



S-ED-H

634  
1884

# NOVA ACTA

ACADEMIAE

CAESARAE LEOPOLDINO-CAROLINAE GERMANICAE  
NATURAE CURIOSORUM.

TOMUS QUADRAGESIMUS QUARTUS.

CUM TABULIS XXII.

## Verhandlungen

der

Kaiserlichen Leopoldinisch-Carolinischen Deutschen  
Akademie der Naturforscher.

Vier und vierzigster Band.

Mit 22 Tafeln.

Halle, 1883.

Druck von F. Blochmann und Sohn  
in Dresden.

Für die Akademie in Commission bei W. Engelmann in Leipzig.





# Verhandlungen

der

Kaiserlichen Leopoldinisch-Carolinischen Deutschen  
Akademie der Naturforscher.

---

Vier und vierzigster Band.

Mit 22 Tafeln.

---

Halle, 1883.

Druck von E. Blochmann und Sohn  
in Dresden.

---

Für die Akademie in Commission bei W. Engelmann in Leipzig.

# NOVA ACTA

ACADEMIAE

CAESAREAE LEOPOLDINO-CAROLINAE GERMANICAE  
NATURAE CURIOSORUM.

---

TOMUS QUADRAGESIMUS QUARTUS.

CUM TABULIS XXII.

---

HALIS SAXONUM, MDCCCLXXXIII.

Ex officina E. Blochmanni et Filii  
Dresdae.

---

Pro Academia apud W. Engelmann. Lipsiae.



# GUILIELMO I

REGNI GERMANICI RESTITUTORI ET IMPERATORI GLORIOSISSIMO  
BORUSSORUM REGI AUGUSTISSIMO POTENTISSIMO

ACADEMIAE CAESAREAE LEOPOLDINO-CAROLINAE GERMANICAE  
NATURAE CURIOSORUM

PROTECTORI SUPREMO, AMPLISSIMO, CLEMENTISSIMO

HOC QUADRAGESIMUM QUARTUM NOVORUM ACTORUM VOLUMEN

SACRUM ESSE DESPONSUMQUE

VOLUIT ACADEMIA

PRAESIDE

HERMANNO KNOBLAUCH.



## Inhalt des XLIV. Bandes.

---

- I. Dr. **O. Taschenberg**. Die Mallophagen mit besonderer Berücksichtigung der von Dr. Meyer gesammelten Arten systematisch bearbeitet . . . . . S. 1—244. Taf. I—VII.
  - II. Dr. **H. Dewitz**. Beschreibungen von Jugendstadien exotischer Lepidopteren . . . . . S. 245—272. Taf. VIII—IX.
  - III. **Gerhard Lolling**. Ueber Bewegungen elektrischer Theilchen nach dem Weber'schen Grundgesetz der Elektrodynamik . . . . . S. 273—336. Taf. X—XIII.
  - IV. Dr. **Victor Schlegel**. Theorie der homogen zusammengesetzten Raumgebilde . . . . . S. 337—459. Taf. XIV—XXII.
-



NOVA ACTA  
der Ksl. Leop.-Carol.-Deutschen Akademie der Naturforscher  
Band XLIV. Nr. 1.

---

# Die Mallophagen

mit

besonderer Berücksichtigung der von Dr. Meyer gesammelten Arten

systematisch bearbeitet

von

**Dr. O. Taschenberg,**

Privatdocent in Halle.

Mit 7 Tafeln Nr. I—VII.

*Eingegangen bei der Akademie den 9. December 1881.*

---

**HALLE.**

1882.

Druck von E. Blochmann & Sohn in Dresden.

Für die Akademie in Commission bei Wilh. Engelmann in Leipzig.



## Die Gattungen Goniodes, Goniocotes, Lipeurus, Ornithobius, Akidoproctus und Trichodectes.

---

Herr A. B. Meyer hatte auf seinen Reisen in den Jahren 1870—1873 eine grössere Anzahl von Mallophagen gesammelt und dieselben vor längerer Zeit Herrn Professor Giebel in Halle zur Bearbeitung übergeben. Da letzterer jedoch bei geschwächter Gesundheit die Musse hierzu nicht finden konnte, so übernahm ich die Bearbeitung, ohne vorher die Tragweite meines Unternehmens übersehen zu können. Denn bei eingehender Beschäftigung mit der bisher massgebenden Monographie der Epizoen von C. G. Giebel gelangt man sehr bald zu der Ueberzeugung, dass dieselbe nicht ausreicht. Man vermisst vor Allem eine Uebersichtlichkeit der zahlreichen Arten und die Möglichkeit zur Bestimmung derselben, namentlich dann, wenn das Wirththier nicht sicher bekannt ist. Da man schnell die Gewissheit erlangt, dass eine und dieselbe Art der Epizoen auf mehreren, allerdings nahe verwandten Wirththieren schmarotzen kann, dass mithin die Annahme, eine Art, welche von einem Wirththiere herrührt, der bisher keinen solchen Bewohner geliefert, müsse darum eine unbeschriebene sein, recht oft irrig ist, so musste die erste Aufgabe eines neuen Bearbeiters dieser kleinen interessanten Insectengruppe darauf gerichtet sein, die Arten nach ihrer näheren Verwandtschaft, nicht blos nach der ihrer Wirththiere zu ordnen und sie mit einander auf ihre Aehnlichkeit hin zu vergleichen.

Mit einer derartigen allgemeinen Untersuchung der bisher bekannten Formen war ich noch beschäftigt, als das treffliche Werk von Piaget, „Les Pediculines, essai monographique, Leyde 1881“ erschien und mir die angestrebte Grundlage zu einer weiteren Bearbeitung in ausgezeichnetster Weise lieferte.

Piaget musste jedoch mehrfach Lücken in seiner Monographie bestehen lassen, weil ihm nicht alle bisher beschriebenen Arten vorlagen, und die Beschreibungen anderer Autoren kein sicheres Urtheil darüber zuließen. Es schien mir deshalb nicht unangebracht, nicht nur die neuen Arten, welche Herr Dr. Meyer gesammelt, zu behandeln, sondern auch nach Möglichkeit die bestehenden Lücken durch genaue Charakterisirung und Abbildung auszufüllen. Die Gelegenheit dazu war mir in mehrfacher Beziehung in gewünschter Weise geboten, da ich die Nitzsch'schen und Giebel'schen Typen aus dem Hallischen Museum vergleichen konnte und mir auch eine Anzahl der zuerst von Rudow veröffentlichten Arten durch gütige Vermittelung des Herrn A. Poppe in Bremen aus der Sammlung des Hamburger Museums vorlagen. Dazu kamen eine Reihe von Formen aus der Sammlung der k. Thierarzneischule in Berlin, welche mir Herr Geheimrath Roloff zur Bearbeitung gütigst überliess, und ferner solche, welche ich selbst gesammelt, beziehungsweise durch die Freundlichkeit der Herren Naturalienhändler Schlüter in Halle und Dr. Rey in Leipzig von trockenen Bälgen erhalten hatte. Ausserdem verdanke ich es der grossen Liebenswürdigkeit des Herrn E. Piaget, dass ich in zweifelhaften Fällen seine Typen einer Vergleichung unterziehen konnte. Und endlich will ich nicht unerwähnt lassen, dass Herr Dr. Rudow mir die Handzeichnungen der ohne Abbildungen von ihm veröffentlichten neuen Arten freundlichst zusandte und mir dadurch auch in einzelnen Fällen die Möglichkeit gab, ungefähr zu erkennen, welche Art er mit seinen Beschreibungen gemeint haben könnte.

So war ich wenigstens theilweise in den Stand gesetzt, eine Ergänzung der Piaget'schen Monographie zu liefern, sowohl durch Ermittlung von Synonymen, wie durch Beschreibung und Abbildung bisher ungenügend bekannter Formen. Freilich muss ich dabei ohne Hehl bekennen, dass es mir kaum gelungen sein wird, die Exactheit des niederländischen Monographen in Wort und Bild erreicht zu haben.

Ich spreche an dieser Stelle allen Denjenigen meinen besten Dank aus, welche mich durch Lieferung von Material bei meiner Bearbeitung unterstützt haben.

Was nun diese letztere anlangt, so mögen einige Vorbemerkungen hier Platz finden.

Ich habe mich dabei im Grossen und Ganzen der Piaget'schen Gruppeneintheilung angeschlossen, in einigen Fällen solche jedoch zum Werthe eigener Gattungen erhoben. Ich habe alle Arten der Dresdener Sammlung nicht nur beschrieben, sondern auch abgebildet, selbst dann, wenn schon von Piaget eine Abbildung vorlag, weil die Monographie dieses Forschers nur geringe Verbreitung haben dürfte. Auch sind fast alle diejenigen Arten abgebildet, welche mir von bisher ungenügend gekannten Giebel'schen oder Rudow'schen Typen vorlagen. Fast alle, sage ich, weil mehrere davon in einem zu schlechten Erhaltungszustande sich befinden, um sicher wiedergegeben werden zu können. Dies mag es auch entschuldigen, wenn ich in meinen Zeichnungen hie und da Ungenauigkeiten begangen habe; wenn z. B. Borsten weggelassen sind, wo solche bei gut erhaltenen Exemplaren zu erkennen sein werden, wenn Unklarheiten über Randzeichnungen oder nicht ganz genaue Verhältnisse in den Beinen vorkommen sollten, weil letztere theilweise ergänzt werden mussten.

Immerhin glaube ich mich der Zuversicht hingeben zu können, dass durch meine Beschreibungen und Abbildungen die Möglichkeit gegeben ist, die betreffenden Arten zu erkennen und mit verwandten zu vergleichen.

In vielen Fällen habe ich Vermuthungen, welche bereits Piaget ausgesprochen, bestätigen können, namentlich in Bezug auf Zusammenziehung und Einziehung Giebel'scher Arten. Denn dieser Autor hat häufig gar keinen Anstoss genommen, unausgebildete, womöglich in einem einzigen Exemplare vorliegende Individuen zur Artbegründung zu verwerthen. In anderen Fällen konnte ich kleine Irrthümer corrigiren, in welche Piaget lediglich in Folge der Oberflächlichkeit seiner Vorgänger verfallen ist.

Ich kann auch nicht unerwähnt lassen, dass ich in Bezug auf die Nomenclatur nicht streng der Priorität entsprechend verfahren bin. Denn ich bin der Meinung, dass ein Autor, welcher neue Arten so beschreibt, resp. abbildet, dass einem Anderen die Erkennung der Art unmöglich ist, keinen Anspruch auf Berücksichtigung seiner Nomenclatur erheben darf. Ich habe in solchen Fällen denjenigen Namen als massgebend angenommen, unter welchem eine Art zum ersten Male kenntlich beschrieben und wiedergegeben ist. Daher sind meist die Piaget'schen Namen bevorzugt gegenüber denen von Giebel und Rudow.

Nach Charakterisirung einer jeden Gattung habe ich sämmtliche bisher beschriebene Arten nebst ihren Wohnthieren namhaft gemacht und Bestimmungstabellen hinzugefügt, für welche diejenigen Piaget's mehr oder weniger die Grundlage gebildet haben. Ich verfolgte dabei den Zweck, eine allgemeinere Kenntniss der „Thierinsecten“ anzustreben, weil sich, wie schon einmal hervorgehoben, das theuere Werk Piaget's nicht in der Hand jedes Interessenten befinden kann.

---

Unter dem Begriffe der „Läuse“ fasst man seit längerer Zeit zwei Gruppen von Insecten zusammen, welche nach der verschiedenen Ausbildung ihrer Mundwerkzeuge gewöhnlich im Systeme getrennt worden sind. Die einen rechnet man als ächte Blutsauger zu den *Rhynchota*, die anderen, welche mit Hülfe ihrer beissenden Mundtheile von den Epidermisgebilden leben, zu den *Orthoptera*. Die ersteren stehen als *Pediculidae* den letzteren, den *Mallophaga*, gegenüber. Ich schliesse mich dem Vorgange mehrerer Zoologen an und vereinige beide Formenkreise zu einer grösseren Gruppe, die als Unterordnung der *Rhynchota* angesehen werden mag, und nenne dieselbe mit Piaget *Pediculini*. Dieselbe zerfällt in die beiden Gruppen *Pediculidae* — mit saugenden und stechenden Mundwerkzeugen, mit fleischiger Rüsselscheide und ausstülpbarer Stechröhre; Thorax undeutlich gegliedert; die Klammerfüsse endigen mit einer Klaue — und *Mallophaga* — mit beissenden Mundtheilen, ohne fleischigen Rüssel, aber mit einer Art Saugröhre, mit deutlich abgesetztem Prothorax und ein- bis zweiklauigen Füßen.

Wir haben es hier nur mit der Gruppe der *Mallophaga* zu thun, unter welcher man seit Nitzsch zwei Familien unterscheidet: *Phloptoridae* und *Liotheidae*. Davon sind zunächst nur die ersteren von mir behandelt und zwar in diesem Hefte die alten Gattungen *Goniodes*, *Goniocotes*, *Lipeurus*, *Ornithobius*, *Akidoproctus*, *Trichodectes*; in einem zweiten werden *Docophorus*, *Nirmus*, *Oncophorus* folgen. Später sollen in gleicher Weise die *Liotheidae* bearbeitet werden.

## 1. Familie. Philopteridae Nitzsch.

Die verschiedenen Gattungen, welche im Einzelnen vielfach von einander abweichen, haben in der abgeplatteten bald mehr breiten und kurzen, bald langgestreckten und schmalen Körperform ein gemeinsames Merkmal. Ohne Berücksichtigung mehrfacher Ausnahmen kann man im Allgemeinen die Gattungen *Goniodes*, *Goniocotes*, *Docophorus* und *Trichodectes* breit und gedrunken, dagegen *Nirmus*, *Akidoproctus*, *Lipeurus* schlank und schmal nennen. Am Kopfe, welchem die conische Gestalt in mehr oder weniger ausgeprägter Form zu Grunde liegt, kann man Vorder- und Hinterkopf unterscheiden. Die Grenze zwischen beiden wird durch die Insertion der Fühler bestimmt, welche letztere gewöhnlich ungefähr in der Mitte, oft aber auch weiter nach vorn eingelenkt sind. Wir wollen die vorderste Umgrenzung des Kopfes Stirn, die entgegengesetzte Basis des Hinterkopfes oder einfach Hinterhaupt nennen. Wenn der Vorderkopf langgestreckt ist, seine Seiten gerade und nur der Vorderrand abgerundet oder zugespitzt, so unterscheiden wir die ersteren noch als „Seiten des Vorderkopfes“, dehnen dagegen bei vollständiger Abrundung die Bezeichnung Stirn auf die ganze Umgrenzung des Vorderkopfes bis zu den Fühlern aus (so bei *Goniodes* u. A.). Die Ausdehnung von den Fühlern bis zum Hinterhaupte nennen wir Schläfe. Wenn die Ränder des Kopfes seitlich vom Hinterhaupte winklig vortreten, so sprechen wir von Hinterhaupte- (Occipital-) Ecken, und wenn ausserdem am Schläfenrande noch eine Ecke vorspringt, so heissen wir sie Schläfenecke (wie es für *Goniodes* charakteristisch ist).

Die Stirn kann abgerundet, gerade abgestutzt, mehr oder weniger zugespitzt sein, wonach natürlich die Länge der Seiten des Vorderkopfes sehr

variiren kann; sie kann ferner schwach ausgerandet oder mit einem tiefen Ausschnitte versehen sein (*Akidoproctus*). Nicht selten setzt sich der vorderste Theil des Kopfes vom übrigen Theile des Vorderkopfes durch eine mehr oder weniger deutliche Naht und Randeinkerbung ab und wird dann als Kopfschild oder Clypeus bezeichnet. Derselbe ist zuweilen an der Unterseite durch einen Fleck (Signatur) bezeichnet. Die Fühler sind in einer bald flachen, bald tieferen Einsenkung des Kopfrandes angebracht, so dass man meist von einer Antennengrube sprechen kann. Der obere Rand derselben kann sich zum Schutze der Fühler verlängern. Sehr gewöhnlich tritt die Vorderecke der Fühlergrube als ein kürzeres oder längeres Spitzchen hervor, welches meist rechtwinklig vom Kopfe absteht, manchmal aber auch — und dann ist dieselbe besonders lang — etwas nach hinten und unten ragt und in seinem Endtheile vom Fühler bedeckt wird. Für die Gattung *Docophorus* ist es charakteristisch, dass die Vorderecke der Fühlerbucht beweglich ist; dann wird dieselbe als Bälkchen (trabeculus) bezeichnet, worauf sich der Gattungsname bezieht. Freilich ist die Grenze zwischen einem beweglichen und festen Bälkchen bei todten Exemplaren, wie sie allermeist zur Untersuchung vorliegen, oft schwer zu bestimmen. Die Fühler selbst bestehen fast überall aus fünf Gliedern, nur die Gattung *Trichodectes* ist durch drei Glieder ausgezeichnet. Die Fühler sind im Allgemeinen fadenförmig, niemals mit einem Endknopfe versehen. Bei mehreren Gattungen zeigen sie mehr oder weniger erhebliche geschlechtliche Unterschiede, indem beim Männchen gewöhnlich das erste Glied durch bedeutende Länge und Dicke, das dritte durch einen Fortsatz ausgezeichnet ist. Derselbe kann hakenförmig gebogen sein und die beiden Endglieder als blosse Anhänge und aus der Längsachse der Antennen herausgerückt tragen, kann aber auch bloss auf ein etwas vorgezogenes oberes Aussenende reducirt sein. Uebrigens kommen auch am ersten Gliede zuweilen Fortsätze vor. Hinter der Fühlerbucht tritt meist das einfache Auge als eine kuglige oder uhrglasförmige Wölbung hervor und ist durch schwarzes Pigment gekennzeichnet, nicht selten auch mit einer Borste versehen.

Die Schläfe ist meist abgerundet, kann aber auch, wie erwähnt, eine Ecke bilden, sogar griffelartig nach hinten verlängert sein. Wenn der von der Schläfenecke bis zum Hinterhaupte verlaufende Theil der Schläfe erwähnenswerthe Besonderheiten bietet, werden wir vom hinteren Schläfenrande sprechen.

Das Hinterhaupt hat die Breite wie die Basis des Thorax, welcher es immer etwas aufliegt; es ist gerade, concav oder convex und liegt mit den Schläfen entweder in gleicher Linie oder tritt gegen dieselben zurück. Häufig ist der Hinterhauptsrand durch eine Chitinschiene verstärkt, welche sich seitlich fleckenartig erweitern kann. Man darf sich übrigens nicht durch die durchscheinenden Ecken des Prothorax täuschen lassen und diese für Flecken des Hinterhauptes halten. Solche Chitinschienen (von Piaget „bandes“ genannt) verstärken gewöhnlich auch die übrigen Kopfränder und müssen wegen ihrer Bedeutung für die Unterscheidung der Arten mit besonderen Namen belegt werden. Wir nennen diejenige, welche den Vorderkopf umsäumt, Stirnschiene (bande antennale — Piaget). Dieselbe kann ununterbrochen von den Fühlern um den Vorderkopf herumlaufen oder aber an der Sutura des Clypeus aufhören. An der Fühlerbucht biegt sie nach innen auf die Kopfflächen um und erscheint an dieser Stelle bald als langer schmaler Fortsatz, bald kurz und abgerundet wie ein Fleck. Die Schiene, welche den Schläfenrand verstärkt, heisst Schläfenschiene, und die des Hinterhauptes Hinterhauptsschiene. Von dem letzteren aus ziehen ventralwärts zwei Chitinstreifen parallel oder divergirend zu den Mundtheilen (von Piaget „bandes occipitales“ genannt); diese wollen wir Verbindungsschienen heissen. An der Wurzel der Mandibeln treffen sie mit den übrigen Schienen zusammen und bilden wie diese ein Chitingerüst zum Ansatz der Muskeln. Wie auf dem Clypeus, so kann auch auf dem Hinterkopfe zwischen den beiden Verbindungsschienen ein Fleck (Signatur) auftreten.

Die Mundtheile bestehen aus den auf der Höhe der Antennen ganz an der Unterseite des Kopfes gelegenen Mandibeln, welche in Form einer starken Zange entwickelt sind und mit den gezähnelten Spitzen in der Ruhelage übereinander greifen; ferner aus dem darunter gelegenen ersten Maxillenpaare, welches der Taster entbehrt, und dem zu einer Unterlippe verwachsenen, mit zweigliedrigen Tastern ausgestatteten zweiten Maxillenpaare.

Vom vorderen Kopfe geht bei mehreren Gattungen eine Rinne zu den Mundtheilen hin, welche vor den Mandibeln zur Aufnahme zweier Muskelpolster erweitert ist. Bei denjenigen Formen, wo die Stirnschiene ununterbrochen um den Vorderkopf herumläuft, ist diese Einsenkung in Form einer nach vorn deutlich abgegrenzten halbkreisförmigen Vertiefung ausgebildet.

Der Thorax besteht anscheinend aus nur zwei Segmenten, zwischen

welchen nicht immer eine deutliche Naht zu erkennen ist. Der Prothorax ist gewöhnlich trapezförmig, nach dem Kopfe zu verschmälert und hier von dessen Hinterrande bedeckt, aber auch mehr oder weniger quadratisch oder mit gewölbten Seiten versehen. Die letzteren werden durch Chitinschienen verstärkt. Der als Metathorax bezeichnete zweite Brustring ist breiter als der Prothorax und in seiner Form vielfachen Schwankungen unterworfen. Die Seiten sind gerade und divergieren nach hinten oder sie sind abgerundet oder treten winklig, zuweilen flügelartig in der Mitte vor; im vorderen Drittel sind sie nicht selten durch eine Randeinbuchtung, in welcher die Zusammensetzung aus zwei Segmenten erkannt werden dürfte, unterbrochen. Ebenso verhält sich der Hinterrand verschieden: er kann gerade sein oder abgerundet oder in der Mitte winklig, in welchem Falle er mehr oder weniger weit auf das erste Hinterleibssegment übergreift; selten ist die Naht zwischen Metathorax und dem letzteren undeutlich. An den Hinterecken, zuweilen auch am ganzen Seitenrande, stehen Borsten, welche an ersteren häufig ein wenig nach innen auf farblose Stellen rücken und sich dann durch ihre Länge und dichte Aneinanderlagerung auszeichnen.

An der Unterseite des Thorax gelenken die Beine. Zwischen den Hüften des ersten und zweiten, sowie denen des zweiten und dritten Paares bemerkt man quere Chitinschienen, welche sich in der Mittellinie nicht zu erreichen pflegen. Letztere ist häufig durch einen braunen Fleck ausgezeichnet. Die Beine bestehen aus einer rundlichen, selten (*Lipeurus*) über die Körperseiten hervorragenden Hüfte, einem sehr kurzen Schenkelringe, einem kräftigen, meist langen Schenkel und einer am Ende meist etwas verbreiterten Schiene. Der zweigliedrige kurze Fuss endigt mit zwei, bei *Trichodectes* bloss mit einer Klaue. Diese wird durch zwei am distalen Ende der Schiene stehende Dornen in ihrer Function zum Umfassen der Haare oder Federn unterstützt. Die Innen- und Aussenseite der Beine sind mit einer Anzahl feinerer oder stärkerer Haare und Borsten besetzt; dieselben sind ferner mit Chitinschienen zum Muskelansatze verstärkt.

Das Abdomen ist der breiteste Theil des Körpers, plattgedrückt, breit und kurz oder langgestreckt und schmal, nach hinten in der Regel verbreitert, um wieder zugespitzt zu enden, also im Allgemeinen eiförmig. Es setzt sich normal aus neun Segmenten zusammen, von denen häufig die beiden letzten

in eins verschmelzen. Meist sind die Ringe durch Nähte auf den Flächen getrennt, doch brauchen dieselben nicht zwischen allen Segmenten deutlich zu sein. Meist setzen sich dieselben auch an den Rändern durch Einkerbungen oder vorspringende Ecken von einander ab. Die sieben ersten Segmente haben sehr verschieden gestaltete Seitenschien, welche häufig an den Nähten mit einem Fortsatze auf die Fläche umbiegen. Meist sind die Segmente durch Randflecke, die wiederum durch Querflecke verbunden sein können, gezeichnet. An den Ecken stehen eine bis mehrere und zwar nach hinten an Anzahl zunehmende Borsten, wie solche auch sehr gewöhnlich in verschiedener Anzahl und Anordnung auf der dorsalen und ventralen Fläche stehen.

Auf Segment 2—7 bemerkt man jederseits nahe am Rande ein Stigma, umgeben von einer etwas helleren Färbung. Der männliche Geschlechtsapparat besteht in seinen chitinigen Stützen aus zwei mehr oder weniger langen, stabförmigen Gebilden, an welche sich Muskeln ansetzen, und aus einem verschieden gestalteten zangenförmigen Endabschnitte, welcher hervorgestreckt werden kann und zum Festhalten des bei der Copulation oben befindlichen Weibchens dient, während in der Mitte zwischen den Zangen der Penis hervorragt. Das Endsegment des männlichen Hinterleibes kann abgerundet, abgestutzt, ausgeschnitten oder zweispitzig sein. Ein Ausschnitt, welcher bei bedeutenderer Tiefe ebenfalls zu einem zweispitzigen oder zweilappigen Endabschnitte führen kann, ist die gewöhnliche Form der weiblichen Hinterleibspitze. An der Ventralseite des achten Segments befindet sich die weibliche Geschlechtsöffnung, die nackt oder von Borsten umstellt ist, zuweilen auch von dicht beborsteten Vorsprüngen umgeben ist. Davor bemerkt man sehr verschiedenartige und deshalb für die Artunterscheidung nicht unwichtige Flecke (*taches génitales* — Piaget), während sich im Uebrigen die Zeichnung der dorsalen Seite auf der ventralen wiederholt.

Die Grundfarbe der chitinösen Körperhülle erscheint vom Schmutzig-Weissen oder -Gelben bis zum Kastanienbraunen, fast Schwarzen in den verschiedensten Nüancirungen, natürlich dunkler an den stärkeren Partien und stets hell an der dünnen Verbindungshaut der einzelnen Segmente. Im Jugendalter ist die Färbung stets eine hellere, die Flecke fehlen anfangs ganz, legen sich dann vielfach in Form zweier getrennter an, welche erst im Laufe der verschiedenen (wie vielen?) Häutungen verschmelzen.

Darin bestehen indessen nicht die einzigen Unterschiede zwischen jugendlichen und erwachsenen Individuen. Anfangs sind auch die Körperproportionen noch nicht die normalen; die Fühler sind kürzer, in den einzelnen Gliedern plumper, noch ohne geschlechtliche Differenzirungen; die Beine sind ebenfalls kürzer und schwächer. Alles dies muss bei Beschreibung einer Art berücksichtigt werden, sofern man nicht in den Fehler verfallen will, welchen Giebel gar nicht selten begangen hat, dass man jugendliche Individuen wegen Mangels der Flecken u. dergl. als neue Arten beschreibt. Dass nur ausgebildete Individuen zur Artbegründung verwendet werden dürfen, bedarf keiner besonderen Rechtfertigung, darum auch nicht unser Verfahren, dass wir mehrfach Giebel'sche Arten eingezogen haben.

Die Philopteriden leben von dem Horne der Federn (Federlinge) und der Haare (Harlinge), nur ausnahmsweise vom Blute ihrer Wirthe. Zu den Harlingen gehört eine einzige Gattung: *Trichodectes*, wohingegen die *Pediculidae* auf Säugethiere beschränkt sind. In Folge der Nahrung der Mallophagen verursachen dieselben ihren Wirthieren bei weitem nicht den Schaden, wie die ächten blutsaugenden Läuse, mit welchen sie sonst die Lebensweise theilen. Dennoch können sie bei massenhaftem Auftreten das Gefieder der von ihnen bewohnten Vögel in einen hässlichen und auch für das Wohlbefinden der letzteren nicht eben förderlichen Zustand versetzen. Wir möchten daher der Auffassung von Beneden's nicht so ohne Weiteres beipflichten, wenn er von Federlingen und Harlingen sagt: „Indem sie so für die Toilette ihres Wirthes sorgen, leisten sie ihm gleichzeitig einen grossen Dienst in hygienischer Hinsicht“, indem sie nämlich nur „die herumliegenden Hautschuppen und Epidermisreste auflesen“ sollen. Die Mallophagen sind allerdings nicht Schmarotzer in des Wortes schlimmster Bedeutung, aber doch mehr als Friseur und Aerzte ihrer Wirthe! Wir dürfen sie vielleicht als Thiere im Uebergange vom freien Leben zum ächten Parasitismus ansehen und können dann in ihnen phylogenetisch die Vorläufer der Pediculiden erkennen, mit welchen wir sie trotz der anderen Ausbildung der Mundtheile in eine Gruppe vereinigen.

Erst seit Nitzsch sind die ausserordentlich zahlreichen Arten der hierher gehörigen Insecten einigermassen bekannt und namentlich zum ersten Male näher classificirt worden. Wir halten uns entschieden für berechtigt, erst seit Nitzsch die Kenntniss dieser Thiere zu datiren und seiner Nomen-

clatur zu folgen; früher gegebene Namen (von Redi, Linné, Fabricius), welche dem Wohnthiere entlehnt und unter *Pediculus* oder *Ricinus* untergebracht sind, wieder hervorzusuchen, scheint durchaus unzweckmässig. Erst in neuester Zeit haben diese Insecten durch E. Piaget eine gründliche, von zahlreichen trefflichen Abbildungen begleitete Bearbeitung erfahren, welche gleichzeitig die früheren Arbeiten darüber annullirt und zum ersten Male die Möglichkeit einer sicheren Bestimmung liefert. In diesem „Essai monographique“ sind 747 Mallophagen, darunter 501 zur Familie der *Phloptoridae* gehörig, aufgeführt. Leider musste eine nicht unbedeutende Anzahl davon mit kurzen Bemerkungen abgethan werden, weil die vorliegenden Beschreibungen, meist von Giebel und Rudow, zu ungenügend sind, um die Arten mit der Piaget eigenen Genauigkeit zu charakterisiren oder überhaupt nur zu erkennen.

Die Anzahl der bisher aufgestellten Gattungen ist im Verhältniss zu den zahlreichen Arten eine sehr beschränkte zu nennen. Nitzsch unterschied unter den Philopteren nur *Trichodectes* und *Phlopterus*, stellte aber innerhalb der letzteren einige Untergattungen auf, welchen von späteren Autoren der Werth selbstständiger Gattungen beigelegt worden ist. Diese waren *Docophorus*, *Nirmus*, *Goniodes*, *Lipeurus*. Burmeister fügte *Goniocotes*, Denny *Ornithobius*, Rudow *Oncophorus* (*Trabeculus olim*) hinzu und neuerdings stellte Piaget die Gattung *Akidoproctus* auf.

Trotz dieser geringen Anzahl sind die einzelnen Gattungen zum Theil schwer von einander abzugrenzen; denn, wie Piaget sehr richtig bemerkt, es nehmen sich die angegebenen Unterscheidungsmerkmale auf dem Papiere besser aus, als sie sich in Wirklichkeit anwenden und durchführen lassen.

Ich habe mich veranlasst gesehen, mehrere neue Gattungen den bisherigen hinzuzufügen, gebe aber hier zunächst nur eine Bestimmungstabelle der von Piaget angenommenen Gattungen und folge dabei dessen Uebersicht (p. 7).

- a. Fühler dreigliedrig, Füße mit einer Klaue. . . . . *Trichodectes* N.
- aa. Fühler fünfgliedrig, Füße mit zwei Klauen.
  - b. Fühler in beiden Geschlechtern gleich.
  - c. Vorderkopf tief ausgeschnitten, letztes Hinterleibssegment conisch oder sogar zugespitzt. . . . . *Akidoproctus* Piag.
  - cc. Vorderkopf abgestutzt, ausgeschweift, meist abgerundet, niemals ausgeschnitten. Letztes Hinterleibssegment ausgeschnitten oder abgerundet.

- d. Körper breit. An den Vorderecken der Antennengrube starke bewegliche Trabekeln. . . . . *Docophorus* N.
- dd. Körper schmal, langgestreckt, Trabekeln schwach oder fehlend. *Nirmus* N.
- bb. Fühler in beiden Geschlechtern verschieden.
- e. Körper breit, abgerundet oder langeiförmig. Schläfen in der Regel eckig. Letztes Hinterleibssegment beim ♂ abgerundet, in seltenen Fällen zweispitzig.
- f. Erstes Fühlerglied beim ♂ stark entwickelt, zuweilen mit Fortsatz, drittes immer mit Fortsatz. . . . . *Goniodes* N.
- ff. Erstes Fühlerglied verdickt, aber ebenso wie das dritte ohne Fortsatz. Letztes Hinterleibssegment stets abgerundet. . . . . *Goniocotes* Burm.
- ee. Körper gewöhnlich schmal, langgestreckt, fast parallelseitig. Letztes Hinterleibssegment beim ♂ ausgeschnitten.
- g. Drittes Fühlerglied ohne Fortsatz. Die Schläfenschiene bildet hinter dem Auge eine Falte. Dem Rande der Hinterleibssegmente parallel verläuft weiter nach innen eine zweite Chitinschiene. . . . . *Ornithobius* D.
- gg. Drittes Fühlerglied mit Fortsatz. Schläfenschiene ohne Falte. Eine zweite Chitinschiene auf den Hinterleibssegmenten fehlt.
- h. Fühler und Füße stark ausgebildet; vor den Mandibeln eine halbkreisförmige Grube. . . . . *Lipeurus* N.
- hh. Fühler und Füße kurz; statt der Grube vor den Mandibeln eine Rinne oder ein Eindruck, welcher bis zum Stirnrande reicht. . . . *Oncophorus* Rud.

Von den angeführten Gattungen behandeln wir hier zunächst folgende: *Goniodes* N., *Goniocotes* Burm., *Lipeurus* N., *Ornithobius* Denny, *Akidoproctus* Piaget und *Trichodectes* N. Davon sind die beiden ersten von Nitzsch als ECKKÖPFE (*Gonocephali*) bezeichnet; über dieselben schicken wir einige allgemeine Bemerkungen voraus.

Diese den „Schmalingen“ gegenüber gestellten Formen sind von Nitzsch nach der Fühlerbildung in *homocerati* und *heterocerati* getheilt worden, eine Unterscheidung, welcher später Burmeister durch die beiden Gattungen *Goniodes* (*heterocerati*) und *Goniocotes* (*homocerati*) Ausdruck gab. Diese Gattungen sind auch in der Folge nicht vermehrt worden, wiewohl Giebel als besonders Piaget gewisse Gruppen innerhalb derselben als so eigenthümlich hervorheben, dass sie genetisch abgetrennt oder als ebensoviele Untergattungen angesehen werden könnten. Und in der That, wenn man die verschiedenen

Arten, welche man unter der Gattung *Goniodes* zusammenfasst, näher mit einander vergleicht, so stellen sich Verschiedenheiten heraus, welche die Vereinigung in einer Gattung unmöglich erscheinen lassen. So gerechtfertigt es auch im Allgemeinen ist, die Aufstellung zahlreicher, auf geringfügigen Unterschieden basirender Gattungen zu verwerfen, weil dadurch die Nomenclatur unnöthig vermehrt, die Erkennung und Bestimmung der Arten erschwert und das Gedächtniss übermässig belastet wird, so giebt es doch auf der anderen Seite Fälle, wo gerade umgekehrt durch Vereinigung heterogener Formen unter einer Gattung die Kenntniss nothwendig leiden muss. Dieser letztere Fall scheint mir bei den in Rede stehenden Eckköpfen Geltung zu haben. Nach den bisher üblichen Definitionen und Diagnosen dieser Formen würde man manche Art nimmermehr darunter suchen können, die dazu gerechnet wird. Wie der Name besagt, liegt das Hauptmoment, welches den verschiedenen Formen gemeinsam ist, in den winklig vortretenden Schläfen- und Hinterhauptsecken. Und wenn dies ein den beiden Gattungen *Goniodes* und *Goniocotes* gemeinsames Merkmal ist, so wird als charakteristisch für erstere die geschlechtliche Differenzirung in Form eines Fortsatzes am dritten Fühlergliede des Männchens, angegeben. Wie sehr sich beide Genera nahe stehen, geht schon aus der Thatsache hervor, dass ohne Kenntniss des männlichen Geschlechts Arten zu *Goniodes* gestellt sind, welche zu *Goniocotes* gehören, und umgekehrt.

Was nun besonders die Gattung *Goniodes* anlangt, so sind darunter Arten vereinigt, welche gar keine vortretenden Schläfen- und Hinterhauptsecken besitzen, sondern hier völlig abgerundet sind, wie *Nirmus* und *Docophorus* oder *Lipeurus*, mit den ersten namentlich auch die langausgezogenen Vorderecken der Fühlerbucht gemeinsam haben. Ferner fehlt der Fortsatz am dritten Fühlergliede oder ist nur andeutungsweise vorhanden. Es scheint mir geboten, derartige Verschiedenheiten zur Begründung einer besonderen Gattung zu benutzen, und ich nenne diese Formen *Strongylocotes*.

Bei einigen anderen Arten ist umgekehrt die Schläfenecke in ganz besonderer Weise entwickelt, indem sie entweder als griffelförmige, nach hinten gerichtete Verlängerung hervortritt oder zu einem breiten, flügelartigen Lappen geworden ist. Dazu kommt beim Männchen der Mangel eines eigentlichen Fortsatzes am dritten Fühlergliede; es tritt höchstens die obere Ecke

desselben ein wenig hervor, während die Form der Antennen bezeichnend ist: sie sind keulenförmig, indem die einzelnen Glieder vom dicken und langen Grundgliede an nach oben hin dünner werden. Diese Formen mögen als Untergattung zu *Goniodes* nach letzterer Eigenthümlichkeit den Namen *Rhopaloceras* führen. Noch andere endlich weichen von den typischen *Goniodes* dadurch ab, dass beim Männchen die beiden letzten Fühlerglieder stummelförmig verkürzt sind und leicht für ein einziges kurzes Glied angesehen werden können. Darauf bezieht sich der Name einer zweiten Untergattung *Coloceras*.

Ich beginne mit der typischen Gattung *Goniodes* und übergehe bei Charakterisirung derselben die für die Untergattungen bezeichnenden Eigenthümlichkeiten.

### **Goniodes** N. s. str.

Die hierher gehörigen Formen haben meist eine beträchtliche Körpergrösse, einen platten breiten Körper und eine deutliche geschlechtliche Differenzirung der Antennen, wozu sich weitere sexuelle Verschiedenheiten in der Kopfbildung und in anderen Verhältnissen gesellen.

Der breite Kopf erreicht fast überall in den deutlich vorspringenden Schläfenecken seine grösste Breite, welche die Länge übertrifft; nur bei *parviceps* Piag. ist er ziemlich viereckig. Im Uebrigen zeigen sich gerade in den Schläfenecken nicht unerhebliche geschlechtliche Unterschiede, derart, dass dieselben beim Weibchen spitzer sind und seitlich stärker hervorragen als beim Männchen. Bei letzterem ist die Fühlerbucht, entsprechend der bedeutenderen Entwicklung der Antennen, tiefer als beim Weibchen. Die Vorderecke derselben tritt bei den verschiedenen Arten mehr oder minder hervor und dient zuweilen zu einer Unterstützung der Antennen (*falcicornis*), indem sie sich nach hinten und unten biegt. In einigen Fällen (*parviceps*, *spinicornis*) verlängert sich der obere Rand der Fühlerbucht zu einem medianen Höcker. Die Stirn ist stets gewölbt, beim Männchen sehr gewöhnlich flacher als beim Weibchen. Die Wölbung ist im günstigsten Falle halbkuglig, da sich die Fühler überall vor der Mitte des Kopfes inseriren. Die letzteren sind in beiden Geschlechtern sehr verschieden; beim Männchen ist das erste Glied sehr lang und dick, zuweilen in der Fühlerbucht verborgen, meist weit daraus hervorragend

und zuweilen allen übrigen an Länge gleich oder dieselben noch übertreffend. Bei manchen Arten trägt dasselbe an der Innenseite einen einfachen (*fallicornis*, *parviceps*, *spinicornis*) oder an der Spitze gegabelten (*cervicornis*) Fortsatz (ein Verhältniss, welches auch bei einigen *Lipeurus* vorkommt). Das zweite Fühlerglied ist kürzer als das erste, aber länger als eines der folgenden; das dritte zeichnet sich durch einen Fortsatz aus, welcher indess einen sehr verschiedenen Grad der Ausbildung zeigen kann. Da wo er am mächtigsten entwickelt ist (z. B. bei *fallicornis*), ist es ein grosser, nach innen gebogener Haken, welcher auf seinem Aussenrande die Endglieder trägt, dieselben an Länge bedeutend überragend. Diese Endglieder kommen dadurch ganz ausserhalb der Längsachse der Fühler zu liegen. In anderen Fällen ist der Fortsatz sehr unbedeutend und wird nur durch die etwas vorgezogene obere Ecke repräsentirt (*longipes*). Beim Weibchen sind die Antennen einfach fadenförmig, das erste Glied ist das dickste, das zweite das längste. In beiden Geschlechtern sind die einzelnen Fühlerglieder mit Borsten besetzt, welche sich auf der Spitze des fünften zu einem kleinen Büschel gruppieren.

Das Auge tritt deutlich hervor, namentlich beim Männchen, und trägt eine Borste.

Die Schläfen divergiren in der Regel und sind meist mit zwei ziemlich langen Borsten und einigen kleinen Dornspitzchen besetzt; sie sind fast überall spitz- oder stumpfwinklig und springen beim Weibchen mehr vor als beim Männchen. Durch eine deutliche Hinterhauptsecke setzen sich die Schläfen gegen das Hinterhaupt ab, welches etwas zurücktritt.

Die Stirnschiene biegt sich an der Vorderecke der Fühlerbucht zu einem mehr oder weniger langen, bald dickeren, bald schlankeren Fortsatze um in der Richtung nach den Mundtheilen hin. Bei manchen Arten (*dissimilis*) ist sie in der Mitte der Stirn bedeutend verbreitert. Vor dem Auge befindet sich ein brauner Fleck. Die Schläfen und das Hinterhaupt werden von den gleichnamigen Schienen verstärkt; die des letzteren bilden an beiden Seiten rundliche Verdickungen. Die Schienen sind überall, wo Borsten stehen, durch diese unterbrochen. Solche finden sich in verschiedener, für die einzelnen Arten zum Theil charakteristischer Anzahl auch an der Stirn.

Der Prothorax ist trapezförmig, meist mit stark divergirenden geraden Seiten; die zuweilen spitz vortretenden Hinterecken tragen je eine Borste.

Der Vorderrand ist etwas vom Hinterkopfe bedeckt. Der stets breitere Metathorax hat abgerundete Seiten, sehr selten vortretende Hinterecken (*longipes*) und endet auf dem Abdomen entweder spitz- oder stumpfwinklig oder mit völlig abgerundetem Hinterrande. An den Seiten und meist auch am Hinterrande ist er mit einer Anzahl von Borsten besetzt. Pro- und Metathorax haben breite Chitinschienen an den Seiten; an letzterem biegen sich dieselben an den Vorderecken meist etwas auf die Fläche um.

An den Beinen tritt die Hüfte niemals über den Seitenrand des Thorax hervor. Die Schenkel sind kräftig und dick, die Schienen lang und schlank, beide am Aussenrande mit einer Chitinschiene belegt, hier und an der Innenseite mit einzelnen Borsten besetzt. Die Klauen sind schlank und wenig gekrümmt.

Das Abdomen ist fast überall breiteiförmig, mit der grössten Breite gewöhnlich in der Mitte, also an den Seiten gleichmässig gerundet. Das erste Segment ist meist etwas länger als die folgenden, diese bis zum achten untereinander gleich. Das Endsegment ist beim Männchen meist sehr schmal und ragt als abgerundeter, längerer oder kürzerer Fortsatz nach hinten vor; es ist mit zahlreichen langen und dünnen Borsten besetzt. Beim Weibchen ist es breit, meist abgestutzt mit medianem Ausschnitte oder auch zweilappig, selten (*longipes*) abgerundet und tief ausgeschnitten. Zuweilen ist es an den Seiten vom achten Segmente eingeschlossen (*cervinicornis*).

Die Seitenschienen der Abdominalsegmente sind breit, an den Suturen auf die Fläche umgebogen und hier zuweilen mit einem Fortsatze versehen. Die Seiten des Hinterleibes sind entweder ganzrandig oder schwach gekerbt, indem die Segmentecken fast stets abgerundet sind. Auf den Flächen können Flecke fehlen oder in verschiedener Form vorkommen. An den Segmentecken stehen Borsten und zwar so, dass sie in der Anzahl vom ersten Segmente, welches oft gar keine besitzt, nach hinten (bis zu 4 oder 5) zunehmen, zuweilen tragen auch die dorsale und ventrale Fläche vor den Suturen eine Anzahl von Borsten.

Der männliche Copulationsapparat ist fast überall bedeutend entwickelt, indem er sich ziemlich durch die ganze Länge des Abdomens erstreckt. Die weibliche Geschlechtsöffnung ist zuweilen von Borsten umstellt, bei manchen auch von „Genitalflecken“ umgeben (*dissimilis*, *cervinicornis*). Auch sonst

kommen zuweilen auf der ventralen Fläche des Hinterleibes besondere Flecke vor (*falcicornis*).

Die allgemeine Färbung ist ein helleres oder dunkleres Gelbbraun, welches sich an den Seitenschieneln bedeutend verdunkelt. Die Flecke sind bräunlich.

Die Arten der Gattung *Goniodes* schwanken in der Länge zwischen 1,07 mm (*parvulus* m.) und 4—5 mm (*spinicornis* N. ♂ und ♀).

Sie sind mit Sicherheit nur von Hühnervögeln und Tauben bekannt. Nach Rudow<sup>1)</sup> leben zwar einige auf Wasservögeln, nämlich *G. mamillatus*<sup>2)</sup> auf *Pelecanus ruficollis* und *G. cornutus* auf *Tribonyx ventralis*; ebenso beschreibt Giebel<sup>3)</sup> eine Art (*brevipes*) von *Aptenodytes longirostris*. Die Angabe Packard's, dass eine Art sogar auf einem Säugethiere lebe: *Gd. mephitidis*, darf wohl sicher als irrthümlich angesehen werden.

Piaget beschreibt ausführlich 18 Arten, welche nach der von uns angenommenen Fassung der Gattung *Goniodes* s. str. hierher gehören. Es sind folgende: 1) *Gd. dispar* N. (*Perdix cinerea*, *Tinamus variegatus*) nebst var. *minor* (*Perdix californica*); 2) *assimiles* Piag. (*Francolinus capensis*); 3) *truncatus* N. (*Perdix rubra*); 4) *cupido* Gbl. (*Tetrao cupido*); 5) *heteroceros* N. (*Tetrao tetrix*); 6) *chelicornis* N. (*Tetrao urogallus*); 7) *ocrea* Piag. (*Megapodium rubripes*); 8) *longipes* Piag. (*Crax galeata*); 9) *dissimilis* N. (*Gallus domesticus*) mit var. *bankiva* Piag. (*G. bankiva*); 10) *latifasciatus* Piag. (*Euplocamus ignitus*); 11) *colchicus* Denny (*Phasianus colchicus*); 12) *cervicornis* Gbl. (*Tragopan satyrus* u. *Phasianus nyctemerus*); 13) *maior* Piag. (*Crossoptilon auratum*); 14) *falcicornis* N. (*Pavo cristatus*); 15) *parviceps* Piag. (*Pavo cristatus*); 16) *bicuspidatus* Piag. (*Tragopan satyrus*); 17) *laevis* Piag. (*Cryptonyx coronatus*); 18) *ortygis* Denny (*Ortyx virginianus*).

<sup>1)</sup> Rudow, Zeitschrift f. ges. Naturwissensch. XXXV. (1870) p. 483 u. 485.

<sup>2)</sup> Dass diese Art sich nur auf den Pelikan verirrt hat, werden wir später sehen; wahrscheinlich verhält es sich ebenso mit *cornutus*.

<sup>3)</sup> Giebel, Ann. and Magaz. Nat. Hist. XVII. (1876) p. 389 (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. LI. 1878, p. 71) und Zoology of Kerguelen Island Pl. XIV. Fig. 19. Da ein einziges Weibchen der Beschreibung dieser Art zu Grunde liegt, so ist die Zugehörigkeit zur Gattung *Goniodes* durchaus nicht sichergestellt.

Davon sind neun ganz neu; mehrere der als neu beschriebenen Arten sind bereits früher diagnosirt worden, aber so unzureichend, dass danach keine Bestimmung möglich war, wesshalb ich auch die meisten der von Piaget gewählten Namen beibehalte.

Eine Anzahl bisher ungenügend beschriebener Formen, welche dem niederländischen Monographen nicht zu Gebote standen, werden nur kurz erwähnt, nämlich *Gd. \*securiger* Gbl., *\*isogenos* N., *flaviceps* Rud., *bituberculatus* Rud., *merriamanus* Pack., *Numidianus* D., *\*eximius* Rud., *\*curvicornis* N., *brevipes* Gbl., *\*bicolor* Rud., *\*diversus* Rud., *cornutus* Rud., *\*mamillatus* Rud., *ignitus* Rud., *mephitidis* Pack. Von diesen haben mir die mit einem \* bezeichneten Arten in typischen Exemplaren vorgelegen und werden im Nachstehenden beschrieben werden. Hier sei im Voraus bemerkt, dass *isogenos* kein *Goniodes*, sondern ein *Goniocotes* ist. Ausserdem habe ich noch eine neue Art hinzuzufügen (*parculus*).

Die Gruppierung, welche Piaget innerhalb seiner Gattung *Goniodes* vornimmt, stützt sich zum Theil auf dieselben Verschiedenheiten, welche uns zur Begründung besonderer Gattungen resp. Untergattungen veranlasst haben. Die von uns zu *Goniodes* gestellten Arten ordnet Piaget nach den beiden Gesichtspunkten: Stirnschienen parallelseitig oder in der Mitte stark verbreitert.

Ich schlage zur Bestimmung der *Goniodes*-Arten folgende Tabellen vor, in welchen die beiden Geschlechter besonders behandelt werden, was mir bei dem oft weitgehenden Dimorphismus zweckmässig erschien.

#### I. Bestimmungstabelle für die Mäunchen von *Goniodes* s. str.

- a. Körper langgestreckt, verkehrt eiförmig, Schienen des Hinterleibes spatelförmig mit einem ungefärbten Augenfleck am Ende. . . . . *ortygis* D.
- aa. Körper breit eiförmig.
- b. Erstes Fühlerglied mit einem Fortsatze.
- c. Der Fortsatz des ersten Fühlergliedes ist einfach, zapfenförmig.
- d. Schläfen parallelseitig, Schläfenecken nicht hervortretend. Metathorax breiter als der Kopf. Abdomen mit Flecken. . . . . *parviceps* Piag.
- dd. Schläfen divergirend, Ecken mit deutlichem Winkel vortretend.
- e. Fortsatz des dritten Fühlergliedes so lang wie die beiden folgenden Glieder zusammen. Stirn flach gewölbt. . . . . *fallicornis* N.

- ee. Fortsatz des dritten Fühlergliedes länger als die beiden folgenden Glieder zusammen, Fortsatz des ersten Gliedes sehr lang. Stirn höher gewölbt.  
*spinicornis* N.
- eee. Fortsatz des dritten Fühlergliedes kürzer als die beiden Endglieder, nur eine vorgezogene Ecke vorstellend. Fortsatz des ersten Gliedes sehr klein, zahnartig. Hinterecken des Metathorax spitz vortretend. . . . *eximius* Rud.
- ddd. Schläfen nach hinten convergirend. Erstes Fühlerglied enorm lang und dick, mit langem, an der Basis breitem Fortsatze. Stirn ziemlich flach gewölbt.  
*maior* Piag.
- cc. Der Fortsatz des ersten Fühlergliedes ist an der Spitze gegabelt, Fortsatz des dritten so lang wie die beiden Endglieder zusammen. Stirnschiene in der Mitte verbreitert. . . . . *cervicornis* N.
- ccc. Der Fortsatz des ersten Fühlergliedes ist auf einen kleinen zahn- oder höckerartigen Vorsprung reducirt.
- f. Kopf an den Vorderecken der Fühlerbucht am schmalsten. Stirn sehr flach gewölbt, Stirnschiene sehr schmal. Fortsatz des ersten Fühlergliedes ein kurzes, aber deutlich vortretendes Zähnchen. . . . . *curvicornis* N.
- fi. Kopf an den Vorderecken der Fühlerbucht ebenso breit wie an den Schläfen. Die Schläfenecken deutlich vortretend. Stirn hoch gewölbt, Stirnschiene in der Mitte sehr verbreitert. Fortsatz des ersten Fühlergliedes eine sehr schwache Erhebung. . . . . *colchicus* D.
- ffi. Kopf an den Vorderecken der Fühlerbucht sogar etwas breiter als an den abgerundeten, gar nicht vorspringenden Schläfenecken. Stirn ziemlich flach gewölbt, Stirnschiene schmal und parallelseitig. Fortsatz des ersten Fühlergliedes eine flache rundliche Erhebung. . . . . *chelicornis* N.
- bb. Erstes Fühlerglied ohne Fortsatz.
- g. Zweites Fühlerglied länger als die übrigen vier zusammen. Stirnschiene in der Mitte sehr verbreitert. Seitenschiene des Hinterleibes an den Suturen nach hinten umgebogen. . . . . *laevis* Piag.
- gg. Zweites Fühlerglied kürzer als die übrigen zusammen.
- h. Das erste Fühlerglied ragt weit aus der Fühlerbucht heraus und ist meist so lang wie die beiden folgenden zusammen.
- i. Der Fortsatz des dritten Fühlergliedes besteht nur in der etwas vorgezogenen oberen Ecke.
- k. Auch am zweiten Fühlergliede eine vorgezogene Ecke. Erstes Fühlerglied sehr dick. Vorderecken der Fühlerbucht nach unten gebogen. Abdomen breit, scheibenförmig. . . . . *latus* Piag.
- kk. Zweites Fühlerglied einfach ohne vortretende Ecke.

- i. Stirnschiene schmal mit sechs kleinen nach innen gerichteten Fortsätzen. Schläfenecke stumpf, Hinterhauptsecke fehlt. Hinterecken des über das Abdomen vorragenden Metathorax stumpfwinklig. Abdomen mit Flecken. Kleine Art. . . . . *parvulus* m.
- ii. Stirnschiene ohne Fortsätze. Schläfenecken spitz, Hinterhauptsecken deutlich. Hinterecken des Metathorax spitzwinklig. Die Seitenschien des Abdomens biegen an den Suturen nach hinten um. Abdomen ohne Flecke. Grössere Art. *longipes* Piag.
- iii. Fortsatz des dritten Fühlergliedes stark entwickelt.
- m. Stirn sehr flach gewölbt, Stirnschiene sehr breit. Kopf fast viereckig, breiter als lang. Erstes Fühlerglied kürzer als die beiden folgenden zusammen. Seitenschien des Abdomens ohne Fortsatz. . . . *latifasciatus* Piag.
- mm. Stirn mehr oder weniger hoch gewölbt.
- n. Stirnschiene sehr breit, namentlich in der Mitte. Seitenschien des Abdomens mit nach vorn gerichtetem rundlichen Fortsatze. . . . *dissimilis* N.
- nn. Stirnschiene schmaler, parallelseitig.
- o. Seitenschien des Abdomens enden in einem undeutlich begrenzten bräunlichen Flecke. Kopf länger als breit. Stirnschiene sehr schmal. *mamillatus* Rud.
- oo. Seitenschien des Abdomens enden in keinem Flecke.
- p. Auge kaum vorspringend. Hinterhauptsschien schmal, kaum gewellt. *heteroceros* N.
- pp. Auge halbkuglig. Hinterhauptsschien breit, stark wellig. Kleinere Form. *heteroceros* var. *cupido* Gbl.
- hh. Das erste Fühlerglied ragt nicht oder kaum aus der Fühlerbucht hervor und ist kürzer als die beiden folgenden zusammen.
- q. Seitenschien des Hinterleibes ohne Fortsatz; keine medianen Borsten auf demselben.
- r. Metathorax an den Seiten von vorn nach hinten allmählich abgerundet, vom Abdomen kaum abgesetzt. Stirn hoch gewölbt. Endsegment des Abdomens breit gewölbt. . . . . *dispar* N.
- rr. Metathorax an den Seiten gleichmässig gerundet, breiter als die Basis des Abdomens. Endsegment schmaler und spitzer. . . . . *oerea* Piag.
- qq. Seitenschien des Hinterleibes sämmtlich oder theilweise mit Fortsatz. Mediane Borsten auf den Abdominalsegmenten vorhanden.
- s. Alle Seitenschien des Hinterleibes mit Fortsatz. Dieselben enden in einem braunen Flecke. Stirn mit fünf Borsten. . . . . *truncatus* N.
- ss. Nur die letzten Seitenschien haben einen Fortsatz. Stirn mit sieben Borsten. *assimilis* Piag.

II. Bestimmungstabelle für die Weibchen von *Goniodes*.

- a. Hinterhauptsecken fehlen.
- b. Schläfen völlig abgerundet. Kopf länger als breit. Abdomen mit doppelten Seitenschien, von denen die innere breiter ist als die des Randes. *curvicornis* N.
- bb. Schläfenecken stumpf, etwas weiter nach hinten gelegen als das Hinterhaupt. Kopf breiter als lang; Stirnschiene mit sechs kleinen nach innen gerichteten Fortsätzen. . . . . *parvulus* m.
- aa. Hinterhauptsecken deutlich.
  - c. Schläfenecken mit den Hinterhauptsecken in gleicher Linie gelegen, erstere ziemlich abgerundet. . . . . *spinicornis* N.
- cc. Schläfenecken vor den Hinterhauptsecken gelegen.
  - d. Körper langgestreckt, ziemlich schmal.
    - e. Zweites Fühlerglied so lang wie die drei folgenden zusammen. Stirnschiene in der Mitte sehr verbreitert. Das letzte Abdominalsegment mit dem achten völlig verschmolzen, am Hinterrande mit dreieckigem Ausschnitte. *laevis* Piag.
  - ee. Zweites Fühlerglied kürzer als die folgenden zusammen. Stirnschiene parallelseitig. Die beiden letzten Abdominalsegmente getrennt. Das neunte wird an den Seiten vom achten umgeben. . . . . *ortygis* D.
- dd. Körper breit, mehr oder weniger eiförmig.
  - f. Stirnschiene schmal, parallelseitig oder in der Mitte nur sehr wenig verbreitert.
  - g. Schläfenecken abgestumpft.
  - h. Vorderecken der Fühlerbucht abgerundet mit nach unten gerichtetem Fortsatze. Abdomen breit, scheibenförmig. . . . . *latus* Piag.
  - hh. Vorderecken der Fühlerbucht einfach zugespitzt, ohne Fortsatz nach unten.
    - i. Kopf vor den Fühlern schmaler als dahinter. Augen nicht vortretend. Hinterhaupt schmal. . . . . *parviceps* Piag.
    - ii. Kopf vor und hinter den Fühlern gleichbreit. Augen vorspringend. Hinterhaupt sehr breit. . . . . *falcicornis* N.
- gg. Schläfenecken scharf, meist spitzwinklig.
  - k. Schläfenecken ziemlich rechtwinklig. Augen oval, vorspringend. *maior* Piag.
- kk. Schläfenecken spitz vortretend.
  - l. Metathorax an den Hinterecken am breitesten.
- m. Hinterecken des Metathorax spitzwinklig vorragend. Hinterrand desselben in der Mitte ebenso. Endsegment abgerundet mit tiefem medianen Einschnitte.
- n. Stirnschiene als langer schmaler Fortsatz an den Vorderecken der Fühlerbucht nach den Mandibeln zu umgebogen. Die Seitenschien des Hinterleibes gehen von den Segmentecken schräg nach innen auf die Flächen und biegen an den Suturen mit einem Fortsatz nach hinten um. *longipes* Piag.

- mn. Der auf der Dorsalseite nach den Mandibeln hin gerichtete Fortsatz der Stirnschiene ist kurz, etwa dreieckig. Die Seitenschiene des Abdomens verlassen die Ränder nicht und biegen an den Suturen nur wenig nach innen um.  
*eximius* Rud.
- mm. Hinterecken des Metathorax abgerundet.
- o. Seitenschiene des Hinterleibes ohne Fortsatz. Keine mediane Borsten.  
*dispar* N.
- oo. Seitenschiene des Hinterleibes auf den letzten Segmenten mit Fortsatz. Mediane Borsten vorhanden. . . . . *assimilis* Piag.
- ooo. Seitenschiene des Hinterleibes auf allen Segmenten mit Fortsatz, in einem braunen Flecke endigend. Mediane Borsten vorhanden. *mamillatus* Rud.
- ll. Metathorax in der Mitte am breitesten.
- p. Das neunte Abdominalsegment ragt über das achte hervor und ist zweilappig.  
*chelicornis* N.
- pp. Das neunte Segment ragt nicht über das achte hervor.
- q. Seitenschiene des Hinterleibes mit Fortsatz und in einem braunen Flecke endigend. Zahlreiche mediane Borsten. . . . . *truncatus* N.
- qq. Seitenschiene des Hinterleibes ohne Fortsatz.
- r. Der auf die Fläche umgebogene Theil der Abdominalschiene sehr kurz. Mediane Borsten fehlen. . . . . *ocrea* Piag.
- rr. Der auf die Fläche umgebogene Theil der Abdominalschiene lang. Mediane Borsten vorhanden.
- s. Auge kaum vortretend. Occipitalschiene schmal, kaum wellig. *heteroceros* N.
- ss. Auge halbkuglig vorragend. Occipitalschiene breit, stark wellig.  
*heteroceros* var. *cupido* Gbl.
- ff. Stirnschiene in der Mitte sehr verbreitert.
- t. Das neunte Segment ragt über das achte hinaus.
- u. Seitenschiene des Hinterleibes mit Fortsatz; in der Umgebung der Geschlechtsöffnung vier dreieckige Genitalflecke. . . . . *cervicornis* N.
- uu. Die breiten Seitenschiene ohne Fortsatz. Die Genitalflecke fehlen.  
*latifasciatus* Piag.
- tt. Das achte Segment überragt das neunte, oder endet mit demselben in gleicher Flucht. Zwei Genitalflecke von der Form eines liegenden T.
- v. Metathorax mit fünf Borsten am Hinterrande. Zwei mediane Borsten auf den Abdominalsegmenten. Die Seitenschiene derselben mit Fortsatz. *dissimilis* N.
- vv. Metathorax mit drei Borsten am Hinterrande. Mehr als zwei mediane Borsten auf den Abdominalsegmenten. Seitenschiene derselben wie bei voriger Art.  
*colchicus* D.

Bemerkungen zu den auf **Perdidae** lebenden Formen.

*Gd. truncatus* N., welcher bisher nur von *Perdix rubra* bekannt war, habe ich auch von *Phasianus colchicus* erhalten.

*Gd. securiger* N. ist in einem einzigen weiblichen Exemplare, welches noch eine Jugendform ist, in der Hallischen Sammlung vertreten. Dasselbe ist natürlich für einen Vergleich mit anderen Arten und für eine Beschreibung untauglich. Vermuthlich ist diese auf *Perdix petrosa* gesammelte Art identisch mit einer der anderen von Rebhühnern beschriebenen Formen. So dürfte es sich vielleicht auch mit

*Gd. flaviceps* Rud. verhalten, eine auf *Perdix rubra* gesammelte und mir leider nur in der Handzeichnung des Autors vorliegende Art. Ich vermute, dass dieselbe identisch ist mit *Gd. truncatus* N.

**Gd. mamillatus** Rud. (Taf. I. Fig. 1, 1a, 1b).

Zeitschrift f. d. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 283.

Diese Art ist bisher nur von Rudow beschrieben und als Wornthier war *Pelecanus ruficollis* angegeben. Die im Hamburger Museum befindlichen Typen liessen mich eine Form erkennen, welche ich in einer Anzahl von Exemplaren auf *Ortyx californica* gesammelt habe.

Der Kopf ist in beiden Geschlechtern ziemlich verschieden. Beim Männchen ein wenig länger als breit, mit sehr tiefen Fühlerbuchten, stark vortretendem, etwas eckigem Auge und sehr winkligen Schläfenecken, zwischen denen der Kopf etwas schmaler ist als zwischen den spitzen Vorderecken der Fühlergruben. Die Fühler haben ein sehr grosses dickes Grundglied mit etwas convexem Aussenrande, ein viel dünneres und beträchtlich kürzeres zweites, ein mit starkem Fortsatz versehenes drittes Glied, welchem sich die beiden Endglieder anfügen, deren letztes etwas länger als das vorletzte ist. Die einzelnen Glieder sind mit Borstchen besetzt, von welchen eine stärkere an der Innenseite des Grundgliedes steht. Beim Weibchen ist der Kopf breiter als lang, die Stirn etwas stärker gewölbt, die Antennengrube viel flacher. Das Auge tritt halbkuglig hervor; die spitzwinklige, aber nicht sehr scharfe Schläfenecke bezeichnet den breitesten Theil des Kopfes. An den Fühlern ist das zweite Glied länger als das erste, die drei letzten untereinander etwa gleichlang und je halb so lang wie das zweite. Gemeinsam beiden

Geschlechtern ist Folgendes. Die Stirnschiene ist schmal und parallelsseitig, von zweimal fünf Borsten durchsetzt, von denen die der Mittellinie am nächsten stehenden und die auf den Vorderecken der Fühlergruben angebrachten die längsten sind. Eine sehr lange straffe Borste steht etwas unterhalb der Ecken am oberen Innenrande der Antennengruben. Die nach innen gerichteten Fortsätze der Stirnschiene sind beim Männchen etwas schmaler als beim Weibchen. Das Auge ist mit einer ziemlich langen Borste besetzt, die Schläfenecken mit zwei sehr langen, die Hinterhauptsecken mit je einem Dornspitzchen. Vor den Augen steht ein brauner Chitinfleck. Die Schläfen- und Hinterhauptsschienen sind nach innen zu dunkler, fast schwärzlich; an den Seiten des Hinterhauptes bilden sie je eine fleckartige Verbreiterung, die beim Weibchen grösser und etwas zugespitzt ist. Auf der Fläche stehen noch vor der halbkreisförmigen Einsenkung oberhalb der Mandibeln zwei Borsten und je eine solche seitlich vom Auge. Das Hinterhaupt tritt wenig gegen die Hinterhauptsecken zurück und ist ziemlich geradlinig.

Der kurze Prothorax ist trapezförmig, an den Hinterecken mit je einer Borste besetzt. Die braunen Seitenschienen biegen an den Hinterecken auf beide Flächen um, ohne sich in der Mittellinie zu berühren. Der etwas breitere, aber nicht längere Metathorax hat abgerundete Seiten, deren grösste Breite an den ebenfalls abgerundeten, mit zwei Borsten besetzten Hinterecken liegt. Ein wenig nach innen davon stehen jederseits zwei weitere Borsten dicht nebeneinander, und an dem ziemlich undeutlich vom Abdomen abgegrenzten, in der Mitte zugespitzten Hinterrande finden sich nochmals vier kürzere Borsten, die beiden mittleren etwas tiefer als die seitlichen. Die braunen Chitinschienen biegen an den Vorderecken nach innen um und legen sich an die in gleicher Weise umgebogenen des Prothorax an.

Die Beine haben kräftige Schenkel und schlanke Schienen, beide mit braunen Ausserändern, die Klauen sind schwach und wenig gekrümmt. Das Abdomen ist verkehrt eiförmig, d. h. nach hinten verbreitert, die einzelnen Segmente an den Seiten nur durch sehr schwache Einkerbungen getrennt. Die Chitinschienen sind dunkelbraun, schmal, an den Suturen ziemlich lang auf die Fläche fortgesetzt und an der Stelle der Umbiegung mit einem kleinen, rundlichen Fortsatze versehen. Sie endigen in einem hellbraunen, nicht scharf umgrenzten Flecke. Auf dem ersten Segmente läuft dicht neben der eigent-

lichen Randschiene innen eine etwas kürzere zweite. Beim Männchen ist das achte Segment sehr klein und neben das Endsegment an den Hinterrand des Körpers gerückt. Das letztere ist breit, seitlich schwach convex, hinten abgestutzt und braun gesäumt, an den Ecken mit je drei langen Borsten besetzt. Der Copulationsapparat zeichnet sich durch seine Länge und Breite aus und endigt im vorgestreckten Zustande mit zwei stachelartigen Spitzchen. Beim Weibchen ist das achte Segment mit dem neunten verschmolzen, am schwach gewölbten Hinterrande mit einem seichten Einschnitte versehen, die beiden Seitenschienens sind durch einen bogenförmigen braunen Fleck verbunden. An der Ventralseite steht in der Umgebung der Geschlechtsöffnung eine Reihe sehr kleiner Borstchen und seitlich je ein langgestreckter, nach vorn hin zugespitzter brauner Fleck (Taf. I. Fig. 1b). An den Segmentecken stehen ein bis vier, auf den Flächen vor den Suturen vier mediane und jederseits zwei seitliche Borsten.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, die Abdominalflecke hell-, die Chitinschienen dunkelbraun.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 1,92 mm, | ♀ 2,29 mm. |
| Kopf     | 0,50 „     | 0,63 „     |
| Thorax   | 0,36 „     | 0,31 „     |
| Abdomen  | 1,06 „     | 1,35 „     |
| 3. Femur | 0,31 „     | 0,34 „     |
| 3. Tibia | 0,31 „     | 0,34 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,53 „     | 0,73 „     |
| Thorax   | 0,53 „     | 0,57 „     |
| Abdomen  | 1,04 „     | 1,19 „     |

Als Wobnthier darf wohl mit Sicherheit *Ortyx californica* angesehen werden; wenn die Art wirklich, wie Rudow angiebt, auf *Pelecanus ruficollis* angetroffen ist, so ist es in Folge zufälliger Uebertragung geschehen.

In meiner und der Dresdener Sammlung, sowie im Hamburger Museum.

#### Bemerkungen zu den auf **Tetraonidae** lebenden Formen.

Wenn Piaget die beiden Arten *Gd. heteroceros* N. und *cupido* Gbl. in eine zu vereinigen vorschlägt, so stimme ich ihm vollständig bei; ich

würde die erstere als die Hauptform, die andere wegen geringer Abweichungen (cfr. Bestimmungstabelle) als Varietät ansehen.

Soweit sich nach dem einzigen aus der Hamburger Sammlung vorliegenden Exemplare, einem Weibchen, urtheilen lässt, scheint *Gd. bituberculatus* Rud. von *Tetrao medius* identisch zu sein mit *Gd. chelicornis* N.

#### Bemerkungen zu den auf **Phasianidae** lebenden Formen.

Exemplare eines *Goniodes* von *Gallus furcatus* im Hamburger Museum gehören zu *Gd. dissimilis* N., und zwar erinnern die Weibchen wenigstens durch die schwärzliche Chitinschiene des achten Abdominalsegments an var. *bankiva* Piaget von *Gallus bankiva* (Piaget p. 269, Pl. XXII, f. 3 c).

*Gd. colchicus* Denny sammelte ich auch auf *Phasianus pictus*.

*Gd. pallidus* Gbl. Giebel beschreibt in seiner Zeitschrift XLIX. (1877) p. 529 einen neuen Federling von *Euplocamus erythrophthalmus* als *Gd. pallidus*. Das einzige, noch dazu weibliche Exemplar, auf welches er diese Art stützt, ist vollständig unausgebildet, daher „blass“. Diese Art ist mithin zunächst zu streichen.

*Gd. longus* Rud. (Beiträge p. 26 u. Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXV, 1866, p. 481) ist identisch mit *Gd. latifasciatus* Piaget., wie Piaget richtig vermuthet. Es liegen mir einige Exemplare beiderlei Geschlechts aus dem Hamburger Museum vor, welche die Erkennung dieser Art erlauben. Da letzteres nach der Beschreibung Rudow's unmöglich ist, so nehme ich auch seinen Namen nicht an, sondern denjenigen Piaget's. Beide Autoren fanden den Parasiten auf *Euplocamus ignitus*, von welchem Wirthe mir auch aus der Sammlung der Kgl. Thierarzneischule in Berlin Exemplare vorliegen.

Einige unbedeutende Differenzen zwischen der Beschreibung Piaget's und meinen Beobachtungen sollen jedoch nicht unerwähnt bleiben. Ich finde an den Schläfenecken neben den zwei langen Borsten nur eine Dornspitze, während Piaget deren zwei beschreibt. Nach letzterem fehlen beim Männchen die medianen Borsten des Hinterleibes ganz, beim Weibchen sind sie in der Sechszahl vorhanden, aber nur auf den vorderen Segmenten bemerkbar. An den mir vorliegenden Exemplaren zeigt auch das männliche Abdomen mediane Borsten auf jedem Segmente, und beim Weibchen lassen sich dieselben auch auf den hinteren Segmenten erkennen.

Der von Piaget als *Gd. bicuspidatus* beschriebene Federling von *Tragopan satyrus* ist identisch mit der von Nitzsch und Burmeister als *Gd. spinicornis* aufgeführten Art. Giebel giebt bei Gelegenheit der Aufzählung der im zoologischen Museum in Halle befindlichen Epizoen (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXVIII (1866) p. 389) folgende Beschreibung davon. „Aehnelt zumeist dem *G. falcicornis* auf dem Pfau, unterscheidet sich aber sicher. Sein Kopf ist nämlich in beiden Geschlechtern länglicher, besonders die Stirn sehr vorgezogen, die hinteren Schläfenecken stumpfer, die männlichen Fühler noch kräftiger, länger, grösser, besonders der Dorn am enorm dicken ersten Gliede viel länger und scharfspitzig, die Zeichnung auf dem Kopfe sparsamer, die Hinterleibsflecken nicht einfarbig dunkel, sondern blassgelb mit dunkeln Säumen am oberen äusseren Rande.“ In seinen *Insecta epizoa* hat Giebel diese Art merkwürdiger Weise nicht aufgeführt; er erwähnt sie nur bei *Goniocotes diplogonus*, in dessen Gesellschaft sie auf *Tragopan satyrus* gefunden sei. Da sich die Nitzsch'schen Typen noch in der Hallischen Sammlung befinden, so bin ich in der Lage, die Identität mit der von Piaget beschriebenen Form zu constatiren, und lasse den älteren Namen in Geltung treten. Ich gebe nachstehend eine Beschreibung dieser Art, um die Uebereinstimmung mit der Piaget'schen unzweifelhaft zu machen.

#### **Gd. spinicornis** N.

- Goniocotes spinicornis* N. Burmeister, Handbuch d. Entomolog. II, p. 433. Giebel, Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXVIII (1866) p. 389.  
*Goniodes bicuspidatus* Piag. p. 278, Pl. XXIII, Fig. 3.

Kopf an der Stirn wohl gewölbt, beim Weibchen höher als beim Männchen, mit spitz vortretenden Vorderecken der Fühlerbucht. Die Stirnschiene ist schmal und parallelseitig; die nach innen gerichteten Fortsätze sind auf der Dorsalseite sehr kurz, während sie sich ventral bis zu den Mandibeln erstrecken. Die Fühlerbucht ist beim Männchen weit, aber nicht sehr tief, der obere Rand in der Mitte vorspringend; beim Weibchen ist sie nur eine flache Ausrandung. Die Fühler sind beim Männchen colossal entwickelt: das erste Glied ist lang und dick, der Aussenrand im ersten Drittel etwas convex, dann geradlinig, mit breitem Chitinsaume. Der Innenrand trägt ungefähr in seiner Mitte einen langen, dünnen, cylindrischen Fortsatz, welcher

braun gefärbt ist und von dessen Basis aus eine ebenso gefärbte Chitinleiste sich nach dem zweiten Gliede hin erstreckt. Am Ende des ersten Gliedes sitzt auf dem Innenrande eine kurze Borste. Das bei weitem kürzere zweite Glied ist an der Basis breiter und verschmälert sich ein wenig nach oben, an der Innenseite trägt es zwei, an der Aussenseite ein Borstchen. Das grosse dritte Glied ist hakenartig gekrümmt, länger als bei allen verwandten Arten, mit zwei inneren und zwei äusseren Borsten. Auf ihm erheben sich etwas vor der Mitte des Aussenrandes die beiden ausserhalb der Längsachse des Fühlers gelegenen Endglieder, von denen das vierte vom fünften etwas an Länge übertroffen wird. Beim Weibchen haben die Antennen die gewöhnliche Bildung, sie erreichen, angelegt, nicht die Schläfenecken. Das breite Auge ragt beim Männchen mehr hervor als beim Weibchen und ist bei beiden mit einer Borste besetzt.

Die Schläfen sind beim Männchen ziemlich parallel, beim Weibchen stark divergent; ebenso weichen die Schläfenecken bei beiden Geschlechtern erheblich ab. Beim Männchen sind Schläfen- und Hinterhauptsecken abgerundet; beim Weibchen ist die Schläfenecke zugespitzt, aber mit abgerundeter Spitze, etwas nach hinten gezogen, so dass sie mit der scharfen Hinterhauptsecke in gleicher Linie liegt. Der zwischen beiden gelegene Schläfenrand ist ausgebuchtet. An den Ecken stehen zwei lange Borsten und vier Dornspitzen. Das geradlinige Hinterhaupt ist stark zurückgezogen und seine Chitinschiene ist sehr schmal.

Der Prothorax ist länger als der Metathorax, mit geraden, stark divergirenden Seiten und deutlich vortretenden, abgerundeten und mit langer Borste besetzten Hinterecken und convexem Hinterrande. Die Seiten sind durch breite, braune Schienen verstärkt. Der Metathorax ist etwas breiter als der Prothorax, mit beinahe halbkuglig gewölbten Seiten, welche zwei lange Borsten tragen. Zwei andere stehen jederseits etwas einwärts davon am Hinterrande, welcher nahe der beim Männchen zweispitzig vortretenden Mitte noch zwei kürzere trägt. Beim Weibchen ist der Hinterrand mehr abgerundet.

Die Beine sind kräftig und lang, an den Aussenrändern mit breiten Chitinschienen belegt. Die Schenkel sind dick, innen im letzten Drittel ein wenig ausgerandet, aussen mit vier Borstchen besetzt. Die schlanken Schienen

sind beim Weibchen ein wenig gekrümmt, aussen mit zwei, innen mit vier oder fünf Borsten besetzt; die Klauen lang und dünn.

Das Abdomen ist beim Männchen eiförmig, doch nicht so breit und an den Seiten viel weniger gerundet als bei *fallicornis*; die grösste Breite liegt hinter der Mitte. Beim Weibchen ist es lang oval. Das erste Segment ist fast doppelt so lang wie die folgenden, das achte sehr klein, auf zwei kurze Protuberanzen zu den Seiten des neunten reducirt. Das neunte bildet beim Männchen eine kurze, aber breite, hinten beinahe abgestutzte Hervorragung und ist jederseits von der Mittellinie mit einem Schopfe von Borsten besetzt. Am weiblichen Abdomen ist das achte Segment vollständig mit dem neunten vereinigt, dasselbe abgerundet, in der Mitte mit breiter, aber flacher Vertiefung, jederseits davon mit vier langen, feinen Borsten besetzt. An der Unterseite stehen in der Umgebung der Geschlechtsöffnung zahlreiche kurze Borstchen dicht nebeneinander, seitlich zwei schmale Längsschienen. Auf den Flächen stehen auf jedem Segmente eine Anzahl (beim Männchen sechs, beim Weibchen acht) mediane Borsten und jederseits zwei bis vier nahe dem Rande. Die abgerundeten Segmentecken sind mit 0—4 solchen besetzt.

Die Seitenschienen des Hinterleibes sind breit, braun, an den Suturen wenig auf die Flächen umgebogen, und beim Weibchen etwas mehr als beim Männchen nach unten gekrümmt. Der Copulationsapparat ist stark ausgebildet, indem er bis zum Metathorax hinaufragt, und endet mit zwei Spitzen.

Die Grundfarbe ist schmutziggelb. Die an meinen Spiritusexemplaren unkenntlichen Flecke des Hinterleibes sind nach Piaget langgestreckt, ziemlich viereckig und wenig gefärbt; die Chitinschienen dunkler, namentlich am Hinterhaupte und Thorax.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 3,28 mm, | ♀ 4,40 mm. |
| Kopf     | 0,88 „     | 1,00 „     |
| Thorax   | 0,70 „     | 0,80 „     |
| Abdomen  | 1,70 „     | 2,60 „     |
| 3. Femur | 0,63 „     | 0,65 „     |
| 3. Tibia | 0,54 „     | 0,50 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,97 „     | 1,52 „     |
| Thorax   | 1,20 „     | 1,20 „     |
| Abdomen  | 1,60 „     | 1,82 „     |

Auf *Tragopan satyrus* von Nitzsch und Piaget, von letzterem auch noch auf *T. Temminki* gesammelt. In der Hamburger Sammlung von *Tragopan Hastingsi*.

**Gd. curvicornis** N. (Taf. I. Fig. 2, 2a).

Giebel, Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXVIII. (1866) p. 388, Ins. epiz. p. 298.

Männchen und Weibchen dieser Art weichen so sehr von einander ab, dass man kaum ihre Zusammengehörigkeit vermuthen würde, wenn man sie nicht zusammen auf demselben Wohnthiere einsammelte.

Beim Männchen ist der Kopf breiter als lang, im Ganzen etwa vier-eckig. Die flach gewölbte Stirn ist schmaler als der Kopf hinter der Fühler-grube; die Stirnschiene sehr schmal und paralleseitig, die nach innen gerich-teten Fortsätze sind dorsal etwas keulenförmig verdickt und bedeutend dunkler als die Umgebung gefärbt; an der Ventralseite reichen sie bis zu den Mund-theilen. Die Stirn trägt zweimal fünf sehr feine Borstchen. Die Fühlergrube ist ziemlich weit und tief; das erste Fühlerglied lang und dick, walzenförmig, mit einem kleinen, zahnartigen Fortsatze der Innenseite; das zweite Glied nur halb so lang, das dritte hakenförmig einwärts gebogen; von den beiden End-gliedern ist das fünfte doppelt so lang wie das vierte. Hinter der Antennen-grube verbreitert sich der Kopf ziemlich plötzlich und die Schläfen verlaufen fast parallel bis zu den stumpfwinkligen Schläfenecken, an welchen zwei starke Borsten stehen. Die Hinterhauptsecken sind abgerundet, mit einem Dorn-spitzchen besetzt, das Hinterhaupt tritt bedeutend zurück, ist schmal und geradlinig und wird durch einen schmalen, dunkeln Chitinstreif verstärkt. Die Schläfenschiene sind schwach entwickelt und ziemlich hell gefärbt; sie beginnen hinter dem Auge mit einer abgerundeten Verbreiterung; auf ersterem, welches wenig hervortritt, sowie bald nach der letzteren steht je ein feines Borstchen. Auf der Fläche finden sich ausserdem noch hinter der Stirn zwei und seitlich von den Mundtheilen je eine Borste. Beim Weibchen ist der Kopf länger als breit, ziemlich oblong. Die Stirn hochgewölbt mit abgerundeten Vorderecken der flachen Fühlerbucht, und mit derselben Anzahl von Borstchen wie beim Männchen. Die inneren Fortsätze der etwas breiteren Stirnschiene sind sehr kurz. Die Augen treten wenig hervor, die Schläfen sind ziemlich parallel, etwas gewölbt, Schläfenecken und Hinterhauptsecken völlig abgerundet, mit

den auch beim Männchen vorhandenen, zwei langen Borsten und dem Dornspitzchen besetzt; das Hinterhaupt flach concav.

Die Fühler sind fadenförmig; erstes und zweites Glied ziemlich gleich lang, von den kürzeren folgenden ist das fünfte am längsten.

Der Prothorax ist trapezoidal mit stark divergenten Seiten, namentlich beim Weibchen, und ziemlich spitzen, mit einer langen Borste besetzten Hinterecken. Der Metathorax ist an den Seiten kürzer, beim Männchen etwas, beim Weibchen kaum breiter als der Prothorax. Die Seiten sind abgerundet, beim Weibchen stärker als beim Männchen, daher bei ersterem die grösste Breite in der Mitte, bei letzterem dicht am Abdomen. An dieser Stelle stehen bei beiden zwei lange Borsten. Der Hinterrand greift weit auf das erste Abdominalsegment über und ist in der zugespitzten Mitte abgerundet; der Metathorax hat also im Ganzen etwa die Form eines Dreiecks, dessen Basis dem Prothorax anliegt.

Die Beine sind kurz, Schenkel mit vier, Schienen mit zwei Borsten auf der Aussenseite.

Der Hinterleib ist beim Männchen breit eiförmig, beim Weibchen ein langgezogenes Oval; bei beiden an den Segmentecken sehr schwach gekerbt. Das erste Segment ist das längste, 2—7 unter einander gleich, das achte in beiden Geschlechtern sehr klein, beim Weibchen kaum vom vorhergehenden abgesetzt. Das Endsegment ist beim Männchen breit und fast halbkuglig vorragend, beim Weibchen noch breiter, nur unbedeutend gegen die vorhergehenden vorragend, am Hinterrande fast abgestutzt und in der Mitte sehr unbedeutend eingeschnitten. Seitlich von dem Einschnitte stehen je zwei lange Borsten dicht nebeneinander, während das männliche Endsegment mit vier Borsten in gleichen Abständen besetzt ist. Der Copulationsapparat ist stark entwickelt.

Die Seitenschienens des Abdomens sind schmal, ziemlich licht gefärbt, und setzen sich beim Männchen an den Suturen fast rechtwinklig in lange, am Ende schwach gebogene und abgerundete Streifen fort. Den Seitenschienens parallel verläuft etwas nach innen eine viel breitere, dunkler gefärbte zweite Schiene, die auf jedem Segmente deutlich abgesetzt ist. An den Segmentecken stehen keine bis mehrere Borsten; auf der Fläche ganz nahe dem Rande je ein sehr feines Borstchen und zwei ebensolche sich leicht abnutzende mediane.

Die allgemeine Färbung ist ein schmutziges Gelbbraun, an den Chitinschienen nur wenig dunkler als auf Kopf und Thorax, die Mitte des Hinterleibes erscheint schmutzigweiss.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 1,75 mm, | ♀ 1,97 mm. |
| Kopf     | 0,45 „     | 0,51 „     |
| Thorax   | 0,29 „     | 0,28 „     |
| Abdomen  | 1,01 „     | 1,18 „     |
| 3. Femur | 0,25 „     | 0,26 „     |
| 3. Tibia | 0,20 „     | 0,20 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,56 „     | 0,48 „     |
| Thorax   | 0,66 „     | 0,52 „     |
| Abdomen  | 1,04 „     | 0,75 „     |

Diese Art ist von Nitzsch in einem Pärchen auf *Argus giganteus* gesammelt und in sehr schlechtem Erhaltungszustande noch in der Hallischen Sammlung vorhanden. Ich habe durch die Freundlichkeit des Herrn Dr. Rey von einem trockenen Balge desselben Wirthes ein Männchen und fünf Weibchen bekommen und danach Beschreibung und Abbildung geliefert. Die Art steht am nächsten *Gd. parviceps* Piag. vom Pfau.

#### Bemerkungen zu den auf **Penelopidae** lebenden Formen.

*Gd. bicolor* Rud. (Beiträge p. 26, Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXV, (1870) p. 483) ist identisch mit *Gd. longipes* Piag. (p. 253, Pl. XX, f. 7).

Es liegen mir von dieser Art zwei Exemplare aus dem Hamburger zoologischen Museum vor. Das Weibchen ist ganz unentwickelt, das Männchen eben ausgebildet. Nach den mir von Piaget freundlichst mitgetheilten Typen seines *Gd. longipes* kann ich *bicolor* als identisch damit erklären, und nehme den ersteren Namen dafür an, weil Rudow's Beschreibung keine Möglichkeit zur Erkennung der Art bietet.

Gleichzeitig muss ich einen kleinen Irrthum Piaget's berichtigen; er beschreibt das letzte Hinterleibssegment des Männchens als abgerundet, während es in ganz ähnlicher Weise wie bei *Gd. erimius* Rud. in zwei Chitinspitzen ausgeht, zwischen denen der Penis hervorgesteckt wird, und welche

nicht zangenartig einander entgegengebogen (wie bei jenem), sondern gerade sind. Wie Piaget zu diesem Irrthume gelangen konnte, erklärt sich leicht aus seinen Worten: „Les trois exemplaires ♂ que je possède, avaient la partie postérieure de l'abdomen repliée sur le dos exactement de la même manière.“ Eins dieser Exemplare liegt mir durch Piaget's Güte vor, und da ich an dem Rudow'schen Männchen die Bildung der Hinterleibsspitze in normaler Weise kenne, so war es mir ermöglicht, auch an ersterem dieselbe Bildung im umgeschlagenen Zustande wiederzufinden.

Rudow sammelte seine Exemplare auf *Penelope marail*, Piaget auf *Crax galeata*.

**Gd. eximius** Rud. (Taf. III. Fig. 1, 1a, 1b).

Beiträge p. 25. Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 447.

Der Kopf ist etwas breiter als lang, die Stirn beim Männchen flacher gewölbt als beim Weibchen, die Stirnschiene auffallend schmal parallelseitig, der nach innen gerichtete Fortsatz auf der Dorsalseite sehr kurz und dick (etwa dreieckig), ventral ziemlich noch einmal so lang. Die Stirn ist mit zweimal fünf Borstchen besetzt, welche bis auf die beiden mittelsten sehr kurz und fein sind. Die Fühlerbucht, beim Weibchen kaum angedeutet, ist beim Männchen mässig tief mit deutlicher Vorderecke der Stirn. Die Fühler sind beim Männchen keulenförmig; das dicke Grundglied so lang wie die übrigen Glieder zusammen, an der Unterseite mit einem zahmartigen Fortsatze versehen; das zweite ist weniger als halb so lang, das dritte noch etwas kürzer, mit schwach vorgezogener oberer Ecke; die beiden ziemlich gleichlangen Endglieder sind schlank und zusammen länger als das dritte Glied. Die weiblichen Fühler haben die gewöhnliche Form: ein dickeres Grundglied, ein ebenso langes zweites, das dritte wenig kürzer, das vierte nur halb so lang und das fünfte wieder länger. Die Schläfen divergiren nach hinten und sind etwas ausgeschweift, weil die abgestumpften Schläfenecken namentlich beim Männchen weit vorragen. Das wenig vortretende Auge trägt eine lange Borste; mit einer sehr langen Borste und drei Dornspitzchen sind die Schläfenecken besetzt. Die Hinterhauptsecken sind scharf, mit einer Borste; das Hinterhaupt tritt ziemlich bedeutend zurück, namentlich beim Männchen. Die Seitenschenen bieten nichts Besonderes dar.

Der Prothorax ist trapezförmig mit deutlich vortretenden, ziemlich spitzen und mit einer Borste besetzten Hinterecken. Der Metathorax hat dieselbe Form, aber stärker divergierende Seiten und weiter vorragende spitzwinklige, vom Abdomen deutlich abgesetzte Hinterecken. Letztere tragen zwei lange Borsten, auf welche etwas nach einwärts jederseits noch zwei andere folgen. Der Hinterrand bildet in der Mitte einen Winkel und ist hier nochmals mit zwei kurzen Borsten besetzt. Beide Thoraxringe haben breite braune Chitinschienen. Die Beine sind ziemlich lang, der Schenkel aussen mit fünf, die Schiene mit zwei Borstchen; die Klauen sind lang und dünn.

Das Abdomen ist eiförmig, breit, nach hinten verschmälert, die Segmentecken sind abgerundet und treten im Allgemeinen wenig hervor; beim Weibchen sind die letzten Segmentecken etwas deutlicher und beim Männchen bilden die des achten Segments einen beinahe rechten Winkel. Sie sind mit langen Borsten besetzt. Das erste Segment ist bedeutend kürzer als die folgenden, namentlich nur halb so lang wie das die übrigen übertreffende zweite. Das achte ist beim Weibchen mit dem neunten verschmolzen, dieses an den Seiten abgerundet, und endigt mit zwei Spitzen, welche einen tiefen Ausschnitt begrenzen. Die Seiten sind kurz beborstet. Beim Männchen ist das achte Segment stark entwickelt, das viel schmalere neunte endigt mit zwei starken zangenartig nach einwärts gebogenen Chitinspitzen, zwischen welchen der keulenförmige, mit zahlreichen Borstchen besetzte Penis hervorragt. Diese Bildung der männlichen Hinterleibsspitze erinnert am meisten an *styliifer* (von *Meleagris gallopavo*).

Die Seitenschienen des Abdomens sind breit, hellbraun, an den Suturen etwas schmaler und mit einem kurzen, etwas dunkler gefärbten Haken auf die Fläche umgebogen. Auf der Ventralseite ist die Suture im Bereiche der Seitenschiene durch einen kurzen, breiten, braunen Streif markiert, den man auch dorsalwärts durchscheinen sieht.

Ausser den Borsten an den Ecken trägt jedes Segment vier (bis sechs?) mediane und je eine nahe dem Rande stehende; alle sind von beträchtlicher Länge. In der Umgebung der weiblichen Geschlechtsöffnung stehen zwei birnförmige braune Genitalflecke (Fig. 1b).

Die Grundfarbe ist gelbbraun.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 2,93 mm, | ♀ 2,85 mm. |
| Kopf     | 0,68 „     | 0,70 „     |
| Thorax   | 0,50 „     | 0,47 „     |
| Abdomen  | 1,75 „     | 1,68 „     |
| 3. Femur | 0,50 „     | 0,50 „     |
| 3. Tibia | 0,56 „     | 0,50 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,95 „     | 0,97 „     |
| Thorax   | 0,82 „     | 0,80 „     |
| Abdomen  | 1,20 „     | 1,19 „     |

Auf *Oreophasis derbyana*; im Hamburger zoologischen Museum.

Rudow, welcher bisher allein Beschreibungen dieser Art geliefert hat, stellt dieselbe unter die Ueberschrift „Metathorax vom Abdomen nicht deutlich abgetrennt“, und hebt von ihr noch ganz besonders hervor „Metathorax nur ein Drittel so lang wie Prothorax und nur durch die Farbe vom Abdomen geschieden“. In Wirklichkeit ist der Metathorax durch seine scharfen und seitlich vorragenden Hinterecken deutlich vom Abdomen abgesetzt und auch durchaus nicht um ein Drittel kürzer als der Prothorax. Rudow scheint das erste Abdominalsegment als Metathorax angesehen zu haben. In dieser Weise sind fast alle seine Angaben ungenau.

Das einzige Exemplar, welches mir aus der Hamburger Sammlung als *Gd. diversus* Rud. von *Penelope nigra* vorliegt, gehört zu der soeben beschriebenen Art, so dass also *diversus* als Synonym zu *eximius* anzusehen ist, sofern nicht die Vergleichung zahlreicherer Exemplare ein Gegentheiliges ergeben sollte.

#### Bemerkungen zu den auf **Crypturidae** lebenden Formen.

*Gd. laevis* Piag. (p. 673, Pl. LVI, f. 2) ist identisch mit *Goniocotes coronatus* Gbl. — *Gct. obscurus* Gbl. olim. (Ins. epiz. p. 191), eine Art, welche Giebel nur nach zwei weiblichen Exemplaren kannte. Dieselben stimmen vollständig überein mit den typischen Exemplaren Piaget's, welche ich durch die Freundlichkeit dieses Autors selbst vergleichen konnte. Piaget giebt übrigens die Länge des ersten Antennengliedes beim Weibchen nicht ganz

richtig an („dépasse de moitié l'angle du sinus“). Dasselbe überragt die Vorderecke der Fühlerbucht nicht.

Sowohl Nitzsch wie Piaget sammelten diese Art auf *Tinamus* (*Cryptomyx*) *coronatus*.

**Gd. parvulus** m. (Taf. I. Fig. 4, 4a, 4b).

Der Kopf des Männchens ist trapezoidisch, die Stirn flach gewölbt mit äusserst schmaler Stirnschiene, welche jederseits von der Mittellinie nach innen drei kleine conische Anhänge trägt, von denen der äusserste kürzer als die beiden anderen ist. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist abgerundet und etwas nach hinten und unten gerichtet. Letztere ist auf der Oberseite nur durch eine seichte Einbuchtung angedeutet. Die nach innen gerichteten Fortsätze der Stirnschiene sind kurz, dick und abgerundet. Die Schläfen sind gerade und verlaufen mit geringer Divergenz zu den fast abgerundeten Schläfenecken, welche eine kurze und eine lange Borste tragen. Die Hinterhauptsecken sind nur durch ein kurzes Borstchen markirt, das Hinterhaupt tritt ein wenig zurück, da es flach concav erscheint. Das Auge ist nur eine sehr flache, mit einem Härchen besetzte Wölbung hinter den Fühlern; vor ersterem ein Chitinfleck; dahinter beginnt mit einer rundlichen Verbreiterung die Schläfenschiene, welche innen etwas unregelmässige Conturen zeigt. Die Hinterhauptschiene ist sehr schmal, aber etwas dunkler als die Schläfenschiene. Die Fühler haben ein dickes und langes Grundglied, ein viel kleineres, nach oben verschmälertes zweites, ein noch kleineres drittes Glied mit vorgezogener oberer Ecke und zwei zu Gunsten des fünften ungleiche Endglieder.

Beim Weibchen ist der Kopf parabolisch, die Stirn etwas mehr gewölbt, die Fühlerbucht noch seichter, die Schläfen gleichsam die Fortsetzung der Stirncurve. Die Schläfenecken sind weiter nach aussen und unten gezogen als beim Männchen, abgerundet spitzwinklig. Die Fühler einfach fadenförmig mit kurzen Gliedern. Das Uebrige wie beim Männchen.

Der Prothorax ist trapezisch, mit abgerundeten, eine Borste tragenden Hinterecken und breiten Seitenschiene. Der Metathorax bedeutend breiter, an den Seiten flügelartig vortretend; diese gewölbt mit grösster Breite an den abgerundeten, mit drei Borsten besetzten Hinterecken. Der von letzteren

etwas abgesetzte Hinterrand ist convex. Die Beine sind kurz, die Schenkel des dritten Paares ragen kaum über die Körperseiten hervor.

Das Abdomen ist eiförmig, beim Weibchen etwas langgestreckter als beim Männchen, die Seiten gleichmässig gerundet, da die Segmentecken nur durch Borsten gekennzeichnet sind. Das erste Segment ist ziemlich doppelt so lang wie die folgenden, von denen man bloss sechs beim Weibchen, sieben beim Männchen zählt. Fünf davon sind bei letzterem wohl ausgebildet, entsprechend den gleichwerthigen des Weibchens, das sechste kaum angedeutet, das letzte halbkuglig vorgewölbt. Beim Weibchen ist vom sechsten gar keine Andeutung vorhanden, das Endsegment, welches den eiförmigen Körper durch seine Wölbung regelmässig abschliesst, in der Mitte des Hinterrandes seicht eingeschnitten. Es dürfte demnach das erste Abdominalsegment als zusammengesetzt aus zwei Segmenten anzusehen sein. Die Nähte zwischen den fünf ersten Segmenten sind geradlinig, zwischen dem fünften und letzten beim Männchen convex, beim Weibchen winklig mit nach vorn gerichteter mittlerer Spitze (Fig. 4b). Die Seitenschienens sind breite braune Platten, an den Nähten hakenförmig umgebogen. Auf den Flächen finden sich gelbbraune, schmale Querflecke, welche auf Segment 2—5 die Nähte frei lassen, die übrigen Segmente ganz einnehmen. Jedes Segment trägt vier mediane und eine seitliche Borste.

Die Grundfarbe ist gelbbraun, die Seitenschienens ein wenig dunkler.

| Länge      | ♂ 1,06 mm, | ♀ 1,25 mm. |
|------------|------------|------------|
| Kopf       | 0,28 „     | 0,30 „     |
| Thorax     | 0,20 „     | 0,25 „     |
| Abdomen    | 0,58 „     | 0,70 „     |
| 3. Femur   | 0,16 „     | 0,16 „     |
| 3. Tibia   | 0,13 „     | 0,13 „     |
| Breite:    |            |            |
| Kopf       | 0,38 „     | 0,48 „     |
| Prothorax  | 0,30 „     | 0,31 „     |
| Metathorax | 0,46 „     | 0,47 „     |
| Abdomen    | 0,55 „     | 0,61 „     |

Diese Art sammelte ich in mehreren Exemplaren auf einem trockenen Balge von *Tinamus robustus* aus Costa Rica.

### Bemerkungen zu den auf **Columbidae** lebenden Formen.

Hierher gehört von den ächten *Goniodes* nur folgende Art:

**Gd. latus** Piag. (Taf. I. Fig. 3, 3a, 3b).

*Goniocotes latus* Piag. p. 672, Pl. LV, f. 9.

Kopf an der Stirn parabolisch gewölbt mit paralleseitiger Stirnschiene, deren nach innen gerichtete Fortsätze lang sind, und mit deutlicher Ecke vor der Fühlerbucht, welche an der Unterseite einen breiten zapfenförmigen Fortsatz zur Stütze der Antennen entsendet. Fühlerbucht beim Männchen sehr weit und tief; darin ist das grosse, dicke Grundglied der Antennen bis zur Hälfte gelegen. Das zweite ziemlich ebenso lange, aber viel schmalere Glied hat ebenso wie das kürzere dritte eine vorgezogene obere Ecke, die beiden Endglieder etwa gleichlang. Beim Weibchen ist die Fühlerbucht viel flacher, die Antennen fadenförmig, von gewöhnlicher Bildung. Hinter der Fühlerbucht wölbt sich das Auge flach vor und ist mit einem Borstchen besetzt. Die Schläfen sind geradlinig und stark divergent. Die Schläfenecke tritt spitzwinklig hervor, ist aber an der Spitze abgerundet, mit zwei langen Borsten besetzt. Die stumpfwinkligen Hinterhauptsecken tragen je ein Dornspitzchen; das Hinterhaupt ist davon durch eine Einbuchtung abgesetzt, aber in der Mitte convex. An der Stirn stehen zweimal fünf Borstchen. Die Hinterhauptschiene ist schwärzlich, namentlich an den fleckenartig verbreiterten Seiten; die übrigen Kopfschienen braun.

Der breite, aber kurze Prothorax ist trapezisch mit stark divergirenden Seiten; die gerundet spitzwinkligen Hinterecken mit einer Borste besetzt. Der breitere Metathorax hat gewölbte Seiten, die mit zwei Borsten besetzt sind, und einen in der Mitte winklig abgerundeten Hinterrand. Beide Brustringe haben breite, braune Seitenschien; von derjenigen des Metathorax geht ein Längsstreif auf das erste Hinterleibssegment. Die Beine sind kurz und dick, zwischen ihnen finden sich an der Sternalseite starke Chitinleisten.

Das Abdomen ist scheibenförmig rund, besonders beim Männchen; die Segmentecken nur schwach angedeutet, in der gewöhnlichen Weise mit Borsten besetzt; die Flächen nackt. Die Suturen sind in der Mitte undeutlich. Beim Weibchen ist das achte mit dem neunten Segmente vereinigt, die Rundung des Körpers abschliessend, in der Mitte des Hinterrandes mit einem breiten

Einschnitte versehen; jederseits davon vier Borsten. Beim Männchen ist das achte Segment als schwache Protuberanz zwischen dem siebenten und neunten entwickelt; das letzte breit vorgewölbt, am Hinterrande mit einer Reihe feiner Borsten besetzt. Der Copulationsapparat reicht mit seinen parallelen Chitinleisten bis zum Thorax hinauf. Die Abdominalschienen sind schmal und biegen auf den Suturen rechtwinklig um. Die Segmente haben langgestreckte conische Randflecke von blassgelblicher Färbung, das Endsegment ist einfarbig.

Kopf und Thorax haben eine bräunliche, der Hinterleib eine schmutzige weisse Grundfarbe.

|            |            |            |
|------------|------------|------------|
| Länge:     | ♂ 1,75 mm, | ♀ 1,44 mm. |
| Kopf       | 0,48 „     | 0,48 „     |
| Thorax     | 0,33 „     | 0,25 „     |
| Abdomen    | 0,94 „     | 0,71 „     |
| 3. Femur   | 0,21 „     | 0,21 „     |
| 3. Tibia   | 0,21 „     | 0,22 „     |
| Breite:    |            |            |
| Kopf       | 0,70 „     | 0,66 „     |
| Prothorax  | 0,48 „     | 0,44 „     |
| Metathorax | 0,70 „     | 0,63 „     |
| Abdomen    | 1,21 „     | 0,85 „     |

Diese durch ihre breite Körperform ausgezeichnete Art ist zuerst von Piaget beschrieben, aber zu *Gonicotes* gestellt worden. Da er auch des Männchens Erwähnung thut, muss wohl in Bezug auf das letztere eine kleine Täuschung vorliegen. Piaget's Exemplare stammen von *Goura coronata* her; auf demselben Wirthe, sowie auf *Goura Victoriae* und auf *Myristicivora bicolor* sammelte Herr Dr. Meyer eine Anzahl von Exemplaren (Dresdener Museum).

Anmerkung. Giebel erwähnt gelegentlich (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. LII, 1879, p. 475) einen *Gd. longipilosus* n. sp. von *Seleucides alba* unter den von Meyer gesammelten Arten und fügt hinzu: „Diese durch ihre lange und dichte Behaarung ausgezeichnete Art ist die erste auf Singvögeln schmarotzende“. Die in Rede stehende Form gehört jedoch zu — *Colpocephalum*.

Subgenus **Coloceras** m.

Die wenigen hierher gehörigen Arten schmarotzen wie die zuletzt beschriebene Art (*latus*) auf Tauben; sie sind vom Habitus der ächten *Goniodes* und haben in der Verkümmernng der beiden letzten Fühlerglieder beim Männchen ein gemeinsames Merkmal. Dieselben sitzen dem Aussenrande des dritten Gliedes, welches an dieser Stelle etwas ausgerandet ist, auf; das dritte Glied ist entweder in der Längsrichtung der Fühler gestreckt oder etwas nach innen gekrümmt. Das erste Glied ist dick, wenn auch nicht gerade durch besondere Länge ausgezeichnet; dagegen ist das zweite ziemlich lang und schlank, mit dem dritten etwa gleich, zuweilen an der oberen Innenecke mit einem kleinen Fortsatze versehen. Beim Weibchen sind die Fühler normal entwickelt, wie bei *Goniodes*. Die Schläfen- und Hinterhauptsecken treten meist sehr schwach hervor, und dadurch erinnern erstere an viele *Goniocotes*; die letzteren können aber auch abgerundet sein (*C. menadense*). Die Kopfform ist bei beiden Geschlechtern wenig verschieden. Die Stirnschiene ist stets parallelseitig. Das männliche Hinterleibsende ragt zapfenförmig hervor, wie bei *Goniodes*; das mit dem achten verschmolzene weibliche Endsegment ist abgerundet, am Hinterrande gewöhnlich mit medianem Ausschnitte.

Zu dieser Untergattung gehört die schon von Nitzsch als *damicornis* beschriebene Art von *Columba Palumbus*, welche ich, beiläufig bemerkt, auch einmal von der Haustaube erhalten habe; ferner drei von Piaget beschriebene Formen: *minus* (*Columba tigrina*, *risoria*, *bitorquata* und *domestica*), *fasciatum* (*Treron vernans*) und *menadense* (*Macropygia menadensis*), welche Art Piaget, weil ihm das Männchen unbekannt war, zu *Goniocotes* gestellt hat. Diese Arten lassen sich nach folgender Tabelle leicht unterscheiden.

- a. Die Hinterhauptsecken abgerundet, das Hinterhaupt tritt nicht zurück. *menadense* Piag.
- aa. Die Hinterhauptsecken sind scharfwinklig, das Hinterhaupt tritt dagegen zurück.
- b. Die Stirn ist ziemlich flach gewölbt; die spitz vorragenden Schläfenecken sind wenig schmaler als das Abdomen. . . . . *fasciatum* Piag.
- bb. Die Stirn ist hoch gewölbt; das Abdomen ist bedeutend breiter als der Kopf an den Schläfenecken, welche weniger spitz sind.
- c. Kleine Art, Metathorax auf dem Abdomen abgerundet. . . *minus* Piag.
- cc. Grosse Art, Metathorax bildet in der Mitte seines Hinterrandes einen Winkel. *damicorne* N.

Unter den von Herrn Dr. Meyer gesammelten Arten finden sich zwei hierher gehörige, welche deshalb näher beschrieben werden sollen.

**C. fasciatum** Piag. ♂ (Taf. II. Fig. 8).

*Goniodes fasciatum* Piag. p. 673, Pl. LVI, f. 3.

Kopf viel breiter als lang, an der Stirn ziemlich flach gewölbt, mit zweimal sechs Borstchen besetzt. Stirnschiene breit, mit langen schmalen, bis zu den Mundtheilen reichenden inneren Fortsätzen. Vorderecken der Fühlerbucht spitz; die letztere tief. Das dicke Grundglied der Fühler ragt nur wenig daraus hervor, das zweite Glied ist länger und besitzt an der oberen Innenecke keinen Fortsatz (wie bei *damicorne*), sondern zwei kurze Borsten (wie bei *minus*); das dritte ist ein wenig gekrümmt und oben ausgerandet zur Aufnahme der rudimentären Endglieder. Hinter der Fühlerbucht steht ein länglicher, brauner Chitinfleck; das Auge ist flach gewölbt. Die Schläfen sind bis zu den sehr spitzwinkligen und weit vorragenden Schläfenecken etwas ausgeschweift. Letztere ist mit einem Dornspitzchen und einer langen Borste, auf welche nach den Hinterhauptsecken sehr bald eine zweite folgt, besetzt. Von den Schläfenecken verlaufen die Schläfen unter starker Convergenz zu den ebenfalls spitzen und nach hinten vorragenden Hinterhauptsecken, welche ein Dornspitzchen tragen. Das Hinterhaupt ist an den Seiten durch eine Einbuchtung von den Hinterhauptsecken abgesetzt, in der Mitte convex, durch eine rothbraune Chitinschiene verstärkt, welche an der Seite nur schwach gewölbt ist. Der Prothorax ist trapezförmig mit geraden, nicht sehr divergenten Seiten, und einem Borstchen an den Hinterecken. Der breitere Metathorax hat abgerundete Seiten, welche in der Mitte zwei lange Borsten tragen; etwas nach einwärts am Hinterrande stehen jederseits weitere zwei Borsten. Der Hinterrand ist convex.

Die Beine sind lang, namentlich die Schienen, diese sowohl wie die Schenkel mit einzelnen Borsten besetzt; die Klauen lang und dünn.

Das Abdomen ist verkehrt eiförmig, nach hinten verbreitert. Mit Ausnahme derjenigen des ersten Segments treten die abgerundeten Ecken deutlich hervor und sind mit einer oder zwei Borsten besetzt.

Die Seiten der fünf ersten Segmente sind schwach, die des sechsten stärker gewölbt; das siebente und sehr kleine achte sind mit dem neunten

an den Hinterrand gedrängt. Letzteres ist halbkuglig vorgewölbt. Die Seitenschien sind breit, am oberen Ende etwas nach einwärts gekrümmt und nach hinten umgebogen, an diesem Theile etwas dunkler gefärbt. Die Schienen des siebenten Segments haben die Form eines hebräischen Kaph (כ). Vor den Suturen der Segmente steht eine Reihe sehr feiner Borstchen, nahe den Seitenschien ein etwas längeres. Die Färbung ist hell-gelblich, die Kopf- und Thoraxschienen röthlichbraun, die Seitenschien des Hinterleibes gelblichbraun.

| Länge    | ♂ 1,71 mm. | Breite.  |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,52 „     | 0,73 mm. |
| Thorax   | 0,30 „     | 0,50 „   |
| Abdomen  | 0,89 „     | 0,76 „   |
| 3. Femur | 0,30 „     |          |
| 3. Tibia | 0,35 „     |          |

Ein Männchen und ein unausgebildetes Weibchen von Herrn Dr. Meyer auf *Eutrygon terrestris* gesammelt. Piaget's Exemplare stammen von *Treron vernans* her.

**C. menadense** Piag. (Taf. II. Fig. 9, 9a, 9b).

*Goniocotes menadensis* Piag. p. 672, Pl. LV, f. 1.

Kopf länger als breit, vorn halbmondförmig gerundet mit deutlichen Vorderecken der Fühlerbucht. Stirnschiene sehr breit, aber in Folge der sehr lichten Färbung wenig deutlich, mit drei oder vier sehr feinen Härchen jederseits der Mittellinie. Fühlerbucht tief, ganz besonders beim Männchen. Bei diesem ist das erste Fühlerglied dick und so lang wie die Bucht, das zweite wenig länger, aber schlanker, oben schräg abgeschnitten, innen und aussen mit einigen Härchen besetzt, das dritte ist am Aussenrande convex, nach innen gekrümmt und am Ende abgestutzt; von den Endgliedern ist das vierte sehr niedrig und breit, das fünfte schmaler und länger. Die weiblichen Fühler sind kurz; das zweite Glied ist am längsten, das fünfte ein wenig länger als das vierte.

Die Schläfen sind ziemlich parallel, namentlich beim Männchen, wo die Schläfenecken unter einem stumpfen Winkel wenig, wenngleich scharf, vortreten; beim Weibchen sind sie spitzer und ragen bedeutender hervor; in

beiden Geschlechtern mit einem Dornspitzchen und zwei Borsten besetzt. Das Auge tritt nicht vor und ist nur durch ein Borstchen markirt. Von den Schläfenecken gehen die stark convergirenden Schläfen mittelst einer sanften, die Occipitalecken vertretenden Rundung in das schmale, ein wenig concave und weit auf den Prothorax übergreifende Hinterhaupt über. Die Hinterhauptschiene ist in der Mitte abgerundet und an den Seiten etwas nach vorn gebogen, von brauner Farbe, während die übrigen Kopfschienen sehr hell erscheinen.

Der Prothorax ist trapezisch mit stark divergenten Seiten, die abgerundeten Hinterecken mit einer Borste besetzt. Der breitere Metathorax hat vollständig gewölbte Seiten mit zwei Borsten in der Mitte, und einen schwach convexen Hinterrand, welcher in der Mitte nicht deutlich ist und jederseits näher dem Rande als der Mittellinie noch zwei dicht bei einander stehende Borsten trägt. Der Prothorax hat etwas nach innen von den Seitenrändern eine braune Chitinschiene, welche sich auf den Metathorax fortsetzt. Die Beine sind kurz und dick, die Schienen am distalen Ende verbreitert.

Das Abdomen ist beim Männchen scheibenförmig rund, beim Weibchen eiförmig, an den Seiten schwach gewellt, indem die flach gewölbten Seiten der Segmente durch feine Einkerbungen getrennt sind, ohne Andeutung einer Segmentecke. An den Seiten stehen die gewöhnlichen Borsten. Auf der Fläche stehen zwei mediane und je eine seitliche Borste, die sehr fein sind und leicht abgenutzt werden, daher von Piaget übersehen wurden. Das erste Segment ist nicht länger als die folgenden, das achte beim Weibchen völlig mit dem abgerundeten, an dem ganzrandigen Hinterrande mit vier Borsten besetzten neunten verschmolzen, beim Männchen als schwache Protuberanz zwischen dem siebenten und neunten vorhanden. Das männliche Endsegment ragt halbkuglig hervor und ist am Hinterrande mit vier Borsten besetzt. Der Copulationsapparat steigt mit seinen parallelseitigen Chitinschienen weit nach vorn im Abdomen hinauf. Die Seitenschienen des Hinterleibes sind breite, dünne, hellfarbige Platten, welche an den Innenrändern etwas dicker werden und an den Suturen umbiegen, an letzterer Stelle auch etwas dunkler erscheinen. Beim Weibchen trägt das achte Segment auf der Ventralseite nahe den Seitenschienen jederseits eine schmale im vorderen Theile gerade, im hinteren Theile gebogene Chitinleiste, an welcher zwei lange krallenartige Gebilde ansitzen (Fig. 9b). Die Grundfarbe des Körpers ist ein schmutziges Gelblichweiss.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 1,69 mm, | ♀ 1,87 mm. |
| Kopf     | 0,52 „     | 0,59 „     |
| Thorax   | 0,26 „     | 0,26 „     |
| Abdomen  | 0,91 „     | 1,02 „     |
| 3. Femur | 0,25 „     | 0,25 „     |
| 3. Tibia | 0,21 „     | 0,21 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,51 „     | 0,58 „     |
| Thorax   | 0,55 „     | 0,51 „     |
| Abdomen  | 0,99 „     | 0,89 „     |

Diese höchst charakteristische Form wurde zuerst von Piaget nach einem Weibchen von *Macropygia menadensis* beschrieben und zu *Goniocotes* gestellt. Mir liegen zwei Weibchen und ein Männchen vor, welche Herr Dr. Meyer auf *Macropygia Reinwardti* gesammelt hat. Eine Anzahl von Exemplaren erhielt ich auch von *Macropygia menadensis* durch die Freundlichkeit der Herren Schlüter und Rey; darunter befindet sich ein Weibchen, bei welchem die Vorderecken der Fühlerbucht breit abgerundet sind.

### Subgenus **Rhopaloceras** m.

Der Kopf ist mehr oder weniger conisch, die Fühler inseriren sich sehr weit nach vorn und sind in beiden Geschlechtern verschieden; beim Männchen keulenförmig, indem die Glieder von dem langen und dicken Grundgliede an nach dem distalen Ende allmählich dünner werden. Am dritten Gliede ist an Stelle eines eigentlichen Fortsatzes die obere Ecke etwas nach aussen gezogen. Die weiblichen Fühler sind von gewöhnlichem Baue, ziemlich lang mit schlanken Gliedern. Die Schläfenecke liegt stets weiter hinten als die Hinterhauptsecke, ist entweder stilartig verlängert oder unter gänzlichem Verschwinden der Hinterhauptsecke flügelartig ausgebreitet. Die Kopfbildung ist in beiden Geschlechtern wenig verschieden.

Der Metathorax ist bei einigen Arten kaum vom Abdomen abgesetzt und dann fast parallelseitig, viereckig (*aliceps*, *laticeps*), bei anderen tritt er mit spitzwinkligen Seiten mehr oder weniger weit seitlich über das Abdomen

vor und grenzt sich auch mit dem Hinterrande deutlich von demselben ab. Das erste Abdominalsegment kann sehr kurz sein (*dilatatus*, *subdilatatus*).

Die Körperform ist im Allgemeinen langgestreckt, hinten niemals so verbreitert, wie es für *Goniodes* die Regel ist. Das männliche Hinterleibsende ist entweder abgerundet und das letzte Segment wenig vom vorletzten abgesetzt (*dilatatus*, *subdilatatus*) oder tritt gegen das achte halbkuglig vor (*laticeps*, *aliceps*) oder ist zweispitzig (*stylifer*); das weibliche entweder auch zweispitzig (*stylifer*, *aculeatus*, *aliceps*) oder breit abgerundet mit seichem Medianeinschnitte (*dilatatus*).

Zu dieser Untergattung stelle ich den schon länger bekannten Eckkopf des Pfaues, *stylifer*, ferner *Gd. aculeatus* ♀ Piag. von *Momotus Lessoni* (einem zu den *Picariae* gehörigen Vogel), den zuerst von Rudow, dann genauer von Piaget beschriebenen *Gd. dilatatus* (*Tinamus variegatus*, *T. obsoletus*, *Tetrao cupido*) und den von Letzterem hinzugefügten *Gd. subdilatatus* (*Tinamus variegatus*), endlich *Gd. laticeps* Piag. und *aliceps* Gbl., ebenfalls von *Tinamus*-Arten.

Diese wenigen Formen, welche also mit einer Ausnahme (und hier handelt es sich vielleicht auch nur um ein zufälliges Vorkommnis) auf Hühner-vögeln leben, werden sich nach folgender Tabelle leicht bestimmen lassen.

- a. Hinterhauptsecken deutlich von den Schläfenecken getrennt, letztere reichen aber weit nach hinten.
- b. Hinterleibsende in beiden Geschlechtern abgerundet. Drittes Fühlerglied beim Männchen mit etwas vorgezogener oberer Aussenecke. Schläfenecken nur wenig nach hinten verlängert.
- c. An der Stirnschiene sechs kleine nach innen gerichtete Fortsätze von gleicher Länge. Kleine Art. . . . . *subdilatatum* Piag.
- cc. An der Stirnschiene ebenfalls sechs Fortsätze, davon sind die der Mittellinie näher stehenden vier länger und einander mehr genähert als die übrigen. *dilatatum* Gbl.
- bb. Hinterleibsende in beiden Geschlechtern zweispitzig. Drittes Fühlerglied beim Männchen ohne Fortsatz. Schläfenecken stilkförmig verlängert, bis über die Hälfte oder bis ans Ende des Prothorax nach hinten reichend.
- d. Metathorax mit fünf Borsten an den spitzen Hinterecken und in der Mitte spitzwinkligem Hinterrande. Abdomen mit Querflecken. . *styliferum* N.
- dd. Metathorax ohne Borsten an dem abgerundeten Hinterrande und zwei Borsten

an den nicht scharfen Ecken. Flecke auf dem Abdomen undeutlich; vor den Suturen stehen nahe dem Seitenrande jederseits eine Reihe von Stacheln.

*aculeatum* Piag.

- aa. Hinterhauptsecken mit den Schläfenecken zu grossen flügelartigen Fortsätzen vereinigt. Auf den Seitenschien der Abdominalsegmente stehen ventral kammartige Chitinleisten.
- e. Am männlichen Hinterleibe tritt das achte Segment gegen das neunte zurück, letzteres ist hoch gewölbt. . . . . *aliceps* N.
- ee. Das achte Segment tritt nicht zurück, das neunte ist breiter und flacher gewölbt. . . . . *laticeps* Piag.

### Bemerkungen zu *Rh. dilatatum*.

Den Artnamen *dilatatum* gab zuerst Rudow (Zeitschr. f. ges. Naturwissensch. XXXV, 1870, p. 479) einem *Goniocotes* von *Tinamus (Rhynchotus) rufescens*. Von ihm an Giebel gesandte Exemplare wurden von diesem (Ins. epiz. p. 192) als *Goniodes* beschrieben. Solche und nahe verwandte Formen lagen auch Piaget vor, welcher die einen davon mit *Gd. dilatatus* identificirt, die anderen als *Gd. subdilatatus* neu beschreibt. Mehrere mikroskopische Präparate aus dem Hamburger zoologischen Museum (welche offenbar von Rudow benutzt worden sind), sowie die Handzeichnung Rudow's haben mich gelehrt, dass in dieser Nomenclatur eine eigenthümliche Verwirrung vorliegt. Rudow hat nämlich zwei ganz verschiedene Arten vor sich gehabt, scheint dieselben aber irrthümlicher Weise identificirt zu haben. Was er als *Goniocotes dilatatus* beschrieben hat, ist wirklich ein *Goniocotes* und kein *Goniodes*, was er aber an Giebel eingesandt hat, ist kein *Goniocotes*, sondern ein *Goniodes*, und zwar der nämliche, welchen auch Piaget als *dilatatus* aufführt. Demnach ist dieser Art nicht Rudow, sondern Giebel als Autor beizusetzen.

Das eine der Hamburger Präparate enthält zwei weibliche Exemplare dieser Art; der Name ist auf der Etiquette nicht angegeben, sondern nur das Wirthier *Rhynchotus rufescens*. Das andere Präparat schliesst drei Individuen ein, welche laut Etiquette von *Tinamus rufescens* stammen. Eins davon ist *Gd. dilatatus* ♀, die beiden anderen sind männlichen Geschlechts und erweisen sich dadurch auf den ersten Blick als *Goniocotes*, und zwar als diejenige Art, welche Rudow als *Gct. dilatatus* beschrieben und auf der mir freundlichst mitgetheilten Handzeichnung wiedergegeben hat. Da diese beiden *dilatatus*

demnach verschiedenen Gattungen angehören, so könnte der Artname für beide bleiben. Nun hat aber Rudow in seiner Inauguraldissertation (Beitrag zur Kenntniss der Mallophagen oder Pelzfresser, Leipzig 1869, p. 22) einen *Goniocotes rotundatus* beschrieben, welcher gleichfalls auf *Tinamus rufescens* gefunden ist und nach der Beschreibung sich als identisch erweist mit der von ihm später als *dilatatus* beschriebenen Art. Dieselbe muss also den Namen *rotundatus* beibehalten und die Synonymie dieser beiden verwechselten Thiere würde folgende sein.

*Goniocotes rotundatus* Rud. Diss. inaug. (1869) p. 22. *Gct. dilatatus* Rud. Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 479.

*Goniodes dilatatus* Gbl. (non Rud.) Ins. epiz. p. 192. — Piaget, p. 258, Pl. XXI, f. 5.

*Rhopaloceras dilatatum* Tschb.

Die ausführliche Beschreibung nebst Abbildung von *Gct. rotundatus* wird an der betreffenden Stelle folgen.

Diejenigen höchst interessanten Formen unserer Untergattung, welche durch die flügelartig entwickelte Schläfenpartie einen ganz eigenthümlichen Typus repräsentiren und eine Verwechslung mit anderen Formen nicht zulassen, sind bisher nur nach einigen wenigen Exemplaren bekannt.

Nitzsch hat eine Art als *aliceps*, eine andere als *oniscus* aufgeführt und Giebel beschreibt dieselben in seinen *Insecta epizoa*. Eine dritte Form charakterisirt Piaget als *laticeps*. Derselbe weist auch auf die nahe Verwandtschaft dieser letzteren mit den von Giebel beschriebenen Arten hin, ist aber in Folge der von keiner Abbildung begleiteten ungenügenden Beschreibung nicht im Stande, eine eingehendere Vergleichung anzustellen. Von jeder dieser Formen liegt ein einzelnes Exemplar vor. Nach sorgfältiger Vergleichung der beiden Nitzsch'schen Typen bin ich zu der Annahme gedrängt worden, dass dieselben unter sich identisch, und verschieden von der Piaget'schen Art sind. Diese letztere sowohl wie *aliceps* sind je auf ein Männchen begründet, das einzige Exemplar von *oniscus* dagegen ist ein Weibchen, welches ich für zugehörig zu *aliceps* halte.

Giebel giebt bei *oniscus* gar nicht an, um welches Geschlecht es sich handelt, doch muss man aus folgenden Worten den Schluss ziehen, dass er ein Männchen vor sich gehabt zu haben glaubt, welches er in seiner Mono-

graphie mehr als einmal mit dem anderen Geschlechte verwechselt hat. Es heisst bei ihm: „Aus der tiefen Bucht zwischen diesen Seitenlappen (nämlich des achten Segments) ragt das gar nicht abgegrenzte Endglied als langer Kegel weit hervor und endet mit zwei Chitinspitzen, die im Zustande der Ruhe tief zurückgezogen sein werden.“ An eine Zurückziehbarkeit jener Chitinspitzen (Taf. I. Fig. 5a) ist aber nicht im Entferntesten zu denken. Es sind die nämlichen Gebilde, welche das Hinterleibsende bei *styliferum* bilden; und das vorliegende Exemplar ist ohne jeden Zweifel ein Weibchen, worauf auch die Fühlerbildung hinweist. Jedenfalls müsste man beim Männchen das chitinige Copulationsorgan erkennen.

Was nun die hauptsächlichsten Unterschiede zwischen *aliceps* und *laticeps* anlangt, so beruhen diese auf der Bildung des Hinterleibes. Bei *laticeps* ist das erste Segment parallelseitig und ragt seitlich nicht weiter hervor als der Metathorax, als dessen Fortsetzung es erscheint. Bei *aliceps* hat dasselbe gewölbte Seiten und ist dadurch viel deutlicher vom Metathorax abgesetzt. Ferner ist bei *laticeps* das Hinterleibsende gleichmässig gerundet; es liegt in Folge dessen das achte Segment in gleicher Flucht mit den übrigen und das neunte wölbt sich in der ganzen Breite hervor, welche zwischen den Hinterecken des achten bleibt. Bei *aliceps* dagegen tritt das achte Segment gegen das siebente zurück, so dass zwischen beiden der Seitenrand eingebuchtet ist; ebenso ist das *laticeps* gegenüber schmalere und höher gewölbte neunte Segment durch eine Einbuchtung vom achten getrennt. Bei *laticeps* ist zwischen den beiden letzten Segmenten eine ebenso flache Einkerbung wie zwischen den übrigen Segmenten.

Dies sind die Unterschiede, welche eine Vergleichung zwischen *laticeps* und *aliceps* beim ersten Blicke ergibt. Weitere geringfügigere Differenzen werden sich aus folgender genaueren Beschreibung von *aliceps* erschen lassen.

**Rhopaloceras aliceps** N. (Taf. I. Fig. 5, 5a, 5b).

*Goniodes aliceps* N. ♂. Giebel, Ins. epiz. p. 204.

*Goniodes oniscus* N. ♀. Giebel, ibid. p. 203.

Kopf kegelförmig, vorn stark gewölbt, mit zwei Borsten besetzt, an den Schläfen flügelartig verbreitert, breiter als der übrige Körper. Die Schläfen beim Männchen geradlinig, beim Weibchen schwach convex. Die Fühler sind

weit nach vorn eingelenkt, die Fühlerbucht flach, namentlich beim Weibchen, wo der Vorderkopf kaum abgesetzt ist, sondern die Stirn mittelst einer leichten Einbuchtung in die Schläfen übergeht. Die Vorderecken der Fühlerbucht treten nicht spitz hervor. Die Antennen sind beim Männchen keulenförmig; das erste Glied am dicksten und so lang wie die drei folgenden zusammen, an der Basis etwas verschmälert; das schmalere zweite Glied ist fast nur ein Drittel so lang, das dritte etwa gleichlang, aber wieder etwas schmaler, am Ende etwas schräg abgeschnitten (bei *laticeps* tritt die obere Ecke viel deutlicher nach aussen vor); die beiden unter sich ziemlich gleichlangen Endglieder sind zusammen kaum länger als das dritte. Die einzelnen Glieder sind mit mehreren Borsten besetzt. Beim Weibchen sind die Fühler viel kürzer, sie reichen angelegt kaum bis zur Mitte des seitlichen Kopfrandes; das dicke erste Glied ist ein wenig kürzer als das schlankere zweite und von gleicher Länge mit dem dritten, welchem wiederum die beiden untereinander gleichen Endglieder zusammen gleichkommen. Die Augen treten gar nicht über den Kopfrand hervor, sind langgestreckt, liegen dicht hinter der Fühlerbucht und tragen am Hinterende ein kurzes Borstchen. An den Schläfen stehen ausserdem noch zwei ebensolche. Die abgerundeten Schläfenecken tragen eine kurze und eine längere Borste. Auf der Fläche finden sich ausserdem noch zwei solche hinter der Stirn und je eine seitlich von den Mundwerkzeugen. Von den Schläfenecken aus bilden die Schläfen eine abgerundete Verbreiterung bis zum Hinterhaupte, welche beim Weibchen die ganzen Seiten des Prothorax, beim Männchen nur die Vorderecken desselben bedeckt. Am hinteren Schläfenrande stehen zwei lange Borsten. Das schmale Hinterhaupt tritt in Folge der mächtigen Entwicklung der Schläfen ausserordentlich weit zurück. Die Hinterhauptsschiene ist in der Mitte abgerundet, an den Seiten nach vorn gebogen, braun und an den Enden besonders dunkel fleckenartig verbreitert. Die Schläfenschienen sind wellenförmig; die Stirnschienen schmal mit am Ende abgestutzten und hier dunkler gefärbten inneren Fortsätzen. Beim Weibchen bemerke ich gar keine Seitenschienen, ein Umstand, welchen ich aber bestimmt dem schlechten Erhaltungszustande des sehr alten, lange Zeit in schlechtem Spiritus conservirten Exemplares zuschreiben zu müssen glaube. Der Prothorax ist trapezförmig mit sehr stark divergirenden, etwas ausgeschweiften Seiten, spitzen, mit einer Borste besetzten Hinterecken und

einem schwach abgerundeten Hinterrande. Die braunen Seitenschienens sind etwas nach innen vom Seitenrande gerückt, diesem nicht parallel, entsenden von den Hinterecken eine Schiene schräg nach innen, welche sich mit derjenigen der anderen Seite in der Mittellinie nicht berührt. Der Metathorax ist kürzer und an den Vorderecken nicht breiter als der Prothorax; die geraden Seiten divergieren wenig; die Hinterecken sind abgerundet und mit einer langen Borste besetzt, zwei andere solche stehen an den Seiten des Metathorax in der vorderen Hälfte, und je eine am Hinterrande nahe den Ecken und davor je eine auf der dorsalen Fläche. Der Hinterrand ist nur an den Seiten sichtbar, in der Mitte ist der Metathorax gar nicht vom ersten Hinterleibssegmente geschieden. Die Chitinschienen des Prothorax setzen sich auf den Metathorax und sogar ein Stück auf das Abdomen fort und biegen sich an der Grenze beider nach innen um. In der Mittellinie der Ventralseite des Thorax stehen zwischen den Hüften des zweiten und dritten Beinpaares zahlreiche straffe Borsten. Von den Beinen sind die beiden ersten Paare verhältnissmässig kurz, das erste vom grossen Kopfe bedeckt, das dritte Paar dagegen um so kräftiger mit besonders langen parallelseitigen Schienen. Letztere sind innen und aussen mit Chitinschienen belegt und mit zahlreichen Borsten besetzt. Die Klauen sind sehr lang, wenig gebogen.

Das Abdomen ist lang eiförmig, nach hinten wenig verbreitert, beim Weibchen etwas mehr als beim Männchen. Die Ränder sind an den abgerundeten Segmentecken etwas eingebuchtet, und zwar beim Weibchen noch schwächer als beim Männchen. An den Segmentecken stehen die gewöhnlichen Borsten; am siebenten und beim Weibchen auch am achten ein ganzes Büschel solcher. Die Segmente tragen ferner auf den Flächen vor den Suturen eine ganze Reihe straffer Borsten und je eine im Bereiche der Seitenschienens. Diese sind breite, braune Lamellen, von denen jede dorsal mit dem zweilappigen Hinterrande die Basis des nächstfolgenden überdeckt. Der innere der beiden Lappen ist viel schmaler und zugespitzt, von dem breiteren äusseren durch eine tiefe Einbuchtung getrennt, in letzterer steht die erwähnte Seitenborste. Auf den letzten Segmenten sind die Seitenschienens nicht so breit und in gewöhnlicher Weise als Säume der Ränder ausgebildet. Die Schienen von Segment 2—6 sind auf der Ventralseite vor den Suturen mit einer etwas bogenförmigen Reihe von conischen Chitinstacheln besetzt, welche wie die

Zinken eines engen Kammes dicht nebeneinander stehen, von der Mitte nach den Seiten etwas an Länge, und auf dem sechsten Segmente bedeutend in der Anzahl abnehmen (Fig. 5b). Beim Weibchen stehen diese Kämme auf Segment 1—5, haben zahlreichere und wenigstens auf dem ersten spitzere Stacheln. Diese Gebilde erinnern am meisten an die sog. Ktenidien, welche auf dem Rücken verschiedener Flöhe vorkommen. Uebrigens kommen in der Anzahl dieser Stacheln gewisse Unregelmässigkeiten vor, indem sie auf beiden Seiten eines Segments nicht dieselbe zu sein braucht; so zähle ich beim Weibchen auf dem ersten Segmente links 29, rechts nur 25, auf den beiden folgenden Segmenten jederseits 20, auf dem vierten je 17 und auf dem fünften rechts 9, links 8, welche viel dicker und stumpfer als auf den ersten Segmenten sind.

Bei *laticeps* stehen solche Kämme auf dem zweiten bis siebenten Segmente; die grösste Anzahl von Zähnen in einem beläuft sich auf 15, die geringste auf 3; sie nehmen von vorn nach hinten an Länge zu. Die Bildung des Hinterleibsendes ist für das Männchen schon oben hervorgehoben worden; vom Weibchen ist noch zu erwähnen, dass das achte Segment mit dem neunten völlig verschmolzen ist und beide die zweispitzige Hervorragung bilden. Der männliche Copulationsapparat ist sehr lang und besteht aus zwei parallelen Chitinschienen, die bis zu den ersten Hinterleibssegmenten heraufreichen, und am anderen Ende zwei zangenförmige Gebilde tragen, zwischen denen der keulenförmige Penis hervorragt. Bei dem vorliegenden Exemplare sind dieselben nach aussen vorgestreckt und in unserer Figur wiedergegeben.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, die Chitinschienen braun; ob Flecke auf dem Abdomen stehen, lässt sich nach den alten Exemplaren nicht angeben.

| Länge    | ♂ 5,20 mm, | ♀ 5,27 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 1,27 „     | 1,35 „     |
| Thorax   | 1,18 „     | 0,98 „     |
| Abdomen  | 2,75 „     | 2,94 „     |
| 3. Femur | 0,94 „     | 1,23 „     |
| 3. Tibia | 1,30 „     | 1,50 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 2,43 „     | 2,39 „     |
| Thorax   | 1,75 „     | 1,77 „     |
| Abdomen  | 2,06 „     | 2,13 „     |

Das Männchen (*aliceps*) wurde auf *Crypturus macrurus*, das Weibchen (*oniscus*) auf *Crypturus tao* gefunden. (*R. laticeps* stammt von *Tinamus julius* her.)

Der von Giebel erwähnte, auch auf *Crypturus tao* gesammelte *Goniocotes longipes* (Ins. epiz. p. 190) ist nichts Anderes, als ein zu *aliceps* gehöriges ganz jugendliches Individuum (♀). Auf dem Abdomen sind die Stachelkämme noch nicht entwickelt.

### Strongylocotes m.

Während die Arten des Subgenus *Rhopaloceras* in der mächtigen Entwicklung der Schläfenecken eine gemeinsame Eigenthümlichkeit besaßen, ist bei dieser Gattung gerade umgekehrt der Charakter der Eekköpfe völlig verloren gegangen, indem Schläfen- und Hinterhauptsecken abgerundet sind. Davon macht nur das Weibchen einer Art (*excavatus*) eine Ausnahme; hier sind wenigstens die Schläfenecken winklig. Die Fühler sind, wieder mit Ausnahme der letzterwähnten Art, in beiden Geschlechtern gleich, ohne Fortsatz am dritten Gliede des Männchens. Die Stirn, welche bei *Goniodes* höchstens eine halbkreisförmige Rundung besaß, ist hier entweder hoch gewölbt oder stumpf kegelförmig. Die Vorderecken der Fühlerbucht springen meist weit hervor, ähnlich wie bei *Nirmus* u. a. Gattungen. Eine besondere Eigenthümlichkeit besteht in der Ausbildung des ersten Abdominalsegments. Dasselbe ist sehr wenig entwickelt und tritt niemals an den Seitenrand des Hinterleibes in gleiche Flucht mit den übrigen. Entweder ist es auf der Rückenfläche nur durch Suturen angedeutet, welche noch nicht einmal in der Mitte vollständig zu sein brauchen (*setosus*), oder es ist vollständig mit dem zweiten verschmolzen resp. ausgefallen (*complanatus*), oder es ist in Form von zwei Chitinplatten schuppenartig dem zweiten aufgelagert (bei Formen, welche man unter das Subgenus *Lepidophorus* zusammenfassen könnte). Das zweite Segment ist meist von bedeutender Länge, es kann ziemlich dreimal so lang wie jedes der folgenden sein. Ueber die Bildung des Endsegments läßt sich im Allgemeinen nichts Bestimmtes sagen, weil die Arten meist nur in einem Geschlechte bisher bekannt sind.

Es gehören hierher nach unseren jetzigen Kenntnissen ausschliesslich auf Arten der zu den Hühnervögeln gehörigen Familie der *Crypturidae* lebende Formen, und zwar sind bisher von Piaget vier Arten beschrieben: *spinosus* (*Tinamus julius*), *complanatus* (*T. obsoletus*), *setosus* (*T. variegatus*) und *excavatus* (*T. canus*). Einige andere bereits von Nitzsch gesammelte gehören ebenfalls hierher, liegen mir aber leider meist in so unbrauchbaren Exemplaren vor, dass sie zu einer genauen Beschreibung oder gar Abbildung unmöglich verwerthbar waren, endlich werde ich eine Art hier zum ersten Male beschreiben.

Diejenigen Arten, welche genauer bekannt sind, lassen sich in folgender Bestimmungstabelle übersichtlich zusammenstellen.

- a. Erstes Abdominalsegment ganz mit dem zweiten verschmolzen oder durch Suturen auf der Rückenfläche bemerkbar, an den Seiten nicht vortretend. Zweites Segment von bedeutender Länge. (*Strongylocotes* s. str.)
  - b. Stirn hoch gewölbt, Vorderecken der Fühlerbucht nicht besonders entwickelt. Seiten des Metathorax abgerundet. . . . . *setosus* Piag.
  - bb. Stirn stumpf kegelförmig. Vorderecken der Fühlerbucht stark ausgebildet.
  - c. Stirn vorn abgerundet. Vorderecken des Prothorax nicht vortretend. Erstes Abdominalsegment durch eine convexe Suture auf dem zweiten angedeutet. *spinosus* Piag.
  - cc. Stirn vorn abgestutzt. Vorderecken des Prothorax spitz vortretend. Erstes Abdominalsegment ganz mit dem zweiten verschmolzen. *complanatus* Piag.
  - aa. Erstes Abdominalsegment in Form zweier Chitinplatten entwickelt, welche dem zweiten aufliegen. (*Lepidophorus*.)
  - d. Kopf an der Stirn flach gewölbt; beim Männchen an den Schläfen gerundet, hinter den Fühlern mit tiefer Ausbuchtung; beim Weibchen trapezförmig, ganzrandig, mit deutlichen Schläfenecken. Fühler beim Männchen mit verdicktem Grundgliede und ausgezogener Ecke des dritten Gliedes, beim Weibchen kürzer, einfach fadenförmig. . . . . *excavatus* Piag.
  - dd. Kopf conisch, ohne Ausbuchtung.
  - e. Seiten des Metathorax in der Mitte winklig vortretend. Kopf nach vorn sehr verlängert und zugespitzt. . . . . *agnus* N.
  - ee. Seiten des Metathorax flügelartig vortretend. Kopf kürzer. *coniceps* m.
- 1) Erstes Abdominalsegment nicht gesondert oder nur durch Suturen auf dem zweiten angedeutet; zweites sehr lang. (*Strongylocotes* s. str.)

Bemerkungen zu *Str. complanatus* Piag.

(Taf. I. Fig. 7.)

Diese Art hat Piaget nur nach weiblichen Exemplaren beschreiben können; ein in meinem Besitze befindliches Männchen giebt mir Gelegenheit, die Beschreibung zu ergänzen. Bei einer in der allgemeinen Körperform und auch sonst hervortretenden Uebereinstimmung ergeben sich einige geschlechtliche Verschiedenheiten.

An den Antennen ist das zweite Glied auffallend lang; das erste überragt etwas die lange spitze Vorderecke der Fühlergrube, das zweite ist doppelt so lang und wenig kürzer als die drei folgenden zusammen, von denen das dritte etwas länger ist als die unter sich ziemlich gleich langen Endglieder. An den Schläfen findet sich ausser den drei von Piaget beschriebenen kleinen Stachelspitzen jederseits eine lange Borste, welche zwischen der zweiten und dritten der ersteren steht.

Der Hinterrand des Metathorax ist nur an den Seiten deutlich. Die Andeutung des ersten Abdominalsegments finde ich ebenso, wie sie Piaget bei *setosus* darstellt, während er bei *complanatus* keine Andeutung eines selbstständigen ersten Segments erkannte. Man sieht nämlich auf dem sehr langen zweiten Segmente eine nur in der Mitte nicht deutliche Suture, durch welche ein viereckiger Raum mit nach hinten convergirenden Seiten markirt ist. Die beiden letzten Abdominalsegmente sind nicht, wie beim Weibchen, verschmolzen, sondern das neunte ist selbstständig und wird vom achten vollständig eingeschlossen, dasselbe nicht überragend. Der beborstete Hinterrand ist in der Mitte sehr flach ausgebuchtet. Der Hinterrand des achten Segments ist mit zahlreichen langen Borsten besetzt. Der Copulationsapparat ist schmal und schwach entwickelt, ähnlich wie bei *spinus*. Beim Weibchen ist das siebente und noch mehr das vereinigte achte und neunte Segment länger und an den Seiten mehr gerundet als die vier vorhergehenden.

| Länge    | ♂ 2,79 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,79 „     | 0,66 mm. |
| Thorax   | 0,60 „     | 0,76 „   |
| Abdomen  | 1,40 „     | 1,23 „   |
| 3. Femur | 0,41 „     |          |
| 3. Tibia | 0,41 „     |          |

Während Piaget diese Art auf *Tinamus obsoletus* fand, stammt das mir vorliegende Exemplar von *Tinamus variegatus*, von welchem Piaget *Str. setosus* sammelte.

Einen *Str. spinosus* Piag. ♂, von Piaget von *Tinamus julius* beschrieben, sammelte ich auf einem trockenen Balge von *Tinamus robustus* zusammen mit den oben beschriebenen *Goniodes parvulus* m. Einige Abweichungen von der Beschreibung Piaget's sollen nicht unerwähnt bleiben.

An den Schläfen finde ich ausser den drei von Piaget erwähnten Stacheln noch zwei lange Borsten, die eine zwischen dem ersten und zweiten, die andere zwischen dem zweiten und dritten Stachel. An der Stirn stehen jederseits fünf Borsten, die beiden der Mittellinie am nächsten befindlichen näher bei einander, als die durch gleiche Abstände getrennten übrigen. Die Hinterecken des Prothorax sind nicht so spitz, wie sie Piaget zeichnet, und vom Vorderrande des Metathorax durch eine kleine Lücke getrennt. Auch an letzterem finde ich die Hinterecken abgerundeter und nicht so weit nach hinten gelegen, wie es nach der Piaget'schen Zeichnung erscheint.

Zwischen dem einen spitzen Winkel in der Mitte bildenden Hinterrande des Metathorax und der convexen Sutura, durch welche auf dem zweiten Segmente des Abdomens das erste angedeutet wird, sind ein Paar zugespitzt eiförmige Chitinplatten bemerkbar, welche an die gleichen Gebilde bei den von mir als *Lepidophorus* zusammengefassten Formen erinnern, nur dass sie in der Mittellinie nicht aneinander stossen.

Auf jedem Hinterleibssegmente stehen zwei kleine mediane und je eine sehr straffe und lange seitliche Borste. Auch am Hinterrande des Metathorax bemerke ich ein Paar kurze Borstchen.

Die angeführten Differenzen zwischen meinen Angaben und denjenigen Piaget's dürften schwerlich auf verschiedene Arten hinweisen; sie haben wohl nur in dem Erhaltungszustande, vielleicht auch im Alter der beiden einzelnen von uns untersuchten Exemplare ihren Grund.

Die Vermuthung Piaget's, dass *complanatus* mit *Goniodes lipogonus* N. von *Crypturus rufescens* identisch sein könne, trifft nicht zu. Die von Giebel (Ins. epiz. p. 203, Taf. XIII, f. 5) beschriebene Art steht vielmehr dem *Str. setosus* sehr nahe, ist möglichenfalls sogar das zugehörige

Männchen. Leider liegen mir nur zwei Exemplare dieses Geschlechts vor (nach Giebel sind es Weibchen), welche sich noch dazu in einem sehr schlechten Erhaltungszustande befinden, so dass ich keine endgiltige Entscheidung über die Zugehörigkeit zu *setosus* wagen darf. Ich gebe nachstehend eine Beschreibung von *lipogonus*, soweit es bei dem Erhaltungszustande überhaupt möglich ist, und habe auch auf Taf. I. Fig. 9 eine Skizze davon entworfen.

Kopf so lang wie breit, an der Stirn hoch gewölbt mit breiter, parallelseitiger Stirnleiste, welche sich vor der Fühlerbucht ein wenig nach innen umbiegt. Die Stirn ist mit zweimal fünf Borsten besetzt, von denen je vier nahe der Mitte, die fünfte nahe der trabekelartig vorspringenden Vorderecke der Fühlerbucht steht. Die letztere ist flach. Die Fühler sind mittellang mit cylindrischen Gliedern, von denen das zweite bedeutend länger als das erste und so lang wie die drei folgenden zusammen ist; letztere sind untereinander gleichlang. Das vorgewölbte Auge ist mit einer Borste besetzt. Die Schläfen divergiren sehr wenig und sind schwach convex; die Schläfenecke vollständig abgerundet; das Hinterhaupt tritt etwas zurück. An den Schläfen sind die Ansatzstellen für vier Borsten bemerkbar. Die Schläfenschiene ist parallelseitig, hinter dem Auge mit einer abgerundeten geringen Verbreiterung beginnend. Der Prothorax ist an seiner Basis von dem Hinterkopfe bedeckt, die Seiten sind fast parallel, die Hinterecken spitz, mit einer Borste besetzt. Der Metathorax ist bedeutend breiter, die Seiten sind gewölbt und erreichen ihre grösste Breite etwas hinter der Mitte, wo zwei Borsten ansitzen. Den Hinterrand kann ich in der Mitte nicht deutlich erkennen. Die Beine sind mässig lang, die Schienen etwas länger als die Schenkel und am Innenrande etwas convex. Der Hinterleib ist eiförmig; die Segmentecken sind deutlich, mit Borsten besetzt. Das erste Segment ist ebenso entwickelt wie bei *setosus*, d. h. auf dem sehr langen zweiten Segmente ist durch eine in der Mitte nicht deutliche Naht ein viereckiger Raum mit nach hinten convergirenden Seiten abgegrenzt. Die Seiten der ersten Segmente sind fast gerade, die der letzten etwas gewölbt. Das neunte Segment ist vom achten eingeschlossen, ohne dasselbe zu überragen, ist am Hinterrande abgerundet und mit zahlreichen Borsten besetzt. Der Copulationsapparat ist wie bei den verwandten Arten schmal, reicht aber bis zum zweiten Segmente hinauf. Die Seitenschiene sind ziemlich breit und verbreitern sich an den Suturen, wo sie auch etwas dunkler gefärbt

sind. Die Grundfarbe des Abdomens ist gelbbraun, die Schienen dunkler, Kopf und Thorax rothbraun. Flecke lassen sich bei dem schlechten Erhaltungszustande nicht erkennen.

| Länge    | 3,65 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,96 „   | 1,01 mm. |
| Thorax   | 0,63 „   | 1,06 „   |
| Abdomen  | 2,06 „   | 1,56 „   |
| 3. Femur | 0,44 „   |          |
| 3. Tibia | 0,50 „   |          |

Das einzige Exemplar von der als *Goniocotes alienus* Gbl. (Ins. epiz. p. 191) beschriebenen Art ist leider in einem so schlechten Erhaltungszustande (es ist in drei Stücke zerbrochen), dass eine genaue Beschreibung davon zu geben unmöglich ist. Nur das eine will ich hervorheben, dass dieselbe nicht zu *Goniocotes*, sondern zu dem in Rede stehenden Formenkreise gehört. Die Stirn ist hochgewölbt, die Schläfenecken völlig abgerundet, die Vorderecken der Fühlerbucht lang und spitz. Der Prothorax ist lang mit deutlich vortretenden Hinterecken, der Metathorax flügelartig verbreitert (ähnlich wie bei *setosus*), seine Vorderecken ragen weit vor und die Seiten convergiren nach hinten.

| Länge   | ♂ 2,68 mm. | Breite   |
|---------|------------|----------|
| Kopf    | 0,75 „     | 0,78 mm. |
| Thorax  | 0,56 „     | 0,87 „   |
| Abdomen | 1,37 „     | ?        |

Das vorliegende Exemplar ist ein Männchen und stammt von *Crypturus macrurus* her.

Hier reiht sich wahrscheinlich noch eine andere Art, welche ebenfalls auf einem *Crypturus* gefunden ist, nämlich der von Giebel als *Goniocotes clypeiceps* Gbl. (Ins. epiz. p. 190) beschriebene Federling an. Leider gilt von dem Erhaltungszustande des einzigen Exemplars dasselbe wie von voriger Art; es ist in zwei Stücke zerfallen und auch sonst sehr mitgenommen. Wenn ich es mit einigen Worten zu charakterisiren versuche, so kann es selbstverständlich nur in der Absicht geschehen, auf diese Form aufmerksam zu machen und, falls sie sich einmal wieder finden sollte, den alten Namen für sie zu bewahren.

Der Kopf ist breiter als lang, die Stirn flach gewölbt, in der Mitte mit einer sehr flachen Einsenkung, in welcher sich die sonst sehr schmale Stirnschiene etwas verbreitert. Die inneren Fortsätze derselben sind sehr kurz, schmal und nach hinten gerichtet. Die Vorderecken der Fühlerbucht spitz. Die Fühler sind sehr weit vorn eingelenkt und bestehen aus cylindrischen Gliedern, von denen das zweite das längste, das vierte das kürzeste ist; das fünfte ist doppelt so lang wie das vierte. Die Fühlerbucht ist sehr seicht. Das Auge ist schwach vorgewölbt. Die Schläfen sind geradlinig und divergierend, die Schläfenecken stumpfspitzig und liegen mit dem geraden Hinterhaupte fast in einer Linie, während eine Hinterhauptsecke nicht einmal angedeutet ist. Von der Behaarung ist nichts erhalten.

Diese Bildung des Kopfes erinnert ausserordentlich an das Weibchen von *excavatus* Piag., auf welchen wir bei der Beschreibung von *agonus* zurückkommen.

Der Prothorax ist trapezförmig mit schwach divergierenden Seiten und abgerundeten Hinterecken; der Metathorax bedeutend breiter. Er tritt mit seinen sanft gewölbten divergierenden Seiten und abgerundeten Ecken flügelartig über Prothorax und Abdomen vor (ähnlich wie es bei voriger Art, sowie bei *Str. spinosus* und *Rhopaloceras dilatatus* der Fall ist). An den Ecken sind die Ansatzstellen für zwei Borsten bemerkbar. Die Form des Hinterrandes entzieht sich der Beobachtung. Das erste Abdominalsegment ist wiederum nur auf der dorsalen Fläche durch Nähte umgrenzt, das zweite dagegen ausserordentlich entwickelt. Das Abdomen bildet ein Oval, die Ränder sind gekerbt, die Segmentecken treten deutlich hervor und zeigen Ansatzstellen von Borsten. Das Hinterleibsende ist zweispitzig und deutet ebenso wie die Bildung der Fühler ein weibliches Exemplar an. Giebel hält es für männlich und beschreibt: „aus dem letzten abgerundeten Segmente ragt der Penis hervor“.

An den Beinen sind die Schienen so lang wie die Schenkel, aber viel schlanker und parallelsichtig, die Klauen lang und dünn.

|         |          |          |
|---------|----------|----------|
| Länge   | 1,76 mm. | Breite   |
| Kopf    | 0,52 „   | 0,87 mm. |
| Thorax  | 0,37 „   | 0,62 „   |
| Abdomen | 0,87 „   | 0,77 „   |

Auf *Crypturus cinereus* im Hallischen Museum.

2) Das erste Abdominalsegment ist in Form von zwei Chitinplatten dem zweiten aufgelagert. (*Lepidophorus*).

Die zu dieser Abtheilung gehörigen Formen schliessen sich aufs Engste an die zuletzt besprochenen an. Sie haben mit denselben den abgerundeten Hinterkopf und die schwache Ausbildung des ersten Abdominalsegments gemeinsam. Das letztere nimmt jedoch hier einen ganz besonderen Charakter an. Es liegen nämlich zu beiden Seiten des in der Mitte winklig vortretenden Hinterrandes des Metathorax zwei Chitinplatten, welche das erste Abdominalsegment repräsentiren. Es sind dieselben Gebilde, welche Giebel mit rudimentären Flügeln vergleicht, und die auch Piaget beschreibt, ohne ihnen die von uns gegebene Deutung beizulegen. Beide Autoren lassen das erste Hinterleibssegment sehr klein sein und erhalten so die gewöhnliche Anzahl von Abdominalringen. Was Giebel zweites Segment nennt, ist entschieden nichts Anderes, als die hintere Partie seines ersten Segments, welches vom folgenden etwas gedeckt wird, und Piaget hat sich in ähnlicher Weise täuschen lassen. Er beschreibt auf den Suturen braune Querschienen, welche jedoch zwischen Segment 1 und 2 fehlen sollen. Dies wäre ein sehr eigenthümliches Verhalten, welches sich meiner Ansicht nach vielmehr so erklärt, dass die von Piaget als zwei Segmente beschriebenen Abschnitte einem einzigen und zwar dem von ihm als ersten bezeichneten angehören. Auf diese Weise würden wir aber nur acht Segmente erhalten. Ich glaube nicht irre zu gehen, wenn ich die erwähnten Chitinplatten als Repräsentanten des ersten Segments in Anspruch nehme. Wir haben dann eine vollkommenere Ausbildung desselben vor uns als bei den zuletzt beschriebenen Arten, wo das erste Segment nur unvollkommen durch eine Naht vom zweiten abgetrennt war.

**Str. agonus** N. ♀ (Taf. I. Fig. 6).

*Goniocotes agonus* N., Gbl. Ins. epiz. p. 190.

Die Form des Kopfes ist conisch; die Stirn hoch gewölbt und schmal, die Stirnschiene schmal und parallelseitig mit sehr kurzen, schmalen inneren Fortsätzen. An der Stirn stehen zweimal drei feine Borsten. Die Fühler inseriren sehr weit vorn, an der Unterseite des Kopfes, der Seitenrand darüber ist sehr schwach ausgebuchtet. Die Fühler sind sehr kurz, nur ein Drittel so lang wie der Kopf; die beiden ersten Glieder sind gleich lang, das dritte

wenig kürzer und gleichlang mit dem fünften; das vierte am kürzesten. Das Auge tritt gar nicht hervor. Die Schläfen sind sehr lang, geradlinig und stark divergierend, mit zwei feinen Borsten besetzt. Die abgerundeten, ziemlich weit nach hinten reichenden Schläfenecken tragen nahe bei einander zwei, etwas weiter davon entfernt eine dritte Borste. Das sehr schmale Hinterhaupt tritt sehr weit zurück.

Der trapezförmige Prothorax wird an den Seiten zu zwei Drittel vom Hinterkopfe bedeckt und ist nur an den spitzen, mit einer Borste besetzten Hinterecken frei. Der viel breitere Metathorax ist siebeneckig; Vorder- und Hinterecken der Seiten sind abgerundet; die Mitte tritt als breiteste Stelle unter einem Winkel vor und trägt zwei Borsten und der Hinterrand bildet in der Mitte ebenfalls einen Winkel. Am Hinterrande stehen jederseits noch drei Borsten.

Die Beine sind sehr kurz, die Schienen mit convexer Innenseite.

Das Abdomen ist eiförmig, vorn am breitesten, nach hinten allmählich verschmälert. Die Seiten sind gerundet, an den fast rechtwinkligen, aber durchaus nicht vortretenden Segmentecken sehr schwach eingekerbt, die letzteren mit ein oder zwei Borsten besetzt. Die Seiten sind sehr schwach convex, die des längsten zweiten stärker gewölbt. Das erste Segment wird gebildet von zwei oblongen Chitinplatten, welche sich an den in der Mitte spitz vortretenden Hinterrand des Metathorax dicht anlegen und sich in der Mittellinie berühren. Das achte Segment ist mit dem neunten verschmolzen; dieses halbkuglig vorgewölbt, in der Mitte mit einem flachen Ausschnitte versehen und an den Rändern reich beborstet. Gegen das siebente ist das vereinigte Endsegment durch eine in der Mitte winklige Naht abgegrenzt, während die übrigen Suturen geradlinig sind. Die Seitenschien sind breite, rechteckige Platten, welche in der Mitte des Hinterleibes nur einen schmalen Raum freilassen, an den beiden letzten Segmenten sich sogar mit den entsprechenden der anderen Seite berühren. Die vorhergehenden greifen, namentlich an den ersten Segmenten, mit ihren Hinterrändern etwas über die nächstfolgenden über, so dass diese Stellen dunkler erscheinen. Am Hinterrande jeder Seitenschiene steht ziemlich weit nach innen eine Borste.

Die Grundfarbe ist gelbbraun, der Thorax und die Seitenschien des Hinterleibes sind dunkler braun.

| Länge    | ♀ 2,69 mm. | Breite  |
|----------|------------|---|
| Kopf     | 0,69 "     | { 0,83 mm (an den Schläfen).<br>0,35 " (vor den Fühlern). |
| Thorax   | 0,44 "     | 0,75 "  |
| Abdomen  | 1,56 "     | { 1,00 " (am zweiten,<br>0,64 " am siebenten Segmente).   |
| 3. Femur | 0,25 "     |   |
| 3. Tibia | 0,25 "     |   |

Auf *Crypturus tao*; in zwei weiblichen Exemplaren im Hallischen Museum.

**Str. coniceps** m. (Taf. I. Fig. 8).

Diese Art begründe ich auf ein einzelnes Männchen aus der Sammlung der k. Thierarzeneischule zu Berlin. Sie gehört in die nächste Verwandtschaft von *agonus* N.

Der Kopf ist conisch, viel niedriger als bei voriger Art; die Stirn ist hutartig gewölbt, mit einigen Borsten besetzt, die Stirnschiene ausserordentlich schmal mit zwei nahe der Mittellinie gelegenen langen, schmalen Fortsätzen nach innen, ausser den gewöhnlichen vor der Antennengrube gelegenen. Letztere ist nicht tief, aber deutlicher als bei *agonus*. Die Fühler stehen nicht so weit vorn, wie bei *agonus*, aber auch vor der Mitte, sie sind kurz und dünn; das erste und zweite Glied ungefähr gleichlang, die beiden folgenden unter sich gleich, kürzer, das fünfte wieder länger. Augen nicht vortretend. Die Schläfen geradlinig, stark divergirend; die schmale Schläfenschiene bald hinter den Fühlern mit einem knopfförmigen Anhang. Die Schläfenecken sind abgerundet, gehen aber nach vorn unter einem stumpfen Winkel in die Schläfen über. An dieser Stelle stehen zwei, viel weiter hinten eine dritte Borste. Das schmale Hinterhaupt tritt weit zurück und ist durch eine braune Schiene verstärkt.

Der Prothorax ist hexagonal, indem die Seiten in der Mitte unter einem spitzen Winkel vorspringen und hier eine Borste tragen, während Vorder- und Hinterecken abgerundet sind. An den Seiten wird er zur Hälfte vom Hinterkopfe bedeckt. Der Metathorax ist viel breiter, so breit wie der Kopf an den Schläfenecken; verkehrt trapezförmig mit lappig vortretenden

Seiten und ausgeschweiftem Vorderrande. An der breitesten Stelle stehen zwei Borsten, dahinter noch zwei andere jederseits. Die Beine sind kurz, die Schenkel nicht länger als die ziemlich dicken Schienen.

Das Abdomen ist kegelförmig, an der Basis am breitesten, nach hinten zugespitzt. Die Seiten sind an den abgerundeten Segmentecken flach gekerbt, diese mit ein oder zwei Borsten besetzt. Das erste Segment wird gebildet von zwei dicht aneinander liegenden, an den Hinterrand des Metathorax angrenzenden, mehr oder weniger viereckigen Chitinplatten. Das zweite, die folgenden etwas an Länge übertreffende Segment hat abgerundete Vorderecken. Das kleine achte Segment bildet zwischen dem siebenten und neunten längliche Protuberanzen; das neunte ragt etwas darüber hinaus, ist an den Seiten gerundet, am Hinterrande abgestutzt und mit einem sehr unbedeutenden medianen Einschnitte versehen, jederseits davon stehen eine Anzahl Borstchen.

Der kurze Copulationsapparat endigt mit zwei nach hinten convergirenden Chitinstäbchen. Die Seitenschienen sind, ähnlich wie bei *agonus*, breite gelbbraune Platten, im Allgemeinen viereckig, an der Innenseite schwach ausgeschweifft, am unteren Winkel der letzteren steht je eine Borste.

Die Grundfarbe des Hinterleibes ist schmutzigweiss, die Seitenschienen wie der übrige Körper gelbbraun.

| Länge    | ♂ 1,76 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,48 „     | 0,66 mm. |
| Thorax   | 0,30 „     | 0,68 „   |
| Abdomen  | 0,98 „     | 0,91 „   |
| 3. Femur | 0,19 „     |          |
| 3. Tibia | 0,19 „     |          |

Auf *Tinamus variegatus*.

### Goniocotes Burm.

Diese mit *Goniodes* nahe verwandte und nur an der bei beiden Geschlechtern gleichen Ausbildung der Fühler mit Sicherheit davon zu unterscheidende Gattung umfasst zum grösseren Theil kleine Arten, welche auch vielfach durch ihren Habitus sogleich als zusammengehörig erkannt und oft

schwer von einander unterschieden werden. Erst durch Piaget sind einige grössere Arten beschrieben worden, welche ich noch um mehrere vermehren kann. Diese ähneln in hohem Grade den *Goniodes* s. str. und würden ohne Kenntniss der Männchen sehr leicht für dieser Gattung zugehörig gelten können. Namentlich sind es die weit vorragenden spitzen Schläfenecken, welche zu derselben hinführen. Aber auch unter den kleineren Formen werde ich eine Anzahl hier näher zu charakterisiren haben, welche von der bisher bekannten Einförmigkeit abweichen und wiederum an Eigenthümlichkeiten der vorigen Gattung erinnern (wie z. B. weit vorragende Seiten des Metathorax).

Der Kopf ist gewöhnlich breiter als lang, an der Stirn halbkuglig oder parabolisch gewölbt, im Grossen und Ganzen conisch, zuweilen aber auch halbmondförmig gestaltet, vorn mit einigen Borsten besetzt. Die Fühlerbucht in der Regel flach, meist ohne ausgebildete Vorderecken. Die Fühler einfach fadenförmig mit dickstem ersten und längstem zweiten Gliede. Das Auge wölbt sich selten (*gigas*, *asterocephalus*) halbkuglig vor, wie so häufig bei *Goniodes*, es ist gewöhnlich flach, nicht selten mit einer Borste besetzt. Die Schläfen divergiren in den meisten Fällen nach hinten, selten sind sie parallel (*fasciatus*), ebenso selten convergent (*gigas*). Die Schläfenecke ist als solche stets ausgebildet, sehr selten (*fasciatus*) abgerundet, meist spitzwinklig und oft scharfspitzig, und zwar beim Weibchen mehr als beim Männchen, in der Regel vor der Hinterhauptsecke gelegen, zuweilen mit dieser in gleicher Linie oder sogar weiter nach hinten gezogen, mit zwei Borsten besetzt. Die Hinterhauptsecke ist auch meist scharf und trägt ein Dornspitzchen, kann aber auch ganz in Wegfall kommen (*fasciatus*, *discogaster* n. sp.). Das Hinterhaupt tritt zurück und ist gewöhnlich convex, durch eine Chitinschiene verstärkt. Die übrigen Kopfschienen sind ganz ähnlich wie bei *Goniodes*.

Die Stirnschiene zieht um den ganzen Vorderkopf herum, ist parallelseitig oder in der Mitte erweitert und biegt sich an der Fühlerbucht nach innen zu langgestreckten schmalen oder zu kurzen kolbigen Fortsätzen um. Hinter den Fühlern steht ein viereckiger Chitinfleck; die Schläfenschiene zeigt keine Besonderheiten. Die Verbindungsschienen zwischen Hinterhaupt und Mundwerkzeugen sind meist nicht erkennbar. Vor den letzteren findet sich wie bei *Goniodes* eine halbkreisförmige, stets deutlich umgrenzte Grube.

Der Prothorax ist trapezförmig, gewöhnlich mit stark divergirenden

Seiten und deutlichen, eine Borste tragenden Hinterecken. Der breitere, aber meist ebenso lange Metathorax hat in den meisten Fällen eine viereckige Form und abgerundete Seiten, deren grösste Breite in der Mitte oder an den Hinterecken liegt und durch zwei Borsten bezeichnet wird; in anderen Fällen bildet er ein Dreieck, dessen Basis dem Hinterrande des Prothorax anliegt, während die Seiten spitzwinklig oder lappig hervortreten und der Hinterrand in der Mitte die Spitze bildet. Letztere ist in der Regel winklig, kann aber auch einfach convex erscheinen und ist zuweilen mit ein Paar Borsten besetzt, zuweilen ist die Naht zwischen Thorax und Abdomen nicht deutlich. Die Beine zeigen ganz ähnliche Verhältnisse, wie bei *Goniodes*, sie sind meist kurz und enden mit verhältnissmässig starken Klauen.

Das Abdomen ist selten langgestreckt und schmal, meist eiförmig, an den Seiten gleichmässig gewölbt oder nach hinten verbreitert, bei manchen Arten und überhaupt bei den Männchen ziemlich rund. Das erste Segment ist länger als die übrigen, doch das achte beim Männchen nur eine kleine Protuberanz, beim Weibchen mit dem neunten vereinigt. Dieses bildet beim Männchen eine breitere oder schmalere abgerundete Hervorragung, beim Weibchen ist es zweilappig oder abgerundet mit medianem Ausschnitte. Die Nähte sind nicht immer zwischen allen Segmenten, zuweilen nur zwischen den drei ersten sichtbar (*rectangulatus*, *microthorax*).

Die Seitenschienens sind schmal, vorn auf die Suturen umgebogen und hier etwas dunkler gefärbt, zuweilen an der Ventralseite verbreitert (*chrysocephalus*). Flecke können fehlen oder als blasse und viereckige oder zungenförmige und nur an den Seiten gefärbte Gebilde vorkommen (*gigas*). An den selten spitz vortretenden, meist abgerundeten Segmentecken stehen Borsten in wechselnder Anzahl, häufig finden sich solche auch auf den Flächen. Der männliche Copulationsapparat ist lang und ähnlich wie bei *Goniodes* ausgebildet. Die Färbung ist im Allgemeinen ein helles, zum Theil schmutziges Gelb. Die Chitinschienens und die Flecke sowie der Kopf sind etwas dunkler; bei *gigas* treten schwarzbraune Färbungen auf.

Die Grössenverhältnisse schwanken zwischen 0,96 mm (*flavus* ♂) und 4,05 mm (*gigas* ♀). Die Arten dieser Gattung sind Schmarotzer auf Hühner- und Taubenvögeln. Piaget fand eine Art, *fasciatus*, (deren Zugehörigkeit zu dieser Gattung mir nicht ganz zweifellos erscheint) auf *Nymphicus Novae Hol-*

*landiae* und Rudow erwähnt eine Art (*Gct. irregularis*) von *Buteo Ghisbrechti*, auf welchem sie sicherlich nur zufällig angetroffen wurde.

Piaget beschreibt ausführlich 13 Arten; zwei von ihm zu *Goniocotes* gerechnete haben wir schon bei *Goniodes* kennen gelernt (*Gd. latus* und *Coloceras menadense*). Es sind folgende: 1) *Gct. asterocephalus* N.<sup>1)</sup> (*Perdix coturnix*); 2) *pallidomaculatus* Piag. (*Perdix javanica*); 3) *bisetosus* Piag. (*Gastrogon linearis*); 4) *microthorax* N. (*Perdix cinerea*); 5) *rectangulatus* N. (*Pavo cristatus*, *P. spiciferus*); 6) *hologaster* N. (*Gallus domesticus*, *bankiva* und *Euplocamus Cuvieri*); 7) *chrysocephalus* Gbl. (*Phasianus colchicus*, *nycthemerus*; *Soemmeringii*); var. *rotundiceps* Piag. (*Phasianus Reveesi*); 8) *diplogonus* N. (*Tragopan satyrus*, *Temminckii*); 9) *compar* N. (*Columba palumbus*, *phasianella*, *domestica*); 10) *fasciatus* Piag. (*Nymphicus Novae Hollandiae*); 11) *maior* Piag. (*Megapodium rubripes*); 12) *minor* Piag. (*Megapodium rubripes*); 13) *abdominalis* Piag. (*Gallus domesticus*).

Die ausserdem beschriebenen Formen, welche Piaget nicht selbst untersuchen konnte, sind folgende: *Gct. pusillus* N. (*Perdix petrosa*); \**gregarius* N. (*Perdix afra*); *obscurus* G. (*Perdix rubra*); \**fissus* Rud. (*Talegallus Lathamii*); \**curtus* N. (*Opisthocomus cristatus*); \**haplogonus* N. (*Lophophorus impeyanus*); \**albidus* Gbl. (*Phasianus nycthemerus*); *dentatus* Rud. (*Phasianus lineatus*); \**rotundatus* Rud. (*Rhynchotus rufescens*); \**carpophagae* Rud. (*Carpophaga perspicillata*); \**flavus* Rud. (*Phaps chalcoptera*); *irregularis* Rud. (*Buteo Ghisbrechti*).

Die mit einem \* bezeichneten Arten haben mir vorgelegen und sind nebst einigen neuen im Nachstehenden beschrieben. Die von Giebel ebenfalls zu *Goniocotes* gestellten Formen: *coronatus*, *alienus*, *clypeiceps* und *agonus* sind bereits oben des Näheren erwähnt und von uns unter andere Gattungen vertheilt worden.

Für sämtliche näher bekannte Arten diene folgende Bestimmungstabelle, zu welcher diejenige Piaget's mit benutzt wurde. In letzterer handelt es sich hauptsächlich um die Beschaffenheit der Stirnschiene, um die Seitenschiene und Flecke des Hinterleibes, sowie die Suturen und die Beborstung derselben u. s. w.

<sup>1)</sup> Ueber die Synonymie dieser Art siehe weiter unten.

- a. Schläfenecken mit dem Hinterhaupte in gleicher Linie oder weiter nach hinten gelegen. Hinterhauptsecken schwach entwickelt.
- b. Schläfenecken spitzwinklig.
- c. Hinterhauptsecken abgerundet, kaum bemerkbar.
- d. Stirnschiene in der Mitte mit 6 nach innen gerichteten Fortsätzen, Schläfenecke stilartig verlängert. . . . . *rotundatus* Rud.
- dd. Stirnschiene ohne Fortsätze in der Mitte; Schläfenecken nicht so stark verlängert.
- e. Prothorax viel schmaler als der Metathorax, Seiten schwach divergierend, Hinterecken treten nicht hervor. Körper mit warzenartigen Erhabenheiten.  
*verrucosus* m.
- ee. Prothorax kaum schmaler als der Metathorax, Seiten sehr stark divergierend, Hinterecken treten spitzwinklig vor. Körper breit. . . . *discogaster* m.
- ec. Hinterhauptsecken kurz, aber deutlich und scharf. Schläfenecken mit dem Hinterhaupte in gleicher Linie. Segmentecken des Hinterleibes scharfspitzig. Seitenschienens ausser der Umbiegung an den Suturen mit einem zweiten Fortsatze in der Mitte. . . . . *haplogonus* N.
- bb. Schläfenecken abgerundet. Hinterhauptsecken fehlen.
- f. Stirn in der Mitte mit einem Ausschnitte. Metathorax breiter als das fast paralleelseitige Abdomen. . . . . *curtus* N.
- ff. Stirn ganzrandig. Die Form des Kopfes und die Fühler in beiden Geschlechtern etwas verschieden. Metathorax nicht breiter als der eiförmige Hinterleib. Die Seitenschienens des letzteren biegen an den Suturen nicht um. Abdomen beim Männchen mit queren, beim Weibchen mit zungenförmigen Flecken, bei ersterem mit einer Reihe von Borsten auf jedem Segmente. *fasciatus* Piag.
- aa. Die Schläfenecken liegen vor dem Hinterhaupte.
- g. Die Hinterhauptsecken schwach entwickelt, abgerundet. Das Hinterhaupt tritt kaum zurück. Hinterleib mit langen Querflecken, auf denen eine dunklere Partie hervortritt. . . . . *guttatus* m.
- gg. Hinterhauptsecken wohl ausgebildet, winklig vortretend.
- h. Das Auge tritt halbkuglig hervor.
- i. Die Schläfen bilden unmittelbar hinter dem Auge eine abgerundete Ecke und verlaufen dann convergirend nach hinten. Der Hinterleib ist breit mit zungenförmigen, nur am Rande gefärbten Flecken. . . . . *gigas* Tschb.
- ii. Die Schläfen bilden eine spitze Ecke.
- k. Der Schläfenrand ist von der Schläfenecke bis zur Hinterhauptsecke stark ausgebuchtet, die letztere sehr langgezogen, Hinterleib langgestreckt schmal, die Seitenschienens wellig. . . . . *asterocephalus* N.

- kk. Der Schläfenrand von der Schläfenecke bis zur Hinterhauptsecke wenig ausgeschweift, die Hinterhauptsecken kurz. Hinterleib eiförmig, breiter als bei voriger Art. Die Seitenschiene breit, doppelt, am umgebogenen Theile mit einem nach vorn gerichteten abgerundeten Fortsatze. . . . *isogenos* N.
- lh. Das Auge tritt gar nicht hervor oder nur als flache Wölbung.
- l. Grosse Arten (1,85—2,75 mm) vom Habitus der *Goniodes* mit weit vortretenden, spitzwinkligen Schläfenecken und deutlichen Vorderecken der Fühlerbucht.
- m. Abdomen breit eiförmig.
- n. Seitenschiene des Abdomens breit mit nach vorn gerichtetem Fortsatze an der umgebogenen Partie. Metathorax bedeutend breiter als Prothorax. Die inneren Fortsätze der Stirnschiene kolbig. . . . . *fissus* Rud.
- nn. Seitenschiene des Abdomens schmal, ohne Fortsatz der umgebogenen Partie. Innere Fortsätze der Stirnschiene lang und schmal.
- o. Metathorax bedeutend breiter als Prothorax, Hinterrand in der Mitte abgerundet winklig. Stirnschiene paralleseitig. . . . . *maior* Piag.
- oo. Metathorax kaum breiter als der Prothorax an den Hinterecken; Hinterrand einfach abgerundet. Stirnschiene in der Mitte verbreitert. . . . *minor* Piag.
- mm. Abdomen lang eiförmig.
- p. Vorderecken der Fühlerbucht lang nach unten und hinten gerichtet, so dass sie theilweise vom Fühler bedeckt werden. Abdominalschiene wenig nach innen umgebogen. . . . . *affinis* m.
- pp. Vorderecken der Fühlerbucht nicht nach unten gebogen. Schläfenecken sehr spitz, Schläfen ausgeschweift. Die Abdominalschiene weiter nach innen umgebogen. . . . . *procerus* m.
- ll. Kleine Arten (1,00—1,75 mm). Schläfenecke im Allgemeinen stumpfer und nicht so weit vorragend, wie bei vorigen. Vorderecken der Fühler meist nicht ausgebildet.
- q. Abdomen bei beiden Geschlechtern langgestreckt, schwach verkehrt eiförmig. *gracilis* m.
- qq. Abdomen oval, hinten beim Weibchen gerundet, beim Männchen abgestumpft.
- r. Abdomen ohne Flecke und auf der Fläche ohne Borsten. Hinterrand des Metathorax mit zwei Borsten. Verbindungsschiene zwischen Hinterhaupt und Mandibeln angedeutet. . . . . *bisetosus* Piag.
- rr. Abdomen mit Flecken, welche allerdings hell und wenig ausgeprägt sind.
- s. Der Randschiene des Abdomens folgt nach innen eine zweite.
- t. Diese zweite Schiene ist breit, der ersten parallel; die Flecke sind nur an den Rändern gefärbt. Abdomen ohne Borsten auf den Flächen. Kopf kaum breiter als lang. . . . . *compar* N.

- tt. Die zweite Schiene ist schmal und stösst hinten mit der Randschiene zusammen. Die Flecke ganz gefärbt. Kopf breiter als lang. Auf jedem Segmente steht jederseits eine Borste nahe dem Rande. . . . *flavus* Rud.
- ss. Es ist keine zweite Abdominalschiene vorhanden.
- u. Die Abdominalschienen sind schleifenförmig auf die Fläche umgebogen, so dass sie einen dreieckigen Raum einschliessen. Abdomen mit zwei medianen und je einer seitlichen Borste auf den Segmenten. Die Suturen nur zwischen dem ersten und dritten Segmente sichtbar. . . . . *microthorax* N.
- uu. Die Abdominalschienen sind an den Suturen einfach umgebogen.
- v. Der auf die Fläche umgebogene Theil der Abdominalschiene ist bedeutend verbreitert.
- w. Schläfenecken ziemlich spitz, Hinterhaupt stark concav. Prothorax viel schmaler als der Vorderrand des Metathorax, mit nicht vortretenden Hinterecken. Abdomen gleichmässig gerundet, mit medianen Borsten. *macrocephalus* m.
- ww. Schläfenecken ziemlich stumpf. Hinterhaupt flach concav. Prothorax ebenso breit wie der Vorderrand des Metathorax, mit sehr spitzen Hinterecken. Hinterleib nach hinten verbreitert, ohne mediane Borsten. *hologaster* N. mit hellbraunen Seitenflecken . . . . . var. *maculatus* m.
- wv. Der auf die Fläche umgebogene Theil der Abdominalschienen ist nicht verbreitert.
- x. Vorderecken der Fühlerbucht lang, am Ende abgestumpft, nach unten gerichtet. Stirnschiene in der Mitte stark erweitert. . . . *carpophaeae* Rud.
- xx. Vorderecken der Fühlerbucht nicht besonders entwickelt.
- y. Seitenschienen des Abdomens an der Ventralseite verbreitert.
- z. Nach innen von der Seitenschiene findet sich ein kleiner rundlicher Chitinleck. Die ersteren sind an der Ventralseite sehr verbreitert. Die Suturen sind nur zwischen Segment 1—3 sichtbar; es sind mediane Borsten vorhanden. *rectangulatus* N.
- zz. Ein solcher Chitinleck fehlt.
- α. Die Seitenschienen sind ventral nicht sehr bedeutend verbreitert und nehmen nicht den ganzen Seitenrand ein, da sie nach hinten schmaler werden. Die Suturen sind zwischen allen Segmenten deutlich. . . . *chrysocephalus* Gbl.
- αα. Die Seitenschienen sind ventral sehr verbreitert, nehmen, sich gleich breit bleibend, den ganzen Seitenrand ein. Die Suturen sind nur zwischen den beiden ersten Segmenten deutlich. Das erste Segment ist doppelt so lang wie das zweite. . . . . *diplogonus* N.
- yy. Seitenschienen des Abdomens ventral nicht verbreitert. Die gelblichen Seitenflecke sind ungefähr viereckig und kommen sich in der Mittellinie ziemlich nahe. Beim Männchen ist die Schläfenecke abgerundet. *pallidomaculatus* Piag.

## 1. Die auf Hühnervögeln lebenden Arten.

a) Von **Perdicidae**.

**Gct. asterocephalus** (Taf. III. Fig. 7).

In Bezug auf diese Art bin ich in der Lage, einen eigenthümlichen Irrthum verbessern zu können. Die von Piaget (p. 226) unter obigem Namen beschriebene Form ist nicht identisch mit der von Nitzsch so genannten, sondern ist neu und muss mit einem anderen Namen belegt werden; ich schlage *gracilis* dafür vor. Die von Piaget (p. 281) als *Goniodes elongatus* neu beschriebene Art ist dagegen gleich *Gct. asterocephalus* N. und muss diesen Namen beibehalten, so dass die Synonymie sein würde:

*Goniocotes gracilis* m.

*Gct. asterocephalus* Piaget (non Nitzsch).

*Goniocotes asterocephalus* N. (non Piag.)

*Goniodes elongatus* ♀ Piag.

Beide Arten leben auf *Coturnix communis*. Von der zweiten Art war Piaget nur das Weibchen bekannt; daher der Irrthum bezüglich der Gattung. Ich lasse die Beschreibung derselben nach den Nitzsch'schen Typen folgen.

Der Kopf ist so lang wie breit, die Stirn hochgewölbt mit zweimal fünf Borstchen, von denen die mittelsten die übrigen an Grösse übertreffen. Die Stirnschiene ist breit, in der Mitte noch verbreitert, am Innenrande, sowie an den nach innen gerichteten Fortsätzen braunschwarz gefärbt. Die Vorderecke der tiefen Fühlerbucht stumpfspitzig. Die Fühler sind in beiden Geschlechtern gleich; das erste Glied überragt die Fühlerbucht nicht, das zweite ist so lang wie die beiden untereinander gleichen folgenden zusammen, das fünfte unbedeutend länger als eins der letzteren. Das Auge ist fast halbkuglig, mit einer Borste besetzt. Die Schläfenecken sind spitzwinklig und bilden die breiteste Stelle des Kopfes, die Entfernung zwischen denselben und dem Auge ist gering. Die Schläfenecken tragen ein Dornspitzchen und zwei lange Borsten. Der hintere Schläfenrand ist tief ausgebuchtet. Die spitzen Hinterhauptsecken

ragen weit nach hinten vor, das Hinterhaupt tritt dagegen zurück und giebt an der Unterseite einen ziemlich langen Fortsatz unter den Prothorax ab. Die Schläfen- und Hinterhauptsschienen sind stark wellig, am Innenrande schwärzlich gesäumt. Die Verbindungsschienen zwischen Hinterhaupt und Mandibeln sind nicht sichtbar.

Der Prothorax ist ziemlich viereckig, mit schwach gewölbten Seiten und einer Borste an den nicht vortretenden Hinterecken. Der breitere Metathorax hat stärker gewölbte Seiten, welche etwas hinter der Mitte zwei Borsten tragen, die Hinterecken treten ganz zurück, der Hinterrand ist nicht deutlich. Die Thoraxringe haben breite Chitinschienen, welche sich zwischen beide etwas nach innen umbiegen. Die Beine haben ungefähr gleichlange Schenkel und Schienen, welche beide braune Aussemränder haben und mit einigen Borsten besetzt sind; die Klauen sind dünn und wenig gebogen.

Das Abdomen ist sehr langgestreckt, hinter der Mitte (am fünften Segmente) am breitesten; die Segmentecken treten deutlich, aber abgerundet vor, wodurch zwischen den fünf ersten Segmenten flache, zwischen den letzten viel tiefere Randeinkerbungen entstehen. Das erste Segment ist länger als die folgenden; das siebente ist bei beiden Geschlechtern an den Hinterrand des Abdomens gerückt, das achte ist beim Männchen sehr klein und zurückgezogen, beim Weibchen übertrifft es das neunte, welches es zwischen sich nimmt, nicht an Länge. Dieses letztere ist beim Weibchen ganz zurückgezogen, in der Mitte des abgestumpften Hinterrandes seicht eingeschnitten; auch beim Männchen wird es vom siebenten Segmente überragt, und tritt als kurzer, abgerundeter Zapfen in der tiefen Ausbuchtung des Hinterleibsendes hervor. Die Segmentecken sind mit einer oder mehreren hinten stärkeren Borsten besetzt; solche finden sich auf der Fläche auf jedem Segmente 4—6 mediane und je zwei seitliche. Die Seitenschienen sind sehr eigenthümlich und charakteristisch für diese Art: sie sind auf Segment 2—7 an der Basis gegabelt und an den Suturen sind sie nicht einfach ungebogen, wie es gewöhnlich der Fall ist, sondern bilden eine Schleife, die nach aussen nicht ganz geschlossen ist; an den Innenrändern sind sie schwarz gesäumt. Die Schienen des ersten sind einfach, parallelseitig, die des achten haben die Form eines Winkelmaasses.

Die Grundfärbung ist gelblichweiss; die Seitenschienen kastanienbraun.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 2,21 mm. | ♀ 3,06 mm. |
| Kopf     | 0,61 „     | 0,72 „     |
| Thorax   | 0,35 „     | 0,41 „     |
| Abdomen  | 1,25 „     | 1,93 „     |
| 3. Femur | 0,31 „     | 0,37 „     |
| 3. Tibia | 0,30 „     | 0,39 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,60 „     | 0,70 „     |
| Thorax   | 0,47 „     | 0,57 „     |
| Abdomen  | 0,75 „     | 1,08 „     |

Diese Art scheint sehr selten zu sein; in der Sammlung des Hallischen Museums befinden sich ein erwachsenes Pärchen und ein jugendliches weibliches Exemplar.

*Gct. gregarius* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 187) von *Perdix afra* muss ich für identisch mit *Gct. chrysocephalus* erklären.

*Gct. microthorax* N. Diese auf *Perdix cinerea* lebende Art findet sich in einigen Exemplaren in demselben Gläschen des Hamburger Museums, welches *Gd. longus* Rud. von *Gallus ignitus* enthält. Ob dieselben wirklich auf letztgenannter Hühnerart gefangen sind, muss dahingestellt bleiben. Ferner besitzt dieselbe Sammlung eine grössere Anzahl von Exemplaren derselben Art von *Phasianus versicolor*.

Die als *Gct. obscurus* Gbl. (Ins. epiz. p. 188) von Giebel beschriebene Art von *Perdix rubra* ist in der Hallischen Sammlung nur in Fragmenten vorhanden, aus welchen sich gar nichts ersehen lässt.

**Gct. isogenos** N. (Taf. III. Fig. 2).

*Goniodes isogenos* N. Giebel, Ins. epiz. p. 194.

Von dieser Art heisst es bei Giebel: „Schliesst sich dem *Gd. dispar* des Rebhuhns ziemlich eng an, ist aber durch den entschieden breiteren Vorderkopf, die geschlechtlich äusserst wenig verschiedenen Fühler, die langen Orbitalflecke, die gleiche Zeichnung des Hinterleibes bei beiden Geschlechtern sehr leicht zu unterscheiden.“

Wenn diese Worte schon die Vermuthung nahe legen, dass es sich hier gar nicht um einen *Goniodes* handelt, so wird dieselbe durch genauere

Untersuchung der typischen Exemplare zur Gewissheit. Die Fühler sind bei beiden Geschlechtern gleich und verweisen diese Art zu *Goniocotes*, freilich wird man ohne Kenntniss des Männchens eher geneigt sein, dieselbe zu *Goniodes* zu rechnen.

Der Kopf ist breiter als lang, an der Stirn breit gerundet, mit zweimal fünf feinen Borstchen besetzt. Die Stirnschiene breit parallelseitig, die nach innen gerichteten Fortsätze lang, kolbig. Vorderecken der Fühlerbucht stumpfspitzig. Fühlerbucht ziemlich tief, wird vom ersten Fühlergliede gerade ausgefüllt, das schlankere zweite ist ein wenig länger, die drei folgenden kürzeren unter sich gleichlang. Das Auge ist halbkuglig vorgewölbt, mit einer langen Borste besetzt. Nicht weit davon entfernt bilden die stark divergirenden Schläfen eine weit vorragende abgerundet-spitze Ecke, welche ein Dornspitzchen und zwei lange Borsten trägt. Die hinteren Schläfenränder convergiren sehr nach hinten und sind etwas ausgeschweift. Die Hinterhauptsecken sind scharf, mit einem Dornspitzchen besetzt, das gerade Hinterhaupt tritt wenig zurück. Die Hinterhauptsschiene ist an den Seiten fleckenartig verbreitert, auch die des hinteren Schläfenrandes innen etwas convex; vor dem Auge steht ein langgestreckter Chitinfleck.

Der ziemlich rechteckige Prothorax hat abgerundete Seiten, welche etwas hinter der Mitte eine lange Borste tragen. Der breitere Metathorax hat ebenfalls abgerundete Seiten, welche ihre grösste Breite an den abgerundeten, mit zwei Borsten besetzten Hinterecken erreicht. Der abgerundete Hinterrand trägt in der Mitte zwei Borsten. Die beiden Thoraxsegmente haben breite, braune Seitenschien.

Die Beine haben nichts Besonderes; die Schenkel aussen mit einigen Dornspitzchen, die Schienen mit zwei längeren Borstchen besetzt.

Das Abdomen ist lang eiförmig, an den abgerundeten Segmentecken eingekerbt. Das erste Segment länger als die folgenden, das achte beim Männchen mit dem vorhergehenden, beim Weibchen mit dem neunten vereinigt. Dieses wölbt sich beim Männchen halbkuglig vor, hat einen braunen Querfleck und ist am Hinterrande mit zahlreichen Borsten besetzt. Beim Weibchen ist es lang und breit, mit geraden, nach hinten convergirenden Seiten und tief ausgeschrittenem, mit zahlreichen Borsten besetzten Hinterrande; die Seiten mit parallelseitigen Chitinschienen belegt. Die Segmentecken tragen in ge-

wöhnlicher Weise Borsten, die Flächen sind vor den Suturen und nahe dem Rande mit einer Reihe solcher besetzt.

Die Seitenschienens sind breit, aus zwei dicht nebeneinander gelegenen zusammengesetzt, an den Nähten umgebogen und hier mit einem abgerundeten Fortsatze versehen.

Ueber die Randflecke geben die mir vorliegenden, schlecht erhaltenen Spiritusexemplare keinen sicheren Aufschluss. Die Grundfarbe ist schmutziggelblichweiss, die Chitinschienen erscheinen rothbraun.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 3,03 mm, | ♀ 3,49 mm. |
| Kopf     | 0,83 „     | 0,94 „     |
| Thorax   | 0,43 „     | 0,44 „     |
| Abdomen  | 1,77 „     | 2,11 „     |
| 3. Femur |            | 0,50 „     |
| 3. Tibia |            | 0,50 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 1,15 „     | 1,20 „     |
| Thorax   | 0,78 „     | 0,81 „     |
| Abdomen  | 1,43 „     | 1,56 „     |

Auf *Perdix afra* gesammelt; in der Sammlung des Hallischen Museums.

#### b) Von Phasianidae.

*Gct. albidus* Gbl. (Ins. epiz. p. 189) von *Phasianus nyctemerus* wird von Piaget (p. 233) mit Recht nur für eine Varietät von *chrysocephalus* G. angesehen. Dieselbe steht in der Kopfbildung der var. *rotundiceps* Piag. sehr nahe. Die Schläfenecken sind sehr stumpf, fast abgerundet; die Seiten des Kopfes fast parallel, das Auge tritt mehr hervor, die Stirnschiene verbreitert sich bedeutend in der Mitte. Was aber von *chrysocephalus* abweicht, sind die sehr stumpfen bis abgerundeten Hinterecken des Prothorax, welche bei der Stammform spitz vortreten. Im Uebrigen sind bei *albidus* die Abdominalschienen an der Ventralseite in genau derselben Weise erweitert, wie bei *chrysocephalus*. Piaget befindet sich übrigens im Irrthum, wenn er dieser Art die medianen Borsten auf dem Hinterleibe abspricht, es sind deren je zwei auf der dorsalen und ventralen Fläche vorhanden, allerdings sind sie sehr fein und wohl leicht hinfällig.

Die Stammform *chrysocephalus* ist bisher bekannt von *Phasianus colchicus*, *nyctemerus*, *Sömmeringi* und *Euplocamus ignitus*; ich erhielt sie auch von *Phasianus pictus*.

Die var. *rotundiceps* stammt von *Phasianus Reevesii*; dieselbe findet sich in der k. Thierarzneischule zu Berlin von *Phasianus Diardii* in einem weiblichen Exemplare.

*Gct. rectangulatus* N., bisher von *Pavo cristatus* und *spiciferus* bekannt, ist in der Berliner Thierarzneischule auch von *Numida meleagies* vorhanden.

*Gct. hologaster* var. *maculatus* m. (Taf. III. Fig. 3). Unter diesem Namen will ich einer Varietät von *Gct. hologaster* Erwähnung thun, welche ich auf einem jungen Haushuhne sammelte, leider nur in weiblichen Exemplaren.

Die Schläfenecken sind stumpf, der Prothorax schmaler, mit weit weniger divergenten Seiten, der Metathorax an den Seiten ausserordentlich kurz; er bildet ein vollständiges Dreieck, dessen Basis dem Hinterrande des Prothorax anliegt. Die beiden unteren Winkel springen spitz über das erste Abdominalsegment vor und sind mit zwei Borsten besetzt. Die Basis ist ein wenig ausgeschweift. Die Occipitalschiene, die Chitinschienen zwischen den Hüften der beiden ersten Beinpaare und ein kleiner länglicher Fleck am Vorderrande des ersten Abdominalsegments erscheinen schwarzbraun. Auf dem Hinterleibe stehen sehr intensiv gefärbte hellbraune Marginalflecke.

|                   |         |                       |
|-------------------|---------|-----------------------|
| Die Länge beträgt | 1,36 mm | (1,58). <sup>1)</sup> |
| Kopf              | 0,39    | „ (0,45).             |
| Thorax            | 0,13    | „ (0,16).             |
| Abdomen           | 0,84    | „ (0,97).             |
| Breite:           |         |                       |
| Kopf              | 0,46    | „ (0,58).             |
| Prothorax         | 0,22    | „ (0,34).             |
| Metathorax        | 0,39    | „ (0,50).             |
| Abdomen           | 0,69    | „ (0,82).             |

---

<sup>1)</sup> Die in Parenthesen gesetzten Zahlen beziehen sich auf den typischen *Gct. hologaster*.

**Gct. gigas** Tschb. (Taf. II. Fig. 1).

Zeitschrift f. ges. Naturwiss. LII. (1869) p. 104. Taf. I, f. 10.

*Gct. hologaster* Denny, Monogr. Anopl. Brit. p. 153. Pl. XIII, f. 4.

*Gct. abdominalis* Piag. p. 238. Pl. XX. f. 9.

Diese von Denny irrthümlicher Weise mit *hologaster* N. identificirte Form ist mit letzterem durchaus nicht zu verwechseln, worauf ich schon vor einigen Jahren hingewiesen habe. Die erste ausführliche Beschreibung verdanken wir Piaget, welcher unser Thier wegen der charakteristischen Flecke des Hinterleibes mit dem Namen *abdominalis* belegt.

Kopf nur wenig breiter als lang, an der Stirn parabolisch gerundet, mit sehr breiter, in der Mitte noch mehr verbreiteter Stirnschiene, welche von zweimal sechs feinen Borsten durchsetzt wird, deren äusserste auf der ziemlich spitzen Vorderecke der Fühlerbucht stehen. Diese ist tief, die Antennen lang. Das erste Glied ragt aber noch über die Fühlerbucht hervor, das zweite ist etwas schlanker und das längste von allen, so lang wie die drei unter sich gleichen Endglieder zusammen. Das Auge wölbt sich halbkuglig vor und trägt eine Borste. Unmittelbar dahinter bildet die Schläfe eine abgerundete Ecke, welche mit einem Dornspitzchen und drei langen Borsten besetzt ist. Die Schläfen verlaufen convergirend nach hinten und sind etwas ausgeschweift. Die stumpfspitzigen Hinterhauptsecken tragen ein kurzes Dornspitzchen, das breite und gerade Hinterhaupt tritt nur wenig zurück. Die Hinterhaupts- und Schläfenschienен hängen continuirlich mit einander zusammen und sind schwarzbraun gefärbt, ebenso erscheint der Innenrand der Stirnschiene und die nach innen gerichteten Fortsätze derselben. Eine Verbindungsschiene zwischen Mundtheilen und Hinterhaupt ist von ersteren aus angedeutet.

Der Prothorax ist breit und kurz, an den Seiten abgerundet und in deren Mitte mit einer Borste besetzt; dem Rande parallel verläuft eine braune Chitinschiene. Der Metathorax ist breiter, an den Seiten gewölbt mit grösster Breite an den nicht vortretenden Hinterecken, welche zwei lange Borsten tragen. Der Hinterrand spitzt sich nach der Mitte zu, diese selbst ist nicht sichtbar, im Uebrigen ist er braun gesäumt. Die Seitenschienен bilden die Fortsetzung derer des Prothorax. Die starken braunen Chitinschienен an dem Sternum zwischen den beiden ersten Beinpaaren nehmen, bevor sie die Mittel-

linie erreichen, eine Längsrichtung an. Die Beine sind lang und kräftig, die Hüften braun umsäumt, die Schenkel haben eine schwarzbraune Aussenschiene und einen ebenso gefärbten kleinen Fleck an der auf die Hüfte folgenden Innenecke. Derselbe setzt sich an dem dritten Schenkel in eine die Hälfte des Innenrandes einnehmende Schiene fort. Schenkel und Schiene tragen aussen je zwei Borsten, letztere an der Innenseite noch mehrere Dornen. Die Klauen sind lang und kräftig.

Das Abdomen ist breit eiförmig, namentlich beim Männchen, beim Weibchen ist es mehr langgestreckt. Das erste Segment ist viel länger als die folgenden, das achte beim Männchen sehr klein, beim Weibchen mit dem neunten verschmolzen. Dieses bei letzterem sehr breit, vom vorhergehenden durch eine tiefere Randeinkerbung geschieden als die übrigen, hat abgerundete Seiten und einen abgestutzten, in der Mitte schwach eingeschnittenen Hinterrand. Beim Männchen ist es viel schmaler, halbkuglig vorgewölbt, mit einem braunen Flecke versehen und am Hinterrande mit zwei Borstenbüscheln besetzt. Der männliche Copulationsapparat ist sehr lang und dunkel gefärbt, an der Basis verbreitert und am Ende mit zwei sehr dünnen, kaum gebogenen Anhängen versehen. Die schwarzbraunen Seitenschienens sind ein wenig vom Rande entfernt, diesem parallel und an den Suturen weit umgebogen. Auf dem ersten Segmente verläuft eine zweite Schiene parallel der ersten, welche sich bis in den Metathorax hinein erstreckt. Die Randflecke sind nur an den Rändern schwarzbraun gefärbt, in der Mitte wie die Grundfarbe gelblich. Sie haben eine zungenförmige Gestalt, auf dem ersten Segmente besonders breit. Beim Weibchen sind sie auf dem Endsegmente zweilappig und durch eine bogenförmige dunkle Linie in der Mitte verbunden. Die Ventralseite ist gezeichnet mit zwei Reihen hellbrauner schräg gerichteter Flecke; nur das letzte Paar steht in der Längsachse und ist dunkler gefärbt.

Die Seitenränder des Hinterleibes sind an den Segmentecken beim Männchen deutlich gekerbt, beim Weibchen schwach wellenförmig; die Ecken treten nur an den beiden ersten Segmenten etwas hervor, sonst sind sie abgerundet. Sie tragen zwei bis fünf Borsten. Auf den Flächen steht eine Reihe von kurzen Borsten vor den Suturen.

Die Grundfarbe ist gelblich; durch die verschiedenen Nüancierungen des Braunen auf dem Kopfe, in den Flecken und den Seitenschienens erscheint diese Art ziemlich bunt.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 3,33 mm, | ♀ 4,05 mm. |
| Kopf     | 1,09 "     | 1,09 "     |
| Thorax   | 0,46 "     | 0,46 "     |
| Abdomen  | 1,87 "     | 2,50 "     |
| 3. Femur | 0,56 "     | 0,58 "     |
| 3. Tibia | 0,65 "     | 0,67 "     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 1,13 "     | 1,21 "     |
| Thorax   | 0,95 "     | 1,00 "     |
| Abdomen  | 1,95 "     | 2,07 "     |

Diese schöne Art lebt auf den verschiedenen Rassen des Haushuhns, gehört aber, wie es scheint, nicht zu den häufigen Federlingen.

**Gct. haplogonus** N. (Taf. III. Fig. 6, 6a.)

Giebel, Ins. epiz. p. 186.

Der Kopf ist breiter als lang, die Stirn parabolisch gerundet, mit einigen sehr feinen Härchen besetzt. Die Stirnschiene in der Mitte verbreitert und am Innenrande ausgezackt; die nach innen gerichteten Fortsätze sind kolbig. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist stumpf, die letztere flach; die Fühler fadenförmig, dünn; das zweite Glied so lang wie die beiden folgenden, das fünfte wenig kürzer. Das Auge ist durch eine Borste markirt. Die divergirenden Schläfen sind flach convex, die Schläfenecken abgestumpft rechtwinklig, mit einer langen Borste besetzt, und mit dem Hinterhaupte in gleicher Linie gelegen. An dem hinteren Schläfenrande steht noch eine Borste. Die Hinterhauptsecken sind kurz, aber scharf. Die Hinterhauptsschienen an den Seiten rundlich verbreitert, braun gefärbt, die Schläfenschienen wie der übrige Kopf gelblich.

Der Prothorax hat die Form eines Rechtecks, mit schwach gerundeten Seiten und einer Borste an den Hinterecken. Der viel breitere Metathorax hat genau die Gestalt eines gleichschenkligen Dreiecks, dessen Basis dem Hinterrande des Prothorax anliegt, während die Spitze die Mitte des Hinterrandes bildet. Seitlich treten nur die spitzen unteren Winkel hervor und sind mit zwei Borsten besetzt; am Hinterrande steht jederseits noch eine seitliche und zwei mediane. Beim Männchen ist der Vorderrand etwas ausgeschweift.

Die Beine sind sehr kurz, die Schienen etwas länger als die dicken Schenkel.

Das Abdomen ist eiförmig, beim Männchen kürzer und breiter, an den Seiten mehr gerundet. Die Ecken der Segmente treten als spitze nach hinten gerichtete Zähne hervor, wie es sich sonst bei keiner anderen Art wiederfindet, und sind hier mit einer Borste besetzt. Das erste Segment ist etwas länger als die folgenden, das achte ist beim Männchen weit zurückgezogen und bildet jederseits vom neunten eine Hervorragung, welche an der abgerundeten Spitze eine Borste trägt. Das siebente ist beim Männchen auch schon am Hinterrande des Abdomens gelegen und endet mit zwei Spitzen, welche etwas weiter nach hinten reichen als das zurückgezogene, einen abgerundeten Zapfen bildende neunte. Dieses ist mit einigen Borsten besetzt und gelbbraun gefärbt. Der Copulationsapparat ist ziemlich lang, aus zwei sehr schmalen Chitinstäbchen zusammengesetzt, welche am Ende zwei lange dünne, sehr wenig nach einwärts gebogene Anhänge tragen. Beim Weibchen besteht das Endsegment aus der Vereinigung des achten und neunten, deren ursprüngliche Trennung man noch an einer sehr flachen, mit einer Borste besetzten Einkerbung an den abgerundeten Seiten erkennt. Der Hinterrand ist flach, aber weit ausgeschnitten, mit wenigen sehr feinen Borstchen besetzt. Die Seitenschien sind breit, durch ihre Färbung aber wenig abgehoben; an den Suturen rechtwinklig umgebogen und in der Mitte mit einem zweiten, aber kürzeren Fortsatze versehen. An dieselben schliessen sich lange schmale, gelbe Randflecke an, welche nur ein schmales Feld in der Mitte des Hinterleibes freilassen. Beim Männchen sind die des sechsten Segments sehr kurz dreieckig, auf dem siebenten, welches in der Mitte von den zurückgezogenen Endsegmenten fast ganz eingenommen wird, fehlen sie ganz. Die Endsegmente sind bei beiden Geschlechtern einfarbig. Die Flächen sind beim Weibchen beiderseits mit zwei medianen und jederseits zwei seitlichen Borsten auf den einzelnen Segmenten besetzt; beim Männchen bleibt die Mitte auf der Dorsal-seite frei und jederseits davon stehen sechs bis sieben Borsten, von denen die dem Rande am nächsten stehende besonders lang ist; auf der Ventralseite dagegen fehlen diese bis auf die Randborste und es sind vier mediane auf jedem Segmente vorhanden.

Die Grundfarbe ist gelbbraun, nur die Mitte des Hinterleibes erscheint

schmutzigweiss, die Chitinschienen sind theilweise etwas dunkler braun. Der ganze Panzer sieht chagriniert aus.

| Länge      | ♂ 1,20 mm, | ♀ 1,55 mm. |
|------------|------------|------------|
| Kopf       | 0,35 "     | 0,43 "     |
| Thorax     | 0,15 "     | 0,16 "     |
| Abdomen    | 0,70 "     | 0,96 "     |
| 3. Femur   | 0,16 "     | 0,18 "     |
| 3. Tibia   | 0,11 "     | 0,13 "     |
| Breite:    |            |            |
| Kopf       | 0,51 "     | 0,61 "     |
| Prothorax  | 0,24 "     | 0,29 "     |
| Metathorax | 0,49 "     | 0,55 "     |
| Abdomen    | 0,70 "     | 0,83 "     |

Auf *Lophophorus impeyanus*. Ich erhielt zwei Männchen und ein Weibchen von einem trockenen Balge durch die Freundlichkeit des Herrn Naturalienhändler Schlüter und konnte danach eine genauere Beschreibung und Abbildung geben, als es das schlechte Exemplar (♀) der Hallischen Sammlung erlaubt hätte.

#### c) Von Megapodiidae.

**Gct. maior** Piag. (Taf. II. Fig. 2.)

p. 239, Pl. XXI, f. 1.

Kopf sehr breit, vorn parabolisch gerundet, mit zweimal vier feinen kurzen Haaren besetzt. Stirnschiene parallelseitig, die nach innen gerichteten Fortsätze lang und schmal. Vorderecken der Fühlerbucht etwas nach hinten und unten gerichtet; diese sehr flach. Das erste Fühlerglied ist dick und ragt zur Hälfte aus der Fühlerbucht hervor, das zweite ist schlank und beinahe so lang wie die unter sich ziemlich gleichen drei anderen. Das Auge ist sehr wenig vorgewölbt, durch einen schwarzen Pigmentfleck und eine Borste gekennzeichnet. Die Schläfen divergiren sehr stark nach hinten und bilden eine weit vorragende spitze Schläfenecke, welche mit zwei Borsten besetzt ist und beinahe mit den Hinterhauptsecken in gleicher Höhe liegt. Der hintere Schläfenrand ist stark ausgeschweift. Die stumpfen Hinterhauptsecken tragen ein kleines Dornspitzchen. Das zurücktretende Hinterhaupt ist convex. Die

Hinterhauptsschiene ist rothbraun, an den Seiten verbreitert, die Verbindungsschienen nach den Mundtheilen angedeutet. Die Schläfenschienen sind hell gefärbt, vor dem Auge zu einem etwas dunkleren Fortsatz nach innen umgebogen.

Der Prothorax ist trapezförmig mit ziemlich stark divergirenden geraden Seiten, hellen seitlich vortretenden Hinterecken, welche eine Borste tragen, und breiten Seitenschienen. Der Metathorax ist ebenso lang, aber breiter als der Prothorax, und hat abgerundete Seiten, welche an der breitesten Stelle, etwa in der Mitte, zwei Borsten tragen. Die Hinterecken sind stumpf, der Hinterrand tritt in der Mitte mit abgerundetem Winkel vor; er ist mit zwei medianen und je einer seitlichen Borste besetzt. Der Seitenschiene parallel verläuft eine zweite, welche sich etwas auf das Abdomen fortsetzt. Am Sternum ist zwischen den Hüften der beiden ersten Beinpaare eine schräge Chitinschiene, welche vor der Mittellinie Längsrichtung annimmt.

Die Beine sind lang und kräftig; die Aussenschienen sehr blass, die Schenkel mit zwei kurzen äusseren, die Schienen mit zwei ebensolchen längeren Borsten und mehreren Dornen an der Innenseite besetzt. Die Klauen lang und dünn, sanft gebogen.

Das Abdomen ist breit, eiförmig gerundet, beim Männchen hinten etwas abgestumpft; die Seiten an den Segmentecken schwach eingekerbt. Das erste Segment ist länger als die folgenden, das sechste und siebente beim Männchen etwas kürzer als die vorhergehenden, das achte erscheint als kleine Hervorragung seitlich von dem hochgewölbten breiten Endsegmente, welches am Hinterrande jederseits vier Borsten trägt und braun gesäumt ist. Beim Weibchen ist das mit dem achten vereinigte Endsegment breit, abgerundet, in der Mitte mit einem Einschnitte versehen und jederseits davon mit zwei Borsten besetzt.

Der Copulationsapparat ist lang und breit, hell gefärbt, am Ende mit zwei kleinen Haken versehen. Die Seitenschiene ist an der Ventralseite etwas breiter, an den Suturen lang nach innen umgebogen.

Es sind viereckige, aber sehr blasse Randflecke vorhanden. Die Segmente sind vor den Suturen mit einer Reihe von (8—10) Borsten besetzt, an den Ecken stehen eine oder zwei.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, die Flecken gelblich, wie Kopf und Thorax, die Seitenschienen braun.

| Länge    | ♂    | 2,72 mm. | Breite.  |
|----------|------|----------|----------|
| Kopf     | 0,73 | „        | 1,20 mm. |
| Thorax   | 0,46 | „        | 0,87 „   |
| Abdomen  | 1,53 | „        | 1,47 „   |
| 3. Femur | 0,44 | „        |          |
| 3. Tibia | 0,50 | „        |          |

Piaget, welcher diese Art zuerst beschrieb, fand sie auf verschiedenen Varietäten von *Megapodium rubripes* (*Freycineti*, *Forsteni*, *Gilberti*). Das einzige mir vorliegende Männchen ist von Herrn Dr. Meyer auf *Talegallus fuscirostris* gesammelt.

**Gct. minor** Piag. (Taf. II. Fig. 3.)

p. 241, Pl. XXI, f. 2.

Die spezifische Verschiedenheit dieser mit *Gct. maior* ausserordentlich nahe verwandten Art kann ich mit Piaget anerkennen, wenngleich ich auf einige der von ihm angeführten Unterschiede kein besonderes Gewicht legen möchte.

Es ist zunächst die geringere Grösse, welche diese Art von der vorigen unterscheidet. Die Stirn ist mit fünf Borstchen besetzt. Die Stirnschiene ist breiter und in der Mitte etwas verbreitert. Die am Auge stehende Borste ist viel länger, das Auge selbst tritt gar nicht hervor. Dass der hintere Schläfenrand fast gerade sei, wie Piaget angiebt, kann ich nicht finden, er ist fast so ausgeschweift wie bei *maior*.

Die Seiten des Prothorax sind viel divergenter, die Hinterecken in grösserer Ausdehnung ungefärbt, der Metathorax kaum breiter, in der Mitte am breitesten, hier mit zwei Borsten besetzt und von da nach den Vorder- und Hinterecken gleichmässig abgerundet, der Hinterrand ist abgerundet. Dass er beim Weibchen in der Mitte spitzwinklig sei, kann ich nicht finden.

Beim Männchen tritt das achte Hinterleibssegment noch mehr zurück als bei *maior*, das neunte ist viel flacher gewölbt und ragt weniger vor.

Beim Weibchen ist das Endsegment tiefer ausgeschnitten; in der Umgebung der Geschlechtsöffnung stehen sehr zahlreiche Borsten.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 1,86 mm, | ♀ 2,07 mm. |
| Kopf     | 0,50 „     | 0,51 „     |
| Thorax   | 0,30 „     | 0,30 „     |
| Abdomen  | 1,06 „     | 1,26 „     |
| 3. Femur | 0,26 „     | 0,26 „     |
| 3. Tibia | 0,26 „     | 0,26 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,78 „     | 0,79 „     |
| Thorax   | 0,60 „     | 0,59 „     |
| Abdomen  | 1,05 „     | 1,04 „     |

Piaget fand diese Art mit der vorigen zusammen auf den verschiedenen Varietäten von *Megapodium rubripes*. Herr Dr. Meyer sammelte sie auf *Talegallus Cuvieri*, *Megapodium Reinwardti* und *M. Gedvinkianus*. Durch die Güte des Herrn Dr. Rey erhielt ich sie in mehreren Exemplaren von *Megapodium Freycineti*. Unter den von Meyer gesammelten Arten findet sich ein offenbar verirrtes Stück dieser Art von *Cacatua triton*.

**Gct. fissus** Rud. (Taf. II. Fig. 7, 7a.)

Beiträge p. 23. Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 477.

Diese Art gehört in die nächste Verwandtschaft von *maior* und *minor*, so dass es genügt, die Unterschiede hervorzuheben.

Die Stirn ist mit zweimal fünf Borsten besetzt, eine sechste steht auf der Vorderecke der Fühlerbucht. Die Stirnschiene ist in der Mitte verbreitert, die nach innen gerichteten Fortsätze sind kolbig und sehr dunkel gefärbt. Die Schläfen sind etwas ausgeschweift, bevor sie in der spitzwinkligen Schläfenecke weit vortreten. Diese ist mit einem Dornspitzchen und zwei langen Borsten besetzt, hinter welchen am ebenfalls etwas ausgeschweiften hinteren Schläfenrande noch eine dritte folgt. Die Hinterhauptsecken sind stumpfer, das Hinterhaupt ist concav und tritt weiter zurück. Die Hinterhauptsschiene ist an den Seiten zu grossen dunklen Flecken verbreitert.

Der Prothorax hat nicht sehr divergente Seiten und stumpfere Hinterecken. Der breitere Metathorax ist an den Seiten flach gewölbt, an den Hinterecken am breitesten. Die Form des Hinterrandes entzieht sich in den

mir vorliegenden Exemplaren in Folge des dunklen Darminhalts den Blicken, doch scheint derselbe einen abgerundeten Winkel in der Mitte zu bilden.

Das erste Abdominalsegment ist kaum länger als die folgenden, das achte beim Männchen eine kleine Vorragung jederseits vom neunten, beim Weibchen mit diesem vereinigt. Dieses beim Männchen breit vorgewölbt, mit breitem braunen Saume des Hinterrandes und mit einer Reihe von Borsten besetzt. Beim Weibchen ist das Endsegment breit, mit abgerundeten Seiten und abgestumpften, in der Mitte ziemlich tief eingeschnittenen Hinterrande. Jederseits steht ein Büschel von Borsten an demselben.

Die Seiten des Abdomens an den Segmentecken etwas mehr eingekerbt, die Seiten der einzelnen Segmente etwas mehr gewölbt. Die Seitenschien sind breiter, an den Suturen nach innen umgebogen und an diesem Theile mit einem oberen rundlichen Fortsatze versehen. Ausser den Randborsten trägt jedes Segment eine Reihe solcher vor der Suture und jederseits zwei nahe dem Rande. Der männliche Copulationsapparat reicht durch den ganzen Hinterleib bis zum Thorax hinauf.

Die Grundfarbe des Hinterleibes ist schmutzig gelblichweiss, Kopf, Thorax und Beine sind gelbbraun, die Chitinschienen rothbraun, an dem Hinterhaupte und den inneren Fortsätzen der Stirnschiene am dunkelsten.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 2,39 mm, | ♀ 2,75 mm. |
| Kopf     | 0,67 „     | 0,73 „     |
| Thorax   | 0,35 „     | 0,38 „     |
| Abdomen  | 1,37 „     | 1,64 „     |
| 3. Femur | 0,38 „     | 0,38 „     |
| 3. Tibia | 0,48 „     | 0,48 „     |
| Breite : |            |            |
| Kopf     | 1,09 „     | 1,16 „     |
| Thorax   | 0,73 „     | 0,71 „     |
| Abdomen  | 1,41 „     | 1,50 „     |

Diese Art wurde zuerst von Rudow beschrieben und auf *Talegallus Lathamii* gefunden. Sie liegt mir in einigen Exemplaren aus dem Hamburger Museum vor. Ein einzelnes Weibchen erhielt ich von demselben Wohnthiere durch die Freundlichkeit des Herrn Dr. Rey.

**Gct. discogaster** m. ♂ (Taf. II. Fig. 12).

Ausser den schon erwähnten Formen von *Megapodium Freycineti* liegt mir von diesem Wirthe (von Herrn Dr. Rey an einem trockenen Balge gesammelt) noch eine andere Art vor, leider nur in einem weiblichen Exemplare. Sie besitzt jedoch mehrere Besonderheiten, welche es rechtfertigen mögen, dass ich daraufhin eine neue Art beschreibe.

Der Kopf ist kegelförmig, an der Stirn parabolisch gerundet, mit einigen feinen Haaren besetzt. Die Stirnschiene ist parallelseitig, die nach innen gerichteten Fortsätze kolbig. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist unter die Antennen herabgebogen; die erstere sehr flach. Das Auge tritt gar nicht vor, ist durch ein Borstchen bezeichnet. Die Schläfen verlaufen unter sehr starker Divergenz bis zu den spitzwinkligen, mit einem Dornspitzchen und zwei Borsten besetzten Schläfenecken. Diese liegen ein wenig weiter nach hinten als das convexe Hinterhaupt. Der hintere Schläfenrand ist geradlinig, die Hinterhauptsecken sind kaum bemerkbar, durch ein sehr kleines Dornspitzchen bezeichnet. Die Hinterhauptsschiene ist schmal, aber an den Seiten zu grossen dunkelbraunschwarzen Flecken verbreitert. Die Fühler sind kurz, das erste Glied gleich dem zweiten, die kürzeren folgenden untereinander gleich.

Der Prothorax ist viel breiter als lang, seine Seiten divergiren sehr stark und sind etwas ausgeschweift, die weit vorragenden spitzwinkligen Hinterecken mit einer Borste besetzt. Die Seitenschien lassen die Hinterecken frei. Der Metathorax ist wenig breiter, von dreieckiger Gestalt; die zitzenförmig vorragenden abgerundeten Seiten tragen zwei Borsten, der Hinterrand bildet einen Winkel in der Mitte, ist hier mit zwei und nahe dem Rande jederseits ebenfalls mit zwei Borsten besetzt. Die Beine sind kurz und dick, die Schienen nach dem Ende hin verbreitert.

Das Abdomen ist scheibenförmig rund, die Seiten an den Segmentecken gekerbt, diese an den vier ersten Segmenten deutlich vortretend, an den übrigen abgerundet. Das achte ist mit dem neunten Segmente verschmolzen; dieses breit abgerundet mit schmalen Chitinsaume und kaum bemerkbarer mittlerer Einkerbung des Hinterrandes. Letzterer ist mit einigen Borsten besetzt. Die Seitenschien sind schmal, an den Suturen nach innen gebogen, aber dieser Theil ist kurz, ebenso wie die Segmentecken etwas dunkler gefärbt.

Die Stigmata sind deutlich nach innen von den Schienen sichtbar. Die gelben Randflecke sind dreieckig und ziemlich kurz; das Endsegment ist ganz gelb gefärbt. Vor den Suturen trägt jedes Segment jederseits von der Mittellinie drei oder vier Borsten und etwas davon entfernt, näher dem Rande, jederseits noch zwei. An der Ventralseite findet sich jederseits von der Geschlechtsöffnung ein schwach nach aussen gebogener gelblicher Streif und unter ersterer sehr zahlreiche, in flachem Bogen gestellte Borsten.

Die Grundfarbe des Abdomens ist schmutzigweiss, die Flecke gelb, Kopf, Thorax und Beine sind gelbbraun, die Seitenschienen dunkler braun.

| Länge    | ♀ 1,88 mm. | Breite.  |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,53 „     | 0,94 mm. |
| Thorax   | 0,26 „     | 0,75 „   |
| Abdomen  | 1,09 „     | 1,20 „   |
| 3. Femur | 0,24 „     |          |
| 3. Tibia | 0,20 „     |          |

**Get. macrocephalus** m. (Taf. II. Fig. 11).

Der Kopf ist breiter als lang, die Stirn ziemlich flach gewölbt, mit zwei sehr feinen Borstchen besetzt. Die Stirnschiene ist in der Mitte etwas verbreitert, die nach innen gerichteten Fortsätze sehr dick und kolbig. Die Fühlerbucht ist mässig tief, das dicke erste Antennenglied ragt ein wenig daraus hervor, das zweite ist das längste, das fünfte etwas länger als die untereinander gleichen 3. und 4. Das Auge tritt gar nicht hervor, es ist durch eine Randborste bezeichnet. Die Schläfen sind gerade und divergiren ziemlich bedeutend. Die abgestumpft spitzwinkligen Schläfenecken ragen weit vor und sind mit einem Dornspitzchen und einer Borste besetzt, auf welche am hinteren Schläfenrande sehr bald eine zweite folgt. Dieser ist hinter der Mitte etwas ausgeschweift und zwar bei älteren Exemplaren und, wie es scheint, beim Weibchen mehr als bei Jugendformen, wo er ganz geradlinig sein kann, und beim Männchen. Die stumpfwinkligen, mit einem Dornspitzchen besetzten Hinterhauptsecken ragen weit nach hinten und bedecken die Vorderecken des Prothorax, meist sogar die Hälften der Seiten desselben. Das concave Hinterhaupt tritt weit zurück. Die Hinterhauptsschiene ist schmal, bildet aber an den Seiten meist sehr grosse dunkel gefärbte Flecken. Die

Schläferschienen beginnen hinter den Fühlern ebenfalls mit einer etwas dunkleren Verbreiterung.

Der Prothorax ist trapezisch, an den stumpfen Hinterecken mit einer Borste besetzt; mit dunkeln Seitenschienen. Der breitere Metathorax hat flach gewölbte Seiten, die an den abgerundeten Hinterecken ihre grösste Breite erreichen und hier mit zwei Borsten besetzt sind, auf welche sehr bald jederseits zwei andere folgen am Anfange des Hinterrandes. Dieser bildet in der Mitte einen völlig abgerundeten Winkel. Die braunen Chitinschienen reichen nicht ganz bis zu den Hinterecken. Die Beine sind kurz und dick.

Das Abdomen ist breit, an den Seiten gleichmässig gerundet. Diese sind an den Segmentecken schwach eingekerbt und hier in der gewöhnlichen Weise mit Borsten besetzt. Beim Männchen bildet das achte Segment kurze Hervorragungen, das neunte ist breit und weit vorgewölbt, am Hinterrande mit einem Chitinsaume und einer Reihe Borsten versehen. Beim Weibchen ist das vereinigte achte und neunte Segment sehr breit, an den Seiten gerundet, am Hinterrande abgestutzt, in der Mitte wenig eingeschnitten und mit einigen längeren und verschiedenen kürzeren Borsten besetzt. Die Seitenschienen sind an der Ventralseite etwas breiter, an den Suturen nach innen umgebogen und in diesem Theile auch etwas verbreitert. Die Randflecke sind sehr blass und undeutlich, das weibliche Endsegment ist einfarbig gelblich. Auf der Fläche trägt jedes Segment eine Reihe zahlreicher Borsten.

Die Grundfarbe des Hinterleibes ist schmutzig-gelblichweiss, Kopf und Thorax sind gelbbraun, die Chitinschienen etwas dunkler.

| Länge    | ♂ 1,45 mm, | ♀ 1,76 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,48 „     | 0,48 „     |
| Thorax   | 0,24 „     | 0,25 „     |
| Abdomen  | 0,73 „     | 1,03 „     |
| 3. Femur | 0,16 „     | 0,20 „     |
| 3. Tibia | 0,16 „     | 0,20 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,62 „     | 0,79 „     |
| Thorax   | 0,48 „     | 0,51 „     |
| Abdomen  | 0,79 „     | 1,00 „     |

Diese Art lebt ebenfalls auf *Talegallus Lathamii*. Ich lernte sie zuerst durch ein männliches Exemplar im Hamburger Museum kennen und erhielt dann mehrere Stücke durch Herrn Dr. Rey.

#### d) Von Penelopidae und Opisthocomidae.

**Gct. guttatus** m. (Taf. II. Fig. 14).

Kopf fast so lang wie breit, die Stirn hochgewölbt mit einigen äusserst kurzen Haaren, einer etwas längeren auf den nicht vortretenden Vorderecken der Fühlerbucht. Die Stirnschiene ist äusserst schmal, die inneren Fortsätze sind kurze, rundliche braune Anhänge daran. Fühlerbucht sehr flach. An den Fühlern sind das erste, zweite und fünfte Glied etwa gleichlang, die beiden mittleren kürzer. Das Auge wölbt sich deutlich vor und ist mit einem kurzen Dornspitzchen besetzt, davor steht ein kleiner Chitinleck. Die Schläfen divergiren nicht sehr stark, die Schläfenecken sind abgerundet spitzwinklig, mit einem Dornspitzchen und einer langen Borste besetzt. Der hintere Schläfenrand ist ein wenig convex, die Hinterhauptsecken sind abgerundet und treten gar nicht hervor, das Hinterhaupt ist sehr wenig zurückgezogen.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit einer Borste an den nicht vortretenden Hinterecken. Der breitere Metathorax hat gewölbte Seiten, welche an den abgerundet spitzwinkligen Hinterecken ihre grösste Breite erreichen und hier mit zwei Borsten besetzt sind. Der Hinterrand bildet in der Mitte einen scharfen spitzen Winkel und trägt nahe den Ecken jederseits noch zwei dicht bei einander stehende Borsten. Die Beine haben eine proportionirte Länge und sind schlank, mit langen dünnen Klauen.

Das Abdomen ist eiförmig mit gleichmässiger Rundung seiner Seiten, welche an den vortretenden, aber abgerundeten Segmentecken eingekerbt sind. Das achte Segment ist beim Weibchen selbstständig und ebenso gross wie das siebente, an den Seiten mit zwei Borsten besetzt; das neunte ist sehr viel kleiner, an den Seiten gerundet, und erscheint in Folge des tiefen mittleren Ausschnittes zweispitzig. Beim Männchen ist das achte Segment mit dem neunten verschmolzen, nur an einer seichten Randeinkerbung und Borsten noch kenntlich, abgerundet, in der Mitte mit flachem Ausschnitte. Der Copulationsapparat ist kurz; er reicht bis zum Hinterrande des fünften Segments und endet mit einer Spitze. Die Seitenschien sind schmal, an den Suturen fast

gar nicht umgebogen. Die Flecke sind sehr deutlich, beginnen ein wenig nach innen von der Seitenschiene, sind von Form rechteckig und berühren sich auf den ersten vier Segmenten beinahe in der Mittellinie, auf den folgenden verschmelzen sie mit einander. Nahe dem Rande befindet sich ein etwas dunklerer unregelmässig conturirter Chitinfleck darauf. Ausser den gewöhnlichen Borsten an den Ecken trägt jedes Segment zwei kurze mediane Borstchen. Die Färbung ist mit Ausnahme der hellen Nähte gelblich.

|          |          |            |
|----------|----------|------------|
| Länge    | 1,22 mm, | ♀ 1,38 mm. |
| Kopf     | 0,33 „   | 0,36 „     |
| Thorax   | 0,16 „   | 0,16 „     |
| Abdomen  | 0,73 „   | 0,86 „     |
| 3. Femur | 0,14 „   | 0,15 „     |
| 3. Tibia | 0,14 „   | 0,15 „     |
| Breite:  |          |            |
| Kopf     | 0,39 „   | 0,41 „     |
| Thorax   | 0,33 „   | 0,35 „     |
| Abdomen  | 0,56 „   | 0,66 „     |

Auf *Penelope cristata* und *Penelope pipila* von mir bei Herrn Dr. Rey und Herrn Schlüter gesammelt.

**Gct. curtus** N. (Taf. II. Fig. 13, 13a.)

Giebel, Ins. epiz. p. 189, Taf. XIII, f. 2.

Eine sehr auffallende, von allen Gattungsgenossen abweichende Art.

Der Kopf ist viel breiter als lang, der Vorderkopf kurz, die Stirn ziemlich flach gewölbt, in der Mitte mit einem viereckigen Ausschnitte, zu dessen Seiten sich die Ränder etwas aufwulsten, jederseits davon stehen vier feine Härchen. Die Stirnschiene ist schmal mit sehr kleinen inneren Fortsätzen. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind spitz, letztere ziemlich tief, weit vorn gelegen. Die Fühler sind kurz, das zweite Glied so lang wie das erste, das fünfte wenig länger als die beiden kurzen vorhergehenden. Das Auge ist gar nicht bemerkbar. Die stark divergirenden Schläfen sind schwach convex. Die Schläfenecken sind abgerundet, mit einer langen Borste besetzt und liegen mit dem Hinterhaupte auf gleicher Linie. Hinterhauptsecken sind gar nicht entwickelt, das Hinterhaupt flach concav. Die Schläfenschienen sind

sehr schmal und beginnen hinter den Fühlern fleckenartig erweitert. Am Hinterhaupte kann man leicht in den Irrthum verfallen, für zugehörige Chitinverdickung zu halten, was in Folge der Bedeckung des Kopfes vom Prothorax durchscheint. Dieser hat bei einer trapezischen Form stark divergirende Seiten, an den nicht vortretenden Hinterecken eine Borste und einen flach convexen Hinterrand. Der breitere Metathorax hat dieselbe Gestalt, aber stärker divergirende Seiten, so dass die mit zwei Borsten besetzten Hinterecken weit über die Seiten des Abdomens vorragen. Der Hinterrand bildet in der Mitte einen stumpfen Winkel und trägt jederseits nahe dem Rande zwei Borsten.

Die Beine sind verhältnissmässig lang, namentlich die des dritten Paares, dessen Schenkel länger sind als die Schienen.

Das Abdomen ist breit, an den Seiten wenig gerundet, beim Männchen nach hinten verbreitert, beim Weibchen verschmälert. Die Segmentecken treten deutlich hervor und sind mit ein oder drei Borsten besetzt. Das erste Segment ist etwas länger als die folgenden und hat parallele Seiten. Das achte Segment ist bei beiden Geschlechtern durch eine höckerartige Hervorragung kenntlich und mit Borsten besetzt. Das neunte Segment ist beim Männchen abgerundet, ragt nicht weit hervor und ist am Hinterrande mit einigen Borsten besetzt. Seitenschienen sind nicht vorhanden. Beim Weibchen dagegen hat es mit breiten Chitinschienen belegte, nach hinten stark convergirende Seiten, welche mit abgestumpften Spitzen endigen und einen ziemlich tiefen Ausschnitt zwischen sich nehmen, in welchem zwei Borsten stehen. Eine Reihe solcher findet sich auch in der Umgebung der Geschlechtsöffnung. Die Seitenschienen sind breit und an den Suturen umgebogen. Ueber Randflecke kann ich bei meinen alten Spiritusexemplaren nichts angeben; ich finde den ganzen Körper ziemlich gleichmässig gelbbraun gefärbt. Jedes Segment trägt vier mediane Borsten.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge:   | ♂ 1,15 mm, | ♀ 1,29 mm. |
| Kopf     | 0,30 "     | 0,31 "     |
| Thorax   | 0,23 "     | 0,25 "     |
| Abdomen  | 0,62 "     | 0,73 "     |
| 3. Femur | 0,29 "     | 0,25 "     |
| 3. Tibia | 0,19 "     | 0,19 "     |

## Breite:

|            |          |          |
|------------|----------|----------|
| Kopf       | 0,51 mm, | 0,55 mm. |
| Prothorax  | 0,38 „   | 0,38 „   |
| Metathorax | 0,60 „   | 0,61 „   |
| Abdomen    | 0,63 „   | 0,63 „   |

Auf *Opisthocomus cristatus*, in der Sammlung des Hallischen zoologischen Museums:

**e) Von Crypturidae.**

**Gct. rotundatus** Rud. (Taf. III. Fig. 8).

Beiträge p. 22.

*Gct. dilatatus* Rud. Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 479.

In Bezug auf die Verwechslung dieser Art mit *Goniodes dilatatus* haben wir bereits oben Näheres mitgeteilt. Sie ist besonders interessant wegen der Aehnlichkeit mit dieser Art und würde unbedingt in die nächste Verwandtschaft derselben gestellt werden müssen, wenn die Fühler geschlechtlich differenziert wären.

Der Kopf ist breiter als lang, die Stirn parabolisch gerundet, mit zweimal vier feinen Härchen besetzt. Die Stirnschiene ist äusserst schmal, die vor der Fühlerbucht nach innen abgehenden Fortsätze sind grosse runde Anhänge von rothbrauner Farbe. Ausserdem sitzen aber dieser Stirnschiene in der Mitte sechs kleine zapfenförmige Anhänge an, welche nach aussen hin stufenweise an Grösse abnehmen; die äussersten sind sehr klein. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind abgerundet, diese selbst sehr flach. An den fadenförmigen Antennen ist das zweite Glied ungefähr ebenso lang, wie das erste, die beiden folgenden je halb so lang, das fünfte wieder etwas länger. Das Auge erscheint als flache Hervorwölbung. Die flach convexen Schläfen sind mit drei sehr kurzen Härchen besetzt und verlaufen divergirend bis zu den stiltförmig nach hinten verlängerten, spitzwinkligen Schläfenecken, welche mit zwei langen Borsten besetzt sind. Die Hinterhauptsecken sind kaum angedeutet, das Hinterhaupt geradlinig. Die schmale Hinterhauptsschiene verbreitert sich seitlich zu je einem etwa dreieckigen Flecke. Die Schläfenschieren sind am hinteren Schläfenrande etwas breiter als vor den Schläfenecken, hier mit drei denen der Stirnschienen ähnlichen, von vorn nach hinten an Länge ab-

nehmenden und ein wenig schräg nach vorn gerichteten zapfenartigen Anhängen versehen.

Der Prothorax ist rechteckig mit schwach abgerundeten Seiten, welche in der Mitte auf einer kleinen Pustel eine Borste tragen. Der höchst charakteristische Metathorax springt an den Seiten flügelartig vor, ist so breit wie der Kopf, noch einmal so breit wie der Prothorax und an den Ecken mit zwei Borsten besetzt, auf welche etwas nach hinten noch eine dritte folgt. Von dieser breitesten Stelle aus sind die Seiten nach dem Prothorax zu abgerundet, nach dem Abdomen hin gerade, nur diese Hälfte trägt eine Chitinschiene. Hinten ist der Prothorax bis zu der Suture zwischen dem sehr kleinen ersten und dem zweiten Abdominalsegmente verlängert. Die Beine sind kurz und dick. Das Abdomen ist scheibenförmig rund, an den Segmentecken kaum eingekerbt. Das erste Segment ist ausserordentlich klein, an den Seiten als kleine Rundung kaum hervortretend, auf dem zweiten Segmente durch eine convexe Naht markiert. Ganz ähnlich ist die Bildung des ersten Hinterleibssegments bei *Rhopaloceras dilatatum* und *subdilatatum* und erinnert ferner an diejenige bei *Strongylocotes*. Das zweite Segment ist um so grösser, an den Seiten stark gerundet. Das achte erscheint beim Männchen als ganz kleiner Zapfen jederseits vom neunten. Dieses ragt nicht sehr weit hervor und ist abgerundet, am Hinterrande mit zwei Borsten besetzt. Der Copulationsapparat ist kurz. Beim Weibchen sind die beiden letzten Segmente verschmolzen. Dies Endsegment ist breit, abgerundet, in der Mitte des Hinterrandes mit sanftem Einschnitte und seitlich davon mit mehreren Borsten besetzt. Die Naht nach dem siebenten Segmente ist nach vorn winklig. Die Seitenschienensind breite, ziemlich viereckige Chitinplatten. Jedes Segment trägt zwei mediane Borsten und jederseits eine nahe dem Rande.

Die Grundfarbe ist schmutzig-gelblichweiss. Die Seitenschienens des Abdomens sind hellbraun, am Kopf und Thorax rötlichbraun.

| Länge:   | ♂ 1,30 mm. | ♀ 1,44 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,36 "     | 0,38 "     |
| Thorax   | 0,24 "     | 0,25 "     |
| Abdomen  | 0,70 "     | 0,81 "     |
| 3. Femur | 0,16 "     | 0,16 "     |
| 3. Tibia | 0,13 "     | 0,13 "     |

## Breite:

|            |          |          |
|------------|----------|----------|
| Kopf       | 0,58 mm, | 0,60 mm. |
| Prothorax  | 0,29 „   | 0,30 „   |
| Metathorax | 0,58 „   | 0,61 „   |
| Abdomen    | 0,74 „   | 0,78 „   |

Auf *Tinamus (Rhynchotus) rufescens*, in der Sammlung des zoologischen Museums zu Hamburg.

Die Rudow'sche Beschreibung in seiner Dissertation lautet (p. 22) also: „Kopf fast so breit als Abdomen, halbmondförmig, gelb mit rothen Rändern und vier rothen Stirnpunkten. Fühler regelmässig, behaart. Prothorax schmal, Metathorax mit zwei hakenförmigen Seitenfortsätzen, so breit als der Kopf, gelb mit rothen Rändern. Abdomen mit runden Segmenträndern, Spitze zweihöckrig, hellgelbe Zeichnungen viereckig, rothbraun bis zu  $\frac{1}{3}$  der Segmentbreite, Rücken und Nähte hell, behaart, Füsse klein. Grösse 1 mm.“

**Gct. verrucosus** m. (Taf. III. Fig. 4).

Das einzige mir vorliegende Exemplar dieser Art gehört der Sammlung der Berliner Thierarzneischule und ist ein Männchen. Die sehr eigenthümlichen Kennzeichen lassen es gerechtfertigt erscheinen, darauf eine neue Art zu begründen.

Der Kopf ist trapezförmig, der Vorderkopf nicht halb so gross wie der Hinterkopf, weil die Fühler sehr weit vorn ansitzen. Die Stirn trägt einige feine Härchen; die schmale Stirnschiene verbreitert sich in der Mitte ein wenig, die inneren Fortsätze sind kurz und dünn. Die Fühlerbucht ist flach, die Fühler haben ein dickes Grundglied, ein etwas längeres zweites und unter sich ziemlich gleiche kürzere Endglieder. Das Auge wölbt sich nicht vor. Die Schläfen divergiren bedeutend, die nach hinten gezogenen Schläfenecken sind abgerundet spitzwinklig und mit zwei Borsten besetzt. Der hintere Schläfenrand ist etwas ausgeschweift, die Hinterhauptsecke gar nicht entwickelt, nur durch ein Dornspitzchen markirt, das Hinterhaupt gerade. Die Schiene des letzteren ist schmal, an den Seiten nicht verbreitert, aber etwas nach vorn gekrümmt und braun gefärbt. Die Schläfenschiene ist hell, schmal, beginnt vor dem Auge mit einem rundlichen Flecke, entsendet hinter

dem ersteren einen kleinen zugespitzten Fortsatz und an dem hinteren Schläfenrande einen grossen dreieckigen Lappen.

Der Prothorax ist trapezförmig mit wenig divergenten, etwas gewölbten Seiten, vor den abgerundeten Hinterecken steht eine Borste. Der viel breitere Metathorax hat lappenartig vortretende abgerundete Seiten, welche in der Mitte zwei Borsten tragen. Der Hinterrand verhält sich nebst dem ersten Abdominalsegmente gerade so, wie bei voriger Art. Die Beine sind mässig lang, die Schenkel länger als die Schienen.

Das Abdomen ist oval, an den Segmentecken kaum eingekerbt und mit Borsten besetzt. Das erste Segment ist also sehr kurz, an den Rändern fast gar nicht bemerkbar, auf der Fläche durch eine convexe Sutur markirt, das zweite ist das längste von allen, das achte mit dem neunten vereinigt. Dieses tritt fast gar nicht nach hinten hervor und ist am Hinterrande flach gewölbt. Der Copulationsapparat ist sehr kurz. Die Seitenschienen sind breite, viereckige Platten, über welche eine dunklere  $\sim$ -förmige Leiste hinzieht. Die Seitenflecke sind hellgelb, aber deutlich erkennbar, die beiden letzten Segmente werden ganz von ihnen eingenommen. Die Segmente tragen zwei mediane und je eine seitliche Borste.

Das Eigenthümlichste dieser Art sind kleine, rundliche, warzenartige Erhebungen an der Dorsalseite; sie sind in einfachen und doppelten Reihen angeordnet und finden sich auf den beiden Thorakalsegmenten und zwar an den seitlichen Partien derselben und auf den Seitenschienen der Abdominalsegmente.

Die Grundfarbe ist gelblich, die Mitte des Abdomens schmutzigweiss, die Chitinschienen bräunlich.

|          |            |                     |
|----------|------------|---------------------|
| Länge    | ♂ 1,27 mm. |                     |
| Kopf     | 0,30 „     | 0,50 mm.            |
| Thorax   | 0,23 „     | { Prothorax 0,29 „  |
|          |            | { Metathorax 0,50 „ |
| Abdomen  | 0,74 „     | 0,69 „              |
| 3. Femur | 0,20 „     |                     |
| 3. Tibia | 0,16 „     |                     |

Auf *Tinamus variegatus*.

## 2. Auf Tauben lebende Arten.

**Gct. procerus** m. ♀ (Taf. II. Fig. 6.)

Der Kopf ist etwas breiter als lang, die Stirn parabolisch gerundet, mit zweimal fünf Borstchen besetzt. Die Stirnschiene ist breit und parallelseitig, die nach innen gerichteten Fortsätze sind sehr lang und schmal. Die Vorderecken der Fühlerbucht treten spitz hervor, die letztere ist mässig tief, die Fühler sind kurz; das kurze, dicke Grundglied ragt nicht aus der Antennengrube hervor, das zweite ist länger und schlanker, das dritte wenig kürzer und so lang wie die unter sich gleichen kurzen Endglieder zusammen. Das Auge ist flach vorgewölbt. Die Schläfen divergiren stark und sind ausgeschweift, die Schläfenecken ragen scharfspitzig weit an den Seiten vor und tragen etwas hinter der eigentlichen Spitze zwei lange Borsten. Der hintere Schläfenrand ist auch etwas concav; die Hinterhauptsecken scharf, mit einem Dornspitzchen besetzt, das Hinterhaupt tritt zurück und ist convex. Die Hinterhauptsschiene bildet an den Seiten je zwei fleckenartige Erweiterungen; die Verbindungsschienen nach den Mandibeln sind angedeutet. Vor dem Auge steht ein brauner Chitinfleck.

Der Prothorax ist ziemlich lang trapezförmig, mit geraden, nicht sehr stark divergirenden Seiten; an den nicht vorspringenden Hinterecken steht eine Borste. Die Seiten sind mit breiten braunen Chitinschienen belegt, welche sich auf den Metathorax fortsetzen und hier etwas nach innen von den Seiten verlaufen. Dieser ist breiter, hat abgerundete, in der Mitte mit zwei Borsten besetzte Seiten und, wie es scheint (nicht ganz deutlich zu erkennen), einen convexen Hinterrand, welcher in der Mitte zwei Borsten trägt. Die Beine sind lang und schlank, die Klauen sehr dünn und fast gerade.

Das Abdomen ist sehr langgestreckt, eiförmig, die Seiten sind an den deutlich vortretenden, abgerundeten Segmentecken flach gekerbt. Das siebente Segment ist kürzer als die vorhergehenden, das achte mit dem neunten verschmolzen. Dieses ist flach gewölbt und in der Mitte des Hinterrandes mit einem seichten Einschnitte versehen. Die Seitenschienen sind an der Ventralseite bedeutend breiter, biegen sich an den Suturen nach innen um und erscheinen hier wie ein liegendes *C*, welches viel dunkler gefärbt ist. Ausser den gewöhnlichen Randborsten trägt jedes Segment zwei mediane und je eine

seitliche Borste. Randflecke sind an meinem Exemplare nicht deutlich. Die Grundfarbe ist schmutzig-gelbweiss, an den Schienen braun.

| Länge    | ♀ 2,41 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,62 „     | 0,89 mm. |
| Thorax   | 0,38 „     | 0,59 „   |
| Abdomen  | 1,41 „     | 0,93 „   |
| 3. Femur | 0,36 „     |          |
| 3. Tibia | 0,41 „     |          |

In einem weiblichen Exemplare von Herrn Dr. Meyer auf *Hemicophaps albifrons* gesammelt; ein zweites, angeblich von *Buceros flavicollis*, hat sich wohl nur zufällig auf diesen Wirth verirrt. (Im Dresdener zoologischen Museum).

**Gct. affinis** m. (Taf. II. Fig. 4).

Unter diesem Namen beschreibe ich zunächst nur ein männliches Individuum und lasse es unentschieden, ob ein sehr ähnliches, ebenfalls von mir abgebildetes Weibchen (Taf. II. Fig. 5) dazu gehört. Beide sind der vorigen Art in der Ausbildung der einzelnen Theile so ähnlich, dass es genügen wird, die Unterschiede hervorzuheben.

Vor Allem ist diese Art kleiner, der Kopf ist schmaler, die Fortsätze der Stirnschiene sind kürzer, die Vorderecken der Fühlerbucht sind etwas nach hinten und unten gerichtet. An den Fühlern ist das dritte Glied nur so lang wie das vierte, das fünfte um ein Weniges länger; das dicke Grundglied ragt aus der Antennengrube hervor. Die Schläfen sind ziemlich gerade, die Schläfenecken stumpfer; der hintere Schläfenrand ebenso ausgeschweift wie bei voriger Art. Am Prothorax treten die Hinterecken etwas mehr hervor, der Metathorax ist kürzer, die Seiten flacher gewölbt. Die Beine sind kürzer. Der Hinterleib ist breit eiförmig, die Segmentecken treten weniger hervor, die Einkerbungen der Seitenränder sind daher noch unbedeutender. Das achte Segment ist als kleine zugespitzte Hervorragung beiderseits vom neunten ausgebildet; dieses ist breit, ragt nicht sehr weit vor und ist flach gewölbt. Die Seitenschenen sind schmal, an den Suturen nicht so weit umgebogen, besonders an Segment 2—5 nur einen kurzen Haken bildend. Vor den Suturen erkenne ich auf den einzelnen Segmenten in der Mitte keine

Borsten, dagegen jederseits davon eine Reihe dicht bei einander stehender. Die Färbung ist schmutzigweiss, auf dem Kopfe mehr gelblich, an den Schienen hellbraun.

| Länge    | ♂ 1,47 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,44 „     | 0,58 mm. |
| Thorax   | 0,25 „     | 0,46 „   |
| Abdomen  | 0,78 „     | 0,71 „   |
| 3. Femur | 0,21 „     |          |
| 3. Tibia | 0,19 „     |          |

Auf *Carpophaga rufigastra* von Herrn Dr. Meyer gesammelt (im Dresdener zoologischen Museum).

Ein Weibchen, welches ich geneigt bin, für zugehörig zu halten, hat derselbe Forscher auf *Myristicivora bicolor* gesammelt.

Dasselbe stimmt in der Bildung des Kopfes, des Prothorax, der Form der Seitenschien des Hinterleibes ganz damit überein. Der Metathorax hat ein wenig mehr gewölbte Seiten, das Abdomen ist langgestreckt, eiförmig. Die Segmentecken treten etwas mehr hervor. Das achte Segment ist mit dem neunten verschmolzen; dieses abgerundet, in der Mitte des Hinterrandes mit seichter Einbuchtung. Die Beborstung der Segmente ist fast ganz abgerieben, so dass ich nur jederseits eine seitliche und auf dem ersten Segmente zwei mediane Borsten finde.

Ob die angeführten Unterschiede als geschlechtliche Differenzirung zu deuten sind oder ob wir es mit einer selbstständigen Art zu thun haben, lässt sich nur nach Vergleichung mehrerer Exemplare entscheiden.

Die Maasse sind folgende:

| Länge    | 1,80 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,48 „   | 0,63 mm. |
| Thorax   | 0,32 „   | 0,49 „   |
| Abdomen  | 1,10 „   | 0,76 „   |
| 3. Femur | 0,23 „   |          |
| 3. Tibia | 0,20 „   |          |

**Gct. carpophagae** Rud. (Taf. II. Fig. 10, 10 a.)

Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 478. Giebel, Ins. epiz. p. 187.

Der Kopf ist ziemlich so lang wie breit, die Stirn hochgewölbt, mit einigen feinen Haaren besetzt. Die Stirnschiene ist ausserordentlich breit, namentlich in der Mitte, am Innenrande ausgezackt, die nach innen gerichteten Fortsätze sind kolbig. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist für diese Art besonders charakteristisch; sie ist nach hinten und unten gerichtet und am Ende breit abgestumpft. Die Antennengrube ist mässig tief. An den kurzen Fühlern sind die beiden ersten Glieder und ebenso die übrigen je unter sich ziemlich gleichlang. Das Auge ist kaum bemerkbar. Die Schläfen divergiren nicht sehr bedeutend und sind etwas ausgeschweift. Die Schläfenecke ist abgerundet spitzwinklig, mit einem Dornspitzchen und zwei Borsten besetzt. Auch der hintere Schläfenrand ist etwas ausgeschweift. Die Hinterhauptsecken sind scharf spitzwinklig, mit einem Dornspitzchen besetzt. Das concave Hinterhaupt tritt dagegen zurück.

Der Prothorax ist trapezisch mit sehr wenig divergirenden geraden Seiten, an den Hinterecken steht eine Borste. Der breitere Metathorax hat flach gewölbte Seiten, mit zwei Borsten an der breitesten Stelle. Der Hinterrand ist in der Mitte etwas concav. Die Beine sind kurz und dick; die Klauen sehr dünn.

Das Abdomen ist beim Männchen kürzer und breiter, beim Weibchen länger eiförmig, an den Seiten gleichmässig gerundet, mit kaum bemerkbaren Randeinkerbungen an den Segmentecken. Das erste Segment ist etwas länger als die folgenden, das achte bei beiden Geschlechtern mit dem neunten vereinigt. Das Endsegment tritt beim Männchen deutlich vor und ist abgerundet, am Hinterrande mit einigen Borsten besetzt. Die Chitinleisten des Copulationsapparates sind sehr dünn und reichen bis zum Thorax hinauf. Beim Weibchen ist das Endsegment sehr breit, am Rande vom siebenten kaum abgesetzt, am Hinterrande ist es abgestutzt und mit einigen Borsten besetzt, in der Mitte kaum eingeschnitten. Unter der Geschlechtsöffnung steht in halbkreisförmigem Bogen eine Reihe kurzer Dornen.

Die Seitenschienens sind schmal, an den Suturen etwas umgebogen. Die Randfleckchen erscheinen sehr hell und sind deshalb wenig bemerkbar. Die

Endsegmente sind einfarbig gelblich. Die Segmente tragen jederseits eine Borste nahe dem Rande ausser den gewöhnlichen Borsten an den Ecken.

Die Grundfarbe des Abdomens ist schmutzigweiss, im Uebrigen gelblich, die Seitenschien sind an Kopf und Thorax theilweise rothbraun.

| Länge    | ♂ 1,00 mm, | ♀ 1,13 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,35 „     | 0,34 „     |
| Thorax   | 0,19 „     | 0,19 „     |
| Abdomen  | 0,46 „     | 0,60 „     |
| 3. Femur | 0,15 „     | 0,15 „     |
| 3. Tibia | 0,11 „     | 0,11 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,39 „     | 0,39 „     |
| Thorax   | 0,33 „     | 0,31 „     |
| Abdomen  | 0,49 „     | 0,49 „     |

Diese Art wurde zuerst von Rudow auf *Carpophaga perspicillata* gefunden. Herr Dr. Meyer sammelte einzelne Exemplare auf derselben Taube, ferner auf *Carpophaga pinon*, *Paulina*; *Myristicivora melanura*; *Eutrygon terrestris*, *Henicophaps albifrons*. Ich sammelte sie auf trockenen Bälgen bei Herrn Schlüter von folgenden Tauben: *Carpophaga perspicillata*, *pinon*, *Paulina*, *neglecta*, *aenea*; *Myristicivora luctuosa*, *Ptilopus puellus*.

Var. **robustus** n.

Ein weibliches Exemplar von *Henicophaps albifrons* stimmt in seinem Baue zu sehr mit *Get. carpophagae* überein, um es als specifisch verschieden davon zu trennen. Doch berechtigen folgende Besonderheiten zur Aufstellung einer Varietät.

Grösser, kräftiger gebaut; Kopf breiter, mit breiter, in der Mitte enorm erweiterter (0,09 mm), an der Innenseite mehrfach tief eingeschnittener Stirnschiene, deren nach innen gerichtete Fortsätze lang und dick sind. Der rundliche Chitinleck hinter der Fühlerbucht und die fleckenartig erweiterten Seitentheile der Hinterhauptsschiene sind grösser. Die Seiten des Prothorax divergiren etwas mehr. Das Abdomen ist breiter, die Seitenschien breiter, auf die Suturen länger umgebogen.

| Länge   | ♀ 1,27 mm. | Breite   |
|---------|------------|----------|
| Kopf    | 0,44 „     | 0,56 mm. |
| Thorax  | 0,19 „     | 0,44 „   |
| Abdomen | 0,64 „     | 0,65 „   |

Das einzige Exemplar ist von Herrn Dr. Meyer gesammelt (in der Sammlung des zoologischen Museums zu Dresden).

**Gct. flavus** Rud. (Taf. III. Fig. 5, 5 a.)

*Goniodes flavus* Rud. Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXV. (1870) p. 486.

*Goniocotes flavus* Rud. Giebel, Ins. epiz. p. 188.

Ein von Rudow selbst dem zoologischen Museum in Halle mitgetheiltes Pärchen dieser Art liegt nachfolgender Beschreibung zu Grunde.

Der Kopf ist breiter als lang, die Stirn parabolisch gerundet, mit einigen feinen Härchen besetzt; die Stirnschiene schmal, in der Mitte nur wenig verbreitert. Die Fühlerbucht ist ziemlich tief, das erste Antennenglied ragt nicht daraus hervor, das zweite ist etwas länger, die drei übrigen unter sich gleichen Glieder sind kürzer. Das Auge tritt nicht hervor, ist durch eine lange Borste markirt. Die geraden Schläfen divergiren stark; die abgerundet spitzwinkligen Schläfenecken tragen zwei Borsten. Die Hinterhauptsecken sind scharf, mit einem Dornspitzchen besetzt; das Hinterhaupt tritt ein wenig zurück. Die fleckenartigen Verbreiterungen an den Seiten der Hinterhauptsschiene sind sehr klein.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit schwach divergirenden Seiten und einer Borste an den Hinterecken. Der Metathorax ist etwas breiter, seine Seiten sind sehr flach gewölbt, an den vom Abdomen kaum abgesetzten Hinterecken am breitesten und hier mit zwei Borsten besetzt. Der Hinterrand ist stark convex, in der Mitte mit zwei und jederseits nahe den Hinterecken mit einer Borste. Die Seitenschien an beiden Brustsegmenten schmal. Die Beine sind von proportionirter Länge.

Das Abdomen ist beim Weibchen länger und schlanker, beim Männchen kurz und breiter; die Seiten an den abgerundeten Segmentecken sehr schwach eingekerbt. Das erste Segment ist ein wenig länger als die folgenden, das achte beim Männchen verhältnissmässig gross, ganz an den Hinterrand des Hinterleibes gerückt, das neunte ist schmal, ragt nicht weit hervor und ist

abgestutzt. Beim Weibchen ist das achte mit dem neunten verschmolzen, am Rande vom siebenten kaum abgesetzt, abgerundet und in der Mitte des Hinterrandes mit einem Einschnitte versehen. An den Seiten der Geschlechtsöffnung stehen einige Borsten, davor nahe den Seiten jederseits eine nach innen gebogene schmale Chitinleiste.

Die Seitenschienens sind sehr schmal, an den Suturen umgebogen, nach innen verläuft eine zweite, welche mit den Randschienen an den Segmentecken zusammentrifft. Die Stigmen sind deutlich, die Suturen nur zwischen den ersten Segmenten auch in der Mitte zu erkennen. Die blassen Randflecke sind langgestreckt dreieckig, die Endsegmente einfarbig. Jedes Segment trägt jederseits nahe dem Rande eine Borste.

Die Färbung ist blassgelb, die Chitinschienen sind wenig dunkler.

| Länge    | ♂ 0,96 mm. | ♀ 1,29 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,29 „     | 0,35 „     |
| Thorax   | 0,14 „     | 0,16 „     |
| Abdomen  | 0,53 „     | 0,78 „     |
| 3. Femur | 0,16 „     | 0,18 „     |
| 3. Tibia | 0,16 „     | 0,18 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,40 „     | 0,47 „     |
| Thorax   | 0,29 „     | 0,34 „     |
| Abdomen  | 0,52 „     | 0,60 „     |

Auf *Phaps chalcoptera*.

### Lipeurus N.

Diese artenreiche Gattung hat mit *Goniodes* die geschlechtliche Differenzierung der Antennen gemeinsam, besitzt dagegen einen an Schläfen und Hinterhaupt abgerundeten Kopf, wie die meisten übrigen Formen dieser Familie, so dass es ziemlich schwierig ist, eine scharfe Grenze zu finden, wenn man es bloss mit weiblichen Individuen zu thun hat. Namentlich ist es die Gattung *Nirmus*, mit welcher in einem solchen Falle leicht Verwechslungen eintreten können. Es will mir scheinen, als ob das einzige einigermassen

sichere Unterscheidungsmerkmal für *Lipeurus* in der Anheftung des zweiten und dritten Beinpaares ganz nahe am Thorakalrande zu erkennen sei. Hierdurch ragen die Hüften fast in ihrer ganzen Länge seitlich hervor. Ich habe daher auch solche Formen, wo dies nicht der Fall ist und welche man bisher zu *Lipeurus* stellte, davon ausgeschlossen. Freilich finden sich auch unter *Nirmus* einige Beispiele, wo die Hüften vortreten, doch gewöhnlich nur am dritten Beinpaare. Ferner ist für *Lipeurus* sehr charakteristisch, dass der Metathorax an den Vorderecken aufgetrieben ist, doch auch dieses Merkmal findet sich bei einigen *Nirmus* wieder.

Die Körperform der *Lipeurus* ist im Allgemeinen langgestreckt und schmal, was bei manchen Arten in ganz exquisiter Weise hervortritt, seltener ist der Körper kurz und breit (*docophoroides*). Der Kopf ist meist schmal, gewöhnlich an den Schläfen erweitert, und hier stets abgerundet. Die Stirn ist entweder vollständig abgerundet (*polytrapezius*, *turmalis*, *longus* u. A.), oder nur in der Mitte gerundet, an den Seiten geradlinig (*bifasciatus*, *annulatus*), oder sie bildet einen abgerundeten Winkel (*thoracicus*) oder ist ganz zugespitzt (*inaequalis*, *appendiculatus*) oder endlich mehr oder wenig tief ausgeschnitten (*emarginatus*, *longipes*), wodurch zuweilen die Seiten des Einschnittes zangenartig gestaltet erscheinen (*longiceps*). In vielen Fällen setzt sich der mittlere Theil des Vorderkopfes als Clypeus durch eine Naht vom übrigen Kopfe ab. Derselbe ist dann häufig durch einen verschieden gestalteten, bald heller, bald dunkler gefärbten Fleck (Signatur) ausgezeichnet. An der Sutura ist zuweilen die Stirn auch mit einer Randeinkerbung versehen und diese mit einer besonders gestalteten Borste besetzt. Diese Verschiedenheiten nebst einigen anderen durch die Beschaffenheit der Stirnschiene begründeten sind von Piaget in sehr passender Weise zur Gruppeneintheilung verwerthet worden, worauf wir noch zurückkommen. Der Vorderkopf ist jederseits mit einer Anzahl (5—7) Borsten besetzt, die theils dorsal, theils ventral eingewurzelt sind.

Die Antennengrube pflegt im Allgemeinen nicht sehr tief zu sein, die Vorderecke braucht als solche gar nicht ausgebildet zu sein, kann aber auch mehr oder weniger weit vorragen und ein „Bälkchen“ bilden. Die Fühler sind in beiden Geschlechtern in ganz ähnlicher Weise wie bei *Goniodes* differenzirt. Beim Männchen ist das erste Glied lang und dick, zuweilen so lang, wie alle folgenden zusammen; cylindrisch oder keulenförmig, zuweilen mit

einem Anhänge versehen. Dieser kann, ebenfalls wie bei *Goniodes*, sehr verschiedene Ausbildung haben: er ist ein einfacher kegelförmiger Zapfen (*hebraeus, grandis*) oder an der Basis verdickt und am Ende zugespitzt (*ferox*) oder am Ende gegabelt (*foedus*). Das dritte Glied hat entweder bloss eine vorgezogene obere Ecke oder diese entwickelt sich zu einem Fortsatze, welcher hakenförmig gekrümmt sein (*hebraeus*) und die kurzen Endglieder in einer mit der Längsachse der Fühler nicht zusammenfallenden Richtung tragen kann (*ferox*). Beim Weibchen sind die Fühler einfach fadenförmig, das erste Glied pflegt das dickste, das zweite das längste zu sein. Das Auge wölbt sich mehr oder weniger hervor und ist häufig mit einer Borste besetzt.

Die Schläfen sind meist abgerundet, zuweilen gerade, divergierend (*longus*) oder parallel (*variabilis*), mit Borsten besetzt; die Schläfenecken, abgerundet, selten abgerundet winklig, pflegen die breiteste Stelle des Kopfes zu bilden. Das Hinterhaupt tritt meist etwas zurück, ist selten convex (*polytrapezius, docophoroides*). Davor steht auf dem Hinterkopfe häufig ein Fleck (Signatur). Eine besondere Beachtung verdienen noch die Kopfschienen. Die Hinterhauptsschiene ist schmal und entsendet nicht überall Verbindungsschienen zu den Mandibeln. Wenn solche vorhanden sind, so können sie einander parallel sein oder divergiren oder convergiren. Die Schläfenschienen beginnen hinter dem Auge mit einer fleckartigen Verbreiterung; vor dem Auge steht ebenfalls ein Chitinleck. Die Stirnschiene kann den Vorderkopf ununterbrochen umziehen (*circumfasciati*) oder an der Suture des Clypeus aufhören; zuweilen tritt sie an den Seiten des Clypeus selbst von Neuem auf (*pullatus, annulatus*), meist biegt sie sich nach innen um und legt sich an die Signatur des Clypeus, in noch anderen Fällen an die zu dem Munde hinleitende Rinne an. An den Vorderecken der Fühlerbucht biegt sich die Stirnschiene ebenfalls nach innen um nach den Mandibeln zu. Die Stirnschiene braucht nicht immer parallele Ränder zu haben und trägt zuweilen am Innenrande rundliche, fleckenartige Anhänge, welche in der Zwei-, Vier- oder Sechszahl auftreten können und charakteristisch sind für die auf Raubvögeln und Papageien lebenden Arten.

Der Prothorax ist rechteckig oder trapezisch, mit geraden oder abgerundeten Seiten, vorn verschmälert und vom Hinterkopfe bedeckt, die Hinterecken zuweilen spitz vortretend (*oviceps, hebraeus*), mit oder ohne Borste. Die Seiten sind mit Schienen belegt, die Mitte bleibt heller als die seitlichen

Partien, an welchen über den Hüften der Vorderbeine Flecke stehen. Der Metathorax ist selten (*heterographus*) ebenso lang wie der Prothorax, meist um das Doppelte und mehr länger als derselbe und stets etwas breiter. Die Vorderecken treten fast überall etwas vor und dahinter findet sich häufig eine mehr oder weniger tiefe Randeinkerbung, welche die Verschmelzung mit dem Mesothorax anzuzeigen scheint. Die Seiten sind gerade oder gewölbt, meist divergirend, seltener parallel, der Hinterrand ist entweder concav (*longicornis*, *setosus*) oder gerade (*temporalis*, *parviceps*) oder in der Mitte mehr oder weniger winklig (*mutabilis*, *hebraeus* und viele Andere). Die beiden Seitenschienens des Metathorax hören häufig an der Randeinkerbung auf; derselbe besitzt ferner zuweilen einen oder drei dunkle Querflecke, von denen der dritte randständig sein oder sich etwas davon entfernen und helle Pusteln für die Einwurzelung von Borsten tragen kann. Solcher stehen ein wenig nach einwärts vom Hinterrande jederseits eine Anzahl dicht bei einander, die meist sehr lang sind. An der Sternalseite bemerkt man zwischen den Hüften des ersten und zweiten Beinpaars stets zwei quere Chitinleisten, zuweilen zwischen den Hüften des zweiten Paares einen braunen verschieden gestalteten Fleck, dem in einigen Fällen (*polytrapezius*) ein zweiter folgen kann, welcher sich bis zum ersten Abdominalsegmente erstreckt.

Von den Beinen wurde schon anfangs hervorgehoben, dass sie im zweiten und dritten Paare durch die Insertion nahe am Rande des Thorax ausgezeichnet sind. Dadurch ragen die Hüften fast in ihrer ganzen Länge seitlich hervor und lassen die an sich schon langen Beine noch ausgedehnter erscheinen. Dagegen ist das erste Paar sehr viel kürzer, die Hüften desselben erreichen sich in der Mittellinie und ragen niemals an den Seiten hervor, die Schenkel sind breit, während sie an den beiden anderen Paaren meistens cylindrisch erscheinen. Sie sind gewöhnlich länger als die Schienen, in seltenen Fällen (*quadrimaculatus*) tritt das umgekehrte Verhältniss ein; aussen und innen tragen sie mehrere Borsten und zuweilen sind sie braun gefleckt. Die Schienen sind schlank, nach dem distalen Ende zu gewöhnlich etwas verbreitert. Die Klauen sind kurz und dick.

Das Abdomen ist in der Regel langgestreckt und schmal, sehr selten kurz und breit (*docophoroides*). Die Segmente sind stets durch deutliche Suturen von einander getrennt, nur das achte und neunte sind mit einander

verschmolzen, doch ist an einer Randeinkerbung oder an einem Höckerchen die ursprüngliche Getrenntheit zu erkennen. Die Segmentecken sind selten spitz, meist erscheinen sie an den vorderen Segmenten stumpf, an den hinteren ganz abgerundet.

Das Abdomen ist selten einfarbig (*appendiculatus*), meist mit Flecken versehen, welche viereckig, zungenförmig, ganzrandig oder ausgezackt sein können, sich zuweilen nach den Geschlechtern verschieden verhalten und bei unreifen Individuen stets einfacher erscheinen als im erwachsenen Zustande; sie pflegen sich auch hier, wie bei *Goniodes*, aus mehreren ursprünglich getrennten Flecken durch Zusammenfliessen auszubilden. Die Seitenschienens sind meist schmal und parallelseitig, sie können an den Suturen aufhören oder ein Stück über dieselben hinausreichen, in welchem Falle sich das obere Ende der nachfolgenden Schiene innen an das untere Ende der vorausgehenden anlegt. Zuweilen entsenden sie Fortsätze auf die Flächen, welche complicirte Formen haben (*setosus*, *gyricornis*, *longicornis*) und sehr lang sein können. Die Beborstung des Abdomens findet sich an den Segmentecken in der gewöhnlichen Weise, auf den Flächen können einzelne Borsten oder mehrere Reihen derselben stehen. Das Endsegment ist beim Weibchen mehr oder weniger tief ausgeschnitten, niemals abgerundet, auch beim Männchen nur selten abgerundet, in der Regel mit einem Ausschnitte versehen. Der Copulationsapparat ist verhältnissmässig kurz, in dem einen Falle dick, im anderen schlank, bald mit Anhängen versehen, bald ohne solche, überhaupt nach den verschiedenen Arten im Einzelnen mannigfachen Variationen unterworfen. Die weibliche Geschlechtsöffnung zeigt dieselben Verschiedenheiten wie bei *Goniodes*; sie kann nackt, von Borsten in verschiedener Anordnung umgeben sein, Genitalflecke können sich finden oder fehlen, stets bemerkt man an den Seiten je eine schmale Chitinleiste.

Die Färbung schwankt im Grundton zwischen schmutzigweiss und gelblich, darauf erscheinen die Flecke mehr oder weniger braun und die Schienen stets dunkler, zuweilen schwärzlich.

Die Dimensionen schwanken in der Länge zwischen 1,33 mm (*docophoroides* ♂) und 8,56 mm (*ferox* ♂).

Die Arten dieser Gattung haben eine weitere Verbreitung als die bisher von uns besprochenen Formen: sie finden sich auf Raubvögeln, Tauben,

Hühnern, Wadvögeln und besonders zahlreich auf Schwimmvögeln, in einigen Arten sind sie auf Papageien vertreten und nur in Ausnahmefällen bisher auf Singvögeln beobachtet worden.

Piaget führt in seiner Monographie 99 Arten dieser Gattung auf, von denen 66 ausführlich beschrieben werden. Drei derselben trenne ich von *Lipeurus* ab, nämlich *taurus* N., *latus* Piag. und *macrocnemis* N. Dieselben unterscheiden sich durch die gar nicht vorragenden Hüften und die Bildung der Beine, namentlich der Schenkel überhaupt. Sie haben die geschlechtliche Differenzirung der Antennen mit *Lipeurus* gemeinsam, bilden aber im Uebrigen Uebergänge zu anderen Gattungen. Die beiden ersten stelle ich in die neue Gattung *Eurymetopus*, wegen der breiten Stirn so genannt, für die dritte Art gründe ich das Genus *Bothriometopus*, auf einen grossen Stirnausschnitt bezüglich.

Die von Piaget genau beschriebenen Arten, sowie diejenigen schon früher benannten, aber ungenügend charakterisirten, welche mir vorlagen, führe ich nicht hier im Ganzen auf, sondern werde ich innerhalb der einzelnen Gruppen namhaft machen, in welche die Gattung *Lipeurus* durch Piaget in sehr geschickter Weise eingetheilt ist. Dieselben werden, wie schon erwähnt, nach der verschiedenen Ausbildung der Stirn und deren Schienen unterschieden und lassen sich nach folgender Tabelle leicht auffinden.

- a. Die Stirnschiene ist mit zwei bis sechs rundlichen, tropfenförmigen Anhängen nach innen versehen. . . . . *guttati*.
- b. Deren sind nur zwei kleine median gelegene und symmetrische vorhanden. *biguttati*.
- bb. Deren sind zwei asymmetrische oder sechs grössere vorhanden. *sexguttati*.
- aa. Stirnschiene ohne Anhänge.
- c. Die Stirnschiene, von der Fühlerbucht ausgehend, hört an der Naht des Clypeus auf. . . . . *clypeati*.
- d. An dieser Naht steht jederseits eine breitere Borste. *clypeati bisetosi*.
- dd. Die Borsten an der Naht des Clypeus sind gleich denen des übrigen Vorderkopfes.
- e. Die Stirnschiene tritt auf dem Clypeus von Neuem auf. Die Naht des letzteren ist sehr deutlich. . . . . *clypeati sutura distincta*.
- ee. Die Stirnschiene tritt auf dem Clypeus nicht wieder auf und biegt sich nach innen um. Die Naht des Clypeus undeutlich. *clypeati sutura indistincta*.
- cc. Die Stirnschiene läuft ununterbrochen um den Vorderkopf herum. *circumfasciati*.

- f. Die Stirn ist mehr oder weniger abgerundet.  
*circumfasciati fronte rotundato.*  
 ff. Die Stirn ist winklig. . . . . *circumfasciati fronte angulato.*

### I. Typus der **sexguttati**.

An der Innenseite der Stirnschiene sitzen entweder zwei asymmetrische oder sechs zu je drei symmetrisch zur Mittellinie angeordnete tropfenförmige Anhänge an. Die hierhergehörigen Arten leben auf Raubvögeln. Sie sind nahe mit einander verwandt und nicht immer leicht zu unterscheiden. Durch Giebel ist die Artenzahl in ganz unberechtigter Weise vermehrt und die Erkennung der Arten sehr erschwert worden. Eine dieser Arten, *L. quadripunctatus* N., von *Gypaëtos barbatus* (Ins. epiz. p. 209), kann ohne Weiteres gestrichen werden, denn dieselbe ist begründet auf ein einziges weibliches Exemplar, welches noch dazu unreif ist. Es zeigt noch gar keine Flecke und hat noch die dicken Fühlerglieder, wie sie für jugendliche Individuen charakteristisch sind, während sie im ausgebildeten Zustande viel schlanker erscheinen.

Der von Piaget (p. 298, Pl. XXIV, f. 8) beschriebene *L. quadrimaculatus* ist identisch mit *L. aetheronomus* N. Als eigentliche Wohnthiere scheinen *Struthio camelus* und *Rhea americana* anzusehen zu sein, auf welchen Piaget diese Art in sehr grossen Mengen fand; einmal jedoch sammelte er sie ebenfalls zahlreich auf *Aquila fulva*, welche im zoologischen Garten zu Rotterdam nahe bei einer *Rhea* placirt war. Es ist möglich, dass das einzige Exemplar, welches sich in der Sammlung des zoologischen Museums zu Halle befindet, in ähnlicher Weise auf *Sarcorhamphus gryphus* gelangt ist. Möglich aber auch, dass Raubvögel die eigentlichen Träger unseres Thieres sind, und von diesen die Uebertragung auf die *Struthionen* geschehen ist, auf deren zerschlissenem Gefieder sie sich schnell heimisch gefühlt und zahlreich vermehrt haben. Die gegenseitige Länge der beiden letzten Fühlerglieder scheint individuellen Schwankungen unterworfen zu sein. Bei den auf *Struthio* gesammelten Exemplaren fand Piaget das fünfte Antennenglied doppelt so lang wie das vierte, bei den von *Rhea* stammenden war das vierte fast so lang wie das fünfte. Dieses letztere Verhältniss finde ich auch bei dem Nitzsch'schen Exemplare, wo ein Grössenunterschied zwischen den beiden Endgliedern kaum bemerkbar ist.

Ferner beschreibt Giebel einen *L. secretarius* von *Gypogeranus serpentarius*. Diese Art ist gut begründet und von Piaget genau beschrieben.<sup>1)</sup> Ich erhielt sie auch von *Vultur fulvus*. Piaget fand eine wenig abweichende Varietät auf *Helotarsus (Circaëtos) ecaudatus*.

Ebenso ist *L. assessor* Gbl. (Ins. epiz. p. 207) von *Sarcorhamphus gryphus* durch Piaget genau bekannt geworden. Von beiden Arten habe ich die Nitzsch'schen und Piaget'schen Typen vergleichen können.

Der von Giebel beschriebene *L. perspicillatus* N. (Ins. epiz. p. 209) von *Vultur fulvus* ist identisch mit *secretarius*.

*L. ternatus* N. (Ins. epiz. p. 208) von *Sarcorhamphus papa* ist eine selbstständige Art und wird von uns unten näher beschrieben werden.

*L. quadriguttatus* Gbl. (Ins. epiz. p. 212) von *Cymindis hamatus* hat keine Existenzberechtigung, da diese Art auf zwei ganz unausgebildete weibliche Exemplare begründet ist. Dieselben sind wahrscheinlich auf *assessor* zu beziehen, mit welchem sie die abgerundete Stirn, die geringe Grösse des mittelsten Paares der Stirnschienenanhänge gegenüber dem ersten Paare und die Bildung der Hinterleibsspitze gemeinsam haben.

Ebenso wenig war Giebel berechtigt, auf ein einzelnes weibliches Exemplar von *Neophron percnopterus* eine Art als *L. frater* Gbl. (l. c. p. 210) zu begründen. Das typische Exemplar liegt mir vor; es ist leider zu schlecht erhalten und ist nicht ausgefärbt, so dass ich Nichts darüber sagen kann. Die Beschreibung der Randflecke bei Giebel weist schon auf ein unreifes Exemplar hin.

Die beiden Exemplare, welche mir von *L. monilis* N. (Gbl. l. c. p. 210) von *Neophron monachus* vorliegen, sind nicht in dem Erhaltungszustande, um diese Art sicher von anderen zu unterscheiden; dieselbe scheint selbstständig zu sein.

---

<sup>1)</sup> Piaget ist bei Beschreibung der männlichen Fühler in einen eigenthümlichen Irrthum verfallen: was er zweites Glied nennt, ist erstes, das zweite hat er ganz übersehen oder vielmehr für eins mit dem dritten gehalten. Das von ihm als erstes Glied beschriebene Gebilde ist nur die durch das Deckgläschen etwas breit gedrückte Basis desselben resp. zur Fühlerbucht gehörig. Die Täuschung in Bezug auf das zweite und dritte Glied kann durch etwas senkrechte Stellung derselben im mikroskopischen Präparate leicht hervorgerufen werden.

Der von Piaget (p. 297, Pl. XXIV, f. 3) beschriebene *L. elongatus* von *Spizaëtos cirratus* ist identisch mit *L. variopictus* Gbl. (l. c. p. 211) von *Aquila fulva* und *Haliaëtos albicilla*, wie ich nach der Vergleichung der beiderseitigen Typen, die Vermuthung Piaget's bestätigend, bemerken kann.

Damit stimmt auch *L. suturalis* Rud. (Beitrag p. 44; Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 136) von *Aquila fulva* überein.

Ferner kann ich in *L. quadripustulatus* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 208, Taf. XVII, f. 5; Piaget p. 296) höchstens eine Varietät voriger Art erkennen.

Endlich sind hierher als Synonyma zu ziehen *sulcifrons* Denny (p. 169, Pl. XIV, f. 1; Grube, Middendorf's Reise, Zoolog. I, p. 488, Taf. 2, f. 4) von *Haliaëtos albicilla*, und *L. Dennyi* Gbl. (p. 211) = *L. quadripustulatus* D. (p. 167, Pl. XVI) von *Aquila chrysaëtos*.

Von *Polyboras tharus* liegen mir aus der Hamburger Sammlung mehrere leider nicht ausgebildete Exemplare vor, über welche ich in Folge dessen mir kein Urtheil erlaube. Es bleibt also *L. Polybori* Rud. (Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 126) noch eine fragliche Art. Nach der Handzeichnung und Beschreibung Rudow's zu schliessen, ist diese Art gar keine der *Sexguttati*, wie ich denn auch in einem Gläschen der Hamburger Sammlung neben einem ächten Raubvogel-*Lipeurus* noch ein zu den *Clypeati* gehöriges Individuum vorfand. Möglich, dass dieses dem Autor bei Beschreibung seines *L. Polybori* vorgelegen hat; denn er hebt die Aehnlichkeit mit *L. tadornae* hervor. „Die drei gelblichen Längsstreifen vorn am Kopf“ lassen auch kaum auf die Anhänge der Stirnschiene schliessen; und die „graue“ Grundfarbe erscheint sehr verdächtig. Es ist eben eine von jenen Arten, mit deren Aufstellung Rudow unsere Wissenschaft wenig bereichert hat.

Die genauer bekannten Arten fasse ich in folgender Bestimmungstabelle zusammen.

- a. Die Stirnschiene hat vorn zwei asymmetrische Anhänge. Die beiden Thorakalsegmente haben abgerundete Seiten, der Metathorax keine Einschnürung, die Abdominalsegmente mit einer Reihe Borsten. Die Randflecke sind für die Stigmen auf Segment 2—7 ausgeschnitten. . . *quadrimaculatus* Piag.
- aa. Die Stirnschiene hat sechs Anhänge.
- b. Die Seitenschien des Abdomens biegen sich an den Suturen um und bilden einen ösenartigen Anhang. Beim Weibchen kommen die medianen Flecke des Abdomens mit den Randflecken in keine Berührung.

- c. Das Abdomen trägt weder an den Ecken noch auf den Flächen der Segmente Borsten. Die Randflecke haben abgerundete Ecken und Innenseiten und sind etwas schräg nach hinten gerichtet. . . . . *oviceps* Piag. ♀.
- cc. Auf den Segmenten des Abdomens stehen ausser an den Ecken zwei Reihen von Borsten. Die Abdominalflecke sind ziemlich viereckig und sind parallel zu den Suturen gerichtet. Beim Männchen sind die Randflecke des siebenten Segments durch keinen Medianfleck verbunden. Das achte trägt einen am Hinterrande concaven Fleck, das neunte ist fleckenlos. . . . *ternatus* N.
- bb. Die Seitenschien des Abdomens bilden an den Suturen keinen ösenartigen Anhang. Die Randflecke werden durch die medianen Flecke, wo solche vorhanden sind, verbunden.
- d. Die Stirn ist breit abgerundet, eine Randeinkerbung an derselben nicht vorhanden.
- e. Die beiden ersten Paare der Stirnschienenanhänge sind gleich. Beim ♂ werden die zungenförmigen Randflecke auf dem sechsten und siebenten Segmente durch keinen Medianfleck verbunden; zwischen dem achten und neunten eine deutliche Naht, dieses mit zwei oblongen kleinen Flecken, jenes mit einem Querfleck versehen. Die Abdominalflecke sind an den Rändern dunkler gefärbt als in der Mitte. Dieselben sind beim Weibchen auf dem zweiten bis siebenten Segmente durch mediane Flecke verbunden; auf dem achten verschmelzen die viereckigen Randflecke am Vorderrande mit einander. Auf dem siebenten Segmente liegt am Hinterrande des Fleckes ein selbstständiger langgestreckter Streif. . . . . *secretarius* Gbl.
- ee. Das zweite Paar der Stirnschienenanhänge deutlich kleiner als das erste. Beim ♂ fehlt auf dem siebenten Segmente der Medianfleck, das achte hat einen Querfleck, der am Hinterrande stark concav ist; zwischen dem achten und neunten keine Naht sichtbar. Die Abdominalflecke in der Mitte ebenso dunkel wie an den Rändern. Beim ♀ ist das siebente Segment ohne Medianfleck; die Flecke des achten sind vereinigt und bis ans Ende des damit verschmolzenen neunten Segments verlängert, somit nach hinten zweispitzig. *assessor* Gbl.
- dd. Die Stirn ist in der Mitte etwas vorgezogen und seitlich davon eingekerbt. Beim ♂ fehlen die medianen Verbindungsflecke auf Segment 5, 6 und 7; das achte mit Querfleck, das neunte mit zwei kleinen langgestreckten Flecken. Die Randflecke überall in der Mitte etwas heller als an den Rändern. Naht zwischen Segment 8 und 9 deutlich. Beim ♀ sind die Randflecke auf Segment 1—7 durch einen Medianfleck verbunden; die des achten zu einem einzigen verschmolzen, der aber am Hinterrande gerade, nicht auf das mit

dem vorletzten verschmolzene Endsegment verlängert ist. Das letztere ist durch einen medianen Einschnitt zweilappig.

- f. Die beiden Lappen des Endsegments beim Weibchen abgestutzt, der mediane Einschnitt dazwischen sehr schmal. . . . . *elongatus* Piag.  
ff. Die beiden Lappen etwas zugespitzt. Der Medianeinschnitt breiter.

var. *quadripustulatus* N.

**L. ternatus** N. (Taf. IV. Fig. 1, 1a, 1b, 1c).

Giebel, Ins. epiz. p. 208, Taf. XVII, f. 3, 4.

Der Kopf ist verkehrt eiförmig, vorn etwas zugespitzt und abgerundet, mit zweimal sieben Borsten besetzt. Von den Anhängen der Stirnschiene ist das erste Paar grösser als das mittelste. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind abgerundet; diese ist ziemlich flach. Beim Männchen ist das cylindrische erste Glied so lang wie die übrigen zusammen, in der Mitte mit einem an der Spitze gegabelten Fortsatze versehen, das zweite nur halb so lang, das dritte noch etwas kürzer, mit hakenförmigem Fortsatze; die beiden Endglieder gleichlang. An den fadenförmigen weiblichen Antennen sind die beiden ersten Glieder gleichlang, das dritte länger und zwar so lang wie die unter sich gleichen Endglieder zusammen. Das Auge wölbt sich flach vor und trägt eine kurze Borste. Die Schläfen sind abgerundet, beim Männchen mit grösster Breite dicht hinter dem Auge, beim Weibchen in der Mitte. Sie sind mit fünf kurzen Dornspitzchen besetzt. Das Hinterhaupt stark convex; davor steht eine lange, vorn zugespitzte Signatur. Die schmale Schläfenschiene ist am Innenrande wellig. Vor dem Auge und jederseits am Hinterhaupte steht ein dunkler Chitinfleck. Die Verbindungsschienen von letzterem zu den Mundtheilen sind ziemlich parallel und verbreitern sich nach vorn.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden Seiten und vortretenden Hinterecken; etwas einwärts von diesen steht eine kurze Borste. Die Seitenschiene verbreitert sich an den Hinterecken. Der breitere und längere Metathorax hat hinter den abgerundeten Vorderecken eine starke Einschnürung, an welcher die sonst schmale Stirnschiene sich fleckenartig verbreiternd aufhört. Die Seiten sind gerade und parallel, der Hinterrand in der Mitte ein wenig eingezogen. Ein wenig nach einwärts von den abgerundeten Hinterecken stehen eine sehr feine und noch weiter der Mittellinie genähert auf einem elliptischen helleren Flecke drei Borsten dicht bei einander.

Die Beine sind sehr lang; die Schenkel länger als die Schienen, beide an der Dorsalseite mit breitem Chitinsaume.

Das Abdomen ist langgestreckt, nach hinten verschmälert; das erste Segment kürzer als die folgenden, das achte und neunte beim Weibchen ohne Naht vereinigt. Das Endsegment ist beim Männchen zweispitzig mit abgerundeten Spitzen, beim Weibchen abgerundet mit medianem Einschnitte am Hinterrande. Die paralleelseitigen Seitenschienien biegen sich auf Segment 2—7 an den Suturen um und bilden einen ösenartigen Anhang; auf dem achten fehlen sie beim Weibchen. Die Randflecke sind ziemlich viereckig, beim Männchen auf den sechs ersten Segmenten durch mediane Flecke verbunden, welche letztere auf dem fünften und sechsten Segmente sehr schmal sind. Auf dem siebenten Segmente fehlt der mediane Fleck; das achte trägt einen breiten, am Hinterrande concaven Querfleck, das neunte ist ohne Fleck. Beim Weibchen fehlt auf dem ersten Segmente ein Medianfleck, auf Segment 2—7 ist je ein solcher vorhanden, auf dem zweiten und siebenten sehr schmal, auf den übrigen quadratisch. Niemals kommt er mit den Randflecken in Berührung. Das achte Segment trägt einen quer-oblongen Fleck, welcher in der Mitte noch durch einen längsgerichteten schmalen Streif verdunkelt wird. Das neunte ist in der vorderen Hälfte mit zwei Dreiecksflecken versehen und an den Hinterecken steht je noch ein schmaler Fleck.

An der Ventralseite steht beim Männchen auf den ersten sechs Segmenten jederseits nahe der Seitenschiene ein oblonger Fleck, welcher nach hinten zu auf jedem Segmente an Grösse zunimmt, auf dem ersten ganz klein und schmal, auf dem sechsten gross, pflaumenartig ist. Beim Weibchen finden sich ebensolche Flecke auf den sieben ersten Segmenten und diejenigen des sechsten sind mit denen des siebenten durch einen Längsstreif verbunden. Die letzteren treten durch schmale Streifen mit dem eigenthümlich gestalteten (Fig. 1b), am Hinterrande jederseits der Mittellinie mit einer Reihe von Borsten besetzten Genitalflecke in Verbindung. Jedes Segment ist ausser an den Ecken mit zwei Reihen von Borsten besetzt, von denen die erste auf dem ersten Segmente aus vier, sonst nur aus zwei Borsten besteht. An der Ventralseite finden sich beim Weibchen in der Umgebung des Genitalfleckes eine Anzahl sehr kleiner unregelmässig angeordneter Borstchen.

Die Grundfarbe des Thieres ist gelbbraun, die Flecke und Schienen sind in verschiedenen Nuancirungen dunkler braun.

| Länge    | ♂ 4,65 mm. | ♀ 4,83 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,89 „     | 0,93 „     |
| Thorax   | 0,76 „     | 0,76 „     |
| Abdomen  | 3,00 „     | 3,14 „     |
| 3. Femur | 0,88 „     | 0,88 „     |
| 3. Tibia | 0,70 „     | 0,70 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,64 „     | 0,68 „     |
| Thorax   | 0,79 „     | 0,80 „     |
| Abdomen  | 0,90 „     | 1,05 „     |

Auf *Sarcorhamphus papa*, in der Sammlung des zoologischen Museums zu Halle.

## II. Typus der *biguttati*.

Die hierhergehörigen Formen sind ausgezeichnet durch zwei dunkle rundliche Anhänge nahe der Mitte an der Innenseite der Stirnschiene. Sie sind bisher nur auf Papageien gefunden.

*L. falcicornis* G. von *Centropus*, welchen Piaget als Parasit eines Klettervogels zu diesem Typus rechnet (die Art ist ihm nur aus der ungenügenden Beschreibung Giebel's bekannt), gehört nicht hierher, sondern zu den *chypeati*. *L. strepsiceros* N. wird von Piaget mit Recht hierher gezogen. Derselbe hat ausserdem vier neue Formen beschrieben: *L. albidus* (*Coracopsis vasa*, *C. nigra*); *circumfasciatus* (*Platycercus melanurus*); *interruptofasciatus* (*Electus sinensis*, *Pl. puniceus*); *L. femoratus* (*Electus* sp.? von *Celebes*). Es liegen mir davon die von Nitzsch aufgestellte Art und *circumfasciatus* Piag. vor. Diese verschiedenen Arten lassen sich nach folgender Tabelle bestimmen.

- a. Stirnschiene in der Mitte unterbrochen. Die Stirn abgestumpft spitzwinklig.  
*interruptofasciatus* Piag.
- aa. Stirnschiene nicht unterbrochen; Stirn abgerundet.
- b. Das zweite Fühlerglied beim Männchen viel kürzer als das dritte, dieses mit starker Erweiterung der oberen Ecke. Prothorax so lang wie breit, Metathorax im vorderen Drittel stark eingeschnürt. Färbung blass. *albidus* Piag.

- bb. Das zweite Fühlerglied wenig kürzer oder länger als das dritte. Prothorax breiter als lang, Metathorax kaum eingeschnürt.
- c. Das zweite Fühlerglied beim Männchen etwas länger als das dritte, dieses an der Basis mit einem Höcker.
- d. Prothorax fast quadratisch, Metathorax kurz mit stark divergirenden Seiten. Hüften unter dem Thorax verborgen. Färbung hell. . . *femoratus* Piag.
- dd. Prothorax mehr rechteckig, Metathorax länger mit weniger divergenten Seiten. Hüften ragen etwas an den Seiten vor. Färbung dunkler. *circumfasciatus* Piag.
- cc. Das zweite Fühlerglied beim Männchen kürzer als das dritte. Dieses am Innenrande ausgeschnitten, am Aussenrande convex, an der Basis mit einem kurzen, zapfenförmigen Fortsatze, die obere Ecke etwas vorgezogen, das dritte Glied am Innenrande in der Mitte eckig. Die Segmentecken treten namentlich an den mittleren Segmenten stark hervor. . . . . *strepsiceros* N.

Die einzelnen Arten sind sich zum Theil sehr ähnlich, und ich möchte fast glauben, dass man die drei von Piaget aufgestellten Arten *interruptofasciatus*, *circumfasciatus* und *femoratus* als Varietäten einer einzigen ansehen kann.

**L. strepsiceros** N. ♂ (Taf. III. Fig. 12, 12a).

Giebel, Ins. epiz. p. 121.

Der Kopf ist verkehrt eiförmig, die Stirn wohl abgerundet, mit sechs Borsten jederseits am Rande und zwei mittleren auf der Dorsalfäche nahe dem Vorderrande. Die Stirnschiene ist schmal, an den Vorderecken der Fühlerbucht verbreitert, vorn mit zwei kleinen runden Chitinhängen. Die Vorderecke der Antennengrube springt wie ein kleines Bälkchen vor. Die letztere ist tief. Das Grundglied der langen Fühler ist lang und doppelt so dick wie die folgenden, das zweite hat die gleiche Länge, das dritte ein wenig länger, innen concav, aussen convex, an der Basis mit einem kleinen, zapfenförmigen Höcker, an der oberen Ecke vorgezogen; das vierte Glied ist das kürzeste von allen, etwa ein Drittel so lang wie das vorhergehende, innen in der Mitte eckig; das fünfte ist doppelt so lang, nach oben etwas verschmälert und abgerundet. Das Auge tritt gar nicht hervor. Die Schläfen sind abgerundet, mit grösster Breite dicht hinter der Fühlerbucht; sie sind mit drei sehr kurzen Borstchen versehen. Das gerade Hinterhaupt tritt nicht zurück. Die Schläfenschienens sind sehr schmal. Auf dem Hinterkopfe steht eine nach vorn zugespitzte Signatur.

Der Prothorax hat abgerundete, nach vorn etwas verschmälerte Seiten und abgerundete, nackte Hinterecken. Der breitere Metathorax ist trapezförmig, vorn wenig eingeschnürt. Der Hinterrand ist gerade und trägt jederseits nahe den abgerundeten Ecken vier dicht bei einander stehende lange Borsten. Die Beine sind lang; die Hüften treten deutlich an den Seiten des Metathorax hervor, die cylindrischen Schenkel sind länger als die ähnlich geformten, an der Basis etwas verschmälerten Schienen, an der Innen- und Aussenseite sind sie mit einigen kurzen Borstchen besetzt.

Das Abdomen beträgt etwa die Hälfte von der Gesamtlänge des Thieres, es ist langgestreckt mit ziemlich parallelen Seiten, welche durch die vortretenden Segmentecken sägezahnartig eingeschnitten sind. Die Seiten der einzelnen Segmente sind gerade und divergiren, nur die der beiden letzten sind abgerundet und auch viel weniger am Rande von einander abgesetzt als die vorhergehenden. Das neunte Segment ist breit und flach abgerundet, am Hinterrande jederseits von der Mittellinie mit einem Büschel kurzer Borsten besetzt. Die Borsten an den Segmentecken sind kurz, auf der Fläche sind keine bemerkbar. Die Seitenschienens sind braunschwarz, die Segmente mit braunen Querflecken gezeichnet, zwischen denen nur die Suturen gelblich erscheinen. Der Copulationsapparat ist kurz und dick, er endigt mit zwei Spitzen. An der Ventralseite des achten Segments steht jederseits von der Mittellinie eine schräge, nach hinten divergierende Reihe kräftiger, dicht aneinander gedrängter Borsten.

Die Färbung ist im Allgemeinen kastanienbraun.

| Länge    | ♂ 1,87 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,48 „     | 0,38 mm. |
| Thorax   | 0,43 „     | 0,45 „   |
| Abdomen  | 0,96 „     | 0,49 „   |
| 3. Femur | 0,31 „     |          |
| 3. Tibia | 0,25 „     |          |

Auf *Psittacus erithacus*, in der Sammlung des zoologischen Museums zu Halle in mehreren männlichen Exemplaren. Ein weibliches Stück habe ich ganz unberücksichtigt gelassen, weil es noch vollständig un ausgebildet ist.

**L. circumfasciatus** Piag. (Taf. III. Fig. 13, 13a, 13b, 13c).

p. 301, Pl. XXIV, f. 6.

Der Kopf ist conisch, die Stirn abgerundet mit sechs Borsten jederseits von der Mittellinie. Die Stirnschiene ist breit, erweitert sich vor der Fühlergrube zu einem rundlichen Flecke und trägt vorn zwei runde Anhänge. Die Vorderecken der Antennengrube erscheinen wie kleine Trabekel. Die erstere ist beim Männchen tiefer als beim Weibchen. Die männlichen Fühler haben ein dickes Grundglied, ein wenig längeres schlankes zweites und ein kaum kürzeres drittes Glied, welches an der Basis ein kleines Höckerchen trägt und an der oberen Ecke fast gar nicht erweitert ist; das vierte Glied ist halb so lang wie das fünfte. An den langen dünnen weiblichen Fühlern ist das erste Glied so lang wie das dritte, das zweite etwas länger, von den beiden Endgliedern ist auch hier das fünfte doppelt so lang wie das vierte. Das Auge tritt unbedeutend vor. Die Schläfen sind abgerundet, mit grösster Breite gleich hinter der Fühlerbucht; sie tragen zwei sehr kurze und hinfallige Borstchen. Das Hinterhaupt tritt nur wenig zurück, davor steht auf dem Hinterkopfe eine Signatur. Die Schläfenschienen sind ausserordentlich schmal.

Der Prothorax hat die Form eines Rechtecks; seine Seiten sind schwach gewölbt, etwas nach einwärts von den abgerundeten Hinterecken steht eine Borste. Der längere Metathorax ist trapezisch, vorn kaum eingeschnürt; an den Hinterecken abgerundet, der Hinterrand gerade, jederseits nahe den Ecken mit fünf langen Borsten besetzt.

An den Beinen sind die Schenkel länger als die Schienen.

Das Abdomen ist langgestreckt, beim Männchen hinten ein wenig mehr verbreitert als beim Weibchen; an den Rändern treten die abgerundeten Segmentecken vor. Das erste Segment ist etwas kürzer als die folgenden; beim Männchen ist auch das achte etwas kürzer als die übrigen, vom neunten wenig abgesetzt; dieses abgerundet, mit zahlreichen Borsten besetzt. Beim Weibchen ist das achte von gleicher Länge wie die übrigen, dagegen das neunte sehr kurz und schmal, mit medianem Ausschnitte des Hinterrandes und wenigen Borsten. Der männliche Copulationsapparat ist ganz ähnlich wie bei voriger Art. Die Seitenschienen sind kastanienbraun, an den Suturen nicht umgebogen. Die Segmente werden fast ganz von etwas heller braunen Quer-

flecken eingenommen, zwischen welchen nur die Nähte hell bleiben. Ausser den Borsten an den Segmentecken stehen auf der Fläche jederseits eine sehr lange, nach dem Rande und nach der Mitte zu eine zweite etwas kürzere. Am Hinterrande des achten Segments steht beim Männchen eine Reihe straffer Borsten seitlich vom Copulationsorgane. Die Grundfarbe ist gelblichbraun.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 1,75 mm, | ♀ 2,05 mm. |
| Kopf     | 0,46 „     | 0,49 „     |
| Thorax   | 0,38 „     | 0,38 „     |
| Abdomen  | 1,01 „     | 1,18 „     |
| 3. Femur | 0,30 „     | 0,29 „     |
| 3. Tibia | 0,24 „     | 0,23 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,34 „     | 0,36 „     |
| Thorax   | 0,39 „     | 0,39 „     |
| Abdomen  | 0,45 „     | 0,48 „     |

Ogleich die vorstehende Beschreibung in einigen Punkten von derjenigen Piaget's abweicht, möchte ich doch für die mir vorliegenden Thiere keine neue Art begründen, um so weniger, da, wie schon erwähnt, auch die zwischen *interruptofasciatus*, *circumfasciatus* und *femoratus* angegebenen Unterschiede vielleicht nur Varietäten einer Art anzeigen. Piaget fand seinen *L. circumfasciatus* auf *Platycercus melamurus*. Die mir vorliegenden Exemplare wurden von Herrn Dr. Meyer auf *Eclectus Linnei*, *Eclectus polychlorus*, *Colyptorhynchus Leachi* und *Tropidorhynchus gilolensis* gesammelt.

### III. Typus der *clypeati*.

Am Vorderkopfe ist ein Clypeus besonders abgesetzt dadurch, dass die Stirnschiene niemals ganz um den Vorderkopf herumläuft. Dieselbe hört in dem einen Falle am Hinterrande des Clypeus scharf conturirt auf und biegt meist mehr oder weniger weit nach innen um, legt sich an den Hinterrand der Signatur an und kann sich bis in die Nähe der Mandibeln herab erstrecken, ausserdem tritt an den Seiten des Clypeus von Neuem eine Schiene auf, welche stets kurz ist und vor dem Vorderrande endet. Auf der Dorsalfläche des Clypeus steht eine scharf umschriebene, verschieden gestaltete

Signatur. In dem anderen Falle ist die Sutura des Clypeus meist gar nicht bemerkbar oder wird durch einen hellen, ungefärbten Streifen repräsentirt. Die Stirnschiene kann ebenfalls scharf conturirt aufhören und setzt sich an der Ventralseite als eine Chitinschiene fort, welche die vom Vorderrande des Kopfes nach den Mandibeln verlaufende Vertiefung (Futterrinne) seitlich begrenzt. Auf dem Clypeus kann eine neue Seitenschiene auftreten und denselben ganz umziehen. Die Stirnschiene kann aber auch ganz allmählich durch Hellerwerden der Färbung in derjenigen des vordersten Kopfteiles verschwinden und begrenzt ventral die Rinne nicht oder doch nur auf eine kurze Strecke. Diese Formen schliessen sich in Bezug auf die Bildung der Stirnschiene am nächsten an die *circumfasciati* an, und vor den Mandibeln findet sich wie bei diesen eine halbkreisförmige Vertiefung. Die Signatur ist niemals so ausgeprägt wie im ersten Falle. Wir wollen die eine Form der Ausbildung des Clypeus mit Piaget als Typus der *Clypeati sutura distincta*, die andere als *Clypeati sutura indistincta* bezeichnen. Eine dritte Gruppe ist durch den Besitz von zwei verbreiterten Borsten an der Sutura des Clypeus ausgezeichnet und wird als die der *Clypeati bisetosi* bezeichnet.

#### a) *Clypeati sutura indistincta.*

Hierher gehören folgende von Piaget näher beschriebene Arten: *L. baculus* N. (*Columba turtur, palumbus, domestica, bistorta, migratoria, tigrina, capensis*); *L. longiceps* Rud.<sup>1)</sup> (*Carpophaga Paulina, perspicillata*); *angusticeps* Piag. (*Procellaria cinerea*); *subangusticeps* Piag. (*Thalassidroma Leachi*); *gracilicornis* Piag. (*Fregata minor*); *signatus* Piag. (*Anastomus lamelligerus*) mit var. *atrata* P. (*Ardea caledonica*) und var. *pallida* P. (*Ardea albolineata*); *praelongus* Piag. (*Tantalus lacteus*); *platalearum* Gbl. (*Platalea leucorodia*); *aequalis* Piag. (*Phoenicopterus calorynchus*); *versicolor* N. (*Ciconia alba*); *raphidius* N. (*Ibis cristata, falcinellus*); *leucopygus* N. (*Ardea cinerea*) mit var. *minor* P. (*Ardea purpurea*) und var. *fasciata* (*Ardea stellaris*); *subsignatus* Gbl. (*Phoenicopterus antiquorum*); *parviceps* Piag. (*Sterna hirundo*); *grandis* Piag. (*Thalassidroma pelagica*); *mutabilis* Piag. (*Procellaria glacialis* und *capensis*); *hebraeus* N. (*Grus cinerea, G. pavonina*); *emarginatus* Piag. (*To-*

<sup>1)</sup> Ueber diese Art vergleiche unten.

*tanus ochropus*); *longipes* (*Tinamus obsoletus*); *latus* Piag. (*Rhea americana*); *platyclypeatus* Piag. (*Perdix* sp.? *Celebes*); *exilicornis* Piag. (*Sterna* sp.? *Banka*).

Von diesen scheint mir *gracilicornis* zur nächsten Gruppe zu gehören. *L. latus* P. trenne ich ganz von dieser Gattung ab; *platyclypeatus* ♀ wäre ich geneigt, für einen *Nirmus* zu halten. Dagegen habe ich einige bisher ungenügend bekannte und neue Arten zu beschreiben, von denen einige in folgender Bestimmungstabelle weggelassen sind.

**Bestimmungstabelle für die Arten mit undeutlicher oder ungefärbter Sutur des Clypeus.**

- a. Die Stirnschiene ist am Hinterrande des Clypeus unterbrochen, biegt aber nicht nach innen auf den letzteren um, begrenzt auch die zum Munde verlaufenden Furchen nicht, kann dagegen auf dem Clypeus wieder auftreten und diesen sogar ganz umgeben. Am Vorderrande des Clypeus stehen zwei lanzettförmige Borsten.
- b. Der Vorderrand des Clypeus ist abgerundet, stumpf zugespitzt oder flach eingesenkt, rings von einer breiten Chitinschiene umgeben, der Hinterrand ist durch eine ungefärbte Naht vom übrigen Vorderkopfe abgegrenzt.
- c. Der Vorderrand des Clypeus ist abgerundet.
- d. Der Clypeus ist schmal, die Schiene hat jederseits einen rundlichen Anhang, welche in der Mittellinie nur durch eine schmale helle Naht getrennt sind; die Schläfen sind gerade, fast parallel; an den männlichen Fühlern ist das erste Glied das längste, das zweite schlank, nur wenig kürzer, das dritte nur halb so lang wie dieses. . . . . *baculus* N.
- dd. Der Clypeus ist breiter, die Schiene sehr breit, ohne Anhänge; die Schläfen abgerundet. An den Fühlern des Männchens ist das zweite Glied viel kürzer als das erste, dick, am Innenrande mit einem Höcker, das dritte nur um ein Drittel kürzer. . . . . *fortis* m.
- cc. Der Vorderrand des Clypeus ist flach eingesenkt, das zweite Glied der männlichen Fühler ist ebenso lang wie das erste, sonst wie *baculus*.  
*baculus* var. *cavifrons* m.
- ccc. Der Vorderrand des Clypeus ist abgestumpft winklig, so dass der ganze Clypeus dreieckig erscheint. . . . . *Piageti* m.
- bb. Der Vorderrand des Clypeus ausgeschnitten; die Seiten des Clypeus abgerundet, mit etwas nach einwärts geneigten Spitzen endigend. Die Stirnschiene, mit zwei seitlichen rundlichen Anhängen versehen, hört am Ausschnitte auf. An den männlichen Fühlern ist das zweite Glied das längste, das dritte nicht viel kürzer als das erste. Schläfen gerade, ziemlich parallel.  
*longiceps* Rud.

- aa. Die Stirnschiene hört etwas vor dem Vorderrande des Kopfes auf, aber ohne Sutura, zuweilen nur durch allmähliches Blasserwerden der Färbung, in einzelnen Fällen biegt sie ein wenig nach innen um. Zur Umgrenzung der zum Munde verlaufenden Rinne dient sie gar nicht oder nur eine ganz kurze Strecke. Eine Naht des Clypeus ist oft gar nicht bemerkbar.
- e. Vorderrand des Clypeus ausgeschnitten.
- f. Metathorax in der Mitte des Hinterrandes winklig vortretend. Vorderecken der Fühlerbucht trabekelartig selbstständig. Beine auffallend lang. Flecke des Abdomens durch eine helle Längsnaht in der Medianlinie getrennt.  
*longipes* Piag.
- ff. Metathorax mit geradem Hinterrande; Vorderecken der Fühlerbucht gewöhnlich; Beine normal. Flecke des Abdomens ununterbrochen quer.  
*emarginatas* Piag.
- ee. Vorderrand des Clypeus nicht ausgeschnitten.
- g. Die Stirnschiene biegt sich am Hinterrande des Clypeus mit einem kurzen Fortsatze nach innen um.
- h. Kopf verhältnissmässig klein, Clypeus kurz mit einer bis zum Rande reichenden Signatur, ohne deutliche Sutura. Schläfen abgerundet. Metathorax mit geradem Hinterrande. . . . . *parviceps* Piag.
- hh. Kopf nicht auffallend klein, Clypeus durch eine wellige Naht abgegrenzt, ganz gefärbt. Schläfen gerade, nach hinten etwas winklig abgerundet. Metathorax mit convexem Hinterrande. . . . . *exilicornis* Piag.
- gg. Die Stirnschiene biegt sich am Hinterrande des Clypeus nicht nach innen um.
- i. Die Sutura des Clypeus ist deutlich; dieser ist vorn breit abgerundet. Die allgemeine Färbung ist blass. Metathorax doppelt so lang wie der Prothorax. Mediane Borsten fehlen auf dem Abdomen. . . . . *subsignatus* Gbl.
- ii. Die Sutura des Clypeus ist nicht deutlich.
- k. Kopf vorn breit, gerundet.
- l. Seitenschiene des Abdomens breit, in der Mitte des Innenrandes ausgeschweift. Clypeus mit einer schmalen, quer-oblongen Signatur. *macrocnemis* Gbl.
- ll. Seitenschiene des Abdomens schmal, parallelschönig. Erstes Fühlerglied beim Männchen mit einem kleinen Höckerchen nahe der Basis. Hinterrand des Metathorax in der Mitte winklig, alle Flecke des Abdomens quer.  
*mutabilis* Piag.
- kk. Kopf vorn verschmälert, hoch gewölbt oder etwas winklig in der Mitte.
- m. Erstes Antennenglied beim Männchen mit Fortsatz. Kopf vorn etwas winklig. Metathorax in der Mitte des Hinterrandes winklig. Die Abdominalflecke sind auf jedem Segmente doppelt, linienförmig, nach der Mitte hin verwischt.  
*grandis* Piag.

- mm. Erstes Antennenglied ohne Fortsatz.
- n. Dasselbe ist so lang wie die beiden folgenden zusammen, alle mit etwas convexem Aussenrande, das dritte endigt mit einer etwas hakenförmigen Spitze und trägt die Endglieder ausserhalb der Längsachse der Fühler. Metathorax hat gerade Seiten, ohne Einschnürung. Erstes Abdominalsegment kürzer als die folgenden. . . . . *falcicornis* Gbl.
- nn. Metathorax eingeschnürt; erstes Abdominalsegment so lang wie die folgenden; die Abdominalflecke alle durch eine mediane Längsfurche getheilt. Lehmfarbig. *testaceus* m.
- aaa. Die Stirnschiene hört am Hinterrande des Clypeus auf und biegt nach hinten um, zur Umgrenzung der zum Munde verlaufenden Rinne. Auf dem Clypeus erscheint die Seitenschiene nicht wieder.
- o. Erstes Fühlerglied beim Männchen mit Fortsatz. Färbung weisslich mit schwarzen Seitenschiene und schwarzen Zeichnungen, welche auf dem Abdomen an hebräische Buchstaben erinnern. . . . . *hebraeus* N.
- oo. Erstes Fühlerglied beim Männchen ohne Fortsatz.
- p. Der Stirnrand ist an der Grenze des Clypeus mit einer kleinen Erhöhung versehen. Vorderecken der Fühlerbucht selbstständige Trabekeln. *docophorus* Gbl.
- pp. Der Stirnrand ist an der Grenze des Clypeus mit einer kleinen Einkerbung versehen.
- q. Metathorax in der Mitte des Hinterrandes winklig.
- r. Die Flecke der drei ersten Abdominalsegmente sind durch eine mediane Naht getrennt. Die drei letzten Fühlerglieder sind dunkler als die ersten. Die Signatur ungefärbt. . . . . *versicolor* N.
- rr. Die Flecke aller Abdominalsegmente sind quer. Signatur gefärbt, punktirt oder runzlig.
- s. Die Signatur in der Mitte getheilt. . . . . *aequalis* Piag.
- ss. Die Signatur ungetheilt.
- t. Abdominalflecke beim ♂ quer, beim ♀ in der Mitte getheilt, auf jedem Segmente zwei mediane Borsten, Schiene am Aussenrande mit drei Borsten. *signatus* Piag.
- tt. Abdominalflecke nur am Rande, jedes Segment mit vier Borsten, von denen die mittleren länger sind. Schläfenecken stark verbreitert. Schienen am Aussenrande mit zwei Borsten. . . . . *praelongus* Piag.
- qq. Metathorax mit geradem Hinterrande.
- u. Färbung blass.

- v. Die Signatur reicht bis zum Rande. Die Hüften gefärbt; Schenkel mit einem Fleck am proximalen und einem Halbringe am distalen Ende. *leucopygos* N.
- vv. Signatur durch einen ungefärbten Zwischenraum vom Rande getrennt. Beine ungefärbt.
- w. Signatur halb getheilt. Letztes Abdominalsegment beim Männchen abgestutzt, beim Weibchen ausgeschnitten. . . . . *platalearum* Gbl.
- ww. Signatur ganz getheilt. Letztes Segment beim Männchen sehr schmal, zugespitzt; beim Weibchen abgerundet. . . . . *pseudoraphidius* Piag.
- uu. Färbung ausgeprägt.
- x. Metathorax schmaler als der Kopf. Die Abdominalsegmente sind unter einander gleich. Die Schläfen nackt. . . . . *subangusticeps* Piag.
- xx. Metathorax breiter als der Kopf. Die drei ersten Abdominalsegmente länger als die folgenden. Schläfen mit einer Borste. . . . . *angusticeps* Piag.

#### Bemerkungen zu *L. baculus* N.

1) Dass *L. antennatus* Gbl. (Ins. epiz. p. 213) nichts Anderes ist als *L. baculus*, kann als sicher angesehen werden. Das einzige Exemplar der Hallischen Sammlung ist offenbar nur zufällig auf *Baza lophotes* angetroffen worden.

2) *L. bacillus* N. und *L. baculus* sind unter keiner Bedingung als verschiedene Arten, nicht einmal als Varietäten aufzufassen.

3) *L. angustus* Rud. (Beiträge p. 34; Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI (1870) p. 137). Die mir aus der Hamburger Sammlung vorliegenden Exemplare eines *Lipeurus* von *Phaps chalcoptera* muss ich für identisch mit *baculus* erklären. Dass dieselben von Rudow zur Aufstellung seines *L. angustus* benutzt worden sind, kann ich freilich nur als wahrscheinlich hinstellen.

*L. baculus* liegt mir in einer Anzahl von Exemplaren von verschiedenen Tauben der Südsee vor in Exemplaren, welche nur durch bedeutendere Grösse von den gewöhnlichen Bewohnern unserer Haustaubenrassen abweichen. Ich stelle hier die Maasse nebeneinander; das erstere ist auf Exemplare von *Columba domestica*, das zweite auf solche von *Myristicivora Reinwardti* bezüglich.

| Länge   | ♂ 2,28 mm, ♀ 2,44 mm. |        | Breite                |        |
|---------|-----------------------|--------|-----------------------|--------|
| Kopf    | 0,52                  | „ 0,56 | ♂ 0,28 mm, ♀ 0,28 mm. |        |
| Thorax  | 0,45                  | „ 0,42 | 0,28                  | „ 0,28 |
| Abdomen | 1,31                  | „ 1,46 | 0,36                  | „ 0,39 |

| Länge   | ♂ 2,76 mm, ♀ 3,13 mm. | Breite                |
|---------|-----------------------|-----------------------|
| Kopf    | 0,63 „ 0,63 „         | ♂ 0,34 mm, ♀ 0,36 mm. |
| Thorax  | 0,58 „ 0,58 „         | 0,35 „ 0,38 „         |
| Abdomen | 1,55 „ 1,92 „         | 0,43 „ 0,50 „         |

Diese grösseren Exemplare (Taf. III. Fig. 9) liegen mir aus der Sammlung des Herrn Dr. Meyer von folgenden Tauben vor: *Macropygia Reinwardti*, *Carpophaga pinon*, *C. Zocae*, *C. magnifica*, *C. luctuosa (spilorrhoea)*, *Leucosarca plicata*, *Eutrygon terrestre*, *Ptilopus puellus*.

Beiläufig will ich bemerken, dass alle Exemplare, auch die von unserer Haustaube, auf jedem Segmente zwei feine mediane Borsten tragen, welche Piaget übersehen hat.

Var. **cavifrons** (Taf. III. Fig. 9a)

weicht durch eine flache Einsenkung des vorderen Clypeusrandes ab; ferner ist beim Männchen das erste Antennenglied nicht länger als das zweite (während es bei der gewöhnlichen Form das längste von allen ist), und daher ist auch der Grössenunterschied zwischen dem dritten und ersten Gliede nicht so bedeutend.

Länge ♂ 2,84 mm; ♀ 2,94 mm.

Diese Varietät liegt mir vor von: *Carpophaga aenea*, *badia*, und von *Paradisea apoda* (in der Berliner Thierarzneischule) und *Haliaëtus* (von Dr. Meyer gesammelt), auf welch' letzteren Vögeln sie sicherlich nur zufällig angetroffen ist.

**L. longiceps** Rud. (Taf. III. Fig. 10).

Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI (1870) p. 122.

Diese Art ist nicht identisch mit der von Piaget (p. 305, Pl. XXV, f. 3) beschriebenen. Dass dem Letzteren betreffs der Identificirung kein Vorwurf zu machen ist, versteht sich von selbst; denn Rudow's Beschreibung giebt nur in Bezug auf das Wobnthier einen Anhalt. Leider liegen mir keine Rudow'schen Typen vor, indess aus seiner Zeichnung ergibt sich die Verschiedenheit mit der von Piaget beschriebenen Art aufs Sicherste und ermöglicht es, in derselben eine Form wiederzuerkennen, von welcher mir einige Exemplare vorliegen. Sie steht dem gewöhnlichen *baculus* im Allgemeinen so nahe, dass

es genügt, die Unterschiede hervorzuheben. Der Clypeus ist deutlich vom übrigen Vorderkopfe getrennt und zwar durch eine dreieckige ungefärbte Naht. Die Seiten sind etwas gewölbt, mit breiter gelbbrauner Chitinschiene belegt, welche an den durch den Ausschnitt des Vorderrandes spitz vortretenden Ecken aufhört. Ausser den beiden lanzettförmigen Borsten, von denen je eine seitlich vom Ausschnitte steht, ist noch eine gewöhnliche feine Borste vorhanden. Die Chitinschienen haben je einen seitlichen abgerundeten Anhang, wie bei *baculus*. An den männlichen Fühlern ist das erste Glied wohl dicker, aber nicht länger als das zweite, das dritte nur halb so lang. An den weiblichen Fühlern findet sich dasselbe gegenseitige Längenverhältniss der Glieder wie bei *baculus*. Auch die Form des Thorax und Abdomens, die Flecke und Borsten sind dieselben; die Beine sind kürzer.

| Länge    | ♂ 2,40 mm. | ♀ 2,68 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,61 „     | 0,61 „     |
| Thorax   | 0,44 „     | 0,45 „     |
| Abdomen  | 1,35 „     | 1,62 „     |
| 3. Femur | 0,29 „     | 0,28 „     |
| 3. Tibia | 0,23 „     | 0,23 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,34 „     | 0,34 „     |
| Thorax   | 0,31 „     | 0,34 „     |
| Abdomen  | 0,37 „     | 0,48 „     |

Diese Art wurde zuerst von Rudow auf *Carpophaga perspicillata* gesammelt. Mir liegt sie von folgenden Tauben vor: *Henicophaps albifrons*, *Carpophaga roseicincta*, *C. Paulina*, *C. aenea*, *C. Zoeae*, *Myristicivora melanura*, *Ptilopus puellus*. Ein Exemplar wurde durch Zufall von Herrn Dr. Meyer auch auf *Cacatua triton* angetroffen.

Die von Piaget als *L. longiceps* beschriebene Art mag den Namen *Piageti* m. führen. Ich habe dieselbe in der Bestimmungstabelle unter denjenigen Formen aufgeführt, welche durch den Besitz der beiden lanzettförmigen Borsten ausgezeichnet sind, obgleich Piaget derselben nicht Erwähnung thut. Ich vermuthe jedoch, dass sie abgebrochen waren, was sehr leicht geschieht. Piaget fand seine Art auf *Carpophaga perspicillata* und *Paulina*, nur in weiblichen Exemplaren.

**L. fortis** m. (Taf. III. Fig. 11).

Auch diese Art gehört in die nähere Verwandtschaft von *L. baculus* und weicht von derselben in folgenden Punkten ab.

Der Clypeus ist kürzer und breiter, durch eine gerade helle Naht nach hinten abgegrenzt. Die Stirnschiene, welche auf demselben wieder auftritt, ist sehr breit und lässt nur eine sehr kleine ungefärbte Stelle zwischen sich und dem übrigen Vorderkopfe frei. An den männlichen Fühlern ist das erste Glied bei weitem das längste und dickste, das zweite nur halb so lang, ziemlich dick, am Innenrande mit einem kleinen Höcker versehen; das dritte ist wieder nur halb so lang wie das zweite und von den beiden Endgliedern ist das fünfte das längere. Beim Weibchen ist das zweite Fühlerglied das längste, das dritte nur halb so lang. Das Auge tritt deutlich vor. Die Schläfengegend ist breit, die Schläfen selbst abgerundet. Die Hinterhauptsschienen sind viel entwickelter als bei *baculus*, etwas nach vorn gerichtet und seitlich verbreitert.

Der Prothorax hat divergente Seiten und abgerundete Hinterecken. Der Metathorax ist kürzer als bei *baculus*, hat etwas divergente, geradlinige Seiten, an den Hinterecken drei lange Borsten. Die Beine sind kürzer. Das Abdomen ist eiförmig, mit abgerundeten Seiten, welche ihre grösste Breite am vierten Segmente erreichen. Das neunte Segment ist beim Männchen am abgerundeten Hinterrande kaum eingeschnitten, beim Weibchen ebendasselbst abgestutzt und ebenfalls wenig eingeschnitten. Die Seitenschienen sind breiter, die Flecke durch eine hellere Mittelnaht getrennt. Ausser den Borsten an den Ecken trägt jedes Segment zwei mediane.

| Länge    | ♂ 2,23 mm, | ♀ 2,64 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,56 „     | 0,64 „     |
| Thorax   | 0,48 „     | 0,48 „     |
| Abdomen  | 1,19 „     | 1,52 „     |
| 3. Femur | 0,32 „     | 0,35 „     |
| 3. Tibia | 0,23 „     | 0,26 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,40 „     | 0,45 „     |
| Thorax   | 0,40 „     | 0,44 „     |
| Abdomen  | 0,54 „     | 0,65 „     |

Auf *Otidiphaps nobilis* von Herrn Dr. Meyer gesammelt.

*L. lepidus* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 225) ist identisch mit *L. signatus* Piag. (p. 310. Pl. XXV, f. 7). Letzterer ist auf *Anastomus lamelligerus* gesammelt, ersterer auf *A. pondicerianus*. Von *A. lamelligerus* liegen mir einige Exemplare aus der Berliner Thierarzneischule vor.

**L. loculator** Gbl. (Ins. epiz. p. 228.)

Eine ausreichende Beschreibung kann ich von dieser Art wegen des schlechten Erhaltungszustandes der beiden typischen Exemplare nicht geben. (Das Weibchen hat keine Antennen, das Männchen nur eine und keine Hinterleibsspitze). Ich sehe nur so viel, dass sie sehr nahe verwandt ist mit *L. praelongus* Piag. von *Tantulus lacteus*, namentlich die weibliche Hinterleibsspitze ist genau so gebildet. Vielleicht würden sich beide Formen bei reichlicherem Vergleichungsmateriale nur als Varietäten, wenn nicht als identisch ergeben. Der Prothorax ist parallelseitig, vorn nicht verschmälert. Die Segmente des Abdomens tragen beim Männchen braune Querflecke, die am Vorder- und Hinterrande concav sind, so dass an den Suturen ein rautenförmiger heller Raum bleibt. An dieser Bildung erkenne ich auch nach der Rudow'schen Handzeichnung die Uebereinstimmung seines *L. linearis* ebenfalls von *Tantulus loculator* mit *L. loculator*. Beim Weibchen scheinen die Querflecke zu fehlen, was auch mit *L. praelongus* zusammenstimmen würde. Die Maasse des Weibchens sind:

| Länge    | 4,27 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,86 „   | 0,60 mm. |
| Thorax   | 0,63 „   | 0,54 „   |
| Abdomen  | 2,78 „   | 0,84 „   |
| 3. Femur | 0,53 „   |          |
| 3. Tibia | 0,40 „   |          |

Auf *Tantulus loculator*, im Hallischen Museum.

**L. versicolor** N.

Die auf dem schwarzen Storche lebende Form kann wohl kaum als besondere Varietät, entschieden nicht als besondere Art *L. maculatus* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 225) angesehen werden. Was Piaget von den auf *Ciconia nigra* gesammelten Exemplaren angiebt, passt vollständig auf die mir vorliegenden sehr schlecht erhaltenen zwei typischen Exemplare.

Einige in der Hallischen Sammlung vorhandene *Lipeurus* von *Ciconia argula* stimmen ebenfalls mit *versicolor* überein.

Die Typen des jedenfalls ebenso damit übereinstimmenden *L. fissomaculatus* Gbl. (Ins. epiz. p. 225) von *Mycteria crumenifera* sind in der Hallischen Sammlung nicht aufgefunden.

*L. trapezoides* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 131) ist, nach der Handzeichnung des Autors zu urtheilen, nicht verschieden von *L. subsignatus* G. Beide sind auf *Phoenicopterus antiquorum* gesammelt. Die medianen Flecke auf dem Abdomen giebt Rudow jedenfalls zu dunkel an; sie müssten denn bei einer besonderen Varietät so erscheinen, wie er sie beschreibt und zeichnet, einen Artunterschied könnte dies sicherlich nicht abgeben.

Wenn nicht identisch mit *L. subsignatus*, so doch höchstens eine wenig abweichende Varietät davon ist auch

*L. candidus* Rud. (l. c. p. 135) von *Phoenicopterus ruber*, der mir leider auch nur in einer Zeichnung vorliegt.

Piaget ist vollkommen im Rechte, wenn er *L. leucoproctus* N. (von *Ardea purpurea*) als var. *minor* P. und *stellaris* Denny (von *Botaurus stellaris*) als var. *fasciatus* P. zu *L. leucopygus* N. zieht. Die Exemplare, auf welche hin Giebel die Artberechtigung dieser Formen bestätigt, liegen mir vor und sprechen mit Entschiedenheit gegen solche Auffassung, zumal die Individuen von *Ardea purpurea*, welche noch nicht ausgebildet sind.

Giebel beschreibt ein weibliches Individuum von *Lestris pomarina* als *L. modestus* G. (Ins. epiz. p. 233). Dasselbe ist nichts Anderes als *L. leucopygos* N. ♀.

*L. raphidius* N. ist nicht identisch mit der unter gleichem Namen von Piaget beschriebenen Art. Ich lasse der Nitzsch'schen, weil der alten Art, obigen Namen, und nenne die von Piaget beschriebene Art

*L. pseudoraphidius* m. = *L. raphidius* Piag. (non Nitzsch).

**L. raphidius** N. (Taf. V. Fig. 5).

Giebel, Ins. epiz. p. 229.

Der Kopf ist langgestreckt conisch, der Clypeus durch eine deutliche Randeinkerbung vom übrigen Vorderkopfe abgesetzt und hier mit zwei Borsten

besetzt; vorn stark gerundet, die rundliche Signatur ist fast in der ganzen Länge getheilt, nur vorn eine kurze Strecke ungetheilt. Die Stirnschiene ist dorsal breiter als ventral und biegt sich an der Suture des Clypeus nach innen um, sich mit zugespitzten Enden an die Signatur anlegend. Ventral reicht sie als schmaler Streif etwas weiter nach vorn und biegt sich zur Umgrenzung der zum Munde führenden Rinne um. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind kurz und ungefärbt. Die Fühlerbucht ist flach. An den männlichen Fühlern ist das erste Glied bei weitem das längste, es ist dick und cylindrisch, das zweite nur halb so lang und das dritte nur halb so lang wie dieses, mit etwas vorgezogener oberer Ecke. Von den beiden Endgliedern ist das fünfte etwas länger. An den weiblichen Fühlern sind die Glieder 1, 3 und 4 gleichlang, das fünfte etwas und das zweite ums Doppelte länger als diese. Die Augen treten deutlich hervor. Die Schläfen sind beim Männchen geradlinig, beim Weibchen schwach gewölbt, die Schläfenecken wohl gerundet, mit einer kurzen Borste besetzt, das Hinterhaupt flach concav. Schläfen- und Hinterhauptsschienen sind schmal, die von letzteren zu den Mundwerkzeugen verlaufenden Verbindungsschienen convergiren. An den Seiten des Vorderkopfes stehen ausser den Borsten am Clypeusrande noch drei andere jederseits.

Der Prothorax ist trapezisch mit geraden, sehr schwach divergirenden Seiten und abgerundeten, mit einer Borste besetzten Hinterecken. Der Metathorax hat dieselbe Gestalt, ist doppelt so lang, hat gerade, schwach divergirende Seiten, abgerundete Hinterecken und einen geraden Hinterrand. Etwas einwärts von den Ecken stehen vier nicht sehr lange Borsten. Die Seitenschienen hören im vorderen Drittel auf und von da gehen auf die Fläche zwei linienartige dunklere Zeichnungen, erst convergirend, dann parallel dicht nebeneinander herlaufend nach hinten. Die Beine haben lange Hüften; die Schenkel sind länger als die Schienen, nach dem distalen Ende hin etwas verbreitert, und ebenso verhalten sich die Schienen.

Das Abdomen ist langgestreckt schmal, in der Mitte etwas verbreitert. Das erste Segment ist länger als die folgenden, namentlich beim Weibchen, wo es ziemlich die Länge des Metathorax erreicht; auch das zweite, beim Männchen sogar das zweite und dritte, sind etwas länger als die folgenden. Das achte und neunte sind bei beiden Geschlechtern verschmolzen. Die Seitenschienen sind schmal, überragen die Suturen etwas und biegen sich auch

mit einem kurzen Fortsatze nach innen und schräg nach hinten um. Das Endsegment ist bei beiden Geschlechtern am schmalen Hinterrande mit einem Ausschnitte versehen. Das Copulationsorgan ist sehr kurz, indem es nur die beiden letzten Segmente durchsetzt. Der Rand des letzteren ist mit Borsten besetzt. Solche stehen auch an den Segmentecken und je vier vor den Suturen. Beim Männchen haben die Segmente Querflecke, welche auf dem vierten bis siebenten am Hinterrande concav sind. Beim Weibchen sind mit Ausnahme des einfarbigen ersten und letzten Segments viereckige Randflecke vorhanden, die in der Mittellinie einen breiten, aber nur wenig heller gefärbten Zwischenraum zwischen sich lassen. Die gesammte Färbung ist braun, die Schienen etwas dunkler als die Umgebung.

| Länge      | ♂ 2,93 mm, | ♀ 3,34 mm. |
|------------|------------|------------|
| Kopf       | 0,59 „     | 0,59 „     |
| Thorax     | 0,64 „     | 0,61 „     |
| (Prothorax | 0,18 „)    | (0,16 „)   |
| Abdomen    | 1,70 „     | 2,14 „     |
| 3. Coxa    | 0,15 „     | 0,15 „     |
| 3. Femur   | 0,39 „     | 0,39 „     |
| 3. Tibia   | 0,25 „     | 0,25 „     |
| Breite:    |            |            |
| Kopf       | 0,31 „     | 0,33 „     |
| Thorax     | 0,34 „     | 0,41 „     |
| Abdomen    | 0,42 „     | 0,53 „     |

Auf *Ibis falcinellus*, in der Sammlung des Hallischen Museums. *L. raphidius* Piag. wurde auf demselben Wirthe und auf *I. cristata* gefunden. Die von Giebel (p. 229) erwähnte Form von *Ibis rubra* ist höchstens eine Varietät der obigen Art und scheint mir, trotz der gegentheiligen Behauptung des Autors, noch nicht ganz ausgebildet zu sein.

**L. hebraeus** N. (Taf. IV. Fig. 4, 4a.)

Giebel, Ins. epiz. p. 226, taf. XVI, f. 5, 6; Piaget p. 326, Pl. XXVII, f. 2.

Diese Art ist schon seit sehr langer Zeit bekannt (zuerst von Redi als *Pulex gruis* beschrieben) und durch ihre helle Färbung mit den eigenthümlichen schwarzen Zeichnungen unverkennbar. Das von mir abgebildete

Männchen ist noch nicht ganz ausgebildet und in Folge dessen in einzelnen Punkten mit der Beschreibung nicht ganz übereinstimmend. Ich habe jedoch absichtlich ein solches Individuum gezeichnet, um auf die Unterschiede mit dem Erwachsenen, von welchem ich wenigstens den Kopf in einer Copie nach Piaget beifüge, aufmerksam zu machen; denn Giebel hat auf derartige Jugendformen nicht selten eigene Arten begründet.

Der Kopf ist lang und breit, der Vorderkopf conisch mit kleinen, ganz ungefärbten und nur dadurch abgesetzten Clypeus, dessen Vorderrand beim Männchen abgerundet, beim Weibchen gerade abgestutzt ist und seitlich je vier Borsten trägt. Auf diese folgen an jeder Seite des Vorderkopfes noch zwei, die letzte kurz vor der deutlich vortretenden Vorderecke der Fühlerbucht. Diese ist beim Männchen tief, beim Weibchen flach. Die männlichen Antennen sind sehr gross; das dicke Grundglied so lang wie die übrigen zusammen, mit einem Fortsatze an der Basis; das zweite nur halb so lang, das dritte noch kürzer, hakenförmig umgebogen, die unter sich gleichen Endglieder sind kurz und schmal. Der Haken am dritten Gliede ist beim ausgebildeten Thiere sehr dunkel gefärbt, auch stärker gebogen. Die weiblichen Antennen sind viel kürzer, das zweite Glied ist das längste, das dritte etwas kürzer als das dicke erste, die kürzeren Endglieder untereinander gleich; das zweite und dritte Glied vor den übrigen durch dunkle Färbung ausgezeichnet. Das Auge tritt sehr deutlich vor. Die Schläfen sind gleichmässig abgerundet, mit zwei kürzeren und einer längeren Borste besetzt. Das Hinterhaupt tritt zurück, ist beim Weibchen etwas stärker concav als beim Männchen. Der Hinterkopf trägt beim ausgebildeten Thiere eine grosse dreieckige Signatur, von der man im Jugendzustande erst Andeutungen findet. Das Hinterhaupt ist durch eine Schiene verstärkt, von da gehen zwei ziemlich parallele Verbindungsschienen zu den Mundtheilen und geben hier je eine schräge Schiene nach den Augen ab. Die Stirnschiene ist sehr hell und biegt am Clypeus zur Umgrenzung der zum Munde führenden Rinne um; zwischen dieser äusseren und inneren Schiene stehen jederseits zwei schwarze Flecke übereinander.

Der Prothorax ist kurz (besonders in der Jugend), trapezisch mit geraden, ziemlich stark divergirenden Seiten und etwas vortretenden, mit einer Dornspitze besetzten Hinterecken. In der Nähe der Hinterecken steht eine kurze schwarze, etwas gebogene Linie, zwei ebenfalls gebogene ziehen

über die Fläche. Der Metathorax ist viel länger, auch trapezisch, im vorderen Drittel eingeschnürt. Die abgerundeten Hinterecken mit vier Borsten besetzt, der Hinterrand gerade, nur in der Mitte eine kleine Spitze bildend. Von den Hinterecken bis zur Einschnürung verläuft eine Seitenschiene, an ersterer steht jederseits ein rundlicher Fleck, vor dem Hinterrande jederseits ein circumflexförmiger Fleck, unter jedem derselben drei Borsten. Ventral finden sich am Vorderrande zwei schmale Streifen und zwei solche in der Mitte, nach hinten divergirend, sowie zwei seitliche, die breit, aber wenig gefärbt sind.

Die Beine sind lang; die Hüften mit einem schwarzen Flecke, die Schenkel mit einer Seitenschiene, ebenso die kürzeren Schienen, beide innen und aussen mit Borsten besetzt; der Tarsus ist dunkel, die Klauen verhältnissmässig kurz.

Das Abdomen ist langgestreckt eiförmig, nur an den Segmentecken beborstet. Das erste Segment viel kürzer als die folgenden, mit parallelen Seiten; das neunte ist bei beiden Geschlechtern vom achten getrennt; beim Männchen abgerundet, beim Weibchen schmal, durch einen tiefen Ausschnitt zweispitzig, jederseits mit einem Dornspitzchen besetzt. An jeder Seite eine Borste und auf der Fläche ein dreieckiger Fleck. Auch auf dem männlichen Endsegmente stehen zwei dreieckige Flecke und die Seiten werden durch schwarze Bogenlinien gesäumt, welche in der Mitte des Hinterrandes getrennt bleiben. Die Seiten sind mit vier dicht beieinander stehenden Borsten besetzt. Die Seitenschien der übrigen Abdominalsegmente sind schmal, an den Suturen etwas nach innen gebogen. Die Flecke bestehen jederseits von der Mittellinie aus einem vorderen nach der Mittellinie hin gebogenen und einem hinteren geraden Streifen. Auf den letzten Segmenten kommen diese zur Vereinigung und bilden dann ein hebräisches Kaph (כ) resp. Bet (ב), nicht Daleth (ד), wie Piaget angiebt. Auf dem kurzen ersten Segmente sind auch die vorderen Streifen ziemlich gerade. Uebrigens scheinen diese Zeichnungen nicht nur nach dem Alter, sondern auch individuell etwas zu variiren. Auf der Ventralseite tragen die Segmente 2—7 jederseits von der Mittellinie einen etwas helleren längsgerichteten, nach der Mittellinie hin gebogenen Streifen, welche man bei der Durchsichtigkeit des Thieres auch dorsalwärts durchscheinen sieht, indem sie dann die beiden dorsalen Streifen nahe der Aussenseite schneiden. Der Copulationsapparat ist kurz und breit, mit Anhängen am Ende, welche im

herausgestülpten Zustande schräg nach vorn gerichtet sind. (In dem von uns abgebildeten Individuum ist von diesem Apparate noch gar nichts entwickelt.)

Die allgemeine Färbung ist schmutzigweiss, nach den Seitenschien zu und auf den letzten Segmenten (bei ausgebildeten Thieren) gelblich; die ersteren und die Zeichnungen auf den Segmenten schwarz.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 4,10 mm, | ♀ 5,24 mm. |
| Kopf     | 0,90 „     | 1,08 „     |
| Thorax   | 0,78 „     | 1,16 „     |
| Abdomen  | 2,42 „     | 3,00 „     |
| 3. Femur | 0,65 „     | 0,80 „     |
| 3. Tibia | 0,50 „     | 0,61 „     |
| Breite : |            |            |
| Kopf     | 0,71 „     | 1,04 „     |
| Thorax   | 0,78 „     | 1,08 „     |
| Abdomen  | 0,94 „     | 1,37 „     |

Diese Art ist bisher bekannt von *Grus cinerea* und *pavonina*; mir liegt sie ausserdem vor von *Grus virgo* und *Grus Novae Hollandiae*, von Herrn Dr. Meyer gesammelt.

Piaget hat vollständig Recht, wenn er *L. maximus* Rud. (Beiträge p. 37; Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 122) für dieselbe Art ansieht. Die Handzeichnung Rudow's, welche mir vorliegt, lässt darüber gar keinen Zweifel.

*L. nigrolimbatus* Gbl. (Ins. epiz. p. 233) von einer nicht näher bestimmten *Procellaria* des hohen Nordens liegt mir in den beiden typischen Exemplaren (Weibchen) vor. Nach dem mir gleichfalls in mehreren Exemplaren von Piaget freundlichst übersandten

*L. mutabilis* Piag. (p. 324, Pl. XXVII, f. 1) sind diese beiden Arten identisch. Letztgenannter Autor sammelte dieselbe auf *Procellaria glacialis* und *capensis*.

In diese Verwandtschaft gehört auch

**L. melanocnemis** Gbl. (Taf. V. Fig. 7)

Ins. epiz. p. 233.

eine Art, welche Giebel jedenfalls mit vollem Rechte mit *L. obscurus* Rud. (Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 125) identificirt.

Der Kopf ist breit und conisch; die Seiten des Vorderkopfes etwas gewölbt, der Clypeus sehr klein, vorn abgerundet, mit einer bräunlich gefärbten quer-oblongen Signatur. Am Rande, welcher durch keine Einkerbung markirt ist, stehen jederseits zwei Borsten, auf welche an den Seiten des Vorderkopfes noch je vier andere folgen. Die Vorderecke der Fühlerbucht tritt beim Weibchen etwas hervor, beim Männchen ist sie abgerundet. Die Fühlerbucht ist ziemlich tief, namentlich beim Männchen. Das erste Fühlerglied bei letzterem ist dick und so lang, wie die übrigen zusammen, nach dem distalen Ende zu keulenförmig verdickt, das zweite ist weniger als halb so lang, das ziemlich ebenso lange dritte ist hakenförmig gebogen; die beiden Endglieder sind leider bei dem mir vorliegenden Männchen abgebrochen. Die einzelnen Glieder sind mit Borstchen besetzt. Die weiblichen Antennen sind kurz; die beiden ersten Glieder haben gleiche Länge, ebenso die kürzeren drei anderen unter sich. Das Auge wölbt sich halbkuglig vor. Die Schläfen sind abgerundet, mit grösster Breite gleich hinter dem Auge; sie sind mit einer Borste und mehreren Dornspitzchen besetzt. Das breite Hinterhaupt ist gerade und tritt nicht zurück. Die Schläfen- und Hinterhauptsschienen sind sehr schmal und nicht gefärbt; an jeder Seite des Hinterhauptes steht ein grosser schwarzer dreieckiger Fleck, ein ebenso gefärbter rundlicher am Auge. Die Stirnschiene hört am Clypeus auf, hat unregelmässige Innenränder und biegt sich an der Fühlerbucht mit einem langen Fortsatze schräg nach den Mundwerkzeugen um. Auf der Fläche des Kopfes stehen einzelne Borsten.

Der Prothorax ist kurz und breit, rechteckig mit abgerundeten Hinterecken, welche etwas vortreten. Der, wenig breitere Metathorax ist doppelt so lang, ziemlich quadratisch; die Hinterecken abgerundet, mit vier Borsten besetzt, der Hinterrand gerade. Die Seitenschienen des Prothorax sind in der vorderen Hälfte heller gefärbt und biegen sich an den Hinterecken etwas auf den Hinterrand um; die des Metathorax erreichen die Vorderecken nicht und erweitern sich an ihrem Ende zu einem grossen runden Flecke. Die Beine haben lange Hüften, dicke Schenkel und Schienen, welche letztere kürzer sind, beide mit Seitenschienen.

Das Abdomen ist lang eiförmig, beim Weibchen breiter als beim Männchen. Das neunte Segment ist beim Männchen kurz und schmal, zugespitzt-abgerundet, mit einem sehr kleinen medianen Einschnitte. Beim Weibchen

ist es noch kürzer, aber breiter, in der Mitte flach ausgeschnitten; fast mit dem achten vereinigt. Die Seitenschienен sind schmal und haben an der Innenseite zwei Anhänge, von denen der vordere länger ist. Ausser den Borsten an den Segmentecken ist das Abdomen nackt. Ueber die Flecke vermag ich nach den alten Spiritusexemplaren, welche mir vorliegen, kein sicheres Urtheil zu gewinnen.

Die Grundfarbe scheint gelblichbraun zu sein, die Schienen sind schwarzbraun bis schwarz.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 3,23 mm, | ♀ 3,63 mm. |
| Kopf     | 0,83 „     | 0,80 „     |
| Thorax   | 0,69 „     | 0,74 „     |
| Abdomen  | 1,61 „     | 2,09 „     |
| 3. Femur | 0,48 „     | 0,50 „     |
| 3. Tibia | 0,34 „     | 0,26 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,67 „     | 0,74 „     |
| Thorax   | 0,60 „     | 0,68 „     |
| Abdomen  | 0,70 „     | 1,00 „     |

Auf *Procellaria gigantea*, in mehreren schlecht erhaltenen Exemplaren in der Sammlung des Hallischen Museums.

**L. testaceus** m. ♀ (Taf. V. Fig. 3).

Kopf verkehrt eiförmig, Vorderkopf zugespitzt abgerundet, Clypeus kaum davon abgesetzt. Die Stirnschiene verliert sich allmählich in eine lichtere Färbung des vordersten Stirntheiles. An den Seiten des Vorderkopfes stehen fünf Borstchen, die zwei vordersten am Ende der Stirnschiene. Diese biegt sich an der Fühlerbucht schräg nach innen und hinten zu den Mundtheilen um. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist klein, aber deutlich, sehr hell gefärbt. Die letztere ist flach. Die Antennen sind kurz mit dicken cylindrischen Gliedern, von denen die beiden ersten unter sich gleich lang sind. Das Auge wölbt sich deutlich vor. Die Schläfen sind vollkommen abgerundet, mit drei kurzen Dornspitzen besetzt. Das Hinterhaupt ist gerade, nur in der Mitte ein wenig concav.

Der Prothorax hat Rechtecksform, die Ecken sind abgerundet; der etwas breitere Metathorax ist ziemlich quadratisch, mit deutlicher Einschnürung

in der vorderen Hälfte. An derselben hören die Seitenschien mit fleckenartiger Verbreiterung auf. An den abgerundeten Hinterecken stehen vier Borsten, der Hinterrand ist gerade. An den Beinen sind die Hüften lang, die Schienen viel kürzer als die Schenkel, beide mit schmaler Schiene an der Aussenseite.

Das Abdomen ist schmal, langgestreckt, hinten zugespitzt. An den abgerundeten Segmentecken stehen nur kurze Borstchen. Es sind merkwürdiger Weise zehn Segmente vorhanden, zwischen denen die Suturen deutlich sind. (Ob Jugenform?) Die schmalen Seitenschien biegen an denselben etwas nach innen um, aber geradlinig. Jedes Segment trägt zwei Flecke, welche ungefähr rechteckig sind und in der Mitte getrennt bleiben, nur auf dem Endsegmente fließen sie zusammen. Dasselbe ist kurz und schmal, zugespitzt mit medianem Einschnitte und jederseits davon zwei kurze Borsten. Zwei solcher stehen auch auf jedem Segmente in der Mitte.

Die allgemeine Färbung ist lehmgelb, die Schienen sind braun. Die zwischen den Flecken frei bleibenden Stellen des Abdomens sind schmutziggelblichweiss.

| Länge    | ♀ 2,54 mm. | Breite.  |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,70 „     | 0,46 mm. |
| Thorax   | 0,45 „     | 0,41 „   |
| Abdomen  | 1,39 „     | 0,45 „   |
| 3. Femur | 0,33 „     |          |
| 3. Tibia | 0,20 „     |          |

Von Herrn Dr. Meyer in einigen Exemplaren auf *Procellaria capensis* gesammelt.

**L. falcicornis** Gbl. ♂. (Taf. IV. Fig. 2).

Ins. epiz. p. 244.

Der Kopf ist lang, der Vorderkopf conisch, der Hinterkopf ungefähr quadratisch. Ersterer ist vorn abgerundet, ohne deutlich abgesetzten Clypeus, die Stirnschiene hört, wie bei voriger Art, in der lichterem Umgebung allmählich auf, sie bildet vor der Fühlerbucht nur eine fleckenartige Verbreiterung. Die Seiten des Vorderkopfes mit fünf Borsten besetzt. Die Vorderecken der Fühlerbucht spitz, ungefärbt. Diese trotz der starken Entwicklung der Fühler flach. Diese haben ein sehr langes, dickes Grundglied; das zweite ist etwas

kürzer, schlanker und etwas gebogen, ebenso das noch etwas kürzere dritte, welches mit einer hakenförmigen Spitze endet; dasselbe trägt ausserhalb der Längsachse der Fühler die beiden Endglieder, welche an dem einzigen vorliegenden Exemplare abgebrochen sind, aber ihre Ansatzstelle noch erkennen lassen (sie sind in der Abbildung ergänzt). Dass überhaupt nur drei Antennenglieder vorhanden seien, wie Herr Giebel als Curiosum angiebt, ist unrichtig. Das erste Glied hat eine breite braune Schiene an der Aussenseite, die übrigen sind an beiden Seiten mit solchen, aber schmälere, belegt. Augen deutlich vorgewölbt. Die Schläfen sind schwach gewölbt, fast parallel, mit drei kurzen Dornspitzchen besetzt. Das Hinterhaupt tritt stark zurück. An den Seiten des Hinterhauptes und an den Augen finden sich ein Paar dunkle Flecken.

Der Prothorax ist ziemlich lang, mit geraden, sehr wenig divergenten Seiten und abgerundeten Hinterecken. Der Metathorax ist etwas breiter und länger, hat dieselbe Form, ist nicht eingeschnürt, die Hinterecken sind nicht abgerundet und sind mit einer Borste besetzt. Etwas einwärts davon stehen am geraden Hinterrande jederseits sieben lange Borsten.

Die Beine sind sehr lang, am letzten Paare Schenkel und Schienen schlank, cylindrisch, an der Dorsalseite mit braunem Chitinsaume.

Das Abdomen ist langgestreckt, nach hinten etwas verbreitert. Das erste Segment kürzer als die folgenden, mit ziemlich parallelen Seiten. Das neunte Segment ist zweispitzig, die Spitzen abgerundet, mit zwei Borsten besetzt, zwischen denselben ein tiefer Ausschnitt. Dazwischen ragt der stark entwickelte Copulationsapparat hervor, welcher mit zwei langen dünnen Spitzen, wie eine Gabel, endigt; dieselben nehmen den cylindrischen Penis zwischen sich. Ausserdem befinden sich seitlich an dem Chitingerüst desselben zwei zapfenartige, stark beborstete Anhänge.

Die Seitenschienens sind schmal, an den Suturen nicht umgebogen. Die Segmente tragen Querflecke, welche auf dem zweiten bis achten in der Mitte durch eine helle Naht getrennt sind, und auf dem fünften bis siebenten nach der Mitte hin sich bedeutend verschmälern. Die Suturen bleiben überall frei und erscheinen gelblichweiss. Das erste und letzte Segment sind einfarbig braun. Jedes Segment trägt ausser an den Ecken zwei mediane und je eine seitliche Borste. Die Flecke des Abdomens sind kastanienbraun, Kopf, Thorax und Beine etwas heller braun, die Seitenschienens schwärzlich.

| Länge    | ♂ 3,88 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,80 „     | 0,54 mm. |
| Thorax   | 0,81 „     | 0,60 „   |
| Abdomen  | 2,27 „     | 0,71 „   |
| 3. Femur | 0,69 „     |          |
| 3. Tibia | 0,56 „     |          |

Auf *Centropus Menbeki*, im Hallischen Museum.

**L. docophorus** Gbl. (Taf. IV. Fig. 5).

Ins. epiz. p. 214; *L. abyssinicus*, Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXVIII (1866) p. 379.

Der Kopf ist umgekehrt herzförmig; der Clypeus wenig abgesetzt, durch eine flache Randerhabenheit, welche mit einer Borste besetzt ist, vom übrigen Vorderkopfe abgesetzt, vorn zugespitzt-abgerundet. Am Clypeus stehen ausserdem noch drei, an den Seiten des Vorderkopfes noch zwei Borsten. Die Stirnschiene biegt sich am Clypeus zur Umgrenzung der zum Munde ziehenden Furche um. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist selbstständig trabekelartig, und ragt stumpfspitzig vor. Die Fühlerbucht ist beim Männchen mässig tief, beim Weibchen flach. Die männlichen Antennen haben ein langes cylindrisches, an der Basis etwas verengtes Grundglied, das zweite ist etwas kürzer, von den drei letzten bedeutend kürzeren ist das dritte das längste, mit einer stumpfansgezogenen Ecke versehen. Von den kurzen weiblichen Fühlern haben die beiden ersten und die kürzeren drei übrigen je untereinander gleiche Länge. Die Augen treten deutlich hervor und sind etwas einwärts mit einer langen Borste besetzt. Die Schläfen sind breit abgerundet, mit einer langen und zwei kürzeren Borsten besetzt, das Hinterhaupt ist flach concav.

Der Prothorax ist kurz und breit, mit abgerundeten Seiten; der Metathorax ist etwas breiter und länger mit divergenten, schwach gewölbten Seiten, abgerundeten Ecken und geradem Hinterrande, der nahe den letzteren jederseits vier lange Borsten trägt. Die Beine sind lang und ziemlich plump.

Das Abdomen ist langgestreckt, aber ziemlich breit, beim Männchen mit grösster Breite in der Mitte, beim Weibchen hinter derselben. Die Seiten sind ziemlich parallel, an den abgerundeten Segmentecken eingekerbt. Das neunte Segment endigt beim Männchen mit zwei abgerundeten Spitzen, zwischen welchen ein tiefer dreieckiger Ausschnitt liegt. Der Copulationsapparat

ist sehr kurz und endet zangenartig. Beim Weibchen ist das neunte Segment nur durch eine mit zwei Borsten besetzte Randeinkerbung vom achten abgesetzt, und endigt mit zwei langen Spitzen, welche einen schmalen tiefen Ausschnitt begrenzen.

Die Seitenschienen sind schmal, etwas nach innen gebogen. Beim Männchen tragen die Segmente 1—7 schmale, zungenförmige Randflecke, welche zunächst den Seitenschienen in der Umgebung der Stigmen heller erscheinen und in der Mittellinie durch einen deutlichen Zwischenraum getrennt sind. Die letzten Segmente sind einfarbig. Beim Weibchen sind diese Flecke breiter und kürzer und in der Mitte durch einen medianen etwas helleren Fleck verbunden. Die beiden Endsegmente sind ebenfalls einfarbig. Auf den ersten sechs Segmenten haben die Randflecke und in gleicher Weise die Medianflecke beim Weibchen gezackte Hinterränder, worin die Borsten stehen, die Medianflecke ausserdem davor helle Stellen für eine obere Borstenreihe. Beim Männchen sind nur auf den drei ersten Segmenten die Hinterränder gezackt. Jedes Segment trägt eine doppelte Reihe von Borsten, von denen die hintere fast die ganze Breite einnimmt (sie reicht jederseits bis in die Nähe des Stigmas), während die vordere viel kürzere nur den Raum zwischen je zwei Randflecken resp. die Breite des Medianflecks (♂) einnimmt. Die beiden letzten Segmente haben nur wenige Borsten. Diese selbst sind lang, ziemlich breit und spitzen sich erst ganz am Ende zu; sie verleihen durch ihre grosse Anzahl und ihre Form unserem Thiere ein ganz besonderes Ansehen.

Die Grundfarbe ist gelbbraun, Kopf, Thorax, Beine und Abdominalflecke dunkler braun, die Seitenschienen sind schwärzlich.

| Länge    | ♂ 2,80 mm, | ♀ 3,46 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,81 „     | 0,88 „     |
| Thorax   | 0,44 „     | 0,58 „     |
| Abdomen  | 1,55 „     | 2,00 „     |
| 3. Femur | 0,41 „     | 0,45 „     |
| 3. Tibia | 0,34 „     | 0,36 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,73 „     | 0,84 „     |
| Thorax   | 0,66 „     | 0,79 „     |
| Abdomen  | 0,80 „     | 0,98 „     |

Auf *Buceros abyssinicus*, in der Hallischen Sammlung, in einem nicht besonders gut erhaltenen Pärchen.

**L. luridus** N. (Taf. V. Fig. 4).

Denny, p. 182, Pl. X, f. 12; Giebel, Ins. epiz. p. 230, taf. XVI, f. 4.

Kopf langgestreckt, conisch; Clypeus ziemlich deutlich abgegrenzt, vorn hoch gewölbt, an den Seiten mit vier kurzen Borsten besetzt; Signatur rundlich, in der Mitte des Hinterrandes winklig, der Länge nach durch eine helle Naht getheilt. Seiten des Vorderkopfes gerade, noch mit drei kurzen Borsten besetzt; Stirnschiene vor der Fühlerbucht sowie am Hinterrande des Clypeus ein wenig nach innen umgebogen. Vorderecken der Fühlerbucht sehr kurz, aber deutlich vortretend; diese flach; die Fühler in der Länge der einzelnen Glieder wenig verschieden. Das Auge ist nur sehr flach vorgewölbt. Schläfen gerade, wenig divergirend; die abgerundeten Schläfenecken mit einer Borste. Hinterhaupt flach concav. Die Signatur des Hinterkopfes nach vorn zugespitzt.

Prothorax mit geraden, sehr wenig divergirenden Seiten und abgerundeten Hinterecken. Metathorax länger, trapezisch, mit geringer Einschnürung; an den Hinterecken stehen je eine, nahe dabei am geraden Hinterrande drei lange und eine kurze Borste.

Die Beine haben lange Hüften, der Trochanter ist mit zwei kleinen schwarzen Flecken, die cylindrischen Schenkel und Schienen mit schwarz gesäumten Seiten versehen.

Das Abdomen ist langgestreckt schmal. Das erste nach vorn verengte Segment sendet einen dreieckigen Fortsatz unter den Metathorax. Das neunte Segment ist fast ganz mit dem achten vereinigt, nur durch eine leichte Randeinbuchtung mit zwei Borsten getrennt, und endigt zweispitzig, auf jeder Spitze eine kurze Borste tragend. Die Seitenschienens sind schmal, an den Suturen etwas nach vorn verlängert, so dass sich jede folgende Schiene mit dem oberen Ende innen an das untere Ende der vorhergehenden anlegt. Die Segmentecken treten gar nicht vor, die Seiten des Hinterleibes sind an diesen Stellen nur unbedeutend gekerbt. Alle Segmente haben breite braune Querflecke, zwischen welchen nur die Nähte etwas heller erscheinen; das neunte Segment ist etwas lichter gefärbt. Borsten fehlen auf der Fläche. Die Färbung ist durchweg braun, die Schienen etwas dunkler als die übrigen Theile.

| Länge    | ♀ 3,20 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,65 „     | 0,40 mm. |
| Thorax   | 0,61 „     | 0,49 „   |
| Abdomen  | 1,94 „     | 0,63 „   |
| 3. Femur | 0,32 „     |          |
| 3. Tibia | 0,24 „     |          |

Diese Art wurde von Nitzsch und Denny auf *Fulica atra* und *Gallinula chloropus* gefunden. Von beiden Wirthieren liegen mir die Nitzschschen Typen vor, leider nur ein etwas verletztes und ein unreifes Männchen. An ersterem finde ich vom Weibchen abweichend nur die Bildung der Antennen. Diese haben ein langes dickes Grundglied, ein halb so langes zweites, ein kurzes drittes mit ausgezogener Ecke; von den beiden Endgliedern ist das letzte das längere. Das Endsegment ist ebenfalls zweispitzig, die Spitzen nur etwas abgerundet. Gesammtlänge 2,62 mm.

**L. foedus** N. ♂ (Taf. VI. Fig. 10).

Giebel, Ins. epiz. p. 232.

Das einzige Exemplar (♂), welches sich von dieser Art in der Hallischen Sammlung befindet, ist leider in einem so schlechten Erhaltungszustande, dass eine genaue Beschreibung davon zu geben unmöglich ist.

Der Kopf ist conisch, vorn abgestutzt, ein Clypeus nur dadurch angedeutet, dass die Stirnschiene nahe dem Vorderrande des Kopfes aufhört und zur Umgrenzung der vor den Mandibeln gelegenen Furchen umbiegt; an den Vorderecken der Fühlerbucht sendet sie lange Fortsätze zu den Maxillen. Diese Vorderecken sind lang und sehr spitz; die männlichen Antennen sehr charakteristisch. Das Grundglied ist dick und ziemlich so lang, wie die übrigen zusammen, an der Basis mit einem an der Spitze zweitheiligen Fortsatze versehen, das zweite ist weniger als halb so lang, das dritte noch etwas kürzer, mit einem spitzen Fortsatze versehen, das fünfte Glied etwas länger als das vierte. Das Auge flach vorgewölbt; die Schläfen abgerundet, mit einer Borste besetzt; das Hinterhaupt concav, durch eine Chitinschiene verstärkt. Die Verbindungsschienen sind von den Mundtheilen her divergirend angedeutet, erreichen aber das Hinterhaupt nicht.

Der Prothorax hat Rechtecksform, etwas ausgeschweifte Seiten und

spitze Hinterecken; der Metathorax ist etwas breiter, kaum länger, hat gewölbte Seiten, deren grösste Breite an den Hinterecken liegt. Die Hinterbeine sind lang, die schlanken Schienen etwas länger als die Schenkel, die Klauen lang und dünn.

Das Abdomen ist langgestreckt, in der Mitte am breitesten, die Seiten durch die deutlich vortretenden Segmentecken gesägt. Das achte und neunte Segment verschmolzen, mit geraden, convergenten Seiten, in der Mitte des Hinterrandes mit dreieckigem Ausschnitte. Copulationsapparat reicht bis zum vierten Segmente hinauf. Die Seitenschien sind sehr schmal, an den Suturen ein wenig umgebogen. Auf jedem Segmente steht eine Reihe (von etwa 14) Borsten. Die Flecke sind quer, ungetheilt. Die Färbung ist ein liches Braun.

| Länge    | ♂ 1,81 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,54 „     | 0,48 mm. |
| Thorax   | 0,38 „     | 0,45 „   |
| Abdomen  | 0,89 „     | 0,50 „   |
| 3. Femur | 0,28 „     |          |
| 3. Tibia | 0,33 „     |          |

Auf *Psophia crepitans*.

#### b) Clypeati sutura distincta.

In dieser Gruppe ist der Clypeus stets deutlich vom übrigen Vorderkopfe abgesetzt. Die Stirnschiene biegt sich am Hinterrande desselben nach innen um und kommt in der Mittellinie meist in sehr nahe Berührung mit dem gleichen Fortsatze der anderen Seite, ja es kann sogar zu einer vollständigen Vereinigung kommen, so dass dann eine schmale Chitinschiene den Clypeus vom Kopfe abgrenzt. Nur bei *ferox* hört die Stirnschiene am Clypeus einfach auf, ohne sich umzubiegen. Auf dem Clypeus selbst tritt stets eine neue Seitenschiene auf, welche aber kurz ist, niemals den Vorderrand umgiebt. Ueberall ist eine deutliche, bei den verschiedenen Arten verschieden gestaltete Signatur vorhanden.

In dieser Abtheilung werden von Piaget folgende Arten ausführlich beschrieben: *L. taurus* N. (*Diomedea exulans*); *longicornis* Piag. (*Phalacrocorax carbo* et *cristatus*); *setosus* Piag. (*Phalacrocorax sulcirostris*) mit var. *brevi-signatus* P. (*Carbo javanicus*); *subsetosus* Piag. (*Phalacrocorax melanotus*);

*brevicornis* Piag. (*Carbo africanus*); *gyricornis* D. (*Sula australis*); *pullatus* N. (*Sula alba et fusca*); *annulatus* Piag. (*Sula fusca*); *bifasciatus* Piag. (*Pelecanus crispus*). Von diesen trenne ich *taurus* N. von *Lipeurus* ab. Ausser diesen Arten stelle ich auch *L. gracilicornis* Piag. (*Fregata minor*) hierher, während ihn Piaget zur vorigen Gruppe rechnet; ferner habe ich einige Nitzsch'sche Typen und mehrere neue Formen zu beschreiben.

**Bestimmungstabelle für die Arten mit deutlicher Sutur des Clypeus.**

- a. Die Stirnschiene biegt sich am Hinterrande des Clypeus nicht nach innen um. Männliche Fühler sehr gross, erstes Glied mit einem starken Fortsatze. Signatur am Hinterrande wie eine abgestumpfte Pfeilspitze gestaltet. *ferox* Gbl.
- aa. Die Stirnschiene biegt sich am Clypeus nach innen um.
- b. Die Seitenschiene des Abdomens biegen sich an den Suturen nicht einfach um, sondern entsenden einen haken- oder T-förmigen Fortsatz auf die Fläche oder sie sind am Innenrande mit rundlichen Anhängen versehen.
- c. Es sind Fortsätze vorhanden, welche an den Suturen abgehen.
- d. Die Fortsätze der Abdominalschiene haben die Form eines Hakens.
- e. Der Clypeus ist vorn breit abgerundet. Die Signatur mit zwei kleinen seitlichen Flecken. Erstes Fühlerglied ♂ erscheint wie gedreht. Die hakenförmigen Fortsätze der Abdominalschiene sind lang und schräg nach hinten gerichtet. . . . . *gyricornis* D.
- ee. Der Clypeus ist vorn schmal abgerundet, der ganze Vorderkopf zugespitzt. Die Signatur ohne Flecke. Das erste Fühlerglied beim Männchen nicht gedreht. Die hakenförmigen Anhänge der Abdominalschiene kurz und wenig nach hinten gerichtet. . . . . *toxoceras* Gbl.
- dd. Die Fortsätze der Abdominalschiene haben die Form eines T, dessen oberer Strich dem Seitenrande parallel gerichtet ist.
- f. An den Schläfen stehen fünf bis sieben Borsten.
- g. Das dritte Fühlerglied beim Männchen mit einem ungefärbten blattartigen Anhang, das zweite kürzer als das erste. Signatur langgestreckt. Schläfen mit sieben Borsten. . . . . *setosus* Piag.  
Drittes Fühlerglied am oberen Ende einfach erweitert. Signatur kurz.  
var. *brevisignatus* Piag.
- gg. Drittes Fühlerglied beim Männchen am oberen Ende erweitert; das zweite ebenso lang wie das erste; Schienen mit fünf Borsten. . . . . *subsetosus* Piag.
- ff. An den Schläfen steht eine Borste und ein bis zwei Stachelspitzen.
- h. Antennen des Männchens viel kürzer als bei den verwandten Arten. Drittes Glied mit kurzem Fortsatze. . . . . *brevicornis* Piag.

- hh. Antennen des Männchens sehr lang; drittes Glied ohne Fortsatz, am Innenrande ungefärbt; erstes Glied etwas gebogen. Signatur mit zwei Chitinstrichen. Genitalflecke des Weibchens rautenförmig, hinten sehr spitz.  
*longicornis* Piag.
- cc. Von den Suturen gehen keine Fortsätze aus, sondern der Innenrand der Abdominalschienen ist mit Anhängen versehen.
- i. Die Stirnschienen sind am Hinterrande des Clypeus durch eine Querbrücke verbunden; der letztere breit und kurz, die Signatur quer oblong. Die Abdominalschienen sind mit zwei gleich grossen tropfenartigen Anhängen versehen. . . . . *Gurtti* m.
- ii. Die Stirnschienen entsenden am Hinterrande des Clypeus Fortsätze, welche sich nicht vereinigen; dieser ist schmal und lang, die Signatur langgestreckt viereckig, hinten zugespitzt. Die Abdominalschienen verbreitern sich an beiden Enden und erscheinen dadurch in der Mitte des Innenrandes ausgeschnitten.  
*gracilicornis* Piag.
- bb. Die Seitenschienen sind einfach, ohne Anhang, oder biegen sich höchstens an den Suturen nach innen um.
- k. Die Färbung blass. Abdomen langgestreckt, fast parallelseitig. Ranflecke in der Mitte nicht vereinigt. . . . . *bifasciatus* Piag.
- kk. Die Färbung ist dunkel.
- i. Erstes Fühlerglied beim Männchen mit einem zweispitzigen Fortsatze versehen. Erstes Abdominalsegment kürzer als die folgenden. Querflecke beim ♂ auf allen Segmenten durch eine mediane Naht getrennt. Aechtes Segment zangenförmig das neunte zwischen sich nehmend. *forficulatus* N.
- ii. Erstes Fühlerglied beim Männchen ohne Fortsatz.
- m. Die Stirnschienen bilden am Hinterrande des Clypeus eine Querbrücke. Antennen sehr kurz. Abdominalschienen breit und schwarz. . . . *lugubris* m.
- mm. Die Stirnschienen bleiben mit ihren Fortsätzen getrennt.
- n. Auf dem Vorderkopfe finden sich zwei schmale Chitinleisten, welche auf der Signatur beginnen und die bis zu den Mundwerkzeugen herabgebogenen inneren Fortsätze der Stirnschiene schneiden.
- o. Diese Chitinleisten sind nach der Mittellinie zu etwas gebogen. Der Vorderrand des Clypeus ist abgerundet stumpfwinklig. Letztes Hinterleibssegment beim Weibchen lang, zugespitzt, das achte mit ausgeschweiften Seiten.  
*fuliginosus* m.
- oo. Die Chitinleisten sind gerade. Der Vorderrand des Clypeus gewölbt. Letztes Hinterleibssegment beim Weibchen kurz, das achte mit geraden Seiten.  
*clypeatus* Gbl.

- mn. Derartige Chitinleisten fehlen auf dem Vorderkopfe.  
 p. Antennen blass, Hinterkopf an den Schläfen marmorirt. Beine sehr lang, Schenkel geringelt. Die Flecke des ersten und dritten Abdominalsegments durch mediane Naht getrennt. . . . . *annulatus* Piag.  
 pp. Antennen gefärbt. Hinterkopf an den Schläfen einfarbig. Beine kurz. Die Flecke der vier ersten Abdominalsegmente durch mediane Naht getrennt. *pullatus* N.

**L. ferox** Gbl. (Taf. V. Fig. 1, 1a).

Ins. epiz. p. 235.

*Pediculus Diomedae* Fbr., Ent. Syst. IV. p. 421.

*Philopterus Diomedae* Dufour, Ann. d. l. Soc. Ent. France IV (1835) p. 671, Pl. f. 1, 2.

*Philopterus pederiformis* Duf., ibid. p. 676, f. 4. (juv.)

Die grösste aller bisher bekannten Läuse. Der Kopf ist viel länger als breit, der Vorderkopf ist conisch, der Hinterkopf fast viereckig. Der Vorderrand des Clypeus ist polsterartig vorgewölbt, gelb, an den Seiten tritt eine kurze Chitinschiene auf und stehen drei lange Borsten. Die Signatur ist sehr gross und eigenthümlich geformt: auf einem abgestumpften Dreiecke sitzt eine ebenfalls abgestumpfte Pfeilspitze auf. Die nach hinten divergirenden geraden Seiten des Vorderkopfes sind mit weiteren drei Borsten besetzt, von denen die mittelste kleiner ist als die beiden anderen, endlich stehen auf der stark vorspringenden Ecke vor den Fühlern noch eine längere und eine kürzere Borste. Eine eigentliche Fühlerbucht ist nicht vorhanden. Der Kopfrand ist oberhalb der Ansatzstelle der Antennen etwas verbreitert, geradlinig und tritt hinter derselben mit einer rechtwinkligen Ecke vor, an welcher die breiteste Stelle des Kopfes liegt. Der Mangel einer Fühlerbucht steht im Zusammenhange mit dem enorm entwickelten Grundgliede der männlichen Fühler. Dieses ragt daher in seiner ganzen Länge vor, ist sehr dick und so lang wie die beiden folgenden zusammen. Der dem Körperende zugewendete Rand ist convex, der andere flach concav, in seiner ersten Hälfte mit einem langen, von breiter Basis sich erhebenden und am Ende stark zugespitzten Fortsatze versehen. Derselbe trägt am distalen Rande eine Borste, eine zweite steht neben dem Fortsatze am Rande des Grundgliedes. Ersterer, sowie die zweite Hälfte des letzteren sind schwarzbraun, die erste Hälfte desselben gelblich. Das kürzere und schlankere zweite Glied setzt sich unter einem Winkel an das erste an, so dass es fast senkrecht davon nach vorn absteht; es hat breite

dunkle Chitinschienen und ist am distalen Ende schräg abgeschnitten; an der Innenseite stehen in der zweiten Hälfte zwei Borsten. Das nicht viel kürzere dritte Glied ist etwas gekrümmt und endet abgestumpft mit zugespitzter Innenecke. Am distalen Ende stehen drei kurze Borstchen, eben so viele an der Innenseite. Etwas vor dem abgestumpften Ende setzen sich die beiden Englieder an, von denen das vierte mehr als das Doppelte des fünften misst. Das helle Auge wölbt sich fast halbkuglig vor. Die Schläfen sind gerade, fast parallel, sehr wenig nach hinten divergirend, mit drei kurzen Borsten besetzt. Zwei solche, eine längere und eine kürzere, stehen auch an den abgerundeten Schläfenecken. Das concave Hinterhaupt tritt ziemlich weit zurück. Die Stirnschienen, Schläfenschienen und zwei dreieckige Flecke am Hinterhaupte sind schwarzbraun und breit, die ersteren biegen sich am Clypeus nicht nach innen um, sondern hören etwas abgerundet auf. Dadurch schliesst sich diese Art unmittelbar an die vorige Gruppe an, von welcher ich sie nur wegen der kurzen Seitenschienen des Clypeus und der stark ausgebildeten Signatur desselben abtrenne. Die Schläfenschienen gehen nach der Mitte des Kopfes zu in Kastanienbraun über. Diese selbst bleibt vor und hinter den Mundtheilen hell; eine Signatur auf dem Hinterkopfe fehlt.

Der Prothorax hat die Form eines Rechtecks, die Seiten sind gerade, die Vorderecken treten höckerartig vor, die Hinterecken sind abgerundet. Der breitere Metathorax ist über das Doppelte länger, in der vorderen Hälfte ein wenig eingeschnürt; an den Hinterecken steht eine kurze Borste, nahe dabei jederseits am geraden Hinterrande stehen auf einer hellen elliptischen Stelle fünf sehr lange, straffe Borsten, welche bis ans Ende des zweiten Abdominal-segments reichen. Der Prothorax erscheint nur in einem schmalen Mittelstreifen hell, der Metathorax sogar nur in der Nähe des Hinterrandes, während beide im Uebrigen kastanienbraun sind und schwarzbraune Seitenschienen haben.

Die Beine sind lang und kräftig, fast überall dunkelbraun gefärbt, an Hüften, Schenkel und Schienen mit einer Anzahl ziemlich langer Borsten besetzt, namentlich an den letzteren, wo innen und aussen je vier stehen. Die Klauen sind kurz und dick, sehr stumpf.

Das Abdomen ist langgestreckt, ziemlich parallelsseitig, ganz am Ende etwas zugespitzt. Die vier ersten Segmente sind kürzer als die folgenden,

das neunte ist sehr schmal, in der ersten Hälfte mit convergirenden Seiten und endet mit einer spatelförmigen Spitze. Die Seiten der Segmente sind ziemlich gerade, am achten deutlich gewölbt, die Ecken sind deutlich und reichen ein wenig über die etwas eingezogenen Vorderecken des nächstfolgenden Segments herab. Das neunte Segment hat eine schwarz eingefasste helle Längslinie. Die breiten schwarzen Seitenschienien biegen sich an beiden Enden etwas nach innen. Die Segmente haben kastanienbraune Querflecke, die selbst an den Suturen nur zwischen dem sechsten und siebenten Segmente einen helleren Streifen frei lassen, dagegen auf dem ersten Segmente noch von schwarzbraunen Querlinien durchzogen werden. Borsten stehen an den Segmentecken, an den Seiten des achten Segments, in der Mitte der Seiten des neunten je eine schräg nach vorn gerichtete, jederseits am Hinterrande des achten je zwei auf einer hellen elliptischen Stelle eingewurzelte, und auf jedem Segmente jederseits eine seitliche, und, wie es scheint, auch mediane, von denen mir aber meist nur die Ansatzstellen sichtbar geworden sind.

| Länge    | ♂ 8,56 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 1,69 „     | 1,19 mm. |
| Thorax   | 2,06 „     | 1,70 „   |
| Abdomen  | 4,81 „     | 1,65 „   |
| 3. Femur | 1,62 „     |          |
| 3. Tibia | 1,16 „     |          |

Die vorstehende Beschreibung bezieht sich ausschliesslich auf das Männchen. Herr Dr. Meyer hat auch ein weibliches Exemplar gesammelt, welches ich darum gesondert beschreibe, weil es in mehrfacher Beziehung nicht unerheblich abweicht. Ein Theil dieser Verschiedenheiten, namentlich in Färbung und Grösse, sind aus dem noch nicht vollendeten Entwicklungszustande abzuleiten. Ich betone dies besonders deshalb, weil die nachfolgende Beschreibung auf ein erwachsenes Individuum nicht in jeder Beziehung passen wird, und deshalb bei einem späteren Beobachter Zweifel an der Artidentität resp. an der Richtigkeit meiner Beschreibung hervorgerufen werden könnten.

Der Kopf ist conisch, vorn ebenso wie beim Männchen kissenartig gewölbt und an dieser Stelle hell gefärbt; im Uebrigen ist der Clypeus nicht weiter abgesetzt, sondern der Vorderkopf ist breit schwarz gesäumt, so dass

er fast wie beim Typus der *circumfasciati* erscheint.<sup>1)</sup> Die Vorder- und Hinterecken der kaum angedeuteten Fühlerbucht springen nicht so weit vor wie beim Männchen. Die Antennen sind keulenförmig, in der Dicke der Glieder vom ersten zum letzten allmählich abnehmend; die beiden ersten gleichlang, von den folgenden jedes etwas kürzer als das vorhergehende. Dass die Fühler ganz hell erscheinen, ist sicherlich nur dem Jugendzustande zuzuschreiben. Das Auge wölbt sich halbkuglig vor. Das Hinterhaupt ist ganz anders als beim Männchen. Die Schläfen sind bereits von den Augen an abgerundet und tragen sieben ganz kurze Borstchen. Das Hinterhaupt ist concav. Die braune Färbung auf dem Kopfe ist noch nicht so ausgedehnt wie beim Männchen, ebenso bleibt der ganze übrige Körper in der Mitte farblos. Die Thorakalsegmente verhalten sich wie beim Männchen. Die Abdominalsegmente haben an den Rändern jederseits erst einen schwarzbraunen viereckigen Fleck, welcher nach innen zu unregelmässig contourirt ist und sich im Alter offenbar weiter nach der Mitte ausdehnt, wahrscheinlich sogar mit dem der anderen Seite zu einem Querfleck verschmilzt. Die Segmentecken sind nicht nach unten gezogen; das kurze und schmale neunte Segment ist am Hinterrande tief ausgeschnitten, wodurch die Seiten als abgerundete Spitzen endigen.

| Länge    | ♀ 6,24 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 1,24 „     | 1,11 mm. |
| Thorax   | 1,75 „     | 1,32 „   |
| Abdomen  | 3,25 „     | 1,46 „   |
| 3. Femur | 1,25 „     |          |
| 3. Tibia | 0,81 „     |          |

Auf *Diomedea exulans* von Meyer in den beiden beschriebenen Exemplaren gesammelt. Auf demselben Wohnthiere wurde diese Art auch von Dufour gefunden, welcher ganz jugendliche Individuen als besondere Art *Philopterus pederiformis* beschrieben hat. Giebel fand das seiner Beschreibung zu Grunde gelegte Männchen auf *Diomedea melanophrys*.

<sup>1)</sup> Auch bei anderen zu dieser Gruppe gehörenden Formen habe ich im Jugendzustande ein ähnliches Verhalten gefunden, woraus hervorgeht, dass sich der Clypeus erst in späterer Zeit der Ausbildung vom übrigen Kopfe absetzt.

Wohin *Metopeuron laeve* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI p. 123 u. 140; Beiträge p. 32) von einer unbestimmten *Diomedea* der Südsee gehören mag, ist weder aus der Beschreibung noch aus der mir vorliegenden Handzeichnung mit Sicherheit zu ersehen. Ich vermuthe, dass es eine Jugendform ist, vielleicht sogar zu *ferox* gehörig; denn die Rudow'sche Zeichnung erinnert sehr an die Abbildung von *pederiformis* Duf.

Von der anderen Form, welche Rudow von einer *Diomedea fuliginosa* als *L. meridionalis* beschreibt, liegt mir ein jugendliches Exemplar aus dem Hamburger Museum vor. Diese Art ist identisch mit dem von Piaget von demselben Vogel beschriebenen *L. tricolor* (p. 363, Pl. XXX, f. 4), welchen dieser Autor zu den *circumfasciati* stellt. Möglicherweise gehört diese Form richtiger in die Verwandtschaft von *L. mutabilis* Piag.

**L. toxoceras** Gbl. (Taf. IV. Fig. 7).

Ins. epiz. p. 237.

*L. gyroceras* N., l. c. p. 237.

Diese Art gehört in die nächste Verwandtschaft von *L. gyricornis* Denny.

Der Kopf ist wenig länger als breit; der Vorderkopf conisch, nach vorn stark verschmälert, am Vorderrande des Clypeus flach abgerundet. Die Seiten desselben haben eine kurze, aber breite Schiene, die Signatur hat die Form eines Quadrats, dessen Hinterrand in der Mitte winklig ist. Die Stirnschiene ist sehr breit, am Clypeus zu einem schnabelartigen Fortsatze umgebogen, vor der Fühlerbucht um etwas verbreitert. Am Rande des Vorderkopfes stehen jederseits sechs Borsten, davon drei am Clypeus. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist kurz, besonders beim Männchen; diese selbst ist kaum angedeutet. Das Auge tritt nur wenig hervor. Die Schläfen sind breit gerundet, mit fünf Borsten besetzt. Das Hinterhaupt ist concav, davor eine zugespitzte Signatur. Die Antennen des Männchens sind sehr lang, wie bei *L. longicornis* und *brevicornis* nach vorn gebogen. Das Grundglied ist so lang wie die übrigen zusammen, es hat dicht an der Basis einen Höcker, behält die gleiche Dicke in der ganzen Länge bei, das nur halb so lange zweite ist nach dem distalen Ende hin verschmälert, das dritte ist wieder halb so lang wie dieses, am oberen Ende mit verbreiteter stumpfer Ecke, von den beiden Endgliedern ist das fünfte doppelt so lang wie das vierte. Die einzelnen

Glieder haben am hinteren Rande Chitinschienen und tragen einzelne Borstchen. Beim Weibchen sind die Fühler sehr kurz; das erste Glied am dicksten, das zweite am längsten. Vor dem Auge steht ein Chitinleck, hinter demselben beginnt die sehr schmale Schläfenschiene ebenfalls mit fleckenartiger Verbreiterung.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden Seiten, abgerundeten, mit einer Borste besetzten Hinterecken; an den letzteren biegen die Seitenschienen etwas um, die Fläche hat nur in der Mitte eine helle Naht. Der Metathorax ist breiter und verhältnissmässig kurz, im vorderen Drittel ein wenig eingeschnürt, von da an mit wenig divergirenden, schwach gewölbten Seiten, abgerundeten, mit einer kurzen Borste besetzten Hinterecken und geradem Hinterrande, an welchem nahe den letzteren jederseits fünf lange Borsten stehen. Die Beine sind lang und kräftig, die Hüften lang, die cylindrischen Schenkel länger als die Schienen.

Das Abdomen beim Männchen langgestreckt, ziemlich schmal, beim Weibchen lang eiförmig; die Seiten gekerbt, die Segmentecken treten beim Weibchen mehr hervor. Das erste Segment hat beim Männchen parallele Seiten; das achte ist mit dem neunten vereinigt, die ursprüngliche Trennung nur an einer leichten Randeinschnürung kenntlich. Das Endsegment ist am Hinterrande abgestutzt und mit einer Anzahl Borsten besetzt. Beim Weibchen sind die beiden letzten Segmente ebenfalls vereinigt, das Hinterleibsende ist flach concav, mit mehreren kurzen Borsten besetzt. Die Seitenschienen sind schmal und entsenden auf Segment 3—7 an den Suturen einen kurzen, wenig schräg nach hinten gerichteten Hakenfortsatz. Beim Männchen bleiben die Randflecke auf den ersten vier Segmenten durch eine hellere Naht getrennt und werden auf dem dritten und vierten nach der Mitte zu schmaler. Beim Weibchen sind die Randflecke kürzer und niemals zu Querflecken vereinigt, aber es schiebt sich mit Ausnahme des Endsegments ein medianer Fleck dazwischen ein. Auf jedem Segmente stehen vier mediane Borsten.

Die weibliche Geschlechtsöffnung ist von zahlreichen strahlenförmig angeordneten Borsten umgeben, seitlich steht je eine schmale, etwas gebogene Chitinleiste. Der Genitalleck ist in der Mitte des Hinterrandes lang zugespitzt.

| Länge    | ♂ 2,87 mm, | ♀        |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,69 „     | 0,64 mm. |
| Thorax   | 0,55 „     | 0,54 „   |
| Abdomen  | 1,63 „     | 1,56 „   |
| 3. Femur | 0,47 „     | 0,37 „   |
| 3. Tibia | 0,37 „     | 0,27 „   |
| Breite:  |            |          |
| Kopf     | 0,65 „     | 0,61 „   |
| Thorax   | 0,61 „     | 0,60 „   |
| Abdomen  | 0,75 „     | 0,96 „   |

Auf *Halieus carbo*, in der Sammlung des zoologischen Museums zu Halle.

Der als besondere Art *L. gyroceros* N. (Giebel p. 237) beschriebene *Lipeurus* von *Halieus brasiliensis* ist identisch mit *toxoceros*.

**L. Gurlti** m. (Taf. V. Fig. 6, 6a).

? *L. caudatus* Rud., Beiträge p. 31; Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI (1871) p. 125.

Der Kopf ist verkehrt eiförmig. Der Clypeus vorn hoch gewölbt, mit quer-oblonger Signatur und kurzen Seitenschien, welche sich nach innen umbiegen, den Hinterrand der Signatur bedecken und nahe der Mittellinie nochmals eine Biegung machen, so dass sie mit zwei Fortsätzen nach hinten gerichtet sind. Die Stirnschienen vereinigen sich am Hinterrande des Clypeus zu einer Querbrücke und entsenden an der Fühlerbucht einen Fortsatz nach innen. An den Seiten des Vorderkopfes stehen je sechs Borstchen. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist kurz, aber spitz. Diese selbst ist sehr flach, und die Antennen sind sehr kurz. Beim Männchen hat das dritte Glied eine vorgezogene Ecke, in beiden Geschlechtern sind die beiden ersten Glieder und die drei letzten je untereinander an Länge etwa gleich. Das Auge tritt kaum bemerkbar vor. Die Schläfen sind abgerundet, mit einer Borste und zwei Dornspitzchen besetzt. Das gerade Hinterhaupt tritt nur unbedeutend zurück. Die von dem letzteren ausgehenden Verbindungsschienen divergieren etwas nach vorn und vereinigen sich unter einem Bogen mit den Schläfenschienen dicht hinter den Antennen.

Der Prothorax ist sehr kurz, aber breit, hat abgerundete Seiten, welche eine Borste tragen. Der Metathorax ist etwas breiter, quadratisch. ohne Ein-

schnürung an den Hinterecken, mit fünf Borsten besetzt. Der Hinterrand ist gerade. Die Seitenschienен hören in der Mitte auf und erweitern sich zu einem grossen rundlichen Flecke. Die Beine haben dicke Schenkel und Schienen.

Das Abdomen ist langgestreckt und schmal, das erste Segment kürzer als die folgenden, das achte beim Männchen länger, das neunte sehr kurz, wenig davon abgesetzt, mit abgerundetem Hinterrande. Der Copulationsapparat besteht aus zwei langen, dünnen, borstenartigen Chitinstäbchen. Beim Weibchen ist das neunte Segment mit dem achten vereinigt, abgerundet zugespitzt und am Hinterrande mit einem flachen Ausschnitte versehen. Die schmalen Seitenschienен haben am Innenrande zwei tropfenartige Anhänge, ähnlich wie an der Stirnschiene der Raubvogel-*Lipeuren*. Dieselben fehlen am ersten Segmente, wo dafür die Seitenschiene um so breiter ist, und am Endsegmente, wo die letztere ganz fehlt. Die Segmente haben durchgehende Querflecke, welche beim Weibchen breiter sind als beim Männchen, und zwischen denen nur die Nähte heller erscheinen. Ausser an den Ecken stehen auf den Segmenten zwei mediane Borsten und auf dem achten Segmente jederseits an der Seitenschiene vier nach der Mittellinie hin gerichtete dicht bei einander. Die weibliche Geschlechtsöffnung ist nackt. Die Grundfarbe ist schmutziggelb, die Flecke sind gelbbraun, die Chitinschienен kastanienbraun.

Ich gebe die Maasse nur vom Weibchen, weil die mir vorliegenden Männchen nicht erwachsen sind.

| Länge    | ♀ 2,97 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,65 „     | 0,46 mm. |
| Thorax   | 0,40 „     | 0,39 „   |
| Abdomen  | 1,92 „     | 0,53 „   |
| 3. Femur | 0,30 „     |          |
| 3. Tibia | 0,18 „     |          |

Das grösste mir vorliegende Männchen misst 2,13 mm. Die Länge des Hinterleibes ist 1,16, die Breite 0,44 mm, derselbe ist also etwas breiter als beim Weibchen.

Diese Art liegt mir in mehreren Exemplaren aus der Berliner Thierarzneischule von *Procellaria capensis* und in einem Exemplare (♀) aus dem Hamburger Museum von *Procellaria glacialisoides* (= *Smithi*) vor. Ich habe mir erlaubt, sie nach dem um die Sammlung der Berliner Thierarzneischule

hochverdienten Gurlt zu benennen. Ob der von Rudow von demselben Wohnthiere beschriebene *L. caudatus* mit unserer Art identisch ist, lässt sich weder aus seiner Beschreibung noch aus der mir vorliegenden Handzeichnung ersehen.

**L. lugubris** m. (Taf. VI. Fig. 9).

? *L. Sulae* Rud., Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI (1870) p. 134.

Diese Art steht der vorigen sehr nahe, so dass es genügen wird, die Unterschiede hervorzuheben. Sie ist kleiner, der Kopf ebenso geformt. Die Seitenschien des Clypeus biegen sich in der gleichen Weise nach innen und hinten um, die Stirnschiene der einen Seite vereinigt sich mit der der anderen zu einer Querbrücke. Der Vorderrand des Clypeus ist nicht so hoch gewölbt, die ungefähr elliptische Signatur reicht bis an denselben heran, während er bei voriger Art farblos erscheint. Die Antennen sind ebenso wie bei letzterer. Am Hinterhaupte stehen zwei grosse dreieckige, vor dem Auge ein rundlicher schwarzer Fleck, welcher es nicht deutlich erkennen lässt, ob auch hier eine Vereinigung der Schläfenschien mit den vom Hinterhaupte ausgehenden stattfindet. Das Hinterhaupt tritt gar nicht zurück. Die beiden Thoraxsegmente verhalten sich wie bei voriger Art.

Das Abdomen ist langgestreckt, in der Mitte etwas verbreitert; das erste ebenso lang wie die folgenden, das neunte sehr kurz, beim Männchen am Hinterrande abgestutzt, mit ganz unbedeutenden medianen Einschnitten, beim Weibchen mit einem tiefen Ausschnitte versehen. Der Copulationsapparat genau so wie bei voriger Art. Die Seiten des Abdomens sind an den Segmentecken eingeschnitten. Die Seitenschien sind breit und schwarz, die sich daran anschliessenden braunen Flecke quer, nicht unterbrochen, aber ziemlich schmal, so dass dazwischen die Nähte als breite, hellere Streifen erscheinen. Die Segmente tragen nur an den Ecken Borsten.

Die Grundfarbe ist gelbbraun, die Abdominalflecke dunkler braun, und die Schienen aller Körperabschnitte schwarz.

Die Maasse beziehen sich nur auf das Männchen, weil die mir vorliegenden Weibchen unreif sind.

| Länge    | ♂ 1,92 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,55 „     | 0,39 mm. |
| Thorax   | 0,33 „     | 0,34 „   |
| Abdomen  | 1,04 „     | 0,44 „   |
| 3. Femur | 0,19 „     |          |
| 3. Tibia | 0,15 „     |          |

Diese Art liegt mir in mehreren Exemplaren aus dem Hamburger Museum von *Sula fiber* vor und ist wahrscheinlich die von Rudow als *L. Sulae* beschriebene Form; doch ist die Beschreibung des letzteren für eine Identifizierung völlig unbrauchbar. Ausser den ausgebildeten Formen finden sich eine Anzahl unreife Individuen darunter, welche von der beschriebenen Bildung des Clypeus noch nichts zeigen; es geht vielmehr die Stirnschiene wie bei den *circumfasciati* um den Kopf herum, welcher nur am vordersten Rande nach auswärts davon etwas hell erscheint. Wahrscheinlich bildet sich aus diesem Saume der Clypeus allmählich aus. Natürlich, dass bei jenen Exemplaren auch die Flecke des Abdomens erst angedeutet sind.

**L. clypeatus** Gbl. (Taf. V. Fig. 2, 2a, 2b).

Ins. epiz. p. 236.

Der Kopf ist lang, der Vorderkopf länger als der Hinterkopf. Der Clypeus am Vorderrande hoch gewölbt, die Signatur hat einen dem letzteren parallelen Vorderrand. Der Hinterrand ist in der Mitte zweispitzig. Die Seiten des Vorderkopfes divergieren nur wenig, die Stirnschienen biegen sich am Clypeus bis zu den Mandibeln um und werden geschnitten von einer schmalen Chitinleiste, welche auf dem Clypeus beginnt; an der Fühlerbucht biegen sie mit langem schmalen Fortsatze nach innen um. Am Vorderkopfe stehen jederseits sechs Borsten. Die Vorderecke der Fühlerbucht springt spitz vor; diese ist beim Männchen etwas tiefer als beim Weibchen. Die Fühler sind bei ersterem mässig lang. Das dicke, an der Basis verengte Grundglied ist so lang wie die übrigen zusammen, das zweite nicht halb so lang, das noch kürzere dritte hat eine vorgezogene Ecke, von den Endgliedern ist das fünfte das längere. Die weiblichen Fühler sind fadenförmig, das erste und zweite Glied sind gleichlang, ebenso die drei übrigen kürzeren untereinander. Das Auge tritt wenig vor. Die Schläfen sind abgerundet, mit zwei Borsten

besetzt; es sind abgerundete Hinterhauptsecken vorhanden; das sehr schmale Hinterhaupt ist concav. Die Verbindungsschienen nach den Mundtheilen sind deutlich und convergiren etwas, die Schläfenschienen sind sehr schmal; vor den Augen steht ein Chitinfleck. Die Signatur des Hinterkopfes reicht bis zur Unterlippe hinauf.

Der Prothorax ist trapezisch, die Seiten ein wenig gewölbt, die Hinterecken abgerundet. Der Prothorax ist breiter, die Seiten divergiren etwas und sind im vorderen Drittel wenig eingeschnürt, die Hinterecken abgerundet, mit einer kurzen Borste besetzt, auf welche sehr bald am geraden Hinterrande drei lange folgen. An der Sternalseite trägt der Prothorax einen langgestreckt dreieckigen Fleck, der Metathorax einen rundlichen Fleck, welcher hinten in einen T-förmigen Anhang übergeht. Die Beine haben nichts Eigenthümliches.

Das Abdomen ist langgestreckt, schmal, beim Männchen parallelseitig, beim Weibchen in der Mitte etwas verbreitert, an den Segmentecken eingekerbt. Das erste Segment ist wenig kürzer als die folgenden, an der Basis etwas verjüngt, das achte ist etwas kürzer und schmaler, hat beim Männchen abgerundete, beim Weibchen gerade convergirende Seiten, das neunte ist in beiden Geschlechtern sehr klein, beim Männchen abgestutzt, beim Weibchen zweispitzig durch einen tiefen Ausschnitt.

Die Seitenschienen sind schmal, an den Suturen nicht umgebogen; die Flecke sind quer und nehmen das ganze Segment ein, selbst die Nähte erscheinen nicht heller. Beim Männchen werden die der mittleren Segmente von dunkleren Querlinien durchzogen. Ausser den Borsten an den Ecken trägt jedes Segment zwei mediane. Die weibliche Geschlechtsöffnung ist nackt, seitlich davon steht eine dunkle Chitinleiste, davor finden sich zwei länglich-runde Genitalflecke.

Die Grundfarbe ist dunkelbraun, die Seitenschienen schwärzlich.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge:   | ♂ 2,43 mm, | ♀ 2,85 mm. |
| Kopf     | 0,63 "     | 0,69 "     |
| Thorax   | 0,43 "     | 0,45 "     |
| Abdomen  | 1,37 "     | 0,71 "     |
| 3. Femur | 0,30 "     | 0,31 "     |
| 3. Tibia | 0,19 "     | 0,19 "     |

## Breite:

|         |          |          |
|---------|----------|----------|
| Kopf    | 0,39 mm, | 0,46 mm. |
| Thorax  | 0,44 „   | 0,44 „   |
| Abdomen | 0,39 „   | 0,56 „   |

Auf *Pachyptila coerulea*, in der Sammlung des Hallischen zoologischen Museums.

**L. fuliginosus** m. (Taf. IV. Fig. 3).

Diese Art steht der vorigen sehr nahe. Sie ist grösser, der Vorder- rand des Clypeus ist beim Weibchen stumpfwinklig, beim Männchen hoch gewölbt, bei jenem reicht die Signatur bis heran, bei diesem ist sie durch einen farblosen Zwischenraum getrennt. Die Signatur hat ungefähr die Form wie bei voriger Art, ist aber länger. Die Chitinleisten, welche auf der letzteren beginnend die umgebogenen Stirnschienen schneiden, sind nach der Mittellinie zu etwas gebogen. An den Seiten des Vorderkopfes stehen je fünf Borsten. Die Antennen verhalten sich in beiden Geschlechtern wie bei voriger Art. Das Auge trägt eine kurze Borste; an den Schläfen stehen deren drei. Hinterhauptsecken sind nicht entwickelt; das Hinterhaupt ist breit und gerade. Der Prothorax hat Rechtecksform, gerade Seiten und abgerundete Hinterecken. Der Metathorax, die Beine, die Form des Hinterleibes ist im Allgemeinen wie bei voriger Art. An der Sternalseite des Prothorax steht ein oblonger Fleck, derjenige des Metathorax ist ähnlich wie bei voriger Art, doch mehr länglich- rund und hinten in einen allmählich dünner werdenden langen Fortsatz ausgezogen, der am Ende T-förmig ist. Das achte Segment des Abdomens ist nicht kürzer, aber schmaler als die vorhergehenden, beim Männchen mit abgerundeten Seiten, beim Weibchen mit convergirenden, etwas ausgeschweiften Seiten. Das neunte ist beim Männchen kurz, aber ziemlich breit, in der Mitte des abgestutzten Hinterrandes schwach eingekerbt, beim Weibchen ist es etwas länger, mit convergirenden Seiten, und endigt mit zwei abgestumpften Spitzen, von denen ein schmaler, aber tiefer Einschnitt begrenzt wird. Die Segmentecken treten beim Männchen stärker vor als beim Weibchen. Die Seitenschienen und Querflecke wie bei voriger Art. Auf den Flächen fehlen Borsten. Die Färbung ist im Allgemeinen dunkelbraun, die Schienen sind schwärzlich.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 3,32 mm, | ♀ 3,72 mm. |
| Kopf     | 0,89 „     | 0,90 „     |
| Thorax   | 0,63 „     | 0,69 „     |
| Abdomen  | 1,80 „     | 2,13 „     |
| 3. Femur | 0,40 „     | 0,50 „     |
| 3. Tibia | 0,24 „     | 0,34 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,55 „     | 0,59 „     |
| Thorax   | 0,50 „     | 0,56 „     |
| Abdomen  | 0,58 „     | 0,66 „     |

Diese Art wurde von Herrn Dr. Meyer in einer Anzahl von Exemplaren auf *Diomedea exulans* und *chlororhyncha* gesammelt.

**L. forficulatus** N. (Taf. IV. Fig. 6, 6a, 6b).

Giebel, Ins. epiz. p. 238.

Die Vermuthung Piaget's, dass diese Art identisch sei mit dem von ihm beschriebenen *L. bifasciatus* (von *Pelicanus crispus*) erweist sich bei Untersuchung der Nitzsch'schen Typen als irrig; freilich liess sich das aus der Giebel'schen Beschreibung nicht ersehen. Jedenfalls stehen sich beide Arten nahe, sind aber sofort an der Bildung der männlichen Fühler zu unterscheiden, welche bei unserer Art am Grundgliede einen oben gegabelten Fortsatz besitzen.

Der Kopf ist länger als breit, die Seiten des Vorderkopfes stark divergent, daher der Clypeus ziemlich schmal, am Vorderrande sehr flach abgerundet, fast abgestutzt, von der fünfeckigen Signatur vollständig eigenommen; die kurzen Seitenschienien biegen sich nach innen und hinten um. Auch die Stirnschiene ist sehr kurz; sie biegt sich am Clypeus mit schnabelförmigem Fortsatze um und verlässt schon ein Stück vor der Fühlerbucht den Seitenrand, um sich mit einem kolbigen Ende den Mundtheilen entgegenzubiegen. An der Seite des Vorderkopfes stehen acht Borsten. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind namentlich beim Männchen stark ausgebildet; bei diesem ist auch die Fühlerbucht ziemlich tief und weit. Die männlichen Antennen haben ein langes, dickes Grundglied, welches ebenso lang ist wie die folgenden zusammen; es ist an der Basis verjüngt und in der Mitte des Hinterrandes

mit einem an der Spitze zweihöckrigen Fortsatze versehen; das zweite Glied ist nur halb so lang, das etwas kürzere dritte bildet einen starken Fortsatz, von den beiden Endgliedern ist das fünfte das längere. Die weiblichen Antennen sind kurz und von gewöhnlicher Bildung. Das Auge tritt deutlich vor und trägt eine kurze Borste. Die Schläfen sind gewölbt und beginnen ihre Rundung beim Weibchen gleich am Auge, während sie beim Männchen nach dem letzteren zu stark abfallen. Sie sind mit einer langen und drei kurzen Borsten besetzt. Das Hinterhaupt ist sehr breit und gerade, tritt nicht zurück. Vor dem Auge steht ein dunkler Chitinleck, in ähnlicher Weise beginnen dahinter die schmalen Schläfenschienen. Vom Hinterhaupte gehen die Verbindungsschienen ziemlich parallel zu den Mundtheilen. Die dazwischen gelegene Signatur des Hinterkopfes ist lang und vorn zugespitzt.

Der Prothorax ist breit, trapezförmig, im vordersten Theile vom Kopfe bedeckt; an den etwas vortretenden, abgestumpften Hinterecken steht eine Borste. Der Metathorax ist etwas breiter, verhältnissmässig kurz; an den Vorderecken abgerundet, dann wenig eingeschnürt und mit geraden Seiten. Der Hinterrand ist gerade und trägt jederseits nahe den Ecken fünf Borsten. Die Seitenschienen, welche an der Einschnürung mit geringer Verbreiterung aufhören, setzen sich ein wenig über die Hinterecken hinaus fort. Die Beine sind lang, sonst nicht besonders ausgezeichnet.

Das Abdomen ist beim Männchen langgestreckt, in der vorderen Hälfte gleichbreit, parallelseitig, in der hinteren etwas verschmälert; beim Weibchen ist es langgestreckt eiförmig. Die abgerundeten Segmentecken treten deutlich vor, beim Männchen wenigstens an den ersten Segmenten. Das erste Segment ist kürzer als die folgenden. Die beiden Endsegmente haben eine sehr eigenthümliche Bildung. Das achte Segment endet mit zwei zangenförmigen, oben abgerundeten und mit einer Anzahl Borsten besetzten Fortsätzen, zwischen welchen das neunte Segment gelegen ist. Dieses wird beim Weibchen von den Fortsätzen des achten weit überragt und ist mit einem tiefen Ausschnitte versehen, in welchem kurze Borstchen stehen. Beim Männchen ragt das ebenfalls mit einem Ausschnitte am Hinterrande versehene Endsegment etwas über das achte vor und ist seitlich von dem letzteren mit einer Anzahl Borsten besetzt. Eigenthümlich ist die Bildung des Copulationsapparates, welcher mit seinen äusseren Anhängen in den beiden mir vorliegenden männlichen

Exemplaren etwas hervorragt und so das Endsegment fast ganz unsichtbar macht. Diese Anhänge sind beilförmig und tragen am chitinösen Hinterrande eine Anzahl warzenartige Erhebungen. Der mittlere Theil des Chitingerüstes ist zangenförmig, am Ende zugespitzt.

Die schmalen Seitenschienien biegen sich an den Suturen etwas nach innen um und sind am Ende dieses Theiles ungefärbt. Die Randflecke bleiben beim Männchen in der Mitte getrennt, sie sind auf den vier ersten Segmenten ziemlich viereckig und lassen zwischen sich nur die Nähte heller erscheinen. Auf den folgenden Segmenten werden sie viel schmaler, haben auf dem fünften noch viereckige Form, während sie auf dem sechsten und siebenten dreieckig erscheinen. Die letzten Segmente sind einfarbig. Ueber die Flecke des Weibchens kann ich keine Angaben machen, weil das eine mir vorliegende Individuum nicht ganz ausgebildet, das andere sehr schlecht erhalten ist. Ausser an den Ecken tragen die Segmente auf der Dorsalfäche vier mediane Borsten, während ventral eine grössere Anzahl solcher stehen.

Die Färbung ist braun, welches auf den Flecken und Schienien etwas dunkler erscheint als in der Umgebung.

|          |                            |            |                 |
|----------|----------------------------|------------|-----------------|
| Länge    | ♂ 3,26 mm.                 | ♀ 3,07 mm. |                 |
| Kopf     | 0,67 „                     | 0,71 „     |                 |
| Thorax   | 0,56 „                     | 0,54 „     |                 |
| Abdomen  | 2,03 „                     | 1,82 „     |                 |
| 3. Femur | 0,57 „                     | 0,51 „     |                 |
| 3. Tibia | 0,41 „                     | 0,41 „     |                 |
| Breite:  |                            |            |                 |
| Kopf     | 0,60 „                     | 0,71 „     |                 |
| Thorax   | 0,64 „                     | 0,69 „     |                 |
| Abdomen  | 0,75 „                     | 1,00 „     | (in der Mitte). |
|          | (am 3. und 4. Segmente;    |            |                 |
|          | an dem 6. und 7. 0,53 mm.) |            |                 |

Auf *Pelecanus onocrotalus*, in der Sammlung des Hallischen zoologischen Museums.

**L. crenatus** Gbl. ♂ (Taf. VII. Fig. 1).

Ins. epiz. p. 237.

Der Kopf ist lang, conisch, der Clypeus sehr lang, vorn abgerundet, an den Seiten mit sehr deutlichen Schienen, die Signatur lang, viereckig, am Hinterrande abgerundet winklig. Die Stirnschiene biegt sich am Clypeus weit vor der Fühlerbucht nicht nach innen um. An den Seiten des Vorderkopfes stehen je sieben Borsten. Die Vorderecke der Fühlerbucht tritt deutlich vor, diese selbst ist sehr flach. Die Antennen sind fadenförmig, das erste Glied das dickste, das zweite das längste, die unter sich wenig verschiedenen drei letzten Glieder machen die Hälfte des Fühlers aus. Das Auge wölbt sich deutlich vor. Die Schläfen abgerundet, mit einer Borste und fünf ganz kurzen Dornspitzchen besetzt. Das Hinterhaupt tritt etwas zurück und ist concav. Die Schläfenschienen sehr schmal, hinter dem Auge mit einem kleinen Flecke beginnend, ein solcher steht auch vor dem Auge. Die Verbindungsschienen verlaufen vom Hinterhaupte ziemlich parallel nach den Mundtheilen.

Der Prothorax ist fast rechteckig, mit sehr schwach divergirenden Seiten; an den Hinterecken steht eine Borste. Der Metathorax ist an der vorderen Hälfte etwas eingeschnürt, die Seiten sind schwach gewölbt, die Hinterecken abgerundet, der Hinterrand gerade mit je vier Borsten nahe an den Ecken.

Die Beine sind lang, braun gefärbt, die Schienen wenig kürzer als die Schenkel, die Klauen lang und spitz.

Das Abdomen ist langgestreckt eiförmig, an den Segmentecken gekerbt, doch durchaus nicht auffällig, wie der Giebel'sche Artname vermuthen lassen könnte. Das achte Segment ist mit dem neunten vollständig vereinigt, dieses hat convergente Seiten und einen abgestutzten, in der Mitte eingeschnittenen Hinterrand, an welchem einige kurze Borsten stehen. Die Seitenschienen sind sehr schmal, an den Suturen umgebogen in Form eines ungefärbten ovalen oder runden Anhanges.

Die Randflecke sind viereckig und kurz und werden in der Mitte durch einen ebenfalls viereckigen aber beiderseits deutlich abgegrenzten Fleck verbunden. Das Endsegment (und wahrscheinlich auch das durch Darminhalt verdeckte erste Segment) einfarbig. Ausser den Borsten an den Ecken stehen auf jedem Segmente vier mediane.

Die Farbe ist ein liches Braun, der Vorderrand des Clypeus erscheint ganz farblos und die Nähte zwischen den Abdominalsegmenten sind schmutzigweiss.

| Länge:   | ♀ 3,07 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,74 „     | 0,50 mm. |
| Thorax   | 0,48 „     | 0,46 „   |
| Abdomen  | 1,85 „     | 0,70 „   |
| 3. Femur | 0,40 „     |          |
| 3. Tibia | 0,31 „     |          |

Diese Art ist von Giebel nach zwei nicht ganz ausgefärbten Weibchen von *Tachypetes leucocephalus* aus dem Hallischen Museum beschrieben. Ich sammelte ein vollständig ausgebildetes Exemplar, leider auch Weibchen, auf einem trockenen Balge von *Tachypetes aquila* bei Herrn Schlüter.

Anmerkung. *L. lineatus* (Giebel, Ins. epiz. p. 230) von *Cursorius isabellinus* ist auf ein einziges weibliches, vollständig unreifes Exemplar begründet und kann daher vorläufig gestrichen werden.

*L. runcinatus* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 238) ist gar keine dieser Gattung zugehörige Art, sondern ein *Nirmus*, und zwar *N. fuscomarginatus* D., welcher wohl synonym mit *N. podicipis* D. ist. Piaget hat, ohne es weiter zu erwähnen, die Zugehörigkeit des vermeintlichen *Lipeurus* zu *Nirmus* vermuthet; denn er citirt bei ersterem (p. 344) „Denny (*N. podicipis*?) tab. X. f. 9.“ Die beiden Nitzsch'schen Typen, welche in der Hallischen Sammlung erhalten sind, sind weibliche Exemplare und stimmen genau überein mit einem solchen, welches ich auf *Colymbus cristatus* gesammelt habe und welches sich nach Piaget's Beschreibung und Abbildung (p. 202, Pl. XVI. f. 6) als der oben erwähnte *Nirmus* herausgestellt hat.

*L. sagittiformis* Rud. (Beitrag p. 40; Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 130) von einem unbestimmten Schwimmvogel der Südsee, muss, nach der Handzeichnung des Autors zu urtheilen, auf ein jugendliches Exemplar begründet sein, bei welchem das Hinterleibsende wegen seiner Weichheit zusammengeschrumpft war.

### c) Clypeati bisetosi.

Diese Gruppe ist dadurch ausgezeichnet, dass an der Sutura des Clypeus jederseits eine breite nach oben zugespitzte Borste steht. Der Clypeus ist am

Rande durch eine Einkerbung vom übrigen Vorderkopfe abgesetzt oder bildet mit diesem einen stumpfen Winkel. Die Stirnschiene hört hier auf und biegt sich etwas nach innen um, die Signatur kann fehlen, der Hinterrand des Clypeus ist meist deutlich. Die hierher gehörigen Arten sind nur von Enten und Gänsen bekannt.

Piaget beschreibt folgende: *L. squalidus* N. (*Anas domestica*, *punctata*, *clypeata*, *acuta*, *crecca*, *boschas*, *Stelleri*, *glocitans*) mit var. *maior* P. (*A. gibberiformis*), var. *colorata* P. (*A. melanotus*), var. *pallida* P. (*Cygnus buccinator*), var. *antennata* P. (*Cygnus atratus*); *L. thoracicus* Piag. (*Anas radjah*); *L. lacteus* N. (*Anas tadorna*); *L. jejunus* N. (*Anser domesticus*, *cinereus*, *canadensis*, *aegyptiacus*, *albifrons*); *L. temporalis* N. (*Mergus merganser* et *serrator*).

Für dieselben giebt Piaget folgende Bestimmungstabelle.

- a. Die Vertiefung vor den Mandibeln abgerundet und scharf umgrenzt.
- b. Die Signatur des Clypeus hat parallele Ränder; die Schläfen nur mit einer Stachelspitze. Der Hinterrand des Metathorax gerade. Die Seitenschiene der Abdominalsegmente mit einem schrägen Fortsatze. . . . . *temporalis* N.
- bb. Die Signatur hinten convex; Schläfen mit einer Borste und einem Dornspitzchen; Hinterrand des Metathorax ein wenig concav. Seitenschiene der Abdominalsegmente ohne Fortsatz. . . . . *squalidus* N.
- aa. Die Vertiefung vor den Mandibeln nicht deutlich.
- c. Färbung blass; Abdomen ohne Flecke. Seitenschiene schwärzlich. *lacteus* Gbl.
- cc. Färbung dunkler; Abdomen mit Flecken.
- d. Die Signatur des Clypeus gefärbt. Metathorax doppelt so lang wie der Prothorax. Die langen Borsten am Hinterrande nahe den Ecken stehen auf keiner hellen Stelle. Die Flecken des Hinterleibes sind ganzrandig.  
*thoracicus* Piag.
- dd. Der Clypeus ist ungefärbt; Metathorax nur um ein Drittel länger als der Prothorax, die Borsten an den Hinterecken stehen auf einer breiten hellen Stelle. Die Abdominalflecke am Vorderrande ausgeschnitten. *jejunus* N.

#### Bemerkungen zu *L. squalidus* N.

Piaget ist vollkommen im Rechte, wenn er die von Giebel von verschiedenen Entenarten beschriebenen *Lipeuren* nicht als Species anerkennen will. Zwischen *squalidus* N., *sordidus* N. (von *Anas crecca* und *clypeata*),

*depuratus* N. (*Anas strepera* und *penelope*), *frater* Gbl.<sup>1)</sup> (*Anas glacialis*) und *A. gracilis* Gbl. (nach einem unreifen Weibchen von *Anas spectabilis*) bestehen keine bedeutenderen Unterschiede, als jene kleinen individuellen Abweichungen, welche sich fast immer unter zahlreichen Exemplaren einer Art auffinden lassen und die sich in unserem Falle besonders auf die grössere oder geringere Ausbildung der Abdominalflecke beziehen. Die von Giebel angegebenen Unterschiede sind entweder unausgebildeten Formen entnommen oder überhaupt falsch beobachtet.

Auch *L. rubromaculatus* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 128) von *Anas mollissima* kann höchstens als Varietät angesehen werden. Ich finde an dem von Rudow dem Hallischen Museum mitgetheilten Pärchen, dass der Kopf im Verhältniss zur Länge breiter ist als bei der Hauptform, namentlich erscheint der Vorderkopf weniger schlank. Das weibliche Endsegment ist an den Seiten mehr gerundet, ein Unterschied, welcher sicherlich auf das noch nicht ausgebildete Entwicklungsstadium zurückzuführen ist, in welchem sich diese Exemplare befinden. Darauf sind auch die hellen, nicht rothen Randflecke des Abdomens zu beziehen, von denen Rudow den Artnamen entlehnt hat.

Ueber *L. punctulatus* Rud. (l. c. p. 137) von *Anas (Oidemia) fusca* kann ich kein endgiltiges Urtheil abgeben, da mir nur die Handzeichnung des Autors vorliegt. Das Exemplar, wonach dieselbe entworfen ist, gehört sicher noch dem Jugendalter an, und so wird man mit grosser Wahrscheinlichkeit Piaget beipflichten können, dass es sich auch hier nur um *L. squalidus* handelt. Dasselbe gilt von *L. Nyrocae* Rud. (ibid. p. 128) von *Anas (Nyroca) australis*, von welchem mir ebenfalls eine Zeichnung und ein männliches Individuum aus dem Hamburger Museum vorliegt. (Diese Art ist früher von Rudow als *L. cinereus* beschrieben.)

Es liegen mir zu *L. squalidus* gehörige Individuen auch von *Anas moschata* aus dem Hallischen Museum vor. Giebel thut derselben (p. 242) Erwähnung und erklärt sie für verschieden von ersterem, wobei er u. A.

---

<sup>1)</sup> Piaget macht bereits darauf aufmerksam, dass Giebel den Namen *frater* zweimal in dieser Gattung verwendet hat, indem ihn auch ein Parasit von *Neophron percnopterus* führt. Da beide *fratres* als Arten nicht haltbar sind, braucht der Name nicht geändert zu werden.

hervorhebt: „Sie haben die Ecken am Vorderkopf mit breiter platter Borste.“ Sie haben das Endsegment beim Weibchen etwas schmaler als die typische Form.

Einige Exemplare von *Merganetta armata* aus dem Hamburger Museum gehören gleichfalls hierher. Der Vorderkopf ist breiter als bei der gewöhnlichen Form; das Abdomen trägt viereckige Randflecke.

#### Bemerkungen zu *L. jejunos* N.

Zwischen *L. jejunos* N. und *L. serratus* N. (von *Anser albifrons*) sind keine anderen Unterschiede vorhanden als solche, welche durch Altersverschiedenheiten bedingt werden. Die beiden Arten sind identisch.

Hierher gehört auch *L. cygnopsis* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 129) von *Cygnopsis cygnoides*; wahrscheinlich nach einem jugendlichen Individuum beschrieben, bei welchem die Randflecke des Abdomens noch nicht ausgebildet waren.

Die mir vorliegenden Exemplare eines *Lipeurus* von *Anser aegyptiacus* aus dem Hamburger Museum, von Rudow (l. c. p. 132) als *L. asymmetricus* beschrieben, stimmen, wie auch Piaget vermuthet, gleichfalls mit *jejunos* überein.

*L. australis* Rud. (Beiträge p. 38; Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 130) ist nahe verwandt mit *jejunos* und unterscheidet sich, soweit es das mir vorliegende Material erkennen lässt, hauptsächlich durch die breiteren schwarzen Seitenschien der Abdominalsegmente; sie sind auf den letzten Segmenten an der Innenseite etwas ausgeschweift. Die Flecke sind durch einen kleinen Zwischenraum von jenen getrennt und sind klein oval hellbraun. Die Länge beträgt bei einem ausgebildeten Weibchen 3,82 mm.

|         |               |                |
|---------|---------------|----------------|
| Kopf    | 0,78 mm lang, | 0,56 mm breit. |
| Thorax  | 0,19 „ „      | 0,63 „ „       |
| Abdomen | 2,35 „ „      | 0,83 „ „       |

Auf *Cereopsis Novae Hollandiae*, im Hamburger Museum.

#### IV. Typus der *circumfasciati*.

Bei den hierher gehörigen Formen ist der Clypeus nicht vom übrigen Vorderkopfe abgesetzt, sondern die Stirnschiene läuft gleichmässig um denselben herum. Die Stirn ist entweder abgerundet oder zugespitzt, wonach

Piaget zwei Abtheilungen unterscheidet. Die Vertiefung vor den Mandibeln ist halbkreisförmig. Die so gebildeten Arten leben fast sämmtlich auf Hühnervögeln.

Piaget beschreibt deren folgende: *L. heterogrammicus* N. (*Perdix cinerea*) nebst var. *maculipes* Piag. (*Ortyx virginianus*); *cinereus* N. (*Perdix coturnix*); *unicolor* Piag. (*Perdix javanica*); *inaequalis* Piag. (*Megapodium rubripes*); *appendiculatus* Piag. (*Megapodium rubripes*) mit var. *maior* P. (*Tinamus canus*); *docophoroides* Piag. (*Ortyx californicus*); *dissimilis* Piag. (*Ortyx virginianus*); *heterographus* N. (*Gallophasis Cuvieri*, *Gallus domesticus*, *Phasianus pictus*) mit var. *major* P. (*Pavo spiciferus*); *mesopelius* N. (*Phasianus pictus* et *nycthemerus*); *tricolor* Piag. (*Diomedea fuliginosa*); *variabilis* N. (*Gallus domesticus* et *furcatus*; var.  $\alpha$ — $\varepsilon$  auf *Lophophorus impejanus*, *Gallus bankiva*, *Gallophasis Cuvieri*, *Phasianus Reevesi* und *Francolinus capensis*); *polytrapezius* N. (*Meleagris gallopavo*); *intermedius* Piag. (*Euplocamus ignitus*); *longus* Piag. (*Tragopan satyrus* et *Temmincki*); *ochraceus* N. (*Tetrao urogallus*); *turmalis* N. (*Otis tarda*); *antilogus* N. (*Otis tetrax*); *megalops* ♀ Piag. (*Cryptonyx coronatus*); *parumsetosus* ♀ Piag. (*Rhynchaea laevigata*); *uncinatus* Piag. (*Cryptonyx coronatus*).

Von den ohne ausführliche Beschreibung von Piaget ferner zu dieser Gruppe gerechneten Arten haben wir *L. docophorus* Gbl. und *foedus* N. schon früher kennen gelernt; *macrocnemis* N. stellen wir zur Gattung *Bothriometopus*, und von den folgenden werden wir die mit einem \* bezeichneten im Nachstehenden nach den Typen beschreiben, dazu auch einige neue Arten.

*L. orthopleurus* N. (*Argus giganteus*); \**quadrinus* N. (*Crax carunculata*); *concolor* Rud. (*Crax Yarrelli* = *carunculata*); \**helvolus* N. (*Scolopax rusticola*).

Die sämmtlichen bisher bekannten Arten der *Circumfasciati* lassen sich nach folgender Tabelle bestimmen. Mehrere der im Nachstehenden entweder als neu oder als wenig gekannt beschriebenen Arten habe ich in dieselbe nicht aufgenommen, weil ich nach dem mir zu Gebote stehenden Materiale die sonst zur Erkennung aufgestellten Merkmale nicht gleichmässig verwenden konnte.

- a. Vorderkopf mehr oder weniger zugespitzt.
- b. Körperform breit, ähnlich den *Docophori*; Beine kurz und dick; Metathorax etwas kürzer als der Prothorax, ersterer mit sehr divergenten Seiten. Flecke

- des Abdomens beim Männchen zungenförmig, beim Weibchen viereckig; jedes Segment mit einer Borstenreihe. . . . . *docophoroides* Piag.
- bb. Körperform langgestreckt. Beine lang, nach den Typen dieser Gattung.
- c. Erstes Fühlerglied beim Männchen mit Fortsatz. Grösste Breite des Kopfes vor der Fühlerbucht; Stirn erst in der Mitte wenig zugespitzt, Stirnschiene daselbst sehr verbreitert. Abdominalschienen beim Männchen in der Mitte des Innenrandes ausgeschweift. Endsegment des Männchens mit zwei stumpfen zangenförmigen Fortsätzen, des Weibchens flach ausgeschnitten. *sinuatus* m.
- cc. Erstes Fühlerglied des Männchens ohne Fortsatz. Stirn in eine längere Spitze ausgezogen. Grösste Breite an den Schläfen.
- d. Die Seitenschienen des Abdomens haben am oberen Ende eine dreieckige Chitinlamelle und sind ventral breiter als dorsal.
- e. Metathorax mit zahnartig vorspringenden Vorderecken. Stirnschiene fast parallelsseitig. Das dritte Fühlerglied des Männchens mit blattartigem, ungefärbtem Anhang. . . . . *appendiculatus* Piag.
- ee. Metathorax ohne vorspringende Vorderecken mit ganz geraden Seiten. Stirnschiene vorn stark verbreitert. Drittes Fühlerglied des Männchens mit zugespitztem, ungefärbtem Fortsatze. . . . . *oxycephalus* m.
- dd. Seitenschienen des Abdomens einfach.
- f. Metathorax mit concavem Hinterrande, nach den vorspringenden Vorderecken stark eingeschnürt. Stirnschiene sehr schmal. Abdomen mit medianen Flecken, welche beim Weibchen durch eine Längsnaht getheilt sind. Auf jedem Segmente vier mediane Borsten. . . . . *heterogrammicus* N.
- ff. Metathorax in der Mitte des Hinterrandes mit einer Spitze vortretend.
- g. Stirnschiene vorn sehr verbreitert. Abdomen ohne mediane Borsten. Letztes Segment beim Weibchen zangenartig, beim Männchen mit zwei kurzen Spitzen endigend. . . . . *inaequalis* Piag.
- gg. Stirnschiene parallelsseitig. Letztes Abdominalsegment des Weibchens zweilappig.
- h. Metathorax ebenso lang wie der Prothorax. Abdomen mit medianen Flecken. *cinereus* N.
- hh. Metathorax länger als der Prothorax. Abdomen ohne Flecke. *unicolor* Piag.
- aa. Vorderkopf mehr oder weniger abgerundet.
- i. Vorderkopf parabolisch gerundet.
- k. Metathorax bedeutend länger als der Prothorax. Schläfen mit einer Borste.
- l. Metathorax mit winkligem Hinterrande, der nahe den Hinterecken Borsten trägt, ohne seitliche Einschnürung. Abdominalflecke auf den ersten sechs

Segmenten durch eine middle Naht getrennt; zwei mediane Borsten. Endsegment beim Männchen ausgeschweift, beim Weibchen zweispitzig.

*mesopelius* N.

- ll. Metathorax mit flach convexem Hinterrande, ohne Borsten an den Ecken, mit seitlicher Einschnürung. Abdominalflecke quer, ungetheilt, keine medianen Borsten. Endsegment bedeutend schmaler als das vorhergehende, beim Männchen lang, zapfenförmig, mit abgerundeter Spitze; beim Weibchen sehr kurz, zweilappig. . . . . *tricolor* Piag.
- kk. Metathorax wenig länger als der Prothorax. Schläfen mit zwei Borsten. Abdominalflecke beim Männchen quer.
- m. Stirn fast zugespitzt (einen Uebergang zu a bildend). Abdominalflecke beim Weibchen auf den sechs ersten Segmenten viereckig, auf dem siebenten und achten quer mit einer kleinen Ausrandung am Vorderrande. Jedes Segment mit einer Reihe von Borsten, die der letzten Segmente besonders lang. Endsegment beim Männchen mit ausgeschweiftem Hinterrande, beim Weibchen zweilappig. Metathorax länger als der Prothorax, mit seitlicher Einschnürung. *dissimilis* Piag.
- mm. Stirn parabolisch gewölbt. Abdominalflecke beim Weibchen median in der Mitte getheilt, nach den Seitenschien zu verwischt, am Vorder- und Hinterrande dunkler gefärbt. Seitenschien hinten verbreitert. Jedes Segment mit sechs Borsten. Endsegment beim Männchen durch einen tiefen Einschnitt zweilappig, beim Weibchen wenig eingeschnitten. . . . *heterographus* N.
- ii. Vorderkopf vollständig abgerundet.
- n. Der Kopf hat beim Männchen seine grösste Breite an der Fühlerbucht, beim Weibchen an den Schläfen. Das erste Fühlerglied des Männchens mit Fortsatz.
- o. Grosse Arten (3,75 mm). Auf dem Sternum zwei mediane Flecke.
- p. Der Fortsatz des ersten Fühlergliedes (Männchen) sitzt an der Basis. Der Kopf in beiden Geschlechtern vollständig abgerundet. Das letzte Abdominalsegment beim Männchen breit und flach ausgerandet, beim Weibchen durch einen tiefen Ausschnitt zweispitzig. Die Seitenschien am Innenrande mit zwei Vorsprüngen. Die Flecke in der Mittellinie des Körpers durch einen breiten Zwischenraum getrennt, am medialen Rande abgerundet, nach der Seitenschiene zu blasser werdend. Auf dem sechsten und siebenten Segmente beim Weibchen ein hinten zugespitzter Genitalfleck. . . *polytrapezius* N.
- pp. Der Fortsatz des ersten Fühlergliedes sitzt nahe der Mitte. Der Kopf des Männchens vorn abgerundet, des Weibchens parabolisch. Das letzte Abdominalsegment beim Männchen wie bei voriger Art, beim Weibchen mit zwei langen, zangenförmig nach innen gebogenen Spitzen endigend. Die an der

- Ventralseite breiteren Seitenschien mit parallelem Innenrande. Die Flecke beim Männchen quer, am Hinterrande ausgeschweift, beim Weibchen in der Mitte durch einen breiten Zwischenraum getrennt, viereckig, nach den Seitenschien hin blasser. Genitalfleck fehlt. . . . . *intermedius* Piag.
- oo. Kleine Arten (2,37 mm). Auf dem Sternum ein Medianfleck. Abdominalflecke median, schmal, an den Seiten wie ausgewaschen. Letztes Segment bei beiden Geschlechtern ausgerandet.
- q. Genitalfleck beim Weibchen lanzenförmig. Hinterleibsende beim Weibchen zweilappig. Hinterkopf ohne Signatur und Verbindungsschien nach den Mundtheilen hin. . . . . *variabilis* N.
- qq. Genitalfleck fehlt; letztes Hinterleibssegment beim Weibchen endigt zangenförmig. Eine deutliche, sehr zugespitzte Signatur auf dem Hinterhaupte, Verbindungsschien deutlich. . . . . *variabilis* var. Piag.
- mn. Der Kopf hat bei beiden Geschlechtern seine grösste Breite an den Schläfen. Erstes Fühlerglied beim Männchen ohne Fortsatz.
- r. Metathorax kaum länger als der Prothorax. Die Abdominalflecke durch einen breiten medianen Zwischenraum getrennt.
- s. Stirnschiene mit gezacktem Innenrande, in der Mitte nicht verbreitert. Letztes Abdominalsegment beim Weibchen abgerundet mit schmalen, medianem Einschnitte, beim Männchen ausgerandet. Flecke auf den ersten sieben Segmenten dreieckig, mit abgerundeter Spitze, achtens und neuntes Segment einfarbig; beim Männchen sind die Flecke langgezogener und weniger deutlich. Genitalfleck beim Weibchen vorhanden. . . . . *turmalis* Gbl.
- ss. Stirnschiene mit gezacktem Innenrande, in der Mitte verbreitert. Letztes Abdominalsegment abgestutzt. Männchen mit zungenförmigen, auf den drei letzten Segmenten mit queren Flecken; beim Weibchen quere Flecke. Kein Genitalfleck. Kleiner als vorige Art. . . . . *antilogus* N.
- rr. Metathorax bedeutend länger als der Prothorax. Abdominalflecke beim Männchen quer, beim Weibchen durch eine Mittelnahrt getheilt.
- t. Dunkel gefärbte, grosse Art. Letztes Segment beim Männchen breit, parallelseitig, am Hinterrande ausgeschweift; Penis lang und dunkel gefärbt. Beim Weibchen bildet das letzte Segment eine lange Zange. Genitalflecke fehlen.  
*longus* Piag.
- tt. Blass gefärbte, kleinere Art. Letztes Segment beim Männchen schmal und kurz, mit divergenten Seiten und tiefem Ausschnitte des Hinterrandes. Penis kurz und wenig gefärbt. Beim Weibchen ist das letzte Segment zweispitzig. Es sind beim Weibchen zwei kleine Genitalflecke vorhanden. *ochraceus* N.

**a) Circumfasciati fronte rotundato.**

Bemerkungen zu *L. heterographus* N.

Giebel beschreibt einen *L. obscurus* Gbl. (Ins. epiz. p. 220) von *Perdix rubra*. Piaget (p. 361) vermuthet darin eine dunkler gefärbte Varietät von *heterographus*. Die typischen Exemplare bestätigen die Vereinigung mit letzterer Art vollständig, die dunklere Färbung ist die Folge des schlechten Erhaltungszustandes und des langen Verweilens in schlechtem Spiritus, bedingt daher nicht einmal eine Varietät. Ich habe selbst auf *Perdix rubra* Exemplare gesammelt, welche vollständig mit *heterographus* übereinstimmen; eben solche besitze ich auch von *Perdix saxatilis* und *graeca*.

Piaget fügt seiner Beschreibung des *L. heterogrammicus* (p. 353) folgende Worte bei: Giebel a décrit la tête comme arrondie et n'a pas reconnu la difference réelle entre les taches de l'abdomen pour les deux sexes. L'abd. n'est pas „dicht beborstet“. Es ist nicht zu verwundern, dass sich in der Giebel'schen Beschreibung solche Differenzen mit den Beobachtungen Piaget's finden; denn Herr Giebel beschreibt unter dem Namen *L. heterogrammicus* irrthümlicher Weise Exemplare von *L. heterographus*, wie ich mich nach der Hallischen Sammlung überzeugen konnte. Ob Nitzsch überhaupt keine von *heterographus* abweichende Art auf *Perdix cinerea* sammelte oder ob seine Exemplare verloren gegangen sind und Giebel selbst gesammelte beschrieben hat, kann ich natürlich nicht mit Sicherheit entscheiden, doch scheint mir das letztere das Wahrscheinliche. Jedenfalls sind die in der Sammlung unter dem Namen *heterogrammicus* befindlichen Exemplare diejenigen, welche Giebel „öfter gesammelt“ und die „trotz dieser Häufigkeit anderen Beobachtern entgangen sind“; sicher sind es ganz gewöhnliche *heterographus*, deren Uebereinstimmung mit solchen vom Haushuhne dem Autor entgangen ist.

*L. robustus* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 124) von *Nycthemerus linearis* ist, nach der Handzeichnung des Autors zu schliessen, identisch mit *L. mesopelius*, wie es Piaget auch vermuthet.

Dass *L. meridionalis* Rud. (l. c. p. 123) von *Diomedea fuliginosa* gleich *L. tricolor* Piag. ist, wurde schon oben (p. 149) erwähnt.

Ob *L. himalayensis* Rud. (l. c. p. 123) von *Tragopan Hastingsi* zu *L. longus* Piag. (p. 370, Pl. XXIX, f. 8) gehört, kann ich leider nicht ent-

scheiden, da mir keine Exemplare vorliegen, und die Rudow'sche Zeichnung gar kein Urtheil erlaubt.

Was *L. orthopleurus* N. (Giebel, Ins. epiz. p. 217) von *Argus giganteus* anlangt, so wäre es nicht ganz unmöglich, dass unter diesem Namen das Weibchen von *Goniodes curvicornis* N. von dem gleichen Wirthe zu verstehen ist. Dasselbe weicht vom Männchen, wie wir früher gesehen haben (p. 32), ziemlich bedeutend ab, und der Name *orthopleurus* würde ganz gut darauf passen. Doch können dies nur Vermuthungen sein, da unter obigem Namen sich kein *Lipeurus* in der Hallischen Sammlung findet.

#### **L. variabilis** N.

Zu den zahlreichen Wirthen, auf welchen diese Art in mehr oder weniger ausgezeichneten Varietäten gefunden ist, kann ich noch *Phasianus colchicus* hinzufügen, von welchem mir ein Männchen dieses *Lipeurus* aus dem Hamburger Museum vorliegt. Das Hinterhaupt ist gerade, nicht convex, wie bei der Hauptform. Die Abdominalflecke sind ziemlich quer, erscheinen an den Seiten nicht wie ausgewaschen, sondern nehmen nach den Schienen hin an Intensität der Färbung ab, während sie in der Mitte nicht dunkler sind.

#### **L. Burmeisteri** m. ♂ (Taf. VI. Fig. 4).

Der Kopf ist lang, an den Vorderecken der Fühlerbucht am breitesten; der Vorderkopf hoch gewölbt mit schmaler, an der Fühlerbucht etwas verbreiteter Stirnschiene; mit zweimal fünf Borsten besetzt. Vorderecken der Fühlerbucht spitz, aber kurz. Diese weit und tief. Die Antennen sind lang. Das dicke Grundglied etwas länger als die beiden folgenden zusammen, an der Basis stark verengt, mit einem kurzen zahnartigen Fortsatze, das zweite etwas mehr als halb so lang, nach dem distalen Ende zu ein wenig verschmälert, das dritte halb so lang mit etwas vorgezogener Ecke; von den beiden Endgliedern ist das fünfte das längere. Die Augen treten deutlich hervor. Die Schläfen sind abgerundet, in der Mitte am breitesten, mit zwei Dornspitzchen und einer langen Borste besetzt. Das Hinterhaupt flach concav. Die Schläfenschienen breit, am Innenrande wellig; vor dem Auge ein runder Chitinleck.

Der Prothorax hat Rechtecksform und gerade Seiten. Der Metathorax ist bedeutend länger, mit ausgeschweiften, geradlinigen, nach hinten stark

divergirenden Seiten, abgerundeten, mit kurzen Borsten besetzten Hinterecken und geradem, nur in der Mitte mit einer Spitze vortretenden Hinterrande. Nahe den Ecken stehen auf dem letzteren jederseits sechs sehr lange Borsten.

Das Abdomen ist langgestreckt, nach hinten verbreitert, mit deutlich vortretenden Segmentecken, wodurch der Seitenrand gesägt erscheint. Das erste Segment ist bedeutend kürzer als die folgenden und hat parallele Seiten; vom fünften an sind die Segmente wieder etwas kürzer als die vorhergehenden; sie haben gerade, das achte etwas gerundete Seiten; das neunte ist sehr kurz und hat einen tiefen, dreieckigen Ausschnitt des Hinterrandes. Die Seitenschienens sind schmal, vorn ein wenig über die Sutura hinaus verlängert. Die Flecke sind durch eine schmale hellere Naht auf den sechs ersten Segmenten in der Mitte getheilt, viereckig, auf dem sechsten Segmente nach der Mitte zu verschmälert. Die letzten Segmente sind einfarbig. Ausser an den Ecken finden sich je zwei mediane Borsten. Die allgemeine Färbung ist braun, das Mittelfeld des Kopfes und die Mittelstreifen des Abdomens gelblich, die Schienen dunkler braun. Die ganze Oberfläche erscheint wie chagriniert.

| Länge   | ♂ 2,69 mm. | Breite:  |
|---------|------------|----------|
| Kopf    | 0,64 „     | 0,45 mm. |
| Thorax  | 0,55 „     | 0,49 „   |
| Abdomen | 1,50 „     | 0,60 „   |

Ein bisher unbeschriebenes Männchen dieser Art, nicht in besonderem Erhaltungszustande, befindet sich in der Sammlung des Hallischen Museums und stammt von *Lophophorus impeyanus*. Ich erlaube mir, dasselbe zu Ehren des früheren Directors unseres Museums zu benennen.

Mit diesem Männchen in einem Gläschen vereinigt, findet sich ein weibliches Individuum, welches in vielen Punkten zu sehr abweicht, als dass ich es ohne Weiteres für zugehörig halten könnte. Ich beschreibe es daher gesondert, ohne es mit einem definitiven Namen zu belegen, und habe es Taf. VI. Fig. 5 abgebildet. Sollte es sich als neue Art herausstellen, so mag dieselbe *eurycnemis* heissen.

Der Vorderkopf ist schmaler, mit zweimal vier Borsten, die Vorderecken der Fühlerbucht kurz und spitz, die letztere flach. Das erste Fühlerglied kurz, das zweite doppelt so lang, die drei übrigen kürzer, unter sich

gleichlang. Das Auge ist flach gewölbt, die Schläfen abgerundet, mit der grössten Breite hinter dem Auge. Die Borsten in ihrer Anzahl in meinem Exemplare nicht genau bestimmbar, weil theilweise abgebrochen; es scheinen drei vorhanden zu sein. Das Hinterhaupt tritt wenig zurück und ist gerade. Vor dem Auge steht ein grosser Chitinfleck, die schmalen Schläfenschienen verbreitern sich nach hinten etwas und bilden jederseits am Hinterhaupte einen grossen ungefähr dreieckigen Fleck.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden stark divergenten Seiten und etwas vortretenden Hinterecken. Die Seitenschien sind breit. Der Metathorax hat eine ungefähr viereckige Form, schwach gewölbte, in der vorderen Hälfte etwas eingeschnürte Seiten, abgerundete, mit einer Borste besetzte Hinterecken und einen in der Mitte winkligen Hinterrand, welcher zwei mediane kurze und je vier lange seitliche Borsten trägt. Die breite Seitenschiene hört an der eingeschnürten Stelle nicht auf, sondern bildet hier eine Falte nach innen.

An den Beinen haben Femur und Tibia an beiden Seiten ziemlich breite Chitinschienen.

Das Abdomen ist langgestreckt, ziemlich paralleseitig, die Segmentecken treten nicht sehr vor und lassen den Seitenrand nur eingeschnitten erscheinen. Das erste Segment ist bedeutend kürzer als die folgenden und hat divergente Seiten. Das siebente und vereinigte achte und neunte Segment haben abgerundete, die übrigen gerade Seiten. Das Hinterleibsende ist ausgerandet und bildet seitlich von dieser Einsenkung je ein kurzes stumpfes Spitzchen. Die Seitenschienen sind mit Ausnahme derer des siebenten Segments ziemlich breit, ragen mit dem abgerundeten Vorderende ein wenig über die Sutura nach vorn und haben einen ausgeschweiften Innenrand. Soweit das einzige mir vorliegende Exemplar die Flecke erkennen lässt, sind dieselben median, viereckig, auf dem zweiten bis vierten Segmente schmal, auf dem fünften bis siebenten etwas breiter, und fehlen auf dem ersten und letzten ganz. Aussen an den Ecken finden sich zwei mediane Borsten; die der ersteren sind an den beiden Endsegmenten sehr lang und gebogen.

Die Grundfarbe ist schmutzig gelblichweiss, die Abdominalflecke sind hellbraun, die Schienen kastanienbraun.

|          |          |          |
|----------|----------|----------|
| Länge    | 2,44 mm. | Breite   |
| Kopf     | 0,56 „   | 0,43 mm. |
| Thorax   | 0,44 „   | 0,45 „   |
| Abdomen  | 1,44 „   | 0,59 „   |
| 3. Femur | 0,42 „   |          |
| 3. Tibia | 0,32 „   |          |

**L. ischnocephalus** m. ♂ (Taf. VI. Fig. 8).

Der Kopf ist sehr lang und schmal, ziemlich paralleseitig und erinnert in seiner Form einigermaassen an die Kopfbedeckung der alten preussischen Grenadiere. Die Antennen theilen denselben in zwei gleich grosse Hälften. Der Vorderkopf ist thorartig gewölbt und vorn mit acht langen Borsten besetzt, auf welche jederseits weiter nach hinten noch zwei kürzere folgen. Die Stirnschiene ist ziemlich paralleseitig, vor der Fühlerbucht mit rundlicher Verbreiterung; für die acht langen Borsten von Canälen unterbrochen.

Die Vorderecke der Fühlerbucht ist abgestumpft, tritt gar nicht hervor. Diese ist mässig tief und ihre Hinterecke tritt etwas vor. Die Antennen sind lang. Das erste Glied so lang wie die übrigen zusammen, cylindrisch; das zweite nicht halb so lang, oben schräg abgeschnitten, das wenig kürzere dritte mit spitzem Fortsatze, die Endglieder ziemlich gleich untereinander. Alle Glieder sind an den Seiten von Chitinleisten eingefasst. Das Auge tritt kaum hervor. Die Schläfen sind schwach gewölbt, fast parallel, mit drei Borstchen besetzt, das Hinterhaupt ist tief concav. Die Schläfenschiene sind am Innenrande wellig; vor dem Auge steht ein kleiner, runder Chitinleck.

Prothorax rechteckig, mit geraden Seiten, an den Hinterecken eine Borste. Metathorax breiter und länger, mit schwach gewölbt, divergirenden, nicht eingeschnürten Seiten; an den abgerundeten Hinterecken stehen fünf lange Borsten; der Hinterrand ist gerade. Die Seitenschiene hört etwas vor dem Vorderrande auf. Am dritten Beinpaare sind die Schienen ungefähr ebenso lang, am zweiten sogar etwas länger als die dicken Schenkel.

Das Abdomen ist langgestreckt, in der Mitte am breitesten; die Segmentecken treten wenig hervor. Das neunte Segment ist bedeutend schmaler und kürzer als das achte, hat schwach convergente Seiten, mit einer kurzen Chitinschiene, und einen abgestutzten, in der Mitte flach eingeschnittenen

Hinterrand, der einige kurze Borstchen trägt. Die Seitenschien sind schmal, am Innenrande ein wenig ausgeschweift, am ersten Segmente sind sie viel breiter, mit gerader Innenseite. Die Flecke sind auf den sechs ersten Segmenten durch eine schmale Naht in der Mitte getheilt, auf dem siebenten und achten quer, das neunte erscheint hell. Aussen an den Ecken finden sich keine Borsten.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, der Thorax, die Beine, die Abdominalflecke sind hellbraun, die Schienen dunkler.

|          |            |          |
|----------|------------|----------|
| Länge    | ♂ 2,71 mm. | Breite   |
| Kopf     | 0,65 „     | 0,38 mm. |
| Thorax   | 0,44 „     | 0,40 „   |
| Abdomen  | 1,62 „     | 0,56 „   |
| 3. Femur | 0,28 „     |          |
| 3. Tibia | 0,26 „     |          |

In zwei männlichen Exemplaren von *Talegallus Lathamii*, im Hamburger Museum.

Der von Rudow von dem gleichen Wirthiere beschriebene *L. crassus* R. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 127) ist nach Beschreibung und Handzeichnung des Autors entschieden nicht identisch mit unserer Art.

**L. quadrinus** N. ♂ (Taf. VI. Fig. 2).

Giebel, Ins. epiz. p. 222.

Vorderkopf hochgewölbt, mit zweimal sieben Borsten besetzt. Die Stirnschiene sehr schmal, parallelschmal, erweitert sich vor der Fühlerbucht zu grossen, rundlichen Chitinflecken. Vorderecken der Fühlerbucht sehr kurz; diese weit und tief. Das dicke, an der Basis etwas verengte Grundglied ist kürzer als die beiden folgenden zusammen, das zweite um  $\frac{1}{3}$  kürzere ist nach oben zu etwas verschmälert, das etwas kürzere dritte umgekehrt am distalen Ende ein wenig verbreitert, mit einem zugespitzten Fortsatze versehen, von den Endgliedern ist das fünfte das längere. Das Auge wölbt sich halbkuglig vor. Die Schläfen sind stark abgerundet, mit drei Borsten besetzt, das Hinterhaupt tritt zurück und ist concav. Die Schläfenschiene ist sehr schmal und beginnt mit geringer Verbreiterung hinter dem Auge; vor demselben steht ein halbkreisförmiger Chitinleck. Die Hinterhauptschiene verbreitert sich an jeder Seite zu grossen Flecken.

Der Prothorax hat abgerundete Seiten, deren grösste Breite vor der Mitte liegt. Der Metathorax fast doppelt so lang, die Seiten etwas eingeschnürt, dann wenig gewölbt und schwach divergent, der Hinterrand flach convex. An den abgerundeten Hinterecken steht eine Borste, vier ausserordentlich lange nahe dabei am Hinterrande.

Abdomen langgestreckt, hinter der Mitte wenig verbreitert; Segmentecken treten nicht vor. Erstes Segment nur halb so lang wie die folgenden, das achte hat hinter der Mitte eine flache Randeinbuchtung, das kürzere neunte zweilappig mit tiefem dreieckigen Ausschnitte und mit einer Anzahl Borsten besetzt. Die Seitenschien sind schmal, am Innenrande etwas ausgeschweift, an den Suturen ein wenig verlängert. Jedes Segment trägt zwei mediane Borsten. Die Borsten an den Ecken der letzten beiden Segmente besonders lang und gebogen.

Die Flecke sind, sofern das schlecht erhaltene Spiritusexemplar, welches mir vorliegt, die Verhältnisse richtig erkennen lässt, auf allen Segmenten quer, in der Mitte ungetheilt.

Die Grundfarbe ist schmutziggelb, die Schienen sind braun.

| Länge                   | ♂ 2,58 mm. | Breite   |
|-------------------------|------------|----------|
| Kopf                    | 0,61 „     | 0,47 mm. |
| Thorax                  | 0,51 „     | 0,44 „   |
| Abdomen                 | 1,46 „     | 0,54 „   |
| 3. Femur                | 0,53 „     |          |
| (3. Tibia abgebrochen.) |            |          |

Auf *Crax carunculata*, in einem männlichen Exemplare, in der Hallischen Sammlung.

*L. concolor* Rud. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1871, p. 126; Beiträge p. 33) von demselben Wohnthiere darf nach der unvollkommenen Handzeichnung des Autors als identisch mit voriger Art erklärt werden.

#### L. Meyeri m. ♀ (Taf. VI. Fig. 1).

Der Kopf ist länger als breit. Der Vorderkopf hoch gewölbt, mit schmalen, an der Fühlerbucht zu breiteren, rundlichen Fortsätzen umgebogenen Chitinschienen. Die Anzahl der Borsten nach dem vorliegenden Exemplare nicht sicher anzugeben. Die Vorderecken der Fühlerbucht treten conisch vor. Diese selbst ist

ziemlich flach. Die Antennen haben ein dickes Grundglied, das zweite Glied ist doppelt so lang, die drei übrigen sind kürzer, untereinander ziemlich gleich. Das Auge wölbt sich deutlich vor. Die Schläfen sind stark gerundet, mit drei Borstchen besetzt. Das gerade Hinterhaupt tritt gar nicht zurück. Vor dem Auge steht ein grosser, rundlicher Chitinfleck, an welchen sich fast unmittelbar die breite, am Innenrande zweimal gebuchtete Schläfenschiene anschliesst.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden, stark divergenten Seiten und abgerundeten Hinterecken. Der Metathorax ist wenig breiter, aber länger. Die Seiten ein wenig eingeschnürt, flach gewölbt, der Hinterrand in der Mitte winklig, mit vier Borsten jederseits nahe den abgerundeten Hinterecken. Die breiten Seitenschiene endigen an der Einschnürung mit einer grossen, fleckenartigen Erweiterung. Aehnlich verhalten sich diejenigen des Prothorax nahe den Hinterecken. An der Sternalseite steht ein medianer Fleck von der Form einer Pfeilspitze.

Das Abdomen ist langgestreckt, hinter der Mitte wenig verbreitert, die Seiten gerade, an den nicht vortretenden Segmentecken eingekerbt. Das erste Segment ist etwas kürzer als die folgenden, das sechste und siebente etwas länger als die vorhergehenden. Das vereinigte achte und neunte Segment ist schmaler, hat schwach gewölbte Seiten und am Hinterrande einen flachen, aber breiten Ausschnitt. Die Seitenschiene sind an der Ventralseite viel breiter als dorsal. Die Segmente haben ungetheilte Querflecke, zwischen denen die Nähte hell erscheinen. An der Ventralseite tragen Segment 3—7 schmale viereckige Medianflecke, von denen die des sechsten und siebenten Segments zusammenfliessen. Ausser an den Ecken trägt jedes Segment zwei mediane und je eine seitliche Borste; ausserdem die beiden letzten Segmente nahe den Hinterecken ein Paar Borsten auf einer farblosen, runden Stelle.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, Flecke und Schienen heller und dunkler braun.

| Länge   | ♀ 2,65 mm. | Breite   |
|---------|------------|----------|
| Kopf    | 0,65 „     | 0,50 mm. |
| Thorax  | 0,51 „     | 0,52 „   |
| Abdomen | 1,49 „     | 0,65 „   |

Ein weibliches Exemplar dieser Art wurde auf *Talegallus fuscirostris* von Herrn Dr. Meyer gesammelt, welchem zu Ehren ich diese Art benenne.

Es ist nicht unmöglich, dass der schon vorher erwähnte *L. crassus* Rud. zu dieser Art gehört.

**L. helvolus** N. (Taf. VI. Fig. 3).

Giebel, Ins. epiz. p. 229. taf. XVI. f. 10 u. 11.

Vorderkopf parabolisch gerundet, mit zweimal sechs Borsten. Stirnschiene schmal, in der Mitte etwas verbreitert, an der Fühlerbucht ein wenig nach innen umgebogen. Vorderecken der letzteren beim Männchen stumpf, beim Weibchen sehr kurz und spitz. Fühlerbucht beim Männchen etwas tiefer als beim Weibchen. Die Antennen des ersteren haben ein langes, dickes Grundglied, das zweite ist nicht halb so lang, das dritte hat einen zugespitzten Fortsatz und von den beiden Endgliedern ist das fünfte das längere. An den weiblichen Fühlern sind die beiden ersten Glieder und die drei übrigen je untereinander an Länge gleich.

Das Auge ist deutlich vorgewölbt und trägt eine feine Borste. Zwei solche stehen an den abgerundeten Schläfen; das gerade Hinterhaupt tritt nicht zurück. Die Schläfenschiene ist sehr schmal; vor dem Auge steht ein kleiner Chitinleck.

Der Prothorax hat abgerundete Seiten und an den Hinterecken eine Borste. Der Metathorax ist trapezisch, kaum eingeschnürt, mit schwach gewölbten Seiten. Am geraden Hinterrande stehen jederseits nahe den abgerundeten Ecken fünf Borsten. Die Beine zeichnen sich durch breite Schenkel aus.

Das Abdomen ist langgestreckt, beim Männchen ziemlich gleich breit, beim Weibchen hinter der Mitte etwas verbreitert, an den vortretenden Segmentecken gesägt. Bei beiden Geschlechtern sind die zwei letzten Segmente vereinigt, mit convergenten Seiten und abgestutztem Hinterrande, der beim Männchen etwas mehr ausgeschweift ist als beim Weibchen. Die Seitenschiene sind sehr schmal und greifen vorn an den Suturen etwas über. Ausser den Borsten an den Ecken stehen auf jedem Segmente zwei mediane und jederseits eine seitliche. Die Flecke scheinen, soweit das schlechte Material, welches mir vorliegt, ein Urtheil erlaubt, quer, in der Mitte ungetheilt zu sein.

Die Färbung ist ziemlich blass (ob im frischen Zustande auch?)

|          |            |          |
|----------|------------|----------|
| Länge    | ♂ 2,19 mm, | ♀        |
| Kopf     | 0,58 „     | 0,63 mm. |
| Thorax   | 0,38 „     | 0,38 „   |
| Abdomen  | 1,23 „     | 1,15 „   |
| 3. Femur | 0,32 „     | 0,29 „   |
| 3. Tibia | 0,25 „     | 0,23 „   |
| Breite:  |            |          |
| Kopf     | 0,46 „     | 0,50 „   |
| Thorax   | 0,45 „     | 0,45 „   |
| Abdomen  | 0,61 „     | 0,66 „   |

Auf *Scolopax rusticola*, in der Sammlung des Hallischen Museums.

### b) *Circumfasciati fronte acuto.*

#### *L. oxycephalus* m. (Taf. VI. Fig. 7).

Der Vorderkopf ist lang kegelförmig, vorn beim Weibchen etwas spitzer als beim Männchen; zu jeder Seite von dem zugespitzten vordersten Stirntheile stehen vier Borsten, zu welchen auf der Fläche noch vier andere kommen; an den Seiten des Vorderkopfes stehen je noch zwei Borstchen. Die Stirnschiene verbreitert sich von den Fühlern an bis zu der Rundung der vor den Mandibeln gelegenen Vertiefung; an dieser Stelle verschmälert sie sich plötzlich, um in der Mitte der Stirn wieder breiter zu werden. Nur beim Männchen ist die Vorderecke der Fühlerbucht als kleines Spitzchen bemerkbar, beim Weibchen fällt sie ganz hinweg und in beiden Geschlechtern ist eine Fühlerbucht kaum angedeutet. Die Antennen sind beim Männchen sehr lang; das cylindrische, an der Basis etwas verengte Grundglied ist so lang, wie die beiden folgenden zusammen; das zweite ist um ein Drittel kürzer, das dritte halb so lang wie dieses, mit einem ungefärbten zugespitzten Fortsatze versehen, von den beiden Endgliedern ist das fünfte das längere. Auch die weiblichen Antennen sind ziemlich lang; sie haben dünne Glieder, von denen das zweite das längste, das vierte das kürzeste ist. Das Auge tritt wenig hervor. Die Schläfen sind beim Männchen gerade und parallelseitig, beim Weibchen etwas abgerundet, bei beiden mit drei kurzen Borstchen besetzt. Die Schläfenschiene ist am Innenrande dreimal eingebuchtet; der

Chitinleck vor dem Auge erscheint beim Weibchen wie ein schmaler Streifen, beim Männchen ist er etwas breiter. Das Hinterhaupt ist tief concav.

Der Prothorax ist ziemlich quadratisch, hat gerade Seiten und abgerundete Hinterecken, welche eine Borste tragen. Der Metathorax ist trapezförmig, hat etwas vorspringende Vorderecken, gerade, nicht eingeschnürte und stark divergierende Seiten, einen geraden Hinterrand; an den abgerundeten Hinterecken stehen vier Borsten. Die Seitenschienens sind parallelsseitig und hören im vorderen Drittel etwas vom Rande entfernt ohne Verbreiterung auf.

Die Beine haben ziemlich dicke Schenkel, welche nicht viel länger als die Schienens sind.

Das Abdomen ist langgestreckt, schmal, hinter der Mitte am breitesten. Das neunte Segment ist schmal, hat beim Männchen gerade convergente Seiten und einen ausgeschnittenen Hinterrand, beim Weibchen ist es zweispitzig mit tiefem Einschnitte. Die Seitenschienens sind parallelsseitig, schmal, hören an den Suturen auf, sind aber hier auf der Dorsalfäche mit einem dreieckigen kurzen Anhang versehen. Jedes Segment trägt nahe dem Rande je eine Borste, ausser denjenigen an den Ecken. Beim Männchen haben alle Segmente mit Ausnahme des letzten Querflecke, zwischen denen die Nähte breit hell erscheinen. Beim Weibchen sind auf den sieben ersten Segmenten viereckige Randflecke vorhanden, die in der Mitte durch eine schmale Naht getrennt bleiben, auf dem achten Segmente steht ein ungetheiltes Querflecke und das Endsegment ist einfarbig.

Die Grundfarbe ist schmutzig gelblichweiss, die Schienens sind dunkelbraun, die Abdominalflecke wie der Thorax und die Beine gelblich.

| Länge    | ♂ 2,69 mm. | ♀ 2,84 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,59 „     | 0,61 „     |
| Thorax   | 0,45 „     | 0,46 „     |
| Abdomen  | 1,65 „     | 1,77 „     |
| 3. Femur | 0,27 „     | 0,28 „     |
| 3. Tibia | 0,20 „     | 0,20 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 0,32 „     | 0,36 „     |
| Thorax   | 0,38 „     | 0,36 „     |
| Abdomen  | 0,49 „     | 0,54 „     |

Diese Art wurde von Herrn Dr. Meyer auf *Megapodius Freycineti* und *Reinwardti* gesammelt; ich erhielt sie von dem ersten dieser Wirthe durch Herrn Dr. Rey.

**L. sinuatus** m. (Taf. VI. Fig. 6, 6a).

Von den mit einer spitzen Stirn versehenen Formen zeichnet sich diese dadurch aus, dass die Zuspitzung erst am vordersten Theile des Kopfes eintritt, während der übrige Vorderkopf abgerundet erscheint. Derselbe trägt zweimal sechs Borsten. Die Stirnschiene ist in der Mitte verbreitert, vor den Fühlern biegt sie sich etwas nach innen um. Beim Weibchen ist übrigens die Stirnspitze ein wenig länger als beim Männchen. Die Vorderecke der Fühlerbucht ist beim letzteren länger und etwas gebogen, beim Weibchen kurz, aber spitz. Die Fühlerbucht bei ersterem tiefer. Die Antennen des Männchens haben ein cylindrisches Grundglied, welches so lang ist wie alle anderen zusammen und in der ersten Hälfte einen zapfenartigen Fortsatz trägt, das zweite ist weniger als halb so lang, das dritte noch kürzer mit spitzem Eckfortsatze, und die beiden Endglieder sind gleichlang. An den fadenförmigen weiblichen Antennen ist das zweite Glied das längste, das vierte das kürzeste. Das Auge tritt beim Männchen weniger hervor als beim Weibchen und liegt bei ersterem in einer Einbuchtung des Schläfenrandes; es trägt eine Borste. Beim Weibchen fehlt die Einbuchtung. Die Schläfen sind abgerundet, mit einer langen Borste und mehreren Dornspitzchen besetzt. Das Hinterhaupt ist schwach convex, durch eine flache Einbuchtung von den Schläfenecken getrennt und wenig dagegen zurücktretend. Die Schläfenschiene sind beim Männchen breiter als beim Weibchen, vor dem Auge steht ein grosser, runder, jederseits vom Hinterhaupte ein dreieckiger Chitinleck. Es ist auf dem Hinterkopfe eine kurze, vorn zugespitzte Signatur vorhanden.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden, nicht sehr divergirenden Seiten und etwas vortretenden Hinterecken. Die Seitenschiene verbreitern sich an den letzteren fleckenartig. Der Metathorax ist wenig breiter und wenig länger; die schwach gewölbten Seiten sind im vorderen Drittel ein wenig eingeschnürt, die abgerundeten Hinterecken sind mit einer feinen kurzen Borste besetzt. Der Hinterrand ist in der Mitte winklig und trägt auf einer elliptischen hellen Stelle jederseits nahe den Ecken drei Borsten.

Die Beine sind lang, die Schenkel cylindrisch und länger als die Schienen.

Das Abdomen ist langgestreckt, hinter der Mitte nur wenig verbreitert, die Segmentecken treten fast gar nicht vor. Das erste Segment ist beim Weibchen bedeutend kürzer als die folgenden, welche überhaupt länger sind als beim Männchen. Das neunte ist bei beiden Geschlechtern vom achten nur durch eine flache Randeinkerbung und darin stehende lange Borsten abgegrenzt; es hat schwach gewölbte Seiten und ist beim Männchen halbkreisförmig, beim Weibchen flacher am Hinterrande ausgebuchtet. Die Seitenschienens sind beim Weibchen breit und paralleseitig und überragen mit dem vordersten ungefärbten Ende ein wenig die Suture. Beim Männchen sind sie noch etwas breiter, kürzer, hören an den Suturen auf und sind am Innenrande ausgebuchtet. Sie finden sich, wenn auch viel schmaler, bei beiden Geschlechtern auch auf dem Endsegmente. Beim Männchen haben die Segmente schmale und helle Querflecke, welche in der Mitte dunkler gefärbt sind. Auch beim Weibchen sind Querflecke vorhanden, dieselben sind an und für sich dunkler, in der Mitte wie beim Männchen noch dunkler gefärbt und am Vorder- und Hinterrande ein wenig ausgeschweift. Ausser an den Ecken trägt jedes Segment jederseits eine kurze Borste nahe der Seitenschiene, auf dem achten Segmente erlangt dieselbe eine bedeutende Länge. Auf dem ersten Segmente finden sich auch zwei mediane Borsten. Beim Weibchen ist jederseits dicht an der Seitenschiene ein langgestreckter schmaler Genitalfleck vorhanden.

Die Grundfarbe ist schmutzig gelbweiss, die Flecke hellbraun, die Schienen kastanienbraun.

| Länge    | ♂ 2,61 mm. | ♀ 2,78 mm. |
|----------|------------|------------|
| Kopf     | 0,66 "     | 0,71 "     |
| Thorax   | 0,45 "     | 0,45 "     |
| Abdomen  | 1,50 "     | 1,62 "     |
| 3. Femur | 0,45 "     |            |
| 3. Tibia | 0,31 "     |            |

Breite:

|         |  |          |  |
|---------|--|----------|--|
| Kopf    | $\left\{ \begin{array}{l} \text{an den Vorderecken der Fühlerbucht} \\ \text{an den Schläfen} \end{array} \right.$ | 0,53 mm  | $\left. \right\} \text{♀ } 0,49 \text{ mm.}$ |
|         |  | 0,45 mm  |  |
| Thorax  | 0,46 "   | ♀ 0,49 " |  |
| Abdomen | 0,53 "   | 0,62 "   |  |

Mit der vorigen Art zusammen von Herrn Dr. Meyer auf *Megapodius Freycineti* und *Reinwardti*, auf ersterem auch von Herrn Dr. Rey gesammelt.

### **Eurymetopus** nov. gen.

Unter diesem Namen fasse ich zwei Formen zu einer besonderen Gattung zusammen, welche bisher zu *Lipeurus* gezählt wurden; nämlich *taurus* N. und *latus* Piag.<sup>1)</sup> Ausserdem gehört dahin auch die von Rudow als *Oncophorus Schillingi* beschriebene Art. Als charakteristisch für diese Formen ist anzusehen: der *docophorus*-artige Habitus: ein an der Stirn breiter, gerade abgestutzter, an den Schläfen breit abgerundeter Kopf, mit langen, spitzen Vorderecken der Fühlerbucht; ein kurzer, breiter, in der vorderen Hälfte nicht eingeschnürter Metathorax, dessen Seitenschiene nicht vor den Vorderecken aufhört. Von den Beinen ragen die Hüften nicht über den Seitenrand des Thorax vor, die Schenkel sind breit. Das Abdomen ist breit eiförmig. Die Antennen sind geschlechtlich differenziert. Das Hinterleibsende ist abgerundet, in der Mitte beim Weibchen etwas tiefer ausgerandet als beim Männchen.

Die drei Arten lassen sich nach folgenden Merkmalen erkennen.

- a. Abdomen langgestreckt und breit, regelmässig gerundet, so dass es vor und hinter der Mitte gleichbreit erscheint; jedes Segment mit drei Reihen von Borsten und einem schmalen, langgezogenen Randfleck. Metathorax mit abgerundeten, im letzten Drittel eingeschnürten Seiten. Schienen viel länger als die Schenkel, am Ende mit einem Wärcchen; die beiden Tarsalglieder stark entwickelt, das zweite wie bei den Liotheiden mit einem Haftlappen.  
Erstes Fühlerglied beim Männchen mässig lang, drittes mit vorgezogener Ecke.  
*latus* Piag. (*Lip. latus*).
- aa. Abdomen breit eiförmig, nicht sehr lang; jedes Segment mit einer Reihe Borsten; Randfleck fehlen.
- b. Sehr grosse und sehr dunkel gefärbte Art. An den männlichen Fühlern ist das erste Glied kurz, das zweite enorm lang, das dritte ebenfalls lang, oben schräg abgeschnitten. . . . . *taurus* N.
- bb. Kleine, viel heller gefärbte Art. An den männlichen Fühlern ist das erste Glied lang und dick, an der Basis mit einem zahnförmigen Fortsatze, das zweite normal, das dritte mit einem hakenförmigen Fortsatze. *Schillingi* Rud.

<sup>1)</sup> Diese Art wird vielleicht später in eine besondere Gattung gestellt werden müssen.

**E. taurus** N. (Taf. V. Fig. 8, 8a).

*Philopterus brevis* Duf., Ann. d. l. Soc. Ent. France IV. (1835) p. 674. Pl. fig. 3.

*Docophoroides brevis* Giglioli, Quat. Rev. of micr. Soc. IV. (1864) p. 18. Pl. I.

*Lipeurus taurus* N., Giebel, Ins. epiz. p. 234; Piaget, p. 332. Pl. XXXI. f. 3.

Der Kopf ist breiter als lang; der Clypeus deutlich abgesetzt, kurz und breit, vorn abgestutzt, doch flach convex mit abgerundeten Ecken, an denen zwei Borsten stehen (die eine, von Piaget nicht erwähnt, etwas ventral). An den Seiten des Clypeus und an der Sutura steht je noch eine und eine vierte nahe der Vorderecke der Fühlerbucht. Die Seiten des Clypeus haben eine bis an die Vorderecken reichende Chitinschiene. Die Signatur ist gross, reicht nicht bis zum Vorderrande, welcher hell erscheint, und ist fünfeckig, beim Männchen hinten in eine lange Spitze ausgezogen, beim Weibchen wie der Vorderrand geradlinig. Die Seiten des Vorderkopfes sind gerade, stark divergirend und enden in der langen, an der abgerundeten Spitze etwas herabgebogenen Vorderecke der Fühlerbucht, welche letztere mässig tief ist. Die Antennen sind beim Männchen sehr lang; das cylindrische Grundglied ragt etwas aus der Fühlerbucht hervor, das zweite ist ausserordentlich lang, in der Mitte ein wenig ausgeschweift, ungefärbt, das dritte ist um ein Drittel kürzer, dem zweiten unter einem stumpfen Winkel angefügt, dunkler, oben schräg abgeschnitten, so dass die äussere Ecke zahnartig vorragt; die Endglieder sind kurz, untereinander gleich. Beim Weibchen sind die Antennen viel kürzer; das erste Glied überragt wenig die trabekelartigen Vorderecken der Bucht, das zweite ist etwa ebenso lang, von den letzten ist das dritte das längste. Das helle Auge wölbt sich halbkuglig vor. Die Schläfen sind stark gewölbt, mit zwei Reihen langer Borsten besetzt, von denen die eine am Rande, die andere etwas einwärts auf der Dorsalfäche steht; die Insertionsstellen erscheinen als helle Pusteln. Das Hinterhaupt ist gerade und tritt etwas zurück. Die Schläfenschiene sind sehr schmal, beginnen mit einem kleinen dunkeln Flecke hinter dem Auge, ein etwas grösserer steht vor demselben; die Hinterhauptsschiene ist ebenfalls schmal und entsendet die beiden Verbindungsschiene nach den Mundtheilen. Die Stirnschiene biegt sich an der Sutura des Clypeus um und legt sich mit diesen schmalen Fortsätzen an die Signatur desselben an, entsendet aber ausserdem noch einen anderen

Fortsatz nach den kräftigen Mandibeln. Auf der Basis des Hinterkopfes steht eine kurze dreieckige Signatur.

Der Prothorax ist breit und kurz, mit geraden, schwach divergirenden Seiten und abgerundeten, mit drei Borsten besetzten Hinterecken. Die Seitenschienenschenkel sind breit, an den Vorder- und Hinterecken etwas umgebogen. Die ganze Fläche des Prothorax ist mit Ausnahme einer medianen hellen Längsnaht braun gefärbt. Der Metathorax ist breiter, hat abgerundete Seiten, welche etwas hinter der Mitte ihre grösste Breite erreichen. Die Hinterecken sind beinahe rechtwinklig<sup>1)</sup>, der Hinterrand in der Mitte abgerundet winklig und hier mit zwei Borsten besetzt. Die Seiten tragen in der zweiten Hälfte jederseits neun Borsten, deren Ansatzstellen als helle Pusteln erscheinen und sich allmählich vom Rande nach einwärts entfernen. Der Metathorax ist in gleicher Weise wie der Prothorax braun gefärbt und durch eine helle Naht getheilt. An der Sternalseite finden sich zwischen den Hüften des ersten und zweiten Beinpaars und denen des zweiten und dritten quere Chitinschienen, von denen sich die letzteren nahe der Mittellinie zu längsgerichteten Fortsätzen umbiegen. Solche finden sich auch an der ersteren, sind aber nicht damit im Zusammenhange. Zwischen den Hüften des ersten Beinpaars in der Mittellinie ein Chitinstreif.

Die Beine sind kurz und plump, dunkelbraun; die Schenkel breit, an der Dorsalseite gewölbt und mit vier Dornen besetzt, ventral fast gerade. Die Schienen etwas kürzer, breit, dorsal mit zwei langen, dünnen Borsten, ventral mit einer Reihe kurzer Borstchen büstenartig besetzt.

Das Abdomen ist breit eiförmig, an den Seiten durch die etwas vortretenden Segmentecken gesägt. Das erste Segment ist etwas länger als die folgenden, das siebente länger als die vorhergehenden, das achte mit dem neunten vereinigt. Das Endsegment ist breit, abgerundet, in der Mitte des Hinterrandes ausgeschweift, beim Weibchen ein wenig tiefer als beim Männchen. Der Copulationsapparat ist kurz und breit und endigt mit einer abgerundeten Pfeilspitze. Die Seitenschienenschenkel sind breit. Die Flecke, beim Männchen quer, nehmen fast das ganze Segment ein und sind zum Theil noch durch dunklere Querlinien verstärkt. Beim Weibchen bleiben die Querschnitte

<sup>1)</sup> Bei einem jugendlichen Männchen sind dieselben zahmartig nach hinten verlängert.

durch eine mitte Naht getheilt. Auf jedem Segmente steht eine Reihe von Borsten (bei einem jugendlichen Individuum sind es deren acht). Das Endsegment trägt beim Männchen seitlich von der Ausrandung eine Reihe Borsten. Bei einem jugendlichen Männchen finde ich an der Ventralseite die Beborstung etwas anders: median ist die Anzahl der Borsten geringer, dagegen stehen jederseits nahe dem Rande eine Reihe. Piaget beschreibt an der Ventralseite des Männchens auf den sechs ersten Segmenten ovale Flecke näher dem Rande als der Mitte. Dieselben vermag ich nicht aufzufinden.

Die Färbung ist ein sehr dunkles Braun, welches an den Schienen in Schwarz übergeht.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 4,38 mm, | ♀ 4,13 mm. |
| Kopf     | 1,25 „     | 1,25 „     |
| Thorax   | 1,00 „     | 0,69 „     |
| Abdomen  | 2,13 „     | 2,19 „     |
| 3. Femur | 0,53 „     | 0,50 „     |
| 3. Tibia | 0,44 „     | 0,43 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 1,56 „     | 1,52 „     |
| Thorax   | 1,47 „     | 1,32 „     |
| Abdomen  | 1,62 „     | 1,75 „     |

Auf *Diomedea exulans* von Herrn Dr. Meyer in mehreren Exemplaren gesammelt; ich fand bei Herrn Schlüter ein jugendliches Männchen auf einem trockenen Balge von *Diomedea nigripes*. Diese Art gehört mit *L. ferox*, welcher gleichfalls auf dem Albatross lebt, zu den grössten Federlingen.

Die Differenzen, welche sich zwischen meiner Beschreibung und derjenigen Piaget's besonders in Bezug auf die Anzahl der Borsten herausgestellt haben, sind darauf zurückzuführen, dass ich bei den beschriebenen Exemplaren durch Anwendung von Kalilauge eine grössere Durchsichtigkeit erzielt hatte.

#### Bemerkungen zu **Oncophorus Schillingi** Rud.

(Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXV, 1870, p. 175.)

Rudow begründet für diese Art die neue Gattung *Oncophorus*, welche im Allgemeinen einen *docophorus*-artigen Bau besitzt, auf die Fühlerbildung

im männlichen Geschlechte. Er sagt davon: „Fühler verschieden, beim Weibchen einfach fadenförmig, beim Männchen ist das zweite Glied nach aussen verlängert und trägt die anderen Glieder auf seiner Mitte, die drei letzten sind kleiner. Ausserdem befindet sich am Grunde des ersten dicken Gliedes eine hakenförmige Verlängerung nach aussen, welche mit der Biegung des zweiten Gliedes parallel steht.“

Es liegt mir von diesem Thiere ein Exemplar (♂) in einem mikroskopischen Präparate aus der Hamburger Sammlung vor, welches sich leider nicht in dem Erhaltungszustande befindet, dass ich es ausführlich beschreiben und abbilden könnte, das mir aber doch zu folgenden Bemerkungen Veranlassung giebt. Unser Thier gehört entschieden nicht in den Formenkreis, welchen Piaget als Gattung *Oncophorus* zusammenfasst, sondern steht in vielfacher Beziehung dem *Eurymetopus taurus* so nahe, dass ich keinen Anstand nehme, beide in einem Genus zu vereinigen. Leider bin ich gerade in Bezug auf die männlichen Antennen in der unangenehmen Lage, nicht volle Gewissheit über deren Bildung erlangen zu können. Das fragliche Individuum nämlich besitzt deren nur eine und diese ist im Präparate ein wenig schräg gegen die Körperfläche gestellt, so dass man die einzelnen Glieder nicht in der Ebene sehen kann. Auf der anderen Seite wage ich aber mit diesem Unicum keine Präparationsversuche und kann in Folge dessen nur angeben, was ich daran erkenne, indem ich jedoch bemerke, dass ich dabei schwerlich in einen Irrthum verfallen sein werde.

Das erste dicke Fühlerglied besitzt entschieden keine „hakenförmige Verlängerung“; was Rudow als solche beschreibt, ist, wie mich namentlich seine Handzeichnung aufs Unzweideutigste kennen lehrt, ein etwas gebogener Chitinstreif hinter der Fühlerbucht am Anfange des Schläfenrandes. Ferner ist auch das zweite Glied entschieden nicht „nach aussen verlängert und trägt die drei anderen Glieder auf seiner Mitte“, sondern dasselbe hat ganz die gewöhnliche Form, wie bei vielen Männchen von *Lipeurus* und *Goniodes*, es ist noch ziemlich dick, aber kürzer als das erste; das dritte dagegen trägt in der bekannten Weise einen Fortsatz; dieser ist lang, etwas hakenförmig gebogen, und ist von Rudow als dem zweiten Gliede zugehörig beschrieben worden. Die beiden Endglieder haben die gewöhnliche Bildung. Wir haben also in den männlichen Fühlern nicht im Mindesten eine besonders auffallende

Entwicklung vor uns; dieselben erinnern vielmehr an diejenigen verschiedener *Lipeurus* und *Goniodes*, u. A. auch dadurch, dass das dicke Grundglied an der Basis einen höckerartigen Fortsatz besitzt, ähnlich, aber nur viel kleiner und stumpfer, wie wir ihn bei *L. ferox* kennen gelernt haben. Die Fühlerbildung kann demnach in keiner Weise zur Begründung einer neuen Gattung berechtigen. Wenn Piaget die Rudow'sche Gattung *Oncophorus* acceptirt hat, so ist dieselbe bei ihm für einen ganz anderen Formenkreis verwendet, der sehr wohl eine Abtrennung von *Nirmus* bedurfte, aber auch unter Piaget's Autorschaft den Gattungsnamen führen muss. Rudow's *Oncophorus* steht in vielfacher Beziehung unserem *Eurymetopus taurus* sehr nahe, mit welchem er ja auch ein nahe verwandtes Wobnthier heimsucht (*Procellaria mollis*). Er hat einen am Vorderrande breiten Clypeus, genau dieselben trabekelartig verlängerten Vorderecken der Fühlerbucht, dieselben breiten abgerundeten Schläfen. Das Hinterhaupt ist gar nicht davon abgesetzt, sondern ist etwas convex, die Schläfenrundung fortsetzend. Die beiden Thorakalsegmente sind ähnlich wie bei *taurus*; der Prothorax hat mehr abgerundete Seiten mit grösster Breite in der Mitte; der Metathorax tritt in der Mitte mit einem abgerundeten Winkel vor und trägt von dieser Stelle an bis zu den Hinterecken eine Reihe Borsten ganz wie bei *taurus*. Mit diesem stimmen auch die Beine überein, deren Hüften unter dem Thorax verborgen, deren Schenkel dick, deren Schienen kurz sind. Endlich erinnert das Abdomen in allen Einzelheiten an *taurus*. Es ist breit eiförmig, die Segmentecken treten deutlich vor, die Seitenschien mit den sich daran anschliessenden Querflecken sind ganz ähnlich wie bei *taurus*, das mit dem achten verschmolzene neunte Segment ist genau so gebildet wie bei diesem. Der Copulationsapparat ist anders und einfacher entwickelt; die Beborstung eine geringere; die Färbung minder dunkel. Das erste Abdominalsegment ist abweichend; es hat nämlich abgerundete Seiten und Hinterecken.

| Länge   | ♂ 1,73 mm. | Breite.  |
|---------|------------|----------|
| Kopf    | 0,51 „     | 0,51 mm. |
| Thorax  | 0,34 „     | 0,50 „   |
| Abdomen | 0,88 „     | 0,64 „   |

**Bothriometopus** nov. gen.

Der Clypeus nimmt fast den ganzen Vorderkopf ein, hat keine Seitenschienenschen und vorn einen tiefen Ausschnitt, ähnlich wie bei *Akidoproctus*. Die Antennen sind geschlechtlich differenzirt, am meisten an diejenigen mancher *Goniodes* erinnernd. Die Beine sind sehr lang, die Hüften vollständig unterhalb des Thorax gelegen. Das Abdomen endigt in beiden Geschlechtern zweispitzig.

**B. macrocnemis** N. (Taf. VI. Fig. 11, 11a, 11b).

*Lipeurus macrocnemis* N., Giebel, Ins. epiz. p. 231.

*L. simillimus* Gbl., l. c. p. 230.

Der Kopf ist ungefähr ebenso lang wie breit, der Vorderkopf im Verhältniss zum Hinterkopfe klein, fast ganz vom Clypeus eingenommen. Dieser ist halbkreisförmig abgerundet, in der Mitte des Vorderrandes mit einem tiefen viereckigen Ausschnitte versehen, fast ganz farblos, zu den Seiten des letzteren findet sich je ein länglicher hellbrauner Fleck, an welchen sich nach hinten ein ähnlicher dunkler Chitinfleck anschliesst; der Boden der Stirngrube ist ebenfalls braun gesäumt. Am Vorderrande des Clypeus stehen jederseits von der Grube vier lange Borsten, eine fünfte kurz vor der Suture; ausserdem trägt die Fläche des Clypeus in den braunen Flecken jederseits noch sieben straffe Borsten. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind kurz und ziemlich stumpf, mit einer Borste besetzt; auf sie beschränkt sich die kurze Stirnschiene, welche durch einen Fortsatz in unmittelbarem Zusammenhange mit den Wurzeln der Mandibeln steht. An dieser Stelle vereinigen sich damit die vom Hinterhaupte aufsteigenden, anfangs parallelen, dann etwas divergenten Verbindungsschienen. Eine Fühlerbucht ist nicht vorhanden, der Kopfrand, unter welchem die Antennen inseriren, ist beim Männchen schwach concav, beim Weibchen gerade. Die männlichen Fühler sind lang, ähnlich denen von *Goniodes maior* Piag. gebildet. Das dicke Grundglied ist so lang wie die übrigen zusammen und mit einem von breiter Basis aus sich zuspitzenden grossen Höcker versehen; das zweite nicht halb so lange Glied hat ebenfalls einen Höcker, der aber kleiner und stumpf, mit Borsten besetzt ist; das kurze dritte Glied bildet einen langen fingerförmigen Fortsatz; von den schlanken

Endgliedern ist das fünfte etwas länger. Beim Weibchen sind die Antennen kurz, die beiden ersten Glieder gleichlang, von den wenig verschiedenen drei übrigen ist das vierte am kürzesten. Hinter den Fühlern ist der Kopfrand beim Männchen tief eingebuchtet und darin liegt das wenig vorgewölbte mit einer langen Borste besetzte Auge. Beim Weibchen fehlt diese Bucht und das viel stärker vortretende Auge liegt unmittelbar hinter dem Fühler. Die Schläfen sind gleichmässig abgerundet, beim Männchen bilden sie eine etwas vortretende Ecke; sie sind mit sechs Borsten besetzt, von denen die vierte länger als die übrigen ist. Das Hinterhaupt ist schmal, convex, und tritt weit zurück. Das Hinterhaupt entbehrt der Schiene; davor steht eine lange, dreieckige, spitze Signatur. Die Schläfenschiene ist sehr schmal, hinter dem Auge nach innen umgebogen; an dieser Stelle steht ein schwärzlicher, unregelmässiger Fleck. Die Dorsalfläche des Hinterkopfes trägt drei Paare kurzer Borsten.

Der Prothorax ist trapezförmig, mit geraden, wenig divergenten Seiten und abgestumpften Hinterecken. Die breiten Seitenschienien biegen an den Vorder- und Hinterecken etwas nach einwärts um. Der Metathorax ist bedeutend breiter, aber nicht länger, hat gleichmässig abgerundete Seiten und einen in der Mitte winkligen Hinterrand. An den Hinterecken und in der Mitte der Seiten stehen je drei lange Borsten auf einer hellen Stelle. Die Seitenschienien senden an den Vorderecken einen langen Fortsatz nach innen, hören dann sehr bald auf, wodurch die Seiten an dieser Stelle einen hellen Fleck tragen, und entsenden bei ihrem Wiederbeginn abermals einen Fortsatz nach innen. Das Mittelfeld der beiden Thoraxringe bleibt hell. An der Sternalseite des Metathorax steht eine Reihe (etwa 16) straffer Borsten. Die Schienien zwischen den Hüften des ersten und zweiten Beinpaares sind breit und biegen in der Nähe der Mittellinie nach hinten in die Längsrichtung um und haben auch nach vorn einen kleinen Fortsatz.

Die Beine sind sehr lang, die Hüften ragen nicht vor, die Schenkel sind dick, an der Basis, namentlich am dritten Beinpaare, stark verengt, die Schienien schlank, parallelseitig, an den Hinterbeinen länger als die Schenkel, an den übrigen Beinen mit denselben etwa gleichlang. Die Schenkel sind in der ersten Hälfte farblos, an der Dorsalseite mit breiter Chitinschiene, an dieser und der ventralen Seite mit ein Paar Dornen besetzt.

Die Schienen haben an der Dorsalseite zwei sehr lange Borsten, an der Ventralseite eine Anzahl Dornen, und sind an ersterer ganz, an letzterer zur Hälfte mit einer Chitinschiene versehen. Die Klauen sind lang und dünn.

Das Abdomen ist langgestreckt, beim Männchen viel schmaler als beim Weibchen. Das erste Segment ist doppelt so lang wie die folgenden, mit convexen Seiten; diejenigen der übrigen Segmente sind ziemlich geradlinig. Das achte Segment ist beim Männchen nur durch eine Randeinschnürung vom neunten getrennt, beim Weibchen ist es selbstständig und hat gerade, convergente Seiten. Das neunte Segment ist beim Männchen länger als beim Weibchen, hat schwach convexe Seiten und endigt mit zwei langen, ein wenig einander entgegengebogenen Spitzen, welche einen sehr weiten Ausschnitt begrenzen. Beim Weibchen sind die Spitzen nicht so lang und nicht einwärts gebogen, ebenfalls einen tiefen Ausschnitt begrenzend. Die Segmentecken sind abgerundet, treten beim Weibchen gar nicht, beim Männchen an den mittleren Segmenten etwas vor. Die parallelseitigen Seitenschienien hören beim Männchen an den Suturen auf, während sie beim Weibchen nach innen umbiegen. Die Flecke bleiben bei letzterem durch einen breiten, beim Männchen durch einen viel schmälern und auf den letzten Segmenten noch schmaler werdenden mittleren hellen Zwischenraum getrennt. Sie sind viereckig, auf dem ersten Segmente nach der Mitte zu verschmälert; auf dem achten beim Weibchen durch eine schmale Querbrücke verbunden. Das Endsegment ist einfarbig. Beim Männchen spaltet sich auf dem zweiten bis fünften Segmente an der Hinterseite ein schmaler, streifenartiger Fleck selbstständig ab. Beim Weibchen finden sich auf der Ventralseite der sieben ersten Segmente viereckige, ziemlich quadratische Flecke, welche vom Rande ebenso weit wie von der Mittellinie entfernt sind. Ausser an den Ecken stehen auf jedem Segmente zwei mediane und je eine seitliche Borste. Die letzteren erreichen auf dem siebenten Segmente eine besondere Länge und sind doppelt. Beim Männchen tragen die Seiten des neunten, beim Weibchen die des achten eine Reihe Borsten.

Die Grundfarbe ist schmutzigweiss, die Flecke sind braun, die des Abdomens in der Umgebung der Stigmen heller, die Schienen sind dunkler, zum Theil ins Schwärzliche ziehend.

|          |            |            |
|----------|------------|------------|
| Länge    | ♂ 4,85 mm, | ♀ 5,53 mm. |
| Kopf     | 1,13 „     | 1,19 „     |
| Thorax   | 0,78 „     | 0,81 „     |
| Abdomen  | 2,94 „     | 3,53 „     |
| 3. Femur | 0,88 „     | 0,83 „     |
| 3. Tibia | 0,93 „     | 0,93 „     |
| Breite:  |            |            |
| Kopf     | 1,16 „     | 1,26 „     |
| Thorax   | 1,25 „     | 1,31 „     |
| Abdomen  | 1,36 „     | 1,93 „     |

Auf *Palamedea cornuta*, in der Sammlung des zoologischen Museums zu Halle und in meiner Sammlung.

Der von Giebel als besondere Art beschriebene *L. simillimus* von *Palamedea chavaria* ist mit *macrocnemis* identisch. Die von Giebel aufgeführten Merkmale sind theils ebenso bei *macrocnemis* zu finden, theils überhaupt unrichtig angegeben. Der Höcker des zweiten Antennengliedes (♂) ist bei *macrocnemis* genau ebenso entwickelt, die Schienen sind nicht noch länger als bei jener Art, wo Giebel ihre Länge schon übertreibt. Wahrscheinlich vergleicht er blos den über den Thorax vorragenden Theil des Schenkels mit der Schiene. Die Getheiltheit der Abdominalflecke beim ♂ in zwei hintereinander gelegene ist ebenso bei *macrocnemis* zu finden. Und was die seitlich nebeneinander liegenden Abdominalflecke bei *simillimus* ♀ anlangt, worin Giebel einen Unterschied erkennt, so ist dies ein Zeichen der Jugend, wo man überall das gleiche Verhalten beobachten kann. Die Flecke legen sich, wie schon früher erwähnt, getrennt an und verschmelzen später.

---

### Ornithobius Denny.

Monogr. Anopl. Brit. p. 183.

*Metopeuron* Rud., Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 139.

Diese Gattung ist von Denny für einige Federlinge gegründet worden, welche auf Schwänen leben. Es sind *cygni* D. (*Cygnus olor*), *goniopleurus* D. (*Cygnus canadensis*) und *atromarginatus* D. (*C. canadensis*). Die spezifische

Verschiedenheit derselben ist noch nicht sicher festgestellt, zum Mindesten scheint *atromarginatus* keine selbstständige Art zu sein; ich vermuthe darin eine Jugendform von *goniopleurus*. Giebel hat *O. cygni* mit dem Namen *bucephalus* belegt und stellt denselben zu *Lipeurus*, die wohlberechtigte Abtrennung von letzterer Gattung nicht anerkennend. Giebel bringt noch eine andere Art in diesen Formenkreis, welche als *L. hexophthalmus* N. von *Nyctea nivea* beschrieben ist, und Rudow benennt eine neue Art von *Chenalopex aegyptiacus* als *O. rostratus*.

Piaget erhält die Gattung *Ornithobius* aufrecht, kennt aber nur die eine Art *bucephalus* aus eigener Anschauung und hält es für irrthümlich, *hexophthalmus* in diese Verwandtschaft zu bringen, eine Form, welche vielmehr zu *Oncophorus* Rud. gehöre.

Endlich ist noch zu erwähnen, dass Rudow unter dem neuen Genus *Metopeuron* eine Art als *punctatum* von *Cygnus musicus* beschreibt. Die letztere ist, wie ich mich nach der Zeichnung Rudow's und nach einem jugendlichen Männchen der Hamburger Sammlung überzeugen konnte, identisch mit *bucephalus*, mithin die Gattung *Metopeuron* synonym zu *Ornithobius*.<sup>1)</sup>

Was *O. rostratus* anlangt, so gehört diese Art zu *Akidoproctus* Piag. Dagegen wird *hexophthalmus* von Piaget mit Unrecht zu *Oncophorus* gestellt; derselbe gehört zu *Ornithobius*.

Es liegen mir ferner aus der Sammlung der Berliner Thierarzneischule einige zu *Ornithobius* gehörige Individuen vor, von denen die einen als *Ornithobius minor* Schill. von *Cygnus musicus*, die anderen als *O. atromarginatus* D. von *Cygnus Berwickii* etiquettirt sind. Beide Formen sind durch die Conservirung in schwachem Spiritus völlig farblos, die ersteren sicher, vielleicht auch die anderen noch nicht ausgebildet, beide sicher zu einer Art gehörig, in welcher wahrscheinlich *goniopleurus* D. wieder zu erkennen ist. Mit dieser ist auch *hexophthalmus* verwandt, von welchem wir eine Beschreibung geben.

Die Charaktere der Gattung *Ornithobius* sind folgende. Der Kopf ist breit, ziemlich viereckig, erinnert am meisten unter den übrigen Philopteriden

1) Ueber die andere von Rudow zu *Metopeuron* gestellte Art *laeve* von einer *Diomedea* vergl. die Bemerkungen bei *Lipeurus ferox* p. 149.

an *Trichodectes*. Der Clypeus nimmt fast den ganzen Vorderkopf ein und ist vorn in der Mitte durchbrochen, seitlich davon zangenartig gestaltet. Es ist also in ähnlicher Weise wie bei *Bothriometopus* ein Einschnitt vorhanden, derselbe ist aber nicht so tief und seine Vorderecken sind zangenförmig einander entgegengebogen, so dass sie den Einschnitt vorn fast ganz schliessen oder sich sogar (*bucephalus*) ganz aneinander legen.<sup>1)</sup> Die Schläfenschiene bildet hinter dem Auge eine Falte. Die Antennen sind sehr weit nach vorn eingelenkt ohne eigentliche Fühlergrube. Dieselben sind geschlechtlich differenziert in der Weise, dass beim Männchen die beiden ersten, namentlich das Grundglied, durch ihre Länge vor den anderen ausgezeichnet sind, und das dritte oben schräg abgeschnitten und etwas verbreitert, aber ohne eigentlichen Fortsatz ist. Die Hüften sind unter dem Thorax verborgen. Das Abdomen besitzt doppelte Chitinschienen der Segmente, von denen die inneren an den Suturen schräge Fortsätze nach innen entsenden. Das Hinterleibsende bildet beim Männchen eine kurze Spitze, beim Weibchen ist es abgerundet oder abgestutzt.

Diese Gattung steht in der Kopfbildung am nächsten bei *Bothriometopus*.

**O. hexophthalmus** N. (Taf. VII. Fig. 2, 2a, 2b).

*Lipeurus hexophthalmus* Giebel, Ins. epiz. p. 245.

(*Oncophorus hexophthalmus* Piaget, p. 223.)

Der Kopf ist breit, ziemlich viereckig, der Vorderkopf viel kürzer als der Hinterkopf, flach gewölbt, in der Mitte des Vorderrandes durchbrochen von einer schmalen Lücke, welche in einen dreieckigen Ausschnitt führt; die Ränder desselben sind zangenförmig einander entgegen gebogen. Der Boden des Ausschnittes ist convex. Auf der Fläche des Clypeus stehen zwei runde Chitinflecke, entsprechend den bei *Bothriometopus* beschriebenen. Am Vorderkopfe jederseits acht Borsten, die letzte davon auf der Ecke vor den Fühlern. Dieselbe ist stumpf und ragt wenig vor; sie ist von der Stirnschiene eingenommen, welche durch einen fleckenartigen dunkeln Fortsatz mit der Wurzel der Mandibeln in Verbindung steht, also auch wie bei voriger

---

<sup>1)</sup> Piaget hat sich dadurch zu der Annahme verleiten lassen, als ob die Stirn ganzrandig sei.

Gattung, mit welcher auch die geringe Andeutung einer Fühlerbucht gemeinsam ist. Die männlichen Antennen sind lang; das erste Glied ziemlich so lang wie die folgenden zusammen, das zweite um ein Drittel kürzer, das dritte noch etwas kürzer, am oberen Ende verdickt und schräg abgeschnitten, von den beiden Endgliedern ist das fünfte länger, oben abgerundet. Die weiblichen Fühler sind kürzer; das erste und zweite gleichlang, von den übrigen ist das dritte das längste und nur wenig kürzer als die ersten. Das Auge wölbt sich halbkuglig vor und ist mit einer Borste besetzt. Die Schläfen sind gleichmässig abgerundet und tragen je sechs Borsten. Das Hinterhaupt flach concav. Die Schläfenschienens sind sehr schmal und bilden hinter den Augen eine Falte, welche besonders dunkel gefärbt ist; an den Seiten des Hinterhauptes je ein dunkler Chitinleck; die Verbindungsschienens nach den Mandibeln sind schmal und parallel. Die Unterlippe fehlt. Die Spitzen der Mandibeln sind schwarz. Die fleckenartigen dunkeln Chitinpartien der Stirnschiene, der Schläfenschiene an der Falte und des Hinterhauptes haben die Veranlassung zu dem sehr unpassenden Artnamen gegeben.

Der Prothorax hat Rechtecksform, gerade Seiten und etwas abgestumpfte Hinterecken. Der Metathorax ist wenig länger, aber bedeutend breiter, mit abgerundeten Seiten, deren grösste Breite in der Mitte liegt; hier stehen zwei Borsten, zwei andere an den etwas winkligen Hinterecken; der Hinterrand in der Mitte winklig. Von den Beinen bleiben die Hüften unter dem Thorax verborgen; die Schenkel sind dick und kräftig, die Schienens ein wenig länger. Die Klauen ziemlich dick. Femur und Tibia haben eine Chitinschiene an der Dorsalseite.

Das Abdomen ist langgestreckt, mit der grössten Breite beim Männchen vor der Mitte, beim Weibchen in der Mitte. Die Seiten sind an den abgerundeten Segmentecken gekerbt, und zwar beim Männchen tiefer als beim Weibchen. Die Segmente haben untereinander gleiche Länge, nur das neunte ist in beiden Geschlechtern auffallend kurz und schmal, es hat abgerundete Seiten und beim Weibchen einen abgestumpften Hinterrand, während derselbe beim Männchen eine kurze, stumpfe Spitze bildet. Die äusseren Seitenschienens sind sehr schmal, die inneren etwas breiter, sie sind an den Nähten nicht unterbrochen und entsenden hier schräg nach innen und hinten einen oblongen farblosen Fortsatz. Der Zwischenraum zwischen den beiden Seitenschienens

wird von einem braunen, viereckigen Flecke eingenommen, welcher die Gegend der Sutura frei lässt und sich nach innen über die innere Seitenschiene hinweg am vorderen und hinteren Ende in je einen schmalen, den Nähten der Segmente parallel verlaufenden Streifen fortsetzt. Beim Weibchen werden die letzteren auf dem sechsten und siebenten Segmente durch einen kurzen Längsstreifen zu einem Rechtecke ergänzt. Auf dem achten Segmente fehlen die queren Streifen, beim Weibchen finden sich zwei Längsstreifen: das Endsegment ist in beiden Geschlechtern einfarbig braun.

Ueber die Beborstung erlauben die mir vorliegenden Exemplare keinen klaren Einblick zu gewinnen; es scheinen einige mediane Borsten auf jedem Segmente vorhanden zu sein, ausser den gewöhnlichen Borsten an den Ecken. Ferner stehen am Hinterrande des siebenten Segments jederseits von der Mittellinie mehrere Borsten und ebenso an den Seiten des achten. Dasselbe trägt an der Ventralseite beim Männchen eine grosse Menge unregelmässig gestellter kleiner Borstchen, beim Weibchen findet sich jederseits von der Geschlechtsöffnung eine etwas gebogene Reihe solcher. Der Copulationsapparat hat zangenförmig gebogene seitliche Anhänge, ganz ähnlich wie bei *O. bucephalus*.

Die Grundfarbe ist schmutzig-gelblichweiss, die Flecke sind braun.

| Länge                  | ♂ 4,05 mm, | ♀ 4,00 mm. |
|------------------------|------------|------------|
| Kopf                   | 0,88 „     | 0,84 „     |
| Thorax                 | 0,75 „     | 0,65 „     |
| Abdomen                | 2,42 „     | 2,51 „     |
| 3. Femur               | 0,44 „     | 0,42 „     |
| 3. Tibia               | 0,50 „     | 0,48 „     |
| Breite:                |            |            |
| Kopf                   | 0,84 „     | 0,81 „     |
| Thorax                 | 0,86 „     | 0,85 „     |
| Abdomen am 3. Segmente | 1,05 „     | 1,28 „     |
| „ „ 7. „               | 0,71 „     |            |

Diese Art wurde von Nitzsch auf *Nyctea nivea* gesammelt und befindet sich in den drei typischen Exemplaren im Hallischen Museum. Sie steht dem *O. goniopleurus* D. sehr nahe, und es ist nicht unwahrscheinlich, dass auch unsere Art einen Schwan bewohnt und nur zufällig auf der Schneeeule angetroffen wurde.

### Akidoproctus Piag.

Diese Gattung ist von Piaget aufgestellt und durch den Ausschnitt des Vorderkopfes, eine zweite Seitenschiene des Abdomens und die conische Form der beiden letzten Segmente desselben charakterisirt worden.

Der Kopf erinnert in der Form sehr an den von *Ornithobius*; er ist breit, ein Clypeus nicht abgesetzt, die Stirn tief ausgeschnitten, ähnlich wie bei *Bothriometopus*. Die Fühlerbucht liegt weit nach vorn, wenig ausgeprägt, Vorderecken kaum vortretend, zuweilen abgerundet. Die Fühler sind in beiden Geschlechtern gleich, kurz, fadenförmig, die Glieder in der Dicke vom ersten zum letzten allmählich abnehmend. Das Auge ist vorgewölbt. Die Schläfen sind abgerundet, das Hinterhaupt concav. Die Schläfenschiene bildet hinter dem Auge keine Falte, sondern eine fleckartige Verbreiterung; die Verbindungsschienen vom Hinterhaupte nach den Mundtheilen sind vorhanden, die Stirnschiene geht um den Vorderkopf herum und kleidet auch den Ausschnitt desselben aus; vor den Antennen giebt sie einen Fortsatz nach den Mandibeln ab, welcher sich zu einem rundlichen Chitinflecke verbreitert.

Der Prothorax hat die Form eines Rechtecks, vorn etwas eingezogen. Der Metathorax breiter, an den Seiten abgerundet, der Hinterrand in der Mitte winklig. Die Beine sind ähnlich wie bei voriger Gattung; die Schienen länger als die Schenkel.

Das Abdomen ist langgestreckt, oval oder verkehrt eiförmig. Die Segmente sind durch breite Nähte getrennt, ebenso die Abdominalflecke in der Mitte durch eine Längsnaht getheilt, wo sie überhaupt vorhanden sind. Nach innen von der Seitenschiene verläuft eine zweite parallel dazu, welche an den Nähten nicht unterbrochen ist und meist schräge Fortsätze nach hinten entsendet. Die sieben ersten Segmente haben beim Männchen ungleiche, beim Weibchen ziemlich gleiche Länge; die beiden letzten sind sehr viel schmaler und bilden einen kleinen Kegel, welcher am Ende etwas abgestutzt oder abgerundet beim Männchen, abgerundet oder zugespitzt beim Weibchen ist.

Piaget beschreibt in dieser Gattung folgende Arten: *A. marginatus* Piag. ♂ (*Larus spinicauda*); *bifasciatus* Piag. ♀ (*Dromas ardeola*); *maximus* Piag. (*Dendrocygna arborea*, *vagans*, *guttata*, *Plotus* sp.) Wie schon erwähnt,

gehört hierher auch *stenopygos* N. und *rostratus* Rud. (*Ornithobius rostratus* Rud., Beitrag p. 46; Zeitschrift f. ges. Naturwiss. XXXVI, 1870, p. 141). Dieser letztere ist höchst wahrscheinlich sogar identisch mit *A. marginatus* Piag. Es liegen mir leider nur unreife Exemplare vor, an denen die viereckigen Flecke des Abdomens kaum bemerkbar sind, und welche auch sonst blasser erscheinen als erwachsene Individuen. Ich habe ein solches Exemplar (♀) aus dem Hamburger Museum auf Taf. VII. Fig. 3 abgebildet, und erwähne nur die sehr geringfügigen Differenzen, welche mir beim Vergleiche der Piaget'schen Beschreibung entgentreten.

Ich finde die Schläfen nicht nackt, sondern mit vier kurzen Dornspitzchen versehen, auch am Vorderkopfe einige Borsten mehr, als Piaget angiebt; eine davon steht im Ausschnitte selbst. Auf den Abdominalsegmenten stehen zwei mediane Borsten. Was vollständig mit *marginatus* übereinstimmt, ist die auffallende Zehnzahl der Segmente. Vielleicht deutet dieselbe auf ein Jugendstadium hin. Ich vermuthe dies um so mehr, als bei dieser einzigen Art die innere Seitenschiene des Abdomens nicht ausgebildet ist; es ist möglich, dass sich der zwischen der gewöhnlichen Schiene und den Flecken gelegene helle Längsstreif zu einer solchen entwickelt.

Die Länge beträgt bei dem einen der mir vorliegenden Weibchen

|         |          |   |                |
|---------|----------|---|----------------|
|         | 2,59 mm. |   |                |
| Kopf    | 0,69     | „ | breit 0,65 mm. |
| Thorax  | 0,43     | „ | „ 0,62 „       |
| Abdomen | 1,47     | „ | „ 0,81 „       |

Die Exemplare wurden von Rudow auf *Chaenalopez aegyptiacus* gesammelt.

#### A. *stenopygos* N. (Taf. VII. Fig. 4).

*Lipeurus stenopygos* N., Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXVIII (1866) p. 386.

*Nirmus stenopyx* Burm., Handbuch d. Entomol. II, p. 428.

*Nirmus stenopygos* Gbl., Ins. epiz. p. 179, taf. VIII, f. 6, 7.

Von dieser auf *Anas rufina* gefundenen Art liegen mir zwei männliche und ein kopfloses weibliches Exemplar aus der Hallischen Sammlung vor. Ich bin geneigt, dieselben für identisch mit *A. maximus* Piag. zu halten und vermuthe, dass auch *A. bifasciatus* Piag. nicht davon verschieden ist. Was

*stenopygos* von allen anderen verwandten Arten unterscheidet, ist der Mangel von Abdominalflecken; doch scheint mir derselbe lediglich auf unausgebildete Individuen hinzuweisen, vielleicht hat auch der langjährige Aufenthalt in Spiritus dazu beigetragen, die früher vorhandenen oder wenigstens angedeuteten Flecke zu verwischen. Ein anderer Umstand dürfte weiter auf einen Jugendzustand hinweisen. Die innere Schiene des Abdomens ist beim Männchen nur auf den vier ersten Segmenten ununterbrochen, auf den folgenden hört sie vor den Suturen auf und vereinigt sich mit den äusseren Schienen. In Folge dessen findet auch nicht das statt, was Piaget bei *A. maximus* beschreibt: „la bande interne pousse à l'intérieur deux appendices transverses qui se rejoignent à l'extrémité“, sondern es geht am oberen Ende der Schiene ein querer Fortsatz nach innen, welcher sich am Ende umbiegt, aber die innere Schiene des vorhergehenden Segments nicht erreicht. Ich vermute, dass diese Vereinigung des umgebogenen Fortsatzes mit der letzteren allmählich eintritt, und dass dann auch eine an den Nähten ununterbrochene Innenschiene an den Seiten des Abdomens entlang zieht. Auch die Verdickung an den Suturen der beiden ersten Segmente, wie sie Piaget für *A. maximus* beschreibt und abbildet, erscheint allmählich unter dieser Form. Ursprünglich geht ein kleiner Fortsatz, wie er beim Weibchen dauernd besteht, nach hinten von der inneren Seitenschiene ab, nicht sehr schräg, sondern fast der letzteren anliegend. Derselbe kommt dann am Ende mit der Innenschiene in Berührung und verschmilzt mit ihr. Jetzt erscheint an den Suturen ein ösenartiger Anhang, aus welchem schliesslich die gleichförmige Verdickung wird. Ich habe diese Anschauung gewonnen aus dem Vergleiche der mir als *stenopygos* vorliegenden Männchen mit einem solchen, welches Herr Dr. Meyer auf *Dendrocygnus vagans* gesammelt hat und welches ich unbedingt für *A. maximus* Piag. in Anspruch nehmen muss, obgleich sich auch hier nicht Alles so wie in Piaget's Beschreibung und Abbildung verhält. Auf den beiden ersten Segmenten ist die Verdickung der Innenschiene an den Suturen ganz so, wie sie Piaget zeichnet, doch deutet eine hellere Stelle in der Mitte die ursprüngliche Oesenform noch an. Auf den folgenden Segmenten ist es ebenfalls noch nicht zur Vereinigung der einzelnen zu einer gemeinsamen Innenschiene gekommen und der quere Fortsatz erreicht mit dem umgebogenen Ende die vorhergehende innere Schiene noch nicht, also ebenso wie bei

*stenopygos*. Die Flecke sind vorhanden und durch eine Längsnaht in der Mitte getheilt, ganz wie bei *maximus*, nur dass auf dem vierten bis sechsten Segmente am Hinterrande jedes Fleckes ein schmaler Streif selbstständig erscheint, wahrscheinlich wird derselbe auf einem weiteren Stadium damit verschmelzen. Bei *stenopygos* ♂ ist endlich noch abweichend von *maximus* ein kleiner Ausschnitt in der Mitte des Hinterrandes, während derselbe bei letzterem abgerundet ist. Dass auch dieses Verhalten auf ein Jugendstadium hinweist, geht aus den Worten Piaget's hervor: „Il est à remarquer que chez les mâles non encore développés le 9<sup>e</sup> segment est ouvert, profondément échancré“.

Nach alledem bin ich geneigt, *A. stenopygos* für *maximus* zu halten, muss es freilich einem eingehenderen Vergleiche zahlreicherer Individuen und Altersstadien zu entscheiden überlassen, ob meine Vermuthungen richtig sind.

Das zu *stenopygos* gehörige Weibchen kann ich nicht von *A. bifasciatus* Piag. unterscheiden und darum sprach ich oben die Vermuthung aus, dass auch diese Art zu *maximus* zu ziehen sei.

Dass die bisher nur in wenigen Exemplaren bekannten *Akidoproctus* der Enten und Schwäne sich sehr nahe stehen müssen, geht auch daraus hervor, dass Piaget eine Form von *Anas radjah* zu *A. bifasciatus* stellt mit Hervorhebung geringfügiger Unterschiede, welche vielleicht nach Auffindung des Männchens zur Aufstellung einer neuen Art berechtigen könnten.

Schliesslich gebe ich noch die Maasse von *stenopygos* an.

|          |            |          |
|----------|------------|----------|
| Länge    | ♂ 3,65 mm. |          |
| Kopf     | 0,80 „     | ♀        |
| Thorax   | 0,60 „     | 0,63 mm. |
| Abdomen  | 2,25 „     | 2,53 „   |
| 3. Femur | 0,25 „     |          |
| 3. Tibia | 0,31 „     |          |
| Breite:  |            |          |
| Kopf     | 0,64 „     |          |
| Thorax   | 0,66 „     | 0,69 „   |
| Abdomen  | 0,84 „     | 0,94 „   |

### Trichodectes N.

Die „Harlinge“ sind gegenüber den übrigen zu der Familie der *Philopteridae* gehörigen, ihres Aufenthaltsortes wegen als „Federlinge“ bezeichneten Formen durch die drei-gliedrigen Fühler und ein-klauigen Füße charakterisirt, und zeichnen sich meist durch starke Behaarung des gesammten Körpers aus.

Der Kopf ist vorn entweder abgerundet oder gerade abgestutzt oder flach ausgerandet oder endlich mit einem mehr oder weniger tiefen Ausschnitte versehen. Die Fühlerbucht ist stets deutlich, zum Mindesten an der Ventralseite concav, wenn sie auch dorsal ziemlich gerade erscheinen kann, wie bei *Tr. penicillatus* P. Die Vorderecke springt mehr oder weniger weit als kegelförmiger Fortsatz vor. Die Fühler stehen meist nahe der Mitte des Kopfes, seltener weit nach vorn gerückt; sie sind bei manchen Arten in der Weise geschlechtlich differenzirt, dass das erste Glied beim Männchen stark verdickt ist (*Tr. inaequalis*, *crenelatus*, *pallidus* u. A.).

Das Auge tritt deutlich vor, kann sogar halbkuglig erscheinen, wie bei *Tr. forficula*.

Die Schläfen sind stets mehr oder weniger abgerundet (die einzige Ausnahme würde *Tr. breviceps* Rud. bilden, wo Rudow die Schläfenecken scharfspitzig schildert, wenn diese Angabe nicht völlig unrichtig wäre).

Die Hinterhauptsbasis tritt bald gegen die Schläfen etwas zurück und ist schwach concav, bald liegt sie mit diesen in gleicher Linie und erscheint gerade oder sie springt sogar etwas convex vor.

Die Seiten der beiden Thoraxsegmente sind gerade oder gewölbt, die Hinterränder meist gerade oder schwach convex. Der Prothorax ist gewöhnlich etwas kürzer als der Metathorax und mit einer einzigen Ausnahme, wo er breiter ist (*Tr. pilosus* ♂), schmaler als derselbe, häufig ist er vorn etwas halsartig eingeschnürt.

Die Beine zeichnen sich durch ihre reiche Behaarung aus, haben eine dicke Hüfte, schlanke Schenkel und Schienen, welch' letztere fast immer etwas länger sind (umgekehrt ist es bei *pallidus* P.), einen sehr entwickelten, zweigliedrigen Tarsus und eine einzige dünne, etwas gebogene Klaue.

Der nach den Arten und dem Geschlechte verschieden gestaltete Hinterleib besteht aus neun Segmenten, von denen die beiden letzten meist ohne sichtbare Naht mit einander verschmolzen sind. Er ist bald sehr schlank und langgestreckt, bald breiter und kürzer. Die Segmente nehmen von vorn nach hinten etwas an Länge zu, sind am Rande nur durch Einkerbungen von einander abgesetzt, ohne vorspringende Ecken. Die Suturen sind sehr deutlich. Die chitinen Seitenschien sind schmal und nicht überall nach vorn und hinten etwas umgebogen. Auf den Flächen tragen die Segmente sehr gewöhnlich rothbraune Querflecke, die eine rechteckige oder trapezförmige Gestalt haben und sich bei den verschiedenen Arten verschieden weit von der Mitte nach den Seiten ausdehnen. Die Seiten, sowie Rücken- und Bauchfläche sind verschieden reich beborstet; gewöhnlich stehen eine oder auch mehrere regelmässige Reihen von Borstchen am Hinterrande der Querflecke, wozu dann noch unregelmässig zerstreute kommen. Bei manchen Arten sind die Borstchen ausserordentlich klein. Die männliche Hinterleibsspitze ist gewöhnlich abgerundet oder geht in eine Spitze aus (*pallidus*) oder trägt am abgestumpften Hinterrande eine kleine Zange (*forficula*) oder ist zweispitzig, zuweilen mit tiefem medianen Einschnitte (*crenelatus*); am eigenthümlichsten erscheint sie bei *appendiculatus* P., wo sie mit zwei keulenförmigen Anhängen versehen ist. Beim Weibchen ist das Endsegment stets zweilappig; die beiden Lappen je nach der Tiefe des Einschnittes verschieden gestaltet.

Eine Eigenthümlichkeit dieser Gattung sind die an den Seiten, selten mehr an der Ventralfläche des achten Segments beim Weibchen eingelenkten gebogenen Anhänge („Raife“ von Giebel genannt), die vielleicht bei der Copulation eine Rolle spielen.

Die Grundfarbe der Harlinge ist schmutzig-weiss oder -gelb, worauf sich die verdickten Chitintheile durch ein dunkleres, die Querflecke durch ein helleres Braun sehr deutlich abheben. Die Längenverhältnisse schwanken zwischen 0,8 (*exilis* ♂) und 2,4 mm (*pinguis*, *penicillatus*).

Die Arten dieser Gattung sind bisher nur auf Säugethieren und zwar namentlich auf Carnivoren und Hufthieren gefunden worden. Piaget erwähnt, dass er ein einziges Mal zwei Stück von *Tr. longicornis* ♀ auf einem Vogel, *Lamprotornis aeneus*, gefunden habe. Mir liegen aus dem Hamburger Museum mehrere Exemplare einer spec. nov. von *Leptoptilus crumenifer* vor, doch sind

dieselben vermuthlich nur durch Zufall auf diesem Wirthiere angetroffen worden, während der eigentliche Wirth ein Hufthier sein dürfte.

Nitzsch, welcher die Gattung *Trichodectes* 1818 begründete, führt 10 Arten auf, von denen er nur eine (*dubius* von *Mustela vulgaris*) nicht genauer untersucht hat. Die übrigen sind: *Tr. crassus* (*Meles vulgaris*), *latus* (*Canis familiaris*), *subrostratus* (*Felis catus*), *retusus* (*Mustela foïna*), *exilis* (*Lutra vulgaris*), *sphaerocephalus* (*Ovis aries*), *climax* (*Capra hircus*), *scalaris* (*Bos taurus*), *longicornis* (*Cervus elaphus*). Burmeister führt in seinem Handbuche der Entomologie ausser diesen noch *Tr. pinguis* (*Ursus arctos*) auf. Dazu werden 1842 von Denny noch drei weitere Arten gesellt: *Tr. vulpis* (*Canis vulpes*), *similis* (*Cervus elaphus*) und *equi* (*Equus caballus* et *asinus*), letztere schon von Linné aufgeführt. Ehrenberg macht 1828 einen *Tr. diacanthus* (*Hyrax syriacus*) namhaft, Gurlt nennt 1843 einen *Trichodectes* von der Ziege *caprae* und Gervais beschreibt 1844 *Tr. limbatus* (*Capra aegagrus domest.*) und *cornutus* (*Antilope dorcas*). Giebel giebt zuerst 1861 die Beschreibung der von Nitzsch in der Sammlung des Hallischen zoologischen Museums aufgestellten Formen und führt hierbei eine neue Art von *Hystrix dorsata* als *Tr. setosus* auf; statt *Tr. dubius* setzt er den von Nitzsch selbst später in seinen Collectaneen gebrauchten Namen *pusillus* ein. In seinen *Insecta epizoa* (1874) führt er für *Tr. vulpis* D. den Namen *micropus* und für *equi* D. den Namen *pilosus* ein. 1866 hat Rudow eine Anzahl neuer Formen sehr skizzenhaft beschrieben: *Tr. mexicanus* (*Cercolabes mexicanus*), *breviceps* (*Auchenia lama*), *longiceps* (*Antilope arabica*), *mambricus* (*Hircus mambricus*), *crassipes* (*Hircus angora*), *solidus* (*Capra hircus* von Guinea). 1870 wurde die Zahl der bekannten Arten durch Graham Penton um eine vermehrt, die als *Tr. tigris* sehr ungenügend charakterisirt ist. Endlich sind durch Piaget eine Anzahl neuer Arten, sowie die übrigen bisher bekannten, sofern sie ihm in Exemplaren vorlagen, genau beschrieben worden. Die neuen Arten sind folgende: *Tr. inaequalis* (*Herpestes ichneumon*), *parumpilosus* (*Equus caballus*) mit var. *ocellata* (*Equus Burchelli*) und var. *tarsata* (*Eq. caball. Javanus*), *tibialis* (*Cervus dama*) = *longicornis* D., non N., *forficula* (*Cervus porcinus*), *crenelatus* (*Cervus albifrons*), *appendiculatus* (*Antilope subgutturosa*), *pallidus* (*Nasua fusca*), *penicillatus* (*Macropus penicillatus*).

Im Nachstehenden beschreibe ich die bisher ungenügend charakterisirten Arten, zumeist nach den Typen von Nitzsch und Rudow, wobei ich sehr bedaure, dass in den meisten Fällen nur Weibchen zur Untersuchung vorliegen. Für sämtliche näher bekannte Formen<sup>1)</sup> dieser Gattung kann folgende Bestimmungstabelle gelten, in welcher mit Piaget zwei Gruppen nach der Bildung der Stirn unterschieden sind. Dieselbe ist entweder abgerundet oder wenigstens abgestumpft, oder ausgerandet resp. mit einem tiefen Ausschnitte versehen.

- a. Kopf an der Stirn abgerundet oder gerade abgestutzt, stets ganzrandig.
- b. Chitinschienen sind in der Mitte der Stirn unterbrochen, wodurch diese Stelle heller erscheint; sie bilden acht fleckenartige braune Fortsätze nach innen. Metathorax so breit wie der Kopf. Antennen in beiden Geschlechtern verschieden. . . . . *vulpis* D.
- bb. Chitinschienen an der Stirn nicht unterbrochen.
  - c. Der Kopf hat seine grösste Breite an den Augen; die Schläfen sind schmaler. Abdomen ohne Querflecke. . . . . *pinguis* Burm.
- cc. Kopf an den Schläfen am breitesten.
- d. Hinterleib ohne Querflecke.
- e. Klein; Antennen kurz, ohne geschlechtliche Differenzirung. Die vom Hinterhaupte nach den Mundtheilen verlaufenden Chitinleisten (bandes occipitales Piag.) sind einfach. . . . . *exilis* N.
- ee. Grösser und breiter; Antennen länger, in beiden Geschlechtern verschieden. Die erwähnten Chitinleisten gegabelt. . . . . *latus* N.
- dd. Hinterleib mit Querflecken.
  - f. Kopf an der Stirn hoch gewölbt, nach vorn etwas verschmälert. Abdomen an den Seiten behaart und auf dem Rücken mit einer Borstenreihe vor dem Hinterrande jedes Segmentes; sonst keine zerstreuten Borsten. *scalaris* N.
  - ff. Kopf einfach abgerundet oder abgestutzt.
  - g. Abdomen mit mehreren regelmässigen Borstenreihen auf jedem Segmente, an den Seiten vor den Segmentecken mit je einem Haarbüschel. Antennen vor der Mitte des Kopfes eingelenkt. . . . . *penicillatus* Piag.
  - gg. Abdomen nur mit einer regelmässigen Borstenreihe auf jedem Segmente.
  - h. Behaarung sehr spärlich. Die Querflecke der drei letzten Abdominalsegmente fliessen zusammen. Prothorax schmaler als der Metathorax. *breviceps* R.

<sup>1)</sup> Es ist in unserer Tabelle *Tr. diacanthus* Ehrb. weggelassen, da diese Art zu ungenügend bekannt ist.

- hh. Behaarung bedeutender; die Querflecke bleiben auf allen Segmenten getrennt.
- i. Prothorax breiter als der Metathorax. Abdomen sehr stark behaart. Die zackigen Querflecke nehmen nur die Mitte der Segmente ein. *pilosus* Piag.
- ii. Prothorax schmaler als der Metathorax.
- k. Kopf breiter als lang, vorn breit abgestutzt. Seiten der Abdominalsegmente behaart. . . . . *peregrinus* m.
- kk. Kopf so breit wie lang oder länger als breit.
- l. Antennen und Schienen sehr lang und schlank. . . . . *longicornis* N.
- ll. Antennen und Schienen von gewöhnlicher Länge.
- m. Querflecke der Abdominalsegmente trapezförmig. Antennen in beiden Geschlechtern gleich. . . . . *parumpilosus* Piag.
- mm. Querflecke ungefähr rechteckig, Fühler geschlechtlich differenziert.  
*sphaerocephalus* N.
- aa. Kopf an der Stirn ausgerandet oder mit tiefem Ausschnitte versehen. Stirnschiene unterbrochen.
- n. Die Segmentecken treten winklig hervor.
- o. Die Segmente an den Seiten nicht durch Einschnitte abgesetzt. Abdomen mit gerundeten Seiten.
- p. Hinterhauptsbasis ohne Chitinschiene, mit halsartiger Verschmälerung dem Thorax aufsitzend. Prothorax an den Seiten einfach. . . . *mexicanus* R.
- pp. Hinterhauptsbasis mit Chitinschiene, in gewöhnlicher Weise an den Thorax angrenzend. Prothorax an den Seiten mit je einem kurzen cylindrischen Fortsatze versehen. . . . . *setosus* G.
- oo. Die Segmente an den Seiten durch tiefe Einschnitte von einander getrennt. Abdomen mit geraden fast parallelen Seiten.
- q. Kopf länger als breit. Fühler geschlechtlich differenziert. Stirn mit dreieckigem Ausschnitte. . . . . *cornutus* Gerv.
- qq. Kopf so breit wie lang. Stirn flach ausgerandet. . . . . *Meyeri* m.
- nn. Die Segmentecken sind abgerundet und treten nicht vor.
- r. Kopf nach vorn verlängert und an der Stirn auffallend verschmälert.
- s. Letztes Abdominalsegment beim ♂ abgerundet. Stirnausschnitt flach.  
*subrostratus* N.
- ss. Letztes Abdominalsegment beim ♂ tief eingeschnitten. Stirnausschnitt sehr tief.  
*crenclatus* Piag.
- rr. Kopf nicht nach vorn verlängert, mehr oder weniger viereckig.
- t. Abdomen ohne distinkte Querflecke.

- u. Kopf an den weit vortretenden, fast eckigen Schläfen am breitesten. Die vom Hinterhaupte nach den Mundtheilen verlaufenden Chitinleisten gegabelt.  
*crassus* N.
- uu. Kopf am breitesten an den Vorderecken der Fühlerbucht. Schläfen abgerundet. Abdomen in der Mitte etwas gefärbt, aber ohne gesonderte Quersflecke. Die erwähnten Chitinleisten einfach parallel. . . . *pallidus* Piag.
- tt. Abdomen mit distinkten Quersflecken.
- v. Stirn breit und ganz flach ausgerandet. Antennen ohne geschlechtliche Differenzirung. Letztes Abdominalsegment beim ♂ mit zwei behaarten kissenartigen Hervorragungen. . . . . *climax* N.
- vv. Stirn schmaler, tiefer ausgeschnitten.
- w. Abdomen ohne Borstenreihen auf den Segmenten. Letztes Segment beim ♂ mit einer kleinen Zange endigend. . . . . *forficula* Piag.
- ww. Abdomen mit Borstenreihen.
- x. Letztes Abdominalsegment beim ♂ mit zwei langen, unbeweglichen Anhängen versehen. . . . . *appendiculatus* Piag.
- xx. Letztes Abdominalsegment beim ♂ abgerundet.
- y. Antennen in beiden Geschlechtern verschieden: das erste Glied beim ♂ sehr lang und dick, keulenförmig. . . . . *inaequalis* Piag.
- yy. Antennen in beiden Geschlechtern gleich.
- z. Kleine Art, mit einfacher Borstenreihe auf jedem Hinterleibssegmente.  
*retusus* N.
- zz. Grössere Art; ausser einer Borstenreihe noch zahlreiche zerstreute Borstchen auf jedem Segmente. . . . . *tibialis* Piag.

**Tr. pinguis** N. i. litt. ♀. (Taf. VII. Fig. 5).

Burmeister, Handbuch d. Entomol. II, p. 435; Giebel, Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XVIII, p. 86; Ins. epiz. p. 53, taf. III, f. 1.

Kopf bedeutend breiter als lang, an den Augen am breitesten; an der Stirn breit abgestumpft, mit acht Borsten jederseits. Die Vorderecken der Fühlerbucht treten deutlich vor, sind aber nicht sehr spitz. Die Fühlerbucht ist ziemlich tief. Die Fühlerglieder plump, untereinander fast gleichlang,<sup>1)</sup> mit einzelnen Borsten besetzt. Das Auge springt deutlich vor. Die Schläfen verlaufen geradlinig convergirend nach hinten und sind mit einer Anzahl

<sup>1)</sup> Wahrscheinlich besteht auch bei dieser Art, wie bei den verwandten, eine geschlechtliche Differenzirung der Antennen.

kurzer Borsten besetzt. Die Occipitalecken sind abgerundet, die schwach convexe Basis tritt dagegen etwas zurück. Die Seitenschienен laufen regelmässig um den Kopf herum und bilden vor und hinter den Fühlern je einen rundlichen, dunkleren Fleck. Von der Basis des Hinterhaupts aus gehen ventral schmale Chitinleisten schwach divergirend nach vorn und vereinigen sich mit breiteren, welche die Mundtheile umgeben.

Prothorax breit, mit abgerundeten Seiten, die nach vorn etwas mehr abfallen als nach hinten. Metathorax wenig breiter, an den Seiten nur wenig vom Prothorax abgesetzt, mit gleichmässig gewölbten Seiten. Der Hinterrand ist geradlinig; davor steht eine Reihe Borsten. Der Seitenrand trägt, ebenso wie am Prothorax, zwei kurze Dornspitzen.

Die Beine sind kräftig und kurz. Schenkel und Schienen ungefähr gleichlang, letztere nach dem distalen Ende hin verbreitert; beide aussen mit einzelnen Borsten besetzt, die Schiene ausserdem innen mit starken Stacheln. Die Klauen sind lang und sanft gebogen.

Das Abdomen ist eiförmig, im ersten Drittheile am breitesten, nach hinten etwas verschmälert. Die schmalen Seitenschienен geben an den Suturen einen einfachen, etwas schräg nach vorn gerichteten Fortsatz ab. Die Segmente sind am Rande durch deutliche Einkerbungen von einander abgesetzt; nicht minder deutlich sind auf der Fläche die schwach convexen Suturen. Die Seiten der Segmente sind fast gerade, nur die der letzten etwas gewölbt. Vor den Suturen stehen auf jedem Segmente 16 Borsten in gerader Linie; am Rande befinden sich vor den Segmentecken deren zwei. Die Stigmata liegen dicht am Rande, etwas vor der Mitte jedes Segments. Das Endsegment des weiblichen Hinterleibes schmaler als das vorhergehende, mit gewölbten, nach hinten stark convergirenden Seiten. Der schmale Hinterrand mit tiefem, medianen Einschnitte und einigen kurzen Borsten jederseits davon. Die Anhänge des achten Segments sind an der Basis verdickt und überragen das Endsegment. An der Ventralseite geht von der Basis jedes Anhanges eine bogenförmige Chitinleiste nach der Vulva hin und zu den Seiten der letzteren steht je eine schräge Reihe von Borsten.

Ein Männchen befindet sich nicht unter den vier nicht besonders gut erhaltenen Exemplaren der Hallischen Sammlung, obgleich Giebel auch von diesem Geschlechte spricht.

| Länge    | 2,44 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,56 „   | 0,81 mm. |
| Thorax   | 0,38 „   | 0,63 „   |
| Abdomen  | 1,50 „   | 0,13 „   |
| 3. Femur | 0,25 „   |          |
| 3. Tibia | 0,23 „   |          |

Diese Art ist auf *Ursus arctos* gesammelt und gehört in die nähere Verwandtschaft von *latus* und *crassus*. Von ersterer Art unterscheidet sie sich u. A. durch die an den Augen gelegene grösste Breite des Kopfes, von letzterer durch den abgestumpften, nicht ausgeschnittenen Vorderrand des Kopfes.

Giebel sagt in seiner ersten Beschreibung (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XVIII, p. 87): „Obwohl alle Exemplare weibliche sind, finde ich doch bei keinem die Klammerhaken am Hinterleibsende.“ Dieselben sind indess bei drei Exemplaren sehr deutlich, fehlen dagegen bei dem noch im Jugendalter stehenden vierten, welches Giebel bei seiner zweiten Beschreibung (Ins. epiz.) für ein Männchen gehalten zu haben scheint.

*Tr. retusus* N. und *pusillus* N. von verschiedenen *Mustela*-Arten (*martes*, *foina*, *vulgaris*, *erminea*) sind identisch, wie schon Piaget mit Recht hervorhebt. Die von Giebel angegebenen „sehr erheblichen“ Unterschiede beruhen auf Altersverschiedenheiten, wenn auch die Exemplare vom Wiesel etwas kleiner sind. Die medianen Flecke des Abdomens finden sich bei beiden im erwachsenen Zustande und fehlen beiden in der Jugend, wie dies überall der Fall ist. Ausserdem sind die Exemplare der Hallischen Sammlung viel zu schlecht erhalten, um sie zur Aufstellung zweier Arten für ausreichend erachten zu können.

**Tr. vulpis** D. (Taf. VII. Fig. 11, 11a, 11b).

Monograph. Anoplur. Britt. p. 189, 91, XVII, f. 5.

*Tr. micropus* Gbl., Ins. epiz. p. 54.

Diese Art ist bisher allein von Denny nach Exemplaren vom Fuchs beschrieben und sehr schlecht abgebildet worden. Eine Anzahl von Exemplaren, welche sich in der kgl. Thierarzneischule zu Berlin befinden und laut Etiquette auf *Procyon lotor* gesammelt sind, ergeben sich bei den sehr charakteristischen Merkmalen dieser Art als hierher gehörig, tragen auch in der

genannten Sammlung den Denny'schen Namen, wahrscheinlich nach der Bestimmung von Gurlt. Ich verdanke es der Freundlichkeit des Herrn Geheimrath Roloff, dass ich von dieser Art eine Beschreibung und Abbildung liefern kann. Sie gehört in die nächste Verwandtschaft der übrigen auf Raubthieren lebenden Formen.

Kopf breiter als lang, mit der grössten Breite an den Schläfen, vorn flach gerundet, mit einer Anzahl kurzer Härchen besetzt; beim ♂ mit spitzen, beim ♀ mit stumpfen Vorderecken der ziemlich tiefen Fühlerbucht. Die Antennen haben beim ♀ ziemlich gleiche, dicke Glieder, beim ♂ ist das Grundglied bedeutend dicker und länger, als die beiden anderen, von denen das letzte am oberen Ende an der Innenseite zwei Zähnchen trägt. Das obere Ende ist in beiden Geschlechtern abgestutzt und hier mit einer Anzahl starker farbloser Borsten besetzt. Ausserdem stehen an allen Gliedern feinere Haare sowohl an den Rändern wie auf den Flächen. Das Auge tritt etwas conisch hervor. Die Schläfen sind stumpfwinklig, abgerundet, mit drei feineren und einer stärkeren Borste besetzt; die Hinterhauptsecken gerundet, die Basis des Hinterhaupts schwach convex, in der Mitte mit den Ecken in gleicher Linie gelegen. Die den Kopf an den Rändern umziehende Chitinschiene ist schmal und lässt die Mitte der Stirn frei, wodurch diese Stelle heller erscheint. Sie bildet nach innen jederseits drei fleckenartige Fortsätze, von denen zwei vor dem Fühler, der dritte dicht hinter demselben liegt. Die beiden vordersten Flecke umgeben die helle Stelle der Stirn. Zwei ebensolche finden sich an der Seite der Hinterhauptsbasis.

Der Prothorax ist sehr breit und kurz und hat ungefähr die Form eines Rechtecks; die Ecken sind abgerundet, die hinteren etwas vorgezogen. An letzteren und vor den Vorderecken steht je eine kurze Borste. Der Metathorax ist bedeutend breiter als der Prothorax, ungefähr so breit wie der Kopf an den Schläfen; die Seiten ragen hornartig hervor, sind mit drei langen, davor mit einer viel kürzeren Borste besetzt, der Hinterrand ist stark concav.

Die Beine sind kurz und kräftig; die Schienen am distalen Ende etwas verbreitert.

Das Abdomen ist eiförmig, beim ♂ kürzer, mehr gerundet, hinten zugespitzt, beim ♀ länger, nach hinten kaum verschmälert. Die Segmente sind an den Rändern durch sehr schwache Einkerbungen getrennt, die Ecken nicht

vortretend, mit 1—2 kurzen Borsten versehen. Die schmalen Chitinschienen gehen an den Suturen in einen sehr kurzen rundlichen Fortsatz nach innen über. Die Stigmata liegen ganz dicht an den Seitenrändern, vor der Mitte der Segmente. Das Endsegment beim ♂ völlig abgerundet, an der Spitze mit einer Anzahl kurzer Borsten besetzt, beim ♀ bedeutend schmaler als die unter sich ziemlich gleich breiten vorhergehenden Segmente, in der Mitte der Seitenränder etwas eingezogen und am Hinterrande in der Mitte mit einem sehr seichten Ausschnitte versehen; jederseits davon drei längere Borsten. Die Raife überragen das Hinterleibsende nicht. Vor den Suturen stehen auf dem Rücken zwei mediane und jederseits zwei seitliche Borsten.

Die Grundfarbe ist schmutzig-gelblichweiss, die Chitinflecke auf dem Kopfe röthlichbraun. Von Flecken lassen die mir vorliegenden alten Spiritus-Exemplare nichts mehr erkennen.

|            |            |            |
|------------|------------|------------|
| Länge      | ♂ 1,08 mm, | ♀ 1,32 mm. |
| Kopf       | 0,32 „     | 0,34 „     |
| Thorax     | 0,15 „     | 0,14 „     |
| Abdomen    | 0,61 „     | 0,84 „     |
| Breite:    |            |            |
| Kopf       | 0,45 „     | 0,46 „     |
| Prothorax  | 0,31 „     | 0,35 „     |
| Metathorax | 0,41 „     | 0,48 „     |
| Abdomen    | 0,64 „     | 0,73 „     |

**Tr. setosus** Gbl. (Taf. VII. Fig. 6).

Zeitschr. f. ges. Naturwiss. XXVII, p. 86; Ins. epiz. p. 56.

Diese Art ist bisher nur von Giebel beschrieben worden und führt ihren Namen nicht gerade mit Recht, weil sie im Vergleich mit anderen Arten unserer Gattung wenig beborstet ist.

Der Kopf ist herzförmig, vorn seicht ausgerandet. Die Seiten des Vorderkopfes sind sehr schwach gewölbt, mit einigen ziemlich langen Borsten besetzt (die an den mir vorliegenden Exemplaren zum grössten Theil abgebrochen, daher in ihrer Anzahl nicht genau bestimmbar sind). Die Vorderecken der Fühlerbucht ragen als stumpfe Kegel hervor und machen diese Stelle zum breitesten des Kopfes; sie sind übrigens etwas nach unten gerichtet, so

dass sie vom ersten Fühlergliede theilweise verdeckt werden. Die Fühlerbucht ist weniger tief als weit. Die Fühler selbst haben drei ziemlich gleichlange Glieder, das letzte ist etwas länger; sie sind mit einzelnen kurzen Borsten besetzt. Die Seiten des Hinterkopfes sind gleichmässig gewölbt, mit wenigen kurzen Borsten besetzt. Das Auge springt halbkuglig vor. Die gegen die Schläfen zurücktretende Hinterhauptsbasis ist gerade. Die Seitenschenen des Kopfes sind schmal und fehlen an der Stirneinsenkung. Etwas vor der Fühlerbucht entsenden sie einen kurzen abgerundeten Fortsatz nach innen. Von dem Hinterhaupte gehen zwei divergirende, an den Enden etwas gebogene Chitinleisten nach diesen Fortsätzen hin und von den Mundtheilen aus sind zwei Chitinleisten nach den Seiten der Stirneinsenkung gerichtet. Auf der Fläche des Kopfes stehen eine Anzahl zerstreuter Borsten.

Thorax kürzer als der Kopf. Prothorax vorn halsartig verschmälert, mit geraden Seiten und etwas convexem Hinterrande. Hinter der Mitte erhebt sich an den Seiten ein kurzer, cylindrischer Fortsatz, welcher dieser Art eigenthümlich ist. Die Seiten des etwas breiteren Metathorax treten mit einer stumpf abgerundeten Spitze vor und tragen drei Borsten. Der convexe Hinterrand ist mit einer Reihe kurzer Borsten besetzt.

Die Beine haben dicke Schenkel und ebenso lange, am distalen Ende etwas verbreiterte Schienen; die schlanke Klaue ist schwach gebogen.

Hinterleib lang eiförmig. Die Segmentecken treten namentlich an den vier ersten Segmenten deutlich vor und lassen diesen Theil des Seitenrandes schwach sägezähmig erscheinen. An den drei letzten, von denen das achte und neunte mit einander verschmolzen sind, sind die Ecken abgerundet.

Die Seitenschenen sind schmal, ganz besonders an den letzten Segmenten. Die beiden Hinterleibsspitzen sind abgerundet und werden von den langen Raifen erreicht. Die Seiten der Segmente tragen einzelne Borsten, ebenso die Ecken mehrere dicht nebeneinander stehende. Vor dem Hinterrande jedes Segments steht auf der Fläche eine die ganze Breite einnehmende Reihe kurzer Borsten.

Die Färbung des gesammten Thieres ist braun, die Seitenschenen sind etwas dunkler, besondere Querbinden scheinen auf dem Abdomen zu fehlen. Der Hinterrand des letzten Segments ist hell. Leider liegen mir nur Weibchen vor.

| Länge    | 2,26 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,63 „   | 0,66 mm. |
| Thorax   | 0,38 „   | 0,54 „   |
| Abdomen  | 1,25 „   | 0,83 „   |
| 3. Femur | 0,25 „   |          |
| 3. Tibia | 0,30 „   |          |

Auf *Erethizon dorsatum* von Nitzsch zuerst aufgefunden und von Giebel ziemlich ungenau beschrieben.

**Tr. mexicanus** Rud. (Taf. VII. Fig. 8).

Zeitschr. f. ges. Naturwiss. 1866, XXVII, p. 109. Taf. V, f. 1.

Diese Art gehört in die nähere Verwandtschaft der vorigen und ist sehr charakteristisch, von Rudow aber so unrichtig beschrieben und abgebildet, dass man eine ganz andere Vorstellung davon erhält. Es war mir daher sehr angenehm, zwei Exemplare, die leider nur einem Geschlechte (♂) angehören, aus der Hamburger Sammlung vergleichen zu können.

Die Gestalt ist schlank und schmal, der Kopf im Verhältniss zum übrigen Körper sehr gross. Er hat eine hexagonale Gestalt; die Seiten des Vorderkopfes sind gerade und convergiren sehr stark nach vorn. Die Mitte der Stirn wird von einer sehr flachen Einsenkung eingenommen. An jeder Seite stehen eine Anzahl, etwa acht, sehr feine Härchen. Die Fühlerbucht ist flach, ihre Ecken völlig abgerundet. Die Fühler haben dicke, cylindrische Glieder, von denen das dritte das längste, das zweite das kürzeste ist. Die Behaarung derselben ist kurz und spärlich. Der Hinterkopf ist nicht viel breiter als der Vorderkopf an der Fühlerbucht, welch' letztere in der Mitte des gesammten Kopfes liegt. Die abgerundeten Schläfen treten etwas nach hinten vor. Die schmale und gerade Hinterhauptsbasis ist halsartig davon abgesetzt. Auf der Fläche des Kopfes stehen sehr vereinzelte Borstchen. Die Chitinschiene fehlt an der Stirneinsenkung und an der Hinterhauptsbasis, sowie in der Fühlerbucht; sie ist auch im Uebrigen sehr schmal, nur an den Seiten des Vorderkopfes ist sie im ersten Dreiviertel ihrer Länge bedeutend verbreitert und dunkler; sie endet in dieser Form ganz plötzlich mit einer Abstumpfung. An den Seiten der Hinterhauptsbasis ist sie ebenfalls mit einer dunkelbraunen Verdickung versehen. Von den Mundtheilen verlaufen schmale

Chitinleisten sowohl convergirend nach vorn, wo sie sich mit den Seitenschienen vereinigen, als divergirend nach hinten, wo sie nach aussen von den Verdickungen der Schläfenschienen enden. Beide Paare stehen mit einander in Verbindung durch winklige, neben den Mundtheilen gelegene Stücke, welche sich mit der Spitze des Winkels da an die Seitenschienen des Vorderkopfes anlegen, wo deren Verbreiterung endigt. Die Mundtheile selbst treten durch dunkelbraune Färbung deutlich hervor.

Der Prothorax ist sechseckig; vom geradlinigen Vorderrande gehen die Seiten anfangs unter starker Divergenz nach hinten, um dann unter einem stumpfen Winkel umzubiegen und einander fast parallel zum geraden Hinterrande zu verlaufen. Der Metathorax ist ebenfalls sechseckig, in der Mitte breiter als der Prothorax: seine Seiten gehen von hier, wo sie unter einem abgerundeten spitzen Winkel zusammentreffen, gleichmässig nach vorn und hinten. In der Mitte des Seitenrandes steht eine Borste, eine Reihe solcher vor dem in der Mitte etwas concaven Hinterrande. Auch der Prothorax trägt an dieser Stelle einige kurze Borsten.

Die Beine sind kräftig, die Schienen wenig länger als die Schenkel, beide namentlich am Innen- und Aussenrande beborstet, während auf den Flächen nur einzelne zerstreute Haare stehen. Die Klaue ist schlank und wenig gebogen.

Das schmale Abdomen nimmt vom ersten bis zum siebenten Segmente an Breite zu, ist aber auch hier kaum so breit wie der Kopf an den Schläfen. Die Segmentecken treten ungewöhnlich deutlich hervor und geben dem Seitenrande ein gesägtes Ansehen. Sie tragen an den ersten fünf Segmenten zwei sehr kurze, an den folgenden lange Borsten. Die Chitinschienen der Seiten nehmen von vorn nach hinten an Schmalheit zu und fehlen an den beiden letzten Segmenten ganz. Diese sind viel weniger breit als die vorhergehenden, und ihre Seiten convergiren stark nach hinten. Die Suturen sind zwischen allen Segmenten deutlich; davor steht eine Reihe von Borsten, von denen die äussersten auf den beiden letzten Segmenten länger als die übrigen sind. Das Endsegment hat in der Mitte einen Ausschnitt.

Die Grundfarbe ist auf dem Abdomen schmutzigweiss, auf Kopf, Thorax und Beinen gelblich. Die Chitinschienen sind braun. Querflecke fehlen ganz.

| Länge    | ♂ 1,68 mm. | Breite   |
|----------|------------|----------|
| Kopf     | 0,53 „     | 0,51 mm. |
| Thorax   | 0,29 „     | 0,45 „   |
| Abdomen  | 0,86 „     | 0,50 „   |
| 3. Femur | 0,19 „     |          |
| 3. Tibia | 0,21 „     |          |

Rudow hat diese Art auf *Cercolabes mexicanus* gefunden. In seiner Zeichnung ist eigentlich Alles falsch, namentlich sind die Schläfen viel zu breit, die Thoraxringe durchaus unrichtig, das Abdomen erscheint in der Mitte am breitesten. Rudow beschreibt auch das Weibchen und bildet dessen Hinterleibsspitze ab; leider liegen mir von diesem Geschlechte keine Exemplare vor.

#### **Tr. climax** N.

hat nach Giebel eine Besonderheit darin, dass die Raife „deutlich zweigliedrig“ sind, eine Angabe, die Piaget mit Recht in Zweifel zieht: „ce qui me fait douter de l'indication donnée par G., c'est que sur des exemplaires de la variété indica de la chèvre tous les parasites ayant les appendices très-écartés, la moindre trace d'une articulation aurait dû être visible.“ Ich habe dieselben Exemplare, welche Giebel untersucht hat, vor mir und habe sie auf die sehr unwahrscheinliche Angabe dieses Autors hin verglichen und nicht die geringste Spur einer Zweigliedrigkeit gefunden. Diese Art weicht also in Bezug auf die Raife durchaus nicht von dem für *Trichodectes* ganz allgemein geltigen Typus ab.

Durch die Freundlichkeit des Herrn Professor Nitsche an der Forstakademie in Tharand erhielt ich einige Exemplare eines zu *climax* gehörigen *Trichodectes*, welche auf der Gemse gesammelt sind.

Rudow hat noch mehrere andere *Trichodectes* von Ziegen beschrieben, von denen ich einige zu vergleichen Gelegenheit hatte.

*Tr. solidus* R. (Zeitschr. f. ges. Naturwiss. 1866, XXVII, p. 112, Taf. VII, f. 2) ist identisch mit *Tr. climax*. Die Exemplare (im Hamburger Museum befindlich) wurden auf einer Ziege von Guinea gesammelt. Ein einzelnes Exemplar von einer Angoraziege gehört gleichfalls hierher. Es ist dies

aber nicht die von Rudow als *crassipes* beschriebene Art. Letztere liegt mir ebenfalls in einer Anzahl von Exemplaren vor, so dass ich mich überzeugen konnte von ihrer Identität mit *Tr. penicillatus* Piag. Wenn man die Rudow'sche und Piaget'sche Zeichnung vergleicht, könnte man dies allerdings für unmöglich halten; denn die Zeichnung des ersteren (l. c. Taf. VII. f. 1) ist ebenso ungenau, wie die Beschreibung nichtssagend.

*Tr. penicillatus* ist sehr leicht kenntlich durch die Form des Thorax, die Breite des Abdomens, die starke Behaarung des gesammten Körpers u. s. w. Piaget sammelte diese schöne Art auf *Macropus penicillatus*, Rudow auf der Angoraziege. Es muss dahingestellt bleiben, welches dieser Wohnthiere für gewöhnlich zum Aufenthalte von unseren Harlingen gewählt wird.

Die von Rudow als *Tr. mambricus*<sup>1)</sup> von *Hircus mambricus* beschriebene Form habe ich leider nicht vergleichen können; vermuthlich haben wir es auch hier nur mit *Tr. climax* zu thun, was schon dadurch nahe gelegt wird, dass das Wohnthier nur eine Rasse unserer Hausziege ist.

Wahrscheinlich gehört auch *Tr. limbatus* Gerv. (Aptères p. 313, Pl. 48, f. 4) von der Angoraziege und sicher *Tr. caprae* Gurlt (Magazin f. Thierheilk. IX, 1843, p. 3, Taf. I, f. 2) zu *climax*.

Auf der Etiquette, welche an dem mit dem Ziegenharlinge versehenen Gläschen in der Sammlung der Berliner Thierarzeneischule klebt, ist der ursprüngliche Arname *caprae* ausgestrichen und durch *climax* ersetzt, und zwar, wie es scheint, von Gurlt's Hand selbst geschrieben.

Was die *Trichodectes* der Equiden anlangt, so beschrieb zuerst Denny einen *Tr. equi*, welchen Namen Giebel in *pilosus* umwandelte. Denselben nimmt auch Piaget an und beschreibt noch eine zweite Art als *parumpilosus*, die er mit Recht mit *equi* D. identificirt. Ein Vergleich der Nitzsch'schen Typen hat mich gelehrt, dass auch *pilosus* G. = *parumpilosus* Piag. ist; wir müssen daher zu beiden Arten Piaget als Autor citiren. Uebrigens scheint *pilosus* P. viel seltener als *parumpilosus* zu sein, von welcher

<sup>1)</sup> Giebel (Ins. epiz. p. 57) macht daraus *Tr. manubricus* von *Hircus manubricus* und nennt diesen Harling „diese vierte Ziegenart“.

letzterem allein mir Exemplare vorliegen. An denselben finde ich, dass der Kopf nicht ganz unbehaart ist, wie Piaget angiebt, dass auch ausser der Borstenreihe auf den Abdominalsegmenten noch einzelne Borstchen seitlich vom braunen Querfleck stehen.

Die von Piaget beschriebene var. *ocellata* seines *Tr. parumpilosus*, welche namentlich durch eine helle Stelle an den Enden der Querfleck des Abdomens kenntlich ist, liegt mir in einigen Exemplaren vom Esel vor. Piaget fand die seinigen auf *E. Burchelli*.

**Tr. breviceps** R. (Taf. VII. Fig. 12).

Zeitschr. f. ges. Naturwiss. 1866, XXVII, p. 110, Taf. V, f. 2.

Kopf etwas breiter als lang, vorn breit gerundet, mit zahlreichen Randborsten besetzt. Vorderecken der Fühlerbucht wenig vortretend. Letztere ziemlich tief, vor der Mitte des Kopfes gelegen. Von den cylindrischen Antennengliedern ist das dritte das längste, und zwar um ein Drittel länger als die unter sich fast gleichen beiden anderen. Die Seiten des Hinterkopfes sind abgerundet, mit fünf kurzen Borsten besetzt. Das Auge tritt deutlich mit uhrglasförmiger Wölbung vor. Die abgerundeten Schläfen reichen weiter nach hinten als die gerade Hinterhauptsbasis.

Die Seitenschien des Kopfes sind sehr schmal und entsenden einen kurzen dunkleren Fortsatz vor den Vorderecken der Fühlerbucht schräg nach innen und unten. Die von den Mundtheilen ausgehenden Chitinleisten sind schwach entwickelt; ich erkenne an den mir vorliegenden Exemplaren nur zwei convergirend zum Hinterhaupt verlaufende, und zwei andere, welche die gleiche Richtung haben, wie die inneren Fortsätze der Seitenschien.

Thorax kürzer als der Kopf. Der Prothorax hat schwach gewölbte Seiten, einen geraden Hinterrand und vor den abgerundeten Hinterecken eine kurze Seitenborste. Der Metathorax ist breiter, hat stark gewölbte Seiten mit mehreren Borsten und einen geraden Hinterrand.

Die Beine sind ziemlich kurz und kräftig; die Schenkel an der Innen- und Aussenseite gewölbt, die ebenso langen Schien am distalen Ende stark erweitert, die Klauen dünn und schwach gebogen. Die Beine sind nur an den Seitenrändern mit feinen Borsten besetzt.

Abdomen eiförmig; am dritten und vierten Segmente am breitesten, von da an nur sehr allmählich und wenig nach hinten verschmälert. Die Segmente sind an den Seiten durch Einschnitte getrennt, die an den drei ersten sehr schwach sind. Das achte und neunte Segment sind mit einander verschmolzen. Die Seitenschien sehr schmal. Die hellbraunen, nicht bis zu den Seiten reichenden Querflecke nehmen vom ersten Segmente an nach hinten an Breite zu; vom sechsten an vereinigen sie sich völlig zu einem grossen Flecke. Das letzte Segment endet mit zwei abgerundeten beborsteten Spitzen und ist in der Mitte nur seicht eingeschnitten. Die Raife sind ziemlich scharf zugespitzt. Vor dem Hinterrande jedes Segmentes steht eine Reihe kurzer Borstchen, etwas längere finden sich an den Seiten.

Die Grundfarbe ist schmutziggelb. Es liegen nur Weibchen vor.

|          |          |          |
|----------|----------|----------|
| Länge    | 1,84 mm. | Breite   |
| Kopf     | 0,40 „   | 0,50 mm. |
| Thorax   | 0,25 „   | 0,39 „   |
| Abdomen  | 1,19 „   | 0,76 „   |
| 3. Femur | 0,16 „   |          |
| 3. Tibia | 0,16 „   |          |

Auf *Auchenia lama* zuerst von Rudow aufgefunden, jedoch in oberflächlicher Weise beschrieben und abgebildet. Rudow beschreibt beide Geschlechter, jedoch, wie ich vermuthe, mit gerade umgekehrter Deutung. Da er die Segmentanhänge beim ♀ überhaupt nicht kennt, so liegt die Annahme nahe, dass die beiden Spitzen, in welche der abgebildete Hinterleib beim ♂ ausgehen soll, die Raife sind, mithin die Geschlechter verwechselt wurden. — Es liegen mir von dieser Art ausser den Exemplaren des Hamburger Museums noch zwei andere, leider auch Weibchen, aus der Sammlung der Berliner Thierarzeneischule vor.

**Tr. longicornis** N. (Taf. VII. Fig. 7).

Germar's Mag. Entom. 1818, III, p. 296; Giebel, Zeitschr. f. ges. Naturwiss. 1861, XVII, p. 85; Ins. epiz. p. 60, Taf. III. f. 8.

Diese auf *Cervus elaphus* lebende Art ist mit der gleichnamigen bei Denny nicht identisch, welch' letzterer seine Form auf *Cervus dama* fand.

Sie entspricht vielmehr dem *Tr. similis* D. Die von Denny auf dem Dammhirsche beobachtete Art hat Piaget als *tibialis* beschrieben. Zu dieser dürfte auch die von Redi abgebildete Form gehören (*Pediculus cervi*, Experiment. tab. XXII. fig. inf.)

Da Piaget die Art des Edelhirsches nicht aus eigener Anschauung gekannt hat, so lasse ich eine Beschreibung nach den Nitzsch'schen Typen folgen, die allerdings nicht gut erhalten sind.

Körper langgestreckt. Der Kopf so lang wie breit, vorn und seitlich gerundet. Die Stirn ist in der Mitte etwas abgestutzt, mit vielen kurzen Borstchen besetzt, zwischen denen einzelne längere hervorragen. Die Vorderecken der mässig tiefen Fühlerbucht kurz kegelförmig. Die Fühler im weiblichen Geschlechte lang, das Grundglied kurz und dick, die unter sich etwa gleichen beiden anderen Glieder schmaler und von doppelter Länge. Alle Glieder stark behaart. Das Auge springt deutlich hervor. Die Schläfen sind völlig abgerundet und gehen ohne Weiteres in die fast geradlinige Hinterhauptsbasis über. Die Seiten und Flächen des Kopfes fein behaart. Die sehr schmalen Chitinränder entsenden vor den Fühlern einen kurzen, schmalen Fortsatz nach innen und haben unmittelbar hinter der Fühlerbucht eine kleine, dunkle Verdickung. Von den Mundtheilen gehen nach dem Hinterrande des Kopfes zwei schmale, parallele Chitinleisten, und nach der Stirn hin zwei stark nach vorn divergirende. Die beiden Brustringe haben abgerundete Seiten und Ecken; der Metathorax ist etwas breiter als der Prothorax. Die Hinterränder sind gerade; davor und an den Seiten stehen kurze Borsten. Die Beine sind lang und schlank; die Schienen wenig länger als die Schenkel, fein beborstet.

Ein drittes Tarsusglied, auf dessen Entdeckung Giebel ein besonderes Gewicht legt, ist, wie zu erwarten war, nicht vorhanden.

Hinterleib lang eiförmig; die Segmente an den fein beborsteten Seiten durch Einkerbungen deutlich von einander abgesetzt. Das erste und namentlich das letzte Glied etwas schmaler als die übrigen. Dieses am Hinterrande zweispitzig, auf den Spitzen mit einigen längeren Borsten besetzt. Die Raife sanft gebogen, am Ende fein zugespitzt. Die hellbraunen Querflecke nehmen nur die Mitte der Segmente ein. Am Hinterrande derselben steht eine Reihe sehr kurzer Borstchen, wie solche auch noch unregelmässig zerstreut vor-

kommen. Die Seitenschienien sehr schmal. Die Grundfarbe scheint schmutzig gelblichweiss zu sein.

Leider liegen mir nur Weibchen vor. Giebel erwähnt, dass das Endsegment in beiden Geschlechtern stumpf zweispitzig ist. Wenn er überhaupt männliche Exemplare vor sich gehabt hat (Verwechslungen der Geschlechter kommen bei ihm verschiedentlich vor), dann sind dieselben verloren gegangen; in der Hallischen Sammlung befinden sich nur Weibchen.

| Länge       | 1,89 mm.   | Breite  |             |        |            |        |
|-------------|------------|---|-------------|--------|------------|--------|
| Kopf        | 0,44 „     | 0,45 mm.  |             |        |            |        |
| Thorax      | 0,26 „     | <table> <tr> <td rowspan="2">} Prothorax</td> <td>0,32 „</td> </tr> <tr> <td>Metathorax</td> <td>0,39 „</td> </tr> </table> | } Prothorax | 0,32 „ | Metathorax | 0,39 „ |
| } Prothorax | 0,32 „     |   |             |        |            |        |
|             | Metathorax | 0,39 „  |             |        |            |        |
| Abdomen     | 1,19 „     | 0,65 „  |             |        |            |        |
| 3. Femur    | 0,20 „     |   |             |        |            |        |
| 3. Tibia    | 0,24 „     |   |             |        |            |        |

**Tr. peregrinus** m. (Taf. VII. Fig. 10).

Kopf breiter als lang, an den Vorderecken der Fühlerbucht am breitesten; der Form nach ungefähr viereckig, Die Stirn ist stark abgestutzt. Die kegelförmigen Vorderecken der ziemlich tiefen Fühlerbucht ragen weit hervor. An den Fühlern, welche dicht mit kleinen Borsten besetzt sind, ist das Grundglied das kleinste, von den beiden anderen das zweite nur wenig länger als das dritte. Letzteres trägt auf dem abgestumpften Ende eine Anzahl dicht nebeneinander stehender Borsten. Die Augen treten deutlich vor. Die Schläfen sind schön gerundet; die breite Hinterhauptsbasis ganz gerade. Der Kopf ist sowohl an den Rändern wie auf den Flächen, namentlich auf der Dorsalseite, mit zahlreichen kurzen Borsten bedeckt, die an der Stirn von einzelnen längeren überragt werden. Die Chitinschienien gehen ganz um den Kopf herum und sind an der Stirn etwas breiter. Vor der Fühlerbucht geht dorsal je eine Chitinleiste, mit einer flach bogenförmigen Biegung in der Gegend der Mundtheile, an die Seiten des Hinterhauptes. An der Ventralseite sind zahlreichere Chitinleisten, von denen zwei von den Mundtheilen gerade nach hinten, zwei andere convergirend nach der Stirn hin verlaufen; beide Paare sind mit einander verbunden durch solche, welche bogenförmig die Mundtheile an den Seiten umgeben.

Der Prothorax ist trapezförmig mit abgerundeten Hinterecken und an den Seiten, wie vor dem geraden Hinterrande, mit feinen Borsten besetzt. Der etwas breitere Metathorax hat die Form eines Sechseckes, dessen Seiten abgerundet kegelförmig vortreten. Auf ihrer Spitze steht eine längere Borste, im Uebrigen sind die Seiten, sowie der gerade Hinterrand mit zahlreichen kürzeren Borsten besetzt.

Die Beine sind schlank und zierlich; die Schienen so lang wie die Schenkel, am distalen Ende verbreitert, die beiden Tarsusglieder lang, die Klaue schwach gebogen. Die ganzen Beine tragen zahlreiche Borsten.

Das Abdomen bildet ein Oval. Die Segmente sind an den Seiten durch Einschnitte deutlich getrennt, die Ecken treten nicht hervor, die Chitinschienen sind dunkelbraun. Die Stigmen liegen ungefähr in der Mitte. Auf der Fläche tragen die Segmente trapezförmige hellbraune Querflecke, welche an Ausdehnung von vorn nach hinten etwas zunehmen. Das Endsegment ist zweispitzig, in der Mitte mit einem dreieckigen Ausschnitte. Die Raife reichen nicht bis ganz an das Ende. Am Hinterrande jedes Querfleckes steht eine Reihe zahlreicher kleiner Borsten, seitlich noch einige zerstreute, die Ränder der Segmente sind ganz mit kurzen Borsten versehen, an den Segmentecken stehen je zwei längere. Die Grundfarbe des Hinterleibes und der Beine ist schmutzigweiss, des Kopfes und Thorax gelblich.

Auch von dieser Art liegen mir leider nur Weibchen vor.

| Länge                       | 1,69 mm. | Breite  |                             |        |        |
|-----------------------------|----------|---|-----------------------------|--------|--------|
| Kopf                        | 0,43 „   | 0,51 mm.  |                             |        |        |
| Thorax                      | 0,20 „   | <table> <tr> <td rowspan="2">           { Prothorax<br/>           { Metathorax         </td> <td>0,34 „</td> </tr> <tr> <td>0,43 „</td> </tr> </table> | { Prothorax<br>{ Metathorax | 0,34 „ | 0,43 „ |
| { Prothorax<br>{ Metathorax | 0,34 „   |   |                             |        |        |
|                             | 0,43 „   |   |                             |        |        |
| Abdomen                     | 1,06 „   | 0,70 „  |                             |        |        |
| 3. Femur                    | 0,19 „   |   |                             |        |        |
| 3. Tibia                    | 0,20 „   |   |                             |        |        |

Die mir von Herrn A. Poppe in Bremen gütigst mitgetheilten Exemplare sind im zoologischen Garten zu Hamburg auf einem Kropfstorche (*Mycteria crumenifera*) gesammelt. Vermuthlich sind sie von irgend einem Hufthiere zufällig auf den genannten Wirth gelangt, worauf sich auch meine Artbezeichnung bezieht; andernfalls wäre dies der einzige Vogel, welcher nach unseren bisherigen Kenntnissen einen Harling beherbergt.

**Tr. cornutus** Gerv. (Taf. VII. Fig. 9, 9a, 9b).

Aptères III, p. 315. Pl. 49, f. 10.

*Tr. longiceps* Rud., Zeitschr. f. ges. Naturwiss. 1866, XXVII, p. 110. Taf. VI, f. 1; Giebel, Ins. epiz. p. 62.

Nach Vergleichung eines Pärchens der von Rudow als *longiceps* beschriebenen Art glaube ich die Identität derselben mit *cornutus* Gerv. als erwiesen ansehen zu können. Zu diesem Resultate ist bereits Giebel gelangt, wenn auch mehr durch einen Zufall, als durch berechnete Combination. Man muss vielmehr Piaget Recht geben, welcher gerade wegen der Unterschiede der beiden Abbildungen an einer Identität zweifelt. Immerhin kann man die Abbildung Rudow's im Vergleich mit denjenigen der übrigen von ihm neu beschriebenen *Trichodectes*-Arten noch als recht befriedigend bezeichnen.

Die Körperform ist schmal und langgestreckt. Der Kopf länger als breit, vorn mit einem dreieckigen Ausschnitte. Die Seiten des Vorderkopfes sind etwas gewölbt, mit zahlreichen sehr feinen Härchen besetzt. Die Vorderecke der Fühlerbucht tritt deutlich hervor. Die Fühler haben beim Männchen ein sehr dickes, keulenförmiges Grundglied, welches die beiden anderen zusammen ein wenig an Länge übertrifft. Diese sind nach innen gebogen, das dritte aussen convex, das etwas kürzere zweite mit geraden Seiten. Beim Weibchen sind die Fühler lang und dünn, das dritte Glied am längsten. Das Auge tritt wenig hervor. Die Seiten des Hinterkopfes sind schwach divergent, die Schläfen abgerundet; Hinterhauptsbasis convex, durch eine Einkerbung von ersteren getrennt und ebenso weit wie diese nach hinten reichend. Die Seitenschien des Kopfes sind schmal, vor den Fühlern mit einem kurzen, länglichen Fortsatze von dunklerer Färbung. Von den Mundtheilen verlaufen sowohl nach vorn wie nach hinten zwei parallele Chitinleisten. An den Schläfen und auf der Fläche des Kopfes stehen einzelne kurze und feine Borstchen.

Der Thorax besteht scheinbar aus einem Stücke; er hat die Form eines Wappens, mit vortretenden Vorder- und Hinterecken, schwach eingebuchteten Seiten und convexem Hinterrande. Die Seiten tragen einzelne feine Borsten, während der ganze Hinterrand mit solchen besetzt ist. Der Vorderrand wird vom Hinterhaupte bedeckt. Zwischen den beiden hinteren Beinpaaren finden sich starke, braune Chitin-Querleisten.

Die Beine sind gracil, die Schienen etwas länger als die Schenkel.

Der schlanke Hinterleib ist ziemlich parallelseitig, die Segmente sind durch Einkerbungen sehr deutlich von einander abgesetzt. Sie haben schmale braune Seitenschien, welche sich an den Vorderecken etwas nach innen umbiegen. Ein hellbrauner Quersfleck nimmt fast das ganze Segment ein, indem nur die Nähte etwas heller erscheinen. Am Hinterrande des Fleckes steht eine Reihe sehr kurzer Borstchen. Beim Männchen ist das Endglied des Hinterleibes abgerundet und mit zahlreichen feinen Borsten besetzt. Das Chitingerüst des Penis reicht bis zum Hinterrande des vierten Segments hinauf: es besteht aus zwei hintereinander liegenden Abschnitten, deren vorderer von zwei langen, parallelen Chitinleisten gebildet wird, während der hintere aus zwei gegeneinander gebogenen Chitinstückchen besteht, wozu noch zwei ebenso gebogene, aber kürzere, nach aussen davon gelegene Stücke kommen, die sich am distalen Ende nicht schliessen. Das weibliche Abdomen endet mit zwei Spitzen, deren jede einige feine Borsten trägt; dazwischen ist der Hinterrand ausgeschnitten. Die Raife sind nach innen gekrümmt, reichen bis ans Ende des Hinterleibes und sind an der Innenseite fein beborstet.

Die Grundfarbe des Körpers ist ein schmutziges Gelb.

|          |  |                |
|----------|--|----------------|
| Länge    | ♂ 2,04 mm,   | ♀ 1,93 mm.     |
| Kopf     | 0,51 „   | 0,53 „         |
| Thorax   | 0,25 „   | 0,20 „         |
| Abdomen  | 1,28 „   | 1,20 „         |
| 3. Femur | 0,13 „   |                |
| 3. Tibia | 0,16 „   |                |
| Breite:  |  |                |
| Kopf     | 0,44 „ (an den Vorderecken<br>der Fühlerbucht; an<br>den Schläfen 0,38). | 0,44 „ (0,40). |
| Thorax   | 0,36 „   | 0,39 „         |
| Abdomen  | 0,53 „   | 0,50 „         |

Gervais fand seine Exemplare auf *Antilope dorcas*, Rudow auf *Antilope arabica*. Die beiden von Piaget von Antilopen beschriebenen Arten *Tr. crenelatus* von *A. albifrons* und *Tr. appendiculatus* von *A. subgutturosa*

haben mit unserer Art die langgestreckte Körperform und den tiefen Stirnausschnitt gemeinsam.

**Tr. Meyeri** m. (♀) (Taf. VII. Fig. 13).

Unter diesem Namen will ich einen Harling aus der Sammlung des Dresdner zoologischen Museums beschreiben, über dessen Wirth ich leider keine Auskunft zu geben vermag, da die zu dem Gläschen gehörige Etiquette, ehe es in meine Hände gelangte, verloren gegangen ist. Diese Art steht der vorigen (*cornutus*) sehr nahe und stammt möglichenfalls auch von einer Antilopenart her.

Der Kopf ist so breit wie lang, durch die Insertion der Fühler in etwa gleiche Hälften getheilt. Der Vorderkopf hat gerade, nur kurz vor dem Stirnausschnitte schwach gebogene, nach vorn stark convergirende Seiten. Die Stirn ist mit einem mässig tiefen, gerundeten Ausschnitte versehen. Die Vorderecken der Fühlerbucht sind deutlich, aber mehr nach unten gerichtet. Die behaarten Fühler sind lang, das zweite und dritte Glied ziemlich gleich und doppelt so lang, wie das erste. Das Auge tritt deutlich hervor. Die Seiten des Hinterkopfes sind schön abgerundet. Die gerade Hinterhauptsbasis tritt nur unbedeutend gegen die Schläfen zurück. Die Seiten des Kopfes tragen eine Anzahl Borstchen, die an den Schläfen kurz, am Vorderkopfe wenigstens theilweise etwas länger sind. Die Chitinschienen des Kopfes sind schmal, namentlich an den Seiten des Vorderkopfes, wo sie vor den Fühlern mit einer fleckartigen Erweiterung endigen, in der Stirngrube aber bedeutend verbreitert sind. Vom Hinterhaupte gehen zwei ziemlich parallele Leisten nach den sehr kräftigen Mundtheilen. An der Ventralseite schliessen sich andere nach vorn hin an, welche bogenförmig um die Mandibeln herumgehen und zu den Seiten der Stirngrube endigen. In der hinteren Hälfte trägt der Kopf auf der Dorsalseite eine Reihe kurzer Borstchen.

Prothorax trapezförmig mit geradem Hinterrande und vier kurzen Borsten an jeder Seite. Der breitere Metathorax ist sechseckig mit stumpf kegelförmig vortretenden Seiten; welche vier längere Borsten tragen. Eine Reihe viel kürzerer steht vor dem geraden Hinterrande. Die Beine sind ziemlich lang, an den Seitenrändern stark behaart, namentlich die Schiene an der Innenseite. Klaue lang und schwach gebogen.

Der langgestreckte Hinterleib hat ziemlich parallele Seiten. Die Segmente sind an denselben durch tiefe Einschnitte sehr deutlich von einander getrennt; die Segmentecken ziemlich rechtwinklig. Die Chitinschienen biegen nach innen kaum um. Das Endsegment ist etwas schmaler und geht in zwei stumpfe Spitzen aus, deren jede drei längere Borsten trägt. Die Raife sind am distalen Ende nicht zugespitzt, sondern schaufelförmig erweitert und an dieser Stelle mit zahlreichen Borsten besetzt. Diese Gestalt lässt sich nur dann erkennen, wenn die Raife nicht, wie gewöhnlich, dem Abdomen dicht anliegen, sondern davon abstehen. Die Segmente haben breite, rechteckige Querflecke, die in der Mitte am dunkelsten — rothbraun — sind, nach den Suturen in hellere Färbung übergehen. Vor den deutlichen Suturen steht eine Reihe sehr kurzer Borsten. Einzelne solche finden sich auch an den Segmentseiten, an den Ecken tragen wenigstens die letzten Segmente einige längere.

Die Grundfarbe ist schmutziggelb.

Unter sehr zahlreichen Exemplaren habe ich nicht ein einziges Männchen gefunden.

| Länge    | 1,88 mm. | Breite   |
|----------|----------|----------|
| Kopf     | 0,48 „   | 0,49 mm. |
| Thorax   | 0,25 „   | 0,44 „   |
| Abdomen  | 1,15 „   | 0,60 „   |
| 3. Femur | 0,20 „   |          |
| 3. Tibia | 0,19 „   |          |

## Zusatz.

Nach Vollendung und Ablieferung meines Manuscripts habe ich in der Sammlung des Berliner entomologischen Museums einige Mallophagen aufgefunden, die ich mit gütiger Erlaubniss des Herrn Professor Dr. W. Peters behufs einer näheren Vergleichung mit nach Halle genommen habe. Darunter befinden sich auch einige, leider nicht gut erhaltene Exemplare von *Trichodectes diacanthus*, wahrscheinlich die Typen Ehrenberg's. Ich entwerfe danach folgende Beschreibung.

### **Trichodectes diacanthus** Ehrbg.

Symbolae physicae. Mammalia (Hyrax).

Kopf breiter als lang, in der Mitte der Stirn sehr flach ausgerandet, mit etwa acht jederseits von der Mittellinie stehenden Borstchen. Beim Männchen geht die Stirn allmählich in die langen, kegelförmigen, spitzen Vorderecken der Fühlerbucht über, beim Weibchen sind diese vom übrigen Vorderkopfe deutlich abgesetzt. Wenn Giebel (Ins. epiz. p. 62) die Vermuthung ausspricht: „die beiden Dornen der Fühler, nach welchen die Art benannt ist, sind vielleicht die dornförmigen Ecken der Fühlerbucht“, so dürfte er damit vollkommen das Richtige getroffen haben; denn die Antennen selbst zeigen nichts, was zu jenem Artnamen hätte Veranlassung geben können. Die Fühlerbucht ist tief, namentlich beim Männchen. Bei diesem sind die Antennen lang; das erste Glied am längsten und sehr dick, nach dem distalen Ende zu ein wenig verschmälert; die beiden anderen, etwas kürzeren Glieder sind unter sich etwa gleichlang und ein wenig nach einwärts gekrümmt. Beim Weibchen ist das erste Glied auch das dickste, aber nur so lang wie das zweite; das dritte ist das längste und zeigt vor der Spitze zwei sanfte Quereinschnürungen. Das Auge tritt deutlich vor, namentlich beim Weibchen, wo auch in Folge der geringeren Tiefe der Fühlerbucht die Schläfen eine gleichmässige Rundung zeigen als beim Männchen. An den Schläfen stehen einzelne Borstchen. Das Hinterhaupt ist concav.

Der Prothorax hat Rechtecksform und schwach gewölbte Seiten. Der bedeutend breitere, aber ebenso lange Metathorax ist an den Seiten beim Weibchen gleichmässig gerundet, beim Männchen vor der Mitte am breitesten.

Das Abdomen ist eiförmig, beim Männchen in der Mitte, beim Weibchen etwas davor am breitesten. Der Seitenrand ist an den Segmentecken deutlich eingekerbt. Das Endsegment ist beim Männchen abgerundet, ganzrandig; beim Weibchen durch einen medianen Einschnitt abgerundet-zweispitzig. Die Anhänge am achten Segmente des Weibchens sind kurz und spitz. Die Seitenschenkel der Abdominalsegmente sind schmal. Auf jedem Segmente steht eine Reihe Borsten. Der Erhaltungszustand der vorliegenden Exemplare erlaubt über die Flecke des Hinterleibes kein Urtheil.

|         |            |            |
|---------|------------|------------|
| Länge:  | ♂ 1,56 mm. | ♀ 1,64 mm. |
| Kopf    | 0,34 "     | 0,34 "     |
| Thorax  | 0,26 "     | 0,25 "     |
| Abdomen | 0,96 "     | 1,05 "     |
| Breite: |            |            |
| Kopf    | 0,44 "     | 0,49 "     |
| Thorax  | 0,39 "     | 0,39 "     |
| Abdomen | 0,69 "     | 0,76 "     |

Auf *Hyrax syriacus*.

## Register.

Die mit einem \* bezeichneten Arten sind ausführlich beschrieben; die *cursiv* gedruckten Synonyma.

|  | Seite    |  | Seite   |
|--|----------|--|---------|
| *Akidoproctus Piag. . . . .                    | 196      | Goniocotes chrysocephalus Gbl. . . . . | 70      |
| bifasciatus Piag. . . . .                      | 196      | var. rotundiceps Piag. . . . .         | 75      |
| marginatus Piag. . . . .                       | 196      | clypeiceps Gbl. . . . .                | 59      |
| maximus Piag. . . . .                          | 196      | compar N. . . . .                      | 69      |
| rostratus Rud. . . . .                         | 197      | coronatus Gbl. . . . .                 | 37      |
| stenopygus N. . . . .                          | 197      | *curtus N. . . . .                     | 68. 90  |
| *Bothriometopus Tschb. . . . .                 | 188      | dilatatus Rud. . . . .                 | 48      |
| *macrocnemis N. . . . .                        | 188      | diplogonus N. . . . .                  | 70      |
| *Coloceras Tschb. . . . .                      | 42       | *discogaster Tschb. . . . .            | 68. 86  |
| damicorne N. . . . .                           | 42       | fasciatus Piag. . . . .                | 68      |
| *fasciatum Piag. . . . .                       | 42. 43   | *fissus Rud. . . . .                   | 69. 84  |
| *menadense Piag. . . . .                       | 42. 44   | *flavus Rud. . . . .                   | 70. 101 |
| minus Piag. . . . .                            | 42       | *gigas Tschb. . . . .                  | 68. 77  |
| <i>Docophoroides brevis Giglioli</i> . . . . . | 183      | gracilis Tschb. . . . .                | 69. 71  |
| *Eurymetopus Tschb. . . . .                    | 182      | gregarius N. . . . .                   | 73      |
| latus Piag. . . . .                            | 182      | *guttatus Tschb. . . . .               | 68. 89  |
| Schillingi Rud. . . . .                        | 185      | *haplogonus N. . . . .                 | 68. 79  |
| *taurus N. . . . .                             | 182. 183 | hologaster D. . . . .                  | 77      |
| *Goniocotes Burm. . . . .                      | 64       | hologaster N. . . . .                  | 70      |
| abdominalis Piag. . . . .                      | 77       | *var. maculatus Tschb. . . . .         | 76      |
| *affinis Tschb. . . . .                        | 69. 97   | *isogenos N. . . . .                   | 69. 73  |
| agonus N. . . . .                              | 61       | latus Piag. . . . .                    | 40      |
| albidus Gbl. . . . .                           | 75       | *macrocephalus Tschb. . . . .          | 70. 87  |
| alienus Gbl. . . . .                           | 59       | maculatus T. var. v. holo-             |         |
| *asterocephalus N. . . . .                     | 68. 71   | gaster . . . . .                       | 70. 76  |
| asterocephalus Piag. . . . .                   | 71       | *maior Piag. . . . .                   | 69. 81  |
| bisetosus Piag. . . . .                        | 69       | menadensis Piag. . . . .               | 44      |
| *carpophagae Rud. . . . .                      | 70. 99   | microthorax N. . . . .                 | 70. 73  |

|                                       | Seite      |                                     | Seite      |
|---------------------------------------|------------|-------------------------------------|------------|
| Goniocotes *minor Piag. . . . .       | 69. 83     | Goniodes laticeps Piag. . . . .     | 48         |
| <i>obscurus</i> Gbl. . . . .          | 73         | <i>latifasciatus</i> Piag. . . . .  | 22. 24. 25 |
| <i>pallidomaculatus</i> Piag. . . . . | 70         | * <i>latus</i> Piag. . . . .        | 21. 23. 40 |
| * <i>procerus</i> Tschb. . . . .      | 69. 96     | <i>lipogonus</i> N. . . . .         | 57         |
| <i>rectangulatus</i> N. . . . .       | 70. 76     | <i>longipes</i> Gbl. . . . .        | 54         |
| <i>rotundatus</i> Rud. . . . .        | 49. 68. 92 | <i>longipes</i> Piag. . . . .       | 22. 23. 24 |
| <i>rotundiceps</i> P. var. v.         |            | <i>longipilosus</i> Gbl. . . . .    | 41         |
| <i>chrysocephalus</i> . . . . .       | 75         | <i>longus</i> Rud. . . . .          | 28         |
| * <i>verrucosus</i> Tschb. . . . .    | 68. 94     | <i>maior</i> Piag. . . . .          | 21. 23     |
| *Goniodes N. . . . .                  | 16         | * <i>mamillatus</i> Rud. . . . .    | 22. 24. 25 |
| <i>aculeatus</i> Piag. . . . .        | 48         | <i>minor</i> Piag. . . . .          | 42         |
| <i>aliceps</i> N. . . . .             | 50         | <i>ocrea</i> Piag. . . . .          | 22. 24     |
| <i>assimilis</i> Piag. . . . .        | 22. 24     | * <i>oniscus</i> N. . . . .         | 50         |
| <i>bicolor</i> Rud. . . . .           | 34         | <i>ortygis</i> Piag. . . . .        | 20. 23     |
| <i>bicuspidatus</i> Piag. . . . .     | 29         | <i>pallidus</i> Gbl. . . . .        | 25         |
| <i>bituberculatus</i> Rud. . . . .    | 28         | <i>parviceps</i> Piag. . . . .      | 20. 23     |
| <i>brevipes</i> Gbl. . . . .          | 19         | * <i>parvulus</i> Tschb. . . . .    | 22. 23. 38 |
| <i>cervinicornis</i> N. . . . .       | 21. 24     | <i>securiger</i> N. . . . .         | 25         |
| <i>chelicornis</i> N. . . . .         | 21. 24     | <i>setosus</i> Piag. . . . .        | 55         |
| <i>colchicus</i> D. . . . .           | 21. 24. 28 | * <i>spinicornis</i> N. . . . .     | 21. 23. 29 |
| <i>complanatus</i> Piag. . . . .      | 55. 56     | <i>spinosus</i> Piag. . . . .       | 55. 57     |
| <i>cupido</i> Gbl. var. v.            |            | <i>stylifer</i> N. . . . .          | 47         |
| <i>heteroceros</i> N. . . . .         | 22. 24. 27 | <i>subdilatus</i> Piag. . . . .     | 47         |
| * <i>curvicornis</i> N. . . . .       | 21. 23. 32 | <i>truncatus</i> N. . . . .         | 22. 24. 25 |
| <i>damicornis</i> N. . . . .          | 42         | Lepidophorus Tschb. . . . .         | 61         |
| <i>dilatatus</i> Gbl. . . . .         | 48         | *Lipeurus N. . . . .                | 102        |
| <i>dispar</i> N. . . . .              | 22. 24     | <i>abyssinicus</i> Gbl. . . . .     | 138        |
| <i>dissimilis</i> N. . . . .          | 22. 24. 28 | <i>aequalis</i> Piag. . . . .       | 222        |
| <i>diversus</i> Rud. . . . .          | 37         | <i>aetheronomus</i> N. . . . .      | 108        |
| <i>elongatus</i> Piag. . . . .        | 71         | <i>albidus</i> Piag. . . . .        | 114        |
| <i>excavatus</i> Piag. . . . .        | 55         | <i>angusticeps</i> Piag. . . . .    | 123        |
| * <i>eximius</i> Rud. . . . .         | 21. 24. 35 | <i>angustus</i> Rud. . . . .        | 123        |
| <i>falcicornis</i> N. . . . .         | 20. 23     | <i>annulatus</i> Piag. . . . .      | 145        |
| <i>flaviceps</i> Rud. . . . .         | 25         | <i>antennatus</i> Gbl. . . . .      | 123        |
| <i>flavus</i> Rud. . . . .            | 101        | <i>antilogus</i> N. . . . .         | 168        |
| <i>heteroceros</i> N. . . . .         | 22. 24. 27 | <i>appendiculatus</i> Piag. . . . . | 166        |
| var. <i>cupido</i> Gbl. . . . .       | 22. 24. 27 | <i>assessor</i> Gbl. . . . .        | 111        |
| <i>isogenos</i> N. . . . .            | 69. 73     | <i>asymmetricus</i> Rud. . . . .    | 164        |
| <i>laevis</i> Piag. . . . .           | 21. 23. 37 | <i>australis</i> Rud. . . . .       | 164        |

|   | Seite    |
|---|----------|
| <i>Lipeurus bacillus</i> N. . . . .     | 123      |
| <i>baculus</i> N. . . . .               | 120. 123 |
| * <i>var. cavifrons</i> Tschb. 120. 124 |          |
| <i>bifasciatus</i> Piag. . . . .        | 144      |
| <i>brevicornis</i> Piag. . . . .        | 143      |
| <i>brevisignatus</i> Piag. var. v.      |          |
| <i>setosus</i> P. . . . .               | 143      |
| * <i>Burmeisteri</i> Tschb. . . . .     | 170      |
| <i>candidus</i> Rud. . . . .            | 128      |
| <i>caudatus</i> Rud. . . . .            | 151      |
| <i>cinereus</i> N. . . . .              | 166      |
| * <i>circumfasciatus</i> Piag. 114. 117 |          |
| * <i>clypeatus</i> Gbl. . . . .         | 144. 154 |
| <i>concolor</i> Rud. . . . .            | 175      |
| <i>crassus</i> Rud. . . . .             | 173      |
| * <i>crenatus</i> Gbl. . . . .          | 160      |
| <i>cygnopsis</i> Rud. . . . .           | 164      |
| <i>Demyi</i> Gbl. . . . .               | 110      |
| <i>depuratus</i> Gbl. . . . .           | 163      |
| <i>dissimilis</i> Piag. . . . .         | 167      |
| <i>docophoroides</i> Piag. . . . .      | 166      |
| * <i>docophorus</i> Gbl. . . . .        | 122. 138 |
| <i>elongatus</i> Piag. . . . .          | 110. 111 |
| <i>emarginatus</i> Piag. . . . .        | 121      |
| * <i>eurycnemis</i> Tschb. . . . .      | 170      |
| <i>exilicornis</i> Piag. . . . .        | 121      |
| * <i>falcicornis</i> Gbl. 114. 122. 136 |          |
| <i>femoratus</i> Piag. . . . .          | 114      |
| * <i>ferox</i> Gbl. . . . .             | 143. 145 |
| <i>fissomaculatus</i> Gbl. . . . .      | 128      |
| * <i>foedus</i> N. . . . .              | 141      |
| * <i>forticulatus</i> N. . . . .        | 144. 157 |
| * <i>fortis</i> Tschb. . . . .          | 120. 126 |
| <i>frater</i> Gbl. . . . .              | 109      |
| <i>frater</i> Gbl. . . . .              | 163      |
| * <i>fuliginosus</i> Tschb. . . . .     | 144. 156 |
| <i>gracilicornis</i> Piag. . . . .      | 144      |
| <i>gracilis</i> Gbl. . . . .            | 163      |
| <i>grandis</i> Piag. . . . .            | 121      |

|   | Seite    |
|---|----------|
| <i>Lipeurus</i> * <i>Gurli</i> Tschb. . . . . | 144. 151 |
| <i>gyricornis</i> D. . . . .                  | 143      |
| <i>gyroceros</i> Gbl. . . . .                 | 149      |
| * <i>hebraeus</i> N. . . . .                  | 122. 130 |
| * <i>helvolus</i> N. . . . .                  | 177      |
| <i>heterogrammicus</i> N. . . . .             | 166. 169 |
| <i>heterographus</i> N. . . . .               | 167. 169 |
| <i>hexophthalmus</i> N. . . . .               | 193      |
| <i>himalayensis</i> Rud. . . . .              | 169      |
| <i>inaequalis</i> Piag. . . . .               | 166      |
| <i>intermedius</i> Piag. . . . .              | 168      |
| <i>interruptofasciatus</i> Piag. . . . .      | 114      |
| * <i>ischnocephalus</i> Tschb. . . . .        | 173      |
| <i>jejunus</i> N. . . . .                     | 162. 164 |
| <i>lacteus</i> Gbl. . . . .                   | 162      |
| <i>latus</i> Piag. . . . .                    | 182      |
| <i>lepidus</i> N. . . . .                     | 127      |
| <i>leucoproctus</i> N. . . . .                | 128      |
| <i>leucopygos</i> N. . . . .                  | 123. 128 |
| var. <i>fasciatus</i> Piag. . . . .           | 128      |
| var. <i>minor</i> Piag. . . . .               | 128      |
| <i>linearis</i> Rud. . . . .                  | 127      |
| <i>lineatus</i> Gbl. . . . .                  | 161      |
| <i>loculator</i> Gbl. . . . .                 | 127      |
| * <i>longiceps</i> Rud. . . . .               | 120. 124 |
| <i>longiceps</i> Piag. . . . .                | 125      |
| <i>longicornis</i> Piag. . . . .              | 144      |
| <i>longipes</i> Piag. . . . .                 | 121      |
| <i>longus</i> Piag. . . . .                   | 168. 169 |
| * <i>lugubris</i> Tschb. . . . .              | 144. 153 |
| * <i>luridus</i> N. . . . .                   | 140      |
| <i>macrocnemis</i> N. . . . .                 | 188      |
| <i>maculatus</i> N. . . . .                   | 127      |
| <i>maximus</i> Rud. . . . .                   | 133      |
| * <i>melanoenemis</i> Gbl. . . . .            | 121. 133 |
| <i>meridionalis</i> Rud. . . . .              | 149. 169 |
| <i>mesopelius</i> N. . . . .                  | 167      |
| * <i>Meyeri</i> Tschb. . . . .                | 175      |
| <i>modestus</i> Gbl. . . . .                  | 128      |

|                                  | Seite    |   | Seite    |
|----------------------------------|----------|---|----------|
| Lipeurus monilis N. . . . .      | 109      | Lipeurus <i>simillimus</i> Gbl. . . . .       | 188      |
| mutabilis Piag. . . . .          | 121. 133 | *sinuatus Tschb. . . . .                      | 166. 180 |
| nigrolimbatus Gbl. . . . .       | 133      | sordidus N. . . . .                           | 163      |
| nyrocae Rud. . . . .             | 163      | squalidus N. . . . .                          | 162      |
| obscurus Gbl. . . . .            | 169      | stellaris D. . . . .                          | 128      |
| obscurus Rud. . . . .            | 133      | *strepsiceros N. . . . .                      | 115      |
| ochraceus N. . . . .             | 168      | subangusticeps Piag. . . . .                  | 123      |
| orthopleurus N. . . . .          | 170      | subsetosus Piag. . . . .                      | 143      |
| oviceps Piag. . . . .            | 111      | subsignatus Gbl. . . . .                      | 121. 127 |
| *oxycephalus Tschb. . . . .      | 166. 178 | sulae Rud. . . . .                            | 153      |
| parviceps Piag. . . . .          | 121      | subcifrons D. . . . .                         | 110      |
| pederiformis Duf. . . . .        | 145      | suturalis Rud. . . . .                        | 110      |
| perspicillatus N. . . . .        | 109      | taurus N. . . . .                             | 183      |
| Piageti Tschb. . . . .           | 120. 125 | temporalis N. . . . .                         | 162      |
| platalearum Gbl. . . . .         | 123      | *ternatus N. . . . .                          | 111. 112 |
| polybori Rud. . . . .            | 110      | *testaceus Tschb. . . . .                     | 122. 135 |
| polytrapezius Rud. . . . .       | 167      | thoracicus Piag. . . . .                      | 162      |
| praelongus Piag. . . . .         | 122. 127 | *toxoceros Gbl. . . . .                       | 143. 149 |
| *pseudoraphidius Tschb. . . . .  | 128      | trapezoides Rud. . . . .                      | 128      |
| pullatus N. . . . .              | 145      | tricolor Piag. . . . .                        | 149. 167 |
| punctulatus Rud. . . . .         | 163      | turmalis Gbl. . . . .                         | 168      |
| quadriguttatus Gbl. . . . .      | 109      | unicolor Piag. . . . .                        | 166      |
| quadrimaculatus Piag. . . . .    | 108. 110 | variabilis N. . . . .                         | 168. 170 |
| *quadrinus N. . . . .            | 174      | variopictus Gbl. . . . .                      | 110      |
| quadripunctatus N. . . . .       | 108      | versicolor N. . . . .                         | 122. 127 |
| quadripustulatus D. . . . .      | 110      | <i>Metopcuron laeve</i> . . . . .             | 149      |
| quadripustulatus N. var.         |          | <i>punctatum</i> . . . . .                    | 192      |
| v. elongatus . . . . .           | 110. 111 | Nirmus fuscomarginatus D. . . . .             | 161      |
| *raphidius N. . . . .            | 128      | <i>podicipis</i> D. . . . .                   | 161      |
| raphidius Piag. . . . .          | 128      | <i>stenopygos</i> N. . . . .                  | 197      |
| robustus Rud. . . . .            | 169      | <i>stenopyx</i> Burm. . . . .                 | 197      |
| rubromaculatus Rud. . . . .      | 163      | <i>Oncophorus hexophthalmus</i> Piag. . . . . | 193      |
| runcinatus N. . . . .            | 161      | <i>Schillingi</i> Rud. . . . .                | 185      |
| sagittiformis Rud. . . . .       | 161      | *Ornithobius atromarginatus D. . . . .        | 191. 192 |
| secretarius Gbl. . . . .         | 109. 111 | bucephalus Gbl. . . . .                       | 192      |
| serratus N. . . . .              | 164      | <i>cigni</i> D. . . . .                       | 191      |
| setosus Piag. . . . .            | 143      | goniopleurus D. . . . .                       | 191. 192 |
| var. brevisignatus Piag. . . . . | 143      | *hexophthalmus N. . . . .                     | 192. 193 |
| signatus Piag. . . . .           | 122. 127 | minor Schill. . . . .                         | 192      |

|   | Seite    |  | Seite    |
|---|----------|--|----------|
| <i>Ornithobius rostratus</i> Rud. . . . . | 192      | <i>Trichodectes</i> * <i>diacanthus</i> Ehrbg. . . . . | 224      |
| <i>Pediculus Diomedae</i> Fbr. . . . .    | 149      | <i>equi</i> D. . . . .                                 | 214      |
| <i>Philopteridae</i> N. . . . .           | 7        | <i>exilis</i> N. . . . .                               | 203      |
| <i>Philopterus brevis</i> Duf. . . . .    | 183      | <i>forficula</i> Piag. . . . .                         | 205      |
| <i>Diomedae</i> Duf. . . . .              | 145      | <i>inaequalis</i> Piag. . . . .                        | 205      |
| <i>pederiformis</i> Duf. . . . .          | 145      | <i>latus</i> N. . . . .                                | 203      |
| * <i>Rhopaloceras</i> Tschb. . . . .      | 46       | <i>limbatus</i> Gerv. . . . .                          | 214      |
| <i>aculeatum</i> Piag. . . . .            | 48       | <i>longiceps</i> Rud. . . . .                          | 220      |
| * <i>aliceps</i> N. . . . .               | 48. 50   | * <i>longicornis</i> N. . . . .                        | 204. 216 |
| <i>dilatatum</i> Gbl. . . . .             | 47. 48   | <i>longicornis</i> D. . . . .                          | 216      |
| <i>laticeps</i> Piag. . . . .             | 48       | <i>mambricus</i> Rud. . . . .                          | 214      |
| * <i>oniscus</i> N. . . . .               | 50       | * <i>mexicanus</i> Rud. . . . .                        | 204. 211 |
| <i>styliiferum</i> N. . . . .             | 47       | * <i>Meyeri</i> Tschb. . . . .                         | 204. 222 |
| <i>subdilatatum</i> Piag. . . . .         | 47       | <i>micropus</i> Gbl. . . . .                           | 207      |
| * <i>Strongylocotes</i> Tschb. . . . .    | 54       | <i>ocellatus</i> P. var. v.                            |          |
| * <i>agonus</i> N. . . . .                | 55. 61   | <i>parumpilosus</i> Piag. . . . .                      | 215      |
| * <i>alienus</i> Gbl. . . . .             | 59       | <i>pallidus</i> Piag. . . . .                          | 205      |
| * <i>clypeiceps</i> Gbl. . . . .          | 59       | <i>parumpilosus</i> Piag. . . . .                      | 204. 214 |
| <i>complanatus</i> Piag. . . . .          | 55. 56   | <i>penicillatus</i> Piag. . . . .                      | 203. 214 |
| * <i>coniceps</i> Tschb. . . . .          | 55. 63   | * <i>peregrinus</i> Tschb. . . . .                     | 204. 218 |
| <i>excavatum</i> Piag. . . . .            | 55       | <i>pilosus</i> Gbl. . . . .                            | 214      |
| * <i>lipogonus</i> N. . . . .             | 57       | <i>pilosus</i> Piag. . . . .                           | 204      |
| <i>setosus</i> Piag. . . . .              | 55       | * <i>pinguis</i> Burm. . . . .                         | 203. 205 |
| <i>spinosus</i> Piag. . . . .             | 55. 57   | <i>pusillus</i> N. . . . .                             | 207      |
| * <i>Trichodectes</i> N. . . . .          | 200      | <i>retusus</i> N. . . . .                              | 205. 207 |
| <i>appendiculatus</i> Piag. . . . .       | 205      | <i>scalaris</i> N. . . . .                             | 203      |
| * <i>breviceps</i> Rud. . . . .           | 203. 215 | * <i>setosus</i> Gbl. . . . .                          | 204. 209 |
| <i>caprae</i> Gurlt . . . . .             | 214      | <i>similis</i> D. . . . .                              | 217      |
| <i>climax</i> N. . . . .                  | 205. 213 | <i>solidus</i> Rud. . . . .                            | 213      |
| * <i>cornutus</i> Gerv. . . . .           | 204. 220 | <i>sphaerocephalus</i> N. . . . .                      | 204      |
| <i>crassipes</i> Rud. . . . .             | 214      | <i>subrostratus</i> N. . . . .                         | 204      |
| <i>crassus</i> N. . . . .                 | 205      | <i>tibialis</i> Piag. . . . .                          | 205. 217 |
| <i>crenelatus</i> Piag. . . . .           | 204      | <i>vulpis</i> D. . . . .                               | 203. 207 |

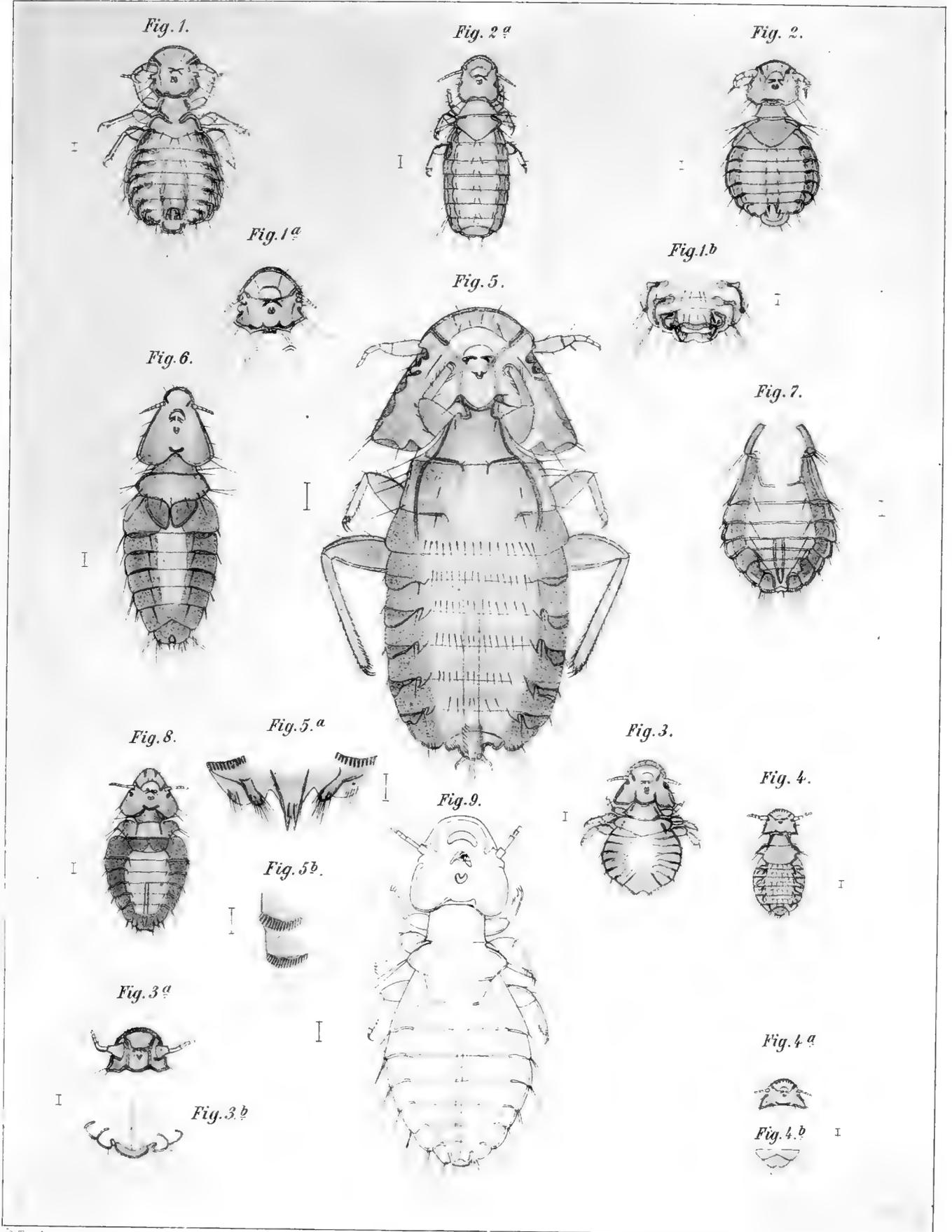
**Erklärung der Abbildungen.**

**Tabula I.**

.....

**Tafel 1.**

- Fig. 1. *Goniodes mamillatus* Rud. ♂.  
 .. 1a. Kopf des Weibchens.  
 .. 1b. Hinterleibsende des Weibchens.  
 .. 2. *Goniodes curricornis* N. ♂.  
 .. 2a. „ „ Weibchen.  
 .. 3. „ *latus* Piag. ♀.  
 .. 3a. Kopf des Männchens.  
 .. 3b. Hinterleibsende des Männchens.  
 .. 4. *Goniodes parvulus* Tschb. ♂.  
 .. 4a. Kopf des Weibchens.  
 .. 4b. Hinterleibsende des Weibchens.  
 .. 5. *Rhopaloceras aliceps* N. ♂.  
 .. 5a. Hinterleibsende des Weibchens (*oniscus* N.)  
 .. 5b. Die kammförmigen Chitinstacheln der Unterseite.  
 .. 6. *Strongylocotes agonus* N.  
 .. 7. „ *complanatus* Piag. ♂.  
 .. 8. „ *coniceps* Tschb. ♂.  
 .. 9. „ *lipogonus* N.

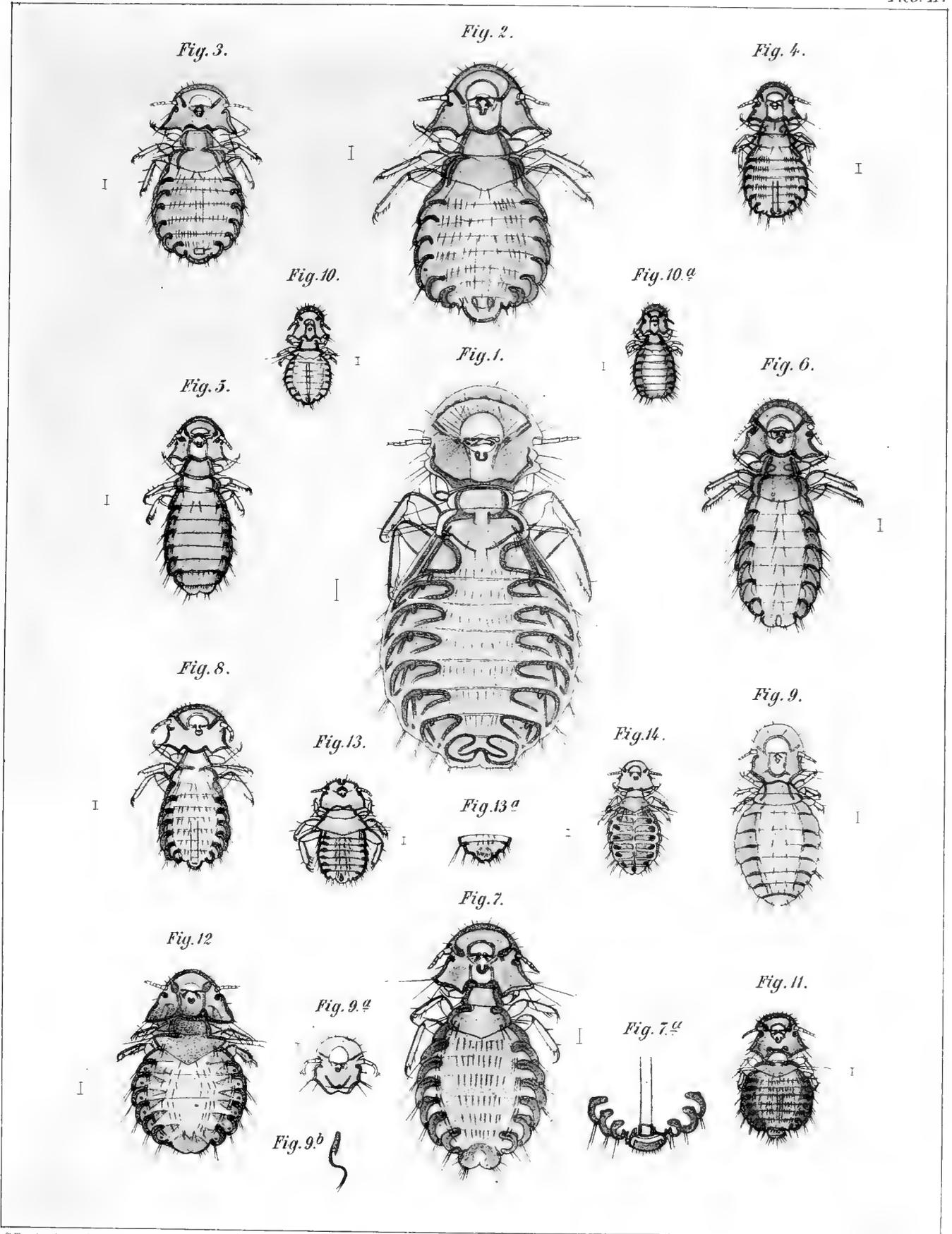




Tabula II.

**Tafel 2.**

- Fig. 1. *Goniocotes gigas* Tschb. ♀.  
 .. 2. „ *maior* Piag. ♂.  
 .. 3. „ *minor* Piag. ♂.  
 .. 4. „ *affinis* Tschb. ♂.  
 .. 5. „ ? *affinis* Tschb. ♀.  
 .. 6. „ *procerus* Tschb. ♀.  
 .. 7. „ *fissus* Rud. ♀.  
 .. 7a. Hinterleibsende des Männchens.  
 .. 8. *Coloceras fasciatum* Tschb. ♂.  
 .. 9. „ *menadense* Piag. ♀.  
 .. 9a. Kopf des Männchens.  
 .. 9b. Haken der Bauchseite.  
 .. 10. *Goniocotes carpophagae* Rud. ♂.  
 .. 10a. Weibchen.  
 .. 11. *Goniocotes macrocephalus* Tschb. ♂.  
 .. 12. „ *discogaster* Tschb. ♀.  
 .. 13. „ *curtus* N. ♂.  
 .. 13a. Hinterleibsende des Weibchens.  
 .. 14. *Goniocotes guttatus* Tschb.



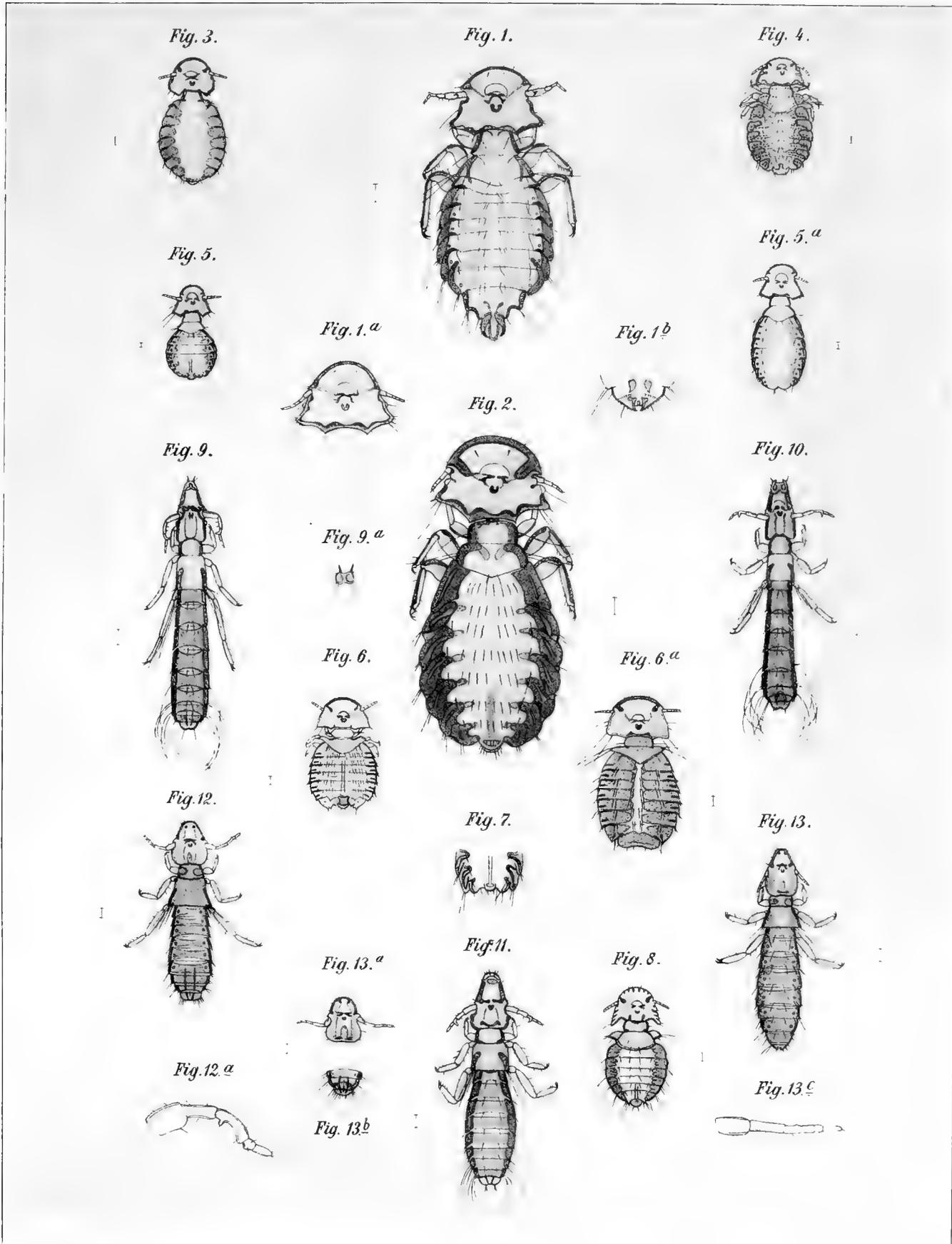
O. Taschenberg, del.



Tabula III.

## Tafel 3.

- Fig. 1. *Goniodes eximius* Rud. ♂.  
 „ 1a. Kopf des Weibchens.  
 „ 1b. Hinterleibsende des Weibchens (von der Unterseite).  
 „ 2. *Goniocotes isogenos* N. ♂.  
 „ 3. „ *hologaster* N. var. *maculatus* Tschb.  
 „ 4. „ *verrucosus* Tschb. ♂.  
 „ 5. „ *flavus* Rud. ♂.  
 „ 5a. Weibchen.  
 „ 6. *Goniocotes haplogonus* N. ♂.  
 „ 6a. Weibchen.  
 „ 7. Hinterleibsende von *Goniocotes asterocephalus* N. ♂.  
 „ 8. *Goniocotes rotundatus* Rud. ♂.  
 „ 9. *Lipeurus baculus* N. ♂.  
 „ 9a. Vorderstes Kopfe von *Lipeurus baculus* var. *cavifrons* Tschb.  
 „ 10. *Lipeurus longiceps* Rud. ♂.  
 „ 11. „ *fortis* Tschb. ♂.  
 „ 12. „ *strepsiceros* N. ♂.  
 „ 12a. Antenne desselben Thieres, stärker vergrößert.  
 „ 13. *Lipeurus circumfasciatus* Piag. ♀.  
 „ 13a. Kopf des Männchens.  
 „ 13b. Hinterleibsende des Männchens.  
 „ 13c. Antenne des Männchens, stärker vergrößert.



O. Taschenberg del.

W. G. Hoffmann sculp.

*O. Taschenberg: Die Mallophagen. Taf. 3.*

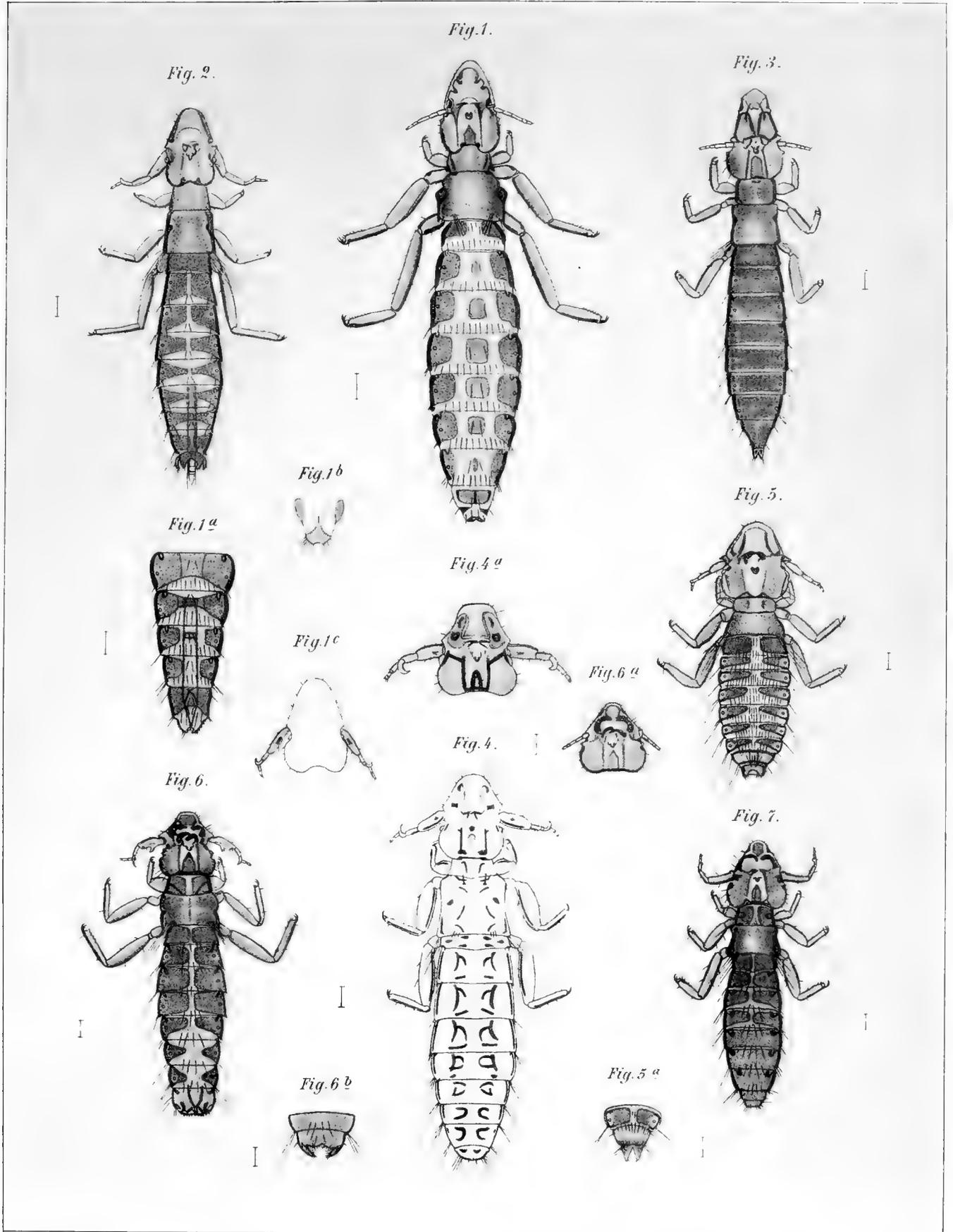


Tabula IV.

.....

**Tafel 4.**

- Fig. 1. *Lipeurus ternatus* N. ♀.  
 .. 1a. Hinterleib des Männchens.  
 .. 1b. Genitalflecke an der Unterseite des Weibchens.  
 .. 1c. Kopf des Männchens.  
 .. 2. *Lipeurus falcicornis* Gbl. ♂.  
 .. 3. „ *fuliginosus* Tschb. ♀.  
 .. 4. „ *hebraeus* N. ♂ juv.  
 .. 4a. Kopf des erwachsenen Männchens. (Copie nach Piaget.)  
 .. 5. *Lipeurus docophorus* Gbl. ♂.  
 .. 5a. Hinterleibsspitze des Weibchens.  
 .. 6. *Lipeurus forficulatus* N. ♂.  
 .. 6a. Kopf des Weibchens.  
 .. 6b. Hinterleibsspitze des Weibchens.  
 .. 7. *Lipeurus toxoceros* Gbl. ♂.



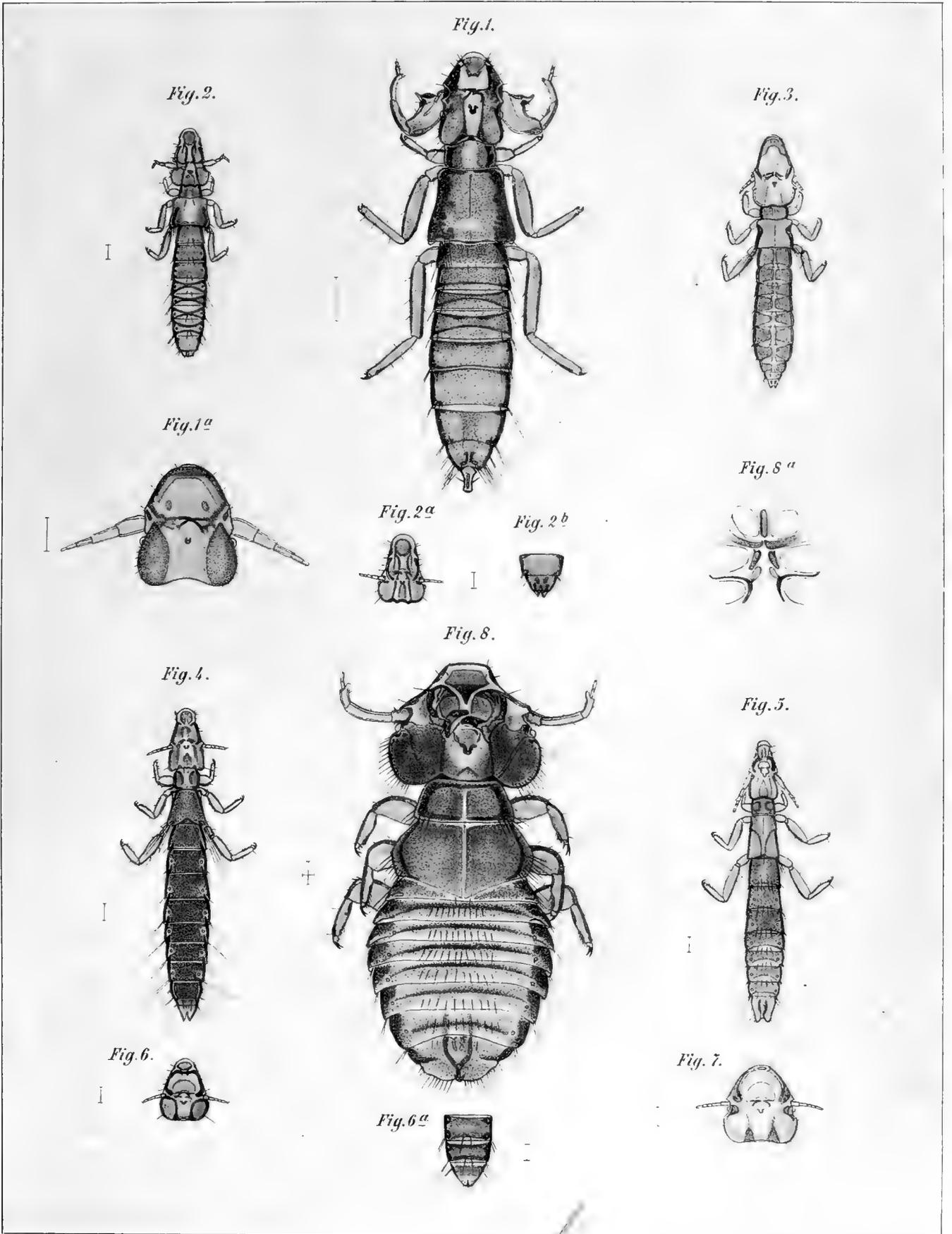
*O. Taschenberg: Die Mallophagen. Taf. 4.*



Tabula V.

## Tafel 5.

- Fig. 1. *Lipeurus ferox* Gbl. ♂.  
 .. 1a. Kopf des Weibchens.  
 .. 2. *Lipeurus clypeatus* Gbl. ♂.  
 .. 2a. Kopf des Weibchens.  
 .. 2b. Hinterleibsspitze des Weibchens.  
 .. 3. *Lipeurus testaceus* Tschb. ♀.  
 .. 4. „ *luridus* N. ♀.  
 .. 5. „ *raphidius* N. ♂.  
 .. 6. Kopf von *Lipeurus Gurlti* Tschb. ♀.  
 .. 6a. Hinterleibsende desselben Thieres.  
 .. 7. Kopf von *Lipeurus melanocnemis* Gbl.  
 .. 8. *Eurymctopus taurus* N. ♂.  
 .. 8a. Thorax von der Sternalseite.



O. Taschenberg del.

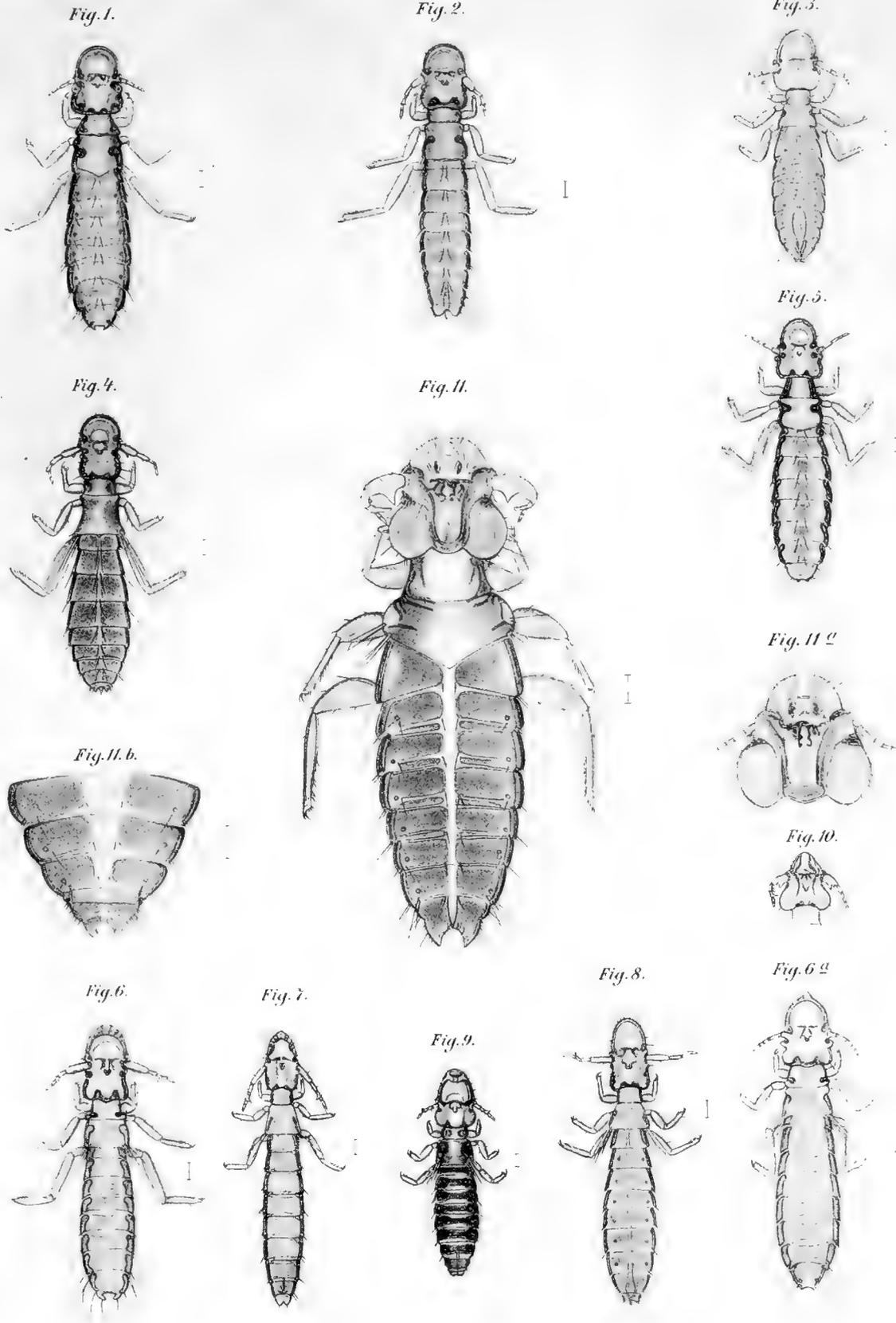
Ed. Kistner sculp.



Tabula VI.

## Tafel 6.

- Fig. 1. *Lipeurus Meyeri* Tschb. ♀.  
 „ 2. „ *quadrimus* N. ♂.  
 „ 3. „ *helvulus* N. ♂.  
 „ 4. „ *Burmeisteri* Tschb. ♂.  
 „ 5. Weibchen (?) desselben Thieres.  
 „ 6. *Lipeurus sinuatus* Tschb. ♂.  
 „ 6a. Weibchen.  
 „ 7. *Lipeurus oxycephalus* Tschb. ♂.  
 „ 8. „ *ischnoccephalus* Tschb. ♂.  
 „ 9. „ *lugubris* Tschb. ♂.  
 „ 10. Kopf von *Lipeurus foedus* N. ♂.  
 „ 11. *Bothriometopus macrocnemis* N. ♂.  
 „ 11a. Kopf des Weibchens.  
 „ 11b. Hinterleibsende des Weibchens.



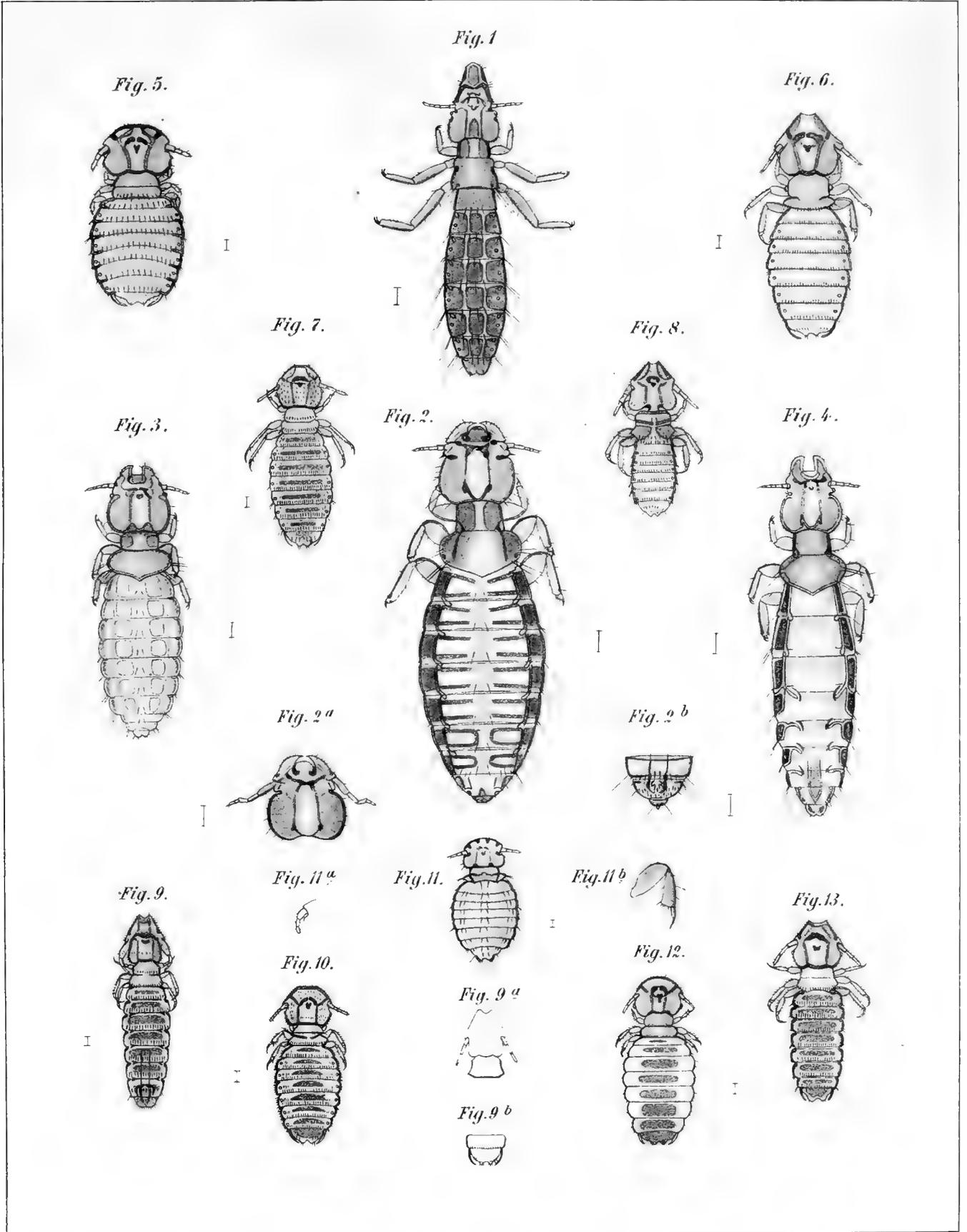
O. Taschenberg del.



Tabula VII.

## Tafel 7.

- Fig. 1. *Lipeurus crenatus* Gbl. ♀.  
 .. 2. *Ornithobius hexophthalmus* N. ♀.  
 .. 2a. Kopf des Männchens.  
 .. 2b. Hinterleibsspitze des Männchens.  
 .. 3. *Akidoproctus rostratus* Rud.  
 .. 4. „ *stenopygus* N. ♂.  
 .. 5. *Trichodectes pinguis* Burm. ♀.  
 .. 6. „ *setosus* Gbl. ♀.  
 .. 7. „ *longicornis* N. ♀.  
 .. 8. „ *mexicanus* Rud. ♂.  
 .. 9. „ *cornutus* Gerv. ♂.  
 .. 9a. Kopf des Weibchens.  
 .. 9b. Hinterleibsende des Weibchens.  
 .. 10. *Trichodectes peregrinus* Tschb. ♀.  
 .. 11. „ *vulpis* D. ♀.  
 .. 11a. Antenne des Männchens.  
 .. 11b. Bein desselben Thieres.  
 .. 12. *Trichodectes brevicaps* Rud.  
 .. 13. „ *Meyeri* Tschb.



O. Taschenberg del.

Lith. Anstalt v. P. Neumann, Neudamm.



NOVA ACTA  
der Ksl. Leop.-Carol.-Deutschen Akademie der Naturforscher  
Band XLIV. Nr. 2.

---

## Beschreibungen

von

# Jugendstadien exotischer Lepidopteren.

Von

Dr. **H. Dewitz**,  
M. A. N.

Mit 2 Tafeln Nr. VIII—IX.

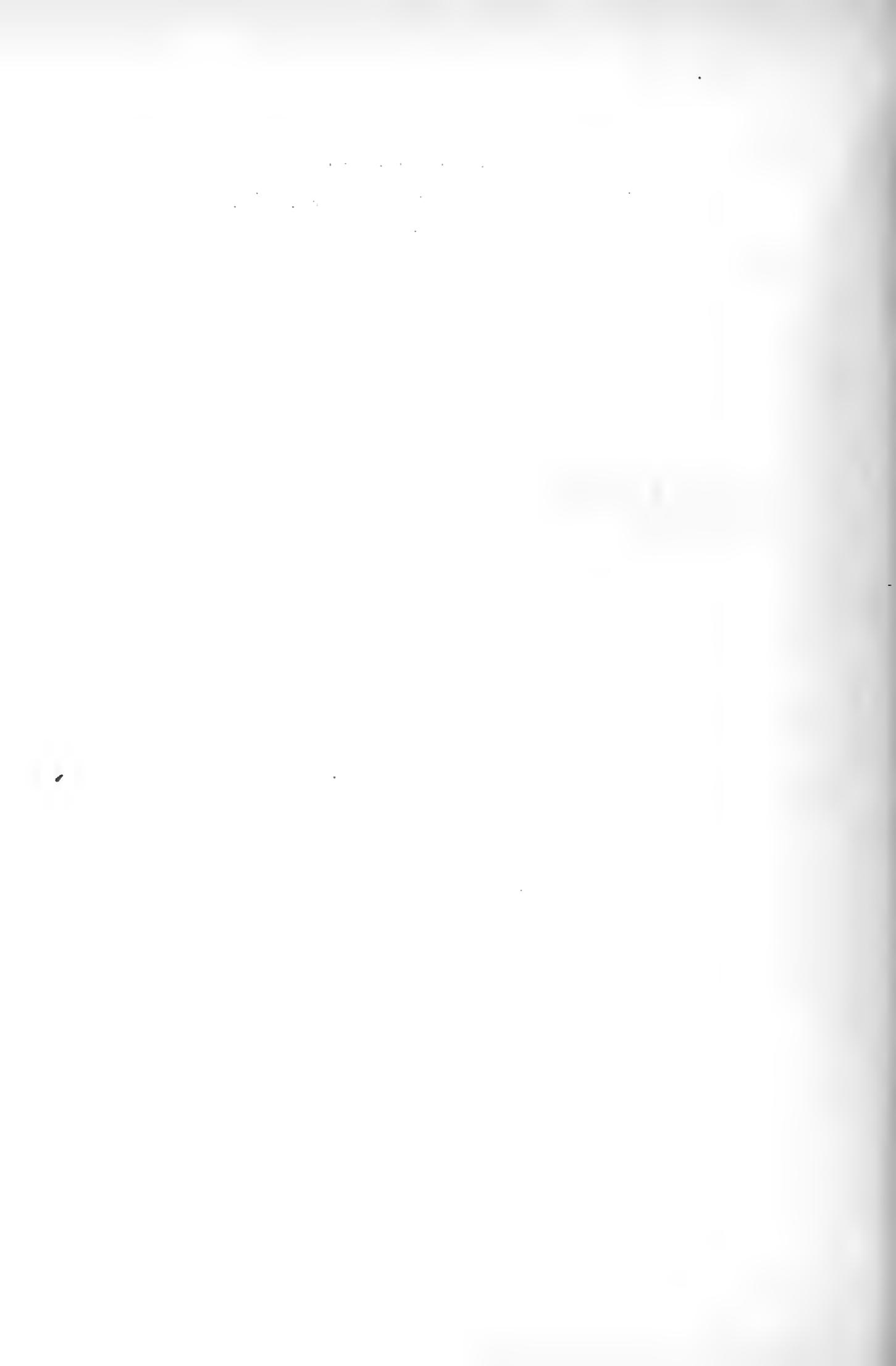
*Eingegangen bei der Akademie den 10. December 1881.*

---

**H A L L E.**

1882.

Druck von E. Blochmann & Sohn in Dresden.  
Für die Akademie in Commission bei Wilh. Engelmann in Leipzig.



Nachstehende Beschreibungen von Raupen, Puppen und Gespinnsten sind angefertigt nach Angaben und Zeichnungen, wie auch nach trockenen und Spirituspräparaten, welche ich den Herren Dämel in Hamburg, Dr. Gundlach auf Cuba, Koch auf Luzon und Professor Poey in Habana verdanke.

Die Ausführung der Zeichnungen ist von Herrn Kaufmann Hache und Herrn Kupferstecher Tieffenbach in Berlin gemacht.

Allen diesen Herren erlaube ich mir meinen verbindlichsten Dank zu sagen.

## I. Cuba.

### **Colaenis Delila Fabr.**<sup>1)</sup>

Taf. 1. Fig. 6, 6A.

Die Raupe lebt auf Passifloren, *Passionaria*. — Länge eines Spiritus-exemplares 0,022 m. Sie ist schwarzbraun mit langen schwarzen Dornen besetzt, welche nicht besonders zahlreiche schwarze Borsten tragen; zwei solcher Dornen stehen auf dem Scheitel. Der Kopf (Fig. 6A) ist platt, von vorne nach hinten zusammengedrückt, viereckig, zeigt am Scheitel fast dieselbe Breite, wie am Unterrande des Gesichtes. Die Farbe des Kopfes ist gelb; auf der Stirn steht jederseits unter den schwarzen Dornen ein eckiger schwarzbrauner Fleck, ein anderer, sich bis zu den Mundtheilen herabziehender nimmt die Region der Punktaugen ein. Auch der grosse spitze Clypeus und der vordere Theil der Mandibeln sind schwarzbraun. Eine vom Clypeus ausgehende Furche theilt den Hinterkopf in zwei Hemisphären. Der Körper ist schwarzbraun, Brust- und Bauchfüsse, wie auch Nachschieber und Afterklappe sind gelb, ebenso die Warzen, welche die Dornen tragen. Letztere bilden sechs Reihen; die eine verläuft dicht über den Füßen, unmittelbar unter den Stigmen, die zweite Reihe dicht über den Stigmen und dicht über dieser Reihe endlich die dritte jederseits. Der Rücken ist frei und auf ihm scheiteln sich die Dornen nach beiden Seiten. Jedes Segment trägt also sechs Dornen, das letzte und die beiden ersten weniger. Auf der Mittellinie des Rückens stehen

<sup>1)</sup> Syst. Ent. p. 510. — *Cillene* Cram., Pap. Exot. t. 215. f. D. E.

einige weissgelbe Fleckchen, ebenso an den Seiten; auch bemerkt man bei richtig auffallendem Lichte besonders an der Basis der oberen Dornen stahlblauglänzende Flecken.

Die Raupe von *Colaenis Julia* Fabr. (*Alcionea* Cram.) ist von Sepp<sup>1)</sup> abgebildet. Sie unterscheidet sich der Abbildung zufolge von der Raupe von *Delila* durch grosse weissliche Flecken am Körper und durch abweichende Kopfzeichnung.

### **Pyrgus Syrictus Fabr.<sup>2)</sup>**

Taf. 1. Fig. 11, 11A.

Die Raupe lebt auf Malvaceen, z. B. *Sidaarten*. Der Kopf (Fig. 11A) ist oben ebenso breit, wie unten, auf dem Scheitel tief eingekerbt, stark abgeschmürt. Der erste Brustring ist ebenso wie der Kopf schwarz, der übrige Körper grün, mit kurzen, steifen, weissen Härchen besetzt. Die Brustbeine sind schwarz, die hinteren nur an der Spitze. Bei einigen Exemplaren zeigten sich nach Angabe Dr. Gundlach's auch schwache Andeutungen einer, in ihrer Färbung kaum dunkler als die grüne Grundfarbe gehaltenen Dorsal-, Subdorsal- und Stigmatlinie.

Das vorliegende Spiritusexemplar ist 0,022 m lang.

### **Pergesa Croesus Dalman.<sup>3)</sup>**

Taf. 1. Fig. 9.

Die Raupe lebt auf *Erythroxylum* und *Hamelia*. Sie verpuppt sich oberhalb der Erde unter abgefallenen Blättern, welche sie durch Gespinnst vereinigt. Länge etwa 0,05 m. Grundfarbe rosa mit violettbraunen Zeichnungen. Der vierte Ring ist verdickt und mit einem Augenfleck jederseits versehen. Die obere Hälfte des schwarzbraun umrandeten Augenflecks ist braun mit schwarzem Kern, die untere gelb und carminroth. Die von den beiden Augenflecken bis zum Schwanzhorn sich hinziehende violettbraune Rückenfärbung wird jederseits von einer rosafarbigem Längsbinde begrenzt.

<sup>1)</sup> Surinaamsche Vlinders I. t. 5.

<sup>2)</sup> Syst. Ent. p. 534. — *Orcus* Cram., Pap. Exot. t. 334. f. J—L.

<sup>3)</sup> Annal. Entom. p. 48. — *Thorates* Hübn., Zutr. f. 525 u. 26.

Das gekrümmte Horn ist violettbraun, an der äusseren Spitze weisslich. Die Seiten des Körpers sind rosa; jedes Segment trägt an der Seite einen braunen, nach oben zugespitzten, unten gezackten, schräge gestellten Fleck. Der letzte Fleck zieht sich bis zu den Nachschiebern herab. Die Stigmen sind gelb, Bauchseite und Füsse rosa. Es findet sich auch eine hellere grüne Varietät.

**Sphinx (Pseudosphinx) Tetrio Lin.<sup>1)</sup>**

Taf. 1. Fig. 2, 2A.

Schon vielfach ist die Raupe dieser Art beschrieben, doch wohl noch nicht in ihren jüngsten Stadien. Herr Dr. Gundlach schickte Raupen, welche eben das Ei verlassen hatten, wie auch zum Ausschlüpfen reife Eier. Die in letzteren zusammengerollt liegenden Raupen hatten schon dieselbe, nur etwas mattere Färbung, wie bereits ausgeschlüpfte. Auch war der peitschenförmige Anhang des elften Körperringes und die beiden Dornen auf der Afterklappe<sup>2)</sup> schon im Ei entwickelt.

Die eben ausgeschlüpfte Raupe ist 0,007 m lang, der Anhang am elften Leibesringe 0,005 m. Die Raupe ist schwarz und weiss quer gebändert. Der Kopf ist gelblich, im Leben vielleicht wie bei der erwachsenen roth. Der peitschenförmige Anhang und die beiden Dornen der Afterklappe erhalten wohl erst nach dem Verlassen des Eies ihre schwarze Farbe. Auf dem Körper verlaufen sechs Längsreihen kleiner schwarzer mit einem Haar besetzter Wärzchen und zwar je eine Reihe zu jeder Seite des Rückens, eine über und eine unter der Stigmenreihe; bei einem 0,012 m langen Thiere (Fig. 2A) nahm ich keine Spur mehr davon wahr.

Weismann<sup>3)</sup> sagt über die Raupe von *Tetrio*: „Ueber die Entstehung ihrer so ganz abweichenden Zeichnung kann erst ihre Ontogenese Aufschluss geben, in welcher sicherlich noch ein oder das andere ihrer älteren phyletischen Stadien erhalten sein wird.“ In der Meinung, es würde sich vielleicht die Weismann'sche Vermuthung bestätigen und bei ganz jungen Raupen eine den

<sup>1)</sup> *Hasdrubal* Cram., Pap. Exot. t. 246. f. F.

<sup>2)</sup> cf. Archiv f. Naturg. 44. Jahrg: 1. Bd. p. 10. t. 1. f. 11.

<sup>3)</sup> Studien zur Descendenztheorie II. Ueber die letzten Ursachen der Transmutation. Leipzig 1876, p. 61.

übrigen Sphingidenraupen ähnliche Zeichnung finden, bat ich Herrn Dr. Gundlach, junge Thiere zu sammeln. Wir haben gesehen, dass diese Vermuthungen sich nicht bestätigen, sondern dass die Zeichnung schon im letzten Stadium des Eilebens dasselbe Princip (Querstreifung) in sich trägt, wie bei der erwachsenen Raupe.<sup>1)</sup>

So ganz vereinzelt steht diese Zeichnung unter den Sphingidenraupen übrigens nicht da, denn auch die Raupe von *Enyo Pan* Cram. ist nach Stoll<sup>2)</sup> quergebändert, nur mit dem Unterschiede, dass bei letzterer die Segmente weiss sind und ein schwarzes Querband tragen, während bei *Tetrio*, wenigstens im erwachsenen Zustande, sich helle Binden auf dunklem Grunde finden.

### **Glaucopis Chalciope Hübn.<sup>3)</sup>**

Taf. 1. Fig. 5.

Der schwarzbraune Cocon ist an beiden Enden zugespitzt und läuft auch auf der der Ansatzfläche entgegenstehenden Seite in einen spitzen Höcker aus. Der Cocon besteht aus einer dünnen durchsichtigen Gespinnsthaut, welche mit den langen, fein gefiederten, schwarzbraunen Haaren der Raupe dicht bedeckt ist.

Die Raupe lebt auf *Cupania Americana* Linn.

### **Glaucopis Omphale Hübn.<sup>4)</sup>**

Taf. 1. Fig. 4.

Der Cocon ist ellipsoidisch und wird von einer dünnen, durchsichtigen, farblosen Gespinnsthaut gebildet, in der die goldgelben Haare der Raupe eingesponnen sind.

Die Raupe lebt auf *Mikania*.

---

<sup>1)</sup> Burmeister macht im Atlas de la description physique de la République Argentin, Lepidopt. p. 34. t. 13. f. 4, die ebenfalls quergestreifte Raupe von *Pseudosphinx Seyron* Burm. bekannt.

<sup>2)</sup> Suppl. à l'ouvrage Papill. Exot. par Cramer, t. 22. f. 2.

<sup>3)</sup> Zuträge f. 469 u. 70.

<sup>4)</sup> Samml. Exot. Schmett.

**Charidea Cimicoides H. Sch.**<sup>1)</sup>

Taf. 1. Fig. 14, 14A.

Der vorliegende Cocon hat die Gestalt eines der Länge nach halbirten Ellipsoides. Die platte Seite ist einem Blatt angeheftet. Er besteht aus einem äusserst feinen, durchsichtigen Gespinnst, in dem die unteren Enden der langen gelben Haare der Raupe eingesponnen sind. Der übrige Theil der Haare steht frei nach oben.

Die Raupe lebt auf *Cecropia*.

**Heterogenea Argentiflua Hübn.**<sup>2)</sup>

Dr. Gundlach übersandte Cocons von *Euproctis Argentiflua* Hübn. Dieselben beweisen, wie auch Dr. Gundlach sehr richtig bemerkte, dass diese Art nicht zu den Lipariden (Gatt. *Euproctis*) gehört, also trotz ihrer weissen Färbung keine Verwandtschaft mit unserer *Chrysorrhoea* L. etc. besitzt, sondern vielmehr zu den Cochliopoden zu rechnen ist. Die Cocons sind tonnenförmig, an beiden Enden abgerundet; sie sitzen einem Blatte oder Aste fest auf, sind fest pergamentartig, lederbraun, mit einer weissen Substanz bepudert. Letztere findet sich auch auf anderen Cochliopodencocons; oft bildet sie scharf begrenzte Zeichnungen. Besonders auffällig ist ein von Dr. Hilgendorf in Japan gefundener Cocon gezeichnet, indem weisse Längsstreifen die braune Grundfarbe durchsetzen. Ob diese Zeichnungen bei ein und derselben Art constant bleiben, vermag ich nicht zu sagen.

Aeltere, längere Zeit der Witterung ausgesetzt gewesene Cocons verlieren die weisse Zeichnung und werden einfarbig graubraun.

Von den Cocons von *Argentiflua* wird, wie bei den übrigen Cochliopoden, beim Ausschlüpfen des Thieres das eine Ende in Form eines im Umriss kreisrunden Deckels abgestossen. Auch die Puppen stimmen, so weit dieses die sich in den Cocons befindenden Hüllen erkennen liessen, mit denen unserer beiden europäischen Arten (*Limacodes* Hufn. und *Asella* Schiff.) überein; sie sind weich, schwach chitinisirt und besitzen frei abstehende Gliedmassen.

<sup>1)</sup> Schmetterlinge d. Insel Cuba. — Correspondenzblatt d. zool.-mineral. Vereins in Regensburg 1864.

<sup>2)</sup> *Euproctis Argentiflua* Hübn., Samml. Exot. Schmett.

Die Raupe kenne ich nicht, doch fand ich Stücke der Raupenhaut im Cocon, welche theilweise mit dünnen, gefiederten Haaren und steifen Dornen besetzt waren; ich vermuthete, dass die Raupe der einen oder anderen der von Moore<sup>1)</sup> abgebildeten gleicht.

*Heterogenea Argentiflua* hat als Schmarotzer *Smicra Ignea* Cresson.<sup>2)</sup>

Die Raupe lebt auf *Coffea* und *Terminalia*.

Die Hübner'sche Abbildung von *Argentiflua* stimmt mit den mir vorliegenden Stücken, nur gehört der Hinterleib bei der Abbildung des ♂ einer *Euproctis* an, was wohl auf einem Irrthum beruht.

**Perophora<sup>3)</sup> Packardii Grote.<sup>4)</sup>**

Taf. 1. Fig. 1, 1A (cf. 7, 8, SA).

Die Raupe lebt in einem Sack, den sie, wie es scheint, aus genagter Rinde erbaut. Er ist fest, stark in der Wand, mit weissem, etwas bräunlichem, feinem Gespinnst auf der Aussen- und Innenseite dicht überkleidet; seine Gestalt ist langgestreckt ellipsoidisch. An beiden Enden besitzt er ein rundes Loch und einen Fortsatz. Der eine der Fortsätze wird vor der Verpuppung an einen Zweig fest angespannen. Auch scheint die an diesem Fortsatze liegende Oeffnung zu dieser Zeit durch Gespinnst verschlossen zu werden, wenigstens zeigt der vorliegende Sack noch Spuren davon. Die Lage des Sackes während der Puppenruhe ist wahrscheinlich eine solche, dass diese verschlossene Oeffnung nach oben gerichtet ist.

Der an dem entgegengesetzten Ende gelegene Fortsatz ist knotig und entsendet mehrere aus Gespinnstmasse angefertigte, gekräuselte Fäden, so dass er das Ansehen eines kurzen Astes mit Luftwurzeln oder Ranken besitzt; einen solchen Faden trägt auch der vorliegende Sack selbst. Von der an diesem berankten Fortsatze gelegenen Oeffnung ausgehend verlaufen sechs schwarzbraune Bänder bis zum Drittel oder bis zur Mitte des Sackes.

<sup>1)</sup> Catal. Lep. Museum Nat. Hist. East-India House, Vol. II. 1858—59. t. 21.

<sup>2)</sup> Hymenopt. of Cuba. — Proceed. Ent. Soc. Philadelphia 1865.

<sup>3)</sup> Die Gattung wird von Herr. Schäffer wohl mit Recht zu den Saturniden gestellt. — Schmetterlinge der Insel Cuba, im Correspondenzblatt d. zool.-mineral. Vereins in Regensburg 1864 u. 65. Separ. p. 41.

<sup>4)</sup> Proceed. Ent. Soc. Philadelphia 1865. t. 4. f. 6.

Die Raupe lebt einer früheren Mittheilung Dr. Gundlach's zufolge <sup>1)</sup> auf *Psidium*.

Das Berliner Museum besitzt Gehäuse und Raupen einer anderen Art ohne Vaterlandsangabe. Die Gehäuse (Fig. 8) sind von gelblicher Färbung und zeichnen sich dadurch aus, dass sie in der Mitte einen Gürtel von aufgesetzten Klümpchen tragen, die ihnen im Verein mit den rankenartigen Fäden vollständig das Ansehen einer Frucht oder Knolle geben. Durchschnitte zeigen, dass die Wand ebenso wie auch bei den anderen Arten aus einer 0,001 bis 0,0015 m dicken Schicht aneinandergepackter und durch Gespinnst verbundener Klümpchen einer gekauten Holz- oder Rindenmasse besteht. Die Holzschicht ist beiderseits von einer festen pergamentartigen Haut und diese von einer feinen seidenartigen Gespinnstschicht überkleidet. Die aufgesetzten Klümpchen bestehen ebenfalls aus gekautem Holze und sind auch mit einer festen Pergamenthaut und feinem Gespinnst überkleidet.

Die Gehäuse einer dritten Art (Fig. 7) von Porto Allegro sind graubraun und mit einer festen, auf der Aussenseite chagrinartig gekörnten Pergamenthaut, nicht jedoch mit der feinen Gespinnstschicht überkleidet. Die beiden Fortsätze sind platt und breit, an den Rändern gekerbt. Ebenso wie die Gehäuse der beiden anderen Arten zeigen auch diese die rankenartigen Fäden.

Von den beiden zuletzt besprochenen Arten liegen mir mehrere Raupen vor. Sie sind nackt, nur mit vereinzelten Härchen besetzt, haben ausser den drei Paar Brustfüssen vier Paar mit Hakenkränzen besetzter Bauchfüsse und sehr kräftige Nachschieber. Die hintere Hälfte der Raupen ist dicker als die vordere, bei der einen Art (ohne Vaterlandsangabe) sogar unverhältnissmässig stark angeschwollen (Fig. 8A). Der Rückentheil der beiden letzten Leibesringe bildet einen Schild, welcher die Afteröffnung, wie auch die Nachschieber ganz überdeckt. Die Chitinhaut des Körpers ist chagrinartig gekörnt, die Farbe bei der Art von Porto Allegro hell gelblich; bei der anderen (ohne Vaterlandsangabe) ist der hintere verdickte Theil schwarz, der schlanke vordere gelblich, schwarzbraun gesprenkelt. Wahrscheinlich wird nur dieser vordere Theil zur Oeffnung herausgestreckt, während der hintere verdickte

---

<sup>1)</sup> Zeitschr. f. d. gesamt. Nat. Bd. LII. 1879. p. 170.

Theil wohl stets im Gehäuse bleibt. Kopf und Beine sind schwarz. Natürlich ist es leicht möglich, dass die Färbung sich im Spiritus erheblich geändert hat.

Sepp<sup>1)</sup> bildet die Jugendstadien einer hierhergehörigen Art von *Aemilia* Cr. (*Vorax* Sepp) ab. Die Raupe zeigt nicht die Anschwellung der hinteren Hälfte.

Herr. Schäffer<sup>2)</sup> führt mehrere verwandte Arten auf, die wohl alle dieselbe Lebensweise haben.

**Euscirrhopterus Poeyi Grote.<sup>3)</sup>**

Taf. 1. Fig. 10, 10A, 10B, 10C.

Dr. Gundlach übersandte vier ausgeblasene Raupen und eine Puppe. Die Raupen sind 0,05 m lang und schwarzbraun und gelbweiss längsgebändert. Die Binden sind nicht durch gerade Linien begrenzt, sondern an ihren Rändern vielfach gezackt und gezahnt. Ein Theil der Binden ist hell und dunkel marmorirt. Bauchseite und Bauchfüsse sind gelblich. Der Kopf, der Nackenschild und die Brustfüsse sind braun. Der Clypeus ist quergefurcht. Der elfte Ring bildet auf der Rückenseite eine braun gefärbte, von der Dorsalbinde durchgezogene, bucklige Erhebung. Jedes Segment trägt auf der Mitte einige Haare.

Die Puppe ist 0,016 m lang, mattbraun, fein granulirt. Das letzte Segment ist runzlig und mit zwei sehr kurzen, weit von einander abstehenden Spitzen versehen (Fig. 10C). Der Stirnhöcker der Imago ist auch bereits bei der Puppe angedeutet.

Die Raupe lebt auf *Pisonia Aculeata* Linn.

**Callierges Sunia Gn.<sup>4)</sup>**

Taf. 1. Fig. 15.

Der weisslichgraue pergamentartige Cocon ist langgestreckt, schmal, auf der einen Seite platt, auf der anderen abgerundet. Das Kopfende fällt

1) Surinaamsche Vlinders t. 20.

2) l. c.

3) *Heterandra Disparilis* H. Sch., Schmett. d. Insel Cuba.

4) Hist. Nat. Insectes, Lep. Noct. I. p. 149.

steil ab und trägt einen weit vorragenden Höcker. Die Oberfläche des Cocons ist, mit Ausnahme der dem Gegenstande ansitzenden Seite, gekörnt.

Die Raupe lebt auf *Gossypium*.

**Euthisanotia Timais Cram.<sup>1)</sup>**

Taf. 1. Fig. 12.

Die Raupe ernährt sich von verschiedenen Pflanzen aus der Familie der Amaryllideen, z. B. *Crinum*, *Pancreatium*, *Zephyranthes*. Wenn bei grosser Zahl der Raupen die Pflanze kahl gefressen ist, dringen sie sogar in die Zwiebel ein. Die Verpuppung geschieht am Fusse der Pflanze oder in der Erde.

Länge der Raupe 0,038 m. Kopf, erster Brustring, Bauch, wie auch die häutigen Füsse und das hintere Körperende sind lehmgelb und weiss, der übrige Körper ist schwarz, mit weissen Fleckchen besetzt. Der lehmgelbe Kopf trägt vier schwarze abgerundete Fleckchen, einen zu jeder Seite des Clypeus, in dem anderen liegen die Punktaugen. Auch der Oberkiefer und die Oberlippe sind schwarz. Der Kopf ist ebenso wie der Körper spärlich schwarz behaart. Der erste Brustring ist oben gleich dem Kopfe lehmgelb gefärbt; hier markirt sich ein stärker chitinisirter Nackenschild, der an seinem Vorderrande vier grössere, am Hinterrande vier kleinere schwarze, mit je einem Haar besetzte Flecken trägt.

An den Seiten des ersten Brustringes und an den übrigen Körperringen zeigen sich schwarze Wärzchen, welche je ein, höchstens zwei Haare tragen. Der Körper ist ausserdem mit weissen, ins Gelbliche gehenden Fleckchen besetzt, welche zum grössten Theil abgerundet sind. Die am Hinterrande der Segmente gelegenen sind grösser als die übrigen. Die Afterklappe ist gelbbraun mit schwarzen Zeichnungen. In der Mitte derselben liegen zwei schwarze mit je einem Haar besetzte Fleckchen. Bauchseite und Bauchfüsse weiss und lehmgelb, die beiden Spitzenglieder der Brustfüsse sind schwarzbraun, ebenso ein kleiner stärker chitinisirter Fleck an der Aussenseite der Bauchfüsse.

<sup>1)</sup> Pap. Exot. t. 275. f. B.

In einer früheren Beschreibung<sup>1)</sup> nannte ich den schriftlichen Angaben Gollmer's zufolge die Grundfarbe „blass olivengrün“, doch scheint mir, wenigstens nach den Spiritusexemplaren und der Abbildung von Sepp<sup>2)</sup> zu urtheilen, die Bezeichnung Gundlach's „schwarz“ richtiger. Die Beschreibung und Abbildung Guenée's<sup>3)</sup> passt nicht.

**Euglyphia Fastuosa Guen.<sup>4)</sup>**

Taf. 1. Fig. 13.

Die Raupe lebt auf *Corchorus Siliquosus* L. (*Malva té* genannt).

Die Verpuppung geschieht in einem Gespinnst zwischen den dürren Blättern und der Rinde der Pflanze.

Die Raupe ist nackt, weiss mit schwarzen Zeichnungen. Der stark gewölbte Kopf ist roth; die Mundtheile sind grösstentheils schwarzbraun. Die Grundfarbe des Körpers ist weiss. Der erste Bruststring trägt ein schwarzes Nackenschild. Fünf schwarze schmale Längsbinden durchziehen den Körper. Eine verläuft auf der Mittellinie des Rückens, eine zu jeder Seite des Rückens und eine über den Füßen unterhalb der schwarzen Stigmen. Letztere ist an den einzelnen Segmenten verbreitert und trägt da einen weissen Punkt. Ausserdem wird jedes Segment der Quere nach von drei bis vier theils stärkeren, theils schwächeren Binden durchzogen, welche jedoch nicht über die unterste Längsbinde herabreichen. Der Bauch ist grünlichweiss. Die Brustbeine sind schwarz, auf der Innenseite weiss gefleckt. Die Aussenseite der Bauchfüsse trägt eine schwarze, in ihrer Mitte mit einem braunen Fleck versehene, nach unten in eine Spitze auslaufende Platte. Die Afterklappe wird von einem rothen, glatten, gewölbten, schwarz umrandeten Schilde gebildet. — Länge des vorliegenden Spiritusexemplares 0,035 m.

<sup>1)</sup> Archiv für Naturg. 44. Jahrg. 1. Bd. p. 31.

<sup>2)</sup> Surinaamsche Vlinders I. t. 28.

<sup>3)</sup> Hist. Nat. Insectes, Lep. Noct. I. p. 116. t. 2. f. 6.

<sup>4)</sup> Hist. Nat. Insectes, Lep. Noct. I. p. 117.

## II. Cap York.

### Doratifera *Chrysochroa* Feld.<sup>1)</sup>

Taf. 1. Fig. 3.

Lewin<sup>2)</sup> hat die Jugendstadien von *Dor. Vulnerans* Lew. bekannt gemacht. Das Berliner Museum besitzt ein Exemplar des Cocons dieser Art. Sowohl letzteres, als auch die Abbildung Lewin's zeigen, dass die Raupen einzeln leben und sich verpuppen. Anders verhält es sich mit *Chrysochroa*, wie ein mir vorliegender Ast mit 16 Cocons zeigt. Letztere sitzen so dicht nebeneinander, dass sie sich gegenseitig abplatten; sie sind pergamentartig, äusserlich grau, eiförmig gestaltet und erinnern in ihrer dicht gedrängten Lage an die Brutzellen von *Bombus*. Das spitzere, dem Aste abgewandte Ende wird bei dem Ausschlüpfen abgestossen.

Das Berliner zoologische Museum erhielt diese Cocons mit dem dazu gehörigen Thiere von Herrn Dämel in Hamburg.

<sup>1)</sup> Reise der Novara, Lep. t. 82. f. 13.

<sup>2)</sup> Prodrömus Ent., Nat. Hist. Lep. of New South Wales. London 1805, p. 5. t. 4.

### III. Luzon.

#### **Danais Juventa Cram.<sup>1)</sup>**

Taf. 2. Fig. 6, 6A, 6B.

Die Raupe ist 0,03 m lang, schwarz, mit weissen Fleckchen dicht besetzt. Der zweite Brustring und der drittletzte Hinterleibsring (11. Körper-ring) tragen je zwei lange peitschenförmige, an ihrer Basalhälfte carminrothe, an der Spitzenhälfte schwarze Hörner. Brust- und Bauchfüsse carminroth, Kopf schwarz. An der Abbildung von Moore<sup>2)</sup> sind die Beine schwarz.

*Ceylonica*<sup>3)</sup> hat ausser den weissen auch gelbe Fleckchen, *Juventa* nur weisse.

Die 0,018 m lange Puppe ist goldgelb. Der Kremaster und die beiden letzten Segmente, wie auch mehrere abgerundete Flecken am Körper sind schwarz. Ein Paar solcher Flecken steht auf der Grenze zwischen Vorder- und Mittelrücken, ein zweites an dem Hinterrande des Mittelrückens, das dritte Paar auf der Rückenseite des ersten Hinterleibsringes. Am dritten Hinterleibsringe verläuft von einer Flügelscheide zur anderen quer über den Rücken eine aus acht solchen Flecken bestehende Reihe. Der vierte Hinterleibsring trägt jederseits dicht über den Flügelscheiden einen schwarzen Fleck.

Die schwarze, stark chitinisirte, von den beiden letzten Hinterleibsringen gebildete Platte, welche den ebenfalls schwarzen Kremaster trägt, ist an ihrer Rückenseite breiter, als an der Bauchseite, und an letzterer mit zwei nach vorne übergelegten Wärzchen besetzt (Fig. 6B).

Verpuppt am 17., ausgeschlüpft am 27. October.

<sup>1)</sup> Pap. Exot. t. 188. f. B.

<sup>2)</sup> Catal. Lep. Ins. Museum East India Company 1857. Vol. 1. t. 4. f. 4.

<sup>3)</sup> Moore, Lep. of Ceylon, p. 8. t. 2. f. 2.

**Cethosia Biblis Drury** var. **Eurymena Feld.**<sup>1)</sup>

Taf. 2. Fig. 5, 5A, 5B.

Die 0,04—5 m lange Raupe ist citronengelb mit breiten, schwarzen Binden zwischen den Segmenten. Auf dem Körper stehen Reihen langer, schwarzer Dornen, von denen die unterste sich zwischen den Stigmen und den Bauchfüßen befindet. Der oben stark eingekerbte Kopf trägt zwei sehr lange, an der Spitze kolbig verdickte Anhänge. Kopf, Füße und Stigmen sind schwarz.

Moore hat die Raupe<sup>2)</sup> von *Ceth. Cyane* Fabr. und die<sup>3)</sup> von *Ceth. Nietneri* Feld. abgebildet. Diese Raupen sind schwarz und tragen auf jedem Ringe eine rothe, auf dem fünften und siebenten Ringe eine gelbe Querbinde. Bei *Nietneri* sind die Dornen mit Nebenästchen versehen.

Die Puppe ist 0,03 m lang, weissbraun mit dunkelbraunen und schwarzen Flecken; die Oberseite der Brust, wie auch der ersten Hinterleibsringe zeigt einige Goldflecken. Zahlreiche Dornen besetzen den Körper. Am Kopfe stehen zwei nach vorne gerichtete verbreiterte, an der Aussenkante gezähnte Fortsätze. Der Vorderrücken trägt ein Dornenpaar. Die scharfe Kante, in welche der Buckel des Mittelrückens ausläuft, besitzt in der Mitte eine Einkerbung. Neben dieser Kante steht jederseits ein Dorn, an der Wurzel der Flügelscheiden jederseits ein isolirter vorderer und zwei an ihrer Basis verschmolzene hintere Höcker. Die Hinterbrust und die Hinterleibsringe tragen oben je ein Dornenpaar. An den letzten Ringen treten diese Dornen nur noch als Warzen auf; am dritten Hinterleibsringe sind sie an der Basis stark verbreitert. Auf der Mittellinie des Rückens zeigt das fünfte, sechste und siebente Hinterleibssegment an seinem Vorderrande einen kleinen, warzenartigen Höcker. Ueber und unter jedem Stigma steht an den Seiten der Hinterleibsringe eine Warze oder kleiner Dorn, welcher am dritten und vierten Hinterleibsringe stark entwickelt ist. Doch fehlt dem zweiten und dritten Hinterleibsringe der unter dem Stigma gelegene Dorn, indem hier die Flügelscheiden bis ans Stigma

1) Reise der Novara Lep. p. 384.

2) Catal. Lep. East India Company, 1857. Vol. I. t. 5. f. 8.

3) Lepidopt. of Ceylon, Part II. 1881. p. 52. t. 27. f. 3.

treten. Der fünfte und sechste Hinterleibsring zeigt auf der Bauchseite ein Warzenpaar.

**Athyma Kasa Moore.**<sup>1)</sup>

Taf. 2. Fig. 2, 2A, 2B.

Die Raupe ist 0,035 m lang, smaragdgrün. Bauchseite und Bauchfüsse rothbraun; ebenso gefärbt ist der Rücken des achten Leibesringes. Der Kopf ist braun (Gesicht und Stirn schwarz) mit zahlreichen nicht verzweigten Dornen besetzt. Der Körper trägt zu jeder Seite des Rückens eine Reihe langer mit Seitenästchen versehener, an der Spitze in vier Aeste auslaufende Dornen; besonders lang sind die Dornen an den ersten Körperringen; eine zweite, aus kürzeren Dornen bestehende Reihe verläuft über den schwarzen Stigmen und eine dritte Reihe kurzer, jedoch auch noch mit Ausläufern versehener Dornen unter den Stigmen. Die Dornen sind gelblich, an der Spitze schwärzlich; die auf dem braunen Rückenflecke stehenden Dornen sind braun.

Die Raupe lebt auf *Stilago Bunius* (*Bignay calabao*).

Von der Raupe<sup>2)</sup> von *A. Leucothoë* Linn. unterscheidet sich diese durch den braunen Rückenfleck; auch sind die Dornen auf der Rückenseite bei *Leucothoë* auf den einzelnen Segmenten abwechselnd lang und kurz.

Die gestürzte Puppe wurde auf der Unterseite eines Blattes hängend gefunden. Sie ist 0,025 m lang und trägt mehrere weit vorragende Höcker. Der Kopf läuft jederseits in einen zugespitzten, blattartigen Fortsatz aus. Die Mittelbrust erhebt sich zu einem nach hinten übergelegten, von beiden Seiten zusammengedrückten scharfkantigen Buckel. Zu jeder Seite der Mittelbrust steht ein eckiger Höcker. Die Flügelscheiden treten scharfkantig hervor. Der Rückentheil des zweiten Hinterleibsringes erhebt sich zu einem beilartigen, nach vorne etwas übergelegten, platten, scharfkantigen Anhang. Neben diesem steht zu jeder Seite des Rückens auf dem zweiten, dritten und vierten Hinterleibsring ein kleiner, kegelförmiger Höcker. Ein ganz kleines Wärzchen trägt jederseits der Mittel- und Hinterrücken der Brust. Der dritte bis siebente Hinter-

---

<sup>1)</sup> Proceed. Zool. Soc. London, 1858, p. 19. t. 51. f. 6.

<sup>2)</sup> Moore, Cat. I. t. 5. f. 11.

leibsring laufen auf der Mittellinie des Rückens in einen Kamm aus. Auch sind diese Hinterleibsringe quer gerieft. Die Fühlerscheiden sind gezähnt.

Die Farbe der Puppe ist schwarzbraun. Der Rückentheil der Vorder- und Hinterbrust, wie auch des ersten Hinterleibsringes ist goldig gefärbt, ebenso die beiden Kämme des fünften und sechsten Hinterleibsringes und ein Fleck zu jeder Seite jedes dieser beiden Kämme.

Die Puppe unterscheidet sich von der<sup>1)</sup> von *Ath. Leucothoë* Linn. durch abweichende Gestalt der beiden Kopffortsätze, indem diese bei *Leucothoë* gerade nach vorne ragen, bei vorliegender Art nach den Seiten; auch hat *Leucothoë* gelbe und viel zahlreichere goldige Flecke und Striche am Hinterleibe und an den Flügelscheiden.

Der Falter erscheint im Juli.

#### **Ornithoptera Rhadamanthus Bsd.<sup>2)</sup>**

Taf. 2. Fig. 7, 7A, 7B.

Die Raupe ist sehr ähnlich der<sup>3)</sup> von *Pompeus* Cram. und *Darsius* Gray; ihre Färbung ist chocoladenbraun, die Spitzen der fleischigen Dornen sind roth. Auf den die beiden vorderen Bauchfusspaare tragenden Segmenten verläuft je eine fleischfarbene Querbinde, von denen die hintere sich auf die betreffenden Rückendornen hinaufzieht. Unterseite der Raupe und Bauchfüsse schwarzbraun, Kopf und Brustfüsse schwarz, die ausstülpbaren Kopfhörner gelb.

Verpuppt am 15. September, ausgeschlüpft am 6. October.

Die grünlichgelbe Färbung der Puppe wird von braunen Adern durchzogen.

#### **Papilio Palephates Westw.<sup>4)</sup>**

Taf. 2. Fig. 8, 8A, 8B, 8C.

Raupe und Puppe gleichen denen<sup>5)</sup> von *P. Dissimilis* L. Die Raupe lebt auf *Selifera Glutinosa* (*Puso-puso*). Sie ist 0,05 m lang. Das erste

<sup>1)</sup> Moore, Cat. I. t. 5. f. 11.

- Sp. Gén. I. p. 180.

<sup>3)</sup> Moore, Cat. Vol. I. t. 2. f. 1 u. 2.

<sup>4)</sup> Arc. Ent. t. 79. f. 1.

<sup>5)</sup> Moore, Cat. I. t. 2. f. 3.

Segment trägt dicht neben den ausstülpbaren Hörnern zwei Rückendornen und darunter jederseits einen rudimentären Seitendorn; das zweite, dritte, vierte zwei gut entwickelte Rücken- und Seitendornen und zwischen den beiden Rückendornen noch zwei kleine, dicht neben der Mittellinie des Rückens stehende; letztere sind am vierten Ringe äusserst winzig, bei einem Stücke sogar ganz geschwunden. Am fünften bis elften Ringe finden sich nur die beiden längeren Rückendornen, die kurzen des zweiten bis vierten Ringes, wie auch die Seitendornen fehlen. Der zwölfte Ring zeigt ausser den beiden Rückendornen wieder einen Seitendorn jederseits. Es markirt sich also besonders eine vom vorderen bis zum hinteren Ende verlaufende Dornreihe zu jeder Seite des Rückens und darunter eine kurze Seitenreihe am zweiten bis vierten Ringe.

Die allgemeine Körperfarbe ist graubraun mit zahlreichen kleineren schwarzen und grösseren carminrothen, schwarz umrandeten, abgerundeten Flecken besetzt. Auf dem Rücken und an den Seiten der ersten Ringe stehen einige goldgelbe Flecken, in der Mitte und am Ende des Körpers ausgedehnte hell gelblichweisse Zeichnungen. Von gleicher Farbe sind die ausstülpbaren Hörner, wie auch die Dornen des sechsten, elften und zwölften Ringes; die übrigen Dornen sind schwarz.

Die Puppe ist sehr schlank, besitzt das Ansehen eines kurzen Aststückchens. Vorne ist sie abgestutzt; der Mittelrücken tritt nach vorne dachartig vor; der Vorderrücken, wie auch die Oberseite des Kopfes sind sehr höckerig und runzelig (Fig. 8C). Auch an den übrigen Theilen ist die Puppe mit zwar bedeutend schwächeren Runzeln und Unebenheiten bedeckt. Zwei Reihen von Warzen stehen auf der Oberseite des Hinterleibes, eine darunter an jeder Seite. Der vordere Theil des Hinterleibes trägt jederseits über den Flügelscheiden einen langen, tiefen Eindruck. Die letzten Segmente (Fig. 8B) sind auf der Bauchseite stark eingedrückt, um sich dem Aste oder Stengel, an welchem die Puppe hängt, gut anlegen zu können, wodurch letztere wohl noch mehr das Ansehen eines abgestorbenen Nebenastes erhält. Die Afterspitze ist abgestutzt, die Farbe der Puppe schmutzig braungrau.

Verpuppt am 11. März, ausgeschlüpft am 26. März.

**Papilio Antiphus Fabr. var. Kotzebuea Esch.<sup>1)</sup>**

Taf. 2. Fig. 3, 3A, 3B.

Raupe und Puppe gleichen denen<sup>2)</sup> von *P. Hector* L.

Die Raupe ist 0,05 m lang, schwarzbraun, mit intensiv rothen Dornen. Eine Reihe dieser verläuft zu jeder Seite des Rückens, eine in der Nähe der Stigmen und eine aus kürzerer Dornen bestehende über den Füßen. Jedes Segment trägt also sechs Dornen. An den ersten Körperringen ist zwischen der Reihe am Rücken und an den Stigmen noch eine Reihe eingeschoben. Der fünfte Ring trägt eine gelblichweisse Querbinde, eine gleiche Färbung zeigen die Dornen dieses Ringes.

Die Puppe ist 0,025 m lang, braun mit helleren Sprenkeln. Der Kopf besitzt jederseits einen platten, blattartigen Fortsatz. Auf der Grenze zwischen Kopf und Brust verläuft quer über den Rücken eine hervorragende gekerbte Leiste. An beiden Seiten trägt die Mittelbrust je einen blattartigen Fortsatz und auf der Oberseite einen Längskiel, welcher sich nach hinten in zwei auseinandertretende Kiele spaltet. Von der zwischen Kopf und Brust gelegenen Leiste verlaufen nach der vorderen Spitze dieses Kiels fünf feine sich nur wenig erhebende Leistchen. Die ersten drei Hinterleibsringe bilden mit den sich ihnen von unten her anlegenden Flügeln einen grösseren scharfkantigen Vorsprung, hinter welchem an den beiden Seiten des vierten Hinterleibsringes ein kleinerer steht. Auf der Oberseite des vierten bis siebenten Hinterleibsringes stehen zwei Reihen (von je vier) kantiger Höcker.

Verpuppt am 23. Februar, ausgeschlüpft am 13. März.

**Papilio Alphenor Cram.<sup>3)</sup>**

Taf. 2. Fig. 1, 1A, 1B.

Die Raupe lebt auf Citronenpflanzen. In ihrer Jugend ist sie grau-braun mit weissen Zeichnungen, später wird sie grün mit einigen schwarz-braunen, weiss gerandeten und gesprenkelten Querbinden. Kopf und Brust-

1) Kotzeb. Reise III. p. 202. t. 1. f. 2.

2) Moore, Cat. I. t. 2. f. 4. Westwood, Arcana ent. I. t. 3.

3) Pap. Exot. I. t. 90. f. B.

füsse sind hell ockergelb, Bauchseite und Bauchfüsse weisslich. Die ausstülpbaren Hörner sind blutroth. In Gestalt, Färbung und Zeichnung stimmt sie mit der <sup>1)</sup> von *P. Pammon* L. ziemlich überein, doch verlaufen bei letzterer die beiden an den Bauchfüssen gelegenen Querbinden nicht ganz über den Rücken, was bei *Alphenor* der Fall ist.

Die Puppe ist in der Mitte geknickt, d. h. auf der Rückenseite eingebogen, auf der Bauchseite vortretend. Der Kopf läuft in zwei nach vorne vorstehende Hörner aus, welche auf ihrer Innenseite einige Zähnchen besitzen. Der Mittelrücken trägt einen grossen Höcker, kleinere stehen auf der Rückenseite der Hinterleibsringe. — Die Puppe ist braun, schwarz und weissgrau marmorirt, doch scheint die Färbung wie bei den meisten Papilionen-Puppen stark zu variiren, indem sich auch ganz grüne Puppen finden.

Die Puppenruhe dauert etwa zwölf Tage; der Schmetterling erscheint im September und October.

#### **Papilio Agamemnon Linn.<sup>2)</sup>**

Taf. 2. Fig. 4, 4A, 4B.

Die erwachsene Raupe ist 0,05 m lang, spitzt sich nach hinten stark zu. Die drei Brustringe tragen jederseits einen gekrümmten, stahlblauglänzenden, nach hinten gerichteten Dorn. Die Dornen des dritten Brustringes sind die längsten und an ihrer Basis roth gefärbt. Am Afterende stehen zwei ebenfalls blaue Dornen. Kopf, Körper und Beine der Raupe sind grasgrün mit etwas gelblichem Tone. An den beiden Seiten des Körpers zeigen sich Andeutungen schwärzlicher, von der Stigmenreihe nach oben und hinten verlaufender Schrägstreifen. Auf der Rückenseite stehen zwei Reihen schwarzer Punkte. Ausstülpbare Hörner am ersten Brustringe gelb.

Die von Koch angefertigte Zeichnung stimmt wenig mit der von Moore <sup>3)</sup> publicirten Abbildung überein, indem bei letzterer die Farbe fast gelb, auf der Bauchseite, an Kopf und Beinen fleischfarben ist und die Dornen fehlen. Auch ist die Körpergestalt eine ganz andere.

---

<sup>1)</sup> Moore, Catal. I. t. 3. f. 4.

<sup>2)</sup> Mus. Ulr. p. 202. Esper, Ausl. Schmett. t. 46. f. 1—3.

<sup>3)</sup> Cat. I. t. 3. f. 9.

Die Puppe ist 0,035 m lang, ebenso wie die Raupe grasgrün. Auf dem Mittelrücken trägt sie einen grossen Höcker, an dem vier Leisten herablaufen. Die eine verläuft von der Spitze des Höckers über den Vorderrücken bis zum Kopfe, die drei anderen bis zur Hinterbrust. Die Spitze und die beiden seitlichen Leisten dieses Höckers sind braun gestrichelt. Diese auf milchweissem Grunde gelegene Strichelung zieht sich an der Kante der Flügelscheiden als schmales Band bis zur Bauchseite herab. Eine gleiche braune Strichelung zeigt ein kleiner Seitenhöcker der Mittelbrust und die beiden Ecken des Kopfes. Sämmtliche Hinterleibsringe tragen zu jeder Seite des Rückens einen sehr feinen Längskiel. Das letzte Segment ist vierkantig, hinten spitz, und zeigt ein rauhes, durch eingestochene Punkte und Querrunzeln hervorgerufenes Aussehen.

Eine Raupe verpuppte sich am 4. December und lieferte am 16. December den Falter, doch ist letzterer im October am häufigsten.

**Macroglossa Hylas Linn.**<sup>1)</sup> var.

Taf. 2. Fig. 9, 9A, 9B.

Die Raupe ist 0,06—7 m lang; sie kommt in zwei Färbungen vor, einer hellen und einer dunklen. Nackenschild, Horn, Afterklappe und Nachschieber mit kleinen Wärzchen besetzt. Der Rückentheil der hellen Form ist weissblau. Diese Färbung wird jederseits durch eine grüne Binde begrenzt, der sich eine weissblaue durch einen rothen Strich von ihr getrennte Binde anschliesst. Der übrige Theil der Seiten, der Bauch, die Bauchfüsse und Nachschieber sind grün; Stigmen und Brustfüsse roth, letztere an der Basis schwarz. Unterhalb der Stigmenreihe zeigen sich Andeutungen einer rothen Längslinie. Der Kopf ist grüngelb, ebenso das Schwanzhorn, welches mit kleinen schwarzen Wärzchen besetzt ist. Die den Nackenschild, die Afterklappe und die Nachschieber besetzenden Wärzchen sind weissblau.

Bei der dunklen Form (Fig. 9A) ist der Rücken schwarz; diese Färbung wird jederseits von einer breiten, rosafarbenen Binde begrenzt, der sich nach

<sup>1)</sup> *Picus* Cram., Pap. Exot. II. t. 148. f. B. — Das mir vorliegende Stück von *Luzon* zeigt dichte, weisse Beschuppung auf der Ober- und Unterseite der Flügel.

unten eine schmale, linienartige weisse anschliesst. Der übrige Theil der Seiten ist schwarz, die Stigmen sind roth umrandet. Dicht über der Stigmenreihe verläuft eine gelbe Längslinie und auch unterhalb der Stigmen zeigen sich Andeutungen einer solchen. Bauchseite und Bauchfüsse sind grau, Brustfüsse roth; Kopf, Nackenschild, Afterklappe und Nachschieber gelbbraun; der Buckel, auf dem das Horn steht, ist braun, das Horn schwarz.

Eine junge 0,033 m lange Raupe ist schwarz, nur Kopf, Füsse (incl. Nachschieber) und Afterklappe sind gelbbraun; Stigmenflecke und Buckel, welcher das schwarze Horn trägt, roth.

Anfangs Juni, also am Anfange der Regenzeit, ist die Raupe sehr häufig. Das Thier liegt durchschnittlich vierzehn Tage als Puppe in der Erde.

Die Puppe ist 0,035 m lang, von schwarzbrauner Farbe. Die Hinterleibsspitze (Fig. 9B) ist der Länge nach gerunzelt und läuft in eine sich in zwei Aeste spaltende Spitze aus. Der auf der Unterseite der Hinterleibsspitze gelegene After ist stark eingezogen. Die Oberfläche der Puppe zeigt eine feine, dichte Querrunzelung und ausserdem eingestochene Punkte.

#### **Euschema Bellonaria Guen.<sup>1)</sup>**

Taf. 2. Fig. 10, 10A, 10B.

Die Raupe beweist, dass diese Art, und bei der grossen Aehnlichkeit der bekannten Arten unter einander, jedenfalls die ganze Gattung zu den Spannern gehört und nicht zu den Spinnern, wohin sie in neuerer Zeit wohl allgemein gerechnet wird. Doch stellte Guenée diese Gattung (*Hazis* = *Euschema*) richtig zu den Spannern. Auch die verwandte Gattung *Nyctemera* Hübn. wird nach meiner Vermuthung Spannerraupen besitzen.

Die Raupe von *Eusch. Bellonaria* ist 0,06 m lang und von grüner Farbe. Dicht über den Stigmen verläuft vom vierten Segmente bis zum letzten jederseits ein gelbgrüner Längsstrich. Mundtheile, Brustfüsse und die beiden Bauchfüsse bräunlich; ebenso ist die innere Seite der Nachschieber, wie auch die Spitze der Afterklappe gefärbt.

<sup>1)</sup> Hist. Nat. Insectes, Lep. Uranides et Phalénites II. p. 193. t. 18. f. 1.

Die 0,03 m lange Puppe liegt durch einige Fäden zwischen Blättern eingesponnen. Sie ist braun, mit schwarzen, ziemlich zerstreut liegenden Punkten besetzt. Auf der Grenze zwischen Mittel- und Vorderrücken liegt jederseits eine grosse, runde, schwarze, in der Mitte eingedrückte Scheibe. Das letzte Segment besitzt ausgedehnte schwarze Zeichnungen und einige Chitinbäkchen, von denen zwei auf dem Kremaster stehen. An den beiden Seiten und auf der Rückenseite ist der Vorderrand gekerbt (Fig. 10B).

Verpuppt am 6., ausgeschlüpft am 22. Januar.

## Erklärung der Abbildungen.

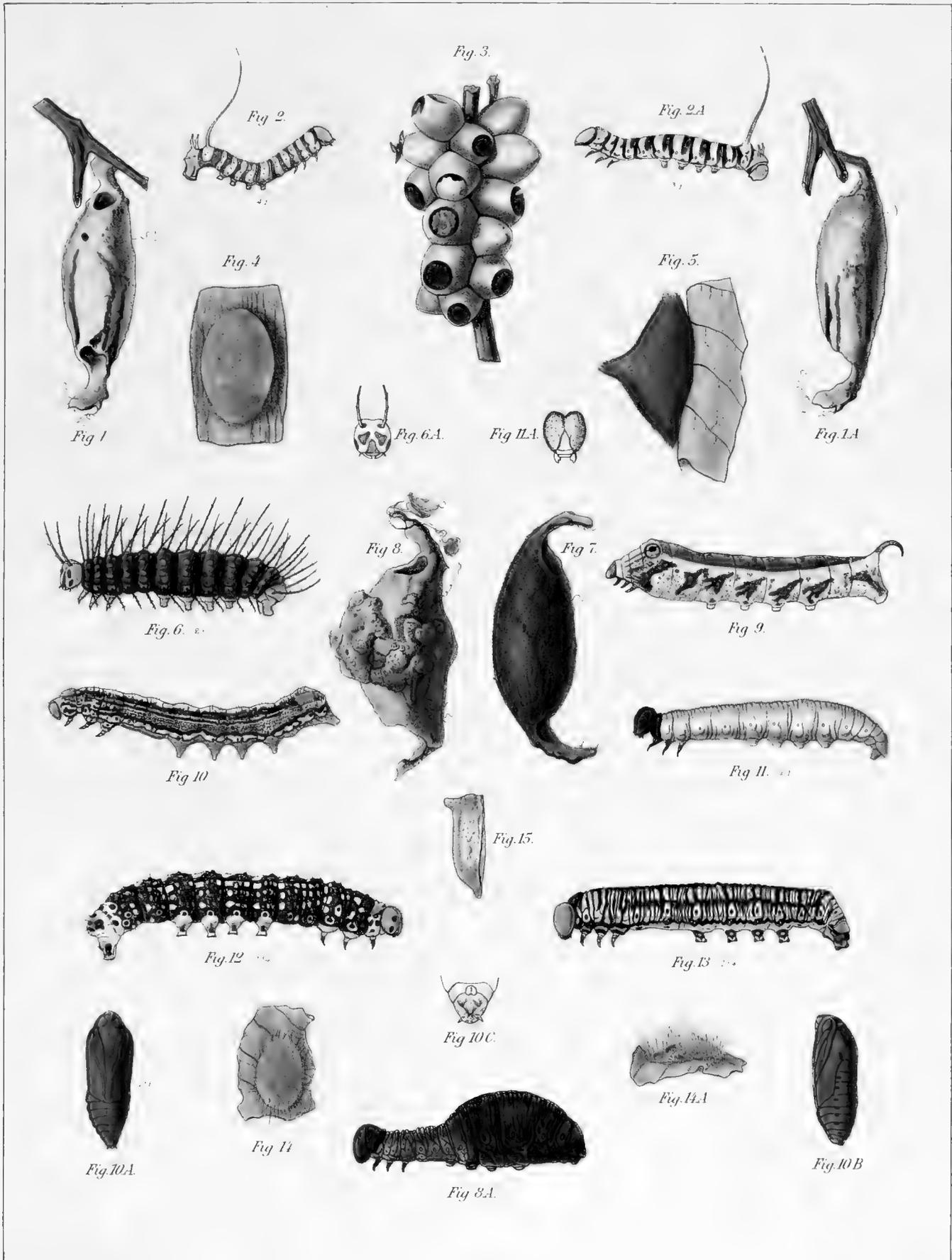
**Tafel 1. (VIII.)**

- Fig. 1. 1A. *Perophora Puckardii* Grote. Raupengehäuse. p. 253.  
Fig. 2. *Sphinx Tetrio* L., eben aus dem Ei geschlüpfte Raupe. 2A. Ein etwas späteres Stadium. p. 250.  
Fig. 3. *Doratifera Chrysochroa* Feld. Cocons. p. 258.  
Fig. 4. *Glaucopis Omphale* Hübn. Gespinnst. p. 251.  
Fig. 5. *Glaucopis Chalciopse* Hübn. Gespinnst. p. 251.  
Fig. 6. *Colaenis Delila* Fabr. Raupe. 6A. Kopf von vorne. p. 248.  
Fig. 7. *Perophora* sp. Raupengehäuse. p. 254.  
Fig. 8. *Perophora* sp. Raupengehäuse. 8A. Die dieses Gehäuse bewohnende Raupe. p. 254.  
Fig. 9. *Pergesa Croesus* Dalm. Raupe. p. 249.  
Fig. 10. *Euscirropterus Poeyi* Grote. Raupe. 10A. Puppe von der Bauchseite; 10B. von der Seite; 10C. hinteres Ende derselben von der Bauchseite. p. 255.  
Fig. 11. *Pyrgus Syrictus* Fabr. Raupe. 11A. Kopf von vorne. p. 249.  
Fig. 12. *Euthisanotia Timais* Cram. Raupe. p. 256.  
Fig. 13. *Euglyphia Fastuosa* Guen. Raupe. p. 257.  
Fig. 14. *Charidea Cimicoides* H. Sch. Gespinnst. 14A. Von der Seite. p. 252.  
Fig. 15. *Callierges Sunia* Gn. Cocon von der Seite. p. 255.

**Tafel 2. (IX.)**

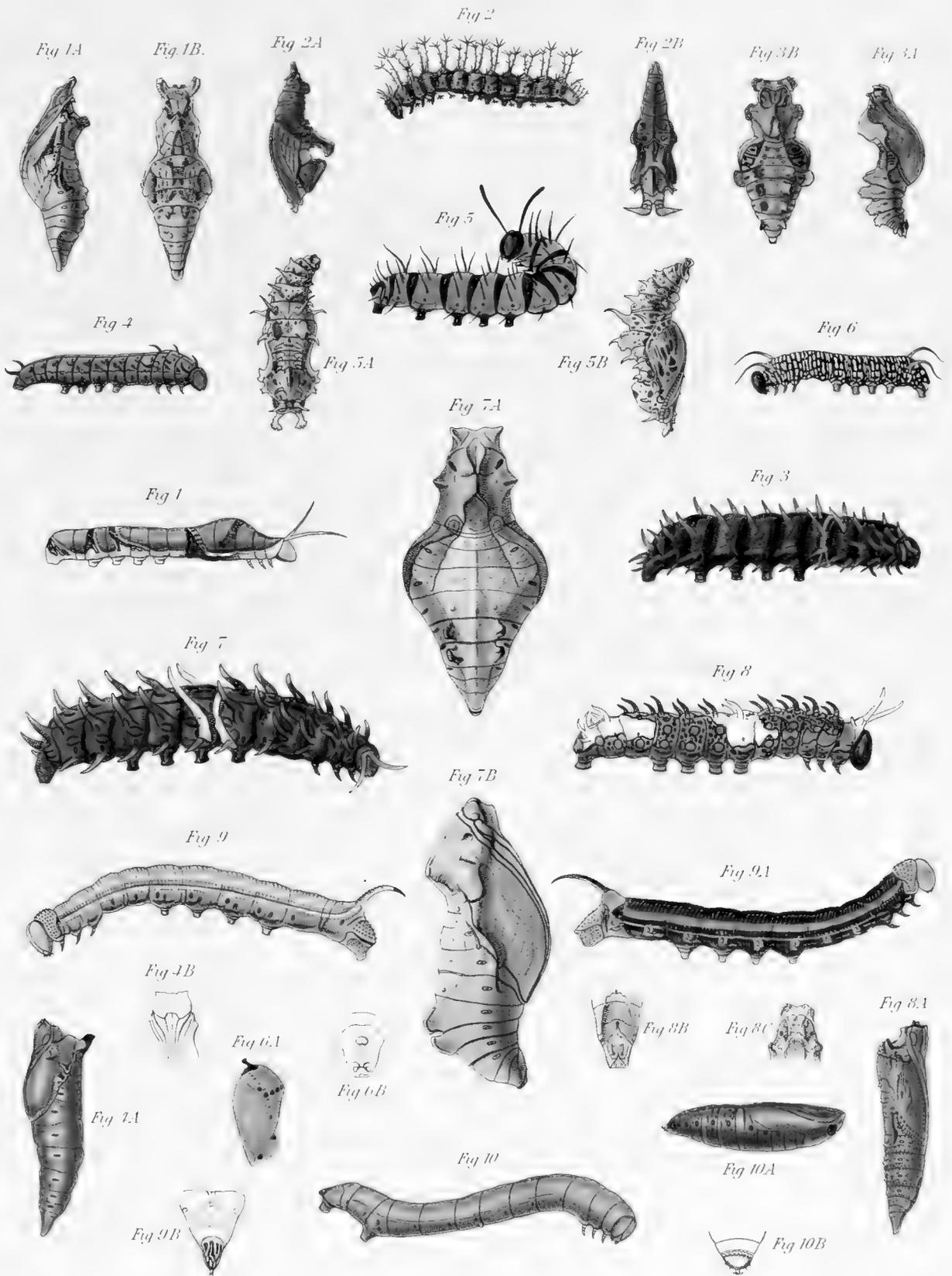
- Fig. 1. *Papilio Alphenor* Cram. Raupe. 1A. Puppe von der Seite; 1B. vom Rücken. p. 264.
- Fig. 2. *Athyma Kasa* Moore. Raupe. 2A. Puppe von der Seite; 2B. vom Rücken. p. 261.
- Fig. 3. *Papilio Antiphus* Fabr. var. *Kotzbuca* Esch. Raupe. 3A. Puppe von der Seite; 3B. vom Rücken. p. 264.
- Fig. 4. *Papilio Agamemnon* L. Raupe. 4A. Puppe von der Seite. 4B. Kopfende von der Bauchseite gesehen. p. 265.
- Fig. 5. *Cethosia Biblis* Drury var. *Eurymena* Feld. 5A. Puppe vom Rücken; 5B. von der Seite. p. 260.
- Fig. 6. *Danais Juventa* Cram. Raupe. 6A. Puppe von der Seite. 6B. Die letzten Segmente mit dem Kremaster. p. 259.
- Fig. 7. *Ornithoptera Rhadamanthus* Rsd. Raupe. 7A. Puppe vom Rücken; 7B. von der Seite. p. 262.
- Fig. 8. *Papilio Palephates* Westw. Raupe. 8A. Puppe von der Seite; 8B. hinteres Ende derselben von der Bauchseite; 8C. vorderes Ende von der Rücken-  
seite. p. 262.
- Fig. 9. *Macroglossa Hylas* Linn. var. Raupe. 9A. Dunkle Varietät derselben. 9B. Hinteres Ende der Puppe. p. 266.
- Fig. 10. *Euschema Bellonaria* Guen. Raupe. 10A. Puppe von der Seite; 10B. hinteres Ende derselben von der Bauchseite. p. 267.
- 





*H. Dewitz: Jugendstadien exotischer Lepidopteren. Taf. I.*





*H. Dewitz: Jugendstadien exotischer Lepidopteren. Taf. 2.*



NOVA ACTA  
der Ksl. Leop.-Carol.-Deutschen Akademie der Naturforscher  
Band XLIV. Nr. 3.

---

Ueber  
**Bewegungen elektrischer Theilchen**

nach dem Weber'schen Grundgesetz der Elektrodynamik

von

**Gerhard Lolling.**

Mit 4 Tafeln Nr. X—XIII.

*Eingegangen bei der Akademie den 9. März 1882.*

---

HALLE.

1882.

Druck von E. Blochmann & Sohn in Dresden.

Für die Akademie in Commission bei Wilh. Engelmann in Leipzig.



Das in den ersten Jahrzehnten dieses Jahrhunderts von Ampère aufgestellte, in der Folge nach ihm benannte elektrodynamische Elementargesetz gab ein Mittel an die Hand, die Erscheinungen der strömenden Elektrizität einer mathematischen Behandlung zu unterwerfen. Als Grundlage einer nach aussen, wie nach innen, rasch sich entfaltenden Disciplin forderte dieses Gesetz den Nachweis unumstösslicher Gültigkeit mittelst eines Beobachtungsverfahrens, welches nicht, wie das Ampère'sche, dem Vorwurfe ausgesetzt war, dass eine die Reinheit des Versuches störende Mitwirkung aussergalvanischer Einflüsse, wie Torsion und Reibung, nicht undenkbar sei. Ein solches wurde bekanntlich eingeschlagen von Herrn Hofrath W. Weber. Das Elektrodynamometer lieferte Beobachtungsergebnisse, welche mit den aus dem Ampère'schen Gesetze hergeleiteten Zahlenwerthen eine die Richtigkeit des Gesetzes ausser Zweifel stellende Uebereinstimmung zeigten. Weber begnügte sich nicht, die Richtigkeit des Ampère'schen Gesetzes erwiesen zu haben, sondern leitete aus diesem empirisch aufgebauten, über die Natur der zu Grunde liegenden Kräfte nichts aussagenden Elementargesetz sein Grundgesetz her, welches von den elektrischen Theilchen ausgehende Kräfte als Bewegungsursachen einführte. Das Gesetz bestand die Probe experimenteller Prüfung für constante wie für variable und bewegte Ströme, erklärte die Voltainduction und lieferte umgekehrt für diese wieder Elementargesetze. Durch eine Bemerkung Weber's trat es sogar aus dem engeren Rahmen der elektrischen Erscheinungen in den Kreis der Naturerscheinungen überhaupt. Nimmt man nämlich die im Gesetze auftretende Constante  $c$  gross genug an, so kann man, wie das Newton'sche Gravitationsgesetz, auch das Weber'sche den Erscheinungen

ponderabler Massen, z. B. der Himmelskörper, zu Grunde legen. Ausser einer theoretischen Abhandlung über diesen Gegenstand von Herrn Seegers<sup>1)</sup>, besitzen wir schon numerische Angaben, welche dies bestätigen. Herr Tisserand<sup>2)</sup> gelangte zu dem Resultate, dass bei Behandlung der Planetenbewegung die Anwendung des Newton'schen und Weber'schen Gesetzes für fünf Bahnelemente gleiche Ausdrücke lieferte, falls von verschwindend kleinen periodischen Gliedern Abstand genommen wurde, während die Länge des Perihels bei Zugrundelegung des Weber'schen Gesetzes um einen mit  $c^2$  umgekehrt proportionalen Ausdruck vergrössert auftrat. Nimmt man für  $c$  den Werth der elektrischen Fortpflanzungsgeschwindigkeit, so entzieht sich dieser Unterschied schon für Merkur der praktischen Beobachtung, um so mehr für die entfernteren Planeten.

Die in den letzten Jahrzehnten von theoretischen Gesichtspunkten aus gegen das Weber'sche Gesetz erhobenen Einwände haben dasselbe nicht erschüttert. Sie hatten die wichtige Folge, dass Weber ein Potential seines Gesetzes aufstellte und so nachwies, dass es dem Princip der Erhaltung der Kraft nicht widerspreche. Besondere Aufmerksamkeit verdient die Prüfung von experimenteller Seite. Eine im Jahre 1873 von Herrn Professor Riecke<sup>3)</sup> bekannt gemachte Consequenz des Weber'schen Gesetzes, nach welcher ein geschlossener constanter Strom auf einen in der Nähe aufgestellten Conductor elektrisch vertheilende Wirkung ausübt, wurde von Herrn Professor Clausius, da die experimentelle Bestätigung dieser Thatsache fehlte, als Einwurf gegen das Weber'sche Gesetz verwendet. Herr Professor Riecke wies gleichfalls nach, dass bei Zugrundelegung des Weber'schen Gesetzes Versuche in Aussicht stehen, welche eine Entscheidung zwischen der dualistischen und unitarischen Hypothese in der Elektrizitätslehre geben, und dass umgekehrt, sobald man sich von anderem Standpunkte aus für eine Hypothese hat entscheiden

<sup>1)</sup> Seegers: De motu perturbationibusque planetarum secundum legem electrodynamicam Weberianam solem ambientium. Gottingae 1864.

<sup>2)</sup> Tisserand: Sur le mouvement des planètes autour du Soleil d'après la loi électrodynamique de Weber. Comptes rendus 1872, Sept. 30.

<sup>3)</sup> Nachrichten von der Königl. Ges. der Wissensch. und der G. A. Universität zu Göttingen. Riecke: Ueber das Weber'sche Grundgesetz der elektrischen Wechselwirkung in seiner Anwendung auf die unitarische Hypothese.

müssen, dieselben Versuche dazu dienen können, das Weber'sche Gesetz zu prüfen.

Die seit Aufstellung des Gesetzes veröffentlichten Herleitungsmethoden sind zum Theil synthetischer, zum Theil mehr analytischer Natur. Die Stellung, welche das Gesetz in dem Problem der zwei Körper einnimmt, ist vorzüglich charakterisirt durch eine Herleitung, welche Herr Professor Schering in der Vorlesung über Hydrodynamik W. S. 1880/81 seinen Hörern mittheilte. In der den allgemeinen Bewegungserscheinungen zu Grunde liegenden Fundamentalgleichung, welche auf rechtwinklige Coordinaten bezogen lautet:

$$0 = \iiint [(X\delta x + Y\delta y + Z\delta z) - \left(\frac{d^2x}{dt^2} \delta x + \frac{d^2y}{dt^2} \delta y + \frac{d^2z}{dt^2} \delta z\right) - \frac{\delta P}{\mu}] dx dy dz$$

nimmt bei Beziehung auf beliebige Coordinaten  $X\delta x + Y\delta y + Z\delta z$  für den Fall, dass die beschleunigende Kraft, welche ein Massentheilchen auf ein anderes ausübt, wie bei den elektrodynamischen Erscheinungen, eine Function der Entfernung und der Derivirten der Entfernung nach der Zeit ist, die Form an

$$\delta V = \frac{d}{dt} \sum_1^3 \frac{\partial V}{\partial \xi_k} \delta \xi_k.$$

H  
 /  $x_h y_h z_h$   
 /  $r_{hk}$   
 K  
 /  $(x_k y_k z_k)$

Diese Form vorausgesetzt und  $V$  angenommen unter der Form

$$V = \sum_k m_k f(r_{hk}, r'_{hk}, \dots),$$

wo  $f$  irgend eine Function bedeutet, ergibt sich für die Beschleunigung  $f$  der beiden elektrischen Theilchen ein Ausdruck von der Form:

$$f(r, r', r'') = \frac{\partial f}{\partial r} - \frac{\partial^2 f}{\partial r \partial r'} \cdot r' - \frac{\partial^3 f}{\partial r' \partial r'} \cdot r''.$$

Setzt man voraus, dass

$$\frac{\partial^2 f}{\partial r' \partial r'} = 2\varphi_0(r),$$

also

$$f = \varphi_0(r) + \varphi_1(r) \cdot r' + \varphi_2(r) \cdot r'^2$$

ist, und setzt dieses in den Werth von  $f(r, r', r'')$  ein, so erhält man das

Weber'sche Gesetz durch Annahmen von der Form der gewöhnlichen Potentialfunction, nämlich, falls

$$\varphi_0(r) = -\frac{ee^1}{r}; \quad \varphi_2(r) = -\frac{ee^1}{cc \cdot r}$$

angenommen wird, in der Form:

$$\frac{ee^1}{r^2} \left( 1 - \frac{1}{cc} \left( \frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{2r}{cc} \frac{d^2r}{dt^2} \right).$$

Unter Zugrundelegung dieses Ausdrucks bespricht Weber in den „elektrodynamischen Massbestimmungen“ (Abhandlungen der Königl. sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften, Band 10 und 11) den Fall, wo zwei elektrische Theilchen, welche im Raume senkrecht auf die sie verbindende Gerade ungleiche Geschwindigkeit haben, unter Wechselwirkung sich befinden, ohne dass äussere Kräfte auf sie einwirken. Ein Fall dieser Bewegungen wurde von Herrn Professor Riecke behandelt in den Nachrichten der Königlichen Gesellschaft der Wissenschaften und der Georg-Augusts-Universität aus dem Jahre 1874. Die allgemeine Untersuchung dieser Bewegungen ist der Inhalt der folgenden Arbeit. Dieselbe schliesst sich in der Art der Bezeichnungen ganz an die erwähnten Abhandlungen an.

---

Ueber die Bewegungen zweier unter Wechselwirkung stehenden elektrischen Theilchen, welche im Raume, in einer Richtung senkrecht auf die sie verbindende Gerade, ungleiche Geschwindigkeit haben.

§ 1.

Die Kraft, mit welcher zwei elektrische Theilchen  $e$  und  $e'$  aus dem Abstände  $r$  nach dem Weber'schen Gesetze auf einander wirken, wird, wie erwähnt wurde, dargestellt durch

$$\frac{ee'}{rr} \left( 1 - \frac{1}{cc} \frac{dr^2}{dt^2} + \frac{2r}{cc} \frac{d^2r}{dt^2} \right).$$

Das Potential dieses Ausdrucks lautet

$$V = \frac{ee'}{r} \left\{ \frac{1}{cc} \frac{dr^2}{dt^2} - 1 \right\},$$

wo das Vorzeichen so gewählt ist, dass  $\frac{dV}{dr}$  eine abstossende Kraft bezeichnet. Im Folgenden ist die Bewegung zweier elektrischen Theilchen untersucht, welche nach diesem Gesetze Wechselwirkungen auf einander ausüben, und ausserdem senkrecht zu ihrer Verbindungslinie eine ungleiche Geschwindigkeit besitzen. Der Einfachheit halber betrachten wir die relative Bewegung des einen Theilchens in Bezug auf das andere, brauchen also nur die Differenz  $\alpha$

dieser letzteren Geschwindigkeiten. Der Theil der relativen Beschleunigung  $\frac{dv}{dt}$  des bewegten Theilchens, welcher von dieser Geschwindigkeit abhängt, wird also dargestellt durch  $\frac{\alpha\alpha}{r}$  und es bleibt somit für die von der Wechselwirkung herrührende Beschleunigung  $\frac{dv}{dt} - \frac{\alpha\alpha}{r}$ . Weil nun eine Kraft gemessen wird durch die Grösse der von ihr ertheilten Bewegung, so erhalten wir:

$$\frac{dv}{dt} - \frac{\alpha\alpha}{r} = \left(\frac{1}{\varepsilon} + \frac{1}{\varepsilon'}\right) \frac{dV}{dr},$$

wo  $\varepsilon$  und  $\varepsilon'$  die Massen der Theilchen  $e$  und  $e'$  bedeuten.

Integriren wir diesen Ausdruck von  $r = r_0$ , welchem  $V = V_0$  und  $\alpha = \alpha_0$  entspricht, bis  $r$ , so erhalten wir:

$$\frac{1}{2} v^2 - \int_{r_0}^r \frac{\alpha\alpha}{r} dr = \left(\frac{1}{\varepsilon} + \frac{1}{\varepsilon'}\right) (V - V_0).$$

Drücken wir noch  $\alpha$  durch  $r$  aus nach der Gleichung  $\alpha r dt = \alpha_0 r_0 dt$ , integriren dann und setzen die Werthe von  $V$  und  $V_0$  ein, so ergibt sich die von uns zu betrachtende Bewegungsgleichung:

$$\frac{vv}{cc} = \frac{r-r_0}{r-\varrho} \left( \frac{\varrho}{r_0} + \frac{r_0+r}{r} \frac{\alpha_0\alpha_0}{cc} \right),$$

welche zusammen mit  $\alpha r = \alpha_0 r_0$  die Beziehungen zwischen  $r$ ,  $v = \frac{dr}{dt}$  und  $\alpha$  angiebt. Die Constante  $\varrho$ , defnirt durch

$$\varrho = 2 \left( \frac{1}{\varepsilon} + \frac{1}{\varepsilon'} \right) \frac{ee'}{cc}$$

ist positiv oder negativ, je nachdem  $e$  und  $e'$  gleichartig oder ungleichartig sind. Die Constanten  $r_0$ ,  $\alpha_0$  und  $c$  dürfen ihren Bedeutungen gemäss stets als positive Grössen betrachtet werden.

$\varrho$  sei ebenfalls auf absoluten Werth zurückgeführt, wir erhalten dann als Bewegungsgleichung

für gleichartige Theilchen:

$$\text{I. } \frac{vv}{cc} = \frac{r-r_0}{r-\varrho} \left( \frac{\varrho}{r_0} + \frac{r_0+r}{r} \cdot \frac{\alpha_0\alpha_0}{cc} \right),$$

für ungleichartige Theilchen:

$$\text{II. } \frac{vv'}{cc} = \frac{r-r_0}{r+\varrho} \left( -\frac{\varrho}{r_0} + \frac{r_0+r}{r} \cdot \frac{\alpha_0\alpha_0}{cc} \right).$$

Führen wir noch zur Abkürzung bei

$$\text{I. die Grösse } \varsigma_0 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{c^2\varrho + \alpha_0^2 r_0}, \text{ bei}$$

$$\text{II. } \varsigma'_0 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{-c^2\varrho + \alpha_0^2 r_0}, \text{ ein,}$$

wo  $\varsigma_0$  und  $\varsigma'_0$  die mechanische Bedeutung von Längen haben, so verwandeln sich I. und II. in

$$\text{I}_a. v^2 = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\varsigma_0} \cdot \frac{(r-r_0) \cdot (r+\varsigma_0)}{r \cdot (r-\varrho)} \text{ und}$$

$$\text{II}_a. v^2 = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\varsigma'_0} \cdot \frac{(r-r_0) \cdot (r+\varsigma'_0)}{r \cdot (r+\varrho)}.$$

Zur Wahrung der Allgemeinheit ist im Folgenden von den Grenzen, welche die Physik den auftretenden Constanten der Erfahrung nach gesetzt hat oder ohne grossen Fehler zu setzen erlaubt, kein Gebrauch gemacht.  $\varsigma_0$  ist stets positiv,  $\varsigma'_0$  positiv oder negativ. Nämlich für den Fall

$$\alpha) c^2\varrho > \alpha_0^2 r_0 \text{ ist } \varsigma'_0 \text{ negativ, wir setzen } \varsigma'_0 = -\varsigma'_1$$

$$\beta) c^2\varrho = \alpha_0^2 r_0; \text{ hier ist } \varsigma'_0 = \pm \varsigma'_2 = \pm \infty$$

$$\gamma) c^2\varrho < \alpha_0^2 r_0; \text{ hier ist } \varsigma'_0 = +\varsigma'_3 \text{ stets positiv.}$$

So haben wir nun zur Betrachtung:

$$\text{I}_a. v^2 = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\varsigma_0} \cdot \frac{(r-r_0) \cdot (r+\varsigma_0)}{r \cdot (r-\varrho)}$$

$$\text{II}_a. 1) v^2 = -\alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\varsigma'_1} \cdot \frac{(r-r_0) \cdot (r-\varsigma'_1)}{r \cdot (r+\varrho)}$$

$$2) v^2 = \pm \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{s'_2} \cdot \frac{(r-r_0)(r \pm s'_2)}{r \cdot (r+e)} = + \alpha_0^2 \cdot r_0 \cdot \frac{r-r_0}{r \cdot (r+e)}$$

$$3) v^2 = + \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{s'_3} \cdot \frac{(r-r_0)(r+s'_3)}{r \cdot (r+e)}$$

Die Gleichung II<sub>a,2</sub> kann als Grenzfall von II<sub>a,1</sub> oder II<sub>a,3</sub> aufgefasst werden, hat aber im Folgenden der Einfachheit ihrer Resultate wegen selbstständige Behandlung erfahren. Bezeichnen wir mit  $\varphi$  den Winkel, welchen die Verbindungslinie der beiden elektrischen Theilchen mit einer festen, durch das als ruhend angesehene Theilchen gehenden Richtung einschliesst! Sind dann  $r_1, \varphi_1, v_1, t_1$  zusammengehörige Werthe, welche die Bewegung fixiren, so erfordert die vollständige Behandlung dieser, für einen beliebig angenommenen Werth einer der vier Grössen  $r, \varphi, v, t$ , die zugehörigen der drei anderen anzugeben. Am leichtesten gelangt man zur Uebersicht zusammengehöriger Werthe, wenn man alle auf einen gemeinsamen Parameter bezieht; als solcher tritt im Folgenden das elliptische Integral erster Gattung  $u$  auf.

Zur Einführung von  $\varphi$  gelangen wir durch die Gleichung, welche für unsere nur unter Wechselwirkung stehenden Theilchen gilt:

$$1) \quad dt = \frac{r^2}{\alpha_0 r_0} \cdot d\varphi.$$

Um zur Kenntniss der Bewegung zu gelangen, kommt es hauptsächlich darauf an, die vier obigen, wie man leicht sieht, elliptischen Differentiale zu integriren. Diese Integration ist für jeden Werthebereich von  $r$  besonders vorzunehmen; ein solcher ist begrenzt durch zwei aufeinander folgende Wurzeln des bei Aufstellung der elliptischen Integrale unter dem Wurzelzeichen stehenden Ausdrucks vierten, resp. dritten Grades von  $r$ . Mit Heranziehung der Gleichung 1) erhalten wir also  $2[3 \cdot 4 + 1 \cdot 3] = 30$  Fälle. Bedenken wir, dass die Resultate der Betrachtung jedes einzelnen Intervalls sich richten nach der Grössenfolge der drei anderen, von denen stets eins negativ ist, so finden wir, dass diese Zahl auf  $2[3 \cdot 4 \cdot 2 + 1 \cdot 3] = 54$  wächst. Durch folgenden Umstand wird dieselbe aber bedeutend verringert. Wird für einen Werthebereich von  $r$   $v^2$  negativ, so kann unter den bestehenden Verhältnissen das Theilchen sich in diesem Intervalle nicht bewegen; da nur mögliche Be-

wegungen in Betracht kommen, ist dies Integral von der Betrachtung auszuschliessen. Wir haben daher zunächst zu untersuchen, für welche Intervalle die Differentialausdrücke  $I_a, II_a$  (1, 2, 3) positive Werthe für  $v^2$  ergeben. Es hängt dieses ab von dem Grössenverhältniss der Constanten  $r_0, \varrho, s_0, s'_1, s'_2, s'_3$ .

Ueber das Verhältniss von  $r_0$  und  $\varrho$  haben wir Annahmen zu machen, durch sie sind dann  $s_0, s'_1, s'_2, s'_3$  folgendermassen bestimmt:

Die Länge  $s_0$  ist stets positiv.

Weil sie in dem Differential die einzige negative Wurzel ist, so ist ihre Stellung in der Reihe der vier Wurzeln unzweideutig festgestellt.

Die Grösse  $s'_1$  ist positiv.

Zu einer Anordnung der vier Wurzeln ist nur zu unterscheiden, ob  $s'_1 >$  oder  $< r_0$  ist. Dies hängt davon ab, ob  $2 r_0 \alpha_0^2 \geq c^2 \varrho$  ist.

$s'_2$  verlangt keine Betrachtung.

Die Länge  $s'_3$  ist positiv.

Für den Fall  $\varrho \leq r_0$  ergibt sich aus  $II_a, 3)$  als einzig mögliche Reihenfolge der nach ihrer Grösse geordneten Wurzeln:  $r_0 > 0 > -\varrho > -s'_3$ .

Dieselbe Reihenfolge erhalten wir für den Fall  $\varrho > r_0$ , wenn

$$\frac{c^2}{\alpha_0^2} \cdot \frac{\varrho^2}{r_0} > \varrho - r_0 \quad \text{ist,}$$

ist aber  $\varrho - r_0$  grösser, so haben wir  $r_0 > 0 > -s'_3 > -\varrho$ .

Mit Heranziehung von Gleichung 1) bekommen wir somit:

**Tabelle I.**

Ia. Gleichartige Theilchen:

$$s_0 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{c^2 \varrho + \alpha_0^2 r_0}; \quad v^2 = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{s_0} \cdot \frac{(r - r_0)(r + s_0)}{r \cdot (r - \varrho)} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2$$

$$\left. \begin{array}{l} 1) \quad t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \int \frac{r \cdot r - \varrho}{\sqrt{r \cdot r - \varrho \cdot r - r_0 \cdot r + s_0}} dr \\ 2) \quad \varphi = \sqrt{r_0 s_0} \int \frac{r - \varrho}{r \sqrt{r \cdot r - \varrho \cdot r - r_0 \cdot r + s_0}} dr \end{array} \right\} \begin{array}{l} \varrho > r_0 > 0 > -s_0 \text{ oder} \\ r_0 > \varrho > 0 > -s_0 \end{array}$$

## IIIa. Ungleichartige Theilchen:

$$\zeta'_0 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{c^2 \varrho + \alpha_0^2 r_0} \quad \alpha) \quad \zeta'_0 = -\zeta'_1 \quad c^2 \varrho > \alpha_0^2 r_0$$

$$v^2 = -\alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\zeta'_1} \frac{r-r_0 \cdot r-\zeta'_1}{r \cdot r+\varrho} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2$$

$$\begin{array}{l} 3) \quad t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{\zeta'_1}{r_0}} \int \frac{r \cdot r + \varrho}{\sqrt{-r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0 \cdot r - \zeta'_1}} dr \\ 4) \quad \varphi = \sqrt{r_0 \zeta'_1} \int \frac{r + \varrho}{r \sqrt{-r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0 \cdot r - \zeta'_1}} dr \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{bei } 2r_0 \alpha_0^2 < c^2 \varrho \text{ ist} \\ r_0 > \zeta'_1 > 0 > -\varrho \\ \text{bei } 2r_0 \alpha_0^2 > c^2 \varrho \text{ ist} \\ \zeta'_1 > r_0 > 0 > -\varrho \end{array} \right.$$

$$\beta) \quad \zeta'_0 = \pm \zeta'_1 = \pm \infty \quad c^2 \varrho = \alpha_0^2 r_0$$

$$v^2 = +\alpha_0^2 r_0 \cdot \frac{r-r_0}{r \cdot r+\varrho} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2$$

$$\begin{array}{l} 5) \quad t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{1}{r_0}} \int \frac{r \cdot r + \varrho}{\sqrt{r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0}} dr \\ 6) \quad \varphi = \sqrt{r_0} \int \frac{r + \varrho}{r \sqrt{r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0}} dr \end{array} \left\{ r_0 > 0 > -\varrho \right.$$

$$\gamma) \quad \zeta'_0 = \zeta'_3 \quad c^2 \varrho < \alpha_0^2 r_0$$

$$v^2 = +\alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{\zeta'_3} \frac{r-r_0 \cdot r+\zeta'_3}{r \cdot r+\varrho} = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2$$

$$\begin{array}{l} 7) \quad t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{\zeta'_3}{r_0}} \int \frac{r \cdot r + \varrho}{\sqrt{r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0 \cdot r + \zeta'_3}} dr \\ 8) \quad \varphi = \sqrt{\zeta'_3 r_0} \int \frac{r + \varrho}{r \sqrt{r \cdot r + \varrho \cdot r - r_0 \cdot r + \zeta'_3}} dr \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{bei } \varrho \leq r_0 \text{ und bei } \varrho > r_0, \\ \text{wenn } \frac{\varrho^2 c^2}{r_0 \alpha_0^2} > \varrho - r_0 \text{ ist,} \\ \text{ist: } r_0 > 0 > -\varrho > -\zeta'_3, \\ \text{sonst } r_0 > 0 > -\zeta'_3 > -\varrho. \end{array} \right.$$

Aus der Betrachtung der in Tabelle I zusammengestellten Integrale ergibt sich die folgende Zusammenstellung der Intervalle, für welche  $v^2$  positiv wird, also  $t$  und  $\varphi$  reelle Werthe annehmen:

**Tabelle 2.**

Sonderung der Intervalle:

Integrale der Tab. I.

|           |           |            |            |      |      |            |       |      |            |
|-----------|-----------|------------|------------|------|------|------------|-------|------|------------|
| 1. und 2. | $-\infty$ | $-\zeta_0$ | $0$        | $5$  | $6$  | $r_0$      | $0$   | $12$ | $\infty$   |
| 1. und 2. | $-\infty$ | $-\zeta_0$ | $0$        | $7$  | $8$  | $0$        | $r_0$ | $34$ | $\infty$   |
| -----     |           |            |            |      |      |            |       |      |            |
| 3. und 4. | $-\infty$ | $0$        | $13$       | $14$ | $0$  | $\zeta'_1$ | $9$   | $10$ | $r_0$      |
| 3. und 4. | $-\infty$ | $0$        | $15$       | $16$ | $0$  | $r_0$      | $11$  | $12$ | $\zeta'_1$ |
| 5. und 6. | $-\infty$ | $0$        | $19$       | $20$ | $0$  | $r_0$      | $17$  | $18$ | $\zeta'_2$ |
| 7. und 8. | $-\infty$ | $\zeta'_3$ | $0$        | $25$ | $26$ | $0$        | $r_0$ | $21$ | $22$       |
| 7. und 8. | $\infty$  | $0$        | $\zeta'_3$ | $27$ | $28$ | $0$        | $r_0$ | $23$ | $24$       |

In den Horizontalreihen der vorstehenden Tabelle sind die Wurzeln ihrer Grösse nach von rechts nach links geordnet.

Die Intervalle, welche reelle Werthe für  $t$  und  $\varphi$ , oder positive für  $v^2$  ergeben, sind stark ausgezogen, diejenigen, für welche die Integrale imaginäre Werthe ergeben, punktiert. Aus dieser Tabelle kann man sofort wichtige Eigenschaften der von den Theilchen beschriebenen Curven entnehmen. Man sieht, dass rechts von der gestrichelten Vertikallinie die möglichen Werthe von  $r$  positiv, links negativ sind. Weil wir aber von vornherein alle Grössen auf absolutes Maass zurückgeführt haben, so erhellt, dass die Fälle rechts wirkliche mechanische Bedeutung erhalten, während die Fälle links, weil eine Entfernung absolut genommen nicht negativ sein kann, bloss rein geometrische Gebilde ergeben. Beide Arten von Bewegungen haben im Folgenden gleiche Behandlung erfahren, was, abgesehen von dem gleichen analytischen Interesse, welches beide beanspruchen, noch dadurch geboten schien, weil bei mechanischen Problemen oft negative Zweige durch geringe Veränderungen, wie Vertauschung von Constanten oder Verwandlung der wirkenden Kraft in die

entgegengesetzte, wirkliche mechanische Bedeutung erlangen. Zur Unterscheidung möge die Bewegung auf einem positiven Zweige eine wirkliche, auf einem negativen Zweige eine geometrische genannt werden.

Dann erkennen wir weiter aus Tabelle 2, dass sowohl die geometrischen, als die wirklichen Bewegungen in Fernbewegungen und Molekularbewegungen zerfallen, welche stets durch ein Intervall von einander getrennt sind, so dass ohne Einwirkung äusserer Kräfte zwei elektrische Theilchen, welche in Molekularentfernung sich befinden, stets in solcher bleiben müssen, ebenso wenn sie um eine durch endliche Maasseinheiten ausdrückbare Länge von einander entfernt sind, nie durch blosse Wechselwirkung in molekulare Nähe gelangen können. Ein wirkliches Zusammenkommen der beiden Theilchen findet nach der Tabelle nur bei gleichartigen statt, bei ungleichartigen gehen, wenn man die relative Bewegung des Theilchens  $a$  zu dem Theilchen  $b$  betrachtet, sämmtliche geometrischen Molekularzweige durch das Theilchen  $b$ . Hier sind die wirklichen Bewegungen der Art, dass sie, die Bahn des einen Theilchens um das als ruhend betrachtete ins Auge gefasst, zwischen zwei Kreisen verlaufen, von denen der äussere unendlich grossen Radius haben kann, und welche beide das ruhende Theilchen als Mittelpunkt besitzen. Für alle Fälle, sowohl bei gleichartigen, wie bei ungleichartigen Theilchen, für welche ein positiver, ins Unendliche verlaufender Ast vorhanden ist, tritt auch ein ins negativ Unendliche verlaufender negativer Ast auf. Denkt man sich die Ebene als Oberfläche einer Kugel mit unendlich grossem Radius, so gelangt man zu der Vorstellung, dass beide Aeste im Unendlichen zusammenhängen und das Theilchen über das Unendliche hinaus wieder auf geometrischem Zweige in endliche Nähe mit dem anderen Theilchen gelangen kann. Dieser natürlich nur ideellen Vorstellung entspricht der Umstand, dass bei der Reduction der elliptischen Integrale auf die Normalform beide Intervalle ganz wie ein zusammenhängendes auftreten, indem dieselbe Substitutionsformel beide umfasst. Um von der absoluten Bewegung zur relativen zu gelangen, brauchen wir das eine Theilchen nicht direct festzulegen, sondern können uns in dasselbe versetzt denken und von ihm aus die Bewegung des zweiten in Bezug auf Entfernung  $r$  und Abweichung  $\varphi$  von einer gegebenen festen Richtung betrachten. Das Wachsen von  $r$  und  $\varphi$  ist gleichzeitig oder nicht. Um diese Fälle zu unterscheiden, machen wir folgende Festsetzungen:

Bei dem System der zwei gleichartigen Theilchen nehmen wir die Richtung der Geschwindigkeit  $\alpha_0$ , welche eine Tangente der Bahn ist, als Richtung der wachsenden Winkel an; betrachten wir dann die Bewegung in einem Zeitmoment, wo die Theilchen unter Einwirkung der Abstossungskraft sich von einander entfernen, so haben wir gleichzeitiges Wachsthum von  $r$  und  $\varphi$ . Führen wir also bei der Reduction auf die Normalform einen Winkel  $\vartheta$  ein, welcher abnimmt, während  $r$  wächst, so haben wir das Integral, welches  $\varphi$  darstellt, mit dem negativen Vorzeichen zu versehen. Bei der Betrachtung der Bewegung ungleichartiger Theilchen ist die wechselseitige Annäherung der einleuchtendste Vorgang, treffen wir in Betreff der wachsenden Winkel  $\varphi$  dieselbe Verabredung wie zuvor, so haben wir ungleichzeitiges Wachsen von  $r$  und  $\varphi$  für diesen Fall. Um eine möglichste Uebereinstimmung der Substitutionsformeln mit denen der Bewegung gleichartiger Theilchen zu erhalten, lassen wir wie zuvor den Winkel  $\vartheta$  mit der Zeit abnehmen, also in diesem Falle zugleich mit  $r$ . Wieder also wächst  $\varphi$ , während  $\vartheta$  abnimmt, und wenn wir das Integral für  $\varphi$  jetzt von 0 bis  $\vartheta$  erstrecken, müssen wir es mit einem negativen Vorzeichen versehen, wie zuvor.

Für die Zeitintegrale können wir ähnliche Festsetzungen treffen, wo eine Unterscheidung wünschenswerth erscheint, können aber auch, weil wir die Zeit als eine absolute, stets positive Grösse ansehen können, das Vorzeichen der Integrale vorläufig unbestimmt lassen und nachher die Wahl so treffen, dass der Ausdruck, welcher die zum Durchlaufen einer Strecke nöthige Zeit angiebt, einen positiven Werth annimmt.

Mit Berücksichtigung dieser Feststellungen ist die folgende Tabelle berechnet, welche die im Laufe der Untersuchung gebrauchten Substitutionsformeln angiebt:

Tabelle 3.

|  |  |  |
|--|--|--|
| 1) $t = A \int \frac{r(r-\varrho)}{\sqrt{(r-\varrho)(r-r_0)r(r+s_0)}} dr$      | 2) $\varphi = B \int \frac{r-\varrho}{r\sqrt{(r-\varrho)(r-r_0)r(r+s_0)}} dr + \varrho \dots + \infty \dots - \infty \dots - s_0$    | $r = -\frac{s_0 \varrho}{\varrho - (s_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta}$  |
| 3) $t = A \int \frac{r(r-\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)(r-\varrho)r(r+s_0)}} dr$      | 4) $\varphi = B \int \frac{r-\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)(r-\varrho)r(r+s_0)}} dr + r_0 \dots + \infty \dots - \infty \dots - s_0$        | $r = -\frac{s_0 r_0}{r_0 - (s_0 + r_0) \sin^2 \vartheta}$  |
| 5) $t = A \int \frac{r(r-\varrho)}{\sqrt{(r-\varrho)(r-r_0)r(r+s_0)}} dr$      | 6) $\varphi = B \int \frac{r-\varrho}{r\sqrt{(r-\varrho)(r-r_0)r(r+s_0)}} dr$  | $0 \dots \dots r_0$<br>$r = \frac{\varrho \cdot r_0 \cos^2 \vartheta}{\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta}$           |
| 7) $t = A \int \frac{r(r-\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)(r-\varrho)r(r+s_0)}} dr$      | 8) $\varphi = B \int \frac{r-\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)(r-\varrho)r(r+s_0)}} dr$  | $0 \dots \dots \varrho$<br>$r = \frac{\varrho \cdot r_0 \cdot \cos^2 \vartheta}{r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta}$ |
| 9) $t = A' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{-(r-r_0)(r-s'_1)r(r+\varrho)}} dr$   | 10) $\varphi = B' \int \frac{r-\varrho}{r\sqrt{-(r-r_0)(r-s'_1)r(r+\varrho)}} dr$  | $r_0 \dots \dots s'_1$<br>$r = \frac{s'_1 r_0}{r_0 - (r_0 - s'_1) \sin^2 \vartheta}$                             |
| 11) $t = A' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{-(r-s'_1)(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | 12) $\varphi = B' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{-(r-s'_1)(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | $s'_1 \dots \dots r_0$<br>$r = \frac{s'_1 r_0}{s'_1 - (s'_1 - r_0) \sin^2 \vartheta}$                            |
| 13) $t = A' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{-(r-r_0)(r-s'_1)r(r+\varrho)}} dr$  | 14) $\varphi = B' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{-(r-r_0)(r-s'_1)r(r+\varrho)}} dr$  | $0 \dots \dots -\varrho$<br>$r = -\frac{r_0 \varrho \cos^2 \vartheta}{r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta}$           |
| 15) $t = A' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{-(r-s'_1)(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | 16) $\varphi = B' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{-(r-s'_1)(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | $0 \dots \dots -\varrho$<br>$r = -\frac{s'_1 \varrho \cos^2 \vartheta}{s'_1 - \varrho \sin^2 \vartheta}$         |
| 17) $t = A'' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$          | 18) $t = B'' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | $\infty \dots \dots r_0$<br>$r = \frac{r_0}{\cos^2 \vartheta}$   |
| 19) $t = A'' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$          | 20) $t = B'' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)}} dr$  | $0 \dots \dots -\varrho$<br>$r = -\varrho \cos^2 \vartheta$  |
| 21) $t = A''' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)(r+s'_s)}} dr$ | 22) $\varphi = B''' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)(r+s'_s)}} dr - s'_s \dots - \infty \dots + \infty \dots r_0$    | $r = \frac{r_0 s'_s}{s'_s - (r_0 + s'_s) \sin^2 \vartheta}$  |
| 23) $t = A''' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+s'_s)(r+\varrho)}} dr$ | 24) $\varphi = B''' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+s'_s)(r+\varrho)}} dr - \varrho \dots - \infty \dots + \infty \dots r_0$ | $r = \frac{r_0 \varrho}{\varrho - (r_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta}$   |
| 25) $t = A''' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)(r+s'_s)}} dr$ | 26) $\varphi = B''' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+\varrho)(r+s'_s)}} dr$   | $0 \dots \dots -\varrho$<br>$r = -\frac{\varrho s'_s \cos^2 \vartheta}{s'_s - \varrho \sin^2 \vartheta}$         |
| 27) $t = A''' \int \frac{r(r+\varrho)}{\sqrt{(r-r_0)r(r+s'_s)(r+\varrho)}} dr$ | 28) $\varphi = B''' \int \frac{r+\varrho}{r\sqrt{(r-r_0)r(r+s'_s)(r+\varrho)}} dr$   | $0 \dots \dots -s'_s$<br>$r = -\frac{\varrho s'_s \cos^2 \vartheta}{\varrho - s'_s \sin^2 \vartheta}$            |

Tabelle 4.

(Zu Tabelle 3.)

|                              |   |   |  |   |
|------------------------------|---|---|--|---|
| $\varrho > r_0 > 0 > -s_0$   | $r \cdot (r - \varrho) = \frac{s_0 \cdot \varrho^2 (s_0 + \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta)}{[\varrho - (s_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta]^2}$           | $\frac{r - \varrho}{r} = \frac{(s_0 + \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta)}{s_0}$                      | $k^2 = \frac{r_0 \cdot s_0 + \varrho}{\varrho \cdot s_0 + r_0}$          | $\frac{2}{\sqrt{\varrho (s_0 + r_0)}}$  |
| $r_0 > \varrho > 0 > -s_0$   | $r \cdot (r - \varrho) = \frac{s_0 \cdot r_0^2 (s_0 + \varrho) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{[r_0 - (s_0 + r_0) \sin^2 \vartheta]^2}$                   | $\frac{r - \varrho}{r} = \frac{(s_0 + \varrho) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{s_0}$                  | $k^2 = \frac{\varrho (s_0 + r_0)}{r_0 (s_0 + \varrho)}$                  | $\frac{2}{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}}$  |
| $\varrho > r_0 > 0 > -s_0$   | $r \cdot (r - \varrho) = \frac{\varrho^2 \cdot r_0 \cdot (r_0 - \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta)}{(\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta)^2}$                 | $\frac{r - \varrho}{r} = \frac{r_0 - \varrho}{r_0 (1 - \sin^2 \vartheta)}$                        | $k^2 = \frac{r_0 (s_0 + \varrho)}{\varrho (s_0 + r_0)}$                  | $\frac{2}{\sqrt{\varrho (s_0 + r_0)}}$  |
| $r_0 > \varrho > 0 > -s_0$   | $r \cdot (r - \varrho) = - \frac{r_0 \cdot \varrho^2 (r_0 - \varrho) \sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)}{(r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta)^2}$    | $\frac{r - \varrho}{r} = - \frac{(r_0 - \varrho) \sin^2 \vartheta}{r_0 (1 - \sin^2 \vartheta)}$   | $k^2 = \frac{\varrho (s_0 + r_0)}{r_0 (s_0 + \varrho)}$                  | $\frac{2}{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}}$  |
| $r_0 > s'_1 > 0 > -\varrho$  | $r \cdot (r + \varrho) = \frac{s'_1 r_0^2 (\varrho + s'_1) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{[r_0 - (r_0 - s'_1) \sin^2 \vartheta]^2}$                      | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{\varrho + s'_1}{s'_1} (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)$                  | $k^2 = \frac{\varrho (r_0 - s'_1)}{r_0 (\varrho + s'_1)}$                | $\frac{2}{\sqrt{r_0 (s'_1 + \varrho)}}$ |
| $s'_1 > r_0 > 0 > -\varrho$  | $r \cdot (r + \varrho) = - \frac{r_0 s'_1^2 (\varrho + r_0) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{[s'_1 - (s'_1 - r_0) \sin^2 \vartheta]^2}$                    | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{\varrho + r_0}{r_0} (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)$                    | $k^2 = \frac{\varrho (s'_1 - r_0)}{s'_1 (\varrho + r_0)}$                | $\frac{2}{\sqrt{s'_1 (r_0 + \varrho)}}$ |
| $r_0 > s'_1 > 0 > -\varrho$  | $r \cdot (r + \varrho) = - \frac{r_0 \varrho^2 (r_0 - \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta) \sin^2 \vartheta}{(r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta)^2}$          | $\frac{r + \varrho}{r} = - \frac{(r_0 - \varrho) \sin^2 \vartheta}{r_0 (1 - \sin^2 \vartheta)}$   | $k^2 = \frac{\varrho (r_0 - s'_1)}{r_0 (\varrho + s'_1)}$                | $\frac{2}{\sqrt{r_0 (s'_1 + \varrho)}}$ |
| $s'_1 > r_0 > 0 > -\varrho$  | $r \cdot (r + \varrho) = - \frac{s'_1 \cdot \varrho^2 (s'_1 - \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta) \sin^2 \vartheta}{(s'_1 - \varrho \sin^2 \vartheta)^2}$ | $\frac{r + \varrho}{r} = - \frac{(s'_1 - \varrho) \sin^2 \vartheta}{s'_1 (1 - \sin^2 \vartheta)}$ | $k^2 = \frac{\varrho (s'_1 - r_0)}{s'_1 (\varrho + r_0)}$                | $\frac{2}{\sqrt{s'_1 (r_0 + \varrho)}}$ |
| $r_0 > 0 > -\varrho$         | $r \cdot (r + \varrho) = \frac{r_0 [r_0 + \varrho (1 - \sin^2 \vartheta)]}{(1 - \sin^2 \vartheta)^2}$   | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{r_0 + \varrho (1 - \sin^2 \vartheta)}{r_0}$                        | $k^2 = \frac{\varrho}{r_0 + \varrho}$                                    | $\frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}}$        |
| $r_0 > 0 > -\varrho$         | $r \cdot (r + \varrho) = - \varrho^2 \cdot \sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)$   | $\frac{r + \varrho}{r} = - \frac{\sin^2 \vartheta}{1 - \sin^2 \vartheta}$                         | $k^2 = \frac{\varrho}{r_0 + \varrho}$                                    | $\frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}}$        |
| $r_0 > 0 > -\varrho > -s'_3$ | $r \cdot (r + \varrho) = \frac{r_0 s'_3{}^2 (r_0 + \varrho) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{[s'_3 - (r_0 + s'_3) \sin^2 \vartheta]^2}$                    | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{(r_0 + \varrho) (1 - k^2 \sin^2 \vartheta)}{r_0}$                  | $k^2 = \frac{\varrho \cdot s'_3 + r_0}{s'_3 \cdot s'_3 (\varrho + r_0)}$ | $\frac{2}{\sqrt{s'_3 (r_0 + \varrho)}}$ |
| $r_0 > 0 > -s'_3 > -\varrho$ | $r \cdot (r + \varrho) = \frac{r_0 \varrho^2 (r_0 + \varrho) (1 - \sin^2 \vartheta)}{[\varrho - (r_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta]^2}$                 | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{(r_0 + \varrho) \cos^2 \vartheta}{r_0}$                            | $k^2 = \frac{s'_3 (\varrho + r_0)}{\varrho (s'_3 + r_0)}$                | $\frac{2}{\sqrt{\varrho (r_0 + s'_3)}}$ |
| $r_0 > 0 > -\varrho > -s'_3$ | $r \cdot (r + \varrho) = - \frac{\varrho s'_3{}^2 (s'_3 - \varrho) \sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)}{[s'_3 - \varrho \sin^2 \vartheta]^2}$     | $\frac{r + \varrho}{r} = - \frac{(s'_3 - \varrho) \sin^2 \vartheta}{s'_3 (1 - \sin^2 \vartheta)}$ | $k^2 = \frac{\varrho \cdot s'_3 + r_0}{s'_3 \cdot \varrho + r_0}$        | $\frac{2}{\sqrt{s'_3 (r_0 + \varrho)}}$ |
| $r_0 > 0 > -s'_3 > -\varrho$ | $r \cdot (r + \varrho) = \frac{s'_3 \varrho^2 (s'_3 - \varrho) \cos^2 \vartheta}{[\varrho - s'_3 \sin^2 \vartheta]^2}$                                | $\frac{r + \varrho}{r} = \frac{s'_3 - \varrho}{s'_3} \frac{1}{1 - \sin^2 \vartheta}$              | $k^2 = \frac{s'_3 (\varrho + r_0)}{\varrho (s'_3 + r_0)}$                | $\frac{2}{\sqrt{\varrho (r_0 + s'_3)}}$ |

In der Tabelle 3 stellen die Integrale 1 bis 8 incl. die Bewegungen zweier gleichartigen, die folgenden zweier ungleichartigen Theilchen dar, Spalte 3 giebt die Integrationsbereiche, 4 die angewandten Substitutionsformeln, die 5. die jedesmalige Grössenfolge der Wurzeln. Die den Integralen beigefügten Pfeile deuten nochmals die Integrationsintervalle an.

In der Tabelle 4 sind die mittelst der Substitutionsformeln umgewandelten Factoren  $(r \pm \varrho)r$  und  $\frac{r \pm \varrho}{r}$ , sowie die nach Ausführung der Substitutionen unter dem Wurzelzeichen als constante Factoren von  $\sin^2 \vartheta$  auftretenden Grössen, welche in der Theorie der elliptischen Functionen Moduln genannt und mit  $k^2$  bezeichnet werden, endlich noch die unter der Form  $\frac{2}{\sqrt{\alpha - \beta}}$  sich ergebenden constanten Ausdrücke besonders zusammengestellt.

Setzt man die Grössen der Tabelle 4 in die Integrale der Tabelle 3 ein, und bestimmt die Vorzeichen nach angedeuteter Weise, so erhält man die Tabelle 5 der auf ihre Normalform reducirten elliptischen Integrale. Den Zeitintegralen ist der Factor  $r = \pm 1$  beigegeben. Um hervortretende Aehnlichkeit zwischen den constanten Factoren nicht zu verwischen, ist eine Zusammenziehung derselben auf die Behandlung der einzelnen Fälle verschoben.

Tabelle 5.

|   |   |
|---|---|
| 1) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(s_0 + r_0)}} \cdot s_0 \varrho^2 (s_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{[\varrho - (s_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$                    | 2) $\varphi = -\sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(s_0 + r_0)}} \cdot \frac{s_0 + \varrho}{s_0} \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{\Delta \vartheta} d\vartheta$                                      |
| 3) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s_0 + \varrho)}} \cdot s_0 \cdot r_0^2 (s_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta \cdot d\vartheta}{[r_0 - (s_0 + r_0) \sin^2 \vartheta]^2}$   | 4) $\varphi = -\sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s_0 + \varrho)}} \cdot \frac{s_0 + \varrho}{s_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta$   |
| 5) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(s_0 + r_0)}} \cdot r_0 \varrho^2 (r_0 - \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{[\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$                                | 6) $\varphi = \sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(s_0 + r_0)}} \cdot \frac{\varrho - r_0}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$                                     |
| 7) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s_0 + \varrho)}} \cdot r_0 \varrho^2 (r_0 - \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta) d\vartheta}{[r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta]^2 \Delta \vartheta}$                           | 8) $\varphi = -\sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s_0 + \varrho)}} \cdot \frac{r_0 - \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$             |
| 9) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s'_1 + \varrho)}} \cdot s'_1 r_0^2 (\varrho + s'_1) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta d\vartheta}{[r_0 - (r_0 - s'_1) \sin^2 \vartheta]^2}$  | 10) $\varphi = -\sqrt{r_0 s'_1} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s'_1 + \varrho)}} \cdot \frac{\varrho + s'_1}{s'_1} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta$  |
| 11) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_1(r_0 + \varrho)}} \cdot r_0 s'_1^2 (\varrho + r_0) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta d\vartheta}{[s'_1 - (s'_1 - r_0) \sin^2 \vartheta]^2}$   | 12) $\varphi = -\sqrt{r_0 s'_1} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_1(r_0 + \varrho)}} \cdot \frac{\varrho + r_0}{r_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta$  |
| 13) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s'_1 + \varrho)}} \cdot r_0 \cdot \varrho^2 (\varrho - r_0) \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)}{[r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$    | 14) $\varphi = \sqrt{r_0 s'_1} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0(s'_1 + \varrho)}} \cdot \frac{r_0 - \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$           |
| 15) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_1(r_0 + \varrho)}} \cdot s'_1 \varrho^2 (\varrho - s'_1) \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)}{[s'_1 - \varrho \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$       | 16) $\varphi = \sqrt{r_0 s'_1} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_1(r_0 + \varrho)}} \cdot \frac{s'_1 - \varrho}{s'_1} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$         |
| 17) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}} \cdot r_0 (r_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta)^2}$   | 18) $\varphi = -\sqrt{r_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}} \cdot \frac{r_0 + \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta$   |
| 19) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{1}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}} \cdot \varrho^2 \cdot \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot (1 - \sin^2 \vartheta)}{\Delta \vartheta} d\vartheta$  | 20) $\varphi = \sqrt{r_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$  |
| 21) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_3}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_3(r_0 + \varrho)}} \cdot r_0 s'_3^2 (r_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta \cdot d\vartheta}{[s'_3 - (r_0 + s'_3) \sin^2 \vartheta]^2}$   | 22) $\varphi = -\sqrt{s'_3 r_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_3(r_0 + \varrho)}} \cdot \frac{r_0 + \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta$  |
| 23) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_3}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + s'_3)}} \cdot r_0 \varrho^2 (r_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{[\varrho - (r_0 + \varrho) \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$                 | 24) $\varphi = -\sqrt{r_0 s'_3} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + s'_3)}} \cdot \frac{r_0 + \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{\Delta \vartheta} d\vartheta$                                   |
| 25) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_3}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_3(r_0 + \varrho)}} \cdot \varrho^2 \cdot s'_3 (s'_3 - \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta)}{[s'_3 - \varrho \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$ | 26) $\varphi = \sqrt{s'_3 r_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_3(r_0 + \varrho)}} \cdot \frac{s'_3 - \varrho}{s'_3} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta)} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$ |
| 27) $t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_3}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + s'_3)}} \cdot \varrho^2 s'_3 (s'_3 - \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{1 - \sin^2 \vartheta}{[\varrho - s'_3 \sin^2 \vartheta]^2 \Delta \vartheta} d\vartheta$  | 28) $\varphi = -\sqrt{r_0 s'_3} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + s'_3)}} \cdot \frac{s'_3 - \varrho}{s'_3} \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}$                               |

Nach vollendeter Reduction auf die Normalform ist die Entwicklung nach der Theorie der elliptischen Functionen vorzunehmen. Ein Blick auf Tabelle 5 zeigt, dass Aehnlichkeiten in dem Aufbau mehrerer Integrale vorkommen. In der That können wir durch einfache Vertauschungen einen grossen Theil auf einander reduciren. Es lässt sich zurückführen bis auf die vorher mit A bezeichneten Constanten der Zeitintegrale, welche bei allen von gleicher Form sind:

|            |         |              |                       |     |                      |        |
|------------|---------|--------------|-----------------------|-----|----------------------|--------|
| Integral 4 | auf 22, | wenn man für | $r_0 \dots \zeta'_3,$ | für | $\zeta_0 \dots r_0$  | setzt. |
| 3          | „ 21,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_3,$ | „   | $\zeta_0 \dots r_0$  | „      |
| 7          | „ 25,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_3,$ | „   | $\zeta_0 \dots r_0$  | „      |
| 8          | „ 26,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_3,$ | „   | $\zeta_0 \dots r_0$  | „      |
| <hr/>      |         |              |                       |     |                      |        |
| 11         | „ 9,    | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_1,$ | „   | $\zeta'_1 \dots r_0$ | „      |
| 12         | „ 10,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_1,$ | „   | $\zeta'_1 \dots r_0$ | „      |
| 15         | „ 13,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_1,$ | „   | $\zeta'_1 \dots r_0$ | „      |
| 16         | „ 14,   | „ „          | $r_0 \dots \zeta'_1,$ | „   | $\zeta'_1 \dots r_0$ | „      |
| <hr/>      |         |              |                       |     |                      |        |
| 23         | „ 1,    | „ „          | $\zeta'_3 \dots r_0,$ | „   | $r_0 \dots \zeta_0$  | „      |
| 24         | „ 2,    | „ „          | $\zeta'_3 \dots r_0,$ | „   | $r_0 \dots \zeta_0$  | „      |
| 27         | „ 5,    | „ „          | $\zeta'_3 \dots r_0,$ | „   | $r_0 \dots \zeta_0$  | „      |
| 28         | „ 6,    | „ „          | $\zeta'_3 \dots r_0,$ | „   | $r_0 \dots \zeta_0$  | „      |

Also in der vorstehenden Tabelle haben 12 der Integrale mit der Betrachtung der übrigen schon ihre Erledigung gefunden.

Im Folgenden ist zur Betrachtung die zweite der vorstehenden Vertikalreihen (22, 21...6) gewählt, die zusammengehörigen Winkel- und Zeitintegrale desselben Intervalls sind zusammen behandelt, ihre Abhängigkeitsverhältnisse in Bezug auf den Parameter  $u$  entwickelt; auf denselben Parameter sind dann zugleich die Geschwindigkeiten und die durch die Substitutionsformeln bestimmten Entfernungen der Theilchen bezogen.

## § 2.

Die sämtlichen Integrale können dargestellt werden unter der Form:

$$t \text{ resp. } q = P \int_0^{\theta} \frac{(\alpha - \beta \sin^2 \vartheta) (\gamma - \delta \sin^2 \vartheta)}{[\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta]^2} \cdot \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}$$

wo  $P, \alpha \beta \gamma \delta \varepsilon \zeta$  constant sind. Den Ausdruck  $\frac{(\alpha - \beta \sin^2 \vartheta)(\gamma - \delta \sin^2 \vartheta)}{[\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta]^2}$  verwandeln wir durch Partialbruchzerlegung in einen identischen von der Form  $A + B(m + \sin^2 \vartheta) + \frac{C}{m' + \sin^2 \vartheta}$ , wo  $A, B, C, m$  und  $m'$  constante Werthe bezeichnen. Zur Kenntniss dieser Constanten gelangen wir, indem wir beide Formen durch das Gleichheitszeichen verbinden und  $\vartheta$  geeignete Specialwerthe beilegen. Es ergibt sich:

$$1) \frac{(\alpha - \beta \sin^2 \vartheta)(\gamma - \delta \sin^2 \vartheta)}{[\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta]^2} = \frac{(\alpha \zeta - \beta \varepsilon)(\gamma \zeta - \delta \varepsilon)}{\zeta^2(\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta)^2} + \frac{\alpha \delta \zeta + \beta \gamma \zeta - 2 \varepsilon \beta \delta}{\zeta^2(\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta)} + \frac{\beta \delta}{\zeta^2}$$

Es kommt also im allgemeinen Fall bei der Zerlegung in ein Aggregat von Integralen Eines vor von der Form:

$$M \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{[\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta]^2 \Delta \vartheta}, \text{ wo } M = \frac{(\alpha \zeta - \beta \varepsilon)(\gamma \zeta - \delta \varepsilon)}{\zeta^2} \text{ ist.}$$

Nach der Theorie der elliptischen Functionen erhalten wir, wenn wir dieses weiter zerlegen, folgenden Ausdruck:

$$2) \int_0^{\vartheta} \frac{(\alpha \zeta - \beta \varepsilon)(\gamma \zeta - \delta \varepsilon)}{\zeta^2(\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta)^2} \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta} = M \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{(\varepsilon - \zeta \sin^2 \vartheta)^2 \Delta \vartheta} = \frac{M}{\varepsilon^2} \cdot \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{\gamma_0 \left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right)} - \frac{M}{\varepsilon^2} \int_0^{\vartheta} \frac{\gamma_1 \cdot d\vartheta}{\gamma_0 \cdot \left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} - \frac{M}{\varepsilon^2} \int_0^{\vartheta} \frac{\gamma_2 \cdot d\vartheta}{\gamma_0 \cdot \Delta \vartheta} - \frac{M}{\varepsilon^2} \int_0^{\vartheta} \frac{\gamma_3 \left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\gamma_0 \cdot \Delta \vartheta}.$$

Hier bedeuten die Constanten  $\gamma_0 \gamma_1 \gamma_2 \gamma_3$ , wenn wir noch  $\lambda = -\frac{\zeta}{\varepsilon}$  setzen:

$$\begin{aligned} \gamma_0 &= 2 \left(1 + \frac{1 + \lambda^2}{\lambda} + \frac{\lambda^2}{\lambda^2}\right) \\ \gamma_1 &= - \left(1 + 2 \cdot \frac{1 + \lambda^2}{\lambda} + 3 \frac{\lambda^2}{\lambda^2}\right) \\ \gamma_2 &= 0 \\ \gamma_3 &= \frac{\lambda^2}{\lambda^2} \end{aligned}$$

Es wird also, so lange  $\gamma_0 \geq 0$  ist, das mit  $\frac{\gamma_2}{\gamma_0}$  multiplicirte Glied zu Null.

Setzt man den Ausdruck 2) ein, und führt noch zur Abkürzung  $Q = \left(\frac{\alpha}{\varepsilon} - \frac{\beta}{\zeta}\right) \left(\frac{\gamma}{\varepsilon} - \frac{\delta}{\zeta}\right)$  ein, so erhält man:

$$3. \quad t \text{ resp. } \varphi = \\ = \pm P \left[ \frac{Q \sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{\gamma_0^2 \left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right)} + \left[ \frac{\alpha\beta}{\zeta\varepsilon} + \frac{\beta\gamma}{\zeta\varepsilon} - 2 \frac{\beta\delta}{\zeta\varepsilon} - Q \frac{\gamma_1}{\gamma_0} \right] \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} - \right. \\ \left. - Q \cdot \frac{\gamma_3}{\gamma_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{\zeta}{\varepsilon} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} + \left(\frac{\beta\delta}{\zeta\varepsilon} - Q \cdot \frac{\gamma_2}{\gamma_0}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta} \right].$$

Mit Hilfe dieser Gleichung ist die Entwicklung der aufgestellten elliptischen Integrale vorzunehmen.

### § 3.

**Ueber die Fernbewegungen zweier gleichartigen elektrischen Theilchen, wenn  $\varrho > r_0 > 0 > -\zeta_0$  ist.**

Wenn ein elektrisches Theilchen in Bezug auf ein anderes gleichartiges Fernbewegungen vollführt, welche der Gleichung

$$\frac{rv}{cc} = \frac{r-r_0}{r-\varrho} \left( \frac{\varrho}{r_0} + \frac{r_0+r}{r} \frac{\alpha_0 \alpha_0}{cc} \right)$$

gehorehen, wo  $\varrho > r_0 > 0 > -\zeta_0$  ist, so ist die Entfernung  $r$  entweder grösser oder gleich  $\varrho$ , oder kleiner, resp. gleich  $-\zeta_0$ . Bei der geometrischen Deutung haben wir hier zwei vollständig von einander abgesonderte Werthebereiche, einen positiven Zweig  $\varrho$  bis  $+\infty$  und einen negativen  $-\zeta_0$  bis  $-\infty$ . Bei der mathematischen Behandlung bilden beide zusammen ein einziges Intervall.

Es entspricht diesem Falle der Bewegung das Integral 2 der Tabelle 5:

$$\varphi = -\sqrt{r_0 \zeta_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + \zeta_0)}} \cdot \frac{\zeta_0 + \varrho}{\zeta_0} \int_0^{\vartheta} \frac{(1 - \sin^2 \vartheta) d\vartheta}{\Delta \vartheta}. \quad \text{In } \Delta \vartheta \text{ ist } k^2 = \frac{r_0}{\varrho} \cdot \frac{\zeta_0 + \varrho}{\zeta_0 + r_0}.$$

Für  $r = \varrho$  ist  $\vartheta = \frac{\pi}{2}$ , für  $\varrho = \infty$  möge  $\vartheta = \vartheta_0$  sein. Wollen wir über

irgend einen abgegrenzten Bereich integrieren, z. B. über  $\vartheta_0$  bis  $\vartheta$ , wo  $0 < \vartheta < \frac{\pi}{2}$  ist, so haben wir

$$\varphi' = \int_{\vartheta_0}^{\vartheta} = \int_0^{\vartheta} - \int_0^{\vartheta_0} \text{ oder } \varphi' + \varphi'_0 = \int_0^{\vartheta}.$$

Wir können nun stets  $\varphi'_0$  aus der allgemeinen Lösung bestimmen, können aber auch, und dies ist in der Folge stets geschehen, den Winkel  $\varphi' + \varphi'_0$  einfach mit  $\varphi$  bezeichnen, ebenso bei den Zeitintegralen statt  $t' + t'_0$  einfach  $t$  setzen. Bezeichnen wir die Constante vor dem Integral mit  $A$ , gehen zu den elliptischen Functionen über und setzen:  $\vartheta = \text{am } u$ , so erhalten wir:

$$\varphi = A \int_0^{\vartheta} \frac{\cos^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{\sin \vartheta} = A \left( -\frac{k'^2}{k^2} u + \frac{1}{k^2} E(u) \right) \text{ oder}$$

$$\varphi = 2 \cdot \frac{\varrho - r_0}{r_0} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}}} u - 2 \sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}} \cdot E(u)$$

Diese Gleichung geht, wenn wir den periodischen und nichtperiodischen Theil trennen, über in:

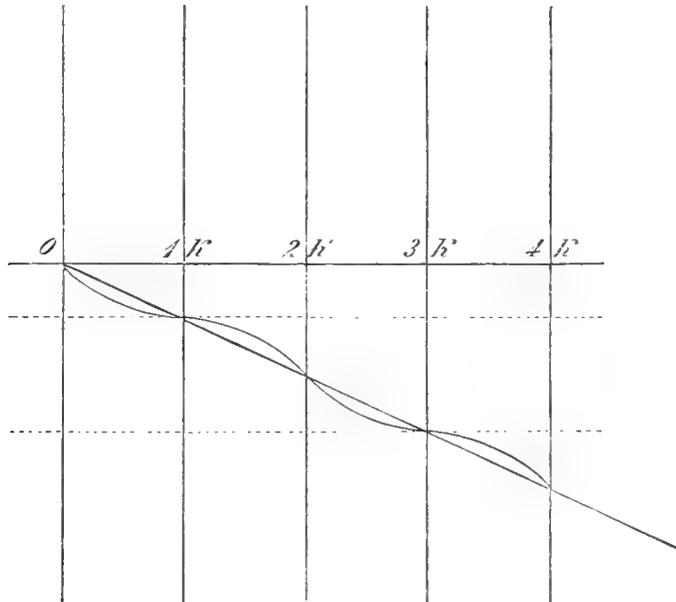
$$\varphi = 2 \left[ \frac{\varrho - r_0}{r_0} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}}} - \sqrt{\frac{\varrho(s_0 + r_0)}{r_0 s_0}} \cdot \frac{E}{K} \right] u - 2 \sqrt{\frac{\varrho(s_0 + r_0)}{r_0 s_0}} \cdot Z(u)$$

wo  $E, K, Z(u)$  die bekannten Bedeutungen haben. Der nichtperiodische Theil stellt eine gerade Linie dar, welche durch den Coordinatenanfangspunkt geht, und indem wir die Werthe von  $u$  und  $\varphi$  auf zwei zu einander senkrecht stehende Coordinatenaxen beziehen, mit der  $u$  Axe einen gewissen Winkel einschliesst, dessen trigonometrische Tangente durch den Factor von  $u$  dargestellt wird.

Der periodische Theil verschwindet für  $u = nK$ . Für  $u = \frac{K}{2}$  wird derselbe  $= -\sqrt{\frac{\varrho(s_0 + r_0)}{r_0 s_0}} (1 - k')$ ; für  $Z\left(\frac{3K}{2}\right)$ , weil  $Z(u)$  eine ungerade Function mit der Periode  $2K$  ist,  $= +\sqrt{\frac{\varrho(s_0 + r_0)}{r_0 s_0}} (1 - k')$ .

Im Ganzen betrachtet, liefert der periodische Theil für sich genommen eine Curve, welche die  $u$  Axe wellenförmig umschlingt und in den Punkten

0, K, 2K, 3K schneidet. Aus der Addition der Ordinaten dieser Curve zu den zugehörigen der Geraden ergibt sich die in Figur 1 dargestellte resultierende Curve.



Figur 1.

Zur Bestimmung der Zeit dient das Integral

$$t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \cdot \frac{2}{\sqrt{q(s_0 + r_0)}} s_0 q^2 (s_0 + q) \int_0^{\vartheta} \frac{(1 - \sin^2 \vartheta) d\vartheta}{[q - (s_0 + q) \sin^2 \vartheta]^2 \Delta \vartheta}$$

Nennen wir den constanten Factor des Integrals A, so ergibt die Vergleichung mit den Constanten der allgemeinen Form in § 2

$$\alpha = 1 \quad \beta = 1 \quad \gamma = 1 \quad \delta = 0 \quad \varepsilon = q \quad \zeta = s_0 + q.$$

Wir erhalten:

$$t = A_1 \cdot \frac{\frac{s_0}{q^2} \cdot \frac{1}{s_0 + q} \sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{2 \cdot \frac{s_0}{s_0 + q} \cdot \frac{s_0}{s_0 + r_0} \left(1 - \frac{s_0 + q}{q} \sin^2 \vartheta\right)} - \frac{s_0}{q^2} \cdot \frac{1}{(s_0 + q)} \cdot \frac{\gamma_0}{\gamma_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{s_0 + q}{q} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} +$$

$$+ \left[ \frac{1}{(s_0 + q) q} - \frac{s_0}{q^2} \cdot \frac{1}{s_0 + q} \cdot \frac{\gamma_1}{\gamma_0} \right] \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{s_0 + q}{q} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta}$$

wo  $\gamma_0 = 2 \cdot \frac{s_0 s_0}{(s_0 + \varrho)(s_0 + r_0)}$ ;  $\gamma_3 = \frac{\varrho r_0}{(s_0 + \varrho)(s_0 + r_0)}$  und  $\gamma_1 = 1 - (\gamma_0 + \gamma_3)$  ist.

Schreiben wir diesen Ausdruck in der abgekürzten Form:

$$t = B_1 \cdot \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{s_0 + \varrho}{\varrho} \sin^2 \vartheta} - B_2 \cdot \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{s_0 + \varrho}{\varrho} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} + B_3 \cdot \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{s_0 + \varrho}{\varrho} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta}$$

Je nach der Bestimmung von  $\eta = \pm 1$  sind die Grössen  $B_1, B_2, B_3$  alle positiv oder alle negativ.

Das mit dem Factor  $B_3$  versehene Integral ist ein logarithmisches elliptisches Integral dritter Gattung, weil  $-\frac{s_0 + \varrho}{\varrho} = n$  zwischen  $-1$  und  $-\infty$  liegt.

Wir setzen für dieses Integral

$$n = -k^2 \cdot \sin^2 \text{am}(a + iK') \text{ oder } \sin^2 \text{am}(a + iK') = \frac{s_0 + r_0}{r_0},$$

wo  $a$  eine reelle Grösse ist und erhalten:

$$t = B_1 \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{s_0 + \varrho}{\varrho} \sin^2 \vartheta} + \left[ B_3 + B_2 \left( \frac{s_0}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{r_0} \frac{E}{K} \right) \right] u - B_2 \cdot \frac{s_0 + r_0}{r_0} Z(u) - B_3 \frac{\text{tg am } a}{\Delta \text{ am } a} H(u, a + iK'),$$

wenn wir zugleich die andern Integrale durch elliptische Functionen ausdrücken. Um  $H(u, a + iK')$  in einen Ausdruck mit dem reellen Parameter  $a$  zu verwandeln, wenden wir die Gleichung an:

$$H(u, a + iK') = H(u, a) + u \cdot \text{cotg am } a \cdot \Delta \text{ am } a + \frac{1}{2} \log \frac{\sin \text{am}(a - u)}{\sin \text{am}(a + u)}$$

und bekommen:

$$\begin{aligned}
t = & \left[ B_2 \left( \frac{s_0}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{r_0} \frac{E}{K} \right) - B_3 \cdot \frac{\operatorname{tg} \operatorname{am} a}{\Delta \operatorname{am} a} \cdot Z(a) \right] u \\
& + B_1 \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{1 - \frac{s_0 + \varrho}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u} - B_2 \cdot \frac{s_0 + r_0}{r_0} Z(u) - \\
& - \frac{1}{2} B_3 \cdot \frac{\operatorname{tg} \operatorname{am} a}{\Delta \operatorname{am} a} \cdot \log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}.
\end{aligned}$$

Für denselben Werth von  $\sin^2 \operatorname{am} u$ , für welchen  $r$  unendlich gross wird, wird auch  $t$  unendlich gross, d. h. das Theilchen braucht eine unendliche lange Zeit, um von der Entfernung  $-s_0$  bis nach  $-\infty$ , resp. von  $+\varrho$  bis  $+\infty$  zu gelangen. Dieser Fall des Unendlichwerdens tritt ein für  $u = a$ , denn es ist

$$\sin^2 \operatorname{am}(a + iK') = \frac{s_0 + r_0}{r_0} = \frac{1}{k^2 \sin^2 \operatorname{am} a}, \text{ also } \sin^2 \operatorname{am} a = \frac{\varrho}{s_0 + \varrho}.$$

Setzt man jetzt noch in die erhaltene Gleichung für  $t$ :

$$\sin \operatorname{am} a = \sqrt{\frac{\varrho}{s_0 + \varrho}}; \cos \operatorname{am} a = \sqrt{\frac{s_0}{s_0 + \varrho}} \text{ und } \Delta \operatorname{am} a = \sqrt{\frac{s_0}{s_0 + r_0}}$$

ein, so ergibt sich:

$$\begin{aligned}
t = \frac{A_1}{2\varrho s_0} & \left\{ \left[ \frac{s_0}{s_0 + \varrho} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho} \frac{E}{K} - \left( 1 - \frac{r_0}{s_0 + \varrho} \right) \sqrt{\frac{s_0 + r_0}{\varrho}} \cdot Z(a) \right] u + \right. \\
& + \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho} \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\frac{\varrho}{s_0 + \varrho} - \sin^2 \operatorname{am} u} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho} \cdot Z(u) - \\
& \left. - \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{r_0}{s_0 + \varrho} \right) \sqrt{\frac{s_0 + r_0}{\varrho}} \log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)} \right\}.
\end{aligned}$$

Wenn wir wieder  $u$  und  $t$  auf den Axen eines rechtwinkligen Coordinatensystems abtragen, so stellt auch hier der nicht periodische Theil eine durch den 0 Punkt gehende gerade Linie dar. Der periodische Theil verschwindet für  $u = 0, 2K, 4K \dots$ , die Periode ist also  $2K$ . Legt man  $u$  zuerst einen Werth  $(2n+1)K + u_1$  und dann einen Werth  $(2n+1)K - u_1$  bei, wo  $n$ , wie in der Folge stets, jede ganze Zahl vorstellt, so ergibt sich aus den Eigenschaften der Functionen  $\sin \operatorname{am} u$ ,  $\cos \operatorname{am} u$ ,  $\Delta \operatorname{am} u$ ,  $Z(u)$  und  $\Theta(u)$ , dass sämmtliche Glieder des periodischen Theils für beide Einsetzungen gleiche, aber mit entgegengesetzten Vorzeichen versehene Werthe annehmen.

Bei dem letzten Gliede, für  $\log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}$  kommt dieser Wechsel des Vorzeichens dadurch zu Stande, dass die beiden Einsetzungen  $\frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}$  reciproke Werthe ertheilen.

Schon aus dem Begriffe des negativen Zweiges folgt, dass ein Theilchen, welches sich auf dem positiven Zweige bewegt, über das positiv Unendliche hinaus nie auf den andern negativen gelangen kann. Dasselbe gilt für Bewegung auf dem negativen Zweige.

Wenn wir also die Bewegung auf dem negativen Zweige betrachten, muss für Werthe von  $r$  zwischen  $+\varrho$  und  $+\infty$  und ebenso für die entsprechenden von  $u$  der Ausdruck für  $t$  imaginär werden und umgekehrt. Wir untersuchen daher, wann  $\log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}$  reell und wann imaginär, resp. wann  $\frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}$  positiv oder negativ wird. Wie man  $\sin \operatorname{am} a = \pm \sqrt{\frac{\varrho}{s_0 + \varrho}}$  wählt, ist von keiner Bedeutung, stets wird der Logarithmus imaginär für Werthe von  $u$ , welche  $> 2nK + a$  und  $< (2n + 2)K - a$  sind.

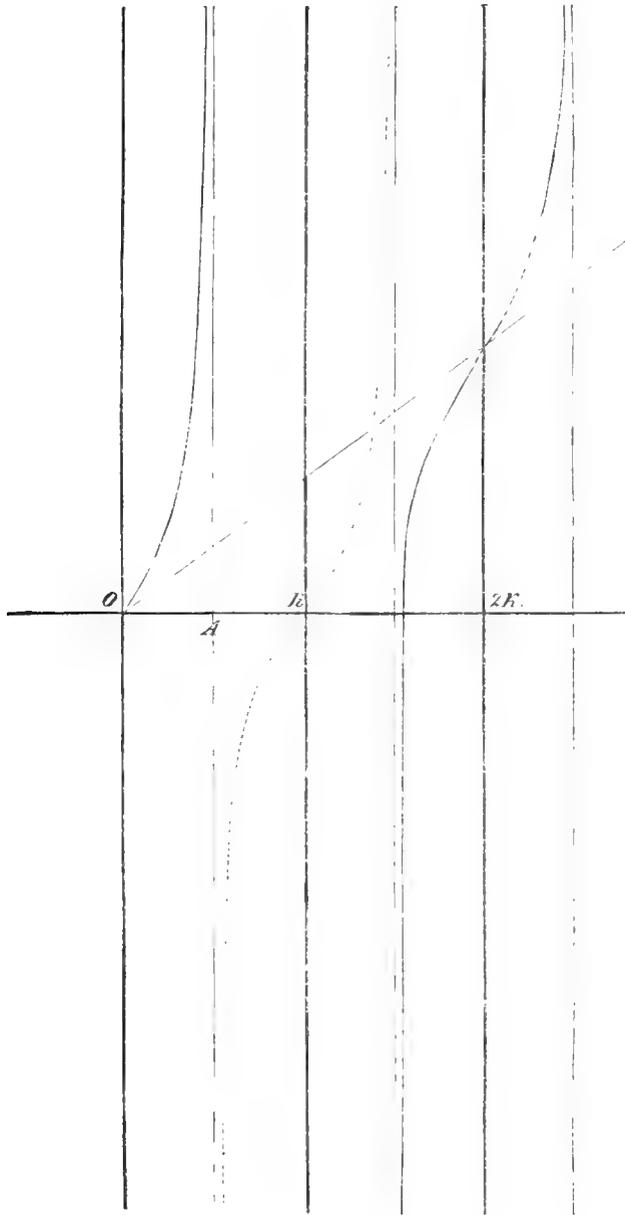
Soll die Zeit für die Bewegung auf dem positiven Zweige bestimmt werden, so braucht man nur den Punkt  $K$  zum Coordinatenanfangspunkt zu machen, es geht dann über  $\frac{a \operatorname{in} a - K}{u \operatorname{in} u - K}$ , also

$$\begin{aligned} \log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)} &\text{ in } \log \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u-2K) \sin \operatorname{am}(a+u-2K)} = \\ &= \log - \frac{\Theta(a-u) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\Theta(a+u) \sin \operatorname{am}(a+u)}. \end{aligned}$$

Wir erhalten also gerade für die positiven Zweige reelle Werthe der Zeitgleichung. In diesem Falle zählen wir dieselbe von  $u = K$ .

Wegen der Symmetrieverhältnisse genügt es, den Lauf der Curve, welche das Verhältniss von  $t$  und  $u$  geometrisch veranschaulicht, längs einer halben Periode von  $t$  zu untersuchen. Wir haben zu diesem Zwecke die beiden ersten Differentialquotienten  $\frac{dt}{du}$  und  $\frac{ddt}{du^2}$  zu entwickeln. Wählen wir  $\eta = +1$ , so ergibt sich, dass die beiden ersten Differentialquotienten des

periodischen Theils sowohl in der Nähe von  $u = 0$ , als von  $u = a$  positiv sind: Die Gestalt der Curve ist also etwa von der Art, wie Figur 2 sie darstellt.



Figur 2.

Es war  $v^2 = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{s_0} \cdot \frac{r-r_0 \cdot r+s_0}{r \cdot r-q}$ . Drücken wir  $r$  durch  $u$  aus, so erhalten wir:

$$v = \alpha_0 \sqrt{\frac{(s_0 + r_0) r_0}{s_0 \varrho}} \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u} = \alpha_0 \sqrt{\frac{(s_0 + r_0) r_0}{s_0 \varrho}} \frac{\sin \operatorname{am} u}{\sin \operatorname{am} (K - u)}$$

$v$  wird 0 für  $u = 2nK$ , unendlich gross für

$$u = (2n + 1) K; \frac{dv}{du} = \alpha_0 \sqrt{\frac{(s_0 + r_0) r_0}{s_0 \varrho}} \cdot (\Delta^2 \operatorname{am} u + k^2 \operatorname{tg}^2 \operatorname{am} u)$$

wird nie zu 0, ist stets positiv und für  $u = (2n + 1) K$  unendlich gross. Für  $u = 0$  ist  $\frac{dv}{du} = \alpha_0 \sqrt{\frac{(s_0 + r_0) r_0}{s_0 \varrho}}$ . Der zweite Differentialquotient, dessen Vorzeichen abhängt von  $\operatorname{tg} \operatorname{am} u [1 - k^2 (1 + \Delta \operatorname{am} u \cdot \cos^4 \operatorname{am} u)]$ , ändert sein Vorzeichen, wenn  $v$  es ändert. Betrachtet man das Intervall 0 bis  $K$ , so sieht man, dass für  $u = 0$  dieser Ausdruck und damit  $\frac{ddv}{du^2}$  zu 0 wird, ferner dass in der Nähe von  $u = 0$  das Vorzeichen des zweiten Differentialquotienten negativ werden kann. Denn für sehr kleine Werthe von  $u$  hängt das Vorzeichen ab von  $\operatorname{tg} \operatorname{am} u (1 - 2k^2)$ , wird also negativ für  $k^2$  zwischen  $\frac{1}{2}$  und 1, was stets eintritt, wenn  $\varrho < 2r_0$  ist, für  $k^2 = \frac{1}{2}$  wird für  $v = \sin 0$ ,  $\frac{ddv}{du^2}$  von einem Grade höher unendlich klein. Wenn  $k^2$  zwischen  $0$  und  $\frac{1}{2}$  liegt, so ist  $\frac{ddv}{du^2}$  im ganzen Intervall positiv. Die Figur 3 (umstehend) entspricht der Annahme  $k^2 < \frac{1}{2}$ .

Die Gleichung, welche eine Beziehung zwischen der Entfernung der beiden Theilchen und dem elliptischen Parameter  $u$  giebt, lautet

$$r = - \frac{s_0 \varrho}{\varrho - (s_0 + \varrho) \sin^2 \operatorname{am} u}$$

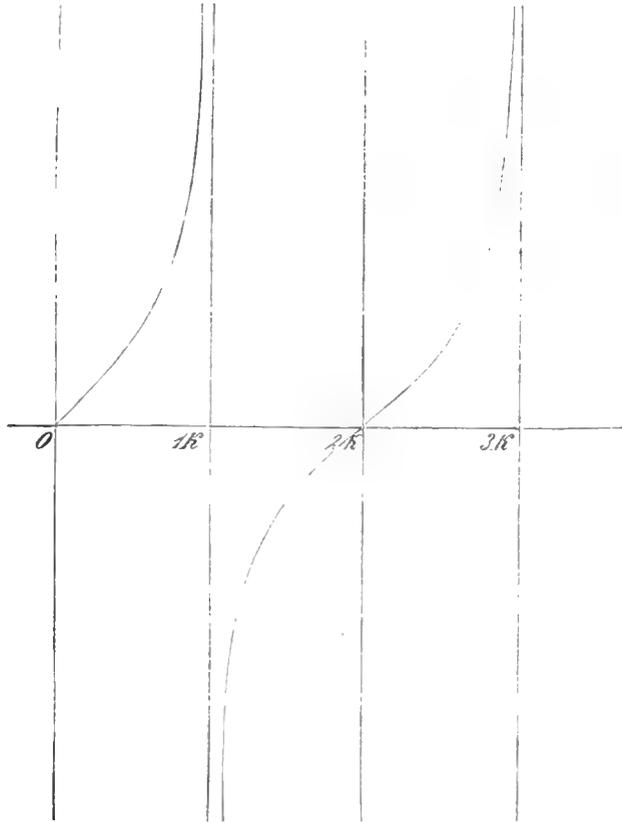
Diese Gleichung, wie ein grösserer Theil der gebrauchten Substitutionsformeln überhaupt, ist von der Gestalt  $r = \frac{a}{1 - b \sin^2 \operatorname{am} u}$ , wo  $a$  und  $b$  gewisse constante Grössen sind. Wir betrachten diese allgemeinere Form und beziehen uns in der Folge hierauf. Der erste Differentialquotient lautet

$$\frac{dr}{du} = \frac{2ab \cdot \sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{(1 - b \sin^2 \operatorname{am} u)^2}$$

Die Aenderung des Vorzeichens hängt ab von  $\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u$ .

Das Vorzeichen des zweiten Differentialquotienten hängt ab von dem Ausdruck:

$$(1 - b \sin^2 \operatorname{am} u) \left[ (1 - b \sin^2 \operatorname{am} u) \left\{ \frac{1}{\sin^2 \operatorname{am} u} - \left( \frac{k^2}{\Delta^2 \operatorname{am} u} + \frac{1}{\cos^2 \operatorname{am} u} \right) \right\} + 4b \right].$$



Figur 3.

Nun ist

$$\sin \operatorname{am} (u \pm K) \cdot \cos \operatorname{am} (u \pm K) = -k' \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta^2 \operatorname{am} u}.$$

Aus der linken Seite dieser Gleichung leitet man leicht her, dass

$$\sin \operatorname{am} (nK + u) \cos \operatorname{am} (nK + u) = -\sin \operatorname{am} (nK - u) \cdot \cos \operatorname{am} (nK - u).$$

Ferner ist  $\sin^2 (nK + u) = \sin^2 (nK - u)$  und dasselbe gilt für  $\cos$  und  $\Delta$ . Endlich ist noch  $\Delta \operatorname{am} (nK + u) = \Delta \operatorname{am} (nK - u)$ . Wenn man nun diese Beziehungen anwendet auf die Ausdrücke für  $r$ ,  $\frac{dr}{du}$  und  $\frac{d^2r}{du^2}$ , so ergibt sich, falls man für  $u$  einmal  $nK + u$ , darauf  $nK - u$  einsetzt, dass jeder dieser

Ausdrücke für beide Einsetzungen gleiche Werthe annimmt, welche aber bei  $\frac{dr}{du}$  mit verschiedenen Vorzeichen versehen sind. Es sind also sämtliche Ordinaten  $u = nK$  Symmetrieaxen der Curve.

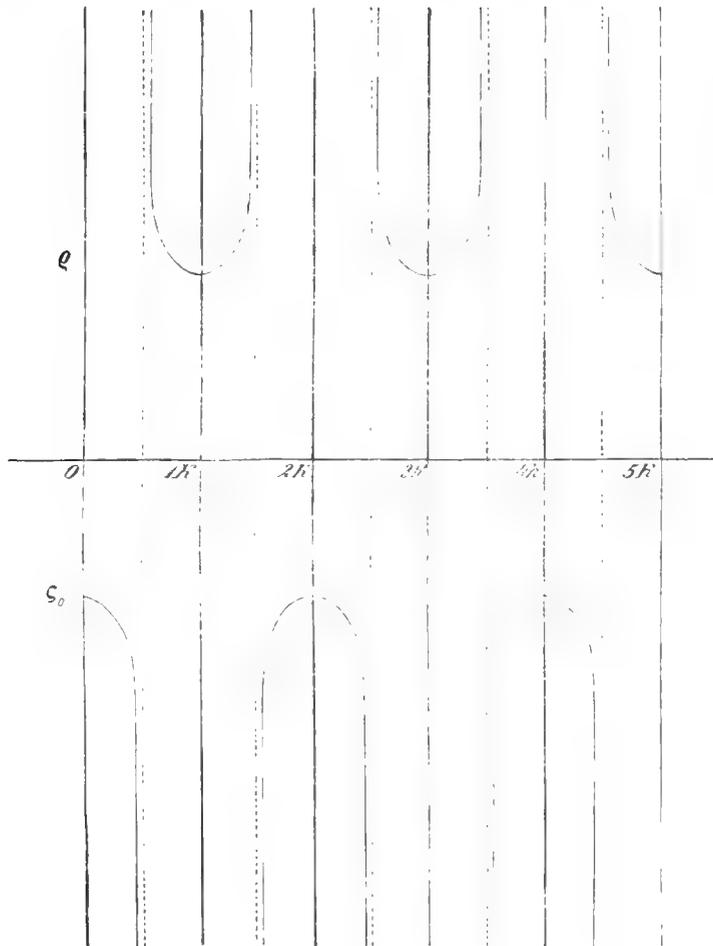
Für unseren speciellen Fall ist  $a = -s_0$ ,  $b = \frac{s_0 + \varrho}{e}$ , also  $\frac{dr}{du}$  negativ für die Intervalle  $2nK$  bis  $(2n + 1)K$ , positiv für die von  $(2n + 1)K$  bis  $(2n + 2)K$ . Das Vorzeichen des zweiten Differentialquotienten hängt ab von

$$- \left[ \frac{1}{\sin^2 \operatorname{am} u} - \frac{1}{\cos^2 \operatorname{am} u} + \frac{4 \cdot \frac{s_0 + \varrho}{e}}{1 - \frac{s_0 + \varrho}{e} \sin^2 \operatorname{am} u} - \frac{k^2}{-k^2 \sin^2 \operatorname{am} u} \right]$$

Für kleine Werthe von  $u$  überwiegt das Glied  $\frac{1}{\sin^2 \operatorname{am} u}$ , für Werthe in der Nähe von  $K$  das Glied  $\frac{1}{\cos^2 \operatorname{am} u}$ , wenn wir wieder das erste Intervall betrachten. Im ersten Falle ist also  $\frac{d^2r}{du^2}$  negativ, im zweiten positiv. Für  $\sin^2 \operatorname{am} u = \frac{\varrho}{s_0 + \varrho}$  werden  $r$ ,  $\frac{dr}{du}$ ,  $\frac{d^2r}{du^2}$  unendlich gross. Aus diesen Bestimmungsstücken ergibt sich Figur 4 (umstehend).

In Figur 1 sind die Theile der gefundenen Curven, welche in dem den  $o$  Punkt enthaltenden Bereiche liegen, noch einmal auf ein rechtwinkliges Coordinatensystem bezogen dargestellt. Diese Figur gestattet unmittelbar folgende Schlüsse über die Bewegung des Theilchens. Zur Zeit  $t = 0$  befindet sich das bewegte Theilchen in der grössten Nähe des ruhenden, der Entfernung  $-s_0$  (resp.  $\varrho$ ), mit der Geschwindigkeit  $0$ . Von hier entfernt es sich unter Einwirkung der Abstossungskraft, seine abnehmend beschleunigte Bewegung nähert sich mehr und mehr der gleichförmigen, nach unendlich langer Zeit kommt es mit constanter Geschwindigkeit im Unendlichen an. Unterdessen ist der Winkel, welchen die Verbindungslinie beider Theilchen mit der Verbindungslinie der Theilchen in ihrem kleinsten Abstände bildet, ebenfalls zu einem constanten Grenzwerte  $\varphi_0$  gewachsen. Der Radiusvector  $r$  für den Werth  $r = \infty$  ist Asymptote der Curve. Würde das Theilchen mit der Geschwindigkeit, mit welcher es im Unendlichen angekommen ist, sich wieder dem festen Theilchen nähern, so würde eine Bahn beschrieben, welche der vorigen gleich und zu ihr symmetrisch gelegen ist.

Wieder würde die Verbindungslinie der Theilchen bis zur grössten Annäherung denselben Winkel  $\varphi_0$  beschreiben, von hier sich entfernend abermals diesen Winkel u. s. f.



Figur 4.

Bei unendlicher Fortsetzung dieses Vorganges wird, falls  $\frac{360}{\varphi_0}$  irrational ist, die ganze Ebene mit Ausnahme der Oberfläche des Kreises, welcher mit dem Radius  $-\sigma_0$  (resp.  $\varphi$ ) um das ruhende Theilchen beschrieben ist, von dem bewegten durchlaufen.

§ 4.

**Ueber Molecularbewegungen zweier gleichartigen elektrischen Theilchen für den Fall, dass  $\varrho > r_0 > 0 > -s_0$ .**

Wenn zwei gleichartige elektrische Theilchen in molecularem Abstände sich befinden, so folgt aus dem Weber'schen Gesetze, dass sie nicht ohne Einwirkung äusserer Kräfte aus solcher sich entfernen können, sondern Molecularbewegungen gegen einander ausführen. Im Folgenden sind die relative Bahn eines Theilchens gegen das andere, die Geschwindigkeit in der Richtung der Verbindungslinie und die zur Bewegung gebrauchte Zeit als Functionen des elliptischen Parameters  $u$  dargestellt. Das diesen Fall betreffende Winkelintegral lautete, wenn  $\varrho > r_0 > 0 > -s_0$  ist, mittelst der Formel

$r = \frac{\varrho \cdot r_0 \cdot \cos^2 \vartheta}{\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta}$  auf die Normalform reducirt:

$$\varphi = \sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{\varrho(r_0 + s_0)}} \cdot \frac{\varrho - r_0}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta} \quad \text{wo } k^2 = \frac{r_0}{\varrho} \cdot \frac{s_0 + \varrho}{s_0 + r_0} \text{ war.}$$

Die Anwendung der elliptischen Functionen ergibt

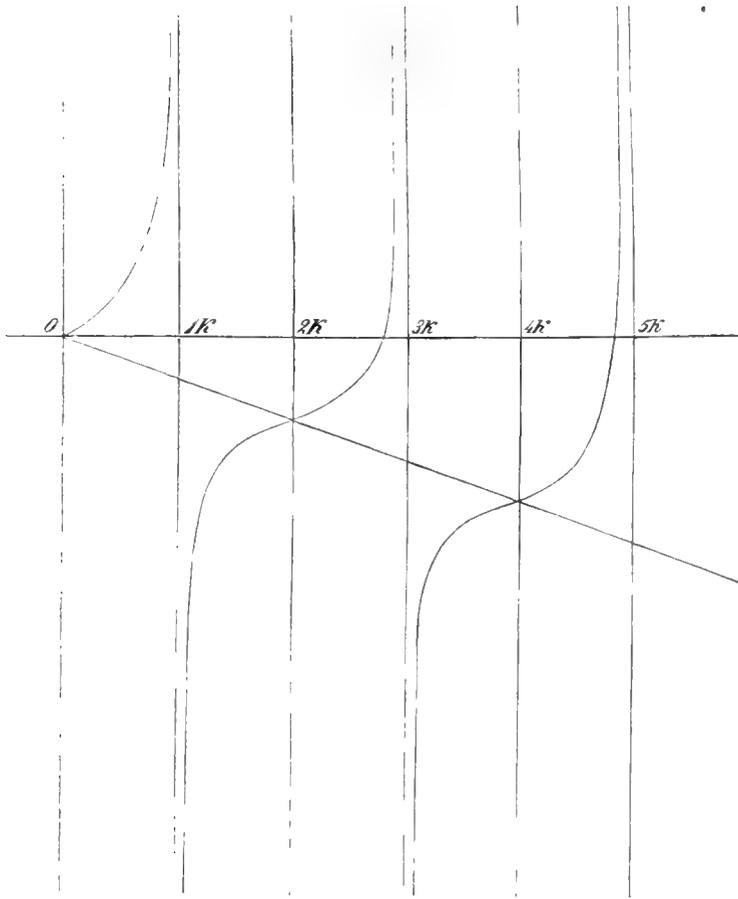
$$\frac{\varphi}{P} = \left[ \frac{1}{k'^2} \operatorname{tg} \vartheta \cdot \Delta \vartheta + u - \frac{1}{k'^2} E(u) \right] \quad \text{wo } P = \frac{2(\varrho - r_0) s_0}{\sqrt{\varrho r_0 s_0 (r_0 + s_0)}}$$

ist oder, wenn wir dieses ausführen:

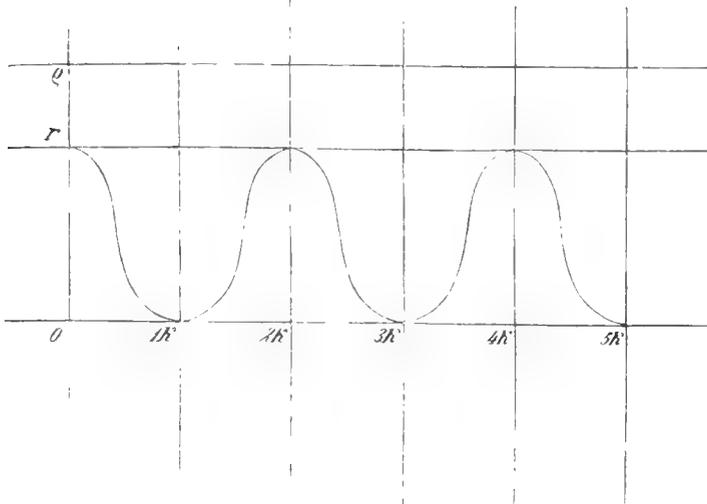
$$\varphi = \frac{2(\varrho - r_0) s_0}{\sqrt{\varrho r_0 s_0 (r_0 + s_0)}} u - 2 \sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}} \left( E(u) - \operatorname{tg} \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u \right).$$

Diese Gleichung stimmt überein mit derjenigen, welche von Herrn Prof. E. Riecke in den Nachrichten der K. Gesellschaft der Wissenschaften und der Georg-Augusts-Universität aus dem Jahre 1874 für diese Art der Bewegung elektrischer Theilchen angegeben wurde. Zu der daselbst angegebenen weiter entwickelten Form

$$\begin{aligned} \varphi = & - \frac{2}{K} \cdot \frac{(E - K) \varrho s_0 + (K s_0 + E \varrho) r_0}{\sqrt{\varrho r_0 s_0 (r_0 + s_0)}} u + \frac{\pi}{K} \sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}} \operatorname{tg} \frac{\pi u}{2K} + \\ & + \frac{4\pi}{K} \sqrt{\frac{\varrho(r_0 + s_0)}{r_0 s_0}} \left( \frac{q^2}{1 - q^2} \sin \frac{\pi u}{K} - \frac{q^4}{1 - q^4} \sin \frac{2\pi u}{K} \right) \end{aligned}$$



Figur 5.



Figur 6.

bei welcher der periodische Theil von dem nichtperiodischen gesondert ist, gelangt man mit Hülfe der Gleichung:

$$\frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u} = \frac{\pi}{2K} \operatorname{tg} \frac{\pi u}{2K} + \frac{4\pi}{2K} \sum_{n=1}^{n=\infty} \frac{q^n}{1+(-)^n q^n} \sin \frac{n\pi u}{K}.$$

Die Discussion der für  $\varphi$  erhaltenen Formel, sowie der Gleichung  $r = \frac{\varrho r_0 \cos^2 \vartheta}{\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta}$  ergibt die dem erwähnten Aufsätze beigefügten graphischen Darstellungen von  $\varphi$  und  $r$ ; es entsprechen ihnen die Figuren 5 und 6 (nebenstehend).

Die gebrauchte Substitutionsformel ist mit mehreren anderen, welche zur Anwendung gekommen sind, enthalten in der Form  $r = \frac{a \cdot \cos^2 \operatorname{am} u}{1 - b \sin^2 \operatorname{am} u}$ , wo  $a$  und  $b$  positive oder negative Constanten sind. Wir finden, dass  $\frac{dr}{du} = 2a(b-1) \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{(1 - b \sin^2 \operatorname{am} u)^2}$  ist, sich also von dem im vorigen Paragraphen entwickelten Ausdruck nur durch den constanten Factor unterscheidet. Das Vorzeichen des ersten, wie des zweiten Differentialquotienten ändert sich also unter denselben Verhältnissen wie dort. Im vorliegenden Falle ist  $b = \frac{r_0}{\varrho} < 1$ , also  $\frac{1}{b} > 1$ , es liegt daher die Curve ganz im Endlichen, zwischen  $u = 0$  und  $u = K$  ist  $\frac{dr}{du}$  negativ,  $\frac{d^2r}{du^2}$  negativ in der Nähe von  $u = 0$ , positiv in der Nähe von  $u = K$ .

Die Beziehung zwischen der Geschwindigkeit  $v$  und dem Parameter  $u$  wird dargestellt durch

$$v = \frac{\alpha_0}{\varrho} \sqrt{\frac{\varrho r_0 (r_0 + s_0)}{s_0}} \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u}.$$

Der Ausdruck stimmt vollkommen überein mit dem im vorigen Paragraphen für die Geschwindigkeit gefundenen. Die Gestalt der Curve, die Abhängigkeit derselben von dem Werthe von  $k$  ist also dieselbe. (Vergl. Figur 3).

Zwischen der verflossenen Zeit und dem Parameter  $u$  haben wir die Relation herzuleiten aus dem Integral:

$$t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \frac{2}{\sqrt{\varrho (s_0 + r_0)}} r_0 \varrho^2 (r_0 - \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{(1 - \sin^2 \vartheta) d\vartheta}{(\varrho - r_0 \sin^2 \vartheta)^3 \Delta \vartheta}.$$

Diese Form ergab sich aus dem Integral:

$$t = \mathcal{A} \cdot \int_{r_0}^r \frac{r \cdot r - \varrho}{\sqrt{r - \varrho} \cdot r - r_0 \cdot r \cdot r + s_0} dr \text{ in der Tabelle 3, wo } \mathcal{A} = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0}{r_0}} \text{ war.}$$

Für den Fall, dass die Schwingungen sehr klein sind, so dass man  $r_0$  und  $r$  gegen  $\varrho$  vernachlässigen darf, erhält man:

$$t = - \mathcal{A} \sqrt{\frac{\varrho}{r_0}} \int_{r_0}^r \sqrt{\frac{r}{\left(1 - \frac{r}{r_0}\right) (r + s_0)}} dr.$$

Man überzeugt sich durch Einsetzung des Werthes für  $s_0$  und Umrechnungen, dass dieses Integral mit dem von Weber für diesen Fall aufgestellten:

$$\int_{t_0}^t c \cdot dt = - \int_{r_0}^r dr \cdot \sqrt{\frac{r}{\frac{r_0 r_0 \alpha_0 \alpha_0}{\varrho c c} + r - \left(\frac{1}{r_0} + \frac{\alpha_0 \alpha_0}{\varrho c c}\right) r r}}$$

übereinstimmt.

Wir gehen zur Entwicklung des in Tabelle 5 in der Normalform angegebenen allgemeinen Integrals über. Wir schreiben zur Abkürzung für den constanten Factor des Integrals  $P$ . Es ist in der Transformationsformel in § 2 zu setzen:  $\alpha = 1 \quad \beta = 1 \quad \gamma = 1 \quad \delta = 0 \quad \varepsilon = \varrho \quad \zeta = r_0$ . Es ergibt sich:

$$t = P \cdot \left[ - \frac{1}{2\varrho^2} \cdot \frac{s_0 + r_0}{\varrho - r_0} \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \vartheta} + \frac{1}{2\varrho r_0} \cdot \frac{s_0 + \varrho}{\varrho - r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} - \right. \\ \left. - \frac{\varrho - r_0}{2\varrho^2 r_0} \left(1 + \frac{s_0}{\varrho - r_0}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} \right].$$

Zur Entwicklung des elliptischen Integrals dritter Gattung setzen wir  $n = -\frac{r_0}{\varrho}$  und weil  $\frac{r_0}{\varrho}$  ein echter Bruch und zwar  $< k^2$  ist:  $n = -k^2 \cdot \sin^2 a$ , wo also  $\sin^2 a = \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho}$ ,  $a$  eine reelle Grösse ist. Drücken wir nun die vorkommenden Integrale durch die elliptischen Transcendenten aus, so erhalten wir nach Vereinigung gleichartiger Bestandtheile:

$$t = P \left\{ \begin{aligned} & \frac{1}{2\varrho r_0} \left[ \frac{s_0 + r_0}{\varrho - r_0} \cdot \frac{E}{K} + 1 - \frac{\varrho - r_0 + s_0}{\varrho} \left( 1 + \frac{\sqrt{\varrho(s_0 + r_0)}}{\varrho - r_0} Z(a) \right) \right] u - \\ & - \frac{1}{2\varrho^2} \cdot \frac{s_0 + r_0}{\varrho - r_0} \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u} + \\ & + \frac{1}{2\varrho r_0} \cdot \frac{s_0 + r_0}{\varrho - r_0} Z(u) - \frac{1}{4\varrho^2 r_0} \left( 1 + \frac{s_0}{\varrho - r_0} \right) \sqrt{\varrho(r_0 + s_0)} \log \frac{\vartheta(u-a)}{\vartheta(u+a)}. \end{aligned} \right.$$

Das erste Glied, der nicht periodische Theil, drückt einfache Proportionalität zwischen  $t$  und  $u$  aus, repräsentirt eine gerade Linie. Wählen wir  $\eta = -1$ , so lautet der periodische Theil:

$$- M_2 \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u} + M_3 \cdot Z(u) - M_4 \cdot \log \frac{\vartheta(u-a)}{\vartheta(u+a)}$$

wo  $M_2 = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s_0 r_0 (s_0 + r_0)}{\varrho}}$ ;  $M_3 = \frac{\varrho}{r_0} M_2$ ;  $M_4 = \frac{1}{2\alpha_0} (\varrho - r_0 + s_0) \sqrt{\frac{s_0}{r_0}}$  ist.

Weil nun  $Z(u)$  eine ungerade,  $\vartheta(u)$  eine gerade Function ist, jede mit der Periode  $2K$ , so ergibt sich, dass der Ausdruck zu 0 wird für  $u = nK$ , wo  $n = 1, 2, 3, \dots$ , ferner denselben Werth annimmt, ob man  $u = K + u_1$  oder  $u = K - u_1$  einsetzt. Bei dem letzten Gliede folgt dies aus

$$\log \frac{\vartheta(K + u - a)}{\vartheta(K + u + a)} = - \log \frac{\vartheta(K - u - a)}{\vartheta(K - u + a)}.$$

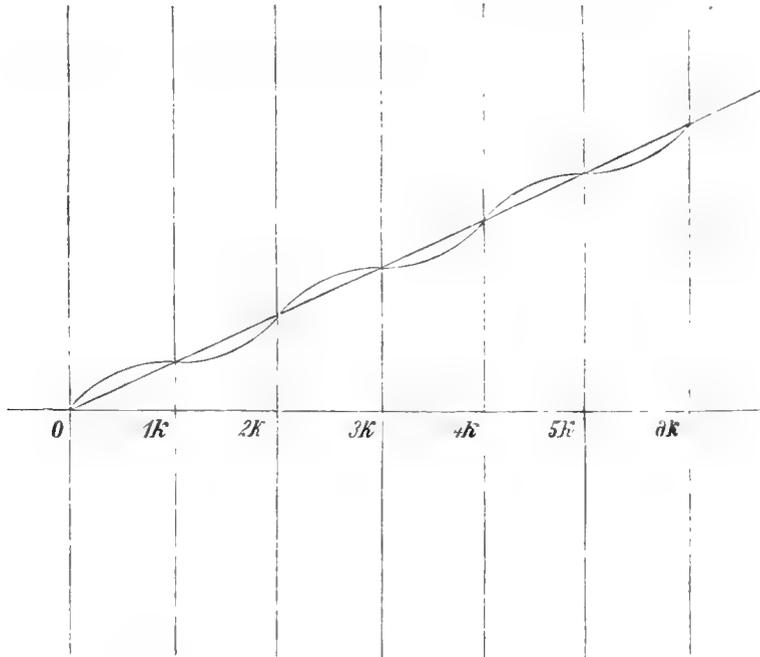
Um über den Verlauf der Curve ein Urtheil zu gewinnen, bilden wir die Differentialquotienten  $\frac{dt}{du}$  und  $\frac{ddt}{du^2}$ . Dieselben lauten:

$$\begin{aligned} \frac{dt}{du} &= M_1 + M_2 \left\{ \frac{1 - k^2 \sin^4 \operatorname{am} u}{1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u} - \frac{2 \cos^2 \operatorname{am} u \cdot \Delta^2 \operatorname{am} u}{\left( 1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u \right)^2} \right\} + \\ &+ M_3 \left( \Delta^2 \operatorname{am} u - \frac{E}{K} \right) - M_4 \left[ Z(u-a) - Z(u+a) \right] \end{aligned}$$

und

$$\begin{aligned} \frac{ddt}{du^2} &= M_2 \left\{ \frac{4 k^2 \sin^3 \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\left( 1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u \right)^2} \left[ \frac{\frac{r_0}{\varrho} (1 + k^2 \sin^4 \operatorname{am} u) + k^2 \cos^2 \operatorname{am} u + \Delta^2 \operatorname{am} u}{2 k^2 \sin^2 \operatorname{am} u} - 1 \right] - \right. \\ &- 8 \frac{r_0}{\varrho} \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos^3 \operatorname{am} u \cdot \Delta^3 \operatorname{am} u}{\left( 1 - \frac{r_0}{\varrho} \sin^2 \operatorname{am} u \right)^3} \left. \right\} - M_3 \left( 2 k^2 \Delta \operatorname{am} u \cdot \sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u + \frac{E}{K} \right) - \\ &- M_4 \cdot \frac{4 \pi^2}{2 K^2} \sum_1^{\infty} \frac{n q^n}{1 - q^{2n}} \left( \cos \frac{n \pi (u-a)}{K} - \cos \frac{n \pi (u+a)}{K} \right). \end{aligned}$$

Betrachtet man die Ausdrücke für Werthe, welche innerhalb des Bereichs  $u = 0$  bis  $u = K$  liegen, und zwar in der Nähe der beiden Grenzen, so ergibt sich, dass der zweite Differentialquotient für beide Fälle negativ wird, nämlich  $= -M_3 \cdot \frac{E}{K}$ , während der erste positive Werthe besitzt. Die graphische Darstellung ist gegeben durch Figur 7.



Figur 7.

Aus der Zusammenstellung aller gefundenen Curven in Figur 2, Tafel 1, entnehmen wir Folgendes über die Bewegung des Theilchens:

In dem Momente, in welchem wir beginnen, die Zeit zu zählen, möge das bewegte Theilchen gerade mit der Geschwindigkeit 0 in der grössten Entfernung  $r_0$  von dem ruhenden sich befinden. Die Verbindungslinie der Theilchen in dieser Stellung gebe die feste Richtung, von welcher die Winkel gezählt werden. Das Theilchen nähert sich dem als ruhend gedachten auf einer dasselbe unendlich oft umschlingenden Spirale; nach einer endlichen Zeit ist es daselbst mit unendlich grosser Geschwindigkeit angekommen. Wenn also  $r < \rho$  ist, üben gleichartige elektrische Theilchen nach dem Weber'schen Gesetze Anziehung auf einander aus. Wenn die Entfernung 0 geworden ist,

entfernen sich die Theilchen wieder, die erreichte unendlich grosse in Entfernungsgeschwindigkeit übergegangene Geschwindigkeit vermindert sich unter der Einwirkung der Anziehungskraft, bis die Theilchen wieder in der Entfernung  $r_0$  sich befinden. Das bewegte Theilchen ist aber nicht wieder zu derselben Stelle auf der Peripherie des die Bahn begrenzenden Kreises gelangt, sondern die jetzige Verbindungslinie schliesst mit der ersten den Winkel

$$= 4 \frac{(E - K) \varrho s_0 + (K s_0 + E \varrho) r_0}{\sqrt{\varrho r_0 s_0 (r_0 + s_0)}} \text{ ein.}$$

Es ist schon erwähnt, dass der unendlich grosse Weg wegen der unendlich grossen Geschwindigkeit in einer endlichen Zeit zurückgelegt wird. Die zu dem eben geschilderten Vorgange, einer „Schwingung“, gebrauchte Zeit ist nach unserer Gleichung:

$$2 K (\varrho - r_0) \sqrt{\frac{\varrho}{2 r_0 \alpha_0^2 + \varrho c^2}} \left[ \frac{s_0 + r_0}{\varrho + r_0} \cdot \frac{E}{K} + 1 - \frac{\varrho - r_0 + s_0}{\varrho} \left( 1 + \frac{\sqrt{\varrho (s_0 + r_0)}}{\varrho - r_0} Z(a) \right) \right].$$

Für den Fall, dass  $r_0$  gegen  $\varrho$  und  $\alpha_0$  gegen  $c$  vernachlässigt werden darf, haben wir

$$\lim s_0 = 0, \quad k^2 = 1, \quad K = \infty, \quad E = 1, \quad Z(a) = 0.$$

Also ist die zu einer Schwingung gebrauchte Zeit

$$2 K \varrho \sqrt{\frac{1}{c^2}} \left[ \frac{r_0}{\varrho} \cdot \frac{1}{K} + 1 - 1 \right] = \frac{2 r_0}{c}.$$

Es stimmt dieses durch Specialisirung aus der allgemeinen Lösung gewonnene Resultat überein mit dem in der Weber'schen Abhandlung durch Vereinfachung unter dem Integralzeichen und dann ausgeführte Integration gefundenen Ausdrucke.

#### § 4a.

An die in § 4 betrachteten Bewegungen zweier gleichartigen Theilchen für den Fall, dass  $\varrho > r_0 > 0 > -s_0$  ist, können wir gleich den anderen Fall der Molecularbewegung gleichartiger Theilchen anschliessen, für welchen  $r_0 > \varrho > 0 > -s_0$ .

Die Abweichung der Verbindungslinie beider Theilchen von einer ursprünglichen Richtung ist bestimmt durch Integral 8:

$$\varphi = -\sqrt{r_0 s_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}} \cdot \frac{r_0 - \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta) \Delta \vartheta}, \text{ wo } k^2 = \frac{\varrho (s_0 + r_0)}{r_0 (s_0 + \varrho)}$$

ist. Die Ausführung des elliptischen Integrals ergibt:

$$\varphi = -2 \sqrt{\frac{s_0 + \varrho}{s_0}} \left\{ \operatorname{tg} \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u - \frac{E}{K} u - \frac{\Theta' u}{\Theta u} \right\}.$$

Die Untersuchung der Periodicitätsverhältnisse dieser Formel führt zu der in Figur 5 gezeichneten Curve.

Es ist die Entfernung der beiden Theilchen bestimmt durch  $r = \frac{\varrho r_0 \cos^2 \vartheta}{r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta}$ . Dieser Ausdruck geht über in den § 4 gefundenen, wenn man  $r_0$  und  $\varrho$  vertauscht. (Figur 6.)

Die Beziehung zwischen der Geschwindigkeit  $v$  und dem Parameter  $u$  wird dargestellt durch

$$v = \alpha_0^2 \cdot \frac{r_0}{s_0} \cdot \frac{(r - r_0)(r + s_0)}{r \cdot (r - \varrho)} = \alpha_0 \cdot \frac{r_0}{\varrho} \sqrt{\frac{\varrho + s_0}{s_0}} \frac{\Delta \operatorname{am} u}{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}.$$

Wie aus der graphischen Darstellung (Figur 7, Tabelle XI.) ersichtlich ist, ist  $v$  unendlich gross für  $u = 0, K, 2K$ , hat dagegen ein Maximum oder Minimum für  $u = \frac{K}{2}, \frac{3K}{2}, \frac{5K}{2}, \dots$

Es bleibt noch übrig, die Zeit zu berechnen, welche das Theilchen zum Durchlaufen seiner Bahn gebraucht. Es handelt sich um Berechnung des elliptischen Integrals:

$$\int_0^{\vartheta} \frac{\sin^2 \vartheta (1 - \sin^2 \vartheta) d\vartheta}{(r_0 - \varrho \sin^2 \vartheta)^2 \Delta \vartheta} \text{ wo } k^2 = \frac{\varrho (s_0 + r_0)}{r_0 (s_0 + \varrho)} \text{ ist.}$$

Für diesen Fall ist  $\alpha = 0 \quad \beta = 1 \quad \gamma = 1 \quad \delta = 1. \quad \varepsilon = r_0 \quad \zeta = \varrho$   
 $Q = \frac{\varrho - r_0}{\varrho^2 r_0} \quad \lambda = -\frac{\varrho}{r_0}.$

Man erhält in allmählicher Entwicklung des Integrals:

$$t = P \left\{ \begin{aligned} & \frac{Q \cdot \sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{\gamma_0 \left(1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta\right)} + \left(-\frac{1}{\varrho r_0} + \frac{1}{\varrho^2} - \frac{\gamma_1}{\gamma_0} \cdot \frac{\varrho - r_0}{\varrho^2 \cdot r_0}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} - \\ & - \frac{\varrho - r_0}{\varrho^2 r_0} \cdot \frac{\gamma_3}{\gamma_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} - \frac{1}{\varrho^2} \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}, \end{aligned} \right.$$

hieraus

$$t = \frac{1}{\alpha} \sqrt{s_0 (s_0 + \varrho)} \left\{ \begin{aligned} & - \mathcal{A} \cdot \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta} + \left(\frac{\varrho}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} + \\ & + \frac{\varrho}{r_0} \cdot \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho} \cdot \mathcal{A} \cdot \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} + 2 \frac{\varrho - r_0}{s_0 + \varrho} \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta}, \end{aligned} \right.$$

wo  $\mathcal{A} = \frac{\varrho}{r_0} \frac{(r_0 - \varrho)^2}{r_0 (r_0 - \varrho) - \varrho (s_0 + r_0)}$  ist, und ferner:

$$t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{s_0 (s_0 + \varrho)} \left\{ \begin{aligned} & - \mathcal{A} \cdot \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 \vartheta} + \left(\frac{\varrho}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho}\right) \left(u + \frac{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}}{r_0 - \varrho} \mathbf{II}(u, a)\right) + \\ & + \frac{\varrho}{r_0} \frac{\mathcal{A}}{s_0 + \varrho} \left\{ (r_0 - \varrho) u + (s_0 + \varrho) E(u) \right\} + 2 \cdot \frac{\varrho - r_0}{s_0 + \varrho} \cdot u \end{aligned} \right.$$

Eine Umwandlung dieser Formel ergibt:

$$t = \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{s_0 (s_0 + \varrho)} \left[ \begin{aligned} & - \mathcal{A} \cdot \frac{\sin am u \cdot \cos am u \cdot \Delta am u}{1 - \frac{\varrho}{r_0} \sin^2 am u} + \\ & + u \left\{ \left(\frac{\varrho}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho}\right) \left(1 + \frac{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}}{r_0 - \varrho} Z(a)\right) + \left(\frac{r_0 - \varrho}{s_0 + \varrho}\right) \left(\frac{\varrho}{r_0} \mathcal{A} - 2\right) + \frac{\varrho}{r_0} \mathcal{A} \cdot \frac{E}{K} \right\} + \\ & + \frac{\varrho}{r_0} \mathcal{A} \cdot \frac{\Theta' u}{\Theta u} + \frac{1}{2} \left(\frac{\varrho}{r_0} - \frac{s_0 + r_0}{s_0 + \varrho}\right) \frac{\sqrt{r_0 (s_0 + \varrho)}}{r_0 - \varrho} \log \frac{\Theta (u - a)}{\Theta (u + a)} \right]. \end{aligned} \right.$$

Die graphische Darstellung dieses Ausdrucks giebt eine Curve, welche sich um eine durch den o Punkt gehende gerade Linie wellig schlingt und zwar mit der Eigenthümlichkeit, die sie vor ähnlichen im Verlaufe der Untersuchung auftretenden Curven auszeichnet, dass sie diese Gerade auch für die Werthe  $u = \frac{K}{2}, \frac{3K}{2}$ .. schneidet. Für diese Schnittpunkte besitzt sie ein

Maximum, für  $u = 0$ ,  $K$ ,  $2K$ .. ein Minimum der Steigung. Am einfachsten leitet man dies Resultat aus dem Integrale direct her. (Fig. 7, Tabelle XI.)

Verfolgen wir das bewegliche Theilchen in seiner Bewegung von dem Momente der grössten Entfernung vom ruhenden. Es nähert sich diesem mit anfänglich  $\infty$  grosser Annäherungsgeschwindigkeit und zwar zeigt seine Bahncurve, weil für  $u = 0$  auch  $\frac{d\varphi}{dr} = 0$  ist, eine Spitze in den Punkten der grössten Entfernung. Es umkreist nun das bewegliche Theilchen das ruhende in unendlich häufigen Spiralwindungen. Die Annäherungsgeschwindigkeit erreicht für  $u = \frac{K}{2}$  und  $\varphi = \sqrt{\frac{s_0 + e}{s_0}} (E - k' - 1)$  ein Minimum und wächst dann wieder zum  $\infty$  grossen Betrage für den Moment der Zusammenkunft beider Theilchen, bei welcher  $\frac{d\varphi}{dr}$  von der dritten Ordnung unendlich gross wird. Die Bahncurve ist durch Fig. 10, Tabelle XIII charakterisirt.

---

## Ueber die Fern- und Molecularbewegungen zweier ungleichartigen elektrischen Theilchen.

### § 5.

#### Die Molecularbewegungen zweier ungleichartigen elektrischen Theilchen für den Fall: $r_0 > s'_1 > 0 > e$ .

Die bisherigen Betrachtungen bezogen sich ausschliesslich auf Bewegungen gleichartiger Theilchen; wir gehen über zu der zweiten Haupterscheinungsklasse, zu dem Falle der Bewegungen zweier ungleichartigen Theilchen. Auch hier unterscheiden wir wieder moleculare Bewegungen und Fernbewegungen. Wir betrachten zuerst den Fall, dass ein elektrisches Theilchen in molecularem Abstände von einem ungleichartigen befindlich, in Bezug auf dieses als Centraltheilchen seine Bewegungen vollführt. Es gewinnt dieser Vorgang noch dadurch erhöhtes Interesse, dass eine Specialisirung die Bewegung ergibt, welche die Ampère'schen Molecularströme, wie Weber nachgewiesen hat, vollständig zu ersetzen im Stande ist.

Wir fanden für diesen Fall der Bewegung:

$$\varphi = - \sqrt{r_0 s'_1} \cdot \frac{2}{\sqrt{r_0 (s'_1 + e)}} \cdot \frac{e + s'_1}{s'_1} \int_0^{\vartheta} \Delta \mathcal{P} d\vartheta.$$

Es ist  $k^2 = \frac{e}{r_0} \cdot \frac{r_0 - s'_1}{e + s'_1}$ , ferner  $r_0 > s'_1 > 0 > -e$ .

Setzen wir zur Abkürzung  $C = -2 \sqrt{\frac{e + s'_1}{s'_1}}$ , so haben wir:

$$\varphi = C \cdot \left\{ \frac{E}{K} u + Z(u) \right\}, \text{ für } u = \frac{K}{2} \text{ nimmt } \varphi \text{ den Werth:}$$

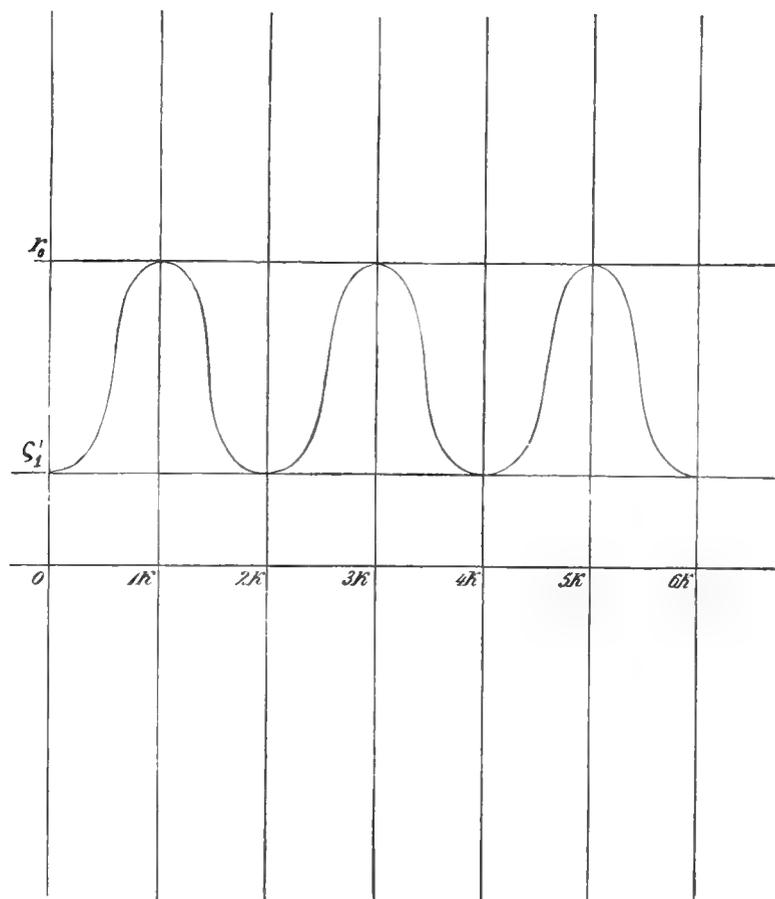
$$\varphi = A \left\{ \frac{E}{2} + \frac{1 - k'}{2} \right\} \text{ an, für } u = K \text{ wird } \varphi = C \cdot E$$

$\frac{d\varphi}{du} = C \cdot \Delta^2$  am  $u$  ist stets positiv,  $\frac{d^2\varphi}{du^2}$  positiv zwischen  $u = 2nK$  und  $u = (2n + 1)K$ , negativ in den übrigen Intervallen. Die Symmetrieverhältnisse

bestimmen sich wieder aus  $Z(K+u) = -Z(K-u)$ , das periodische Glied verschwindet für  $u = 0, K, 2K \dots$

Wir erhalten also die in Figur 1 dargestellte Curve.

Die Beziehung zwischen der Entfernung der beiden Theilchen und  $u$  ist gegeben durch  $r = \frac{s'_1 r_0}{r_0 - (r_0 - s'_1) \sin^2 \mathcal{G}}$ . Wir haben diesen Fall behan-



Figur 8.

delt in § 3. Es ist  $\frac{dr}{du}$  positiv von  $2nK$  bis  $(2n+1)K$ , negativ in den übrigen Intervallen, von  $(2n+1)K$  bis  $(2n+2)K$  ist  $\frac{d^2r}{du^2}$  für das erste Intervall positiv in der Nähe von  $u = 0$ , negativ in der Nähe von  $u = K$ . Bei  $u = 0$  und  $r = s'_1$  haben wir ein Minimum, bei  $u = K$ ,  $r = r_0$  ein Maximum der Curve, welche ganz im Endlichen liegt, weil  $\frac{r_0}{r_0 - s'_1} > 1$  ist. Wir erhalten Figur 8.

Zwischen  $v$  und  $u$  besteht die Relation:

$$v = \alpha_0 \cdot \frac{r_0 - s'_1}{\sqrt{s'_1(s'_1 + \varrho)}} \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} u};$$

$\frac{dv}{du} = \mathcal{A} \left\{ \frac{\cos^2 \operatorname{am} u}{\Delta^2 \operatorname{am} u} - \sin^2 \operatorname{am} u \right\}$  ist positiv für alle Werthe für  $\Delta^2 \operatorname{am} u$  von 1 bis  $k'$ , Null für  $\Delta^2 \operatorname{am} u = k'$  oder  $u = \frac{K}{2}$  und negativ für alle Werthe für  $\Delta^2 \operatorname{am} u$  von  $k'$  bis  $k'^2$ .

Das Vorzeichen des zweiten Differentialquotienten ist abhängig von  $-\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u$ . Setzt man in der Formel

$$\frac{\sin \operatorname{am} (u + K) \cos \operatorname{am} (u + K)}{\Delta \operatorname{am} (u + K)} = - \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} u}$$

statt  $u$  den Werth  $u - \frac{K}{2}$ , und stellt dann rechts  $u - \frac{K}{2}$  um in  $\frac{K}{2} - u$ , so sieht man, dass die Ordinaten  $u = \frac{K}{2}, \frac{3K}{2}, \frac{5K}{2} \dots$  Symmetrieaxen der Curve sind.

Die grösste Annäherungs- respective Entfernungsgeschwindigkeit des Theilchens ist gegeben durch

$$\frac{\alpha_0 (r_0 - s'_1) \sqrt{\frac{r_0}{s'_1}}}{\sqrt{r_0(\varrho + s'_1)} + \sqrt{s'_1(r_0 + \varrho)}} \text{ wo } s'_1 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{c^2 \varrho - \alpha_0^2 r_0} \text{ ist.}$$

Aus diesen Bestimmungsstücken giebt sich Figur 9 (umstehend). Es bleibt noch übrig, die zur Bewegung gebrauchte Zeit zu bestimmen. Wir hatten gefunden:

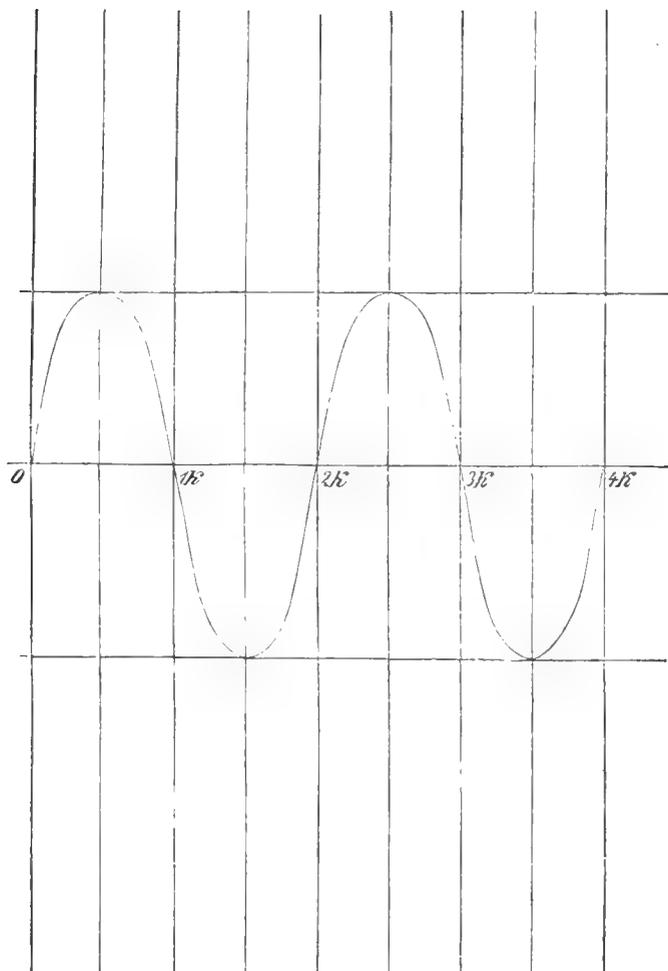
$$t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} 2 s'_1 r_0 \sqrt{s'_1 (s'_1 + \varrho)} \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta d\vartheta}{[r_0 - (r_0 - s'_1) \sin^2 \vartheta]^2}.$$

Vergleichen wir das Integral mit § 2, so ergeben sich die Werthe:

$$\alpha = 1 \quad \beta = k^2 \quad \gamma = 1 \quad \delta = 0 \quad \varepsilon = r_0 \quad \zeta = r_0 - s'_1.$$

Berechnen wir nun  $\gamma_0, \gamma_1, \gamma_3, Q$ , und setzen die Werthe in die dortige Formel ein, so erhalten wir, wenn  $\mathcal{A}_1$  der constante Factor des Integrals ist:

$$t = \mathcal{A}_1 \left\{ -\frac{1}{2r_0^2} \cdot \frac{r_0 - s'_1}{s'_1} \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{r_0 - s'_1}{r_0} \sin \vartheta} + \frac{1}{2r_0^2} \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left( 1 - \frac{r_0 - s'_1}{r_0} \sin^2 \vartheta \right) \Delta \vartheta} + \right. \\ \left. + \frac{1}{2r_0 s'_1} \cdot \frac{\varrho}{\varrho + s'_1} \int_0^{\vartheta} \frac{\left( 1 - \frac{r_0 - s'_1}{r_0} \sin^2 \vartheta \right) d\vartheta}{-\vartheta} \right\}.$$



Figur 9.

Weil  $-\frac{r_0 - s'_1}{r_0} = n$  zwischen  $-k^2$  und  $-1$  fällt, ist das Integral des zweiten Gliedes zur circulären Klasse der elliptischen Integrale dritter

Gattung gehörig. Wir setzen daher, um zu der Jacobi'schen Form zu gelangen:

$$n = -k^2 \cdot \sin^2 \operatorname{am} (ia + K)$$

wo also  $\sin^2 \operatorname{am} (ia + K) = \frac{\varrho + s'_1}{\varrho}$ ,  $a$  eine reelle Grösse ist. Es ergibt sich:

$$\int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{r_0 - s'_1}{r_0} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} = u + \frac{\Delta \operatorname{am} (ak')}{k^2 \sin \operatorname{am} (ak') \cos \operatorname{am} (ak')} i \cdot \Pi (u, ia + K).$$

Für  $i\Pi (u, ia + K)$  setzen wir ein:

$$i \cdot \Pi(u, ia) + B \cdot u - \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left( B \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} u} \right),$$

wo  $B = \frac{k^2 \cdot \operatorname{tg} \operatorname{am} (ak')}{\Delta \operatorname{am} (ak')}$  ist, endlich wenden wir die Formel

$$\Pi (u, a) = u \cdot Z(a) + \frac{1}{2} \log \frac{\vartheta(u-a)}{\vartheta(u+a)}$$

an und führen noch durch die Relation:

$$i \cdot Z(ia) = -\operatorname{tg} \operatorname{am} (ak') \Delta \operatorname{am} (ak') + \frac{\pi \cdot a}{2KK'} + Z(ak')$$

den Ausdruck  $iZ(ia)$  auf reelle Form zurück. Nehmen wir darauf die Entwicklung des elliptischen Integrals zweiter Gattung vor und setzen den erhaltenen Werth:

$$\left[ 1 - \frac{\varrho + s'_1}{\varrho} \left( 1 - \frac{E}{K} \right) \right] u + \frac{\varrho + s'_1}{\varrho} Z(u)$$

ein, so bekommen wir:

$$t = \mathcal{A}_1 \left\{ \begin{aligned} & - \frac{1}{2r_0^2} \cdot \frac{r_0 - s'_1}{s'_1} \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{1 - \frac{r_0 - s'_1}{r_0} \sin^2 \operatorname{am} u} + \\ & + \frac{1}{2r_0 s'_1} \frac{\varrho}{\varrho + s'_1} \left\{ \left[ 1 - \frac{\varrho + s'_1}{\varrho} \left( 1 - \frac{E}{K} \right) \right] u + \frac{\varrho + s'_1}{\varrho} \cdot (Z(u)) \right\} + \\ & + \frac{1}{2r_0^2} \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \left\{ \frac{\Delta \operatorname{am} (ak')}{k^2 \sin \operatorname{am} ak' \cdot \cos \operatorname{am} ak'} \right\} \cdot \left[ \frac{\pi a u}{2KK'} + Z(ak') u + \right. \\ & \left. + \frac{1}{2} i \log \frac{\vartheta(u-ia)}{\vartheta(u+ia)} - \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left( \frac{k^2 \operatorname{tg} \operatorname{am} ak' \cdot \sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} ak' \cdot \Delta \operatorname{am} u} \right) \right]. \end{aligned} \right.$$

Dieser Ausdruck lässt sich zusammenziehen. Es ist  $\sin^2 \operatorname{am} (ia + K) = \frac{\varrho + s'_1}{\varrho}$ ,  
folglich

$$\sin^2 \operatorname{am} (ak') = \frac{r_0}{r_0 + \varrho}$$

$$\cos^2 \operatorname{am} (ak') = \frac{\varrho}{r_0 + \varrho}$$

$$\Delta^2 \operatorname{am} (ak') = \frac{\varrho}{\varrho + s'_1}.$$

Durch Einsetzung dieser Werthe ergibt sich:

$$t = \eta \cdot \frac{1}{\omega_0} \sqrt{s'_1 (s'_1 + \varrho)} \left[ \left[ \frac{E}{K} + \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \sqrt{\frac{\varrho + s'_1}{r_0}} \left\{ \frac{\pi a}{2K K'} + Z(ak') \right\} - \frac{s'_1}{\varrho + s'_1} \right] u - \right. \\ \left. - \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\frac{r_0}{r_0 - s'_1} - \sin^2 \operatorname{am} u} - \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \sqrt{\frac{\varrho + s'_1}{r_0}} \operatorname{arc} \operatorname{tg} \frac{r_0 - s'_1}{\sqrt{r_0(\varrho + s'_1)}} \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} u} + \right. \\ \left. + Zu + \frac{1}{2} i \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \sqrt{\frac{\varrho + s'_1}{r_0}} \log \frac{\Theta(u - ia)}{\Theta(u + ia)} \right]$$

Das Vorzeichen des Factors von  $u$  ist hier unmittelbar zu erkennen, denn  $\frac{E}{K}$  ist  $\geq k'^2$  und  $k'^2 > \frac{s'_1}{\varrho + s'_1}$ . Für nähere Bestimmungen können die in § 4 gebildeten Ableitungen des Zeitausdrucks dienen. Wir bekommen wieder eine Curve, welche sich um eine feste Gerade herumschlingt und dieselbe schneidet bei  $u = 0, K, 2K, 3K \dots$ . Eine graphische Darstellung giebt Figur 7.

Aus der Zusammenstellung der Curven in Fig. 3, Tabelle X machen wir Schlüsse über den Bewegungsvorgang.

Zur Zeit  $t = 0$  befinde sich das bewegte Theilchen in der grössten Nähe des Centraltheilchens. Seine Geschwindigkeit in der Richtung der Verbindungslinie ist gleich 0. Von hier bewegt sich das Theilchen, wie sich aus Untersuchung von  $\frac{dv}{dt}$  ergibt, (unter Einwirkung abstossender Kräfte) fort. Für einen bestimmten Werth von  $r$  geht die Abstossung in Anziehung über, und die Theilchen gelangen mit der Entfernungsgeschwindigkeit 0 zur Entfernung  $r_0$ , nachdem also  $v$  zu einem Maximalwerth gestiegen und dann wieder allmählich 0 geworden ist.  $r_0$  ist die Maximalentfernung. Die Be-

wegung vollzieht sich zwischen den zwei Kreisen, welche mit  $r_0$  und  $s'_3$  als Radien um das Centraltheilchen gezogen sind.

In  $r_0$  mit der Bahngeschwindigkeit  $\alpha_0$  angekommen, nähert sich das Theilchen dem Centraltheilchen wieder in umgekehrtem Prozesse, bis es wieder den Kreis mit dem Radius  $s'_3$  erreicht. Damit hat es eine Schwingung vollendet und zwar ist es nicht wieder zu derselben Stelle der Peripherie des mit dem Radius  $s'_3$  um das ruhende Theilchen gezogenen Kreises gelangt, sondern die jetzige Verbindungslinie schliesst mit der vorigen den Winkel ein, welcher bestimmt ist durch

$$\varphi_0 = - 4 \sqrt{\frac{\varrho + s'_1}{s'_1}} \cdot E$$

Die Halbierungslinie dieses Winkels schneidet den Kreis mit dem Radius  $r_0$  in dem Punkte, wo das Theilchen denselben berührt hat.

Wenn der Werth des beschriebenen Winkels zu  $2\pi$  in einem rationalen Verhältniss steht, gelangt das Theilchen nach einer Anzahl von Schwingungen wieder an eine schon früher eingenommene Stelle der Kreisperipherien. Wir können in diesem Falle von einer grossen Periode der Schwingungen reden. Die Dauer einer Schwingung ist gegeben durch:

$$t = \nu \frac{2}{\alpha_0} \sqrt{s'_1 (s'_1 + \varrho)} \left[ \frac{E}{K} + \left( 1 + \frac{r_0}{\varrho + s'_1} \right) \sqrt{\frac{\varrho + s'_1}{r_0}} \left( \frac{\pi a}{2KK'} + Z(aK') \right) - \frac{s'_1}{\varrho + s'_1} \right] K.$$

Setzen wir  $r_0 = s'_3$ , so ist das bewegte Theilchen gezwungen, auf einer kreisförmigen Bahn um das andere sich herumzubewegen.

In der That wird für jeden Werth von  $u$ , wenn  $r_0 = s'_3$  gesetzt wird, der für  $v$  gefundene Ausdruck gleich Null.

Es entspricht dieser Fall den Ampère'schen Molecularströmen. Für  $r_0 = s'_3$  vereinfachen sich unsere Integrale, wir erhalten:

$$t = \nu \cdot \frac{1}{\alpha_0} 2r_0^2 \sqrt{r_0 (r_0 + \varrho)} \int_0^\vartheta d\vartheta = C_1 \cdot \vartheta = C_1 \cdot \text{am } u = C_1 \cdot u$$

wenn  $C_1$  die Constante vor dem Integral bedeutet,

$$\varphi = - 2 \sqrt{\frac{\varrho + r_0}{r_0}} \cdot u.$$

Eliminiren wir aus beiden Gleichungen  $u$ , so ergibt sich, wenn  $r_0$  so bestimmt ist, dass Zeit und Winkel zugleich wachsen,  $t = \frac{r_0 \varphi}{\alpha_0}$ . Also ein vollständiger Umlauf findet statt in der Zeit  $\frac{2r_0 \pi}{\alpha_0}$ .

## § 6.

**Ueber Fernbewegungen zweier ungleichartigen elektrischen Theilchen, für den Fall, dass  $r_0 > 0 > -e > -s'_3$  ist.**

Wenn zwei ungleichartige elektrische Theilchen, ihrer Wechselwirkung unterworfen, Fernbewegungen gegen einander ausführten, ergab sich zur Bestimmung der relativen Bewegung des einen das Integral:

$$q = - \sqrt{s'_3 r_0} \cdot \frac{2}{\sqrt{s'_3 (r_0 + q)}} \cdot \frac{r_0 + q}{r_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta \cdot d\vartheta$$

wo  $k^2 = \frac{e}{s'_3} \cdot \frac{s'_3 + r_0}{e + r_0}$  war. Wir erhalten durch Einführung der elliptischen Functionen:

$$q = - 2 \sqrt{\frac{r_0 + e}{r_0}} \left\{ \frac{E}{K} u + Z(u) \right\}.$$

Diese Verhältnisse gestalten sich also, abgesehen von dem Werthe des constanten Factors, gerade so, wie im vorhergehenden Paragraphen. Die Curve hat einen ähnlichen Verlauf. (Fig. 1.)

Vergleichen wir die Gleichung

$$r = \frac{r_0 s'_3}{s'_3 - (r_0 + s'_3) \sin^2 \text{am } u}$$

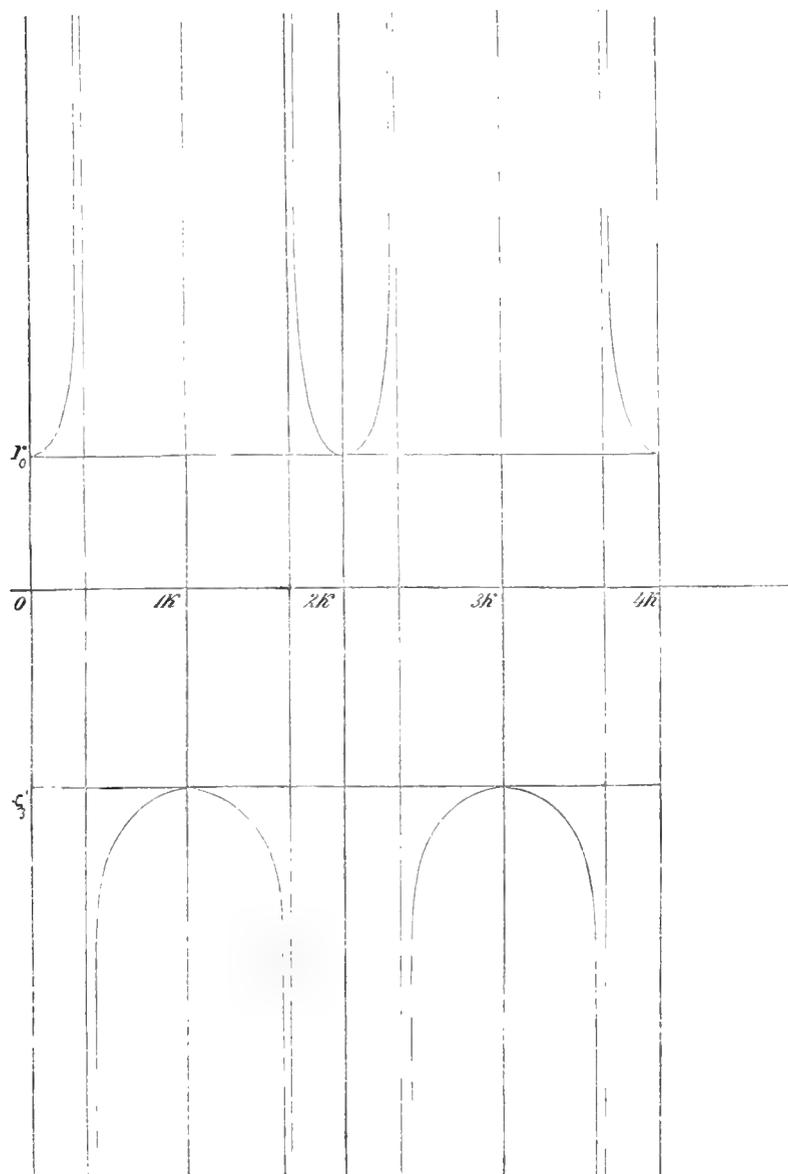
mit dem in §. 3 behandelten allgemeineren Falle, so findet sich  $a = r_0$   $b = \frac{r_0 + s'_3}{s'_3}$ . Die Vorzeichen der beiden ersten Differentialquotienten werden also so, wie dort angegeben; weil  $\frac{s'_3}{r_0 + s'_3} < 1$  ist, erstreckt sich die Curve, der Natur einer Fernbewegung entsprechend, ins Unendliche. Wir haben wieder, wie im Falle der Fernbewegung gleichartiger Theilchen, wirkliche und geometrische Wege zu unterscheiden. Das Minimum der Entfernungen bei wirklichen Bewegungen ist  $r_0$ , die entsprechende Entfernung für die negativen Zweige ist  $r = -s'_3$ . Figur 10 (nebenstehend).

Die Gleichung

$$v = \alpha_0 \sqrt{\frac{r_0}{r_0 + e} \cdot \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \cdot \frac{\sin \text{am } u \cdot \cos \text{am } u}{\Delta \text{am } u}}$$

ist, abgesehen von dem constanten Factor, gleich dem im vorigen Paragraphen

erhaltenen Ausdruck, es sind also wieder die Linien  $u = \frac{K}{2}, \frac{3K}{2}$ .. Symmetrie-



Figur 10.

axen. Für  $u = \frac{K}{2}$  ist

$$v = \alpha_0 \cdot \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{r_0 + \varrho}{r_0}} + \sqrt{\frac{s'_3 - \varrho}{s'_3}}} = \alpha_0 \cdot \frac{r_0}{\varrho} \cdot MN. \quad (\text{Vergl. Figur 9.})$$

Für  $t$  fanden wir das Integral:

$$t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{\frac{s'_3}{r_0}} \frac{2}{\sqrt{s'_3(r_0 + \varrho)}} r_0 s'_3{}^2 (r_0 + \varrho) \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta d\vartheta}{(s'_3 - (r_0 + s'_3) \sin^2 \vartheta)^2}.$$

Nennen wir den constanten Factor  $B$ , vergleichen mit § 2 und berechnen, indem

$$\alpha = 1 \quad \beta = k^2 \quad \gamma = 1 \quad \delta = 0 \quad \varepsilon = s'_3 \quad \zeta = r_0 + s'_3$$

wird, die Grössen  $Q, \gamma_0, \gamma_1, \gamma_3$ , so bekommen wir:

$$t = B \cdot \left\{ \begin{aligned} & \frac{1}{2s'_3{}^2} \frac{r_0 + s'_3}{r_0} \frac{\sin \vartheta \cdot \cos \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{1 - \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \sin^2 \vartheta} + \frac{1}{2s'_3{}^2} \left(1 - \frac{s'_3}{\varrho + r_0}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} - \\ & - \frac{1}{2s'_3 r_0} \cdot \frac{\varrho}{\varrho + r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta}. \end{aligned} \right.$$

Das zweite Glied stellt ein zur logarithmischen Klasse gehöriges elliptisches Integral dritter Gattung dar.

Es liegt  $n = -\frac{r_0 + s'_3}{s'_3}$  zwischen  $-1$  und  $-\infty$ . Wir setzen daher  $n = -k^2 \sin^2 \text{am}(a + iK')$ . Dieses giebt

$$\sin^2 \text{am } a = \frac{s'_3}{s'_3 + r_0} \quad \cos^2 \text{am } a = \frac{r_0}{s'_3 + r_0}, \quad \Delta^2 \text{am } a = \frac{r_0}{\varrho + r_0}.$$

Wir finden:

$$\int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\left(1 - \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \sin^2 \vartheta\right) \Delta \vartheta} = -\frac{\text{tg am } a}{\Delta \text{am } a} \left[ u \cdot Z(a) + \frac{1}{2} \log \frac{\Theta(u-a) \sin \text{am}(a-u)}{\Theta(u+a) \sin \text{am}(a+u)} \right]$$

$$\int_0^{\vartheta} \frac{\left(1 - \frac{r_0 + s'_3}{s'_3} \sin^2 \vartheta\right) d\vartheta}{\Delta \vartheta} = u - \frac{\varrho + r_0}{\varrho} (u - E(u)).$$

Das Schlussresultat wird also:

$$t = \eta \cdot \frac{1}{\alpha_0} s'_3 \sqrt{\frac{r_0 + \varrho}{r_0}} \left\{ \begin{aligned} & \left\{ \frac{r_0}{r_0 + \varrho} - \frac{E}{K} - \left( 1 - \frac{s'_3}{\varrho + r_0} \right) \sqrt{\frac{\varrho + r_0}{s'_3}} \cdot Z(a) \right\} u + \\ & + \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{r_0 + s'_3 - \sin^2 \operatorname{am} u} - Z(u) - \\ & - \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{s'_3}{\varrho + r_0} \right) \sqrt{\frac{\varrho + r_0}{s'_3}} \log \frac{\vartheta(u-a) \sin \operatorname{am}(a-u)}{\vartheta(u+a) \sin \operatorname{am}(a+u)}. \end{aligned} \right.$$

Es ist, wenn wir diesen Ausdruck nach mehrfach gebrauchter Weise untersuchen, das Ergebniss eine durch Fig. 2 dargestellte Curve.

Wir hatten für den behandelten Fall  $s'_3 = \frac{r_0^2 \alpha_0^2}{r_0 \alpha_0^2 - c^2 \varrho}$ . Je geringer die Differenz zwischen  $r_0 \alpha_0^2$  und  $c^2 \varrho$  ist, desto breiter wird in Fig. 2 und 10 der Bereich der positiven Zweige. Die beiden Grenzlagen sind  $\overline{OA} = \frac{K}{2}$  für verschwindenden Werth von  $c^2 \varrho$  gegen  $r_0 \alpha_0^2$ ,  $\overline{OA} = K$  für  $r_0 \alpha_0^2 = c^2 \varrho$ . (Fig. 2.) Diesen letzten Grenzfall wollen wir näher betrachten. Aus der Tabelle 3 entnehmen wir für  $\varphi$ :

$$\varphi = - \sqrt{r_0} \frac{2}{\sqrt{r_0 + \varrho}} \cdot \frac{r_0 + \varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \Delta \vartheta d\vartheta = - 2 \sqrt{\frac{\varrho + r_0}{r_0}} E(u),$$

es ist  $k^2 = \frac{\varrho}{r_0 + \varrho}$  folglich:

$$\varphi = - \frac{2}{k'} \left( \frac{E}{K} \cdot u + Z(u) \right),$$

für die Entfernung von r, für welche  $v$  ein Maximum erreicht, nämlich für

$$u = \frac{K}{2} \text{ ist } \varphi = - \left[ \frac{E}{k'} + \frac{1-k'}{k'} \right].$$

Die Gleichung  $r = \frac{r_0}{1 - \sin^2 \operatorname{am} u}$  zeigt, dass r unendlich grosse Werthe annimmt für  $u = K, 3K, 5K \dots$ , kleinste Werthe für  $u = 0, 2K, 4K \dots$ . Die Entfernungsgeschwindigkeit ist gegeben durch

$$v = \alpha_0 k' \cdot \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}{\Delta \operatorname{am} u};$$

dieser Ausdruck nimmt für  $u = \frac{K}{2}$  seinen grössten Werth  $v = \frac{k'}{1+k'}$  an. Zur Bestimmung der zur Bewegung gebrauchten Zeit haben wir:

$$t^r = r_j \cdot \frac{2}{\alpha_0} \sqrt{r_0(r_0 + \varrho)} \int_0^{\vartheta} \frac{\Delta \vartheta d\vartheta}{(1 - \sin^2 \vartheta)^2}.$$

Zu dem Werthe, welchen dieser Ausdruck annimmt, gelangen wir am einfachsten von dem im Anfang dieses Paragraphen gefundenen Ausdruck für den allgemeinen Fall, wenn wir hier  $2s'_3{}^2$  im Zähler und Nenner der Ausdrücke heben und für  $\frac{r_0 + s'_3}{s'_3}$  den jetzigen Werth 1 setzen, sonst aber vorläufig  $s'_3$  stehen lassen. Wir bekommen:

$$t = r_j \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{r_0(r_0 + \varrho)} \left\{ \begin{aligned} & \frac{r_0 + s'_3}{r_0} \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u} + \left(1 - \frac{s'_3}{\varrho + r_0}\right) \int_0^{\vartheta} \frac{d\vartheta}{\cos^2 \vartheta \cdot \Delta \vartheta} - \\ & - \frac{\varrho}{r_0} \cdot \frac{s'_3}{\varrho + r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\cos^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{\Delta \vartheta}. \end{aligned} \right.$$

Nun ist

$$\int_0^{\vartheta} \frac{1}{\cos^2 \vartheta} \frac{d\vartheta}{\Delta \vartheta} = \frac{\operatorname{tg} \vartheta \cdot \Delta \vartheta}{k^2} - \frac{k^2}{k^2} \int_0^{\vartheta} \frac{\cos^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{\Delta \vartheta} \quad \text{wo} \quad \frac{1}{k^2} = \frac{r_0 + \varrho}{r_0}; \quad \frac{k^2}{k^2} = \frac{\varrho}{r_0} \text{ ist.}$$

Setzen wir ein, so erhalten wir:

$$t = r_j \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{r_0(r_0 + \varrho)} \left[ \left(1 + \frac{r_0 + \varrho}{r_0}\right) \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u} - \frac{\varrho}{r_0} \int_0^{\vartheta} \frac{\cos^2 \vartheta \cdot d\vartheta}{\Delta \vartheta} \right]$$

$$t = r_j \cdot \frac{1}{\alpha_0} \sqrt{r_0(r_0 + \varrho)} \left[ \left(1 - \frac{E}{K}\right) u - \frac{r_0 + \varrho}{r_0} Z(u) + \left(1 + \frac{r_0 + \varrho}{r_0}\right) \frac{\sin \operatorname{am} u \cdot \Delta \operatorname{am} u}{\cos \operatorname{am} u} \right].$$

Die beiden ersten Differentialquotienten des periodischen Theiles sind so beschaffen, dass sie innerhalb des Intervalles 0 bis  $K$  positiv sind, indem für den ersten Differentialquotienten der positive Werth des letzten Gliedes gegen den negativen des Gliedes  $\frac{d}{du} \left( - \frac{r_0 + \varrho}{r_0} Z(u) \right)$  überwiegt, für die zweiten Ableitungen die Summe beider ebenfalls ein positives Resultat liefert. Die sich ergebenden Curven sind in Fig. 5 (Tabelle XI) zusammengestellt. Aus 4 (Tabelle X) und 5 (Tabelle XI) ergibt sich der folgende Bewegungsvorgang. Das bewegliche Theilchen befinde sich zur Zeit  $t = 0$  in der Entfernung  $r = r_0$ , mit der Geschwindigkeit  $\alpha_0$  senkrecht zur Verbindungslinie, vom Centraltheilchen. Die in der Richtung der Verbindungslinie wirkende Kraft ist, wie man ersieht aus

$$\frac{dV}{dr_{r=r_0}} = \frac{ee'}{r_0 (r_0 + \varrho)} \left( 1 + 2 \frac{\alpha_0 \alpha_0}{cc} \right),$$

wo  $ee'$  negativ ist, eine attractive,  $\frac{dv}{dt}$  dagegen ist positiv für  $r = r_0$ , die Entfernung der beiden Theilchen nimmt also zu. Bei wachsender Entfernung nähert sich die Geschwindigkeit einem Maximum und nimmt darauf wieder ab, während die Richtung der jedesmaligen Verbindungslinie der Theilchen mit der Anfangsrichtung einen Winkel einschliesst, welcher der durch die aufgestellten Formeln gegebenen endlichen Grenze sich mehr und mehr nähert. Nach unendlich langer Zeit kommt das Theilchen im Unendlichen an. Die Grösse der Grenzgeschwindigkeit  $v$ , welche hier zugleich die Bahngeschwindigkeit repräsentirt, hängt ab von der Grösse des Intervalls  $oA$ , sie wird  $= 0$ , d. h. das Theilchen gelangt im Unendlichen zur Ruhe, wenn man die Annahme  $c^2 \varrho = \alpha_0^2 r_0$  macht.

Bisher haben wir von den Bewegungen zweier ungleichartigen Theilchen solche untersucht, welche wirkliche mechanische Vorgänge darstellen können. Es ist schon oben darauf hingewiesen, dass eine grosse Anzahl der nicht betrachteten sich auf diese zurückführen lässt. Wir wollen uns darauf beschränken, aus den sich ergebenden Curvensystemen die Bewegungsvorgänge für die noch übrigen zu verfolgen.

Die Integrale 23 und 24 (Tabelle 3) liefern Fig. 6 (Tab. XI). Ein ähnliches System ergeben die Integrale 1 und 2, nur dass hier die positive  $r$  Curve die Linie  $u = K$  schneidet, bei den Integralen 23 und 24 die Linie  $u = 0$ . Der Bewegungsvorgang unterscheidet sich von dem in Fig. 4 dargestellten wesentlich dadurch, dass dort die Geschwindigkeit, mit welcher das Theilchen im Unendlichen ankam, mit dem Zunehmen des Intervalls  $oA$  sich verminderte, in diesem Falle aber mit  $oA$  wächst.

Endlich giebt Fig. 7 (Tab. XI) die Art der Curven an, welche sich für die Integrale mit den Bewegungsintervallen  $o \dots \varrho$ ,  $o \dots - \varrho$ ,  $o \dots - \varrho'_3$  ergeben. Es tritt hier für  $v$  ein Ausdruck  $v = A \cdot \frac{\Delta \operatorname{am} u}{\sin \operatorname{am} u \cdot \cos \operatorname{am} u}$  auf, oder ein in Bezug auf das Unendlichwerden gleichartiger. Es wird also  $v$  für  $0, K, 2K \dots$  zu Null und erreicht seinen Minimumwerth für  $u = \frac{K}{2}$ .

Da  $\frac{dr}{du}$  von 0 bis  $\frac{K}{2}$  negativ, von  $\frac{K}{2}$  bis  $K$  positiv,  $\frac{d^2r}{du^2}$  von 0 bis  $K$  positiv ist, so resultirt die in Fig. 7 (Tab. XI) gezeichnete  $v$  Curve. Es entspricht Fig. 7 den Integralen 7 und 8 (Tabelle 3), welche Bewegungen gleichartiger Theilchen darstellen. Hier läuft das bewegliche Theilchen um das Centraltheilchen herum in einer dasselbe unendlich häufig umschlingenden Spirale und zwar überstreicht es das Gebiet des Kreises mit dem Radius  $\varrho$  um das Centraltheilchen. Die Natur der Kraft, mit welcher die Theilchen in der Entfernung  $\alpha$ , wo  $\lim \alpha = 0$  sei, bei allen diesen Zweigen auf einander einwirken, ergibt sich aus

$$\frac{dr}{dr} = \frac{e e'}{(r \mp \varrho)^2} \left[ \frac{r \mp \varrho}{r_0} - \left( 1 - \frac{3r \mp 2\varrho}{r^3} r_0 r_0 \right) \frac{\alpha_0 \alpha_0}{cc} \right]$$

wo die oberen Zeichen für gleichartige Theilchen gelten. Man findet, dass  $\frac{dr}{dr}$  gleiches Vorzeichen hat mit  $-\frac{1}{\alpha^3}$ , also indem  $\alpha$  für die Integrale mit den Bewegungsintervallen  $0 \dots -\varrho$  und  $0 \dots -\varrho'_3$  einen sehr kleinen negativen Werth darstellt, für diese Bewegungen ungleichartiger Theilchen repulsiv wirkt, bei den gleichartigen mit dem Bewegungsintervall  $0 \dots \varrho$  dagegen attractiv. Hiernach kann man sich den Bewegungsvorgang folgendermaassen klar machen. Das Theilchen ist mit unendlich grosser Geschwindigkeit nach unendlich häufiger Umkreisung bei dem Centraltheilchen angekommen. Von hier entfernt es sich auf mehr und mehr sich erweiternder Spirale mit abnehmender, einem Minimum sich nähernder Entfernungsgeschwindigkeit. Nach Erreichung des Minimums wächst dieselbe wieder, bis sie in der Entfernung  $r = \varrho$  unendlich gross geworden, plötzlich in Annäherungsgeschwindigkeit übergeht, und in gleichem aber umgekehrtem Prozesse das bewegliche Theilchen das Centraltheilchen in stets engeren Spiralwindungen umkreist.

Der Vorgang ist so, als ob das Theilchen einmal von dem Centraltheilchen und ferner zugleich von einer vollkommen elastischen Wand, der Kreisperipherie  $\varrho$ , Anziehung erführe. Die Punkte, in welchen das bewegte Theilchen die Peripherie des Umschliessungskreises in je zwei aufeinanderfolgenden „Schwingungen“ berührt, fallen nicht zusammen, sondern sind durch gewisse gleiche Bögen von einander geschieden. Die Zeit, welche verfließt, bis das Theilchen aus der Entfernung 0 vom Centraltheilchen ausgehend,

wieder zu derselben gelangt, eine „Schwingung“ vollendet hat, ist eine endliche. Wie schon hervorgehoben, ist das Interesse, welches diese letztbetrachteten Fälle darbieten, ein rein mathematisches.

### § 7.

#### Darstellung der Bahncurven.

Einer Anwendung des Weber'schen Gesetzes auf die Erklärung der elektrischen Strahlung möge noch die Besprechung der Bahncurven vorangehen, welche durch Figur 8 (Tab. XI) bis 11a (Tab. XIII) dargestellt sind.

In Fig. 8 sind sämmtliche Fernbewegungen gleichartiger und ungleichartiger Theilchen zusammengestellt. Der Mittelpunkt des Kreises vertritt das ruhende Theilchen, die Curven bezeichnen die wirklichen Bahnen eines beweglichen und zwar Curve 1 und 2 die eines gleichartigen. Der Radius des berührenden Kreises ist für diese  $r_0$ , das Intervall  $r_0$  bis  $\infty$ , für alle Fälle dieser Bewegungsart, welche den Integralen 17 und 18, 21 und 22, 23 und 24 angehört. Schon in der Einleitung wurde die Anwendbarkeit des Weber'schen Gesetzes auf die Bewegungen ponderabler Massen hervorgehoben. Diese Behauptung findet eine Bekräftigung in der Gestalt der erhaltenen Bahnen. Es entsprechen Curve 1 und 2 den Hyperbeln der Cometenbahnen, im speciellen Falle der parabolischen Bewegung. Die Curven 3 und 4 in Fig. 8 entsprechen den Fernbewegungen gleichartiger Theilchen für den Fall, dass  $\varrho > r_0 > 0 > -\zeta_0$  ist; hier ist für  $u = K$  der Differentialquotient  $\frac{dr}{du} = 0$ ,  $\frac{d\varphi}{du} = 0^2$ , also  $\frac{d\varphi}{dr} = 0$ , d. h. die Curve besitzt eine Spitze, welche um  $\varrho$  von dem Centraltheilchen entfernt liegt.

Für den anderen Fall, dass  $r_0 > \varrho > 0 > -\zeta_0$  ist, erhalten wir die Curven 6 und 7. Wir überzeugen uns leicht, dass  $\frac{d\varphi}{dr}$  positiv ist für positive  $\varphi$ , während bei Curve 1 und 2  $\frac{d\varphi}{dr}$  negative Werthe annimmt, ein Umstand, welcher auf die verschiedene Lage der beiden Curvenarten zum Centraltheilchen deutet.

Den Uebergang zwischen beiden Curvenarten bildet für  $r_0 = \varrho$  das System zweier geraden Linien (Curve 6). Die gestrichelten Linien stellen die Grenzwinkel für  $r = \infty$  dar.

Was die Figuren 8 bis 11a anbelangt, so stellen sie je eine Art der gefundenen Molecularbewegungen dar und zwar 8 und 10 diejenige gleichartiger Theilchen, nämlich 8 (mit der die Bewegung um den Centralpunkt versinnlichenden Detailzeichnung Sa) für das Intervall 0 bis  $r_0$  und für  $\varrho > r_0 > 0 > -\varrho_0$ ; dagegen veranschaulicht 10 die Bewegung von 0 bis  $\varrho$ , wenn  $r_0 > \varrho > 0 > -\varrho_0$  ist. Hier treten wieder wie bei der analogen Fernbewegung die für diese Bahnen charakteristischen Spitzen auf.

Endlich repräsentirt Fig. 11 die Molecularbewegung ungleichartiger Theilchen. Das Intervall ist  $r_0$  bis  $\varrho'_1$  oder  $\varrho'_1$  bis  $r_0$ , die Reihenfolge der Werthe  $r_0 > \varrho'_1 > 0 > -\varrho$  oder  $\varrho'_1 > r_0 > 0 > -\varrho$ . Auch hier finden wir die Anwendbarkeit des Weber'schen Gesetzes auf die Bewegung ponderabler Massen bestätigt, denn wenn der Grenzwinkel  $\pi$  wird, so läuft die Curve in sich selbst zurück und nimmt ellipsenähnliche Gestalt an (11a), für  $\varrho'_1 = r_0$  aber geht sie in einen Kreis über.

Wir gehen jetzt über zur Anwendung des Weber'schen Gesetzes auf die Erklärung der elektrischen Strahlung.

-----

## Anwendung des Weber'schen Gesetzes auf die Erklärung der elektrischen Strahlung.

Die angestellten Betrachtungen bezogen sich auf die verschiedenen Bewegungsarten elektrischer Doppeltheilchen. Es ist einleuchtend, dass dieselben in der Wirklichkeit, namentlich bei Fernbewegungen, nicht zur reinen Entwicklung gelangen werden, weil ein Theilchen, aus dem Wirkungskreise eines anderen sich herausbegebend, wieder mit einem dritten in Wechselwirkung treten kann, bevor der Einfluss des ersten aufgehört hat und so fort. In manchen Fällen wird es aber gestattet sein, jedesmal zwei Theilchen als abgeschlossenes System anzusehen und die Einwirkungen früherer wie späterer Theilchen als unbedeutende Störungen ausser Betracht zu lassen. In solchen Fällen finden die oben entwickelten Formeln directen Gebrauch bei der Erklärung und Deutung der Naturerscheinungen. Je nach Art dieser werden in ihrem Gesamtverlaufe die einzelnen Parameter der vorstehenden Entwicklungen constant sein, oder andere und andere Werthe annehmen. Das Beispiel, welches Weber in dem 11. Bande der math.-phys. Classe der Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften, in seinen „Elektrodynamischen Maassbestimmungen“ der Untersuchung der Bewegungsgesetze zweier ohne relative Bewegung senkrecht gegen ihre Verbindungslinie bloss durch Wechselwirkung getriebenen elektrischen Theilchen folgen lässt, behandelt die elektrische Strahlung, besonders die Reflexion und Zerstreung der Strahlen. Es ist in dieser Abhandlung das elliptische Differential angegeben und für die specielle Annahme:  $\left(r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r_0\right) s^2$  ganz oder doch beinahe gleich Null, wo der Wurzel Ausdruck nur noch vom zweiten Grade bleibt, aus dem Integral eine verschiedenen Grössen der Parameter entsprechende numerische Werthereihe berechnet. Im Folgenden ist das elliptische Integral selbst integrirt. Die Aufgabe lautet folgendermaassen:

Zwei gleichartige elektrische Theilchen nähern sich mit grosser, aber in Folge der Wechselwirkung abnehmender Geschwindigkeit. Wir denken uns der Einfachheit halber das erste Theilchen fest, resp. wir versetzen uns in dasselbe und betrachten die Bewegung des zweiten, also anstatt der absoluten Bewegung die relative. In solchen Intervallen, dass die wechselseitigen Störungen nicht in Betracht gezogen zu werden brauchen, folgen dem zweiten Theilchen andere und andere, und zwar alle gleich und mit derselben Geschwindigkeit vom  $\infty$  fernen Punkte ausgehend gedacht, so dass sowohl  $q$ , wie  $v = c \sqrt{\frac{\alpha_0 \alpha_0}{cc} + \frac{q}{r_0}}$  bei  $r = \infty$  für alle gleich sind,  $r_0$  aber, also auch  $\alpha_0 = f(q \text{ c } r_0)$  verschieden. Zur Richtungsbestimmung dieses „elektrischen Strahles“ diene die Asymptote  $r_{\text{lim } \infty}$ , deren Existenz aus  $\alpha r = \alpha_0 r_0$  folgt. Für den Fall, dass bei allen  $\alpha_0 = 0$  ist, bewegen sich sämtliche Theilchen in einer geraden Linie, nämlich dieser Asymptote. Wenn das Theilchen 1 das erste in der Reihe ist, gestaltet sich für diesen speciellen Fall die Erscheinung folgendermaassen. 1 und 2 nähern sich bis zur Entfernung  $r_0$ , stossen sich wieder ab, 1 geht ins Unendliche, 2 nach der anderen Seite, bis es mit dem dritten Theilchen in eine Entfernung  $r'_0$  gelangt, dann kehrt es ebenfalls um und geht ins Unendliche, das dritte kommt wieder mit dem vierten zusammen bis zur Entfernung  $r''_0$  u. s. f. Jedes Theilchen, das erste und das letzte ausgenommen, macht eine zeitweilige rückgängige Bewegung, so zu sagen eine einzige longitudinale Schwingung, bevor es sich ins Unendliche verliert. Bei fester Lage des ersten Theilchens begeben sich alle übrigen wieder nach der Seite, von welcher sie hergekommen sind, ins Unendliche, nachdem sie eine Zeit lang in schwingendem Zustande sich befunden haben. Die Analogie dieser Erscheinung mit der Compression und Expansion der Gase, wie auch der elastischen Ausdehnung fester Körper, ist leicht einzusehen.

Wir betrachten in Folgendem vornehmlich den Fall, wo  $\alpha_0 > 0$  ist, und mit  $r_0$  für alle Theilchen verschieden, jedoch für alle klein. Es findet dann bei der Annäherung des Theilchens  $e'$  in die Entfernung  $r_0$  vom Theilchen  $e$  eine Abweichung  $\varphi$  der Richtung des Strahles von der Asymptote statt. Für  $r = r_0$  sei  $\varphi = \varphi_0$ . Von der Entfernung  $r_0$  aus entfernt sich  $e'$  wieder und zwar nähert sich die Richtung der Fortbewegung asymptotisch dem Radiusvector des Winkels  $2\varphi_0$ .

Wir bezeichnen  $2\varphi_0$  als Reflexionswinkel und haben, wegen der Verschiedenheit des Winkels  $\varphi_0$  für die einzelnen Theilchen, eine Zerstreuung des Strahles. Diese soll untersucht werden.

Es ist  $d\varphi = \frac{\alpha}{r} dt = \frac{\alpha_0 r_0}{rr} dt$ . Setzen wir diese Werthe in obige Form des Weber'schen Gesetzes ein, so resultirt das von Weber angegebene Differential:

$$1) \quad d\varphi = \frac{\alpha_0 r_0}{rr} dt = - \frac{\alpha_0 r_0}{u_0} \frac{dr \sqrt{rr - r\varrho}}{rr \sqrt{\left( rr - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r \right) - \left( r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r_0 \right)}}$$

Das Integral dieses Ausdrucks stimmt bis auf die Richtung, in welcher die Winkel gezählt werden, überein mit dem Integral 2 in Tabelle 3. Dieses lautet:

$$2) \quad \varphi = \sqrt{r_0 s_0} \int \frac{(r - \varrho) dr}{r \sqrt{r - \varrho} \cdot r - r_0 \cdot r \cdot r + s_0}$$

Von der Uebereinstimmung überzeugen wir uns leicht.

3) Zuerst ist  $r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho = s_0$  und  $\frac{\alpha_0 r_0}{u_0} = \sqrt{r_0 s_0}$ . Wir haben also nur nöthig, zu prüfen, ob

$$\sqrt{\left( rr - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r \right) - \left( r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r_0 \right)} \geq \sqrt{(r - r_0)(r + s_0)}$$

Führen wir links  $s_0$  ein, so erhalten wir, indem die Identität leicht zu erkennen ist:

$$\sqrt{r(r + s_0 - r_0) - r_0 s_0} = \sqrt{(r - r_0)(r + s_0)}$$

Es herrscht also thatsächliche Uebereinstimmung und die Durchführung des Integrals 2 Tabelle 3 für den Fall  $r_0 > \varrho$  giebt Resultate, welche hier unmittelbar angewendet werden können.

Weber nimmt mit der angegebenen Form des Differentials noch eine Transformation vor, indem er  $s = \frac{1}{r}$  einsetzt. Dadurch geht es über in:

$$4) \quad d\varphi = + \frac{\alpha_0 r_0}{u_0} \cdot ds \sqrt{\frac{1 - \varrho s}{1 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho s - \left( r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r_0 \right) s^2}}$$

Zur Integration dieses Differentials setzen wir der Abkürzung wegen:

$$5) \quad \frac{c^2}{u_0^2} \varrho = a_1 \quad r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} \varrho r_0 = b_1 = r_0 (r_0 - a_1) \quad \frac{\alpha_0 r_0}{u_0} = c_1 = \sqrt{b_1}$$

Durch Einsetzen der Bezeichnungen 5 in 4 erhalten wir:

$$6) \quad d\varphi = \frac{c_1}{\sqrt{\varrho \cdot b_1}} \cdot ds \cdot \frac{1 - \varrho s}{\sqrt{\left(s - \frac{1}{\varrho}\right) \left(s - \frac{1}{r_0}\right) \left(s + \frac{r_0}{b}\right)}}.$$

In dieser Form sind die Wurzeln schon ihrer Grösse nach geordnet. Wir überzeugen uns davon durch folgende Ueberlegung. Es ist

$$r_0 = \varrho \cdot \frac{cc}{u_0 u_0 - \alpha_0 \alpha_0}.$$

Nehmen wir  $\varrho$  positiv, so ist die Bedingung dafür, dass  $r_0$  positiv ist, dass  $u_0 u_0 > \alpha_0 \alpha_0$  ist. Setzen wir fest, dass  $cc > u_0 u_0 - \alpha_0 \alpha_0$  ist, so ist  $r_0 > \varrho$ . So lange  $\alpha_0 \alpha_0 > 0$ , ist  $r_0 > a$ , also  $\frac{r_0}{b}$  positiv.

Wir haben also  $\frac{1}{\varrho} > \frac{1}{r_0} > -\frac{r_0}{b}$ . Wir wollen integrieren von  $r = \infty$  bis  $r = r_0$  und erschen aus der Zusammenstellung gleichzeitiger Werthe:

$$\begin{array}{lll} r = \infty & \text{bis} & r = r_0 \\ u = u_0 & ,, & u = 0 \\ s = -\frac{r_0}{b} & s = 0 & ,, \quad s = \frac{1}{r_0} \\ \varphi = 0 & ,, & \varphi = \varphi_0 \\ \psi = 0 & \psi = \psi_1 & ,, \quad \psi = \frac{\pi}{2}, \end{array}$$

dass  $s$  und  $\varphi$  gleichzeitig wachsen. Wir wollen integrieren von  $s = 0$  bis  $s = \frac{1}{r_0}$ . Die Grenzen liegen also zwischen  $\beta$  und  $\gamma$ ,

$$\begin{array}{ccccccc} & \gamma & & \beta & & \alpha & \\ - & \frac{1}{r_0} & - & \frac{1}{r_0} & - & \frac{1}{\varrho} & - \\ & \frac{r_0}{b} & & 0 & & \frac{1}{r_0} & & \end{array}$$

über dieses Intervall berechnen wir zuerst das Integral. Die Transformationsformel lautet:

$$7) \quad s = \left(\frac{1}{r_0} + \frac{r_0}{b_1}\right) \sin^2 \psi - \frac{r_0}{b_1},$$

wo  $\psi$  zwischen den Grenzen 0 bis  $\frac{\pi}{2}$  zu nehmen ist;  $\varphi$  und  $\psi$  wachsen zu gleicher Zeit. Wenn wir die Einsetzung vornehmen, erhalten wir

$$8) \quad d\varphi = \frac{c_1}{\sqrt{\varrho \cdot b_1}} \cdot \frac{2}{\sqrt{\frac{1}{\varrho} + \frac{r_0}{b}}} \cdot \frac{\varrho \left(\frac{1}{\varrho} + \frac{r_0}{b}\right) (1 - k^2 \sin^2 \psi) d\psi}{\sqrt{1 - k^2 \sin^2 \psi}}.$$

9) wo  $k^2 = \frac{\frac{1}{r_0} + \frac{r_0}{b}}{\frac{1}{\varrho} + \frac{r_0}{b}}$  ist.

Setzen wir noch  $\sqrt{1 - k^2 \sin^2 \psi} = \Delta \psi$  und  $2\sqrt{\varrho \left(\frac{1}{\varrho} + \frac{r_0}{b}\right)} = \mathcal{A}$ , so vereinfacht sich die Gleichung 8 zu

10)  $d\varphi = \mathcal{A} \cdot \Delta \psi \cdot d\psi$ , also

11)  $\varphi = \mathcal{A} \int_{\psi_1}^{\psi} \Delta \psi \cdot d\psi = \mathcal{A} \int_0^{\psi} \Delta \psi \cdot d\psi - \mathcal{A} \int_0^{\psi_1} \Delta \psi \cdot d\psi$ .

Um  $\varphi_0$  zu erhalten, setzen wir für  $\psi$  den Werth  $\frac{\pi}{2}$  und gelangen nach Einführung der Jacobi'schen Bezeichnungen zu den Endgleichungen, welche  $\varphi$  und  $\varsigma$ , also auch  $r$  bestimmen lassen. Wir bekommen:

I.  $\frac{\varphi}{\mathcal{A}} = E(u) - E(u_1)$ ,

II.  $\varsigma = \frac{1}{r} = \left(\frac{1}{r_0} + \frac{r_0}{b}\right) \sin^2 \text{am } u - \frac{r_0}{b}$ .

$\varphi$  und  $\varsigma$  sind bezogen auf einen variablen Parameter  $u$ , das elliptische Integral erster Gattung. Der Werth von  $E(u_1)$  ist gegeben durch

$$\int_0^{\psi_1} \Delta \psi \cdot d\psi = \int_0^{u_1} \Delta^2 \text{am } u \, du = E(u_1),$$

ändert sich also mit  $\psi_1$ . Führen wir noch mit Anschluss an die Bezeichnung von Weber  $m = \frac{\varrho}{r_0}$   $n = \frac{c}{u_0}$  ein, so geht 9. über in

12)  $k^2 = \frac{m(2 - n^2 m)}{1 - n^2 m + m}$ , ferner die Gleichung I in

Ia.  $\frac{\varphi}{2\sqrt{\frac{1 - n^2 m + m}{1 - n^2 m}}} = E(u) - E(u_1)$ .

Diese Form kann zur numerischen Berechnung dienen, indem wir zum Beispiel  $n = 1$  setzen und  $m$  Werthe zwischen 1 und 0 geben.

13) Aus II. erhält man  $\psi_1 = \text{am } u_1 = \text{arc sin } \sqrt{\frac{1}{2 - n^2 m}}$ , indem man  $\varsigma = 0$  setzt.

Drückt man in den Formeln des Integrals 2 Tabelle 3 für den Fall, dass  $r_0 > \varrho > 0 > -\varsigma_0$ , die Grössen  $\varrho$ ,  $r_0$  und  $\varsigma_0$  durch  $m$  und  $n$  aus, so

erhält man Ausdrücke, welche mit denen der Gleichungen 12, Ia und 13 genau übereinstimmen. Die verschiedene Behandlungsweise hat also dieselben Resultate ergeben.

Unter der beschränkenden Voraussetzung, dass  $\alpha_0^2 = u_0^2 - \frac{q}{r_0} c^2$ , also auch  $\left(r_0 r_0 - \frac{c^2}{u_0^2} q r_0\right) s^2$  sehr klein ist, hat Weber für verschiedene Werthe von  $m$  und  $n$  folgende Werthe von  $q$  angegeben:

|               | n = 1. | n = 2. |
|---------------|--------|--------|
| m = 1         | 0      |        |
| $\frac{1}{2}$ | 0,9658 |        |
| $\frac{1}{3}$ | 1,1269 |        |
| $\frac{1}{4}$ | 1,1479 | 0      |
| $\frac{1}{5}$ | 1,2272 | 0,7776 |
| $\frac{1}{6}$ | 1,2486 | 0,9688 |
| $\frac{1}{7}$ | 1,2629 | 1,0690 |
| $\frac{1}{8}$ | 1,2732 | 1,1302 |
| 0             | 1,2500 | 1,2500 |

Lässt man die Beschränkung fallen, so ergibt sich mit Hülfe der Legendre'schen Tafeln zur Berechnung elliptischer Functionen die folgende Tabelle:

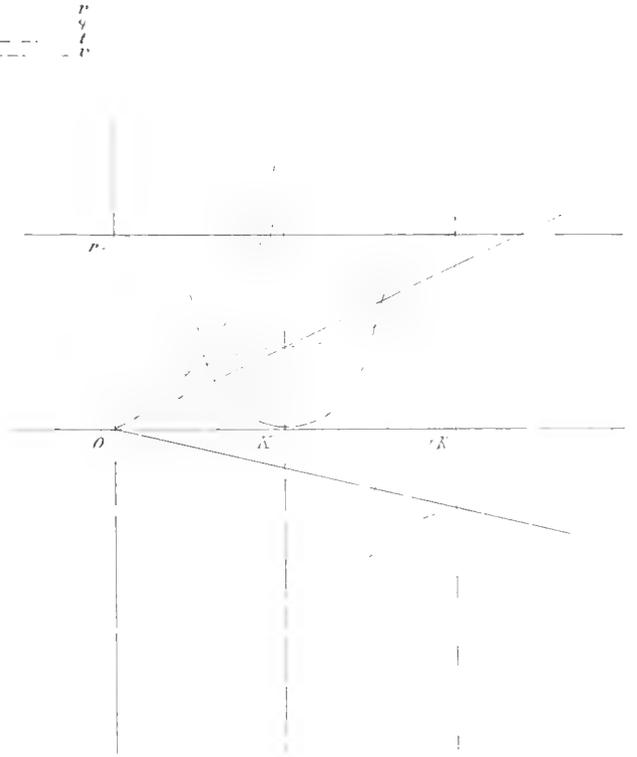
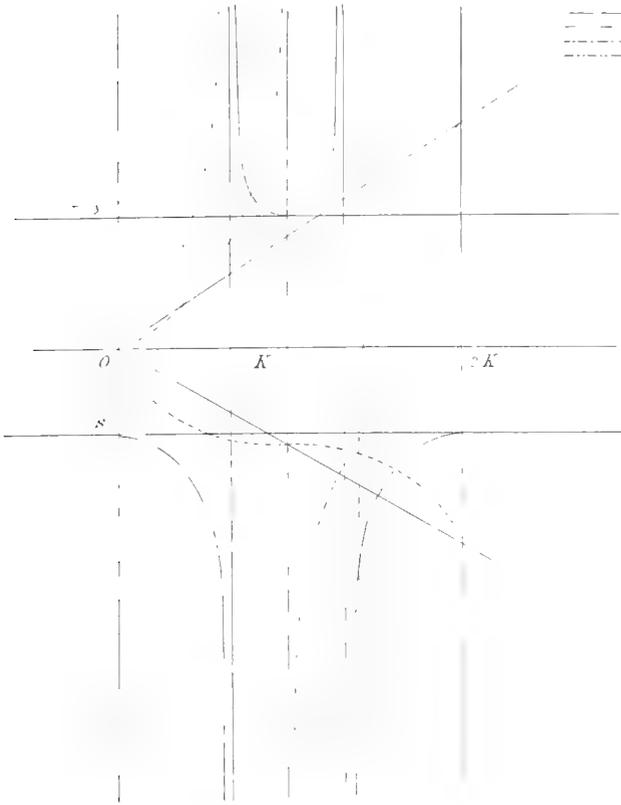
|               | n = 1.  | n = 2.  |
|---------------|---------|---------|
| m = 1         | 0       |         |
| $\frac{1}{2}$ | 1,00566 |         |
| $\frac{1}{3}$ | 1,21088 |         |
| $\frac{1}{4}$ | 1,31046 | 0       |
| $\frac{1}{5}$ | 1,36245 | 0,78296 |
| $\frac{1}{6}$ | 1,39979 | 0,98815 |
| $\frac{1}{7}$ | 1,42351 | 1,10128 |
| $\frac{1}{8}$ | 1,46323 | 1,22930 |
| 0             | 1,57079 | 1,57079 |

*Fig. 1. Integrale 1, 2, 23, 24.*

*Zu Fig. 1-7 incl.*

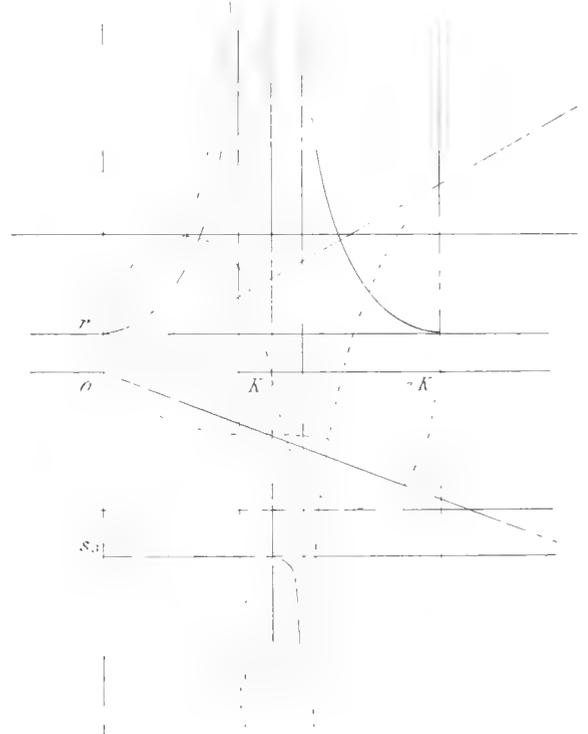
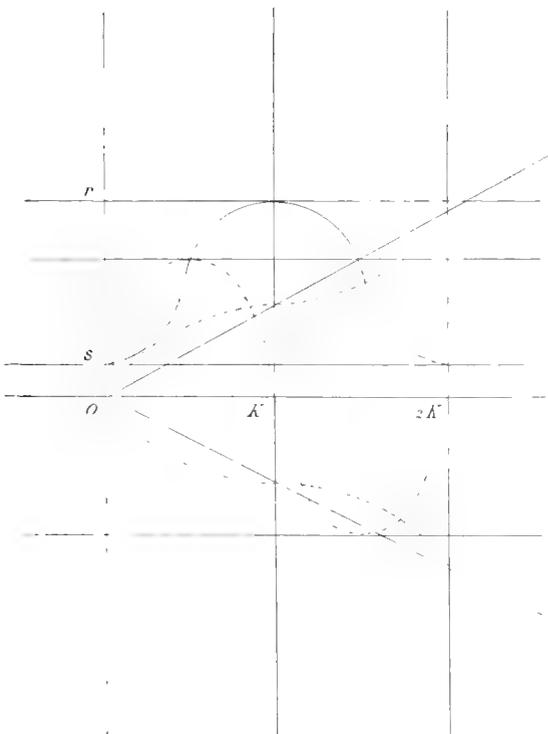
*Fig. 2. Int. 5, 6.*

$\text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}$   $r$   
 $\text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}$   $y$   
 $\text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}$   $t$   
 $\text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---}$   $v$



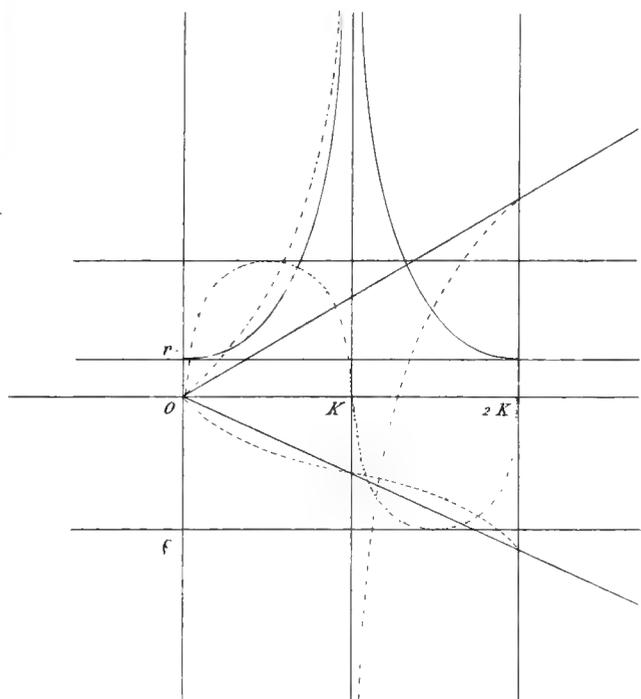
*Fig. 3. Int. 9, 10, 11 12.*

*Fig. 4. Int. 3, 4, 21, 22.*

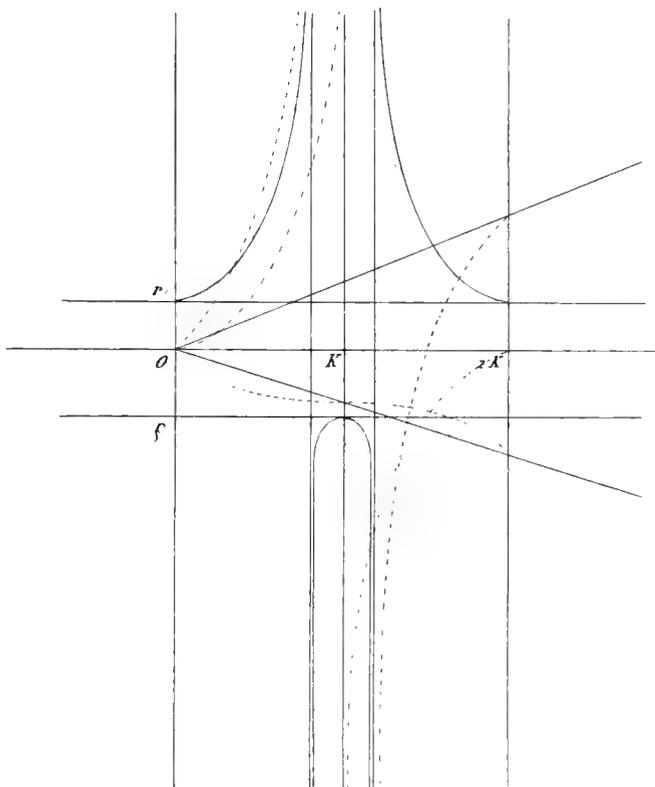




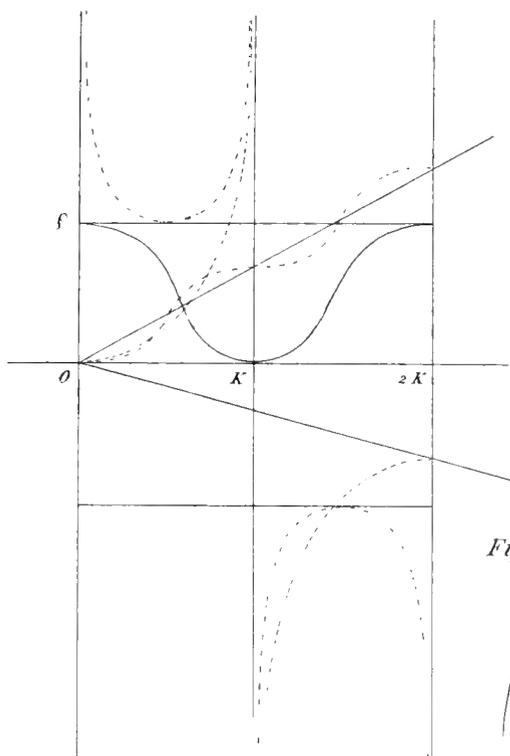
*Fig. 5. Jnt. 17, 18.*



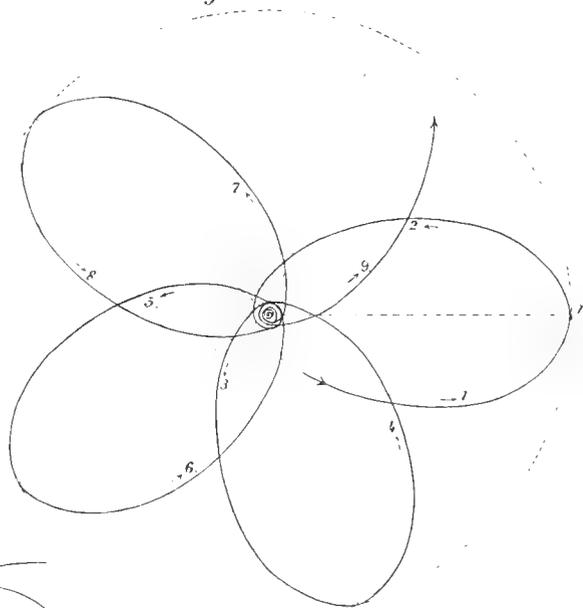
*Fig. 6. Jnt. 23, 24.*



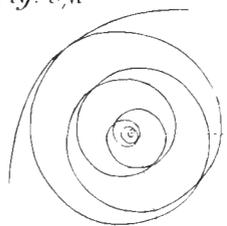
*Fig. 7. Jnt. 7, 8, 25, 26.*



*Fig. 8. Jnt. 5, 6.*

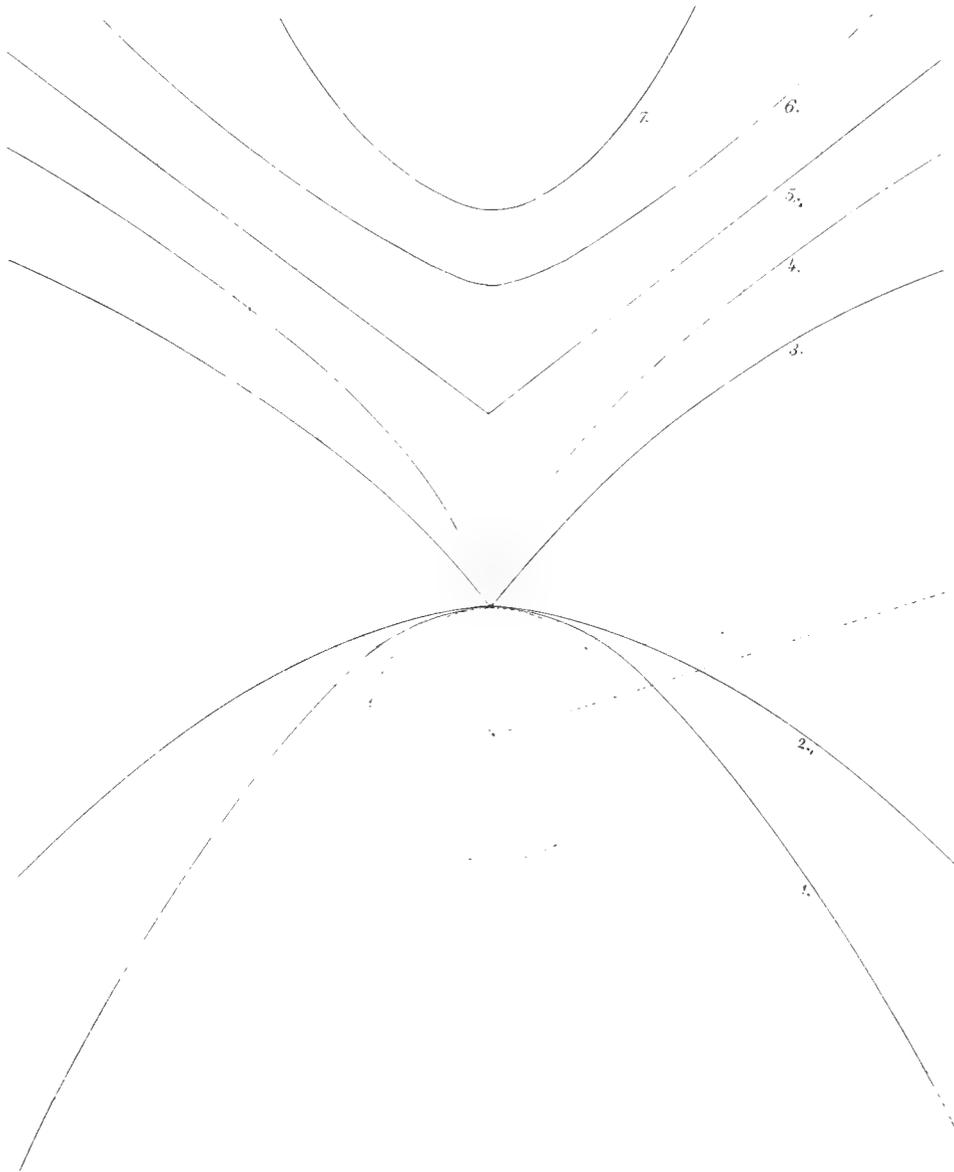


*Fig. 8, a*





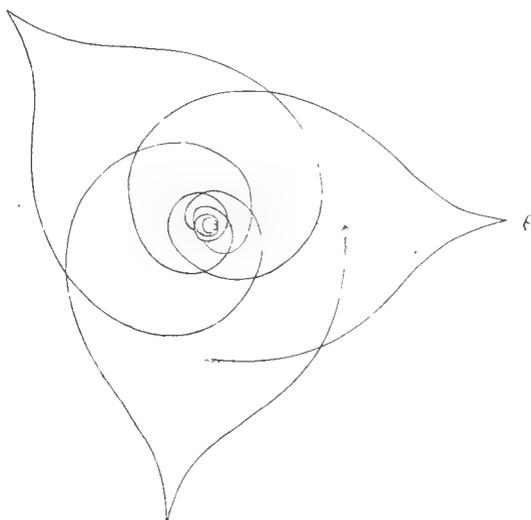
*Fig. 9. Jnt. 1-4 incl., 17-24 incl.*





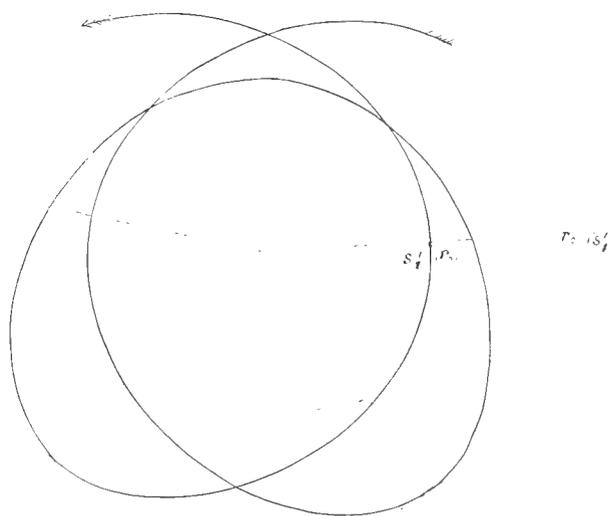
*Fig. 10.*

*Jnt. 7, 8, 25, 26.*

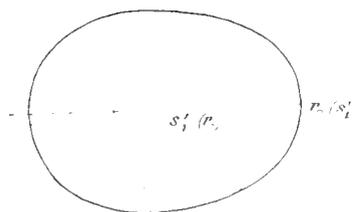


*Fig. 11.*

*Jnt. 9, 10, 11, 12.*



*Fig. 11, a.*





NOVA ACTA  
der Ksl. Leop.-Carol. Deutschen Akademie der Naturforscher  
Band XLIV. Nr. 4.

---

**Theorie**  
der  
**homogen zusammengesetzten Raumgebilde**

von  
**Dr. Victor Schlegel,**  
Oberlehrer am Gymnasium zu Waren,  
Mitglied der Société mathématique de France.

Mit 9 Tafeln Nr. XIV—XXII.

*Eingegangen bei der Akademie den 21. December 1881.*

---

**HALLE.**

1883.

Druck von E. Blochmann & Sohn in Dresden.  
Für die Akademie in Commission bei Wilh. Engelmann in Leipzig.



Seinem verehrten Freunde  
Herrn Professor Dr. Siegmund Günther

zugeeignet

vom

Verfasser.



# Inhalt.

|  | Seite |
|--|-------|
| Einleitung . . . . .   | 343   |
| <b>I. Homogene polygonale Figuren.</b>   |       |
| <b>1) Figuren in der Ebene.</b>  |       |
| a. Allgemeine Formeln . . . . .  | 347   |
| b. Specielle Untersuchung der homogenen polygonalen Figuren . . . . .  | 352   |
| Erster Fall $\Delta > 0$ . Die dreitheilige triangonale, die fünfteilige tetragonale, die siebentheilige triangonale, die elftheilige pentagonale, die neunzehnteilige triangonale Figur . . . . . | 352   |
| Zweiter Fall $\Delta = 0$ . Die unendliche hexagonale, tetragonale, triangonale Figur . . . . .  | 358   |
| Dritter Fall $\Delta < 0$ . . . . .  | 360   |
| c. Construction vollständiger homogener polygonaler Figuren in der Ebene . . .   | 363   |
| <b>2) Figuren im euklidischen Raume.</b>   |       |
| a. Die geschlossenen Figuren und die homogen begrenzten Körper . . . . .   | 365   |
| Vierflach, Achteck, Zwanzigflach, Sechseck, Zwölfflach . . . . .   | 366   |
| b. Die offenen Figuren . . . . .   | 369   |
| Triangulirung, Tetragulirung, Hexagulirung . . . . .   | 369   |
| <b>3) Homogene Bedeckung von Oberflächen.</b>  |       |
| a. Bedeckung von Flächen mit positiver Krümmung . . . . .  | 371   |
| Achttheilige triangonale, viertheilige triangonale, sechsteilige tetragonale, zwanzigtheilige triangonale, zwölftheilige pentagonale Bedeckung . . .   | 371   |
| b. Bedeckung von Flächen mit verschwindender Krümmung . . . . .  | 372   |
| Unendliche triangonale, tetragonale, hexagonale Bedeckung . . . . .  | 373   |
| c. Bedeckung von Flächen mit negativer Krümmung . . . . .  | 373   |
| <b>4) Gegenseitige Abbildungen der Bedeckung einer Fläche auf einer anderen.</b>   |       |
| a. Bedeckung einer positiv gekrümmten Fläche, abgebildet auf einer Ebene . .   | 374   |
| b. Bedeckung einer Ebene, abgebildet auf einer positiv gekrümmten Fläche . .   | 375   |
| c. Bedeckung einer Ebene, abgebildet auf einer negativ gekrümmten Fläche . .   | 376   |
| d. Bedeckung einer negativ gekrümmten Fläche, abgebildet auf einer Ebene . .   | 376   |
| <b>5) Anwendung auf die zweidimensionale Inhaltsbestimmung.</b>  |       |
| Allgemeines . . . . .  | 376   |
| Eindimensionale Inhaltsbestimmung.   |       |
| 1. Messung auf der Geraden . . . . .   | 378   |
| 2. Messung auf der Kreislinie . . . . .  | 378   |
| Zweidimensionale Inhaltsbestimmung.  |       |
| 1. Messung auf der Ebene . . . . .   | 379   |
| a. Die Messung durch das Quadrat (Quadrangulation) . . . . .   | 379   |
| b. Die Messung durch das gleichseitige Dreieck (Triangulation) . . . . .   | 380   |

|  | Seite |
|--|-------|
| c. Die Messung durch das reguläre Sechseck (Hexangulation) . . . . . | 381   |
| 2. Messung auf der Kugelfläche . . . . .                             | 384   |
| 3. Messung auf der Pseudosphäre . . . . .                            | 385   |

## II. Homogene polyedrische Körper.

|  |                |
|--|----------------|
| <b>1) Körper im euklidischen Raume.</b>  |                |
| a. Allgemeine Formeln . . . . .  | 386            |
| b. Specielle Untersuchung der homogenen polyedrischen Körper . . . . .   | 404            |
| <b>1. Tetraedrische Körper</b> . . . . .   | 404            |
| a) Der viertheilige tetraedrische Körper . . . . .   | 404            |
| b) Der fünfzehntheilige tetraedrische Körper . . . . .   | 405            |
| c) Der fünfhundertneunundneunzigtheilige tetraedrische Körper . . . . .  | 405            |
| <b>2. Oktaedrische Körper</b> . . . . .  | 420            |
| d) Der dreiundzwanzigtheilige oktaedrische Körper . . . . .  | 420            |
| <b>3. Ikosaedrische Körper</b> . . . . .   | 422            |
| <b>4. Hexaedrische Körper</b> . . . . .  | 423            |
| e) Der siebentheilige hexaedrische Körper . . . . .  | 423            |
| <b>5. Dodekaedrische Körper</b> . . . . .  | 424            |
| f) Der einhundertneunzehntheilige dodekaedrische Körper . . . . .  | 424            |
| c. Construction vollständiger homogener polyedrischer Körper im Raume . . . . .  | 432            |
| <b>2) Körper im einfachen vierdimensionalen Raume.</b>   |                |
| a. Die geschlossenen Körper und die homogen begrenzten vierdimensionalen Gebilde<br>Fünfzell, Sechszehnzell, Sechshundertzell, Vierundzwanzigzell, Achtzell, Ein-<br>hundertzwanzigzell . . . . .                                    | 433<br><br>434 |
| b. Die offenen Körper . . . . .  | 439            |
| <b>3) Homogene Ausfüllung von dreidimensionalen Räumen.</b>  |                |
| a. Ausfüllung von Räumen mit positiver Krümmung . . . . .  | 441            |
| Sechzehntheilige tetraedrische, fünftheilige tetraedrische, achttheilige hexa-<br>edrische, vierundzwanzigtheilige oktaedrische, sechshunderttheilige tetra-<br>edrische, hundertzwanzigtheilige dodekaedrische Ausfüllung . . . . . | 442            |
| b. Ausfüllung von Räumen mit verschwindender Krümmung . . . . .  | 443            |
| Unendliche hexaedrische Ausfüllung . . . . .   | 443            |
| c. Ausfüllung von Räumen mit negativer Krümmung . . . . .  | 444            |
| <b>4) Gegenseitige Abbildungen der Ausfüllung eines Raumes in einem andern</b> . . . . .   | 444            |
| <b>5) Anwendung auf die dreidimensionale Inhaltsbestimmung.</b>  |                |
| <b>1. Messung im euklidischen Raume</b> . . . . .  | 448            |
| <b>2. Messung im constant positiv gekrümmten Raume</b> . . . . .   | 449            |
| <b>3. Messung im constant negativ gekrümmten Raume</b> . . . . .   | 450            |
| Schlussbemerkung.  |                |
| Ueber verwandte Arbeiten von Hoppe, Scheffler und Stringham. — Die<br>endlichen homogenen Gebilde und die Messung in n-dimensionalen Räumen . . . . .  | 452            |
| Erklärung der Tafeln . . . . .   | 457            |

## Einleitung.

Wir nennen ein  $n$ -dimensionales Raumgebilde *homogen zusammengesetzt*, wenn erstens alle seine Theile gleichviele Grenzgebilde (Eckpunkte, Kanten, Flächen etc.) haben, und zweitens alle diese Grenzgebilde gleichvielen Theilen angehören. So ist die unendliche Gerade oder eine Strecke auf ihr, wenn man auf einem dieser Gebilde beliebige Punkte setzt (und im ersten Falle die Gerade als im Unendlichen geschlossen betrachtet), homogen zusammengesetzt aus Strecken, da jede Strecke von zwei Punkten begrenzt wird und jeder dieser Punkte zwei Strecken angehört. Die unendliche Ebene oder ein Polygon auf ihr ist homogen aus Polygonen zusammengesetzt, wenn alle Polygone gleiche Seitenzahl haben und jeder Eckpunkt gleichvielen Polygonen angehört. Der unendliche (euklidische) Raum oder ein Polyeder in ihm ist homogen aus Polyedern zusammengesetzt, wenn alle Polyeder gleichviele Ecken, Kanten und Flächen haben, und jeder Eckpunkt, sowie jede Kante gleichvielen Polyedern angehört.

Wenn ein  $n$ -dimensionales homogen zusammengesetztes Gebilde einen Theil eines  $(n+1)$ -dimensionalen Gebildes vollkommen begrenzt, so nennen wir das letztere selbst *homogen*. Hinsichtlich der Art der Begrenzung nehmen wir an, dass das begrenzende Gebilde aus Theilen mit der Krümmung Null, welche zu je zweien Winkel mit einander bilden, zusammengesetzt ist. Hiernach ist homogen jede gerade Strecke, jedes ebene Polygon und jedes Polyeder, dessen Seitenflächen Polygone von gleicher Seitenzahl sind, und in dessen Eckpunkten gleichviele Flächen zusammentreffen. Es geht

hieraus hervor, dass jedes homogene Gebilde selbst wieder von homogenen Gebilden begrenzt wird, eine Bestimmung, welche wir auch für mehrdimensionale Gebilde adoptiren, so dass hiernach nicht-homogene Gebilde von der Begrenzung überhaupt ausgeschlossen sind.

Anm. Hiernach wird also z. B. festgesetzt, dass die Theile eines homogen zusammengesetzten Polyeders und die Grenzgebilde eines vierdimensionalen homogenen Gebildes nur homogene Polyeder (also z. B. nicht dreiseitige Prismen) sein dürfen.

Ein homogenes  $n$ -dimensionales Gebilde heisst regulär, wenn seine  $(n-1)$ -dimensionalen Grenzgebilde regulär und congruent sind. Vervollständigt wird diese Definition durch die für die Fälle  $n=3$  und  $n=2$  bekannten Specialdefinitionen regulärer Polyeder und Polygone.

Zwei homogene Gebilde von gleicher Dimensionenzahl ( $n$ ) heissen einander entsprechend, wenn die Zahl der  $(n-1)$ -dimensionalen Grenzgebilde des einen ebenso gross ist, wie die Zahl der  $0$ -dimensionalen Grenzgebilde (Eckpunkte) des andern. Ein Gebilde entspricht sich selbst, wenn beide Zahlen für dasselbe einander gleich sind. (Dies trifft u. a. zu bei allen Gebilden, für welche  $n=2$  ist.) Nimmt man in jedem  $(n-1)$ -dimensionalen Grenzgebilde eines  $n$ -dimensionalen homogenen Gebildes einen Punkt an, so sind diese Punkte die Eckpunkte eines dem ersten entsprechenden Gebildes, und umgekehrt. Aus der Existenz oder Nichtexistenz des einen dieser Gebilde kann man daher auf die Existenz oder Nichtexistenz des andern schliessen.

Der Schnitt eines homogenen oder homogen zusammengesetzten  $n$ -dimensionalen Gebildes mit einem einfachen (ebenen)  $(n-1)$ -dimensionalen Gebilde ist ein homogenes resp. homogen zusammengesetztes  $(n-1)$ -dimensionales Gebilde. — So wird ein einfaches Polygon von einer Geraden in einer Strecke geschnitten, ein homogen zusammengesetztes in einer zusammenhängenden Reihe von Strecken; ein einfaches homogenes Polyeder von einer Ebene in einem einfachen Polygon, ein homogen zusammengesetztes Polyeder in einem homogen zusammengesetzten Polygon (vorbehaltlich der Ausartungen einzelner Gebilde).

Die Grenze eines homogenen  $n$ -dimensionalen Gebildes, welche, wie oben festgestellt, ein homogen zusammengesetztes  $(n-1)$ -dimensionales Gebilde ist, kann auf einem einfachen (ebenen)  $(n-1)$ -dimensionalen Gebilde abgebildet werden. Zu diesem Zwecke denke man sich eines der  $(n-1)$ -

dimensionalen Grenzgebilde entfernt und den Complex aller übrigen (nöthigenfalls durch Ausdehnung und Zusammenziehung) auf einem ebenen  $(n-1)$ -dimensionalen Gebilde ausgebreitet. Abbildungen anderer Art entstehen, wenn man statt eines  $(n-1)$ -dimensionalen Grenzgebildes ein  $(n-2)$ - oder  $(n-3)$ -dimensionales (nebst allen an dasselbe angrenzenden mehrdimensionalen Gebilden) entfernt und den Rest ausbreitet. — So kann der Umfang eines Polygons nach Entfernung einer Seite auf einer Geraden ausgebreitet werden. Diese Abbildung mag die (lineare) Kette des Polygons heissen. Dieselbe zählt eine Seite weniger als der Umfang des Polygons; diese Lücke wird aber ausgefüllt, wenn man den zu beiden Seiten der Abbildung liegenden Theil der (im Unendlichen geschlossenen) Geraden als Abbildung jener entfernten Seite ansieht. Die Oberfläche eines homogenen Polyeders kann nach Entfernung einer Seitenfläche (oder einer Kante und der beiden angrenzenden Seitenflächen, oder eines Eckpunktes und aller in demselben zusammenstossenden Seitenflächen) auf einer Ebene ausgebreitet werden. Wir nennen diese Abbildung das (ebene) Netz des Polyeders. Dasselbe zählt eine Fläche weniger als die Oberfläche des Polyeders; man kann aber den rings um das Netz liegenden Theil der Ebene als Abbildung der fehlenden Fläche ansehen. Das Volumen eines homogenen vierdimensionalen Gebildes kann nach Entfernung eines der dasselbe begrenzenden Polyeder (oder einer Fläche, einer Kante, eines Eckpunktes nebst den angrenzenden Polyedern) im euklidischen Raume ausgebreitet werden. Wir nennen diese Abbildung das (räumliche) Zellgewebe des vierdimensionalen Gebildes. Dasselbe zählt einen Körper weniger als das Volumen des vierdimensionalen Gebildes; man kann aber den rings um die Abbildung liegenden Theil des euklidischen Raumes als Abbildung des fehlenden Körpers ansehen. — Umgekehrt kann man durch Zusammenfaltung eines homogen zusammengesetzten  $(n-1)$ -dimensionalen Gebildes im  $n$ -dimensionalen ebenen Raume und nachträgliche Hinzufügung des fehlenden Grenzgebildes ein homogenes  $n$ -dimensionales Gebilde erzeugen. Namentlich aber kann man in den Fällen, wo die wirkliche Construction sich der Anschauung entzieht, aus der Existenz des abbildenden Gebildes auf diejenige des abgebildeten schliessen, da die wesentlichen Eigenschaften des letzteren nach der Definition nur in seiner Grenze hervortreten. (So kann man, ohne das Gebiet der Geraden zu verlassen, aus der Existenz unendlich vieler homogen zu-

sammengesetzter Gebilde in derselben auf die Existenz unendlich vieler homogener Polygone in der Ebene schliessen.)

Man kann endlich die Abbildungen, anstatt in ebenen, auch in positiv oder negativ gekrümmten Mannigfaltigkeiten ausführen und untersuchen, in welchen Fällen ein solcher Raum durch eine Abbildung vollständig bedeckt (ausgefüllt) wird.

Die vorstehend skizzirten allgemeinen Gesichtspunkte sind massgebend für die folgende Untersuchung, welche sich im Wesentlichen auf die homogen zusammengesetzten Gebilde der Ebene und des euklidischen Raumes erstrecken wird.

## I. Homogene polygonale Figuren.

### 1) Figuren in der Ebene. ( $M^0_2$ )<sup>1)</sup>

Ein homogen zusammengesetztes Polygon nennen wir im Folgenden: Homogene polygonale Figur.

#### a. Allgemeine Formeln.

*Gesammtzahlen der Gebilde.* — Ist in einem beliebigen ebenen Polygon die Zahl der Ecken durch  $e$ , die der Seiten (Kanten) durch  $k$ , die der Flächen, welche gleich 1 ist, durch  $s$  bezeichnet, so ist  $k = e$ ,  $s = 1$ , mithin

$$(1) \quad e + s - k = 1.$$

Nehmen wir an, diese Gleichung gelte noch für eine  $m$ -theilige polygonale Figur. Lässt sich dann zeigen, dass sie auch nach Hinzufügung eines weiteren Polygons noch gilt, so gilt sie nach dem Schlusse von  $m$  auf  $m + 1$  allgemein. Hat nun das hinzutretende Polygon  $p$  Kanten, von denen  $q$  mit schon vorhandenen Kanten zusammenfallen, so beträgt der Zuwachs an Kanten  $p - q$ , an Ecken  $p - q - 1$ , an Flächen 1. Die neue aus  $m + 1$  Polygonen zusammengesetzte Figur hat also  $e + p - q - 1$  Ecken,  $s + 1$  Flächen,  $k + p - q$  Kanten. Da nun

$$(e + p - q - 1) + (s + 1) - (k + p - q) = e + s - k = 1$$

ist, so gilt allgemein der Satz:

I. In jeder polygonalen Figur ist die Zahl der Ecken und Flächen zusammen um 1 grösser als die Zahl der Kanten.

Anm. Dieser Satz folgt auch unmittelbar, wenn man das Gebiet der Ebene verlassen will, aus dem Euler'schen. Lässt man nämlich eine Seite des Polyeders weg, so kann man die übrig bleibende Fläche als eine polygonale Figur ansehen, deren Grenz-

---

<sup>1)</sup> Wir bezeichnen durch  $M$  ein beliebiges Gebiet (Mannigfaltigkeit), durch den unteren Index die Zahl seiner Dimensionen, und durch einen oberen (+, 0, —) die Beschaffenheit seiner Krümmung.

kanten die Kanten der weggenommenen Fläche sind und die sich ohne weitere Veränderung in der Zahl der Seiten, Ecken und Flächen auch auf die Ebene ausbreiten lässt. — Die Theile der in Satz I erwähnten polygonalen Figur können übrigens auch convexe Winkel enthalten.

*Äussere und innere Gebilde.* — Wir bezeichnen eine Ecke oder Kante der homogenen polygonalen Figur als äussere oder innere, jenachdem sie dem Randpolygon angehört oder nicht. Eine Fläche heisst innere, wenn keine ihrer Ecken oder Kanten dem Randpolygon angehört; sonst äussere. Es sei ferner die Zahl der inneren Gebilde durch den Index 1, die der äusseren durch den Index 2 von der Gesamtzahl unterschieden: dann hat man zunächst die Gleichungen

$$(2) \quad e_1 + e_2 = e; \quad k_1 + k_2 = k; \quad s_1 + s_2 = s.$$

Ferner ist offenbar

$$(3) \quad k_2 = e_2.$$

Es sei ferner die Kantenzahl jedes einzelnen Polygons mit  $n$  und die Zahl der in jeder Innenecke zusammentreffenden Flächen (und Kanten) mit  $p$  bezeichnet.

a) Unter dieser Voraussetzung liefert jedes der  $s$  Polygone zu der polygonalen Figur  $n$  Kanten. Da aber hierbei jede der  $k_1$  inneren Kanten doppelt gezählt ist, so ist die Gesamtzahl der Kanten

$$(4) \quad k = sn - k_1.$$

b) Ferner liefert jede der  $k$  Kanten 2 Ecken. Dies würde  $2k$  Ecken geben. Aber an jeder Innenecke stossen  $p$  Kanten zusammen, also ist jede Innenecke  $p$ -fach gezählt, daher  $e_1(p-1)$  zu subtrahiren. Von den Aussen-ecken sind erstens diejenigen doppelt gezählt, welche zwei benachbarten Aussen-kanten angehören. Da dies aber für alle Aussen-ecken zutrifft, so ist  $e_2$  zu subtrahiren. Wenn ferner  $k_3$  Innenkanten nach Aussen-ecken laufen, so ist noch  $k_3$  zu subtrahiren<sup>1)</sup>, also ist die Zahl der Ecken im Ganzen

$$e = 2k - e_1(p-1) - e_2 - k_3,$$

woraus mit Benutzung von (2) und (3) folgt:

$$(5) \quad k_3 = 2k_1 - e_1 p.$$

<sup>1)</sup> Der Fall, dass eine Innenkante zwei Aussen-ecken verbindet, wird ausgeschlossen. Diese Kante müsste nämlich doppelt gezählt werden, während sie in der Anschauung nur einfach erscheint.

Wenn zu jeder Aussenecke gleichviele Innenkanten gehören, so gehören zu einer Aussenecke  $\frac{k_3}{e_2}$  Innenkanten und 2 Aussenkanten, im Ganzen also  $\frac{k_3}{e_2} + 2$  Kanten. Wenn insbesondere an jeder Aussenecke ebensoviele Kanten zusammentreffen sollen, wie an jeder Innenecke, nämlich  $p$ , so ist

$$\frac{k_3}{e_2} + 2 = p; \quad k_3 = (p - 2) e_2.$$

Setzt man diesen Werth von  $k_3$  in (5) ein, so folgt

$$(5a) \quad 2k = p e.$$

Anm. Es ist jedoch nicht zu übersehen, dass die Formel  $k_3 = (p - 2) e_2$  nur über die Anzahl der nach Aussenecken laufenden Innenkanten eine Bestimmung trifft, nicht aber über deren Vertheilung an die einzelnen Aussenecken, so dass sie, ebenso wie (5a) auch für solche Figuren gilt, bei welchen diese Kanten unregelmässig vertheilt sind. Die Formel (5a) lässt sich auch direct durch geometrische Betrachtung finden.

Wir nennen eine homogene polygonale Figur vollständig, wenn in jeder Aussenecke ebensoviele Kanten zusammentreffen, wie in einer Innenecke, nämlich  $p$ . Die Zahl der in jeder Aussenecke zusammentreffenden Polygone ist dann  $p - 1$ . Für derartige Figuren gilt also die specielle Formel (5a).

c) Endlich liefert jedes der  $s$  Polygone  $n$  Ecken. Hierbei ist aber jede der  $e_1$  inneren Ecken  $p$ -fach gezählt. Also ist von der Gesamtzahl  $e_1 (p - 1)$  in Abzug zu bringen. Ferner sind alle diejenigen Ecken des Randpolygons doppelt gezählt, die zwei benachbarten, an Kanten des Randes liegenden Polygonen angehören. Sei  $s_3$  die Zahl dieser Polygone, so ist  $s_3$  auch die Zahl der doppelt gerechneten äusseren Ecken, also  $s_3$  in Abzug zu bringen. Endlich sind alle diejenigen von diesen  $s_3$  Ecken sogar dreifach gezählt, welche nicht nur zwei benachbarten von diesen  $s_3$  Polygonen, sondern auch noch einem der  $(s_2 - s_3)$  Polygone angehören, welche nur eine Ecke zum Randpolygon liefern.<sup>1)</sup> Es sind daher noch weitere  $(s_2 - s_3)$  Ecken in Abzug zu bringen, also im Ganzen

$$(p - 1) e_1 + s_3 + (s_2 - s_3) = (p - 1) e_1 + s_2.$$

<sup>1)</sup> Der Fall, dass eine äussere Ecke mehr als einem dieser  $(s_2 - s_3)$  Polygone angehört, giebt dasselbe Resultat, da für jedes neu hinzutretende Polygon eine Ecke in Abrechnung gebracht werden muss. Der Fall, dass ein Polygon gleichzeitig mehreren äusseren Ecken angehört, wird ausgeschlossen. Dieses Polygon müsste nämlich mehrfach gezählt werden, während es in der Anschauung nur einfach erscheint.

Mithin beträgt die Zahl aller Ecken

$$e = s n - (p - 1) e_1 - s_2,$$

woraus mit Benutzung von (2) folgt:

$$(6) \quad n s = e_2 + s_2 + p e_1.$$

Liegen an jeder Aussenecke  $p_1$  Flächen, so ist für alle Aussenecken nur  $e_2 (p_1 - 1)$  zu subtrahiren, also

$$e = s n - (p - 1) e_1 - (p_1 - 1) e_2.$$

Insbesondere ist für den Fall der vollständigen Figur

$$p_1 = p - 1;$$

also

$$e = s n - p e_1 + e_1 - p e_2 + 2 e_2,$$

oder mit Rücksicht auf (2)

$$(6a) \quad p e = s n + e_2.$$

Es bestehen also zwischen den 11 Grössen  $n$ ;  $p$ ;  $e_1$ ,  $e_2$ ,  $e$ ;  $k_1$ ,  $k_2$ ,  $k$ ;  $s_1$ ,  $s_2$ ,  $s$  die acht Gleichungen (1)—(6) und die Bedingungen, dass alle Grössen ganze, positive Zahlen, und dass  $n$ ,  $p$ ,  $e$ ,  $k > 2$ ,  $s > 0$  sein müssen. Sieht man von der Gleichung (5) ab, durch welche die neue Grösse  $k_3$  bestimmt wird, so kann man mittelst der übrigen 7 Gleichungen durch vier dieser Grössen, z. B. durch  $p$ ,  $n$ ,  $s$ ,  $s_1$  die anderen bestimmen. Es sollen im Folgenden zuerst mittelst der Gleichungen (1), (3), (4), (6) die übrigen Grössen durch  $p$ ,  $n$ ,  $s$ ,  $s_1$ ,  $k_2$  ausgedrückt werden, worauf  $k_2$  mittelst (1) eliminirt wird.

Man erhält aus (4) und (2)

$$(7) \quad k_1 = \frac{s n - k_2}{2}; \quad k = \frac{s n + k_2}{2},$$

ferner aus (2), (3), (6):

$$(8) \quad e_1 = \frac{s n - k_2 - (s - s_1)}{p}; \quad e = \frac{s n + (p - 1) k_2 - (s - s_1)}{p}.$$

Endlich ist nach (2) und (3)

$$(9) \quad e_2 = k_2; \quad s_2 = s - s_1.$$

Setzt man die Werthe von  $k$  und  $e$  aus (7) und (8) in (1) ein, so erhält man nach einigen leichten Umformungen:

$$(10) \quad s[2(n+p) - np] - [2(k_2 + p) - k_2 p] = 2(s - s_1). \text{ } ^1)$$

Hieraus folgt

$$(11) \quad k_2 = \frac{2(s - s_1) + 2p - s[2(n+p) - np]}{p-2}.$$

Setzt man diesen Werth in (7) und (8) ein, so erhält man

$$(12) \quad \begin{cases} k = \frac{s[(n-1)(p-1) - n] + (p - s_1)}{p-2}; & k_1 = \frac{s(p-1) - (p - s_1)}{p-2}, \\ e = \frac{3s + 2p - s_1 - 2 - s[2(n+p) - np]}{p-2}; & e_1 = \frac{s + s_1 - 2}{p-2}. \end{cases}$$

Durch die Gleichungen (9), (11), (12) ist die oben gestellte Aufgabe gelöst.

Zu diesen für homogene Figuren im Allgemeinen geltenden Gleichungen treten für vollständige Figuren noch die Bedingungen (5a) und (6a). Nun folgt aus (12)

$$k + k_1 = sn,$$

und, wenn man (3) hierzu addirt:

$$2k = sn + e_2.$$

Fügt man zu dieser allgemein giltigen Gleichung die Bedingung (5a), so erhält man (6a). Letztere beiden Bedingungen haben also denselben Inhalt und folgen auseinander, sind also nur für eine einzige zu rechnen.

Da die Formeln für  $k_1$  und  $e_1$  die Grösse  $n$  nicht enthalten, so hat man beiläufig den Satz:

II. Wenn zwei homogene polygonale Figuren gleichviele äussere und innere Flächen enthalten und in den inneren Ecken der einen ebensoviele Flächen zusammenstossen, wie in denen der anderen, so haben auch beide gleichviele innere Kanten und Ecken, wenn auch die Polygone, aus denen sie bestehen, verschiedene Seitenzahl haben.

<sup>1)</sup> Aus dieser Formel folgt

$$s = \frac{2s_2 + [2(k_2 + p) - k_2 p]}{2(n+p) - np}.$$

Man kann also für gegebene Werthe von  $n$  und  $p$ , und  $k_2$  und  $s_2$ ,  $s$  berechnen, d. h. aus der Zahl der Aussengebilde  $s_2$  und  $k_2$  diejenige aller Flächen.

Um nun zur näheren Bestimmung der verschiedenen Arten homogener polygonaler Figuren zu gelangen, stellen wir in Bezug auf die Grössen  $n$  und  $p$  drei Fälle auf und suchen in jedem Falle die Grössen  $s$  und  $s_1$  in Grenzen einzuschliessen.

Wir können in Bezug auf die zuerst in (10) auftretende Funktion  $2(n+p) - np$  folgende Fälle unterscheiden:

$$2(n+p) - np > 0, \text{ oder } \frac{2n}{n-2} > p, \text{ oder } \frac{2p}{p-2} > n,$$

$$2(n+p) - np = 0, \text{ oder } \frac{2n}{n-2} = p, \text{ oder } \frac{2p}{p-2} = n,$$

$$2(n+p) - np < 0, \text{ oder } \frac{2n}{n-2} < p, \text{ oder } \frac{2p}{p-2} < n.$$

Wir setzen zur Abkürzung

$$(13) \quad 2(n+p) - np = \Delta.$$

#### b. Spezielle Untersuchung der homogenen polygonalen Figuren.

Erster Fall:  $\Delta > 0$ .

Wir können jetzt die Formel (11) in der Gestalt schreiben:

$$k_2 = \frac{s(2-\Delta) + 2(p-s_1)}{p-2}.$$

1) Ist  $\Delta > 2$ , so ist  $s(2-\Delta)$  negativ, folglich muss  $p-s_1$  positiv sein, d. h.  $s_1 < p$ . Ferner muss  $s(\Delta-2) < 2(p-s_1)$ , also  $s < \frac{2(p-s_1)}{\Delta-2}$  sein; d. h.: Für einen gegebenen Werth von  $p$  kann, wenn  $\Delta > 2$  ist, die Flächenzahl der polygonalen Figur eine bestimmte Grenze nicht überschreiten.

2) Ist  $\Delta = 2$ , so muss wiederum  $s_1 < p$  sein und  $k_2$  kann nicht in's Unendliche wachsen. In diesem Falle haben alle, denselben Werthen von  $n, p, s_1$  entsprechenden polygonalen Figuren gleichviele Aussenkanten, wie gross oder klein auch  $s$  sein mag.

3) Ist  $\Delta = 1$ , so folgt aus der letzten Formel

$$(p-2)k_2 = s + 2p - 2s_1 = s_2 - s_1 + 2p$$

oder

$$(p-2)k_2 - s_2 = 2p - s_1.$$

Ist nun

$$(p-2)k_2 \geq s_2,$$

so ist auch

$$2p \geq s_1;$$

d. h.:  $s_1, s_2$  und folglich auch  $s$  können eine bestimmte Grenze nicht überschreiten.

Um zu erkennen, welche Bedeutung die Bedingung  $(p - 2)k_2 = s_2$  hat, eliminiren wir  $k_2$  und  $e_2$  zwischen (5a) und (11). Wir können die erstere Gleichung in der Form schreiben

$$2(k_1 + k_2) = p(e_1 + k_2)$$

oder

$$2k_1 - p e_1 = (p - 2)k_2.$$

Nach (11) aber ist

$$(p - 2)k_2 = 2(s - s_1) + 2p - s \Delta;$$

also

$$2k_1 - p e_1 = 2(s - s_1) + 2p - s \Delta.$$

Setzt man hier die Werthe von  $k_1$  und  $e_1$  aus (12) ein, so erhält man nach einigen Umformungen

$$s = \frac{2p - s_1}{\Delta - 1}.$$

Dasselbe Resultat erhält man aber auch, wenn man die Bedingung  $(p - 2)k_2 = s_2$  in der Form

$$(13a) \quad s = (p - 2)k_2 + s_1$$

schreibt und zwischen (13a) und (11)  $k_2$  eliminirt. Hiernach hat die Bedingung (13a) denselben Inhalt mit (5a) und (6a) und ist daher, wie jene, das Merkmal der vollständigen polygonalen Figur.

Wir gehen nun zur speciellen Discussion der Fälle 1), 2), 3) über.

$$1) \quad \Delta > 2, \text{ oder } n < \frac{2(p-1)}{p-2}.$$

Setzt man  $p = 3$ , so folgt  $n < 4$ , also  $n = 3$ .

Weiter erhält man:

$$\Delta = 3; \quad k_2 = e_2 = 2(3 - s_1) - s = 6 - 2s_1 - s.$$

Da  $k_2 > 2$  sein muss, so erhält man für  $s_1 = 0$  die Werthe:

$$s = 3; \quad k_2 = e_2 = 3; \quad k_1 = 3; \quad e_1 = 1; \quad k_3 = 3.$$

Da  $k = 6$  und  $e = 4$ , so ist die Bedingung (5a) von selbst erfüllt: d. h. die den eben aufgestellten Zahlenwerthen entsprechende Figur ist eine vollständige. Wir nennen dieselbe die dreitheilige triangonale Figur. (Taf. 1. Fig. 1a.)

Anm. Für  $s_1 = 0$  und  $s = 1$  oder  $2$  würden  $k_1$  und  $e_1$  negativ sein. Für  $s_1 = 1$  erhält man  $s = 1$ , was der Bedingung  $p = 3$  widerspricht. Aus  $p \geq 4$  würde folgen  $n < 3$ , was nicht möglich ist.

$$2) \quad \Delta = 2, \text{ oder } n = \frac{2(p-1)}{p-2}.$$

a) Setzt man  $p = 3$ , so folgt  $n = 4$ .

Weiter erhält man:

$$k_2 = e_2 = 6 - 2s_1.$$

Da  $k_2 > 2$  sein muss, so kann nur sein  $s_1 = 1$  oder  $s_1 = 0$ .

$\alpha$ ) Setzt man  $s_1 = 1$ , so folgt weiter:

$$k_2 = e_2 = 4; \quad k_1 = 2(s-1); \quad e_1 = s-1; \quad k_3 = s-1.$$

Jedem Werthe von  $s$  entspricht eine besondere Figur. (S. jedoch die Anm.)

Insbesondere ist für die vollständige Figur nach (13a)

$$s = 5,$$

also

$$k_1 = 8; \quad e_1 = 4; \quad k_3 = 4.$$

Wir nennen diese Figur die fünftheilige tetragonale Figur. (Taf. 1. Fig. 2a.)

Anm. Die Fälle  $s = 1, 2, 3, 4$  sind unmöglich, da zur Einschliessung eines Vierecks mindestens 4 Aussenflächen erforderlich sind. Construierbar sind noch die Fälle  $s = 6, 7$ . Wird  $s > 7$  angenommen, so treten bei der Construction innere Polygone auf, die zwei Aussenecken angehören (gegen die früher ausgesprochene Beschränkung). Auch bemerkt man, dass alsdann Innenecken auftreten müssen, für welche  $p$  nur gleich 2 ist, wenn man nicht, wie oben erwähnt, ein solches Polygon doppelt zählt.

$\beta$ ) Setzt man  $s_1 = 0$ , so folgt weiter:

$$k_2 = e_2 = 6; \quad k_1 = 2s-3; \quad e_1 = s-2; \quad k_3 = s.$$

Insbesondere ist für die vollständige Figur nach (13a)

$$s = 6,$$

also

$$k_1 = 9, \quad e_1 = 4, \quad k_3 = 6.$$

Man erhält für diese Figur zwei verschiedene Constructionen, je nachdem man von einer Kante oder einer Ecke ausgeht. (Taf. 1. Fig. 2b und 2c mit den punktirten Linien.) Da jedoch die Kanten  $k_3$  in beiden Fällen nicht gleichmässig an die 6 Aussenecken vertheilt sind, (s. d. Anm. zu Formel 5a), so bieten diese Fälle eine geringere Regelmässigkeit als der unter  $\alpha$ ) be-

handelte und erhalten daher keine besondere Namen. Auch ist zu beachten, dass beidemale die Randfigur eine andere Seitenzahl hat als die Theilfiguren. Wir nennen die unter  $\alpha$ ) beschriebene vollständige Figur aus diesen Gründen die regelmässige.

Anm. Für  $s = 1$  würde  $e_1$  negativ sein. Die Fälle  $s = 2, 3, 4, 5$  sind aus der vollständigen Figur ohne Weiteres zu entnehmen. Das Bildungsgesetz derjenigen Figuren, für welche  $s > 6$ , ist aus der Zeichnung leicht zu erkennen. Uebrigens kann  $s$  beliebig zunehmen, wobei zwei Aussenecken ihre Eigenschaft als solche behalten.

b) Setzt man  $\mathbf{p} = \mathbf{4}$ , so folgt  $n = 3$ .

Weiter erhält man

$$k_2 = e_2 = 4 - s_1.$$

Da  $k_2 > 2$  sein muss, so kann nur sein  $s_1 = 1$ , oder  $s_1 = 0$ .

$\alpha$ ) Setzt man  $\mathbf{s}_1 = \mathbf{1}$ , so folgt weiter:

$$k_2 = e_2 = 3; \quad k_1 = \frac{3(s-1)}{2}; \quad e_1 = \frac{s-1}{2}; \quad k_3 = s - 1.$$

Insbesondere ist für die vollständige Figur nach (13a)

$$s = 7,$$

also

$$k_1 = 9; \quad e_1 = 3; \quad k_3 = 6.$$

Wir nennen diese Figur die siebentheilige triangonale Figur. (Taf. 1. Fig. 3a.)

Anm. Die Fälle  $s = 1 - 6$  sind unmöglich, da zur Einschliessung eines Dreiecks mindestens 6 Aussenflächen erforderlich sind. Dagegen können Figuren für  $s > 7$  construirt werden, wobei die Aussenecken der vollständigen Figur ihre Eigenschaft als solche behalten.

$\beta$ ) Setzt man  $\mathbf{s}_1 = \mathbf{0}$ , so folgt weiter

$$k_2 = e_2 = 4; \quad k_1 = \frac{3s-4}{2}; \quad e_1 = \frac{s-2}{2}; \quad k_3 = s.$$

Insbesondere ist für die vollständige Figur nach (13a)

$$s = 8,$$

also

$$k_1 = 10; \quad e_1 = 3; \quad k_3 = 8.$$

Da die Kanten  $k_3$  in diesem Falle nicht gleichmässig an die vier Aussenecken vertheilt sind, so erhält derselbe keinen besonderen Namen. (Vgl. oben a)  $\beta$ ). (Taf. 1. Fig. 3b und 3c mit den punktirten Linien.)

Anm. Die Fälle mit ungeradem  $s$  sind wegen der in  $k_1$  und  $e_1$  enthaltenen Nenner auszuschliessen. Die Construction der Fälle  $s = 2, 4, 6$  ist aus der vollständigen Figur zu ersehen. Das Bildungsgesetz derjenigen Figuren, für welche  $s > 8$ , ist aus der Zeichnung leicht zu erkennen. Uebrigens kann  $s$  beliebig zunehmen, wobei zwei Aussenecken ihre Eigenschaft als solche behalten. — In Figur 3c werden die Formeln für  $k_1$  und  $e_1$  illusorisch, weil Innenkanten vorhanden sind, welche zwei Aussenecken verbinden.

Wird  $p > 4$  angenommen, so ergeben sich Werthe von  $n$ , welche gebrochen und  $< 3$ , also unbrauchbar sind.

$$3) \quad \Delta < 2, \text{ oder } n > \frac{2(p-1)}{p-2}.$$

Da  $\Delta > 0$  sein soll, so bleibt nur der Fall übrig

$$\Delta = 1, \text{ oder } n = \frac{2p-1}{p-2}.$$

a) Setzt man  $p = 3$ , so folgt  $n = 5$ .

Weiter erhält man:

$$k_2 = e_2 = s + 6 - 2s_1.$$

Die Zahl der äusseren Ecken und Kanten hat hiernach nicht, wie in den früheren Fällen, eine obere Grenze.

Für die vollständige Figur ist nach (13a)

$$s_1 = 6,$$

also

$$k_2 = e_2 = s - 6; \quad k_1 = 2s + 3; \quad e_1 = s + 4; \quad k_3 = s - 6.$$

Anm. Da die Formel (13a) diesmal nicht, wie sonst, einen Werth für  $s$ , sondern einen solchen für  $s_1$  liefert, so könnte es scheinen, als ob  $s$  unbegrenzt zunehmen könne. Dies ist aber nicht der Fall, wie folgende Betrachtung zeigt. Nimmt in der Formel  $k_2 = s + 6 - 2s_1$  die Grösse  $s$  um 1 zu, während  $s_1$  unverändert bleibt, so nimmt auch  $k_2$  nur um 1 zu. Es dürfen also, wenn die Zahl der Innenflächen sich nicht vermehren soll, an eine polygonale Figur nur solche Flächen angesetzt werden, welche die Zahl der Aussenkanten um 1 vermehren, d. h. mit der vorhandenen Figur wenigstens durch 2 Kanten zusammenhängen. Nun kann an zwei anstossende Aussenkanten AB und AC keine gemeinsame Fläche gesetzt werden, erstens, wenn keine oder 2 Innenkanten nach A führen, weil sonst für den Punkt A  $p = 2$ , resp. 4 wäre. Das Zusammensetzungsverfahren ist also, da  $s_1$  den Werth 6 nicht überschreiten soll, beendet, sobald alle Paare benachbarter Kanten eine dieser beiden Eigenschaften haben. — Dass aber die Zahl der Aussenkanten sich ausserdem durch Hinzufügung neuer Flächen vermindert, zeigt folgende Betrachtung. Da eine Aussenfläche im Allgemeinen drei Aussenkanten hat, so verwandelt sie sich in eine Innenfläche, sobald drei neue Flächen an ihre Aussenkanten angelegt sind. Ist nun  $x$  der bei diesem Verfahren stattfindende Zuwachs an Aussenkanten, so folgt aus der Formel

dass  $k_2 = s + 6 - 2s_1$ ,  
 also  $k_2 + x = (s + 3) + 6 - 2(s_1 + 1)$ ,  
 $x = 1$ .

Beträgt aber der bei diesem Verfahren erzielte Zuwachs von Innenflächen nicht 1, sondern r, so ist

also  $k_2 + x = (s + 3) + 6 - 2(s_1 + r)$   
 $x = 3 - 2r$ ,

d. h. x ist negativ, und die Zahl der Aussenkanten nimmt ab.

Die für s fehlende Bedingung ergänzen wir aus der charakteristischen Eigenschaft der regelmässigen Figur, dass  $e_2 = k_2 = n$  sein muss. Dann ist also

$$k_2 = e_2 = 5; \quad s = 11; \quad k_1 = 25; \quad e_1 = 15; \quad k_3 = 5.$$

Wir nennen diese Figur die elftheilige pentagonale Figur (Taf. 1. Fig. 4a). Zwei andere vollständige Figuren erhält man, wenn man die Fünfecke anstatt um eine Fläche, um eine Ecke oder Kante herum anordnet. Die zugehörigen Werthe sind

$$k_2 = e_2 = 6; \quad s = 12; \quad k_1 = 27; \quad e_1 = 16; \quad k_3 = 6. \quad (\text{Taf. 1. Fig. 4b und 4c.})$$

b) Setzt man  $p = 5$ , so folgt  $n = 3$ .

Weiter erhält man

$$k_2 = e_2 = \frac{s + 10 - 2s_1}{3}.$$

Demnach hat auch hier die Zahl der äusseren Ecken und Kanten keine obere Grenze.

Für die vollständige Figur ist nach (13a)

$$s_1 = 10,$$

also

$$k_2 = e_2 = \frac{s - 10}{3}; \quad k_1 = \frac{4s + 5}{3}; \quad e_1 = \frac{s + 8}{3}; \quad k_3 = s - 10.$$

Anm. Da  $s + 10 - 2s_1$  durch 3 theilbar sein muss, so sind nur solche Vermehrungen von s und  $s_1$  zulässig, welche dieser Bedingung genügen. Ist r der Zuwachs von s und  $r_1$  der gleichzeitige Zuwachs von  $s_1$ , so findet man als Bedingung:

$$r \equiv 2r_1 \text{ Mod. } 3.$$

Hiernach kann sein

$$\begin{aligned} r &= 1, \quad 2, \quad 3 \\ r_1 &= 2, \quad 1, \quad 0. \end{aligned}$$

Nun beträgt der Zuwachs an Aussenkanten in diesen drei Fällen resp.  $-1, 0, +1$ . Die Grösse  $k_2$  nimmt also beständig ab, wenn der zum Theil convexe Rand einer bereits gebildeten Figur durch Ausfüllung mit Dreiecken, welche durch je 2 Kanten mit der Figur zusammenhängen, concav gemacht wird, und das ganze Verfahren der Zusammensetzung hat ein Ende, wenn  $s_1$  so gross und  $k_2 (= e_2)$  so klein geworden ist, dass an einer von je zwei benachbarten Aussenecken bereits 5 Flächen zusammenstossen.

Die für  $s$  fehlende Bedingung ergänzen wir, wie im vorigen Falle, durch die Eigenschaft der regelmässigen Figur, dass  $k_2 = e_2 = n$  sein muss. Dann ist also

$$k_2 = e_2 = 3; \quad s = 19; \quad k_1 = 27; \quad e_1 = 9; \quad k_3 = 9.$$

Wir nennen diese Figur die neunzehntheilige triagonale Figur (Taf. 1. Fig. 5a).

Zwei andere Figuren erhält man, wenn man die Dreiecke anstatt um eine Fläche, um eine Ecke oder Kante herum anordnet. Die zugehörigen Werthe sind:

$$s_1 = 5; \quad k_2 = e_2 = 5 (10); \quad s = 15 (20); \quad k_1 = 20; \quad e_1 = 6; \quad k_3 = 10.$$

$$s_1 = 8; \quad k_2 = e_2 = 4 (8); \quad s = 18 (20); \quad k_1 = 25; \quad e_1 = 8; \quad k_3 = 10.$$

(Taf. 1. Fig. 5b und 5c mit den punktirten Linien.)

Anm. Nur ungerade Werthe von  $p$  sind zulässig. Ist  $p > 5$ , also  $p = 5 + x$ , so geht die Gleichung zwischen  $p$  und  $n$  über in  $n = \frac{9 + 2x}{3 + x}$ . Diese Gleichung lässt sich auf die Form bringen  $x(n-2) = 3(3-n)$ . Derselben kann nur durch den Werth  $x = 0$  genügt werden, da sonst  $n > 2$  und  $3 > n$ , d. h.  $n < 3$  sein müsste.

### Zweiter Fall: $\Delta = 0$ .

Schreiben wir die Formel (11) in der Gestalt

$$s = \frac{2(s - s_1) + 2p - (p-2)k_2}{\Delta}$$

und zweitens, nachdem wir  $\Delta = 0$  gesetzt, in der Gestalt

$$(p-2)k_2 = 2(s - s_1) + 2p,$$

so geht die erste Formel, wenn  $\Delta = 0$  ist, über in  $s = \frac{0}{0}$ , also ist  $s$  unbestimmt. Im Allgemeinen also unterliegt in diesem Falle die Hinzufügung neuer Flächen zu einer bereits gebildeten Figur keiner Beschränkung.

Fügt man die Bedingung der vollständigen Figur (13a) hinzu, nämlich

$$(p-2)k_2 = s - s_1 (= s_2),$$

so geht die erste Formel über in

$$s = \frac{s_2 + 2p}{\Delta} = \frac{s_2}{\Delta} + \frac{2p}{\Delta}.$$

Wird jetzt  $\Delta = 0$  gesetzt, so wird das zweite Glied der rechten Seite und damit auch  $s$  unendlich, gleichviel, welchen Werth  $\frac{s_2}{\Delta}$  hat. Andererseits bemerkt man, dass, wenn  $s = \infty$  ist,  $s_2 = 0$  ist, da eine unendliche Figur offenbar keine Aussenflächen hat. Für den Fall  $\Delta = 0$  bestehen also die vollständigen Figuren aus einer unendlichen Anzahl von Theilen.

Die Bedingung  $\Delta = 0$  lässt sich (wie schon oben bemerkt) in der Form schreiben:

$$(14) \quad n = \frac{2p}{p-2}.$$

Jedes ganzzahlige, dieser Bedingung genügende Werthpaar von  $p$  und  $n$  wird eine homogene Figur liefern.

a) Setzt man  $p = 3$ , so folgt  $n = 6$ .

Weiter erhält man:

$$k_2 = e_2 = 2s - 2s_1 + 6, \\ k = 4s - s_1 + 3; \quad k_1 = 2s + s_1 - 3; \quad e = 3s - s_1 + 4; \quad e_1 = s + s_1 - 2.$$

Wir nennen die vollständige Figur dieser Art die unendliche hexagonale Figur. (Taf. 1. Fig. 6.)

b) Setzt man  $p = 4$ , so folgt  $n = 4$ .

Weiter erhält man:

$$k_2 = e_2 = s - s_1 + 4, \\ k = \frac{5s - s_1 + 4}{2}; \quad k_1 = \frac{3s + s_1 - 4}{2}; \quad e = \frac{3s - s_1 + 2}{2}; \quad e_1 = \frac{s + s_1 - 2}{2}.$$

Wir nennen die vollständige Figur dieser Art die unendliche tetragonale Figur. (Taf. 1. Fig. 7.)

c) Setzt man  $p = 6$ , so folgt  $n = 3$ .

Weiter erhält man:

$$k_2 = e_2 = \frac{s - s_1 + 6}{2}, \\ k = \frac{7s - s_1 + 6}{4}; \quad k_1 = \frac{5s + s_1 - 6}{4}; \quad e = \frac{3s - s_1 + 10}{4}; \quad e_1 = \frac{s + s_1 - 2}{4}.$$

Wir nennen die vollständige Figur dieser Art die unendliche triangonale Figur. (Taf. 1. Fig. 8.)

Anm. Für  $p = 5$  würde  $n$  ein Bruch sein. Setzt man  $p > 6$ , also  $p = 6 + x$ , so geht (14) über in

$$n = \frac{12 + 2x}{4 + x}.$$

Diese Gleichung lässt sich auf die Form bringen

$$x(n - 2) = 4(3 - n).$$

Da  $n > 2$  sein muss, also  $3 > n$  oder  $n < 3$ , so kann kein anderer Werth von  $x$ , als 0 dieser Gleichung genügen. Es giebt hiernach für den Fall  $\Delta = 0$  keine anderen homogenen Figuren, als die oben beschriebenen.

### Dritter Fall: $\Delta < 0$ .

Wir können die Formel (11) in der Gestalt schreiben:

$$k_2 = \frac{2(s - s_1) + 2p - s\Delta}{p - 2}.$$

Da alle Glieder des Zählers positiv sind, so kann  $s$  ins Unendliche wachsen, d. h. das Zusammensetzungsverfahren, welches die polygonale Figur liefert, kann, wenn  $\Delta < 0$  ist, ins Unendliche fortgesetzt werden.

Fügt man der obigen Formel die Bedingung der vollständigen Figur (13a)

$$(p - 2)k_2 = s - s_1$$

hinzu, so folgt:

$$0 = (s - s_1) + 2p - s\Delta,$$

eine unerfüllbare Bedingung, da alle drei Glieder positiv sind. Hieran wird offenbar auch durch die Annahme  $s - s_1 = s_2 = 0$ , d. h. durch die Annahme unendlich vieler Theile, nichts geändert. Es giebt also im Falle  $\Delta < 0$  keine vollständigen Figuren.

Die Bedingung  $\Delta < 0$  lässt sich in der Form schreiben

$$n > \frac{2p}{p - 2}.$$

Demnach ist

$$\begin{array}{l} \text{für } p = 3, = 4, = 5, = 6, > 6 \\ n > 6, > 4, > 3, > 3, \text{ beliebig.} \end{array}$$

Ein Beispiel für diesen Fall liefert Taf. 2. Fig. 9. ( $n = 3$ ,  $p = 7$ ,  $k_2 = 56$ ,  $\Delta = -1$ ,  $s_1 = 35$ ,  $s = 112$ .)

Ein wesentlicher Unterschied der drei Fälle  $\Delta \gtrless 0$  ergibt sich noch aus folgender Betrachtung. Construirt man, von einem regelmässigen  $n$ -Eck

ausgehend, die hinzutretenden  $n$ -Ecke symmetrisch um dasselbe und nimmt der Einfachheit wegen an, dass die  $(p-1)$  Nachbar-Winkel, welche mit einem Winkel des regelmässigen  $n$ -Ecks zusammen  $4R$  betragen, einander gleich sind, so kann ein solcher Winkel grösser, gleich oder kleiner sein, als der Winkel des regelmässigen Polygons. Diese Beziehung lautet formulirt:

$$\frac{4 - \frac{2n-4}{n}}{p-1} \begin{matrix} \leq \\ \geq \end{matrix} \frac{2n-4}{n},$$

oder nach einigen elementaren Umformungen:

$$\frac{2n}{n-2} \begin{matrix} \geq \\ \leq \end{matrix} p;$$

d. h. ein Nachbarwinkel  $\beta$  des regelmässigen Polygons ist grösser, gleich oder kleiner, als ein Winkel  $\alpha$  des letzteren, je nachdem  $\Delta > = < 0$  ist. Betrachten wir nun eines der an das regelmässige Polygon anstossenden Polygone so, als sei dasselbe aus einem regelmässigen entstanden, so hat die Aenderung zweier seiner Winkel ( $\beta$ ) die entgegengesetzte Aenderung eines oder mehrerer anderer ( $\alpha_1$ ) zur Folge. An den Scheitelpunkten dieser letzteren werden also bei Fortsetzung dieses Zusammensetzungsverfahrens die neuen Nachbarwinkel ( $\beta_1$ ) die ursprüngliche Aenderung (nämlich die der Winkel  $\beta$ ) in noch stärkerem Grade erleiden. Die Winkel  $\beta, \beta_1, \dots$  werden also im ersten Falle ( $\Delta > 0$ ) beständig wachsen und das Zusammensetzungsverfahren ist beendet, sobald diese Winkel die Grenze  $2R$  überschreiten, übereinstimmend mit dem oben gefundenen Resultate. Im zweiten Falle ( $\Delta = 0$ ) bleiben die Winkel  $\beta$  gleich dem Winkel  $\alpha$ , alle Polygone, welche dem gegebenen hinzugefügt werden, können regelmässig sein und das Zusammensetzungsverfahren ist unendlich, wie oben gefunden. Im dritten Falle ( $\Delta < 0$ ) werden die Winkel  $\beta, \beta_1, \dots$  immer kleiner, die Winkel  $\alpha_1, \alpha_2, \dots$  immer grösser. Letztere nähern sich der Grenze  $2R$ , und da gleichzeitig, wie aus der Formel für  $k_2$  hervorgeht, die Zahl der Aussenkanten ( $k_2$ ) gleichzeitig mit der Zahl der Flächen ( $s$ ) ins Unendliche zunimmt, so nähert sich der Umfang der polygonalen Figur einer Curve als Grenze.

Dasselbe Resultat ergibt sich auch aus einer Vergleichung der Flächenräume der zu dem ursprünglichen Polygon symmetrisch hinzugefügten Figuren. Man bemerkt, dass dieselben im Falle  $\Delta > 0$  beständig grösser werden und dass der die vollständige Figur umgebende Theil der Ebene als unendlich

grosse Schlussfigur angesehen werden kann. Im Falle  $\Delta = 0$  bleiben die Polygone beständig gleich gross und erfüllen die ganze unendliche Ebene, im Falle  $\Delta < 0$  nimmt ihre Grösse beständig ab und nähert sich der Grenze Null, woraus wieder die Convergenz des Umfanges gegen eine Curve und die Endlichkeit des Flächeninhaltes der Gesamtfigur folgt. Ordnet man die  $n$ -Ecke um einen Punkt herum, statt um eine Figur, so findet sich, dass  $p$  regelmässige  $n$ -Ecke den Raum um einen Punkt herum nicht vollständig ausfüllen, wenn  $\Delta > 0$ , dass sie ihn genau ausfüllen, wenn  $\Delta = 0$ , und dass sie nicht darin Platz haben, wenn  $\Delta < 0$  ist. Denkt man sich nämlich um einen Eckpunkt des regelmässigen  $n$ -Ecks mit der Seite  $a$  als Radius eine Kreislinie beschrieben und bezeichnet die Länge des durch den Polygonwinkel ausgeschnittenen Bogens mit  $s_n$ , so sind die Grössen

$$\begin{aligned} 3 s_3, 4 s_3, 5 s_3, 3 s_4, 3 s_5 &< 2 a \pi, \\ 6 s_3, 4 s_4, 3 s_6 &= 2 a \pi, \end{aligned}$$

während in allen anderen Fällen  $p s_n > 2 a \pi$  ist. Soll also eine vollkommene Ausfüllung dieses Raumes statt haben, so muss jeder in diesem Punkte anzutragende Winkel im ersten Falle vergrössert, im zweiten nicht verändert, im dritten verkleinert werden. Dasselbe gilt dann auch von den Winkeln des folgenden Figurenrings, der zu den ersten  $p$  Figuren hinzugefügt wird. Da die Grösse der Figuren sich in gleichem Sinne ändert, wie diejenige der Winkel, so folgt wiederum, dass im ersten Falle die hinzutretenden Figuren grösser werden und dass nach einer endlichen Anzahl von Hinzufügungen die anzutragenden Winkel convex werden, wobei die letzte Figur der unendlich grosse rings übrig bleibende Theil der Ebene ist. Im zweiten Falle können Winkel und Figuren bis ins Unendliche einander gleich bleiben, im dritten nehmen sie ins Unendliche bis zur Grenze Null ab, übereinstimmend mit den oben gefundenen Resultaten.

*Rückblick.* — Wir haben fünf endliche und drei unendliche vollständige Figuren kennen gelernt, nämlich

für  $\Delta > 0$ :

- 1) die dreitheilige triangonale Figur,  $\Delta = 3, p = 3, n = 3,$
- 2) die fünfteilige tetragonale Figur,  $\Delta = 2, p = 3, n = 4,$
- 3) die siebentheilige triangonale Figur,  $\Delta = 2, p = 4, n = 3,$
- 4) die elftheilige pentagonale Figur,  $\Delta = 1, p = 3, n = 5,$
- 5) die neunzehnteilige triangonale Figur,  $\Delta = 1, p = 5, n = 3,$

für  $\Delta = 0$ :

- 6) die unendliche hexagonale Figur,  $p = 3, n = 6,$
- 7) die unendliche tetragonale Figur,  $p = 4, n = 4,$
- 8) die unendliche triagonale Figur,  $p = 6, n = 3.$

Wir bemerken, dass je zwei dieser Figuren sich in der Weise entsprechen, dass die Werthe von  $p$  und  $n$  für die eine durch Vertauschung dieser Werthe für die andere hervorgehen. Dies trifft zu für die Paare 2) und 3), 4) und 5), 6) und 8), während 1) und 7) sich selbst entsprechen.

Man kann diese Bemerkung in dem Satze ausdrücken:

IIa. Wenn zwei homogene polygonale Figuren einander entsprechen, so ist die Zahl der Flächen, welche in einer Ecke der einen zusammentreffen, gleich der Zahl der Ecken, welche eine Fläche der anderen besitzt.

Noch vollständiger wird sich dieses Entsprechen zeigen, wenn wir dieselben Gebilde im Raume betrachten.

### c. Construction vollständiger homogener polygonaler Figuren in der Ebene.

Die Construction dieser Gebilde kann auf zwei Arten ausgeführt werden, nämlich entweder durch Zusammensetzung, oder durch Zerlegung einer gegebenen Figur. Die Constructionen auf dem ersten Wege sind aus dem Vorstehenden vollkommen ersichtlich. In der That genügt es,  $n$  und  $p$  zu kennen, um jede, und  $s$ , um jede vollständige Figur herzustellen. Im letzten Falle bemerkt man, dass, wenn man die Flächen symmetrisch um eine Fläche herum anordnet, die Randfigur dieselbe Seitenzahl hat, wie die einzelnen Flächen, mit einziger Ausnahme der triagonalen dreitheiligen Figur, bei welcher die Anordnung um einen Punkt herum stattfinden muss. (Von den anderen Anordnungen wird später die Rede sein.) Erinnern wir uns auch noch des Resultates, dass bei dem Verfahren der Zusammensetzung die Flächen an Grösse beständig zunehmen, oder abnehmen, oder oscilliren, je nachdem  $\Delta > < = 0$  ist.

Soll hingegen eine gegebene Figur zerlegt werden, so ist neben  $n$  und  $p$  zunächst  $k_2$  gegeben. Da das Verfahren nur im Falle  $\Delta < 0$  ein begrenztes sein kann, so werden sich in den beiden anderen Fällen die Flächen

allmählig der Grenze Null nähern müssen. Stellt man sich insbesondere die Aufgabe, durch Zerlegung eine vollständige Figur herzustellen, so wird man  $k_2 = n$  zu setzen haben. Da nun  $k_2$ ,  $n$ ,  $p$ ,  $\Delta$  bekannt sind, so erhält man  $s_2$  aus der Formel (13a), welche die Gestalt annimmt

$$\left. \begin{array}{l} s_2 = n(p-2). \\ \text{Ferner folgt aus (11)} \\ \text{aus (7)} \\ \text{aus (8)} \end{array} \right\} \begin{array}{l} s = \frac{2s_2}{\Delta} + 1 = \frac{np - 2n + 2p}{\Delta}, \\ k = \frac{2np}{\Delta}, \\ e = \frac{4n}{\Delta}. \end{array} \quad (14a)$$

Im Falle  $\Delta > 0$  führen diese Formeln zu den bereits bekannten Resultaten. Ist  $\Delta = 0$ , so zeigen sie, dass die homogene Zerlegung des gegebenen Polygons in Polygone von gleicher Seitenzahl zwar möglich ist, dass aber die Grösse der Polygone bei unendlich wachsender Anzahl sich nach innen zu der Grenze Null nähern muss. Im Falle  $\Delta < 0$  zeigt die Formel  $s = \frac{2s_2}{\Delta} + 1$ , welche von der Bedingung der vollständigen Figur unabhängig ist, dass überhaupt in diesem Falle eine Zerlegung eines Polygons in Polygone von gleicher Seitenzahl unmöglich ist. Es wird nämlich das innere Randpolygon sich nicht wie vorher einem Punkte, sondern einer Curve als Grenze nähern und die innerhalb dieser Curve liegende Fläche wird unzerlegt bleiben.

Schreiben wir Formel (11) in der Gestalt

$$s = \frac{2s_2 + 2p - p - 2k_2}{\Delta},$$

so folgt, dass die Zerlegung bei negativem  $\Delta$  nur möglich ist, wenn auch der Zähler negativ, d. h.

$$k_2 > \frac{2(s_2 + p)}{p-2}$$

ist. Es kommen alsdann die oben durch Zusammensetzung gefundenen Figuren zu Stande.

Anm. Man beachte, dass das Verfahren der Zerlegung, wenn  $n$ ,  $p$  und  $k_2 = n$  gegeben ist, den Unterschied der drei Fälle fürs Erste nicht hervortreten lässt, weil die Flächen nach innen zu in allen drei Fällen kleiner werden.

Die endlichen vollständigen Figuren besitzen noch eine Eigenschaft, welche wir als Umkehrbarkeit bezeichnen können. Denkt man sich die Figur aus einem dünnen dehnbaren (und umgekehrt contractionsfähigen) Stoffe hergestellt und das innerste Polygon herausgeschnitten, so kann man, da der Aussenrand ein Polygon von gleicher Seitenzahl mit dem Innenrande ist, durch Dehnung des letzteren und Contraction des ersteren den Innenrand zum Aussenrande und den Aussenrand zum Innenrande machen, wobei das ganze Gebilde in den dreidimensionalen Raum hinaustritt, daselbst die Form einer beiderseits offenen Röhre annimmt und in umgekehrter Gestalt in die Ebene zurückkehrt (Vgl. Taf. I, Fig. 1a—5a). Hierdurch erweisen sich Zerlegung und Zusammensetzung als symmetrisch verwandte Prozesse.

## 2) Figuren im euklidischen Raume. ( $M_3^0$ )

Wenn die Zusammensetzung einer polygonalen Figur in der Weise erfolgt, dass je zwei benachbarte Polygone in verschiedenen Ebenen liegen, so tritt das ganze Gebilde in den Raum hinaus und die bisher betrachteten Figuren können als Abbildungen der räumlichen Figuren in einer Ebene betrachtet werden. Das Randpolygon der vollständigen endlichen Figuren giebt beim Uebergange aus der Ebene in den Raum eine Figur, welche im Verein mit den übrigen Polygonen einen Körper vollständig begrenzt. Es schliesst sich also in diesem Falle ( $\Delta > 0$ ) die Figur von selbst. In den beiden anderen Fällen ist dies offenbar nicht der Fall.

Aus jeder ebenen polygonalen Figur geht hiernach eine räumliche hervor und aus jeder endlichen ein homogen begrenzter Körper, dessen Grenzflächenzahl um 1 grösser ist, als die Flächenzahl der Figur. Es lassen sich indessen diese letzteren auch unabhängig von den ersteren bestimmen, wie folgt:

### a. Die geschlossenen Figuren und die homogen begrenzten Körper.

Sei  $s$  die Zahl der Flächen,  $c$  die Zahl der Eckpunkte,  $k$  die Zahl der Kanten des durch die geschlossene Figur begrenzten homogenen Polyeders, während wieder  $n$  die Zahl der Kanten einer Fläche und  $p$  die Zahl der in einem Eckpunkte zusammentreffenden Flächen bedeutet. Dann ist offenbar

$$(15) \quad c = \frac{sn}{p}; \quad k = \frac{sn}{2}.$$

Setzt man diese Werthe in die Euler'sche Polyederformel

$$e + s - k = 2$$

ein, so folgt

$$\frac{sn}{p} + s - \frac{sn}{2} = 2,$$

oder

$$(16) \quad s = \frac{4p}{2(n+p) - np},$$

oder wenn wir wieder die Abkürzung (13) einführen:

$$s = \frac{4p}{\Delta}.$$

In dieser Formel sind  $s$ ,  $n$ ,  $p$  ganze positive Zahlen, ausserdem sind  $n$  und  $p > 2$ . Man erhält nun

1) für  $n = 3$

$$s = \frac{4p}{6-p}.$$

Dieser Gleichung wird genügt durch die Werthe

$$p = 3; \quad s = 4, \text{ (Vierflach oder Tetraeder),}$$

$$p = 4; \quad s = 8, \text{ (Achtflach oder Oktaeder),}$$

$$p = 5; \quad s = 20, \text{ (Zwanzigflach oder Ikosaeder),}$$

2) für  $n = 4$

$$s = \frac{2p}{4-p}.$$

Dieser Gleichung wird genügt durch die Werthe

$$p = 3; \quad s = 6, \text{ (Sechseck oder Hexaeder),}$$

3) für  $n = 5$

$$s = \frac{4p}{10-3p}.$$

Dieser Gleichung wird genügt durch die Werthe

$$p = 3; \quad s = 12, \text{ (Zwölfflach oder Dodekaeder),}$$

4) für  $n = 6$

$$s = \frac{p}{3-p}.$$

Dieser Gleichung wird, wenn die oben aufgestellten Bedingungen erfüllt sein sollen, durch keinen Werth von  $s$  und  $p$  mehr genügt.

Setzt man  $n > 6$ , also  $n = 6 + x$ , so wird

$$s = \frac{4p}{4(3-p) - x(p-2)},$$

ein Ausdruck, in welchem, da  $p > 2$  sein muss, der Nenner stets negativ ist. Man hat hiernach den Satz:

III. Es giebt im Raume nur fünf Arten geschlossener homogener polygonaler Figuren (und durch sie begrenzter homogener Polyeder), nämlich diejenigen, welche das Tetraeder, Oktaeder, Ikosaeder, Hexaeder und Dodekaeder begrenzen.

Die Beziehungen dieser Figuren zu denen der Ebene (für  $\Delta > 0$ ) sind evident, ebenso das gegenseitige Entsprechen je zweier hinsichtlich der Werthe von  $p$  und  $n$ .

Eine weitere geometrische Bedeutung dieses Entsprechens ergibt sich aus folgender Betrachtung:

Setzt man den Werth

$$(16) \quad s = \frac{4p}{2(n+p) - np}$$

in die anfangs für  $e$  und  $k$  gefundenen Ausdrücke (15) ein, so erhält man:

$$(17) \quad e = \frac{4n}{2(n+p) - np};$$

$$(18) \quad k = \frac{2np}{2(n+p) - np}.$$

Da durch Vertauschung von  $n$  und  $p$  (16) und (17) in einander übergehen, während (18) ungeändert bleibt, so hat man den Satz:

IV. Das homogene Hexaeder entspricht dem Oktaeder, das Dodekaeder dem Ikosaeder, das Tetraeder sich selbst in der Weise, dass je zwei entsprechende Polyeder gleich viele Kanten haben, während die Zahl der Eckpunkte des einen ebenso gross ist, als die Zahl der Flächen des andern.

Die vollständigen polygonalen Figuren (Taf. 1. Fig. 1a—5a) können noch in einem anderen als dem zu Anfang dieses Abschnittes erwähnten Sinne als Abbildungen homogen begrenzter Körper angesehen werden. Nimmt man nämlich an, in jedem derselben übertreffe eine Grenzfläche die übrigen an Grösse so, dass sie von vorn gesehen, alle anderen Flächen verdeckt (so dass sie, wenn der Körper undurchsichtig ist, von allen Flächen allein sichtbar und wenn man ihn von der gegenüberliegenden Seite her betrachtet,

von allen Flächen allein unsichtbar bleibt), und stellt sich nun den Körper als durchsichtig vor, so sind die erwähnten Figuren die gewöhnlichen perspectivischen Abbildungen jener Körper. Es würden dann bei stereoskopischer Betrachtung zweier entsprechend gezeichneter Figuren alle in das Randpolygon eingeschlossenen Polygone aus der Ebene des Papiers heraustreten, während das Randpolygon (eben jene grösste Grenzfläche) allein darin verbliebe. — Jene polygonalen Figuren sind übrigens nicht nur die perspectivischen ebenen Abbildungen von Körpern, sondern auch Specialfälle dieser Körper selbst, wenn man annimmt, dass alle inneren Polygone mit dem Randpolygone in dieselbe Ebene fallen. Man hat dann den von dem Randpolygon eingeschlossenen Theil der Ebene doppelt zu denken, nämlich (zu unterst liegend) als einfaches Polygon und (zu oberst liegend) als homogen zusammengesetzte polygonale Figur.

Es sei schliesslich noch an die bekannte Möglichkeit erinnert, die Oberfläche eines homogen begrenzten Körpers durch theilweise Zerschneidung längs der Kanten so auf einer Ebene auszubreiten, dass die Grenzfiguren sich selbst congruent bleiben und eine zusammenhängende (aber nicht mehr homogene) polygonale Figur bilden.

Anm. Es sei bei dieser Gelegenheit noch einer nicht uninteressanten Eigenschaft der homogen begrenzten Polyeder gedacht. — Den Umfang eines homogenen Polygons kann ein Punkt offenbar in einem einzigen Linienzuge durchlaufen. Es fragt sich nun: Wieviele getrennte Linienzüge sind erforderlich, wenn ein Punkt alle Kanten eines homogen begrenzten Polyeders durchlaufen soll, ohne jede derselben mehr als einmal zu passiren? Sei  $e$  die Anzahl der Ecken und  $p$  die Zahl der in einer Ecke zusammenstossenden Kanten. Ist  $p$  gerade, so kann in jeder Ecke der auf einer Kante ankommende Punkt seine Bewegung auf einer anderen Kante fortsetzen. Er kann daher sämtliche Kanten des Polyeders in einem einzigen Zuge umfahren. Ist  $p$  ungerade, so muss jede Ecke der Anfangs- oder Endpunkt eines besonderen Linienzuges sein; und da jeder Linienzug zwei Endpunkte hat, so beträgt die Zahl der Linienzüge  $\frac{e}{2}$ . Dieselbe beträgt hiernach für das Tetraeder 2, Oktaeder 1, Ikosaeder 6, Hexaeder 4, Dodekaeder 10. Man kann stets bewirken, dass alle Linienzüge gleichviele Kanten enthalten, nämlich beim Tetraeder 3, Ikosaeder 5, Hexaeder 3, Dodekaeder 3; ebenso dass, wenn der Körper regulär ist, alle Linienzüge desselben congruent sind. Diese Züge sind

- 1) beim Tetraeder (Taf. 2. Fig. 11): (1. 2. 4. 3.), (4. 1. 3. 2).
- 2) beim Oktaeder (Taf. 6. Fig. 23): (2. 1. 3. 5. 1. 4. 2. 6. 4. 5. 6. 3. 2).
- 3) beim Ikosaeder (Taf. 7. Fig. 28): (1. 2. 3. 1. 4. 3.), (5. 1. 6. 5. 10. 6),  
(11. 5. 4. 11. 7. 4.), (12. 11. 10. 12. 9. 10), (8. 12. 7. 5. 3. 7), (2. 8. 9. 2. 6. 9).
- 4) beim Hexaeder (Taf. 6. Fig. 25): (2. 5. 6. 7), (5. 8. 3. 4), (1. 4. 7. 8), (6. 1. 2. 3).

- 5) beim Dodekaeder (Taf. 7. Fig. 29): (1. 2. 7. 11), (2. 3. 8. 15), (3. 4. 9. 14),  
 (4. 5. 10. 13), (5. 1. 6. 12), (20. 19. 14. 10), (19. 18. 13. 6), (18. 17. 12. 7),  
 (17. 16. 11. 8), (16. 20. 15. 9).

**b. Die offenen Figuren.**

Nimmt man an, dass die Flächen einer offenen Figur bei beliebiger Vermehrung endliche Grösse behalten, so kann man eine offene Figur als eine im Unendlichen geschlossene, d. h. als einen speciellen Fall der geschlossenen Figuren ansehen und die Formeln der letzteren auf sie anwenden. Nun werden  $s$ ,  $e$ ,  $k$  gleichzeitig unendlich gross, wenn man in den Formeln (16)—(18) den Nenner gleich Null setzt ( $\Delta = 0$ ). Dies giebt die Bedingung (14)

$$p = \frac{2n}{n-2}.$$

Man erhält

- 1) für  $n = 3$ :  $p = 6$ , (Triagonalfigur),
- 2) für  $n = 4$ :  $p = 4$ , (Tetragonalfigur),
- 3) für  $n = 6$ :  $p = 3$ , (Hexagonalfigur).

Setzt man  $n > 6$ , also  $n = 6 + x$ , so wird

$$p = \frac{12 + 2x}{4 + x}.$$

Dieser Ausdruck lässt sich auf die Form bringen

$$x(p - 2) = 4(3 - p).$$

Da  $p > 2$  sein muss, so kann dieser Gleichung durch kein Werthe-paar von  $x$  und  $p$  genügt werden, da, wenn nicht  $x = 0$ , die eine Seite positiv, die andere negativ ist. Man hat hiernach den Satz:

V. Es giebt im Raume nur drei Arten offener homogener polygonaler Figuren mit endlicher Grösse aller Flächen, nämlich die triagonale, tetragonale und hexagonale Figur.

Die Beziehungen dieser Figuren zu denen der Ebene (für  $\Delta = 0$ ) sind evident, ebenso das gegenseitige Entsprechen hinsichtlich der Werthe von  $p$  und  $n$ .

Setzt man die Bedingung  $\Delta = 0$  in (11) ein, so folgt

$$k_2 = \frac{2(s - s_1) + 2p}{p - 2}$$

oder

$$\frac{k_2}{s_2} = \frac{k_1}{s - s_1} = \frac{2}{p - 2} + \frac{2p}{(p - 2)(s - s_1)}.$$

Wenn nun  $k_2$  und  $s$  ins Unendliche wachsen, so ist

$$\lim \frac{k_2}{s_2} = \frac{2}{p-2}.$$

Je nachdem die Figur eine triagonale, tetragonale oder hexagonale ist, hat  $p$  den Werth 6, 4, 3 und  $\frac{2}{p-2}$  den Werth  $\frac{1}{2}$ , 1, 2. Man hat also den Satz:

VI. Das Verhältniss der äusseren Kanten zu den äusseren Flächen einer offenen homogenen polygonalen Figur nähert sich bei Vermehrung ihrer Flächen ins Unendliche einer Grenze, welche für die triagonale Figur  $\frac{1}{2}$ , für die tetragonale 1, für die hexagonale 2 ist.

Anm. Dieser Satz gilt selbstverständlich auch für die ebenen Figuren. — Die Figuren, welche dem Falle  $\Delta < 0$  entsprechen, können aus der gegenwärtigen Betrachtung desswegen nicht hervorgehen, weil sie weder im Endlichen, noch im Unendlichen geschlossen sind. Doch darf ihre Existenz im Raume nicht übersehen werden. Das im Anfange dieses Abschnittes beschriebene Zusammensetzungsverfahren findet auch auf sie Anwendung.

### 3) Homogene Bedeckung von Oberflächen.

Nimmt man an, dass die Endpunkte einer homogenen polygonalen Figur auf einer Fläche von überall gleichartiger Krümmung (positiv, verschwindend oder negativ) liegen und dass auf dieser Fläche zwischen je zwei durch Kanten verbundenen Eckpunkten die kürzesten Linien gezogen sind, so wird die Fläche von  $n$ -Ecken bedeckt, von denen je  $p$  einen gemeinsamen Eckpunkt haben. Wir nennen diese Bedeckung einer Fläche durch Polygone eine homogene. Soll die Fläche vollständig von Polygonen bedeckt werden, was wir beständig annehmen werden, so muss sie offenbar mit der gegebenen Figur gleichzeitig geschlossen oder offen sein. Entsprechend den drei Hauptarten polygonaler Figuren können wir auch drei Arten von Bedeckungen unterscheiden, nämlich Bedeckung von Flächen mit positiver, verschwindender und negativer Krümmung.

Anm. Als Beispiele wählt man am einfachsten Flächen von überall gleichartigem Krümmungsmass, z. B. für positive Krümmung die Kugel, für verschwindende die Ebene, für negative Rotations-Kegel oder Hyperboloid. Die Bedeckungen solcher Flächen, welche in ihren verschiedenen Theilen ungleichartige Krümmung besitzen, scheinen keinem allgemeinen Gesetze zu folgen. Einfach zusammenhängende Flächen verhalten sich hinsichtlich ihrer Bedeckung, wenn sie im Endlichen geschlossen sind,

wie die Kugelfläche, wenn sie im Unendlichen geschlossen sind, wie die Ebene, wenn sie nirgends geschlossen sind, wie die negativ gekrümmten Flächen. Beispiele liefern zur ersten Art das Ellipsoid, zur zweiten die Cylinderfläche, zur dritten das hyperbolische Paraboloid. — Die zweifach zusammenhängende Fläche, welche durch Rotation einer Kreislinie um eine in ihrer Ebene liegende, sie nicht schneidende Axe entsteht (die man sich aber auch durch Zusammenbiegen einer Cylinderfläche entstanden denken kann), hat offenbar dieselben Bedeckungen wie Ebene und Cylinder, nur dass sie, als geschlossene Fläche, in eine endliche Anzahl von Theilen zerfällt.

**a. Bedeckung von Flächen mit positiver Krümmung.  $\Delta > 0$ .**

Die dem Falle  $\Delta > 0$  entsprechenden geschlossenen polygonalen Figuren können offenbar auf eine geschlossene Fläche von überall positiver Krümmung so übertragen werden, dass die ganze Fläche von einer Figur bedeckt wird. Es folgt daher aus Satz III, dass eine solche Fläche auf fünf verschiedene Arten vollständig und homogen mit Polygonen bedeckt werden kann.

Wählen wir als Beispiel die Kugelfläche, so zeigt sich, dass diese Bedeckungen auch direct durch einfache Systeme von Diametralkreisen entstehen, wie folgt:

1) Construiert man auf der Kugelfläche drei Paar Gegenpunkte ( $AA_1$ ,  $BB_1$ ,  $CC_1$ ) und legt durch je zwei Paare

$$AA_1 BB_1, BB_1 CC_1, CC_1 AA_1$$

die drei Diametralkreise, so theilen dieselben die Kugelfläche homogen in acht Dreiecke, geben also die achttheilige triagonale (oktaedrische) Bedeckung.

2) Construiert man auf der Kugelfläche vier Paar Gegenpunkte ( $AA_1$ ,  $BB_1$ ,  $CC_1$ ,  $DD_1$ ) so, dass je zwei Paar auf einem Diametralkreise liegen, also

$$AA_1 BB_1, AA_1 CC_1, AA_1 DD_1, \\ BB_1 CC_1, CC_1 DD_1, DD_1 BB_1,$$

und construiert diese sechs Diametralkreise, so theilen die zwischen den Punkten A, B, C, D liegenden kürzesten sechs Bogen ( $AB$ ,  $AC$ ,  $AD$ ,  $BC$ ,  $CD$ ,  $DB$ ) die Kugelfläche homogen in vier Dreiecke, geben also die viertheilige triagonale (tetraedrische) Bedeckung.

Ferner theilen die zwölf Bogen

$$AB_1, AC_1, AD_1; BC_1, BD_1, BA_1, \\ CA_1, CB_1, CD_1; DA_1, DB_1, DC_1$$

die Kugelfläche homogen in sechs Vierecke, geben also die sechstheilige tetragonale (hexaedrische) Bedeckung.

Anm. Im Falle der tetraedrischen Bedeckung sind die Punkte  $A_1 B_1 C_1 D_1$  Schnittpunkte je dreier Transversalen der Dreiecke BCD, CDA, DAB, ABC, und gleichzeitig die Ecken von vier Dreiecken, welche eine zweite tetraedrische Bedeckung bilden. — Im Falle der hexaedrischen Bedeckung sind die sechs Schnittpunkte der Diagonalen in den sechs Vierecken die Ecken von acht Dreiecken, welche eine oktaedrische Bedeckung bilden.

3) Construiert man auf der Kugelfläche sechs Paar Gegenpunkte ( $AA_1, BB_1, CC_1, DD_1, EE_1, FF_1$ ) so, dass je zwei Paar auf einem Diametralkreise liegen, also

$$\begin{aligned} &AA_1 BB_1, AA_1 CC_1, AA_1 DD_1, AA_1 EE_1, AA_1 FF_1, \\ &BB_1 CC_1, BB_1 DD_1, BB_1 EE_1, BB_1 FF_1, CC_1 DD_1, \\ &CC_1 EE_1, CC_1 FF_1, DD_1 EE_1, DD_1 FF_1, EE_1 FF_1, \end{aligned}$$

und construiert diese fünfzehn Diametralkreise, so theilen die kürzesten zwischen je vier Punkten eines Diametralkreises liegenden Bogen (im Ganzen dreissig an der Zahl) die Kugelfläche homogen in zwanzig Dreiecke, geben also die zwanzigtheilige triagonale (ikosaedrische) Bedeckung.

Die Schnittpunkte der drei Transversalen von je fünf an derselben Ecke liegenden Dreiecken sind die Ecken von zwölf Fünfecken, welche die Kugelfläche homogen bedecken, geben also die zwölftheilige pentagonale (dodekaedrische) Bedeckung.

Anm. Umgekehrt sind bei der dodekaedrischen Bedeckung die Schnittpunkte der fünf Transversalen von je drei an derselben Ecke liegenden Fünfecken die Ecken von zwanzig Dreiecken, geben also wieder die ikosaedrische Bedeckung.

Man hat hiernach den Satz:

VII. Für eine geschlossene Fläche mit positiver Krümmung giebt es fünf Arten vollständiger homogener Bedeckung, nämlich die tetraedrische, oktaedrische, hexaedrische, ikosaedrische und dodekaedrische.

**b. Bedeckung von Flächen mit verschwindender Krümmung.**  $\triangle = 0$ .

Die dem Falle  $\triangle = 0$  entsprechenden offenen polygonalen Figuren geben, wie bereits oben gefunden, eine vollständige homogene Bedeckung der Ebene. Solcher Bedeckungen giebt es daher drei. Dieselben können auch durch einfache Systeme von Geraden entstehen, wie folgt:

1) Construirt man auf der Ebene zwei Systeme von Parallelen mit unendlicher Anzahl, so theilen dieselben die Ebene homogen in Vierecke, geben also die unendliche tetragonale Bedeckung.

2) Construirt man auf der Ebene drei Systeme äquidistanter Parallelen mit unendlicher Anzahl so, dass das dritte System durch die Schnittpunkte der beiden ersten geht, so theilen dieselben die Ebene homogen in Dreiecke, geben also die unendliche triagonale Bedeckung.

Ferner lassen sich diese Dreiecke in Gruppen von je sechs vereinigen, die um einen Punkt herum liegen und Sechsecke bilden. Hierdurch wird die Ebene homogen in Sechsecke getheilt, wodurch die unendliche hexagonale Bedeckung entsteht.

Man hat hiernach den Satz:

VIII. Für eine Fläche mit verschwindender Krümmung giebt es drei Arten vollständiger homogener Bedeckung, nämlich die unendliche triagonale, tetragonale und hexagonale.

**c. Bedeckung von Flächen mit negativer Krümmung.  $\Delta < 0$ .**

Die dem Falle  $\Delta < 0$  entsprechenden offenen polygonalen Figuren können auf eine offene Fläche von überall negativer Krümmung übertragen werden. Um zu diesem Schlusse zu gelangen, müssen wir zunächst beachten, dass, wenn eine derartige Figur im Raume (statt in der Ebene) durch Zusammensetzung gebildet wird, die hinzutretenden Polygone nicht nothwendig kleiner zu werden brauchen. Es entsteht also eine offene polygonale Figur mit unendlich vielen Theilen von endlicher Grösse. Dieselbe lässt sich weder auf eine Fläche von positiver noch von verschwindender Krümmung übertragen, weil die Bedeckungen dieser Flächen sich auf die oben bestimmten Fälle beschränken. Andererseits kann offenbar um diese Figur ebensowohl wie um die früheren eine Fläche beschrieben werden. Dieselbe kann also nur eine negativ gekrümmte sein. Wir haben hiernach den Satz:

IX. Für eine Fläche mit negativer Krümmung giebt es unendlich viele Arten vollständiger homogener Bedeckung, nämlich alle diejenigen, welche bei Flächen mit positiver und verschwindender Krümmung nicht vorkommen.

#### 4) Gegenseitige Abbildungen der Bedeckung einer Fläche auf einer anderen.

Die Bedeckungen der Flächen, wie wir sie im Vorstehenden kennen lernten, zeigen die wesentliche Eigenthümlichkeit, dass jede Fläche vollständig mit Polygonen von endlicher Grösse bedeckt werden kann. Anders ausgedrückt: Jede Fläche hat gerade den nothwendigen und hinreichenden Inhalt für die Bedeckung durch gewisse Polygone von endlicher Grösse. Dieser Inhalt lässt sich vergrössern durch Expansion und verkleinern durch Contraction der Fläche. Erstere findet statt, wenn die Krümmung der Fläche abnimmt, letztere, wenn sie zunimmt. (Ein bequemes Beispiel für diesen Zusammenhang bietet die Kugelfläche.) Abnahme der Krümmung einer Fläche ist also gleichbedeutend mit Inhaltsgewinn, Zunahme mit Inhaltsverlust. — Versucht man nun, die vollständige Bedeckung einer Fläche auf einer Fläche mit geringerer Krümmung durch Zusammensetzung nachzubilden, resp. abzubilden,<sup>1)</sup> so ergibt sich ein Ueberschuss an Inhalt, welcher bewirkt, dass die Grösse der hinzutretenden Polygone ins Unendliche zunimmt. Dieser Fall wird eintreten, wenn die Bedeckung einer positiv gekrümmten Fläche auf einer Ebene und wenn die Bedeckung einer Ebene auf einer negativ gekrümmten Fläche abgebildet wird. Versucht man umgekehrt, die vollständige Bedeckung einer Fläche auf einer Fläche mit grösserer Krümmung durch Zusammensetzung nachzubilden, resp. abzubilden, so ergibt sich ein Mangel an Inhalt, welcher bewirkt, dass die Grösse der hinzutretenden Polygone ins Unendliche abnimmt. Dieser Fall wird eintreten, wenn die Bedeckung einer negativ gekrümmten Fläche auf einer Ebene, oder wenn die Bedeckung einer Ebene auf einer positiv gekrümmten Fläche abgebildet wird. Wir betrachten im Folgenden diese vier Fälle im Einzelnen.

##### a. Bedeckung einer positiv gekrümmten Fläche, abgebildet auf einer Ebene.

Wenn man aus der vollständigen Bedeckung einer positiv gekrümmten Fläche eine Fläche oder eine Kante mit den beiden benachbarten, oder eine

<sup>1)</sup> Hierbei lassen wir nur die drei allgemeinen Krümmungsunterschiede  $+$ ,  $0$ ,  $-$  zu.

Ecke mit den  $p$  in ihr zusammenstossenden Flächen weglässt und den Rest durch Dehnung (Expansion) auf einer Ebene ausbreitet, so entsteht eine Abbildung, welche oben (p. 9) als Netz des der polygonalen Figur entsprechenden Polyeders bezeichnet wurde. Im ersten Falle wird die fehlende Fläche durch die unendliche, das Netz umgebende Ebene vertreten, in den beiden letzten kann man die 2, resp.  $p$  fehlenden Kanten durch Geraden ersetzen, welche an das Netz angetragen werden. Dieselben theilen die unendliche Ebene in 2, resp.  $p$  unendliche Theile, welche die der Abbildung fehlenden Flächen vertreten. Es geht hieraus hervor, dass in der That, wie oben gefunden, die Randflächen der Abbildung unendlich gross werden. (S. hierzu die Figuren auf Taf. 1, wo die punktirten Linien wegzudenken und die hierdurch frei werdenden Strecken in symmetrische Richtung zur Figur zu drehen sind.)

Anm. *Lückenhafte polygonale Bedeckung einer Ebene.* — Der Raum-Ueberschuss der Ebene bei der Bedeckung durch die der Kugelfläche angehörigen polygonalen Figuren kann auch dadurch zur Evidenz gebracht werden, dass man, unter Festhaltung der Bedingung, dass in jeder Ecke nur  $p$  Flächen zusammenstossen sollen, die ganze Ebene mit den endlichen Theilen der oben erwähnten Netze bedeckt, wobei regelmässige Lücken entstehen. Für diese Zusammensetzung eignen sich jedoch nur diejenigen Netz-Figuren, deren Umfang ein Polygon von der Seitenzahl 3, 4 oder 6 ist, oder in ein solches Polygon in symmetrischer Weise sich einschreiben lässt, weil eine derartige Bedeckung der Ebene sich umgekehrt nur aus der triagonalen, tetragonalen oder hexagonalen Bedeckung durch regelmässige Einfügung von Lücken ableiten lässt. Hängen die einzelnen Netz-Figuren nur durch eine Ecke zusammen, so darf die Zahl der in einer solchen Ecke zusammentreffenden Flächen jeder einzelnen Figur nur gleich  $\frac{p}{p_1}$  sein, wo  $p_1 = 3, 4, 6$  ist, je nach dem triagonalen, tetragonalen oder hexagonalen Charakter der Bedeckung. Hängen die einzelnen Netz-Figuren durch eine Kante zusammen, so dürfen an jedem Endpunkte dieser Kante in jeder einzelnen Figur nur  $\frac{p}{2}$  Flächen zusammenstossen. — Bei Benutzung regelmässiger Figuren entstehen regelmässige Muster, die sich mit Vortheil als Grundrisse zur Eintheilung des Raumes beim Musterzeichnen verwenden lassen.

**b. Bedeckung einer Ebene, abgebildet auf einer positiv gekrümmten Fläche.**

Es mag genügen, den Charakter dieser Abbildungen an dem bekannten Beispiele der tetragonalen Bedeckung der Kugelfläche darzuthun. Das System der Meridiane zusammen mit demjenigen der Parallelkreise auf der Kugel ist die Abbildung der tetragonalen Bedeckung einer Ebene. Soll die Bedeckung nur aus Vierecken bestehen, so ist es nöthig, von den an den beiden Polen

entstehenden Dreiecken durch neue Parallelkreise Vierecke abzuschneiden. Die Zahl der hierzu nöthigen Parallelkreise ist unendlich, folglich auch die Anzahl der Vierecke; aber die Grösse der Vierecke nähert sich der Grenze Null, übereinstimmend mit dem oben Gesagten.

**c. Bedeckung einer Ebene, abgebildet auf einer negativ gekrümmten Fläche.**

Betrachten wir als Beispiel das einschalige Hyperboloid oder das hyperbolische Paraboloid. Auf jeder dieser Flächen bilden die beiden Systeme äquidistanter Geraden eine vollständige tetragonale Bedeckung, welche als Abbildung der tetragonalen Bedeckung der Ebene angesehen werden kann.<sup>1)</sup> Da zwei benachbarte Geraden sich kreuzen, so nähert sich die Grösse der Vierecke nach aussen hin der Grenze  $\infty$ , übereinstimmend mit dem oben gefundenen Resultate.

**d. Bedeckung einer negativ gekrümmten Fläche, abgebildet auf einer Ebene.**

Da sich für diesen Fall kein specielles Beispiel darbietet, so mag nur im Allgemeinen bemerkt werden, dass der mit der Abbildung verbundene Raumverlust eine allmälige Abnahme der Polygone bis zur Grenze Null zur Folge haben muss, wie schon oben gefunden.

**5) Anwendung auf die zweidimensionale Inhaltsbestimmung.  
(Flächenmessung.)**

*Allgemeines.* — Ein Gebilde von bestimmter Grösse und Gestalt, durch welches andere Gebilde gemessen werden sollen, heisst Maasseinheit für jene Gebilde. Wenn das zu messende Gebilde direct in (congruente) Maasseinheiten zerlegt werden kann, so dass zur Ausführung der Messung nur noch die Bestimmung der Anzahl dieser Theile erforderlich ist, so nennen wir diese Messung eine directe. Kann das zu messende Gebilde nicht direct zerlegt werden, so muss es erst in ein solches verwandelt werden (d. h. mit Aenderung der Gestalt und Beibehaltung der Grösse), welches direct gemessen

---

<sup>1)</sup> Die Eigenthümlichkeiten dieser Abbildung sind besonders deutlich an dem Brill'schen Carton-Modell des hyperbolischen Paraboloids wahrzunehmen.

werden kann. Diese Art der Messung nennen wir *indirecte*. Beide Arten der Messung setzen voraus, dass das zu messende Gebilde Theil eines Gebietes mit constanter Krümmung sei und dass die Maasseinheit demselben Gebiete angehöre. Beide Arten der Messung nennen wir zusammen *primäre*. Gehört das zu messende Gebilde einem Gebiete an, welches nicht die constante Krümmung der Maasseinheit besitzt, so muss es erst in ein anderes, jenem Gebiete angehöriges Gebilde verwandelt werden,<sup>1)</sup> ehe die *indirecte*, resp. *directe* Messung stattfinden kann. Diese Messung nennen wir *secundäre*.

In den speciellen Fällen (und für die Praxis) werden allerdings diese verschiedenen Prozesse nicht gesondert vorgenommen, sondern zu Regeln, resp. Formeln der Inhaltsbestimmung vereinigt, welche schliesslich sogar das leisten, dass sie die Messung in allen Gebieten von verschwindender Krümmung auf eine einzige Maasseinheit (die Längeneinheit, = 1) reduciren, und ebenso die Messung in allen Gebieten von constanter positiver Krümmung auf eine einzige Einheit (die Länge des Viertelkreises, dessen Radius die Längeneinheit ist, =  $\frac{\pi}{2}$ ).

Beispiele der *directen* Messung sind: Messung der geraden Strecke, des Rechtecks, der rechteckigen Säule durch die Längeneinheit und ihre Derivate (Flächen- und Körpereinheit), des Kreisbogens durch  $\frac{\pi}{2}$ . Beispiele der *indirecten*: Messung des Parallelogrammes, der Kreisfläche, des Prismas, des Cylinder-, Kegel-, Kugelvolumens durch Derivate der Längeneinheit. Beispiele der *secundären*: Messung des Kreisbogens durch die Längeneinheit, der Cylinder-, Kegel-, Kugelfläche durch die Flächeneinheit.

Da ein constant gekrümmtes Gebiet in allen seinen Punkten und Theilen dieselbe Beschaffenheit hat, so muss bei Ausführung der *directen* Messung, d. h. bei der Zerlegung eines Gebildes in Maasseinheiten, ein homogen zusammengesetztes Gebilde entstehen, da der Raum um jeden Punkt herum, in welchem die congruenten Maasseinheiten zusammentreffen, in gleicher Weise, d. h. von gleichvielen Maasseinheiten ausgefüllt werden muss. In jedem constant ge-

<sup>1)</sup> Ob und wie diese und die vorher erwähnten Verwandlungen durch Construction ausführbar sind, kommt hier nicht in Betracht.

krümmten Gebiete giebt es daher so viele Arten von Maasseinheiten, als die Zahl seiner vollständigen Bedeckungen (Ausfüllungen etc.) beträgt. Aus der congruenten Beschaffenheit aller Ecken im Innern des homogen zusammengesetzten Gebildes folgt weiter, dass die Maasseinheiten reguläre Gebilde sein müssen. Die Grösse der Maasseinheit ist in einem geschlossenen, also endlich grossen Gebiete, eine ganz bestimmte, weil alsdann die Maasseinheit ein bestimmter Theil einer endlichen Grösse ist. In einem offenen, also unendlichen Gebiete ist die Grösse der Maasseinheit offenbar willkürlich.

Indem diese allgemeinen Betrachtungen im Folgenden speciell auf die Längenmessung und Flächenmessung angewendet werden, wird bemerkt, dass es sich dabei ausschliesslich um directe Messungen handeln wird.

### Eindimensionale Inhaltsbestimmung. (Längenmessung.)

#### 1. Messung auf der Geraden ( $M_1^0$ ).

Da die Gerade nur eine Art vollständiger homogener Bedeckung gestattet, nämlich durch (gleichlange) Strecken, so kann eine Strecke von beliebiger Länge (Längeneinheit) als Maasseinheit aufgestellt werden.

#### 2. Messung auf der Kreislinie ( $M_1^+$ ).

Da die Kreislinie auf unendlich viele Arten in gleichgrosse Theile zerlegt oder mit Bogenstrecken von gleicher Länge bedeckt werden kann, so kann auch jeder Bogen, welcher den  $n^{\text{ten}}$  Theil der Kreislinie trägt (wo  $n$  jede ganze Zahl von 1 an bedeuten kann) als Maasseinheit gelten. In Gebrauch ist nur derjenige Bogen, welcher durch die viertheilige Bedeckung entsteht (cyklische Einheit). Um diese Maasseinheit mit der Längeneinheit in Beziehung zu setzen, ist festgesetzt, dass als cyklische Einheit der vierte Theil derjenigen Kreislinie gilt, deren Radius die Längeneinheit ist. Durch den Satz, dass zwei Kreislinien, also auch ihre  $n^{\text{ten}}$  Theile, sich wie ihre Radien verhalten, wird die Messung auf Kreislinien mit verschiedener Krümmung zurückgeführt auf die Messung auf jenem Einheitskreise. Endlich kann durch secundäre Messung die cyklische Einheit auf die Längeneinheit zurückgeführt werden. Ist die letztere gleich 1, so ist dann die erstere gleich  $\frac{\pi}{2}$ .

Zweidimensionale Inhaltsbestimmung. (Flächenmessung.)

**1. Messung auf der Ebene** ( $M_2^0$ ).

Die Ebene gestattet drei verschiedene Arten vollständiger homogener Bedeckung, die triagonale, tetragonale und hexagonale. Als Maasseinheit (Flächeneinheit) kann daher das gleichseitige Dreieck, das Quadrat und das regelmässige Sechseck angenommen werden. In allen drei Fällen wird die Beziehung der Flächeneinheit zur Längeneinheit dadurch hergestellt, dass als Flächeneinheit diejenige Figur gilt, deren Seite die Längeneinheit ist.

Im Gebiete der Geraden gab es nur eine Art begrenzter Gebilde, die Strecken. Diese liessen sich direct messen. Im Gebiet der Ebene giebt es mannigfache Figuren. Unter ihnen sind diejenigen zu bestimmen, welche sich direct messen lassen. Dies sind 1. alle der Maasseinheit ähnlichen Figuren, 2. diejenigen, in welche eine solche Figur durch Ziehen von den Parallelen zu den Seiten zerfällt (oder diejenigen, welche sich aus der vollständigen Bedeckung der Ebene ausschneiden lassen). Im Einzelnen betrachten wir nun

**a. Die Messung durch das Quadrat (Quadrangulation).<sup>1)</sup>**

1) Das Quadrat. Theilt man zwei anstossende Seiten eines beliebigen Quadrates in  $a$  gleiche Theile und zieht durch die Theilpunkte jeder Seite Parallelen zu der anderen Seite, so zerfällt das Quadrat homogen in  $a^2$  congruente Quadrate. Betrachtet man eins derselben als Flächeneinheit, so ist der Inhalt des ganzen Quadrates durch die Zahl  $a^2$  ausgedrückt.

2) Das Rechteck (Parallelogramm mit Quadratwinkeln). Eine beliebige jener Parallelen theilt das Quadrat in zwei Rechtecke. Wenn zu beiden Seiten dieser Parallele auf den Parallelen des anderen Systems  $b$ , resp.  $a-b$  gleiche Strecken liegen, so zerfällt das eine Rechteck in  $ab$ , das andere in  $a(a-b)$  Flächeneinheiten. Demnach ist der Inhalt desjenigen, in welchem zwei anstossende Seiten die Längen  $a$  und  $b$  haben, durch  $ab$  ausgedrückt.

Da das Quadrat sowohl wie das Rechteck durch Ziehen von Parallelen zu den Seiten in keine anderen Figuren, als wieder Rechtecke oder Quadrate,

---

<sup>1)</sup> Des Zusammenhanges wegen dürfen die bekannten Thatsachen dieses Abschnittes nicht übergangen werden. Statt Quadrangulation sagt man gewöhnlich Quadratur.

zerfallen kann, so kann auch keine andere Figur direct durch das Quadrat gemessen werden. Die Inhalte aller übrigen Figuren werden durch indirecte Messung (mitteltst Verwandlung in das Quadrat oder Rechteck) bestimmt.

Zwischen der oben festgesetzten cyklischen Einheit und dem Quadrat besteht der Zusammenhang, dass der Centriwinkel der ersteren dem Winkel und dem Centriwinkel des letzteren gleich ist.

#### b. Die Messung durch das gleichseitige Dreieck (Triangulation).

1) Das gleichseitige Dreieck. Theilt man die Seiten eines beliebigen gleichseitigen Dreiecks in  $a$  gleiche Theile und zieht durch die Theilpunkte jeder Seite Parallelen zu den beiden anderen Seiten, so zerfällt das Dreieck homogen in  $a^2$  congruente gleichseitige Dreiecke. Betrachtet man eins derselben als Flächeneinheit, so ist der Inhalt des ganzen Dreiecks durch die Zahl  $a^2$  ausgedrückt. Man hat also in bekannter abgekürzter Fassung den Satz: Die Fläche eines gleichseitigen Dreiecks ist gleich dem Quadrat einer Seite.

Anm. Bei der Messung des Quadrats durch das Quadrat erschien in Folge des Zählens  $a^2$  als Summe  $a + a + \dots$  ( $a$  mal)  $= a \cdot a = a^2$ . Im gegenwärtigen Falle erscheint  $a^2$  als Resultat der Zählung der arithmetischen Reihe

$$1 + 3 + 5 + \dots + (2a-1) = [(2a-1) + 1] \cdot \frac{a}{2} = a^2.$$

2) Das gleichschenklige Trapez mit Winkeln des gleichseitigen Dreiecks. Eine beliebige jener Parallelen theilt das gleichseitige Dreieck in ein neues gleichseitiges Dreieck und ein gleichschenkliges Trapez. Ist  $b$  die Seite des ersteren, so sind  $a$  und  $b$  die parallelen,  $(a-b)$  die nicht parallelen Seiten des letzteren. Die Fläche des Trapezes ist dann offenbar gleich  $a^2 - b^2$ , d. h. gleich  $(a+b)(a-b)$ . Man hat also den Satz:

Die Fläche eines gleichschenkligen Trapezes mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$  ist gleich dem Producte aus einer nicht parallelen Seite und der Summe der parallelen Seiten (oder gleich dem Product aus der Mittellinie und der Summe der nicht parallelen Seiten).

Anm. Man beachte, dass dieses Trapez durch die beiden Stücke  $a$  und  $b$  ebenso vollkommen bestimmt ist, wie das Rechteck durch zwei anstossende Seiten.

3) Das Parallelogramm mit Winkeln des gleichseitigen Dreiecks. Wenn eine Seite eines beliebigen gleichseitigen Dreiecks in die Stücke  $a$  und  $b$  getheilt ist, und durch den Theilpunkt Parallelen zu den beiden anderen Seiten gezogen sind, so zerfällt das Dreieck in zwei gleichseitige Dreiecke mit den Seiten  $a$  und  $b$ , und in ein Parallelogramm (mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ , in welchem zwei anstossende Seiten  $a$  und  $b$  sind). Da die Seite des ganzen Dreiecks  $a + b$  ist, so ist die Fläche des Parallelogramms gleich  $(a + b)^2 - a^2 - b^2 = 2ab$ . Man hat also den Satz:

Die Fläche eines Parallelogramms mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$  ist gleich dem doppelten Producte zweier anstossenden Seiten.

Vergleicht man die Grundformeln der Triangulation mit denen der Quadrangulation, so zeigt sich, dass die ersteren aus den letzteren durch Multiplication mit 2 hervorgehen, und dass ausserdem die Höhe ( $h$ ) der Figuren durch die Strecke  $\frac{h}{\sin 60^\circ}$  oder  $\frac{2}{3} h \sqrt{3}$  zu ersetzen ist.

Da die der Quadrangulation entsprechende cyclische Einheit den Werth  $\frac{2\pi}{4}$  hatte, so wird die der Triangulation entsprechende cyclische Einheit gleich  $\frac{2\pi}{3}$  oder  $\frac{2\pi}{6}$  zu setzen sein, je nachdem man den Centriwinkel oder den Winkel des gleichseitigen Dreiecks mit dem Centriwinkel der cyclischen Einheit in Uebereinstimmung bringen will.

Die Inhalte aller übrigen Figuren können nunmehr durch indirecte Messung bestimmt werden.

### c. Die Messung durch das reguläre Sechseck (Hexangulation).

1) Das reguläre Sechseck. Theilt man vier aufeinanderfolgende Seiten eines beliebigen regulären Sechsecks in  $a$  gleiche Theile, und zieht durch die Theilpunkte je zweier anstossenden Seiten Parallelen zu der auf sie folgenden Seite, so zerfällt das Sechseck homogen in gleichseitige Dreiecke. Diese lassen sich zu je sechs zu regulären Sechsecken vereinigen, wobei an den Rändern einzelne Dreiecke, oder an den Ecken Paare von Dreiecken übrig bleiben, deren Summe aber wieder durch 6 theilbar ist, so dass man sich auch alle diese Dreiecke zu Sechsecken vereinigt denken kann.

Zerlegt man nämlich das gegebene Sechseck durch eine Diagonale in zwei gleichschenklige Trapeze (mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ ), so kann man mittelst des Flächensatzes vom Trapeze in der Triangulation die Zahl der Dreiecke bestimmen, in welche das Sechseck zerfällt. Da die parallelen Seiten jenes Trapezes die Werthe  $a$  und  $2a$ , und die nicht parallelen den Werth  $a$  haben, so ist nach jenem Satze die Fläche des Trapezes gleich  $a(2a + a) = 3a^2$ , also enthält das ganze Sechseck  $6a^2$  Dreiecke, welche man zu  $a^2$  Sechsecken vereinigen kann. Betrachtet man eins derselben als Flächeneinheit, so ist der Inhalt des ganzen Sechsecks durch  $a^2$  ausgedrückt. Man hat also den Satz:

Die Fläche eines regulären Sechsecks ist gleich dem Quadrat einer Seite.

Anm. Dieses Resultat erhält man wie die folgenden auch durch die einfache Bemerkung, dass die Formeln der Hexangulation aus denen der Triangulation durch Division mit 6 folgen. Da nun das reguläre Sechseck durch drei Diagonalen in 6 congruente gleichseitige Dreiecke zerfällt, und der Inhalt eines derselben in der Triangulation gleich  $a^2$ , also in der Hexangulation gleich  $\frac{a^2}{6}$  ist, so ist der Inhalt des ganzen Sechsecks gleich  $\frac{6a^2}{6} = a^2$ .

2) Das gleichseitige Dreieck. Seine Fläche ist, wie eben (Anm.) gefunden,  $\frac{a^2}{6}$ .

3) Das gleichschenklige Trapez mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ . Sind  $b$  die nicht parallelen,  $a$  und  $a + b$  die parallelen Seiten, so ist die Fläche dieser Figur gleich  $\frac{b[a + (a + b)]}{6} = \frac{b(2a + b)}{6} = \frac{(a + b)^2 - a^2}{6}$ .

4) Das Parallelogramm mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ . Sind  $a$  und  $b$  zwei anstossende Seiten desselben, so ist die Fläche gleich  $\frac{ab}{3}$ .

5) Das Sechseck mit parallelen Gegenseiten und Winkeln von  $120^\circ$ . Sind die Seiten desselben der Reihe nach  $a, b_1, c, a_1, b, c_1$ , so dass  $a \parallel a_1, b \parallel b_1, c \parallel c_1$  ist, dann theilen die aus den Ecken  $(ab_1)$  und  $(a_1b)$  zu  $c$  und  $c_1$  gezogenen Parallelen das Sechseck 1. in ein Trapez mit den nichtparallelen Seiten  $a$  und den parallelen  $c_1$  und  $c_1 + a$ , 2. in ein Trapez mit den nichtparallelen Seiten  $a_1$  und den parallelen  $c$  und  $c + a_1$ , 3. in ein

Parallelogramm mit den anstossenden Seiten  $b - a$  und  $c_1 + a$ . Die Fläche des Sechsecks ist also nach den Regeln 3) und 4)

$$f^2 = \frac{(c_1 + a)^2 - c_1^2}{6} + \frac{(c + a_1)^2 - c^2}{6} + \frac{(b - a)(c_1 + a)}{3}.$$

Da nun

$$b_1 - a_1 = b - a, \quad c_1 - a_1 = c - a,$$

also

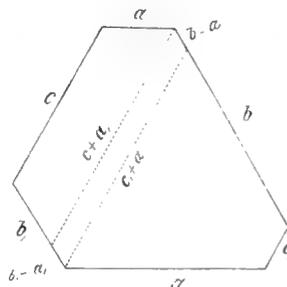
$$a - a_1 = b - b_1 = c - c_1$$

und daher

$$c + a_1 = c_1 + a$$

ist, so kann man schreiben:

$$f^2 = \frac{2(c_1 + a)^2 - (c^2 + c_1^2) + 2(c_1 + a)(b - a)}{6} = \frac{2(c_1 + a)(c_1 + b) - (c^2 + c_1^2)}{6}.$$



Anm. Mittelst circularer Vertauschung der Buchstaben kann man aus dieser Formel zwei andere herstellen. Die durch 3 dividirte Summe aller giebt dann einen symmetrischen Ausdruck für  $f^2$ , der aber zu complicirt ist, um besonderes Interesse zu beanspruchen.

Die letzte Formel geht für  $a = b = c = c_1$  in diejenige des regulären Sechsecks über, für  $c_1 = 0$  und  $a = b = c$  in die des gleichseitigen Dreiecks, für  $a = b$  und  $c = c_1 + b$  in die des gleichschenkligen Trapezes mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ , für  $c = c_1 = 0$  in die des Parallelogramms mit spitzen Winkeln von  $60^\circ$ .

Die der Hexangulation entsprechende cyklische Einheit ist gleich  $\frac{2\pi}{6}$  oder  $\frac{2\pi}{3}$  zu setzen, je nachdem man den Centriwinkel oder den Winkel des regulären Sechsecks mit dem Centriwinkel der cyklischen Einheit in Uebereinstimmung bringen will.

Die Inhalte der übrigen Figuren werden durch indirecte Messung bestimmt.

Anm. Quadrangulation, Triangulation und Hexangulation stellen sich hiernach als vollkommen gleichberechtigte, selbst in der Einfachheit der Anwendung unterschiedlose Arten der Flächenmessung dar. Jede der drei Flächeneinheiten kann auf gleiche Weise mit der cyklischen Einheit in Uebereinstimmung gebracht werden. Wenn die Praxis sich von vornherein für die Quadrangulation entschieden hat (wohl beeinflusst durch die Richtung der Schwerkraft zur Erdoberfläche), so zeigt die Theorie erst im dreidimensionalen Raume den Vorzug dieser Wahl. Hiervon wird weiter unten die Rede sein.

## 2. Messung auf der Kugelfläche ( $M_2^+$ ).

Da die Kugelfläche auf fünf verschiedene Arten in congruente Theile zerlegt werden kann, so kann jeder derartige Theil (auch die ganze Kugelfläche) als Maasseinheit gelten. Es können daher folgende Maasssysteme aufgestellt werden: 1) ein System der Quadrangulation, 2)—4) drei Systeme der Triangulation, 5) ein System der Pentangulation. Die Maasseinheit ist in diesen Fällen resp. der 6<sup>te</sup>, 4<sup>te</sup>, 8<sup>te</sup>, 20<sup>te</sup>, 12<sup>te</sup> Theil der Kugelfläche. Um diese Maasseinheiten mit der Flächeneinheit in Beziehung zu setzen, kann man festsetzen, dass der n<sup>te</sup> Theil derjenigen Kugelfläche als Maasseinheit gilt, deren Radius die Längeneinheit ist. Durch den Satz, dass zwei Kugelflächen (also auch ihre n<sup>ten</sup> Theile) sich wie die Quadrate ihrer Radien verhalten, wird die Messung auf Kugelflächen mit verschiedener Krümmung zurückgeführt auf die Messung auf jener Einheitskugel. Endlich kann durch secundäre Messung jede dieser Einheiten auf die Flächeneinheit zurückgeführt werden. Ist die letztere gleich 1, so ist die erstere in den fünf verschiedenen Fällen resp. gleich  $\frac{2}{3}\pi$ ,  $\pi$ ,  $\frac{\pi}{2}$ ,  $\frac{\pi}{5}$ ,  $\frac{\pi}{3}$ . Da die Flächeneinheit durch dieselbe Zahl 1 ausgedrückt wird, wie die Längeneinheit, so ist es zweckmässig, auch jedem System der Flächenmessung auf der Ebene dasjenige System der Flächenmessung auf der Kugel zuzuordnen, dessen Einheit (sphärische Einheit) durch dieselbe Zahl ausgedrückt ist, wie die zu jenem System gehörige cyklische Einheit. Demnach entspricht dem Quadrat in der ebenen Quadrangulation dasjenige Kugeldreieck, welches als Theil der octaedrischen Bedeckung der achte Theil der Kugelfläche ist.

Anm. Wie die Kreislinie durch zwei zu einander senkrechte Durchmesser in vier cyklische Einheiten ( $\frac{\pi}{2}$ ), so zerfällt die Kugelfläche durch drei zu einander senkrechte Diametralkreise in acht sphärische Einheiten ( $\frac{\pi}{2}$ ). Wie dort der Centriwinkel des Bogens ein rechter war, so ist hier die „Centriecke“ des Kugeldreiecks eine rechte. Anwendung dieser Ecke zur Messung anderer dreiseitiger Ecken und der Kugeldreiecke.

Dem gleichseitigen Dreieck in der ebenen Triangulation entspricht nach Auswahl (s. oben) dasjenige Kugelviereck, welches als Theil der hexaedrischen Bedeckung der sechste Theil der Kugelfläche ist, oder dasjenige Kugelfünfeck, welches als Theil der dodekaedrischen Bedeckung der zwölfte Theil der Kugelfläche ist. Dem regulären Sechseck in der ebenen Hexangulation ent-

sprechen dieselben beiden Figuren in umgekehrter Anordnung. — Es zeigt sich nunmehr, dass von den beiden zur Wahl gestellten Werthen der cyclischen und der sphärischen Einheit in den Systemen der ebenen Triangulation und Hexangulation der erste den Vorzug verdient, weil alsdann das ebene Quadrat und das gleichseitige Kugeldreieck mit drei rechten Winkeln zusammengehörige Einheiten sind, ebenso das ebene gleichseitige Dreieck und das sphärische Quadrat, während das ebene reguläre Sechseck und das sphärische reguläre Fünfeck zusammengehören.<sup>1)</sup>

### 3. Messung auf der Pseudosphäre ( $M_2^-$ ).

Da die Pseudosphäre unendlich viele Arten homogener Bedeckung gestattet, so giebt es auch unendlich viele Maasssysteme für dieselbe, die aber natürlich keine praktische Bedeutung haben.

---

<sup>1)</sup> Von den fünf oben aufgestellten sphärischen Einheiten besitzen hiernach zwei keine Beziehung zu Flächeneinheiten und passen daher in keine zusammenhängende Gruppe von Maasssystemen. Es sind dies die aus dem Tetraeder und dem Ikosaeder hervorgehenden Einheiten  $\pi$  und  $\frac{\pi}{5}$ . — Bei dieser Gelegenheit sei noch eine andere gemeinsame Eigenthümlichkeit des Tetraeders und Ikosaeders erwähnt. Stellt man sich die (die Bezeichnung betreffende) Aufgabe, die Zahlen  $1—n$  an die  $e$  Ecken eines homogenen von  $n$ -Ecken begrenzten Polyeders so zu vertheilen, dass jede Seitenfläche die Ecken  $1, 2, 3 \dots n$  hat (wobei jede Zahl  $\frac{e}{n}$ -mal vorkommt), so ist diese Aufgabe beim Hexaeder, Octaeder und Dodekaeder lösbar (Taf. 1. Fig. 2a, 3a, 4a), nicht aber beim Tetraeder und Ikosaeder. — Aehnliches findet im nächsthöheren Gebiete statt (Taf. 2. Fig. 11; Taf. 6. Fig. 25).

## II. Homogene polyedrische Körper.

### 1) Körper im euklidischen Raume ( $M^0_3$ ).

Ein homogen zusammengesetztes Polyeder nennen wir im Folgenden: homogenen polyedrischen Körper.

#### a. Allgemeine Formeln.

*Gesamtzahlen der Gebilde.* — Ist in einem beliebigen Euler'schen Polyeder die Zahl der Ecken durch  $E$ , die der Kanten durch  $K$ , die der Flächen durch  $S$ , und die der Körper, welche gleich 1 ist, durch  $C$  bezeichnet, so ist  $E + S - K = 2$ ,  $C = 1$ , mithin

$$(I) \quad E + S - K - C = 1.$$

Nehmen wir an, diese Gleichung gelte noch für einen  $m$ -theiligen polyedrischen Körper. Lässt sich dann zeigen, dass sie auch nach Hinzufügung eines weiteren Polyeders noch gilt, so gilt sie nach dem Schlusse von  $m$  auf  $m + 1$  allgemein. Hat nun das hinzutretende Polyeder  $s$  Flächen, von denen  $s_1$  mit Flächen des gegebenen Körpers zusammenfallen, so beträgt

der Zuwachs an Körpern 1,  
der Zuwachs an Flächen  $s - s_1$ .

Ferner habe der hinzutretende Körper  $k$  Kanten, von denen  $k_1$  mit Kanten des gegebenen Körpers, und  $e$  Ecken, von denen  $e_1$  mit Ecken des gegebenen Körpers zusammenfallen. Dann beträgt

der Zuwachs an Kanten  $k - k_1$ ,  
der Zuwachs an Ecken  $e - e_1$ .

Demnach geht der Ausdruck

$$(a) \quad E + S - K - C$$

über in

$$(b) \quad E + (e - e_1) + S + (s - s_1) - (K + k - k_1) - (C + 1),$$

oder, da nach (I)  $E + S - K - (C + 1) = 0$  ist, in

$$(c) \quad (e - e_1) + (s - s_1) - (k - k_1).$$

Nun ist für das hinzugetretene Polyeder

$$e + s - k = 2,$$

und für die polygonale Figur, welche diesem und dem gegebenen Körper gemeinsam ist (nach Formel (1) im ersten Abschnitt)

$$e_1 + s_1 - k_1 = 1.$$

Diese Formel, von der oberen subtrahirt, giebt

$$(e - e_1) + (s - s_1) - (k - k_1) = 1.$$

Es hat also der Ausdruck (c) oder (b) ebenso wie (a) den Werth 1, und man hat den Satz:

I. In jedem polyedrischen Körper ist die Zahl der Ecken und Flächen zusammen um 1 grösser als die Zahl der Kanten und Körper.<sup>1)</sup>

*Äussere und innere Gebilde.* — Wir bezeichnen eine Ecke, Kante oder Seitenfläche des homogenen polyedrischen Körpers als äussere oder

<sup>1)</sup> Dieser Satz ist von Cauchy gegeben in seinen Recherches sur les polyèdres 2. partie. Journal de l'école polyt. cah. 16, t. IX. Paris 1813, p. 76.

Das Analogon des Euler'schen Satzes in einer  $M_4^0$  ist hiernach durch die Formel ausgedrückt

$$E + S - K - C = 0.$$

Wenn nämlich bei einem von C Körpern begrenzten Gebilde in der  $M_4^0$  ein Körper weggelassen wird, so lässt sich der Rest des Begrenzungsgebildes ohne weitere Veränderung in Zahl der Seiten, Ecken und Flächen in den euklidischen Raum bringen und bildet dort einen polyedrischen Körper, für welchen, da  $C - 1$  an die Stelle von C tritt, wieder Formel (1) gilt. So lässt sich auch ein Polygon, nach Wegnahme einer Seite, auf die Gerade strecken, und giebt dort die Formel  $e - k = 1$ .

*Excurs über den Euler'schen Polyedersatz in der  $M_n^0$ .* — Wir bemerken, dass dieser Satz folgende Formen annimmt:

| Dimensionen des Gebildes | Im Gebiete  | Offene Gebilde      | Geschlossene Gebilde | Im Gebiete  | Dimensionen des begrenzten Gebildes |
|--------------------------|-------------|---------------------|----------------------|-------------|-------------------------------------|
| 1                        | der Geraden | $e - k = 1$         | $e - k = 0$          | der Ebene   | 2                                   |
| 2                        | der Ebene   | $e - k + s = 1$     | $e - k + s = 2$      | des Raumes  | 3                                   |
| 3                        | des Raumes  | $e - k + s - c = 1$ | $e - k + s - c = 0$  | der $M_4^0$ | 4                                   |

innere, je nachdem sie der polygonalen Aussenfläche angehört oder nicht. Ein Körper heisst innerer, wenn keine seiner Ecken, Kanten und Seiten der polygonalen Aussenfläche angehört, sonst äusserer. Es sei ferner die Zahl der inneren Gebilde durch den Index 1, die der äusseren durch den Index 2 von der Gesamtzahl unterschieden; dann hat man zunächst die Gleichungen

$$(2) \quad E_1 + E_2 = E; \quad K_1 + K_2 = K; \quad S_1 + S_2 = S; \quad C_1 + C_2 = C.$$

Ferner ist nach dem Euler'schen Satze

$$(3) \quad E_2 + S_2 - K_2 = 2.$$

Es sei ferner die Seitenzahl jedes einzelnen Polyeders mit  $N$ , und die Zahl der in jeder Innenecke zusammentreffenden Körper mit  $P$  bezeichnet.

Nach der in der Einleitung getroffenen Bestimmung sollen die Theile eines homogenen Gebildes selbst wieder homogene Gebilde sein. Hiernach kommen bei der Zusammensetzung homogener polyedrischer Körper nur die fünf im Satze III des ersten Abschnitts erwähnten Körper in Betracht, und es folgt, wenn die kleinen Buchstaben ihre frühere Bedeutung behalten, aus den Formeln (16) und (15) daselbst:

$$(4) \quad N = \frac{4p}{\Delta}; \quad k = \frac{2np}{\Delta}; \quad e = \frac{4n}{\Delta}; \quad \Delta = 2(n+p) - np.$$

Man kann hiernach durch einfachen Analogieschluss den Satz aussprechen:

II. Bezeichnet man durch  $A_r$  die Anzahl einfacher (ebener) begrenzter Gebilde von  $r$  Dimensionen, welche ein Gebilde von  $n$  Dimensionen in sich enthält, so ist 1) für ein offenes Gebilde von  $n$  Dimensionen

$$a_0 - a_1 + a_2 - \dots \pm a_n = 1,$$

2) für ein geschlossenes Gebilde von  $n$  Dimensionen, welches einen Theil der  $M_{n+1}^0$  begrenzt,

$$a_0 - a_1 + a_2 - \dots \pm a_n = 1 + (-1)^n.$$

Dem der Uebergang von einem geschlossenen Gebilde von  $n$  Dimensionen zu einem offenen erfolgt durch Wegnahme eines Theilgebildes von  $n$  Dimensionen. Hierdurch geht in der zweiten Formel  $a_n$  in  $a_n - 1$  über, während ihre rechte Seite den Werth 1 erhält. Je nachdem nun die zweite Formel die Gestalt

$$A \pm a_n = x \text{ oder } A - a_n = x$$

hat, geht sie über in

$$A \pm (a_n - 1) = x - 1 = 1, \text{ oder } A - (a_n - 1) = x + 1 = 1,$$

woraus man resp.

$$x = 2, \text{ oder } x = 0$$

erhält.

Soll auch die Aussenfläche des homogenen polyedriscen Körpers eine homogene polygonale Figur sein, bei welcher  $p_1$  Flächen in jedem Eckpunkte zusammentreffen, so ist, weil dieselbe  $K_2$  Kanten,  $E_2$  Ecken und  $S_2$  Flächen ( $n$ -Ecke) besitzt,

$$(4a) \quad S_2 = \frac{4p_1}{\Delta_1}; \quad K_2 = \frac{2np_1}{\Delta_1}; \quad E_2 = \frac{4n}{\Delta_1}; \quad \Delta_1 = 2(n + p_1) - np_1,$$

woraus noch folgt:

$$nS_2 = 2K_2 = p_1E_2.$$

Anm. Da es keine anderen als homogene Polygone gibt, so ist die entsprechende Bedingung, dass die Randfigur einer homogenen polygonalen Figur ein homogenes Polygon sein soll, stets von selbst erfüllt.

Wir nennen den polyedriscen Körper in diesem Falle vollständig.

Ist ausserdem noch (4b)  $p_1 = p$ , so ist der Gesamtkörper von gleicher Beschaffenheit mit seinen Theilen, und soll regelmässig genannt werden.

Anm. Ist der Gesamtkörper beispielsweise homogen aus Tetraedern zusammengesetzt, so wird nach der allgemeinsten Bedingung (4) seine Aussenfläche keiner anderen Beschränkung unterliegen, als dass sie aus Dreiecken besteht. Nach der Bedingung (4a) muss der Gesamtkörper selbst ein homogener Körper sein, also entweder Tetraeder, Oktaeder oder Ikosaeder. Nach der Bedingung (4b) endlich darf er nur ein Tetraeder sein.

Wir nehmen ferner an, es sei die Zahl der

|              |              |             |   |                                 |
|--------------|--------------|-------------|---|---------------------------------|
| Aussenkörper | Innenflächen | Innenkanten | } | welche eine Aussenecke liefern. |
| $C_3$        | $S_3$        | $K_3$       |   |                                 |
| $C_4$        | $S_4$        | —           |   |                                 |

,, „ Aussenkante „

Dann werden

$(C_2 - C_3 - C_4)$  Aussenkörper eine oder mehrere Aussenflächen liefern,

$(S_1 - S_3 - S_4)$  Innenflächen, und

$(K_1 - K_3)$  Innenkanten ganz im Innern des Körpers liegen und nichts mit seiner Aussenfläche gemeinsam haben.

Wir bestimmen nun zuerst die Zahl der in jeder inneren Ecke, Kante und Fläche zusammentreffenden Gebilde.

In jeder inneren Ecke treffen zusammen  $P$  Körper (nach Definition). Jeder dieser Körper liefert zu der Ecke  $p$  Kanten. Dies gibt  $Pp$  Kanten. Wenn nun jede Kante zu  $x$  Körpern gehört, so gehen von jeder Innenecke  $\frac{Pp}{x}$  Kanten aus, von allen  $E_1$  Innenecken also  $\frac{E_1 Pp}{x}$  Kanten. Hierbei sind die ganz im Innern liegenden  $(K_1 - K_3)$  Kanten doppelt gezählt, also

einmal in Abzug zu bringen. Es beträgt hiernach die Zahl aller aus den  $E_1$  Innenecken gehenden Kanten  $\frac{E_1 pP}{x} - (K_1 - K_3)$ . Da dies aber offenbar sämtliche Innenkanten sind, so ist

$$K_1 = \frac{E_1 pP}{x} - (K_1 - K_3), \text{ oder } x = \frac{E_1 pP}{2K_1 - K_3}.$$

Setzt man diesen Werth in den obigen Ausdruck  $\frac{pP}{x}$  ein, so findet sich, dass in jeder inneren Ecke  $\frac{2K_1 - K_3}{E_1}$  Kanten zusammentreffen. Endlich liefert jeder der  $P$  Körper zu einer inneren Ecke  $p$  Flächen. Dies giebt  $pP$  Flächen. Da aber jede Fläche gleichzeitig zwei Körpern angehört, so folgt, dass in jeder inneren Ecke  $\frac{pP}{2}$  Flächen zusammentreffen.

In jeder inneren Kante treffen  $\frac{E_1 pP}{2K_1 - K_3}$  Körper zusammen (wie oben gefunden) und ebensoviele Flächen. Denn gesetzt, die Kante gehöre zu  $x$  Körpern und  $y$  Flächen. Da jeder Körper zwei Flächen zur Kante liefert, so wäre hiernach  $y = 2x$ . Da aber je zwei Flächen der beiden Körper in eine zusammenfallen, so ist  $y = \frac{2x}{2} = x$ .

In jeder inneren Fläche endlich treffen zwei Körper zusammen.

Nach diesen vorbereitenden Festsetzungen und Untersuchungen beginnen wir nun, analog mit Abschnitt I, mit der Aufstellung von Formeln zwischen den Zahlen der verschiedenen Gebilde.

a) Jedes der  $C$  Polyeder liefert zu dem polyedrischen Körper  $N$  Flächen. Da aber hierbei jede der  $S_1$  inneren Flächen doppelt gezählt ist, so ist die Gesamtzahl der Flächen

$$(5) \quad S = CN - S_1.$$

b) Jede der  $S$  Flächen liefert zu dem polyedrischen Körper  $n$  Kanten. Hiernach wäre die Anzahl sämtlicher Kanten  $Sn$ . Nun gehört jede Innenkante zu  $\frac{E_1 pP}{2K_1 - K_3} = x$  Flächen, ist also  $x$ -fach gezählt; mithin ist  $K_1(x-1)$  in Abzug zu bringen. Ferner gehört jede Aussenkante zu zwei Flächen, ist also doppelt gezählt, daher ist  $K_2$  einmal zu subtrahiren. Endlich giebt es  $S_4$  Innenflächen, die je eine Kante zur äusseren Begrenzung liefern. Daher

ist von der Gesamtzahl der Kanten noch  $S_4$  zu subtrahiren.<sup>1)</sup> Hiernach erhält man als Anzahl sämtlicher Kanten:

$$K = S_{11} - K_1 \left[ \frac{E_1 p P}{2K_1 - K_3} - 1 \right] - K_2 - S_4 - E_{01}.$$

Mit Rücksicht auf (2) erhält man hieraus:

$$(6) \quad S_{11} = \frac{E_1 K_1 p P}{2K_1 - K_3} + 2K_2 + S_4 + E_{01}.$$

Wenn im vollständigen Körper zu jeder Aussenecke gleichviele Innenkanten gehören, so gehören zu einer Aussenecke  $\frac{K_3}{E_2}$  Innenkanten und  $p_1$  Aussenkanten, im Ganzen also  $\frac{K_3}{E_2} + p_1$  Kanten. Wenn insbesondere an jeder Aussenecke ebensoviele Kanten zusammentreffen sollen, wie an jeder Innenecke, nämlich  $\frac{2K_1 - K_3}{E_1}$ , so ist

$$\frac{K_3}{E_2} + p_1 = \frac{2K_1 - K_3}{E_1},$$

oder

$$K_3 = \frac{E_2}{E_1} (2K_1 - E_1 p_1),$$

oder, da nach (4b)  $p_1 E_2 = 2K_2$  ist:

$$(7a) \quad K_3 = \frac{2}{E_1} (K_1 E_2 - K_2 E_1).$$

Wenn ferner zu jeder Aussenkante gleichviele Innenflächen gehören, so gehören zu einer Aussenkante  $\frac{S_4}{K_2}$  Innenflächen und 2 Aussenflächen, im Ganzen also  $\frac{S_4}{K_2} + 2$  Flächen. Wenn insbesondere in jeder Aussenkante ebensoviele Flächen zusammentreffen, wie in jeder Innenkante, nämlich  $\frac{E_1 p P}{2K_1 - K_3}$ , so ist

$$(7b) \quad \frac{S_4}{K_2} + 2 = \frac{E_1 p P}{2K_1 - K_3},$$

oder, wenn man den Werth von  $K_3$  aus (7a) einsetzt:

$$(8a) \quad S_4 = \frac{K_2 (E_1 p P - 4K)}{2K}.$$

<sup>1)</sup> Wenn endlich  $E_{01}$  Innenflächen je zwei Aussenkanten liefern, so ist noch  $E_{01}$  zu subtrahiren.

Setzt man die Werthe von  $K_3$  und  $S_4$  aus (7a) und (8a) in (6) ein und ausserdem  $E_{01} = 0$ , so erhält man

$$(6a) \quad 2S_n = E_p P.$$

Durch die zur Ableitung der Formeln (6a), (7a), (8a) getroffenen Bestimmungen wird die oben gegebene Definition des vollständigen Körpers vervollständigt.

c) Jede der  $K$  Kanten liefert zu dem polyedrischen Körper 2 Ecken. Dies würde  $2K$  Ecken geben. Nun gehen von jeder Innenecke  $\frac{2K_1 - K_3}{E_1} = \frac{Pp}{x}$  Kanten aus, es ist also jede Innenecke  $\frac{Pp}{x}$ -fach gezählt, also  $E_1 \left( \frac{Pp}{x} - 1 \right)$  zu subtrahiren. Ferner ist für die  $K_3$  Innenkanten, die nach Aussenecken gehen, noch  $K_3$  zu subtrahiren, weil jede dieser Aussenecken einmal zu viel gezählt ist. Was endlich die Aussenkanten betrifft, so sind drei Fälle zu unterscheiden. Es giebt 1) Aussenecken, welche nur einem einzigen Körper angehören, nach denen also keine Innenkante und keine Innenfläche führt. Ist  $E_{00}$  die Zahl dieser Ecken, so sind dieselben, weil in jeder von ihnen  $p$  Kanten zusammentreffen,  $p$ -fach gezählt, daher ist  $E_{00}(p-1)$  zu subtrahiren. Es giebt 2) Aussenecken, die zwei Körpern angehören, nach denen also keine Innenkante, wohl aber eine Innenfläche führt. Ist  $E_{01}$  die Zahl dieser Ecken, so sind dieselben, weil in jeder von ihnen  $2p-2$  Kanten zusammentreffen,  $(2p-2)$ -fach gezählt, also ist  $E_{01}(2p-3)$  zu subtrahiren. Nehmen wir an, dass 3) in jeder der noch übrigen  $(E_2 - E_{00} - E_{01})$  Aussenecken  $p_1$  Aussenkörper zusammentreffen, so ist noch  $(E_2 - E_{00} - E_{01})(p_1 - 1)$  zu subtrahiren, und man erhält im Ganzen:

$$(7) \quad \left\{ \begin{aligned} E &= 2K - E_1 \left[ \frac{2K_1 - K_3}{E_1} - 1 \right] - K_3 - E_{00}(p-1) - E_{01}(2p-3) - \\ &\quad - (E_2 - E_{00} - E_{01})(p_1 - 1) \end{aligned} \right.$$

oder

$$(8) \quad p_1 E_2 = 2K_2 + E_{00}(p_1 - p) + E_{01}[p_1 - 2(p-1)].$$

Im Falle des vollständigen Körpers gehört jede Aussenecke zu  $p_1$  Aussenkanten, ist also  $p_1$ -fach gezählt, daher ist nur  $E_2(p_1 - 1)$  zu subtrahiren. Es ist dann die Zahl sämtlicher Ecken:

$$E = 2K - E_1 \left( \frac{2K_1 - K_3}{E_1} - 1 \right) - K_3 - E_2(p_1 - 1),$$

woraus man mit Benutzung von (2) die schon bekannte Formel (4a)

$$p_1 E_2 = 2 K_2$$

erhält.

d) Jedes der  $C$  Polyeder liefert zu dem polyedrischen Körper  $k$  Kanten. Hiernach wäre die Zahl aller Kanten  $Ck$ . Da jede Innenkante zu  $\frac{E_1 p P}{2 K_1 - K_3} = x$  Körpern gehört, also  $x$ -fach gezählt ist, so ist  $K_1(x-1)$  zu subtrahiren. Dann sind alle Aussenkanten, die zwei benachbarten, an Aussenflächen liegenden Körpern angehören, doppelt gezählt. Ist  $E_{00}$  (wie oben) die Zahl derjenigen Aussenecken, welche weder einer Innenkante noch einer Innenfläche, also nur einem Körper angehören, so ist die Anzahl jener Aussenkanten offenbar  $K_2 - p E_{00}$ . Demnach ist  $K_2 - p E_{00}$  zu subtrahiren. Da endlich noch  $C_4$  Körper nur je eine Kante zur Aussenfläche liefern, so sind noch  $C_4$  Aussenkanten zu viel gezählt. Demnach ist die Anzahl aller Kanten

$$K = Ck - K_1 \left[ \frac{E_1 p P}{2 K_1 - K_3} - 1 \right] - (K_2 - p E_{00}) - C_4.$$

Mit Rücksicht auf (2) erhält man hieraus:

$$(9) \quad Ck = \frac{E_1 K_1 p P}{2 K_1 - K_3} + 2 K_2 - p E_{00} + C_4.$$

Im vollständigen Körper kann unter Festhaltung der obigen Bestimmungen kein Aussenkörper mehr als eine Aussenfläche liefern. Demnach ist  $E_{00} = 0$ . Da ferner an jeder Aussenecke ebensoviele Kanten wie an einer Innenecke, und an jeder Aussenkante ebensoviele Flächen wie an einer Innenkante zusammentreffen, so sind die äusseren Gebilde ganz ebenso beschaffen wie die inneren, und gehen in dieselben über, wenn man den, den Gesamtkörper umgebenden Raum ebenfalls als Theilkörper ansieht. Alsdann liegen also an jeder Aussenkante ebensoviele Körper wie an einer Innenkante, nämlich  $\frac{E_1 p P}{2 K_1 - K_3} = x$ , oder, wenn man den umgebenden Raum wieder abrechnet,  $(x-1)$ . Gehen wir auf die Bildung der Formel (9) zurück, so ist jetzt für alle Aussenkanten nur  $K_2(x-1-1) = K_2(x-2)$  zu subtrahiren, statt wie oben  $(K_2 - p E_{00}) + C_4$ . Da aber beide Operationen, wenn man im letzten Ausdrucke  $E_{00} = 0$  setzt, dasselbe Resultat geben müssen, so ist

$$C_4 + K_2 = K_2 \left[ \frac{E_1 p P}{2 K_1 - K_3} - 2 \right]$$

oder, nach (7b)

$$C_4 + K_2 = S_4,$$

oder, nach (8a)

$$C_4 = K_2 \left( \frac{E p P}{2K} - 3 \right),$$

oder, nach (6a)

$$(10a) \quad C_4 = K_2 \left( \frac{S_n}{K} - 3 \right).$$

Setzt man nun diesen Werth in (9) ein, ausserdem, wie oben bemerkt,  $E_{00} = 0$ , und den Werth von  $K_2$  aus (7a), so folgt:

$$(9a) \quad C_k = S_n - K_2.$$

e) Jede der  $S$  Flächen liefert zu dem polyedrischen Körper  $n$  Ecken. Hiernach wäre die Zahl aller Ecken  $S_n$ . Da jede Innenecke zu  $\frac{pP}{2}$  Flächen gehört, so ist  $E_1 \left( \frac{pP}{2} - 1 \right)$  zu subtrahiren. Ferner ist für die  $S_3$  Flächen, welche eine Aussenecke liefern,  $S_3$ , und für die  $S_4$  Flächen, welche eine Aussenkante liefern,  $2S_4$  zu subtrahiren. Für die  $S_2$  Aussenflächen, deren jede  $n$  Ecken liefert, ist  $nS_2 - E_2$  zu subtrahiren. Sind endlich  $E_{01}$  Aussen-ecken vorhanden, nach denen eine Innenfläche mit 2 Aussenkanten führt, so liefert eine solche Fläche 3 Aussenecken; also ist, da durch die Subtraction von  $2S_4$  nur zwei solche Ecken berücksichtigt wurden, noch  $E_{01}$  zu subtrahiren. So findet sich

$$E = S_n - E_1 \left( \frac{pP}{2} - 1 \right) - S_3 - 2S_4 - nS_2 + E_2 - E_{01},$$

oder

$$(11) \quad nS_1 = \frac{E_1 p P}{2} + S_3 + 2S_4 + E_{01}.$$

Im vollständigen Körper ist  $E_{01} = 0$ , da sonst die beiden durch eine solche Innenfläche, wie sie oben beschrieben wurde, getrennten Körper je zwei Aussenflächen liefern müssten. Wenn ferner an jeder Aussenecke gleichviele Innenflächen zusammentreffen, so giebt dies für eine Aussenecke  $\frac{S_3}{E_2}$  Innenflächen. Hierzu kommt noch der auf jede Aussenecke entfallende Antheil an den  $S_4$  Innenflächen, welche je eine Aussenkante, d. h. zwei Aussenecken liefern. Sind auch diese Flächen an die  $E_2$  Aussenecken gleichmässig vertheilt, so kommen auf jede Aussenecke  $\frac{2S_4}{E_2}$  dieser Flächen, im Ganzen also  $\frac{S_3 + 2S_4}{E_2}$  Innenflächen und  $p_1$  Aussenflächen, d. h.  $\frac{S_3 + 2S_4}{E_2} + p_1$

Flächen überhaupt. Da ferner die Aussenecken sich (wie unter d) gefunden) ebenso verhalten, wie die Innenecken, so werden auch an jeder Aussenecke ebensoviele Flächen zusammentreffen, wie an jeder Innenecke, nämlich  $\frac{pP}{2}$ .

Man hat also die Gleichung

$$\frac{S_3 + 2S_4}{E_3} + p_1 = \frac{pP}{2}.$$

Setzt man hier den Werth von  $S_4$  aus (8a), und aus (4a)  $E_2 p_1 = 2 K_2$  ein, so folgt:

$$(12a) \quad S_3 = \frac{pP E_2}{2} - \frac{E p P K_2}{K} + 2 K_2.$$

Setzt man endlich den Werth von  $S_3 + 2 S_4$  in (11) ein, und ausserdem, wie oben bemerkt,  $E_{01} = 0$ , so findet sich, wenn man  $E_2 p_1 = n S_2$  substituirt:

$$2 n S = E p P,$$

worin wir wieder die Formel (6a) erkennen.

f) Jedes der  $C$  Polyeder liefert zu dem polyedrischen Körper  $e$  Ecken. Dies würde im Ganzen  $C e$  Ecken geben. Nun ist aber jede der  $E_1$  inneren Ecken, weil sie  $P$  Polyedern angehört,  $P$ -fach gezählt, daher ist  $E_1(P-1)$  in Abzug zu bringen. Von den Aussenecken sind diejenigen ( $E_{00}$  an der Zahl) einfach gezählt, die nur einem Körper angehören, diejenigen ( $E_{01}$  an der Zahl) doppelt, die zwei Körpern angehören; daher ist  $E_{01}$  zu subtrahiren. Endlich sind die übrigen  $(E_2 - E_{00} - E_{01}) p_1$ -fach gezählt, weil sie  $p_1$  benachbarten (um eine Aussenecke herumliegenden) an Aussenflächen liegenden Körpern angehören. Demnach ist weiter  $(E_2 - E_{00} - E_{01})(p_1 - 1)$  zu subtrahiren. Ausserdem sind, da  $C_4$  Körper nur eine Kante zur Aussenfläche liefern,  $2 C_4$  Aussenecken zu viel gezählt, und da  $C_3$  Aussenkörper nur eine Ecke zur Aussenfläche liefern, so sind noch  $C_3$  Aussenflächen zu viel gezählt. Im Ganzen ist hiernach

$$E = C e - E_1(P-1) - E_{01} - (E_2 - E_{00} - E_{01})(p_1 - 1) - 2 C_4 - C_3,$$

oder

$$C e = E_1 P + E_2 p_1 + 2 C_4 + C_3 - E_{01}(p_1 - 2) - E_{00}(p_1 - 1),$$

oder mit Benutzung von (8)

$$(13) \quad C e = E_1 P + 2 K_2 + 2 C_4 + C_3 - E_{00}(p - 1) - 2 E_{01}(p - 2).$$

Im vollständigen Körper ist  $E_{00} = E_{01} = 0$ . Da ferner, wenn wir den umgebenden Raum als Körper mitrechnen, an jeder Aussenecke ebenso

viele Körper liegen, als an jeder Innenecke, nämlich  $P$ , oder, wenn wir diesen Raum wieder weglassen,  $(P-1)$ , so ist in diesem Falle jede Aussenecke  $(P-1)$ -mal gezählt, also im Ganzen für alle Aussenecken  $E_2 (P-1-1) = E_2 (P-2)$  zu subtrahiren, statt wie oben  $E_{01} + (E_2 - E_{00} - E_{01}) (p_1 - 1) + 2C_4 + C_3$ . Da aber beide Operationen, wenn man im letzten Ausdrucke  $E_{00} = E_{01} = 0$  setzt, dasselbe Resultat geben müssen, so ist

$$E_2(p_1 - 1) + 2C_4 + C_3 = E_2(P - 2),$$

oder, wenn man  $E_2 p_1$  durch  $2K_2$ , und  $C_4$  durch seinen Werth (10a) ersetzt:

$$(14a) \quad C_3 = E_2 (P - 1) + 4K_2 - \frac{2S n K_2}{K}.$$

Setzt man nun diesen Werth in (13) ein, ausserdem, wie oben bemerkt,  $E_{00} = E_{01} = 0$ , und den Werth von  $C_4$  aus (10a), so folgt:

$$(13a) \quad C e = E P - E_2.$$

Anm. Die für vollständige Körper geltenden speciellen Formeln (6a), (9a), (13a) kann man auch direct durch folgende Betrachtungen finden. 1) Da jede der  $S$  Flächen  $n$  Ecken hat, so beträgt die Zahl aller Ecken  $nS$ . Da aber jede Ecke zu  $\frac{P}{2}$  Flächen gehört, so reducirt sich die Zahl auf  $E = nS : \frac{P}{2}$ , woraus  $2nS = pPE$  folgt. — 2) Wenn in jeder der  $K_1$  Innenkanten  $\frac{nS}{K}$  Körper zusammentreffen, so giebt dies  $\frac{nS K_1}{K}$  Körper. Wenn in jeder der  $K_2$  Aussenkanten  $\frac{nS}{K} - 1$  Körper zusammentreffen, so giebt dies  $(\frac{nS}{K} - 1) K_2$  Körper. Da aber immer  $k$  Kanten zu einem Körper gehören, so ist  $C = \left[ \frac{nS K_1}{K} + \frac{nS K_2}{K} - K_2 \right] : k$ , woraus  $Ck = nS - K_2$  folgt. — 3) Wenn in jeder der  $E_1$  Innenecken  $P$  Körper zusammentreffen, so giebt dies  $PE_1$  Körper. Wenn in jeder der  $E_2$  Aussenecken  $P - 1$  Körper zusammentreffen, so giebt dies  $(P - 1) E_2$  Körper. Da aber immer  $e$  Ecken zu einem Körper gehören, so ist  $C = [PE_1 + (P - 1)E_2] : e$ , woraus  $Ce = PE - E_2$  folgt.

*Recapitulation.* — Die durch die Untersuchungen in a)–f) gefundenen Formeln können wir in drei Gruppen theilen:

1) Formeln, welche für alle homogenen polyedrischen Körper gelten:<sup>1)</sup>

<sup>1)</sup> Allerdings ist angenommen, dass in den  $E_2 - E_{00} - E_{01}$  Aussenecken, nach welchen Innenkanten laufen, gleichviele Aussenkörper zusammentreffen. Sollte dies aber nicht der Fall sein, so braucht man diese Ecken nur in Gruppen zu zerlegen, deren jede gleichviele Aussenkörper enthält, und die Subtraction in der Ableitung der Formel für jede Gruppe gesondert auszuführen.

$$\begin{aligned}
 (5) \quad S &= CN - S_1. \\
 (6) \quad Sn &= \frac{E_1 K_1 p P}{2K_1 - K_3} + 2K_2 + S_4 + E_{01}. \\
 (8) \quad p_1 E_2 &= 2K_2 + E_{00}(p_1 - p) + E_{01}[p_1 - 2(p - 1)]. \\
 (9) \quad Ck &= \frac{E_1 K_1 p P}{2K_1 - K_3} + 2K_2 - p E_{00} + C_4. \\
 (11) \quad n S_1 &= \frac{E_1 p P}{2} + S_3 + 2S_4 + E_{01}. \\
 (13) \quad Ce &= E_1 P + E_2 p_1 + 2C_4 + C_3 - E_{01}(p_1 - 2) - E_{00}(p_1 - 1).
 \end{aligned}$$

2) Formeln, welche für alle diejenigen homogenen polyedrischen Körper gelten, in denen kein Aussenkörper mehr als eine Aussenfläche liefert.

$$\begin{aligned}
 (5) \quad S &= CN - S_1. \\
 (6) \quad Sn &= \frac{E_1 K_1 p P}{2K_1 - K_3} + 2K_2 + S_4. \\
 (9) \quad Ck &= \frac{E_1 K_1 p P}{2K_1 - K_3} + 2K_2 + C_4. \\
 (11) \quad n S_1 &= \frac{E_1 p P}{2} + S_3 + 2S_4. \\
 (13) \quad Ce &= E_1 P + E_2 p_1 + 2C_4 + C_3.
 \end{aligned}$$

Zu diesen Formeln treten noch zwei weitere, die man wie folgt erhält. Unmittelbar klar ist, dass

$$S_2 = C_2 - C_3 - C_4,$$

oder

$$(15) \quad C_3 + C_4 = C_2 - S_2.$$

Denkt man sich ferner alle  $C_2$  Aussenkörper entfernt, so verschwinden mit ihnen  $(S_2 + S_3 + S_4)$  Flächen,  $(K_2 + K_3)$  Kanten,  $E_2$  Ecken. Es bleiben also  $(C - C_2)$  Körper,  $(S - S_2 - S_3 - S_4)$  Flächen,  $(K - K_2 - K_3)$  Kanten,  $(E - E_2)$  Ecken. Für diese ist nach (1)

$$(E - E_2) + (S - S_2 - S_3 - S_4) = 1 + (K - K_2 - K_3) + (C - C_2),$$

oder, nach (1) und (3)

$$(16) \quad S_3 + S_4 = K_3 + C_2 - 2.$$

3) Formeln, welche für die vollständigen homogenen polyedrischen Körper gelten.

$$\begin{array}{l|l}
 (5) \quad S = SN - S_1. & \\
 (6a) \quad 2Sn = EpP. & (7a) \quad K_3 = \frac{2}{E} (K_1 E_2 - K_2 E_1). \\
 (4a) \quad p_1 E_2 = 2K_2 = n S_2. & (8a) \quad S_4 = \frac{K_2 (E p P - 4K)}{2K}.
 \end{array}$$

$$(9a) \quad Ck = S_n - K_2.$$

$$(13a) \quad Ce = EP - E_2.$$

$$(10a) \quad C_4 = K_2 \left( \frac{S_n}{K} - 3 \right).$$

$$(12a) \quad S_3 = \frac{pP E_2}{2} - \frac{EpPK_2}{K} + 2K_2.$$

$$(14a) \quad C_3 = E_2(P-1) + 4K_2 - \frac{2S_n K_2}{K}.$$

$$(4a) \quad S_2 = \frac{4p_1}{\Delta_1}; \quad K_2 = \frac{2n p_1}{\Delta_1}; \quad E_2 = \frac{4n}{\Delta_1}; \quad \Delta_1 = 2(n + p_1) - n p_1.$$

Für die regelmässigen Körper ist ausserdem nach (4b)  $p_1 = p$  zu setzen, wodurch nach (4) die letzten Formeln übergehen in

$$S_2 = N; \quad K_2 = k; \quad E_2 = e; \quad \Delta_1 = \Delta.$$

Anm. Aus (15) und (16) kann man noch übereinstimmende Ausdrücke für  $C_2$  ableiten.

Analog mit den im ersten Abschnitte geführten Untersuchungen drücken wir jetzt  $S_1, E_1, K_1$  mittelst der allgemeinen unter 1) zusammengestellten Formeln durch  $C$  und die Zahlen der Aussengebilde aus.

Dann folgt aus (5) und (2)

$$(17) \quad S_1 = \frac{CN - S_2}{2}.$$

Setzt man diesen Werth in (11) ein, so folgt weiter

$$(18) \quad E_1 = \frac{n(CN - S_2) - 2S_3 - 4S_4 - 2E_{01}}{pP}.$$

Setzt man diesen Werth in (6) ein, so folgt

$$(19) \quad K_1 = \frac{K_2}{4} \cdot \frac{n(CN + S_2) - 4K_2 - 2(S_4 + E_{01})}{nS_2 - 2K_2 + S_4 + S_3}.$$

Anm. Die Formeln (17)–(19) entsprechen den Formeln (7) und (8) des ersten Abschnittes. Die Formeln für  $S, E, K$ , welche sich durch einfache Addition von  $S_2, E_2, K_2$  auf beiden Seiten ergeben würden, sind als bedeutungslos hier weggelassen.

Subtrahirt man (3) von (1), so erhält man mit Berücksichtigung von (2)

$$K_1 + C = 1 + E_1 + S_1.$$

Setzt man in diese Formel die in (17)–(19) stehenden Werthe von  $S_1, E_1, K_1$  ein, so erhält man nach längeren Umformungen:

$$(20) \quad \left\{ \begin{aligned} & C \left[ \frac{nN p P K_3}{nS_2 - 2K_2 + S_3 + S_4} - 2[N(pP + 2n) - 2pP] \right] \\ & + \left[ \frac{nS_2 p P K_3}{nS_2 - 2K_2 + S_3 + S_4} + 2[S_2(pP + 2n) - 2pP] \right] \\ & = 2 \left[ \frac{p P K_3 (2K_2 + S_4 + E_{01})}{nS_2 - 2K_2 + S_3 + S_4} - 4(S_3 + 2S_4 + E_{01}) \right]. \end{aligned} \right.$$

Da zur Ableitung dieser Formel nur die Formeln (5), (6), (11) benutzt sind, welche die Grösse  $p_1$  nicht enthalten, so besitzt sie die grösste Allgemeinheit. Sie ist inhaltlich das Gegenstück zur Formel (10) des ersten Abschnittes, und ist es auch formal dadurch, dass, wie jene neben  $s$ , so diese neben  $C$  keine ganz im Innern liegenden Gebilde enthält. Dort wie hier enthält der Factor von  $C$  eine Function der Grössen  $n$  und  $p$  (resp.  $N$  und  $P$ ). Und wie dort aus dem Factor von  $s$  das zweite Glied der linken Seite entsteht, wenn man  $k_2$  für  $n$  setzt, so hier aus dem Factor von  $C$  das zweite Glied der linken Seite, wenn man  $S_2$  für  $N$  setzt. Dagegen fehlt in der neuen Formel die Grösse  $C_2$ . Auch enthält sie von Innengebilden  $K_3, C_3, C_4, S_3, S_4$ .

Anm. Man kann übrigens mit Zuhilfenahme der Formeln (9), (13), (15), (16) auch die Grössen  $C_3, C_4, S_3, S_4$  fortschaffen und dafür  $C_2$  einführen, so dass man eine Formel erhält, die von Innengebilden nur noch  $K_3$  enthält. Dieses Verfahren gewährt aber für die Folge keinen besonderen Nutzen.

Der unmittelbare Analogieschluss würde nun der sein, dass man für gegebene Werthe der Aussengebilde nebst  $P, N$  und  $K_3$  aus der Formel (20)  $C$ , und dann aus den Formeln (17) — (19)  $S_1, K_1, E_1$ , nebst  $S, E, K$  berechnen könnte; namentlich aber, dass der Factor von  $C$  oder der zweite Theil desselben sich als eine für die Eintheilung der polyedrischen Körper ebenso charakteristische Function erweisen möchte, wie es der Factor von  $s$  in Formel (10) des ersten Abschnitts für die Eintheilung der polygonalen Figuren war. Beides ist nun aber nicht der Fall. Wir werden später sehen, dass und warum die der Grösse  $\triangle$  entsprechende charakteristische Function der homogenen polyedrischen Körper sich von selbst annullirt. Desgleichen reducirt sich in Formel (20) der Werth von  $C$  auf  $\frac{0}{0}$ , sobald man die Zahlenwerthe eines vollständigen polyedrischen Körpers einsetzt. Dieser Umstand nöthigt uns, bei der nunmehr in Angriff zu nehmenden speciellen Untersuchung der homogenen polyedrischen Körper ein anderes als das frühere Verfahren einzuschlagen, umso mehr, da die Ermittlung der vollständigen Gebilde dieser Art sich als die wichtigste Aufgabe darstellt.

Erinnern wir uns zu diesem Zweck, dass die Construction eines solchen Gebildes auf doppelte Weise erfolgen kann, nämlich durch Zerlegung eines gegebenen Körpers oder durch Zusammensetzung. Im letzteren Falle wird die Aussengrenze des fertigen Gebildes verschieden ausfallen, je nachdem

man die Körper ursprünglich um einen Punkt, eine Kante, eine Fläche oder einen Körper gruppirte. Welche von diesen Arten der Zusammensetzung den regelmässigen Körper liefert, ist alsdann nicht von vornherein zu erkennen. Es ist daher vortheilhafter, zuerst die regelmässigen Körper aufzusuchen. Der Bau der übrigen vollständigen Körper kann dann leicht ermittelt werden. Die regelmässigen Körper aber finden wir, da ihre äussere Gestalt bekannt ist, am besten durch Zerlegung. Doch ist andererseits daran zu erinnern, dass die Methode der Zerlegung (nach Analogie mit der Anm. am Schlusse von 1) c des ersten Abschnittes) den Unterschied zwischen endlichen und unendlichen Bildungen im Allgemeinen nicht hervortreten lassen.

Wir werden nun, um unserer Aufgabe näher zu treten, zunächst mittelst der letzten Formeln die Grössen mit den Indices 2, 3, 4, welche nur von der Beschaffenheit der Aussenfläche abhängen, als Functionen von P, die übrigen als Functionen von P und C darstellen. Alsdann werden die Werthe von P bestimmt werden. Die Ermittlung von C in den einzelnen Fällen bildet den Abschluss dieser Untersuchung.

Zunächst ist

$$(21) \quad S_2 = \frac{4P}{\Delta}, \quad K_2 = \frac{2nP}{\Delta}; \quad E_2 = \frac{4n}{\Delta}.$$

Aus (17) folgt weiter

$$(22) \quad S_1 = \frac{2P(C-1)}{\Delta}.$$

Daher aus (5)

$$(23) \quad S = \frac{2P(C+1)}{\Delta}.$$

Setzt man diesen Werth in (6a) ein, so erhält man

$$(24) \quad E = \frac{4n(C+1)}{\Delta P}.$$

daher

$$(25) \quad E_1 = \frac{4n(C+1-P)}{\Delta P}.$$

Setzt man die eben gefundenen Werthe von S und E in (1) ein, so folgt

$$(26) \quad K = \frac{n[4 + P(p-2)](C+1)}{\Delta P};$$

daher

$$(27) \quad K_1 = \frac{n[4 + P(p-2)](C+1) - 2pP}{\Delta P}.$$

Setzt man die für  $E_1$  und  $K_1$  gefundenen Werthe in (7a) ein, so folgt

$$(28) \quad K_3 = \frac{2n(P-2)(p-2)}{\Delta}.$$

Ferner aus (8a)

$$(29) \quad S_4 = \frac{8np(P-2)}{\Delta[P(p-2)+4]}.$$

Aus (12a)

$$(30) \quad S_3 = \frac{2np(P-2)}{\Delta} \cdot \frac{P(p-2)-4}{P(p-2)+4}.$$

Nach einer unter d) gefundenen Formel ist  $C_4 + K_2 = S_4$ , daher

$$(31) \quad C_4 = \frac{2np}{\Delta} \cdot \frac{6(P-2) - Pp}{P(p-2)+4}.$$

Aus (14a) folgt

$$(32) \quad C_3 = \frac{4n}{\Delta} \left[ P-1 - \frac{4p(P-2)}{P(p-2)+4} \right].$$

Aus (15)

$$(33) \quad C_2 = 2 + \frac{4n}{\Delta} \left[ \frac{(P-2)^2(p-2)}{P(p-2)+4} \right].$$

daher endlich

$$(34) \quad C_1 = C - 2 - \frac{4n}{\Delta} \left[ \frac{(P-2)^2(p-2)}{P(p-2)+4} \right].$$

Anm. Die Formeln (9a) und (13a) sind durch die oben gegebenen Werthe identisch erfüllt, können also nicht etwa zur Bestimmung von C benutzt werden.

Um jetzt P zu bestimmen, gehen wir aus von der allgemeinen Formel

$$x = \frac{E_1 p P}{2K_1 - K_3}. \quad (\text{p. 54.})$$

Ersetzt man hierin  $K_3$  durch seinen Werth (7a), so findet sich

$$x = \frac{E p P}{2K}.$$

oder, mit Benutzung von (24) und (26):

$$(34a) \quad x = \frac{2pP}{P(p-2)+4},$$

oder endlich

$$(35) \quad P = \frac{4x}{2p - (p-2)x}.$$

Aus dieser Formel geht hervor, dass zu jedem Werthe von p nur eine beschränkte Anzahl Werthe von P gehören kann. Denn x ist so zu wählen, dass P eine ganze Zahl wird, während andererseits  $x < \frac{2p}{p-2}$  sein muss. Im Einzelnen hat man

$$1) \text{ für } p = 3, x < 6, P = \frac{4x}{6-x}.$$

Dieser Gleichung genügen nur die Werthe

$$\begin{aligned}x &= 3, 4, 5 \\ P &= 4, 8, 20.\end{aligned}$$

$$2) \text{ für } p = 4, x < 4, P = \frac{2x}{4-x}.$$

Dieser Gleichung genügt nur der Werth

$$\begin{aligned}x &= 3 \\ P &= 6.\end{aligned}$$

$$3) \text{ für } p = 5, x < \frac{10}{3}, P = \frac{4x}{10-3x}.$$

Dieser Gleichung genügt nur der Werth

$$\begin{aligned}x &= 3 \\ P &= 12.\end{aligned}$$

Hieraus folgt der Satz:

III. Für tetraedrische, hexaedrische und dodekaedrische Körper ( $p = 3$ ) giebt es je drei Zusammensetzungsweisen, indem um einen Eckpunkt herum 4, 8 oder 20 Körper lagern können. Für octaedrische ( $p = 4$ ) und ikosaedrische Körper ( $p = 5$ ) giebt es nur je eine Zusammensetzungsweise, indem um einen Eckpunkt herum im ersten Falle 6, im zweiten 12 Körper lagern können.

Dasselbe Resultat findet sich auch durch folgende geometrische Ueberlegung: Da ein homogenes Polyeder sich aus einem Punkte im Innern in so viele Pyramiden zerlegen lässt, als seine Seitenzahl beträgt, so können um einen Punkt des Raumes herum nur so viele Körper homogen lagern, als die Seitenzahl eines homogenen Polyeders beträgt.

Was endlich die Grösse  $C$  betrifft, so ist zwar durch die bisherigen Betrachtungen eine obere Grenze für dieselbe nicht ermittelt worden. Indessen kann man zeigen, dass für gegebene Werthe von  $n$  und  $p$  zu jedem Werthe von  $P$  nur ein Werth von  $C$  gehören kann. Sucht man nämlich die regelmässigen polyedrischen Körper durch Zusammensetzung von innen nach aussen zu bilden, so wird diese Zusammensetzung, da sowohl  $P$  wie die Gestalt der Einzelkörper bestimmt ist, nur auf zwei Arten ausgeführt werden können, nämlich dadurch, dass man von einem Punkt oder von einem Körper ausgeht. In jedem dieser Fälle ist die Zusammensetzung eindeutig bestimmt, und das Verfahren ist beendet, sobald man den ersten regelmässigen, resp. vollständigen

Körper erhalten hat, weil die Hinzufügung neuer Körper an die Aussenflächen nicht mehr mit dem gegebenen Werthe von P vereinbar wäre. Dass nun von diesen beiden Bildungsweisen nur eine den regelmässigen Körper geben kann, ist leicht zu sehen, da, wenn man als Mittelgebilde eines fertigen regelmässigen Körpers statt eines Körpers einen seiner Eckpunkte, oder umgekehrt, ansieht, auch die Aussenfläche eine Aenderung erleiden muss, damit die symmetrische Lage aller Gebilde zu dem neuen Mittelgebilde erhalten bleibe.

Es giebt hiernach im Ganzen elf verschiedene Arten homogener polyedrischer Körper, nämlich drei tetraedrische, drei hexaedrische, drei dodekaedrische, einen oktaedrischen und einen ikosaedrischen.

Obwohl nun eine Eintheilung dieser Gebilde auf Grund einer mit  $\Delta$  analogen Function nicht möglich ist, weil diese Function, wie oben bemerkt, sich identisch annullirt, so zeigt doch eine Betrachtung, analog der auf p. 26 angestellten, dass diese elf Gebilde in drei verschiedene Gruppen zerfallen. Versucht man nämlich, congruente reguläre Polyeder um einen Punkt herum zu gruppieren, so findet sich, dass

4, 8, 20 Tetraeder, 6 Oktaeder, 4 Hexaeder, 4 Dodekaeder diesen Raum nicht vollständig erfüllen, dass ferner

8 Hexaeder

diesen Raum genau ausfüllen, dass endlich

12 Ikosaeder, 20 Hexaeder, 8, 20 Dodekaeder

in diesem Raume nicht Platz haben. Denkt man sich nämlich um eine Ecke des regelmässigen Polyeders mit der Seitenkante  $a$  als Radius eine Kugelfläche beschrieben, und bezeichnet den Flächeninhalt des durch diese Ecke ausgeschnittenen Kugelpolygons mit T, O, H, D, J (Anfangsbuchstaben der Namen der Polyeder), so sind die Grössen

$$4T, 8T, 20T, 6O, 4H, 4D < 4a^2\pi,$$

$$8H = 4a^2\pi,$$

$$12J, 20H, 8D, 20D > 4a^2\pi.$$

Soll also eine vollkommene Ausfüllung des Raumes um einen Punkt herum stattfinden, so muss jede in diesem Punkte anzutragende Ecke im ersten Falle vergrössert, im zweiten nicht verändert, im dritten verkleinert werden. Dasselbe gilt dann auch von den Ecken der folgenden Körperschicht, die zu den ersten P Körpern hinzugefügt wird. Da die Grösse der Körper

sich in gleichem Sinne ändert, wie diejenige der Ecken, so folgt, dass im ersten Falle die hinzutretenden Körper grösser werden, und dass nach einer endlichen Anzahl von Hinzufügungen die anzutragenden Ecken convex werden, wobei der letzte Körper der unendlich grosse rings übrigbleibende Theil des Raumes ist. Im zweiten Falle können Ecken und Körper bis ins Unendliche einander gleich bleiben, im dritten nehmen sie ins Unendliche bis zur Grenze Null ab. Demnach ist das Zusammensetzungs- resp. Zerlegungsverfahren in den sechs ersten Fällen endlich, in den übrigen fünf endlos, aber mit dem Unterschiede, dass der polyedrische Körper im 7. Falle als im Unendlichen geschlossen angesehen werden kann, in den vier letzten Fällen aber nicht.

## b. Specielle Untersuchung der homogenen polyedrischen Körper.

### 1. Tetraedrische Körper.

Man hat  $n = 3$ ,  $p = 3$ ,  $\Delta = 3$ .

Die Formeln (21) — (34) lauten jetzt:

$$\begin{aligned} C_1 &= C - 2 - 4 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right]; & C &= C_1 + 2 + 4 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right]; \\ S &= 2(C+1); & E &= \frac{4(C+1)}{P}; & K &= \frac{(P+4)(C+1)}{P}; \\ S_1 &= 2(C-1); & E_1 &= \frac{4}{P}(C+1-P); & K_1 &= \frac{(4+P)(C+1) - 6P}{P}; \\ K_3 &= 2(P-2); & S_4 &= \frac{24(P-2)}{P+4}; & S_3 &= \frac{6(P-2)(P-4)}{P+4}; \\ C_4 &= 6 \left[ \frac{4(P-2)}{P+4} - 1 \right]; & C_3 &= 4 \left[ P - 1 - \frac{12(P-2)}{P+4} \right]; & C_2 &= 2 + 4 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right]. \end{aligned}$$

#### a) Der viertheilige tetraedrische Körper.

$$x = 3; \quad P = 4.$$

Man erhält

$$C_1 = C - 4; \quad C = C_1 + 4.$$

Setzt man nun

$$C_1 = 0, \text{ also } C = 4,$$

so folgt weiter

$$\begin{aligned} S &= 10, & E &= 5, & K &= 10, \\ S_1 &= 6, & E_1 &= 1, & K_1 &= 4, \\ K_3 &= 4, & S_4 &= 6, & S_3 &= 0, \\ C_4 &= 0, & C_3 &= 0, & C_2 &= 4. \end{aligned}$$

Die Construction des Körpers unterliegt keinen Schwierigkeiten und ist aus Taf. 2. Fig. 10 ersichtlich.

Anm. Aus  $C_1 = 1$ , also  $C = 5$  würde folgen  $E_1 = 2$ , was nicht möglich ist, da mit Rücksicht auf den Innenkörper  $E_1 = 4$  sein müsste.

**b) Der fünfzehnteilige tetraedrische Körper.**

$$x = 4, P = 8.$$

Man erhält

$$C_1 = C - 14; C = C_1 + 14.$$

Setzt man nun

$$C_1 = 1, \text{ also } C = 15,$$

so folgt weiter

$$\begin{aligned} S &= 32, E = 8, K = 24, \\ S_1 &= 28, E_1 = 4, K_1 = 18, \\ K_3 &= 12, S_4 = 12, S_3 = 12, \\ C_4 &= 6, C_3 = 4, C_2 = 14. \end{aligned}$$

Die Construction des Körpers unterliegt ebenfalls keinen Schwierigkeiten und ist in Taf. 2. Fig. 11 dargestellt.

Anm. Aus  $C_1 = 0$ , also  $C = 14$  würde der unbrauchbare Werth  $E = \frac{60}{8}$  folgen.

**c) Der fünfhundertneunundneunzigtheilige tetraedrische Körper.**

$$x = 5, P = 20.$$

Man erhält

$$C_1 = C - 56; C = C_1 + 56.$$

Um zur Construction dieses Körpers zu gelangen, untersuchen wir zuerst die Beschaffenheit der durch die 56 Aussenkörper gebildeten äusseren (ersten) Schicht. Die Eigenschaften derselben ergeben sich aus den von  $C$  unabhängigen Formeln.

Erste Schicht.

Man erhält

$$\begin{aligned} K_3 &= 36, S_4 = 18, S_3 = 72, \\ C_4 &= 12, C_3 = 40, C_2 = 56. \end{aligned}$$

Hiernach stossen in jeder Aussenecke 9 Innenkanten, 18 Innenflächen und 10 Aussenkörper von der Gattung  $C_3$  zusammen. Schneidet man eine Aussenecke durch eine Ebene von dem Körper ab, so hat die Schnittfläche, wie man sich leicht überzeugt, genau die Gestalt der neunzehnteiligen trigonalen Figur (Taf. 1. Fig. 5a).<sup>1)</sup> Denn jede Innenkante hinterlässt auf der Schnittebene als Spur einen Punkt, jede Innenfläche eine Strecke, jeder Körper

<sup>1)</sup> Analoges gilt übrigens auch für die anderen regelmässigen polyedrischen Körper.

eine Figur. Die eben erwähnte triangonale Figur verdeutlicht also die gegenseitige Lage der in einer Aussenecke des gegebenen Tetraeders zusammen-treffenden Gebilde.

Ferner stossen in jeder Aussenkante 3 Innenflächen und 2 Aussenkörper von der Gattung  $C_4$  zusammen.

Endlich wird jede Aussenfläche einen Aussenkörper liefern.

Hiernach construiren wir zuerst vier den Seiten [234, 341, 412, 123] des gegebenen Tetraeders entsprechende Punkte 1, 2, 3, 4, und erhalten dadurch die vier an den Aussenflächen liegenden Tetraeder 1234.<sup>1)</sup> [1—4].

Ferner construiren wir die sechs den Kanten [34, 14, 24, 23, 31, 12] des gegebenen Tetraeders entsprechenden Punkte (12), (23), (31), (14), (24), (34), und erhalten dadurch die zwölf an den Aussenkanten liegenden Tetraeder

$$\left. \begin{array}{l} 123(34), \quad 124(34) \\ 142(23), \quad 143(23) \end{array} \right\} [1-3]$$

Endlich construiren wir die vier den Ecken [1, 2, 3, 4] des gegebenen Tetraeders entsprechenden Dreiecke (234), (341), (412), (123), und erhalten dadurch die vierzig an den Aussenecken liegenden Tetraeder

$$\left. \begin{array}{l} 4123 \\ 412(12) \\ 411(12), \quad 411(13) \end{array} \right\} [1-3] \left. \right\} [1-4].$$

Anm. Die durch die erste Klammer angedeutete Vertauschung liefert diejenigen 10 Körper, welche an der Ecke 4 liegen, die durch die zweite Klammer angedeutete Vertauschung lässt aus diesen 10 die übrigen 30 entstehen. Die Cursivzahlen beziehen sich für die Ecke 4 auf das Dreieck (123) u. s. w.

Hierdurch sind die 56 Aussenkörper (Körper der ersten Schicht) construirt.

<sup>1)</sup> Die übrigen Körper derselben Art ergeben sich hier, wie im Folgenden, durch circuläre Vertauschung der Ziffern. Auf welche Ziffern sich diese Vertauschung erstreckt, giebt die hinter dem Zahlbilde stehende eckige Klammer an. — In Taf. 2. Fig. 12 sind die ebenen Netze der äusseren und der inneren Begrenzung dieser Schicht übereinanderliegend dargestellt. An dieser, wie an den folgenden gleichartigen Figuren lässt sich der Verlauf der Verbindungskanten zwischen beiden Begrenzungen mit Hilfe der Darstellung des Textes leicht erkennen.

Zweite Schicht.

Nach Entfernung der ersten Schicht bleibt der auf Taf. 3. Fig. 13 dargestellte Kern übrig. Das ebene Netz seiner Aussenfläche zeigen die vollständigen Linien in Taf. 3 Fig. 14 (und die punktirten in Taf. 2. Fig. 12). — Dieser Kern bildet wieder einen homogenen tetraedrischen Körper, von welchem eine neue Schicht von Aussenkörpern (die zweite Schicht des ganzen Gebildes) abgelöst werden kann. Die Zusammensetzung dieses Körpers ergibt sich, wenn man auf den neuen Körper die allgemeinen Formeln 1) (p. 60) anwendet.<sup>1)</sup> Die Buchstaben jener Formeln beziehen sich jetzt auf den nach Entfernung der ersten Schicht übrig gebliebenen Körper.

$n = 3; p = 3; x = 5; P = 20.$  — In jeder inneren Ecke treffen sich 20 Körper, 30 Flächen,  $\frac{2 K_1 - K_3}{E_1} = 12$  Kanten. In jeder inneren Kante treffen sich  $\frac{60 E_1}{2 K_1 - K_3} = 5$  Flächen und Körper.

a) Durch directe Zählung erhält man

$$S_2 = 40, K_2 = 60, E_2 = 22.$$

Diese 22 Aussenecken sind, wie oben (Taf. 2. Fig. 12) bezeichnet mit 1, 2, 3, 4, 12, 13, 14, 23, 24, 34, (1, 2, 3), (2, 3, 4), (3, 4, 1), (4, 1, 2).

Untersucht man nun die Zahl der aus den Aussenecken nach aussen (d. h. rückwärts und an der Aussenfläche entlang) und der nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich:

| Aus den Ecken: | vom Typus: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 4              | 1          | 9                     | 3                   | 12                |
| 6              | 12         | 8                     | 4                   | 24                |
| 12             | 1          | 6                     | 6                   | 72                |
| 22             |            |                       |                     | 108.              |

Demnach ist  $K_3 = 108$ .

Um diese Kanten zu erhalten, construiren wir 1) die vier den Dreiecken (2 3 4) entsprechenden Punkte  $\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}$ , 2) die zwölf den Punkten 12 entsprechenden Punkte  $\bar{12}, \bar{21}; \bar{23}, \bar{32}; \bar{31}, \bar{13}; \bar{14}, \bar{41}; \bar{24}, \bar{42}; \bar{34}, \bar{43}$ , 3) die zwölf den Punkten 1 entsprechenden Punkte  $(\bar{2}, \bar{3}, \bar{4}), (\bar{3}, \bar{4}, \bar{1}), (\bar{4}, \bar{1}, \bar{2}), (\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}),$

<sup>1)</sup> Die innere Begrenzung dieser Schicht ist in Taf. 3. Fig. 14 durch die punktirten Linien angegeben. Diese Figur zeigt die ebenen Netze beider Begrenzungen übereinanderliegend.

4) die zwölf den einzelnen Punkten  $1$  entsprechenden Punkte  $1^0, 1^0, 1^0, 2^0, 2^0, 2^0, 3^0, 3^0, 3^0, 4^0, 4^0, 4^0$ . (S. Taf. 3. Fig. 14, wo jedoch die letztgenannten 12 Punkte mit den ihnen entsprechenden zusammenfallen.)<sup>1)</sup>

Um sodann die Kanten  $K_3$  zu erhalten, verbinden wir

|                 |                 |                               |   |
|-----------------|-----------------|-------------------------------|---|
| die 4 Ecken $1$ | mit den Punkten | $(\bar{2}, \bar{3}, \bar{4})$ | = 12 Kanten   |
| „ 6 „ 12        | }               | „ „ „                         | $\bar{12}, \bar{21}$ = 12 „   |
|                 |                 | „ „ „                         | $\bar{1}(\bar{3}\bar{4}), \bar{2}(\bar{3}\bar{4})$ <sup>2)</sup> = 12 „ |
|                 | }               | „ „ „                         | $\bar{12}, \bar{41}$ = 24 „   |
| „ 12 „ 1(24)    |                 | „ „ „                         | $\bar{2}(\bar{3}\bar{4}), \bar{4}(\bar{2}\bar{3})$ = 24 „               |
|                 |                 | „ „ „                         | $\bar{3}$ = 12 „  |
|                 |                 | „ „ „                         | $1^0$ <sup>3)</sup> = 12 „  |

Summa 108 Kanten.

Ausserdem verbinden wir die 40 inneren Punkte durch die in Taf. 3. Fig. 14 punktiert gezeichneten Kanten; hierdurch ist dann die zweite Schicht construiert.

Untersucht man ferner die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

| Aus den Kanten: | vom Typus: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen. zusammen: |
|-----------------|------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 12              | 1, 13      | 4                     | 1                   | 12                 |
| 24              | 1, 13      | 3                     | 2                   | 48                 |
| 12              | 1, 1       | 3                     | 2                   | 24                 |
| 12              | 1, 3       | 3                     | 2                   | 24                 |
| 60              |            |                       |                     | 108.               |

Demnach ist  $S_4 = 108$ .

Man erkennt aus den letzten Zahlen sogleich, dass die Kanten 1, 13 keinen Körper von der Gattung  $C_4$  liefern (weil einer davon schon zwei Flächen von der Gattung  $S_4$  an derselben Kante beanspruchen würde), und ebenso, dass die drei übrigen Gattungen von Aussenkanten je einen solchen

<sup>1)</sup> Wie man zur Construction dieser Punkte gelangt, wird bei Betrachtung der dritten Schicht, deren Aussenecken sie sind, gezeigt werden.

<sup>2)</sup> d. h. mit dem Punkte  $\bar{1}$ , welcher zum Dreieck  $(\bar{1}\bar{3}\bar{4})$ , und mit dem Punkte  $\bar{2}$ , welcher zum Dreieck  $(\bar{2}\bar{3}\bar{4})$  gehört.

<sup>3)</sup> d. h. mit dem ihm entsprechenden Punkte  $1^0$ .

Körper liefern. Demnach ist die Zahl dieser Körper gleich  $24 + 12 + 12$ , oder

$$C_4 = 48.$$

Da aus den 40 Aussenflächen je ein Körper nach innen geht, so ist

$$C_2 - C_3 - C_4 = 40.$$

b) Anwendung der allgemeinen Formeln. — Da jede Aussenecke Innenkanten liefert, so ist  $E_{00} = E_{01} = 0$ . Setzt man diese Werthe, sowie diejenigen von  $n$ ,  $N$ ,  $p$ ,  $P$  in den Formeln 1) (p. 60) ein, und berücksichtigt, dass

$$\frac{2K_1 - K_3}{E_1} = 12$$

ist, so erhält man:

$$(5) \quad 2S_1 = 4C - S_2;$$

$$(6) \quad 3S_1 = 5K_1 + S_4 + (2K_2 - 3S_2);$$

$$(9) \quad 6C = 5K_1 + 2K_2 + C_4;$$

$$(11) \quad 3S_1 = 30E_1 + S_3 + 2S_4;$$

$$(13) \quad 4C = 20E_1 + 2C_4 + C_3 + E_2 p_1.$$

Aus Taf. 3. Fig. 4 ist ersichtlich, dass 12 Aussenecken zu je 5, 10 Aussenecken zu je 6 benachbarten Körpern gehören. Demnach ist in der letzten Formel das Glied  $E_2 p_1$  durch die Summe  $12 \cdot 5 + 10 \cdot 6 = 120$  zu ersetzen. Wenn man ausserdem in den letzten 6 Formeln für  $S_2$ ,  $K_2$ ,  $(K_3)$ ,  $S_4$ ,  $C_4$  die oben gefundenen Werthe setzt, so folgt:

$$S_1 = 2C - 20;$$

$$3S_1 = 5K_1 + 108;$$

$$6C = 5K_1 + 168;$$

$$3S_1 = 30E_1 + S_3 + 216;$$

$$4C = 20E_1 + C_3 + 216;$$

$$K_1 = 6E_1 + 54.$$

Mittelst der 1., 3., 6. Formel kann man  $S_1$ ,  $K_1$ ,  $E_1$  durch  $C$  ausdrücken, und erhält:

$$S_1 = 2C - 20; \quad K_1 = \frac{6C - 168}{5}; \quad E_1 = \frac{C - 73}{5}.$$

Setzt man die Werthe von  $E_1$  und  $S_1$  in der 4. und 5. Formel ein, so folgt:

$$S_3 = 162; \quad C_3 = 76. \quad 1)$$

Anm. Die 2. Formel ist eine Folge der 1. und 3.

1) Man könnte diese Werthe auch durch directe Zählung ermitteln, aber bei weitem nicht so leicht, als durch obiges Verfahren.

Hinsichtlich der Vertheilung dieser Flächen und Körper an die drei verschiedenen Arten von Aussenecken findet man, dass an den vier Ecken 1 je 1 Körper und 3 Flächen, an den sechs Ecken 12 je 2 Körper und 5 Flächen, an den zwölf Ecken 1 (zusammen  $76 - 4 - 12 = 60$  Körper und  $162 - 12 - 30 = 120$  Flächen, folglich an jeder Ecke 1) je 5 Körper und 10 Flächen liegen.

$$\text{Da } C_2 - C_3 - C_4 = 40, \text{ so ist}$$

$$C_2 = 164.$$

Dies ist also die Anzahl der in der zweiten Schicht enthaltenen Körper.

### Dritte Schicht.

Nach Entfernung der zweiten Schicht bleibt der auf Taf. 4. Fig. 15 in vergrössertem Maassstabe dargestellte Kern übrig. Das ebene Netz seiner Aussenfläche zeigen die vollständigen Linien der Fig. 17 (oder die punktirtten Linien in Taf. 3. Fig. 14). Dieser Kern bildet wieder einen homogenen tetraedrischen Körper, von welchem eine neue Schicht von Aussenkörpern (die dritte Schicht des ganzen Gebildes) abgelöst werden kann. Die Zusammensetzung dieses Körpers ergibt sich auf demselben Wege, wie im vorigen Falle.<sup>1)</sup>

Zunächst wird die äussere Begrenzung dieser Schicht durch folgende Bemerkungen bestimmt. Jeder Aussenfläche der zweiten Schicht entspricht ein äusserer Eckpunkt der dritten. Geht von der gemeinsamen Kante zweier solcher Aussenflächen nur eine Fläche nach innen, so fallen die entsprechenden beiden Eckpunkte in einen zusammen. Da dies zwölfmal (an den Kanten 1, 13) vorkommt, so würde die Zahl der Aussenecken der dritten Schicht  $40 - 12 = 28$  betragen. Da nun aber aus den Punkten 1, in welchen nur fünf Aussenflächen zusammenstossen (Taf. 3), nur je 5 Innenkanten (nach den diesen Flächen entsprechenden Ecken) gehen, während, wie oben gefunden, die Zahl dieser Innenkanten 6 sein soll, so muss man für jeden dieser 12 Punkte noch einen neuen Punkt ( $1^0$ ) auf der Aussenfläche der dritten Schicht annehmen, so dass für diese wieder  $E_2 = 40$  ist.

<sup>1)</sup> Taf. 4. Fig. 17 zeigt die ebenen Netze beider Begrenzungen übereinanderliegend. Die punktirtten Linien zeigen das Netz der inneren Schicht. In Taf. 4. Fig. 15 sind die über die Zahlen gehörenden Striche zur Vereinfachung weggelassen.

Die Aussenflächen der dritten Schicht sind offenbar die Grundflächen der 76 Körper von der Gattung  $C_3$  aus der zweiten Schicht. (Denn die von diesen Aussenflächen nach aussen gehenden Tetraeder können zur Oberfläche der zweiten Schicht nichts weiter als eine Ecke liefern.) Demnach ist für die dritte Schicht  $S_2 = 76$ .

Die Aussenkanten der dritten Schicht setzen sich zusammen erstens aus solchen, welche zu den 48 Körpern von der Gattung  $C_4$  der zweiten Schicht gehören. (Denn jeder dieser Körper liefert offenbar zu der Aussenfläche der zweiten wie zu der der dritten Schicht je eine Kante.) Diese 48 Kanten bilden zwölf Fünfecke ( $\overline{4}$ ,  $\overline{21}$ ,  $\overline{2(34)}$ ,  $\overline{3(24)}$ ,  $\overline{13}$ ) [1—3], [1—4], sechs Vierecke ( $\overline{12}$ ,  $\overline{1(34)}$ ,  $\overline{21}$ ,  $\overline{2(34)}$ ) [1—3]; ( $\overline{14}$ ,  $\overline{1(23)}$ ,  $\overline{4(23)}$ ,  $\overline{41}$ ) [1—3], und vier Dreiecke ( $\overline{1}$ ,  $\overline{2}$ ,  $\overline{3}$ ) [1—4].<sup>1)</sup> Hierzu treten  $5 : 12 = 60$  Kanten, durch welche die oben angenommenen zwölf neuen Punkte ( $1^0$ ) mit den Ecken jener Fünfecke verbunden werden müssen (wodurch letztere in je 5 Dreiecke zerfallen). Endlich noch 6 Kanten, welche die oben erwähnten Vierecke in Dreiecke theilen. Demnach ist die Zahl aller Aussenkanten  $48 + 60 + 6$  oder  $K_2 = 114$ .

a) Durch directe Zählung erhält man also  $S_2 = 76$ ,  $K_2 = 114$ ,  $E_2 = 40$ .

Untersucht man nun die Anzahl der aus den Aussenecken nach aussen und der nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich:

| Aus den Ecken: | vom Typus:      | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|-----------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 4              | $\overline{1}$  | 9                     | 3                   | 12                |
| 12             | $\overline{12}$ | 9                     | 3                   | 36                |
| 12             | $\overline{1}$  | 10                    | 2                   | 24                |
| 12             | $1^0$           | 6                     | 6                   | 72                |
| 40             |                 |                       |                     | 144               |

Demnach ist  $K_3 = 144$ .

Um diese Kanten zu erhalten, construiren wir 1) die vier den Dreiecken ( $\overline{234}$ ) entsprechenden Punkte  $\underline{1}$ ,  $\underline{2}$ ,  $\underline{3}$ ,  $\underline{4}$ , 2) die zwölf den Punkten  $\overline{12}$  entsprechenden Punkte  $\underline{12}$ ,  $\underline{21}$ ;  $\underline{23}$ ,  $\underline{32}$ ;  $\underline{31}$ ,  $\underline{13}$ ;  $\underline{14}$ ,  $\underline{41}$ ;  $\underline{24}$ ,  $\underline{42}$ ;  $\underline{34}$ ,  $\underline{43}$ , 3) die zwölf den Punkten  $\overline{1}$  entsprechenden Punkte ( $\underline{2, 3, 4}$ ), ( $\underline{3, 4, 1}$ ), ( $\underline{4, 1, 2}$ ), ( $\underline{1, 2, 3}$ ),

<sup>1)</sup> Die Lage dieser Figuren zeigt Taf. 4. Fig. 16.

4) die zwölf den einzelnen Punkten  $I^0$  entsprechenden Punkte  $1_0, 1_0, 1_0, 2_0, 2_0, 2_0, 3_0, 3_0, 3_0, 4_0, 4_0, 4_0$ . (S. Taf. 4. Fig. 17, wo jedoch die letztgenannten Punkte mit den ihnen entsprechenden, und die unter 2) genannten mit den Punkten  $(\bar{1}, \bar{2}, \bar{3})$  zusammenfallen.

Um sodann die Kanten  $K_3$  zu erhalten, verbinden wir

|                             |                 |  |             |
|-----------------------------|-----------------|--|-------------|
| die 4 Ecken $\bar{1}$       | mit den Punkten | $(\underline{2}, \underline{3}, \underline{4})$  | = 12 Kanten |
| „ 12 „ $\bar{12}, \bar{21}$ | {               | „ „ „ $\underline{12}, \underline{21}$   | = 24 „      |
| „ 12 „ $\bar{1}$            |                 | „ „ „ $\underline{4}(\underline{21})$ resp. $\underline{3}(\underline{21})$                      | = 12 „      |
| „ 12 „ $I^0$                | {               | „ „ „ $\underline{1}, \underline{12}$  | = 24 „      |
|                             |                 | „ „ „ $I_0$  | = 12 „      |
|                             |                 | „ „ „ $\underline{2}(\underline{4}, \underline{1}), \underline{4}(\underline{2}, \underline{1})$ | = 24 „      |
|                             |                 | „ „ „ $\underline{21}, \underline{41}$   | = 24 „      |
|                             | „ „ „           | $\underline{1}$  | = 12 „      |

Summa 144 Kanten.

Ausserdem verbinden wir die 40 inneren Punkte durch die in Taf. 4. Fig. 17 punktiert gezeichneten Linien; hierdurch ist dann die dritte Schicht konstruirt.

Untersucht man ferner die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

Aus den Kanten: vom Typus: gehen nach aussen je: also nach innen je: Flächen, zusammen:

|     |                      |   |   |      |
|-----|----------------------|---|---|------|
| 12  | $\bar{1}, \bar{13}$  | 4 | 1 | 12   |
| 24  | $\bar{1}, \bar{12}$  | 4 | 1 | 24   |
| 12  | $\bar{1}, \bar{2}$   | 4 | 1 | 12   |
| 6   | $\bar{13}, \bar{31}$ | 3 | 2 | 12   |
| 60  | $I^0, \dots$         | 3 | 2 | 120  |
| 114 |                      |   |   | 180. |

Demnach ist  $S_4 = 180$ .

Man erkennt aus den letzten Zahlen sogleich, dass nur die beiden letzten Gattungen von Kanten je einen Körper von der Gattung  $C_4$  liefern. Demnach ist die Zahl dieser Körper gleich  $6 + 60$ , oder

$$C_4 = 66.$$

Da aus den 76 Aussenflächen je ein Körper nach innen geht, so ist

$$C_2 - C_3 - C_4 = 76.$$

b) Anwendung der allgemeinen Formeln. — Da jede Aussenecke Innenkanten liefert, so gelten wieder die Formeln (p. 73).

Aus Taf. 4. Fig. 17 ist ersichtlich, dass 12 Aussenecken zu je 5, 28 Aussenecken zu je 6 benachbarten Körpern gehören. Demnach ist in der letzten Formel das Glied  $E_2 p_1$  durch die Summe  $12 \cdot 5 + 28 \cdot 6 = 228$  zu ersetzen. Wenn man ausserdem in den obigen Formeln für  $S_2, K_2, K_3, S_4, C_4$  die oben gefundenen Werthe setzt, so folgt:

$$\begin{aligned} S_1 &= 2C - 38; \\ 3S_1 &= 5K_1 + 180; \\ 6C &= 5K_1 + 294; \\ 3S_1 &= 30E_1 + S_3 + 360; \\ 4C &= 20E_1 + C_3 + 360; \\ K_1 &= 6E_1 + 72. \end{aligned}$$

Mittelst der 1., 3., 6. Formel kann man  $S_1, K_1, E_1$  durch  $C$  ausdrücken, und erhält:

$$S_1 = 2C - 38; \quad K_1 = \frac{6C - 294}{5}; \quad E_1 = \frac{C - 109}{5}.$$

Setzt man die Werthe von  $E_1$  und  $S_1$  in der 4. und 5. Formel ein, so folgt:

$$S_3 = 180; \quad C_3 = 76.$$

Hinsichtlich der Vertheilung dieser Flächen und Körper an die vier verschiedenen Arten von Aussenecken findet man, dass an den vier Ecken  $\bar{1}$  je 1 Körper und 3 Flächen, an den zwölf Ecken  $\bar{12}$  je 1 Körper und 3 Flächen, an den zwölf Ecken  $\bar{1}$  je 0 Körper und 1 Fläche, an den zwölf Ecken  $1^0$  je 5 Körper und 10 Flächen liegen.

Da  $C_2 - C_3 - C_4 = 76$ , so ist

$$C_2 = 218.$$

Dies ist also die Anzahl der in der dritten Schicht enthaltenen Körper.

#### Vierte Schicht.

Nach Entfernung der dritten Schicht bleibt der auf Taf. 4. Fig. 18 dargestellte Kern übrig. Seine Aussenfläche ist, wie sich nachher zeigen wird, genau ebenso zusammengesetzt, wie die der dritten Schicht. Das ebene Netz dieser Aussenfläche zeigen die vollständigen Linien in Taf. 5. Fig. 19 (oder die punktirten Linien in Taf. 4. Fig. 17). Der nach Entfernung der dritten Schicht

übrigbleibende Kern bildet wieder einen homogenen tetraedrischen Körper, von welchem eine neue Schicht von Aussenkörpern (die vierte Schicht des ganzen Gebildes) abgelöst werden kann.<sup>1)</sup>

Die äussere Begrenzung dieser Schicht wird durch folgende Bemerkungen bestimmt. Jeder Aussenfläche der dritten Schicht entspricht ein äusserer Eckpunkt der vierten. Dies würde 76 solcher Eckpunkte geben. So oft aber von einer Aussenkante nur eine Fläche nach innen geht, fallen zwei solcher Eckpunkte zusammen. Da dies 48mal vorkommt, so hätte man  $76 - 48 = 28$  Eckpunkte. Da nun aber aus den Punkten  $1^0$  (Taf. 4) nur je 5 Innenkanten gehen (statt 6), so muss man für jeden dieser 12 Punkte noch einen neuen Punkt ( $1_0$ ) auf der Aussenfläche der vierten Schicht annehmen, so dass für diese wieder  $E_2 = 40$  ist.

Die Aussenflächen der vierten Schicht sind die Grundflächen der 76 Körper von der Gattung  $C_3$  aus der dritten Schicht. Demnach ist für die vierte Schicht  $S_2 = 76$ .

Die Aussenkanten der vierten Schicht setzen sich zusammen erstens aus solchen, welche zu den 66 Körpern von der Gattung  $C_4$  der dritten Schicht gehören. Dies würde 66 Kanten geben. Aber es fallen 12mal je zwei solcher Kanten in eine zusammen (die Verbindungsstrecke der Endpunkte der beiden von einem Punkte  $\bar{1}$  ausgehenden Innenkanten). Dadurch reducirt sich die Zahl dieser Kanten auf 54. Diese Kanten bilden zwölf Fünfecke und sechzehn Dreiecke.<sup>2)</sup> Hierzu treten  $5 \cdot 12 = 60$  Kanten, durch welche die oben angenommenen zwölf neuen Punkte ( $1_0$ ) mit den Ecken jener Fünfecke verbunden werden müssen (wodurch letztere in je 5 Dreiecke zerfallen). Demnach ist die Zahl aller Aussenkanten  $54 + 60$  oder  $K_2 = 114$ .

a) Durch directe Zählung erhält man also  $S_2 = 76$ ,  $K_2 = 114$ ,  $E_2 = 40$ . Hiernach ist die Aussenfläche der vierten Schicht genau ebenso beschaffen, wie diejenige der dritten.

<sup>1)</sup> In Taf. 4 Fig. 18 sind die unter die Zahlen gehörenden Striche zur Vereinfachung weggelassen.

<sup>2)</sup> Die Lage dieser Figuren zeigen die starken Linien in Taf. 5. Fig. 19. Diese Figur entsteht aus Taf. 4. Fig. 16, wenn man in den sechs Vierecken noch die Diagonalen vom Typus  $\bar{12}$ ,  $\bar{21}$  zieht, und alle oberen Indices und Striche nach unten rückt. Ausserdem muss statt des Punktes  $\bar{3}$  das Dreieck ( $\bar{1} \bar{2} \bar{4}$ ) in die Mitte gerückt werden.

Untersucht man nun die Anzahl der aus den Aussenecken nach aussen und der nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich

| Aus den Ecken: | vom Typus:           | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|----------------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 4              | <u>1</u>             | 12                    | 0                   | 0                 |
| 12             | <u>12</u>            | 11                    | 1                   | 12                |
| 12             | <u>1</u>             | 10                    | 2                   | 24                |
| 12             | <u>1<sub>0</sub></u> | 6                     | 6                   | 72                |
| 10             |                      |                       |                     | 144.              |

Da nun aber aus den Ecken 1 keine Kanten nach innen gehen, so müssen die drei aus diesen Ecken auf der Oberfläche nach Punkten 1<sub>0</sub> gehenden Kanten Seitenkanten je eines Tetraeders sein, dessen Grundkanten die Verbindungsstrecken jener drei Punkte 1<sub>0</sub> sind. Diese Strecken, welche oben zu den 72 nach innen gehenden Verbindungen gezählt wurden, müssen also von denselben in Abzug gebracht werden. Und da aus jedem der 12 Punkte 1<sub>0</sub> zwei solcher Strecken gehen, so gehen aus diesen Punkten nur  $72 - 24 = 48$  Kanten nach innen, mithin ist  $K_3 = 84$ .

Um diese Kanten zu erhalten, construiren wir 1) die vier den Dreiecken (2 3 4) entsprechenden Punkte 1, 2, 3, 4, 2) die sechs den Punktepaaren 12, 21 entsprechenden Punkte 12, 23, 13, 14, 24, 34, 3) die vier den Dreiecken (1<sub>0</sub> 1<sub>0</sub> 1<sub>0</sub>) entsprechenden Punkte 1, 2, 3, 4. (S. Taf. 5. Fig. 20, wo die Punkte 1, welche keine Verbindungen nach innen haben, nebst ihren äusseren Verbindungen weggelassen sind.)

Um sodann die Kanten  $K_3$  zu erhalten, verbinden wir

|                            |                        |       |        |       |            |
|----------------------------|------------------------|-------|--------|-------|------------|
| die 12 Ecken <u>12, 21</u> | mit den Punkten        | 12    | =      | 12    | Kanten     |
| " 12                       | " <u>1 (2, 3)</u>      | " " " | 23     | =     | 12 "       |
|                            |                        | " " " | 4      | =     | 12 "       |
|                            |                        | " " " | 1      | =     | 12 "       |
| " 12                       | " <u>1<sub>0</sub></u> | " " " | 12, 14 | =     | 24 "       |
|                            |                        | " " " | 3      | =     | 12 "       |
|                            |                        |       |        | Summa | 84 Kanten. |

Ausserdem verbinden wir die 14 inneren Punkte durch die in Taf. 5. Fig. 20 punktirt gezeichneten Linien; hierdurch ist dann die vierte Schicht construirt.

Untersucht man ferner die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

| Aus den Kanten: | vom Typus:                | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen, zusammen: |
|-----------------|---------------------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 12              | <u>1, 13</u>              | 5                     | 0                   | 0                  |
| 24              | <u>1, 12</u>              | 4                     | 1                   | 24                 |
| 12              | <u>1, 2</u>               | 4                     | 1                   | 12                 |
| 6               | <u>13, 31</u>             | 4                     | 1                   | 6                  |
| 60              | <u>1<sub>0</sub>, ...</u> | 3                     | 2                   | 120                |
| 114             |                           |                       |                     | 162.               |

Bei den letzteren Flächen kommt es aber  $4 \cdot 12 = 48$ -mal vor, dass die Fläche aus der Aussenkante nicht nach einer Innen-, sondern nach einer Aussenecke geht. Daher ist die letzte Zahl 120 um 48 zu vermindern. Andererseits entstehen durch die Verbindungen zwischen den Punkte-Tripeln  $(1_0, 1_0, 1_0)$   $3 \cdot 4 = 12$  neue Kanten (welche nach der demnächst vorzunehmenden Entfernung der an den Ecken 1 liegenden Tetraeder Aussenkanten werden), deren jede 2 Flächen nach innen liefert. Dadurch steigt die Zahl unserer Flächen wieder um 24, und ist schliesslich  $162 - 48 + 24$ , also

$$S_4 = 135.$$

Von den in letzter Reihe stehenden 60 Kanten liefern 24 (vom Typus  $1_0, \underline{2}$  und  $1_0, \underline{4}$ ) je einen Körper von der Gattung  $C_4$ . Dazu treten 12 Körper, die von den 12 oben erwähnten neuen Kanten ausgehen; demnach ist

$$C_4 = 36.$$

Aus den 76 Aussenflächen geht je ein Körper nach innen. Aber die an den  $4 \cdot 6 = 24$  Aussenflächen, welche um die Punkte 1 herumliegen, liegenden 16 Tetraeder  $(1, \underline{31}, 1_0, 1_0)$ ,  $(1, \underline{41}, 1_0, 1_0)$ ,  $(1, \underline{21}, 1_0, 1_0)$ ,  $(1, 1_0, 1_0, 1_0)$  [1—4] enthalten nur Aussenecken. Entfernt man dieselben, so verschwinden jene 24 Aussenflächen, und nur noch  $76 - 24$  Aussenflächen liefern Körper nach innen. Da aber an die Stelle von je 6 verschwindenden Aussenflächen vier neue treten  $(1_0 1_0 1_0)$ ,  $(1_0 1_0 21)$ ,  $(1_0 1_0 \underline{31})$ ,  $(1_0 1_0 \underline{41})$  [1—4], so treten im Ganzen wieder 16 Aussenflächen hinzu, und die Zahl aller Aussenflächen, welche je einen Körper nach innen liefern, beträgt schliesslich  $76 - 24 + 16$ , daher ist

$$C_2 - C_3 - C_4 = 68.$$

Aus den letzten Betrachtungen geht hervor, dass wir die oben erwähnten 16 Tetraeder von der vierten Schicht entfernen müssen, wenn die Unter-

suchungen über das Innere derselben analog mit den vorher angestellten ausfallen sollen. Die zuletzt bestimmten Zahlen  $K_3, S_4, C_4$  beziehen sich bereits auf die „reducirte“ Schicht.<sup>1)</sup> Was die vorher bestimmten Grössen  $S_2, K_2, E_2$  betrifft, so vermindert sich, wie leicht zu sehen ist,  $E_2$  um  $4 \cdot 1 = 4$  (die Ecken  $\underline{1}, \underline{2}, \underline{3}, \underline{4}$ ),  $K_2$  um  $4 \cdot 6 - 4 \cdot 3 = 12$  (es verschwinden die 6 von 1 ausgehenden Kanten, und treten hinzu die Seiten des Dreiecks  $(1_0 1_0 1_0)$ ),  $S_2$  um  $4 \cdot 6 - 4 \cdot 4 = 8$  (wie oben gefunden); es bleiben also für die reducirte Schicht die Werthe

$$E_2 = 36, S_2 = 68, K_2 = 102.$$

Die Reduction der vierten Schicht hat übrigens noch eine besondere Bedeutung. Durch Wegnahme jener 16 Körper wird nämlich der tetraedrische Typus, den die Aussenflächen der Schichten bisher zeigten (Taf. 3. Fig. 13; Taf. 4. Fig. 15), in den octaedrischen verwandelt, der in der Darstellung der Taf. 4. Fig. 18 bereits kenntlich gemacht ist. Diesen Typus zeigt auch noch die nächste Schicht (Taf. 5. Fig. 21).

b) Anwendung der allgemeinen Formeln. — Da jede Aussenecke Innenkanten liefert, so gelten wieder die Formeln p. 73.

Aus Taf. 5. Fig. 20 ist ersichtlich, dass 24 Aussenecken zu je 6, 12 Aussenecken zu je 5 benachbarten Körpern gehören. Demnach ist in der letzten Formel das Glied  $E_2 p_1$  durch  $24 \cdot 6 + 12 \cdot 5 = 204$  zu ersetzen. Wenn man ausserdem in den obigen Formeln die oben gefundenen Werthe von  $S_2, K_2, K_3, S_4, C_4$  einsetzt, so folgt:

$$\begin{aligned} S_1 &= 2C - 34; \\ 3S_1 &= 5K_1 + 138; \\ 6C &= 5K_1 + 240; \\ 3S_1 &= 30E_1 + S_3 + 276; \\ 4C &= 20E_1 + C_3 + 360; \\ K_1 &= 6E_1 + 42. \end{aligned}$$

Mittelst der 1. 3. 6. Formel kann man  $S_1, K_1, E_1$  durch  $C$  ausdrücken, und erhält:

$$S_1 = 2C - 34; \quad K_1 = \frac{6C - 240}{5}; \quad E_1 = \frac{C - 75}{5}.$$

<sup>1)</sup> Taf. 5. Fig. 20 zeigt die übereinanderliegenden ebenen Netze der äusseren und der inneren Begrenzung dieser reducirten Schicht. In Taf. 4. Fig. 18 bleibt nach Entfernung aller aus den Punkten  $\underline{1}, \underline{2}, \underline{3}, \underline{4}$  gehenden Linien die reducirte Schicht übrig.

Setzt man die Werthe von  $E_1$  und  $S_1$  in der 4. und 5. Formel ein, so folgt:

$$S_3 = 72; \quad C_3 = 24.$$

Diese Flächen und Körper sind an die verschiedenen Arten von Aussenecken so vertheilt, dass an den zwölf Ecken  $1_0$  je 2 Körper und 5 Flächen, an den zwölf Ecken  $\underline{1}$  je 0 Körper und 1 Fläche liegen.

Da  $C_2 - C_3 - C_4 = 68$ , so ist

$$C_2 = 128.$$

Bezeichnen wir die oben weggelassenen Körper mit  $C'$ , so dass

$$C' = 16,$$

so ist

$$C_2 + C' = 144$$

die Anzahl der in der vollständigen vierten Schicht enthaltenen Körper.

#### Fünfte Schicht.

Nach Entfernung der vierten Schicht bleibt der auf Taf. 5. Fig. 21 dargestellte Kern übrig. Das ebene Netz seiner Aussenfläche zeigen die vollständigen Linien der Fig. 22 (oder die punktirten Linien in Fig. 20).

Die äussere Begrenzung dieser Schicht wird durch folgende Bemerkungen bestimmt. Jeder Aussenfläche der vierten Schicht entspricht ein äusserer Eckpunkt der fünften. Dies würde 68 Eckpunkte geben. Nun liefern aber nur die vier neu entstandenen Aussenflächen der reducirten vierten Schicht je eine besondere Ecke; ferner 4.4 Flächen (nämlich die Dreiecke ( $\underline{1}$   $\underline{2}$   $\underline{3}$ ) nebst den durch eine Seite an sie angrenzenden) nur je eine Ecke, endlich die übrigen 6.8 Flächen wieder nur je eine Ecke; also ist  $3.4 + 7.6 = 54$  von obiger Zahl 68 zu subtrahiren, so dass  $E_2 = 14$  ist.

Die Aussenflächen der fünften Schicht sind die Grundflächen der 24 Körper von der Gattung  $C_3$  der vierten Schicht. Demnach ist für die fünfte Schicht  $S_2 = 24$ .

Die Aussenkanten der fünften Schicht sind diejenigen, welche zu den 36 Körpern von der Gattung  $C_4$  der vierten Schicht gehören. Mithin ist  $K_2 = 36$ .

Durch directe Zählung erhält man also  $S_2 = 24$ ,  $K_2 = 36$ ,  $E_2 = 14$ .

Untersucht man nun die Anzahl der aus den Aussenecken nach aussen und der nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich:

| Aus den Ecken: | vom Typus: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 4              | 1          | 9                     | 3                   | 12                |
| 6              | 12         | 12                    | 0                   | 0                 |
| 4              | 1          | 12                    | 0                   | 0                 |
| 14             |            |                       |                     | 12.               |

Da nun aber aus den Ecken 1 keine Kanten nach innen gehen, so müssen die drei aus diesen Ecken auf der Oberfläche nach den Punkten (2, 3, 4) gehenden Kanten Seitenkanten je eines Tetraeders sein, dessen Grundkanten die Verbindungsstrecken jener drei Punkte sind. Diese Strecken, welche oben zu den 12 nach innen gehenden Verbindungen gezählt wurden, müssen also von denselben in Abzug gebracht werden. Und da aus jedem der vier Punkte 1 drei solche Strecken gehen, so ist die Zahl der abzuziehenden Strecken gleich 12, also  $K_3 = 0$ .

Hiermit hat also unser Zerlegungsverfahren sein Ende erreicht. Das Tetraeder (1 2 3 4), dessen Kanten die nicht an der Oberfläche der fünften Schicht liegenden Verbindungsstrecken der Punkte 1, 2, 3, 4 sind, bildet den innersten Kern des ganzen Gebildes.

Aus dem Umstande, dass  $K_3 = 0$  ist, folgt ohne Weiteres, dass auch  $S_4 = C_4 = S_3 = C_3 = 0$  ist.

Untersucht man noch die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

| Aus den Kanten: | vom Typus: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen, zusammen: |
|-----------------|------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 12              | 1, 23      | 5                     | 0                   | 0                  |
| 12              | 1, 23      | 4                     | 1                   | 12                 |
| 12              | 1, 2       | 3                     | 2                   | 24                 |
| 36              |            |                       |                     | 36.                |

Diese 36 Flächen reduciren sich aber durch das Zusammenfallen von je zweien auf 18, die, wie schon oben gefunden, nicht zur Gattung  $S_4$  zu rechnen sind, weil jede von ihnen drei Aussenecken verbindet.

Es ist schliesslich noch  $C_2$  zu bestimmen. Die Zahl derjenigen Körper, welche zur Oberfläche der fünften Schicht je eine Fläche liefern, müsste gleich  $S_2$ , also 24 sein. Aber je 2 dieser 24 Aussenflächen, welche durch eine Kante 1, 12 getrennt sind, gehören zu demselben Körper. Hiernach reducirt sich die Zahl dieser Körper auf 12. Entfernt man dieselben (welche mit dem innersten Tetraeder je eine Kante gemeinsam haben), so bleiben

noch 4 Tetraeder, welche eine der Ecken 1 als Spitze, und eine Fläche des innersten Tetraeders als Grundfläche haben. Entfernt man auch diese, so bleibt das innerste Tetraeder allein übrig. Hiernach ist

$$C_2 = 12 + 4 + 1 = 17.$$

die Anzahl aller in der fünften Schicht enthaltenen Körper.

Bestimmt man schliesslich die Summe der in allen fünf Schichten enthaltenen Körper, so findet sich

$$56 + 164 + 218 + (16 + 128) + 17 = 599;$$

also

$$C = 599.$$

Setzt man diesen Werth (und  $P = 20$ ) in den allgemeinen Formeln der tetraedrischen Körper ein, so erhält man schliesslich

$$S = 1200; \quad E = 120; \quad K = 720;$$

$$S_1 = 1196; \quad E_1 = 116; \quad K_1 = 714.$$

## 2. Octaedrische Körper.

Man hat  $n = 3$ ,  $p = 4$ ,  $\Delta = 2$ .

Die Formeln (21) — (34) lauten jetzt:

$$C_1 = C - 2 - 6 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+2} \right]; \quad C = C_1 + 2 + 6 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+2} \right].$$

$$S = 4(C+1); \quad E = \frac{6(C+1)}{P}; \quad K = \frac{3(P+2)(C+1)}{P};$$

$$S_1 = 4(C-1); \quad E_1 = \frac{6}{P}(C+1-P); \quad K_1 = \frac{3}{P}[(2+P)(C+1) - 4P];$$

$$K_3 = 6(P-2); \quad S_4 = \frac{24(P-2)}{P+2}; \quad S_3 = \frac{12(P-2)^2}{P+2};$$

$$C_4 = 12 \left[ \frac{2(P-2)}{P+2} - 1 \right]; \quad C_3 = 6 \left[ P - 1 - \frac{8(P-2)}{P+2} \right]; \quad C_2 = 2 + 6 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+2} \right].$$

### d) Der dreiundzwanzigtheilige octaedrische Körper.

$$x = 3; \quad P = 6.$$

Man erhält

$$C_1 = C - 14; \quad C = C_1 + 14.$$

Um zur Construction dieses Körpers zu gelangen, untersuchen wir zuerst die Beschaffenheit der durch die 14 Aussenkörper gebildeten äusseren Schicht. Die Eigenschaften derselben ergeben sich aus den von  $C$  unabhängigen Formeln.

Man erhält:

$$\begin{aligned} K_3 &= 24, S_4 = 12, S_3 = 24, \\ C_4 &= 0, C_3 = 6, C_2 = 56. \end{aligned}$$

Hiernach stossen in jeder Aussenecke 4 Innenkanten, 4 Innenflächen und 1 Aussenkörper von der Gattung  $C_3$  zusammen. Schneidet man eine Aussenecke durch eine Ebene von dem Körper ab, so hat die Schnittfläche genau die Gestalt der fünftheiligen tetragonalen Figur (Taf. 1. Fig. 2a).

Ferner geht durch jede Aussenkante 1 Innenfläche, während kein Körper existirt, der nur Aussenkanten lieferte.

Endlich wird jede Aussenfläche einen Aussenkörper liefern.

Hiernach construiren wir (Taf. 6. Fig. 23) zuerst zwölf den Kanten des Octaeders entsprechende Punkte 12, 13, 14, 15; 26, 36, 46, 56; 23, 24, 35, 45, und erhalten dadurch acht an den Aussenflächen liegende Octaeder. Eins derselben ist 1, 2, 3, 12, 23, 31. Drei andere erhält man hieraus, wenn man entweder 2 mit 5, oder 3 mit 4, oder beides vertauscht. Aus diesen 4 Körpern erhält man die übrigen, indem man überall 1 mit 6 vertauscht.

Ferner construiren wir die sechs den Ecken des gegebenen Octaeders entsprechenden Punkte 1, 2, 3, 4, 5, 6 (Taf. 6. Fig. 24), und erhalten dadurch sechs an den Aussenecken liegende Octaeder. Eins derselben ist 1, 1, 12, 13, 14, 15. Die anderen erhält man hieraus, indem man die Ziffer 1 nach einander durch 2—6 ersetzt, und gleichzeitig in der Gruppe der vier letzten Punkte statt 6 der Reihe nach 5—1 fehlen lässt. Von diesen Körpern sind auf Taf. 6. Fig. 23 die äusseren, auf Taf. 6. Fig. 24 die inneren Hälften dargestellt.<sup>1)</sup>

Die Punkte 1—6 bilden ein weiteres, im Innern des Körpers liegendes Octaeder, welches den Kern des ganzen Körpers darstellt.

An den Seitenflächen dieses Octaeders liegen endlich noch acht innere Octaeder. Eins derselben ist 1, 2, 3, 12, 23, 31. Drei andere erhält man hieraus, wenn man entweder 2 mit 5, oder 3 mit 4, oder beides vertauscht. Aus diesen vier Körpern erhält man die übrigen, indem man überall 1 mit 6 vertauscht.

Hiernach beträgt die Anzahl aller Innenkörper

$$C_1 = 9, \text{ oder } C = 23.$$

<sup>1)</sup> Die mit zwei Ziffern bezeichneten Punkte sind im Falle der Regelmässigkeit des Gebildes die Ecken eines Cubo-Octaeders.

Setzt man diesen Werth (und  $P = 6$ ) in die allgemeinen Formeln der octaedrischen Körper ein, so erhält man schliesslich

$$S = 96, \quad E = 24, \quad K = 96, \\ S_1 = 88, \quad E_1 = 18, \quad K_1 = 84.$$

### 3. Ikosaedrische Körper.

Man hat  $n = 3$ ;  $p = 5$ ;  $\Delta = 1$ .

Die Formeln (21) — (34) lauten jetzt:

$$C_1 = C - 2 - 12 \left[ \frac{3(P-2)^2}{3P+4} \right]; \quad C = C_1 + 2 + 12 \left[ \frac{3(P-2)^2}{3P+4} \right]; \\ S = 10(C+1); \quad E = \frac{12(C+1)}{P}; \quad K = \frac{3(4+3P)(C+1)}{P}; \\ S_1 = 10(C-1); \quad E_1 = \frac{12}{P}(C+1-P); \quad K_1 = \frac{3}{P}[(4+3P)(C+1) - 10P]; \\ K_3 = 18(P-2); \quad S_4 = 120 \left( \frac{P-2}{3P+4} \right); \quad S_3 = 30(P-2) \cdot \frac{3P-4}{3P+4}. \\ C_4 = 30 \left[ \frac{4(P-2)}{3P+4} - 1 \right]; \quad C_3 = 12 \left[ P - 1 - \frac{20(P-2)}{3P+4} \right]; \quad C_2 = 2 + 12 \left[ \frac{3(P-2)^2}{3P+4} \right].$$

Speziell erhält man für  $P = 12$  ( $x = 3$ ):

$$C_1 = C - 92; \quad C = C_1 + 92; \\ S = 10(C+1); \quad E = C+1; \quad K = 10(C+1); \\ S_1 = 10(C-1); \quad E_1 = C-11; \quad K_1 = 10(C-2); \\ K_3 = 180; \quad S_4 = 30; \quad S_3 = 240; \\ C_4 = 0; \quad C_3 = 72; \quad C_2 = 92.$$

Hiernach stossen in jeder Aussenecke 15 Innenkanten, 20 Innenflächen und 6 Aussenkörper von der Gattung  $C_3$  zusammen. Schneidet man diese Aussenecke durch eine Ebene von dem gegebenen Ikosaeder ab, so hat die Schnittfläche genau die Gestalt der elftheiligen pentagonalen Figur (Taf. I. Fig. 4a).

Ferner geht durch jede Aussenkante 1 Innenfläche, während kein Körper existirt, der nur Aussenkanten lieferte.

Endlich wird jede Aussenfläche einen Aussenkörper liefern.

Man kann nun ebenso wie in den Fällen c) und d) verfahren, um die innere Beschaffenheit des Körpers kennen zu lernen. Es ist aber, wie oben gefunden, das Verfahren der Zerlegung in diesem Falle ein unbegrenztes. Die Körper nähern sich an Grösse der Grenze Null, und es bleibt im Innern

des gegebenen Ikosaeders ein unzerlegter Raum übrig. (Vgl. den Abschnitt e, p. 27.)

**4. Hexaedrische Körper.**

Man hat  $n = 4$ ;  $p = 3$ ;  $\Delta = 2$ .

Die Formeln (21) — (34) lauten jetzt:

$$C_1 = C - 2 - 8 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right]; \quad C = C_1 + 2 + 8 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right].$$

$$S = 3(C+1); \quad E = \frac{8(C+1)}{P}; \quad K = \frac{2(P+4)(C+1)}{P};$$

$$S_1 = 3(C-1); \quad E_1 = \frac{8}{P}(C+1-P); \quad K_1 = \frac{2}{P}[(4+P)(C+1) - 6P].$$

$$K_3 = 4(P-2); \quad S_4 = \frac{48(P-2)}{P+4}; \quad S_3 = 12(P-2) \cdot \frac{P-4}{P+4};$$

$$C_4 = 12 \left[ \frac{4(P-2)}{P+4} - 1 \right]; \quad C_3 = 8 \left[ P-1 - \frac{20(P-2)}{P+4} \right]; \quad C_2 = 2 + 8 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right].$$

**e) Der siebentheilige hexaedrische Körper.**

$$x = 3; \quad P = 4.$$

Man erhält

$$C_1 = C - 6; \quad C = C_1 + 6.$$

Setzt man nun

$$C_1 = 1, \text{ also } C = 7,$$

so folgt weiter:

$$S = 24, \quad E = 16, \quad K = 32,$$

$$S_1 = 18, \quad E_1 = 8, \quad K_1 = 20,$$

$$K_3 = 8, \quad S_4 = 12, \quad S_3 = 0,$$

$$C_4 = 0, \quad C_3 = 0, \quad C_2 = 6.$$

Die Construction des Körpers unterliegt keinen Schwierigkeiten und ist aus Taf. 6. Fig. 25 ersichtlich.

Ferner erhält man für  $P = 8$  ( $x = 4$ ):

$$C_1 = C - 26; \quad C = C_1 + 26;$$

$$S = 3(C+1); \quad E = C+1; \quad K = 3(C+1);$$

$$S_1 = 3(C-1); \quad E_1 = C-7; \quad K_1 = 3(C-3);$$

$$K_3 = 24; \quad S_4 = 24; \quad S_3 = 24;$$

$$C_4 = 12; \quad C_3 = 8; \quad C_2 = 26.$$

Endlich für  $P = 20$  ( $x = 5$ ):

$$C_1 = C - 110; \quad C = C_1 + 110;$$

$$S = 3(C + 1); \quad E = \frac{2(C + 1)}{5}; \quad K = \frac{12(C + 1)}{5};$$

$$S_1 = 3(C - 1); \quad E_1 = \frac{2(C - 19)}{5}; \quad K_1 = \frac{12(C - 4)}{5};$$

$$K_3 = 72; \quad S_4 = 36; \quad S_3 = 144;$$

$$C_4 = 24; \quad C_3 = 80; \quad C_2 = 110.$$

In beiden Fällen ist das Verfahren der Zerlegung, wie oben gefunden, wieder unbegrenzt; jedoch mit dem Unterschiede, dass für  $P = 8$  eine vollständige Ausfüllung des gegebenen Hexaeders, wenn auch erst im Unendlichen, erreicht wird, während für  $P = 20$  (ebenso wie beim ikosaedriscen Körper) im Innern ein unzerlegter Raum übrig bleibt.

### 5. Dodekaedrische Körper.

Man hat  $n = 5$ ,  $p = 3$ ,  $\Delta = 1$ .

Die Formeln (21) — (34) lauten jetzt:

$$C_1 = C - 2 + 20 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right]; \quad C = C_1 + 2 + 20 \left[ \frac{(P-2)^2}{P+4} \right].$$

$$S = 6(C + 1); \quad E = \frac{20(C + 1)}{P}; \quad K = \frac{5(4 + P)(C + 1)}{P};$$

$$S_1 = 6(C - 1); \quad E_1 = \frac{20}{P}(C + 1 - P); \quad K_1 = \frac{5}{P} [(4 + P)(C + 1) - 6P];$$

$$K_3 = 10(P - 2); \quad S_4 = 120 \left( \frac{P-2}{P+4} \right); \quad S_3 = 30(P - 2) \cdot \frac{P-4}{P+4};$$

$$C_4 = 30 \left[ \frac{4(P-2)}{P+4} - 1 \right]; \quad C_3 = 20 \left[ P - 1 - \frac{12(P-2)}{P+4} \right]; \quad C_2 = 2 + 20 \left[ \frac{P-2^2}{P+4} \right].$$

#### f) Der einhundertneunzehnteilige dodekaedrische Körper.

$$x = 3; \quad P = 4.$$

Man erhält:

$$C_1 = C - 12; \quad C = C_1 + 12.$$

Um zur Construction dieses Körpers zu gelangen, untersuchen wir zuerst die Beschaffenheit der durch die 12 Aussenkörper gebildeten äusseren (ersten) Schicht. Die Eigenschaften derselben ergeben sich aus den von  $C$  unabhängigen Formeln.

#### Erste Schicht.

Man erhält:

$$K_3 = 20; \quad S_4 = 30; \quad S_3 = 0;$$

$$C_4 = 0; \quad C_3 = 0; \quad C_2 = 12.$$

Hiernach geht aus jeder Aussenecke 1 Innenkante, aus jeder Aussenkante 1 Innenfläche, während jede Aussenfläche 1 Aussenkörper liefert.

Construirt man diese 12 Aussenkörper, so ist unmittelbar klar, dass jeder derselben 1 Aussenfläche und 5 Innenflächen von der Gattung  $S_4$  liefert. Die innere Grenze der ersten Schicht besteht also aus  $6 \cdot 12 = 72$  Flächen.

#### Zweite Schicht.

Nach Entfernung der ersten Schicht bleibt der auf Taf. 7: Fig. 26 dargestellte Kern übrig.<sup>1)</sup> Das ebene Netz seiner Aussenflächen zeigen die vollständigen Linien auf Taf. 8. Fig. 31 (oder die punktirten Linien in Fig. 30). Dieser Kern bildet wieder einen homogenen dodekaedrischen Körper, von welchem eine neue Schicht von Aussenkörpern (die zweite Schicht des ganzen Gebildes) abgelöst werden kann. Die Zusammensetzung dieses Körpers ergibt sich durch einfache Zählungen.

Zunächst ist, wie schon gefunden,  $S_2 = 72$ .

Die Kanten (11) sind die Seiten von 12 Fünfecken, ihre Zahl also gleich 60. Ferner liefert jede der 60 Ecken 1 eine Kante (12), daher die Zahl dieser Kanten 60. Endlich treffen in jeder Ecke 2 ebensoviele Kanten (21), wie Kanten (23) zusammen, nämlich je 2; mithin ist auch die Zahl der letzteren Kanten gleich 60, und im Ganzen  $K_2 = 180$ .

Jeder der zwölf Körper der ersten Schicht liefert zur äusseren Begrenzung der zweiten je 5 Ecken von den Gattungen 1, 2, 3. Da nun die Ecken 1 nur je einem dieser Körper, die Ecken 2 je zweien, die Ecken 3 je dreien angehören, so ist die Anzahl aller Ecken  $12 \cdot 5 + \frac{12 \cdot 5}{2} + \frac{12 \cdot 5}{3}$ ; also  $E_2 = 110$ .

In jeder inneren Ecke treffen sich 4 Körper,  $\frac{pP}{2} = 6$  Flächen,  $\frac{2 K_1 - K_3}{E_1} = 4$  Kanten.

<sup>1)</sup> Im Interesse der Deutlichkeit sind nur die gleichzeitig sichtbaren Theile seiner Aussenfläche gezeichnet. Die inneren Fünfecke (1 1 1 1 1) sind die Gegenflächen der äusseren Fünfecke. Die fehlenden Verbindungskanten gehen von den Ecken des gegebenen Dodekaeders nach den Punkten 3 der inneren Begrenzung. — Taf. 8. Fig. 30 zeigt die ebenen Netze beider Begrenzungen der ersten Schicht übereinanderliegend. Aus jeder Ecke der äusseren Begrenzung geht eine Kante  $K_3$  nach der zunächst liegenden Ecke 3 der inneren Begrenzung.

In jeder inneren Kante treffen sich  $\frac{12 E_1}{2 K_1 - K_3} = 3$  Flächen und Körper.

Untersucht man nun die Zahl der aus den Aussenecken nach aussen und der nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich:

| Aus den Ecken: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|--------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 60             | 1            | 3                     | 1                   | 60                |
| 30             | 2            | 4                     | 0                   | 0                 |
| 20             | 3            | 4                     | 0                   | 0                 |
| <hr/>          |              |                       |                     | <hr/>             |
| 110            |              |                       |                     | 60.               |

Demnach ist  $K_3 = 60$ .

Untersucht man ferner die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

| Aus den Kanten: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen, zusammen: |
|-----------------|--------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 60              | 11           | 2                     | 1                   | 60                 |
| 60              | 12           | 2                     | 1                   | 30                 |
| 60              | 23           | 3                     | 0                   | 0                  |
| <hr/>           |              |                       |                     | <hr/>              |
| 180             |              |                       |                     | 90.                |

Demnach ist  $S_4 = 90$ .

Man erkennt aus den letzten Zahlen sogleich, dass keine Körper von der Gattung  $C_4$  existiren. Ebenso ist offenbar  $C_3 = S_3 = 0$ , da aus keiner Ecke mehr als eine Kante  $K_3$  nach innen geht.

Ferner ist klar, dass je drei um einen Punkt 3 herumliegende Flächen zu demselben Aussenkörper gehören. Hiernach liefert jeder Punkt 3 einen Aussenkörper, alle zusammen also 20; ferner liefert jede Fläche (11111) einen Aussenkörper, alle zusammen also 12. Demnach ist  $C_2 = 32$ .

Die innere Grenze der zweiten Schicht<sup>1)</sup> wird gebildet 1) durch je 6 Flächen der 12 über den Flächen (11111) liegenden Dodekaeder, im Ganzen 72; 2) durch je 3 um die Gegenpunkte (4) der Ecken 3 herumliegende Flächen, im Ganzen  $20 \cdot 3 = 60$ ; also besteht die innere Begrenzung aus 132 Flächen. (Die übrigen 5 Flächen der unter 1) und die übrigen 6 Flächen

<sup>1)</sup> Taf. 8. Fig. 31 zeigt die beiden Begrenzungen dieser Schicht übereinanderliegend. Aus den Ecken derjenigen Fünfecke der äusseren Begrenzung, welche ein Fünfeck (11111) der inneren umgeben, gehen Kanten  $K_3$  nach jedem nächsten Punkte 3 der inneren Begrenzung.

der unter 2) genannten Dodekaeder sind die Flächen  $S_4$ , welche weder der äusseren noch der inneren Begrenzung angehören.)

### Dritte Schicht.

Nach Entfernung der zweiten Schicht bleibt der auf Taf. 7. Fig. 27 dargestellte Kern übrig. Das ebene Netz seiner Aussenflächen zeigen die punktierten Linien in Taf. 8. Fig. 31 (oder die vollständigen in Taf. 9. Fig. 33). Dieser Kern bildet wieder einen homogenen dodekaedrischen Körper, von welchem eine neue Schicht von Aussenkörpern (die dritte Schicht des ganzen Gebildes) abgelöst werden kann. Die Zusammensetzung dieses Körpers ergibt sich wieder durch einfache Zählungen.

Zunächst ist, wie schon gefunden,  $S_2 = 132$ .

Die Kanten (11) sind die Seiten von 12 Fünfecken, ihre Zahl also gleich 60. Ferner liefert jede der 60 Ecken 1 eine Kante (12), daher die Zahl dieser Kanten 60. Die um jedes Fünfeck (11111) herum liegenden 5 Fünfecke bilden zusammen ein Zehneck, dessen Seiten die Kanten (23) sind. Die Zahl dieser Kanten ist also  $12 \cdot 10 = 120$ . Von jedem der 20 Punkte 4 gehen drei Kanten (42) aus, daher die Zahl dieser Kanten 60. Endlich bilden je 3 um einen Punkt 4 herumliegende Fünfecke zusammen ein Neuneck, von dessen Seiten die 3 Kanten (33) noch nicht gezählt sind. Da nun jede dieser Kanten zweien dieser Neunecke gleichzeitig angehört, so beträgt ihre Zahl  $\frac{20 \cdot 3}{2} = 30$ . Die Anzahl aller Aussenkanten des Körpers ist also  $60 + 60 + 120 + 60 + 30$ , oder

$$K_2 = 330.$$

Jeder von den 12 Körpern der zweiten Schicht, welcher eine Fläche (11111) zur Aussenfläche der dritten liefert, liefert auch 15 verschiedene Ecken, nämlich je 5 von den Arten 1, 2, 3. Jeder von den 20 Körpern der zweiten Schicht, welcher 3 Flächen zur Aussenfläche der dritten liefert, liefert auch eine Ecke (4) zu derselben. Demnach ist die Anzahl aller Aussenecken des Körpers  $12 \cdot 15 + 20$ , oder

$$E_2 = 200.$$

Untersucht man die Zahl der aus den Aussenecken nach aussen und nach innen gehenden Verbindungskanten, so findet sich

| Aus den Ecken: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|--------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 60             | 1            | 3                     | 1                   | 60                |
| 60             | 2            | 4                     | 0                   | 0                 |
| 60             | 3            | 4                     | 0                   | 0                 |
| 20             | 4            | 3                     | 1                   | 20                |
| <hr/>          |              |                       |                     | <hr/>             |
| 200            |              |                       |                     | 80.               |

Demnach ist  $K_3 = 80$ .

Untersucht man ferner die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich

| Aus den Kanten: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen, zusammen: |
|-----------------|--------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 60              | 11           | 2                     | 1                   | 60                 |
| 120             | 12—24        | 2                     | 1                   | 60                 |
| 120             | 23           | 3                     | 0                   | 0                  |
| 30              | 33           | 3                     | 0                   | 0                  |
| <hr/>           |              |                       |                     | <hr/>              |
| 330             |              |                       |                     | 120.               |

Demnach ist  $S_4 = 120$ .

Aus denselben Gründen wie oben ist  $C_4 = C_3 = S_3 = 0$ .

Jede Fläche (11111) liefert hiernach einen Aussenkörper, alle zusammen 12. Ferner liegt jede Kante (33) im Innern eines Zehnecks, welches aus den beiden durch diese Kante getrennten Fünfecken und den beiden an den Endpunkten dieser Kante liegenden Fünfecken besteht. Alle vier Fünfecke gehören einem einzigen Aussenkörper an, mithin ist die Anzahl dieser Aussenkörper ebenso gross, als die der Kanten (33), nämlich 30. Da nun, wie man leicht sieht, die ganze Oberfläche der Schicht durch solche Zehnecke und die Fünfecke (11111) erschöpft wird, so sind keine anderen Aussenkörper als die erwähnten beiden Arten vorhanden, und es ist

$$C_2 = 12.$$

Die innere Grenze der dritten Schicht <sup>1)</sup> wird gebildet 1) durch je 6 Flächen der 12 über den Flächen (11111) liegenden Dodekaeder, im Ganzen

<sup>1)</sup> Taf. 9. Fig. 33 zeigt die beiden Begrenzungen dieser Schicht übereinanderliegend. Dieselben unterscheiden sich nur durch die Lage der Fünfecke (11111) und der aus ihren Ecken gehenden Kanten. Aus den Ecken 1 der äusseren Begrenzung gehen Kanten  $K_3$  nach den Ecken 2 der inneren, und aus den Ecken 4 der äusseren nach den Ecken 4 der inneren. Die Zahlen 2, 3, 4 in Fig. 33 beziehen sich auf die innere und äussere Begrenzung, die Zahlen 1 nur auf die innere.

72; 2) durch je 2 an den Gegenkanten der Kanten (33) liegende Flächen, im Ganzen  $30 \cdot 2 = 60$ ; also besteht die innere Begrenzung aus 132 Flächen. (Die übrigen 5 Flächen der unter 1) und die übrigen 6 Flächen der unter 2) genannten Dodekaeder sind Flächen, welche weder der äusseren noch der inneren Begrenzung angehören.)

Vierte Schicht.

Nach Entfernung der dritten Schicht bleibt der auf Taf. 9. Fig. 32 dargestellte Kern übrig, dessen äussere Begrenzung, was die Zahl der Gebilde anlangt, derjenigen der dritten Schicht vollkommen gleich ist. Es ist nämlich, wie schon gefunden, wieder  $S_2 = 132$ . Da nun diese Flächen, wie aus Taf. 9. Fig. 33 hervorgeht, einfach aus einer veränderten Eintheilung der Oberfläche der dritten Schicht hervorgehen, so ist wieder

$$K_2 = 330, E_2 = 200.$$

Untersucht man die Zahl der aus den Aussenecken nach aussen und nach innen gehenden Kanten, so findet sich:

| Aus den Ecken: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Kanten, zusammen: |
|----------------|--------------|-----------------------|---------------------|-------------------|
| 60             | 1            | 3                     | 1                   | 60                |
| 60             | 2            | 4                     | 0                   | 0                 |
| 60             | 3            | 4                     | 0                   | 0                 |
| 20             | 4            | 4                     | 0                   | 0                 |
| <hr/>          |              |                       |                     | <hr/>             |
| 200            |              |                       |                     | 60.               |

Demnach ist  $K_3 = 60$ .

Untersucht man die Zahl der aus den Aussenkanten nach aussen und nach innen gehenden Flächen, so findet sich:

| Aus den Kanten: | von der Art: | gehen nach aussen je: | also nach innen je: | Flächen, zusammen: |
|-----------------|--------------|-----------------------|---------------------|--------------------|
| 60              | 11           | 2                     | 1                   | 60                 |
| 60              | 24           | 3                     | 0                   | 0                  |
| 120             | 32—23        | 3                     | 0                   | 0                  |
| 90              | 13—33—31     | 2                     | 1                   | 30                 |
| <hr/>           |              |                       |                     | <hr/>              |
| 330             |              |                       |                     | 90.                |

Demnach ist  $S_4 = 90$ .

Aus denselben Gründen wie oben ist  $C_4 = C_3 = S_3 = 0$ .

Hiernach gehört jede Fläche (11111) zu einem besonderen Aussenkörper, zusammen 12. Ferner gehören je 3 um einen Punkt 4 herumliegende Flächen

zusammen mit je 3 an die Kanten 11 grenzenden Flächen zu einem einzigen Aussenkörper, zusammen 20. Da nun, wie man leicht sieht, die ganze Oberfläche der Schicht durch diese beiden Arten von Configurationen erschöpft wird, so sind keine anderen Aussenkörper, als die erwähnten beiden Arten vorhanden, und es ist

$$C_2 = 32.$$

Die innere Grenze der vierten Schicht wird gebildet durch je 1 Fläche der 12 über den Flächen (11111) liegenden Dodekaeder, im Ganzen 12. (Die übrigen 10 Flächen dieser Körper, und die übrigen 6 Flächen der über den Punkten 4 liegenden Dodekaeder gehören weder der äusseren noch der inneren Begrenzung an.)

Die eben erwähnten 12 Flächen sind die Seitenflächen eines Dodekaeders, welches den innersten Kern des ganzen Gebildes darstellt. Seine Ecken sind die 20 Gegenpunkte der Punkte 4. Je drei der 12 oben genannten Dodekaeder liefern zusammen die vierte Kante zu einer Ecke, und je zwei derselben zusammen die dritte Fläche zu einer Kante dieses Kernes. Es geht hieraus hervor, dass aus den Ecken und Kanten desselben keine Kanten, resp. Flächen mehr nach innen gehen können, dass also das Zerlegungsverfahren hiermit beendet ist.

Bestimmt man schliesslich die Summe der in allen vier Schichten enthaltenen Körper, so findet sich

$$12 + 32 + 42 + 32 + 1 = 119,$$

also

$$C = 119.$$

Setzt man diesen Werth (und  $P = 4$ ) in den allgemeinen Formeln der dodekaedrischen Körper ein, so erhält man schliesslich

$$S = 720; \quad E = 600; \quad K = 1200.$$

$$S_1 = 708; \quad E_1 = 580; \quad K_1 = 1170.$$

Man erhält ferner für  $P = S$ :

$$C_1 = C - 62; \quad C = C_1 + 62;$$

$$S = 6(C + 1); \quad E = \frac{5(C + 1)}{2}; \quad K = \frac{15(C + 1)}{2};$$

$$S_1 = 6(C - 1); \quad E_1 = \frac{5(C - 1)}{2}; \quad K_1 = \frac{15(C - 1)}{2};$$

$$K_2 = 60; \quad S_4 = 60; \quad S_3 = 60;$$

$$C_4 = 30; \quad C_3 = 20; \quad C_2 = 62.$$

Endlich für  $P = 20$ :

$$\begin{aligned} C_1 &= C - 272; & C &= C_1 + 272; \\ S &= 6(C + 1); & E &= C + 1; & K &= 6(C + 1); \\ S_1 &= 6(C - 1); & E_1 &= C - 19; & K_1 &= 6(C - 4); \\ K_3 &= 180; & S_4 &= 90; & S_3 &= 360; \\ C_4 &= 60; & C_3 &= 200; & C_2 &= 272. \end{aligned}$$

In beiden Fällen ist, wie schon oben gefunden, das Verfahren der Zerlegung unbegrenzt, und zwar beide Male in der Weise, dass im Innern des gegebenen Dodekaeders ein unzerlegter Raum übrig bleibt.

*Rückblick.* — Wir haben sechs endliche und einen unendlichen vollständigen Körper (mit endlicher Grösse aller Theile) kennen gelernt, nämlich

- 1) den viertheiligen tetraedrischen Körper,  $P = 4, N = 4$ ;
- 2) den fünfzehntheiligen tetraedrischen Körper,  $P = 8, N = 4$ ;
- 3) den fünfhundertneunundneunzigtheiligen tetraedrischen Körper,  
 $P = 20, N = 4$ ;
- 4) den dreiundzwanzigtheiligen oktaedrischen Körper,  $P = 6, N = 8$ ;
- 5) den siebentheiligen hexaedrischen Körper,  $P = 4, N = 6$ ;
- 6) den einhundertneunzehntheiligen dodekaedrischen Körper,  $P = 4,$   
 $N = 12$ .
- 7) den unendlichen hexaedrischen Körper,  $P = 8, N = 6$ .

Ausserdem giebt es vier unendliche Körper mit ins Unendliche abnehmender Grösse der Theile, entsprechend den Werthen

$$\begin{array}{cccc} \text{8)} & \text{9)} & \text{10)} & \text{11)} \\ P = 12, N = 20; & P = 20, N = 6; & P = 8, N = 12; & P = 20, N = 12. \end{array}$$

Stellt man für alle 11 Fälle die Werthe von  $P, e, x, n, N$  zusammen, so findet sich:

|   | 1) | 2) | 3) | 4) | 5) | 6) | 7) | 8) | 9) | 10) | 11) |
|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|-----|
| P | 4  | 8  | 20 | 6  | 4  | 4  | 8  | 12 | 20 | 8   | 20  |
| e | 4  | 4  | 4  | 6  | 8  | 20 | 8  | 12 | 8  | 20  | 20  |
| x | 3  | 4  | 5  | 3  | 3  | 3  | 4  | 3  | 5  | 4   | 5   |
| n | 3  | 3  | 3  | 3  | 4  | 5  | 4  | 3  | 4  | 5   | 5   |
| N | 4  | 4  | 4  | 8  | 6  | 12 | 6  | 20 | 6  | 12  | 12  |

Wir bemerken, dass je zwei dieser Körper sich in der Weise entsprechen, dass die Werthe von  $P$  und  $e$  für den einen durch Vertauschung dieser Werthe für den andern hervorgehen. Dasselbe ist mit den Werthen von  $x$  und  $n$  der Fall. Dies trifft zu für die Paare 2) und 5), 3) und 6), 9) und 10), während 1), 4), 7), 8), 11) sich selbst entsprechen.

Man kann diese Bemerkung in dem Satze ausdrücken:

IV. Wenn zwei homogene polyedrische Körper einander entsprechen, so ist die Zahl der Körper, welche in einer Ecke des einen zusammentreffen, gleich der Zahl der Ecken, welche ein Körper des andern besitzt, und die Zahl der Flächen, welche in einer Kante des einen zusammentreffen, gleich der Zahl der Kanten, welche eine Fläche des andern besitzt.

Noch vollständiger wird sich dieses Entsprechen zeigen, wenn wir dieselben Gebilde im vierdimensionalen Raume betrachten (Satz VI).

### c. Construction vollständiger homogener polyedrischer Körper im Raume.

Die Construction dieser Gebilde kann auf zwei Arten ausgeführt werden, nämlich entweder durch Zusammensetzung, oder durch Zerlegung eines gegebenen Körpers. Die Constructionen auf dem zweiten Wege sind aus dem Vorstehenden vollkommen ersichtlich. Die Construction durch Zusammensetzung kann auf vier verschiedene Arten erfolgen, je nachdem man die Körper symmetrisch um einen Punkt, eine Kante, eine Fläche oder einen Körper herum anordnet. Nur im letzteren Falle ist die Aussenfläche des ganzen Gebildes ebenso beschaffen, wie die jedes einzelnen Körpers. (Von den anderen Anordnungen wird später die Rede sein.)

Die endlichen vollständigen Körper besitzen noch eine Eigenschaft, welche man (analog derjenigen der Figuren) die Umkehrbarkeit nennen kann. Denkt man sich den Körper aus einem dehnbaren (und umgekehrt contractionsfähigen) Stoffe hergestellt, und das innerste Polyeder herausgenommen (oder auch leer gelassen, da das Herausnehmen nur mittelst eines Ueberganges durch den vierdimensionalen Raum erfolgen kann), so könnte man, da die äussere Oberfläche ein Polyeder von gleicher Beschaffenheit mit der inneren ist, durch Dehnung der letzteren und Contraction der ersteren

die innere Oberfläche zur äusseren und die äussere zur inneren machen, wenn es möglich wäre, das ganze Gebilde in den vierdimensionalen Raum hinaustreten zu lassen. In diesem würde sich die Umkehrung vollziehen, und das umgekehrte Gebilde könnte dann in den euklidischen Raum zurückkehren. Durch diese Betrachtung erweisen sich Zerlegung und Zusammensetzung als symmetrisch verwandte Prozesse (vgl. die entsprechende Stelle des ersten Abschnittes).<sup>1)</sup>

## 2) Körper im einfachen vierdimensionalen Raume ( $M_4^0$ ).

Die Zusammensetzung eines polyedrischen Körpers können wir uns auch so ausgeführt denken (wenn auch nicht vorstellen), dass je zwei benachbarte Polyeder in verschiedenen euklidischen Räumen liegen. Alsdann tritt das ganze Gebilde in den vierdimensionalen Raum hinaus, und die bisher betrachteten Körper können als Abbildungen solcher Gebilde in einem euklidischen Raume betrachtet werden. Das Polyeder, welches die Aussenfläche eines vollständigen endlichen polyedrischen Körpers bildete, giebt beim Uebergang in den vierdimensionalen Raum einen Körper, welcher im Verein mit den Theilen des polyedrischen Körpers einen Theil jenes Raumes vollständig begrenzt. Es schliesst sich also der polyedrische Körper, als Grenze des vierdimensionalen Gebildes betrachtet, in diesem Falle von selbst. Bei den fünf unendlichen Körpern ist dies offenbar nicht der Fall.

### a. Die geschlossenen Körper und die homogen begrenzten vierdimensionalen Gebilde.

Aus jedem räumlichen polyedrischen Körper geht hiernach ein solcher im vierdimensionalen Raume hervor, und aus jedem endlichen ein homogen begrenztes vierdimensionales Gebilde, dessen Grenzkörperzahl ( $C'$ ) um 1 grösser ist, als die Zahl der Theile des Körpers ( $C$ ).

V. Es giebt also im vierdimensionalen Raume folgende homogen begrenzten geschlossenen Gebilde:

---  
---  
<sup>1)</sup> Hieraus folgt weiter, dass die beim 119-theiligen und 599-theiligen Körper auftretenden Zwischenkörper eine doppelte homogene Zerlegung gestatten, nämlich in diejenigen Polyeder, welche innerhalb, und in diejenigen, welche ausserhalb ihrer Aussenfläche liegen.

1) für  $N = 4$  und  $P = 4$

$C' = 5$ . Das Fünfczcl (Pentacdroid)<sup>1)</sup>, begrenzt von 5 Tetraedern, mit 10 Flächen, 10 Kanten, 5 Ecken, in deren jeder 4 Körper zusammenstossen.

2) für  $N = 4$  und  $P = 8$

$C' = 16$ . Das Sechszehnczcl (Hexadecaedroid), begrenzt von 16 Tetraedern, mit 32 Flächen, 24 Kanten, 8 Ecken, in deren jeder 8 Körper zusammenstossen.

3) für  $N = 4$  und  $P = 20$

$C' = 600$ . Das Sechshundertczcl (Hexakosioedroid), begrenzt von 600 Tetraedern, mit 1200 Flächen, 720 Kanten, 120 Ecken, in deren jeder 20 Körper zusammenstossen.

4) für  $N = 8$  und  $P = 6$

$C' = 24$ . Das Vierundzwanzigczcl (Icosatetraedroid), begrenzt von 24 Oktaedern, mit 96 Flächen, 96 Kanten, 24 Ecken, in deren jeder 6 Körper zusammenstossen.

5) für  $N = 6$  und  $P = 4$

$C' = 8$ . Das Achtczcl (Oktaedroid), begrenzt von 8 Hexaedern, mit 24 Flächen, 32 Kanten, 16 Ecken, in deren jeder 4 Körper zusammenstossen.

6) für  $N = 12$  und  $P = 4$

$C' = 120$ . Das Hundertzwanzigczcl (Hekatonikosaedroid), begrenzt von 120 Dodekaedern, mit 720 Flächen, 1200 Kanten, 600 Ecken, in deren jeder 4 Körper zusammenstossen.

Sind die Grenzkörper nicht nur homogen, sondern regulär (und daher auch congruent), so sind auch die begrenzten Gebilde regulär.

Man kann versuchen, die gefundenen vierdimensionalen Gebilde auch unabhängig von ihren Abbildungen in einem euklidischen Raume zu bestimmen, analog wie an entsprechender Stelle im ersten Abschnitt (p. 29).

---

<sup>1)</sup> Obwohl ich die Bildungsweise dieser Namen (nach Analogie von Trapez, Trapezoid) für nicht besonders glücklich halte, glaubte ich nichts daran ändern zu sollen, weil Herr Stringham, von welchem sie herrühren, der Erste gewesen ist, welcher das mathematische Publikum mit den regulären Specialfällen dieser Gebilde bekannt machte. (American Journ. of Math., Vol. III, p. 1—14.)

Unter Beibehaltung der früheren Bezeichnungen findet man dann:

Jeder Körper liefert  $e$  Ecken, alle zusammen also  $C'e$  Ecken. Da aber jede Ecke zu  $P$  Körpern gehört, so ist die Gesamtzahl der Ecken

$$(36) \quad E = \frac{C'e}{P}.$$

Jeder Körper liefert  $k$  Kanten, alle zusammen also  $C'k$  Kanten. Da aber jede Kante zu  $\frac{2pP}{4+P(p-2)}$  Körpern gehört (34a), so ist die Gesamtzahl der Kanten

$$(37) \quad K = \frac{C'k[4+P(p-2)]}{2pP}.$$

Jeder Körper liefert  $s$  Flächen, alle zusammen also  $C's$  Flächen. Da aber jede Fläche zu 2 Körpern gehört, so ist die Gesamtzahl der Flächen

$$(38) \quad S = \frac{C's}{2}.$$

Ersetzt man  $e$ ,  $k$ ,  $s$  ( $=N$ ) durch ihre aus (4) folgenden Werthe, so gehen die Formeln (36)—(38) der Reihe nach in die Formeln (24), (26), (23) (p. 64) über, nur dass man in den letzteren  $C+1$  durch  $C'$  ersetzen muss. Setzt man dann diese Werthe von  $E$ ,  $K$ ,  $S$  (und  $C'$  für  $C+1$ ) in (1) ein, so folgt nach Wegschaffung der Nenner

$$C'[4n+2pP-n[4+P(p-2)]-\Delta P] = 0$$

oder, da der Factor von  $C'$  sich auf  $P(\Delta-\Delta) = 0$  reducirt,

$$C' = \frac{0}{0}.$$

Im ersten Abschnitt gelang es an entsprechender Stelle, die Gesamtzahl der Grenzflächen eines homogenen Polyeders durch  $n$  und  $p$  auszudrücken (Formel (16) p. 30). Der Nenner dieses Ausdrucks war  $\Delta$ , d. h. die für die Eintheilung der homogenen polygonalen Figuren charakteristische Funktion. Gegenwärtig ist der Factor von  $C'$ , also die Funktion, welche analoger Weise für die Eintheilung der polyedrischen Körper massgebend sein müsste, identisch Null. (Vgl. p. 63.) Der Grund hiervon ist offenbär der, dass in der Formel  $E+S-K-C'=0$  die rechte Seite Null ist, anstatt, wie in der entsprechenden Formel des ersten Abschnitts, gleich 2. (Vgl. die Tabelle p. 51.) Es ist daher nicht möglich, die Anzahl der Grenzkörper (und damit auch die der übrigen Grenzgebilde, welche von  $C'$  abhängt) eines homogenen vier-

dimensionalen Gebildes, unabhängig von seiner Abbildung in einem euklidischen Raume, zu bestimmen. Dasselbe wird offenbar, wenn wir uns das ganze Problem für Gebiete höherer Dimensionen gestellt denken, in allen Gebieten mit gerader Dimensionenzahl der Fall sein, weil die Formel geschlossener Gebilde für alle diese Gebiete zur rechten Seite Null hat. Dagegen ist die directe Bestimmung der Grenzgebilde möglich in den Gebieten mit ungerader Dimensionenzahl, weil alsdann in jener Formel die rechte Seite den Werth 2 hat.

Dividirt man Formel (26) durch (23), so folgt

$$\frac{K}{S} = \frac{n[4 + P(p-2)]}{2pP},$$

oder mit Benutzung von (34a)

$$(39) \quad \frac{K}{S} = \frac{n}{x}.$$

Ausserdem folgt aus (36)

$$(40) \quad \frac{E}{C'} = \frac{e}{P}.$$

Sind dieselben Grössen für ein anderes Gebilde durch den Index 0 unterschieden, so ist

$$\frac{S_0}{K_0} = \frac{x_0}{n_0}; \quad \frac{C'_0}{E_0} = \frac{P_0}{e_0}.$$

Sind die beiden Gebilde einander entsprechend, so ist nach Satz IV

$$n = x_0, \quad x = n_0, \quad e = P_0, \quad P = e_0,$$

also

$$\frac{K}{S} = \frac{S_0}{K_0}; \quad \frac{E}{C'} = \frac{C'_0}{E_0}.$$

Hieraus folgt, dass, wenn  $K = S_0$ , auch  $S = K_0$ , und, wenn  $E = C'_0$ , auch  $C' = E_0$  ist. Die oben mitgetheilten Werthe der Grössen  $S$ ,  $K$ ,  $E$ ,  $C'$  zeigen, dass in der That beides in folgender Weise stattfindet:

VI. Das homogene Sechszehnzell entspricht dem Achtzell, das Hundertzwanzigzell dem Sechshundertzell, und das Fünfzell und Vierundzwanzigzell sich selbst in der Weise, dass in je zwei entsprechenden Gebilden die Zahl der Ecken des einen ebenso gross ist, als die Zahl der Körper des anderen, und die Zahl der Kanten des einen ebenso gross als die Zahl der Flächen des anderen.

Anm. Hierdurch ist dem Entsprechen zweier Gebilde eine weitere geometrische Bedeutung gegeben, die natürlich nur auf die endlichen Gebilde Anwendung findet. Man vergleiche die entsprechende Ableitung des Satzes IV im ersten Abschnitt (p. 31).

Die vollständigen polyedrischen Körper können noch in einem anderen als dem zu Anfang dieses Abschnittes erwähnten Sinne als Abbildungen homogen begrenzter vierdimensionaler Gebilde angesehen werden. Stellt man sich nämlich vor, in jedem derselben übertreffe ein Grenzkörper die übrigen an Grösse so, dass er, von aussen betrachtet, alle anderen Körper verdeckt, (so dass er, wenn das Gebilde undurchsichtig ist, von allen Körpern allein sichtbar, und, wenn man es von der gegenüberliegenden Seite her betrachtet<sup>1)</sup>, von allen Körpern allein unsichtbar bleibt), und stellt sich nun das Gebilde als durchsichtig vor, so sind die erwähnten Körper die gewöhnlichen perspectivischen Abbildungen jener Gebilde. Könnte man zwei entsprechend construirte Körper in einer der stereoskopischen entsprechenden Weise betrachten (so dass diese Betrachtung unseren Blick aus dem dreidimensionalen Raume ebenso in den vierdimensionalen hinausführte, wie die stereoskopische aus dem Gebiete der Ebene in den dreidimensionalen Raum), dann würden alle in den Aussenkörper eingeschlossenen Polyeder aus dem dreidimensionalen Raume in den vierdimensionalen hinaustreten, während der Aussenkörper (eben jener grösste Grenzkörper) allein darin verbliebe. — Jene polyedrischen Körper sind übrigens nicht nur die perspectivischen räumlichen Abbildungen von vier-

---

<sup>1)</sup> Zum Verständniss dieses Ausdrucks ist zu bemerken, dass, wie der euklidische Raum durch eine Ebene, so auch die einfache vierdimensionale Mannigfaltigkeit durch einen euklidischen Raum in zwei Theile getheilt wird. Ebenso, wie man in Folge dessen im euklidischen Raume eine ebene Figur von zwei entgegengesetzten Seiten her betrachten kann, so auch im vierdimensionalen Raume einen Körper. Und wie im euklidischen Raume ein Polyeder so betrachtet werden kann, dass entweder der eine oder der andere Theil seiner Grenzflächen sichtbar ist, so kann auch im vierdimensionalen Raume ein von Polyedern begrenztes Gebilde so betrachtet werden, dass entweder der eine oder der andere Theil seiner Grenzkörper sichtbar ist. Nebenbei sei hinsichtlich des Begriffs „Sehen“ daran erinnert, dass, während im Gebiete der Ebene nur lineares (eindimensionales) Sehen möglich ist und im Gebiete des euklidischen Raumes neben dem linearen noch das Flächen-Sehen, andererseits im Gebiete der einfachen vierdimensionalen Mannigfaltigkeit noch ausserdem das Körpersehen, d. h. die gleichzeitige Wahrnehmung aller Punkte eines Körpers. Ebensowenig, wie sich die inneren Punkte einer Figur durch deren lineare Begrenzung dem Auge des dreidimensionalen Wesens entziehen, würden auch die inneren Punkte eines Körpers durch seine Aussenfläche vor dem Blick eines vierdimensionalen, analog organisirten Wesens verborgen sein.

dimensionalen Gebilden, sondern auch Specialfälle dieser Gebilde selbst, wenn man annimmt, dass alle inneren Polyeder mit dem Aussenkörper in denselben euklidischen Raum fallen. Man hat dann den von dem Aussenkörper eingeschlossenen Theil des Raumes doppelt zu denken, nämlich als einfaches Polyeder und als homogen zusammengesetzten polyedrischen Körper.

In analoger Weise, wie es mit den homogen begrenzten Körpern geschieht, kann man die dreidimensionale Begrenzung eines homogen begrenzten vierdimensionalen Gebildes durch theilweise Zerschneidung längs der Flächen so im euklidischen Raume ausbreiten, dass die Grenzkörper sich selbst congruent bleiben und einen zusammenhängenden (aber nicht mehr homogenen) polyedrischen Körper bilden.

Der Zusammenhang dieser Abbildung mit der vorigen lässt sich am bequemsten an den regulären Gebilden und am einfachsten an dem regulären Tetraeder und Fünfczelle erkennen.

Aus der Figur 1a (Taf. 1) entsteht das gewöhnliche Netz des regulären Tetraeders, wenn man die drei inneren Dreiecke um die Aussenkanten eine Drehung von  $2R$  machen lässt (wobei sie in den dreidimensionalen Raum hinaustreten und schliesslich in die Ebene zurückkehren), und diese Dreiecke alsdann mit dem äusseren (gleichseitigen) Dreiecke (welches durch die Drehungen das innere geworden ist) congruent macht.

Ebenso entsteht aus Taf. 2. Fig. 10 das entsprechende Zellgewebe des regulären Fünfczells, wenn man die vier inneren Tetraeder um die Aussenflächen eine Drehung von  $2R$  machen lässt (wobei sie in den vierdimensionalen Raum hinaustreten und schliesslich in den dreidimensionalen zurückkehren), und diese Tetraeder alsdann mit dem äusseren (regulären) Tetraeder (welches durch die Drehungen das innere geworden ist) congruent macht.<sup>1)</sup>

<sup>1)</sup> Durch den umgekehrten Prozess (Umstülpung der Ecken eines Tetraeders nach innen) sucht H. Emsmann ein reguläres vierdimensionales Gebilde zu erhalten. („Zum vieraxigen Coordinatensysteme“, Hoffmann's Ztschr. XI, 257.) Aber abgesehen davon, dass auf diesem Wege nur die dreidimensionale Abbildung eines solchen Gebildes zu Stande kommen kann, ist es offenbar unrichtig, dabei vom Tetraeder auszugehen. Den Ausgangspunkt bildet vielmehr derjenige Körper, welcher durch Aufsetzen von vier congruenten regulären Tetraedern auf die Flächen eines gegebenen Tetraeders entsteht.

Durch den gleichen Prozess entsteht aus Taf. 1. Fig. 2a das gewöhnliche Netz des Würfels und aus Taf. 6. Fig. 25 das entsprechende Zellgewebe des regulären Achtzells; nur dass im ersten Falle das verloren gegangene innerste Quadrat, im zweiten das innerste Hexaeder durch nachträgliche Ansetzung an eine der Aussenkanten resp. Flächen ergänzt werden muss.

Auch für die übrigen regulären resp. homogenen vierdimensionalen Gebilde existiren offenbar Zellgewebe, die aus Körpern bestehen, welche denen der wirklichen Begrenzung congruent sind. Aus diesen Zellgeweben die vierdimensionalen Gebilde selbst herzustellen, gelingt nur darum nicht, weil man nicht im Stande ist, ein Polyeder durch Drehung um eine seiner Grenzflächen in den vierdimensionalen Raum zu bringen.

### b. Die offenen Körper.

Die vier Arten unendlicher polyedrischer Körper verwandeln sich, wenn je zwei benachbarte Körper in verschiedenen euklidischen Räumen liegen, in offene Körper, d. h. in Gebilde, welche im vierdimensionalen Raume eine kontinuierliche dreidimensionale Schicht bilden, ohne jedoch einen Theil des vierdimensionalen Raumes vollständig zu begrenzen. Wir können daher sagen:

VII. Es giebt im vierdimensionalen Raume nur eine Art offener homogener polyedrischer Körper mit endlicher Grösse aller Theile, nämlich den zweiten hexaedrischen, und nur vier solche Körper mit in's Unendliche abnehmender Grösse aller Theile, nämlich den ikosaedrischen, den dritten hexaedrischen und den zweiten und dritten dodekaedrischen.

Während im ersten Abschnitt die Formeln (16)—(18) (p. 31), welche  $s$ ,  $e$ ,  $k$  durch  $n$  und  $p$  ausdrückten, nur für geschlossene und für offene Figuren mit endlicher Grösse der Theile galten, weil andernfalls  $\Delta$  und daher  $s$ ,  $e$ ,  $k$  selbst negativ wurden, so sind diesmal die entsprechenden Formeln (23), (24), (26) (p. 64) in allen elf Fällen gültig, weil sie statt  $\Delta$  die Grösse  $C'$  ( $= C + 1$ ) enthalten, welche in den fünf letzten Fällen ohne Unterschied unendlich wird. Aus jenen drei Formeln folgt nun

$$(41) \quad \begin{aligned} \frac{E}{K} &= \frac{4n}{n[4 + P(p-2)]} \\ \frac{S}{C'} &= \frac{2pP}{\Delta P} \end{aligned}$$

oder, für die einzelnen elf Fälle, nach Weglassung der gemeinsamen Factoren in jedem einzelnen Falle

|    | 1) | 2) | 3) | 4) | 5) | 6) | 7) | 8) | 9) | 10) | 11) |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|-----|
| E  | 1  | 1  | 1  | 1  | 2  | 5  | 1  | 1  | 2  | 5   | 1   |
| K  | 2  | 3  | 6  | 4  | 4  | 10 | 3  | 10 | 12 | 15  | 6   |
| S  | 2  | 4  | 10 | 4  | 3  | 6  | 3  | 10 | 15 | 12  | 6   |
| C' | 1  | 2  | 5  | 1  | 1  | 1  | 1  | 1  | 5  | 2   | 1   |

An diesen Verhältnisszahlen sind wieder die Bedingungen des gegenseitigen Entsprechens zweier Gebilde deutlich zu erkennen.

Anm. Unterscheidet man, wie oben, die Buchstaben eines Gebildes durch den Index 0 von denen des entsprechenden, so liefert (41) vier Gleichungen zwischen  $n$ ,  $p$ ,  $P$ ,  $n_0$ ,  $p_0$ ,  $P_0$ , nämlich  $E = C'_0$ ,  $E_0 = C'$ ,  $K = S_0$ ,  $K_0 = S$ . Mittelst dieser Gleichungen kann man  $n_0$ ,  $p_0$ ,  $P_0$  durch  $n$ ,  $p$ ,  $P$  ausdrücken. In den Fällen des Selbstentsprechens eines Gebildes gehen alle 4 Gleichungen offenbar in die eine über

$$4n = \triangle P.$$

### 3) Homogene Ausfüllung von dreidimensionalen Räumen.

Nimmt man an, dass die Eckpunkte eines homogenen polyedrischen Körpers in einem dreidimensionalen Raume von überall gleichartiger und, wie wir zur Erleichterung der Auffassung annehmen wollen, constanter Krümmung (positiv, verschwindend oder negativ) liegen, und dass in diesem Raume zwischen je zwei durch Kanten verbundenen Eckpunkten die kürzesten Linien gezogen sind, während die zwischen diesen Linien liegenden  $n$ -Ecke Flächenstücke kleinster Krümmung sind (also im positiv gekrümmten Raume Stücke von grössten Kugelflächen, im euklidischen Raume von Ebenen, im negativ gekrümmten von Pseudosphären kleinster Krümmung), so wird der Raum durch Polyeder erfüllt, von denen je  $P$  einen gemeinsamen Eckpunkt haben. Wir nennen diese Ausfüllung des Raumes durch Polyeder eine homogene. Soll der Raum vollständig mit Polyedern ausgefüllt werden, was wir beständig annehmen werden, so muss er offenbar mit dem gegebenen polyedrischen Körper gleichzeitig offen oder geschlossen sein. Entsprechend den drei Hauptarten polyedrischer Körper können wir auch drei Arten von Ausfüllungen unter-

scheiden, nämlich Ausfüllung von Räumen mit positiver, verschwindender und negativer Krümmung.

Anm. Für den zweiten Fall bietet der uns umgebende Weltraum, falls wir ihn in Uebereinstimmung mit unserer Anschauung für einen euklidischen halten, das natürliche Beispiel. Für den ersten brauchen wir nur anzunehmen (was als physikalische Hypothese in neuerer Zeit namentlich durch Zöllner<sup>1)</sup> zu einer geläufigen Vorstellung erhoben worden ist), dass unser Weltraum eine, wenn auch sehr geringe, unserer Wahrnehmung sich entziehende positive Krümmung besitze. Die grössten Kugelflächen dieses Raumes erscheinen dann unserer Wahrnehmung als Ebenen. Der Raum selbst ist endlich und geschlossen. Für den dritten Fall fehlt es um so mehr an einem Beispiel, da schon die für ihn charakteristische Pseudosphäre sich unserer Anschauung entzieht. Wenn es jedoch gelingt, die beiden ersten Ausfüllungen in überzeugender Weise nachzuweisen, so wird, namentlich auf Grund der später folgenden Theorie der gegenseitigen Abbildungen, an der Richtigkeit der dritten Ausfüllung nicht zu zweifeln sein.

#### a. Ausfüllung von Räumen mit positiver Krümmung.

Die geschlossenen polyedrischen Körper können in einen geschlossenen Raum von überall positiver Krümmung so übertragen werden, dass der ganze Raum von einem polyedrischen Körper ausgefüllt wird. Es folgt dann aus Satz III, dass ein solcher Raum auf sechs verschiedene Arten vollständig und homogen mit Polyedern ausgefüllt werden kann. Es lassen sich diese Ausfüllungen analog mit dem ersten Abschnitt (p. 35 ff.) durch Construction grösster Kugelflächen ausführen.

Wählen wir als Beispiel den Weltraum unter der Annahme einer kleinen positiven Krümmung, so haben wir, wie oben bemerkt, statt der Kugelflächen nur Ebenen zu construiren. Da nun auf der Kugelfläche nur drei Systeme von Diametralkreisen, entsprechend den Fällen  $p = 3, 4, 5$  erforderlich waren, um alle fünf Bedeckungen zu erhalten, so lässt sich erwarten, dass im constant positiv gekrümmten Raum dasselbe hinsichtlich der Fälle  $x = 3, 4, 5$  stattfindet. Da wir aber eben, anstatt Kugelflächen zu benutzen, uns auf Ebenen beschränken müssen, so lässt sich in denjenigen Fällen, wo nicht die ganzen Flächen, sondern nur Theile derselben benutzt werden, nicht mit Sicherheit angeben, ob und welche Ausfüllungen durch dasselbe System von Diametral-kugeln entstehen. Dasselbe gilt von der Anzahl der zu einem System gehörigen Diametral-kugeln.

---

<sup>1)</sup> Ueber die Natur der Kometen, Lpz. 1872. S. 305—309.

1) Vier grösste Kugelflächen (Diametralkugeln), von denen je drei einander rechtwinklig schneiden<sup>1)</sup>, ersetzen wir durch vier Ebenen, die ein Tetraeder einschliessen. Dieselben theilen den euklidischen Raum in 15 Theile. Rechnen wir im gekrümmten Raume noch das dem ersten gegenüber liegende Tetraeder hinzu, welches bei der Verwandlung in den euklidischen Raum verloren geht, so haben wir als Resultat dieser Construction die sechszehntheilige tetraedrische (hexadekaedroidische) Ausfüllung des positiv gekrümmten Raumes.

Anm. Denkt man sich in Taf. 2, Fig. 11 das äussere Tetraeder entfernt und die übrig bleibenden Flächen durch Erweiterung der Seiten des innersten Tetraeders hergestellt, so erhält man genau die oben beschriebene Construction.

Da in jeder Ecke 8 tetraedrische Räume zusammenstossen, so ist in der That die Bedingung des Sechszehnzells,  $P = 8$ , erfüllt. Im Endlichen liegen 4 von den 8 Ecken, 18 von den 24 Kanten, 28 von den 32 Flächen; es fehlen also genau die Stücke des fehlenden Tetraeders.

2) Legt man durch die Kanten eines Tetraeders nach aussen Ebenenstücke, welche sich zu dreien in einer von einer Ecke ausgehenden Geraden schneiden, so theilen diese Ebenenstücke den Raum in 5 Theile und stellen so die fünftheilige tetraedrische (pentaedroidische) Ausfüllung dar. Damit von jeder Kante drei Flächen ausgehen, wie es die Bedingung  $x = 3$  verlangt, müssen sich in jeder Kante drei Ebenen schneiden, von deren 6 Abschnitten aber nur drei benutzt werden. Man überzeugt sich leicht, dass in jeder Ecke vier Räume zusammenstossen und dass von den 10 Flächen und den 10 Kanten keine, von den 5 Ecken nur eine fehlt, nämlich diejenige, welche im gekrümmten Raume dem gegebenen Tetraeder gegenüberliegt.

3) Durch dieselbe Construction erhält man aus dem Hexaeder die achttheilige hexaedrische (oktaedroidische) Ausfüllung. Es fehlt das

---

<sup>1)</sup> Ebenso wie zwei gleichgrosse Kreislinien nicht in der Ebene sich rechtwinklig schneiden können, wohl aber auf der Kugelfläche, so auch zwei gleichgrosse Kugelflächen nicht im euklidischen Raume, wohl aber im constant positiv gekrümmten Raume, wenn sie Diametralkugeln desselben sind. Und wie auf der Kugelfläche je zwei von drei solchen Kreisen sich rechtwinklig schneiden können, so auch in dem entsprechenden Raume je drei von vier solchen Kugelflächen. Sie begrenzen dann alle vier ein tetraedrisches Gebilde, welches sich zum Kugeldreieck ebenso verhält, wie das gewöhnliche Tetraeder zum ebenen Dreieck.

dem gegebenen im gekrümmten Raume gegenüberliegende Hexaeder mit seinen sämtlichen Ecken, Kanten und Flächen.

4) Denkt man sich in Taf. 6. Fig. 24 die 24 Ebenen vom Typus 1, 12, 13 ins Unendliche zwischen den Kanten 1, 12 und 1, 13 erweitert, so entsteht die vierundzwanzigtheilige oktaedrische (ikosatetraedroidische) Ausfüllung. Es fehlt alsdann das dem inneren Oktaeder gegenüberliegende mit seinen Ecken, Kanten und Flächen.

5) Es bleiben noch die beiden letzten Ausfüllungen übrig, nämlich die sechshunderttheilige tetraedrische (hexakosioedroidische), und die hundertzwanzigtheilige dodekaedrische (hekatonikosaedroidische). Man kann sich dieselben, ebenso wie die vier übrigen, dadurch zur Anschauung bringen, dass man in den entsprechenden polyedrischen Körpern das Aussenpolyeder weglässt und die in seinen Ecken zusammentreffenden Innenkanten zur Divergenz bringt und ins Unendliche verlängert denkt. Es ist alsdann der ganze Raum stets in  $C$  Theile getheilt, indem das dem innersten Körper im gekrümmten Raume gegenüber liegende Polyeder verschwindet.

Anm. Auf dieselbe Art lassen sich auch die Bedeckungen der Kugelfläche auf der Ebene darstellen, indem man von den vollständigen polygonalen Figuren ausgeht.

Man kann hiernach sagen:

VIII. Für einen geschlossenen dreidimensionalen Raum mit positiver Krümmung giebt es sechs Arten vollständiger homogener Ausfüllung, nämlich die fünfzellige, achtzellige, sechszehnzellige, vierundzwanzigzellige, hundertzwanzigzellige und sechshundertzellige.

#### b. Ausfüllung von Räumen mit verschwindender Krümmung.

Aus den oben über den Fall 7) ( $N = 6$ ,  $P = 8$ ) gemachten Bemerkungen folgt:

IX. Für einen euklidischen Raum giebt es nur eine Art vollständiger homogener Ausfüllung, nämlich die unendliche hexaedrische ( $P = 8$ ).

Dieselbe wird am einfachsten dadurch hergestellt, dass man drei Systeme paralleler Ebenen mit unendlicher Anzahl so construirt, dass je drei Ebenen verschiedener Systeme sich in einem Punkte schneiden.

### c. Ausfüllung von Räumen mit negativer Krümmung.

Wird einer der vier offenen polyedrischen Körper, welche den Fällen 8)—11) entsprechen, im vierdimensionalen Raume, anstatt im euklidischen durch Zusammensetzung gebildet, so brauchen die hinzutretenden Polyeder nicht nothwendig immer kleiner zu werden. Es entsteht also ein offener polyedrischer Körper mit unendlich vielen Theilen von endlicher Grösse. Derselbe lässt sich weder auf einen positiv gekrümmten, noch auf einen euklidischen Raum übertragen, weil die Ausfüllungen dieser Räume sich auf die oben betrachteten Fälle beschränken. Der um einen solchen Körper beschriebene Raum muss also ein negativ gekrümmter sein. Hieraus folgt der Satz:

X. Für einen offenen dreidimensionalen Raum mit negativer Krümmung giebt es vier Arten vollständiger homogener Ausfüllung, nämlich eine unendliche ikosaedrische ( $P = 12$ ), eine hexaedrische ( $P = 20$ ) und zwei dodekaedrische ( $P = 8, 20$ ).

### 4) Gegenseitige Abbildungen der Ausfüllung eines Raumes in einem anderen.

Alle drei Fälle der Ausfüllung von Räumen zeigen das Eigenthümliche, dass die Räume in Polyeder von endlicher Grösse zerfallen. Anders ausgedrückt: Jeder der drei verschiedenen Räume hat gerade den nothwendigen und hinreichenden Inhalt für die Ausfüllung durch gewisse Polyeder von endlicher Grösse. Dieser Inhalt lässt sich vergrössern durch Expansion und verkleinern durch Contraction des Raumes. Erstere findet statt, wenn die Krümmung des Raumes abnimmt, letztere, wenn sie zunimmt. Abnahme der Krümmung eines Raumes ist also gleichbedeutend mit Inhaltsgewinn, Zunahme der Krümmung mit Inhaltsverlust. — Könnte man nun versuchen, die vollständige Ausfüllung eines Raumes in einem Raume mit geringerer Krümmung durch Zusammensetzung nachzubilden resp. abzubilden<sup>1)</sup>, so würde sich ein Ueberschuss an Inhalt ergeben, welcher bewirkt, dass die Grösse der hinzutretenden Polyeder in's Unendliche zunimmt. Dieser Fall wird eintreten, wenn die Aus-

<sup>1)</sup> Hierbei lassen wir nur die drei allgemeinen Krümmungsunterschiede  $+$ ,  $0$ ,  $-$  zu.

fällung eines positiv gekrümmten Raumes in einem euklidischen, und wenn die Ausfüllung des letzteren in einem negativ gekrümmten Raume abgebildet wird. Versuchte man umgekehrt die vollständige Ausfüllung eines Raumes in einem Raume mit grösserer Krümmung durch Zusammensetzung nachzubilden resp. abzubilden, so würde sich ein Mangel an Inhalt ergeben, welcher bewirkt, dass die Grösse der hinzutretenden Polyeder in's Unendliche abnimmt. Dieser Fall wird eintreten, wenn die Ausfüllung eines negativ gekrümmten Raumes in einem euklidischen, oder wenn die Ausfüllung des letzteren in einem positiv gekrümmten Raume abgebildet wird.

Von diesen vier verschiedenen Abbildungen entziehen sich diejenigen beiden, welche im positiv und im negativ gekrümmten Raume stattfinden, unserer Anschauung. Die beiden anderen stimmen mit dem schon früher gefundenen Resultate überein, dass im euklidischen Raume die durch Zusammensetzung gebildeten polyedrischen Körper in den Fällen 1)—6) immer grösser werden, bis der letzte Theil der unendliche, den polyedrischen Körper umgebende Raum ist, während andererseits in den Fällen 8)—11) die hinzutretenden Körper in's Unendliche abnehmen.

Es sind nur noch über die verschiedenen Arten der Zusammensetzung im ersten dieser beiden Fälle einige Bemerkungen zu machen. Man kann die vollständige Ausfüllung eines positiv gekrümmten Raumes auf vier verschiedene Arten in den euklidischen Raum übertragen (oder statt dessen ein homogenes vierdimensionales Gebilde im euklidischen Raume abbilden). Man kann nämlich zuerst entweder einen Körper weglassen, oder eine Fläche mit den beiden benachbarten Körpern, oder eine Kante mit den  $x$  in ihr zusammentreffenden Körpern, oder eine Ecke mit den  $P$  in ihr zusammentreffenden Körpern, und den Rest durch Dehnung (Expansion) in dem euklidischen Raume ausbreiten (resp. abbilden). Hiernach fällt sowohl die Begrenzung des polyedrischen Körpers (welcher nichts anderes ist als das Zellgewebe des vierdimensionalen Gebildes), wie auch sein innerster Kern verschieden aus. Im ersten Falle wird der fehlende Körper durch den unendlichen, den polyedrischen Körper umgebenden Raum vertreten, und die Begrenzung des ganzen Körpers ist dieselbe wie die jedes einzelnen Polyeders. Dieser Fall ist oben bei der Bildung der endlichen polyedrischen Körper durch Zerlegung ausschliesslich berück-

sichtigt worden. Wir lernten dadurch die Zerlegungen eines Tetraeders in Tetraeder, eines Oktaeders in Oktaeder etc. kennen. Den innersten Kern bildete dasjenige Gebilde, welches im vierdimensionalen Raume dem nunmehr weggelassenen Körper gegenüber lag, nämlich, wenn  $C'$  ungerade war (bei der Zerlegung eines Tetraeders in 5 Tetraeder) ein Punkt, und wenn  $C'$  gerade war (in allen übrigen Fällen) ein Polyeder. Den zweiten und dritten Fall übergehen wir, weil die hierbei entstehenden polyedrischen Körper nicht allseitig um das innere Gebilde herum, sondern nur zu der innersten Fläche (Symmetrieffläche) resp. der innersten Kante (Symmetrieaxe) symmetrisch sind. Es ist nämlich einleuchtend, dass in diesen Fällen der Kern des polyedrischen Körpers eine Fläche oder Kante sein muss. Im letzten Falle fehlen dem polyedrischen Körper  $P$  Polyeder. Die Begrenzung des Körpers muss also gleich derjenigen eines Körpers sein, welcher durch Herumlegen von  $P$  solchen Polyedern um einen Punkt entsteht. Um die fehlenden Polyeder zu ergänzen, kann man den unendlichen Raum, welcher den Körper umgiebt, durch passend gelegte Ebenen in  $P$  unendliche Theile zerlegen, oder an denselben Stellen endliche Polyeder hinzufügen. Der Kern ist diesmal nur bei der Abbildung des Fünfcells ein Körper, in allen übrigen Fällen ein Punkt. Wir betrachten nun diese polyedrischen Körper einzeln.<sup>1)</sup>

1) Die Abbildung des Fünfcells ist ein einfaches Tetraeder, da vier Tetraeder um einen Punkt herum sich wieder zu einem Tetraeder vereinigen lassen, und da nach Abrechnung der vier fehlenden Polyeder nur eins übrig bleibt. Dasselbe stellt also gleichzeitig den polyedrischen Körper und seinen Kern dar. Durch Construction der vier fehlenden Tetraeder über den Seiten des ersten erhält man ein Sternpolyeder mit 12 Flächen.

2) Die Abbildung des Sechszehncells hat zur äusseren Begrenzung ein Oktaeder, da acht Tetraeder um einen Punkt herum sich zu einem Oktaeder vereinigen lassen. Da nach Abrechnung der acht fehlenden Polyeder noch acht andere übrig bleiben, so braucht man diese letzteren eben nur um einen Punkt (den Kern) herumzulegen, um die Abbildung zu erhalten. Durch

---

<sup>1)</sup> Vgl. die analogen Abbildungen der homogenen Polyeder auf Taf. 1, Fig. 1c—5c.

Construction der acht fehlenden Tetraeder über den Seiten dieses Oktaeders erhält man ein Sternpolyeder mit 24 Flächen.

3) Die Abbildung des Sechshundertzells hat zur äusseren Begrenzung ein Ikosaeder, da zwanzig Tetraeder um einen Punkt herum sich zu einem Ikosaeder vereinigen lassen. Durch Construction der zwanzig fehlenden Tetraeder über den Seiten dieses Ikosaeders erhält man eines der vier regelmässigen Sternpolyeder<sup>1)</sup> (mit 60 Flächen).

4) Die Abbildung des Vierundzwanzigzells hat zur äusseren Begrenzung ein von vierundzwanzig Dreiecken begrenztes Polyeder<sup>2)</sup>, da sechs Oktaeder um einen Punkt herum sich zu einem solchen Körper vereinigen lassen. (Derselbe entsteht auch durch Construction vierseitiger Pyramiden, d. h. halber Oktaeder, über den Flächen eines Hexaeders). — (Vgl. Stringham a. a. Orte S. 9.) Die sechs fehlenden Oktaeder lassen sich mit je vier Flächen über den 24 Flächen dieses Polyeders hinzufügen, wodurch ein Sternpolyeder mit 24 Flächen entsteht.

5) Die Abbildung des Achtzells hat zur äusseren Begrenzung ein von zwölf Vierecken begrenztes Polyeder<sup>3)</sup>, da vier Hexaeder um einen Punkt herum sich zu einem solchen Körper vereinigen lassen. Da nach Abrechnung der vier fehlenden Polyeder noch vier andere übrig bleiben, so braucht man diese letzteren nur um einen Punkt (den Kern) herumzulegen, um die Abbildung zu erhalten. Die vier fehlenden Hexaeder lassen sich mit je drei Flächen über den 12 Flächen dieses Polyeders hinzufügen, wodurch ein Sternpolyeder mit 12 Flächen entsteht.

---

<sup>1)</sup> Die Construction dieses Körpers ist von Herrn Stringham a. a. O. S. 10 u. 11 beschrieben. Ich bemerke jedoch, dass seine Figur 15, welche durch Hinzufügung der Gruppen 16 und 17 ihr Aussehen nicht ändert, mit dem oben gefundenen regelmässigen Sternpolyeder nicht übereinstimmt, ohne dass ich, in Ermangelung der erforderlichen Modelle, den Grund dieser Abweichung angeben kann.

<sup>2)</sup> Dieses Polyeder entsteht aus dem Trapezoeder, wenn man jedes seiner 24 Deltoide durch eine Diagonale in zwei congruente Dreiecke theilt und die von einer vierseitigen Ecke ausgehenden Diagonalen je zweier benachbarter Deltoide mit der Verbindungsstrecke ihrer nicht gemeinsamen Endpunkte zu einem Dreieck vereinigt. Alle diese Dreiecke sind dann die Flächen des obigen Polyeders.

<sup>3)</sup> Ein Specialfall dieses Polyeders ist das Rhomboeder.

6) Die Abbildung des Hundertzwanzigzells hat zur äusseren Begrenzung ein von sechsunddreissig Fünfecken begrenztes Polyeder. Die vier fehlenden Dodekaeder lassen sich mit je neun Flächen über den 36 Flächen dieses Polyeders hinzufügen, wodurch ein Sternpolyeder mit 12 Flächen entsteht.<sup>1)</sup>

Sehen wir von der Zerlegung der nicht homogenen Polyeder mit 12, 24, 60 Flächen ab, wie sie sich aus Vorstehendem ergibt, so erhalten wir aus den Fällen 2) und 3) noch das Resultat:

XI. Das Oktaeder kann homogen in acht Tetraeder und das Ikosaeder homogen in 580 Tetraeder zerlegt werden.

## 5) Anwendung auf die dreidimensionale Inhaltsbestimmung (Raummessung).

### 1. Messung im euklidischen Raume ( $M_3^0$ ).

Da der euklidische Raum nur eine einzige Art vollständiger homogener Ausfüllung gestattet, nämlich die hexaedrische, so giebt es in diesem Raume auch nur ein einziges Masssystem, in welchem der Würfel als Masseinheit (Raumeinheit) angenommen werden muss. Die Beziehung zur Längeneinheit wird dadurch hergestellt, dass derjenige Würfel als Raumeinheit gewählt wird, dessen Kante die Längeneinheit ist.

Von den drei Masssystemen der Ebene gestattet hiernach nur ein einziges, die Quadrangulation, eine Erweiterung auf den euklidischen Raum. Es ist daher diejenige Reihe von Masssystemen, welche in der Geraden die Strecke, in der Ebene das Quadrat, im euklidischen Raume den Würfel als Masseinheit besitzt, nicht nur praktisch die zweckmässigste, sondern theoretisch die einzig mögliche.

Die Messung durch den Würfel (Hexaedrirung oder Cubatur) wird als bekannt hier übergangen.

<sup>1)</sup> Für das Hundertzwanzigzell hat auch Herr Stringham die Abbildung mittelst Zusammensetzung, von einem Polyeder ausgehend, gewählt. Doch ist sein Verfahren nicht die einfache Umkehrung des oben bei der Zerlegung des Dodekaeders befolgten Ganges. Vgl. a. a. O. S. 11.

**2. Messung im (constant) positiv gekrümmten Raume** ( $M_3^+$ ).

Der (constant) positiv gekrümmte Raum gestattet sechs verschiedene Arten vollständiger homogener Ausfüllung; mithin giebt es ebensoviele Masssysteme darin. Es sind dies folgende: 1)—3) Drei Systeme der Tetraedrirung, 4)—6) je ein System der Oktaedrirung, Hexaedrirung und Dodekaedrirung. Die Masseinheit ist in diesen Fällen resp. der 5<sup>te</sup>, 16<sup>te</sup>, 600<sup>ste</sup>, 24<sup>ste</sup>, 8<sup>te</sup>, 120<sup>ste</sup> Theil des Raumes. Man wird diese Masseinheiten mit der Raumeinheit dadurch in Beziehung setzen, dass man den n<sup>ten</sup> Theil desjenigen Raumes, dessen Radius die Längeneinheit ist, als Masseinheit betrachtet. Nun ist das Volumen (der dreidimensionale Inhalt) des constant positiv gekrümmten Raumes vom Radius  $r$  gleich  $2r^3\pi^2$  <sup>1)</sup>, daher, wenn der Radius 1 ist,  $2\pi^2$ . Mithin sind die sechs Einheiten  $\frac{2\pi^2}{5}$ ,  $\frac{\pi^2}{8}$ ,  $\frac{\pi^2}{300}$ ,  $\frac{\pi^2}{12}$ ,  $\frac{\pi^2}{4}$ ,  $\frac{\pi^2}{60}$ . Da nun in den Gebieten mit verschwindender Krümmung als Einheiten die Zahlen 1, 1<sup>2</sup>, 1<sup>3</sup>.. auftreten, so fordert die Analogie, dass in den Gebieten mit constanter positiver Krümmung die Potenzen von  $\frac{\pi}{2}$  als Masseinheiten gewählt werden, nachdem die anderen Werthe  $\frac{\pi}{3}$  und  $\frac{2\pi}{3}$  durch die alleinige Annahme einer einzigen Reihe von Masssystemen beseitigt sind. Es findet dabei der Umstand statt, dass jede Potenz von  $\frac{\pi}{2}$  in zwei aufeinander folgenden Gebieten als Masseinheit auftritt, z. B.  $\frac{\pi}{2}$  im zwei- und dreidimensionalen,  $\frac{\pi^2}{4}$  im vier- und fünfdimensionalen (vgl. die in der Fussnote erwähnte Tabelle). Unter den sechs oben genannten Einheiten ist also die fünfte,  $\frac{\pi^2}{4}$ , zu wählen. Es entspricht hienach dem Würfel in der Hexaedrirung des euklidischen Raumes dasjenige Hexaeder, welches als Theil der hexaedrischen Ausfüllung der achte Theil des constant positiv gekrümmten dreidimensionalen Raumes ist.

---

<sup>1)</sup> Hoppe, Einfachste Sätze aus der Theorie der mehrfachen Ausdehnungen. Grunert's Archiv, Bd. 64, S. 203. Man findet dort in der Tabelle für  $n = 4$  den Werth  $\Omega = 8R^2$ , d. h. das Volumen des einen Theil des vierdimensionalen Raumes ( $M_4^0$ ) begrenzenden dreidimensionalen constant positiv gekrümmten Raumes ( $M_3^+$ ) vom Radius 1 ist  $8R^2$ . Setzt man  $R = \frac{\pi}{2}$ , so erhält man den obigen Werth.

Anm. Nach Analogie mit den Gebieten der Ebene und des Raumes hätte man erwarten sollen, dass diejenigen Gebilde, in welche der positiv gekrümmte Raum durch vier aufeinander senkrechte grösste Kugelflächen zerfällt, nämlich die sechszehnten Theile  $\left(\frac{\pi^2}{8}\right)$  als Einheiten auftreten würden (vergl. die Anm. p. 48). Es wären dies krummflächige Tetraeder gewesen. Ein Blick auf die in der letzten Fussnote erwähnte Tabelle zeigt jedoch, dass (für  $\Omega$ ) statt der Reihe 4, 8, 16, 32, . . . die Reihe 4, 8, 8, 32, 8,  $\frac{128}{15}$  . . . auftritt, wodurch die Abweichung erklärt ist.

### 3. Messung im constant negativ gekrümmten Raume ( $M_3^-$ ).

Da dieser Raum vier Arten vollständiger homogener Ausfüllung besitzt, so giebt es ebenso viele Masssysteme, nämlich je eines der Ikosaedrirung und Hexaedrirung und zwei der Dodekaedrirung.

Anm. Die Art und Weise, wie wir im Vorstehenden zu vierdimensionalen Gebilden gelangt sind, giebt zu einer nicht unwichtig erscheinenden Bemerkung Anlass. Es ist in verschiedenen Fällen bemerkt worden, dass Gegenstände der ebenen Geometrie am leichtesten und naturgemässesten sich aus räumlichen Beziehungen ableiten lassen (z. B. die Kegelschnitte). Entsprechendes würde sich von Gegenständen der räumlichen Geometrie erwarten lassen, wenn wir eine vierdimensionale Geometrie hätten. Aber ebenso, wie die Thatsachen der ebenen Geometrie uns nicht gerade durch Unvollkommenheit auffordern, sie vom Standpunkte des dreidimensionalen Raumes aus begreifen zu lernen, so bedürfen auch die Thatsachen der räumlichen Geometrie keiner Erklärung vom Standpunkte des vierdimensionalen Raumes. Von dieser allgemeinen Wahrnehmung bilden nun die homogenen polygonalen Figuren und polyedrischen Körper eine bemerkenswerthe Ausnahme. Denn die ersteren zeigen ihre wahre Bedeutung erst, wenn man sie als Abbildungen der homogenen Polyeder des Raumes und als Bedeckungen verschiedenartig gekrümmter Flächen im Raume auffasst, obwohl ihre ganze Entstehungsweise durchaus der ebenen Geometrie angehört. Und ebenso wird die Bedeutung der letzteren Gebilde erst dann klar, wenn man sie als Abbildungen homogener vierdimensionaler Gebilde und als Ausfüllungen verschiedenartig gekrümmter dreidimensionaler Räume in der  $M_4^0$  auffasst, obwohl ihre ganze Entstehungsweise mit dem vierdimensionalen Raume nichts zu schaffen hat. Ja selbst die Formeln weisen entschieden auf den letzteren als die wahre Heimath dieser Gebilde hin; denn überall drängt sich die Grösse  $C + 1$  ein und weist auf die Unvollkommenheit der polyedrischen Körper im euklidischen Raume hin, und auf die Nothwendigkeit einer Ergänzung durch ein letztes Polyeder, als welches im dreidimensionalen Raume nur der den polyedrischen Körper umgebende unendliche Raum angesehen werden kann, während im vierdimensionalen Raume dieser letzte Körper von gleicher Beschaffenheit mit den übrigen ist. Ein Blick auf die Zahlenwerthe von  $C'$ ,  $E$ ,  $K$ ,  $S$ , verglichen mit  $C$ , zeigt dasselbe.

Wenn hiernach der Geist durch rein logische Operationen mit Nothwendigkeit dazu geführt wird, die Schranken der Anschauung zu durchbrechen und die Existenz (dies Wort in demselben Sinne gebraucht, wie man von der Existenz von Punkten, Geraden und Ebenen spricht) von Gebilden anzuerkennen, von denen er sich, gefangen mittelst des Leibes in den Fesseln der dreidimensionalen Anschauung, zwar keine Vorstellung machen kann, deren genaue Abbildungen aber im dreidimensionalen Raume er ebensogut wahrnimmt, wie andere Erscheinungen der Körperwelt, so scheint hieraus zu folgen erstens, dass uns nur die Verbindung unseres Geistes mit der dreidimensionalen (oder, was genau dasselbe ist, materiellen) Körperwelt an der sinnlichen Wahrnehmung und geistigen Vorstellung höher dimensionirter Gebilde hindert, zweitens, dass unser Geist, da er eben vermöge innerer, von der Körperwelt unabhängiger Thätigkeit sich von den Fesseln des Dreidimensionalen emancipiren kann, seiner Natur nach wesentlich immateriell sein muss, und, für sich allein ohne den Leib gedacht, an kein Gebiet von bestimmter Dimensionenzahl gebunden ist.

---



Wird die letztere Reihe, statt vom Quadrat, vom Rechteck aus gebildet, also die Bedingung gleicher anstossender Kanten ( $a, b, \dots$ ) weggelassen, dagegen die Bedingung des Senkrechtstehens der Kanten beibehalten, so ist die Länge aller Kanten  $2^{n-1} (a + b + c \dots)$ , der Inhalt aller Grenzflächen  $2^{n-2} (ab + ac + bc + \dots)$ ; allgemein der Inhalt aller  $r$ -dimensionalen Grenzgebilde gleich dem  $2^{n-r}$ -ten Theil des Coefficienten von  $x^{n-r}$  in derjenigen Gleichung  $n^{\text{ten}}$  Grades, deren Wurzeln die Zahlen  $a, b, c \dots$  sind. Die algebraische Aufgabe: die Wurzeln einer Gleichung  $n^{\text{ten}}$  Grades aus ihren Coefficienten zu bestimmen, gestattet also die geometrische Einkleidung: ein „rechteckiges“  $n$ -dimensionales Gebilde aus den gegebenen Gesamtinhalten seiner verschiedenen Begrenzungen zu construiren. Die Kanten dieses Gebildes sind die Wurzeln der Gleichung.

Die vollständigste Behandlung des Problemes der regulären  $n$ -dimensionalen Gebilde hat endlich Herr W. J. Stringham 1880 in der Abhandlung gegeben „Regular Figures in  $n$ -dimensional Space“. (*American Journ. of Math.* Vol. III, p. 1—14.) Die Bestimmung dieser Gebilde hängt ab von folgenden Sätzen:

1. Die Zahl der Kanten eines regulären  $n$ -dimensionalen Winkels muss gleich sein der Zahl der Ecken eines regulären  $(n - 1)$ -dimensionalen Gebildes. (Hierdurch werden die Werthe von  $P$  bestimmt.)

2. Die Zahl der  $(n - 1)$ -dimensionalen Grenzgebilde, welche an einer Ecke eines regulären  $n$ -dimensionalen Gebildes zusammenstossen, muss kleiner sein, als die Zahl derjenigen  $(n - 1)$ -dimensionalen Grenzgebilde, welche um einen Punkt im  $(n - 1)$ -dimensionalen Raume so herumgelegt werden können, dass je zwei benachbarte ein  $(n - 2)$ -dimensionales Grenzgebilde gemeinsam haben. (Hierdurch werden unter den 11 Gebilden des vierdimensionalen Raumes die 6 endlichen ausgesondert. Diese Regel gilt aber nur von regelmässigen, nicht von homogenen Gebilden im Allgemeinen.)

3. In einem regulären  $n$ -dimensionalen Gebilde müssen alle Grenzgebilde von gegebener Dimensionenzahl begrenzt sein von gleich vielen Grenzgebilden einer anderen Dimensionenzahl. (Hierin liegt die reciproke Beziehung je zweier Gebilde.)

Hiernach werden die 11 regulären Gebilde aufgestellt, die unendlichen (als „imaginär“ bezeichneten) ausgeschieden und die übrigen construirt (durch

successive Zusammenlegung von Polyedern um einen Punkt herum, beim 120-Zell um ein Polyeder herum). Wenn bei diesem Verfahren die letzten P Körper wegbleiben, so werden in jeder Aussenecke des so gebildeten polyedrischen Körpers so viele Körper zusammenstossen, als in den blossgelegten Ecken, wenn man sich die ersten P Körper wegdenkt. Werden dann die letzten P Körper noch hinzugefügt, so darf jeder nur eine einzige neue Ecke liefern (welche Ecken zusammen der innersten Ecke entsprechen). An allen übrigen Aussenecken müssen dann P Körper liegen. Dieses namentlich für das Sechshundertzell nothwendige Kriterium für die Beendigung des Zusammensetzungs-Verfahrens fehlt. Beim Hundertzwanzigzell wird der Umstand, dass die innere und die äussere Begrenzung der dritten Schicht gleich gestaltet sind (S. d. Fussnote auf p. 92) dazu benutzt, um zu zeigen, dass zwei solcher zusammengesetzten Körper, der eine mit, der andere ohne jene Schicht, gleichgestaltete Aussenflächen haben und sich zu einem vollständigen Körper ergänzen. Dieser Beweis der Endlichkeit ist vollständig. Aehnlich ist das Verfahren bei der Bildung des Vierundzwanzigzells.

Im fünfdimensionalen Raume giebt es wiederum elf Fälle regulärer Bildungen<sup>1)</sup>, nämlich

|     |    |    |     |     |     |     |      |      |      |      |      |
|-----|----|----|-----|-----|-----|-----|------|------|------|------|------|
|     | 1) | 2) | 3)  | 4)  | 5)  | 6)  | 7)   | 8)   | 9)   | 10)  | 11)  |
| N = | 5, | 8, | 5,  | 8,  | 24, | 16, | 120, | 5,   | 120, | 8,   | 120, |
| P = | 5, | 5, | 16, | 16, | 8,  | 24, | 5,   | 600, | 16,  | 600, | 600. |

Hiervon geben die Fälle 1) — 3) endliche, 4) — 6) unendliche Gebilde mit endlicher, 7) — 11) unendliche Gebilde mit ins Unendliche abnehmender Grösse der Grenzgebilde. Die entsprechenden Paare sind 2) und 3), 5) und 6), 7) und 8), 9) und 10); die übrigen Gebilde entsprechen sich selbst.

Die Fälle 1) und 2) gehören in die bereits oben erwähnten, mit dem Dreieck und Viereck beginnenden Reihen. Der Fall 3) gehört in eine dritte Reihe, deren erstes Glied wieder das Viereck, deren zweites das Oktaeder ist. Aus drei derselben Mannigfaltigkeit angehörenden Gliedern dieser drei Reihen können in der nächsthöheren Mannigfaltigkeit nur wieder drei endliche und

---

<sup>1)</sup> Einen zwölften (N = 600, P = 120) hat Herr Stringham nachträglich als irrtümlich aufgestellt erkannt.

ein unendliches reguläres Gebilde hervorgehen, und zwar beträgt die Anzahl der Grenzgebilde im  $n$ -dimensionalen Raume für ein Gebilde der ersten Reihe  $n + 1$ , für eins der zweiten  $2n$ , für eins der dritten  $2^n$ . Da nun im fünf-dimensionalen Raume ausser den Gliedern jener drei Reihen keine endlichen regulären Gebilde vorkommen, so folgt daraus, dass auch in allen folgenden Räumen nur diese drei Arten endlicher regulärer Gebilde existiren. Da ferner in jedem Raume eine unendliche Ausfüllung existirt, für welche  $N = 2n$ ,  $P = 2^n$  ist, so folgt aus den Ausführungen des Herrn Stringham, dass auch eine zusammenhängende Reihe von Masseinheiten existirt, deren erste Glieder die Strecke, das Quadrat, der Würfel und das reguläre Achteck sind.

Da die Ausführungen des Herrn Stringham ebenso auf homogene wie auf reguläre Gebilde Anwendung finden, so ist hierdurch auch die Frage nach der Existenz endlicher homogener Gebilde in höher dimensionirten Räumen beantwortet.

Eine Fortsetzung seiner oben erwähnten Untersuchungen hat sodann Herr Hoppe 1881 geliefert in der Abhandlung „Regelmässige linear begrenzte Figuren von vier Dimensionen“ (Grunert's Archiv Bd. 67, S. 29—44). Darin findet sich auch die oben in Satz II (p. 52) gegebene Erweiterung des Eulerschen Polyedersatzes. (Auch von Herrn Durège angegeben in der Abhandlung „Ueber Körper von vier Dimensionen“, Sitzungsberichte der Kais. Akad. der Wissensch. zu Wien, Bd. 83.) Die Bestimmung der regulären vierdimensionalen Gebilde liefert Resultate, welche mit denen des Herrn Stringham übereinstimmen. Die Methode weicht jedoch darin ab, dass Herr Hoppe auch die Zellgewebe des Sechshundertzells und des Vierundzwanzigzells durch Zusammenlegen von Polyedern um ein Polyeder herum bildet (statt wie Herr Stringham um einen Punkt herum.) — Vgl. ferner desselben Verfassers Arbeiten in Grunert's Archiv: Ueber den Winkel von  $n$  Dimensionen (Bd. 66, S. 448); Berechnung einiger vierdehniger Winkel (Bd. 67, S. 269—290); Innere Winkel aller regelmässigen linear begrenzten Figuren von vier Dimensionen (Bd. 68, S. 110—112); Ueber die Stellung der Ebene in der Vierdimensionengeometrie (Bd. 68, S. 378—379).

Eine Arbeit von Herrn K. Rudel „Vom Körper höherer Dimension“ (Kaiserslautern 1882) gelangt nur bis zur Aufstellung der beiden ersten (Tetraeder und Hexaeder enthaltenden) Reihen von Gebilden.

Ich selbst habe seit Beendigung der vorliegenden Arbeit (Ostern 1881)<sup>1)</sup> auch Modelle von den Zellgeweben der homogenen vierdimensionalen Gebilde (durch Ausführung der Kanten in Draht und Seide) hergestellt. Eine Vielfältigung derselben ist in Aussicht genommen, falls dahin gerichtete Wünsche laut werden sollten. — Ausserdem habe ich 1882 in einer Arbeit „*Quelques théorèmes de Géométrie à n dimensions*“ (Bulletin de la Soc. math. de France, T. X, p. 172—207) eine Anzahl von Begriffen und Sätzen der Geometrie (betreffend Dreieck und Tetraeder, Viereck und Hexaeder, Viereck und Oktaeder) auf die oben aufgestellten drei Reihen  $n$ -dimensionaler Gebilde ausgedehnt. — Hiermit dürfte die bisherige Literatur über diesen Gegenstand im Wesentlichen erschöpft sein.

---

<sup>1)</sup> Die Anregung und den Ausgangspunkt zu derselben lieferte mir die zuerst in meinem „Lehrbuch der element. Mathematik“ (Wolfenbüttel b. Zwißler, 1878—1880) Th. IV, S. 104—108 aufgestellte Theorie der homogenen Polyeder. Von den oben erwähnten Arbeiten der Herren Hoppe, Scheffler und Stringham erhielt ich erst nachträglich Kenntniss.



## Erklärung der Tafeln.



**Tafeln I—IX.**

- Taf. I. Fig. 1a. Dreitheilige triangonale Figur.  
 „ I. „ 2a. Fünftheilige tetragonale Figur.  
 „ I. „ 3a. Siebentheilige triangonale Figur.  
 „ I. „ 4a. Elftheilige pentagonale Figur.  
 „ I. „ 5a. Neunzehntheilige triangonale Figur.  
 „ I. „ 1a—c. Netze des Tetraeders.  
 „ I. „ 2a—c. „ „ Hexaeders.  
 „ I. „ 3a—c. „ „ Oktaeders.  
 „ I. „ 4a—c. „ „ Dodekaeders.  
 „ I. „ 5a—c. „ „ Ikosaeders.  
 „ I. „ 6. Unendliche hexagonale Figur.  
 „ I. „ 7. „ tetragonale Figur.  
 „ I. „ 8. „ triangonale Figur.
- Taf. II. Fig. 9. „ triangonale Figur vom Charakter  $p=7$ .  
 „ II. „ 10. Viertheiliger tetraedrischer Körper (Zellgewebe des Fünfzells).  
 „ II. „ 11. Fünfzehntheiliger tetraedrischer Körper (Zellgewebe des Sechszehnzells).
- (Taf. II. Fig. 12 — Taf. V. Fig. 22: Figuren zum fünfhundertneunundneunzigtheiligen tetraedrischen Körper.)
- Taf. II. Fig. 12. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der ersten Schicht.
- Taf. III. Fig. 13. Aussenseite der zweiten Schicht.  
 „ III. „ 14. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der zweiten Schicht.
- Taf. IV. Fig. 15. Aussenseite der dritten Schicht.  
 „ IV. „ 16. Gruppierung der Flächen auf der Aussenseite der dritten Schicht.  
 „ IV. „ 17. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der dritten Schicht.  
 „ IV. „ 18. Aussenseite der vierten Schicht vor und nach der Reduction.
- Taf. V. Fig. 19. Netz der äusseren Begrenzung der vierten Schicht vor und nach der Reduction.  
 „ V. „ 20. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der vierten (reducirten) Schicht.  
 „ V. „ 21. Aussenseite der fünften Schicht.  
 „ V. „ 22. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der fünften Schicht.

- Taf. VI. Fig. 23 und 24. Dreiundzwanzigtheiliger oktaedrischer Körper  
(Zellgewebe des Vierundzwanzigzells).
- „ VI. „ 25. Siebentheiliger hexaedrischer Körper (Zellgewebe des Achtzells).
- (Taf. VII. Fig. 26 und 27, Taf. VIII. Fig. 30 — Taf. IX. Fig. 33: Figuren zum einhundertneunzehntheiligen dodekaedrischen Körper).
- Taf. VII. Fig. 26. Aussenseite der zweiten Schicht.
- „ VII. „ 27. Aussenseite der dritten Schicht.
- „ VII. „ 28. Reguläres Ikosaeder (zur Darstellung der congruenten Kantenzüge).
- „ VII. „ 29. Reguläres Dodekaeder (desgl.)
- Taf. VIII. Fig. 30. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der ersten Schicht.
- „ VIII. „ 31. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der zweiten Schicht.
- Taf. IX. Fig. 32. Aussenseite der vierten Schicht.
- „ IX. „ 33. Uebereinanderliegende Netze der äusseren und inneren Begrenzung der dritten Schicht.





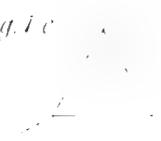
*Fig. 1 a.*



*Fig. 1 b.*



*Fig. 1 c.*



*Fig. 2 a.*



*Fig. 2 b.*



*Fig. 2 c.*



*Fig. 3 a.*



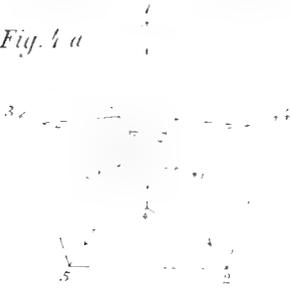
*Fig. 3 b.*



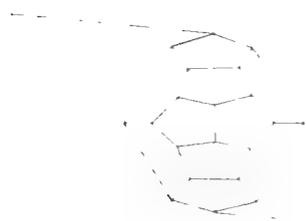
*Fig. 3 c.*



*Fig. 4 a.*



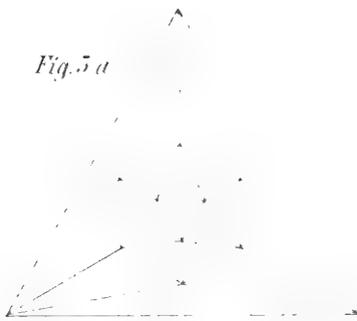
*Fig. 4 b.*



*Fig. 4 c.*



*Fig. 5 a.*



*Fig. 5 b.*



*Fig. 5 c.*



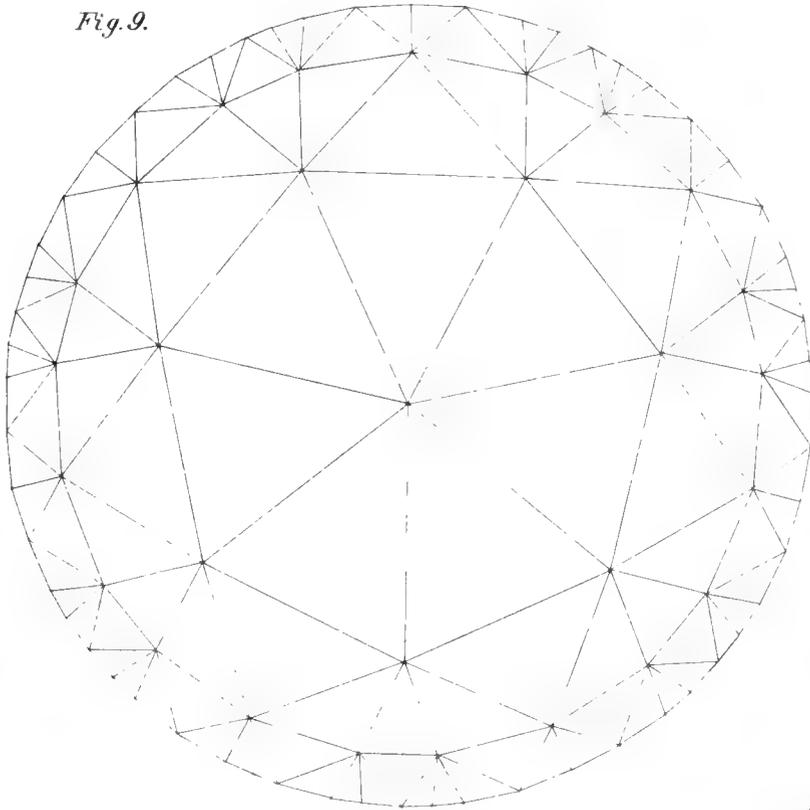
*Fig. 6.*

*Fig. 7.*

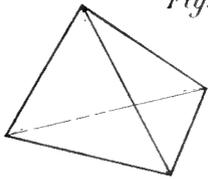
*Fig. 8.*



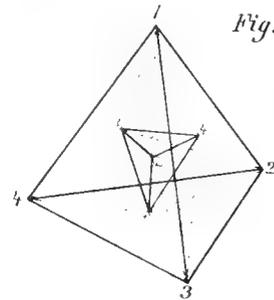
*Fig. 9.*



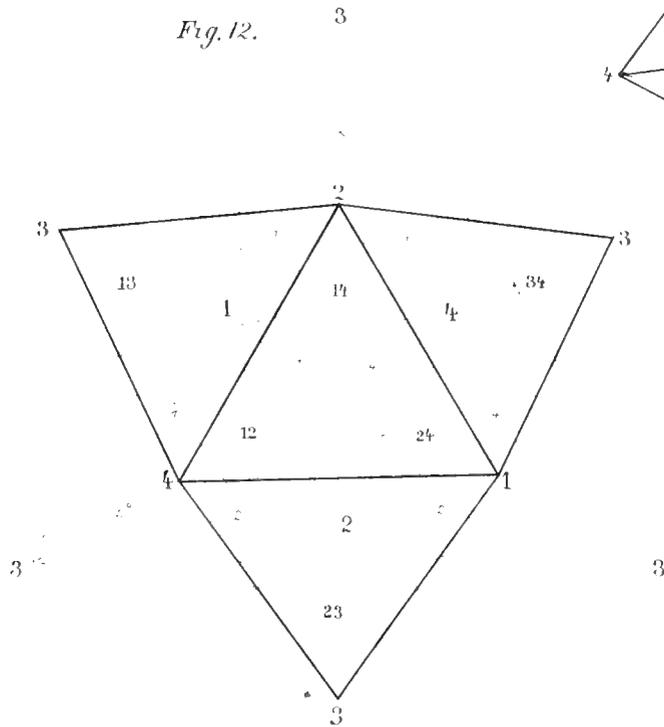
*Fig. 10.*



*Fig. 11.*

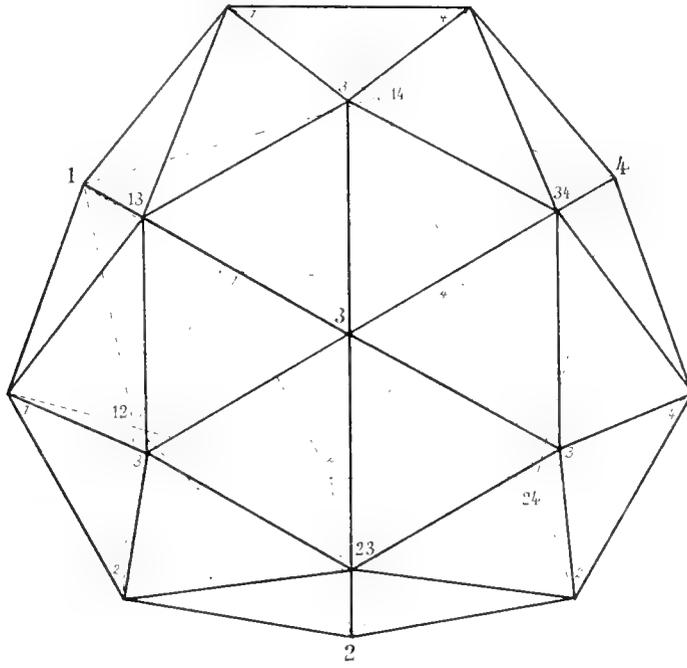


*Fig. 12.*

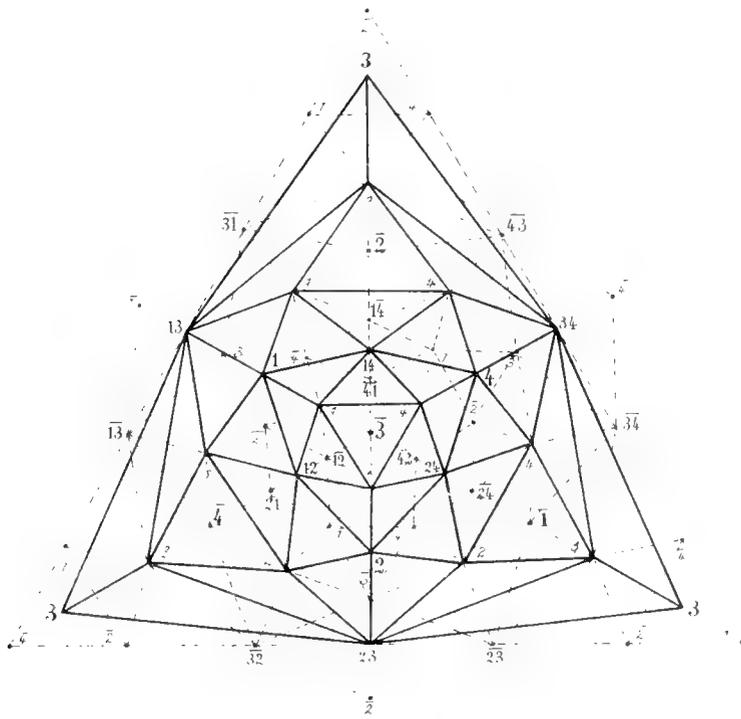




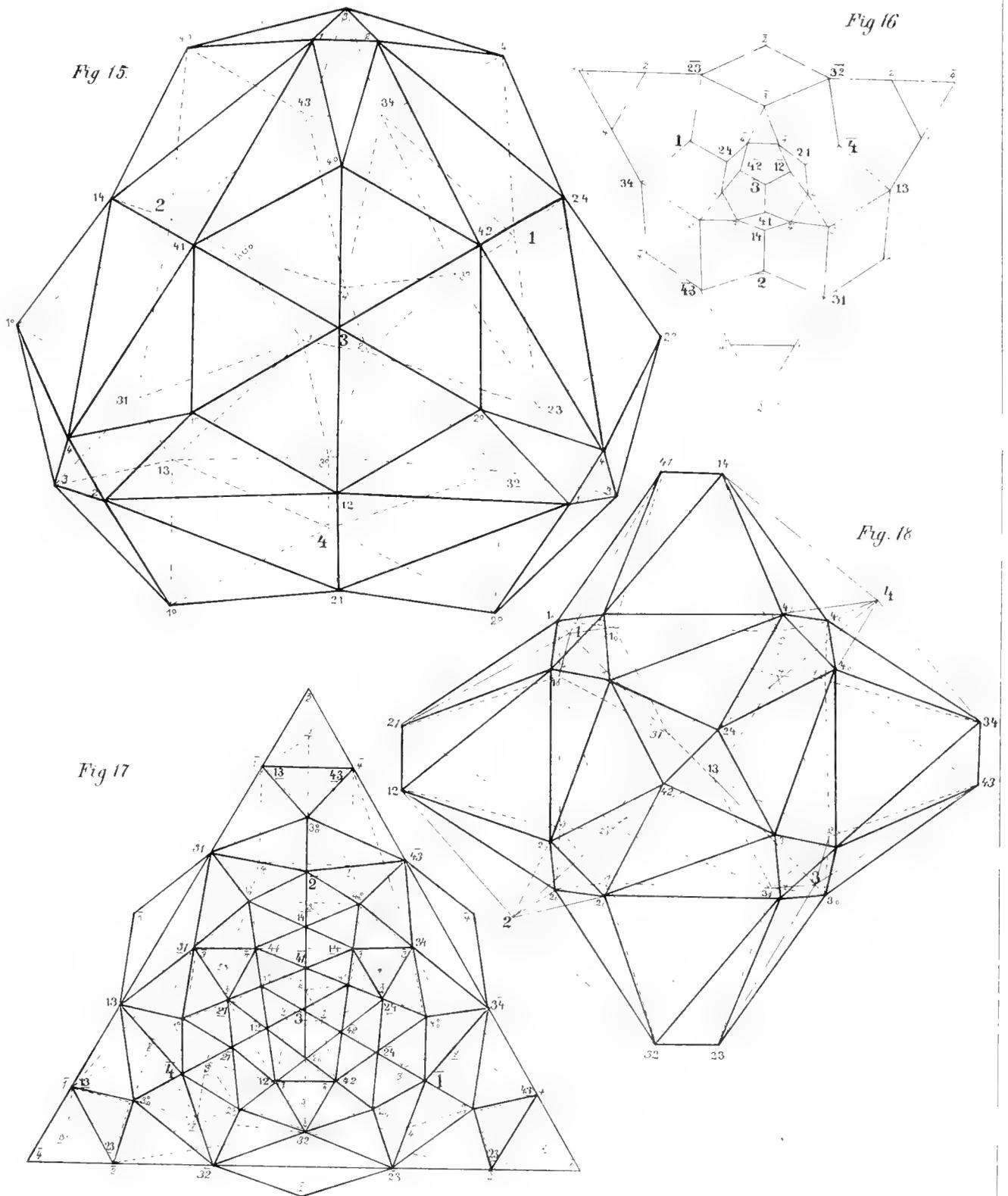
*Fig. 13.*



*Fig. 14.*







V. Schlegel del.

*D. Schlegel: Homogen zusammengesetzte Raumgebilde. Taf. 4.*



Fig. 19.

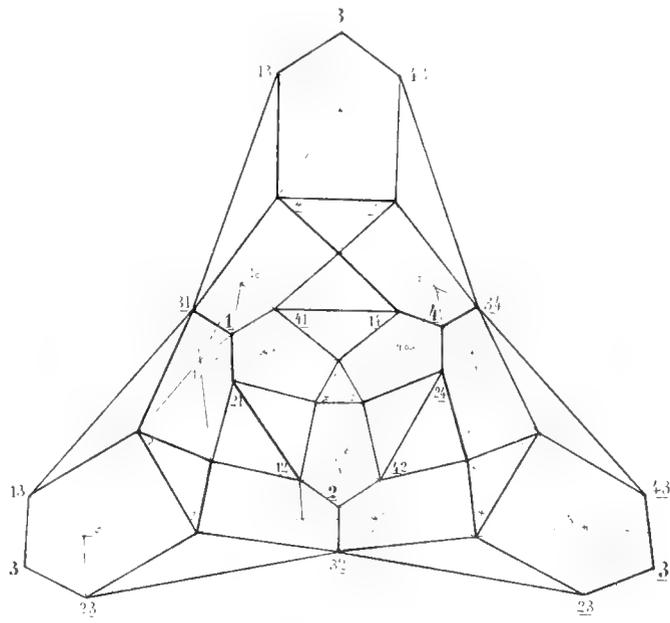


Fig. 21.

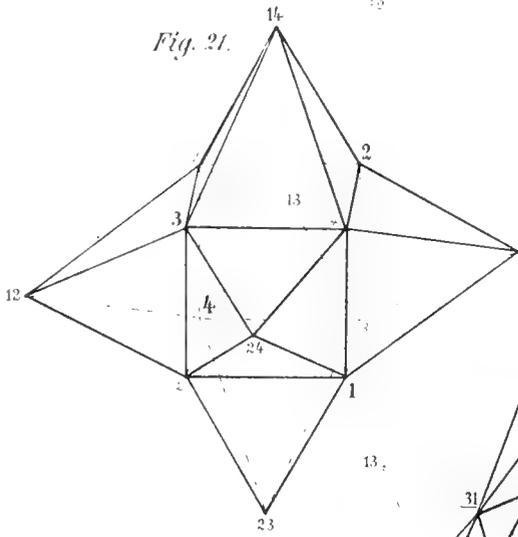


Fig. 22.

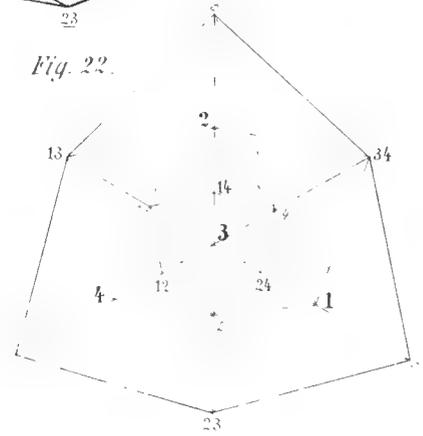
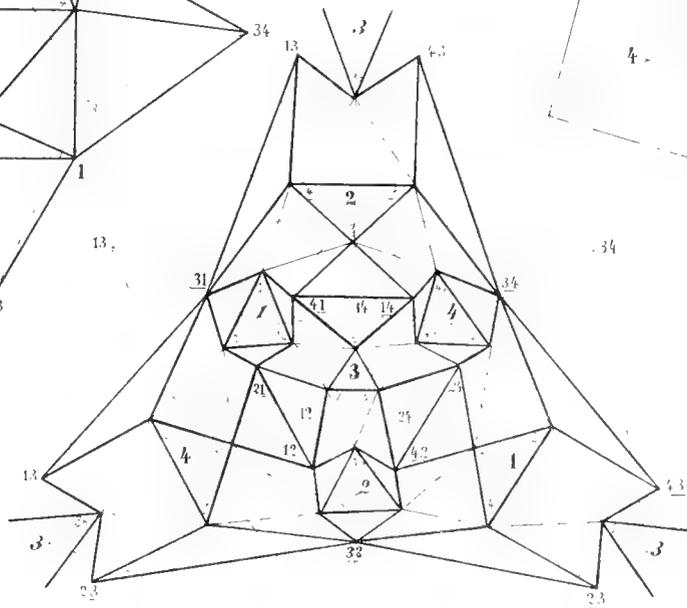
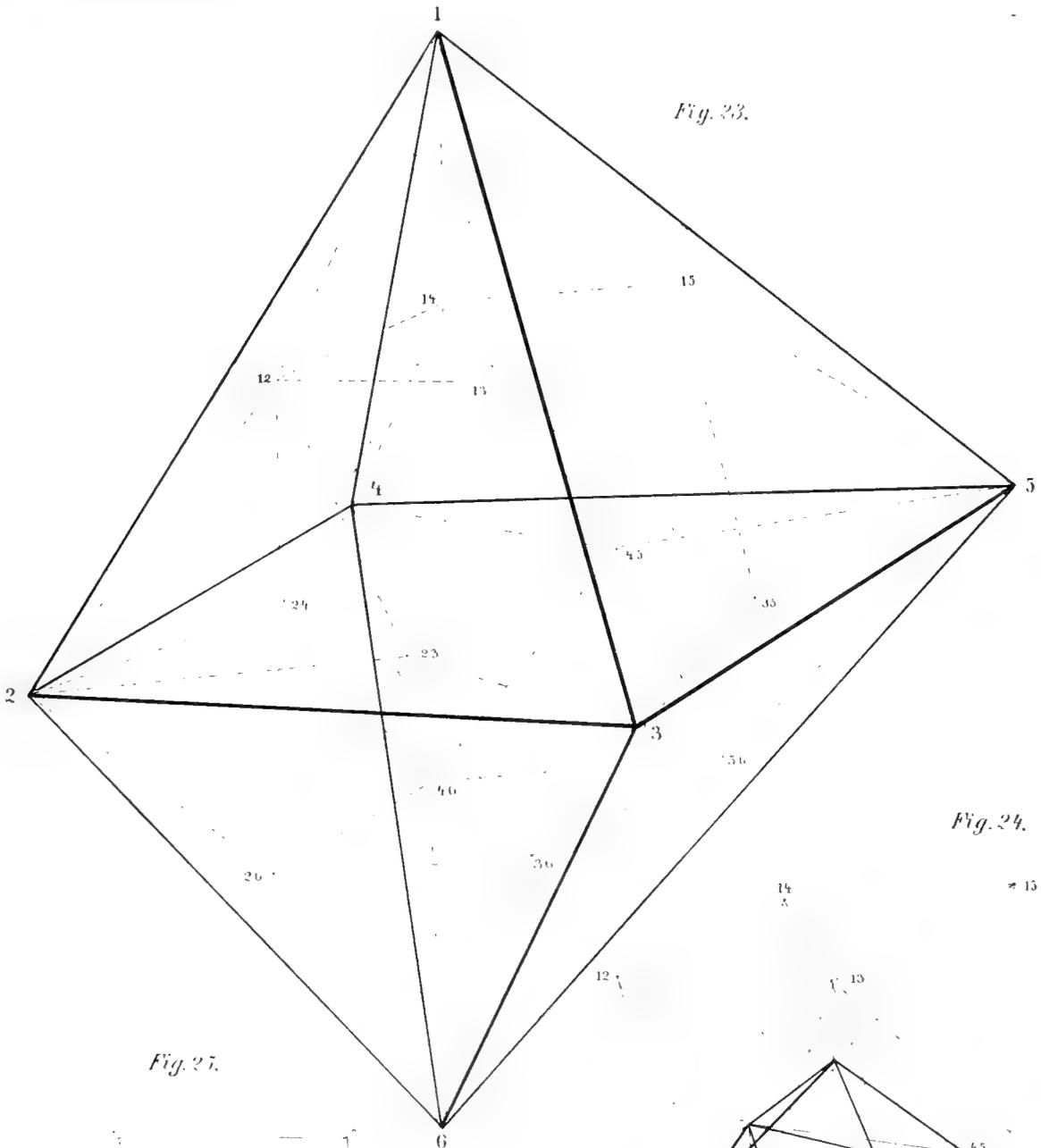


Fig. 20.



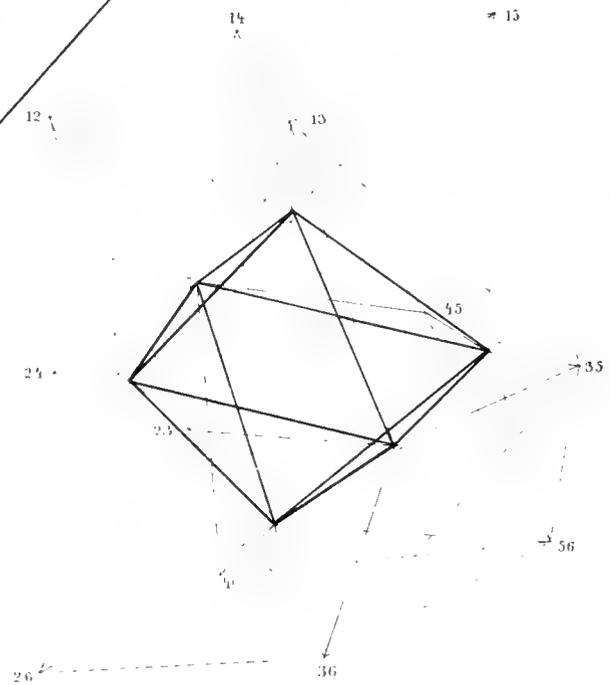
23



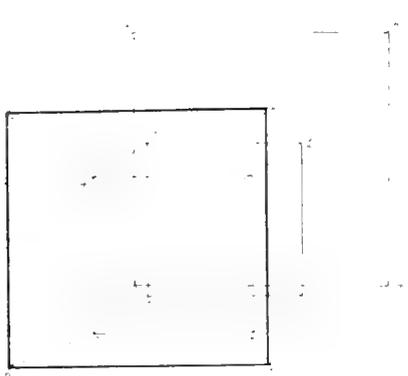


*Fig. 23.*

*Fig. 24.*

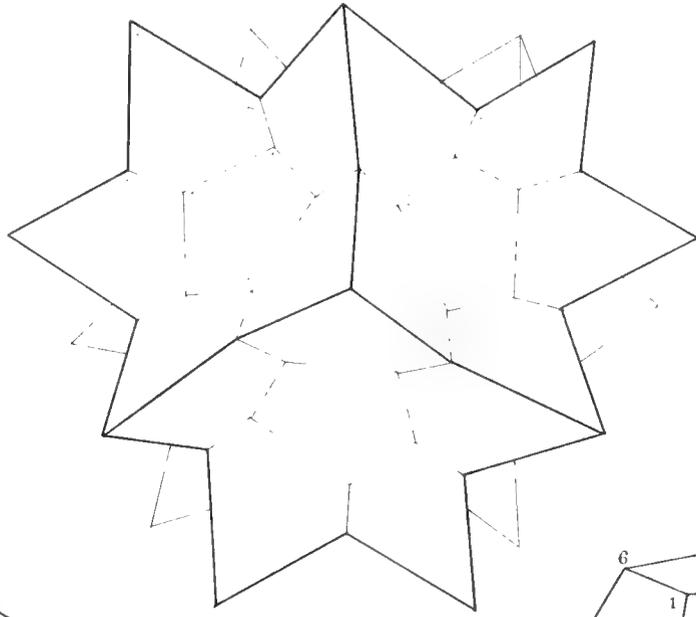


*Fig. 27.*

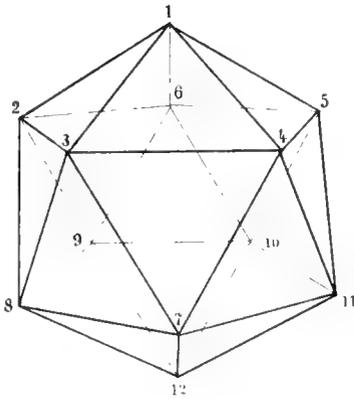




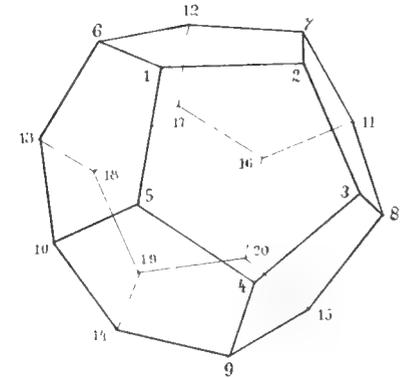
*Fig. 26.*



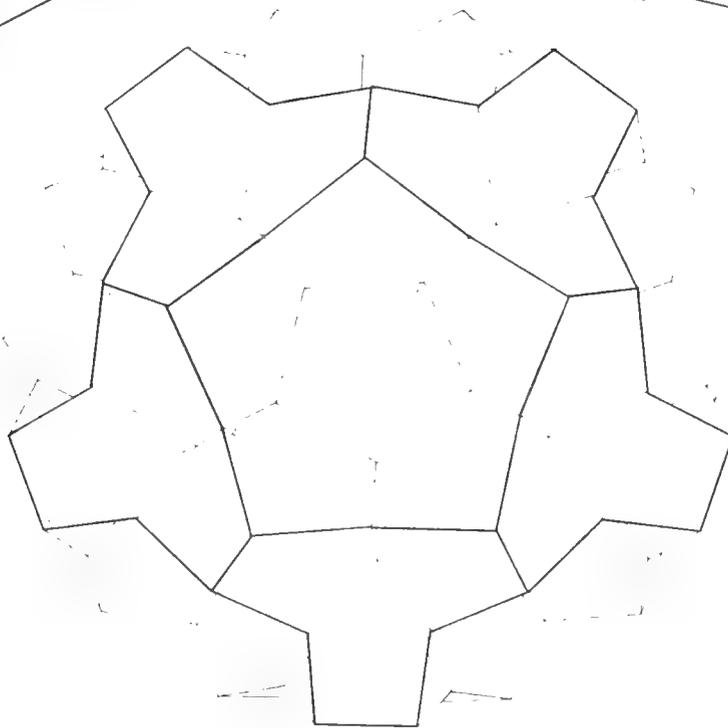
*Fig. 28.*



*Fig. 29.*

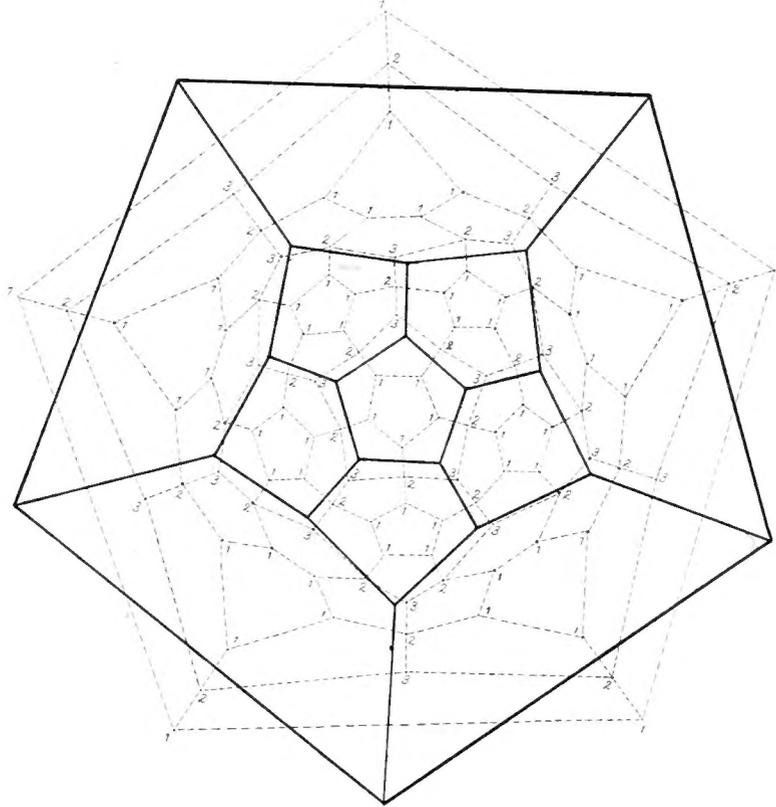


*Fig. 27.*

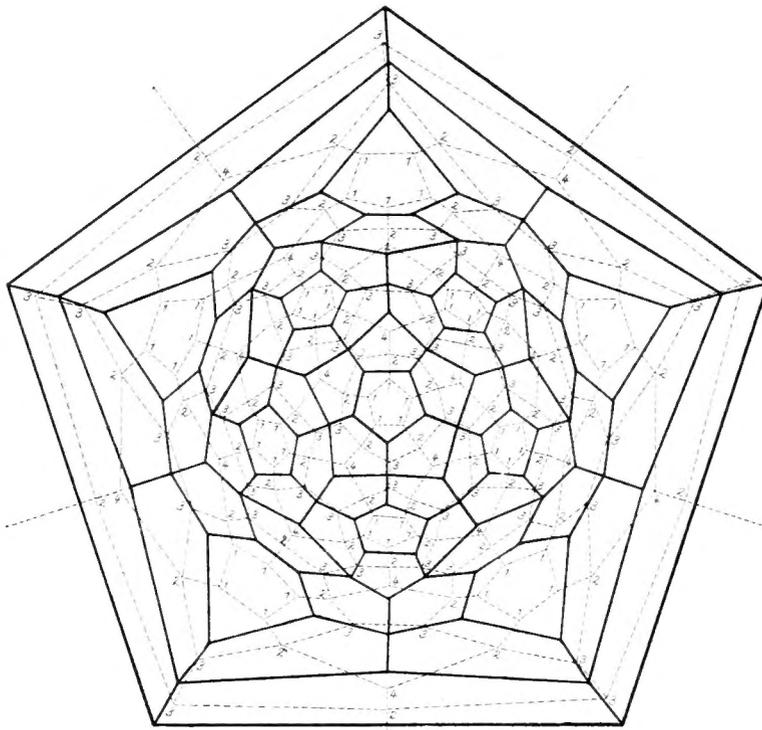




*Fig. 30.*



*Fig. 31.*







3 2044 072 239 932

Folgende von der Akademie herausgegebene Bände der NOVA ACTA sind durch die Buchhandlung von Wilh. Engelmann in Leipzig zu beziehen:

|                 |                         |  |  |  |                  |       |                |               |
|-----------------|-------------------------|--|--|--|------------------|-------|----------------|---------------|
| Band XLIII      |                         |  |  |  | Halle            | 1882. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XLII          |                         |  |  |  | "                | 1881. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XLI P. II     |                         |  |  |  | "                | 1880. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XLI P. I      |                         |  |  |  | "                | 1879. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XL            |                         |  |  |  | "                | 1878. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXIX         |                         |  |  |  | Dresden          | 1877. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXVIII       |                         |  |  |  | "                | 1876. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXVII        |                         |  |  |  | "                | 1875. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXVI         |                         |  |  |  | "                | 1873. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXV          |                         |  |  |  | "                | 1870. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXIV         |                         |  |  |  | "                | 1868. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXIII        | (= N. F. Bd. XXV)       |  |  |  | "                | 1867. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXII P. II   | (= " " " XXIV Abth. 2)  |  |  |  | "                | 1867. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXII P. I    | (= " " " XXIV Abth. 1)  |  |  |  | "                | 1865. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXXI          | (= " " " XXIII)         |  |  |  | "                | 1864. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXX           | (= " " " XXII)          |  |  |  | "                | 1864. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIX          | (= " " " XXI)           |  |  |  | Jena             | 1862. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXVIII        | (= " " " XX)            |  |  |  | "                | 1861. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXVII         | (= " " " XIX)           |  |  |  | "                | 1860. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXVI P. II    | (= " " " XVIII Abth. 2) |  |  |  | Breslau und Bonn | 1858. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXVI P. I     | (= " " " XVIII Abth. 1) |  |  |  | "                | 1857. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXV P. II     | (= " " " XVII Abth. 2)  |  |  |  | "                | 1856. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXV P. I      | (= " " " XVII Abth. 1)  |  |  |  | "                | 1855. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIV Spl.     | (= " " " XVI Spl.)      |  |  |  | "                | 1854. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIV P. II    | (= " " " XVI Abth. 2)   |  |  |  | "                | 1854. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIV P. I     | (= " " " XVI Abth. 1)   |  |  |  | "                | 1854. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIII Spl.    | (= " " " XV Spl.)       |  |  |  | "                | 1856. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIII P. II   | (= " " " XV Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1852. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXIII P. I    | (= " " " XV Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1851. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXII Spl.     | (= " " " XIV Spl.)      |  |  |  | "                | 1852. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXII P. II    | (= " " " XIV Abth. 2)   |  |  |  | "                | 1850. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXII P. I     | (= " " " XIV Abth. 1)   |  |  |  | "                | 1847. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXI Spl.      | (= " " " XIII Spl.)     |  |  |  | "                | 1846. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXI P. II     | (= " " " XIII Abth. 2)  |  |  |  | "                | 1845. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XXI P. I      | (= " " " XIII Abth. 1)  |  |  |  | "                | 1845. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XX P. II      | (= " " " XII Abth. 2)   |  |  |  | "                | 1844. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XX P. I       | (= " " " XII Abth. 1)   |  |  |  | "                | 1843. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIX Spl. II   | (= " " " XI Spl. 2)     |  |  |  | "                | 1841. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIX Spl. I    | (= " " " XI Spl. 1)     |  |  |  | "                | 1843. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIX P. II     | (= " " " XI Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1842. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIX P. I      | (= " " " XI Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1839. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVIII Spl. II | (= " " " X Spl. 2)      |  |  |  | "                | 1841. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVIII Spl. I  | (= " " " X Spl. 1)      |  |  |  | "                | 1841. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVIII P. II   | (= " " " X Abth. 2)     |  |  |  | "                | 1838. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVIII P. I    | (= " " " X Abth. 1)     |  |  |  | "                | 1836. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVII Spl.     | (= " " " IX Spl.)       |  |  |  | "                | 1836. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVII P. II    | (= " " " IX Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1835. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVII P. I     | (= " " " IX Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1835. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVI Spl.      | (= " " " VIII Spl.)     |  |  |  | "                | 1834. | 4 <sup>o</sup> | [vergriffen.] |
| " XVI P. II     | (= " " " VIII Abth. 2)  |  |  |  | "                | 1833. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XVI P. I      | (= " " " VIII Abth. 1)  |  |  |  | "                | 1832. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XV Spl.       | (= " " " VII Spl.)      |  |  |  | "                | 1831. | 4 <sup>o</sup> | [vergriffen.] |
| " XV P. II      | (= " " " VII Abth. 2)   |  |  |  | "                | 1831. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XV P. I       | (= " " " VII Abth. 1)   |  |  |  | Bonn             | 1831. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIV Spl.      | (= " " " VI Spl.)       |  |  |  | "                | 1829. | 4 <sup>o</sup> | [vergriffen.] |
| " XIV P. II     | (= " " " VI Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1829. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIV P. I      | (= " " " VI Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1828. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIII P. II    | (= " " " V Abth. 2)     |  |  |  | "                | 1827. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XIII P. I     | (= " " " V Abth. 1)     |  |  |  | "                | 1826. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XII P. II     | (= " " " IV Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1825. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XII P. I      | (= " " " IV Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1824. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XI P. II      | (= " " " III Abth. 2)   |  |  |  | "                | 1823. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " XI P. I       | (= " " " III Abth. 1)   |  |  |  | "                | 1823. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " X P. II       | (= " " " II Abth. 2)    |  |  |  | "                | 1821. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " X P. I        | (= " " " II Abth. 1)    |  |  |  | "                | 1820. | 4 <sup>o</sup> |               |
| " IX            | (= " " " I)             |  |  |  | Erlangen         | 1818. | 4 <sup>o</sup> | [vergriffen.] |