durch äußere Unregungen erfolgt, tritt in unser Bewußtsein weder die Borstellung der Größe überhaupt, noch die bestimmtere ihrer Summirbarteit, noch endlich ein einzelner grithmetischer Satz: wir benten sie alle nur, wenn wir irgendwie zur Vorstellung gabtbarer Objecte veranlaßt werden; wenn aber Dieje Beranlaffung gegeben ift, jo lernen wir nicht ans dem Inhalt Dieser Wahrnehmung, daß 7 + 5 = 12 sei, so daß die Sicherheit dieser Erfenntniß mit der Bahl der Fälle gunähme, in denen sie von späteren Wahrnehmungen bestätigt würde, soudern die einmalige Borstellung von 7 + 5, gleichviel ob durch äußere Wahrnehmung vermittelt oder nicht, reicht hin, um für sich allein und allgemeingültig die Gleichheit mit 12 zu lehren. Hätten wir bei wirklichen Bählversuchen äußerer Dbjecte in verschiedenen Wiederholungsfällen dies Ergebniß bald bestätigt bald nicht bestätigt gefunden, so würden wir alle, auch die entschiedensten Unbänger empiristischer Erklärungsweisen, nicht unsern arithmetischen Satz nach unsern Zählungen, sondern biese nach ihm corrigiren.

354. Vielteicht noch dentlicher als an diesem arithmetischen Beisspiele läßt sich dasselbe an geometrischen wiederholen. Gegen das eine, welches Kant als sonthetischen Sat ansührt: die gerade Linie zwischen zwei Punkten sei die kürzeste, habe ich ähnliche Bedenken wie gegen das vorige gerichtet: anch dies Beispiel ist nicht glücklich gewählt, weil wir sir den Begriff der Entsernung, der in dem Prädicat der Kürze enthalten ist, ein anderes unmittelbares Maß als die gerade Linie nicht bestigen; dieser Satz macht daher überwiegend den Gindruck der Joentität von Subject und Prädicat. Sie ist anch, dem Inhalt nach, vorhanden, und der Satz würde gar nicht richtig sein, wenn sie nicht bestände; aber wodurch wird sie hergestellt? Nur dadurch, daß wir die beiden Punkte durch das verbinden, was wir ein Zwischen sunkte nicht blos logisch als nicht identisch oder verschieden überhanpt bezeichnet

werden, benn das find Grun und Sauer auch, obne zu einem abnlichen Sate zu führen; auch nicht als vergleichbar überhaupt, benn bas find, ebenfalls ohne folde Folge, Grün und Roth auch: fie werden vielmehr in einer eigenthümlichen Weise verbunden, beren Deutbarteit und Bedeutung uns nur durch ursprüngliche räumliche Anschauung erfennbar wird, burch feine, an anderem Inhalt ausgeführte, logische Operation verständlich werden würde, wenn sie und fehlte, und noch jetzt, da fie uns allen befannt ift, durch feinerlei Umschreibungen, in denen fie nicht felbst icon versteckt enthalten wäre, verdeutlicht werden fann. Unsdrucksvoller find andere Beispiele Kants. Nehmet mur, jagt er, ben Sat: baf burd zwei gerade Linien fich gar fein Raum einschließen laffe, mithin feine Rigur möglich fei, und versucht ihn aus bem Begriffe von geraden Linien und der Zahl Zwei abzuleiten: oder auch, daß aus breien geraden Linien eine Figur möglich fei, und versucht es eben fo blos aus Diesen Begriffen; alle eure Bemübung ift vergeblich und ihr seht end genöthigt, zur Unschauung eure Zuslucht zu nehmen, wie es die Geometrie auch iederzeit thut. Diese Worte bleiben auch dann richtia, wenn man eine fleine Ungenauigfeit ihres Ausdrucks zum Berfuch ber Bestreitung benutzt. Richt brei gerade Linien sind im zweiten Falle das pollständige Subject, dem das Prädicat zukommt, ein Preieck an bilden: jie müffen außerdem in derselben Ebene liegend, einander nicht parallel und beliediger Verlängerung fähig gedacht werden: im ersten fann man nicht verlangen, die Ummöglichkeit der geschloffenen Figur aus den vereinzelten Begriffen der Zahl Zwei und der geraden Linie abzuleiten; vor allem muß Zwei als Angahl Diefer Linien, Die Linien selbst als enthalten in demselben Ranme vorgestellt werden. Bügt man diese Rebenbestimmungen hinzu, so wird man, obwohl nicht beide gleich furzer Hand, doch beide Ergebnisse als identische Folgen ber vorausgesetzten vollständigen Subjecte erkennen und so die Bedingung der Inhaltsgleichheit herstellen, unter ber beide Gate allein mahr fein tonnen. Allein dies andert die Sache nicht. Alle jene Erganzungen, das Enthalten sein in derselben Chene, der Nichtparallelismus, die mögliche Verlängerung, bedeuten ganz und gar nichts, wenn wir nicht die räumliche Auschanung voranssetzen, die allein bezeugt, daß so etwas, wie man es durch Dieje Worte bezeichnet, in der Welt des Borftellbaren anzutreffen fei, und die, indem fie dem vollständigen Subject jener Sate überhaupt erft einen vorstellbaren Sinn gibt, zugleich and das in ihnen enthaltene identische Prädicat begründet. Identisch sind daher diese Sätze gewiß, obgleich unter sputhetischer Form; daß es aber ihren ganzen Inhalt mit allen seinen innern Verhältnissen gibt, ist nicht Verdienst des Satzes der Identität; ich meine: nicht vermittelst dieses Princips fann man von der einen Ansdruckssorm einer geometrischen Thatsache zu einer andern gleichsgestenden übergehen, sondern die eigenthümliche Natur des Rammes macht es möglich, daß eine sachliche Identität verschiedener Ansdrucksssormen bestehen fann. Fierauf, auf der umbegrenzten Möglichkeit bessonders, durch willtürliche Hüfseonstructionen jedes Rammgebilde immer andern mathematischen Gesichtspunkten oder Sverbegriffen unterzuordnen und ihm so die Prädicate zu verschäffen, die seiner unsprünglichen Aufsfassung fremd waren, nicht aber auf der bloßen Unwendung des nackten Bentitätsprincips, bernht die Fruchtbarkeit der geometrischen Wethode.

355. Unn fann ich den Ginwurf erwarten, daß meine Betrachtung anderswo ende, als wohin sie fommen wollte. Zur Erweiterung der Erfenntnift, überhaupt um Gesetze des Berlaufs der Dinge gu finden, behandtete ich die Rothwendigfeit sonthetischer Grundsätze a priori; jett babe ich mich auf Anschaunngen berufen, die auf einmal Subject Prädicat und Copula des Urtheils liefern, durch das wir sie ausdrücken, und deren Unnahme zuletzt nichts weiter als den wenig förderlichen Satz zu bedenten scheint, man könne nicht denken ohne Borftellung des Inhalts, über den man deuten will; gegeben aber sei Diefer Inhalt nicht durch das Denfen, sondern dem Denfen, in nicht wesentlich anderer Weise als jeder andere Inhalt, nämlich durch Erfabrung. Heber den lettern Bunft wiederhole ich furz, daß jede Erfenntniß, angeboren oder nicht, in diesem weiteren Sinne des LBortes Wegenstand der Erfahrung für denjenigen ist, der sie entweder beständia oder auf Veranlaffungen entstanden in seinem Bewußtsein vorfindet: überdies haben wir von Unfang an zugestanden, daß feiner der (Brundfäte, die wir als angeboren ansehen, auch nur als praktisch befolgter Obersatz unseres Urtheilens in uns wirfsam wird, bevor uns eine empirische Unregung zu seiner Befolgung gegeben ift, daß er aber vollends zum Gegenstand unseres Bewußtseins erft durch Reflerion auf seine unbewußt geschehenen Amwendungen werden fann. Ich habe Daber in diesem Sinne nichts einzuwenden und halte es nur für un-

fruchtbar, wenn man daranf besteht, das Innewerden apriorischer Grundsätze selbst eine innere Erfahrung zu nennen; aber and darin fann der Streit aprivristischer nud empiristischer Unsichten nicht besteben, daß die lettern einer äußern Erfahrung zuschreiben, was wir einer inneren verdanken wollen. Denn diefer Wegensatz besteht lediglich nicht; mas man auch über eine vorausgesetzte Außenwelt sich für Gedanken machen mag: Erfahrungen fönnen wir immer nur über ihre Abbilder in mis, über den Zusammenbang unserer Vorstellungen machen. Sierüber möchte ich furz sein dürfen. In Deutschland wenigstens buldigt man noch nicht dem importirten Brrthum, als könne es gelingen, durch Rachmeffung ber Kanten und Flächenwinkel förperlicher Gebilde die Sätze der Geometrie zu bestätigen, oder andere zu entdecken als diejenigen, die wir auch mit geschlossenen Angen aus vorausgesetzen Berhättnissen bloger Raumpunkte entwickeln; man weiß noch, daß jene Meffungen, wenn wir fie ausführen, fich unmittelbar nicht auf die Natur der materiellen Ausfüllungen des Raumes, sondern auf Bestimmungen des Raumes beziehen, der durch sie ausgefüllt wird; daß sie endlich ausgeführt werden fönnen nur durch äußerliche Hülfsmittel und durch Methoden, die sich alle auf die innere Gesetzlichkeit unserer Raumanschauung bereits gründen; daß wir also nicht dahin kommen tönnen, durch Meffungen diese unsere geometrische Erfenntniß an einer andern von ihr unabhängigen Erfenntnigquelle zu prüfen, soudern daß wir auf diesem Wege lediglich eine einzelne räumliche Anschauung ben Gesetzen der allgemeinen geometrischen Anschauung substimiren. Darauf allein würde daher der Unterschied der Meinungen zurücklausen, daß wir die einfachen Grundfätze der Geometrie, die, daß jede gerade Linie ins Unendliche verlängert werden fann, daß die Gegenwinkel sich ichneidender Geraden gleich sind, daß alle Nebenwinkelpaare dieselbe Summe geben, als Wahrheiten betrachten, die, einmal vorgestellt, für immer gelten; daß dagegen eine empiristische Auffassung folgerecht jedes einmalige Bewußtwerden derselben nur für eine psuchische Thatsache ausehen müßte, von der nicht feststände, ob sie sich mit gleichem Inhalt wiederholen würde, deren allgemeine Geltung daher als wahr niemals, als wahrscheinlich aber nur durch llebereinstimmung sehr vieler Wieder= bolungsfälle bewiesen werden fönnte.

356. Wie wir uns zu dieser Ansicht verhalten, muß ich noch

einmal wiederholend zusammenfassen. Zuerst würde die Behauptung, jede Wahrheit bedürfe zu ihrer Allgemeingültigkeit diese Erfahrungsprobe, sich selbst widersprechen. Denn einestheils müßte sie ja sich selbst ihrem eignen Ausspruche subsumiren und fönnte folglich nicht als allgemeiner Grundfats gelten; anderntheils faben wir früher, daß obne die Voranssetzung der unbedingten Gültigkeit gewisser, der Erfahrung nicht verdankter Grundsätze and von den ans Erfahrungen zu gewinnenden Erfenntnissen keine für wahrscheinlicher gelten kann, als eine andere (329). Huf der Möglichkeit unmittelbarer Erfenntniß des Allgemeingültigen beruht daber jede Neberzengung, die unfere nicht mehr als die unserer Gegner; Zwiespalt fann nur darüber sein, welche Wahrheiten wir dieser Erfenntniß zugänglich glauben. Selbstverständlich aber fann für Wahrheiten, die unmittelbar als allgemeingültig erkannt werden jollen, das Kennzeichen dieses ihres Rechtsauspruches nur in der Evidenz bestehen, mit der sie sich dem Bewußtsein aufdrängen und Anerkennung verlangen, ohne sie durch einen Beweis ihrer Richtigkeit zu erzwingen. Nun steht es endlos Jedem frei, sich biesem Berlangen zu fügen oder nicht; Jeder fann entweder ehrlich der Evidenz mißtrauen, mit der ein bestimmter Erfenntniffinhalt sich seinem Bewußtsein darstellt, oder er fann wenigstens chicanos sich darauf steifen, daß feine Evidenz in der Welt den Beweis für die Wahrheit des Evidenten gebe: nur wird er im lettern Falle sich gefallen lassen müssen, daß auch der Evidenz jedes versuchten Beweises sowie feiner eignen Behauptung mit gleicher Chicane die Gültigkeit bestritten werde. Diese eitle Disputirsucht überlassen wir sich selbst; jenes ehrliche Miktranen dagegen ist berechtigt; denn gewiß fann die Ruhe und das streitlose Gleichgewicht des Gemüths, in welchem die Evidenz einer Erfenntniß. als pjuchischer Borgang betrachtet, zuletzt besteht, auch durch Borstellungsverknüpfungen von feineswegs allgemeiner Geltung bervorge bracht werben. Diese falschen Evidenzen haben wir zugegeben und die logischen Versuche erwähnt, durch die wir und von ihnen zu befreien suchen: sie laufen alle darauf hinaus, daß wir durch verschiedene Formungen Ausgangspunkte und Fortschritte unserer Heberlegung von einem Subject S, dem wir ein Prädicat P zuschreiben wollen, alle in ihm selbst nicht enthaltenen, wohl aber in unserem Innern verftoblen mitwirfenden Rebenvorstellungen x sondern, die uns den Schein

erwecken fönnten, als gehöre dem S allein und allgemein ein P, bas nur diesem 8 + x zukommt. Die bestimmte Form eines Beweises erlangen diese Ueberlegungen nicht immer; daß eine gerade ginie ins Unendlide verlängert werden fonne, ift zu einfach, als daß es eine Erörterung darüber geben fonnte, die nicht gang tautologisch auf die unmittelbare Unichamma zurückfäme: für andere Grundfäße nehmen die Beweise die apagogische Form einer Zurücksührung auf das Absurbe an; sie leiten bann nicht die Wahrheit berselben aus der vorangeltenden eines andern Sates ab, sondern bestätigen nur die Unmöglichkeit ihrer Richtanerkennung. Wo dies nun geschehen und gelungen ift, da sehen wir den fraglichen Satz als einen allgemeinaultigen, der empi rischen Bestätigung burch die Wahrheit seiner Beispiele nicht bedürf tigen, vielmehr ibnen gegenüber a priori feststehenden an; wir lengnen die Möglichkeit nicht, daß dieses Vertrauen der Vernunft in einzelnen Källen dennoch täuschen tann; aber die günstige Präsumtion der Wahrheit eines jo gefundenen Saties würden wir nicht anfgeben, nur weil das Miftrauen möglich ist, sondern dann erst, wenn entweder bie Befolgung seiner vorausgesetten Richtigkeit in Widersprüche verwickelt, oder weil positiv sich die Wahrheit eines andern Sages barthun läßt, aus der zugleich die Entstehung der scheinbaren Evidenz des falschen bearcifbar wird.

357. Berschiedene Puntte bedürsen bier noch der Erläuterung. Ben reiner Anschanung ist in der Kantischen Schule im Gegensatz zu dem Tenken so gesprecken worden, daß mit diesem Ausdruck sich die Vorstellung eines besondern etwas geheimnisvoll bleibenden Bersahrens verknüpft hat, durch welches der erkennende Geist eine Leisung vollsziebe, die seinem discursiven Tenken ummöglich sei. Die Dunkelheit, die dann über diesem Gedanken schwebt, rührt davon her, daß in der That gerade von der Anschanung nicht, wohl aber von dem Tenken sich eine aus der Berknüpfung verschiedener Einzelhandlungen entstebende Bersahrungsweise schildern läßt: die Anschanung verhält sich ihrem Inhalt gegenüber wie thatlose Receptivität und ihre Leisung geschiebt so mit einem Schlage, daß keine Schritte zu unterscheiden sind, die zu einer Beschreibung Beranlassung gäben. Man muß dies nicht nißberschen. Wenn geometrische Anschanung uns sehrt, daß zwei Gerade, wenn sie sich schneiden, mur einen Punkt gemein baben können, so

findet hierbei ohne Zweifel ein Vorstellungsverlauf als psochischer Vorgang statt, ben wir schildern könnten, wenn er uns im einzelnen Falle genau befannt wäre: wir fönnten angeben, wie wir zuerit iede der geraden Linien für sich denken, sie dann in eine Chene rücken, sie aus paralleler Lage convergiren laffen, jede bis zu dem Schnittpunkt und barüber hinaus verfolgen; aber das alles ist nicht die geometrische Unschamma selbst: bis bierber find nur alle die zusammengebörigen Beziehungspunkte ins Bewußtsein gebracht, über welche jetzt bie Behanptung der Unichamma: nur ein Buntt tonne beiden Geraden gemeinsam sein, wie eine einzige plötliche Difenbarung erfolgt. Auf welche Weise dieser lette Schritt pollbracht wird, das immittelbare Innewerden der nothwendigen Wahrheit, die in den vollständig vorhandenen Beziehungsgliedern liegt, darüber ift jest gewiß, für mich nicht minder gewiß in aller Zufunft, jede weitere psodologische Analyse muniglich. Hur in diesem Sinne völlig numittelbarer Erfenntniß habe ich hier den Ramen der Unichanung gebraucht und es folgt barans eine weitere Bemerfung über die Bedentung der Apriorität, die wir ihr zuschrieben. 3ch habe früher erwähnt, warum Erfenntniß nicht in bloßer Anfnahme von Eindrücken, sondern in einer Rückwirfung bestehen nunß, deren Form von der Natur des angeregten Geistes abhängt; ich habe nicht verhehlt, daß ich mit Kant darin übereinstimme, zu diesen Ructwirfungen die räumliche Anschannng zu rechnen, sie also für a priori oder angeboren in dem Sinne zu halten, in welchem von diesem Ramen Gebrauch gemacht werden fann; für die gegenwärtige Frage aber hat diese Unsicht bennoch keine Bedentung. Nicht beswegen, weil die Borftellung bes Raumes uns angeboren ift, find wir im Stande allgemeine geometrische Sätze auszusprechen, die einmal gedacht immer gültig find; ware es nur fonst beareiflich, wie lediglich durch äußere Eindrücke die Borstellung einer bestimmten Verbindung rämmlicher Beziehungspunfte in uns entsteben fonnte, so würde ihr gegenüber jenes unmittelbare Innewerden der in ihnen liegenden allgemeinen Wahrheit, die Leiftung der Unschamma, nur ebenso aber nicht mehr merklärlich und nicht weniger möglich sein, als wenn bieselben Beziehnngspunkte nur durch die Mitbülfe einer angebornen Rückwirkungsweise in unser Bewußtsein gebracht worden wären. Ich überlaffe daher die Frage nach der Aprioris tät in dem Sinne des Angeborenseins und das, was bierans folgen

fann, der Metaphofif und beschränke den Gebranch des Namens dabin, daß jene Erkenntnisse a priori sind, weil sie nicht durch Induction oder Summation aus ihren einzelnen Beispielen entsteben, sondern zwerst allgemeingültig gedacht werden und so als bestimmende Regeln diesen Beispielen vorangeben.

358. Und hiermit endlich hängt der lette bier zu erwähnende Buntt aufammen. Bon reinen Unidamungen, als einem angeberenen Befitz bes Geistes, ist auch in Ausdrucksweisen gesprochen worden, aus denen als natürliche Confeanenz die Annahme batte fließen müffen, alle Wahrheit, die auf einer dieser Unschanungen berube, sei gleichfalls ein Schatz immer gegenwärtiger Ertenutniß, mit dem wir der Erfahrung, um sie zu beurtheilen, entgegenkommen. In der That bat schon Locke diefe Consequenz zur Bestreitung der Lebre von den angeborenen Ideen benntt: daß sie aber falsch ist, bedarf nur furzer lleberlegung. Wer überhaupt von angeborenen Erfenntnissen spricht, rechnet die mathematischen am gewissesten zu ihnen: gleichwohl baben sie alle erst entdeckt werden müssen, und der Allen angeborene Besitz der Ranmanichamma mar nicht gleichbedentend mit dem der Geometrie. Entdeckt aber wurden die elementarsten von ihnen, sobald die Ausmertsamteit Beranlaffung erhielt, von den höchst mannigfaltig gezeichneten Mann figuren, mit benen uns die Wahrnehmungswelt nungibt, fic auf die einfachsten Beziehungen zu richten, Die in ihnen allen enthalten find: dann iprang unvermittelt die eridente Wahrheit der einzelnen Grundfätse als jelbstverständlich berver, ganz so wie es Platens vortressliche Darftellung im Menon zeigt; nur die Berufung auf ein Borteben war überflüffig, aus beffen Erinnerung Diefe plöglich auftauchende Einficht stamme, dem auch in diesem Borleben hatte die Uebergengung von der allgemeingültigen Gewißheit der damals in allgemeiner Gestalt angeschauten Wahrheiten doch nur durch daffelbe mumittelbare Junewerden entstehen tonnen, durch welches wir sie in diesem leben in ihren Einzelbeispielen wiederertennen. Noch leichter versteht fich, warum verwickeltere mathematische Relationen auf Entdedung warten mußten und warum noch immer ein unermekliches Gebiet vor uns liegt, in welchem neue Entdedungen zu maden find; zur Wiffenschaft werden die Consequenzen der einsachen mathematischen Principien eben erft baburd, daß fie benfend gezogen werden: dies aber ichließt eine bochft

umfängliche immer fortschreitende Arbeit genauer Definition, mannigfaltiger Sonderung und bestimmter Verknüpfung gemachter Abstractionen ein, durch welche erst die Subjecte zweifelles festgestellt werden, von denen ein vielleicht nicht minder zusammengesetztes Prädicat behandtet werden foll. Go parador es daber icheinen mag, wir muffen uns ber falichen Boritellung entwöhnen, als läge die Welt des Selbstwerftandliden von jelber jelbstverständlich vor und und es fame nur darauf an. mit dieser beguem besessenen Wahrheit die widersvenstige Welt der Wahrnehmungen zu meistern; auch das Allgemeingültige, zu deffen Einsicht der Geist nur sich selbst bedarf, muß von ihm erft aus der Unermeglichteit der Vorstellungen, die sein Bewußtsein wirklich füllen, aufgefunden und gesondert werden. Und nicht einmal dies fann man allgemein erwarten, daß auf dem Wege diefer Befinnung auf fich felbit ihm die einfachsten aller seiner angeborenen Wahrheiten, die höchsten Grundfätze, zuerst zum Bewuftsein fommen; alle thun es ja nur auf Beranlaffung eines bestimmten Beispiels ober eines Falles, den Wahrnehmung oder Einbildungsfraft dem Geiste vorführen, damit er über ihn Recht spreche; so aber können die Wahrnehmungen beschaffen sein. daß fie nie den reinen Kall darbieten, und daß fie demgemäß auch die Einbildungsfraft abhalten, die Borftellung des reinen Kalles auszubilden, über den, sobald er nur dem Bewuftsein gegeben wäre, der Geist unmittelbar mit der in ihm erwectten lleberzengung einer allgemeinsten grundsätzlichen Wahrheit urtheilen würde. So fann daher eine sehr schwere Aufgabe der Erfenntnif darin bestehen, und durch Hinwegräumung aller ber Sindernisse, welche die uns aufgedrungene empirische Verfnüpfung unserer Vorstellungen entgegenstellt, zu der Einsicht in das Selbstverständliche erft hindurchzuringen.

359. Der Mathematik, die am leichtesten die Gegenstände ihrer Betrachtung von der Natur des Realen sondern konnte, an dem sie zur Wahrnehmung kommen, ist es im Ganzen möglich gewesen, von den einsachsten Wahrheiten zu ihren Folgen sortzuschreiten, nicht ohne daß dennech die spätere Ginsicht auch den früher erkannten Principien neue und umfassendere Ausdrücke gab. Anders ist der Weg der Mechanik gewesen, die unmittelbar auf das wirkliche Geschehen eingehend den Wechselwirkungen der Tinge ihre Gesetze vorzuzeichnen suchte. Ich branche diesen vielgetadelten Ausdruck Kants, um die Vorwürse gegen

ibn auf ihr richtiges Maß zurückzubringen. Niemand will ja mit ihm gemeint haben, menichliche Vernnuft könne mit willfürlicher Wahl Gesetze ersinnen, denen die Ratur zu folgen verpflichtet fei; wenn aber Die Borstellung einer Beziehung zwischen verschiedenen Clementen uns gegeben ist, einfach genng, um jenen reinen Fall darzustellen, in welchem Die eignen Gesetze der Natur ibre einfachste durch feine Bielbeit mitwirkender Nebenbedingungen verhüllte Folge bervorbringen, warnm foll dann die Bernunft, zu dem Gangen derselben Welt gehörend, in welcher diese Wirkungen geschen, nicht unmittelbar das Ergebniß inne werden können, das aus jener Beziehung entspringen muß? Richt ihre inbjectiven Gesetze drängt fie dann ber Ratur auf, fondern fie erräth die eigenen dieser und stellt sie nun als verbindliche Regeln dem Gewirr der einzelnen Vorgänge zu deren Beurtheilung und Erklärung voran. In diesem Sinne ift die reine Mechanit eine apriorische Wissenichaft: viele ihrer Sate mag immerbin die Erfahrung zuerst angedentet und das Suchen nach ihnen veranlagt haben; gefunden und in die genaue Gestalt eines Gesetzes sind sie alle gebracht worden nicht auf Zeugniß wiederholter Wahrnehmungen, jondern durch eine Gedankenarbeit, die in einem vorgestellten reinen Gall mit unmittelbarer Klarheit das Selbstverständliche sah und verwickelte Källe auf einfache zurückzuführen Mittel fand. Man pflegt dies jo auszudrücken, daß innerhalb ihrer selbst die Mechanif eine vollständig demonstrative Bissenschaft sei, die aus selbstgemachten Boraussetzungen nothwendige Folgen mit vollkommener Schlußfraft entwickle; dafür habe fie, der Erfahrung gegenüber, nur hypothetische Gültigfeit, unter der Boraus setzung nämlich, es gebe Wirflichkeiten, Die sich genau ben Begriffen jubjumiren laffen, aus benen fie ihre Folgerungen gezogen batte. Diese Ausdrucksweise gibt unberechtigten Zweiseln an der Erfüllung jener Voransjegung zu viel Raum und entspricht auch der Sache nicht. Denn entstanden ist Die Medanif nicht in einem nachsinnenden Bewußtsein, das vor aller Erfahrung mit Möglichkeiten gespielt bätte, jondern unter dem unabläffigen Drucke ber Erfahrung, Die Erklärung verlangte; die abstracten allgemeinen Bedingungen, aus denen wir in ihr bestimmte Felgen ableiten, sind nicht problematische Entwürfe von Etwas, was fich vielleicht finden tonnte, sondern Reductionen des afferterisch Gegebenen auf seine allgemeingültige Gestalt. Noth-

wendig aber war diese Reduction um der einzigen wirklichen Boraussetung willen, mit der die Medanif steht und fällt, der nämlich, daß überhanpt in dem Geschehen gesetzliche Ordmung gilt. Besteht biese Unuahme einmal zu Recht, und wirfen in dem Berlauf der Dinge viele Clemente A B C . . zusammen, jedes von ihnen in verschiedenen Formen α α^1 α^2 ... β β^1 β^2 ... endlich alle in veränderlichen Beziehungen M. N. ... deren jede die verschiedenen Werthe u u1... r r1 . . . annehmen fann, so muß bann jedes Einzelereignis das Gesammtergebniß vieler Ginzelgesetze fein, beren jedes nur von zwei Elementen A B und ihrer Beziehung M handelt und die Wirfung W bostimmt, die aus diesen Datis folgt, und die sich in w w1 . . . ändert, wenn A B und M ihre veränderlichen Formen oder Werthe durchlaufen. Bielleicht gibt die Erfahrung niemals ein reines Beisviel eines biefer Ginzelgesetze; aber es wäre doch Unverstand, die Mechanik deswegen zu tadeln, weil sie zuerst von einer Bewegung spricht, ohne den Widerstand zu beachten, ber boch feiner fehlt, von einer gleichartigen Masse ferner, die nirgends aufzuweisen ist, von einem völlig starren Körper endlich, statt bessen die Wahrnehmung immer nur elastische nachgiebige mehr oder minder harte zeigt. Es wird Zeit sein, die Ginflüsse dieser Nebenbedingungen in Betracht zu ziehen, sobald die allgemeinen Gesetze befannt find, auf deren Folgen sie umgestaltend einwirfen; wenn aber auch niemals die Theorie der widerstehenden Mittel. der specifischen Gigenschaften der Materie und ihrer Molecularznstände die einfache Alarheit der übrigen mechanischen Lehren erreichte, so würde sicher eine Naturbetrachtung noch weniger Glück haben, die nicht einmal die Gesetze der einfachen und reinen Fälle wüßte, von denen jeder einzelne unreine um eine bestimmbare Differenz abweicht. Denn es ist eben keineswegs bloße Bequemlichkeit einer ungenau abkürzenden Untersuchung, wenn wir von der ganzen Eigenthümlichkeit eines concreten Falles absehend zunächst das Gesetz eines allgemeinen und abstracten fuchen; iene Boranssetung von der Gesetlichteit des wirklichen Geichehens schließt die sachliche Nothwendigkeit ein, daß die Gefammtwirkung vieler Elemente aus den Sinzelwirkungen zusammengesetzt sei, Die je zwei, in bestimmter Beziehung zusammengefaßt, für sich erzeugen und nach einem beständigen Gesetz mit der Aenderung Dieser Beziehung ändern.

360. Den mechanischen Betrachtungen hat es nun der empirische Anbalt und Berlauf der Wahrnehmungen feineswegs leicht gemacht. auch nur die Vorstellungen der einfachen und reinen Fälle zu fassen, über welche dann eine unmittelbare Anschauung der Wahrheit ein felbstverständliches und allgemeingültiges Urtheil auszusprechen gewußt bätte: im Gegentheil hat bier die Erfahrung am meisten ihre früher berührte ichabliche Wirfung geübt, burch beständige Vorführung Des Besonderen und Bedingtgültigen von der Auffassung des Augemeinen und Unbedingten abzulenken. Das gange Alterthum ist vergangen, obne daß der Begriff der Bewegung, der Mittelpuntt aller Medanit, zu der Einfacheit berausgearbeitet worden wäre, in welcher er Gegen ftand unmittelbarer Erkenntniß werden fann. Drei große Beispiele bielt die Erfahrung der Einbildungsfraft vor: Die unabläffige Be wegung der Himmelsförper, die bald wieder aufhörende der von außen angetriebenen irdischen Massen, die von innen tommende, aber ermüdende Regjamfeit der lebendigen Wefen: von den widerstreitenden Mebenbestimmungen dieser Fälle ben einfachen Borgang aller Bewegung. Die stetige Veränderung des Ortes, abzulösen wollte nicht gelingen; es blieb bei einer Vermischung des Phänomens mit vorausgesetzten Ilrfachen, die dazu führte, entweder ben Lauf Der Gestirne als göttliche Bewegung über die allgemeinen Naturgesetze erhöht oder die Bewegungen der irdischen Körper als erzwungene unter das hinabgedrückt zu benten, was in der Natur Rechtens mare; die Unalogie der Ermudung unserer eigenen Thätigfeit trug bagn bei, im Gangen bas balbige Erlöschen jeder Bewegung als jelbstverständlich, ihre ewige Fortdauer als göttliche Unsnahme anzusehen. Gine viel spätere Zeit erft tam babin, bas, was jeder Bewegung wesentlich ift, einfach als Berhältniß von Geschwindigfeit Zeitdauer und Raum zu fassen und mit der unscheinbaren Formet s = ct die Grundlage einer wissenschaftlichen Bewegungstehre zu schaffen. Mit ihr trat das Gesetz der Beharrung von selbst in das Bewuftsein: denn auch wenn die Auffindung dieses Gesetes aus der Berattgemeinerung ber Versuchsergebnisse hervorging, die jede Bewegung um so länger fortdauern zeigten, je mehr alle äußeren Hindernisse entfernt wurden, so zweiselt doch Miemand, daß das einmal aufgefundene der Ausdruck einer fpat eingesehenen Denknothwendigkeit ift. Daß es Bewegung gebe, mußte man aus Erfahrung fernen; wenn es fie aber gibt ober

geben foll, so gehörte die Boraussetzung ihrer Beharrung dazu, um ihre Unschauung auch nur möglich zu machen (247). Aehnlichen Schwieria feiten unterlag es, ben Begriff ber Maffe zu bilben. Die Körper, mit denen wir zu hantieren gewohnt sind, feste wie flüssige, folgten dem Zuge der Schwere, aber Dämpfe und Zener stiegen empor; so entstand die Borstellung zweier entgegengesetzten Triebe, die, zu der Ratur der Körper wesentlich gehörend, nach zwei Richtungen auseinandergingen, Richtungen, die man allerdings durch qualitative Verschiedenheit der Endpunkte, zu denen sie führen, gultig hätte untericheiden fönnen, aber doch mit unverständlichen Gegenfätzen des Oben und Unten eines absoluten Raumes verwechselte. Spät erst, nachdem die Combination erweiterter Beobachtungen die Einseitiakeit der ursprünglich gegebenen ausgeglichen und gezeigt hatte, daß weder die Richtung noch die Intensität der Schwere überall dieselbe ift, fam die natürliche Borftellung zur Geltung, daß jede nenbeginnende Bewegung eine Bestimmung ihrer Richtung a fronte oder a tergo, durch Anzichung oder Abstohung in gerader Linie bedarf, daß sie also immer aus einer Wechselwirfung verschiedener Clemente im Raume entspringt und daß die Größen dieser Wirkung von den Mengen eines gleichartigen Reglen abhängen, die in jedem dieser Elemente vereinigt sind. Anch die so entstandene Borstellung der Masse, die nur auf die Größe des Träaheitswiderstandes, den ein Reales im Raum jeder ihm angesonnenen Bewegung entgegensett, sowie auf die Größe der Kraft Rücksicht nimmt, mit der es selbst jede von ihm ausgehende Bewegung zu erzwingen sucht, mag neue Fragen auregen, auf welche die Philosophie zu antworten hätte; sobald indessen ein gesetzlicher Berlauf von Naturereignissen da ist oder da sein soll, in welchem jeder einzelne Vorgang Die Bedingung für ein bestimmtes Mag eines auf ihn folgenden sein joll, wird man als eine selbstverständliche Voranssetzung bierzu die in dem Begriff der Masse ausgesprochene Bergleichbarkeit der realen Glemente in Bezug auf die Größe aller von ihnen zu erwartenden Leistungen leicht extennen. Wie groß aber die Macht einseitiger Beobachtung über unsere Auffassungen ist, beweist der Unglaube, den noch jett die gewöhnliche Einbildungsfraft der Möglichkeit der Antipoden entgegensett, und die Brrthumer naturphilosophischer Schulen, für welche zwar nicht mehr die ewige Abwärtsbewegung des Alterthums,

aber doch die concentrisch zusammendrängende Schwere so sehr zu dem allgemeinen Begriffe des Realen gehörte, daß die Berstellung gewichtsloser Masse ihr stets ein Widerspruch schien. Ich muß dier abbrechen: aber eine Geschichte der Ausbildung der mechanischen Verstellungen würde eine auregende Aufgabe darin sinden, nicht immer blos zu wiederholen, wie wir lediglich durch Verknüpfung der Ersahrungen zur Kenntniß der Naturgesetze gefommen sind, sondern auch bervorzubeben, wie zuerst die Einseitigkeit der Ersahrungen nus eine Menge falscher Gedanken aufgezwungen und uns verhindert hat, selbstverständliche Wahrheiten früher einzusehen.

361. Ueber den logischen Charafter der einfachsten mechanischen Grundfätze bestehen entgegengesetzte Meinungen. Gben weil man sie zunächst nicht auf die wirklichen Körper, sondern auf voransgesetzte Substrate bezieht, beren ganze Natur durch unsere Definition berselben feststeht, glandt man einerseits sie für analytische Urtheile ausehen zu müffen, deren Wahrheit das Gefet der Identität verbürge; anderseits hält man sie, and in jener abstracten Reinheit gefaßt, noch immer für synthetisch und deswegen unr für probable Sypothesen, deren Richtigfeit nur durch das Zusammentreffen mit der Erfahrung und durch die allseitige Uebereinstimmung ihrer Folgen untereinander bestätigt werde. Ich kann über diese Frage nur ebenso urtheilen, wie über die ver wandte in Bezug auf Arithmetif und Geometrie, muß jedoch mich mit einer furzen Andeutung begungen, ohne ihr bier die wünschenswerthe Ansdehnung geben zu fonnen. Allgemein könnte ich mich dahin aus drücken, daß die beiden Data A und B, über deren Zusammenbang ein mechanischer Satz urtheilen soll, uns nicht nur einzeln gegeben sind, sondern daß ihre Borstellungen nur innerhalb einer gemeinsamen Un schauung verständlich sind und verstanden werden, durch welche zugleich die Beziehung zwischen beiden bestimmt wird. Sehren wir zuerst zu einem arithmetischen Beispiel zuräck. Daß 3a — 3a = 0, wird man geneigt fein, unmittelbar auf den Satz der Identität gurudgufübren: gleichwohl fagt dieser für sich allein doch nur, daß 3a = 3a und - 3a = - 3a, endlich 3a - 3a = 3a - 3a; daß diese letzte Formel = 0 sei, können wir unr auf Grund der sachlichen Anschan ung behanpten, es gebe zwei ansjührbare Operationen der successiven Hinzufugung von a zu a und ber Abziehung des a von 2a, die

einander gerade aufheben und deren gleich oftmalige Wiederholung zur Wiedervernichtung jeder erzengten Größe führe. Denn in der That bezeichnet doch in + a - a das Zeichen - nicht blos einen Gegensats an +, sondern angleich die Urt, wie dieser Gegensats wirksam werben fann und foll, die Subtraction; wüßte man von der Möglichfeit dieser Operation nichts, oder wäre sie nicht ausführbar, so würde man aus a - a die Rolge O ebensowenig erzeugen, als man aus der bloßen Bereinigung ber contradictorischen Begriffe Möglichkeit und Unmöglichfeit im Denken irgend ein Resultat erzielen könnte; gleichwohl können beide auch, als Gegenfätze, durch a und - a bezeichnet werden, aber Dieses - läßt sich nicht burch eine Subtraction deuten. Man sieht daber, daß man den Satz a - a = 0 ebensowohl für identisch als für sonthetisch ansehen kann. Identisch ist er, weil er ja falsch sein würde, wenn die beiden Seiten der Gleichung nicht vollkommen denselben Inhalt vorstellten; daß aber diese Identität stattfindet, ist durch teine blos logische Bergliederung des a des — a und des — zu ernitteln, iondern lediglich durch die unmittelbare Unichgnung der Bedeutung, welche bier dieses — baben fann, weil es auf Vermehrung und Verminderung von Größen bezogen ift; der Sat ift mithin eine southetische Behanptung der Identität zweier formverschiedener Inhalte, einer Aufgabe und ihrer Lösung. Gin ähnliches Beispiel bietet mechanisch die Bestimmung der Resultante zweier Bewegungen, die einen Winkel einschließen. Ich beschränke mich auf Anführung ber Boraussetzung, von der die gewöhnlichen Beweisversuche beginnen, nämlich daß die Resultante zweier gleichen Bewegungen den Zwischenwinkel halbire. Man fieht diefen Satz für felbstverftandlich an und glaubt in diefem einfachsten Kalle unmittelbare Gewißbeit eines Ergebnisses zu besitzen, auf welches man verwickeltere Aufgaben zurückzuführen hätte, und gewiß werden auch die Vorsichtigsten in ihm nicht blos eine probable Hopothese seben wollen, sondern eine Wahrheit, die nur zu einfach ist, um aus einer noch einfacheren bewiesen werden zu fönnen. Was man aber zur Erläuterung noch hinzugufügen pflegt: es sei fein Grund vorbanden, warnm die Refultante der einen Componente näher liegen follte als der andern, fann uns dienen, die logische Ratur des Sates zu verdeutlichen. Denn das Geblen zweier Gründe für zwei andere Klaffen von Richtungen fann an fich selbst feinen positiven Grund für

die Nothwendigkeit der angenommenen Richtung der Reinkante porstellen, so lange man nicht ben Gedanten icon festhält, irgend eine Richtung muffe nothwendig eingeschlagen werden, und sie fonne mit feiner der beiden Componenten gusammenfallen. Dies ist es nun eben, was man aus Anschanung weiß; eine blos logische Zergliederung würde nur lehren: unter der Bedingung a bewegt fich das Element M nach der Richtung a, unter der Bedingung b nach 3; wirken beide Bedingungen zugleich, so kann M sich weder nach a noch nach 3 bewegen. weil bei der Wahl jeder von beiden Richtungen die eine Bedingung wirkungslos würde; was würde also geschehen? Da beide Bedingungen gleichwerthig gedacht find, so müßte entweder sowohl die eine als die andere wirfungslos werden und M in Anhe bleiben, oder es müßten beide Bedingungen zu gleichem Mage befriedigt werden und unbefriedigt bleiben, falls es eine Urt und Beije gabe, wie dies geichehen konnte. Dies ift nun die Hanptsache: daß es eine solche Art und Weise gibt, und worin sie besteht, ist durch gar fein Mittel bes Deutens ausfindig zu machen, dagegen liegt es gang offenbar in der Anschauung des Raumes und des Zusammenhangs der in ihm möglichen Richtungen, sowie in der Anschauung der Bewegung vor; hier findet man, daß M beide Bedingungen zugleich voll befriedigen fann, wenn es sich so bewegt, daß es am Ende der Zeiteinheit t sich an dem Endpunkt der Diagonale des Parallelogramms befindet, an den es gefommen wäre, wenn es in zwei Zeiteinheiten t in beliebiger Reihenfolge erft den Weg a oder 3 gang, dann den Weg 3 oder a auch gang gurudgelegt hätte; daß endlich die Bahn, auf der es an diesen Runft gelangt. eben diese Diagonale felbst ift, folgt dann darans, daß für jeden fleinen Zeittheil dt gang Dieselbe Betrachtung gilt; Die Diagonale ist ber geometrische Ort aller ber Orte, an welchen sich M nach dt, 2dt, 3dt u. f. f. befinden muß. Anch dieser medanische Satz ist mithin ein sonthetisches Urtheil, welches die Joentität einer Aufgabe mit ihrer Auflösung durch immittelbare Auschanung feststellt.

362. Ich muß mir hieran genügen lassen und benntze nur noch in anderer Absicht einen Blick auf den Fortgang der Mechanik. Während ihre Anfänge durch Ginfachheit sormelle Beweise ummöglich machen, werden ihre späteren Anfgaben so verwickelt, daß ihre Anslösungen, obgleich strenge Consequenzen jener Erundlagen, doch wegen der Mannig-

faltigfeit der im Ange zu behaltenden Beziehungspunkte sehr weitlän fige Umwege der Abstraction und Rechnung nöthig machen. So zweifellos nun auch die jo erhaltenen Rejultate jind, jo hat jich doch nirgends so lebbaft wie in dieser strengen Wissenschaft das Berlangen geregt, die gewonnenen Ergebnisse unabhängig von dem Gerüft des Calculs auf einfache Gedanken zurückzuführen, die der Rechnung nur bedürfen, um auf die dem Mage nach bestimmten Bedingungen der Ginzelfälle anwendbar zu werden. Ich erinnere nur an das Gaußische Princip des fleinsten Zwanges, das in größter Allgemeinheit das Gesets aller Bewegung dabin ausspricht: ein Spftem materieller wie auch immer unter einander verbundener Puntte, beren Bewegungen an mas immer für änkere Beschränkungen gebunden sind, bewege sich in jedem Angenblicke in möglich größter Uebereinstimmung mit der freien Bewegung oder unter möglich kleinstem Zwange, indem man als Maß des Zwanges, den das gange Suftem in jedem Zeittheilchen leidet, die Summe der Producte aus dem Quadrate der Ablenkung jedes Bunktes von feiner freien Bewegung in seine Masse betrachtet. Der zweite Theil dieses Sates dient dazu, dem allgemeinen Gedanken, den der erste ausspricht, die mathematische Gestalt zu geben, durch welche für jeden Einzelfall der Sinn beffen, was er fordert, genan bestimmt und auf die gegebenen Magverhältnisse anwendbar gemacht wird; in jenem ersten aber glauben wir nicht blos eine thatjächlich gültige allgemeine Regel, sondern die eigentliche ratio legis zu besitzen, aus welcher alle Einzelgesetze ber verschiedenen Bewegungen fließen. Maden wir die Amwendung auf den einfachsten Fall der Resultante zweier Bewegungen, so haben wir 232 und ff. gesehen, daß man sich von verschiedenen Ausgangspunkten aus über fie Gewißheit verschaffen fann; aber die fo versuchten Beweise dienen mehr oder weniger nur dazu, uns zum Glauben zu zwingen; der Gedante dagegen, daß die Bewegung in der Diagonale diejenige ist, durch welche beide Bewegnnasantriebe pollständig befriedigt werden, und von beiden nichts verloren geht, erscheint uns, sobald wir ihn faffen und bestätigt finden, als ein Entscheidungsgrund von gang anderem Werthe, als ein Princip, das durch seine sinnvolle Bedentung den unmittelbaren Glauben erweckt, daß wir in ihm nicht blos eine der Regeln besitzen, nach denen der Zusammenhang der Greignisse sich betrachten läßt, sondern den böchsten Gesichtspunft, nach dem er

geordnet ist. Ich habe ausdrücklich hinzugefügt, daß wir die vorgängige Bestätigung eines solchen Sates voraussetzen muffen; in der That, fo überredend die Behauptung sein würde, der Conflict aller Bewegungen sei so geordnet, daß in dem Endergebniß nichts von dem beabsichtigten Effecte der Componenten verloren gebe, dennoch würde sie, ohne jene Bestätigung ausgesprochen, von sehr zweifelhafter Gültigteit sein; fie würde einen Grundsat vorstellen, nach welchem wir vielleicht die Welt ordnen würden, wenn dies unsere Aufgabe sein fonnte, und vorausgefett, daß eine Möglichkeit vorhanden und von uns aufgefunden wäre, die allgemeine Forderung, die in diesem Grundsatze liegt, wirklich in jedem Einzelfalle zu erfüllen; daß aber die Welt des Wirklichen oder and nur die des Denkbaren den Inhalt, die Form und Fassung und den Zusammenhang ihrer Elemente besitzt, durch den es möglich wird, ibre einzelnen Vorgänge oder auch nur die einzelnen denknothwendigen Gesetze, die wir in abstracter Betrachtung gefunden haben, unter diesen gemeinsamen höchsten Gesichtspunkt zu vereinigen, dies lernen wir erft am Ende unseres Weges. Man weiß, wie oft in der Geschichte der Mechanif Bersuche gemacht worden sind, das Ganze des phosischen Weltlaufs an solche bochfte philosophische Gesetze zu binden; von der beständigen Summe der Bewegungen in dem Weltall, von der Unverlierbarfeit der Kraft, von einem Principe der fleinsten Wirkung und der Sparfamfeit ist gesprochen worden; in allen diesen Bersuchen lag nicht blos Sehnsucht nach einem selbstverständlichen Grundgedanken, aus dem die mathematisch bestimmbaren Ginzelgesetze der Greignisse flössen, vielmehr auch die Richtung, in der das Ersehnte zu suchen ist, verfehlten sie nicht gang; aber es gelang nicht, scharf und rein die Beziehungspunfte ohne leberfluß und Mangel festzustellen, in Bezug auf welche ein so allgemeiner Gedanke sich auch ebenso allgemeingültig aussprechen ließ. Inwieweit jest Fortschritte hierin geschehen sind, habe ich nicht zu untersuchen; nur die Lebhaftigfeit des Berlangens wollte ich bervorheben, unsere Untersuchungen durch höchste Principien abschließen zu fonnen, die in der. Form sputhetischer Urtheile zwei Beziehungsglieder allgemeingültig und selbstwerständlich verknüpfen, die durch fein Mittel logischer Beweisführung als analytisch oder identisch zusammengehörig nachweisbar sind.

363. Man pflegt sich über das letzte Ziel der Erfenntniß anders Lope, Logit.

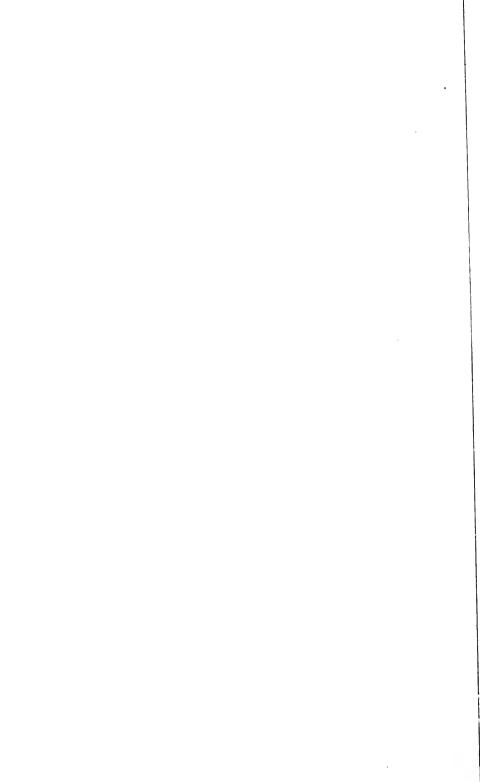
auszudrücken: man verlangt Zurückführung aller sontbetisch erscheinenden Berknüpfungen auf analytische, anstatt deren man übrigens richtiger identische fordern würde; man glandt endlich auf dem Wege zur Erfüllung dieser Aufgabe zu sein. Um Anfange unserer Erfenntniß werde ein Begriff S zunächst aus den wenigen Merkmalen P Q R gebildet. die man verbunden bereits fennen gelernt habe; zeige dann neue Erfahrung mit ihm in einem Einzelfalle noch ein Merfmal Z verfnüpft, jo sei der Satz: S ist Z, der diese Wahrnehmung ausdrückt, ein sonthetisches Urtheil; bestätige sich jedoch die neue Erfahrung allgemein, so werde Z nun mit in den Begriff S aufgenommen und der Satz: S ist Z sei nun, mit so veränderten S, analytisch geworden; eben dahin endlich ache alle Unstrengung unserer Erfenntniß, anfänglich so synthetisch ericheinende Verbindungen auf diese analvtische Form, Zusammensein also auf Zusammengehörigfeit zurückzuführen. Der Hergang unseres Erfennens ist hierdurch richtig geschildert; denn leider ist zuzugestehen, daß es felten weiter als bis zu diesem Ziele vordringt; aber bemerken muß man doch, daß die zuletzt gedachte Absicht nur in fehr bescheidenem Mage erreicht wird, in dem Sinne gar nicht, daß der frühere Schein eines blogen Zusammenseins wirklich der Ginsicht in eine selbstverständliche Zusammengehörigkeit wiche. Hätten wir den Begriff des Körpers zuerst nur aus den Merkmalen der Ausdehnung, der Undurchdringlichfeit und des Trägheitswiderstandes gebildet, aus denen die Nothwendigfeit gegenseitiger Anziehung nicht folgt, so würde der Sat, der Körper sei schwer, ohne Zweifel sonthetisch gewesen sein; aber er selbst wird auch dann nicht zu einem analvtischen, wenn wir die allgemein beobachtete Gravitation mit in den Begriff des Körpers aufnehmen; nach wie vor bleibt diese aus jenen andern Merkmalen unableitbar, mit ihnen also doch ebenso sputhetisch verbunden, wie in dem Urtheile, das diese Berbindung zuerst als eine bestehende Thatsache aussprach. Allerdings, nachdem wir diese sonthetische Verknüpfung aller Merkmale des S einmal als gegeben betrachten, fonnen wir auf fie ein analytisches Berfahren anwenden und eines derselben nach dem andern zum Wegenstand gesonderter Betrachtung hervorheben; aber nur ein Bergicht auf Erfenntniß liegt in dieser Anerkennung eines nur thatsächlich allgemeinen Zusammenseins, bessen Zusammengehörigkeit wir nicht begreifen; befriedigt fonnten wir nur sein, wenn die Verfnüpfung je zweier Mertmale von S uns die Nothwendigkeit der Gegenwart je eines dritten verbürzte. Solche Beweise kömmen wir in einiger Ausdehnung führen, und überall, wo sie gelingen, bezeichnen sie einen erreichten Fortschritt der Erkenntniß; aber es ist klar, daß sie nicht gelingen können, ohne zulest irgendwo eine Prämisse von der Form A+B=C roraussulest, d. h. eine solche, die nicht nach dem nachten Princip der Jenstität Gleiches einander gleich sest, sondern ohne Möglichteit der Jurücksführung auf dieses Princip die Gleichheit des Verschiedenen behandtet. Die angebliche Umwandlung aller sonthetischen Erkenntniß in analvtische läuft daher in der That doch auf die Aufsuchung der einfachsten synthestischen Wahrheiten hinaus.

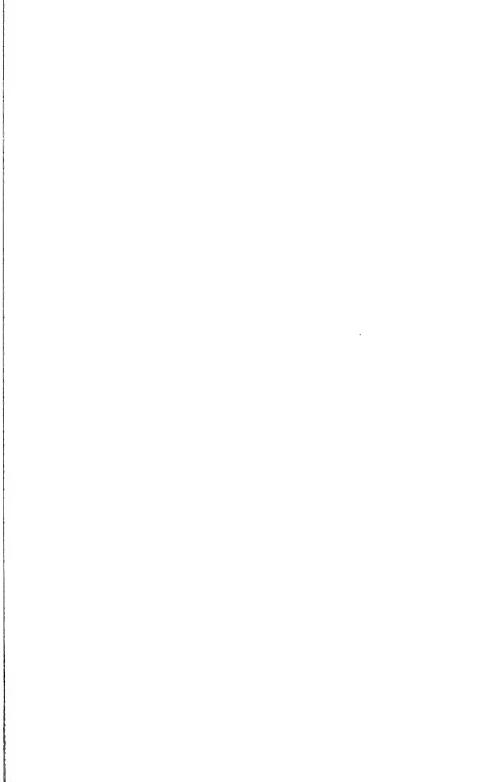
364. Dies wird man nun, wenn auch vielleicht als eine unnöthig veränderte Ausdrucksweise, zulett doch zugestehen; aber man wird daran Die Betrachtung fnüpfen, eben biefe Nothwendigfeit, synthetische Berbindungen als gegeben zuzugestehen, beweise die Unfähigteit der Erfenntniß, wirklich zu Ende zu fommen und die Zusammengehörigkeit bes Zusammenseienden einzuseben: überall bleibe ein Rest des Thatsächlichen, dessen innerer Zusammenhang unverständlich sei und nur durch die Erfahrung verbürgt werde. Ich kann dieser Meinung nicht beipflichten, die Berständniß nur da erreicht zu haben glanbt, wo sie Gleiches ein ander gleichsetzen fann. Denn daß nun $A=\Lambda$ sei, worauf beruht es denn, daß wir diesen Satz unbeanstandet als eine verständliche Wahrbeit betrachten, wenn nicht auf der unmittelbaren Evidenz, mit welcher er fich uns aufdrängt und feine weitere Bermittlung seiner Gewißheit wünschenswerth macht? Wie es aber zugehe, wie es gemacht werde ober aus welchem inwendigen Zusammenhange es folge, daß A sich selbst gleich sei, wissen wir weder, noch wird Jemand glauben, daß eine solche Frage überhaupt noch Sinn habe. Wenn nun mit gleicher Evidenz sich und ein einfachster sonthetischer Satz von der Korm $\mathrm{A} + \mathrm{B} = \mathrm{C}$ darbietet, warum soll hier diese Frage aufgeworfen werden, die dort ohne Bedeutung war? und warum soll diese Gleichung erst mit Bulfe irgend einer Bermittlung gelten, die uns zeigte, wie C bem A + B gleich sein könnte, da es doch vorhin als hinreichend zunt Berftändniß galt, zu wissen, daß A = A sei? Ich will nicht weiter wiederholen, daß in unserem Denken feine solche Bermittlung von dem blogen Say ber 3dentität, daß jede vielmehr von einem ana-

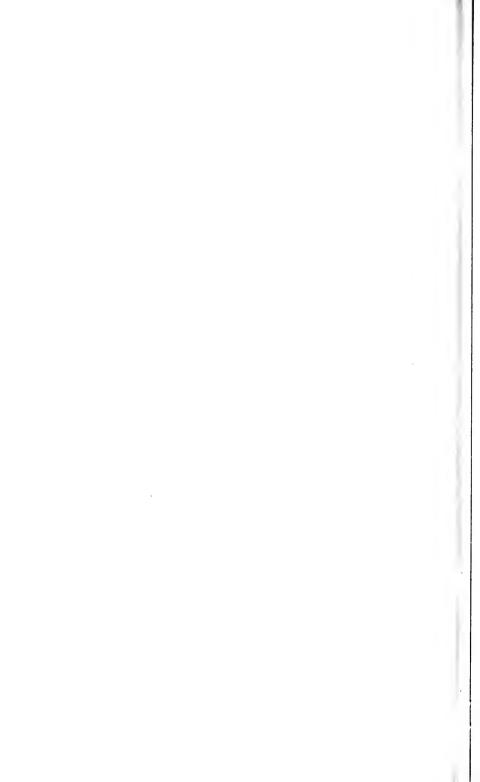
logen Sate A1 + B1 = C1 beginnen mußte; benn biermit würde ich freilich der Klage über die Unvollkommenheit der Erkenntnik nicht begegnen, die zu keinem selbstverständlichen höchsten Princip gelangen fonne; wie aber verhält es sich damit, daß wir irgend eine funtbetische Berknüpfung dieser Art als gegeben, als gultig und nur für unser Verständniß undurchdringlich ansehen sollen? Wollen wir annehmen, daß thatsächlich in der Wirklichkeit M und N immer verbunden find, ohne doch einander etwas anzugehen? Wenn aber zugleich bies unmöglich ist, zugleich auch unmöglich, daß aus einem identischen A Unterschiede M und N entspringen, was bleibt bann übrig, als ber Gedanke, daß es factich univrimaliche Aufammengehörigkeiten des Berichiedenen gibt, ursprüngliche Synthesen, beren Beziehungsglieder burch feine Zwischenvermittlung zusammenhängen, welche ihre Vereinigung als noch so entfernte Folgen des Abentitätsgesetzes erscheinen ließe, und die dennoch unmittelbar zusammengehören? Wenn nun dies im Sein sich so verhalten muß, wie fonnte bas Erfennen genöthigt fein, sich die Gewißheit und das Verständniß eines Zusammenhanges durch eine weitere Vermittlung zu verschaffen, die in dem Zusammenhange selbst nicht vorhanden ist? Gewiß fann es daher letzte und einfachste synthetische Wahrheiten geben, die, rein aufgefaßt, nicht blos thatfächlich gelten, sondern auch selbstverständlich, deren Evidenz aber, wenn man alles Logische auf den Satz der Identität gründen will, nicht mehr eine logische, sondern eber eine ästhetische zu nennen ist, und demgemäß nicht an der Denkunmöglichkeit, sondern an der evidenten Abfurdität ihres contradictorischen Gegentheils ihren Prüfstein hat. Zu Diesen Wahrheiten gehören Die einfachsten mechanischen Grundfätze; daß wir sie und alle ihres Gleichen nicht als die frühesten, stets besessenen Bestandtheile unserer Erfenntniß, sondern als die mühsam zu erringenden Endergebnisse derselben betrachten, ist zu dentlich ichon oben ausgesprochen worden, um hier wiederholt werden zu muffen.

365. Von einzelnen Untersuchungen ausgehend sinden wir zuerst einzelne solche Wahrheiten, jede für sich evident und der Anlehnung an andere unbedürztig; nichts hindert jedoch, sie alle, als zu derselben Welt gehörig, unter einander in Verbindung zu bringen und für sie einen höchsten vereinigenden Gesichtspunkt ebenso zu suchen, wie jede von ihnen für einen Kreis zusammengehöriger Thatsachen ihn darbot. Es

fann fein, daß dann manche biefer Wahrheiten ihren felbständigen Werth verliert, und in der That noch durch logische Mittel als Sonderfall einer allgemeineren nachweisbar wird, zu deren Ausdruck man Begriffe von binlänglich umfassender Söbe der Ubstraction gesunden bat: es ist ebenso möglich und wahrscheinlicher, daß die vielen sich als ausammengebörige Elemente in die Einheit eines Grundgedantens nur mit derfelben Evidenz äftbetischer Gerechtigkeit einordnen laffen, mit welcher jede einzelne die Bestandtheile ihrer Anssage logisch unbeweisbar zusammenfaßte. Diese Anfgabe sonthetischer und dennoch nothwendiger Entwicklung sontbetischer Wahrheiten aus einem böchsten Princip ist vielleicht schon in noch unbestimmter Abnung die Aufgabe Platenischer Dialettif gewesen; mit Recht fann man fie für das Biel halten, dem Segels Erneuerung diefer antiken Bestrebung galt. Ueber Dieje Bersuche, welche Deutschland einst begeisterten, ist die Gegenwart jehr nüchtern zur Tagesordnung übergegangen, zu ber unabläffigen empirischen Forschung, deren Unvollkommenbeit den gewagten Flug Diefes Abealismus lähmte: auch hatte er barin ohne Zweifel Unrecht, für vollendet und vollendbar anzuschen, was wir nur als das letzte Biel einer der Bollendung sich nähernden Erfenntniß betrachten fönnen. Aber im Angesicht der allgemeinen Vergötterung, die man jest der Erfahrung um so wohlfeiler und sicherer erweist, je weniger es noch 3emanden gibt, der ihre Wichtigkeit und Unentbehrlichkeit nicht begriffe, im Angesicht Diefer Thatsache will ich wenigstens mit dem Bekenntnig, daß ich eben jene vielgeschmähte Form der speculativen Auschamung für das höchste und nicht schlechthin unerreichbare Ziel ber Wiffenichaft halte, und mit der Hoffnung idliegen, daß mit mehr Mag und Burudbaltung, aber mit gleider Begeifterung fich doch die bentiche Philosophie zu dem Bersuche immer wiedererheben werde, den Belt= lauf zu verstehen und ihn nicht blos zu berechnen.







University of Toronto Library

DO NOT
REMOVE
THE
CARD
FROM
THIS

POCKET

Acme Library Card Pocket LOWE-MARTIN CO. LIMITED

